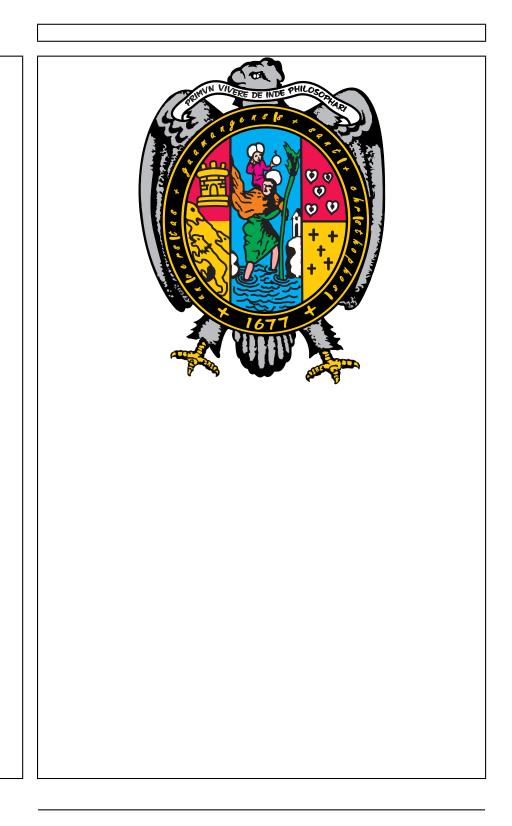
Ricardo Michel MALLQUI BAÑOS	
Elementos de la estadística	
<u> </u>	



Índice general

ĺn	dice de tablas	v										
ĺn	dice de figuras	vii										
Re	esumen	ix										
[n	troducción	хi										
[Estadística descriptiva	1										
۱.	•											
2.	Variables 2.0.1. Nominales 2.0.2. Ordinales 2.1. Variables cuantitativas 2.1.1. Discretas 2.1.2. Continuas	5 5 5 5 6										
3.	Característica de los datos	7										
1.	Población, muestra y estadística	9										
5.	Organización de datos en tablas de frecuencias	11										
5.	Matriz y rango	15										
7.	Distribució n de frecuencias	17										
3.	Gráficos estadísticos	19										
).	Medidas de tendencia central 9.1. La media (\overline{x})	21 21 21										
	9.1.1. Media de datos no agrupados	21 21 22 22										
	9.2.2. Moda de datos tabulados	22										

iv		<u>Content</u>
	9.3. la mediana (Me)	2
10.	Medidas de dispersión	2
11.	Medidas de asimetría	2
II	Probabilidades	2
1.	Frecuencia relativa clásica	3
2.	Calculando	3
3.	Variable aleatoria	3
4.	Variable acumulativa	3
5.	ww	3
Apá	éndice	3
В.	Sumatorias A.1. ee	4 4
Rih	liografía	4
DID	nogi ana	7

Índice de tablas

	Here is a nice table! Here is a nice table!														
7.1.	Caption														1



Índice de figuras



D				
K	es	11	m	en

Este libro sobre la estadistica descriptiva. cuyo objetivo es demostrar resultados basicos muy útiles en el desarrollo de investigaciones.

$$\sum_{1}^{2}$$



Introducción

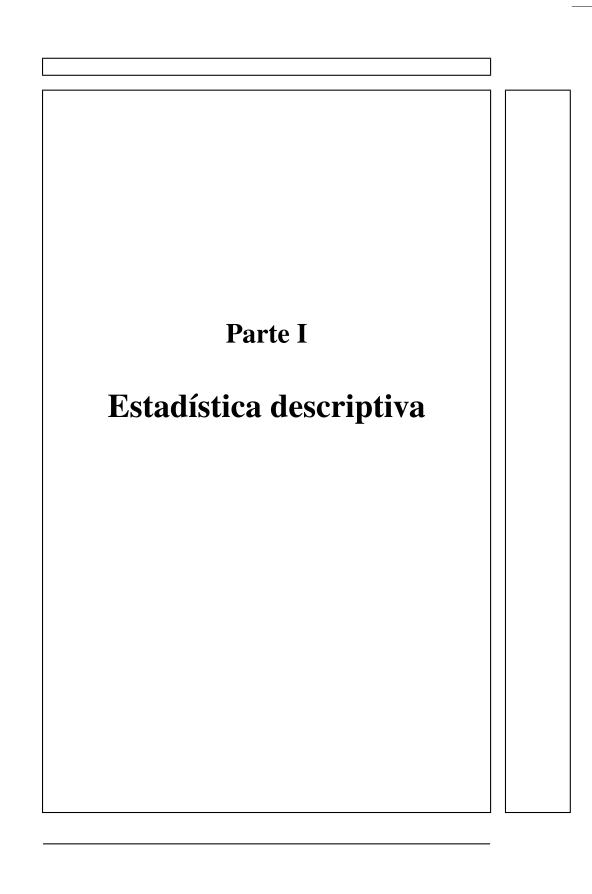
$$\sum_{1}^{2}$$

$$\sum_{1}^{2} \vec{u} = (1, 1) - \rho \int_{2}^{3}$$

Debido a la poca información estructurada de estadistica descriptiva se propone escribir este libro con un enfoque demostrativo.

$$x^2 + y^2$$







1	
Prerrequisitos	



2

Variables

Es una característica de personas cosas u objetos que sonpropensos a ser medidas ## Variables cualitativas

Denotan cualidades de objetos personas o animales tales como caracteristicas inherentes que no son medibles por números, tenemos dos casos de esta variable.

2.0.1. Nominales

Son caracteristicas que simplemente nominan y estan propensos a ser jerarquizados u ordenados tales como: El estado civil (soltero, casado, divorciado, viudo), Religion (católic, evangelico, judio, etc).

2.0.2. Ordinales

Son caracteristicas que que si están propensos a ser jerarquizados tales como: Nivel de instrucción (primaria, secundaria, superior).

2.1. Variables cuantitativas

Son aqueelllas variables que están propensos a ser medidas mediante números ya sean números enteros o reales.

2.1.1. Discretas

Aquellas que solo son medidos mediante numeros enteros por ejemplo: Número de hijos, número de habitaciones.

6	2 Variables
2.1.2.	Continuas
Aquella numero	s que solo son medidos mediante numeros reales es decir este incluye a los s racionales e irracionales. Estatura, volumen, peso.

3	
Característica de los datos	



]	
4		
Población, muestra y estadística		



5

Organización de datos en tablas de frecuencias

Sea la Tabla 5.1 Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively. Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively. Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively.

Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively. Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively. Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively.

Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively. Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively. Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively.

Tabla 5.1: Here is a nice table!

País	%.del.PIB.invertido.en.educación	Porcentaje
Dinamarca	8.0	8.00\%
Islandia	7.7	7.70\%
Corea del Sur	7.6	7.60\%
Noruega	7.6	7.60\%
Israel	7.4	7.40\%
Nueva Zelanda	7.3	7.30\%
Estados Unidos	7.3	7.30\%
Bélgica	6.6	6.60\%
Canada	6.6	6.60\%
Finlandia	6.5	6.50\%
Suecia	6.5	6.50\%
Reino Unido	6.5	6.50\%
Chile	6.4	6.40\%
Irlanda	6.4	6.40\%
Francia	6.3	6.30\%

Holanda	6.3	6.30\%
Mexico	6.2	6.20\%
Australia	6.1	6.10\%
Estonia	6.0	6.00\%
Eslovenia	5.9	5.90\%

Tabla 5.2: Here is a nice table!

ID	Motivador	X3	Promedio	Formativa	X6	X7
NA	IT1	IT2	01	IT3	IT4	IT5
1	2	2	2	2	1	1
2	3	2	3	3	3	3
3	3	3	3	3	2	2
4	3	3	3	2	2	2
5	3	2	3	3	3	3
6	1	1	1	1	2	2
7	2	3	3	3	3	2
8	2	2	2	1	1	1
9	1	2	2	1	1	1
10	1	2	2	2	1	1
11	2	2	2	2	2	2
12	2	3	3	3	2	2
13	3	2	3	3	2	2
14	2	3	3	2	2	3
15	2	2	2	2	2	1
16	2	2	2	3	2	3
17	2	2	2	2	2	2
18	1	2	2	1	1	2
19	3	2	3	3	3	3

Figures and tables with captions will be placed in figure and table environments, respectively Figura 5.1

Centering



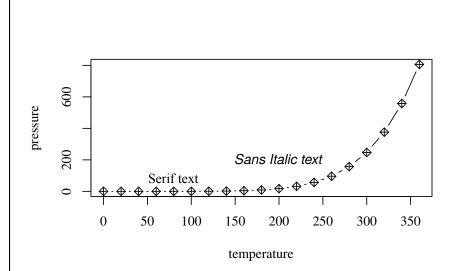


Figura 5.1 Here is a nice figure 100!



6	
Matriz y rango	



Distribució n de frecuencias

La tabulación es un proceso en el cual los datos son ordenados en grupos llamados clases para un análisis más eficaz de estos, los datos podrían estar clasificados mediante una variable cualitativa o cuantitativa en el caso de las variables cualitativas Y_i , se considera la siguiente Tabla 7.1

Tabla 7.1: Caption

$\overline{Y_i}$	f_i	F_i	F_i^*	h_i	H_i	H_i^*	h_i %	H_i %	H_i^* %
Y_1	f_1	F_1	F_1^*	$\frac{f_1}{n}$	$\frac{F_1}{n}$	$\frac{F_1^*}{n}$	h_1	H_1 H_2 H_3	H_1^*
Y_2	f_2	F_2	F_2^*	$\frac{f_2}{n}$	$\frac{F_2}{n}$	$\frac{F_2^*}{n}$	h_2	H_2	H_1^*
Y_3	f_3	F_3	F_3^*	$\frac{f_3}{n}$	$\frac{F_3}{n}$	$\frac{F_3^*}{n}$	h_3	H_3	H_1^*
								:	
Y_r	f_r	F_r	F_r^*	$\frac{f_r}{n}$	$\frac{F_r}{n}$	$\frac{F_r^*}{n}$	h_r	H_r	H_1^*

En el caso de variables cuantitativas ademas si los datos son muy variados, que para se clasificados adecuadamente, necesitan generarse particiones de longitudes semejantes entonces se utiliza el siguiente proceso; el **número de las particiones** *r* se consideran de acuerdo a **tres criterios**

- Criterio del investigador r no puede ser más de 20 ni menos de 5
- $r = \sqrt{n}$ donde n es el número de datos
- La regla de Starges que consiste en considerar la fórmula $r = 3,322 \cdot \log_{10} n$ Una vez establecido el número de particiones se procede a generar los límites laterales de cada una de las particiones, sea L la longitud de todo el conjunto es decir $L = x_{\text{max}} x_{\text{min}}$ entonces la longitud de las particiones o amplitud interválica se obtiene con $l = \frac{L}{r}$

Clase	Clase	f_i	F_i	F_i^*	h_i	H_i	H_i^*	•••
$[y_1 - y_2 > $ $< y_1 - y_2 >$	<i>y</i> ₁	f_1	F_1	F_1^*	$\frac{f_1}{n}$	$\frac{F_1}{n}$	$\frac{F_1^*}{n}$	
$< y_1 - y_2 >$	<i>y</i> ₂	f_2	F_2	F_2^*	$\frac{f_2}{n}$	$\frac{F_2}{n}$	$\frac{F_2^*}{n}$	

	Clase	Clase	f_i	F_i	F_i^*	h_i	H_i	H_i^*	•••
	$< y_r - y_r >$	<i>y</i> ₃	f_3	F_3	F_3^*	$\frac{f_3}{n}$	$\frac{F_3}{n}$	$\frac{F_3^*}{n}$	
	:								
-	$< y_{r-1} - y_r]$	y_r	f_r	F_r	F_r^*	$\frac{f_r}{n}$	$\frac{F_r}{n}$	$\frac{F_r^*}{n}$	

Tenga en cuenta que n es el número de datos, es decir $n = f_1 + f_2 + \ldots + f_r = \sum_{i=1}^r$ donde f_i es número de datos en la partición X_i , una de las r particiones del conjunto total de datos.

- Las frecuencias absolutas f_i indican el número de datos con la característica X_i.
- \blacksquare Las **frecuencias absolutas acumuladas menor que** F_i obedecen a la fórmula

$$F_m = f_1 + f_2 + \ldots + f_m = \sum_{i=1}^m f_i$$

• Las frecuencias absolutas acumuladas mayor que F_i^* obedecen a la fórmula

$$F_m^* = f_m + f_{m+1} + \ldots + f_r = \sum_{i=m}^r f_i = n - \sum_{i=1}^{m-1} f_i = n - (f_1 + f_2 + \ldots + f_{m-1})$$

■ Las frecuencias absolutas relativas obedecen a la fórmula

$$h_m = \frac{f_m}{n}$$

• Las frecuencias absolutas relativas menor que obedecen a la fórmula

$$H_m = \frac{f_m}{n}$$

■ Las frecuencias absolutas relativas mayor que obedecen a la fórmula

$$H_m^* = \frac{F_m}{n}$$

- Las frecuencias absolutas relativas porcentuales obedecen a la fórmula h_i % = $100 \cdot h_i$
- Las frecuencias absolutas relativas menor que porcentuales obedecen a la fórmula $H_i \% = 100 \cdot H_i$
- Las frecuencias absolutas relativas mayor que porcentuales obedecen a la fórmula $H_i^*\% = 100 \cdot H_i^*$

Ejercicio 7.1. Sean los datos

Solución. Entonces

8	
Gráficos estadísticos	



Medidas de tendencia central

Son aquellas medidas que buscan un dato representtivo central de un conjunto de datos tales como la media, la moda y la mediana.

La media (\overline{x})

A veces llamada promedio aritmético, es la medida de tendencia central que pondera los datos.

Media de datos no agrupados

Los datos no están agrupados cuando no están ordenados sobre una tabla de distribu ción de frecuencias. Sean los n datos x_1, x_2, \ldots, x_n entonces la media o promedio aritmético se define como

$$\overline{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$
 (9.1)

$$\frac{d[P; F_1]}{d[P; \mathcal{L}_1]} = e = \frac{d[P; F_2]}{d[P; \mathcal{L}_2]}$$
(9.2)

1.
$$\overline{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$

2. $\overline{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$

2.
$$\overline{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$$

Media de datos agrupados

Considérese la siguiente tabla de distribucion de frecuencias entonces el promedio es

$$\overline{x} = \frac{y_1 f_1 + y_2 f_2 + \dots + y_n f_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i f_i$$

Clase	Clase	f_i	F_i	F_i^*	h_i	H_i	H_i^*	• • •
$< y_1 - y_2 >$	<i>y</i> ₁	f_1	F_1	F_1^*	$\frac{f_1}{n}$	$\frac{F_1}{n}$	$\frac{F_1^*}{n}$	
$< v_2 - v_2 >$	Va	f_{2}	F_{2}	F^*	f_2	$\underline{F_2}$	F_2	
$\langle y_2 - y_3 \rangle$ $\langle y_3 - y_4 \rangle$	<i>y</i> ₃	f_3	F_3	F_3^*	$\frac{f_3}{n}$	$\frac{F_3}{n}$	$\frac{F_3^*}{n}$	
÷	÷	÷	÷	÷	:	:	÷	÷
$< y_{r-1} - y_r]$	y_r	f_r	F_r	F_r^*	$\frac{f_r}{n}$	$\frac{F_r}{n}$	$\frac{F_r^*}{n}$	

Ejercicio 9.1. Si el promedio de n datos es \overline{x} entonces el promedio del conjunto inicial más un dato adicional x_{n+1} es

$$\overline{x}' = \frac{n\overline{x} + x_{n+1}}{n+1}$$

en general si se adicionan r datos $y_1, y_2, \dots y_r$ entonces el nuevo promedio será

$$\overline{x}' = \frac{n\overline{x} + y_1 + y_2 + \ldots + y_r}{n+r}$$

Solución. En efecto sea el promedio

$$\overline{x}' = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_{n+1}}{n+1}$$

$$= \frac{n \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} + x_{n+1}}{n+1}$$

$$= \frac{n\overline{x} + x_{n+1}}{n+1}$$

9.2. La moda (Mo)

9.2.1. Moda de datos no tabulados

En este caso es dato que más repite en un conjunto de datos dados.

La moda es el dato que más se repite por ejemplo sea el conjunto de datos x_1 , x_2 , x_2 , x_2 , x_3 entonces la moda $Mo = x_2$

9.2.2. Moda de datos tabulados

La moda es el dato que más se repite por ejemplo sea el conjunto de datos x_1, x_2, x_2, x_2, x_3 entonces la moda Mo = $Li + \frac{Li - Ls}{Li + Ls}r$

Clase	Clase	f_i	F_i	F_i^*	h_i	H_i	H_i^*	
$[y_1 - y_2 >$	<i>y</i> ₁	f_1	F_1	F_1^*	$\frac{f_1}{n}$	$\frac{F_1}{n}$	$\frac{F_1^*}{n}$	
$< y_1 - y_2 >$	<i>y</i> ₂	f_2	F_2	F_2^*	$\frac{f_2}{n}$	$\frac{F_2}{n}$	$\frac{F_2^*}{n}$	
$< y_r - y_r >$				F_3^*		$\frac{F_3}{n}$	$\frac{F_3^*}{n}$	
:	÷	:	:	:	:	:	÷	:
$< y_{r-1} - y_r]$	y_r	f_r	F_r	F_r^*	$\frac{f_r}{n}$	$\frac{F_r}{n}$	$\frac{F_r^*}{n}$	

9.3. la mediana (Me)

9.3.1. Mediana de datos no tabulados

Obtener la mediana consiste en ordenar los datos de menor a mayor y considerar dos casos: El prmero si el numero de datos s impar entonces el dato $x_{\frac{n+1}{2}}$ del conjunto ordenado será la mediana es decir Me = $x_{\frac{n+1}{2}}$ de otro lado si el número de datos es par entonces la mediana es la semisuma de los dos datos intermedios es decir Me = $\frac{x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}} + 1}{2}$

Ejercicio 9.2. Sean los conjuntos de datos 5, 6, 8, 2, 1, 5, 6, 7, 10, 0, 14 y 20, 25, 6, 5, 19, 5 obtener la mediana de estos conjuntos de datos.

Solución. Al ordenarlos se obtiene el siguiente arreglo 0, 1, 2, 5, 5, 6, 6, 7, 8, 10, 14 y considerando que $x_1 = 0$, $x_2 = 1$, ..., $x_{11} = 14$ en este caso el número de datos es impar entonces el dato $x_{\frac{11+1}{2}} = x_6 = 6$ el la mediana. De otro lado el segundo conjunto de datos al ser ordenados 5, 5, 6, 19, 20, 25 ademas considerando

que
$$x_1 = 5, x_2 = 5, ..., x_6 = 25$$
 conducen a obtener la mediana Me $= \frac{x_6 + x_6 + x_6}{2} = 12,5$.

9.3.2. Mediana de datos tabulados

Clase	Clase	f_i	F_i	F_i^*	h_i	H_i	H_i^*	
$y_1 - y_2 >$	<i>y</i> ₁	f_1	F_1	F_1^*	$\frac{f_1}{n}$	$\frac{F_1}{n}$	$\frac{F_1^*}{n}$	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
$\langle y_1 - y_2 \rangle$	<i>y</i> ₂	f_2	F_2	F_2^*	$\frac{J2}{n}$	<u>F2</u>	<u>r</u> 2	
$< y_r - y_r >$	<i>y</i> ₃	f_3	F_3	F_3^*	$\frac{f_3}{n}$	$\frac{F_3}{n}$	$\frac{F_3^*}{n}$	
÷	:	:	:	:	:	:	:	:

$$\frac{\text{Clase} \quad \text{Clase} \quad f_i \quad F_i \quad F_i^* \quad h_i \quad H_i \quad H_i^* \quad \dots}{\langle y_{r-1} - y_r] \quad y_r \quad f_r \quad F_r \quad F_r^* \quad \frac{f_r}{n} \quad \frac{F_r}{n} \quad \frac{F_r^*}{n} \quad \dots} \quad \dots}$$

Los pasos son:

Se halla $\frac{n}{2}$ luego

 x_n

can be found on the Pandoc website http://pandoc.org.

$$\sum$$

> I thoroughly disapprove of duels. If a man should challenge me, I would take him kindly and forgivingly by the hand and lead him to a quiet place and kill him.

In this section, we give a very brief introduction to Pandoc's Markdown. Readers who are familiar with Markdown can skip this section. The comprehensive syntax of Pandoc's Markdown can be found on the Pandoc website http://pandoc.org. \sum_{1}^{2}

I thoroughly disapprove of duels. If a man should challenge me, I would take him kindly and forgivingly by the hand and lead him to a quiet place and kill him.

- Mark Twain

$$\begin{pmatrix} \alpha & \beta \\ \gamma & \delta \end{pmatrix} - \frac{2}{3} \begin{pmatrix} \alpha_1 & \beta_2 \\ \gamma & \delta \end{pmatrix}$$

* La suma de dos matrices $A_{n\times m}$ y $B_{r\times s}$

$$A_{n\times m} \pm B_{n\times m} = [a_{ij} + b_{ij}]$$

* El producto de dos matrices $A_{n\times m}$ y $B_{r\times s}$

$$A_{n \times m} \cdot B_{n \times m} = [a_{ij} + b_{ij}]$$

$$X = \begin{bmatrix} 1 & x_1 \\ 1 & x_2 \\ 1 & x_3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$$

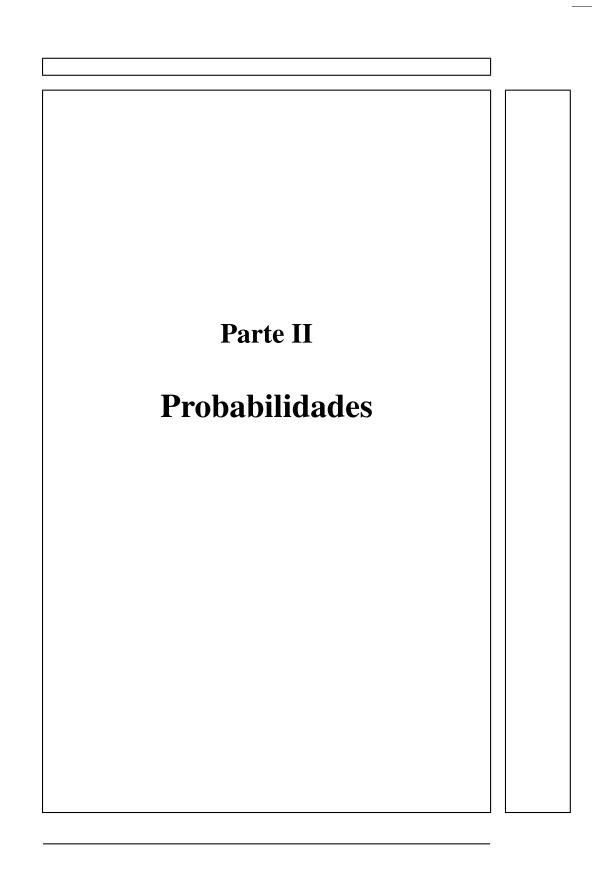
$$x_{11}$$
 x_{12} x_{13} x_{21} x_{22} x_{23}

10	
Medidas de dispersión	



<u>11</u>	
Medidas de asimetría	







]	
1]	
Frecuencia relativa clásica		



2	
Calculando	



	J	
3		
Variable aleatoria		



4	
Variable acumulativa	



	ĺ	
5		
\overline{WW}		
	ı L	



Sumatorias

Una suma de números representados por x_1, x_2, \ldots, x_n se simboliza en forma compacta mediante el simbolo \sum (sigma) es decir la suma de los números anteriores se puede escribir del siguiente modo

$$x_1 + x_2 + \dots + x_n = \sum_{i=1}^n x_i.$$

Algunas propiedades son

- 1. $k \sum_{i=1}^{n} x_i = \sum_{i=1}^{n} k x_i$ 2. $\sum_{i=1}^{n} (x_i + y_i) = \sum_{i=1}^{n} x_i + \sum_{i=1}^{n} y_i$ 3. $\sum_{i=1}^{n} x_i$

$$\int_{1}^{3} = \lim_{n \to \infty} \sum_{i=0}^{n} f^{i}(x)$$

citado por (Xie, 2015)

A.1. ee

A.2. eeeee



 ${f B}$

Matrices

Una matriz es un arreglo de números distribuidos en filas y columnas por ejemplo la siguiente matriz

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{11} & a_{11} & \dots & a_{nm} \end{pmatrix}_{n \times n}$$

de **orden** $n \times m$ tiene **entradas** a_{ij} donde el primer subindice indica la fila y el segundo la columna; es usual representar por simplicidad una matriz por $A = [a_{ij}]_{n \times m}$. Si en el orden n = m entonces la matriz recibe el nombre de **matriz cuadrada** la suma de los elementos de la diagonal de una matriz cuadrada $\sum_{i=1}^{n} a_{ii}$ se llama **traza**. Si todas las a_{ij} son cero entonces la matriz A = 0 recibe el nombre matriz **nula**.

Dos matrices son iguales si tienen el **mismo orden** y cada una de las entradas respectivas son iguales es decir $A = [a_{ij}]_{n \times m}$ y $B = [b_{ij}]_{n \times m}$ son iguales si $a_{ij} = b_{ij}$ i = 1, 2, ..., n y j = 1, 2, ..., m

B.1. Algebra de matrices

Sean las matrices $A = [a_{ij}]_{n \times m}$ y $B = [b_{ij}]_{p \times q}$ entonces la suma y producto de matrices se definen

- 1. Sea k un escalar entonces se verifica que $kA = [ka_{ij}], i = 1, 2, ... n$ y j = 1, 2, ... m es decir el escalar k multiplica a cada una de las entradas de la matriz.
- 2. La suma o diferencia es posible si n=p y m=q es decir los ordenes de A y B son iguales, entonces la suma o diferencia resulta $A \pm B = [a_{ij} + b_{ij}]_{n \times m}, i = 1, 2, ..., n$ y j = 1, 2, ..., m
- 3. El producto es posible si m = p es decir el número columnas de la primera matriz es igual al número de filas de la segunda matriz, el orden de la

44 B Matrices

matriz resultante es $n \times q$ además

$$A \cdot B = \left[\sum_{k=1}^{p} a_{ik} b_{kj} \right]_{n \times q}$$

$$= \left(\begin{array}{cccc} \sum_{k=1}^{m} a_{1k} b_{k1} & \sum_{k=1}^{m} a_{1k} b_{k2} & \dots & \sum_{k=1}^{m} a_{1k} b_{kq} \\ \sum_{k=1}^{m} a_{2k} b_{k1} & \sum_{k=1}^{m} a_{2k} b_{k2} & \dots & \sum_{k=1}^{m} a_{2k} b_{kq} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \sum_{k=1}^{m} a_{nk} b_{k1} & \sum_{k=1}^{m} a_{nk} b_{k2} & \dots & \sum_{k=1}^{m} a_{nk} b_{kq} \end{array} \right)_{n \times q}$$

donde i = 1, 2, ..., n y j = 1, 2, ..., m

Ejemplo B.1. Sean
$$\begin{pmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 2 & -1 & 2 \\ 1 & -1 & 0 \\ 5 & 0 & 0 \end{pmatrix}_{4\times 3} y \begin{pmatrix} 0 & -1 & 2 & 2 & 0 \\ 1 & -1 & -2 & 1 & 1 \\ 3 & -1 & -3 & 5 & 2 \end{pmatrix}_{3\times 5}$$
entonces $A \cdot B = \begin{pmatrix} 5 & -4 & 2 & 15 & 3 \\ 5 & -3 & 0 & 13 & 3 \\ -1 & 0 & 4 & 1 & -1 \\ 0 & -5 & 10 & 10 & 0 \end{pmatrix}_{4\times 5}$

En caso de ser posible la multiplicación entre A, B y C entonces se verfican las siguientes propiedades

$$A(B+C) = AB + AC$$

$$(A+B)C$$

$$A(BC) = (AB)C$$

	ı	
Bibliografía		
Kie, Y. (2015). <i>Dynamic Documents with R and knitr</i> . Chapman and Hall/CRC, Boca Raton, Florida, 2nd edition. ISBN 978-1498716963.		



Índice alfabético

frecuencias absolutas, 18
frecuencias absolutas acumuladas menor
que, 18
frecuencias absolutas relativas, 18
frecuencias absolutas relativas menor
que, 18
traza, 43