Variable compleja

 $\operatorname{MALLQUI}$ BAÑOS Ricardo Michel

2020-03-06

### Contents

| 1        | Números complejos                                |  | 5  |
|----------|--|--|----|
|          | 1.1  | El plano extendido                         | 5  |
|          | 1.2  | Ejercicios                                 | 5  |
| <b>2</b> | Teoría de funciones $\mathbb{C}$ -diferenciables |  | 7  |
|          | 2.1  | Introduccion                               | 7  |
|          | 2.2  | Funciones C-diferenciables y holomorfas    | 7  |
|          | 2.3  | Series de Potencias y funciones holomorfas | 7  |
|          | 2.4  | Ejercicios                                 | 7  |
| 3        | Literature                                       |  |    |
|          | 3.1  | Potencias y raíces                         | 9  |
|          | 3.2  | La fórmula de Euler                        | 9  |
|          | 3.3  | Las funciones exponencial y logaritmo      | 9  |
|          | 3.4  | Las fuciones trigonométricas               | 9  |
| 4        | Aplicaciones Conformes                           |  | 11 |
|          | 4.1  | Introducción                               | 11 |
|          | 4.2  | Aplicaciones Conformes                     | 11 |
|          | 4.3  | Transformaciones de M¨obius                | 11 |
|          | 4.4  | Simetría                                   | 11 |
|          | 4.5  | Ejercicios                                 | 11 |
| 5        | Integral de Línea                                |  | 13 |
|          | 5.1  | Integracion Compleja                       | 13 |
|          | 5.2  | El Teorema de Cauchy                       | 13 |
|          | 5.3  | Ejercicios                                 | 13 |
| 6        | Funciones holomorfas                             |  | 15 |
| 7        | Hor  | motopía y el Teorema de Cauchy             | 17 |
| 8        | El I   | Indice de una curva                        | 19 |

4 CONTENTS

### Números complejos

Los números complejos son de importancia en el campo de las matemáticas y el desarollo de campos un poco más elavorados

Leonhard Euler en 1777 le dió el nombre a  $\sqrt{-1}$  el nombre de i (imaginario) ## El álgebra de los números complejos

**Definición 1.1** (Número complejo). Un número complejo es una expresión de la forma a+bi donde a y b son números reales

Teorema 1.1.  $Sea~\epsilon$ 

Demostración. En efecto dado a > b entonces

#### 1.1 El plano extendido

#### 1.2 Ejercicios

Ejercicio 1.1. Solución.

# Teoría de funciones $\mathbb{C}$ -diferenciables

- 2.1 Introduccion
- 2.2 Funciones C-diferenciables y holomorfas
- 2.3 Series de Potencias y funciones holomorfas
- 2.4 Ejercicios

#### Literature

- 3.1 Potencias y raíces
- 3.2 La fórmula de Euler
- 3.3 Las funciones exponencial y logaritmo
- 3.3.1 La función exponencial
- 3.3.2 La función Logaritmo
- 3.4 Las fuciones trigonométricas

# **Aplicaciones Conformes**

- 4.1 Introducción
- 4.2 Aplicaciones Conformes
- 4.3 Transformaciones de M"obius
- 4.4 Simetría
- 4.5 Ejercicios

# Integral de Línea

- 5.1 Integracion Compleja
- 5.2 El Teorema de Cauchy
- 5.3 Ejercicios

# Funciones holomorfas

# Homotopía y el Teorema de Cauchy

# El Indice de una curva