## Домашнее задание 25.11.2024

 ${f 1}$  Для любых случайных величин  $\xi,\,\eta$  введем функцию

$$\rho(\xi, \eta) = \mathsf{E} \frac{|\xi - \eta|}{1 + |\xi - \eta|}.$$

Докажите, что  $\xi_n \stackrel{\mathsf{P}}{\longrightarrow} \xi$  тогда и только тогда, когда  $\rho(\xi_n,\xi) \to 0$  при  $n \to +\infty$ .

**2** Пусть  $\{\xi_n, n \in \mathbb{N}\}$  — последовательность одинаково распределенных случайных величин с конечным математическим ожиданием. Докажите, что  $\xi_n/n \xrightarrow{\text{п.н.}} 0$ .