



## 多代理环境下的博弈与学习

- ●对抗性学习
  - ●GAN网络
  - ◎反钓鱼、反垃圾邮件
- ◎博弈学习
  - ●纳什均衡策略
  - ●重复的囚徒困境



### 未知价值

- 市场价值: 个人追求和市场选择
  - 竞争性均衡
  - 诚实机制
- 应用: 互联网拍卖设计
  - 搜索广告
  - 折扣设计



#### 数据分析和贝叶斯推断

• 分布函数形式: 正则分布, 幂次率等

• 数据建模:参数估计

• 统计推断: 决策分析

• 贝叶斯优化: 期望收益最大化



### 贝叶斯最优拍卖

- 学习价值分布
- 虚拟报价
- 确定赢家:第一虚拟报价者
- 计算费用: 等价于第二虚拟报价(虚拟报价0)的赢家报价



价值学习挑战: 单人竞价

• 分布函数空间: [0, a] 0<a<1

• 虚拟报价计算: 2x-a 对应报价x,

• 赢家: 报价>a/2

• 付费: a/2



#### 买家最优策略

- 实际分布函数空间: [0, 1]
- 策略性报价: ax 对应价值x
- 赢家价值空间: [1/2,1]
- 赢家付费: a/2
- ・期望收益: (1+1/2)/4-a/4
- 最优策略性收益: 3/8, a=》0
- ・诚实收益: 1/8, a=1
- ・价值榨取收益: epsilon



#### 数据挑战

- 数理经济学的逻辑原则
  - "Being denied a sufficiently secure experimental base, economic theory has to adhere to the rules of logical discourse and must renounce the facility of internal inconsistency"
  - G. Debreu. The mathematization of economic theory. The American Economic Review, 81(1):1–7, 1991.
- 数据范式
  - The end of theory: The data deluge makes the scientific method obsolete.
  - C. Anderson in Wired magazine, 16(7), June 2008.



# Myerson拍卖的报价均衡

• 一个卖家, n个买家, [0.1] 均匀独立分布。运用Myerson拍 卖时+报价数据学习分布, 纳什均衡报价[0,a]中

$$a = \frac{(n-1)(n2^n - 2^n + 1)}{n^2 2^n - n2^n + 2^{n+1} - 2}$$

- $n \rightarrow \mathbb{H}$ ,  $a \rightarrow 1$ ,
  - 卖家收入 → 真实报价最优收入
  - 买家收益: → 2倍 \* 买家真实报价最优收益



Myerson拍卖的报价均衡(均匀分布)

• 卖家需要学习: 收入 → 真实报价最优收入

● 买家应该博弈: 收益 →2倍 \* 买家真实报价最优收益22



### 博弈理论分析和机器学习实现框架

- 个体的价值分布不同对整体均衡的影响。
- 个体的行为模式改变对整体均衡的影响。

• 分析框架的理论约束的放松与网络模型实现