



# UNIVERSIDAD TECNOLÓGICA DE PANAMÁ

FACULTAD DE INGENIERÍA ELÉCTRICA

TÉC. ING. ESP. EN ELECTR. BIOM./TÉC. ING. ESP. EN TELECOM.

## TEORIA DE CIRCUITOS I (0965)

GRUPO: TL211/TB211

A blue circular graphic with a black outline and three green dots. A black horizontal bar with a green border is positioned across the middle of the circle. The text "Principles of Electric Circuits" is written in white on the black bar.

# **Principles of Electric Circuits**

A green rectangular box with a white border containing the text "Chapter 8".

## **Chapter 8**

# Objetivos

- 1.- Aplicar el Teorema de Superposición al análisis de CKTs
- 2.- Aplicar el Teorema de Thevenin para simplificar un CKT para su análisis
- 3.- Aplicar el Teorema de Norton para simplificar un CKT
- 4.- Aplicar el Teorema de Transferencia de Potencia Máxima
- 5.- Realizar Conversiones  $\Delta$  a Y y de Y a  $\Delta$



# LEY DE KIRCHOFF, ANÁLISIS DE NODOS

8.1 El Teorema de Superposición

8.2 Teorema de Thevenin

8.3 Teorema de Norton

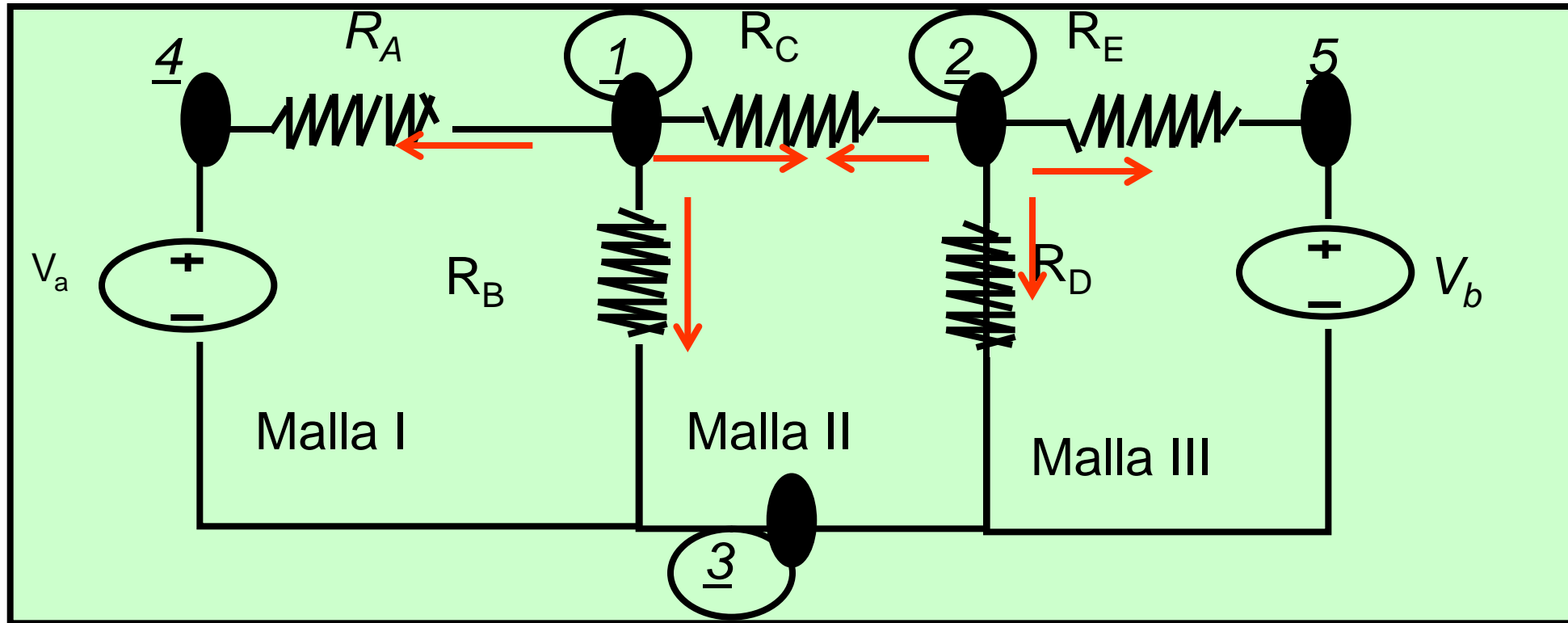
8.7 Teorema de Transferencia de Potencia Máxima

8.8 Conversiones Delta ( $\Delta$ ) a Y y de Y a Delta ( $\Delta$ )



# Método I -de Tensión en los Nodos Ley de Kirchhoff

P.E. X. cont.: Sumatorias de Corrientes en cada Nodo.



Corrientes en el Nodo 1 = 0

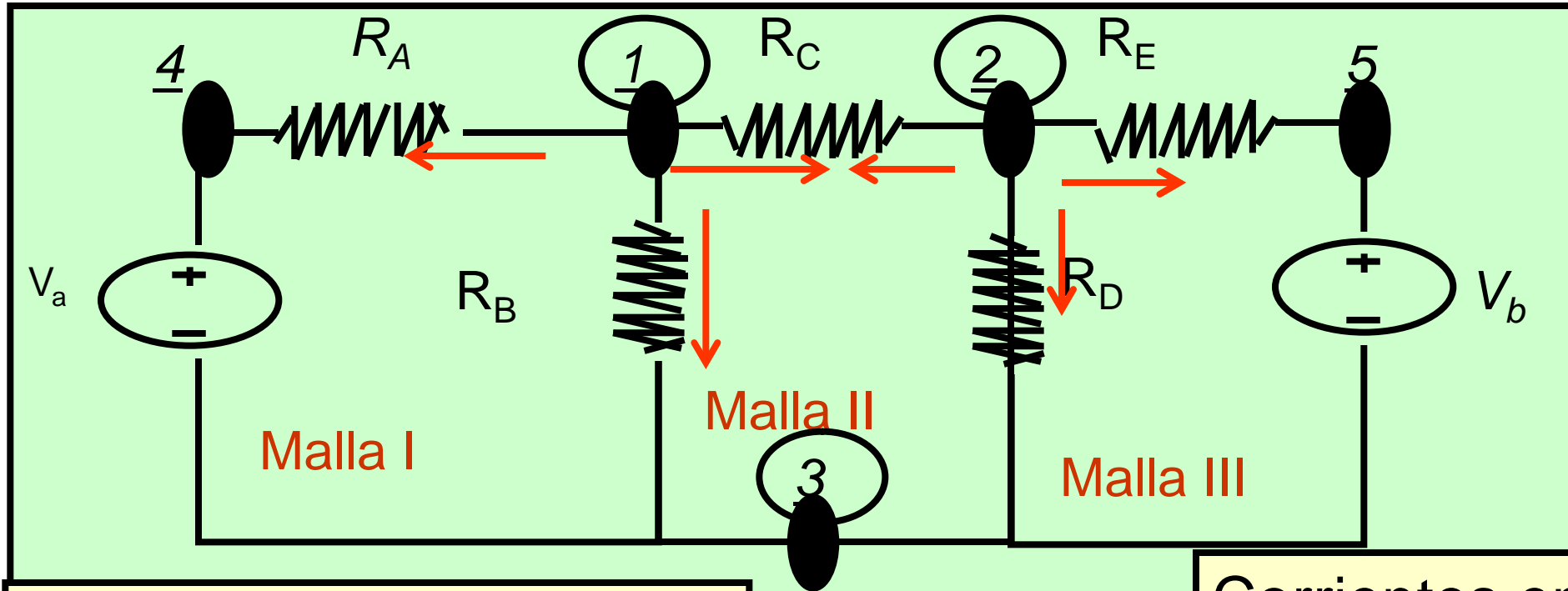
$$I_{RA} + I_{RB} + I_{RC} = 0$$

Corrientes en el Nodo 2:

$$I_{RC} + I_{RD} + I_{RE} = 0$$

# Método I -de Tensión en los Nodos Ley de Kirchhoff

P.E. X. cont.: Sumatorias de Corrientes en cada Nodo.



Corrientes en el Nodo 1

$$I_{RA} + I_{RB} + I_{RC} = 0$$

$$\frac{(V_1 - V_4)}{R_A} + \frac{V_1}{R_B} + \frac{(V_1 - V_2)}{R_C} = 0$$

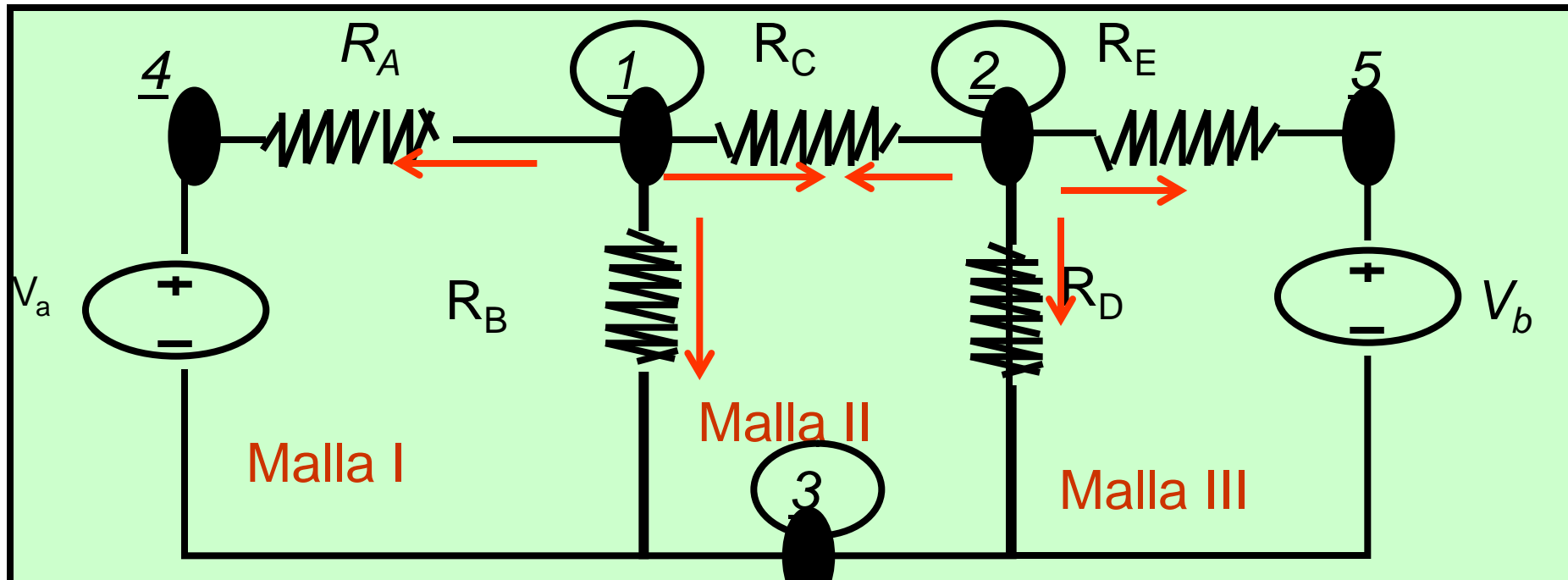
Corrientes en el Nodo 2:

$$I_{RC} + I_{RD} + I_{RE} = 0$$

$$\frac{(V_2 - V_1)}{R_C} + \frac{V_2}{R_D} + \frac{(V_2 - V_5)}{R_E} = 0$$

# Método I -de Tensión en los Nodos Ley de Kirchhoff

P.E. X. cont.: Sumatorias de corrientes en cada nodo.



Corrientes en el Nodo 1 = 0

$$\frac{(V_1 - V_4)}{R_A} + \frac{V_1}{R_B} + \frac{(V_1 - V_2)}{R_C} = 0$$

$$V_4 = V_a$$

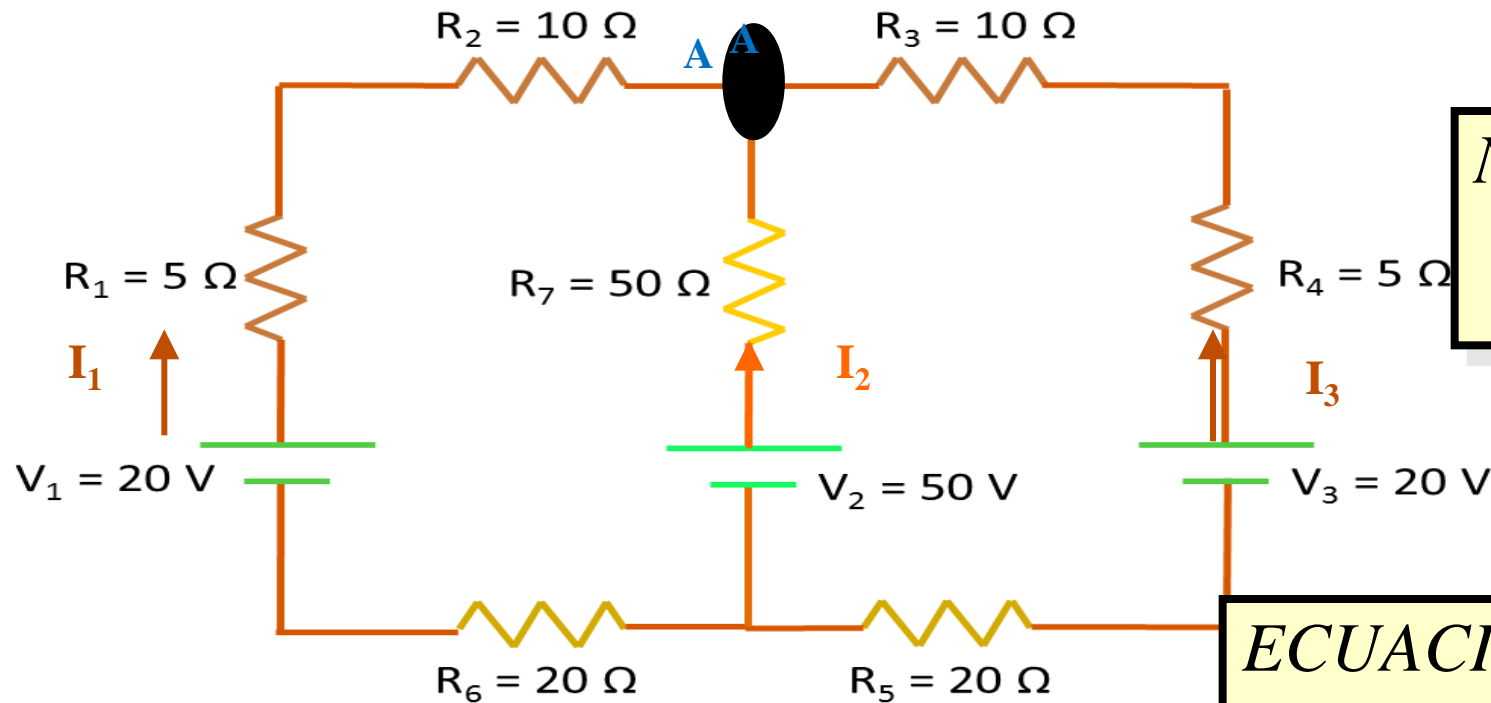
Corrientes en el Nodo 2:

$$\frac{(V_2 - V_1)}{R_C} + \frac{V_2}{R_D} + \frac{(V_2 - V_5)}{R_E} = 0$$

$$V_5 = V_b$$

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff

EL PROCEDIMIENTO ES POR NODO, A CONTINUACIÓN:



*NODO A:*

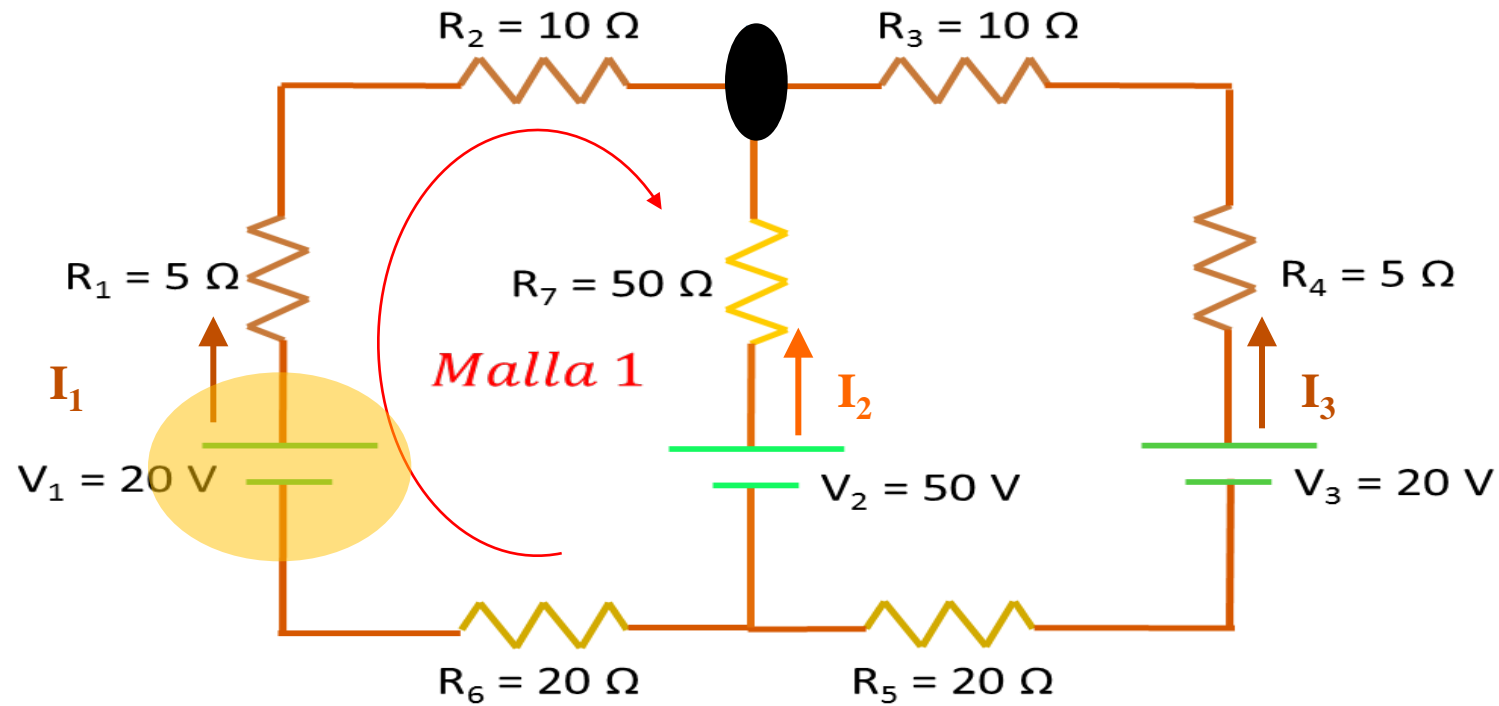
$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*ECUACIÓN FINAL*

$$\frac{(10I_2 - 6)}{7} + I_2 + \frac{(10I_2 - 6)}{7} = 0$$



# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

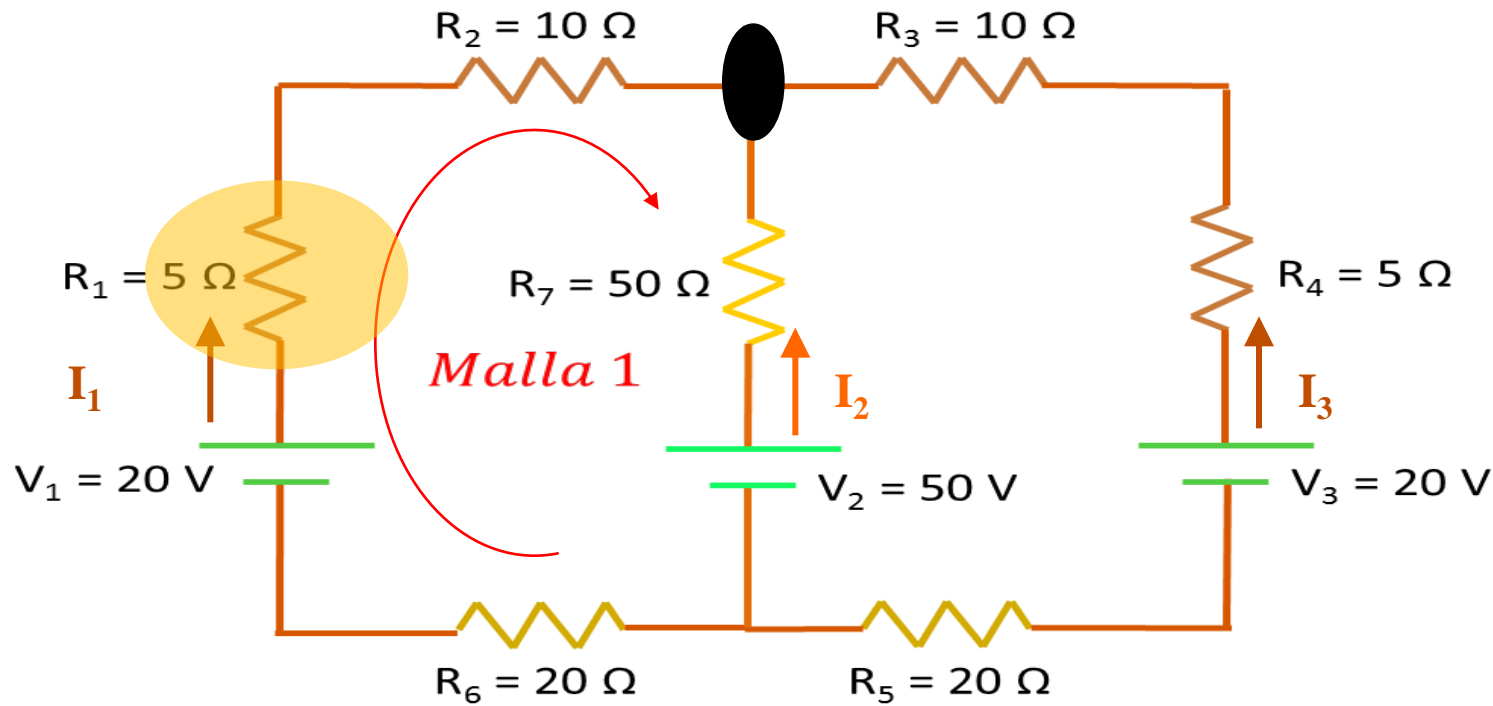
*Malla 1:*

$$+V_1$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

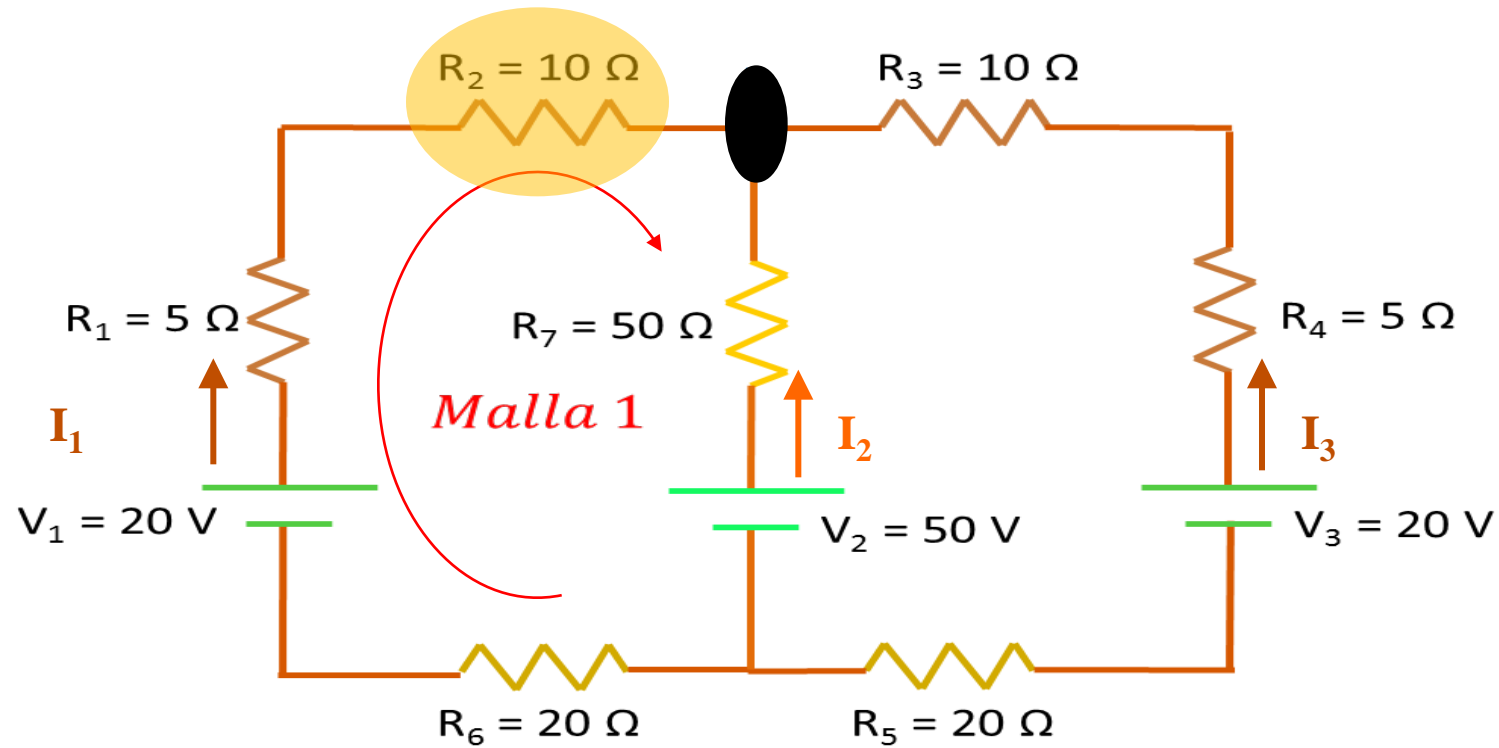
*Malla 1:*

$$+V_1 - V_{R1}$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



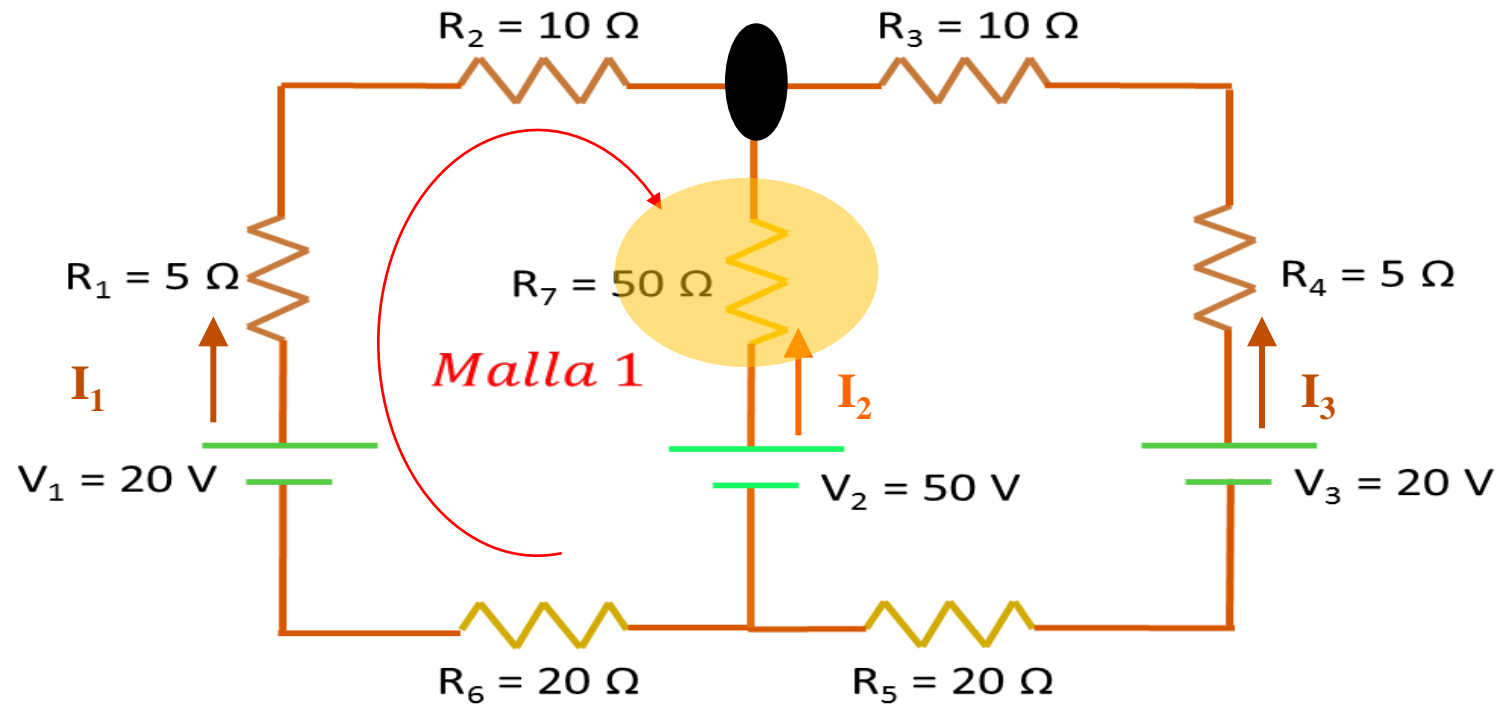
*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Malla 1:*

$$+V_1 - V_{R1} - V_{R2}$$

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

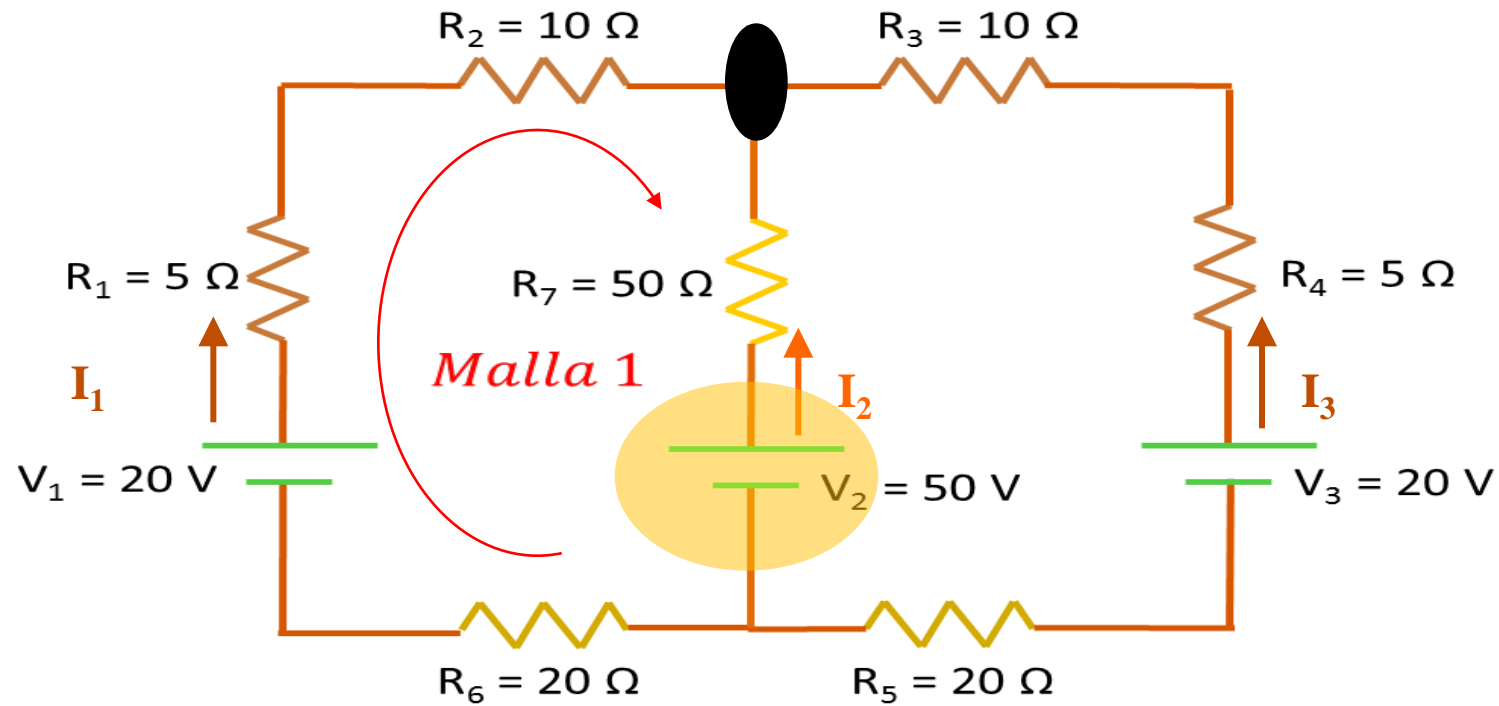
*Malla 1:*

$$+V_1 - V_{R1} - V_{R2} + V_{R7}$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



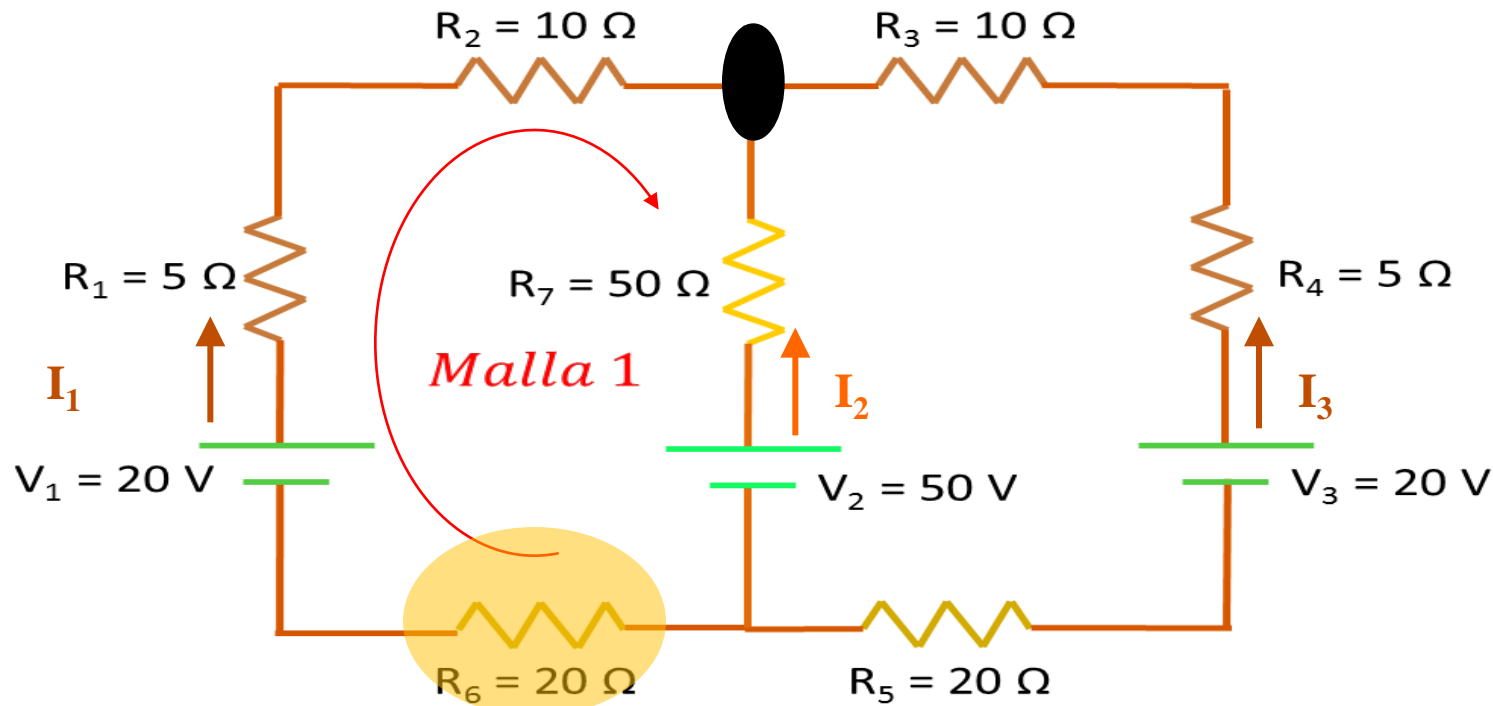
*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Malla 1:*

$$+V_1 - V_{R1} - V_{R2} + V_{R7} - V_2$$

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

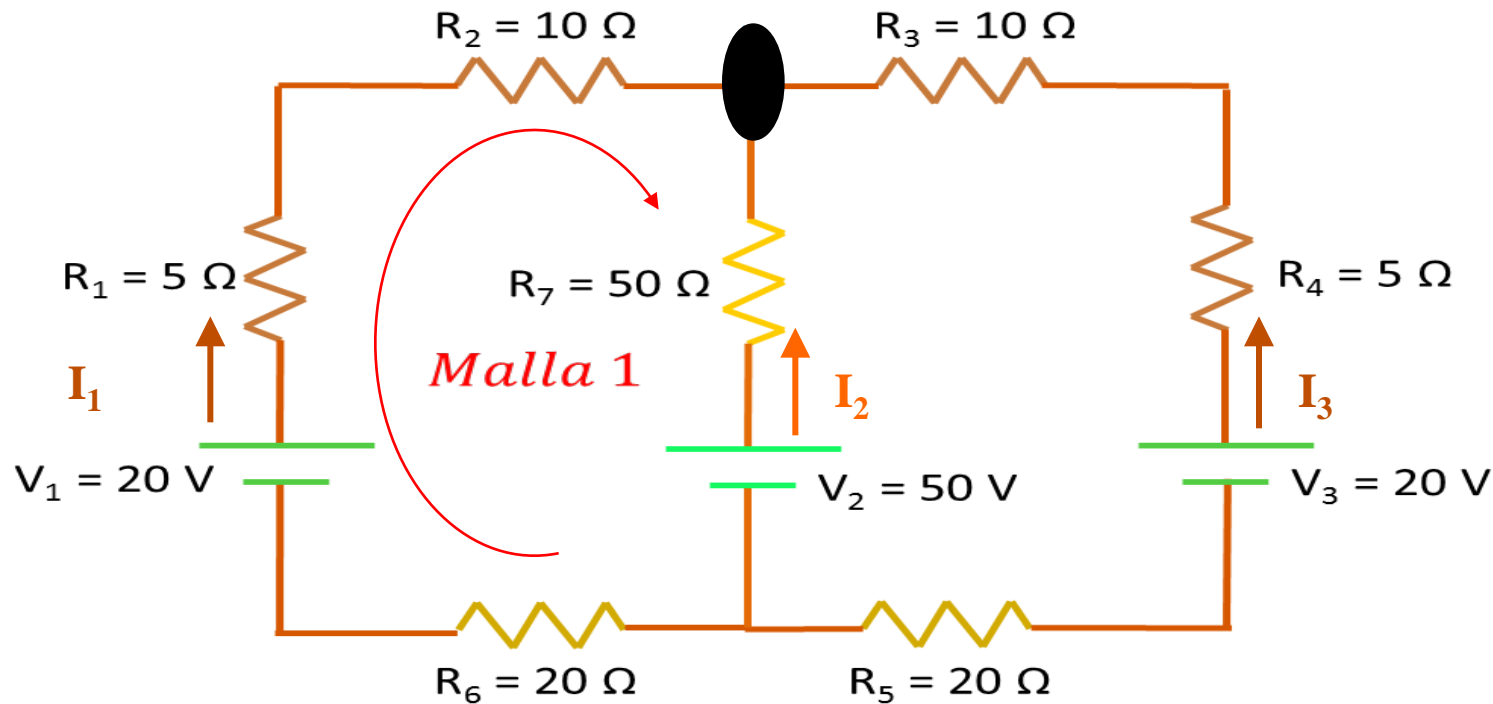
*Malla 1:*

$$\begin{aligned} +V_1 - V_{R1} - V_{R2} + V_{R7} - V_2 - V_{R6} &= 0 \\ 20 - 5I_1 - 10I_1 + 50I_2 - 50 - 20I_1 &= 0 \end{aligned}$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Corriente  $I_1$ :*

$$I_1 = \frac{(10I_2 - 6)}{7}$$

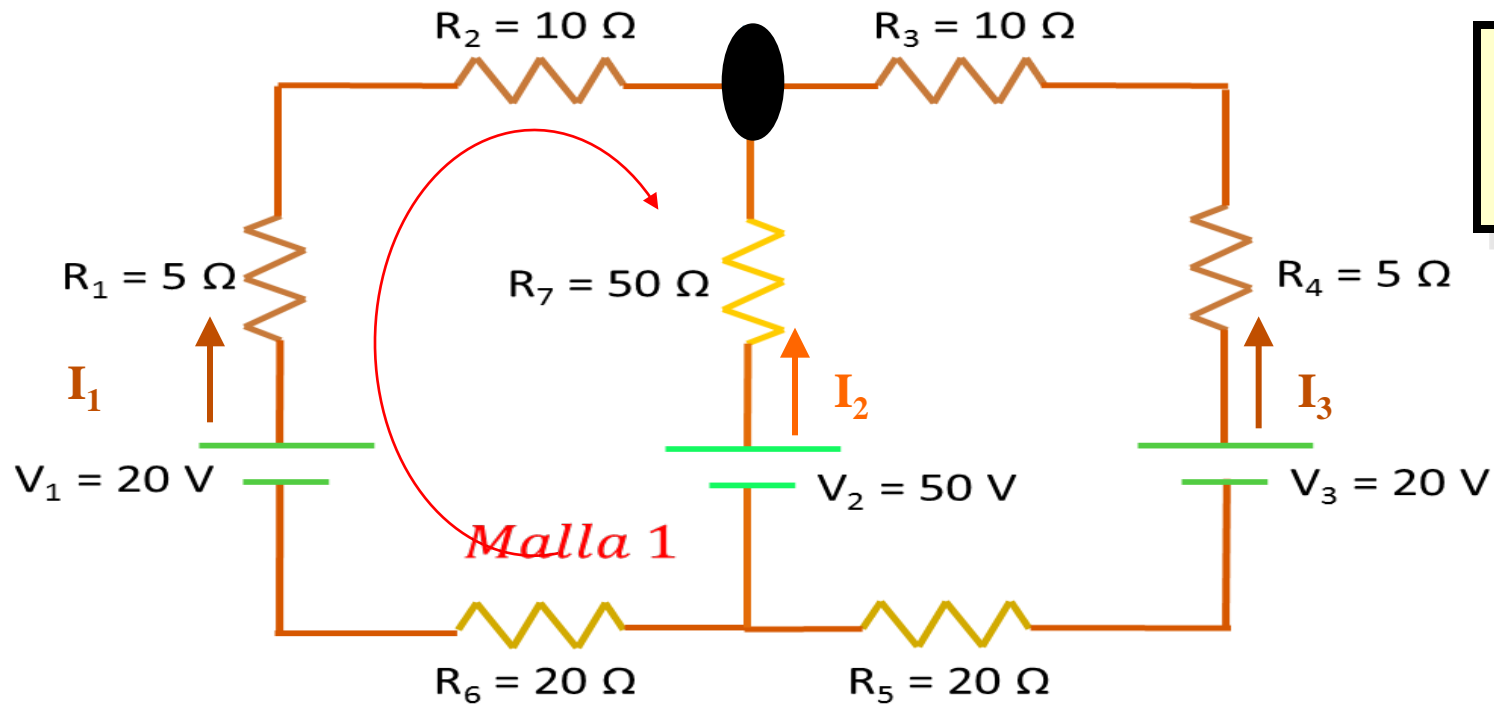
*Malla 1:*

$$\begin{aligned} +V_1 - V_{R1} - V_{R2} + V_{R7} - V_2 - V_{R6} &= 0 \\ 20 - 5I_1 - 10I_1 + 50I_2 - 50 - 20I_1 &= 0 \\ -7I_1 + 10I_2 &= 6 \end{aligned}$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Corriente  $I_1$ :*

$$I_1 = \frac{(10I_2 - 6)}{7}$$

*Malla 1: TOMANDO EL LADO POSITIVO*

$$-V_1 + V_{R1} + V_{R2} + V_{R7} + V_2 + V_{R6} = 0$$

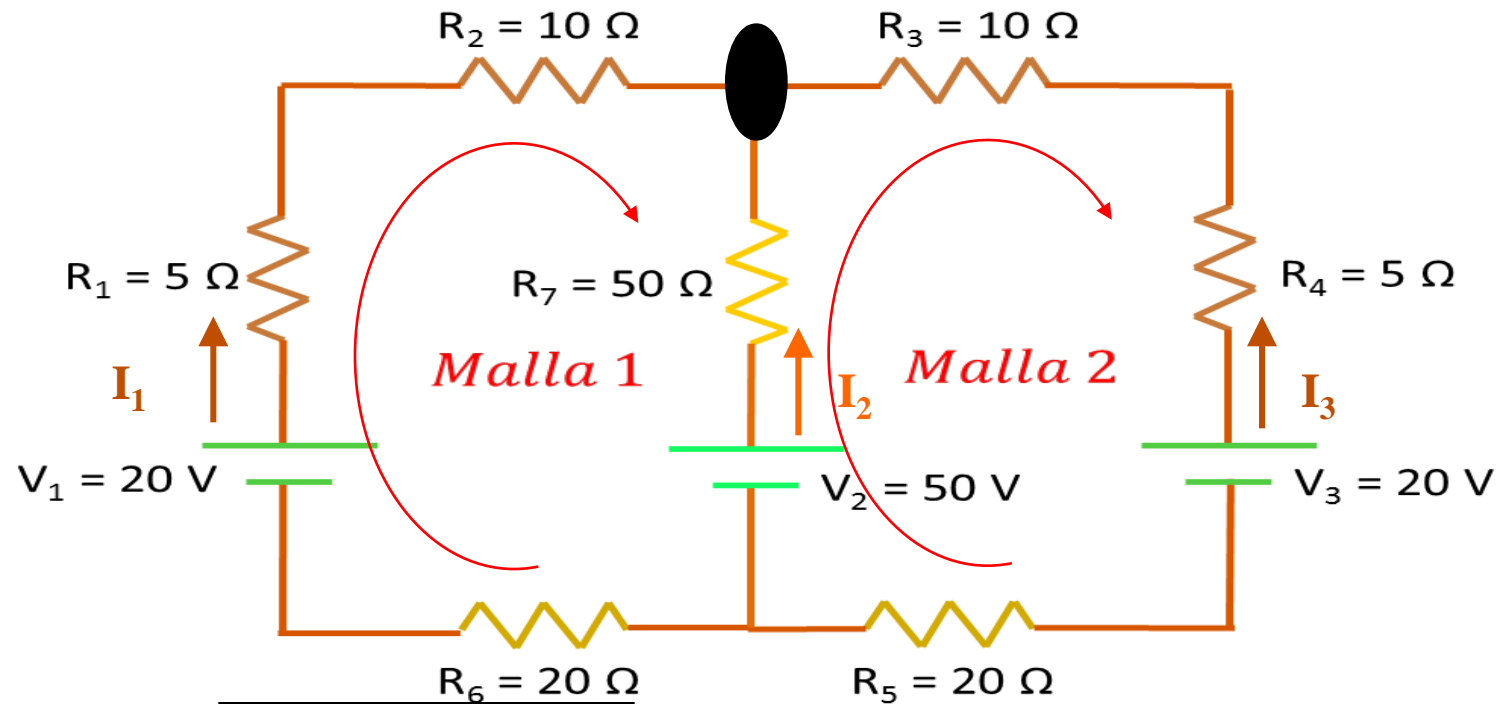
$$-20 + 5I_1 + 10I_1 + 50(I_1 - I_2) + 50 + 20I_1 = 0$$

$$+85I_1 - 50I_2 = -30$$

$$+17I_1 - 10I_2 = -6$$



# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff

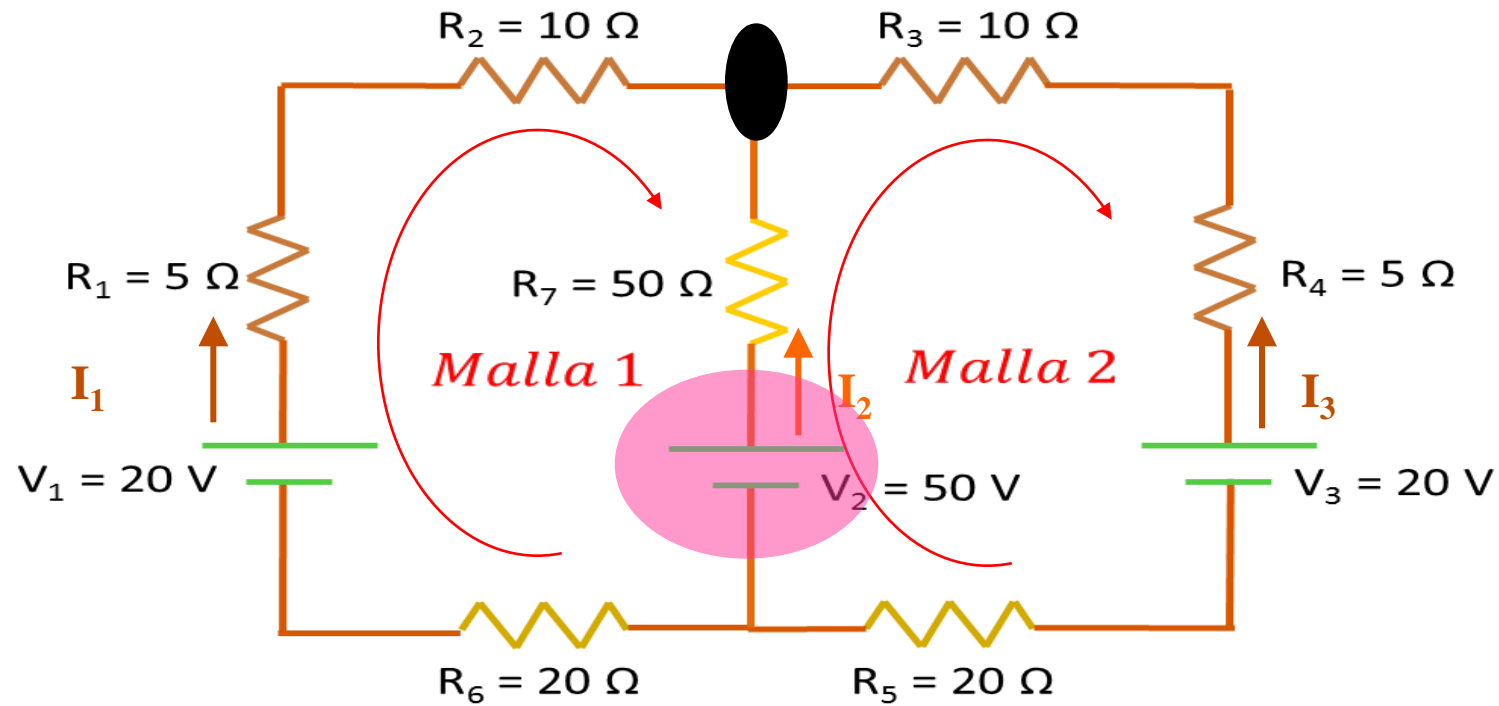


*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Malla 2:*

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

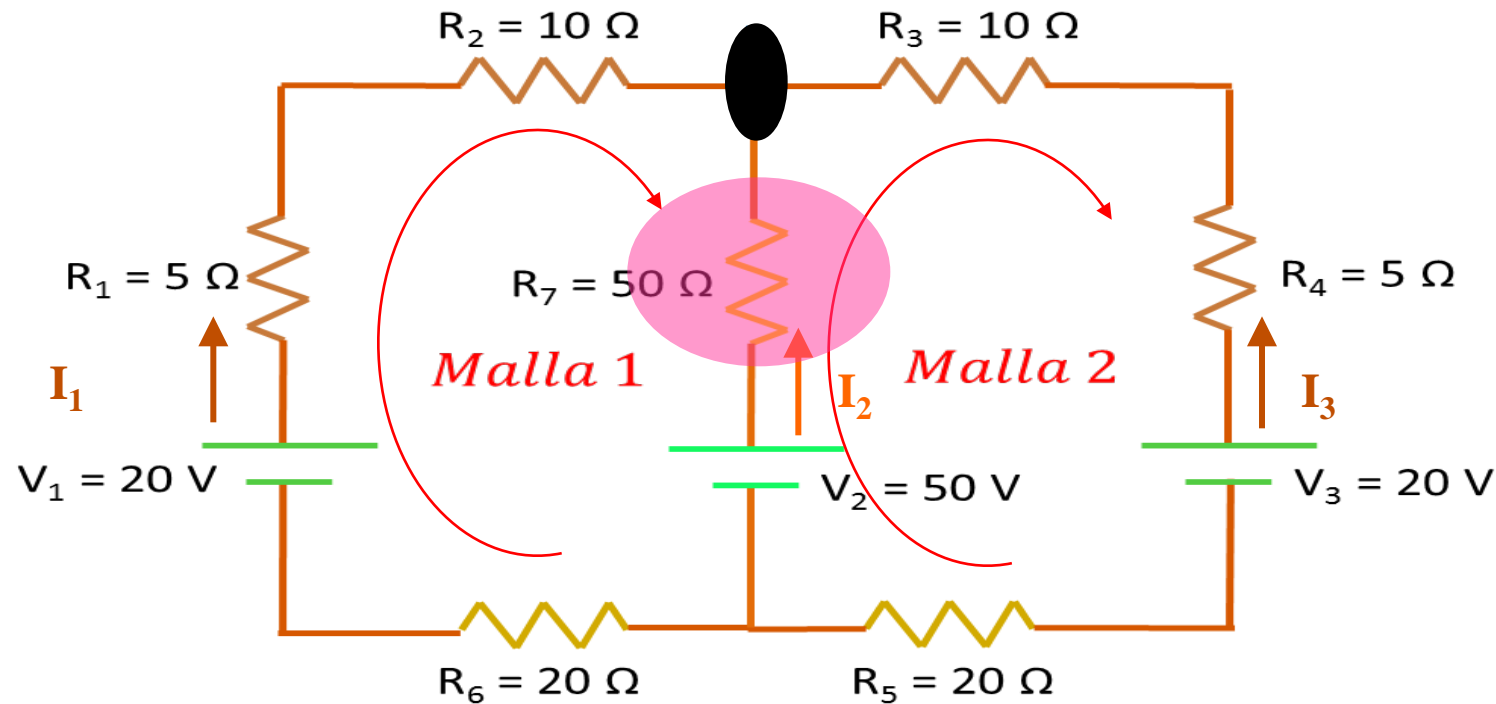
*Malla 2:*

$$+V_2$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



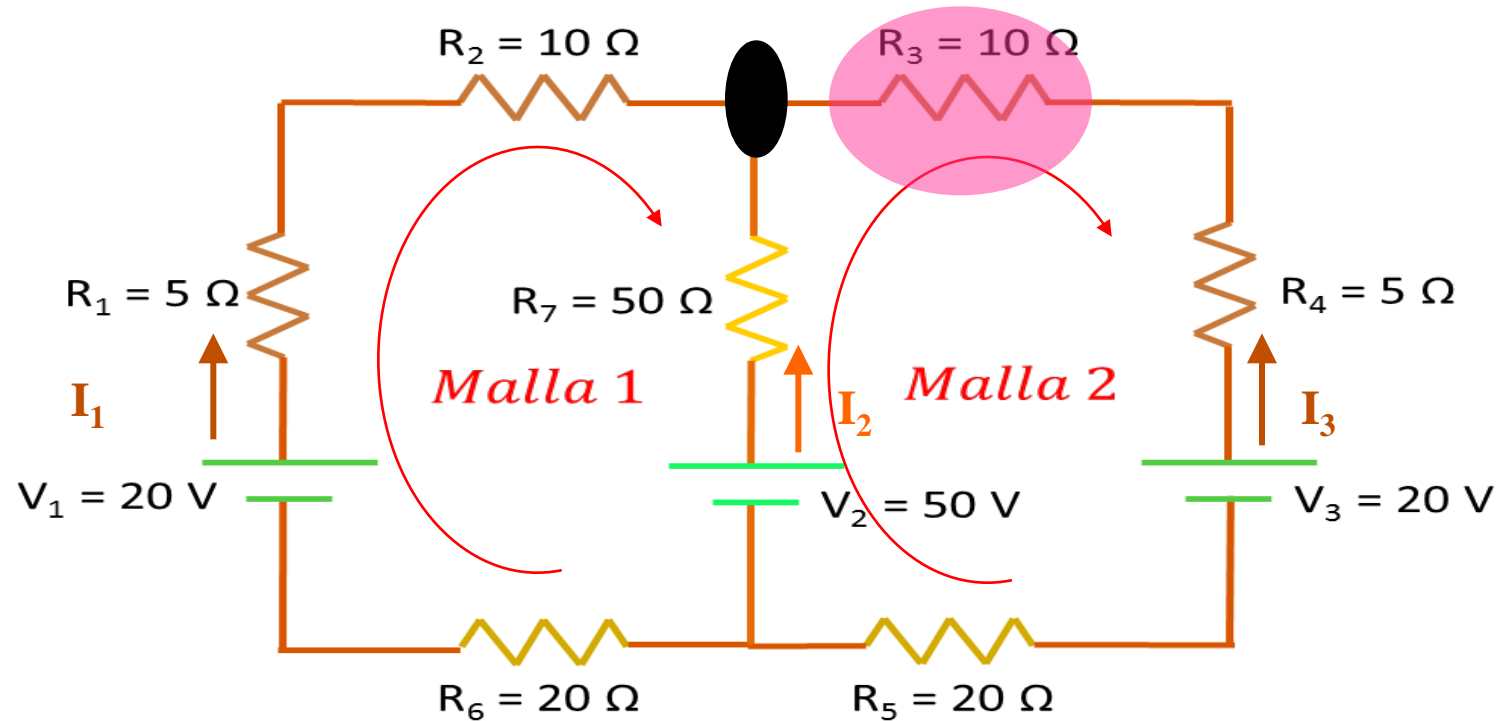
*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Malla 2:*

$$+V_2 - V_{R7}$$

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

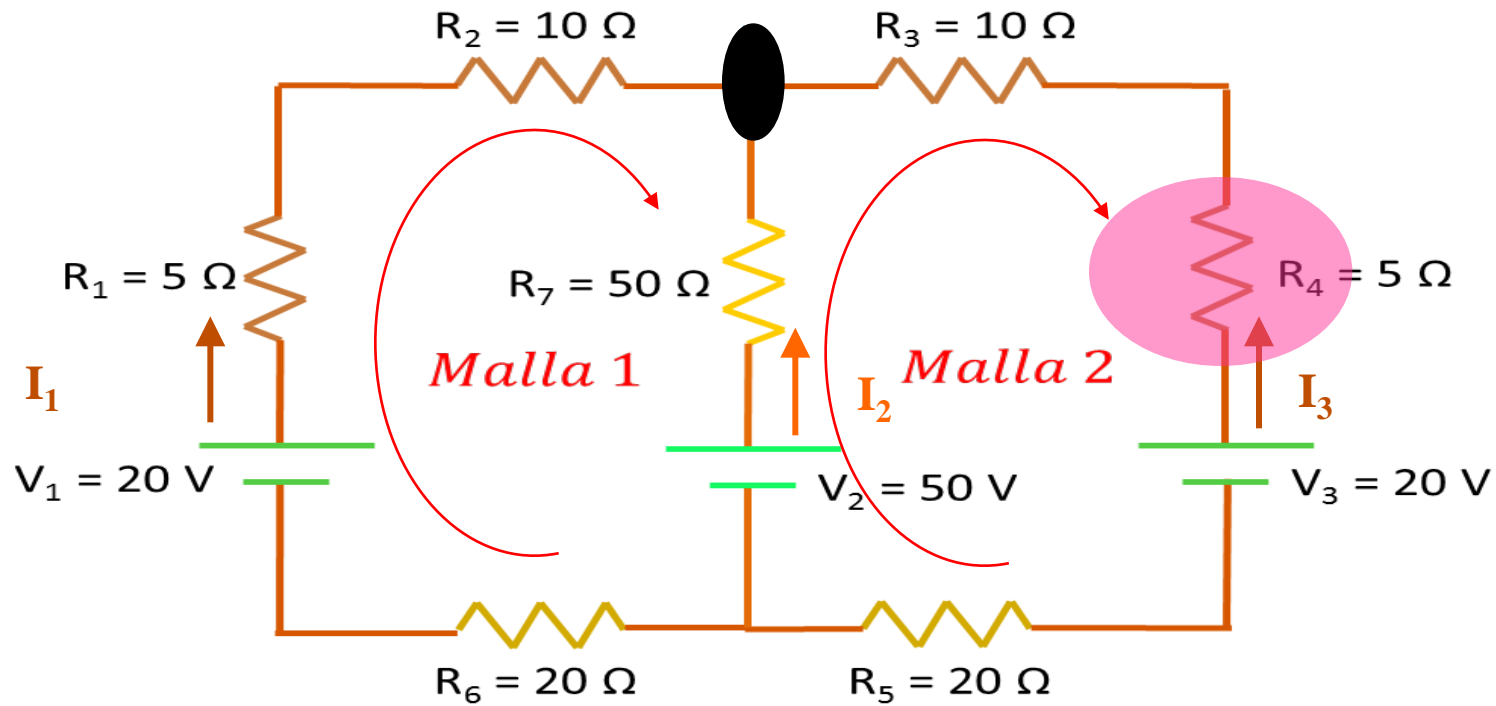
*Malla 2:*

$$+V_2 - V_{R7} + V_{R3}$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

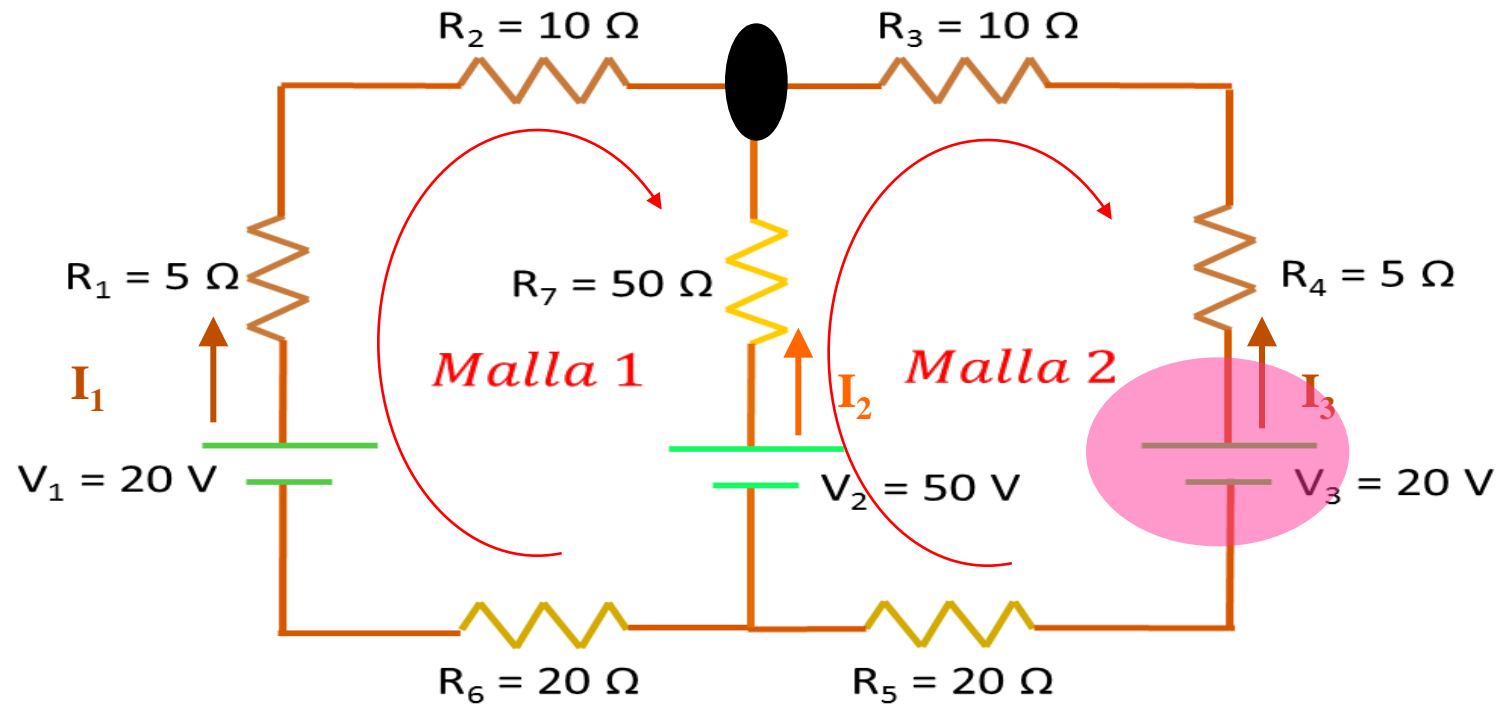
$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Malla 2:*

$$+V_2 - V_{R7} + V_{R3} + V_{R4}$$



# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

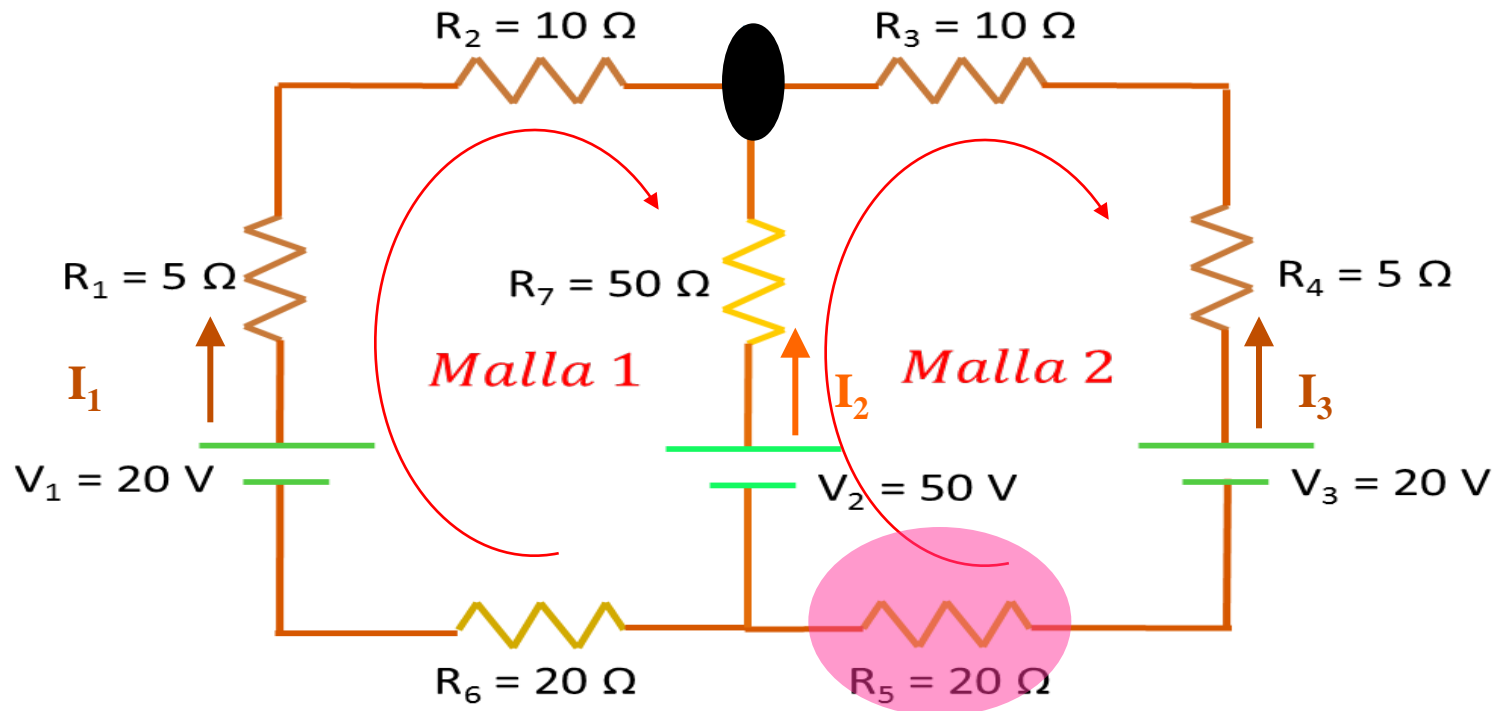
$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Malla 2:*

$$+V_2 - V_{R7} + V_{R3} + V_{R4} - V_3$$

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff

Dado el siguiente circuito:



*NODO A:*

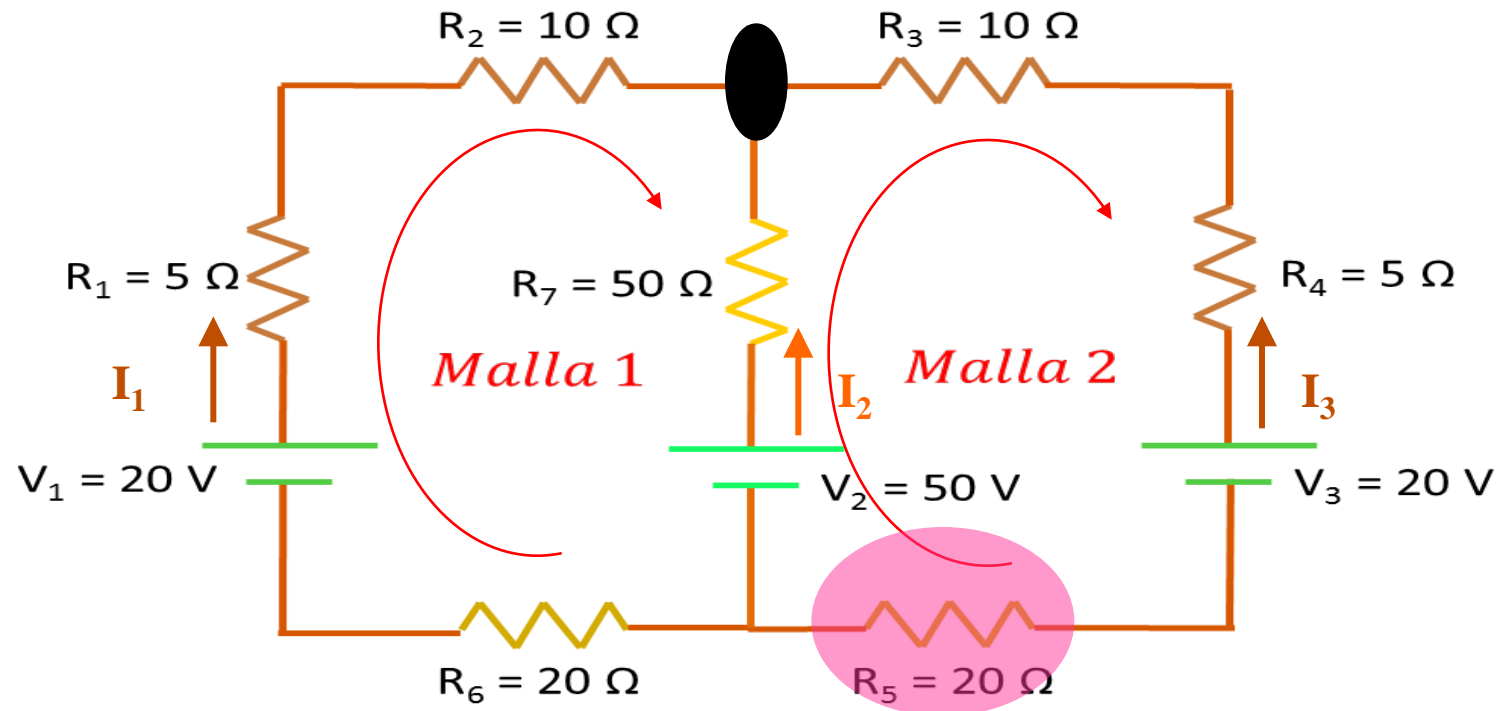
$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Malla 2:*

$$+V_2 - V_{R7} + V_{R3} + V_{R4} - V_3 + V_{R5} = 0$$



# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Malla 2:*

$$+V_2 - V_{R7} + V_{R3} + V_{R4} - V_3 + V_{R5} = 0$$

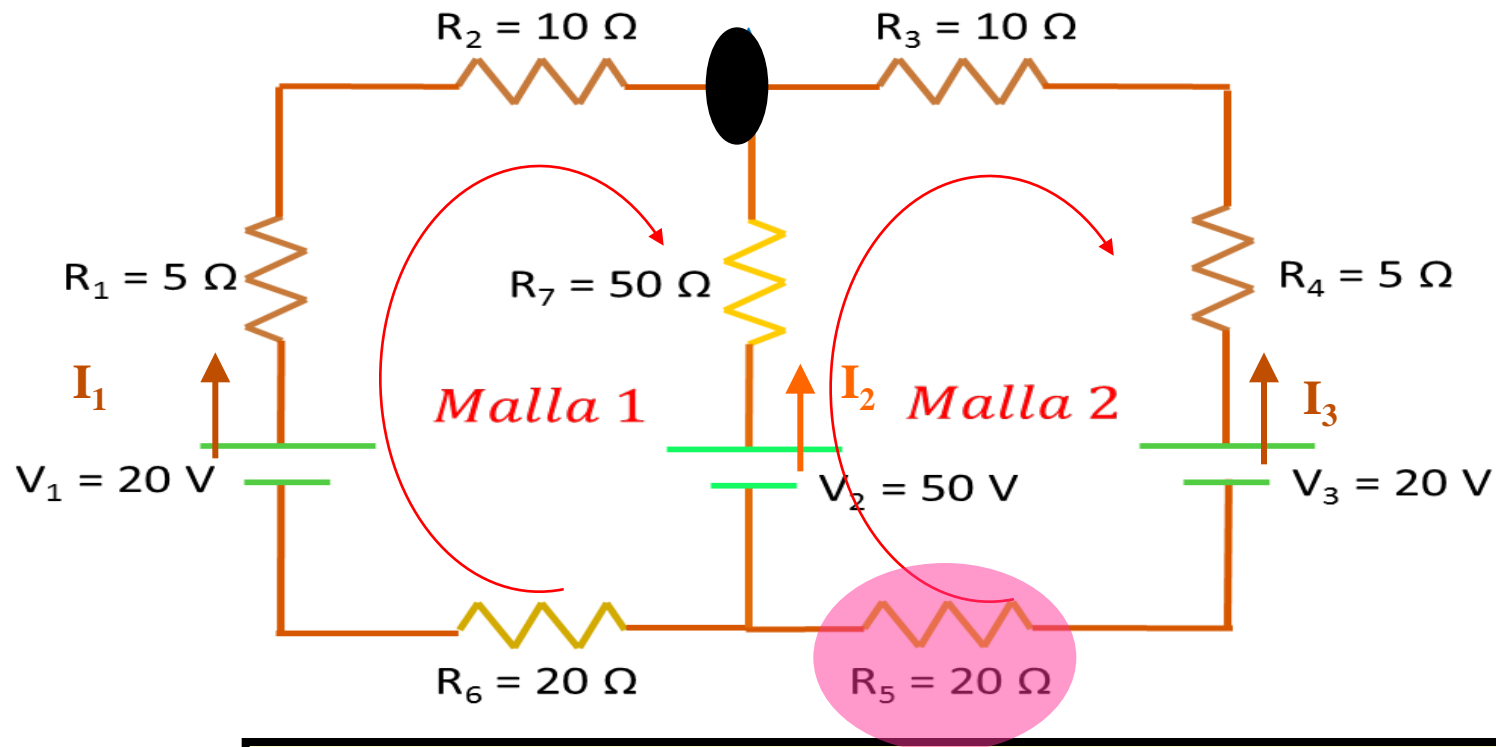
$$50 - 50I_2 + 10I_3 + 5I_3 - 20 + 20I_3 = 0$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ



# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Corriente  $I_3$ :*

$$I_3 = \frac{(10I_2 - 6)}{7}$$

*Malla 2:*

$$+V_2 - V_{R7} + V_{R3} + V_{R4} - V_3 + V_{R5} = 0$$

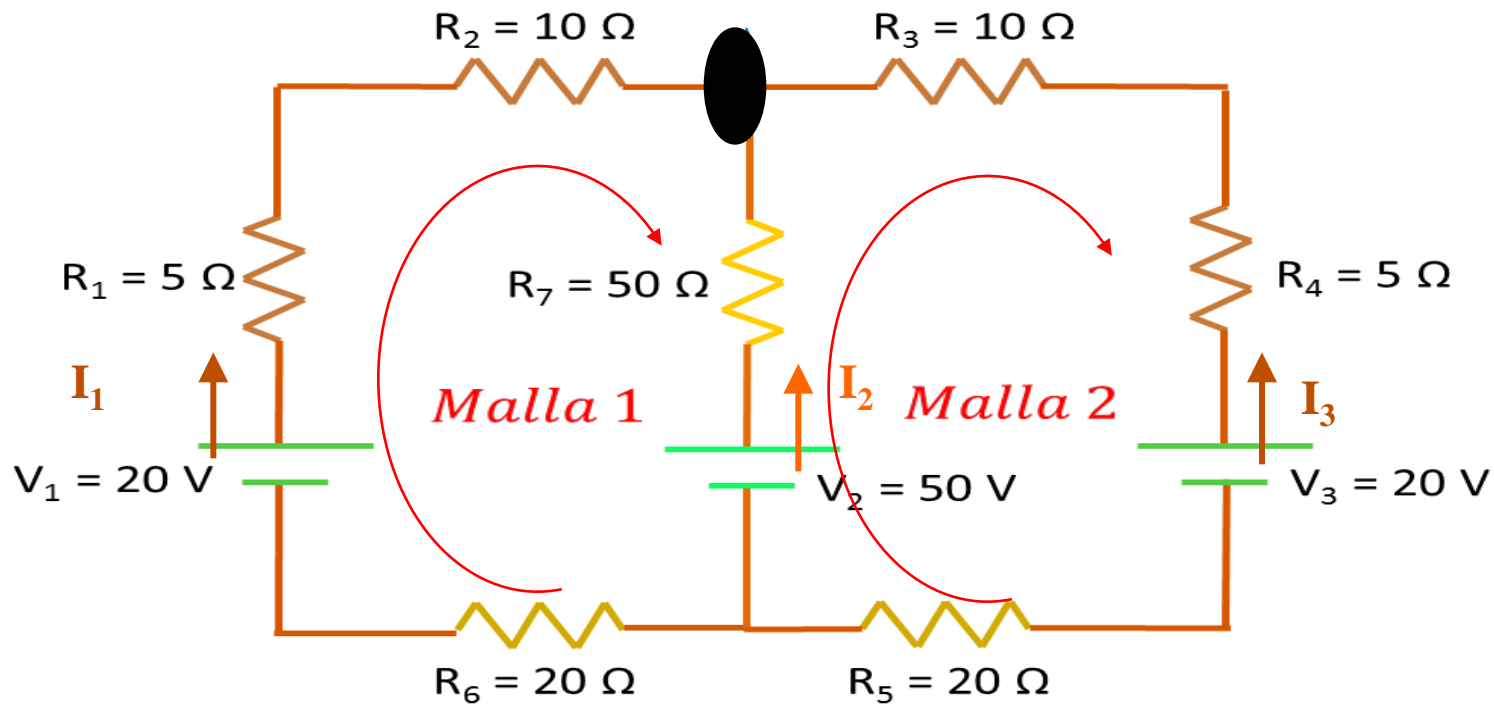
$$50 - 50I_2 + 10I_3 + 5I_3 - 20 + 20I_3 = 0$$

$$-10I_2 + 7I_3 = -6$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMÁ

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*Corriente  $I_3$ :*

$$I_3 = \frac{(10I_2 - 6)}{7}$$

*Malla 1: TOMANDO EL LADO POSITIVO*

$$+V_2 - V_{R7} + V_{R3} + V_{R4} - V_3 + V_{R5} = 0$$

$$50 - 50I_2 + 10I_3 + 5I_3 - 20 + 20I_3 = 0$$

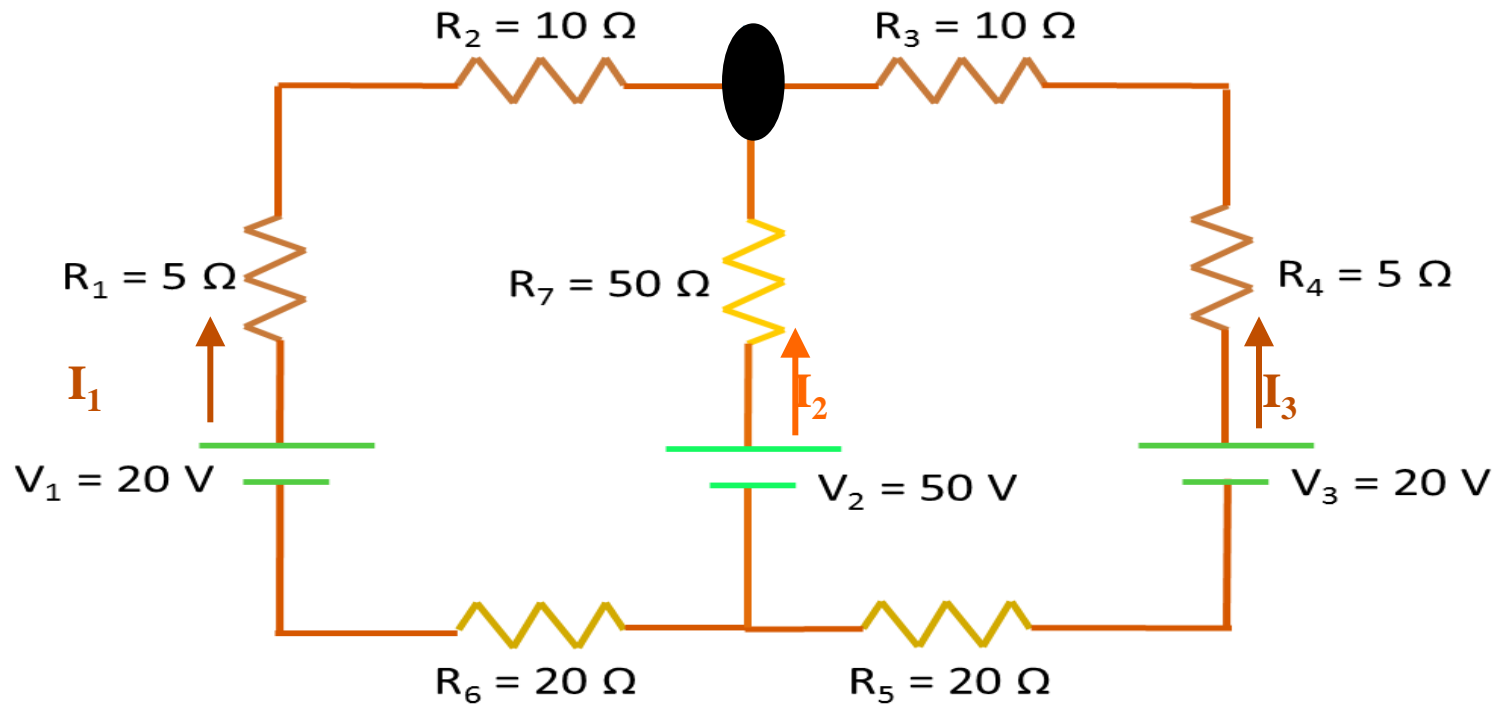
$$-10I_2 + 7I_3 = -6$$



UNIVERSIDAD  
TECNOLÓGICA  
DE PANAMA

# Método II –CORRIENTE DE Nodos Ley de Kirchhoff

Dado el siguiente circuito:



*NODO A:*

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0$$

*ECUACIÓN FINAL:*

$$\frac{(10I_2 - 6)}{7} + I_2 + \frac{(10I_2 - 6)}{7} = 0$$