## Notas de aula: Fundamentos Estatísticos para Ciência dos Dados

Ricardo Pagoto Marinho

5 de abril de 2018

- 13/03  $P(\cup A_i) \leq \sum P(A_i) \rightarrow \text{\'e} \text{ igual quantos os } A_i s \text{ forem disjuntos.}$
- 15/03  $P(A|B) = P(B) \rightarrow \text{quando A ocorre e não tem nenhuma influência sobre $B_0$.}$
- 20/03

Variável aleatória: Lista de valores possíveis e lista de probabilidades associadas

 $\omega$  dentro de um  $\Omega$ . Exemplo:  $\Omega = \text{todos e-mails enviados.}$ 

- $-\omega_0 = \text{\'e spam}$ ?
- $-\omega_1$  = número de caracteres.
- \_ ...

Elementos em uma mesma linha  $(\omega_n)$ , são correlacionados.

- Atribuir valores de probabilidades a uma V.A.  $\rightarrow$  contar quantos elementos no  $\Omega$  possuem aquela característica.
  - P(X=3)=P(A)onde A= $\{\omega\in\Omega/\omega\ tem\ 3\ caras\}$  em  $\Omega=$ lançamento de 6 moedas.
- Esperança matemática E(X)

$$E(X) = \sum_{i} x_{i} p(x_{i}) \approx \sum_{i} x_{i} \times \frac{N_{i}}{N}$$

- Distribuição Binomial

$$P(X=0) = (1-\theta)^n$$

$$[X=0] = \{\omega \in \Omega : X(\omega) = 1\} = \{\omega \in \Omega : \omega \in \{(\neg c, \neg c, \neg c, \cdots, \neg c)\}\} = P(\neg c \ no \ 1^o) \times P(\neg c \ no \ 2^o) \times \cdots = (1-\theta) \times (1-\theta) \cdots = (1-\theta)^n$$

27/03

$$P(Y \in (y_0 \pm \frac{\delta}{2})) = \int_{y_0 - \frac{\delta}{2}}^{y_0 + \frac{\delta}{2}} f^*(y) dy \approx f^*(y_0) 2 \times \frac{\delta}{2} = f^*(y_0) \times \delta$$

Teste de Kolmogorov:

$$\sqrt{n}(D_n) \to K$$
, onde K é uma Variável Aleatória contínua.

Se o modelo é o verdadeiro, quando comparado com os dados, a distância entre eles multiplicado por  $\sqrt{n}$  vai cair dentro da densidade de K. Se não cair, provavelmente seu modelo não é adequado. Quanto maior o número de dados, mais confiável o resultado.

03/04

Variáveis aleatórias: Lista de valores possíveis + probabilidades associadas

	Discretas	Contínuas
Valores	0,1,2,	$[0,1]$ ou $[0,\infty)$
Probabilidades	$p_0, p_1, p_2, \dots$	Densidade sob a curva

	E(X)	
Discreta	$\sum_{i} x_i \times P(X = x_i)$	
Contínua	$\int x \times f(x) dx$	

Teste qui-quadrado: Compara o modelo com os dados. Serve para dados contínuos e discretos.

 $pchisq(15,4)-pchisq(10,4) \rightarrow comando em R para saber o valor do teste$ qui-quadrado no intervalo [10,15] com 4 graus de liberdade.

pchisq $(1.13,4) \rightarrow$  probabilidade de uma distribuição qui-quadrado com 4 graus de liberdade ser menor do que 1.13.

1-pchisq(1.13,4)=pvalors

## 05/04

As variáveis são i.i.d. (independentes e identicamente distribuídas) se:

- elas forem todas independentes
- possuírem todas a mesma distribuição
- Transformação de V.A.s

X é V.A.

 $Y=g(X) \notin V.a.$ 

g(X) é função matemática.

Distribuição de Y?

- \* inverter g : Obter  $F_y(y) = P(Y \leq y)$  e deriva para obter a densidade  $f_y(Y) = F'(y)$
- \*  $Y = g(X) \in X = g^{-1}(Y) = h(Y)$

então 
$$f_y(y) = f_x(h(y)).|h'(y)|$$
  
Exemplo:  $f_x(x) = \begin{cases} 0, & \text{se } x \ni (0,1) \\ 1, & \text{se } x \in (0,1) \end{cases}$ 

$$Y = X^2 \to X = \sqrt{Y} = h(Y)$$

Então:

$$f_y(y) = f_x(\sqrt{y}) \times \left| \frac{d\sqrt{y}}{dy} \right|$$
  
Se quisermos  $E(Y) = E(g(x))$ 

- 1.  $E(Y) = \int y f_Y(y) dy$   $(f_Y(y))$  é obtida de uma das duas maneiras anteriores)
- $2. = \int_{-\infty}^{\infty} g(x) \times f_x(x) dx$