### ANALISIS KORELASI DAN REGRESI

#### **KORELASI**

- Alat yang digunakan untuk mengukur keeratan hubungan antara variabel yang satu (variabel independen) dengan variabel lainnya (variabel dependen)
- Keeratan hubungan antara variabel X dengan Y

#### **REGRESI**

- Suat u ukuran yang digunakanuntuk mengukur pengaruh dari tiap perubahan variabel bebas (independen) terhadap variabel terikat (dependen)
- Pengaruh perubahan pada X terhadap perubahan Y

### KONSEP DASAR

## KORELASI

### APA YANG DIUKUR DARI HUBUNGAN TERSEBUT

- Bagaimana kekuatan atau keeratan hubungan dua kejadian tersebut (analisis korelasi)
- Bagaimana hubungan fungsional dua kejadian tersebut atau bagaimana persamaan matematis yang mempresentasikan hubungan dua kejadian tersebut (analisis regresi)

### UKURAN DALAM REGRESI

### × Koefisien Regresi

→ mengukur besarnya pengaruh X terhadap Y

### × Koefisien korelasi

→ mengukur Kuat tidaknya hubungan X dan Y

#### KRITERIA NILAI KOEFISIEN KORELASI

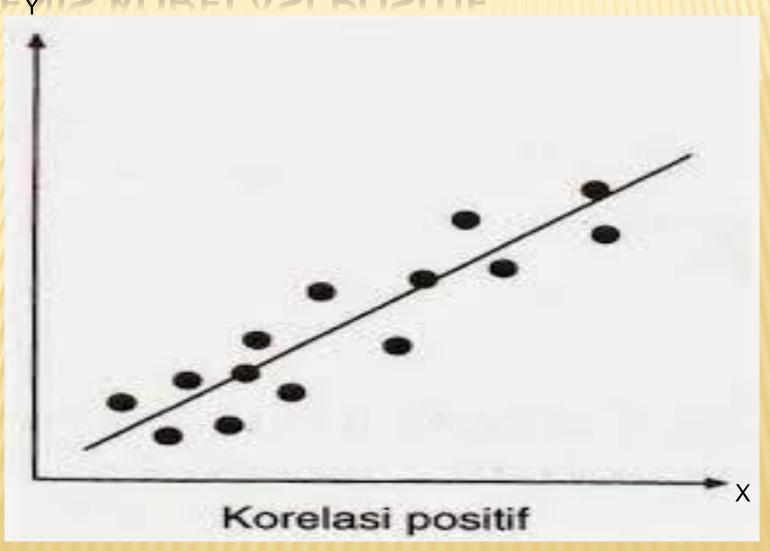
Koefisiensi Korelasi	Tingkat Korelasi
0,00 - 0,199	Sangat Rendah
0,20 - 0,399	Rendah
0,40 - 0,599	Sedang
0,60 - 0,799	<u> Jinggi</u>
0,80 - 1,000	Sangat Tinggi

Sumber: Sugiyono (2006)

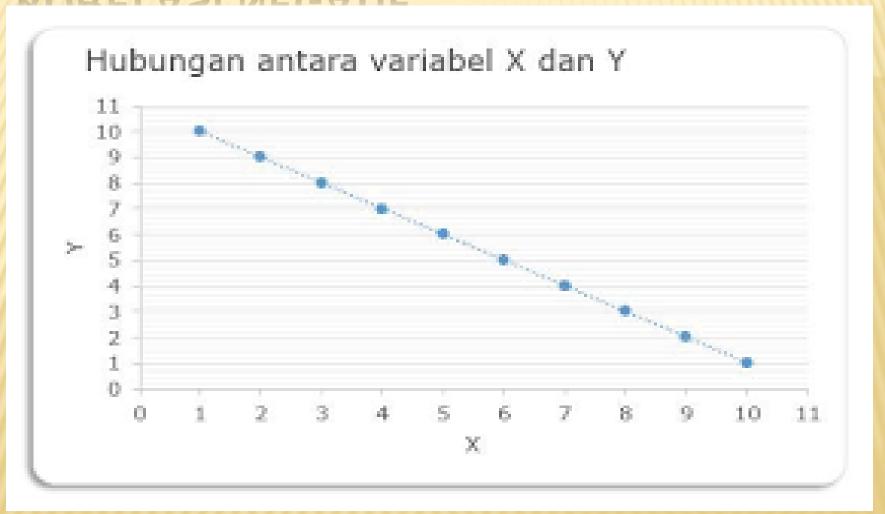
Catatan: Apabila Korelasinya Negatif maka ada tanda (-) ata minus dalam angka tersebut

- Koefisien korelasi (r): kuat lemahnya hubungan antara dua variabel.
- Besar koefisien korelasi :
- 0 (+1): korelasi positif (direct correlation)
- 0 (-1): korelasi negatif (inverse correlation)
- r = 0 -> antara 2 variabel tidak ada korelasi
- r = +1 → antara 2 variabel berkorelasi positif sempurna
- r = -1 → antara 2 variabel berkorelasi negatif sempurna

# JENIS KORELASI POSITIF



### KORELASI NEGATIF



#### RUMUS KOEFISIEN KORELASI

Rumus koefisien korelasi tersebut dinyatakan sebagai berikut: (Model Korelasi Pearson

$$r = \frac{n(\sum XY) - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{\left[n(\sum X^2) - (\sum X)^2\right]\left[n(\sum Y^2) - (\sum Y)^2\right]}}$$

#### Di mana:

r : Nilai koefisien korelasi

 $\sum X$ : Jumlah pengamatan variabel X

 $\Sigma Y$ : Jumlah pengamatan variabel Y

åXY : Jumlah hasil perkalian variabel X dan Y

 $(\sum X^2)$ : Jumlah kuadrat dari pengamatan variabel X

 $(\sum X)^2$ : Jumlah kuadrat dari jumlah pengamatan variabel X

 $(\sum Y^2)$ : Jumlah kuadrat dari pengamatan variabel Y

 $(\Sigma Y)^2$ : Jumlah kuadrat dari jumlah pengamatan variabel Y

n : Jumlah pasangan pengamatan Y dan X

By ----DR. TUKIYAT, M.SI---

# Contoh diketahui adanya hubungan INVERTASI (Milyard) dengan SUKU BUNGA (%/th). Hitunglah nilai koefisien Korelasinya? Dan jelaskan

1994	34,285	19.25
	,	
1995	43,141	17.75
1996	50,825	18.88
1997	57,399	19.21
1998	74,873	21.98
1999	31,180	32.27
2000	28,897	28.89
2001	38,056	18.43
2002	45,962	19.19

# CONTOH: Hubungan antara INVERTASI (Milyard) dengan SUKU BUNGA (%/th)

Rumus koefisien korelasi

$$r = \frac{n(\sum XY) - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{\left[n(\sum X^2) - (\sum X)^2\right]\left[n(\sum Y^2) - (\sum Y)^2\right]}}$$

n	Y	X	X2	XY	Y2
1	34,285	19.25	371	659,986	1,175,461,225
2	43,141	17.75	315	765,753	1,861,145,881
3	50,825	18.88	356	959,576	2,583,180,625
4	57,399	19.21	369	1,102,635	3,294,645,201
5	74,873	21.98	483	1,645,709	5,605,966,129
6	31,180	32.27	1041	1,006,179	972,192,400
7	28,897	28.89	835	834,834	835,036,609
8	38,056	18.43	340	701,372	1,448,259,136
9	45,962	19.19	368	882,011	2,112,505,444
Jumlah	404,618	196	4478	8,558,054	19,888,392,650

$$r = \frac{9 \times 8558054 - 196 \times 404618}{\sqrt{9} 4478 - (196)^{2} \left[ 9(19888392650) - (404618)^{2} \right]} = -0,41$$

### **KESIMPULAN:**

- Ada hubungan negatif yang cukup (sedang) antara investasi dengan suku bunga
- Hal ini berarti apabila suku bunga meningkat maka investasi akan cenderung menurun, begitu pula sebaliknya apabila suku bunga turun maka investasi akan meningkat.

### LATIHAN SOAL

Diketahui Data Biaya Promosi (X) dan Keuntungan (Y) Suatu perusahaan selama 6 tahun terakhir adalah sebagai Berikuti

Dari data Tersebut hitunglah nilai Koefisien Korelasi dan jelaskan apa artinya?

H	No	X	Υ
7	1	1.5	3.6
	2	1	2.8
П	3	2.8	5.4
H	4	0.4	1.9
l	5	1.3	2.9
	6	2	4.3

promosi	laba bersih			
X	Υ	XY	X2	Y2
1.5	3.6	5.4	2.25	12.96
1	2.8	2.8	1	7.84
2.8	5.4	15.12	7.84	29.16
0.4	1.9	0.76	0.16	3.61
1.3	2.9	3.77	1.69	8.41
2	4.3	8.6	4	18.49
9	20.9	36.45	16.94	80.47

Berapa nilai r = 0.993,...,?

$$r = \frac{n(\sum XY) - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{\left[n(\sum X^2) - (\sum X)^2\right]\left[n(\sum Y^2) - (\sum Y)^2\right]}}$$

Seorang Manager ingin menguji Keeratan hubungan (Korelasi) antara Output yang dihasilkan oleh Produksi dengan biaya listrik yang harus dibayarnya setiap bulan. Berikut ini adalah data 10 bulan yang diambil oleh Manager tersebut :

Bulan	Jumlah Output (unit)	Biaya Listrik (Rp)
1	100,000	10,500,000
2	88,000	9,500,000
3	115,000	11,200,000
4	110,000	10,900,000
5	130,000	12,000,000
6	140,000	12,400,000
7	108,000	11,000,000
8	99,000	10,000,000
9	95,000	9,800,000
10	101 000	10,100,000

101,000

### Hitunglan

Nilai Koefisien Korelasi dan Jelaskan

Stress kerja	Kinerja Pegawai
28	21
20	24
21	27
23	22
17	26

Berapa Nilai Korelasi - 0.79 ? Dan artinya

$$r = \frac{n(\sum XY) - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{\left[n(\sum X^2) - (\sum X)^2\right]\left[n(\sum Y^2) - (\sum Y)^2\right]}}$$

# REGRESI LINEAR



### Regresi

- Suatu metode analisis statistik yang digunakan untuk melihat pengaruh antara dua atau lebih banyak variabel. Hubungan variabel tersebut bersifat fungsional yang diwujudkan dalam suatu model matematis.
- Hubungan antara variabel independen dengan variabel dependen

### Tujuan Belajar Regresi:

- Untuk memperkirakan hasil yang didapat jika dilakukan perlakuan sampai level tertentu.
- Untuk menaksir pengaruh variabel independen terhadap variabel dependen.
- Untuk mengatahui model hubungan antara variabel independen (bebas) terhadap variabel dependen (variabel terikat)

 Persamaan regresi linier untuk menduga nilai variabel dependen (Y') berdasarkan nilai variabel independen (X) tertentu :

$$Y' = a + b X$$

× Nilai b (slope garis regresi) - rumus:

$$b = \frac{n\sum XY - \sum X\sum Y}{n\sum X^2 - (\sum X)^2}$$

× Nilai a (intersep garis regresi) - rumus:

$$a = \frac{\sum Y - b \sum X}{n}$$

#### **KETERANGAN**

n = jumlah data

X = variabel Independen

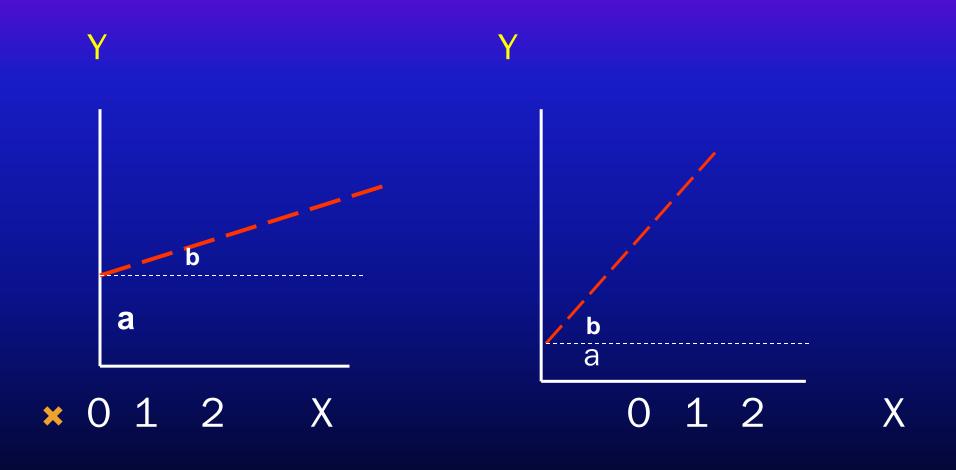
Y = Variabel Dependen

a = Intercept/ Konstanta

b = slope atau kecenderungan

Y' = nilai variabel dependen yang diramalkan

### MODEL GARIS REGRESI



## CONTOH KASUS

\* Seorang mhs jurusan agribisnis ingin mengetahui apakah ada hubungan pengaruh antara biaya iklan perusahaan (X) dgn tingkat laba bersih perusahaan (Y), semua biaya dalam jutaan rupiah

X	1,5	1,0	2,8	0,4	1,3	2,0
У	3,6	2,8	5,4	1,9	2,9	4,3

- a) Buatlah persamaan regresinya dan jelaskan artinya
- b) Berapa korelasinya

# PENGARUH ANTARA BIAYA IKLAN PERUSAHAAN (X) DGN TINGKAT LABA BERSIH PERUSAHAAN (Y)

NO	Biaya Iklan	Laba Bersih	XY	X <sup>2</sup>	Y <sup>2</sup>
	(Jutaan)	(Jutaan)			

	promosi	laba bersih			
	X	Υ	XY	X2	Y2
	1.5	3.6	5.4	2.25	12.96
	1	2.8	2.8	1	7.84
	2.8	5.4	15.12	7.84	29.16
	0.4	1.9	0.76	0.16	3.61
	1.3	2.9	3.77	1.69	8.41
	2	4.3	8.6	4	18.49
Jumlah	9	20.9	36.45	16.94	80.47

$$b = \frac{n\sum XY - \sum X\sum Y}{n\sum X^2 - (\sum X)^2}$$

$$a = \frac{\sum Y - b \sum X}{n}$$

$$b = \frac{n\sum XY - \sum X\sum Y}{n\sum X^2 - (\sum X)^2} \qquad a = \frac{\sum Y - b\sum X}{n}$$

$$b = \frac{6 \sum 36.45 - \sum 9 \sum 20.9}{6 \sum 16.94 - 81} = \frac{218.7 - 188.1}{101.64 - 81} = \frac{30.6}{20.64} = 1.48$$

$$a = \frac{20.9 - 1.48(9)}{6} = \frac{20.9 - 13.32}{6} = \frac{7.58}{6} = 1.26$$

Jadi Garis Regresi tersebut adalah Y = a + b X

#### Y' = 1.26 + 1.48 X

#### Artinya

a = 1.26 apabila nilai biaya promosi sebesar nol maka nilai laba perusasahaan sebesar 1.26

b = 1.48 artinya apabila biaya promosi meningkat atau bertambah satu satuan maka nilai laba perusahaan akan bertambah sebesar 1.48 satuan

### Coefficients<sup>a</sup>

		Unstandardize	d Coefficients	Standardized Coefficients		
N	Model	В	Std. Error	Beta	t	Sig.
đ	(Constant)	1.259	.148		8.489	.001
	biaya promosi	1.483	.088	.993	16.790	.000

a. Dependent Variable: labar perusahaan

Stress kerja	Kinerja Pegawai	
28	21	
20	24	
21	27	
23	22	
17	26	

Buatlah model Regresi penagruh stress kerja terhadap kinerja pegawai

	Coefficients	
		Y = a + bx
Intercept	34.76946	Model yang dibangun
Stress kerja	-0.49401	Y = 34,77 - 0,49 X

SUMMARY OUTPUT						
Regression Statistics						
Multiple R	0.791843					
R Square	0.627015					
Adjusted R						
Square	0.502687					
Standard Error	1.797925					
Observations	5					

A= 34.77 apabila nilai stress nol, maka kinerja nilanya sebesar 34.77

Koefisien stree negatf, artinya apabila nilai stress kerja besar maka kinerja akan berkurang

Coefficients <sup>a</sup>						
		Unstandardize	d Coefficients	Standardized Coefficients		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	34.769	4.863		7 151	006

### Coefficients

		Unstandardize	d Coefficients	Standardized Coefficients		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	34.769	4.863		7.151	.006
	Stress Kerja	494	.220	792	-2.246	.110

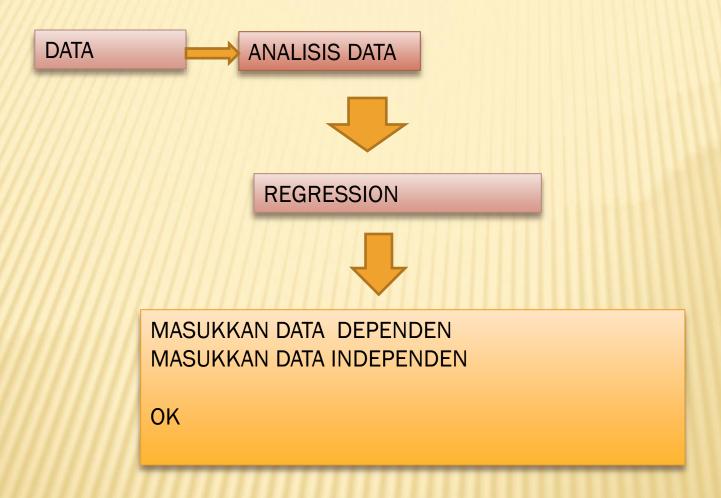
a. Dependent Variable: Klnerja Pegawai

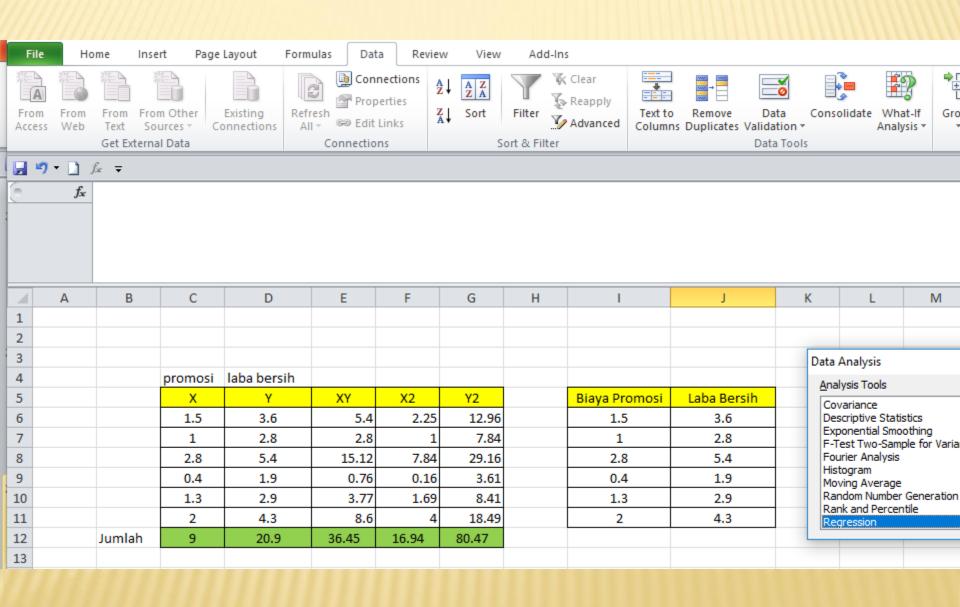
		j.	Coefficients	a		
Model	Î	Unstandardize B	d Coefficients Std. Error	Standardized Coefficients Beta	t	Sig.
1	(Constant)	34.769	4.863		7.151	.006
	Stres Kerja	494	.220	792	-2.246	.110

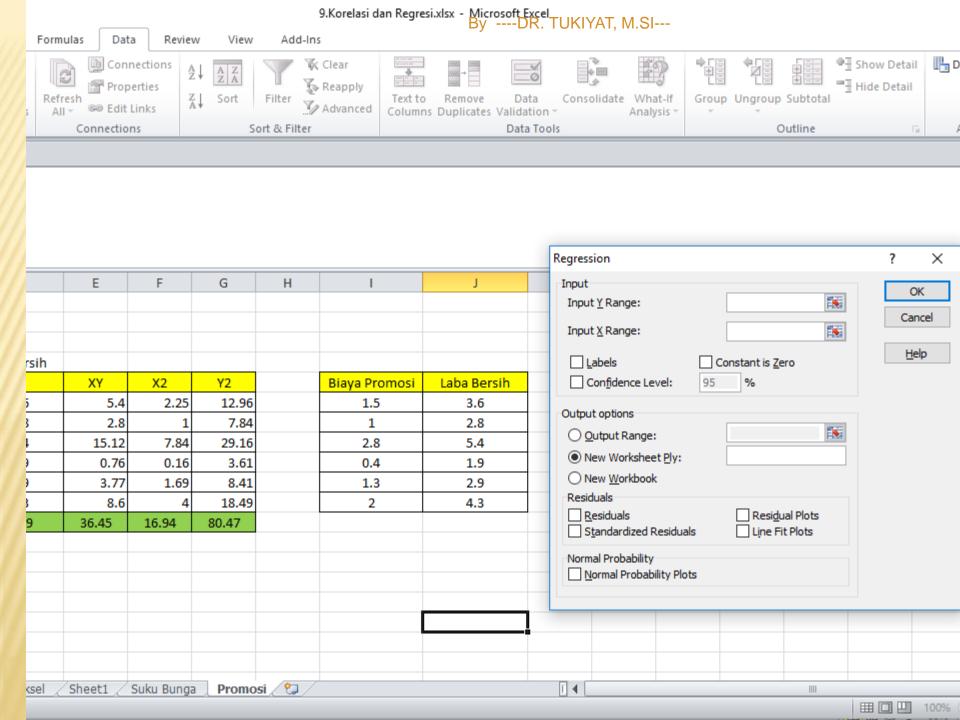
a. Dependent Variable: Klnerja

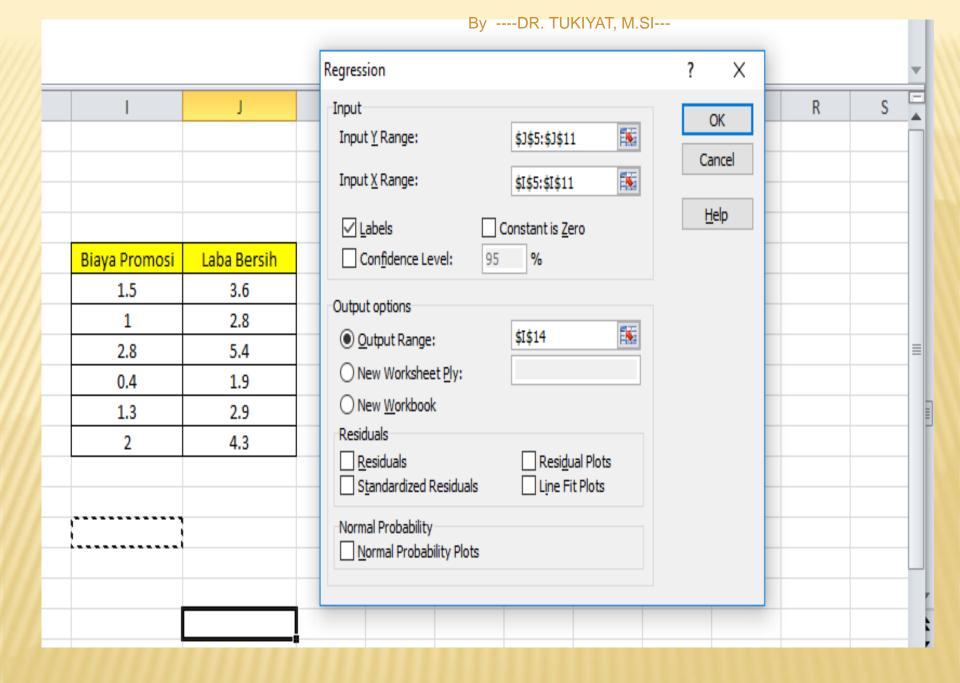
Ohora a handa	Kinerja		. 0
Stress kerja	Pegawai	Xy	x2
28	21	588	784
20	24	480	400
21	27	567	441
23	22	506	529
17	26	442	289
109	120	2583	2443

# ANALISIS DATA TOOLS EXEL









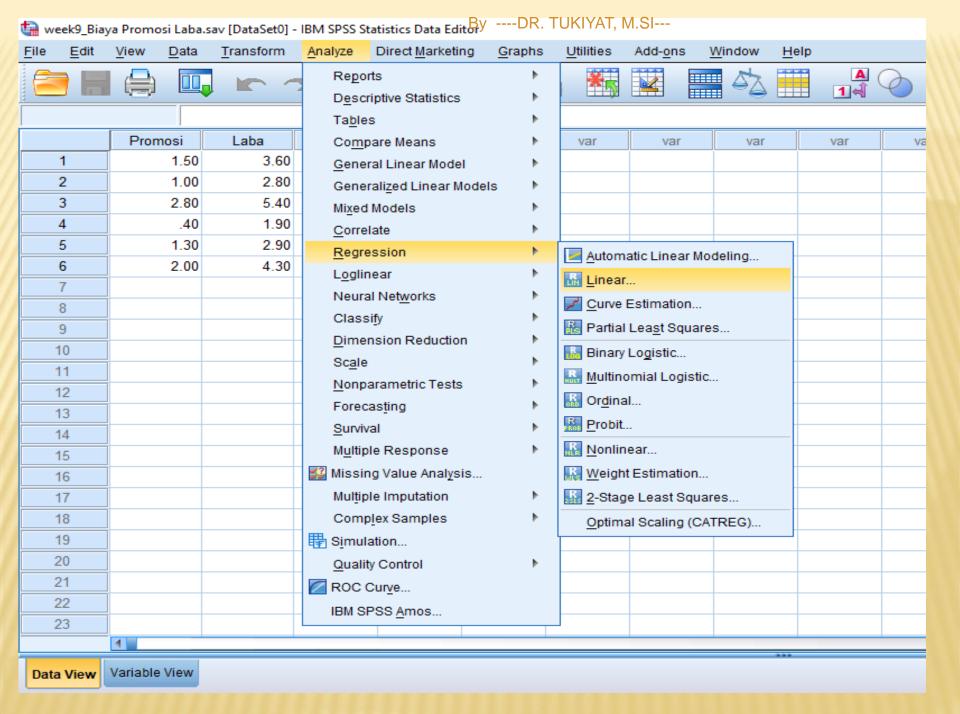
### BERIKUT INI MODEL REGRESI DENGAN EXEL

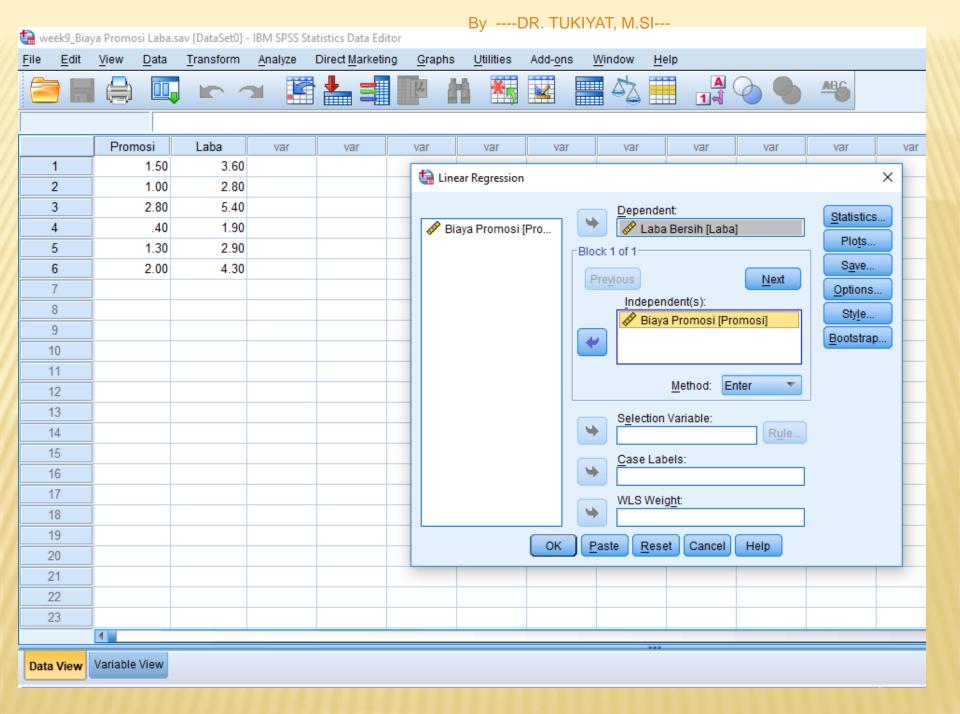
Regression	Statistics					
Multiple R	0.99					
R Square	0.99					
Adjusted R Squ	0.98					
Standard Error	0.16					
Observations	6.00					
ANOVA						
	df	SS	MS	F	Significance F	
Regression	<i>df</i> 1.00	SS 7.56	MS 7.56	F 281.90	Significance F 0.00	
Regression Residual						
	1.00	7.56	7.56			
Residual	1.00 4.00	7.56 0.11	7.56			
Residual	1.00 4.00	7.56 0.11	7.56			Upper 95%
Residual	1.00 4.00 5.00	7.56 0.11 7.67	7.56 0.03	281.90	0.00	

Model Regresi Y = a + b X

Y = 1.26 + 1.48 X

# ANALISIS DENGAN TOOLS SPSS





### **Model Summary**

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.993ª	.986	.983	.16377

a. Predictors: (Constant), Biaya Promosi

#### Coefficients<sup>a</sup>

		Unstandardize	d Coefficients	Standardized Coefficients		
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.
1	(Constant)	1.259	.148		8.489	.001
	Biaya Promosi	1.483	.088	.993	16.790	.000

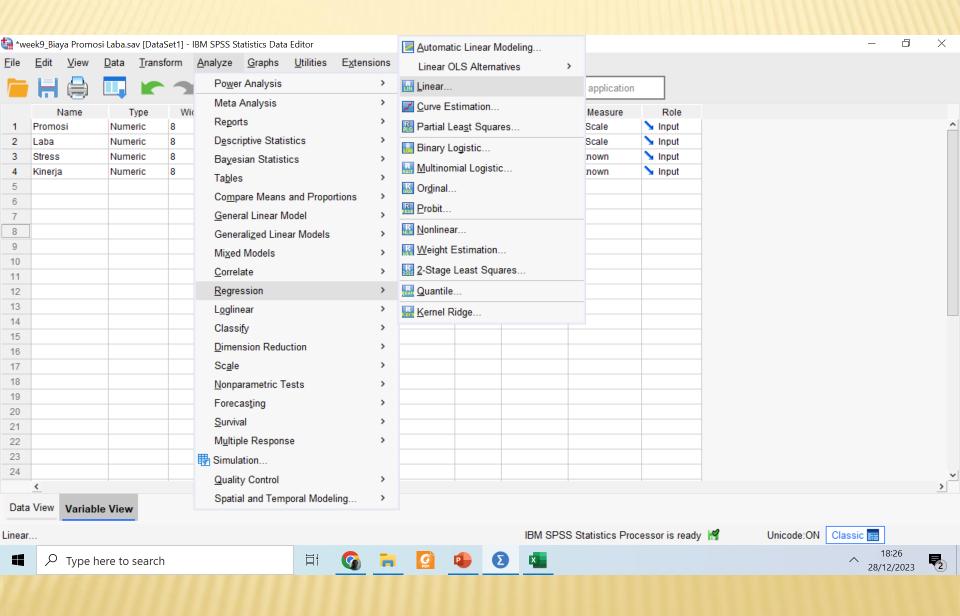
a. Dependent Variable: Laba Bersih

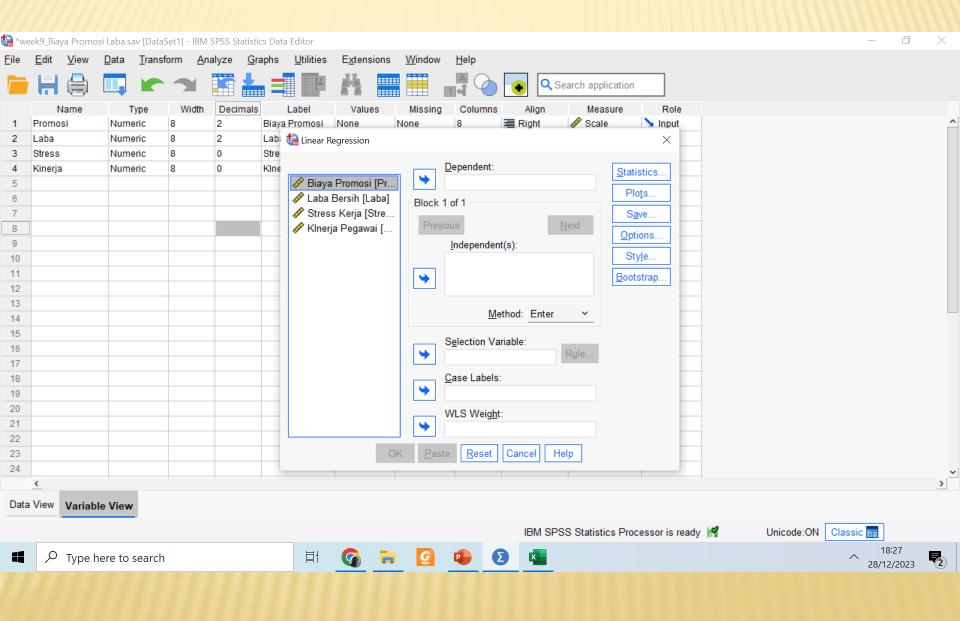
Jadi Model Regresi

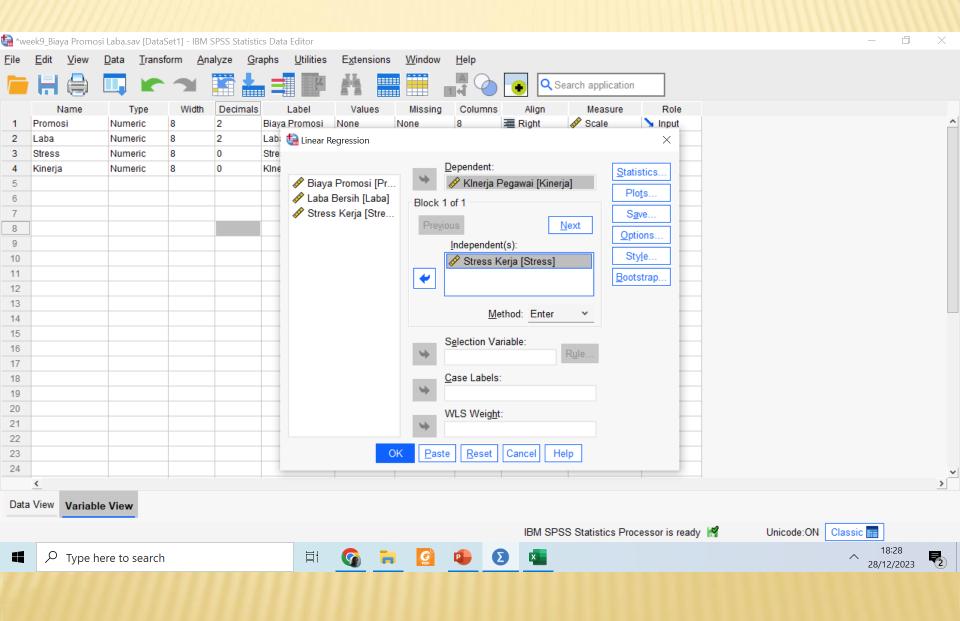
Y = 1.259 + 1.483 X

# MODEL STRESS

#### By ----DR. TUKIYAT, M.SI---







Model Summary									
Model	Model R Square Square Estimate								
1	.792ª	.627	.503	1.798					

a. Predictors: (Constant), Stress Kerja

Coefficients <sup>a</sup>										
	Unstandardized Coefficients Coefficients									
Model		В	Std. Error	Beta	t	Sig.				
1	(Constant)	34.769	4.863		7.151	.006				
	Stress Kerja	494	.220	792	-2.246	.110				

a. Dependent Variable: Klnerja Pegawai

$$Y = a + bx$$

Model yang dibangun Y = 34,77 - 0,49 X

-.131

-2.376

.028

#### Coefficientsa Standardized Unstandardized Coefficients Coefficients t В Std. Error Beta Sig. Model (Constant) 183.539 10.927 16.796 <,001 <,001 Iklan 3.744 .237 .870 15.765

.173

a. Dependent Variable: Penjualan

-.412

Harga

		IIIIIII		11111				шш
	Coefficientstar	ndard Erro	t Stat	P-value	Lower 95%	Upper 95%	ower 95.0%	pper 95.0%
Intercept	183.54	10.93	16.80	0.00	160.75	206.33	160.75	206.33
Jumlah Iklan (X1)	3.74	0.24	15.77	0.00	3.25	4.24	3.25	4.24
Harga (X2)	- 0.41	0.17 -	2.38	0.03	- 0.77	- 0.05	- 0.77	- 0.05

# Terima Kasih

## LATIHAN:

- Sebuah penelitian dilakukan oleh seorang pedagang eceran untuk menentukan hubungan antara biaya pemasangan iklan per minggu dan hasil penjualannya.
- Data yang diperoleh adalah sebagai berikut :

Biaya iklan (Ribuan)	40	20	25	20	30	50	40	20	50	40	25	50
Penjualan	385	400	395	365	475	440	490	420	560	525	480	510
(Jutaan)	IIII	IIII	Ш	Ш	Ш	Ш					Ш	

#### Tentukan:

- -Buat Persamaan regresinya dan Jelaskan nilai model regresi tersebut
- -Perkirakan besar penjualan per minggu bila biaya iklan sebesar 35
- -Koefisien korelasinya → ( r) ----DR. TUKIYAT, M.ŚI---

### LATIHAN 2

Diketahui nilai hasil skor pencapaian Mata Kuliah Matematika (Y) dan x adalah nilai statistik sebagai berikut:

```
Mhs 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
Math 39 43 21 64 57 47 28 75 34 52
Stat 65 78 52 82 92 89 73 98 56 75
```

Dari keterangan tersebut di atas hitunglah nilai koefisen korelasi. Dan jelaskan dari hasil perhitungan tersebut

			Coefficients	a			
		Unstandardize	d Coefficients	Standardized Coefficients			
Model		B Std. Error		Beta	t	Sig.	
1	(Constant)	183.539	10.927		16.796	<,001	
	Iklan	3.744	.237	.870	15.765	<,001	
	Harga	412	.173	131	-2.376	.028	

a. Dependent Variable: Penjualan

Co	efficientsita	t Stat	P-value	
Intercept	183.54	10.93	16.80	0.00
Jumlah Ik	3.74	0.24	15.77	0.00
Harga (X2-	0.41	0.17 -	2.38	0.03