

DISTRIBUIÇÃO BINOMIAL

- [Teórica](#)
 - [Definição da v.a.](#)
 - [Notação](#)
 - [Parâmetros:](#)
 - [Função de probabilidade](#)
 - [Média](#)
 - [Variância](#)
 - [Função de distribuição acumulada](#)
- [Código Python](#)
 - [Biblioteca](#)
 - [Calcular \$X = x\$](#)
 - [Calcular \$X \leq x\$](#)
 - [Calcular \$X > x\$](#)
 - [Calcular \$z < X \leq x\$](#)
- [Exercícios](#)
 - [Exercício 11](#)
 - [Exercício 13](#)
 - [13.1\) A percentagem de lotes que são vendidos sem inspeção de todos os elementos.](#)
 - [13.2\) A probabilidade de ser necessário uma inspeção total do lote.](#)

Teórica

Definição da v.a.

X v.a. que representa o numero de sucessos em n tentativas de Bernoulli com probabilidade p de sucesso em cada tentativa

Notação

$$X \sim Bi(n, p)$$

n -> Número de tentativas

p -> Probabilidade de sucesso

Parâmetros:

$$n \in \mathbb{N} \text{ e } p \in]0, 1[$$

Função de probabilidade

$$f(x) = \begin{cases} {}^nC_x p^x (1-p)^{n-x}, & x \in \{0, 1, \dots, n\} \\ 0, & x \notin \{0, 1, \dots, n\} \end{cases}$$

em que nC_x representa o número de maneiras distintas de se conseguir x sucessos em n tentativas.

Média

$$E(X) = \mu_X = np$$

Variância

$$\text{var}(X) = \sigma_X^2 = np(1-p)$$

Função de distribuição acumulada

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ \sum_{i=0}^{\text{Int}[X]} p^i (1-p)^{n-i}, & 0 \leq x \leq n \\ 0, & x > n \end{cases}$$

Código Python

Biblioteca

```
from scipy import stats
```

Calcular $X = x$

```
stats.binom.pmf(x, n, p)
```

Calcular $X \leq x$

```
stats.binom.cdf(x, n, p)
```

Calcular $X > x$

```
1 - stats.binom.cdf(x, n, p)
```

Nota

Caso seja maior ou igual temos de calcular a probabilidade do número antes de x

Calcular $z < X \leq x$

```
stats.binom.cdf(x, n, p) - stats.binom.cdf(z, n, p)
```

Nota

Caso seja maior ou igual temos de calcular a probabilidade de do número antes de z

Exercícios

Exercício 11

X: Número de motores a funcionar em 4.

$$X \sim Bi(n, p)$$

$$n = 4$$

$$p = 0.99$$

$$P(X \geq 2) - P(X < 2) = 1 - P(x \leq 1) \simeq 0.999996$$

```
from scipy import stats
n = 4
p = 0.99
x = 1
print(f"A probabilidade de x <= 1 : {stats.binom.cdf(x, n, p):.6f}")
print(f"A probabilidade de x > 1 : {1 - stats.binom.cdf(x, n, p):.6f}")
```

[Source Code](#)

A probabilidade de $x \leq 1$: 0.000004

A probabilidade de $x > 1$: 0.999996

Exercício 13

13.1) A percentagem de lotes que são vendidos sem inspeção de todos os elementos.

X: Número de componentes defeituosos em 6 ao acaso.

$$X \sim Bi(n, p)$$

$$n = 6$$

$$p = 0.04$$

$$P(X = 0) = 78.3\%$$

```
from scipy import stats
n = 6
p = 0.04
x = 0
print(f"A probabilidade de x = 0 : {(stats.binom.pmf(x, n, p)*100):.1f}%")
```

[Source Code](#)

A probabilidade de $x = 0$: 78.3%

13.2) A probabilidade de ser necessário uma inspeção total do lote.

$$P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - 0.783 \sim 0.217 \sim 0.2\%$$