



Calculando Chaves RSA

Prof.: Thiago H. Bom Conselho
UNATEC– Rede de Computadores

Objetivo do Apresentação

- ▶ Entender a complexidade da criptografia assimétrica



Teoria das Chaves

1. Escolha **p** e **q**, 2 inteiros primos
 2. Calcule $n = p * q$
 3. Calcule $\Phi(n) = (p-1) * (q-1)$
 4. Escolha **e** inteiro, $1 < e < \Phi(n)$,tal que $\text{mdc}(e, \Phi(n))=1$
 5. Calcule **d** inteiro, $1 < d < \Phi(n)$ tal que $e*d = 1 \text{ mod } \Phi(n) \Rightarrow d = (k \times \Phi(n) + 1) / e$
-
- ▶ As chaves utilizadas serão:
 - ▶ $KP = \{e, n\}$ (*pública*) e $KU = \{d,n\}$ (*privada*)



Resumindo a Teoria

- ▶ P e Q – Números primos
 - ▶ $N = P * Q$
 - ▶ $Z = (P - 1) * (Q - 1)$
 - ▶ E , numero primo em relação a Z ($\text{MDC}(Z)$)
 - ▶ $(D * E) \bmod Z = 1$
-
- ▶ As chaves utilizadas serão:
 - ▶ $KP = \{e, n\}$ (*pública*) e $KU = \{d, n\}$ (*privada*)



Cifrando e Decifrando

- ▶ Cifrando:
- ▶ $(\text{Texto Plano} \wedge E) \bmod N = \text{Texto Cifrado}$
- ▶ Decifrando:
- ▶ $(\text{Texto Cifrado} \wedge D) \bmod N = \text{Texto Plano}$

- ▶ OBS: $KP = \{e, n\}$ (*pública*) e $KU = \{d, n\}$ (*privada*)



Exemplo de calculo de chaves

- ▶ Para facilitar o calculo iniciaremos com dois números primos pequenos
 - $P=17$ e $Q=11$
- ▶ Próximo passo é calcular o valor de N e de Z :
 - $N = 17 * 11 = 187$
 - $Z = (17-1) * (11-1) = 160$
- ▶ Definimos E como um numero primo em relação a Z ($MDC(e,z) = 1$)
 - $E = 7$



Continuação

- ▶ Calculamos os números D aceitos no algoritmo e escolhemos um:
 - $D = 1 \Rightarrow (1 * 7) \bmod 160 = 7$
 - $D = 2 \Rightarrow (2 * 7) \bmod 160 = 14$
 - $D = 3 \Rightarrow (3 * 7) \bmod 160 = 21$
 - ...
 - $D = 23 \Rightarrow (23 * 7) \bmod 160 = 1$
 - ...
 - $D = 183 \Rightarrow (183 * 7) \bmod 160 = 1$
 - ...
 - $D = 343 \Rightarrow (343 * 7) \bmod 160 = 1$
 - ...
 - $D = 503 \Rightarrow (503 * 7) \bmod 160 = 1$
 - ...
- ▶ Escolhemos então $D = 23$, para facilitar o cálculo.



Montando as chaves

- ▶ Chave Publica = e, n
 - $K_p \{7, 187\}$
- ▶ Chave Privada = d, n
 - $K_u \{23, 187\}$



Cifrando com a chave K Publica

- ▶ Para o exemplo utilizaremos o numero 5 para a cifra, sendo assim:
 - $(5^7) \bmod 187$
 - $78.125 \bmod 187$
 - 146
- ▶ O texto cifrado é 146



Decifrando com a chave K Privada

- ▶ Recebido o texto cifrado 146,
decriptografamos:
 - $(146^{23}) \bmod 187$
 - 60.272.011.127.891.400.000.000.000.000.000.00
0.000.000.000.000.000.000,00 mod 187
 - 5
- ▶ O texto plano é 5



Bibliografia

- ▶ Coutinho, S.C. **Números Inteiros e Criptografia RSA**. Rio de Janeiro: IMPA 2005.