



# Calculando Chaves RSA

Prof.: Thiago H. Bom Conselho  
UNATEC – Rede de Computadores



**Antes de imprimir, pense em sua responsabilidade e compromisso com o MEIO AMBIENTE.  
Before of it print, think of his commitment with the ENVIRONMENT.**

# Objetivo do Apresentação

- ▶ Entender a complexidade da criptografia assimétrica



# Teoria das Chaves

1. Escolha  $p$  e  $q$ , 2 inteiros primos
  2. Calcule  $n = p * q$
  3. Calcule  $\Phi(n) = (p-1) * (q-1)$
  4. Escolha  $e$  inteiro,  $1 < e < \Phi(n)$ , tal que  $\text{mdc}(e, \Phi(n))=1$
  5. Calcule  $d$  inteiro,  $1 < d < \Phi(n)$  tal que  $e*d = 1 \text{ mod } \Phi(n) \Rightarrow d = (k * \Phi(n) + 1) / e$
- 
- ▶ As chaves utilizadas serão:
  - ▶  $KP = \{e, n\}$  (*pública*) e  $KU = \{d, n\}$  (*privada*)



# Resumindo a Teoria

- ▶ P e Q – Números primos
- ▶  $N = P * Q$
- ▶  $Z = (P - 1) * (Q - 1)$
- ▶ E, numero primo em relação a Z ( $\text{MDC}(Z)$ )
- ▶  $(D * E) \bmod Z = 1$
  
- ▶ As chaves utilizadas serão:
- ▶  $KP = \{e, n\}$  (*pública*) e  $KU = \{d, n\}$  (*privada*)



# Cifrando e Decifrando

- ▶ Cifrando:
- ▶  $(\text{Texto Plano} \wedge E) \text{ mod } N = \text{Texto Cifrado}$
- ▶ Decifrando:
- ▶  $(\text{Texto Cifrado} \wedge D) \text{ mod } N = \text{Texto Plano}$
  
- ▶ OBS: KP = {e, n} (*pública*) e KU = {d,n} (*privada*)



# Exemplo de calculo de chaves

- ▶ Para facilitar o calculo iniciaremos com dois números primos pequenos
  - $P=17$  e  $Q=11$
- ▶ Próximo passo é calcular o valor de  $N$  e de  $Z$ :
  - $N = 17 * 11 = 187$
  - $Z = (17-1) * (11-1) = 160$
- ▶ Definimos  $E$  como um numero primo em relação a  $Z$  (  $\text{MDC}(e,z) = 1$ )
  - $E = 7$



# Continuação

- ▶ Calculamos os números D aceitos no algoritmo e escolhemos um:
  - $D = 1 \Rightarrow (1 * 7) \text{ mod } 160 = 7$
  - $D = 2 \Rightarrow (2 * 7) \text{ mod } 160 = 14$
  - $D = 3 \Rightarrow (3 * 7) \text{ mod } 160 = 21$
  - ...
  - $D = 23 \Rightarrow (23 * 7) \text{ mod } 160 = 1$
  - ...
  - $D = 183 \Rightarrow (183 * 7) \text{ mod } 160 = 1$
  - ...
  - $D = 343 \Rightarrow (343 * 7) \text{ mod } 160 = 1$
  - ...
  - $D = 503 \Rightarrow (503 * 7) \text{ mod } 160 = 1$
  - ...
- ▶ Escolhemos entao  $D = 23$ , para facilitar o calculo.



# Montando as chaves

- ▶ Chave Publica = e,n
  - Kp {7, 187}
- ▶ Chave Privada = d,n
  - Ku {23, 187}



# Cifrando com a chave K Pública

- ▶ Para o exemplo utilizaremos o numero 5 para a cifra, sendo assim:
  - $(5 ^ 7) \text{ mod } 187$
  - 78.125 mod 187
  - 146
- ▶ O texto cifrado é 146



# Decifrando com a chave K Privada

- ▶ Recebido o texto cifrado 146,  
decriptografamos:
  - $(146 \wedge 23) \text{ mod } 187$
  - 60.272.011.127.891.400.000.000.000.000.00  
0.000.000.000.000,00 mod 187
  - 5
- ▶ O texto plano é 5



# Bibliografia

- ▶ Coutinho,S.C. Números Inteiros e Criptografia RSA. Rio de Janeiro: IMPA 2005.