Lista de Exercícios 3

Controle Estatístico de Qualidade - 02/2020

1. (5.5) Em um processo metalúrgico, deseja-se avaliar a capacidade de medição de um durômetro para monitorar a dureza do material fabricado. Para isso, 10 peças extraídas do processo e representativas da variabilidade dos resultados são medidas três vezes por um mesmo operador. Os dados são apresentados na tabela 5.5. Estime a variância de vida ao instrumento de medição e a variância devida ao processo. Calcule qual porcentagem da variabilidade de total dos dados é devida ao instrumento.

Tabela 5.5 Dados do exercício 5.5.

| Peça | Medidas | | | | |
|------|---------|-----|-----|--|--|
| | 1 | 2 | 3 | | |
| 1 | 227 | 225 | 210 | | |
| 2 | 235 | 237 | 240 | | |
| 3 | 281 | 302 | 294 | | |
| 4 | 306 | 282 | 292 | | |
| 5 | 219 | 244 | 232 | | |
| 6 | 302 | 285 | 287 | | |
| 7 | 299 | 302 | 282 | | |
| 8 | 265 | 280 | 260 | | |
| 9 | 301 | 300 | 275 | | |
| 10 | 255 | 235 | 242 | | |

R:
$$(\widehat{\sigma}^2_{med} = 132, 7 \ \widehat{\sigma}^2_{processo} = 784, 1 \ \%R\&R = 38,04\%)$$

- 2. (5.6) Para a avaliação do erro sistemático de leitura de um micrômetro usado para medir peças com dimensão nominal de 20,000 mm, um bloco-padrão de dimensão 20,000 mm foi usado como padrão de referência. Esse bloco foi, então, medido 10 vezes por um mesmo operador com o uso do micrômetro em questão. Os resultados das medições são apresentados na tabela 5.6.
 - a. Calcule o erro sistemático do instrumento. ($\overline{d} = 0,0018mm$)
 - b. Para um intervalo de confiança de 95%, avalie se o erro sistemático é significativamente diferente de zero. ($-0,0006 \le erro \le 0,0042$)

| Tabela 5 | Dados do es | xercicio 5.0. | | |
|----------|-------------|---------------|---------|--------------|
| | Medição | Leitura (mm) | Medição | Leitura (mm) |
| | 1 | 20,007 | 6 | 20,003 |
| | 2 | 20,005 | 7 | 20,001 |
| | | 10.007 | 0 | 20.004 |

20,003

19,998

- 3. (5.7) Para analisar a capacidade de um micrômetro, 25 peças foram medidas por quatro operadores; cada peça foi medida 3 vezes por operador. Obtiveram-se os resultados na tabela 5.7.
 - a. Qual o desvio padrão do erro da medida? ($\widehat{\sigma}_{med} = 0,00423$)
 - b. Pelas especificações, a dimensão da peça deve estar compreendida entre 19,78 e 20,36. A capacidade do sistema de medição é adequada (satisfatória) em relação às especificações? Justifique. (PT = 4,38%)

9

10

20,002

19,998

Tabela 5.7 Dados do exercício 5.7.

4

5

| | Operador 1 | Operador 2 | Operador 3 | Operador 4 |
|-----------------|------------|------------|------------|------------|
| $\bar{\bar{x}}$ | 20,07545 | 20,07935 | 20,07140 | 20,07680 |
| \overline{R} | 0,0039 | 0,0017 | 0,0038 | 0,0027 |

- 4. (5.8) Para analisar a capacidade de um instrumento de medida, 25 peças foram medidas por dois operadores; cada peça foi medida três vezes por operador. Obtiveram-se os resultados na tabela 5.8.
 - a. Estime a *repetitividade* e *reprodutibilidade* desse método/instrumento de medida (isto é, os desvios-padrão associados a cada uma dessas propriedades). E qual é o desvio-padrão do erro de medição? ($\widehat{\sigma}_{repe}=0,1063$, $\widehat{\sigma}_{repro}=0,0140$, $\widehat{\sigma}_{med}=0,1072$)
 - b. O desvio-padrão total dos dados foi calculado, é igual a 0,47. A capacidade do sistema de medição é adequada em relação à variabilidade dos dados? Justifique. (%R&R=22,8%)
 - c. As especificações para a dimensão da peça são 35 ± 6 . A capacidade do sistema de medição é adequada em relação às especificações? Justifique. (PT=5,36%)

Tabela 5.8 Dados do exercício 5.8.

| | Operador 1 | Operador 2 | | |
|-----------------|------------|------------|--|--|
| $\bar{\bar{x}}$ | 35,014 | 34,993 | | |
| R | 0,19 | 0,17 | | |

- 5. (5.9) Uma empresa, modernizando seus processos, adquiriu um equipamento de medida mais sofisticado que o anterior. Num estudo da repetitividade e da reprodutibilidade do processo de medida com o equipamento, inicialmente, o Operador 1 utilizou-o para medir uma dimensão crítica em 10 peças. Cada peça foi medida três vezes pelo operador. Os dados estão na tabela 5.9.
 - a. Considerando apenas os dados do operador 1, verifique se o instrumento é adequado para o efeito de medir a variabilidade entre peças. Qual a sua conclusão? (%R&R=65%)
 - b. Posteriormente, outro operador (Operador 2) foi utilizado para medir as mesmas peças. Utilizando os dados de ambos os operadores, estime a repetitividade e a reprodutibilidade desse método/instrumento de medida (isto é, os desvios-padrão associados a cada uma dessas propriedades). ($\widehat{\sigma}_{repe} = 1, 18$, repetitividade = 7,1; $\widehat{\sigma}_{repro} = 0$, reprodutibilidade = 0)
 - c. Estime o desvio-padrão total do erro de medição. ($\hat{\sigma}_{med} = 1, 18$)
 - d. O desvio-padrão total dos dados foi calculado e é igual a 1,67. Qual a sua estimativa do desvio padrão da dimensão crítica X das peças? ($\widehat{\sigma}_{proc} = 1,18$)
 - e. As especificações para a dimensão da peça são $30\pm7,5$. considerando as especificações, a capacidade do sistema de medição é adequada? Justifique. (PT=47%)
 - f. Calcule a %R&R. O instrumento é adequado em relação à variabilidade do conjunto de dados? Por quê? (%R&R = 70,7)

Tabela 5.9 Dados do exercício 5.9.

| Número da peça | Medidas feitas pelo operador 1 | | | | Medidas feitas pelo operador 2 | | | | | |
|-------------------|--------------------------------|------|------|-------|--------------------------------|----|----|----|-------|---|
| | 1 | 2 | 3 | Média | R | 1 | 2 | 3 | Média | R |
| 1 | 31 4 | 31 1 | 31 | 31,0 | 0 | 31 | 30 | 30 | 30,3 | 1 |
| 2 | 29 1 | 31 | 30 - | 30,0 | 2 | 28 | 30 | 31 | 29,7 | 3 |
| 3 | 33 ₃ | 30 | 30 - | 31,0 | 3 | 34 | 32 | 31 | 32,3 | 3 |
| 4 | 30 - | 31 | 30 - | 30,3 | 1 | 31 | 28 | 29 | 29,3 | 3 |
| 5 | 27 3 | 26 4 | 29 | 27,3 | 3 | 26 | 27 | 28 | 27,0 | 2 |
| 6 | 30 - | 29 1 | 30 - | 29,7 | 1 | 30 | 28 | 31 | 29,7 | 3 |
| 7 | 32 € | 30 - | 30 - | 30,7 | 2 | 32 | 30 | 30 | 30,7 | 2 |
| 8 | 32 ≥ | 32 2 | 31 1 | 31,7 | 1 | 31 | 31 | 31 | 31,0 | 0 |
| 9 | 32 2 | 30 - | 29 1 | 30,3 | 3 | 33 | 28 | 30 | 30,3 | 5 |
| 10 | 28 2 | 29 1 | 28 2 | 28,3 | 1 | 28 | 29 | 28 | 28,3 | 1 |