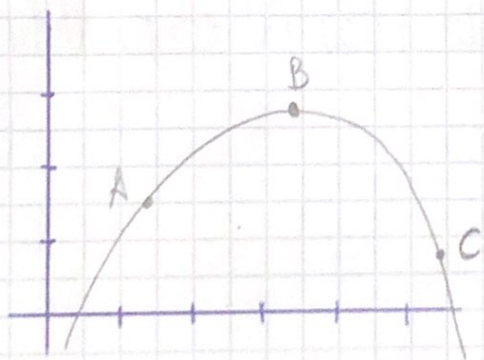


Corrección

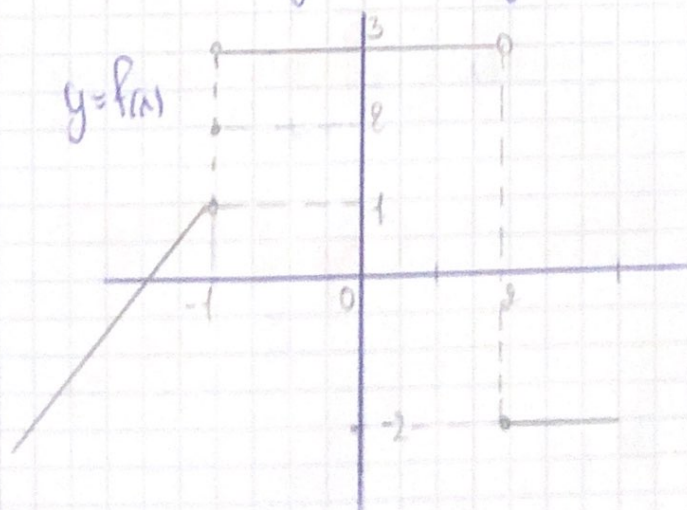
Dada la siguiente $f(x)$, donde B es un punto máximo, si x_A , x_B y x_C son las coordenadas en el eje x de los puntos A, B, y C. Si $f'(x)$ es la primera derivada de $f(x)$, entonces



Respuesta

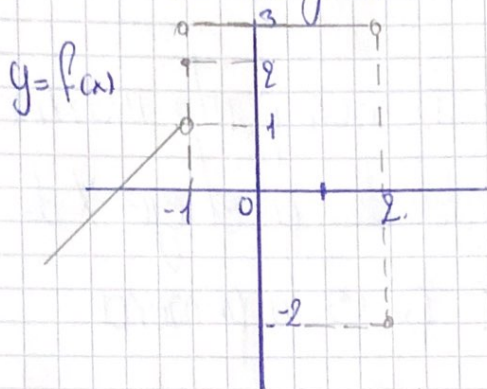
$$f'(x_A) > 0, f'(x_B) = 0 \text{ and } f'(x_C) < 0$$

Observa la gráfica de $y = f(x)$, el $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)$ es:



Respuesta 3,

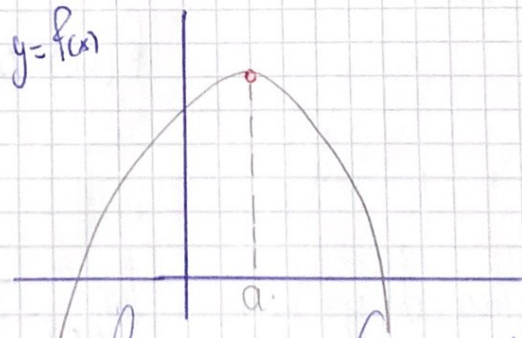
Observando la grafica de $y = f(x)$, el $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$ es:



Respuesta 1

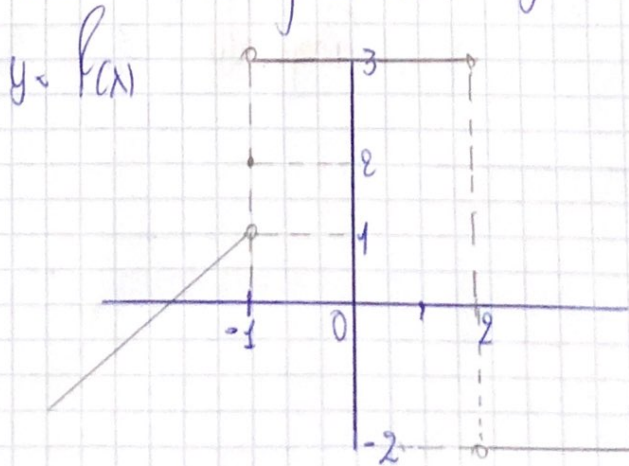
En ad de las siguientes graficas $f(x)$ no esta definido pero existe

$\lim_{x \rightarrow a} f(x)$!



Respuesta

Observando la grafica de $y = f(x)$, el $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ es.



Respuesta
3

Para poder realizar una función inversa, es un requisito que la función sea:

Respuesta: Inyectiva.

La derivada calcula el área tangente de una función en un punto determinado?

Respuesta: Falso

Si una función es derivable eso implica que es continua

Respuesta: Verdadero

La derivada calcula la pendiente de una recta tangente de una función que estoy evaluando

Respuesta: Verdadero

Limites.

$$\begin{aligned}
 \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{\sin(x - \frac{\pi}{3})}{1 - 2 \cos x} &= \frac{(1+2) \cdot \cos x}{2x (\sin x + \sqrt{3} \cdot \cos x)} \\
 &= \frac{1+2 \cdot \cos \frac{\pi}{3}}{2 \cdot (\sin \frac{\pi}{3} + \sqrt{3} \cdot \cos \frac{\pi}{3})} = \frac{(1+2) \cdot (\frac{1}{2})}{(2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + \sqrt{3} \cdot \frac{1}{2})} \\
 &= \boxed{\frac{1}{\sqrt{3}}}
 \end{aligned}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(\sqrt{x^2 + 1} + x)^2}{\sqrt[3]{x^2 + 2x^6}} = \frac{(\sqrt{x^2 + 1}) + x^2}{\sqrt[3]{6x^6 + 2x^6}} = \frac{x^2 + 1 + x^2}{\sqrt[3]{6x^6 + 2x^6}} \cdot x^2$$

$$= \frac{x^2 + x^2 + x^2}{\sqrt[3]{6x^6 + 2x^6}} = \frac{2}{\sqrt[3]{\frac{6x^6}{x^6} + \frac{2x^6}{x^6}}} = \frac{2}{\sqrt[3]{6 + 2}} = \frac{1}{\sqrt[3]{0+0}}$$

$$= \frac{1}{0} = \boxed{\infty}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^2 + n} + \sqrt{n^2 + 10} = \left(\frac{\sqrt{n^2 + n} - \sqrt{n^2 + 10}}{1} \right) \cdot \left(\frac{\sqrt{n^2 + n} + \sqrt{n^2 + 10}}{\sqrt{n^2 + n} + \sqrt{n^2 + 10}} \right)$$

$$= \frac{(n^2 + n) - (n^2 + 10)}{(\sqrt{n^2 + n} + \sqrt{n^2 + 10})} = \frac{n^2 + n - n^2 - 10}{\sqrt{n^2 + n} + \sqrt{n^2 + 10}} = \frac{n - 10}{\sqrt{n^2 + n} + \sqrt{n^2 + 10}}$$

$$= \frac{\frac{n}{n} - \frac{10}{n}}{\sqrt{\frac{n^2 + n}{n^2}} + \sqrt{\frac{n^2 + 10}{n^2}}} = \frac{1 - \frac{10}{n}}{\sqrt{\frac{n^2 + n}{n^2}} + \sqrt{\frac{n^2 + 10}{n^2}}} = \frac{1}{\infty + 1} = \frac{1}{\infty} = \boxed{0}$$

④ $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2} \cdot (x^2 + 1) = (x+1)(x-1)$

$$\frac{(x-1)(x+1)}{(x+2)(x+1)} = \frac{(x+1)}{(x+2)} = \frac{1+1}{1+2} = \boxed{\frac{2}{3}}$$

Derivados

$$\textcircled{1} \quad h(x) = \frac{2}{x} = \left(\frac{2}{x+h} \right) - \frac{2}{x} \cdot \frac{1}{h}$$

$$= \frac{-2}{x(x+h)} \cdot \frac{1}{h} = \frac{-2}{x(x+h)} = \boxed{\left(-\frac{2}{x^2} \right)}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{(\sqrt{x^2+1}+x^2)}{\sqrt[3]{x^6+2x^6}} = \frac{(\sqrt{x^2+1}+x)^2 (6x^2+2x^6)^{-1/3} - (-\sqrt{x^2+1}+x)^2 (6x^2+2x^6)^{-1/3}}{(\sqrt{x^2+1}+x)^2 (6x^6+2x^6)^{-2/3}}$$

$$= 2(\sqrt{x^2+1}+x)(x^2+1)^{-1/2}+x(6x^6+2x^6)^{-1/3} + (\sqrt{x^2+1}+x)^2 \left(\frac{1}{3} (6x^6+2x^6)^{-4/3} \right)$$

$$= 2(\sqrt{x^2+1}+x) \left(\frac{1}{2}(x^2+1)^{-1/2} + 1+1 \right) (6x^6+2x^6)^{-1/3} (\sqrt{x^2+1}+x)^2 \left(\frac{1}{3} (6x^6+2x^6)^{-4/3} \right)$$

$$= 2(\sqrt{x^2+1}+x) \left(\frac{1}{2}(x^2+1)^{-1/2} + 2 \right) (6x^6+2x^6)^{-1/3} - (\sqrt{x^2+1}+x)^2 = \left(\frac{-36x^5+12x^5}{3(6x^6+2x^6)^{4/3}} \right)$$

$$\textcircled{3} \quad \ln \frac{(e^x-1)}{(e^x+1)} = \frac{\left(\frac{e^x-1}{e^x+1} \right)'}{\frac{e^x-1}{e^x+1}} = \frac{1}{\frac{e^x-1}{e^x+1}} \cdot \frac{(e^x-1)(e^x+1)}{(e^x+1)^2}$$

$$\frac{(e^x-1)'(e^x+1) - (e^x-1)(e^x+1)'}{(e^x+1)^2} = \frac{e^{2x} + e^x - e^{2x} - e^x}{(e^x+1)^2}$$

$$= \boxed{\frac{2e^x}{e^{2x}-1}}$$

$$(e^x+1)(e^x-1) = e^{2x}-1$$

longones
True

$$④ \frac{2}{\sqrt[3]{\sin(x^2-1)}} + \sqrt[5]{x^5+3x^2+4}$$

$$= (2 - (\sin(x^2-1))^{-1/3}) + (\sqrt[5]{x^5+3x^2+4}) (x^5+3x^2+4)^{1/3}$$

$$= 0 + 2 \left(3 - \frac{1}{3} \sin(x^2-1)\right)^{4/3} (2) + \frac{1}{3} (x^5+3x^2+4)^{3/4} (5x^4+6x)$$

$$= 2 \left(\frac{-2x}{(\sqrt[3]{\sin(x^2-1)})^4} \right) + \frac{5x^4+6x}{(\sqrt[5]{x^5+3x^2+4})^2} = \frac{-4x}{(\sqrt[3]{\sin(x^2-1)})^4} + \frac{(5x^4+6x)}{(\sqrt[5]{x^5+3x^2+4})^2}$$

$$\frac{1}{\sqrt[4]{\cos\left(\frac{3x+3}{x+1}\right)}} = \left(\cos\left(\frac{3x+3}{x+1}\right)\right)^{-1/4} = \frac{1}{4} \left(\cos\left(\frac{3x+3}{x+1}\right)\right)^{-3/4} \sin\left(\frac{3x+3}{x+1}\right)$$

$$= \frac{(3x+3)'(x+1) - (3x+3)(x+1)'}{(x+1)^2} = \frac{3x+3 - 3x-3}{(x+1)^2} = \frac{0}{(x+1)^2}$$

$$\boxed{= 0_{//}}$$

$$\ln(\ln(x^2+1)) + \arctg(x^4-1)$$

$$\frac{\ln(x^2+1) + \arctg(x^4-1)}{\ln(x^2+1) + \arctg(x^4-1)}$$

$$\frac{2x}{x^2+1} + \frac{(x^4-1)^3}{\sqrt{1-(x^4-1)^2}}$$

$$\frac{2x}{x^2+1} + \frac{4x^3}{\sqrt{1-(x^4-1)^2}}$$

$$\ln(x^2+1) + \arctg(x^2-1) //$$

$$e^{x^3} + \cotg \left(\frac{2x-1+x^2}{x^2-1} \right)$$

$$e^{x^3} \cdot 3x^2 + \left(\frac{2x-1+x^2}{x^2-1} \right) \cdot \frac{-2x}{(x^2-1)^2}$$

$$= (2x-1+x^2)^2 (x^2-1) - (2x-1+x^2) (x^2-1)^2$$

$$= \frac{(2+2x)(x^2-1) - (2x-1+x^2)2x}{3(x^2-1)^2}$$

$$= \frac{2x^2-2+2x^3-2x-(4x^2-2x+2x^3)}{(x^2-1)^2}$$

$$\frac{2x^2-2+2x^3-2x-4x^2+2x-2x^3}{(x^2-1)^2}$$

$$= \frac{-2x^2-2}{(x^2-1)^2} //$$