



*Syahrul Imardi, MT*

# #27

MATAKULIAH  
KEAMANAN PERANGKAT LUNAK

*Digital Signature Standard  
(DSS)*





P27



STMIK  
Amik Riau

# MATAKULIAH KEAMANAN PERANGKAT LUNAK



*Syahrul Imardi, MT*

P27: **Digital Signature Standard**





# Standar Tanda-tangan Digital (*DSS*)



# Pendahuluan

- DSS adalah bakuan (standard) untuk tanda-tangan digital.
- Diresmikan pada bulan Agustus 1991 oleh NIST (*The National Institute of Standard and Technology*)
- DSS terdiri dari dua komponen:
  1. Algoritma tanda-tangan digital: *Digital Signature Algorithm (DSA)*.
  2. Fungsi *hash* standard: *Secure Hash Algorithm (SHA-1)*.

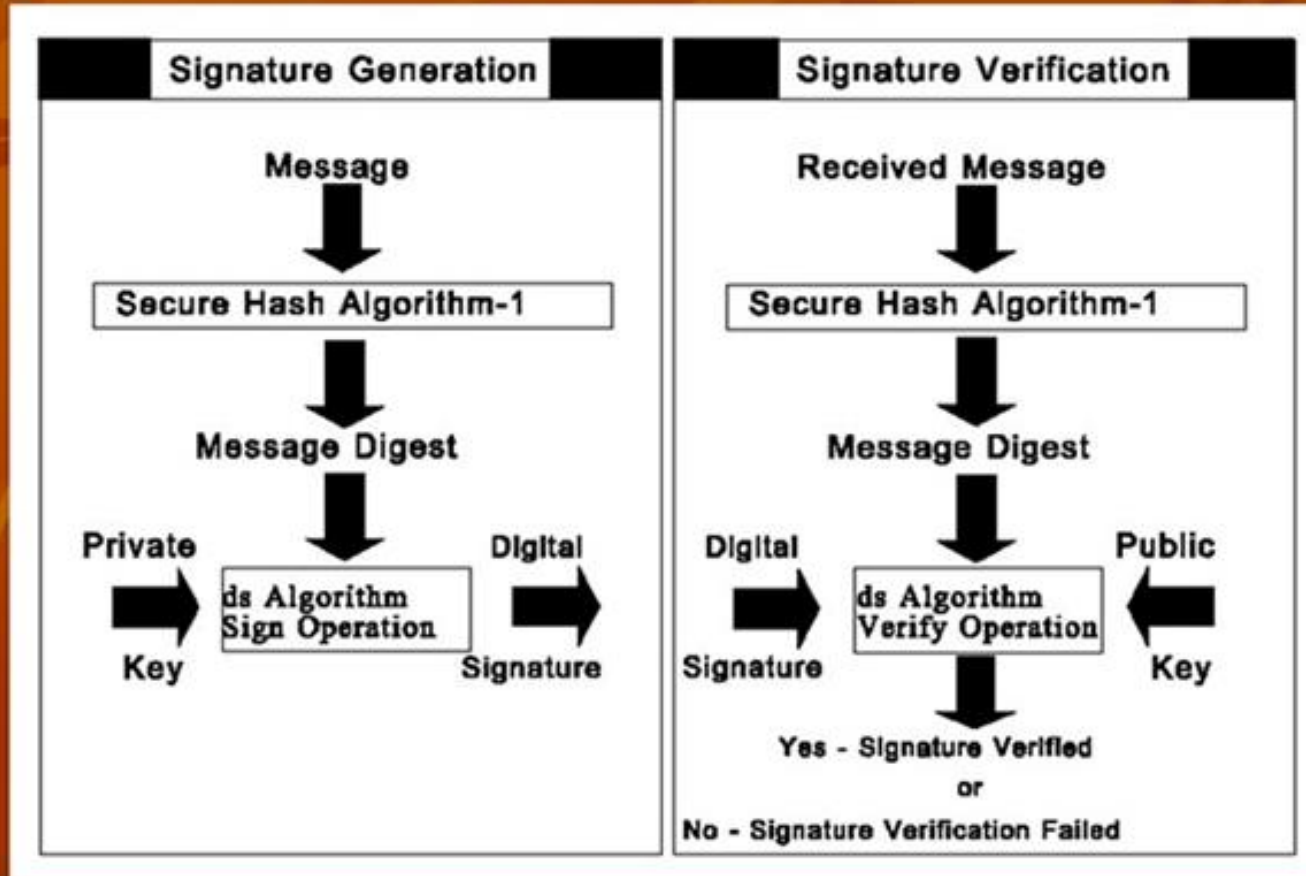
# *Digital Signature Algorithm (DSA)*

- *DSA* termasuk ke dalam algoritma kriptografi kunci-publik.
- *DSA* tidak dapat digunakan untuk enkripsi; *DSA* dispesifikasikan khusus untuk tanda-tangan digital.
- *DSA* mempunyai dua fungsi utama:
  1. Pembangkitan tanda-tangan (*signature generation*),
  2. Pemeriksaan keabsahan tanda-tangan (*signature verification*).

- *DSA* dikembangkan dari algoritma *ElGamal*.
- *DSA* menggunakan dua buah kunci, yaitu kunci publik dan kunci privat.
- Pembentukan tanda-tangan menggunakan kunci privat, sedangkan verifikasi tanda-tangan menggunakan kunci publik.
- *DSA* menggunakan fungsi *hash SHA-1 (Secure Hash Algorithm)* untuk menghasilkan *message digest* yang berukuran 160 bit (*SHA*-sudah dijelaskan pada materi kuliah sebelumnya).



# Digital Signature Standard (DSS)



Sumber: <https://signx.wondershare.com/knowledge/digital-signature-algorithm.html>

# Parameter DSA

1.  $p$ , bilangan prima, panjangnya  $L$  bit,  $512 \leq L \leq 1024$  dan  $L$  harus kelipatan 64. Parameter  $p$  bersifat publik.
2.  $q$ , bilangan prima 160 bit, merupakan faktor dari  $p - 1$ . Dengan kata lain,  $(p - 1) \bmod q = 0$ . Parameter  $q$  bersifat publik.
3.  $g = h^{(p-1)/q} \bmod p$ ,  $h < p - 1$  sedemikian sehingga  $h^{(p-1)/q} \bmod p > 1$ . Parameter  $g$  bersifat publik.
4.  $x$ , kunci privat, adalah bilangan bulat kurang dari  $q$ .
5.  $y = g^x \bmod p$ , kunci publik.
6.  $m$ , pesan yang akan diberi tanda-tangan.



# Pembangkitan Sepasang Kunci

1. Pilih bilangan prima  $p$  dan  $q$ , yang dalam hal ini  $(p - 1) \bmod q = 0$ .
2. Hitung  $g = h^{(p-1)/q} \bmod p$ , yang dalam hal ini  $1 < h < p - 1$  dan  $h^{(p-1)/q} \bmod p > 1$ .
3. Tentukan kunci privat  $x$ , yang dalam hal ini  $x < q$ .
4. Hitung kunci publik  $y = g^x \bmod p$ .

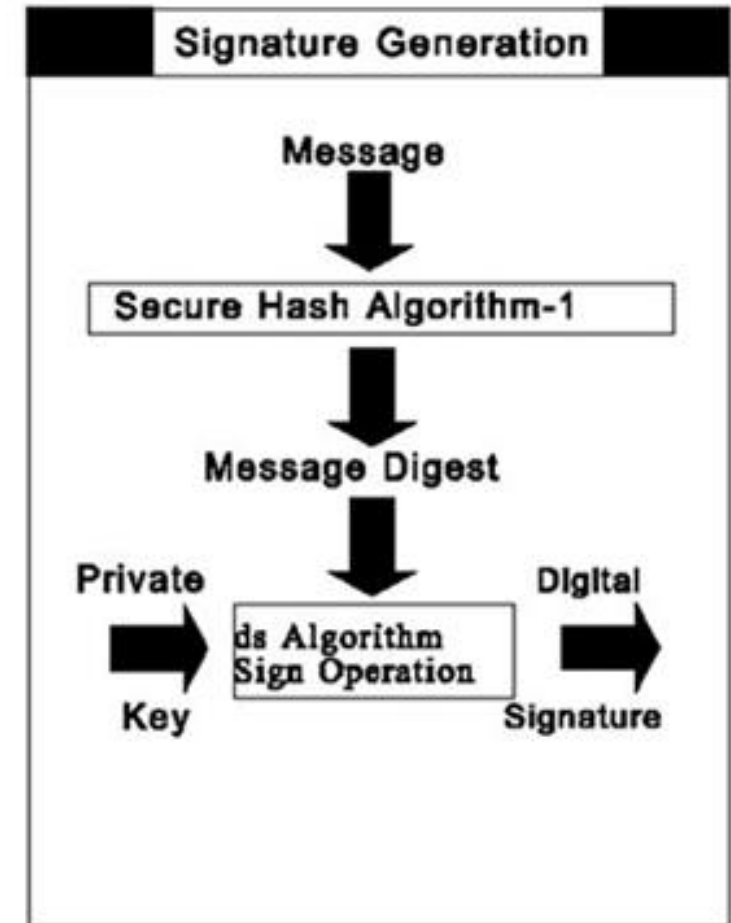
Prosedur di atas menghasilkan:

parameter publik:  $(p, q, g, y)$

parameter privat:  $x$

# Pembangkitan Tanda-tangan (*Signing*)

1. Hitung *message digest* pesan  $m$  dengan fungsi *hash* SHA-1,  $H(m)$ .
2. Tentukan bilangan acak  $k < q$ .
3. Tanda-tangan dari pesan  $m$  adalah bilangan  $r$  dan  $s$ .  
Hitung  $r$  dan  $s$  sebagai berikut (kunci privat =  $x$ ):  
$$r = (g^k \bmod p) \bmod q$$
$$s = (k^{-1} (H(m) + x \cdot r)) \bmod q$$
4. Kirim pesan  $m$  beserta tanda-tangan  $r$  dan  $s$ .



# Verifikasi Keabsahan Tanda-tangan (*Verifying*)

1. Hitung *message digest* pesan  $m$  dengan fungsi hash SHA-1,  $H(m)$ .
2. Verifikasi tanda-tangan,  $r$  dan  $s$ , sebagai berikut (kunci publik =  $y$ ): :

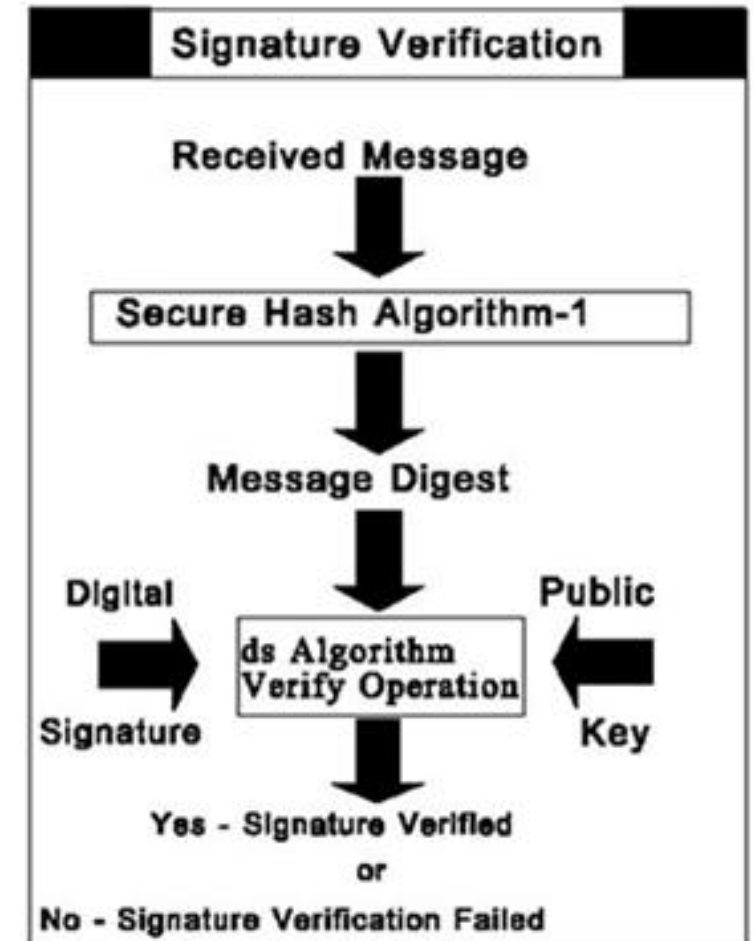
$$w = s^{-1} \bmod q$$

$$u_1 = (H(m) \cdot w) \bmod q$$

$$u_2 = (r \cdot w) \bmod q$$

$$v = ((g^{u_1} \cdot y^{u_2}) \bmod p) \bmod q$$

2. Jika  $v = r$ , maka tanda-tangan digital sah (terverifikasi), sebaliknya tidak sah.



# Contoh Perhitungan DSA

## A. Prosedur Pembangkitan Sepasang Kunci

1. Pilih bilangan prima  $p$  dan  $q$ , yang dalam hal ini  $(p - 1) \bmod q = 0$ .

$$p = 59419$$

$$q = 3301 \text{ (memenuhi } (59419 - 1) \bmod 3301 = 0 \text{ )}$$

2. Hitung  $g = h^{(p-1)/q} \bmod p$ , yang dalam hal ini  $1 < h < p - 1$  dan  $h^{(p-1)/q} \bmod p > 1$ .

$$g = 100^{(59419-1)/3301} \bmod (59419) = 18870 \quad (\text{dengan } h = 100)$$

3. Tentukan kunci privat  $x$ , yang dalam hal ini  $x < q$ .

$$x = 3223$$

4. Hitung kunci publik  $y = g^x \bmod p$ .

$$y = 18870^{3223} \bmod 59419 = 29245 \quad (\text{cek dengan Wolframalpha ☺})$$

## ***B. Prosedur Pembangkitan Tanda-tangan (Signing)***

1. Hitung nilai *hash* dari pesan  $m$ , misalkan  $H(m) = 4321$

2. Tentukan bilangan acak  $k < q$ .

$$k = 997$$

$$k^{-1} \equiv 2907 \pmod{3301}$$

parameter publik: ( $p = 59419$  ,  $q = 3301$ ,  $g = 18870$  )  
parameter privat:  $x = 3223$

3. Hitung tanda-tangan digital,  $r$  dan  $s$ , sebagai berikut:

$$r = (g^k \bmod p) \bmod q = (18870^{997} \bmod 3301) = 848$$

$$\begin{aligned} s &= (k^{-1} (H(m) + x \cdot r)) \bmod q = (2907 (4321 + 3223 \cdot 848)) \bmod 3301 \\ &= 7957694475 \bmod 3301 = 183 \end{aligned}$$

4. Kirim pesan  $m$  dan tanda-tangan,  $(r, s) = (848, 183)$

### C. Prosedur Verifikasi Keabsahan Tanda-tangan

1. Hitung nilai *hash* dari pesan  $m$ , misalkan  $H(m) = 4321$
2. Verifikasi tanda-tangan,  $(r, s) = (848, 183)$ , sebagai berikut:

$$s^{-1} \equiv 469 \pmod{3301}$$

$$w = s^{-1} \bmod q = 469 \bmod 3301 = 469$$

$$u_1 = (H(m) \cdot w) \bmod q = (4321 \cdot 469) \bmod 3301 = 3036$$

$$u_2 = (r \cdot w) \bmod q = (848 \cdot 469) \bmod 3301 = 1592$$

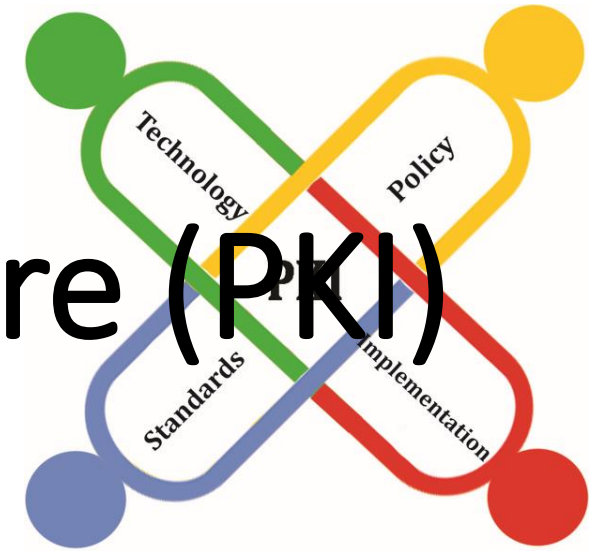
$$\begin{aligned} v &= ((g^{u_1} \cdot y^{u_2}) \bmod p) \bmod q = (18870^{3086} \cdot 29245^{1592}) \bmod 3301 \\ &= 3036 \cdot 848 \bmod 3301 = 848 \end{aligned}$$

parameter publik: ( $p = 59419$ ,  $q = 3301$ ,  
 $g = 18870$ ,  $y = 29245$ )

3. Karena  $v = r$ , maka tanda-tangan sah.



# Public Key Infrastructure (PKI)



# *Public Key Infrastructure (PKI)*

- Luasnya penggunaan sistem kriptografi kunci-publik di Internet membutuhkan sebuah infrastruktur yang menyediakan layanan terintegrasi untuk:
  - membuat,
  - menyimpan,
  - memverifikasi,
  - dan membuangsertifikat digital.
- Infrastruktur tersebut juga mengatur CA dan membuat kebijakan (*policy*).
- Infrastruktur tersebut dinamakan *Public-Key Infrastructure* (PKI)

- *PKI* adalah sekumpulan aturan, kebijakan, prosedur, *hardware* dan *software* yang dibutuhkan untuk membuat, mendistribusikan, menggunakan, menyimpan, mengelola, dan membuang sertifikat digital.
- PKI mengintegrasikan kriptografi kunci-publik dengan sertifikat digital dan *CA* untuk mengotentikasi pihak-pihak dalam suatu transaksi elektronik.
- Tujuan PKI adalah untuk memfasilitasi transaksi elektronik yang aman untuk aktivitas perbankan, *e-commerce*, dan surat-surat elektronik dengan menggunakan sistem kriptografi kunci-publik.

## Komponen-komponen *PKI*:

### 1. Sertifikat digital

- kunci publik, identitas pemilik, tanda-tangan digital, dll

### 2. Pemilik kunci publik

- personal, bank, perusahaan, dll

### 3. CA (*Certification Authority*)

- otoritas yang menerbitkan sertifikat digital

### 4. RA (*Registration Authority*)

- otoritas yang memverifikasi identitas pengguna yang meminta sertifikat

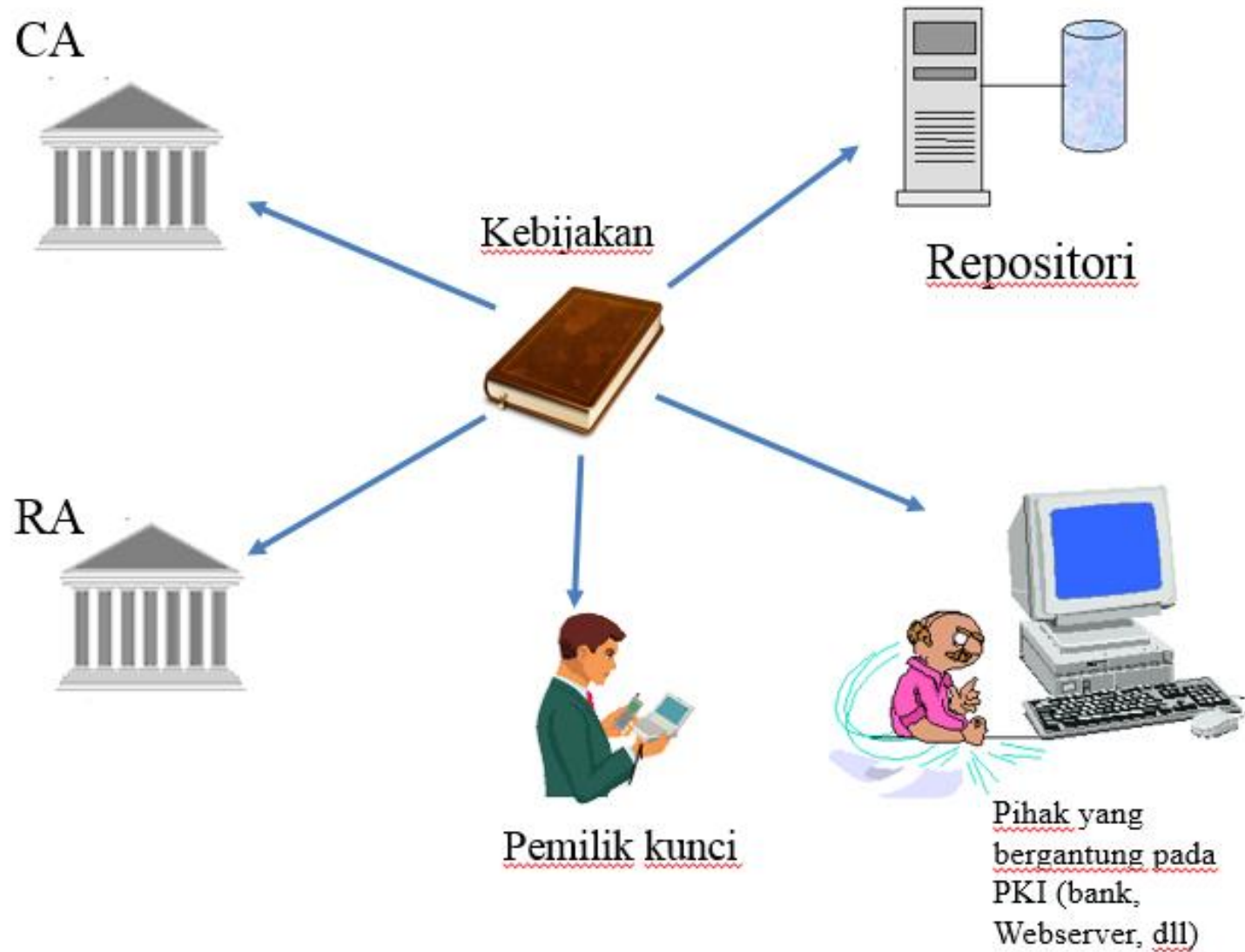
### 5. Repositori

- menyimpan sertifikat digital dan *CRL*

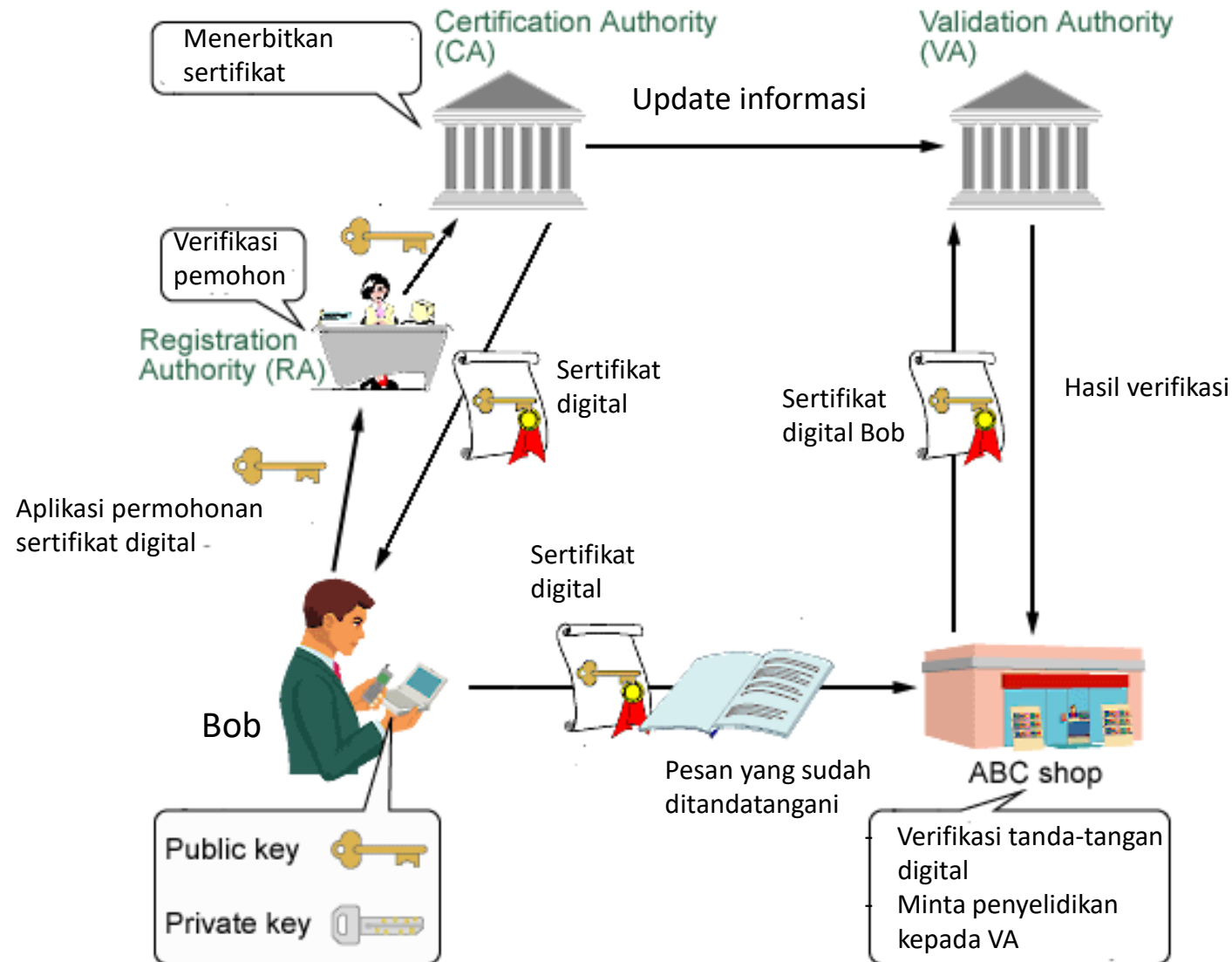
### 6. Aturan/kebijakan (*policy*)

- berisi sekumpulan prosedur dan aturan yang terkait dengan PKI

# Komponen-komponen PKI



# Alur pembuatan dan penggunaan sertifikat digital di dalam PKI



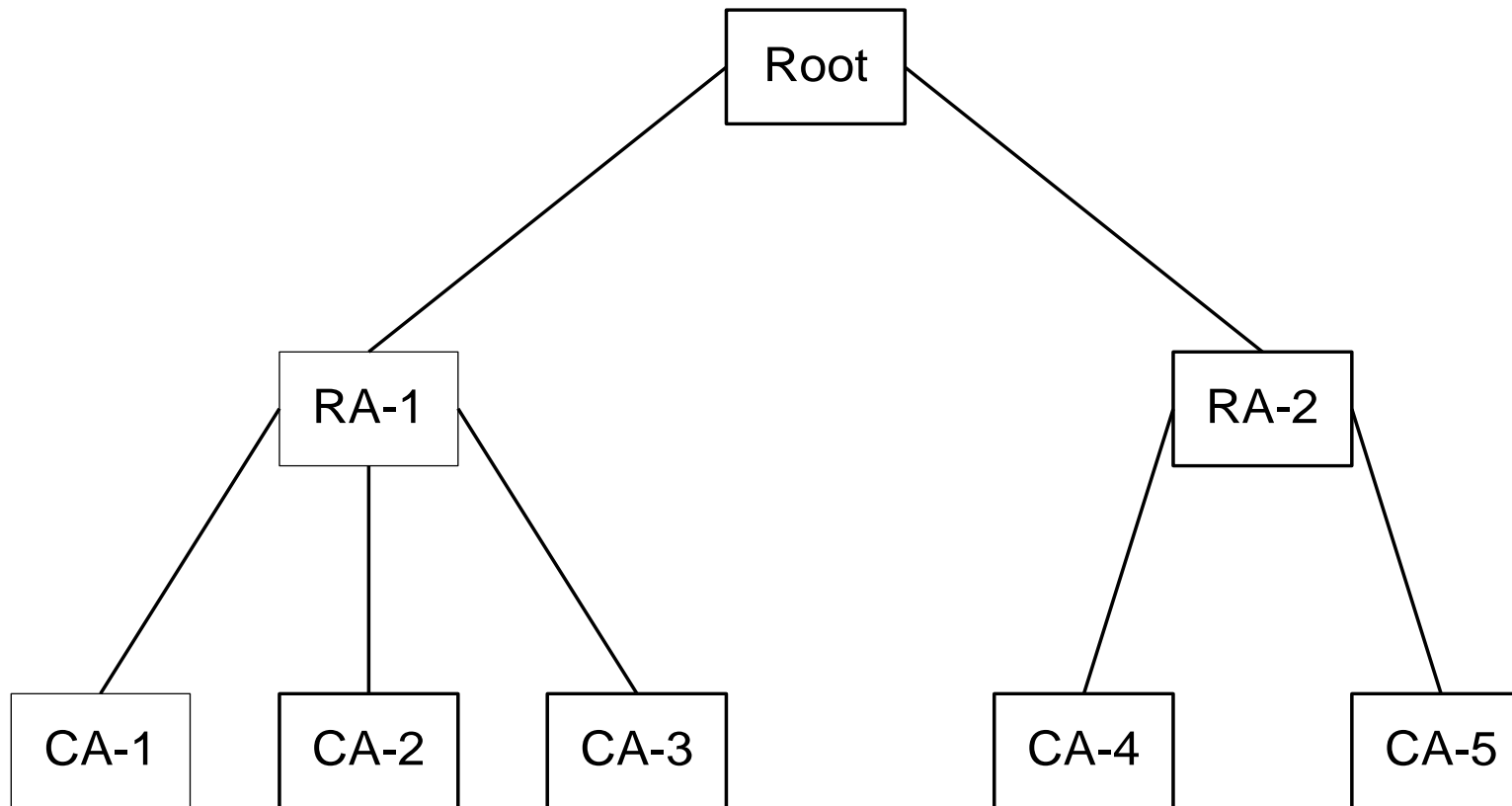


# *Beberapa Penyedia PKI*

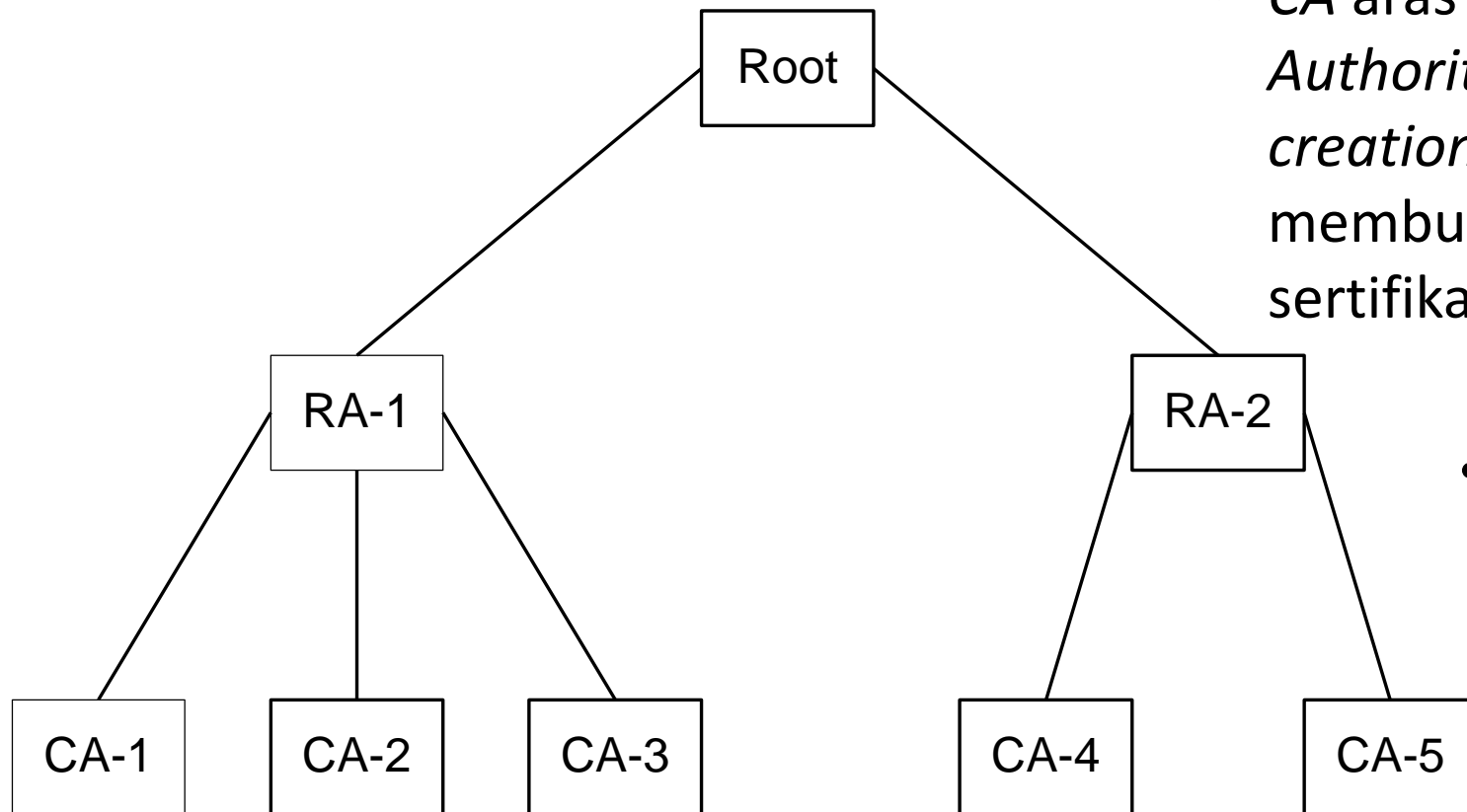
Among PKI leaders are:

- *RSA*, which has developed the main algorithms used by PKI vendors
- *Verisign*, which acts as a certificate authority and sells software that allows a company to create its own certificate authorities
- *GTE CyberTrust*, which provides a PKI implementation methodology and consultation service that it plans to vend to other companies for a fixed price.
- *Xcert*, whose Web Sentry product that checks the revocation status of certificates on a server, using the Online Certificate Status Protocol (OCSP)
- *Netscape*, whose Secure E-Commerce, which allows a company or [extranet](#) manager to manage digital certificates;

- *PKI* menyediakan cara penstrukturan komponen-komponennya (CA, RA) dan mendefinisikan standard bermacam-macam dokumen dan protokol.
- Bentuk *PKI* yang sederhana adalah hirarkhi CA dalam struktur pohon:



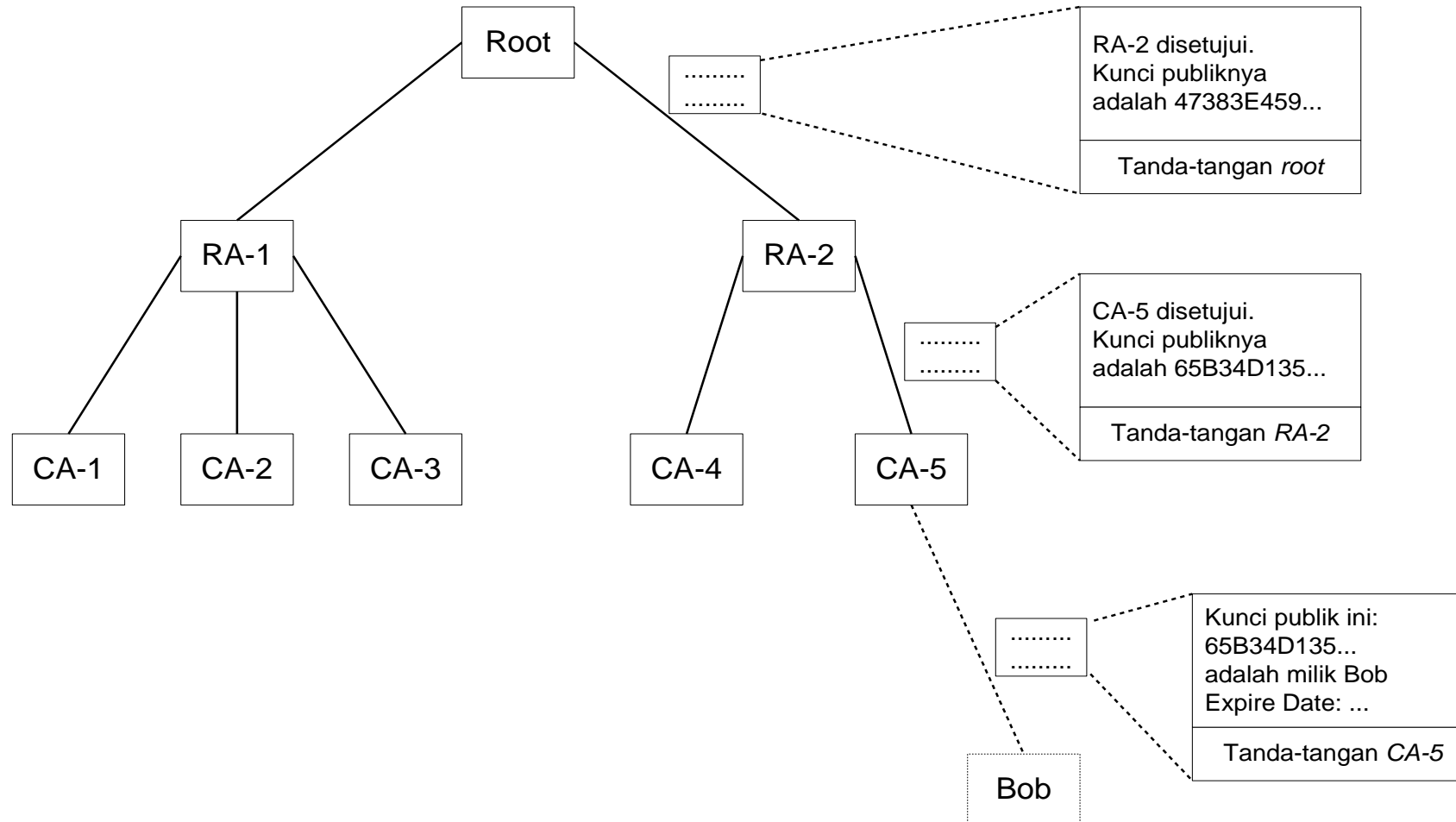
- *Root* merupakan *root certificate authority*, yaitu pembuat kebijakan mengenai manajemen sertifikat digital .
- *Root* mensertifikasi CA aras satu dengan menggunakan privat *root* yang disebut *root key*.



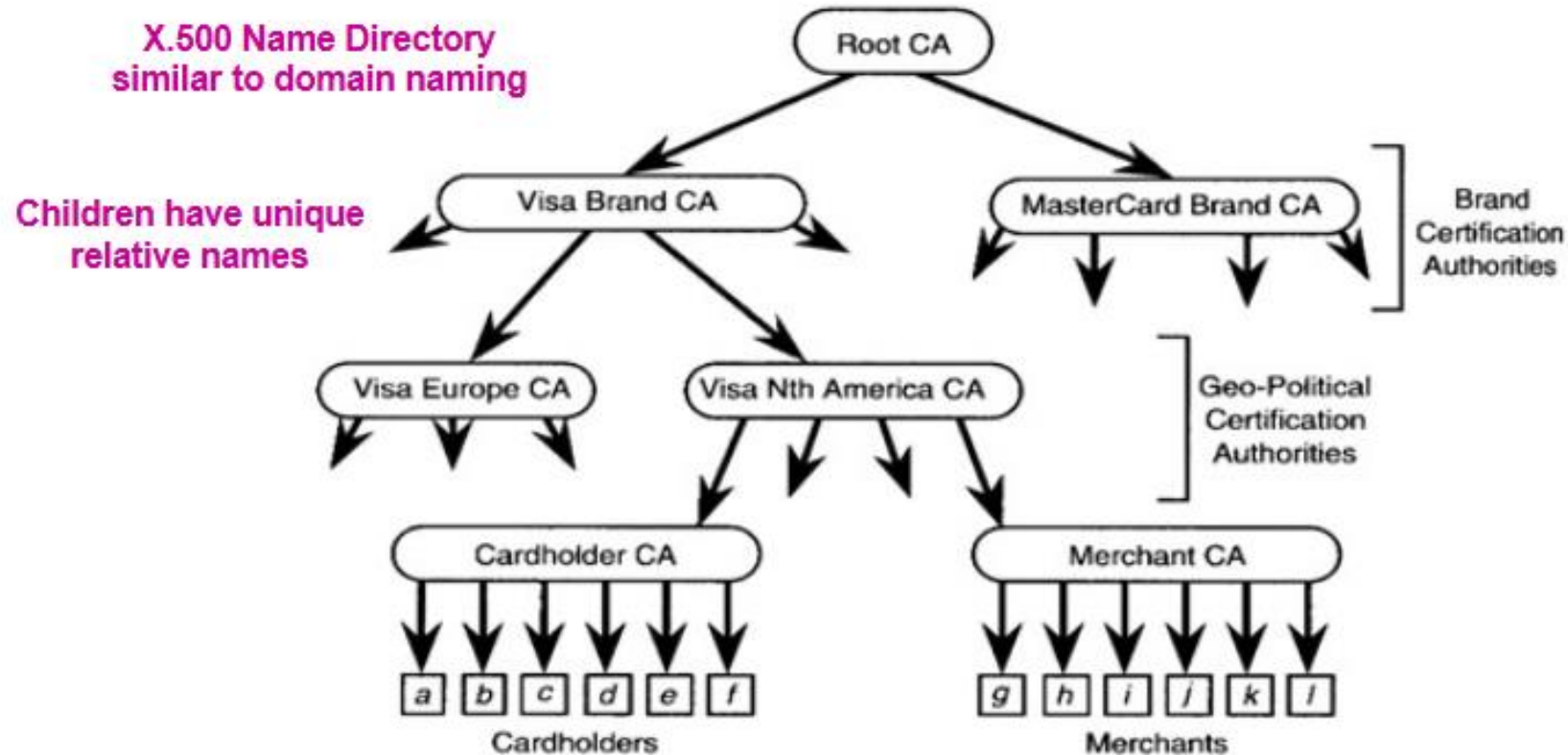
- CA aras satu adalah *RA (Registration Authorities)*, yang bertindak sebagai *policy creation authority*, yaitu organisasi yang membuat kebijakan untuk memperoleh sertifikat digital.

- Sebuah *RA* mungkin mencakup beberapa area geografis, seperti negara bagian, negara, atau benua.

- Penstrukturan *PKI* seperti pohon menghasilkan lintasan yang dinamakan *certificate path* atau *certificate chain*.
- *Certificate path* memberikan alur untuk memverifikasi tanda-tangan di dalam sertifikat mulai dari aras daun hingga mencapai *root*.

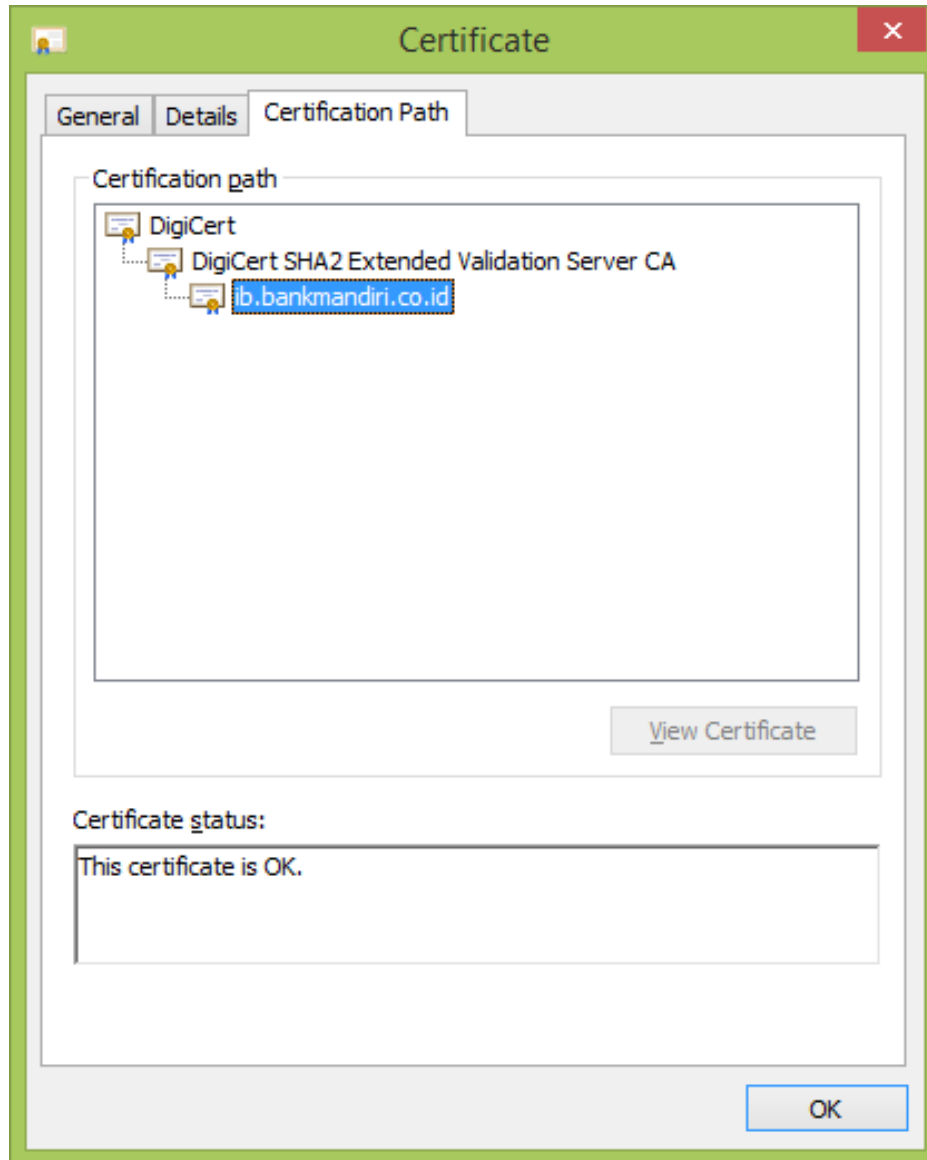


Contoh sebuah rantai sertifikat untuk CA penyedia sertifikat kartu kredit Visa dan Mastercard:



SOURCE: FORD & BAUM,  
*SECURE ELECTRONIC  
COMMERCE*

## Rantai sertifikat digital untuk server Bank Mandiri :



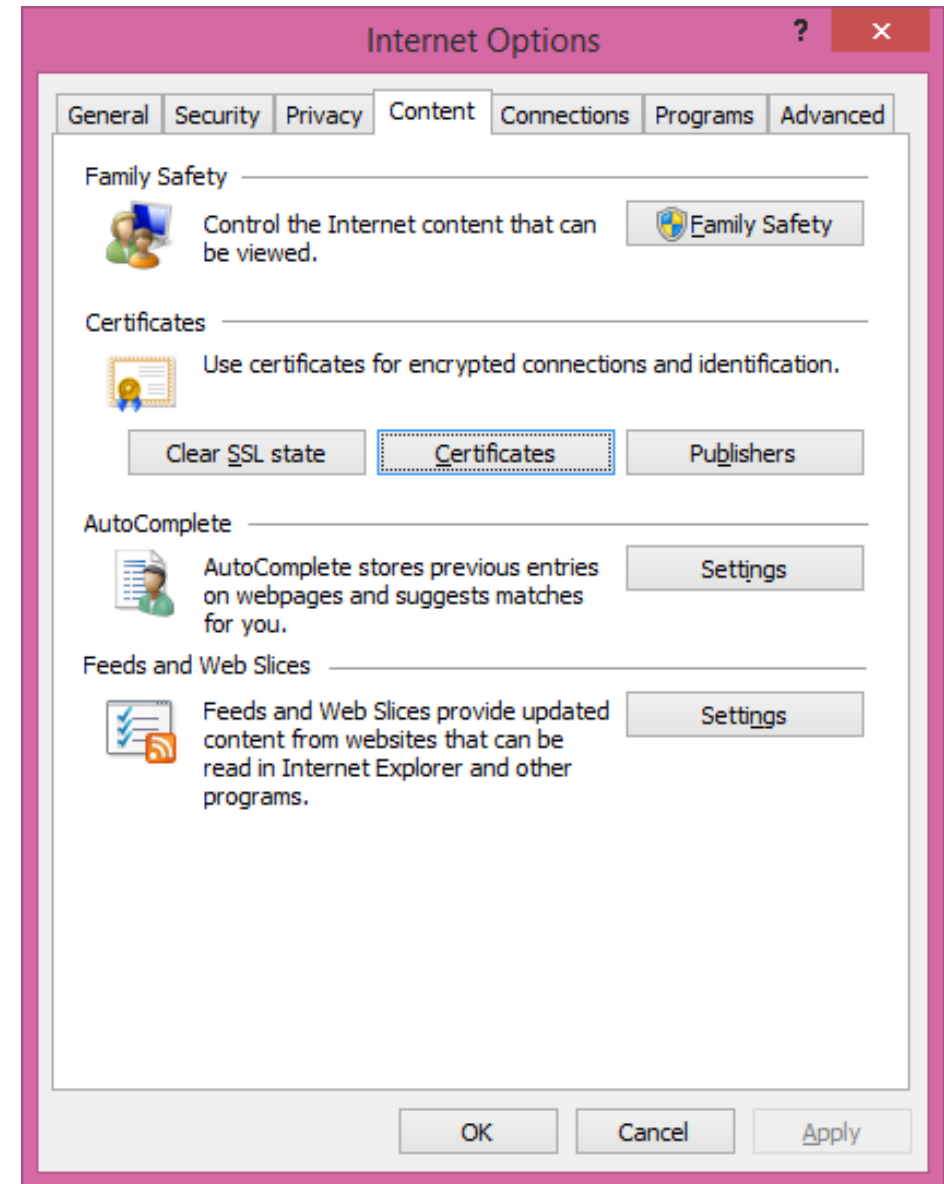
- *Digicert* adalah CA pada aras 0 (*root*),
- *Digicert SHA2* adalah CA pada aras 1,
- daunnya adalah web Bank Mandiri.



- Untuk melihat CA dan sertifikat digitalnya yang telah dipasang di dalam *Internet Explorer (IE)*, lakukan sebagai berikut.

- Pilih:

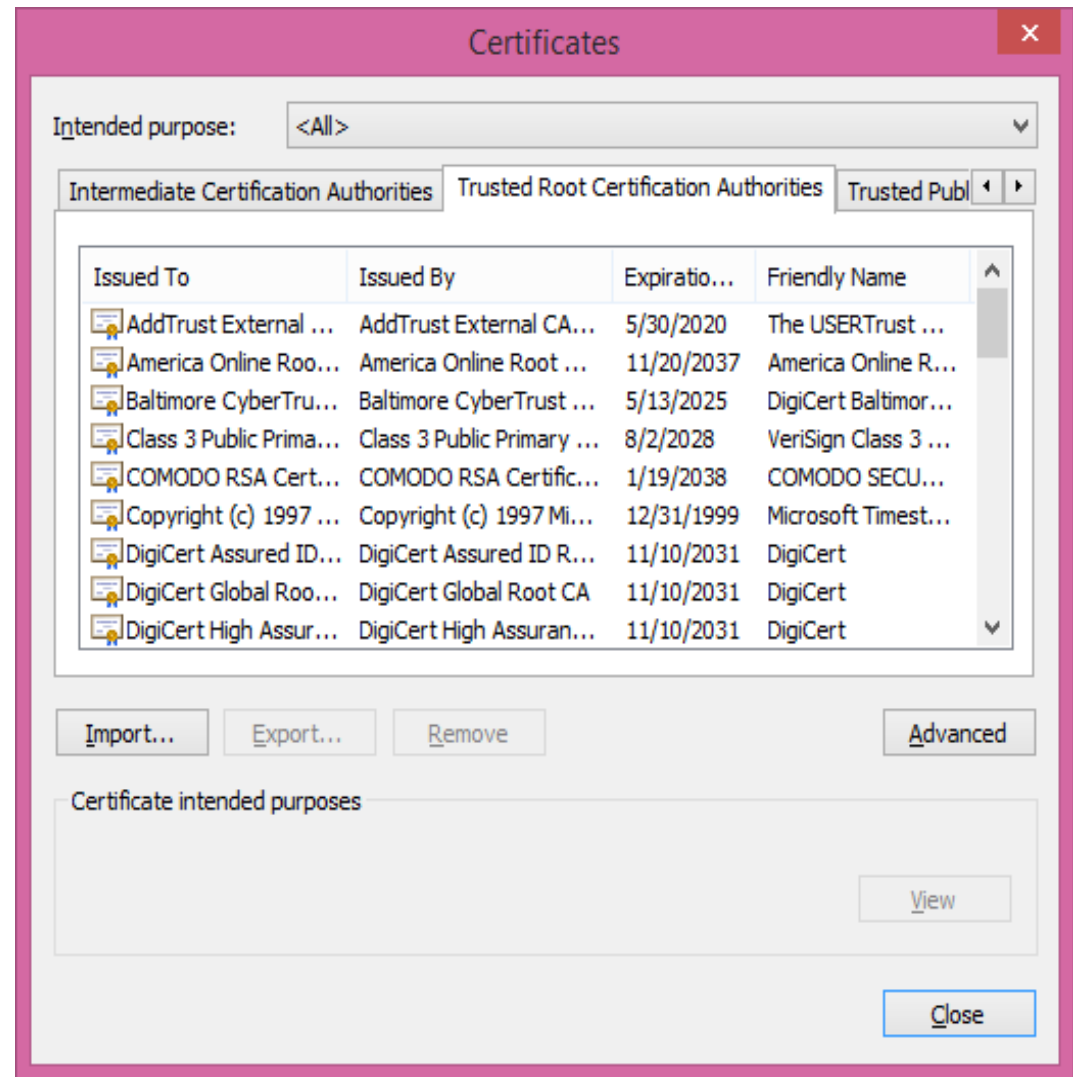
*Internet Options* → *Content*



- Kemudian, klik tab:

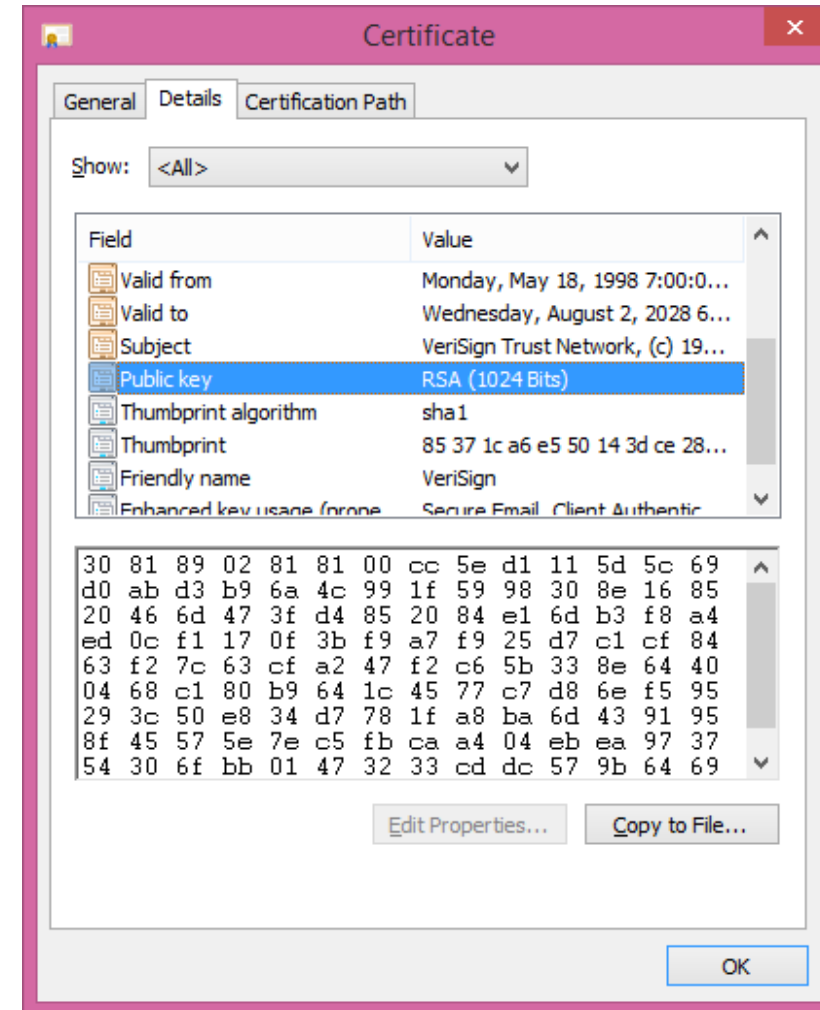
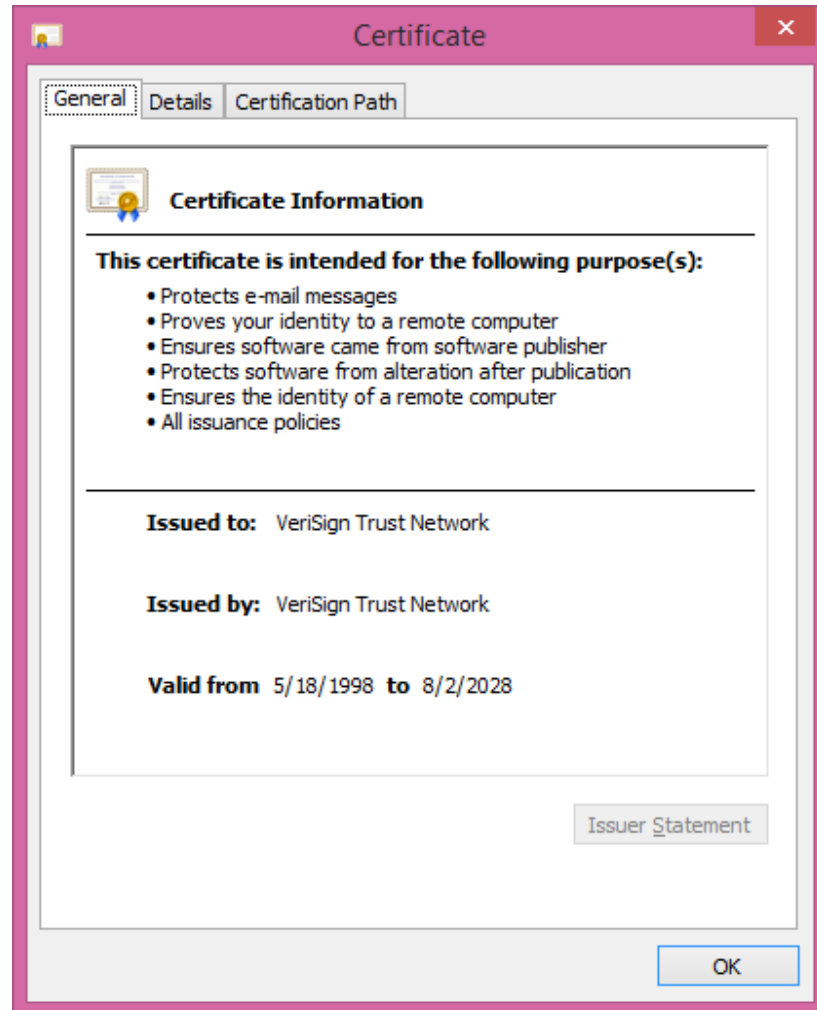
*Certificates* → *Trusted Root Certification Authorities*

- *Trusted Root CA* adalah *root* di dalam *PKI* dan memiliki cabang berupa *Intermediate CA*.



- Bila terdapat *server* di internet yang diberi sertifikat oleh perusahaan yang tidak tercantum di dalam daftar *CA* di atas, maka *IE* akan memperingatkan bahwa *IE* tidak mengenal *CA* tersebut.
- Jika pengguna mempercayai *server* tersebut, maka *CA* tersebut akan ditambahkan ke dalam *IE*.

- Untuk melihat isi sertifikat digital sebuah CA, klik salah satu sertifikat.



## ***Referensi utama :***

>> Michael Felderer , Riccardo Scandariato (editor) - Exploring Security in Software Architecture and Design, 2018.

>> Nancy R. Mead, Carol Woody - Cyber Security Engineering\_ A Practical Approach for Systems and Software Assurance-Addison-Wesley Professional (2016)

>> James Helfrich - Security for Software Engineers-CRC Press (2019)

>> Pete Loshin - Simple Steps to Data Encryption\_ A Practical Guide to Secure Computing-Syngress (2013)

>> Tefvik Bultan,Fang Yu,Muath Alkhalaf,Abdulbaki Aydin (auth.) - String Analysis for Software Verification and Security (2017)



Ada pertanyaan?

