

# Resumenes

*MALLQUI BAÑOS Ricardo Michel*

*2020-02-19*

## Contents

<b>1</b>	<b>Prerequisites You can use anything that Pandoc's Markdown</b>	<b>2</b>
1.1	Datos . . . . .	2
1.2	Acciones . . . . .	2
<b>2</b>	<b>Introduction</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>Literature</b>	<b>5</b>
<b>4</b>	<b>Methods</b>	<b>6</b>
<b>5</b>	<b>Applications</b>	<b>7</b>
5.1	Example one . . . . .	7
5.2	Example two . . . . .	7
<b>6</b>	<b>Final Words</b>	<b>8</b>

## Capítulo 1

### Prerequisites You can use anything that Pandoc's Markdown

#### 1.1 Datos

Sean los datos que se prosiguen

- www
- wwwwww

##### 1.1.1 ff

WWWW fff WWWW wwwwww

##### 1.1.2 ff

This is a *sample* book written in **Markdown**. You can use anything that Pandoc's Markdown supports, e.g., a math equation  $a^2 + b^2 = c^2$ .

The **bookdown** package can be installed from CRAN or Github:

```
install.packages("bookdown")  
# or the development version  
# devtools::install_github("rstudio/bookdown")
```

Remember each Rmd file contains one and only one chapter, and a chapter is defined by the first-level heading .

To compile this example to PDF, you need XeLaTeX. You are recommended to install TinyTeX (which includes XeLaTeX): <https://yihui.org/tinytex/>.

#### 1.2 Acciones

Sean los datos *emph real* **Entonces**

## Capítulo 2

### Introduction

You can label chapter and section titles using after them, e.g., we can reference Chapter 3. If you do not manually label them, there will be automatic labels anyway, e.g., Chapter 4.

Figures and tables with captions will be placed in and environments, respectively.

```
par(mar = c(4, 4, .1, .1))  
plot(pressure, type = 'b', pch = 19)
```

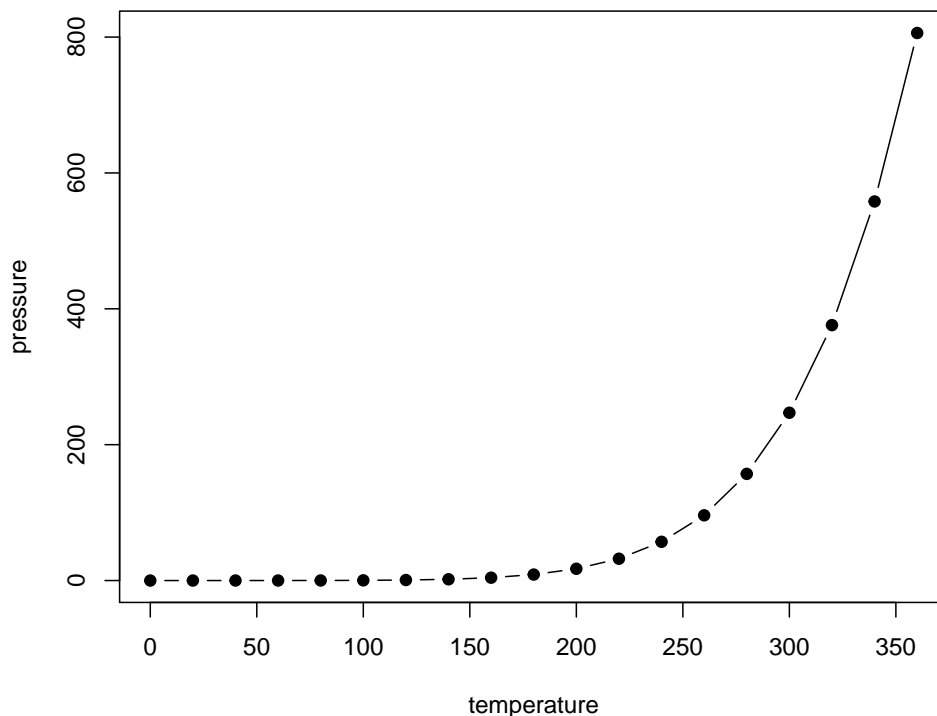


Figure 2.1: Here is a nice figure!

Reference a figure by its code chunk label with the prefix, e.g., see Figure 2.1. Similarly, you can reference tables generated from `knitr::kable()`, e.g., see Table 2.1.

```
knitr::kable(  
  head(iris, 20), caption = 'Here is a nice table!',  
  booktabs = TRUE  
)
```

You can write citations, too. For example, we are using the **bookdown** package (Xie, 2020) in this sample book, which was built on top of R Markdown and **knitr** (Xie, 2015).

Table 2.1: Here is a nice table!

Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species
5.1	3.5	1.4	0.2	setosa
4.9	3.0	1.4	0.2	setosa
4.7	3.2	1.3	0.2	setosa
4.6	3.1	1.5	0.2	setosa
5.0	3.6	1.4	0.2	setosa
5.4	3.9	1.7	0.4	setosa
4.6	3.4	1.4	0.3	setosa
5.0	3.4	1.5	0.2	setosa
4.4	2.9	1.4	0.2	setosa
4.9	3.1	1.5	0.1	setosa
5.4	3.7	1.5	0.2	setosa
4.8	3.4	1.6	0.2	setosa
4.8	3.0	1.4	0.1	setosa
4.3	3.0	1.1	0.1	setosa
5.8	4.0	1.2	0.2	setosa
5.7	4.4	1.5	0.4	setosa
5.4	3.9	1.3	0.4	setosa
5.1	3.5	1.4	0.3	setosa
5.7	3.8	1.7	0.3	setosa
5.1	3.8	1.5	0.3	setosa

### **Capítulo 3**

#### **Literature**

Here is a review of existing methods.

## **Capítulo 4**

### **Methods**

We describe our methods in this chapter.

## **Capítulo 5**

### **Applications**

Some *significant* applications are demonstrated in this chapter.

#### **5.1 Example one**

#### **5.2 Example two**



## Capítulo 6

### Final Words

1. Sea

2. La circunferencia  $\mathcal{C} = (x - 3)^2 + (y - 3)^2 = 25$  es tangente a una parábola  $\mathcal{P}$  en  $P_0 = (x_0, y_0)$ ,  $y_0 > 7$ . La recta  $\mathcal{L} : 4x - 3y + 12 = 0$  es normal a  $\mathcal{P}$  y  $\mathcal{C}$  en  $P_0$  y corta al eje focal de  $\mathcal{P}$  en el punto  $R$ . Si  $|C_0 P_0| = |P_0 R|$  y si la distancia  $d[P_0; eje focal] = 4$ , hallar la ecuación de la parábola  $\mathcal{P}$ .  $C_0$  es el centro de la circunferencia y la absisa del vértice es menor que 6.

$P_0 = C_0 \pm r\vec{u}_{\mathcal{L}}$  donde  $r = 5$ ,  $C_0 = (3, 8)$  y  $\vec{u}_{\mathcal{L}} = \frac{(3, 4)}{5}$  es decir  $P_0 = (3, 8) \pm 5\frac{(3, 4)}{5}$  de esto consideramos  $P_0 = (x_0, y_0) = (6, 12)$  por condición del problema con esto la recta tangente a  $\mathcal{C}$  y  $\mathcal{P}$  es  $\mathcal{L}_T : (x, y)(3, 4) = (3, 4)(6, 12)$  equivalentemente  $\mathcal{L}_T : 3x + 4y = 66$ .

Ya que  $|C_0 P_0| = 5 = |P_0 R|$  y  $d[P_0; eje focal] = d[P_0; Q] = 4$  entonces el triángulo  $P_0 QR$  es un triángulo rectángulo notable, por lo tanto  $|\vec{QR}| = 3$  por el Teorema de Pitágoras, además  $\vec{P_0 R} = \vec{P_0 Q} + \vec{QR}$  es decir si  $\vec{P_0 Q} = (v_1, v_2)$  se tiene la ecuación  $(3, 4) = 4(v_1, v_2) \pm 3(-v_2, v_1)$  que al resolverla se tiene  $\vec{P_0 R} = (v_1, v_2) = (1, 0)$  o  $\vec{P_0 R} = (v_1, v_2) = (\frac{24}{25}, \frac{7}{25})$  entonces  $Q = P_0 + 4(0, 1) = (6, 16)$  o  $Q = P_0 + 4(\frac{24}{25}, \frac{7}{25}) = (6 + \frac{96}{25}, 12 + \frac{28}{25})$  esto indica considerar  $Q = (6, 16)$  pues el vértice (tiene absisa menor que 6), debe estar a la derecha de  $P_0$  pues la recta  $\mathcal{L}_T$  tiene pendiente negativa. Por lo tanto  $\mathcal{L}_T \cap \mathcal{F} : x = 16 = (\frac{2}{3}, 16)$  y por propiedad de la tangente a una parábola se tiene el vértice  $V = (\frac{\mathcal{L}_T \cap \mathcal{F} + Q}{2}) = (\frac{10}{3}, 16)$ . La ecuación de la parábola en el sistema original es  $(y - h)^2 = 4\rho(x - k)$  donde  $(h, k) = (\frac{10}{3}, 16)$  y  $(6, 12) \in \mathcal{P}$  se tiene  $(-4)^2 = 4\rho(8/3)$  de donde  $\rho = \frac{3}{2}$  entonces la recta directriz pasa por  $(\frac{10}{3}, 16) + \frac{3}{2}(1, 0) = (\frac{7}{3}, 16)$  por tanto  $\mathcal{L}_D : x = \frac{7}{3}$  y la ecuación de la parábola es

$$(y - 16)^2 = 4\rho\left(x - \frac{10}{3}\right)$$

por ser paralela al eje  $x$ .

2. Los puntos  $A = (60, 13)$  y  $B = (-4, 61)$  están sobre una parábola  $\mathcal{P}$  además son simétricos con respecto al eje focal. Desde un punto  $Q$  sobre el eje focal se traza una recta tangente a  $\mathcal{P}$  que pasa por  $B$ , hallar la ecuación de  $\mathcal{P}$  y las ecuaciones de las rectas tangentes trazadas desde  $Q$ .

Ya que  $A$  y  $B$  son simétricas entonces  $P_0 = \frac{A+B}{2} = (28, 37) \in \mathcal{L}_F$  donde  $\mathcal{L}_F$  es el eje focal paralelo al vector  $\vec{AB}^\perp = (B - A)^\perp = (-64, 48) \parallel (-4, 3) = \vec{v}_L$  es decir  $\vec{v}_F$  y  $P_0$  nos genera la ecuación del eje focal  $\mathcal{L}_F : 4x + 3y = 1$ . De otro lado dado el punto  $Q = (20, x) \in \mathcal{L}_F$  que al reemplazarlo en la recta del eje focal nos genera  $x = -27$  de donde  $Q = (20, -27)$  además el vértice de la parábola es  $V = \frac{Q+P_0}{2} = (4, 5)$  por propiedad.

Con el objetivo de hallar el valor de  $\rho$  en la ecuación  $y'^2 = 4\rho x'$  se halla las coordenadas

de  $B$  en el nuevo sistema de coordenadas centrada en  $V$  con vector director  $\vec{u} = \frac{(3,4)}{5}$ , haciendo uso de la relación

$$(x, y) = V + x'\vec{u} + y'\vec{u}^\perp$$

se obtiene  $x' = [B - V] \vec{u} = 40$  y  $y' = [B - V] \vec{u}^\perp = 40$  por tanto reemplazando  $B = (-4, 61) = (40, 40)'$  en  $y'^2 = 4\rho x'$  se tiene que  $\rho = 10$

Los vectores directores de las rectas tangentes en el sistema  $x'y'$  son  $(2, 1)$  y  $(2, -1)$  respectivamente por tanto sus ecuaciones son  $\mathcal{L}_A : 2y' = x' + 40$  y  $\mathcal{L}_B : -2y' = x' + 40$  estas ecuaciones en el sistema original con  $x' = [(x, y) - (4, 5)] \frac{(3,4)}{5}$  y  $y' = [(x, y) - (4, 5)] \frac{(-4,3)}{5}$  reemplazadas resultan  $\mathcal{L}_A : 2y - 11x - 166 = 0$  y  $\mathcal{L}_B : 5x - 10y - 170 = 0$

1. ww

## **Bibliography**

- Xie, Y. (2015). *Dynamic Documents with R and knitr*. Chapman and Hall/CRC, Boca Raton, Florida, 2nd edition. ISBN 978-1498716963.
- Xie, Y. (2020). *bookdown: Authoring Books and Technical Documents with R Markdown*. R package version 0.17.