

# CCS: Calculus of Communicating Systems

---

Riccardo Renzulli  
9 Dicembre 2015

# Overview

- Introduzione al CCS
- Sintassi
- Semantica
- Esempio di riduzione
- Interprete del CCS in Haskell
- Vantaggi e svantaggi nell'aver usato Haskell

# Introduzione al CCS

---

# Introduzione al CCS

- Il CCS (Calculus of Communicating Systems) fu introdotto da Robin Milner nel 1980.
- Il CCS è un modello matematico (un linguaggio formale) per descrivere processi, principalmente studiato nella programmazione concorrente.
- Un programma CCS, scritto in una sintassi per esprimere le espressioni di comportamento, denota il comportamento di un processo.
- Il CCS è quindi un semplice linguaggio di programmazione concorrente basato sullo scambio esplicito di messaggi.
- In questa presentazione verrà considerata una versione “semplificata” del CCS originale.

# Sintassi

---

# Sintassi

- $0$       Processo nullo
- $I = P$       Definizione
- $a.P$       Action prefixing con  $a \in \text{Actions}$
- $P_1 + P_2$       Scelta non deterministica
- $P_1 \mid P_2$       Composizione parallela

# Semantica

---

# Semantica

## ❏ Prefixing

$$a.P \xrightarrow{a} P$$

## ❏ Scelta

$$\frac{P \xrightarrow{a} P'}{P + Q \xrightarrow{a} P'}$$

$$\frac{Q \xrightarrow{a} Q'}{P + Q \xrightarrow{a} Q'}$$



# Semantica

## ❏ Composizione parallela

Comunicazione  
esterna

$$\frac{P \xrightarrow{a} P'}{P \mid Q \xrightarrow{a} P' \mid Q}$$

$$\frac{Q \xrightarrow{a} Q'}{P \mid Q \xrightarrow{a} P \mid Q'}$$

Comunicazione  
interna

$$\frac{P \xrightarrow{a} P', Q \xrightarrow{\bar{a}} Q'}{P \mid Q \xrightarrow{\tau} P' \mid Q'}$$

# Semantica

## Definizione

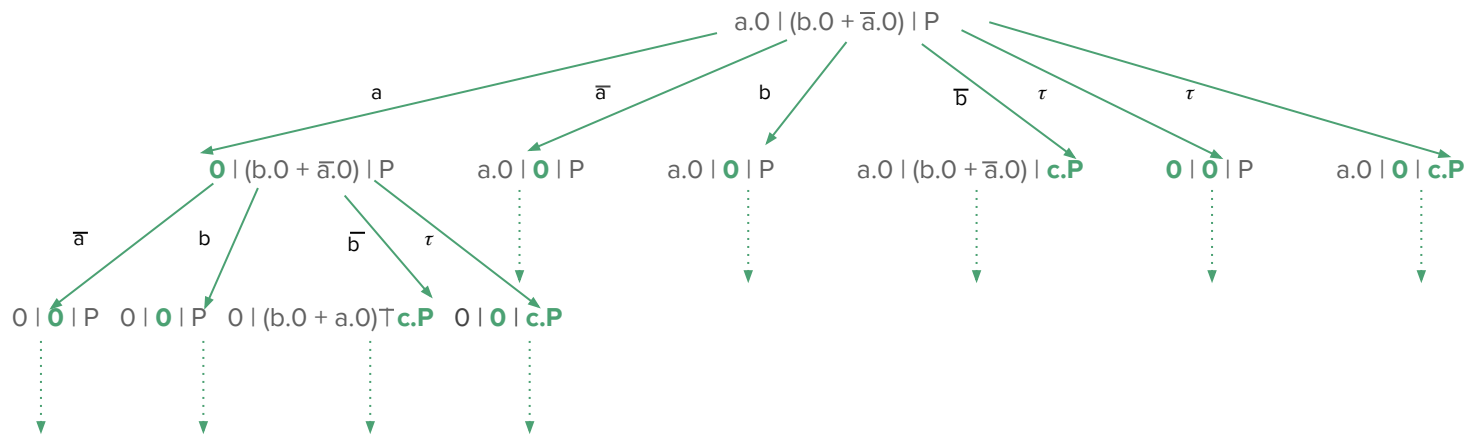
$$\frac{\mathbf{P} \xrightarrow{a} \mathbf{P'} \quad \mathbf{I} = \mathbf{P}}{\mathbf{I} \xrightarrow{a} \mathbf{P'}}$$

Esempio di riduzione

---

# Esempio di riduzione

$$P = \bar{b}.c.P$$



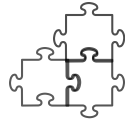
# Interprete del CCS in Haskell

---

(solo comunicazioni interne)

# Interprete del CCS in Haskell

Grammatica



Testo --> Lexer --> (Tokens) --> Parser --> Interprete --> **Albero con passi di riduzione**

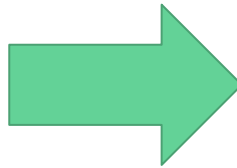
# Interprete del CCS in Haskell

**Testo** --> Lexer --> (Tokens) --> Parser --> Interprete --> Albero con passi di riduzione

$CS = \overline{\text{coin}}.\text{coffee}.CS$

$CM = \text{coin}.\overline{\text{coffee}}.CM$

$CS \mid CM$



var CS,CM;

let CS = !coin.coffee.CS,

CM = coin.!coffee.CM;

in CS | CM

# Interprete del CCS in Haskell

Testo --> **Lexer** --> **(Tokens)** --> **Parser** --> Interprete --> Albero con passi di riduzione

Per scrivere il parser è stato usato il parser generator “Happy”.

```
Prog      : var Expr ';' Stmt
          | Stmt

Expr      : Expr ',' id
          | id

Stmt      : let Decl ';' in ListProc
          | ListProc

Decl      : Decl ',' id '=' Process
          | id '=' Process

ListProc  : ListProc '|' Process
          | Process

Process   : iaction '.' Process
          | oaction '.' Process
          | Process '+' Process
          | '(' Process ')'
          | id
          | '0'
```

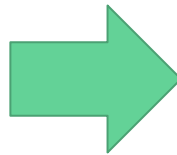
La grammatica



# Interprete del CCS in Haskell

Testo --> **Lexer** --> **(Tokens)** --> **Parser** --> Interprete --> Albero con passi di riduzione

$P ::= \alpha.P \mid P + Q \mid P|Q \mid I \mid 0$



```
data Process = InputAction [Char] Process
```

```
  | OutputAction [Char] Process
```

```
  | ExtChoice Process Process
```

```
  | Par [Process]
```

```
  | Id [Char]
```

```
  | Nil
```

# Interprete del CCS in Haskell

Testo --> Lexer --> (Tokens) --> **Parser** --> Interprete --> Albero con passi di riduzione

Il parser restituisce la **symbol table** e il processo **Par**  $[P_1, P_2, \dots, P_n]$  dove  $P_1, P_2, \dots, P_n$  sono i processi da eseguire in parallelo.

**parser** :: [Token] -> ([([Char], Process)], Process)

Esempio:                    **CS** = !coin.coffee.CS, **CM** = coin.!coffee.CM



$([("CS", \text{OutputAction "coin" (InputAction "coffee" (Id "CS"))}), ("CM", \text{InputAction "coin" (OutputAction "coffee" (Id "CM"))})],$   
 $\text{Par [Id "CS", Id "CM"]})$

# Interprete del CCS in Haskell

Testo --> Lexer --> (Tokens) --> Parser --> **Interprete** --> Albero con passi di riduzione

**interpreter** :: [[[Char],Process]] -> Process -> (Int,Int) -> Int -> Tree (Process, (Int,Int))

Il “cuore” dell’interprete:

```
evaluate2Proc :: [[[Char],Process]] -> (Process,Process) -> [(Process,Process)]
evaluate2Proc symT (InputAction az1 p1,p2) = case p2 of OutputAction az2 p3 -> if (az1 == az2) then [(p1,p3)] else []
                                                         ExtChoice p3 p4   -> evaluate2Proc symT (InputAction az1 p1,p3) ++ evaluate2Proc symT (InputAction az1 p1,p4)
                                                         Id id1         -> evaluate2Proc symT (InputAction az1 p1,(search symT id1))
                                                         _              -> []

evaluate2Proc symT (OutputAction az1 p1,p2) = case p2 of InputAction az2 p3 -> if (az1 == az2) then [(p1,p3)] else []
                                                         ExtChoice p3 p4   -> evaluate2Proc symT (OutputAction az1 p1,p3) ++ evaluate2Proc symT (OutputAction az1 p1,p4)
                                                         Id id1         -> evaluate2Proc symT (OutputAction az1 p1,(search symT id1))
                                                         _              -> []

evaluate2Proc symT (ExtChoice p3 p4,p2) = case p2 of InputAction az2 p5 -> evaluate2Proc symT (p3,p2) ++ evaluate2Proc symT (p4,p2)
                                                         OutputAction az2 p5 -> evaluate2Proc symT (p3,p2) ++ evaluate2Proc symT (p4,p2)
                                                         Id id1         -> evaluate2Proc symT (ExtChoice p3 p4,(search symT id1))
                                                         ExtChoice p5 p6   -> evaluate2Proc symT (p3,p5) ++ evaluate2Proc symT (p3,p6) ++ evaluate2Proc symT (p4,p5) ++ evaluate2Proc symT (p4,p6)
                                                         _              -> []

evaluate2Proc symT (Id id1,p2) = case p2 of Id id2 -> evaluate2Proc symT ((search symT id1),(search symT id2))
                                                         Nil      -> []
                                                         _        -> evaluate2Proc symT ((search symT id1),p2)

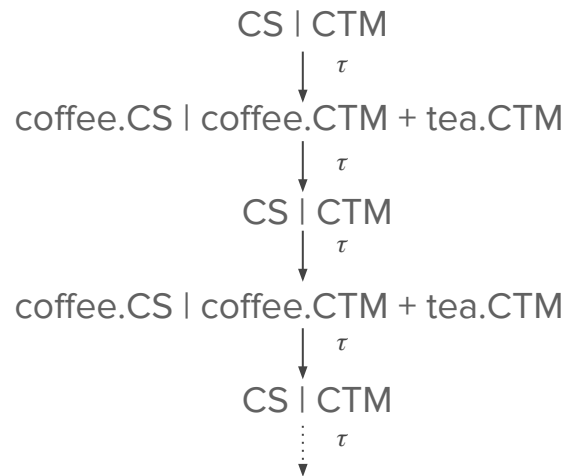
evaluate2Proc symT (Nil,p2) = []
evaluate2Proc symT (p1,p2) = error "Processo sconosciuto"
```

# Interprete del CCS in Haskell

Testo --> Lexer --> (Tokens) --> Parser --> Interprete --> **Albero con passi di riduzione**

Esempio di parallelismo infinito

**CS** = !coin.coffee.CS, **CTM** = coin.(!coffee.CTM + !tea.CTM)



# Vantaggi e svantaggi nell'aver usato Haskell

---

## VANTAGGI

- Approccio funzionale puro
- Pattern matching
- Programma più pulito

## SVANTAGGI

- Nessuno

# Grazie per l'attenzione!

[riccardo.renzulli@edu.unito.it](mailto:riccardo.renzulli@edu.unito.it)

