UNIVERSIDADE FEDERAL DE MINAS GERAIS

MATEUS FELIPE DA SILVA

DOCUMENTAÇÃO PARA PROBLEMAS COMBINATÓRIOS

Matemática Discreta

Belo Horizonte

2017

DOCUMENTAÇÃO DO PROGRAMA SOMAX.C

Entrada do programa: Inteiro N menor que 20 e maior que 3 na primeira linha, N inteiros na linha seguinte separados por espaço.

Saída: Palavra "soma" seguida da maior soma encontrada nos sub-arranjo do arranjo de N números. Palavra "Índices" seguida os índices que estarão os números que geraram essa maior soma.

Caso de exclusão: Caso todos números dos índices lidos forem 0, "zero", o programa imprimirá que a soma é 0 "Zero" e que "Todos os índices são negativos".

Diagrama de interpretação: A lógica utilizada para solução do problema da soma máxima partiu da verificação dos números dos N índices do arranjo que foi lido.

Para fazer tal verificação, o programa verifica inicialmente índice por índice do arranjo, e acha o maior, salvando a posição deste, após realizar a verificação índice por índice, será verifica de dois em dois índices, achando a maior soma e guardando a posição, depois de três em três índices, até N por N índices (que no caso é quando o programa verifica todo o arranjo lido).

A implementação dessa verificação necessitou de 3 laços de repetição (Figura 1.1):

```
for (j = 0; j < tamanho; j++) {
    for (k = 0; k < tamanho; k++) {
        somaP = 0;
        for (i = j; i < tamanho-k; i++) {

            somaP = somaP + sequencia[i];

        }

    if (somaP > soma) {
        soma = somaP;
        inicioSequencia = j;
        fimSequencia = (i-1);
    }
}
```

O laço interno inicia-se baseado no J que proveio do laço externo, dessa forma podemos alternar entre cada posição do arranjo, basta apenas verificar k por k índices para conseguirmos acessar soluções unárias, binários, até N-árias soluções.

A condição "IF" verifica a maior soma e então guarda as posições da maior soma encontradas de todos os conjuntos de números testados.

```
if(verifica == tamanho) {
    printf("Soma: 0\n");
    printf("Todos os %cndices sao negativos\n",214);
}else{
```

Figura 1.2

Tal repetição só é executada casa os números salvos nos N índices não forem 0 "Zero" (Figura 1.2), caso satisfeita a condição de ser 0, "zero", o programa irá imprimir soma igual a zero, e explicará que todos os índices lidos foram iguais a zero.

```
printf("Soma: %d\n",soma);
printf("%cndices: %d a %d\n",214,inicioSequencia+1);
```

Figura 1.3

Por fim é impressa a maior soma que foi encontrada no programa e os índices que estão essa soma. Foi-se somado (+1) no resultado, pois inicializei o arranjo dos números a partir da posição 0, "zero". Logo para corrigir apenas se foi necessário somar 1 no início de no fim da sequência.

DOCUMENTAÇÃO PARA O PROGRAMA QMAGICO.C

Entrada do programa: Um inteiro N entre 3 e 5.

Saída: o número de colunas do quadrado mágico, e a constante mágica do mesmo, e o quadrado mágico N x N resolvido.

A solução do quadrado mágico teve de ser dividida em duas para podermos abranger várias tamanhos N x N de soluções.

Foi de dividido de maneira, impar e par (no caso de par, apenas resolverá para o caso N = 4), mas caso o número seja ímpar, resolverá para qualquer número igual ou maior que 3).

Tal divisão foi feita na linha 25 do programa, testando o resto de divisão do número N lido, podendo separar os números impares e pares do programa. (Figura 2.1)

Para resolver o quadrado impar foi-se utilizada a "técnica do caminhar constante", que se baseia em cálculos matemáticos definidos que dão a solução para um quadrado mágico ímpar. Tal método consiste em definir o meio da primeira linha do quadrado mágico como sendo o número "1". (Figura 2.2), linha 66.

```
63

64

65

66

66

67

int meio = (N / 2);

contador = 1;

matrix[0][meio] = contador;
```

Figura 2.2

Definida a posição inicial, deveremos sempre caminhar na matriz no sentido para cima e para direita, preenchendo o próximo número, caso já exista um número nessa posição, deveremos caminhar para baixo na matriz em vez de para cima e para direita. (Figura 2.3).

Para verificar se já existia um número na posição desejada, antes de preencher a matriz, ela foi totalmente preenchida com zeros, assim caso a posição esteja com zero, significa que ela está vazia! (Figura 2.4)

```
18
19
20
for (COL = 0; COL < N; COL++) {
for (LIN = 0; LIN < N; LIN++)
matrix[COL][LIN] = 0;
}
```

Figura 2.3

```
83
                             LIN--;
 84
                             COL++;
 85
                              if (LIN < 0) {
 86
 87
                                  LIN = N-1;
 88
 89
 90
                              if (COL > (N - 1)) {
 91
                                  COL = 0;
 92
 93
 94
 95
                              if (matrix[LIN][COL] == 0) {
 96
 97
                                  matrix[LIN][COL] = contador;
 98
 99
                              } else {
100
101
                                  LIN = LINanterior;
102
                                  COL = COLanterior;
103
                                  LIN++;
104
105
                                  if (LIN >= N) {
106
                                      LIN = 0;
107
108
109
                                  matrix[LIN][COL] = contador;
```

Por fim imprimimos a matriz resultado na tela! (Figura 2.4)

```
for (COL = 0; COL < N; COL++) {
    for (LIN = 0; LIN < N; LIN++) {
        printf("%3d ", matrix[COL][LIN]);
    }
    printf("\n");
}</pre>
```

Figura 2.2

Figura 2.4

Para solução da matriz 4x4 foi utilizado o método das diagonais sequenciais, na qual se preenche apenas os índices das duas diagonais em ordem crescente.

Para realizar tal preenchimento, foi necessário verificar (para diagonal principal) se o índice da coluna era igual o índice a índice das linhas, no caso, estaremos verificando se a posição é A_{11} A_{22} A_{33} A_{NN} , escolhendo assim a diagonal principal (Figura 2.5), e para

diagonal secundário, utilizou-se o método N -1 – índice da Linha, que retorna os elementos, A_{1N} A_{2N-1} A_{3N-2} , escolhendo assim a diagonal secundária. (Figura 2.5)

```
if (COL == LIN) {
    matrix[COL][LIN] = contador;
} else if (COL == (N - 1 - LIN)) {
    matrix[COL][LIN] = contador;
    Figura 2.5
```

Para finalizar o preenchimento, basta colocarmos nas posições ainda não preenchidas (As que estão com "0"), a sequência de números em ordem decrescente. Foi-se utilizado um contador regressivo para tal situação. (Figura 2.6)

```
} else if (matrix[COL][LIN] == 0) {
   matrix[COL][LIN] = contador2;
}
```

Por final apenas bastou imprimir a matriz. (Figura 2.4)