

Documentação: Trabalho Problemas Combinatórios, Matemática Discreta

Soma Máxima de um Subvetor

O programa inicia solicitando a entrada que deverá ser um número N , $3 \leq N \leq 20$, caso seja fornecida uma que não se encontra nesse intervalo pré-determinado o programa acusará uma mensagem de erro “Entrada Inválida”, e outra dizendo “Digite o tamanho do seu vetor novamente” entrando em um looping infinito até que a entrada digitada seja válida, como mostra essa parte do programa.

```
/*
do    {
    scanf("%d", &N);
    if(N < 3 || N > 20)
    {
        printf("Entrada Invalida!\n");
        printf("Digite o tamanho do seu vetor novamente:\n");
    }
    } while(!(N >= 3 && N <= 20));
*/
```

Em seguida, é criado um vetor (quantNumeros) que será inicializado com N (N = valor da entrada fornecida ao programa) posições, e foi criado um laço com um scanf, para que seja lido um valor e em seguida esse valor é inserido em uma das N posições do vetor. (Como mostra o seguinte trecho do programa)

```
/*
for (i = 0; i < N; ++i)
{
    scanf("%d", &quantNumeros[i]);
}
*/
```

Após isso o programa inicia seu fluxo principal de operações, foi criado um laço mais externo que itera pelos N tamanhos diferentes de subvetores exemplo: Se a entrada for $N = 3$, ele varrerá vetores de tamanho 1, 2, e 3. O outro laço que roda dentro do anterior identifica como será analisado um

subvetor 1 em 1, 2 em 2... N em N posições e identifica a posição inicial do subvetor. Na sequência dentro do laço anterior identificando a posição inicial do subvetor lida anteriormente e realiza a soma de cada posição do subvetor, e nesse laço tem uma condicional que faz uma comparação de resultados guardados na variável soma (inicializada = 0) de cada iteração com a variável maior, caso (soma > maior) faça (maior = soma) e guarde os índices caso contrário descarte a soma desse subvetor. Ao final das N iterações o programa imprime o valor da variável **maior** que contém o maior resultado da soma das posições do subvetores. (Parte do programa que faz o que foi citado acima)

```

/*
for (i = 0; i < N; ++i)
{
    for (j = 0; j < (N-i); ++j)
    {
        soma = 0
        for (k = 0; k < (i+1); ++k)
        {
            soma += quantNumeros[j+k];
            if (soma > maior)
            {
                maior = soma;
                indices[0] = j;
                indices[1] = j+k;
            }
        }
    }
}

printf("Soma: %d\n", maior);
*/

```

Finalmente, a última parte do programa contém apenas uma condicional que avalia se o valor salvo na variável **maior** é maior que 0 para imprimir os índices caso contrário imprima 0 (trecho do programa).

```

/*
if (maior > 0)
{
    printf("Indices: %d α %d\n", indices[0]+1, indices[1]+1);
}
else printf("Indices: %d α %d\n", indices[0], indices[1]);
*/

```

Quadrado Mágico

Um quadrado mágico de ordem N é um arranjo de N^2 números, geralmente inteiros distintos, em um quadrado, de modo que os N números em todas as linhas, todas as colunas, e ambas as diagonais somam a mesma constante. Um quadrado mágico contém os números inteiros de 1 a N^2 .

A soma constante em cada linha, coluna e diagonal é chamada de constante mágica ou magia, M. A constante mágica de um quadrado mágico normal depende apenas de N e tem o seguinte valor:

$$\text{Constante Mágica} = M = N (N^2 + 1) / 2.$$

A lógica do programa para a Matriz 4x4 (quadrado mágico par duplo) é preencher a diagonal principal da matriz utilizando variável **contador** e ir incrementando (contador++) juntamente com a diagonal secundária, na sequência é preenchido as colunas subindo de trás para a frente e da direita para a esquerda com auxílio da variável **contador2** decrementando ela com **contador2--** (contando de 17 até 1).

```
*/
for(colunas = 0; colunas < N; colunas++)
{
    for(linhas = 0; linhas < N; linhas++) // laço que realiza o preenchimento da
matriz de acordo com as condições abaixo.
    {
        contador++;
        contador2--;
        if(linhas == colunas) // preenche diagonal principal
        {
            MATRIZ[linhas][colunas] = contador;
        }
        else if(linhas == (N-1-colunas)) // preenche diagonal secundária
        {
            MATRIZ[linhas][colunas] = contador;
        }
        else if(MATRIZ[linhas][colunas] == 0) // preenche o restante
das posições
        {
            MATRIZ[linhas][colunas] = contador2;
        }
    }
}
/*
```

Na sequência caso a entrada do programa seja um número ímpar ele executará o trecho do programa relacionado a Matriz ímpar (Quadrado mágico 3 ou 5), a lógica dessa parte do fluxo de execução é dividida em 4 etapas: Primeira etapa, é alocar o número 1 na linha 3 coluna 2. (Trecho correspondente)

```

/*
i = N-1; j = N/2; // inicializando as variáveis (i) e (j) para começar a matriz com o (1) na
posição correta.

```

```

for(k = 0; k < N*N; k++) // passo 4, inserir os N números, repetir até que toda a
matriz esteja completa

```

```

    MATRIZ[i][j] = num; // passo 1, insere o número 1 na posição correta da matriz.

```

```

    1 na linha 3 coluna 2

```

```

*/

```

Segunda Etapa a partir da posição $i = N-1; j = N/2$; onde foi colocado o número 1 o fluxo deverá seguir da seguinte maneira uma posição para esquerda e uma para baixo, sempre guardando a posição anterior, essa parte aparece no trecho a seguir do programa

```

/*

```

```

linha_ant = i; coluna_ant = j; // a cada iteração a posição anterior é guardada.

```

```

    j--; i++; // passo 2, percorrer a matriz uma posição a esquerda e uma para baixo

```

```

    if (i > N-1)

```

```

    {

```

```

        i = 0;

```

```

    }

```

```

    If (j < 0)

```

```

    {

```

```

        j = N-1;

```

```

    }

```

```

*/

```

Passo 3, é analisada uma condicional relacionada ao passo 2, caso a posição encontrada após realizar o passo 2 seja um número diferente de 0, ele deve retornar à posição anterior e subir uma posição. (Parte do programa que isso ocorre)

*/

If (MATRIZ[i][j] != 0) //laço: passo 3, se for encontrada uma posição com número diferente de 0, voltar a posição anterior (antes da realização do passo 2) e subir uma posição.

```
{  
    i = linha_ant;  
    j = coluna_ant;  
    i--;  
}
```

/*

Passo 4 é o **for** onde essas condições estão inseridas, ao fim de avaliar cada uma delas (N^2) a variável **num** é incrementada **num++** até toda a matriz estar preenchida. (Trecho correspondente)

/*

*For (k = 0; k < N*N; k++) // passo 4, inserir os N números, repetir até que toda a matriz esteja completa*

```
{  
    (CONDICIONAIS A SEREM AVALIADAS)  
    num++; // adiciona os números na matriz  
}
```

*/

Por fim foi adicionada uma parte extra para verificação de resultados e imprimir o valor da Constante mágica de acordo com essa avaliação para os dois tipos de Quadrado Mágico. Esse trecho verifica linhas, colunas e diagonais guardando o valor da soma dos índices em uma variável **temp** que é igualada com a variável **somaMagica** e incrementa a variável **acertos** por fim esta é comparada com a expressão $(2*N) + 2$ que corresponde ao número total de linhas, colunas e diagonais caso seja verdadeira o programa passou no teste e é impresso o valor da soma através da variável **somaMagica**. (Trecho do programa correspondente)

*/

>>Verificação de Resultados<<

Esta parte do programa apenas realiza comparações para efeito

de confirmação de que todas linhas, colunas e diagonais possuem

o mesmo resultado quando somadas as componentes de cada posição (i)(j) da matriz.

```
printf("Matriz: %d x %d \n\n",N, N);
```

```
for(i = 0; i < N; i++) // imprime a matriz preenchida
```

```
{
```

```
    for(j = 0; j < N; j++)
```

```
        printf("%3d", MATRIZ[i][j]);
```

```
        printf("\n");
```

```
}
```

```
printf("\n");
```

```
for(i = 0; i < N; i++) // verifica linhas
```

```
{
```

```
    for(j = 0; j < N; j++)
```

```
    {
```

```
        temp += MATRIZ[i][j];
```

```
    }
```

```
    if(temp == somaMagica)
```

```
    {
```

```
        acertos++;
```

```
    }
```

```
    temp = 0;
```

```
}
```

```
for(i = 0; i < N; i++) // verifica colunas
```

```
{
```

```
    for(j = 0; j < N; j++)
```

```
    {
```

```

        temp += MATRIZ[i][i];
    }
    if(temp == somaMagica)
    {
        acertos++;
    }
    temp = 0;
}

for(i = 0; i < N; i++) // verifica diagonal principal
{
    temp += MATRIZ[i][i];
}
if(temp == somaMagica)
{
    acertos++;
}
temp = 0;

for(i = 0; i < N; i++) // verifica diagonal secundária
{
    for(j = 0; j < N; j++)
    {
        if(i == N-1-j)
        {
            temp += MATRIZ[i][j];
        }
    }
}

if(temp == somaMagica)
{
    acertos++;
}

```

```
}  
  
if(acertos == (N*2)+2) // Mostra o resultado da Soma  
{  
    printf("Soma: %d\n", somaMagica);  
}else printf("ERRO!\n");
```

Fim do fluxo de execução!

```
system("pause");  
  
return 0;
```