## Ex. 3 (Amigo secreto novamente)

Os N amigos do Ex. 2 (Amigo secreto) gostam da brincadeira e resolvem continuar suas investigações. Para o amigo secreto, é inconveniente que haja na permutação a[] um índice tal que a[i] = i (por quê?).

Seja  $q_N$  a probabilidade de uma permutação aleatória dos números 0, ..., N - 1 não ter um tal índice i. Escreva um programa que estima  $q_N$ .

Mais precisamente, seu programa deve receber como entrada inteiros NMAX e T. Seu programa deve ter como saída as estimativas obtidas para  $q_2, q_3, ..., q_{NMAX}$ . Para obter cada  $q_N$ , seu programa deve gerar T permutações aleatórias no processo de estimação.

**Bônus.** Intua uma fórmula fechada para  $q_N$  para N grande.

Levando em conta suas descobertas, escreva um segundo programa, digamos PermutacoesBoas.java, que gera permutaes de 0, ..., N - 1 que não têm tais índices i. Note que queremos que as permutações geradas não tenham nenhum viés!

 ${\bf B\^onus.}$  Escreva um aplicativo para celulares para gerar tais permutações e tente vendê-lo para o grupo dos N amigos sorriso