Variable compleja

 $\operatorname{MALLQUI}$ BAÑOS Ricardo Michel

2020-03-06

# Contents

1	Números complejos		5
	1.1	El álgebra de los números complejos	5
	1.2	El plano extendido	5
	1.3	Ejercicios	5
<b>2</b>	Teoría de funciones $\mathbb{C}$ -diferenciables		
	2.1	Introduccion	7
	2.2	Funciones C-diferenciables y holomorfas	7
	2.3	Series de Potencias y funciones holomorfas	7
	2.4	Ejercicios	7
3	Literature		
	3.1	Potencias y raíces	9
	3.2	La fórmula de Euler	9
	3.3	Las funciones exponencial y logaritmo	9
	3.4	Las fuciones trigonométricas	9
4	Aplicaciones Conformes		11
	4.1	Introducción	11
	4.2	Aplicaciones Conformes	11
	4.3	Transformaciones de M¨obius	11
	4.4	Simetría	11
	4.5	Ejercicios	11
5	Integral de Línea		
	5.1	Integracion Compleja	13
	5.2	El Teorema de Cauchy	13
	5.3	Ejercicios	13
6	Fun	aciones holomorfas	15
7	Hoi	motopía y el Teorema de Cauchy	17
8	El I	Indice de una curva	19

4 CONTENTS

## Números complejos

Los números complejos son de importancia en el campo de las matemáticas y el desarollo de campos un poco más elavorados

#### 1.1 El álgebra de los números complejos

**Definición 1.1** (Número complejo). Un número complejo es una expresión de la forma a+bi donde a y b son números reales **Teorema 1.1.** Sea  $\epsilon$ 

Demostración. En efecto dado a > b entonces

#### 1.2 El plano extendido

#### 1.3 Ejercicios

Ejercicio 1.1. Solución.

# Teoría de funciones $\mathbb{C}$ -diferenciables

- 2.1 Introduccion
- 2.2 Funciones C-diferenciables y holomorfas
- 2.3 Series de Potencias y funciones holomorfas
- 2.4 Ejercicios

#### Literature

- 3.1 Potencias y raíces
- 3.2 La fórmula de Euler
- 3.3 Las funciones exponencial y logaritmo
- 3.3.1 La función exponencial
- 3.3.2 La función Logaritmo
- 3.4 Las fuciones trigonométricas

# **Aplicaciones Conformes**

- 4.1 Introducción
- 4.2 Aplicaciones Conformes
- 4.3 Transformaciones de M"obius
- 4.4 Simetría
- 4.5 Ejercicios

# Integral de Línea

- 5.1 Integracion Compleja
- 5.2 El Teorema de Cauchy
- 5.3 Ejercicios

# Funciones holomorfas

# Homotopía y el Teorema de Cauchy

# El Indice de una curva