

计算方法实验报告

学	院:	计算机科学与工程学院	-
班	级:	09 计科 2 班	
姓	名:		-
学	号:	200930581024	_
指导老师:		韩国强	
提交日期:		2012年6月	
山口	笞.	nemosail@omail.com	

目录

1.	三次样条插值P3
2.	P97 第 8 题上机题,要求 e=10 ⁻⁶ 使用算法P5 1) 自动选取步长复化梯形
	2)自动步长复化抛物线 3)Romberg 求积(需要打印过程的三角形)
3.	解线性方程组直接法P9
	 1) 顺序高斯消去法 2) 列主元高斯 3) 全主元高斯消去
4.	解线性方程组迭代法P12
	1)简单迭代 Jacobi 2)Seidel; 3)SOR;
附录	(实现源码):P15
	A. 三次样条插值实现代码
	B. 自动选取步长复化梯形源码 C. 自动选取步长复化抛物线
	D. Romberg
	E. 顺序高斯 F. 列主元高斯
	G. 全主元高斯
	H. 简单 Jacobi 迭代
	I. Seidel 迭代 J. SOR 迭代
	7. 201/ 1/V

实验目的:

通过实现书上的算法,加深对数值计算的认识。

实验环境:

Fedora 14 GCC 4.5.1

实验内容:

三次样条插值

三次样条函数是一个分段代数多项式,在每一个分段上它是一个不超过三次的代数多项式,它在节点上连续,其一阶导数和二阶导数在节点上也连续。三次样条提法是:

- 1) 在[X(i) , X(i+1)] (i = 0 , 1 , n-1) 上位不超过三次的代数多项式:
- 2) s(xi) = yi (i = 0, 1, ..., n);
- 3) s(x) E C2[a,b], 其中 a = x0, b = xn.

三次样条插值有两种边界条件:

A a0 = 0; b0 = 2 * m0

an = 1; bn = 2 * mn

B a0 = 1; b0 = 3 / h0 * (y1 - y0)

an = 0; bn = 3 / h(n-1) * (yn - y(n-1))

P52

9 给定函数表, 和边界条件 S''(75) = 0 , S''(80) = 0 (第二边界条件) 求 f(78.3) 近似值:

Xn Yn

[alpha@Cameron numberCompute]\$ cat data7

75 2.768

76 2.833

77 2.903

78 2.979

79 3.062

80 3.153

运行结果:

```
mucco, exc
 [alpha@Cameron numberCompute]$ ./fenDuan3YangTiao data7 78.3
 Please select Boundary : 1 or 2
                      beta[0] = 0.195000
 alpha[0] = 1.000000
 alpha[1] = 0.500000 beta[1] = 0.202500
 alpha[2] = 0.500000 beta[2] = 0.219000
 alpha[3] = 0.500000
                     beta[3] = 0.238500
 alpha[4] = 0.500000 beta[4] = 0.261000
 alpha[5] = 0.000000 beta[5] = 0.273000
m[5] = 0.092732
m[4] = 0.087536
m[3] = 0.079124
m[2] = 0.072967
m[1] = 0.067010
m[0] = 0.063995
Result: 3.003045
[alpha@Cameron numberCompute]$||
10.
给定函数 y=f(x) 函数表, 边界条件 s'(0.25) = 1 , s'(0.53) = 0.6868
求 f(0.35)的近似值 (第一边界条件)
     Yn
Xn
[alpha@Cameron numberCompute]$ cat data10
0.25 0.5
0.3 0.5477
0.39 0.6245
0.45 0.6708
0.53 0.728
[alpha@Cameron numberCompute]$ 🗌
运行结果:
 [alpha@Cameron numberCompute]$ ./fenDuan3YangTiao data10 0.35
 Please select Boundary : 1 or 2
  : 1
 Please input m0 and mn : 1
 0.6868
 alpha[0] = 0.000000 beta[0] = 2.000000
 alpha[1] = 0.357143 beta[1] = 2.754143
 alpha[2] = 0.600000 beta[2] = 2.413000
 alpha[3] = 0.428571
                       beta[3] = 2.242143
 alpha[4] = 1.000000 beta[4] = 1.373600
 m[4] = 0.686800
 m[3] = 0.745217
 m[2] = 0.800392
 m[1] = 0.912716
 m[0] = 1.000000
 Result: 0.591607
 [alpha@Cameron numberCompute]$ | |
```

P97 第8 题上机题,要求 e=10^-6 使用算法

8. 计算积分
$$\int_{1}^{9} \sqrt{x} dx$$

1) 自动选取步长复化梯形

由于使用复化梯形求积分的近似值是一种比较有效的方法,但是,在使用复化梯形求积公式求积分之前必须选定 n,如果 n 选取得太大,虽然能是复化梯形求积公式与积分精确值的误差变得很小,但会导致计算量的增加,如果 n 取得太小,复化挺行求积公式与积分精确值就会相差很大,从而使得复化梯形求积公式的精度难以保证,因此,假定给定一个精度,那如何选择 n 使得积分近似值满足精度要求?为了避免盲目选取 n,可以使用自动选取步长。

自动选取步长算法计算步骤为:

1) 先用梯形求积公式计算出积分的第一次近似值:

$$T_1 = \frac{b-a}{2} [f(a) + f(b)]$$

2) 把积分区间[a, b]2等分,并用公式(4.20) 求出积分的第二次近似值

$$T_2 = \frac{T_1}{2} + \frac{b-a}{2} f(a + \frac{b-a}{2})$$

然后判别|T2 - T1| < 3e 是否成立,若成立,计算停止,T2 作为积分近似值,否则继续加密区间。

3) 把积分区间[a, b]4等分,继续近似

$$T_4 = \frac{T_2}{2} + \frac{b-a}{4} \sum_{k=1}^{2} f(a+(2k-1)\frac{b-a}{4})$$

然后判别|T4 - T2| < 3e 是否成立,若成立,计算停止,T4 作为积分近似值,否则继续加密区间。

000000000

这样一直做下去,直到|T2n - Tn| < 3e 成立

运行截图:

其中 a 为积分的下限

- b 为积分的上限
- e 为积分精度要求

函数 $f(x) = \sqrt{x}$ 已经在程序的 double f(const double) 中定义(可能需要使用-lm来编译)

可以看到积分出来(面积 square)为 17.33333

分成了 n=1024 段

[alpha@Cameron numberCompute]\$./autoLadder

Please input a: 1 Please input b: 9

Please input e: 0.000001 The square is 17.333333

n is 1024

[alpha@Cameron numberCompute]\$

2) 自动步长复化抛物线

自动选取步长的复化 Simpson 道理跟自动选取步长的梯形求积算法道理类似,由于复化 Simpson 公式求积分算法需要制定 a, b, n, n 为分段数 (n 需要为偶数),对于需要的精度 e,如果人为提前选定 n,保守点的 n 会满足精度,但是将有大量浪费计算,激进的 n 可能不符合精度要求,所以为了避免盲目第选取 n 来运行复化 Simpson,可以使用自动选取步长的算法。

自动步长复化抛物线 (Simpson) 算法:

- ① 输入 a, b, 定义 f(x), 输入 e (精度要求)
- (2) n=2, h=(b-1)/2:

(3)
$$S_2 = \frac{h}{3} [f(a) + f(b) + 4f(\frac{a+b}{b})]$$

$$T_1 = f(\frac{a+b}{2})$$

④ 区间加密

$$n = 2 * n ;$$

$$h = h / 2$$
;

$$T_2 = \sum_{i=0}^{n/2-1} f(a + (2 * i + 1) * h)$$

(5) 计算 S4

$$S_4 = \frac{h}{3} * [f(a) + f(b) + 4T_2 + 2T_1]$$

⑥ 若
$$|S_4 - S_2| \le 15*e$$
 输出 n, S4, 停机

运行结果:

其中 a 为积分的下限

- b 为积分的上限
- e 为积分精度要求

函数 $f(x) = \sqrt{r}$ 已经在程序的 double f(const double) 中定义(可能需要使用-lm来 编译)

可以看到 求出的积分为 17.33333 分段数 n = 64 要比自动步长梯形的少得多

[alpha@Cameron numberCompute]\$./autoSimpson

Please input a: 1 Please input b: 9

Please input e: 0.000001 Result: S = 17.333333

n = 64

[alpha@Cameron numberCompute]\$

3) Romberg 求积(需要打印过程的三角形)

Romberg 求积法是应用 Richardson 外推算法的一个典型例子, Romberg 求积 发的计算过程为:

$$T_n = T_0(h)$$

$$T_{2n} = T_0(\frac{h}{2}) \qquad T_1(h)$$

$$T_{2n} = T_0(\frac{h}{2})$$
 $T_1(h)$

$$T_{4n} = T_0(\frac{h}{2^2})$$
 $T_1(\frac{h}{2})$ $T_2(h)$

$$I_{8n} = I_0(\frac{h}{2^3})$$
 $I_1(\frac{h}{2^2})$ $I_2(\frac{h}{2})$

.

运行截图:

其中 a 为积分的下限

- b 为积分的上限
- e 为积分精度要求

被积函数 $f(x) = \sqrt{x}$ 已经在程序的 double f(const double) 中定义

图为过程使用的的下三角矩阵可以看到 求出的积分为 17.33333

[alpha@Cameron numberCompute]\$./romberg Please input a: 1 Please input b: 9 Please input e: 0.000001 16.000000 16.944272 17.259029 17.227740 17.322230 17.326443 17.326420 17.33226 17.326420 17.333226
 17.306001
 17.332087
 17.332744
 17.332845

 17.326420
 17.333226
 17.333302
 17.333311
 17.333313

 17.331599
 17.333332
 17.333333
 17.333333
 17.333333

 17.332899
 17.333333
 17.333333
 17.333333
 17.333333 17.333333 17.333333 Result: 17.333333 [alpha@Cameron numberCompute]\$

解线性方程组直接法

1) 顺序高斯消去法

高斯消去法是一个古老方法,基本思想为通过初等变换将方程组转化为一个 等价的三角形方程组:

$$b_{11}x_1 + b_{12}x_2 + \dots + b_{1n}x_n = g_1$$

 $b_{22}x_2 + \dots + b_{2n}x_n = g_2$

$$b_{nn}x_n = g_n$$

然后就可以逐个求出 Xn, Xn-1, ..., X1, 这个过程成为回代。

例子:

系数矩阵 A:

12 -3 3

-183-1

111

有端项 b:

15

-15

6

除数过小控制 e:

0.01

运行结果:

[alpha@Cameron numberCompute]\$./seq X[0] = 1.000000 X[1] = 2.000000 X[2] = 3.000000 [alpha@Cameron numberCompute]\$

2) 列主元高斯

主元高斯消去法是为了控制舍入误差而提出来的一种算法,在顺序高斯消去的消元过程中,若出现 akk = 0,则消元无法进行,即使 akk! =0,但是其值很小,用它作为除数也会导致其他元素的巨大增长和舍入误差的扩散,引起解的失真。

列主元消去法除了每步需要按列选取主元并可能进行矩阵行交换外,其消元过程跟顺序高斯消去法的过程一样。

例子矩阵: |[alpha@Cameron numberCompute]\$ cat matrix6 0.780 0.563 0.913 0.659 0.217 0.254 0.00001 [alpha@Cameron numberCompute]\$ [] 运行结果:

运行结果:

```
[alpha@Cameron numberCompute]$ ./colGauss matrix5
X[0] = 0.000000
X[1] = -1.000000
X[2] = 1.000000
[alpha@Cameron numberCompute]$ □
```

3)全主元高斯消去

全主元高斯消去法与列主元高斯消去法类似,不同的是选取主元的范围不同,全主元高斯消去法在整个系数矩阵中找出绝对值最大的元素作为主元,以控制舍入误差的增长,将舍入误差控制在一个最小的范围,但是找出主元和交换行列次序需要花费大量机器时间。

矩阵例子, 依次为 系数矩阵 A, 右端项 b, 除数控制 e:

```
[alpha@Cameron numberCompute]$ cat matrix4
10 -7 0
-3 2 6
5 -1 5

7
4
6

0.001
[alpha@Cameron numberCompute]$ ./allGauss matrix4
X[0] = 1.400000
X[2] = 1.000000
X[1] = -1.000000
[alpha@Cameron numberCompute]$ [
```

运行结果:

```
[alpha@Cameron numberCompute]$ ./allGauss matrix4

X[0] = 1.400000

X[2] = 1.000000

X[1] = -1.000000

[alpha@Cameron numberCompute]$ ./sequenceGauss matrix4

X[0] = 0.000000

X[1] = -1.000000

X[2] = 1.000000

[alpha@Cameron numberCompute]$ ./colGauss matrix4

X[0] = 0.000000

X[1] = -1.000000

X[2] = 1.000000

X[2] = 1.0000000
```

解线性方程组迭代法

解线性代数方程组 AX=b 的一些直接法,A 是 nXn 的矩阵,X,b 都是 n 维向量,二大多数计算过程均需要对系数矩阵进行分解,因而一般不能保持 A 的稀疏性,遇到偏微分方程数值求解,会遇到大型稀疏矩阵,直接法运算量大,迭代法能充分利用系数矩阵的稀疏性,当 n 较大,能有效控制计算量。

1)简单迭代 Jacobi

AX=b A = B + D $B = D^{-1}(D-A) = I - D^{-1}A$

方程可以表示为 X = BX + g

 $g = D^{-1}b$

由此可以构造 Jacobi 迭代:

 $X^{(k+1)} = BX^{(k)} + g$

当选定一个初始向量 X0 后,上面式子便产生一个向量序列: X0, X1, ..., Xk, ...

以下为 Jacobi 运行情况: 系数矩阵 A 右端项 b 除数控制、精度 e

最大迭代次数 M

可以看到运行结果:

X[1]=1.099936

X[2]=1.199936

X[3]=1.299924

迭代次数 K = 9

```
[alpha@Cameron numberCompute]$ cat jacobi1
10 -1 -2
-1 10 -2
-1 -1 5

7.2
8.3
4.2
0.001
100
[alpha@Cameron numberCompute]$ ./Jacobi jacobi1
X[1] = 1.099936
X[2] = 1.199936
X[2] = 1.299924

K = 9
[alpha@Cameron numberCompute]$ [
```

2) Seidel;

Seidel 迭代特点在于计算第 i 个分量,用到前 i-1 分量是最新算出的,这样有可能提高收敛速度。

实际运行效果,输入跟 Jacobi 的输入都是 jacobi1 这个文件,可以看到迭代次数 K=6,比 Jacobi 快了 3 个迭代次数。

```
[alpha@Cameron numberCompute]$ ./Seidel jacobi1
X[1] = 1.099986
X[2] = 1.199992
X[3] = 1.299996

K = 6
[alpha@Cameron numberCompute]$ □
```

3) SOR;

松弛法可以看做是 Seidel 迭代法的加速,但是这个过程跟 w 松弛因子有关,当 w>1 时候交超松弛; w<1 时候称为低松弛; w=1 就是 Seidel 迭代法:

```
Sorl 输入文件内容依次为
系数矩阵 A
右端项 b
初始向量 Y0
除数、精度控制 e
最大迭代次数 M
松弛因子 w
```

```
[alpha@Cameron numberCompute]$ cat sor1
10 -1 -2
-1 10 -2
-1 -1 5

7.2
8.3
4.2
0
0
0
0.001
100
0.5
[alpha@Cameron numberCompute]$ [
```

```
[alpha@Cameron numberCompute]$ ./SOR sor1
X[1] = 1.099417
X[2] = 1.199474
X[3] = 1.299477

K = 17
[alpha@Cameron numberCompute]$ [
```

附录 (源码)

{

A. 三次样条插值实现代码

double fenDuan3YangTiao(const double *x, const double *y, const size_t length, const double aO, const double an, const double bO, const double bn, const double queryX)

```
double *alpha;
double *beta;
alpha = malloc( sizeof( double ) * ( length ));
beta = malloc( sizeof( double ) * ( length ));
double *aArray;
double *bArray;
aArray = malloc( sizeof( double ) * ( length ) );
bArray = malloc( sizeof( double ) * ( length ) );
alpha[0] = a0;
alpha[length-1] = an;
beta[0] = b0;
beta[length-1] = bn;
```

```
printf("alpha[0] = %lf beta[0] = %lf \n", alpha[0], beta[0]);
                size_t i;
                for ( i=1 ; i < length-1 ; i++ )
                {
               alpha[i] = (x[i] - x[i-1]) / (x[i+1] - x[i-1]);
                beta[i] = 3 * ((1-alpha[i])/(x[i]-x[i-1]) * (y[i]-y[i-1]) + alpha[i]/(x[i+1]) + alph
-x[i]) * (y[i+1] - y[i]);
               printf("alpha[%d] = %lf beta[%d] = %lf n", i, alpha[i], i, beta[i]);
               }
               printf("alpha[%d] = %lf beta[%d] = %lf n", i, alpha[i], i, beta[i]);
               aArray[0] = -1 * alpha[0] / 2;
               bArray[0] = beta[0] / 2;
                for ( i=1 ; i \le length ; i++ )
                {
               aArray[i] = -1 * alpha[i] / (2 + (1 - alpha[i]) * aArray[i-1]);
                bArray[i] = (beta[i] - (1-alpha[i]) * bArray[i-1]) / (2 + (1 - alpha[i])
* aArray[i-1]) ;
               }
```

```
double *m;
m = malloc( sizeof( double ) * ( length + 1 ) );
m[length] = 0;
int j;
for(j = length-1; j \ge 0; j--)
m[j] = aArray[j] * m[j+1] + bArray[j];
printf(m[%d] = %lf n, j, m[j]);
}
for ( i=1 ; i \le length ; i++ )
{
if( queryX \langle x[i] \rangle
    break;
}
double yy;
double t1 = (queryX - x[i]) / (x[i-1] - x[i]);
double t2 = (queryX - x[i-1]) / (x[i] - x[i-1]);
```

```
yy = (1+2*t2)*t1*t1*y[i-1];
   yy += (1 + 2*t1)*t2*t2*y[i];
   yy += (queryX - x[i-1]) * t1 * t1 * m[i-1];
   yy += (queryX - x[i]) * t2 * t2 * m[i];
    free( m );
    free( aArray );
    free( bArray );
    free( alpha );
    free( beta );
   return yy;
}
B. 自动选取步长复化梯形源码
double autoLadder(const double a, const double b, const double e, int *p_n, double
( * f ) ( const double x) )
{
    double h;
    double T0, T1;
    double s;
    int k;
   h = (b - a) / 2;
   T1 = (f(a) + f(b)) * h;
   * p_n = 1;
   while(1)
   T0 = T1;
```

```
s = 0;
    for ( k=1 ; k \le (* p_n) ; k++ )
       s = s + f(a + (2 * k - 1) * h / (* p_n));
   T1 = T0 / 2 + s * h / (* p_n);
    if( fabs( T1 - T0 ) < 3*e )
       return T1;
   }
   else
       * p_n = 2 * (*p_n);
   }
   return 0.0; //keep the compiler happy
}
C. 自动选取步长复化抛物线
double autoSimpson(const double a, const double b, const double e, size_t * p_n ,
double ( * f) ( const double x) )
{
    double h;
    double T1, T0, T2;
    double S1, S2, S4;
    int n;
   T0 = f(a) + f(b);
   T1 = f((a + b) / 2);
```

```
h = (b - a) / 2;
n = 2;
S2 = h / 3 * (T0 + 4*T1);
while(1)
{
int i;
   n= 2 * n;
   h = h / 2;
T2 = 0;
for ( i=0 ; i <= (n/2-1) ; i++ )
{
   T2 += f(a + (2*i +1)*h);
}
S4 = h / 3 * (T0 + 2 * T1 + 4*T2);
if( fabs( S4 - S2) < 15*e )
   break;
```

```
else
    {
       S2 = S4;
       T1 = T1 + T2;
   }
   }
   * p_n = n;
   return S4;
}
D. Romberg
double romberg( const double a , const double b , const double e, double ( * f )
(const double x ))
    double T[MATRIX_SIZE][MATRIX_SIZE];
    size_t k;
    size_t c2k1; //means 2^(k-1)
    double temp;
   T[0][0] = (b - a) / 2 * (f(a) + f(b));
   k=1;
    c2k1 = 1;
   while(1)
    {
    size_t i;
    temp=0;
    for ( i=1; i \le c2k1; i++)
       temp += f(a + (2 * i - 1) * (b - a) / (c2k1 * 2));
   }
```

```
T[0][k] = 0.5 * (T[0][k-1] + (b - a) / c2k1 * temp);
    size_t m;
    int c4m=4;
    for ( m = 1 ; m \le k ; m++ )
        T[m][k-m] = (c4m * T[m-1][k-m+1] - T[m-1][k-m])/(c4m - 1);
        c4m *=4;
    }
    if( fabs( T[k][0] - T[k-1][0] ) < e )
        //finish calcalating print the trangle
        int i, j;
        for ( i=0 ; i \le k ; i++ )
        for( j=i ; j>=0 ; j-- )
             printf("%lf\t", T[i-j][j]);
        printf("\n");
        return T[k][0];
    }
    k++;
    c2k1 *=2; //why?
    return 0.0; //to keep the compiler happy
E. 顺序高斯
\label{lem:const_int} \mbox{void sequenceGauss( double } \mbox{m[][MATRIX\_SIZE] , const int } \mbox{n , const double e)} \\
    int k;
    int i;
    int j;
    double x[MATRIX_SIZE];
    for ( k=0 ; k < n-1 ; k++ )
```

}

```
{
if (fabs(m[k][k]) \le e)
    fprintf( stderr , "Sequence Gauss Can't solve it!");
    return;
}
for ( i=k+1 ; i < n ; i++ )
    double t = m[i][k] / m[k][k];
    for ( j=k+1 ; j \le n ; j++ )
    m[i][j] = m[i][j] - t * m[k][j];
}
}
if ( fabs ( m[n-1][n-1] ) <= e )
fprintf( stderr , "Sequence Gausse Can't solve it!\n");
return ;
}
x[n-1] = m[n-1][n] / m[n-1][n-1];
double tSum;
for( i=n-2 ; i>=0 ; i-- )
tSum=0;
for( j=i+1; j \le n; j++)
    tSum += m[i][j] * x[j];
}
x[i] = (m[i][n] - tSum) / m[i][i];
}
//now the x[...] store the answers print them out
for ( i=0 ; i < n ; i++ )
printf("X[\%d] = \%lf\n", i, x[i]);
```

```
}
F. 列主元高斯
void\ adjustMatrix(\ double\ m[][MATRIX\_SIZE]\ ,\ const\ int\ k\ ,\ const\ int\ n)
    double absMax;
    int w, row;
    absMax = m[k][k];
    row = k;
    for ( w=k+1; w < n; w++)
    if( fabs( m[w][k] ) > absMax )
        absMax = fabs(m[w][k]);
        row = w;
    }
    }
    if (row == k) //the current row is the absMax no need to do
    return;
    double temp;
    for ( w=k ; w \le n ; w++ )
    temp = m[k][w];
    m[k][w] = m[row][w];
    m[row][w] = temp;
}
void colGauss( double m[][MATRIX\_SIZE] , const int n , const double e)
{
    int k;
    int i;
    int j;
    double x[MATRIX_SIZE];
    for ( k=0 ; k < n-1 ; k++ )
    adjustMatrix( m, k , n);
```

```
if (fabs(m[k][k]) \le e)
    fprintf( stderr , "Sequence Gauss Can't solve it!");
    return;
}
for ( i=k+1 ; i < n ; i++ )
    double t = m[i][k] / m[k][k];
    for ( j=k+1 ; j \le n ; j++ )
    m[i][j] = m[i][j] - t * m[k][j];
}
}
if ( fabs ( m[n-1][n-1] ) <= e )
fprintf( stderr , "Sequence Gausse Can't solve it!\n");
return ;
}
x[n-1] = m[n-1][n] / m[n-1][n-1];
double tSum;
for( i=n-2 ; i>=0 ; i-- )
tSum=0;
for( j=i+1 ; j < n ; j++ )
    tSum += m[i][j] * x[j];
}
x[i] = (m[i][n] - tSum) / m[i][i];
}
//now the x[...] store the answers print them out
for ( i=0 ; i < n ; i++ )
printf("X[\%d] = \%lf\n", i, x[i]);
```

```
}
G. 全主元高斯
void adjustMatrix(double m[][MATRIX_SIZE], const int k, const int n, int * order )
{
    double absMax;
    int r, c, row, col;
    absMax = m[k][k];
   row = k;
    col = k;
    for( r=k; r < n; r++)
    for ( c=k; c < n ; c++ )
    {
        if( fabs( m[r][c] ) > absMax )
        {
        absMax = fabs(m[r][c]);
        row = r;
        co1 = c;
   }
   }
```

```
//exchange the row
double temp;
int w;
for( w=k ; w \le n ; w++ )
{
temp = m[k][w];
m[k][w] = m[row][w];
m[row][w] = temp;
//exchange the colomn
for ( w=k ; w < n ; w++ )
{
temp = m[w][k];
m[w][k] = m[w][col];
m[w][col] = temp;
}
//exchange the order
int it;
it = order[k];
```

```
order[k] = order[col];
    order[col] = it;
}
void colGauss( double m[][MATRIX\_SIZE] , const int n , const double e)
{
    int k;
    int i;
    int j;
    double x[MATRIX_SIZE];
    int order[MATRIX_SIZE];
    //get the order ordered..
    for( k=0 ; k \le MATRIX_SIZE ; k++ )
    order[k] = k;
    }
    for ( k=0 ; k < n-1 ; k++ )
    {
```

```
adjustMatrix( m, k , n , order );
if ( fabs ( m[k][k] ) <= e )
{
    fprintf( stderr , "Sequence Gauss Can't solve it!");
    return;
}
for( i=k+1 ; i < n ; i++ )
{
    double t = m[i][k] / m[k][k];
    for( j=k+1; j \le n; j++)
    {
    m[i][j] = m[i][j] - t * m[k][j];
   }
}
if( fabs( m[n-1][n-1] ) <= e )
{
fprintf( stderr , "Sequence Gausse Can't solve it!\n");
return ;
```

```
}
x[n-1] = m[n-1][n] / m[n-1][n-1];
double tSum;
for( i=n-2 ; i>=0 ; i-- )
{
tSum=0;
for( j=i+1; j \le n; j++)
{
    tSum += m[i][j] * x[j];
}
x[i] = (m[i][n] - tSum) / m[i][i];
}
//now the x[\dots] store the answers print them out
for( i=0 ; i < n ; i++ )
{
printf("X[\%d] = \%lf\n", order[i], x[i]);
}
```

```
}
H. 简单 Jacobi 迭代
//initial Y
    for(i = 0; i < n; i++)
    Y[i] = 0;
    //now the matrix {\tt m} , vector {\tt b} , size {\tt n} , {\tt e} is usable
    int k=1;
    double T;
    for( i=0 ; i < n ; i++ )
    if( fabs( m[i][i] ) \langle e \rangle
        fprintf( stderr , "Failed!" );
         exit( 1 );
    }
    T = m[i][i];
    for ( j=0 ; j \le n ; j++ )
        m[i][j] = -1 * m[i][j] / T;
    m[i][i] = 0;
    g[i] = b[i] / T;
    }
    while(1)
    {
    for( i=0 ; i < n ; i++ )
    double sum = 0;
    for( j=0 ; j < n ; j++ )
         if(i == j)
         continue;
```

```
else
       sum += m[i][j] * Y[j];
   }
   X[i] = g[i] + sum;
    double s=0;
    for( i=0 ; i < n ; i++ )
    s += fabs(X[i] - Y[i]);
   if(s < e)
   for( i=0 ; i < n ; i++ )
       printf("X[%d] = %lf\n", i+1, X[i]);
   }
   printf("\n K = %d\n", k);
   break;
   }
   if(k \leq M)
    {
   k++;
    for(i = 0; i < n; i++)
       Y[i] = X[i];
   }
   }
    else
    fprintf( stderr , "Failed!\n");
   break;
   }
   }
I. Seidel 迭代
//initial Y
```

```
for(i = 0; i < n; i++)
{
Y[i] = 0;
X[i] = Y[i];
}
//now the matrix m , vector b , size n , e is usable
int k=1;
double T;
for( i=0 ; i < n ; i++ )
{
if( fabs( m[i][i] ) < e )</pre>
{
    fprintf( stderr , "Failed!" );
    exit( 1 );
}
T = m[i][i];
for( j=0 ; j < n ; j++ )
{
   m[i][j] = -1 * m[i][j] / T;
```

```
}
m[i][i] = 0;
g[i] = b[i] / T;
}
while(1)
{
for( i=0 ; i < n ; i++ )
{
double sum = 0;
for( j=0 ; j \le n ; j++ )
{
    if(i == j)
    continue;
    else
    sum += m[i][j] * X[j];
```

```
X[i] = g[i] + sum;
}
double s=0;
for( i=0 ; i < n ; i++ )
{
s += fabs(X[i] - Y[i]);
}
if(s < e)
{
for ( i=0 ; i < n ; i++ )
{
   printf("X[\%d] = \%lf\n", i+1 , X[i]);
}
printf("\n K = %d\n", k);
break;
}
if(k \leq M)
{
```

```
k++;
    for(i = 0; i < n; i++)
        Y[i] = X[i];
    }
    else
    {
    fprintf( stderr , "Failed!\n");
    break;
    }
    }
J. SOR 迭代
    //initial X with Y
    for(i = 0; i < n; i++)
    X[i] = Y[i];
    }
    //now the matrix \boldsymbol{m} , vector \boldsymbol{b} , size \boldsymbol{n} , \boldsymbol{e} is usable
    int k=1;
```

```
double T;
for( i=0 ; i < n ; i++ )
if( fabs( m[i][i] ) < e )
{
    fprintf( stderr , "Failed!" );
    exit( 1 );
}
T = m[i][i];
for ( j=0 ; j < n ; j++ )
{
   m[i][j] = -1 * m[i][j] * w / T;
}
m[i][i] = 1-w;
g[i] = w * b[i] / T;
}
while(1)
{
```

```
for( i=0 ; i < n ; i++ )
double sum = 0;
for( j=0 ; j < n ; j++ )
{
    sum += m[i][j] * X[j];
}
X[i] = g[i] + sum;
}
double s=0;
for( i=0 ; i < n ; i++ )
s += fabs(X[i] - Y[i]);
if(s < e)
{
for( i=0 ; i < n ; i++ )
{
```

```
printf("X[\%d] = \%lf\n", i+1, X[i]);
}
printf("\n K = %d\n", k);
break;
}
if(k < M)
{
k++;
for(i = 0; i < n; i++)
{
 Y[i] = X[i];
}
}
else
fprintf( stderr , "Failed!\n");
break;
}
}
```