



Estatística Experimental no software R

Atividades Extras

Profa. Dra. Giovana Fumes Ghantous

Helena Ribeiro Teixeira



Sumário





• Exercício 1

• Exercício 2

• Exercício 3

Atividades



Exercício 1. Os dados da tabela referem-se à produtividade de milho (Kg/ $100m^2$) de quatro variedades diferentes, em um experimento instalado segundo o delineamento inteiramente casualizado (DIC). Considerando que as pressuposições para a análise de variância estão satisfeitas, verifique se existe diferença significativa entre as variedades (Use $\alpha = 5\%$).

	Repetições						
Variedades	1	2	3	4	5		
A	25	26	20	23	21		
В	31	25	28	27	24		
С	22	26	28	25	29		
D	33	29	31	34	28		





Resolução: Inserindo os dados e fazendo a análise de variância

```
#Banco de dados
Trat<-rep(c("A","B","C","D"),each=5)
Prod<-c(25, 26, 20, 23, 21,
     31, 25, 28, 27, 24,
     22, 26, 28, 25, 29,
     33, 29, 31, 34, 28)
dados<-data.frame(Trat,Prod)</pre>
dados
#Análise de Variância
modelo<-aov(Prod~Trat,data=dados)
anova(modelo)
```

```
Saída do software:
```

Analysis of Variance Table

```
Response: Prod

Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)

Trat 3 163.75 54.583 7.7976 0.001976 **
```

Residuals 16 112.00 7.000





Resolução: Fazendo o Teste de Tukey pelo pacote Agricolae

Saída do software:

```
$statistics
MSerror Df Mean CV MSD
7 16 26.75 9.890659 4.787402
$parameters
```

test name.t ntr StudentizedRange alpha
Tukey Trat 4 4.046093 0.05

\$means

-									
				se				-	
				1.183216					
В	27	2.738613	5	1.183216	24	31	25	27	28
C	26	2.738613	5	1.183216	22	29	25	26	28
D	31	2.549510	5	1.183216	28	34	29	31	33

\$comparison NULL

\$groups Prod groups

D	31	a
В	Z /	ab
C	26	b
Α	23	b

attr(,"class")
[1] "group"





Resolução: Fazendo o Teste de Tukey pelo pacote ExpDes.pt

```
require(ExpDes.pt)
dic(Trat, Prod, mcomp = "tukey", sigF = 0.05)
```

Saída do *software:*

```
Quadro da analise de variancia

GL SQ QM FC Pr>FC
Tratamento 3 163.75 54.583 7.7976 0.0019756
Residuo 16 112.00 7.000
Total 19 275.75

CV = 9.89 %
```

Teste de homogeneidade de variancia valor-p: 0.9981235
De acordo com o teste de bartlett a 5% de significancia, as variancias podem ser consideradas homogeneas.

Teste de normalidade dos residuos (Shapiro-Wilk) Valor-p: 0.2358736
De acordo com o teste de Shapiro-Wilk a 5% de significancia, os residuos podem ser considerados normais.





Resolução: Fazendo o Teste de Tukey pelo pacote ExpDes.pt

Saída do software:

Teste	de Tukey	y	
Grupos	s Tratame	entos N	edias
a	D	31	
ab	В	27	
b	C	26	
b	Α	23	

Analisando o resultado obtido, podemos concluir que as variedades que proporcionaram as maiores médias de produção de milho foram as D e B, com o tratamento D apresentando o melhor resultado e com diferença significativa em relação às demais variedades, com exceção à variedade B.

Atividades



Exercício 2. Num experimento estudou-se o efeito das diferentes concentrações de agentes gelificantes nas características sensoriais de doce de banana sem açúcar. O ensaio, organizado em blocos completos casualizados, abrangeu duas fases distintas e foi constituído de 5 tratamentos e 5 repetições, com 8 doces de banana por unidade experimental. Os tratamentos na 1^a fase foram formados por doces de banana que continham 0, 15, 30, 45, 60% de concentração de agentes gelificantes. Os resultados obtidos (notas sensoriais) na $1^{\underline{a}}$ fase do ensaio foram:

Tratamentos	Bloco 1	Bloco 2	Bloco 3	Bloco 4	Bloco 5
0%	6,5	6,4	6,2	5,8	7,3
15%	7,1	7,4	6,9	7,3	7,0
30%	7,5	8,1	6,7	7,4	7,7
45%	7,2	7,0	6,9	6,7	6,5
60%	6,4	6,5	6,0	6,3	6,2

Encontre o modelo de regressão adequado para o conjunto de dados (use $\alpha = 5\%$).





Resolução: Inserindo os dados e fazendo a análise exploratória dos dados

```
# Análise Exploratória
# Estatísticas descritivas por grupo
library(tidyverse)
(Resumo_Gelificante <- dados %>%
    group_by(Gelificante) %>%
    summarise(n = length(Nota),
              Media = mean(Nota).
              Var = var(Nota),
              Desvio = sd(Nota),
              CV = 100*sd(Nota)/mean(Nota))
# A tibble: 5 \times 6
                             Var Desvio
  Gelificante
                  n Media
                                           CV
        <db1> <int> <db1> <db1>
                                  <db1> <db1>
                     6.44 0.303
                                  0.550
                                         8.55
            0
                     7.14 0.043
                                  0.207
           15
                                         2.90
                     7.48 0.262
           30
                                  0.512
                                         6.84
                     6.86 0.073
                                  0.270
           45
                                         3.94
                     6.28 0.037
           60
                                 0.192
                                         3.06
```





Resolução: Fazendo a análise de variância

```
# Análise de variância
modelo <- aov(Nota ~ as.factor(Bloco)+ as.factor(Gelificante), data=dados)
anova(modelo)</pre>
```

Saída do *software*:

Analysis of Variance Table





Resolução: Fazendo o gráfico de dispersão

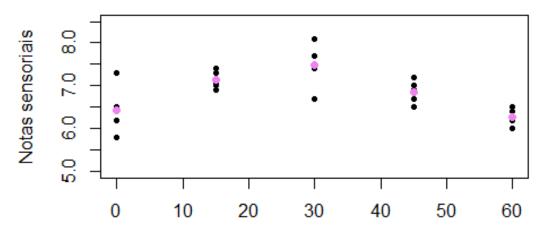
```
# Gráfico de dispersão

require(lattice)
plot(Nota ~ Gelificante, xlab="Concentração de Agentes Gelificantes (%)",
        ylab="Notas sensoriais", pch=20, ylim=c(5, 8.5))

(media <- tapply(dados$Nota, dados$Gelificante, mean))
points(media ~ unique(Gelificante), col="violet", pch=19)</pre>
```

Saída do *software*:

```
> (media <- tapply(dados$Nota, dados$Gelificante, mean))
    0   15   30   45   60
6.44  7.14  7.48  6.86  6.28</pre>
```



Concentração de Agentes Gelificantes (%)





Resolução: Fazendo a regressão polinomial

```
# Regressão Polinomial
require(ExpDes.pt)
dbc(dados$Gelificante, dados$Bloco, dados$Nota, quali=FALSE)
```

Saída do *software:*

```
Quadro da analise de variancia

GL SQ QM FC Pr>FC
Tratamento 4 4.868 1.217 10.0579
Bloco 4 0.936 0.234 1.9339
Residuo 16 1.936 0.121
Total 24 7.740

CV = 5.09 %
```

```
Teste de normalidade dos residuos
valor-p: 0.3962678

De acordo com o teste de Shapiro-Wilk a 5% de significancia, os residuos podem ser considerados normais.

-----

Teste de homogeneidade de variancia valor-p: 0.4565391

De acordo com o teste de oneillmathews a 5% de significancia, as
```

variancias podem ser consideradas homogeneas.





Saída do *software*:

Ajuste de modelos polinomiais de regressao

Modelo Linear

===	Estimativa	Erro.padrao	tc	valor.p
b0	6.9600	0.1205	57.7598	0
b1	-0.0040	0.0033	-1.2197	0.2403

R2 do modelo linear

0.036976

Analise de variancia do modelo linear

	GL	sq	QM	Fc	valor.p
Efeito linear Desvios de Regressao Residuos	3		1.5627		0.24026 0.00015

Modelo quadratico

====	stimativ	a Erro.padrao	tc	valor.p
b0	6.4571	0.1464		0
b1	0.0630	0.0116		0.00005
b2	-0.0011	0.0002		0.00002

R2 do modelo quadratico

0.946003

Analise de variancia do modelo quadratico

	GL	sq	QM	Fc	valor.p
Efeito linear Efeito quadratico Desvios de Regressao Residuos	1 2	4.4251	4.4251 0.1314	36.57	





Saída do software:

Modelo cubico

Estimativa	Erro.padrao	tc	valor.p
b0 6.4171	0.1544	41.5488	0.0892
b1 0.0822	0.0262	3.1366	
b2 -0.0020	0.0011	-1.8096	
b3 0.00001	0.00001	0.8131	

R2 do modelo cubico

0.962437

Analise de variancia do modelo cubico

=======================================	====				
	GL	SQ	QM	Fc	valor.p
Efeito linear	1	0.1800	0.1800	1.49	0.24026
Efeito quadratico					2e-05
Efeito cubico					0.42809
Desvios de Regressao	1	0.1829	0.1829	1.51	0.23673
Residuos	16	1.9360	0.1210		





Resolução: Fazendo o ajuste do modelo

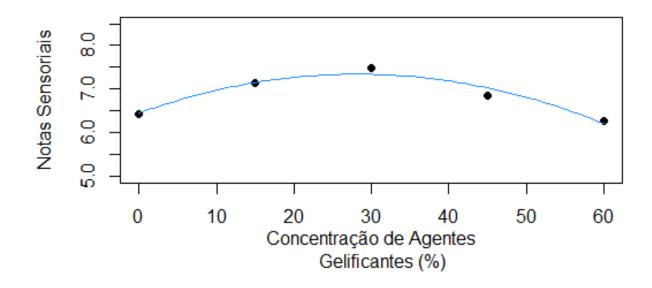
```
# Regressão Polinomial
modeloaj <- lm(Nota ~ Gelificante + I(Gelificante∧2), dados)
summary(modeloaj)
coef(modeloaj)
Saída do software:
                            call:
                            lm(formula = Nota ~ Gelificante + I(Gelificante^2), data = dados)
                            Residuals:
                                 Min
                                           1Q Median
                                                                     Max
                            -0.65714 -0.21714 -0.01714 0.16857 0.84286
                            Coefficients:
                                               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                            (Intercept)
                                              6.4571429 0.1588764 40.643 < 2e-16 ***
                            Gelificante
                                              0.0630476
                                                        0.0125468
                                                                    5.025 4.96e-05 ***
                            I(Gelificante^2)
                                             -0.0011175
                                                        0.0002005 -5.573 1.33e-05 ***
                            Signif. codes:
                                            0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
                            Residual standard error: 0.3775 on 22 degrees of freedom
                                                            Adjusted R-squared: 0.5582
                            Multiple R-squared: 0.595,
```

F-statistic: 16.16 on z and 22 DF, p-value: 4.811e-05





Resolução: Fazendo o gráfico do modelo ajustado







Resolução: Fazendo o gráfico do modelo ajustado

```
##### USANDO GGPLOT2
library(ggplot2)
library(dplyr)

(media_gelificante <- dados %>%
    group_by(Gelificante) %>%
    summarise(mean_Nota = mean(Nota)))
```

Saída do *software:*

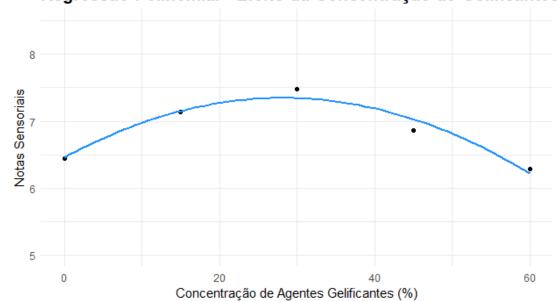
```
# A tibble: 5 × 2
Gelificante mean_Nota
<a href="https://doi.org/10.14"><a href="https://doi.org/10.14">a href="https://doi.org/10.14
```





Resolução: Fazendo o gráfico do modelo ajustado

Regressão Polinomial - Efeito da Concentração de Gelificantes



Atividades





Exercício 3. Um pesquisador, interessado na comparação da produção (em kg/ha) de dois capins (*Panicum maximum* e *Brachiaria brisantha*) em determinado tipo de solo, bem como na sua interação com três níveis de adubação (0, 100 e 200 kg/ha de N por hectare), planejou um experimento num delineamento inteiramente casualizado com 6 repetições e com os tratamentos num esquema fatorial. As produções (em kg/ha) estão apresentadas no quadro a seguir:

Canim	Don	Dose				
Capim	Rep	0	100	200		
	1	250	200	120		
	2	290	190	130		
Panicum	3	280	200	125		
Famcum	4	250	210	210		
	5	260	230	180		
	6	200	250	210		
	1	280	300	200		
	2	270	310	210		
	3	290	320	205		
Brachiaria	4	285	330	290		
	5	335	370	260		
	6	310	390	290		

- a) Construa um quadro de análise de variância (ANOVA) e realize os testes adequados. Calcular uma estimativa da média geral, da variância dos dados e o coeficiente de variação.
- b) Faça o desdobramento da interação para estudar o comportamento das doses de nitrogênio para cada um dos capins.

Atividades



Exercício 3. Um pesquisador, interessado na comparação da produção (em kg/ha) de dois capins (*Panicum maximum* e *Brachiaria brisantha*) em determinado tipo de solo, bem como na sua interação com três níveis de adubação (0, 100 e 200 kg ha-1 de N por hectare), planejou um experimento num delineamento inteiramente casualizado com 6 repetições e com os tratamentos num esquema fatorial. As produções (em kg ha-1) estão apresentadas no quadro a seguir:

100 200 190	200 120
190	100
	130
200	125
210	210
230	180
250	210
300	200
310	210
320	205
330	290
	260
370	
	310 320

- c) Como o fator dose é quantitativo, faça testes de tendência linear e quadrática de resposta média e ajuste o polinômio correspondente. Comente sobre o comportamento da produção média de cada capim com o aumento das doses de nitrogênio.
- d) Faça também o desdobramento da interação para estudar o comportamento dos capins em cada uma das doses de nitrogênio.





Resolução: Inserindo os dados e fazendo a análise de variância

```
#Análise de variância
mod = with(dados, aov(Trat~Especie*as.factor(Dose)))
anova(mod)
Analysis of Variance Table
Response: Trat
                       Df Sum Sq Mean Sq F value
                                                   Pr(>F)
                        1 59211
                                   59211 51.0563 5.991e-08 ***
Especie
                                   21025 18.1293 6.889e-06 ***
                        2 42050
as.factor(Dose)
Especie:as.factor(Dose) 2 10422
                                    5211 4.4934
                                                  0.01964 *
Residuals
                       30 34792
                                    1160
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```





Resolução: Fazendo a análise fatorial

Saída do *software:*

```
Legenda:
```

FATOR 1: Capins FATOR 2: Doses

.....

Quadro da analise de variancia

GL SQ QM FC Pr>FC
Capins 1 59211 5 51.056 0.0000001
Doses 2 42050 3 18.129
Capins*Doses 2 10422 4 4.493
Residuo 30 34792 2
Total 35 146475 1

CV = 13.58 %

Teste de normalidade dos residuos (Shapiro-Wilk) valor-p: 0.06130348

De acordo com o teste de Shapiro-Wilk a 5% de significancia, os residuos podem ser considerados normais.

`_____





Resolução: Desdobrando a interação

```
Interacao significativa: desdobrando a interacao
Desdobrando Capins dentro de cada nivel de Doses
Ouadro da analise de variancia
                          SQ
                                            Fc Pr.Fc
                 GL
                    42050.00 21025.000 18.1293
Doses
                              4800.000
                                        4.1389 0.0508
Capins:Doses 0
Capins:Doses 100  1  45633.33  45633.333  39.3485
Capins:Doses 200  1 19200.00 19200.000 16.5557
                                                3e-04
Residuo
                30 34791.67
                              1159.722
Total
                35 146475.00 4185.000
```

Capins dentro do nivel 0 de Doses

De acordo com o teste F, as medias desse fator sao estatisticamente iguais.

```
Niveis Medias
1 1 295
2 2 255
```





Resolução: Desdobrando a interação

Capins	dentro	do nivel	100	de	Doses
Teste d	le Tukey				
	_				
Grupos	Tratamen [.]	tos Medias	5		
a		336.6667			
b	2	213.333	3		

Capins	s dent	ro do	nivel	200	de	Doses
Teste d	de Tuke	у				
Grupos	Tratam	entos	Medias	5		
a	1	2	242.5			
b	2	1	L62.5			





Resolução: Desdobrando doses dentro de *Brachiaria*

```
Desdobrando Doses dentro de cada nivel de Capins
Ouadro da analise de variancia
                     SQ QM Fc Pr.Fc
Capins
        1 59211.11 59211.111 51.0563
Doses:Capins B 2 26719.44 13359.722 11.5198 2e-04
Doses: Capins P 2 25752.78 12876.389 11.103 2e-04
Residuo 30 34791.67
Total
           35 146475.00
                        4185.000
Doses dentro do nivel B de Capins
Ajuste de modelos polinomiais de regressao
```

```
Modelo Linear
   Estimativa Erro.padrao tc
                                 valor.p
b0 317.6389 12.6914 25.0278
b1 -0.2625 0.0983 -2.6702 0.0121
R2 do modelo linear
0.309466
Analise de variancia do modelo linear
                                               valor.p
                        SQ
Efeito linear 1 8,268.7500 8,268.7500 7.13
                                              0.01212
Desvios de Regressao 1 18,450.6900 18,450.6900 15.91 0.00039
```

Residuos 30 34,791.6700 1,159.7220





Resolução: Desdobrando doses dentro de Brachiaria

Modelo quadratico

==== [Estimati\	/a Erro.padrao	tc	valor.p
b0	295	13.9028	21.2188	
b1	1.0958	0.3544	3.0916	
b2	-0.0068	0.0017	-3.9887	

R2 do modelo quadratico

Analise de variancia do modelo quadratico

=======================================					
	GL	SQ	QM	Fc	valor.p
Efeito linear	1	8,268.7500	8,268.7500	7.13	0.01212
Efeito quadratico	1	18,450.6900	18,450.6900	15.91	0.00039
Desvios de Regressao	0	0	0	0	1
Residuos	30	34,791.6700	1,159.7220		





Resolução: Desdobrando doses dentro de *Panicum*

Modelo Linear Estimativa Erro.padrao to valor.p b0 256.5278 12.6914 20.2127 0 b1 -0.4625 0.0983 -4.7046 0.00005
Estimativa Erro.padrao tc valor.p b0 256.5278 12.6914 20.2127 0 b1 -0.4625 0.0983 -4.7046 0.00005
Estimativa Erro.padrao tc valor.p b0 256.5278 12.6914 20.2127 0 b1 -0.4625 0.0983 -4.7046 0.00005
b0 256.5278 12.6914 20.2127 0 b1 -0.4625 0.0983 -4.7046 0.00005
b1 -0.4625 0.0983 -4.7046 0.00005
R2 do modelo linear
P 0.996737
Analise de variancia do modelo linear
GL SQ QM Fc valor.p
Efeito linear 1 25,668.7500 25,668.7500 22.13 5e-05 Desvios de Regressao 1 84.0278 84.0278 0.07 0.78964 Residuos 30 34,791.6700 1,159.7220

Modelo quadratico

	Estimativa	Erro.padrao	tc	valor.p
b0	255	13.9028	18.3417	
b1	-0.3708	0.3544	-1.0462	
b2	-0.0005	0.0017	-0.2692	

R2 do modelo quadratico

1

Analise de variancia do modelo quadratico

SQ 	QM	FC	valor.p
84.0278 0	84.0278 0		5e-05 0.78964 1
	25,668.7500 84.0278 0	25,668.7500 25,668.7500	25,668.7500 25,668.7500 22.13 84.0278 84.0278 0.07 0 0 0





Resolução: Fazendo o ajuste do modelo para Brachiaria

```
# Gráfico das curvas ajustadas
###### USANDO R BÁSICO
     Estatísticas descritivas das medias por Espécie
(media=tapply(dados$Trat,list(dados$Especie,dados$Dose),mean))
# Gráfico da curva ajustada para Brachiaria
media[1.]
plot(media[1,] ~ unique(Dose), xlab="Doses",
     ylab="Produção (Kg/ha)", xlim=c(0,200), ylim=c(100,550), pch=19,
      main="Capim Brachiaria")
dados1<-subset(dados, dados$Especie=="B")</pre>
modeloaj= lm(Trat ~ Dose + I(Dose^2), dados1)
summary(modeloaj)
coef(modeloaj)
curve(coef(modeloaj)[1] + coef(modeloaj)[2]*x + coef(modeloaj)[3]*x^2,
      add=T, col="darkmagenta")
```

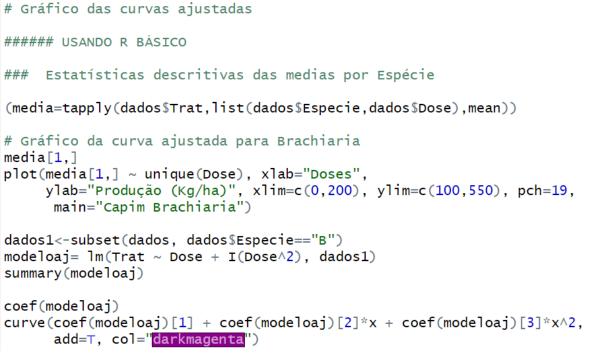
Saída do software:

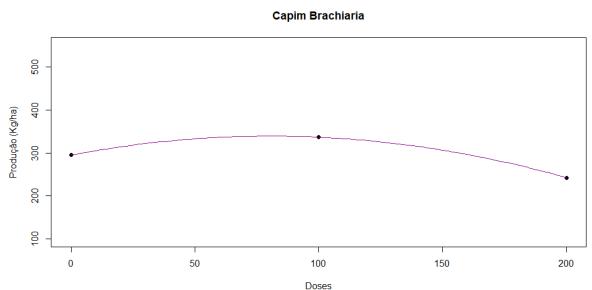
```
> (media=tapply(dados$Trat,list(dados$Especie,dados$Dose),mean))
           100
B 295 336.6667 242.5
P 255 213.3333 162.5
> # Gráfico da curva ajustada para Brachiaria
> media[1.]
             100
295.0000 336.6667 242.5000
call:
lm(formula = Trat \sim Dose + I(Dose^2), data = dados1)
Residuals:
             10 Median
    Min
-42.500 -26.250 -8.333 29.375 53.333
Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 295.000000
                        14.228623
Dose
              1.095833
                         0.362760
                         0.001743 -3.897 0.00143 **
I(Dose^2)
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard ergen 34-85 on 15 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.5946,
                                Adjusted R-squared: 0.5405
F-statistic:
                11 of 2 and 15 DF, p-value: 0.001147
```





Resolução: Fazendo o gráfico do modelo ajustado para Brachiaria









Resolução: Fazendo o ajuste do modelo para *Panicum*

```
#Gráfico da curva ajustada para Capim Panicum
media[2,]
plot(media[2,] ~ unique(Dose), xlab="Doses",
     ylab="Produção (Kg/ha)", xlim=c(0,200), ylim=c(100,550), pch=19,
     main="Capim Panicum")
dados2<-subset(dados, dados$Especie=="P")
modeloaj1= lm(Trat ~ Dose, dados2)
summary(modeloaj1)
coef(modeloail)
curve(coef(modeloaj1)[1] + coef(modeloaj1)[2]*x,
      add=T, col="chartreuse")
```

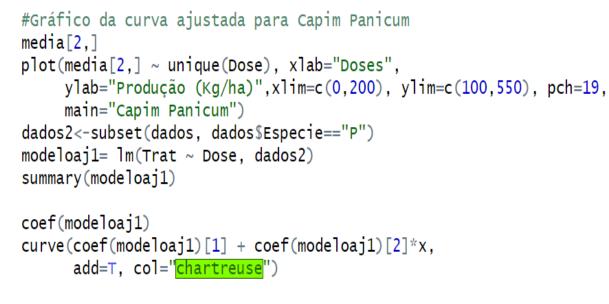
Saída do software:

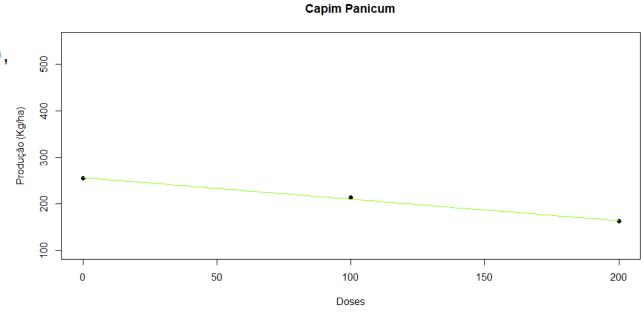
```
> #Gráfico da curva ajustada para Capim Panicum
> media[2.]
                100
                          200
255.0000 213.3333 162.5000
call:
lm(formula = Trat ~ Dose, data = dados2)
Residuals:
            10 Median
    Min
-56.528 -17.778 -3.403 22.535 45.972
Coefficients:
                 <del>rate C</del>td. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 256.52778
                       12.02387 21.335 3.53e-13
            -0.46250
                        0.09314 -4.966 0.00014 ***
Dose
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 32.26 on 16 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.6065, Adjusted R-squared: 0.5819
F-statistic: 24.66 on 1 and 16 DF, p-value: 0.0001402
> coef(modeloai1)
(Intercept)
                   Dose
  256.5278
               -0.4625
```





Resolução: Fazendo o gráfico do modelo ajustado para Panicum

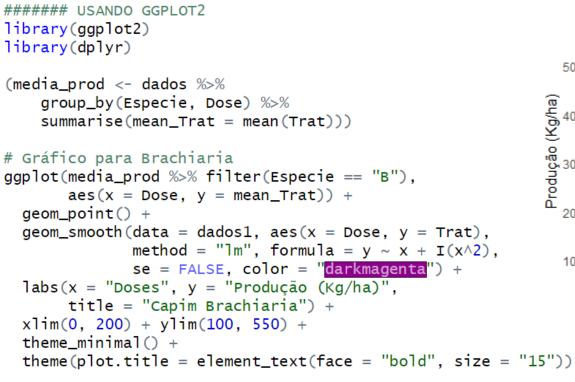


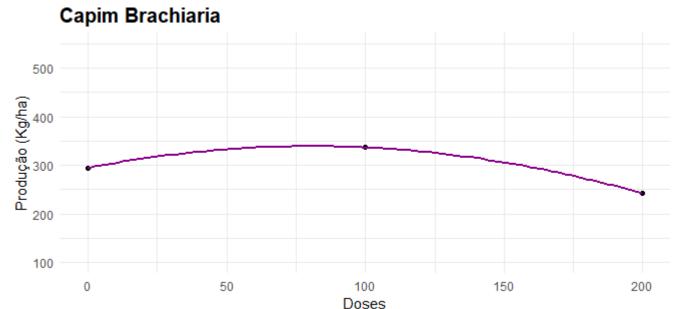






Resolução: Fazendo o gráfico para Brachiaria usando o ggplot2

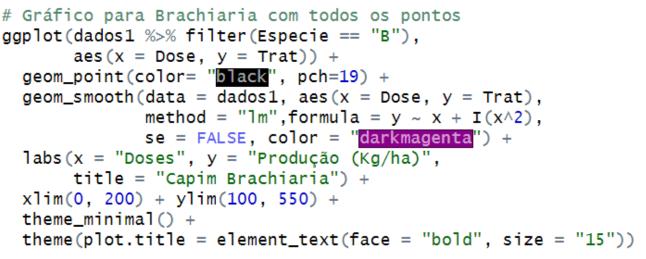


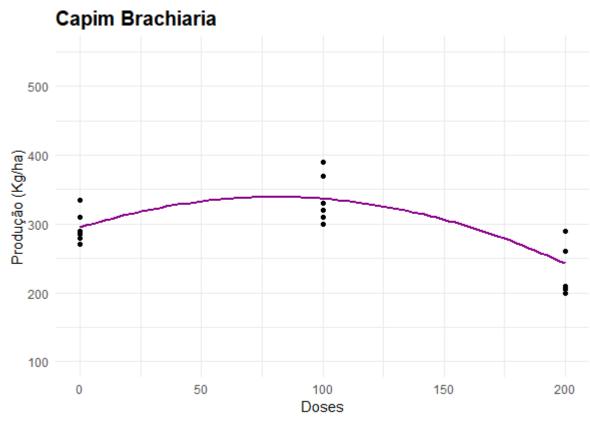






Resolução: Fazendo o gráfico para Brachiaria usando o ggplot2



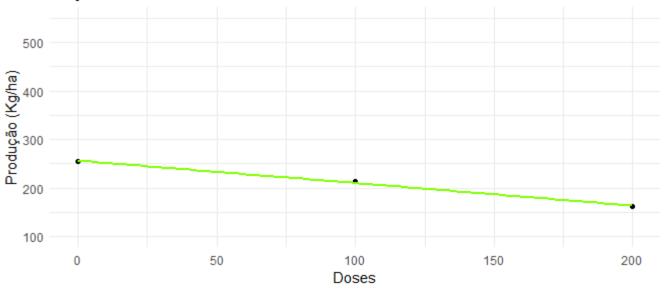






Resolução: Fazendo o gráfico para *Panicum* usando o ggplot2

Capim Panicum







Resolução: Fazendo o gráfico para *Panicum* usando o ggplot2

