GBDT算法理解

GBDT算法结构

GBDT是boosting算法的一种。它是以决策树为基函数的提升方法。因为是最终求解是基函数的结果的累加,所以决策树是回归树。

GBDT可以看做是由K颗树组成的加法模型:

$$\hat{y_i} = \sum_{k=1}^K f_k(x_i), f_k \in F$$

以回归任务为例,回归树可以看作为一个把特征向量映射为某个score的函数。于一般的机器学习算法不同的是,加法模型不是学习d维空间中的权重,而是直接学习函数(决策树)集合。

上述加法模型的目标函数定义为:

$$Obj = \sum_{i=1}^n l(y_i, \hat{y_i}) + \sum_{k=1}^K \Omega(f_k)$$

其中Ω表示决策树的复杂度。

GBDT优化方法

解这一优化问题,可以用前向分布算法(forward stagewise algorithm)。因为学习的是加法模型,如果能够从前往后,每一步只学习一个基函数及其系数(结构),逐步逼近优化目标函数。具体地,我们从一个常量预测开始,每次学习一个新的函数,过程如下:

$$egin{aligned} \hat{y_i}^0 &= 0 \ \hat{y_i}^1 &= f_1(x_i) = \hat{y_i}^0 + f_1(x_i) \ \hat{y_i}^2 &= f_1(x_i) + f_2(x_i) = \hat{y_i}^1 + f_2(x_i) \ &\cdots \ \hat{y_i}^t &= \sum_{k=1}^t f_k(x_i) = \hat{y_i}^{t-1} + f_t(x_i) \end{aligned}$$

在第t步,模型对 x_i 的预测为: $\hat{y_i}^t = \hat{y_i}^{t-1} + f_t(x_i)$,其中 $f_t(x_i)$ 为这一轮我们要学习的函数(决策树)。这个时候目标函数可写为:

$$Obj = \sum_{i=1}^{n} l(y_i, \hat{y_i}^t) + \sum_{i=1}^{t} \Omega(f_i) \ Obj = \sum_{i=1}^{n} l(y_i, \hat{y_i}^{t-1} + f_t(x_i)) + \Omega(f_t) + constant$$

损失函数为平方损失(square loss) ,则目标函数为:

$$egin{aligned} Obj &= \sum_{i=1}^n (y_i - (\hat{y_i}^{t-1} + f_t(x_i)))^2 + \Omega(f_t) + constant \ Obj &= \sum_{i=1}^n [2(\hat{y_i}^{t-1} - y_i)f_t(x_i) + f_t(x_i)^2] + \Omega(f_t) + constant \end{aligned}$$

此时为拟合残差。

对于一般损失函数,利用损失函数的负梯度在当前模型的值,拟合一个回归树。

GBDT目标函数的选择

在sklearn中,对于分类模型,有对数似然损失函数"deviance"和指数损失函数"exponential"两者输入选择。默认是对数似然损失函数"deviance"。它对二元分离和多元分类各自都有比较好的优化。