SICO7A SISTEMAS INTELIGENTES 1

Aula 03 G - Minimax

Prof. Rafael G. Mantovani



Roteiro

- 1 Introdução
- **2** Minimax
- 3 Exercício
- 4 Referências

Roteiro

- 1 Introdução
- **2** Minimax
- 3 Exercício
- 4 Referências

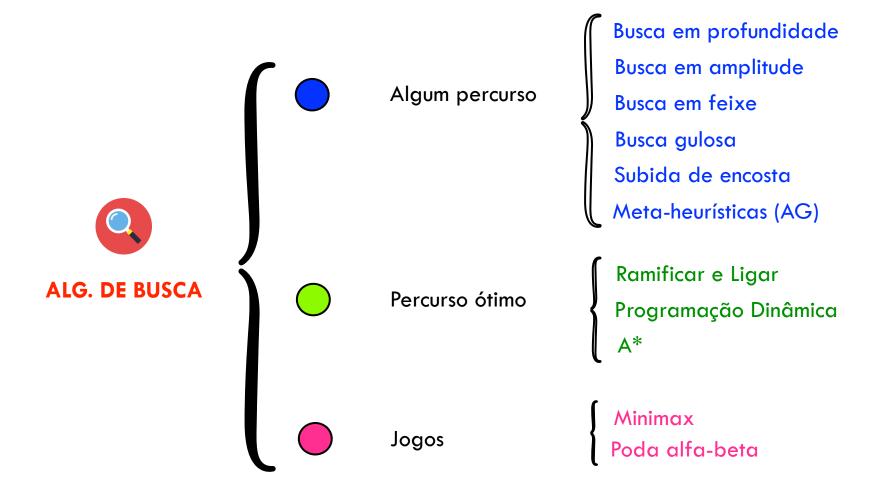
Jogos:

sempre foram uma área de aplicação importante para algoritmos heurísticos

Jogos:

sempre foram uma área de aplicação importante para algoritmos heurísticos

- * **Jogos** com duas pessoas são **+ complicados** que problemas de busca convencional
- * adversário "hostil" e imprevisível





Roteiro

- 1 Introdução
- **2** Minimax
- 3 Exercício
- 4 Referências

□ Jogo NIM

□ Jogo NIM

- jogo cujo espaço de estados pode ser buscado exaustivamente
- diversas fichas são colocas em uma mesa entre dois adversários

□ Jogo NIM

- jogo cujo espaço de estados pode ser buscado exaustivamente
- diversas fichas são colocas em uma mesa entre dois adversários
 - a cada movimento, o jogador precisa dividir uma pilha de fichas em duas pilhas não vazias com tamanhos diferentes

□ Jogo NIM

- jogo cujo espaço de estados pode ser buscado exaustivamente
- diversas fichas são colocas em uma mesa entre dois adversários
 - a cada movimento, o jogador precisa dividir uma pilha de fichas em duas pilhas não vazias com tamanhos diferentes

Exemplo:

□ Jogo NIM

- jogo cujo espaço de estados pode ser buscado exaustivamente
- diversas fichas são colocas em uma mesa entre dois adversários
 - a cada movimento, o jogador precisa dividir uma pilha de fichas em duas pilhas não vazias com tamanhos diferentes

Exemplo: 6 fichas podem ser dividias em pilhas com: (5,1) ou (4,2) elementos, mas não (3,3)

□ Jogo NIM

- jogo cujo espaço de estados pode ser buscado exaustivamente
- diversas fichas são colocas em uma mesa entre dois adversários
 - a cada movimento, o jogador precisa dividir uma pilha de fichas em duas pilhas não vazias com tamanhos diferentes

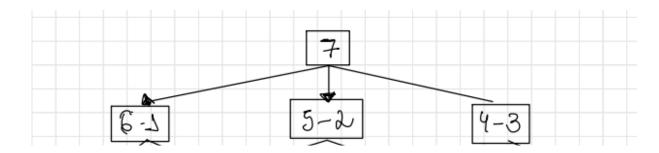
Exemplo: 6 fichas podem ser dividias em pilhas com: (5,1) ou (4,2) elementos, mas não (3,3)

o primeiro jogador que não conseguir fazer uma jogada, perde o jogo

Fig 1. Espaço de estados para NIM com 7 fichas

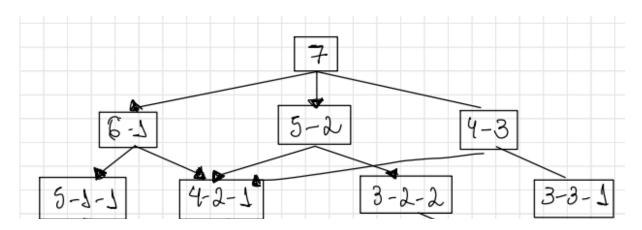


Fig 1. Espaço de estados para NIM com 7 fichas



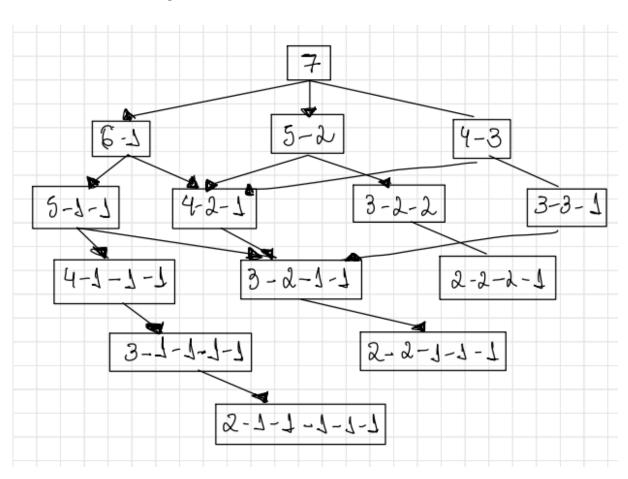
2º nível

Fig 1. Espaço de estados para NIM com 7 fichas



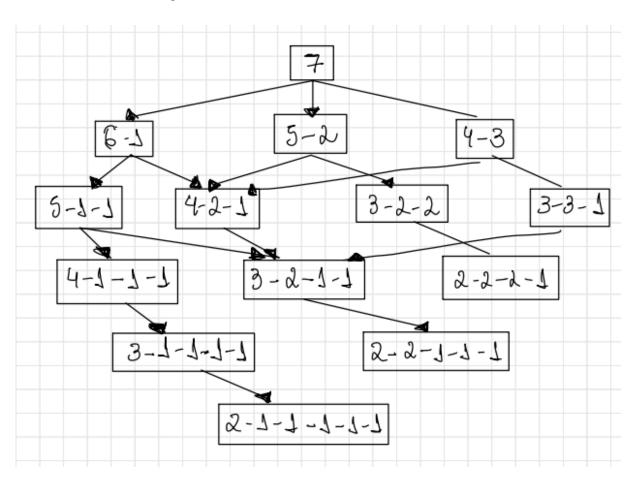
3º nível

Fig 1. Espaço de estados para NIM com 7 fichas



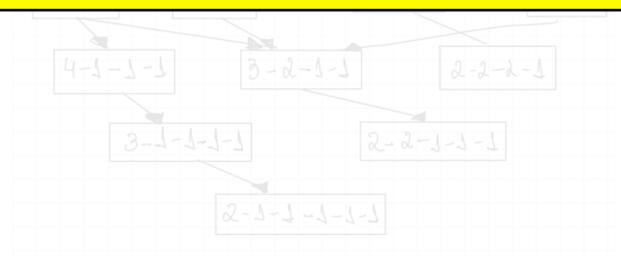
6º nível

Fig 1. Espaço de estados para NIM com 7 fichas





* ao jogar jogos cujo espaços de estados pode ser delineado exaustivamente, a principal dificuldade está em considerar a ação do adversário



 Método Simples: considerar que o oponente us ao mesmo conhecimento do espaço de busca de estados que voce usa e aplica

- * oponentes são chamados de MIN e MAX
- * MAX: jogador tentando vencer, MAXimizando sua vantagem
- * MIN: jogador que tenta minimizar o placar de MAX. Tenta sempre se mover para um estado que é pior para MAX.

- * oponentes são chamados de MIN e MAX
- * MAX: jogador tentando vencer, MAXimizando sua vantagem
- * MIN: jogador que tenta minimizar o placar de MAX. Tenta sempre se mover para um estado que é pior para MAX.
- rotulamos cada nível do espaço de acordo com quem joga nesse ponto do jogo (MIN ou MAX)

- * oponentes são chamados de MIN e MAX
- * MAX: jogador tentando vencer, MAXimizando sua vantagem
- * MIN: jogador que tenta minimizar o placar de MAX. Tenta sempre se mover para um estado que é pior para MAX.
- rotulamos cada nível do espaço de acordo com quem joga nesse ponto do jogo (MIN ou MAX)
- se o estado pai foi um nó MAX, dê-lhe o valor máximo entre seus filhos
- se o estado pai foi um nó MIN, dê-lhe o valor mínimo de seus filhos

Fig 2. Projeção do MINIMAX no espaço da Figura 1.

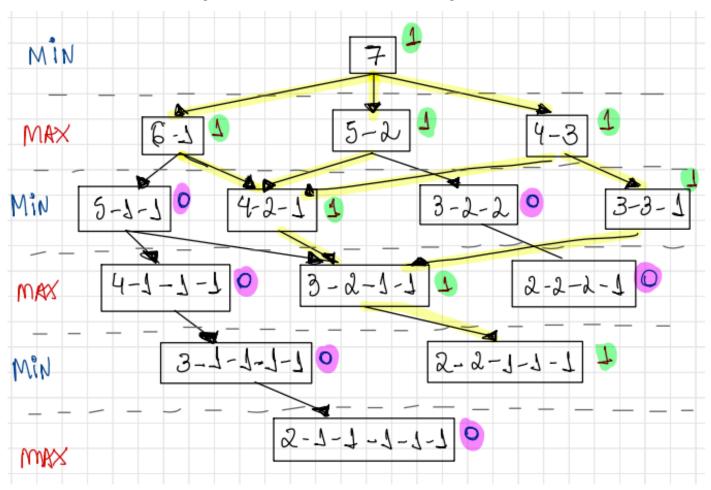


Fig 2. Projeção do MINIMAX no espaço da Figura 1.



- * abrimos todos os estados do jogo
- * cada folha recebe 0 (MIN) ou 1 (MAX), dependendo de quem é a vitória
- * o valor atribuído indica o valor do melhor estado que esse jogador poderá atingir
- * MIN só vence se MAX jogar "errado"

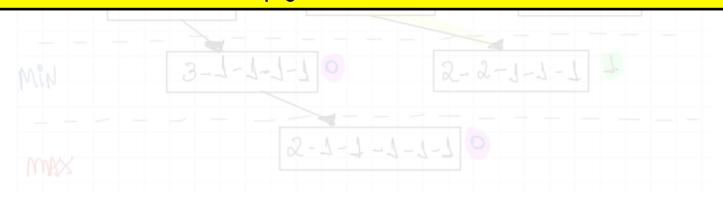


Fig 2. Projeção do MINIMAX no espaço da Figura 1.

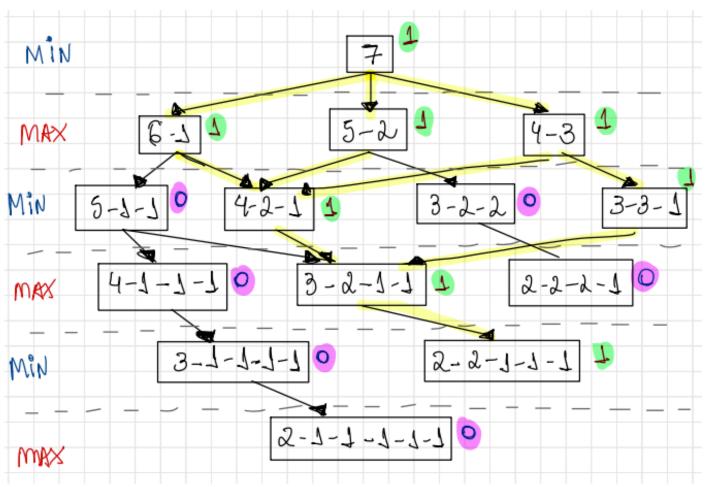
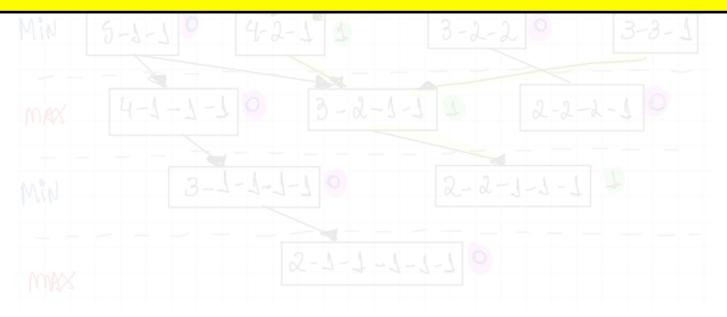


Fig 2. Projeção do MINIMAX no espaço da Figura 1.



* na maioria dos **problemas reais não** conseguimos examinar todos os estados exaustivamente



□ Antecipação por N níveis

- N = número de níveis explorados
- folhas: valoradas de acordo com uma função de avaliação heurística
- heurísticas vão medir a vantagem de um jogador sobre outro

Fig 3. Estado hipotético de quatro camadas. Estados folhas apresentam valores heurísticos, estados internos mostram os valores retropropagados.

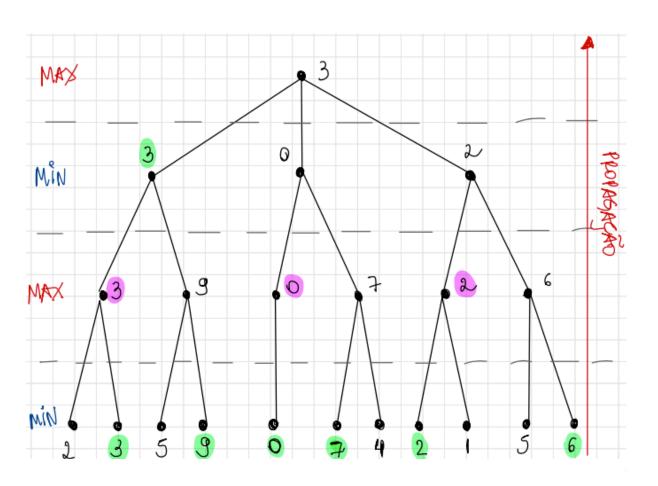


Fig 3. Estado hipotético de quatro camadas. Estados folhas apresentam valores heurísticos, estados internos mostram os valores retropropagados.

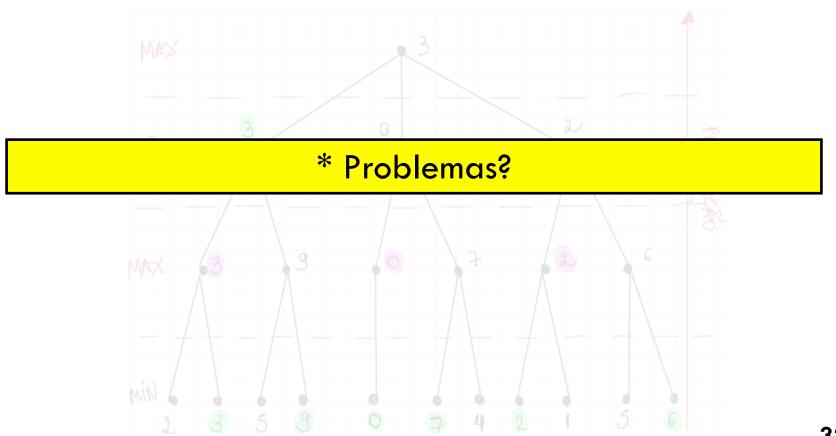


Fig 3. Estado hipotético de quatro camadas. Estados folhas apresentam valores heurísticos, estados internos mostram os valores retropropagados.

* Problemas?

- Avaliações enganosas (efeito de horizonte)
- Avaliações tendenciosas (profundidade excessiva)

Exemplo: Minimax + Jogo da Velha

Jogo da Velha

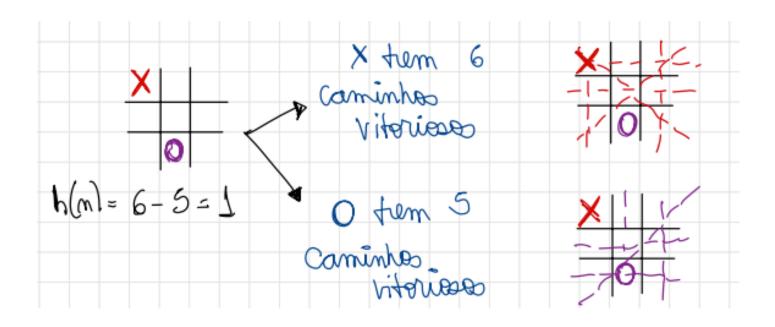
h(n): conta as linhas vencedoras de MAX, e então subtrai o número total de linhas vencedoras de MIN

Jogo da Velha

- h(n): conta as linhas vencedoras de MAX, e então subtrai o número total de linhas vencedoras de MIN
- a busca tenta maximizar essa medida
- Se um estado for uma vitória para MAX, ele é avaliado como +∞
- Se um estado for uma vitória para MIN, ele é avaliado como -∞

$$h(n) = M(n) - O(n)$$

- O(n) = linhas vitoriosas do oponente
- M(n) = linhas vitoriosas do jogador



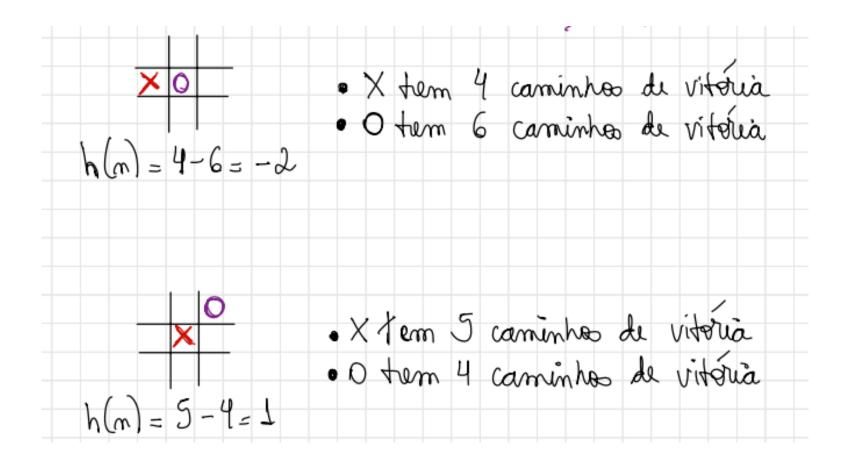
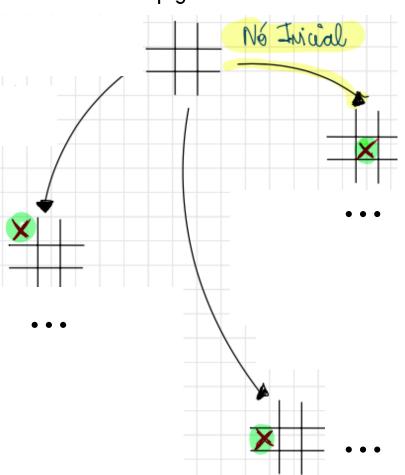
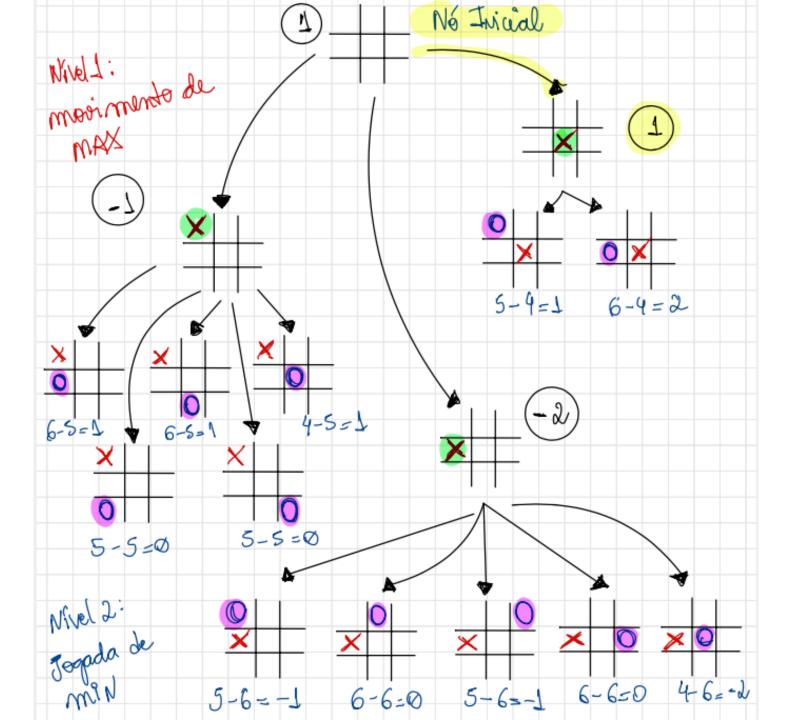


Fig 4. Minimax de duas camadas aplicado ao movimento de abertura do jogo da velha



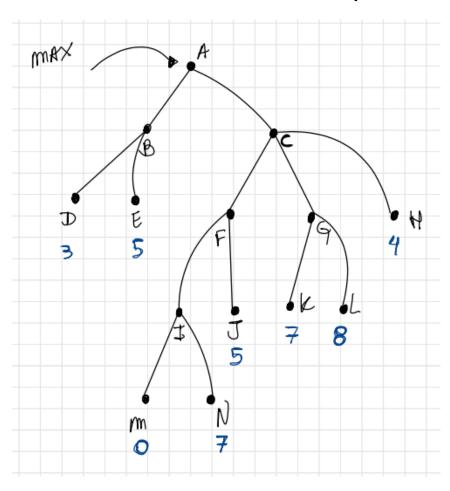


Roteiro

- 1 Introdução
- **2** Minimax
- 3 Exercício
- 4 Referências

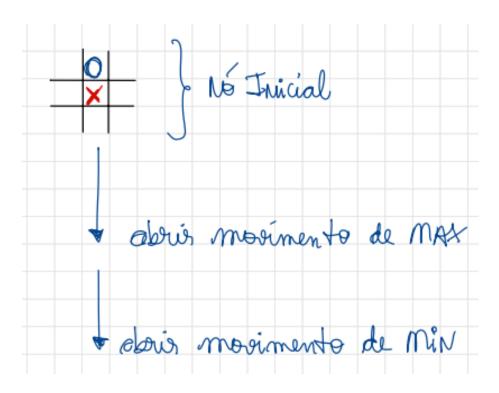
Exercícios

Exercício 01: Realize o Procedimento MINIMAX para a árvore abaixo



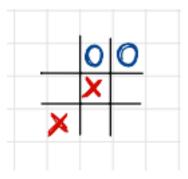
Exercícios

Exercício 02: Realize o Procedimento MINIMAX de duas camadas para o seguinte estado do jogo da velha ...



Exercícios

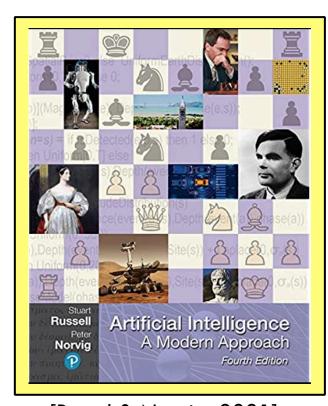
Exercício 03: Realize o Procedimento MINIMAX de duas camadas aplicado ao movimento de X próximo do final do jogo



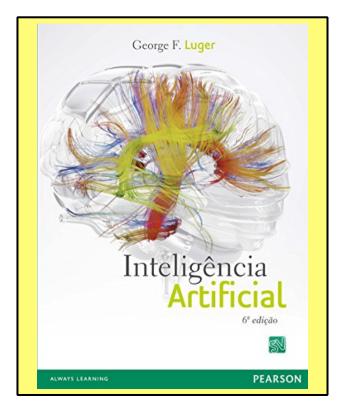
Roteiro

- 1 Introdução
- **2** Minimax
- 3 Exercício
- 4 Referências

Referências sugeridas



[Russel & Norvig, 2021]



[Luger, 2013]

Perguntas?

Prof. Rafael G. Mantovani

rafaelmantovani@utfpr.edu.br