RNN - Encoder-Decoder Model

Toy-Project: Simple Calculator using RNN

• input:

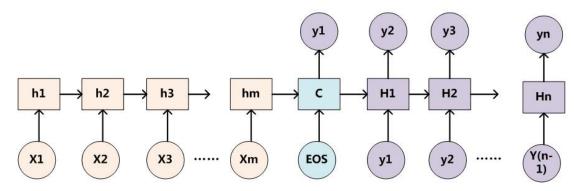
'1','5','5', '+', '3','3','9'

• output:

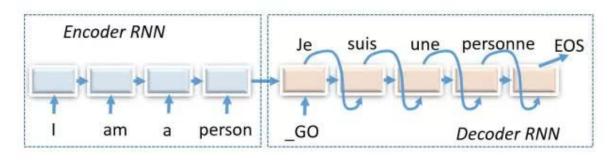
'4', '9', '3', ' ', ' '

- 입력은 숫자 두 개에 대한 연산식
- 출력은 연산 결과 문자열
- 입력 숫자는 각각 1~3 자리로서, 전체 수식은 연산자 포함해서 최대 7자
- 출력 숫자는 1~4 자리인데, END 표시로 사용하는 ' '문자 포함해서 최대 5자

RNN, Encoder/Decoder



이미지 출처: http://www.voidcn.com/article/p-virvaiso-zw.html



이미지 출처: https://github.com/guillaume-chevalier/seq2seq-signal-prediction

Encoder/Decoder - Inference

- 수식이 encoder 쪽에 들어오면, encoder 는 계산을 해서 그 결과를 state 로 기억
- decoder 쪽에 START 문자 ('=') 가 입력되고 decoder 가 시작되면, encoder 의 state 를 받아 초기 상태로 사용하면서 state 가 표현하려는 결과를 다시 숫자열로 출력

Encoder/Decoder - Training

- 입력할 수식, 출력할 숫자열을 훈련데이터로 제시
- 출력할 숫자열은 sequence-to-sequence 방식으로 훈련
 - decoder 입력으로는 '=' 문자를 앞에 붙인 출력 숫자열 제시
 - decoder 출력으로는 ' '문자 (END) 를 뒤에 붙인 수식을 제시
 - decoder 입력-출력 pair 를 하나씩 보면, 앞 자리의 숫자를 입력하면 현재 자리의 숫자를 출력하는 RNN을 학습하는 것이 됨

5 7 9
+---+--+--+--+--+--+ +---+--+
encoder | | | | | | +-----+ | | | | decoder
+---+--+--+--+

1 2 3 + 4 5 6 = 5 7 9

encoder inputs

decoder inputs

decoder outputs

Let's Go

```
In [1]: !rm -fr logdir2
!mkdir -p logdir2

In [2]: %load_ext do_not_print_href
%matplotlib inline
    from __future__ import print_function, division
    import sys
    import time
    import numpy as np
    import tensorflow as tf
    import matplotlib.pyplot as plt
```

Prepare data set - symbols & symbol map

- 입력/출력 문자는 0~9 까지의 숫자, 연산자 '+', ' '(END), '='(START) 포함하여 13 종류
- 사용가능한 연산자는 '+'
- 문자(symbol) 와 해당 문자의 인덱스 넘버 사이의 변환을 위한 배열/사전 준비
 - symbols[]: 인덱스에서 문자로
 - symbol map[]: 문자에서 인덱스로

```
In [4]: print('symbol_map =',symbol_map)
symbol_map = {' ': 0, '+': 11, '1': 2, '0': 1, '3': 4, '2': 3, '5': 6, '4': 5, '7': 8, '6': 7, '9': 10, '8': 9, '=': 12}
```

Prepare data set - Preview

```
In [5]: def make random data():
                      = str(np.random.randint(1000))
            t1
            op
                      = np.random.choice(operators)
                     = str(np.random.randint(1000))
            t2
                     = t1 + op + t2
            expr
                      = '='+str(eval(expr))+' '
            ans
            return expr, ans
In [6]: for i in range(5):
            expr, ans = make random data()
            print(([c for c in expr], [c for c in ans]))
        (['6', '+', '7', '3', '4'], ['=', '7', '4', '0', ' '])
        (['5', '0', '6', '+', '7', '4', '3'], ['=', '1', '2', '4', '9', '
        '])
        (['5', '8', '0', '+', '5', '7', '4'], ['=', '1', '1', '5', '4', '
        '1)
        (['7', '9', '1', '+', '3', '7', '3'], ['=', '1', '1', '6', '4', '
        '])
        (['9', '4', '1', '+', '3', '4', '3'], ['=', '1', '2', '8', '4', '
        '])
```

Prepare data set - one-hot encoding

```
In [8]: encoder_max_seq_len = 7
decoder_max_seq_len = 5
```

```
In [9]: def str to onehot(str, max seq len):
             buf
                           = np.zeros([max seq len,input units])
             buf
               one_hot(symbol_map[' ']).reshape([1,-1]) # <<<===
                         = len(str)
             seq len
             buf[:seq len] = [one hot(symbol map[c]) for c in str]
             return buf
In [10]: def onehot_to_str(data, data_len):
             return ''.join([symbols[v] \
                              for v in arg max(data)][:data len])
In [11]: def encode_data(expr, ans):
                               = len(expr)
             e seq len
                               = str_to_onehot(expr,
             e_in
                                                encoder_max_seq_len)
             d seq len
                              = len(ans) - 1
             d in
                               = str to onehot(ans[:-1],
                                                decoder max seq len)
             d out
                               = str to onehot(ans[1:],
                                                decoder_max_seq_len)
             return e_seq_len, e_in, d_seq_len, d_in, d_out
In [12]: def decode_data(e_len, e_in, d_len, d_in, d_out):
             return e len, \
                     onehot_to_str(e_in, e_len), \
                     d len, \
                     onehot to str(d in, d len), \
                     onehot to str(d out, d len)
In [13]: | decode_data(*encode_data(*make_random_data()))
Out[13]: (7, '399+997', 5, '=1396', '1396 ')
```

Prepare data set: create data set

```
In [14]: BATCH_SIZE = 200
In [15]: train_num_data = 60000
test_num_data = 10000
```

```
In [16]: | # common data format
         # e len, e in, d len, d in, d out
         class Dataset:
             def __init__(self):
                 self.encoder seq len = []
                 self.encoder in data = []
                 self.decoder seq len = []
                 self.decoder_in_data = []
                 self.decoder out data = []
             def append(self, t):
                 self.encoder_seq_len.append(t[0])
                 self.encoder in data.append(t[1])
                 self.decoder seq len.append(t[2])
                 self.decoder in data.append(t[3])
                 self.decoder out data.append(t[4])
             def next batch(self,batch size=BATCH SIZE):
                 data len = len(self.encoder seq len)
                 batch pointer = 0
                 while batch pointer + batch size <= data len:
                          = np.random.randint(
                         data len - batch size - 1)
                     yield \
                         self.encoder_seq_len[ss:ss+batch_size], \
                         self.encoder in data[ss:ss+batch size], \
                         self.decoder seq len[ss:ss+batch size], \
                         self.decoder in data[ss:ss+batch size], \
                         self.decoder out data[ss:ss+batch size]
                     batch pointer += batch size
         np.random.seed(37L)
         train data = Dataset()
         for i in range(train num data):
             expr, ans = make random data()
             train data.append(encode data(expr, ans))
         test data = Dataset()
         for i in range(test num data):
             expr, ans = make random data()
             test data.append(encode data(expr, ans))
```

Prepare data set: data structure

print & verify first training data

- next batch() 는 for 문장과 함께 쓰일 수 있음.
- next batch() 가 for 문장과 함께 쓰지지 않는 경우는 다시 next() 를 호출해야 함. (python interator)

Tensorflow - build graph

```
In [19]: tf.reset_default_graph()
```

Tensorflow - placeholders & dynamic batch_size

```
In [20]: encoder inputs
                          = tf.placeholder(
             dtype=tf.float32,
             shape=[None, encoder max seq len, input units],
             name='encoder inputs')
         encoder seqlen = tf.placeholder(
             dtype=tf.int32,
             shape=[None],
             name='encoder seqlen')
         decoder inputs
                         = tf.placeholder(
             dtype=tf.float32,
             shape=[None, decoder max seq len, input units],
             name='decoder_inputs')
         decoder targets = tf.placeholder(
             dtype=tf.float32,
             shape=[None, decoder_max_seq_len, output_units],
             name='decoder targets')
         decoder seqlen = tf.placeholder(
             dtype=tf.int32,
             shape=[None],
             name='decoder_seqlen')
         encoder training = tf.placeholder(
             dtype=tf.bool,
             shape=None,
             name='encoder training')
         tf batch size = tf.shape(encoder inputs)[0] # <<== !!!</pre>
```

```
In [21]: tf_batch_size
Out[21]: <tf.Tensor 'strided_slice:0' shape=() dtype=int32>
```

RNN, Encoder/Decoder - 2-Layers, with Dropouts

• tf.cond()

Return true_fn() if the predicate pred is true else false_fn()

tf.contrib.rnn.DropoutWrapper

```
`__init__`(
    cell,
    input_keep_prob=1.0,
    output_keep_prob=1.0,
    state_keep_prob=1.0,
    variational_recurrent=False,
    input_size=None,
    dtype=None,
    seed=None
)
```

- dropout_prob 이 아니라 keep_prob 를 적어주는 점에 유의
- input keep prob, output keep prob, state keep prob 로 구분하여 적용
- variational recurrent 플래그 (tensorflow 1.1 부터 지원)
 - A Theorerically Grounded Application of Dropout in Recurrent Neural Networks
 - RNN의 경우, 훈련데이터에 overfitting 하는 경향이 심한데, 일반적인 dropout 방식을 사용해도 효과가 없더라
 - Bayesian interpretation 으로 dropout 기법에 대해서 분석해 본 결과 RNN 에 적용 가능한 새로 운 dropout 기법을 개발
- <u>tf.contrib.rnn.LayerNormBasicLSTMCell</u> 에는 자체 <u>recurrent dropout</u> 지원 기능이 있음

```
__init__(
    num_units,
    forget_bias=1.0,
    input_size=None,
    activation=tf.tanh,
    layer_norm=True,
    norm_gain=1.0,
    norm_shift=0.0,
    dropout_keep_prob=1.0,
    dropout_prob_seed=None,
    reuse=None
)
```

BasicRNNCell, BasicLSTMCell, GRUCell 모두 state 의 형태가 다르다

cell initial state 를 생성하기 위해서는 cell.zero state() 메소드 사용

```
zero_state(
    batch_size,
    dtype
)
```

- batch_size: int, float, or unit Tensor representing the batch size.
- dtype: the data type to use for the state.

Encoder-RNN 과 Decoder-RNN 은 initial_state 를 통해서 연결된다

Encoder-RNN

```
encoder_out, encoder_state = tf.nn.dynamic_rnn(...)
```

DecoderRNN

```
decoder_out, decoder_state = tf.nn.dynamic_rnn(...
initial_state=encoder_state)
```

```
In [23]: # encoder RNN
         def e cell(input size):
             cell = tf.contrib.rnn.BasicRNNCell(hidden units)
               cell = tf.contrib.rnn.LSTMCell(hidden units)
         #
         #
               cell = tf.contrib.rnn.LayerNormBasicLSTMCell(
         #
                         hidden units)
             cell = tf.contrib.rnn.DropoutWrapper(
                 cell,
                  state_keep_prob = keep prob,
                  variational recurrent = True,
                  input size = input size,
                 dtype = tf.float32)
             return cell
         with tf.variable scope('encoder'):
             cell = tf.contrib.rnn.MultiRNNCell(
                  [
                      e cell(input units),
                      e cell(hidden units),
                      e cell(hidden units)
                  ])
             initial state = cell.zero state(
                 batch size=tf batch size,
                  dtype=tf.float32)
             encoder_out, encoder_state = tf.nn.dynamic_rnn(
                 cell,
                  encoder inputs,
                  sequence length=encoder seqlen,
                  initial state=initial state)
```

```
In [24]: # decoder RNN
         def d cell():
             cell = tf.contrib.rnn.BasicRNNCell(hidden units)
         #
               cell = tf.contrib.rnn.LSTMCell(hidden units)
         #
               cell = tf.contrib.rnn.LayerNormBasicLSTMCell(
         #
                         hidden units)
             return cell
         with tf.variable_scope('decoder'):
             cell = tf.contrib.rnn.MultiRNNCell(
                  [d_cell() for _ in range(3)])
             initial state = encoder state # <<<====
             decoder_out, decoder_state = tf.nn.dynamic_rnn(
                  cell,
                  decoder inputs,
                  sequence_length=decoder_seqlen,
                  initial_state=initial_state)
```

```
In [25]: encoder_out.shape.as_list()
Out[25]: [None, 7, 100]
```

```
In [26]: decoder_out.shape.as_list()
Out[26]: [None, 5, 100]
```

Fully Connected Network after RNN

• 5주 1일차에 사용한 코드는 이렇지만,

```
# 10 개의 output units 로 만들
# FCN (fully-connected-network) 구성
# outputs shape will become: [batch_size, 10]
outputs = tf.layers.dense(rnn_output, 10)
```

• 이번에는 tf.nn.xw plus b() 를 이용해서 만들어 봅니다.

```
In [27]: output_w
                    = tf.get variable(
                         "output w",
                         [hidden_units, output units])
         output b
                    = tf.get variable(
                         "output b",
                         [output_units])
         # xw plus b() 는 2D 텐서만 처리할 수 있음
         decoder o = tf.reshape(decoder out,
                                  [-1, hidden units])
         outputs_ = tf.nn.xw_plus_b(decoder_o_,
                                      output_w,
                                      output_b)
         # xw_plus_b() 를 위해 변형했던 것 처럼 출력을 다시 원 형태로 원복
         outputs
                    = tf.reshape(
                        outputs_,
                         [-1, decoder max seq len, output units])
```

```
In [28]: outputs.shape.as_list()
Out[28]: [None, 5, 13]
```

First Dry-run

In [30]: sess.run(tf.global variables initializer())

```
In [31]: e len, e in, d len, d in, d out = \
             train data.next batch().next()
         feed = {
             encoder_training: False,
             encoder_seqlen: e_len,
             encoder inputs: e in,
             decoder seqlen: d len,
             decoder inputs: d in,
             decoder targets: d out,
         out = sess.run(outputs, feed)
In [32]: arg_max(e_in[0])
Out[32]: array([ 8, 9, 10, 11, 5, 5,
                                         3])
In [33]: for i in range(5):
             print(decode_data(e_len[i],e_in[i],d_len[i],d_in[i],d_out[i]))
         (7, '789+442', 5, '=1231', '1231 ')
         (7, '253+889', 5, '=1142', '1142 ')
         (7, '531+142', 4, '=673', '673')
         (6, '745+69', 4, '=814', '814 ')
         (7, '576+728', 5, '=1304', '1304')
```

Compare training target vs output

handling sequence lengths

```
Out[37]: array([[[ 1., 1.,
                                 1., 1., 1., 1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                    1
               1.],
          ٠,
                                                   0.,
                    [ 0.,
                            0.,
                                 0.,
                                       0.,
                                             0.,
                                                         0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                0.,
                                                                                    0
               0.],
                                                         0.,
                            0.,
                                       0.,
                                             0.,
                                                   0.,
                                                               0.,
                    [ 0.,
                                 0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                0.,
                                                                                    0
               0.],
                    [ 0.,
                            0.,
                                 0.,
                                       0.,
                                             0.,
                                                   0.,
                                                         0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                0.,
                                                                                     0
               0.],
           ٠,
                                                   0.,
                    [ 0.,
                            0.,
                                 0.,
                                       0.,
                                             0.,
                                                         0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                0.,
                                                                                    0
               0.]],
           ٠,
                  [[ 1.,
                            1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                   1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
               1.],
           ٠,
                    [ 1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                   1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                            1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
               1.],
           ٠,
                                                                          0.,
                    [ 0.,
                            0.,
                                 0.,
                                       0.,
                                             0.,
                                                   0.,
                                                         0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                                0.,
                                                                                      0
               0.],
           ٠,
                    [ 0.,
                                       0.,
                                             0.,
                                                   0.,
                                                         0.,
                            0.,
                                 0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                0.,
                                                                                     0
               0.],
                    [ 0.,
                            0.,
                                 0.,
                                       0.,
                                             0.,
                                                   0.,
                                                         0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                0.,
                                                                                      0
               0.]],
           ٠,
                   [[ 1.,
                            1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                   1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
               1.],
           ٠,
                    [ 1.,
                            1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                   1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
               1.],
           ٠,
                                                   1.,
                    [ 1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                            1.,
                                 1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
               1.],
           ٠,
                                             0.,
                                                   0.,
                    [ 0.,
                            0.,
                                 0.,
                                       0.,
                                                         0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                      0
                                                                                0.,
               0.],
           ٠,
                    [ 0.,
                            0.,
                                 0.,
                                       0.,
                                             0.,
                                                   0.,
                                                         0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                0.,
                                                                                     0
               0.]],
                                 1., 1.,
                                             1., 1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                  [[ 1.,
                            1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                    1
               1.],
           ٠,
                                       1.,
                                             1.,
                                                   1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                    [ 1.,
                            1.,
                                 1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                     1
               1.],
                    [ 1.,
                            1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                   1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                     1
               1.],
                                                   1.,
                    [ 1.,
                                             1.,
                                                         1.,
                            1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
               1.],
           ٠,
                                             0.,
                    [ 0.,
                            0.,
                                                         0.,
                                 0.,
                                       0.,
                                                   0.,
                                                               0.,
                                                                     0.,
                                                                          0.,
                                                                                0.,
                                                                                    0
               0.]],
           ٠,
                                                   1.,
                            1.,
                                             1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                  [[ 1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
               1.],
           ٠,
                    [ 1.,
                            1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                   1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                                      1
                                 1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
           ٠,
               1.],
                    [ 1.,
                                                   1.,
                                                         1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
                            1.,
               1.],
                                                   1.,
                    [ 1.,
                            1.,
                                 1.,
                                       1.,
                                             1.,
                                                         1.,
                                                               1.,
                                                                     1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
                                                                                      1
               1.],
                    [ 1., 1., 1., 1.,
                                             1., 1., 1., 1.,
                                                                    1.,
                                                                          1.,
                                                                                1.,
               1.]]], dtype=float32)
```

Optimize

Optimizer Test Run

```
In [40]: # optimizer가 새로 변수를 만들었을 것이므로
         # 변수 초기화를 다시 해야 함
         sess.run(tf.global variables initializer())
In [41]: | e_len, e_in, d_len, d_in, d_out = \
             train_data.next_batch().next()
         feed = {
             encoder training: True,
             encoder_seqlen: e_len,
             encoder inputs:
                              e in,
             decoder_seqlen:
                              d len,
             decoder inputs:
                              d in,
             decoder_targets:
                              d_out,
         _, out, loss_value = \
             sess.run([optimize, outputs, loss], feed)
In [42]: | np.array(d_out).shape, out.shape, loss value
Out[42]: ((200, 5, 13), (200, 5, 13), 2.444243)
```

Comparing Sequences

```
In [43]: def seq_equals(a,b,a_len=None,b_len=None):
    if a_len is None: a_len = len(a)
    if b_len is None: b_len = len(b)
    a_nums = np.argmax(a[:a_len],-1)
    b_nums = np.argmax(b[:b_len],-1)
    return 1.0 * np.all(np.equal(a_nums, b_nums))
```

Training loop

```
In [44]: import time
```

```
In [45]: def train(num_epochs, writer):
             t start = time.time()
             step = 0
             for epoch in range(num_epochs):
                 losses = []
                 errs
                         = []
                 for e_len, e_in, d_len, d_in, d_out \
                         in train_data.next_batch():
                     feed = {
                         encoder training: True,
                         encoder seglen: e len,
                         encoder inputs:
                                            e in,
                         decoder_seqlen:
                                           d len,
                         decoder inputs:
                                           d in,
                         decoder targets:
                                           d out,
                     }
                     _, out, training_loss = \
                         sess.run([optimize, outputs, loss], feed)
                     training err = 1.0 - \
                         np.mean([
                             seq_equals(a,b,a_len,b_len)
                             for a,b,a len,b len in
                             zip(d out,out,d len,d len)
                         1)
                     losses.append(training_loss)
                     errs.append(training err)
                 test errs = []
                 for e_len, e_in, d_len, d_in, d_out \
                         in test data.next batch():
                     feed = {
                         encoder training: False,
                         encoder_seqlen: e_len,
                         encoder_inputs:
                                            e in,
                         decoder seglen:
                                           d len,
                         decoder inputs:
                                           d in,
                         decoder targets:
                                           d out,
                     }
                     out, = sess.run([outputs], feed)
                     test err = 1.0 - 
                         np.mean([
                             seq equals(a,b,a len,b len)
                             for a,b,a_len,b_len in
                             zip(d out,out,d len,d len)
                          ])
                     test_errs.append(test_err)
                 mean loss
                                = np.mean(losses)
                                = np.mean(errs)
                 mean err
                 mean test err = np.mean(test errs)
                 summary = tf.Summary(
                     value=[
                         tf.Summary.Value(
                             tag='loss',
                             simple_value=mean_loss),
                         tf.Summary.Value(
```

```
tag='test err',
                              simple value=mean test err),
                      ])
                 writer.add summary(summary,epoch+1)
                 if 0 == (epoch+1) % 10:
                     t_elapsed = time.time() - t_start
                     print(('epoch: {:d}, loss: {:.5f}, ' +
                             'err: {:.5f}, test err: {:.5f}, ' +
                             'elapsed: {:.2f}').format(
                         epoch+1,
                         mean loss,
                         mean err,
                         mean test err,
                         t elapsed))
                     t start = time.time()
In [46]: writer = tf.summary.FileWriter(
                      'logdir2/encoder decoder',
                     tf.get default graph())
In [47]: train(100, writer)
         epoch: 10, loss: 0.64533, err: 0.83135, test err: 0.62540, elapsed
         : 43.96
         epoch: 20, loss: 0.49549, err: 0.71288, test err: 0.29300, elapsed
         : 46.17
         epoch: 30, loss: 0.41777, err: 0.63077, test err: 0.24930, elapsed
         : 47.92
         epoch: 40, loss: 0.36272, err: 0.57020, test err: 0.23850, elapsed
         : 47.65
         epoch: 50, loss: 0.31261, err: 0.50530, test err: 0.19270, elapsed
         : 49.39
         epoch: 60, loss: 0.28457, err: 0.46492, test err: 0.15380, elapsed
         epoch: 70, loss: 0.27092, err: 0.44473, test err: 0.15490, elapsed
         : 43.37
         epoch: 80, loss: 0.25230, err: 0.41738, test err: 0.11990, elapsed
         : 43.39
         epoch: 90, loss: 0.23550, err: 0.39090, test err: 0.12450, elapsed
```

tag='train_err',

tf.Summary.Value(

simple value=mean err),

Training progress was

: 53.69

d: 53.07

```
In [48]: # !tensorboard --logdir logdir2
```

epoch: 100, loss: 0.22818, err: 0.37970, test err: 0.18140, elapse

Test trained network - prepare test input

```
= '123', '+', '456'
In [49]: t1, op, t2
         expr
                          = t1 + op + t2
                           = '='+str(eval(expr))
         ans
         target
                           = (ans+' ')[1:]
         print('expr:
                        ',[c for c in expr])
         print('ans: ',[c for c in ans])
         print('target: ',[c for c in target])
                  ['1', '2', '3', '+', '4', '5', '6']
         expr:
                  ['=', '5', '7', '9']
         ans:
         target: ['5', '7', '9', ' ']
```

Test trained network - prepare test input

```
In [50]: test encoder input = [one hot(symbol map[c]) \
                            for c in expr]
In [51]: np.array(test encoder input).shape
Out[51]: (7, 13)
In [52]: test encoder input
Out[52]: [array([ 0., 0., 1., 0., 0., 0., 0., 0., 0.,
        , 0.], dtype=float32),
        array([ 0., 0., 0., 1.,
                                  0., 0., 0., 0., 0., 0.,
                                                             0.,
        , 0.], dtype=float32),
        array([ 0., 0., 0.,
                             0.,
                                      0.,
                                           0.,
                                               0.,
                                                    0.,
                                                        0., 0.,
                                                                 0.
                                  1.,
        , 0.], dtype=float32),
        array([ 0., 0., 0., 0.,
                                  0., 0.,
                                           0.,
                                               0.,
                                                    0., 0., 0.,
        , 0.], dtype=float32),
                             0.,
                                           0.,
                                               0., 0., 0., 0.,
        array([ 0., 0., 0.,
                                  0.,
                                      1.,
                                                                 0.
        , 0.], dtype=float32),
        array([ 0., 0., 0., 0.,
                                  0.,
                                      0.,
                                           1., 0., 0., 0., 0.,
                                                                 0.
        , 0.], dtype=float32),
        array([ 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1., 0., 0., 0.
        , 0.], dtype=float32)]
```

Test trained network - run encoder

- 7 개의 입력 시퀀스를 넣음
 - batch size = 1
 - encoder seglen:[7]
 - encoder_inputs: test_encoder_input
 '1', '2', '3', '+', '4', '5', '6' 에 대한 인덱스 값들을 one-hot encoding
 - encoder training: False (dropout_rate 를 0.0 으로 설정)
- encoder 의 출력:
 - encoder_out: encoder RNN 의 매 batch, 매 sequence 마다의 출력. 사용하지않음
 - encoder_state : 입력된 연산식의 계산 결과값에 대한 representation 이 들어 있다고 여겨지는 값

Test trained network - First Decoder Run

• answer : 결과 값을 문자로 받기 위한 7자 버퍼

Out[54]: ((1, 7, 100), tuple)

- answer 값이 decoder의 초기 입력으로 제공됨
- answer 값이 decoder 초기 입력이 될 때, 첫 심볼이 '=' 이어야 함. 나머지는 don't care

```
In [55]: answer = ['='] + [c for c in ' ']
answer
Out[55]: ['=', ' ', ' ', ' ']
```

Decoder Inputs/Outputs

- encoder state: 계산결과의 representation 이 들어있다고 생각되는, encoder network 의 최종 상태
- decoder seglen: 루프 한 스텝에서 입력할 디코더 시퀀스 길이
- decoder inputs : 루프 한 스텝 분량의 디코더 입력값
- decoder_state : decoder RNN 의 한 스텝 진행 후의 상태. 다음 스텝을 진행할 때 decoder initial state 로 제시 해야 하는 값
- decoder_out : decoder RNN 의 직접 출력. **사용하지않음**. 이 값을 FCN 으로 보내 나오는 outputs 가 실제 출력
- outputs : 최종 one-hot output

```
In [56]:
         feed = {
             encoder_state: e_state,
             decoder seqlen: [1],
             decoder_inputs: [[one_hot(symbol_map[c]) \
                                for c in answer]]
         out, d out, d state = sess.run(
                                  [outputs,
                                   decoder out,
                                   decoder_state],
                                  feed)
In [57]: out.shape, d out.shape
Out[57]: ((1, 5, 13), (1, 5, 100))
In [58]: arg_max(out[0,0])
Out[58]: 6
In [59]: symbols[arg max(out[0,0])]
Out[59]: '5'
```

Test trained network - Repeated Decoder Run

```
In [61]: collect_answer
Out[61]: ['5', '7', '9', ' ', ' ']
```

Wrap-up: infer()

```
In [62]: def infer(expr):
             # encoder
             feed = {
                 encoder_seqlen: [len(expr)],
                 encoder_inputs: \
                      [str to onehot(expr,encoder max seq len)],
                 encoder training: False
             }
             e out, e state = \
                 sess.run([encoder out, encoder state], feed)
             # decoder: step 0
             out_buf = []
             feed = {
                 encoder state: e state,
                 decoder seqlen: [1],
                 decoder inputs: \
                      [str_to_onehot('=',decoder_max_seq_len)]
             }
             out, d_state = sess.run([outputs, decoder_state], feed)
             out decoded = onehot_to_str(out[0],1)
             out_buf.append(out_decoded)
             # decoder: step 1..n-1
             for _ in range(1,decoder_max_seq_len):
                 feed = {
                     encoder state: d state,
                     decoder seqlen: [1],
                     decoder inputs: \
                          [str_to_onehot(out_decoded,decoder_max_seq_len)]
                 out, d_state = sess.run([outputs, decoder_state], feed)
                 out_decoded = onehot_to_str(out[0],1)
                 out_buf.append(out_decoded)
             return ''.join(out buf), e out[0]
In [63]: ans, e out = infer('345+111')
         ans
Out[63]: '456 '
In [64]: ans, e out = infer('345+222')
         ans
Out[64]: '567 '
In [65]: ans, e_out = infer('111+222')
         ans
```

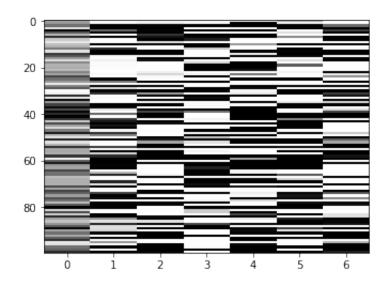
Out[65]: '333

```
In [66]: errs = []
         for _ in range(20):
             expr, ans = make random data()
             truth = (ans_+' ')[1:6]
             ans, e_out = infer(expr)
             print('['+truth+']', '['+ans+']', expr)
             errs.append(0 if truth == ans else 1)
         print('errs: {:.5f}'.format(np.mean(errs,dtype=np.float32)))
         [1541 ] [1540 ] 905+636
         [996 ] [996 ] 525+471
         [662 ] [662 ] 61+601
         [1016 ] [1016 ] 29+987
         [830 ] [830 ] 286+544
         [796 ] [796 ] 78+718
         [437 ] [437 ] 408+29
         [1422 ] [1422 ] 488+934
         [869 ] [869 ] 861+8
         [1237 ] [1237 ] 428+809
         [1281 ] [1291 ] 986+295
         [1445 ] [1445 ] 610+835
         [1482 ] [1481 ] 616+866
         [121 ] [111 ] 75+46
         [1265 ] [1265 ] 286+979
         [1067 ] [1067 ] 552+515
         [1141 ] [1140 ] 504+637
         [1548 ] [1538 ] 949+599
         [1336] [1336] 758+578
         [349 ] [349 ] 196+153
```

RNN activation visualize

errs: 0.30000

Out[67]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f5d7102b190>



모델 저장

```
In [68]: saver = tf.train.Saver()
         saver.save(tf.get_default_session(), 'logdir2/encoder_decoder/save'
Out[68]: 'logdir2/encoder decoder/save'
In [69]: !ls -l logdir2/encoder decoder
         total 1722
         -rwxrwxrwx 1 rhee users
                                      65 Oct 11 10:55 checkpoint
         -rwxrwxrwx 1 rhee users
                                  893811 Oct 11 10:54 events.out.tfevents.1
         507686474.rhee
         -rwxrwxrwx 1 rhee users 1254164 Oct 11 10:55 save.data-00000-of-00
         001
         -rwxrwxrwx 1 rhee users
                                    1677 Oct 11 10:55 save.index
         -rwxrwxrwx 1 rhee users 505854 Oct 11 10:55 save.meta
In [70]: # saver = tf.train.Saver()
         # saver.restore(sess,tf.train.latest_checkpoint('logdir/rnn1'))
```