

数据结构与算法作业 4

杨庆龙 1500012956

1. (1) 设归并路数为 k ，则三趟归并可归并 k^3 个归并段。又由共有 100 个归并段得， $k > 5$ ，则归并路数至少为 6。

(2) 归并是一个 k 个文件入，1 个文件出的过程，所以最多同时输入 12 个文件，又有 $12 \times 12 = 144 > 100$ ，则至少需要两趟。

2. (1)

// 定义一个既能表示数值又能表示出现该值出现次数的结构体

```
struct node{
    Value value;
    int count;
    node(Value _value = 0, int _count = 0): value(_value), count(_count) {}
}
```

```
node* merge(Value* input, int n, int k) {
    node* output;
    int count = 0;
    SearchCountTree<Node> sc_tree = SearchCountTree<Node>(); // 建立一个以 node::value
    排序的搜索二叉树，并在插入已出现数据时让相应 node::count 加一，同时完成排序和计数
    的工作。
```

```
    for(int i = 0; i < n; i++) {
        sc_tree.insert(input[i]);
    }
```

```
    output = sc_tree.mid(); // 中序遍历即可得到排好序的结果
    return output;
}
```

搜索二叉树最好情况下的进行查询操作时间复杂度为 $O(\log n)$ ，对于 n 次查找，总耗时为 $O(n \log n)$ 。而中序遍历的时间复杂度为 $O(n)$ ，则时间复杂度为 $\Omega(n \log n)$

(2)

```
Value* expand(node* input, int n, int k) {
    Value* output = new Value[n];
    int point = 0; // 用于指示位置
    for(int i = 0; i < k; i++) {
        for(int p = 0; p < input[k].count; p++) {
            output[point++] = input[k].value; // 按照计数器结果，重复 node::value 数次
        }
    }
    return output;
}
```

3. 快排第一趟结果为 {22, 19, 13, 6, 24, 38, 43, 32}

最大堆的序列为 {43, 38, 32, 22, 24, 6, 13, 19}

快排最坏情况为 $\Theta(n^2)$ ，最大堆的最坏情况为 $\Theta(n \log n)$ ，快排明显劣于最大堆排序

4.

第一遍:{31,22,212,102,14,435,5,346,157,568,8}

第二遍:{102,5,8,212,14,22,31,435,346,157,568}

第三遍:{5,8,14,22,31,102,157,212,346,435,568}

```
5. int getNOK(int* input,int start,int end,int k) {
    int tempValue = input[start]; //选取第一个值为轴
    int p = start;
    int q = end - 1;
    for(; p > q; p --) { //外层循环为右到左的指针
        if(input[p] < tempValue) {
            input[q] = input[p];
            for(; q < p; q ++ ) { //内层循环为左到右的指针
                if(input[q] > tempValue) {
                    input[p] = input[q];
                    break;
                }
            }
        }
    }
    if(p == k)
        return input[k]; //若在 k 处相遇，即可得到第 k 小的数
    else if(p < k)
        return getNOK(input,p,end,k); //第 k 小的数在当前分界点的右侧
    else
        return getNOK(input,start,p,k); //第 k 小的数在当前分界点的左侧
}
```

6.

