## Домашнее задание 30.09.2024

- 1 Случайные величины  $\xi$  и  $\eta$  независимы,  $\xi$  имеет экспоненциальное распределение с параметром  $\alpha>0,$  а  $\eta$  пуассоновское с параметром  $\lambda>0.$  Вычислите плотность случайной величины  $\xi+\eta.$
- **2** Пусть  $\{\xi_n, n \in \mathbb{N}\}$  независимые Bin(1, p) случайные величины. Пусть  $\eta, \zeta$  независимые между собой и независимые с набором  $\{\xi_n, n \in \mathbb{N}\}$  случайные величины, причем  $\eta \sim Pois(\lambda), \zeta \sim U(0, 1)$ . Обозначим

$$S_n = \xi_1 + \ldots + \xi_n.$$

Вычислите функцию распределения случайной величины  $\delta = \zeta \cdot S_{\eta}$ .