

模式识别与深度学习(18)

深度序列建模-2

左旺孟

综合楼309 视觉感知与认知组 哈尔滨工业大学计算机学院 cswmzuo@gmail.com 13134506692



• 循环神经网络(Recurrent NN)

• 双向RNN

• 序列到序列模型

• 长短期记忆(LSTM)、GRU



长短期记忆

• 长期依赖

• 启发式解决方案

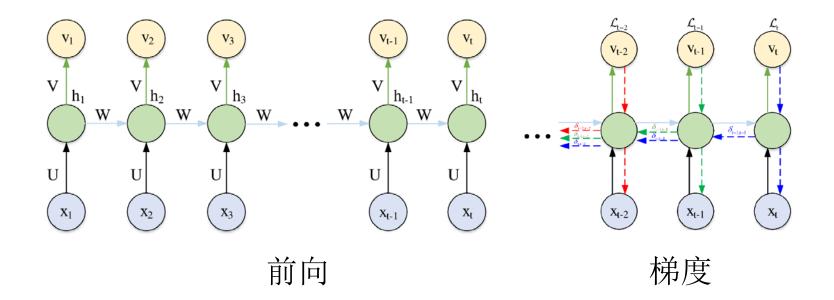
• GRU

• LSTM





长期依赖(Long-Term Denpendency)



• 梯度计算

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial W} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} \left(\prod_{i=k}^{t-1} \operatorname{Diag} \left(f'\left(\mathbf{z}_{i}\right) \right) W^{T} \right) \delta_{t,t} \mathbf{h}_{k-1}^{T}$$





长期依赖(Long-Term Denpendency)

• $\mathbb{E} \mathcal{F} \gamma \approx \| \operatorname{Diag} (f'(\mathbf{z}_i)) W^T \|$

$$\frac{\partial \mathcal{L}}{\partial W} = \sum_{t=1}^{T} \sum_{k=1}^{t} \gamma^{t-k} \delta_{t,t} \mathbf{h}_{k-1}^{T}$$

- 当 $\gamma > 1$, $t k \to \infty$ 时, $\gamma^{t k} \to \infty$, 此时会产生梯度爆炸
- 当 γ < 1, $t-k \to \infty$ 时, $\gamma^{t-k} \to 0$, 从而出现和前馈神经网络类似的梯度消失问题
- 当 t k 较大时,时刻 t 损失函数 \mathcal{L}_t 产生的梯度无法对 t k 时刻之前的参数 W 产生影响
- 长期依赖: 当间隔 k 较大时, 网络无法对 长时间间隔的数据依赖关系进行建模





长短期记忆

• 长期依赖

• 启发式解决方案

• GRU

• LSTM





缓解梯度爆炸

- 截断梯度 (Gradient clipping)
 - 是当参数的梯度大于一定阈值时,就将其截断为一个较小的数值
 - 方式1: 在参数更新之前,**逐元素**地截断Mini-batch 产生的参数梯度
 - 方式2: 在参数更新之前,整体约束参数梯度大小 (不改变梯度方向)

$$\mathbf{g} = \begin{cases} \frac{\mathbf{g}v}{\|\mathbf{g}\|}, & \text{if } \|\mathbf{g}\| > v \\ \mathbf{g}, & \text{else} \end{cases}$$

• 实际应用中,两种方式性能表现类似





缓解梯度消失

- 时间维度的跳跃连接
 - 直接构造从t 时刻单元到t + d 时刻单元的连接
- 渗漏单元
 - $\Rightarrow W = I$, $f'(\mathbf{z}_i) = \mathbf{1}$ $\mathbf{h}_t = \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{g}(\mathbf{x}_t, \phi)$
 - 丢失了神经元上存在的非线性激活性质,降低了网络的拟合能力





缓解梯度消失:渗漏单元

- 记忆容量(Memory Capacity)问题
 - 随着h_t不断累积存储过去的输出状态,会发生"饱和"现象
- 渗漏单元 (Leaky Unit)

$$\mathbf{h}_t = \mu \mathbf{h}_{t-1} + (1 - \mu) \mathbf{g} (\mathbf{x}_t, \mathbf{h}_{t-1}, \phi)$$

- 当μ接近于1时,神经网络能够记住过去很长一段时间的信息;
- 当μ接近于0时,关于过去的信息会被快速丢弃
- 超参数μ: 可以预设, 也通过数据驱动的方式学习





算法 8.4 AdaGrad 算法

Require: 全局学习率 ϵ

Require: 初始参数 θ

Require: 小常数 δ , 为了数值稳定大约设为 10^{-7}

初始化梯度累积变量 r=0

while 没有达到停止准则 do

从训练集中采包含 m 个样本 $\{x^{(1)},\ldots,x^{(m)}\}$ 的小批量,对应目标为 $y^{(i)}$ 。

计算梯度: $g \leftarrow \frac{1}{m} \nabla_{\boldsymbol{\theta}} \sum_{i} L(f(\boldsymbol{x}^{(i)}; \boldsymbol{\theta}), \boldsymbol{y}^{(i)})$

累积平方梯度: $r \leftarrow r + g \odot g$

计算更新: $\Delta \theta \leftarrow -\frac{\epsilon}{\delta + \sqrt{r}} \odot g$ (逐元素地应用除和求平方根)

应用更新: $\theta \leftarrow \theta + \Delta \theta$

end while

算法 8.5 RMSProp 算法

Require: 全局学习率 ϵ , 衰减速率 ρ

Require: 初始参数 θ

Require: 小常数 δ , 通常设为 10^{-6} (用于被小数除时的数值稳定)

初始化累积变量 r=0

while 没有达到停止准则 do

从训练集中采包含 m 个样本 $\{\boldsymbol{x}^{(1)},\ldots,\boldsymbol{x}^{(m)}\}$ 的小批量,对应目标为 $\boldsymbol{y}^{(i)}$ 。

计算梯度: $\mathbf{g} \leftarrow \frac{1}{m} \nabla_{\boldsymbol{\theta}} \sum_{i} L(f(\mathbf{x}^{(i)}; \boldsymbol{\theta}), \mathbf{y}^{(i)})$

累积平方梯度: $r \leftarrow \rho r + (1 - \rho) g \odot g$

计算参数更新: $\Delta \theta = -\frac{\epsilon}{\sqrt{\delta+r}} \odot g \ (\frac{1}{\sqrt{\delta+r}}$ 逐元素应用)

应用更新: $\theta \leftarrow \theta + \Delta \theta$

end while





长短期记忆

• 长期依赖

• 启发式解决方案

• GRU

K. Cho, B. Van Merriënboer, C. Gulcehre, D. Bahdanau, F. Bougares, H. Schwenk, and Y. Bengio, "Learning phrase representations using RNN encoder-decoder for statistical machine translation," *arXiv preprint arXiv:1406.1078*, 2014.

• LSTM

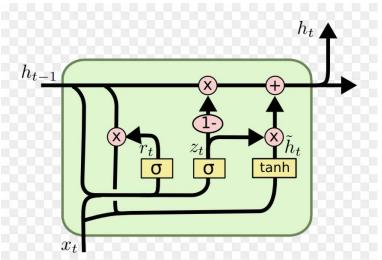


门控循环单元 (GRU)

• 引入门控机制:由神经网络学会决定何时清除状态

$$\begin{aligned} &\mathbf{h}_{t} = \mathbf{z}_{t} \odot \mathbf{h}_{t-1} + (1 - \mathbf{z}_{t}) \odot \tilde{\mathbf{h}}_{t}, \\ &\tilde{\mathbf{h}}_{t} = \tanh \left(W_{h} \mathbf{x}_{t} + U_{h} \left(\mathbf{r}_{t} \odot \mathbf{h}_{t-1} \right) + b_{h} \right), \\ &\mathbf{z}_{t} = \delta \left(W_{z} \mathbf{x}_{t} + U_{z} \mathbf{h}_{t-1} + b_{z} \right), \\ &\mathbf{r}_{t} = \delta \left(W_{r} \mathbf{x}_{t} + U_{r} \mathbf{h}_{t-1} + b_{r} \right), \end{aligned}$$

- **z**_t: 更新门(Update Gate)
- \mathbf{r}_t : 重置门(Reset Gate)





解释

- 当 $\mathbf{z}_t = 0$ 时,当前状态 \mathbf{h}_t 和历史状态 \mathbf{h}_{t-1} 只存在非线性关系
- 当 $\mathbf{z}_t = 0$, $\mathbf{r}_t = 1$,GRU 网络则退化为简单循环神经网络
- 当 $\mathbf{z}_t = 0$, $\mathbf{r}_t = 0$, GRU 网络退化为传统的前馈 神经网络
- 当 $\mathbf{z}_t = 1$ 时,当前时刻的隐藏层输出 \mathbf{h}_{t+1} 等于上一时刻的隐藏层输出 \mathbf{h}_t ,而与当前输入 \mathbf{x}_t 无关





GRU与优化算法的联系

$$\min_{\mathbf{s}} \sum_{i} \|\mathbf{x}_{i} - \mathbf{B}\mathbf{s}_{i}\|_{F}^{2} + \lambda \|\mathbf{s}_{i}\|_{1}$$

• 投影梯度下降

$$\mathbf{s}^{(t)} = sh_{(\lambda\tau)} \left(\mathbf{s}^{(t-1)} - \tau \left(\mathbf{B}^T \left(\mathbf{B} \mathbf{s}^{(t-1)} - \mathbf{X} \right) \right) \right)$$
$$= sh_{(\lambda\tau)} \left(\mathbf{W}_e \mathbf{s}^{(t-1)} + \mathbf{W}_d \mathbf{x} \right),$$

• Nesterov加速梯度

$$\mathbf{x}_{k} = \mathbf{y}_{k-1} - \varepsilon \nabla F(\mathbf{y}_{k-1}) \quad (\varepsilon \le 1/L_F)$$

$$t_{k+1} \leftarrow (1 + \sqrt{1 + 4t_k^2})/2,$$

$$\mathbf{y}_{k+1} \leftarrow \mathbf{x}_k + (t_k - 1)/t_{k+1}(\mathbf{x}_k - \mathbf{x}_{k-1})$$





GRU与优化算法的联系

•
$$\lim_{\mathbf{s}} \sum_{i} \|\mathbf{x}_i - \mathbf{B}\mathbf{s}_i\|_F^2 + \lambda \|\mathbf{s}_i\|_1$$

• 改进Nesterov加速

$$\tilde{\mathbf{c}}^{(t)} = \mathbf{W}_e \mathbf{s}^{(t-1)} + \mathbf{W}_d \mathbf{x},
\mathbf{c}^{(t)} = \mathbf{f}^{(t)} \odot \mathbf{c}^{(t-1)} + \mathbf{i}^{(t)} \odot \tilde{\mathbf{c}}^{(t)}
\mathbf{s}^{(t)} = sh_{(\lambda \tau)}(\mathbf{c}^{(t)}),$$

• 对比GRU

$$\mathbf{i}^{(t)} = \sigma(\mathbf{W}_{is}\mathbf{s}^{(t-1)} + \mathbf{W}_{ix}\mathbf{x}), \qquad \mathbf{z}_{t} = \delta\left(W_{z}\mathbf{x}_{t} + U_{z}\mathbf{h}_{t-1} + b_{z}\right),$$

$$\mathbf{f}^{(t)} = \sigma(\mathbf{W}_{fs}\mathbf{s}^{(t-1)} + \mathbf{W}_{fx}\mathbf{x}),$$

$$\tilde{\mathbf{c}}^{(t)} = \mathbf{W}_{e}\mathbf{s}^{(t-1)} + \mathbf{W}_{d}\mathbf{x},$$

$$\mathbf{c}^{(t)} = \mathbf{f}^{(t)} \odot \mathbf{c}^{(t-1)} + \mathbf{i}^{(t)} \odot \tilde{\mathbf{c}}^{(t)} \qquad \mathbf{h}_{t} = \mathbf{z}_{t} \odot \mathbf{h}_{t-1} + (1 - \mathbf{z}_{t}) \odot \tilde{\mathbf{h}}_{t},$$

$$\mathbf{s}^{(t)} = h_{(\mathbf{D},\mathbf{u})}(\mathbf{c}^{(t)}), \qquad \tilde{\mathbf{h}}_{t} = \tanh\left(W_{h}\mathbf{x}_{t} + U_{h}\left(\mathbf{r}_{t} \odot \mathbf{h}_{t-1}\right) + b_{h}\right),$$

Joey Tianyi Zhou et al., SC2Net: Sparse LSTMs for Sparse Coding, AAAI 2018.





长短期记忆

• 长期依赖

• 启发式解决方案

• GRU

• LSTM

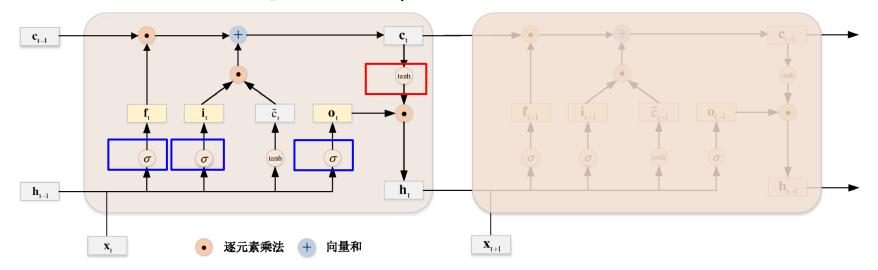
S. Hochreiter and J. Schmidhuber, "Long short-term memory," *Neural computation*, vol. 9, no. 8, pp. 1735–1780, 1997





长短期记忆(long short-term memory)

- 新的记忆单元c_t,用于控制信息的线性传递
 - 候选内部状态 $\tilde{\mathbf{c}}_t$
- 三个门组件
 - 输入门(Input Gate)**i**_t,
 - 遗忘门 (Forget Gate) \mathbf{f}_t
 - 输出门(Output Gate) \mathbf{o}_t







长短期记忆(LSTM)

- 计算过程
 - 更新门组件

$$\mathbf{i}_{t} = \delta \left(W_{i} \mathbf{x}_{t} + U_{i} \mathbf{h}_{t-1} + b_{i} \right),$$

$$\mathbf{f}_{t} = \delta \left(W_{f} \mathbf{x}_{t} + U_{f} \mathbf{h}_{t-1} + b_{f} \right),$$

$$\mathbf{o}_{t} = \delta \left(W_{o} \mathbf{x}_{t} + U_{o} \mathbf{h}_{t-1} + b_{o} \right).$$

- 候选内部状态更新 $\tilde{\mathbf{c}}_t = \tanh \left(W_c \mathbf{x}_t + U_c \mathbf{h}_{t-1} + b_c \right)$
- 记忆单元和隐藏单元更新

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{f}_t \odot \mathbf{c}_{t-1} + \mathbf{i}_t \odot \tilde{\mathbf{c}}_t,$$

$$\mathbf{h}_t = \mathbf{o}_t \odot \operatorname{tanh} (\mathbf{c}_t)$$
,





长短期记忆(LSTM)

- 通过前一时刻的输出状态 \mathbf{h}_{t-1} 和当前时刻输入 \mathbf{x}_t 计算当前时刻三个门的输出 \mathbf{f}_t , \mathbf{i}_t 和 \mathbf{o}_t ;
- 计算当前时刻候选内部状态 $\tilde{\mathbf{c}}_t$,同时结合上一时刻的记忆单元输出 \mathbf{c}_{t-1} 和 \mathbf{f}_t ,计算当前时刻的记忆单元输出 \mathbf{c}_t 。
- 结合输出门 \mathbf{o}_t ,计算当前时刻隐藏单元的最终输出 \mathbf{h}_t 。





门机制解释

• 当 $\mathbf{f}_t = 0$, $\mathbf{i}_t = 1$ 时,记忆单元将历史信息 清空,并将候选内部状态 $\tilde{\mathbf{c}}_t$ 写入;

• 当 $\mathbf{f}_t = 1$, $\mathbf{i}_t = 0$ 时,记忆单元将复制上一时刻的内容,不写入新的信息。

• 外部的RNN 循环+内部的LSTM 细胞循环(自环)

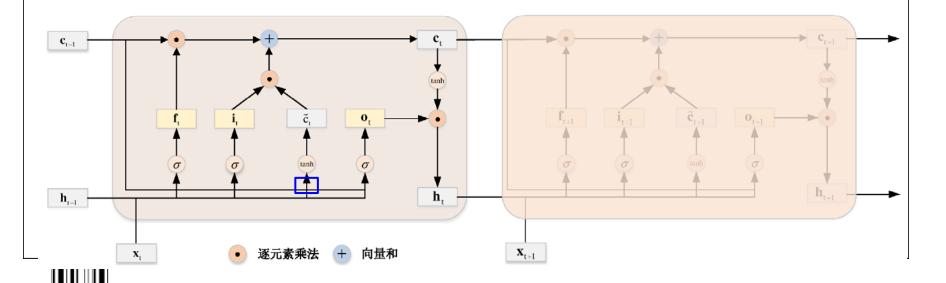


变体1: 带有peephole 连接的LSTM

$$\mathbf{i}_{t} = \delta \left(W_{i} \mathbf{x}_{t} + U_{i} \mathbf{h}_{t-1} + V_{i} \mathbf{c}_{t-1} + b_{i} \right),$$

$$\mathbf{f}_{t} = \delta \left(W_{f} \mathbf{x}_{t} + U_{f} \mathbf{h}_{t-1} + V_{f} \mathbf{c}_{t-1} + b_{f} \right),$$

$$\mathbf{o}_{t} = \delta \left(W_{o} \mathbf{x}_{t} + U_{o} \mathbf{h}_{t-1} + V_{o} \mathbf{c}_{t-1} + b_{o} \right).$$

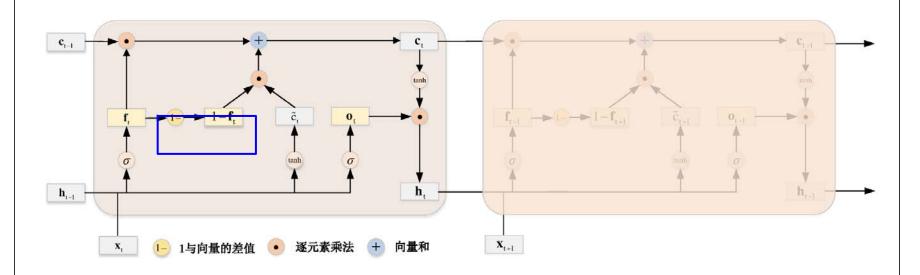




变体2: 耦合输入门和遗忘门的LSTM

$$\mathbf{i}_t = 1 - \mathbf{f}_t$$

$$\mathbf{c}_t = \mathbf{f}_t \odot \mathbf{c}_{t-1} + (1 - \mathbf{f}_t) \odot \tilde{\mathbf{c}}_t$$







序列建模

• 循环神经网络

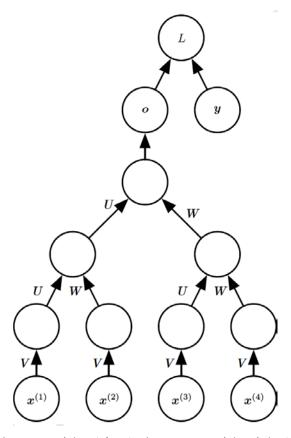
• 递归神经网络

• 记忆网络

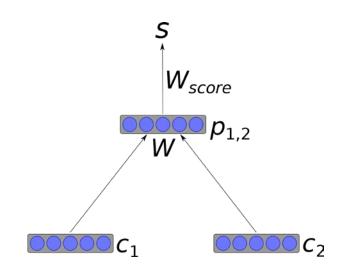
• 图神经网络



递归神经网络



递归网络将循环网络的链状计算图推广到树状计算图



递归网络基本单元 $p_{1,2}= anh(W[c_1;c_2])$

给定树结构,网络深度可从O(T)降至O(logT)





递归神经网络

- 如何以最佳的方式构造树
 - 使用不依赖于数据的树结构
 - 借鉴外部方法选择适当的树结构(语法树)
 - 自行发现和推断适合于任意给定输入的树结构(层次聚类)





序列建模

• 循环神经网络

• 递归神经网络

• 记忆网络

• 图神经网络





知识的种类与表达

- 隐性知识: 隐含的、潜意识的并且难以用语言表达
 - 如: 怎么行走或狗与猫的样子有什么不同

- 明确的、可陈述的以及可以相对简单地 使用词语表达
 - 常识性的知识: 猫是一种动物
 - 具体的事实:与销售团队会议在141室于下午3:00 开始

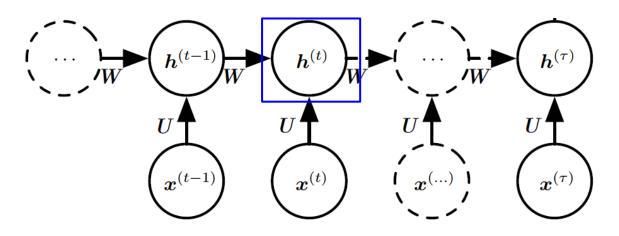
词语、概念和概念间的关系





记忆网络

- 神经网络擅长存储隐性知识,但很难记住事实
 - 缺乏工作存储系统: 外显记忆组件
- 如果在神经网络中引入外部知识?

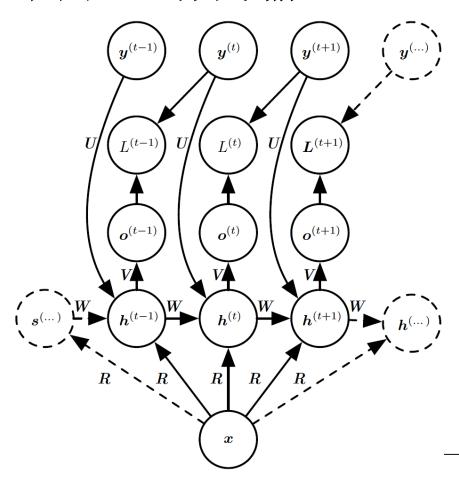






Revisit: 基于上下文的RNN 序列建模

• 只使用单个向量x 作为输入







记忆网络

- 记忆网络: 引入记忆单元
 - 需要监督信号指示他们如何使用自己的记忆单元 Weston, J., Chopra, S., and Bordes, A. (2014). Memory networks. *arXiv preprint arXiv:1410.3916*.
- 神经网络图灵机:不需要明确的监督指示而能学习从记忆单元读写任意内容 Graves, A., Wayne, G., and Danihelka, I. (2014). Neural Turing machines. arXiv:1410.5401.
- 基于内容的软注意机制: 端到端训练

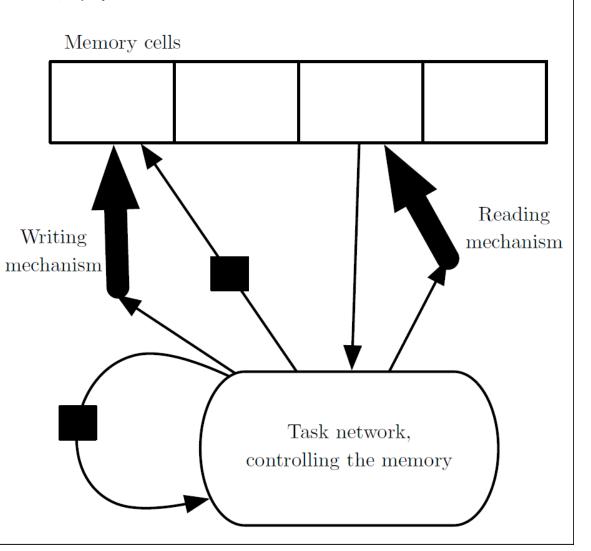
Bahdanau, D., Cho, K., and Bengio, Y. (2015). Neural machine translation by jointly learning to align and translate. In ICLR'2015, arXiv:1409.0473.



具有外显记忆的神经网络

• 记忆网络

神经网络图 灵机 (NTM)







具有外显记忆的神经网络

- 记忆单元的写入和读取:
 - 避免整数寻址
 - 以概率形式同时从多个记忆单元写入或读取
 - 读取时,采取许多单元的加权平均值
 - 写入时,同时修改多个单元
- 使用向量值的记忆单元
 - 基于内容的寻址(content-based addressing) 检索一首副歌歌词中带有'We all live in a yellow submarine'的歌





序列建模

• 循环神经网络

• 递归神经网络

• 记忆网络

• 图神经网络

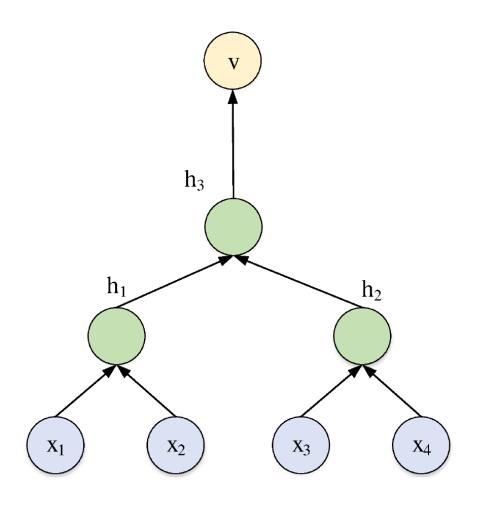


递归神经网络

当输入数据为更 为复杂的结构化 数据

• 节点分类

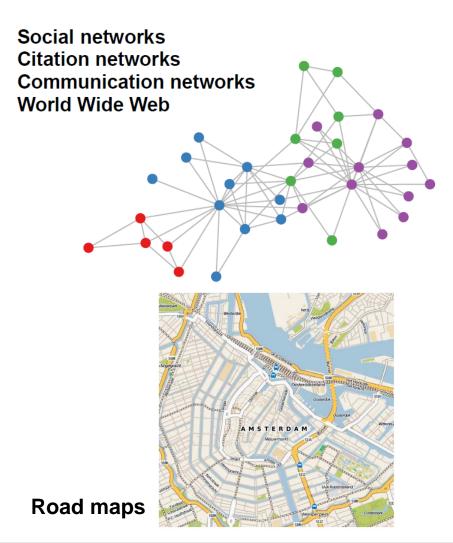
• 关系预测

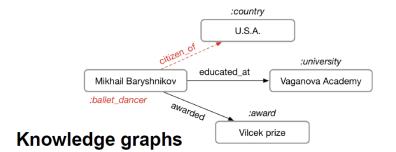


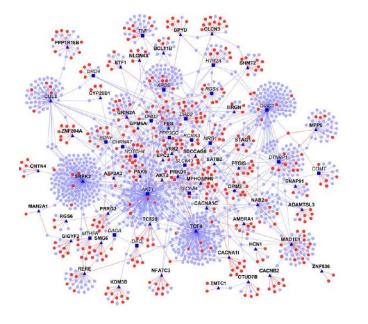




图数据



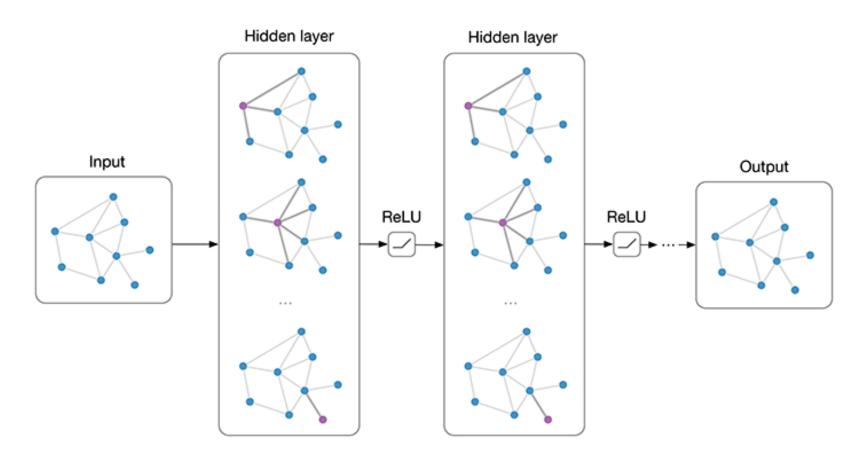




Protein interaction networks



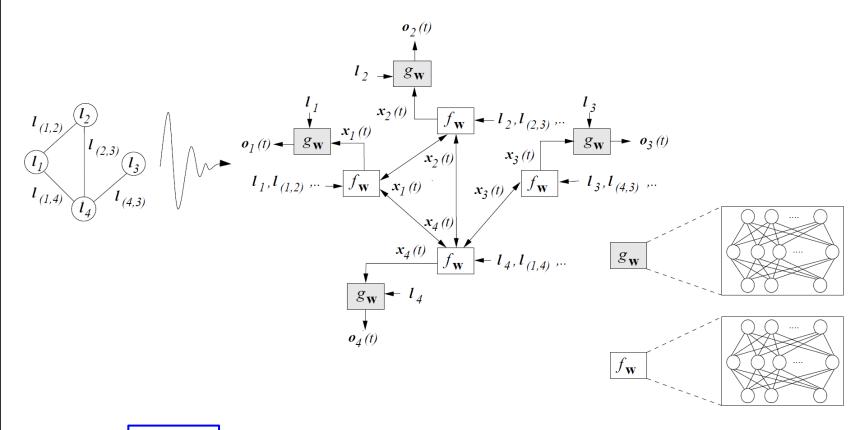




T. N. Kipf, M. Welling, Semi-Supervised Classification with Graph Convolutional Networks (ICLR 2017)







S. Franco, M. Gori, T. Ah Chung, H. Markus, and M. Gabriele, "The graph neural network model," *IEEE Transactions on Neural Networks*, vol. 20, no. 1, p. 61, 2009.

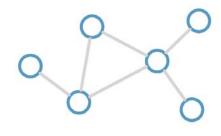


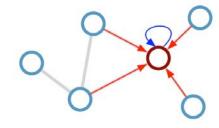


冬

节点

局限性:





- 1. 参数不能共享
- 2. 局部 -> 全局

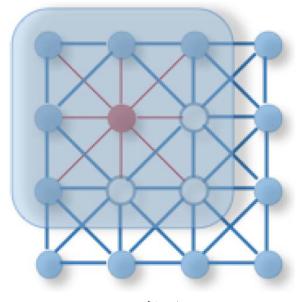
• 计算公式

$$\mathbf{h}_i' = \sigma \left(\mathbf{W}_0 \mathbf{h}_i + \sum_{j \in \mathcal{N}_i} \alpha_{ij} \mathbf{W}_1 \mathbf{h}_j \right)$$

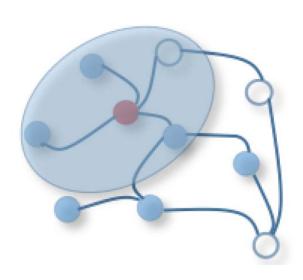




• 图卷积



2D卷积



图卷积





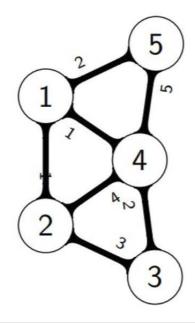
Graph Laplacian Matrix

 $\begin{array}{ccc} \textbf{A} & \text{adjacency matrix} \\ \textbf{W} & \text{weight matrix} \\ \textbf{D} & \text{(diagonal) degree matrix} \\ \textbf{L} = \textbf{D} - \textbf{W} & \text{graph Laplacian matrix} \end{array}$

$$\mathbf{L} = \begin{pmatrix} 4 & -1 & 0 & -1 & -2 \\ -1 & 8 & -3 & -4 & 0 \\ 0 & -3 & 5 & -2 & 0 \\ -1 & -4 & -2 & 12 & -5 \\ -2 & 0 & 0 & -5 & 7 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{D_{ii}} = \sum_{j} (\mathbf{A_{i,j}})$$

$$\mathbf{L} = \mathbf{I_n} - \mathbf{D}^{-\frac{1}{2}} \mathbf{A} \mathbf{D}^{-\frac{1}{2}}$$







卷积->图卷积

- 卷积
- $\mathbf{w}^*\mathbf{x} = \text{IFFT}(\text{FFT}(\mathbf{w}) \bullet \text{FFT}(\mathbf{x}))$

• 图卷积

- 奇异值分解 $\mathbf{L} = \mathbf{U}\Lambda\mathbf{U}^T$ $\mathscr{F}(\mathbf{x}) = \mathbf{U}^T \ \mathscr{F}^{-1}(\mathbf{\hat{x}}) = \mathbf{U}\mathbf{\hat{x}}$
- 滤波器 $\mathbf{g} \in \mathbf{R}^N$ $\mathbf{g}_{\theta} = diag(\mathbf{U}^T \mathbf{g})$
- 图卷积 $\mathbf{x} *_{G} \mathbf{g}_{\theta} = \mathbf{U} \mathbf{g}_{\theta} \mathbf{U}^{T} \mathbf{x}$

周期信号 循环矩阵



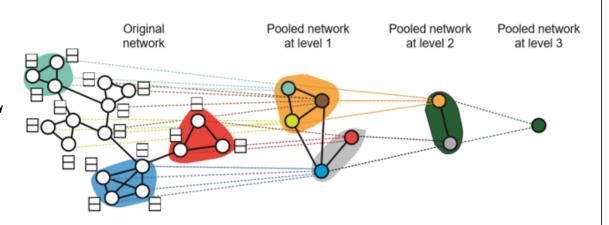


• Mean, Max, Sum

$$\mathbf{h}_G = mean/max/sum(\mathbf{h}_1^T, \mathbf{h}_2^T, ..., \mathbf{h}_n^T)$$

SortPooling

• DIFFPOOL

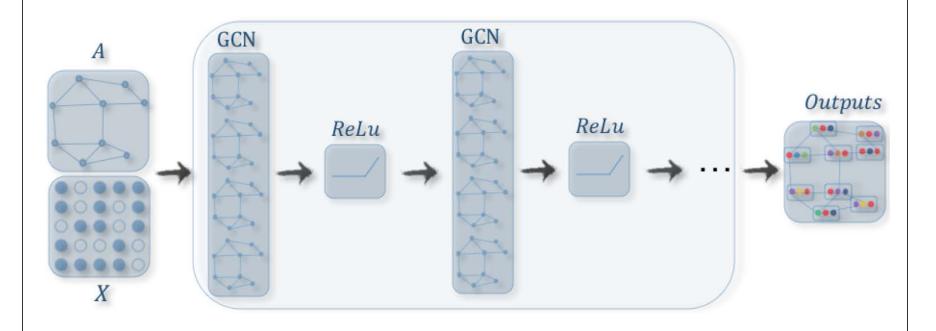






典型图卷积网络

• 节点分类

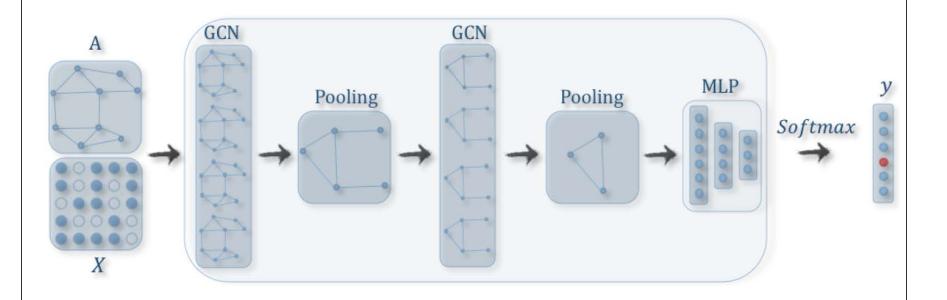






典型图卷积网络

• 图分类

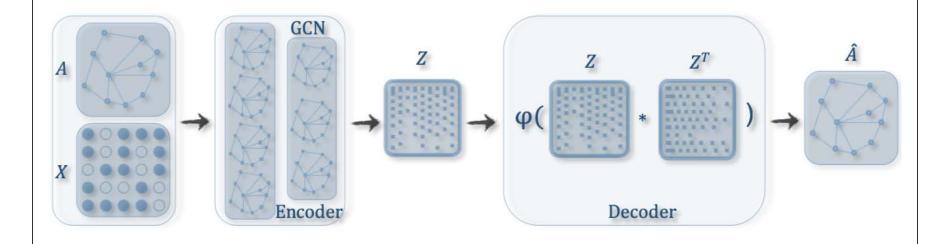






典型图卷积网络

• 自编码网络







图卷积网络

- 其它进展
 - 图时空网络(Graph Spatial-Temporal Networks)
 - 图注意力机制
 - 图生成和对抗网络

•

