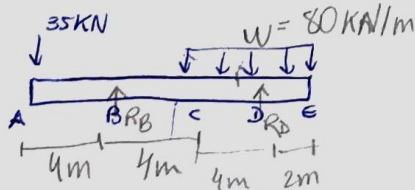


Discente: Thallik Barros da Silva

Matrícula: 17212261 - Eng. Civil

p/carga distrib. entre c e d:



$$I_z = 353 \cdot 10^6 \text{ mm}^4 \Rightarrow 3,51 \cdot 10^{-4} \text{ m}^4$$

$$E = 200 \text{ GPa} \Rightarrow 2 \cdot 10^8 \text{ kN/m}^2$$

$$\sum F_y = 0 \therefore R_B + R_D - 35 - 480 = 0$$

$$\therefore R_B + R_D = 515$$

$$\sum M_B = 0 \therefore 35 \cdot 4 - 480 \cdot (4+3) + R_D \cdot 8 = 0$$

$$140 - 3360 + 8R_D = 0$$

$$R_D = (3360 - 140) / 8 = 402,5 \text{ kN}$$

$$\Rightarrow R_B + (402,5) = 515 \therefore R_B = 112,5 \text{ kN}$$

\Rightarrow O deslocamento no ponto "L"

Método da Superposição (usando a fórmula do Apêndice)

$$V_A = -\frac{PL^3}{3EI} \quad (\text{ao considerar fixo em E})$$

Dados $P = 35 \text{ kN}$, $L = 4 \text{ m}$, aplicando uma fórmula, temos:

$$V_A = -\frac{35 \cdot 4^3}{3 \cdot \frac{2 \cdot 10^8 \cdot 3,51 \cdot 10^{-4}}{7,02 \cdot 10^4}} = -0,010636 \text{ m}$$

Por considerar fixo em B (como ingoste), consideraremos também o deslocamento em A pela rotação em B (com $M = 35 \cdot 4 = 140 \text{ kNm}$)

$$\theta_B = \frac{ML}{3EI} = \frac{140 \cdot 8}{3 \cdot 7,02 \cdot 10^4} = 0,005318 \text{ rad}$$

$$V_A = -4 \cdot 0,005318 = -0,0212726 \text{ m}$$



$$\theta_B = \frac{W a^2}{24 L \cdot E \cdot I} (2L^2 - a^2)$$

$$= \frac{80 \cdot 4^2}{24 \cdot (7,02 \cdot 10^4)} \cdot (2 \cdot 8^2 - 4^2)$$

$$= 0,0106363 \text{ rad}$$

$$\Rightarrow V_A = 4 \cdot (0,0106363)$$

$$= 0,0425451 \text{ m}$$

olhando p/ o restante "a" direita:

Do apêndice: $\theta_B = \frac{ML}{6EI}$

Portanto,

$$\theta_B = \frac{160 \cdot 8}{6 \cdot (7,02 \cdot 10^4)} = 0,0030389 \text{ rad}$$

$$\therefore V_A = -(4 \text{ m}) \cdot (0,0030389 \text{ rad})$$

$$= -0,0121557 \text{ m}$$

(Resultante da rotação em B causada pela carga uniforme no pedaço DE em balanço)

Assim, finalmente,

$$V_A = -0,0106363 \text{ m}$$

$$- 0,0212726 \text{ m}$$

$$+ 0,0425451 \text{ m}$$

$$- 0,0121557 \text{ m}$$

$$= -0,0015195 \text{ m}$$

$$= 1,520 \text{ mm} \leftarrow$$

(para baixo)

A notação em D:

$$\theta_B = \frac{qL^3}{6EI} = \frac{80 \cdot 2 \cdot (2)^3}{6 \cdot 7,02 \cdot 10^4} = 3,04 \cdot 10^{-6} \text{ (1)}$$

→ para trecho DE

$$\theta_D = \frac{3qL^3}{128EI} = \frac{3 \cdot 80 \cdot 4 \cdot (4)^3}{128 \cdot 7,02 \cdot 10^4} = 6,84 \cdot 10^{-6} \text{ (2)}$$

→ C-D.

$$\therefore (1) - (2) = -3,8 \cdot 10^{-6}$$

02) Eq. de Eq.:

$$\sum F_y = 0 \therefore R_B + R_C + R_D - 60 \cdot 6 = 0$$

$$\therefore R_C = 360 - R_D - R_B \text{ (a)}$$

$$\sum M_A = 0 \therefore 420 + R_B \cdot 3 + R_C \cdot 9 + R_D \cdot 15 - 60 \cdot 6 \cdot 6 = 0$$

$$\therefore 3R_B + 9R_C + 15R_D = -420 + 2160 \text{ (} \div 3 \text{)}$$

$$\therefore R_B = 580 - 5R_D - 3R_C \text{ (b)}$$

$$\text{(a) em (b): } R_B = 580 - 5R_D - 3(360 - R_D - R_B)$$

$$= 580 - 5R_D - 1080 + 3R_D + 3R_B$$

$$\text{De onde } R_B - 3R_B = -500 - 2R_D \therefore R_B = 250 + R_D$$

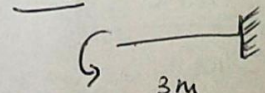
$$\therefore R_C = 360 - R_D - (250 + R_D) \Rightarrow R_C = 110 - 2R_D$$

As condições de contorno:

$$V(D) = 0; \quad V(B) = 0; \quad V(C) = 0$$

¶ Método das Forças:

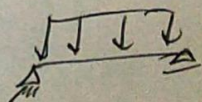
AB:



420 kNm

$$V(A) = \frac{-420 \cdot 3^2}{2EI}$$

BC:



$$V = \frac{5 \cdot 60 \cdot 6^4}{384 \cdot 2EI}$$

CD:



$$V = \frac{-R_D \cdot 6^3}{3EI}$$