

规格严格 功夫到家



函数

MOOC第6周

教材7.1~7.3节



哈尔滨工业大学
苏小红
sxh@hit.edu.cn

你为什么留下来？

A

喜欢老师的讲课风格

B

喜欢老师的讲课内容，想多学点

C

只因同学推荐

D

只是慕名而来

E

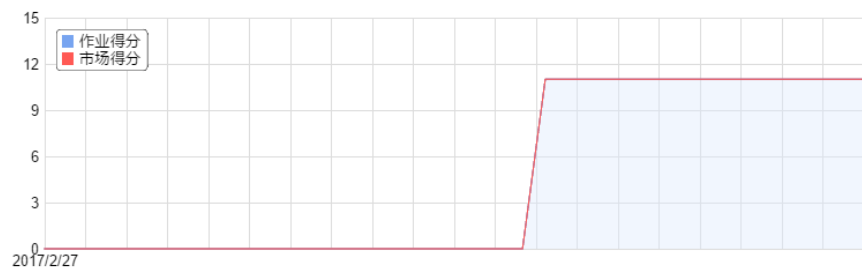
不喜欢也懒得再换了

F

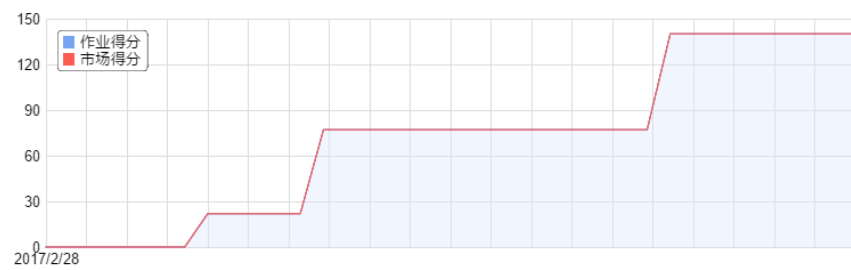
以上都不是

提交

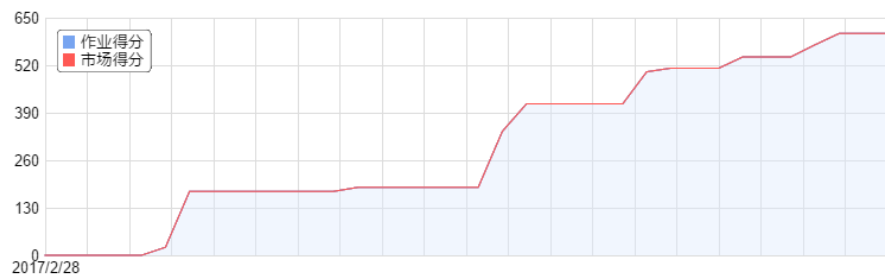
得分情况



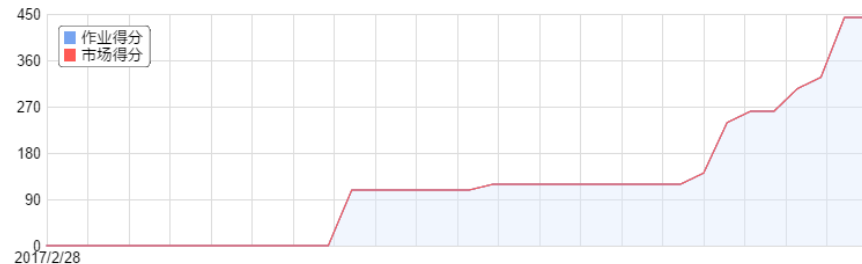
得分情况



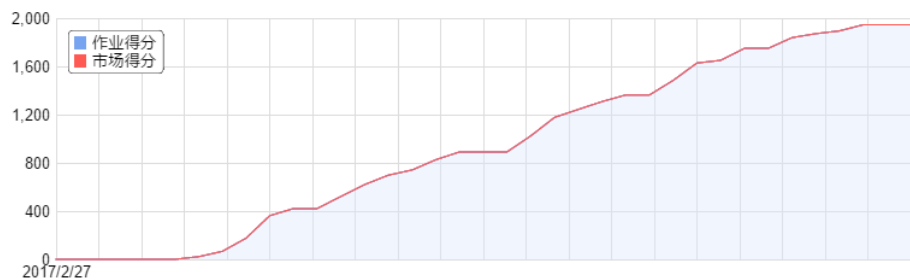
得分情况



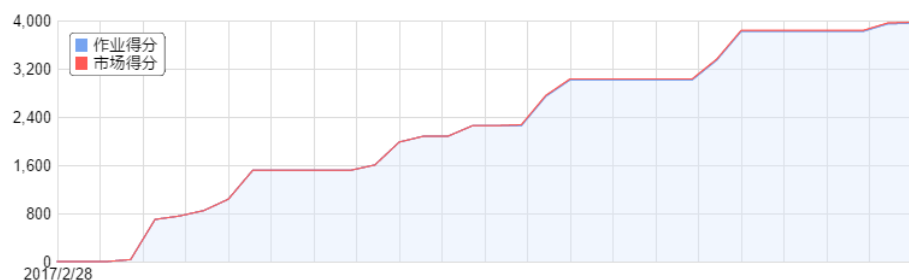
得分情况



得分情况



得分情况

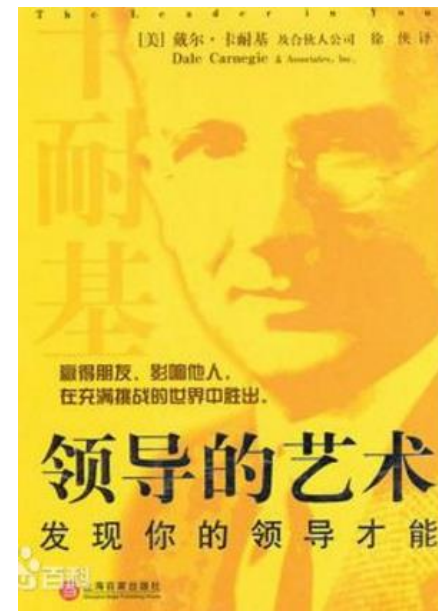


一个函数中究竟适合放多少行代码？

- 50行左右（一页显示屏，一张打印纸）
 - * 1986年IBM的研究结果：多数有错误的函数大于500行
 - * 1991年对148,000行代码的研究表明：函数小于143行更易维护
- 如果把所有代码都写到`main()`函数里.....?



大话三国



- 分工+协作
 - * 分而治之 (Divide and Conquer)
- * 模块化编程 (Modular Programming)
 - * 某些功能调用标准库函数或第三方库函数完成

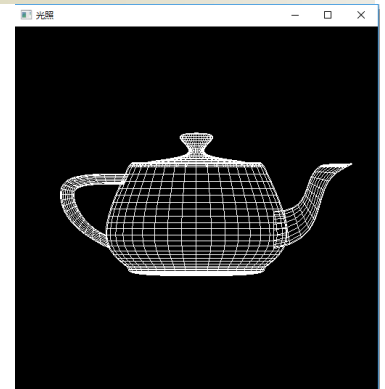
标准库函数

* ANSI/ISO C定义的标准库函数

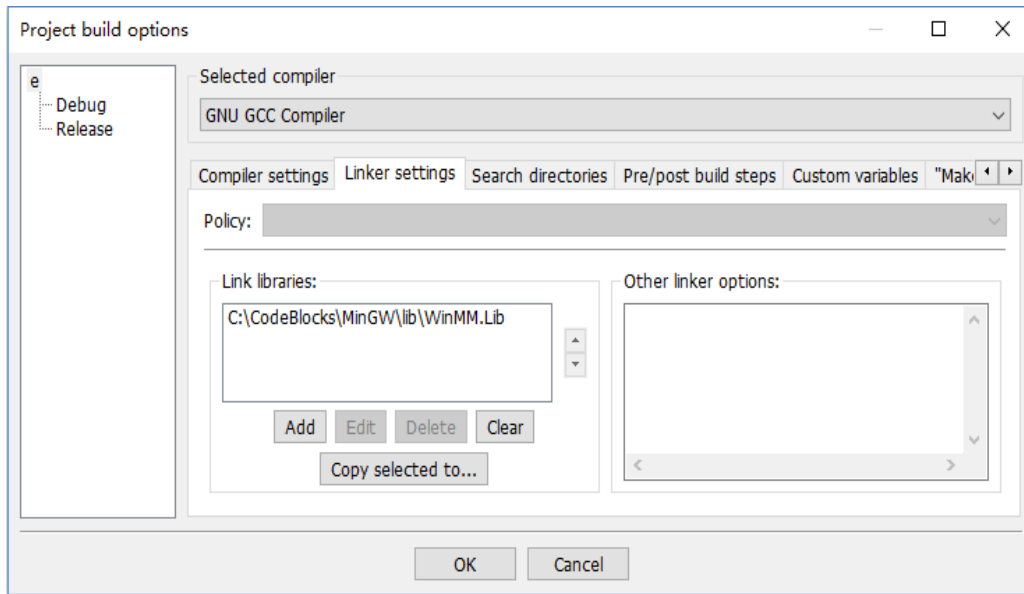
- ◆ 使用时，必须包含定义该函数的头文件

* 第三方库函数

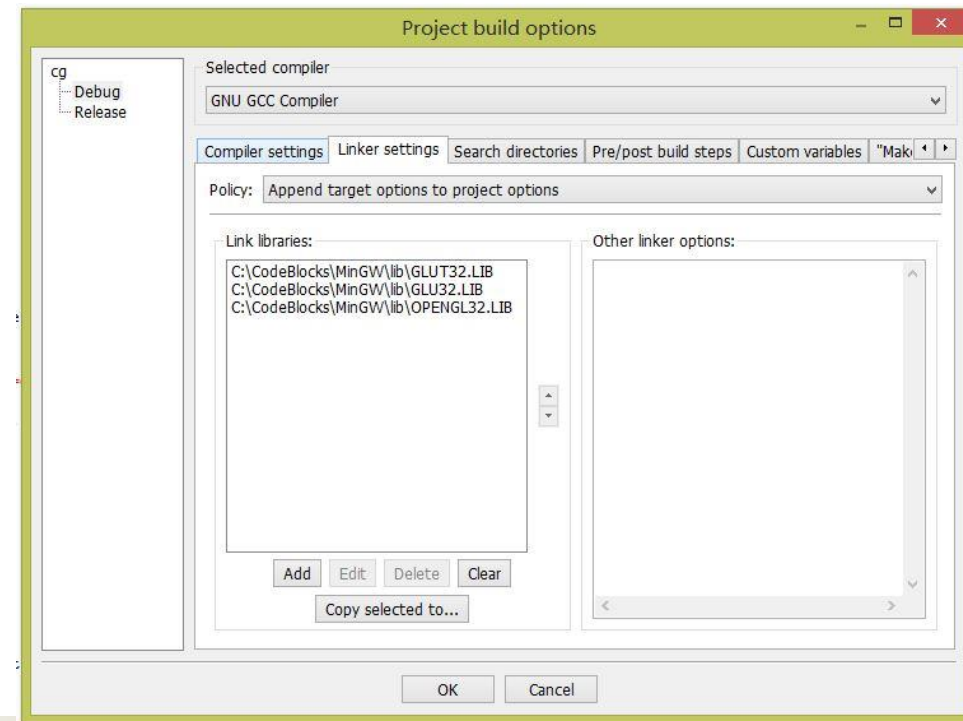
- ◆ 由其他厂商自行开发的C语言函数库（例如，OpenGL，EasyX）



glutWireTeapot(0.5);



PlaySound()



标准库函数不够用咋办？

- **自定义函数**

- * 用户自己定义的函数

- ◆ 包装后也可成为函数库，供别人使用

- 例如，编写一个函数GetMax()，求两个整数的最大值

函数设计的基本原则

1

函数规模
要适当

2

函数功能
要独立

3

函数接口
定义要清楚

如何调用这个函数？

- 通过函数名调用被调函数
 - 函数定义时的参数，形式参数（Parameter），简称形参
 - 函数调用时的参数，实际参数（Argument），简称实参

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int a, b, max;
    scanf("%d, %d", &a, &b);
    max = GetMax(a, b);
    printf("max = %d\n", max);
    return 0;
}
```

```
int GetMax(int x, int y)
{
    return x > y ? x : y;
}
```

```
printf("max = %d\n", GetMax(a, b));
```

函数调用的过程

1. 保存函数的返回地址，并为函数内的局部变量（包括形参）分配内存
2. 把实参值复制一份给形参，**单向传值**（实参→形参）
3. 执行函数内语句，执行到**return**语句或**}**时，从函数退出，返回到函数调用处
4. 函数值返回给主调函数，同时收回给函数内局部变量（包括形参）分配的内存

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int a, b, max;
    scanf("%d, %d", &a, &b);
    max = GetMax(a, b);
    printf("max = %d\n", max);
    return 0;
}
```

```
int GetMax(int x, int y)
{
    return x > y ? x : y;
}
```

main函数有什么
特殊性？

调用一个函数还需什么条件？

```
int GetMax(int x,int y)
{
    return x > y ? x : y;
}
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int a, b, max;
    scanf("%d, %d", &a, &b);
    max = GetMax(a, b);
    printf("max = %d\n", max);
    return 0;
}
```

函数原型的好处是让编译器做参数类型匹配检查

- 隐含的函数声明，默认返回int型

```
int GetMax(int x,int y);
```

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int a, b, max;
    scanf("%d, %d", &a, &b);
    max = GetMax(a, b);
    printf("max = %d\n", max);
    return 0;
}
```

没有身体
不分配内存

```
int GetMax(int x,int y)
{
    return x > y ? x : y;
}
```

下列说法错误的是：

- ☐ A 函数内定义的变量称为局部变量，只能在函数内部访问
- ☒ B 实参和形参同名时占用同一内存
- ☐ C 函数原型没有函数体，因此编译器不为其分配内存
- ☐ D 函数原型的好处是让编译器做参数类型匹配检查
- ☐ E C程序都是从main函数开始执行，并在main函数中结束，除main函数外，其他函数的地位都是平等的

提交

素数探求——判断素数

- 如何判断一个整数 x 是**素数**（Prime Number）？
 - * 不能被1和 x 以外的其他数整除的正整数
- 求解算法
 - * 用 $2 \sim x-1$ 之间的整数去试商，看 x 能否其被整除
 - * 用 $2 \sim x/2$ 之间的整数去试商，看 x 能否其被整除
 - * 用 $2 \sim \text{sqrt}(x)$ 之间的整数去试商，看 x 能否被其整除
 - * $x = a * b$
 - * 若 $a \geq \text{sqrt}(x)$ ，则 $b \leq \text{sqrt}(x)$

素数探求——判断素数

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int IsPrime(int x);
int main()
{
    int m;
    printf("Input m:");
    scanf("%d", &m);
    if (IsPrime(m))
    {
        printf("Yes!\n");
    }
    else
    {
        printf("No!\n");
    }
    return 0;
}
```

```
int IsPrime(int x)
{
    int i, squareRoot;
    if (x <= 1) return 0;
    squareRoot = (int)sqrt(x);
    for (i=2; i<=squareRoot; i++)
    {
        if (x%i == 0) return 0;
        else return 1;
    }
}
```

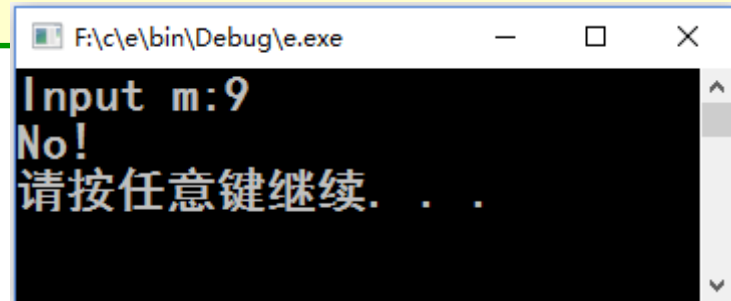
错在哪里？



素数探求——判断素数

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int IsPrime(int x);
int main()
{
    int m;
    printf("Input m:");
    scanf("%d", &m);
    if (IsPrime(m))
    {
        printf("Yes!\n");
    }
    else
    {
        printf("No!\n");
    }
    return 0;
}
```

```
int IsPrime(int x)
{
    int i, squareRoot;
    if (x <= 1) return 0;
    squareRoot = (int)sqrt(x);
    for (i=2; i<=squareRoot; i++)
    {
        if (x%i == 0) return 0;
    }
    return 1;
}
```



判断完数

- 如何判断一个整数 x 是完数（ Perfect Number ）？
 - * 它所有的真因子（即除自身以外的约数）的和，恰好等于它本身，即 x 的所有小于 x 的不同因子（包括1）加和恰好等于 x 本身
 - * 例如： $6 = 1 + 2 + 3$
 - * 注意：1没有真因子，所以1不是完全数。
- 求解算法
 - * i 从1试到 $x/2$ ，看 i 是否是 x 的真因子
 - * 若 x 能被 i 整除，则累加到 sum
 - * 累加结束判断 x 是否等于 sum ，返回判断结果



判断完数

```
#include <stdio.h>
int IsPerfect(int x);
int main()
{
    int m;
    printf("Input m:");
    scanf("%d", &m);
    if (IsPerfect(m))
    {
        printf("Yes!\n");
    }
    else
    {
        printf("No!\n");
    }
    return 0;
}
```

```
//是完数返回1，否则返回0
int IsPerfect(int x)
{
    int i, sum = 0;
    for (i=1; _____; i++)
    {
        if (x%i == 0)
        {
            _____;
        }
    }
    return _____;
}
```

■ 求解算法

- * i 从1试到 $x/2$ ，看 i 是否是 x 的真因子
- * 若 x 能被 i 整除，则累加到 sum
- * 累加结束判断 x 是否等于 sum ，返回判断结果

判断完数

```
#include <stdio.h>
int IsPerfect(int x);
int main()
{
    int m;
    printf("Input m:");
    scanf("%d", &m);
    if (IsPerfect(m))
    {
        printf("Yes!\n");
    }
    else
    {
        printf("No!\n");
    }
    return 0;
}
```

```
//是完数返回1，否则返回0
int IsPerfect(int x)
{
    int i, sum = 0;
    for (i=1; i<=x/2; i++)
    {
        if (x%i == 0)
        {
            sum = sum + i;
        }
    }
    return sum==x ? 1 : 0;
}
```

■ 求解算法

- * i 从1试到 $x/2$ ，看 i 是否是 x 的真因子
- * 若 x 能被 i 整除，则累加到 sum
- * 累加结束判断 x 是否等于 sum ，返回判断结果

挑战速度：输出 n (<1000000)
以内的所有完数？

素数探求——验证哥德巴赫猜想

- 任何一个大于或等于6的偶数总能表示为两个素数之和。
 - * 例如, $8=3+5$, $12=5+7$ 等
 - * 请编程从键盘输入 $[6, 2000000000]$ 以内的任意偶数 n , 验证哥德巴赫猜想
 - * 如果 n 符合“哥德巴赫猜想”, 则输出将 n 分解为两个素数之和的等式, 否则输出“ n 不符合哥德巴赫猜想!”的提示信息。
 - * 将 n 分解为两个奇数之和即 $n=a+b$, 然后测试 a 和 b 是否均为素数
- 求解算法
 - * a 从3开始试到 $n/2$, $a+=2$ (测试所有奇数)
 - * 若 $\text{IsPrime}(a) \ \&\& \ \text{IsPrime}(n-a)$, 则输出 $n=a+(n-a)$



素数探求——验证哥德巴赫猜想

```
int main()
{
    定义变量
    输入n, 直到n满足题目要求为止
        //([6,2000000000]以内的偶数n)
    GoldbachTest(n);
    return 0;
}

void GoldbachTest(long n)
{
    for循环, a从3开始循环试到n/2, a的步长为2
    {
        若IsPrime(a) && IsPrime(n-a), 则
        {
            输出分解的等式  $n = a + (n-a)$ 
            退出函数调用
        }
    }
    输出n不符合哥德巴赫猜想
    退出函数调用
}
```

■ 求解算法

- * a从3开始试到 $n/2$, $a+=2$
(测试所有奇数)
- * 若IsPrime(a) && IsPrime(n-a), 则输出
 $n=a+(n-a)$

```
int IsPrime(int x)
{
    int i, squareRoot;
    if (x <= 1) return 0;
    squareRoot = (int)sqrt(x);
    for (i=2; i<=squareRoot; i++)
    {
        if (x%i == 0) return 0;
    }
    return 1;
}
```

```
int main()
{
    long n;
    do{
        printf("Input n:");
        scanf("%ld", &n);
    } while (n%2!=0 || n<6 || n>2000000000);
    GoldbachTest(n);
    return 0;
}
```

```
void GoldbachTest(long n)
```

```
{
    long a;
    for (a=3; a<=n/2; a+=2)
    {
        if (IsPrime(a) && IsPrime(n-a))
        {
            printf("%ld=%ld+%ld\n", n, a, n-a);
            return; //退出函数调用
        }
    }
    printf("%ld不符合哥德巴赫猜想\n", n);
    return;
}
```

函数不能嵌套定义，
但可嵌套调用

若要输出所有可能的分解式，则应如何修改程序？

■ 求解算法

- * a从3开始试到 $n/2$ ， $a+=2$ （测试所有奇数）
- * 若IsPrime(a) && IsPrime(n-a)，则输出 $n=a+(n-a)$

```
int IsPrime(int x)
{
    int i, squareRoot;
    if (x <= 1) return 0;
    squareRoot = (int)sqrt(x);
    for (i=2; i<=squareRoot; i++)
    {
        if (x%i == 0) return 0;
    }
    return 1;
}
```

```

int main()
{
    long n;
    do{
        printf("Input n:");
        scanf("%ld", &n);
    } while (n%2!=0 || n<6 || n>2000000000);
    GoldbachTest(n);
    return 0;
}

```

```

void GoldbachTest(long n)
{
    long a;
    int flag = 0;
    for (a=3; a<=n/2; a+=2)
    {
        if (IsPrime(a) && IsPrime(n-a))
        {
            printf("%ld=%ld+%ld\n", n, a, n-a);
            flag = 1; //不退出函数调用
        }
    }
    if (!flag)
    {
        printf("%ld不符合哥德巴赫猜想\n", n);
    }
}

```

若要输出所有可能的分解式，则应如何修改程序？

■ 求解算法

- * a从3开始试到 $n/2$ ， $a+=2$ （测试所有奇数）
- * 若 $\text{IsPrime}(a) \ \&\& \ \text{IsPrime}(n-a)$ ，则输出 $n=a+(n-a)$

```

int IsPrime(int x)
{
    int i, squareRoot;
    if (x <= 1) return 0;
    squareRoot = (int)sqrt(x);
    for (i=2; i<=squareRoot; i++)
    {
        if (x%i == 0) return 0;
    }
    return 1;
}

```

```
int main()
{
    long n, m;
    do{
        printf("Input n:");
        m = scanf("%ld", &n);
        if (m != 1)
        {
            while (getchar()!='\n');
        }
    }while (m != 1);
    GoldbachTest(n);
    return 0;
}
```

防止输入非法字符，
提高健壮性

在函数入口处检查参数取值的合法性

```
void GoldbachTest(long n)
{
    long a;
    if (n%2!=0 || n<6 || n>2000000000)
    {
        printf("Input error!\n");
        return;
    }
    for (a=3; a<=n/2; a+=2)
    {
        if (IsPrime(a) && IsPrime(n-a))
        {
            printf("%ld=%ld+%ld\n", n, a, n-a);
            return;
        }
    }
    printf("%ld不符合哥德巴赫猜想\n", n);
    return;
}
```

常用的错误处理技术

- 检查所有来源于外部的数据，在非法输入中保护你的程序
- (1) 终止程序运行
 - * 对于非常严重的错误，一旦出现，输出错误信息后立即终止程序的执行
 - * 调用错误处理子程序，进行程序结束前的处理（如资源释放等）
- (2) 继续让程序运行
 - * a.换用下一个正确的数据，直到正确为止
 - * b.返回一个错误码
 - * 意味着将错误交由其他函数来处理，而不是本函数处理
 - * 函数调用结束，需判断函数调用成功与否

素数探求——回文素数

- 苏东坡曾写过一首回文诗，这首诗顺读，读者仿佛看到了从月夜景色到江天破晓的画面
- 而反过来读，仿佛是一幅从黎明晓日，到渔舟唱晚的画卷：

潮随暗浪雪山倾，远浦渔舟钓月明。

桥对寺门松径小，槛当泉眼石波清。

迢迢绿树江天晓，霭霭红霞晚日晴。

遥望四边云接水，碧峰千点数鸥轻。

轻鸥数点千峰碧，水接云边四望遥。

晴日晚霞红霭霭，晓天江树绿迢迢。

清波石眼泉当槛，小径松门寺对桥。

明月钓舟渔浦远，倾山雪浪暗随潮。



素数探求——回文素数

- 对于一个素数 n ，左读和右读都是相同的。

- * 例如11, 101, 313等

- * 编程计算并输出不超过 n ($100 \leq n \leq 1000$) 的回文素数，并统计这些回文素数的个数，其中 n 的值从键盘输入（不考虑非法字符输入的情况）。

- // 计算并输出不超过 n ($100 \leq n \leq 1000$) 的回文素数，并返回回文素数的个数

- ```
int PalindromicPrime(int n);
```

- 求解算法

- \*  $m$ 从10开始试到 $n-1$

- \* 将 $m$ 分离出个位、十位或百位，计算其右读（逆序）结果 $t$

- \* 若 $(t==m) \ \&\& \text{IsPrime}(m)$ ，则是回文素数

- \*  $m < 100$ 和 $m \geq 100$ 分两种情况计算逆序数



# 素数探求——回文素数

```
#include<stdio.h>
#include<math.h>
int IsPrime(int x);
int PalindromicPrime(int n);
int main()
{
 int n, count;
 do
 {
 printf("Input n:");
 scanf("%d", &n);
 }while (n<100 || n>1000);
 count = PalindromicPrime(n);
 printf("count=%d\n", count);
 return 0;
}
```

```
int PalindromicPrime(int n)
{
 int i, j, k, t, m, count = 0;
 for (m=10; m<n; m++)
 {
 i = m / 100;
 j = (m - i * 100) / 10;
 k = m % 10;
 if (m < 100) //两位数
 {
 t = k * 10 + j;
 }
 else //三位数
 {
 t = k * 100 + j * 10 + i;
 }
 if (m==t && IsPrime(m))
 {
 printf("%d\t", m);
 count++;
 }
 }
 printf("\n");
 return count;
}
```

# 素数探求——孪生素数

## ■ 相差为2的两个素数。

- \* 例如，3与5，41与43等
- \* 编程计算并输出指定区间 $[c,d]$ 上的所有孪生素数对，并统计这些孪生素数的个数，其中区间上限 $d$ 和下限 $c$  ( $c>2$ ,  $d>c$ ) 由键盘输入

//打印 $[min,max]$ 之间的孪生素数，返回其间孪生素数的个数

**int TwinPrime(int min, int max);**

## ■ 求解算法

- \*  $i$ 从 $min$ 开始试到 $max-2$
- \* 若 $IsPrime(i) \ \&\& \ IsPrime(i+2)$ ，则输出这两个孪生素数
- \* 加速：若 $min$ 为偶数，则 $min++$ ，并且 $i+=2$ （测试所有奇数）

```
E:\C\demo\bin\Debug\demo.exe
Input c,d(c>2):3,100
(3,5)(5,7)(11,13)(17,19)(29,31)(41,43)(59,61)(71,73)
count=8
```



# 课后作业：素数探求——梅森素数

- 形如 $2^i - 1$ 的素数，称梅森素数，或梅森尼数
  - \* 素数有无穷多个，但目前只发现有极少量的素数能表示成  $2^i - 1$ （ $i$ 为素数）的形式，这就是梅森素数（如3、7、31、127等），以17世纪法国数学家马林·梅森的名字命名。
  - \* 编程计算并输出指数 $i$ 在 $[2, n]$ 中的所有梅森尼数，并统计梅森尼数个数， $n$ 值由键盘输入，且 $n$ 不大于50。
- 求解算法
  - \*  $i$ 从2开始试到 $n$
  - \* 计算 $m = 2^i - 1$ ，若 $\text{IsPrime}(m)$ ，则输出 $i$ 和 $m$



# 素数探求——梅森素数

```
int Mensenni(int n)
```

```
{
```

定义变量

```
for (i=2; i<=n; i++)
```

```
{
```

迭代计算 $2^i$

$m=2^i-1$ ;

若 $m$ 是素数, 则

```
{
```

```
 count++;
```

```
 printf("2^%d-1=%ld\n", i, m);
```

```
}
```

```
}
```

```
return count;
```

```
}
```

F:\c\su\bin\Debug\su.exe

Input n:51

Input n:50

$2^2-1=3$

$2^3-1=7$

$2^5-1=31$

$2^7-1=127$

$2^{13}-1=8191$

$2^{17}-1=131071$

$2^{19}-1=524287$

$2^{31}-1=2147483647$

count=8

```
int IsPrime(int x)
```

```
{
```

```
 int i, squareRoot;
```

```
 if (x <= 1) return 0;
```

```
 squareRoot = (int)sqrt(x);
```

```
 for (i=2; i<=squareRoot; i++)
```

```
 {
```

```
 if (x%i == 0) return 0;
```

```
 }
```

```
 return 1;
```

```
}
```

## ■ 求解算法

- \*  $i$ 从2开始试到 $n$

- \* 计算 $m=2^i-1$ , 若 $m$ 是素数, 则输出 $i$ 和 $m$

# 使用函数编程的好处

```
int IsPrime(int x)
{
 int i, squareRoot;
 if (x <= 1) return 0;
 squareRoot = (int)sqrt(x);
 for (i=2; i<=squareRoot; i++)
 {
 if (x%i == 0) return 0;
 }
 return 1;
}
```



活字印刷  
随时拼版  
重复使用  
易于保管

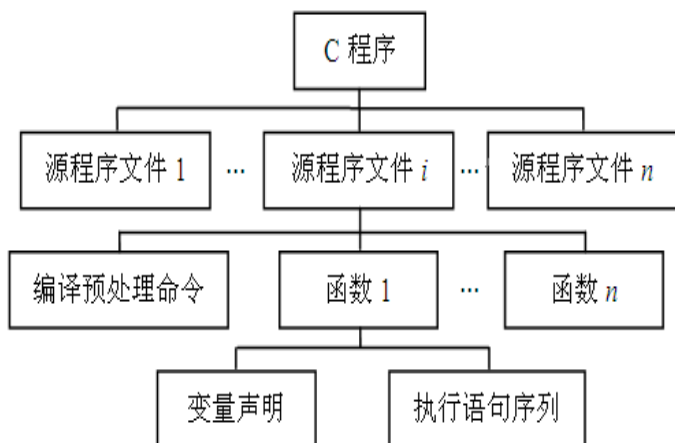
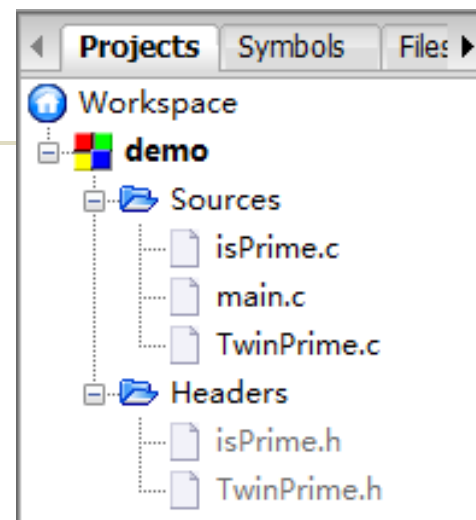
## ■ 函数封装

- \* 把函数内的实现细节对外隐藏，只提供对外接口（Interface）
- \* 外界对函数的影响—仅限于入口参数
- \* 函数对外界的影响—返回值， ...
- \* 便于实现信息隐藏（Information Hiding）和函数复用（Reuse）

# 怎样才能共享函数？

## ■ 把代码分成多个文件

- \* 把需要共享的代码放到一个单独的.c文件中
- \* 把函数声明和外部变量声明放到一个单独的.h文件中（声明与定义分离）
- \* 在所有需要使用共享代码的.c文件中包含这个头文件



```
main.c x isPrime.c x isPrime.h x TwinPrime.h x isPrime.c x TwinPrime.c x isPrime.h x TwinPrime.h x
1 int IsPrime(int x); 1 int TwinPrime(int min, int max);

x isPrime.c x TwinPrime.c x isPrime.h x TwinPrime.h x
1 #include <stdio.h>
2 #include "TwinPrime.h"
3 int main()
4 {
5 int c, d, n;
6 do{
7 printf("Input c d\n");
8 scanf("%d,%d", &c, &d);
9 }while (c<=2 || c>=1000000);
10 n = TwinPrime(c, d);
11 printf("count=%d\n", n);
12 return 0;
13 }

x isPrime.c x TwinPrime.c x isPrime.h x TwinPrime.h x
1 #include <math.h>
2 #include <stdio.h>
3 // 函数功能: 判断x是否是素数, 若函数返回0, 否则返回1
4 int IsPrime(int x)
5 {
6 int i, fl = 1;
7 int squar = x * x;
8 if (x <= 1) return 0;
9 for (i=2; i<=sqrt(squar); i++)
10 {
11 if (x % i == 0)
12 fl = 0;
13 }
14 return fl;
15 }

x isPrime.c x TwinPrime.c x isPrime.h x TwinPrime.h x
1 #include <stdio.h>
2 #include "isPrime.h"
3 // 函数功能: 打印[min,max]之间的孪生质数
4 int TwinPrime(int min, int max)
5 {
6 int i, front = 0;
7 int count = 0;
8 if (min%2 == 0) min++;
9 for (i=min; i<=max; i+=2)
10 {
11 if (IsPrime(i))
12 count++;
13 if (IsPrime(i+2))
14 front++;
15 if (count == 2)
16 printf("%d %d\n", i, i+2);
17 count = 0;
18 front = 0;
19 }
20 }
```

## ■ 构成C语言程序的基本模块



你能跟上老师现在的讲课进度吗？

- ☐ A 能跟上
- ☐ B 基本能跟上
- ☐ C 有点跟不上，不过我会努力的
- ☐ D 完全跟不上，郁闷

提交