# **CR TP4 Programmation par contraintes**

Les régates

Julien LETOILE, Romain HUBERT le 08/03/2021

# Table des matières

#### **Table des matières**

#### I. Réponses rédigées

- Question 4.1
- Question 4.2
- Question 4.3
- Question 4.4
- Question 4.5
- Question 4.6
- Question 4.7
- Question 4.8

#### II Anexes

Code source

## I. Réponses rédigées

#### **Question 4.1**

Test:

```
getData(T, N, C, Nb, NbConf).

T = [](5, 5, 2, 1)

N = 4

C = [](7, 6, 5)

Nb = 3

NbConf = 3
```

#### **Question 4.2**

```
defineVars(T, NbEquipes, NbConf, NbBateaux):-
dim(T, [NbEquipes, NbConf]),
T:: 1..NbBateaux.
```

```
solve(T).
```

```
T = []([](423\{1 \dots 3\}, \_438\{1 \dots 3\}, \_453\{1 \dots 3\}), [](468\{1 \dots 3\}, 483\{1 \dots 3\}, \_498\{1 \dots 3\}), [](513\{1 \dots 3\}, 528\{1 \dots 3\}, \_543\{1 \dots 3\}), [](558\{1 \dots 3\}, \_573\{1 \dots 3\}, \_588\{1 \dots 3\}))
```

#### **Question 4.3**

```
1 getVarList(T, L):-
2 term_variables(T, L).
```

#### **Question 4.4**

```
solve(T):-
getData(TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux, NbBateaux,
NbConf),
defineVars(T, NbEquipes, NbConf, NbBateaux),
pasMemeBateaux(T, NbEquipes, NbConf),
pasMemePartenaires(T, NbEquipes, NbConf),
capaBateaux(T, TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux,
NbBateaux, NbConf),
getVarListAlt(T, Liste),
labeling(Liste),
affiche(T). /* Ajouté à la fin du TP */
```

```
solve(T).

T = []([](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 1))
Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)?;

T = []([](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 2))
Yes (0.00s cpu, solution 2, maybe more)?;

T = []([](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 3))
Yes (0.00s cpu, solution 3, maybe more)?
```

#### **Question 4.5**

```
pasMemeBateaux(T, NbEquipes, NbConf):-
 1
 2
         (
             /* Pour chaque Equipe */
             for(Equipe, 1, NbEquipes),
 4
             param(T, NbConf)
 5
 6
         do
             (
 8
                 /* Pour chaque Confrontation */
 9
                 for(I, 1, NbConf),
                 param(T, Equipe, NbConf)
10
             do
11
12
                 (
13
                      /* Pour chaque confrontation suivante */
                     for(J, I+1, NbConf),
14
15
                      param(T),
16
                      param(I),
                      param(Equipe)
17
18
                 do
19
                      /*
                     On pose la contrainte qu'une équipe, à une
20
    confrontation donné, n'aura pas le même bateau dans les
    confrontations futures
21
                      */
22
                     X is T[Equipe, I],
23
                     Y is T[Equipe, J],
                     X #\= Y
24
25
                 )
             )
26
         ) .
27
```

```
T = []([](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](1, 2, 3))
Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)?;
T = []([](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](1, 3, 2))
Yes (0.00s cpu, solution 2, maybe more)?;
```

```
T = [[([(1, 2, 3), [(1, 2, 3), [(1, 2, 3), [(2, 1, 3))]])]]
Yes (0.00s cpu, solution 3, maybe more) ?;
```

#### **Question 4.6**

```
pasMemePartenaires(T, NbEquipes, NbConf):-
         (
 2
             for(Equipe1, 1, NbEquipes),
 3
             param(T, NbEquipes, NbConf)
 4
         do
 5
             (
 6
 7
                 for(Equipe2, Equipe1 + 1, NbEquipes),
                 param(T, Equipe1, NbConf)
 8
 9
             do
10
                 (
                      for(Conf1, 1, NbConf),
11
                      param(T, Equipe1, Equipe2, NbConf)
12
13
                 do
                      (
14
                          for(Conf2, Conf1+1, NbConf),
15
16
                          param(T, Equipe1, Equipe2, Conf1)
                      do
17
                          /* Equipes de la première confrontation */
18
                          E1_C1 is T[Equipe1, Conf1],
19
                          E2_C1 is T[Equipe2, Conf1],
20
21
                          /* Equipes de la deuxième confrontation */
22
23
                          E1_C2 is T[Equipe1, Conf2],
                          E2_C2 is T[Equipe2, Conf2],
24
25
26
                          /* Si deux équies sont ensemble dans une
    confrontation alors elles ne le sont pas lors de l'autre
     confrontation */
27
                          (E1_C1 \#= E2_C1) => (E1_C2 \#\backslash= E2_C2),
                          (E1_C2 #= E2_C2) => (E1_C1 #\= E2_C1)
28
29
                      )
30
                 )
             )
31
         ) .
32
```

Test:

```
solve(T)
T = []([](1, 2, 3), [](1, 3, 2), [](2, 1, 3), [](2, 3, 1))
Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)?;
T = []([](1, 2, 3), [](1, 3, 2), [](2, 1, 3), [](3, 1, 2))
Yes (0.00s cpu, solution 2, maybe more)?;
T = []([](1, 2, 3), [](1, 3, 2), [](2, 1, 3), [](3, 2, 1))
Yes (0.00s cpu, solution 3, maybe more)?;
T = []([](1, 2, 3), [](1, 3, 2), [](2, 3, 1), [](2, 1, 3))
Yes (0.00s cpu, solution 4, maybe more)?
```

#### **Question 4.7**

```
capaBateaux(T, TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux, NbBateaux,
    NbConf):-
        (
 2
             /* Pour chaque confrontation */
            for(NumConf, 1, NbConf),
4
             param(T, TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux,
    NbBateaux)
        do
                 for(NumBateau, 1, NbBateaux),
8
                 param(T, TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux,
    NumConf)
10
11
                 /★ On impose que Capa est inférieur à la capacité
    maximale du bateau */
12
                 Capa #=< CapaBateaux[NumBateau],</pre>
13
                 (
                     for(NumEquipe, 1, NbEquipes),
14
15
                     /* Accumuler (faire un +=), le résultat final
    est dans Capa */
```

```
16
                     fromto(0, C, NC, Capa),
                     param(T, TailleEquipes, NumBateau, NumConf)
17
18
                 do
                     NB is T[NumEquipe, NumConf],
19
                     NC #= C + TailleEquipes[NumEquipe] * (NB #=
20
    NumBateau)
21
22
             )
        ) .
23
```

Test:

```
T = []([](1, 2, 3), [](2, 3, 1), [](3, 1, 2), [](3, 2, 1))
Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more)?;
T = []([](1, 2, 3), [](3, 1, 2), [](2, 3, 1), [](1, 3, 2))
Yes (0.00s cpu, solution 2, maybe more)?;
T = []([](1, 3, 2), [](2, 1, 3), [](3, 2, 1), [](3, 1, 2))
Yes (0.00s cpu, solution 3, maybe more)?;
T = []([](1, 3, 2), [](3, 2, 1), [](2, 1, 3), [](1, 2, 3))
Yes (0.00s cpu, solution 4, maybe more)?;
T = []([](2, 1, 3), [](1, 3, 2), [](3, 2, 1), [](3, 1, 2))
Yes (0.00s cpu, solution 5, maybe more)?
12 solutions en tout
```

#### **Question 4.8**

```
getVarListAlt(T, L):-
dim(T, [NbEquipes, NbConf]),

(
for(Conf, 1, NbConf),
fromto([], AncienneConf, NouvelleConf, L),
param(T, NbEquipes)

do
```

```
/* Prendre la moitié */
 9
             Moitie #= div(NbEquipes, 2) + 1,
             (
10
                 for(IdGrandeEquipe, 1, Moitie),
11
                 fromto([], AncienneListe, NouvelleListe,
12
    EquipesConf),
                 param(T, NbEquipes, Conf)
13
            do
14
                 GrandeEquipe is T[IdGrandeEquipe, Conf],
15
                 /★ Prendre la petite équipe du même indice que la
17
    grande équipe, mais en partant de la fin */
18
                 IdPetiteEquipe #= NbEquipes - IdGrandeEquipe + 1,
19
20
                 /★ Test si l'id de la petite équipe est plus grande
    que l'autre */
                 /★ Evite de le mettre en double si le nombre
21
    d'équipes est impaire */
22
                 ( IdPetiteEquipe #> IdGrandeEquipe ->
23
                     PetiteEquipe is T[IdPetiteEquipe, Conf],
24
                     NouvelleListe = [GrandeEquipe, PetiteEquipe |
    AncienneListe]
25
                     NouvelleListe = [GrandeEquipe | AncienneListe]
26
                 )
27
28
29
            ),
            append(AncienneConf, EquipesConf, NouvelleConf)
30
31
        ) .
```

```
7
                 1
                     2
10
       9
          3
              8
11
   9 8 7
              2
                 10
                     1
                 2
   11
      10 8
             3
                     7
   10
          9 1
                     5
      11
                 6
7
   8
      6
          10
                 2
                     3
              1
12
   6
       13
           11
              10
6
   12
       4
          13
              11
                  5
                     10
5
             9
   6
      7
          1
                 13
                     12
```

```
5
        1
             2
                 9
                     3
                          11
    2
             1
                     7
4
        5
                 6
                          3
3
        2
                 7
                         4
    1
             6
                     8
2
                 7
                         9
    3
        1
            4
                     5
2
    1
        3
             5
                 6
                     4
                         8
1
    3
        2
             5
                 4
                     7
                         6
1
                         7
    2
        3
            4
                 5
                     6
1
    4
        5
             2
                 3
                     8
                         9
1
    5
        4
             3
                 2
                     9
                         8
2
    4
        6
            1
                 5
                     3
                         10
3
            7
                         5
    2
        1
                 4
                     9
3
    4
        7
            8
                 2
                     1
                          6
5
    1
        4
             2
                 10
                     12
                         13
5
            6
                          2
    3
        8
                 12
                      4
6
    4
        2
             9
                 12
                      11
                           13
6
    5
        3
            10
                 13
                      12
                           1
7
    9
        5
             6
                 13
                      11
                           8
8
                 3
    13
        7
             12
                      4
                           11
9
    13
         12
              2
                  4
                      11
                           1
13
    8
         10
              12
                  11
                       3
                            9
13
    10
         12
              11
                   5
                        8
                            6
```

3, 2, 9, 8), [](2, 4, 6, 1, 5, 3, 10), [](3, 2, 1, 7, 4, 9, 5), [](3, 4, 7, 8, 2, 1, 6), [](5, 1, 4, 2, 10, 12, 13), [](5, 3, 8, 6, 12, 4, 2), [](6, 4, 2, 9, 12, 11, 13), [](6, 5, 3, 10, 13, 12, 1), [](7, 9, 5, 6, 13, 11, 8), [](8, 13, 7, 12, 3, 4, 11), [](9, 13, 12, 2, 4, 11, 1), [](13, 8, 10, 12, 11, 3, 9), [](13, 10, 12, 11, 5, 8, 6))

Yes (152.61s cpu, solution 1, maybe more)?

### **II** Anexes

#### **Code source**

```
:-lib(ic).
    :-lib(ic_symbolic).
 2
 3
    /* Question 4.4 */
 4
    solve(T):-
 5
        getData(TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux, NbBateaux,
    NbConf),
        defineVars(T, NbEquipes, NbConf, NbBateaux),
 7
        pasMemeBateaux(T, NbEquipes, NbConf),
        pasMemePartenaires(T, NbEquipes, NbConf),
10
        capaBateaux(T, TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux,
    NbBateaux, NbConf),
        getVarListAlt(T, Liste),
11
12
        labeling(Liste),
13
        affiche(T).
14
15
    /* Test 4.4 */
16
    /*
    solve(T).
17
18
    T = []([](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 1))
19
    Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more) ?;
21
    T = []([](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 2))
22
    Yes (0.00s cpu, solution 2, maybe more) ?;
23
24
25
    T = []([](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 1), [](1, 1, 3))
    Yes (0.00s cpu, solution 3, maybe more) ?
26
27
    */
28
29
    /* Question 4.1 */
    % getData(TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux, NbBateaux,
30
    NbConf):-
          TailleEquipes = [](5, 5, 2, 1),
31
```

```
32
           NbEquipes #= 4,
           CapaBateaux = [](7, 6, 5),
33
     %
34
     %
          NbBateaux \#=3,
          NbConf #= 3.
35
     0/
36
     getData(TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux, NbBateaux,
37
     NbConf):-
         TailleEquipes = [](7, 6, 5, 5, 5, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 3,
38
     3, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2),
         NbEquipes #= 29,
39
         CapaBateaux = [](10, 10, 9, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 7, 6, 4, 4),
40
41
        NbBateaux #= 13,
        NbConf \#= 7.
42
43
     /* Test
44
45
     getData(T, N, C, Nb, NbConf).
46
47
48
    T = [](5, 5, 2, 1)
    N = 4
49
    C = [](7, 6, 5)
50
     Nb = 3
51
     NbConf = 3
52
53
54
     */
55
     /* Question 4.2 */
56
    defineVars(T, NbEquipes, NbConf, NbBateaux):-
57
58
         dim(T, [NbEquipes, NbConf]),
        T :: 1..NbBateaux.
59
60
61
     /*
     T = []([](_423\{1 ... 3\}, _438\{1 ... 3\}, _453\{1 ... 3\}), [](_468\{1 ... 3\}, _453\{1 ... 3\}), [](_468\{1 ... 3\}, _453\{1 ... 3\})]
     \dots 3}, _483{1 \dots 3}, _498{1 \dots 3}), [](_513{1 \dots 3}, _528{1 \dots
     3}, _{5}43\{1 \dots 3\}), [](_{5}58\{1 \dots 3\}, _{5}73\{1 \dots 3\}, _{5}88\{1 \dots 3\}))
63
     */
64
    /* Question 4.3 */
65
     getVarList(T, L):-
66
        term_variables(T, L).
67
68
```

```
69
    /* Q 4.5 */
70
71
    pasMemeBateaux(T, NbEquipes, NbConf):-
72
        (
             /* Pour chaque Equipe */
73
             for(Equipe, 1, NbEquipes),
74
             param(T, NbConf)
        do
76
             (
77
                 /* Pour chaque Confrontation */
78
                 for(I, 1, NbConf),
79
80
                 param(T, Equipe, NbConf)
81
             do
                 (
82
                     /* Pour chaque confrontation suivante */
83
                     for(J, I+1, NbConf),
                     param(T),
85
                     param(I),
86
                     param(Equipe)
87
                 do
88
89
                     /*
                     On pose la contrainte qu'une équipe, à une
90
    confrontation donné, n'aura pas le même bateau dans les
    confrontations futures
91
                     */
                     X is T[Equipe, I],
92
93
                     Y is T[Equipe, J],
                     X #\= Y
94
95
                 )
             )
96
97
        ) .
98
99
    T = []([](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](1, 2, 3))
00
    Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more) ?;
01
02
    T = []([](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](1, 3, 2))
03
    Yes (0.00s cpu, solution 2, maybe more) ?;
04
05
    T = []([](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](1, 2, 3), [](2, 1, 3))
06
    Yes (0.00s cpu, solution 3, maybe more) ?;
07
```

```
08
    */
09
10
    /* Prendre 2 equipes & 2 confrontations
11
    /* Question 4.6 */
12
13
    pasMemePartenaires(T, NbEquipes, NbConf):-
14
15
         (
             for(Equipe1, 1, NbEquipes),
16
             param(T, NbEquipes, NbConf)
        do
18
19
             (
20
                 for(Equipe2, Equipe1 + 1, NbEquipes),
                 param(T, Equipe1, NbConf)
21
22
             do
23
                 (
                     for(Conf1, 1, NbConf),
24
25
                     param(T, Equipe1, Equipe2, NbConf)
26
                 do
                     (
27
                         for(Conf2, Conf1+1, NbConf),
28
29
                         param(T, Equipe1, Equipe2, Conf1)
                     do
30
31
                         /* Equipes de la première confrontation */
32
                         E1_C1 is T[Equipe1, Conf1],
                         E2_C1 is T[Equipe2, Conf1],
33
34
                         /* Equipes de la deuxième confrontation */
35
36
                         E1_C2 is T[Equipe1, Conf2],
37
                         E2_C2 is T[Equipe2, Conf2],
38
39
                         /* Si deux équies sont ensemble dans une
    confrontation alors elles ne le sont pas lors de l'autre
    confrontation */
40
                         (E1_C1 #= E2_C1) => (E1_C2 #\= E2_C2),
                         (E1_C2 #= E2_C2) => (E1_C1 #\= E2_C1)
41
42
                     )
43
                 )
44
        ) .
45
46
```

```
47
    /*
    solve(T)
48
49
    T = []([](1, 2, 3), [](1, 3, 2), [](2, 1, 3), [](2, 3, 1))
50
51
    Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more) ?;
52
    T = []([](1, 2, 3), [](1, 3, 2), [](2, 1, 3), [](3, 1, 2))
53
    Yes (0.00s cpu, solution 2, maybe more) ?;
54
55
56
    T = []([](1, 2, 3), [](1, 3, 2), [](2, 1, 3), [](3, 2, 1))
    Yes (0.00s cpu, solution 3, maybe more) ?;
57
58
59
    T = []([](1, 2, 3), [](1, 3, 2), [](2, 3, 1), [](2, 1, 3))
    Yes (0.00s cpu, solution 4, maybe more) ?
60
61
62
    */
63
64
65
    /* Question 4.7 */
66
67
    capaBateaux(T, TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux, NbBateaux,
68
    NbConf):-
       (
69
            /* Pour chaque confrontation */
70
            for(NumConf, 1, NbConf),
71
            param(T, TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux,
72
    NbBateaux)
73
        do
             (
74
                 for(NumBateau, 1, NbBateaux),
75
76
                 param(T, TailleEquipes, NbEquipes, CapaBateaux,
    NumConf)
            do
77
78
                 /∗ On impose que Capa est inférieur à la capacité
    maximale du bateau */
                 Capa #=< CapaBateaux[NumBateau],</pre>
79
80
                     for(NumEquipe, 1, NbEquipes),
81
                     /* Accumuler (faire un +=), le résultat final
82
    est dans Capa */
```

```
83
                     fromto(0, C, NC, Capa),
84
                     param(T, TailleEquipes, NumBateau, NumConf)
85
                 do
                     NB is T[NumEquipe, NumConf],
86
                     NC #= C + TailleEquipes[NumEquipe] * (NB #=
87
    NumBateau)
88
89
            )
        ) .
90
91
92
    /*
93
94
    T = []([](1, 2, 3), [](2, 3, 1), [](3, 1, 2), [](3, 2, 1))
    Yes (0.00s cpu, solution 1, maybe more) ?;
95
96
97
    T = []([](1, 2, 3), [](3, 1, 2), [](2, 3, 1), [](1, 3, 2))
    Yes (0.00s cpu, solution 2, maybe more) ?;
98
99
\odot
    T = []([](1, 3, 2), [](2, 1, 3), [](3, 2, 1), [](3, 1, 2))
    Yes (0.00s cpu, solution 3, maybe more) ?;
01
02
    T = []([](1, 3, 2), [](3, 2, 1), [](2, 1, 3), [](1, 2, 3))
03
    Yes (0.00s cpu, solution 4, maybe more) ?;
04
05
    T = []([](2, 1, 3), [](1, 3, 2), [](3, 2, 1), [](3, 1, 2))
06
    Yes (0.00s cpu, solution 5, maybe more) ?
07
08
    12 solutions en tout
09
10
    */
11
12
13
    /* Question 4.8 */
    getVarListAlt(T, L):-
14
        dim(T, [NbEquipes, NbConf]),
15
         (
16
             for(Conf, 1, NbConf),
17
             fromto([], AncienneConf, NouvelleConf, L),
18
             param(T, NbEquipes)
19
        do
20
            /* Prendre la moitié */
21
            Moitie #= div(NbEquipes, 2) + 1,
22
```

```
23
               for(IdGrandeEquipe, 1, Moitie),
24
               fromto([], AncienneListe, NouvelleListe,
25
    EquipesConf),
26
               param(T, NbEquipes, Conf)
27
           do
28
               GrandeEquipe is T[IdGrandeEquipe, Conf],
29
               /★ Prendre la petite équipe du même indice que la
30
    grande équipe, mais en partant de la fin */
               IdPetiteEquipe #= NbEquipes - IdGrandeEquipe + 1,
31
32
               /★ Test si l'id de la petite équipe est plus grande
33
    que l'autre */
34
               /★ Evite de le mettre en double si le nombre
    d'équipes est impaire */
               ( IdPetiteEquipe #> IdGrandeEquipe ->
35
                   PetiteEquipe is T[IdPetiteEquipe, Conf],
36
                   NouvelleListe = [GrandeEquipe, PetiteEquipe |
37
    AncienneListe]
38
                   NouvelleListe = [GrandeEquipe | AncienneListe]
39
               )
40
41
42
           ),
           append(AncienneConf, EquipesConf, NouvelleConf)
43
       ) .
44
45
    /*
46
    T = []([](10, 7, 9, 3, 8, 1, 2), [](11, 9, 8, 7, 2, 10, 1), []
    10, 1, 2, 3), [](12, 6, 13, 11, 10, 9, 4), [](6, 12, 4, 13, 11,
    5, 10), [](5, 6, 7, 1, 9, 13, 12), [](4, 5, 1, 2, 9, 3, 11), []
    (4, 2, 5, 1, 6, 7, 3), [](3, 1, 2, 6, 7, 8, 4), [](2, 3, 1, 4,
    7, 5, 9), [](2, 1, 3, 5, 6, 4, 8), [](1, 3, 2, 5, 4, 7, 6), []
    (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7), [](1, 4, 5, 2, 3, 8, 9), [](1, 5, 4,
    3, 2, 9, 8), [](2, 4, 6, 1, 5, 3, 10), [](3, 2, 1, 7, 4, 9, 5),
    [](3, 4, 7, 8, 2, 1, 6), [](5, 1, 4, 2, 10, 12, 13), [](5, 3, 8,
    12, 1), [](7, 9, 5, 6, 13, 11, 8), [](8, 13, 7, 12, 3, 4, 11),
    [](9, 13, 12, 2, 4, 11, 1), [](13, 8,
```

```
49
    10, 12, 11, 3, 9), [](13, 10, 12, 11, 5, 8, 6))
50
    Yes (152.61s cpu, solution 1, maybe more) ?
51
52
    */
53
    affiche(T):-
54
       dim(T, [NbEquipes, NbConf]),
56
           for(Equipe, 1, NbEquipes),
57
            param(T, NbConf)
59
       do
60
            (
                for(Conf, 1, NbConf),
61
                param(T, Equipe)
62
            do
63
                X is T[Equipe, Conf],
64
                write(X),
65
                write("\t")
66
67
            ),
            writeln("")
68
       )
69
```