



No.Lista \_\_\_\_ Nombre: \_\_\_\_\_ Código: \_\_\_\_\_ Grupo: \_\_\_\_

**Instrucciones:**

- No está permitido durante el examen el préstamo de implementos como lápices, lapiceros, borradores, etc.
- El profesor no responderá preguntas, porque parte de la evaluación es la comprensión de los enunciados.
- No se permite el uso de teléfonos celulares, calculadoras, o cualquier dispositivo electrónico.
- Durante la presentación del examen está prohibido retirarse del salón, sin importar la justificación.

**TEMARIO**

Sea ordenad@ y clar@ en sus procesos y símbolos. Cualquier proceso que no esté claramente sustentado será considerado como equivocado.

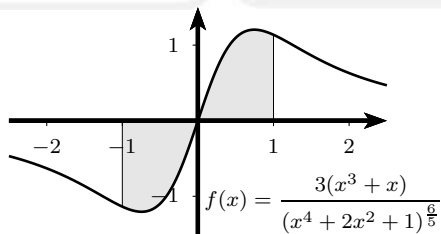
1. **[15 puntos]** Evalúe las siguientes integrales.

(a)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos(x)}{\sqrt{1+\sin^2(x)}} dx.$

(b)  $\int \frac{e^{2t} + e^t}{e^{2t} + 1} dx.$  [Sugerencia:  $u = e^t$ ]

(c)  $\int_0^4 (|2x - 6| - 3) dx.$

2. **[10 puntos]** La siguiente figura muestra la región comprendida entre la curva  $y = \frac{3(x^3+x)}{(x^4+2x^2+1)^{6/5}}$  y el eje  $X$  en el intervalo  $[-1, 1]$ . Halle el area de la región.



3. **[10 puntos]** Evalúe  $\int_0^2 (2x - 3x^2) dx$  por medio del límite de una suma de Riemann (definición de integral definida).

4. **[15 puntos]**

(a) Sea  $f$  una función continua tal que  $\int_0^x f(t) dt = \cos(x) + \int_{x^2}^4 e^t f(t) dt$  para todo  $x \in \mathbb{R}$ . Halle una formula explícita para  $f(x)$ .

(b) Encuentre una función  $y = f(x)$  para la cual  $f(0) = -1$  y  $\frac{dy}{dx} = \frac{2}{2x+1}$ .