

## Experimento movimento de um projétil

Marcella Idalyne da Costa Silva<sup>1</sup>, Melissa Valim de Oliveira<sup>2</sup>, Monica Akemi Rodrigues Kyomen<sup>3</sup>, Mykaell Max Borges Pinto<sup>4</sup>

Correção - Relatório Científico  
Prof. Jader S. Cabral

Descrição Metodológica (20 pontos): 20

Apresentação dos dados (25 pontos): 25

Tratamento (Análise) (30 pontos): 30

Discussão/Argumentação (25 pontos): 25

Nota: 100

Parabéns!!!

### Laboratório de Física Básica 1

#### Universidade Federal de Uberlândia

<sup>1</sup>e-mail: [marcella.idalyne@ufu.br](mailto:marcella.idalyne@ufu.br)

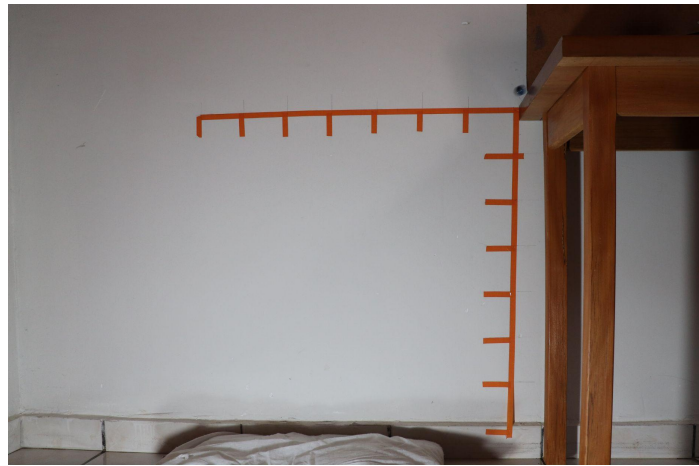
<sup>2</sup>e-mail: [melissavalim@ufu.br](mailto:melissavalim@ufu.br)

<sup>3</sup>e-mail: [monicakyomen@ufu.br](mailto:monicakyomen@ufu.br)

<sup>4</sup>e-mail: [mykaell.max@ufu.br](mailto:mykaell.max@ufu.br)

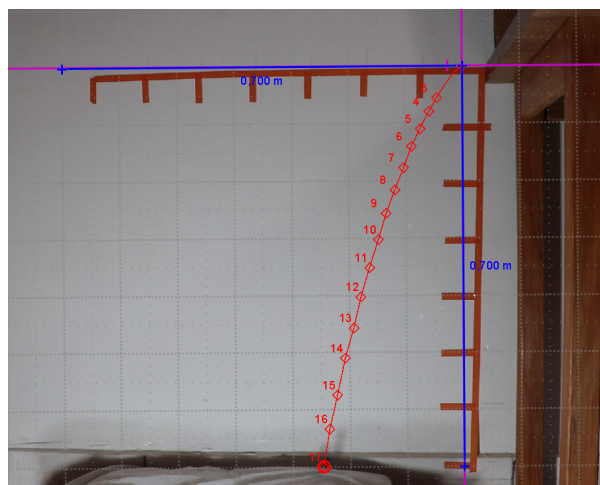
## 1. Procedimento experimental Boa descrição experimental!

Para o experimento, com o auxílio de uma trena, foi marcado na parede com fita adesiva de 10cm em 10cm, o espaço de 70 centímetros no eixo vertical (y) e no eixo horizontal (x). O objeto escolhido foi uma bolinha de gude, que foi posicionada na prancheta, que estava em uma posição fixa e inclinada poucos centímetros antes da primeira da marcação, sendo solta sempre da mesma altura, e quando saía para fora da mesa, realizava o movimento de um projétil, lançado na horizontal. Foram gravados três vídeos com o objeto para análise de seu comportamento ao longo da trajetória marcada, considerando o erro do tempo (0,02 s) obtido de acordo com a capacidade de marcação de tempo entre frames, e do espaço (0,0005 m) obtido de acordo com a metade da menor medida possível da trena.



**Figura 1**  
Movimento da bolinha sendo arremessada.

Na análise de vídeo do experimento, utilizamos o Tracker como ferramenta de captura de dados. E, a fim de plotar os gráficos e ajustar as funções, utilizamos o software SciDAVis.



**Figura 2** - Movimento da bolinha sendo analisada no software Tracker.

Como se pode notar na figura, os bastões de medição estão desalinhados com a escala marcada. Entretanto, este efeito decorre da lente da câmera, e além disso, como o eixo vertical está alinhado com as pernas da mesa, o bastão horizontal foi calibrado de acordo com o eixo vertical (por ser mais preciso).

Também é possível notar na imagem a trajetória do objeto, que lembra a metade de uma parábola voltada para baixo.

## 2. Resultados e discussão

Como o movimento é bidimensional, ou seja, ocorre em duas dimensões simultaneamente, decidiu-se analisar 3 casos separadamente: **(a)** a variação da posição X (horizontal) em relação ao tempo; **(b)** a variação da posição Y (vertical) em relação ao tempo; **(c)** a variação da posição Y em relação a posição X.

### (a) - Posição X em relação ao tempo

Devido ao fato do objeto não conseguir cobrir todo o caminho demarcado (70 cm) como na *figura 3*, optou-se por pegar os tempos correspondentes a cada 5 cm a partir da origem.

Os resultados obtidos experimentalmente foram organizados nesta tabela:

Medida n°	x (m) $\pm$ 0,0005m	t1 (s) $\pm$ 0,02s	t2 (s) $\pm$ 0,02s	t3 (s) $\pm$ 0,02s	$\bar{t} \pm \Delta t_{total}$
1	0,0000	0,00	0,00	0,00	0
2	0,0500	0,07	0,07	0,07	$0,07 \pm 0,02$ s
3	0,1000	0,12	0,12	0,12	$0,12 \pm 0,02$ s
4	0,1500	0,17	0,18	0,17	$0,17 \pm 0,02$ s
5	0,2000	0,23	0,25	0,23	$0,24 \pm 0,02$ s
6	0,2500	0,28	0,28	0,28	$0,28 \pm 0,02$ s

**Tabela 1** - tabela dos dados obtidos (x)

Observa-se que os dados obtidos não apresentam um caráter perfeitamente linear quando representados em um gráfico. A fim de facilitar as

observações dos resultados, propôs-se uma equação geral para representar o comportamento do espaço percorrido pela bolinha em função do tempo:

$$X = Kt^n \quad \text{Equação (1)}$$

Onde “x” representa o espaço e “t” o tempo.

A Equação (1) é linearizada aplicando-se o logaritmo natural dos termos e considerando suas incertezas ( $\ln(X) \pm \Delta \ln(X)$ ;  $\ln(t) \pm \Delta \ln(t)$ ) representadas na Tabela (2), obtém-se:

$$\ln(X) = \ln(K) + n\ln(t) \quad \text{Equação (2)}$$

Para encontrar as respectivas incertezas ( $\Delta \ln(X)$  e  $\Delta \ln(t)$ ), foi utilizado o método de propagação de incerteza:

$$f(x) \pm \Delta f(x)$$

Onde,

$$\Delta f(x) = f(x)' \cdot \Delta x$$

Aplicando para o caso do Ln, temos:

$$\Delta \ln(x) = (\ln(x))' \cdot \Delta x$$

$$\Delta \ln(x) = \frac{1}{x} \cdot \Delta x$$

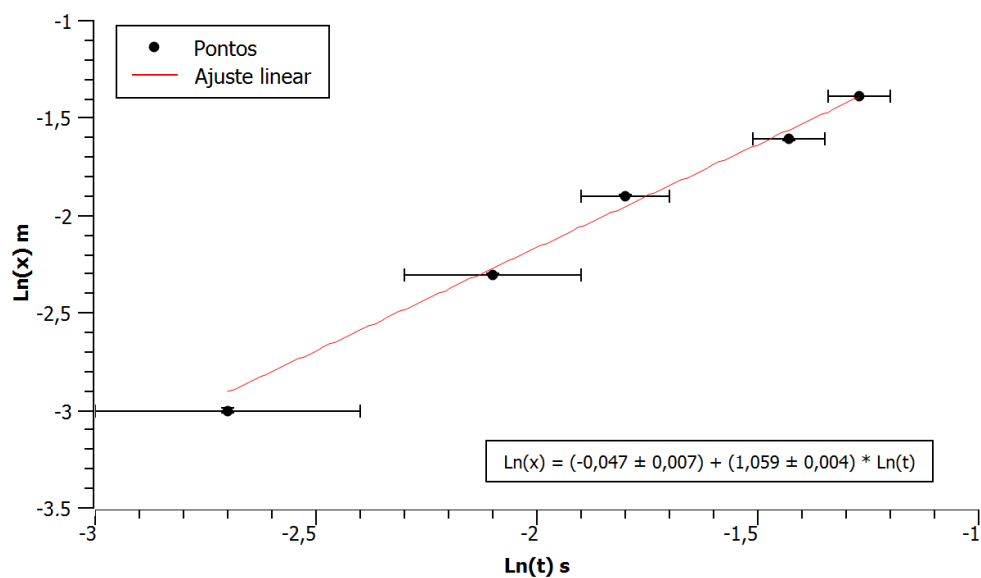
$$\Delta \ln(x) = \frac{\Delta x}{x}$$

Por fim, obtemos a seguinte tabela:

$Ln(x) \pm \Delta Ln(x)$	$Ln(t) \pm \Delta Ln(t)$
$-3,00 \pm 0,01$ m	$-2,7 \pm 0,3$ s
$-2,303 \pm 0,005$ m	$-2,1 \pm 0,2$ s
$-1,897 \pm 0,003$ m	$-1,8 \pm 0,1$ s
$-1,609 \pm 0,003$ m	$-1,43 \pm 0,08$ s
$-1,386 \pm 0,002$ m	$-1,27 \pm 0,07$ s

**Tabela 2** - tabela dos dados obtidos  $Ln(x)$  e  $Ln(t)$

A partir da Tabela 2, elabora-se o seguinte gráfico para descrever o movimento dos objetos, visando uma descrição do espaço percorrido em função do tempo:



**Gráfico 1** - Movimento da bolinha de gude linearizado (x)

O gráfico obtido com a linearização, obedece a seguinte equação:

$$\ln(X) = (-0,047 \pm 0,007) + (1,059 \pm 0,004) * x \quad \text{Equação (3).}$$

Sendo “X” a distância percorrida e “x” o  $\ln(t)$ , pelo gráfico.

Portanto, a partir da equação, é possível obter os seguintes dados:  
coeficiente linear =  $-0,047 \pm 0,007$  e coeficiente angular =  $1,059 \pm 0,004$ .  
Substituindo na Equação (2), temos:

$$\text{coeficiente linear} = -0,047 \pm 0,007 = \ln(K) \Leftrightarrow K = e^{-0,047} \pm \Delta e^{-0,047} = 0,954 \pm 0,007 \quad \text{Equação (4).}$$

$$\text{Onde } \Delta e^{-0,047} = (e^{-0,047})' \cdot 0,007 = 0,006678 = 0,007$$

$$\text{coeficiente angular} = n = 1,059 \pm 0,004 \quad \text{Equação (5).}$$

Substituindo na Equação (1), proposta inicialmente:

$$X = (0,954 \pm 0,007) * t^{1,059 \pm 0,004} \quad \text{Equação (6).}$$

Observa-se, a partir da Equação(6), que o expoente n ao qual t está elevado é aproximadamente 1. Portanto, como argumentado anteriormente, o espaço varia linearmente com o tempo (não há aceleração). E como deduzido e argumentado no relatório de movimento retilíneo, o K da equação(1) representa a velocidade do objeto, que neste caso é 0,954 m/s. **É isso!!!**

### (b)- Posição Y em relação ao tempo

Os resultados obtidos experimentalmente foram organizados nesta tabela:

Medida n°	y (m) $\pm$ 0,0005m	t1 (s) $\pm$ 0,02s	t2 (s) $\pm$ 0,02s	t3 (s) $\pm$ 0,02s	$\bar{t} \pm \Delta t_{total}$
1	0,0000	0,00	0,00	0,00	0
2	0,1000	0,08	0,08	0,07	$0,08 \pm 0,02$ s
3	0,2000	0,13	0,13	0,12	$0,13 \pm 0,02$ s
4	0,3000	0,17	0,17	0,15	$0,16 \pm 0,02$ s
5	0,4000	0,20	0,20	0,18	$0,19 \pm 0,02$ s
6	0,5000	0,23	0,23	0,22	$0,22 \pm 0,02$ s
7	0,6000	0,27	0,25	0,25	$0,26 \pm 0,02$ s
8	0,7000	0,28	0,28	0,28	$0,28 \pm 0,02$ s

**Tabela 3** - tabela dos dados obtidos (y)

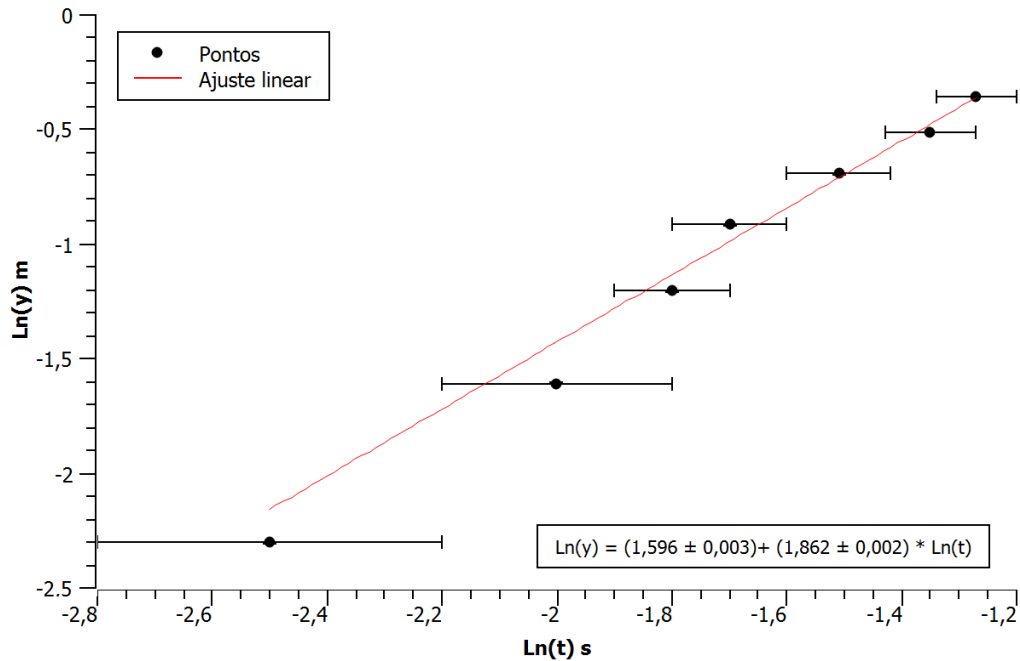
Como os procedimentos a seguir são os mesmos da seção anterior (a), será mostrado apenas os resultados importantes extraídos dessa tabela de dados.

A começar pela tabela dos valores linearizados:

$\ln(y) \pm \Delta \ln(y)$	$\ln(t) \pm \Delta \ln(t)$
$-2,303 \pm 0,005$ m	$-2,5 \pm 0,3$ s
$-1,609 \pm 0,003$ m	$-2,0 \pm 0,2$ s
$-1,204 \pm 0,002$ m	$-1,8 \pm 0,1$ s
$-0,916 \pm 0,001$ m	$-1,7 \pm 0,1$ s
$-0,693 \pm 0,001$ m	$-1,51 \pm 0,09$ s
$-0,5108 \pm 0,0008$ m	$-1,35 \pm 0,08$ s
$-0,3567 \pm 0,0007$ m	$-1,27 \pm 0,07$ s

**Tabela 4** - tabela dos dados obtidos  $\ln(y)$  e  $\ln(t)$

E o respectivo gráfico:



**Gráfico 2** - Movimento da bolinha de gude linearizado (y)

E então, a equação correspondente do movimento:

$$y = (4,93 \pm 0,01) * t^{1,862 \pm 0,002} \quad \text{Equação (7).}$$

Entretanto, a fim de verificar a natureza do termo  $k$  (4,93) seguiu-se pela análise dimensional da equação.

Para a análise, considere a seguinte aproximação:  $1,862 \Rightarrow 2$

Sabemos que  $y$  (a saída da função) tem dimensão de espaço, portanto a igualdade deve se manter, e a mesma dimensão resultante deve ser encontrada do outro lado da equação. Denotemos dimensão de espaço por “S” e de tempo por “T”.

Temos conhecimento de que:

$$[y] = S$$

$$[t^2] = T^2$$

$$[k] = ?$$



E como mencionado anteriormente, temos de ter igualdade na seguinte equação:

$$S = [k] * T^2$$

A fim de manter a igualdade, a única possibilidade para a dimensão de k é:

$$[k] = \frac{S}{T^2}$$

O que nos leva a concluir que k corresponde à uma aceleração (no experimento corresponde a m/s<sup>2</sup>). E essa mesma aceleração do objeto é causada pela força da gravidade atuando sobre o objeto, fazendo alterar sua velocidade a cada instante. Contudo, os dados obtidos ainda devem ser contestados com uma análise mais precisa em um ambiente mais controlado e livre de quaisquer forças externas, o que nesse caso não foi possível por conta da resistência do ar. ok

### (c) - Posição Y em relação a posição X

Por fim, analisou-se a posição Y em relação a posição X a fim de estudar o comportamento do movimento em relação às duas coordenadas.

Os resultados obtidos experimentalmente foram organizados nesta tabela:

Medida n°	y (m) ± 0,0005m	x1 (m) ± 0,0005m	x2 (m) ± 0,0005m	x3 (m) ± 0,0005m	$\bar{x} \pm \Delta x_{total}$
1	0,0000	0,0000	0,0000	0,0000	0
2	0,1000	0,0749	0,0962	0,0585	0,08 ± 0,01 m
3	0,2000	0,1194	0,1116	0,1013	0,111 ± 0,005 m
4	0,3000	0,1493	0,1365	0,1472	0,144 ± 0,004 m
5	0,4000	0,1793	0,1669	0,1619	0,169 ± 0,005 m
6	0,5000	0,2073	0,1945	0,1899	0,197 ± 0,005 m
7	0,6000	0,2360	0,2068	0,2178	0,220 ± 0,009 m
8	0,7000	0,2472	0,2326	0,2389	0,240 ± 0,004 m

**Tabela 5** - tabela dos dados obtidos (y e x)

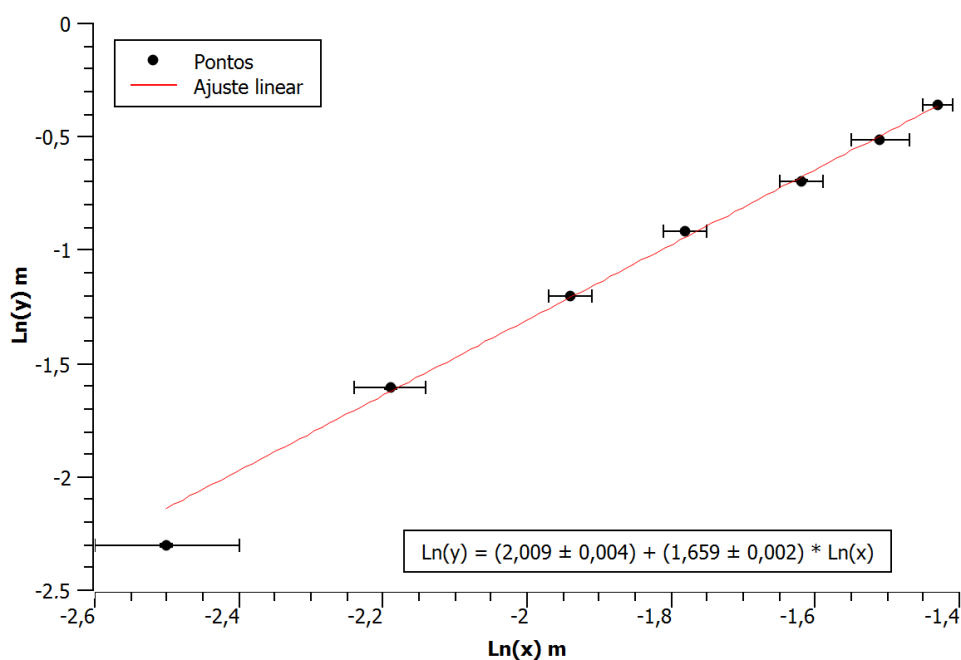
Como os procedimentos a seguir são os mesmos da seção anterior (a), será mostrado apenas os resultados importantes extraídos dessa tabela de dados.

A começar pela tabela dos valores linearizados:

$\ln(y) \pm \Delta \ln(y)$	$\ln(x) \pm \Delta \ln(x)$
$-2,303 \pm 0,005$ m	$-2,5 \pm 0,1$ m
$-1,609 \pm 0,003$ m	$-2,19 \pm 0,05$ m
$-1,204 \pm 0,002$ m	$-1,94 \pm 0,03$ m
$-0,916 \pm 0,001$ m	$-1,78 \pm 0,03$ m
$-0,693 \pm 0,001$ m	$-1,62 \pm 0,03$ m
$-0,5108 \pm 0,0008$ m	$-1,51 \pm 0,04$ m
$-0,3567 \pm 0,0007$ m	$-1,43 \pm 0,02$ m

**Tabela 6** - tabela dos dados obtidos  $\ln(y)$  e  $\ln(x)$

E o respectivo gráfico:



**Gráfico 3** - Movimento da bolinha de gude linearizado (y e x )

E então, a equação correspondente do movimento:

$$y = (7,46 \pm 0,03) * x^{1,659 \pm 0,002} \quad \text{Equação (8).}$$

Note que essa equação relaciona ambos os movimentos em uma equação que satisfaz ambos ao mesmo tempo. Poderíamos, por exemplo, determinar a posição horizontal com base em uma posição conhecida na vertical.

Discutir mais sobre a parábola e o valor de k.

### 3. Conclusão

Após a análise dos dados apresentados, é possível notar uma mudança na variação do movimento no eixo “X” conforme o corpo ganha velocidade no eixo “Y”, sendo esta caracterizada por uma parábola.

Ademais, podemos concluir algo interessante sobre esse tipo de movimento: a força gravitacional que atua sobre a bolinha pode ser percebida apenas no movimento vertical do objeto. O que nos leva a concluir que o movimento estudado pode ser compreendido como dois movimentos separados que o objeto executa, sendo eles um movimento acelerado na direção vertical por conta da força gravitacional, e o outro um movimento uniforme na direção horizontal que não é afetado pela força gravitacional e portanto não sofre variação na sua velocidade (não há aceleração).