UJIAN TENGAH SEMESTER ANALISIS ALGORITMA



OLEH: ASEP RIDWAN HIDAYAT 231012050036 01MKME001-REGULAR C

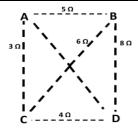
PROGRAM STUDI MAGISTER TEKNIK INFORMATIKA
PROGRAM PASCA SARJANA
UNIVERSITAS PAMULANG
TANGERANG SELATAN
2024

Jawaban No 1

1) PERHITUGAN ANALITIK

Diketahui dari soal data sebagai berikut

- Memiliki 4 simpul (A, B, C, D) dan 5 resistor
- $Rab=5\Omega$, $Rac=3\Omega$, $Rbc=6\Omega$, $Rbd=8\Omega$, $Rcd=4\Omega$



Sebut saja arus yang mengalir melalui resistansi R_{AB} , Rac, Rbc, Rbd,

Rcd, berturut-turut sebagai IAB, IAC, IBC, IBD, dan ICD.

Dengan menggunakan hukum Kirchhoff kedua pada simpul A, B, C kita bisa menyusun persamaan sebagai berikut

1. Simpul A

$$I_{AB}=I_{AC}$$

2. Simpul B

$$I_{AB} = I_{BC} + I_{BD}$$

3. Simpul C

$$I_{AC} = I_{BC} + I_{CD}$$

Kemudian, kita membutuhkan satu persamaan tambahan yang berkaitan dengan hukum Kirchhoff pertama untuk membentuk sebuah sistem persamaan linear. Misalnya, kita bisa menggunakan loop ABC:

4. Loop ABC

$$V_{AB} = V_{AC} + V_{BC}$$

 $I_{AB} \cdot R_{AB} = I_{AC} \cdot R_{AC} + I_{BC} \cdot R_{BC}$ (Substitusi nilai resistor)
 $5I_{AB} = 3I_{AC} \cdot R_{AC} + 6I_{BC}$

Jadi ada 4 pesamaan dari atas:

1.
$$5I_{AB} = 3I_{AC} \cdot R_{AC} + 6I_{BC} (loop ABC)$$

2.
$$I_{AB} = I_{AC}$$
 (simpul A)

3.
$$I_{AB} = I_{BC} + I_{BD} (simpul B)$$

4.
$$I_{AC} = I_{BC} + I_{CD}(simpul C)$$

Mari kita gunakan persamaan kedua (dari Simpul A) untuk menggantikan I_{AB} dalam persamaan 4 (Loop ABC), menjadi:

1.
$$5I_{AC} = 3I_{AC} \cdot + 6I_{BC}$$
 (substitusi $I_{AC} = I_{AC}$)

2.
$$I_{AC} = I_{BC} + I_{BD}$$
 (sesuai simpul B)

Sekarang kita punya dua persamaan dengan hanya dua variabel, yaitu I_{AC} dan I_{BC} yang dapat diselesaikan, seperti dibawah ini.

1.
$$5I_{AC} = 3I_{AC} + 6I_{BC}$$

 $\rightarrow 2I_{AC} = 6I_{BC}$
 $\rightarrow I_{AC} = 3I_{BC}$

2.
$$I_{AC} = I_{BC} + I_{BD}$$

$$\rightarrow 3I_{BC} = I_{BC} + I_{BD}$$

$$\rightarrow 2I_{BC} = I_{BC} + I_{BD}$$

Dari perhitungan diatas didapat:

1.
$$I_{AC} = 3I_{BC}$$
 (1)

2.
$$2I_{BC} = I_{BC} + I_{BD}$$
 (2)

Subsitusi persamaan (1) ke persamaan (2) untuk menentukan nilai I_{BD} , didapat

$$\rightarrow 2(3I_{BC}) = I_{BD}$$

$$\rightarrow 6I_{BC} = I_{BD}$$

substitusi kembali nilai I_{BD} ke dalam persamaan (2) untuk menemukan nilai I_{BC}

Sekarang kita punya nilai I_{BC} . dan karena $I_{AC} = 3I_{BC}$ kita bisa menghitung I_{AC}

$$\rightarrow I_{AC} = 3 \times 3A$$

$$\rightarrow I_{AC} = 9A$$

Jadi bisa didapatkan nilai yang lainnya seperti dibawah ini:

```
\rightarrow I_{CD} = I_{AC} - I_{BC} = 9A - 3A = 6A
```

Jadi didapatkan nilai arus yang mengalir melalui setiap jaringan tersebut adalah:

- $\bullet \quad I_{AB} = 9A$
- $\bullet \quad I_{AC} = 9A$
- $\bullet \quad I_{BC} = 3A$
- $\bullet \quad I_{BD} = 18A$
- $\bullet \quad I_{CD} = 6A$

B. ALGORITMA

```
def solve_circuit():
  # Resistansi antara simpul
  R_AB = 5
  R_AC = 3
  R BC = 6
  R_BD = 8
  R CD = 4
  # Menghitung nilai arus
  I_BC = 3 # Asumsikan nilai awal untuk I_BC
  I\_AC = 3 * I\_BC
  I_AB = I_AC
  I_BD = 6 * I_BC
  I_CD = I_AC - I_BC
  # Menampilkan hasil
  print("Arus yang mengalir melalui setiap resistor:")
  print(f"I\_AB = \{I\_AB\} A")
  print(f''I\_AC = \{I\_AC\} A'')
  print(f"I\_BC = \{I\_BC\} A")
  print(f"I\_BD = \{I\_BD\} A")
  print(f"I\_CD = \{I\_CD\} A")
if __name__ == "__main__":
      solve_circuit()
```

C. PROGRAM Python

```
def solve_circuit(R_AB, R_AC, R_BC, R_BD, R_CD):
    # Menghitung nilai arus
    I_BC = 3 # Asumsikan nilai awal untuk I_BC
    I\_AC = 3 * I\_BC
    I AB = I AC
    I BD = 6 * I BC
    I\_CD = I\_AC - I\_BC
    # Menampilkan hasil
    print("Arus yang mengalir melalui setiap resistor:")
    print(f"I\_AB = \{I\_AB\} A")
    print(f"I AC = \{I AC\} A")
    print(f"I\_BC = \{I\_BC\} A")
    print(f"I BD = {I BD} A")
    print(f"I\_CD = \{I\_CD\} A")
if __name__ == "__main__":
    # Input nilai resistansi antara simpul
    R_AB = float(input("Masukkan nilai resistansi antara simpul A dan B (ohm): "))
    R AC = float(input("Masukkan nilai resistansi antara simpul A dan C (ohm): "))
    R_BC = float(input("Masukkan nilai resistansi antara simpul B dan C (ohm): "))
    R BD = float(input("Masukkan nilai resistansi antara simpul B dan D (ohm): "))
    R_CD = float(input("Masukkan nilai resistansi antara simpul C dan D (ohm): "))
    # Memanggil fungsi untuk menyelesaikan sirkuit
solve_circuit(R_AB, R_AC, R_BC, R_BD, R_CD)
```

D. OUTPUT PROGRAM

```
soal no 1b fix.py X
                                                                                                                                                                                       ∑ Python + ∨ ⊟ 🛍 ··· ×
e soal no 1b fix.py > ...
                                                                           PS D:\ABI\_MATA KULTAH PASCA\clone 2\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\AWALISA ALGORITMA\_TUGAS\UTS> & C:/Users/reads/AppData/Local/Programs/Python/Python312/python.exe "d:/ABI/_MATA KULTAH PASCA\clone 2\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\AWALISA ALGORITMA\_TUGAS\UTS\soal no 1
                                                                            Masukkan nilai resistansi antara simpul A dan B (ohm): 5
                                                                            Masukkan nilai resistansi antara simpul A dan C (ohm): 3
                                                                            Masukkan nilai resistansi antara simpul B dan C (ohm): 6
                                                                            Masukkan nilai resistansi antara simpul B dan D (ohm): 8
                                                                            Masukkan nilai resistansi antara simpul C dan D (ohm): 4
                                                                            Arus yang mengalir melalui setiap resistor:
           print("Arus yang mengalir melalui setiap resist
           print(f"I AB = {I AB} A")
                                                                            I BD = 18 A
                                                                            PS D:\ABI\__MATA KULIAH PASCA\clone 2\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\ANALISA ALGORITMA\ TUGAS\UTS>
                                                                                                                                                                                                           ^В
           print(f"I_CD = {I_CD} A")
      R_AB = float(input("Masukkan nilai resistansi a
           R_AC = float(input("Masukkan nilai resistansi a
           R_BC = float(input("Masukkan nilai resistansi a
           R_BD = float(input("Masukkan nilai resistansi a
           R CD = float(input("Masukkan nilai resistansi a
```

Jawaban No 2

1. Buktikan 3ⁿ dan 5ⁿ selalu habis dibagi oleh 8

A. PERHITUNGAN SECARA ANALITIK

```
Langkah induksi pertama:

1. Untuk n = 1

3<sup>n</sup> dan 5<sup>n</sup> selalu habis dibagi oleh 8

3<sup>1</sup> = 3 (tidak habis dibagi 8)

5<sup>1</sup> = 5 (tidak habis dibagi 8)

Ini artinya pernyataan diatas tidak benar untuk n=1

2. Untuk n = k (kita asumsikan pernyataan ini benar untuk n=k)

Asumsikan k bilangan bulangan positif dan 3<sup>k</sup> dan 5<sup>k</sup> habis dibagi 8, dengan kata lain 3<sup>k</sup> = 8x dan 5<sup>k</sup> = 8y, dengan x dan y bilangan bulat positif
```

3. Buktikan untuk n = k+1

Jika asumsi n = k benar untuk pernyataan diatas (3ⁿ dan 5ⁿ selalu habis dibagi oleh 8), maka pernyataan tersebut juga benar untuk n = k + 1.

Mari kita coba:

$$3^{k+1} = 3^k \times 3^1 = 3^k \times 3$$
 (sifat perpangkatan $a^{m+n} = a^m \times a^n$)
 $5^{k+1} = 5^k \times 5^1 = 3^k \times 3$

Dari asumsi kita sebelumnya, diketahui bahwa 3^k dan 5^k habis dibagi 8 untuk n=k Maka,jika ditulis ulang persamaan nya sebagai berikut:

$$\checkmark 3^{k+1} = 8x \times 3$$

$$\checkmark 3^{k+1} = 24x$$

$$\checkmark 5^{k+1} = 8y \times 5$$

$$\checkmark 5^{k+1} = 40y$$

Karena 24 dan 40 adalah kelipatan dari 8, maka 3^{k+1} dan 5^{k+1} juga habis dibagi 8

Dengan demikian, dengan metode induksi matematika, kita telah membuktikan bahwa untuk setiap bilangan bulat positif n, 3^n dan 5^n selalu habis dibagi oleh 8 dan n $\neq 1$

B. ALGORITMA

```
1. Fungsi Induksi_Matematika(n): //buat fungsi untuk input n
      //jika n =1 tidak terpenuhi karena n≠ 1
2.
3.
      Jika n = 1:
         Tampilkan "Pernyataan tidak berlaku untuk n = 1."
4.
5.
         Berhenti.
6.
      Jika n > 1:
7.
         Untuk i dari 1 hingga n:
           Jika (3^n) / 8 \neq 0 atau (5^n) / 8 \neq 0:
8.
              Tampilkan "Pernyataan tidak berlaku untuk n = ", i.
9.
          Berhenti.
10.
11.
12. Tampilkan "Pernyataan benar untuk semua bilangan bulat positif hingga n."
```

C. PEMOGRAMAN Python

```
def Induksi Matematika(n):
    if n == 1:
        print("Pernyataan tidak berlaku untuk n = 1.")
        return
    for i in range(1, n+1):
        if (3**n) % 8 != 0 or (5**n) % 8 != 0:
            print("Pernyataan tidak berlaku untuk n =",i)
            return
    else:
        print("Pernyataan benar untuk semua bilangan bulat positif hingga",n)
def main():
   try:
        n = int(input("Masukkan nilai n: "))
        if n <= 0:
            print("Masukkan bilangan bulat positif yang lebih besar dari 0.")
            return
        Induksi_Matematika(n)
    except ValueError:
        print("Masukkan bilangan bulat.")
if __name__ == "__main__":
    main()
```

D. OUTPUT

```
🕏 from sklearn.preprocessing import LabelE Untitled-1 🌘 🕏 pemograman soal no 2.py M 🗴
      def Induksi_Matematika(n):
               print("Pernyataan tidak berlaku untuk n = 1.")
               if (3**n) % 8 != 0 or (5**n) % 8 != 0:
                  print("Pernyataan tidak berlaku untuk n =\n")
                  print(n)
               print("Pernyataan benar untuk semua bilangan bulat positif hingga",n)
      def main():
              n = int(input("Masukkan nilai n: "))
                   print("Masukkan bilangan bulat positif yang lebih besar dari 0.")
               Induksi_Matematika(n)
          except ValueError:
             print("Masukkan bilangan bulat.")
      if __name__ == "__main__":
          main()
                                                                                                                                                                               ∑ Python + ∨ 
TERMINAL PORTS DEBUG CONSOLE PROBLEMS OUTPUT
PS D:\Project\PROJECT X\_SAKOLA_PASCA\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\DATA MINING\_TUGAS\UTS\PERTEMUAN KE-7 MATRDX\uts olah data> & "C:\Users\ASEP RIDMAN\AppData\Local\Programs/Python/Python312/python.exe" "d:
Pernyataan tidak berlaku untuk n = 1.
PS D:\Project\PROJECT X\_SAKOLA_PASCA\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\DATA MININK\\TUGAS\UTS\PERTEMJAN KE-7 MATRD\uts olah data> & "C:\Users\ASEP RIDMAN\App\Data\Local\Programs\Python\Python312\/python.exe" "d:
/PROJECT X/ SAKOLA PASCA/SAKOLA-PASCA/SEMESTER 1/ANALISA ALGORITMA/_TUGAS/UTS/pemograman soal no 2.py"
Masukkan nilai n: 20
Pernyataan tidak berlaku untuk n =
PS D:\Project\PROJECT X\ SAKOLA PASCA\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\DATA MINING\ TUGAS\UTS\PERTEMUAN KE-7 MATRIX\uts olah data>
```

Jawaban No. 3

A. PERHITUNGAN ANALITIK

Untuk memodifikasi algoritma Heap Sort agar dapat mengurutkan array dengan efisien dalam kondisi terbaik dan terburuk, diantaranya dengan langkah berikut:

- 1. **Kondisi terbaik** untuk algoritma Heap Sort terjadi ketika array masukan sudah dalam bentuk heap maksimum atau heap minimum (bergantung pada jenis Heap yang digunakan). Dalam hal ini, algoritma hanya membutuhkan waktu O(n) untuk membangun heap, karena tidak ada perubahan yang diperlukan untuk memastikan properti heap terpenuhi.
- 2. **Kondisi terburuk** untuk algoritma Heap Sort terjadi ketika elemen-elemen dalam larik berada dalam urutan terbalik dari urutan yang diinginkan. Dalam kondisi ini, setiap kali sebuah elemen dimasukkan ke dalam heap saat membangunnya, elemen tersebut harus bergeser ke atas melewati semua elemen yang ada dalam heap untuk mencapai posisinya yang seharusnya. Hal ini menyebabkan kompleksitas waktu yang paling buruk dalam setiap iterasi membangun heap.

Langkah-langkah optimisasi Heapify dengan Bottom-up Approach:

- a) Ubah proses membangun heap dari pendekatan top-down menjadi bottom-up.
- b) Lakukan heapify untuk setiap node dimulai dari node terakhir yang bukan daun hingga root

B. ALGORITMA

Algoritma Psudo code seperti ini untuk pengurutan heapify_bottom_up:

```
def heapify_bottom_up(arr, n, i):
    largest = i
    left = 2 * i + 1
    right = 2 * i + 2

if left < n and arr[left] > arr[largest]:
    largest = left

if right < n and arr[right] > arr[largest]:
```

```
largest = right
       if largest != i:
         arr[i], arr[largest] = arr[largest], arr[i]
         heapify_bottom_up(arr, n, largest)
    def heap_sort_bottom_up(arr):
       n = len(arr)
       # Membangun heap secara bottom-up
       for i in range(n // 2 - 1, -1, -1):
         heapify_bottom_up(arr, n, i)
       # Ekstraksi elemen satu per satu dari heap
       for i in range(n-1, 0, -1):
         arr[i], arr[0] = arr[0], arr[i]
         heapify_bottom_up(arr, i, 0)
     # Contoh penggunaan:
    arr = [12, 11, 13, 5, 6, 7]
    heap_sort_bottom_up(arr)
print("Array yang diurutkan adalah:", arr)
```

C. PROGRAM Python

```
def heapify_bottom_up(arr, n, i):
  largest = i
  left = 2 * i + 1
  right = 2 * i + 2
  if left < n and arr[left] > arr[largest]:
    largest = left
  if right < n and arr[right] > arr[largest]:
    largest = right
  if largest != i:
    arr[i], arr[largest] = arr[largest], arr[i]
    heapify_bottom_up(arr, n, largest)
def build_max_heap(arr):
  n = len(arr)
  # Starting from the last non-leaf node and heapify them in reverse order
  for i in range(n // 2 - 1, -1, -1):
    heapify_bottom_up(arr, n, i)
# Input larik dari pengguna
arr = list(map(int, input("Masukkan elemen: ").split()))
```

```
# Membangun heap maksimum
    build_max_heap(arr)
print("Heap maksimum:", arr)
```

D. Output

Implementasi dengan menggunakan python:

```
from sklearn.preprocessing import LabelE Untitled-1 • pemograman soal no 3.py U X
D: > Project > PROJECT X > _SAKOLA_PASCA > SAKOLA-PASCA > SEMESTER 1 > ANALISA ALGORITMA > _TUGAS > UTS > 🤣 pemograman soal no 3.py > ...
       def heapify_bottom_up(arr, n, i):
           largest = i
            left = 2 * i + 1
            right = 2 * i + 2
            if left < n and arr[left] > arr[largest]:
                largest = left
            if right < n and arr[right] > arr[largest]:
                 largest = right
            if largest != i:
                arr[i], arr[largest] = arr[largest], arr[i]
                 heapify_bottom_up(arr, n, largest)
       def build_max_heap(arr):
               heapify_bottom_up(arr, n, i)
       # Input larik dari pengguna
arr = list(map(int, input("Masukkan elemen: ").split()))
TERMINAL PORTS DEBUG CONSOLE PROBLEMS OUTPUT
PS D:\Project\PROJECT X\_SAKOLA_PASCA\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\DATA MINING\_TUGAS\UTS\PERTEMUAN KE-7 MATRIX\uts olah data>
PS D:\Project\PROJECT X\_SAKOLA_PASCA\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\DATA MINING\_TUGAS\UTS\PERTEMUAN KE-7 MATRIX\uts olah data> 12,11,13,6,5,7
12
11
13
6
5
7
PS D:\Project\PROJECT X\_SAKOLA_PASCA\SAKOLA-PASCA\SEMESTER 1\DATA MINING\_TUGAS\UTS\PERTEMUAN KE-7 MATRIX\uts olah data>
```

Jawaban No. 4

A. Perhitungan Analitik

Untuk menghitung jumlah operasi pembandingan yang dilakukan dalam algoritma Merge Sort untuk mengurutkan array [5, 1, 6, 2, 3, 4, 7] secara menurun dengan aloritman Merge Sort (perbandingan antara elemen-elemen dalam subarray)

- 1) Saat membagi array menjadi subarray, array akan dibagi menjadi subarray berikut:
 - [5, 1, 6, 2] dan [3, 4, 7]
 - [5, 1] dan [6, 2]
 - [5] dan [1]
 - [6] dan [2]
 - [3, 4] dan [7]
 - [3] dan [4]
- 2) Selanjutnya, subarray akan digabungkan secara berurutan untuk menghasilkan array terurut:
 - [1, 5, 2, 6] dan [3, 4, 7]
 - [1, 5] dan [2, 6]
 - [1] dan [5]
 - [2] dan [6]
 - [3, 4] dan [7]
 - [3] dan [4]

dalam penggabungan array jumlah elemen dalam subarray adalah n/2, di mana n adalah panjang array. karena jumlah langkah yang diperlukan adalah 2 kali subarray.

maka:
$$\frac{n}{2} \times \frac{n}{2} = \frac{n^2}{4}$$

Didalam array ini [5, 1, 6, 2, 3, 4, 7] Panjang array adalah 7 berarti jika disubstitusikan seperti ini $\frac{7^2}{4} \approx 12$ operasi perbandingan.

B. Algoritma

Psudo dengan python

```
def merge sort(arr):
  if len(arr) > 1:
     mid = len(arr) // 2
     left_half = arr[:mid]
     right_half = arr[mid:]
     merge_sort(left_half)
     merge_sort(right_half)
     i = j = k = 0
```

```
# Menggabungkan dua bagian menjadi arr dalam urutan menurun
          while i < len(left_half) and j < len(right_half):
            if left_half[i] >= right_half[j]:
               arr[k] = left_half[i]
               i += 1
             else:
               arr[k] = right_half[j]
               i += 1
            k += 1
          # Menyalin elemen yang tersisa dari left_half, jika ada
          while i < len(left half):
            arr[k] = left_half[i]
            i += 1
            k += 1
          # Menyalin elemen yang tersisa dari right_half, jika ada
          while j < len(right_half):
            arr[k] = right_half[j]
            i += 1
            k += 1
     # Masukan Array:
     arr = [5, 1, 6, 2, 3, 4, 7]
     merge_sort(arr)
print("Array setelah diurutkan secara menurun:", arr)
```

C. Pemograman

```
def merge_sort(arr):
    if len(arr) > 1:
        mid = len(arr) // 2
        left_half = arr[:mid]
        right_half = arr[mid:]

    merge_sort(left_half)
    merge_sort(right_half)

    i = j = k = 0

# Menggabungkan dua bagian menjadi arr dalam urutan menurun
    while i < len(left_half) and j < len(right_half):
        if left_half[i] >= right_half[j]:
            arr[k] = left_half[i]
            i += 1
        else:
```

```
arr[k] = right_half[j]
            k += 1
        # Menyalin elemen i yang tersisa dari right_half, jika ada
        while i < len(left_half):</pre>
            arr[k] = left_half[i]
            i += 1
            k += 1
        # CMenyalin elemen j yang tersisa dari right_half, jika ada
        while j < len(right_half):</pre>
            arr[k] = right_half[j]
            j += 1
            k += 1
# array dari soal
arr = [5, 1, 6, 2, 3, 4, 7]
merge_sort(arr)
print("Array setelah diurutkan secara menurun (desc):", arr)
```

D. Output

Implementasi dengan menggunakan python: