

Project Zeepbelbomen

Rien Maertens
2^{de} Bachelor Informatica

27 november 2015

Deel I

Theoretische Vragen

Opgave 1. *Geen top in een bladzeepbel heeft een kind in een andere zeepbel.*

Bewijs. Stel we hebben een bladzeepbel α met een top T die een kind K heeft in zeepbel β . Neem n het aantal zeepbellen dat het pad van zeepbel α naar de wortel bevat. We kunnen de volgende twee gevallen onderscheiden:

Geval 1 Zeepbel β bevat een top zonder kinderen en is dus een bladzeepbel. Het pad van de wortel van de boom naar β gaat door α . Dit pad bevat dus $n + 1$ zeepbellen. Dit is tegenstrijdig met het gegeven dat het pad van de wortel naar alle bladzeepbellen evenveel zeepbellen bevat. Het gestelde is dus vals. Het is onmogelijk voor een bladzeepbel om een kind te hebben in een andere zeepbel.

Geval 2 Zeepbel β is geen bladzeepbel, maar bevat wel een pad naar een top zonder kinderen. Deze top is onderdeel van bladzeepbel γ . Het pad van γ naar de wortel van de zeepbelboom bevat $n + k$ zeepbellen, met k het aantal zeepbellen in het pad tussen β en γ . Dit is opnieuw tegenstrijdigi met het gegeven dat het pad van de wortel naar alle bladzeepbellen hetzelfde aantal zeepbellen bevat. Ook in dit geval kan een bladzeepbel geen kinderen in andere zeepbellen hebben.

□

Opgave 2. *Wat is de maximale diepte van een k -zeepbelboom met n sleutels?*

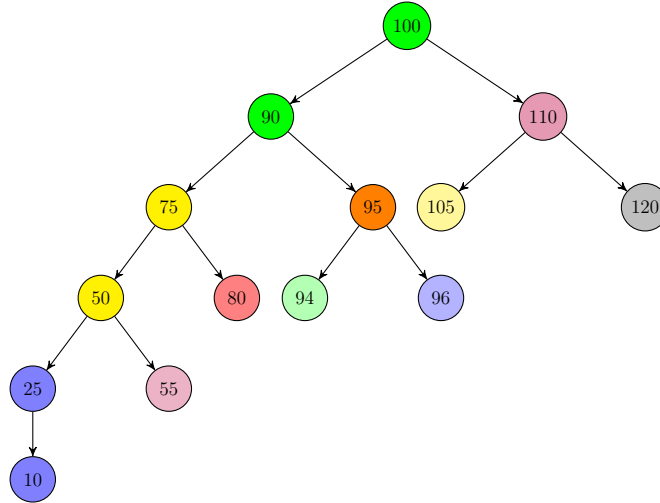
a. Gemeten in zeepbellen.

Stel d_z de diepte in zeepbellen van een zeepbelboom. d_z bereikt een maximum wanneer iedere zeepbel maar één top omvat, m.a.w. wanneer het pad van de wortel naar een blad evenveel zeepbellen als toppen bevat. De maximale diepte d_z in zeepbellen van een k -zeepbelboom met n sleutels is dus gelijk aan de maximale diepte in toppen van een complete binaire boom met n toppen. Dit is dus:

$$d_z \leq \lfloor \log_2 n \rfloor \quad (1)$$

b. Gemeten in toppen van de ten gronde liggende binaire boom.

Stel d_t de diepte in toppen van een zeepbelboom. d_t bereikt een maximum wanneer we één lang pad van zeepbellen maken waar elke top van een zeepbel maximum één kind in dezelfde zeepbel bevat. De andere zeepbellen die kinderen zijn van dit lange pad zijn terug zeepbellen met grootte één. Dit ziet er dan als volgt uit:



Het valt op dat wanneer we een niveau zeepbellen toevoegen, we het dubbele aantal toppen moeten toevoegen van de vorige zeepbelboom met een niveau lager. Voor n het aantal toppen en z het aantal niveaus in zeepbellen geldt:

$$n \geq \sum_{i=1}^z k 2^{z-i} = k(2^z - 1)$$

We lossen dit op naar z :

$$z \leq \log_2 \left(\frac{n+k}{k} \right)$$

De maximale diepte d_t van deze zeepbelboom in toppen is gelijk aan het aantal niveaus zeepbellen vermenigvuldigd met het maximale aantal toppen per zeepbel. Dus krijgen we dat $d_t = k \cdot z$. Wanneer voegen dit alles samen tot één formule:

$$d_t \leq k \cdot \log_2 \left(\frac{n+k}{k} \right) \quad (2)$$

Waar d_t gelijk is aan de maximale diepte in toppen.

Opgave 3. *Analyse van de verschillende gebalanceerde zeepbelbomen en hun complexiteit.*

a. Voor toevoegen.

Het toevoegen van een item aan een gebalanceerde zeepbelboom gebeurt als volgt:

Eerst wordt het item opgezocht in de zeepbelboom. Wanneer het item gevonden werd dan zit het item al in de zeepbelboom en moet er niets gebeuren. In dit geval heeft deze bewerking dezelfde tijds- en geheugencomplexiteit als het opzoeken, respectievelijk $O(\log n)$ en $\Theta(1)$ (dit bespreek ik in punt b).

Als de opzoeking uitkomt op `null` dan zit het toe te voegen item niet in de boom. In dit geval wordt er een nieuwe top aangemaakt en bevestigd aan de top die het laatst werd bekeken bij de zoekopdracht. De nieuwe top wordt ook toegevoegd aan de zeepbel waarin de ouder zit. Indien de zeepbel door deze toevoeging teveel toppen bevat wordt deze gesplitst. De manier waarop de zeepbel gesplitst wordt verschilt per implementatie van zeepbelboom:

- **Zeepbelboom1** zal zijn zeepbellen splitsen door eerst te kijken of beide kinderen van de wortel in dezelfde zeepbel zitten. Is dit niet het geval dan wordt een rotatie met de bovenste drie zeepbellen uitgevoerd zodat dit wel zo is. Vervolgens wordt de zeepbel gesplitst zodat elk kind van de oude wortel de wortel wordt van een nieuwe

zeepbel. De oude wortel wordt daarna toegevoegd aan de zeepbel van zijn ouder, die eventueel opnieuw wordt gesplitst indien deze nu ook overvol zit. Als de oude wortel ook de wortel van de zeepelboom is dan wordt een nieuwe zeepbel aangemaakt.

Er wordt enkel binnen dezelfde zeepbel gekeken en omdat de grootte van een zeepbel constant is, gebeurt het splitsen van een zeepbel in constante tijd. In het slechtste geval wordt iedere zeepbel vanaf de toegevoegde top tot aan de wortel gesplitst. In opgave 2a (2) hebben we bewezen dat het aantal zeepbellen van de wortel naar een blad maximaal $\lfloor \log_2 n \rfloor$ is.

We kunnen dus concluderen dat voor Zeepelboom1 met n toppen de toevoegbewerking kost $O(\log n)$ heeft.

- **Zeepelboom2** splitst door eerst de zeepelboom zo goed mogelijk te balanceren. Hiervoor worden eerst alle toppen in gesorteerde volgorde in een lijst gestoken en vervolgens opgebouwd tot een zo compleet mogelijke binaire boom. Daarna wordt net zoals Zeepelboom1 de wortel toegevoegd aan de zeepbel van zijn ouder en vormen de kinderen van deze wortel de wortels van de nieuwe zeepbellen. Net zoals Zeepelboom1 wordt er enkel binnen dezelfde zeepbel gekeken, echter zal deze zeepelboom er net iets langer over doen aanzien altijd alle toppen binnen de zeepbel wordt bekeken in plaats van enkel de bovenste drie. We besluiten dus dat de kost om een een top toe te voegen aan Zeepelboom2 $O(\log n)$ is voor een boom van n toppen.
- **Zeepelboom3** balanceert net zoals Zeepelboom2 eerst de toppen in de te grote zeepbel, maar in plaats van enkel de wortel toe te voegen aan de bovenliggende zeepbel worden er meerdere toppen toegevoegd. Hoeveel toppen er toegevoegd worden kan worden aangepast. Als deze zeepelboom werd gemaakt met de normale constructor dan zullen er zoveel mogelijk toppen worden toegevoegd aan de bovenliggende zeepbel tot deze zijn maximum capaciteit heeft bereikt (maar niet te vol zit). Met een tweede constructor kan er ingesteld worden dat er een maximum staat op het aantal omhoog te duwen toppen en kan dit maximum ook meegegeven worden. Er kan ook ingesteld worden dat er, indien mogelijk, net zoveel toppen aan de bovenliggende zeepbel worden toegevoegd tot deze moet splitsen. Hier geldt hetzelfde als de vorige twee zeepelbomen: er wordt enkel

in dezelfde zeepbel gekeken, wat in constante tijd gebeurt omdat de grootte van de zeepbel constant is. Een splitsing kan een kettingreactie veroorzaken die bovenliggende zeepbellen ook doet splitsen. Maar er zullen maximum $O(\log n)$ van deze splitsingen gebeuren. De toevoegbewerking van Zeepbelboom3 zal dus ook kost $O(\log n)$ hebben voor een boom waar reeds n elementen in zaten opgeslagen.

b. Voor opzoeken.

De drie gebalanceerde zeepbelbomen gebruiken alledrie dezelfde zoekmethode, dus de complexiteit van deze bewerking is dezelfde. Deze methode werkt zoals een normale binaire zoekboom:

De wortel wordt vergeleken met het gezochte item. Is het item in de wortel kleiner dan dalen we af naar het rechterkind van de wortel. Is het item in de wortel groter dan dalen we af naar het linkerkind van de wortel. Komt de waarde van de wortel overeen met dat van het gezochte item dan hebben we het item gevonden en kunnen we terugkeren uit de functie. We blijven op deze manier zoeken tot we het gezochte item gevonden hebben of tot we niet meer verder kunnen afdalen in de zoekboom (als we null tegenkomen). In dit geval zit het gezochte item niet in de zeepbelboom.

In het slechtste geval zit het item dat wordt gezocht niet in de zeepbelboom en moeten we helemaal tot een blad van de boom afdalen. In (2) heb ik de maximale diepte in toppen berekend. In die formule is k is een constante dus valt die in asymptotische notatie weg. We kunnen dus besluiten dat het opzoeken van een element in een gebalanceerde zeepbelboom die n items bevat een kost van $O(\log n)$ heeft.

Opgave 4. *Bepaal voor semi-splay zeepbelbomen de slechtste-geval complexiteit en de geamortiseerde complexiteit.*

We introduceren eerst een paar stellingen die we zullen gebruiken in de antwoorden van deze opgave.

Stelling 1. *Het langste pad van de wortel naar een blad in een semi-splay zeepbelboom is naar boven begrensd door $O(\log(n))$*

Bewijs. Het slechtste geval doet zich voor wanneer alle zeepbellen op één lijn staan. De lengte van het pad van de wortel naar de top die zich het verst van de wortel bevindt is dan gelijk aan het aantal zeepbellen vermenigvuldigd

met de maximale diepte van een zeepbel.

Het aantal zeepbellen z in een zeepbelboom met n toppen en maximaal k toppen per zeepbel is gelijk aan $\lfloor n/k \rfloor$. Aangezien een complete zeepbel altijd gebalanceerd is heeft deze diepte $\log_2(k)$. Het langst mogelijke pad van de wortel naar een blad is $\lfloor n/k \rfloor \cdot \log_2(k) = O(n)$ toppen lang.

In asymptotische notatie wordt dit $O(\log(n))$. Dit is precies wat we zochten. \square

Stelling 2. *Een semi-splay bewerking gebeurt in constante tijd.*

Bewijs. Wanneer een splaybewerking wordt uitgevoerd worden alle toppen uit de drie geselecteerde zeepbellen in inorde overlopen en in een lijst gestopt. Bij het inorde itereren worden er $3 \cdot k$ toppen overlopen, met k de maximale grootte van een zeepbel. Vervolgens wordt deze lijst opgedeeld in drie lijsten van lengte k en worden van deze lijsten drie complete gebalanceerde zeepbellen gemaakt. Deze drie zeepbellen worden daarna aan elkaar bevestigd en terug in de zeepbelboom geplaatst.

Omdat er altijd binnen de gegeven drie zeepbelle wordt gekeken zal een semi-splay bewerking altijd $\Theta(k)$ operaties op toppen nodig hebben. Maar omdat de k in een zeepbelboom constant is kunnen we zeggen dat een splaybewerking in constante tijd of $\Theta(1)$ tijd verloopt. \square

Slechtste geval

- **Voor toevoegen**

Het slechtste geval doet zich voor wanneer het toe te voegen item moet toegevoegd worden als kind van de top die zich het verst van de wortel bevindt. Wanneer dit geval is moeten alle toppen over dit pad overlopen worden om de plaats van de toe te voegen top te vinden. Nadat de plaats werd gevonden wordt het nieuwe item toegevoegd, wat een bewerking van constante tijd is. Als de zeepbel waaraan de nieuwe top is toegevoegd vol zit moet deze gebalanceerd worden. Dit gebeurt ook in constante tijd. Vervolgens wordt er vanuit deze zeepbel tot aan de wortel gesplayed.

Uit stelling 1 volgt dat dit langste pad naar boven begrensd wordt

door $O(n)$ en uit stelling 2 volgt dat een splaybewerking in constante tijd gebeurt. We kunnen dus besluiten dat een toevoegbewerking op een boom waar reeds n toppen in zitten in het slechtste geval $O(n)$ kost.

- **Voor opzoeken**

Een opzoekbewerking is erg gelijkend op een toevoegbewerking. Het enige verschil is dat bij een zoekbewerking geen top wordt toegevoegd. In het slechtste geval verloopt een opzoekbewerking op een boom van n toppen in $O(n)$ tijd.

Geamortiseerde complexiteit

Stelling 3. *Een reeks van $n > 1$ bewerkingen op een initieel lege semi-splay boom heeft een geamortiseerde complexiteit van $O(n \log n)$, dus is de gemiddelde kost $O(\log n)$ per bewerking.*

Bewijs. Ik bewijs dit met behulp van de potentiaalmethode. Voor een lege boom definiëren wij $\Phi(T) = 0$. Stel dat T niet leeg is. Voor een zeepbel z in een semi-splay boom T met een willekeurige k -waarde definiëren we $A_T(z)$ als het aantal zeepbellen in de deelboom bestaande uit z en al zijn nakomelingen in T . Bovendien defineer $L_T(z) = \log(A_T(z))$. De potentiaal van een semi-splay zeepbelboom definiëren wij als:

$$\Phi(T) = \sum_{z \in T} L_T(z) \quad (3)$$

De potentiaal wordt gewijzigd in twee gevallen:

1. Als er een zeepbel wordt toegevoegd (nog zonder de boom te herbalanceren)
2. Als tijdens het semi-splayen als gevolg van een toevoeg- of opzoekbewerking er deelbomen vervangen worden

Deelresultaat 1. *Als een nieuwe zeepbel aan de zeepbelboom T wordt toegevoegd en het resultaat is de boom T' dan geldt*

$$\Phi(T') - \Phi(T) \leq \log(|T'|)$$

	echte kost	gewijzigde kost
top toevoegen	kekeke	$\Phi(UMA)$
top opzoeken	lololo	$\Phi(UPA)$

□

Deel II

Implementatie

Hieronder volgt er een korte uitleg over de interne structuur en algoritmes die ik heb gebruikt voor de implementaties van de zeepbelbomen.

1 Binaire boom

1.1 Node

Mijn binaire boom bestaat intern uit toppen die hun ouder, linker en rechterkind bijhouden. Om problemen met bidirectionele associaties te vermijden kan de verwijzing naar de ouder van een top enkel ingesteld worden wanneer deze top als kind wordt aangeduid van een andere top met de methodes `setRightChild()` en `setLeftChild()`. Omdat de wortel van de binaire boom natuurlijk geen ouder heeft is er ook een methode die deze verwijzing op `null` zet. Een top bevat ook een booleaanse waarde `removed` die functioneert als grafsteen. Daarnaast bevat iedere top ook een verwijzing naar de zeepbel waartoe die top behoort. De volgende functies hebben wat extra uitleg nodig:

`traverseInorder()` traverseer in orde over de kinderen van deze top. Als argumenten wordt er een `consumer` en een `predicate` meegegeven. Zodra een top bij het traverseren van de stack komt wordt deze doorgegeven aan de `consumer`. De `predicate` bepaald hoe ver deze iteratie gaat (bijvoorbeeld: enkel in dezelfde zeepbel).

`traverseAndAdd()` maakt gebruik van bovenstaande methode om de kinderen van de top toe te voegen aan de collection `nodes` wanneer ze

voldoen aan de `predicate`. Wanneer een top voldoet maar één van zijn kinderen niet meer, dan wordt dit kind toegevoegd aan de `collection children`.

1.2 Zeepbel

Om de toppen in groepjes in te delen bestaat de klasse `Zeepbel`. Deze houdt enkel zijn wortel bij en het aantal toppen dat deze bezit. Een zeepbel heeft ook de methodes `topAdded()` en `topsRemoved()` die de zeepbel waarschuwen wanneer er toppen bijgekomen of weggevallen zijn. Als de methode `balanceBubble` wordt uitgevoerd maakt gebruik deze gebruik van de `TreeBuilder` om zijn toppen intern te balanceren.

1.3 Zeepbelboom

In de abstracte klasse `Zeepbelboom` zit de gemeenschappelijke functionaliteit die alle zeepbelboom-implementaties delen. Ik geef wat uitleg over de belangrijkste functies:

`find()` vind een item in de zeepbelboom. Meer uitleg kunt u terugvinden in de javadoc-header. Deze methode wordt door alle basisbewerkingen gebruikt.

`add()` voegt een item toe aan de zeepbelboom. Wanneer een item nog niet in de boom zat wordt deze door de abstracte methode `addToParent` toegevoegd aan de boom. Die methode is abstract `ShrinkingBubbleTree` en `Zeepbelboom4` anders omgaan met volle zeepbellen.

`contains()` geeft `true` terug wanneer een item in de zeepbelboom zit. Het resultaat is `false` wanneer het gezochte item zich niet in de boom bevindt of verwijderd is doormiddel van een grafsteen.

`iterator()` geeft een iterator terug over alle items in de zeepbelboom (die niet verwijderd zijn). Deze maakt gebruik van de `traverseInorder`-methode uit `Node`.

`zeepbelIterator()` iterator over de zeepbellen. Deze methode werkt zoals de `iterator()` methode, maar enkel de wortels van zeepbellen worden bekeken en vervolgens worden deze zeepbellen toegevoegd aan de iterator.

1.4 ShrinkingBubbleTree

De abstracte superklasse voor de gebalanceerde zeepbelbomen. Deze heeft de abstracte methode `shrinkBubble` die per implementatie verschilt. Deze methode wordt opgeropen wanneer er zeepbel te vol zit door een toevoegbewerking en moet gesplitst worden. De verschillende implementaties maken gebruik van enkele hulpmethodes die in deze klasse gedefinieerd zijn de uitleg van deze hulpmethodes kunt u in de javadoc-headers vinden. Verder zijn ook nog deze functies aanwezig:

`addToParent()` voegt een item toe aan een gegeven top en de zeepbel van deze top. Wanneer deze zeepbel overvol zit wordt de zeepbel gesplitst m.b.v. `shrinkBubble()`.

`remove()` Helaas heb ik een beetje moeten valsspelen en maak ik gebruik van grafstenen om een top te verwijderen uit de boom. Wanneer de boom voor de helft bestaat uit verwijderde toppen wordt de boom opnieuw opnieuw opgebouwd door `rebuildTree`. Omdat een top niet echt verwijderd wordt is het mogelijk dat er zeepbellen helemaal gevuld zijn, maar dat hun iterator leeg is.

Ik heb geprobeerd een echte implementatie te maken, maar ik kwam vast te zitten bij het debuggen. Deze code kun je nog altijd terugvinden in commentaar onderaan in deze klasse.

`removeAll()` In plaats van achter iedere verwijdermethode te controleren of de boom opnieuw opgebouwd moet worden gaat deze bulkoperatie eerst de gevraagde elementen verwijderen en pas achteraf kijken of de boom moet opnieuw opgebouwd worden. Dit gebeurt omdat deze opbouwoperatie tamelijk duur is.

`rebuildTree()` bouwt de zeepbelboom opnieuw op door eerst alle toppen die niet verwijderd zijn in een lijst te stoppen. Ze worden op een *breadth-first* manier in deze lijst getoken zodat wanneer ze opnieuw toegevoegd worden de boom min of meer dezelfde balancerings heeft. Moest ze gesorteerd in een lijst zitten dan zou de boom zwaar naar rechts overhellen wanneer opnieuw in die volgorde zouden worden toegevoegd.

1.5 TreeBuilder

Hulpklasse die wordt gebruikt om van een gesorteerde lijst van toppen een zo goed mogelijk gebalanceerde binaire boom te maken. Volgende functies zijn belangrijk:

`listToTree()` methode die een gebalanceerde binaire boom maakt van een gesorteerde lijst van toppen. Dit gebeurt op een recursieve manier in $\Theta(n)$ tijd (met n de lengte van de lijst).

`listToTreeIterative()` iteratieve versie van bovenstaande methode. Deze maakt gebruik van een `while`-loop en een stack in plaats van een recursieve oproep. Uit testen bleek dat deze methode trager was dan de recursieve methode dus wordt deze functie niet gebruikt.

`attachChildren()` voegt een lijst van $n + 1$ toppen toe als kinderen van de bladeren van de opgebouwde boom.

2 Implementaties zeepbelboom

2.1 Zeepbelboom1

De eerste zeepbelboom lost een overvolle zeepbel op door zo weinig mogelijk veranderingen te brengen aan de interne structuur van de boom. Wanneer de wortel van de overvolle zeepbel beide kinderen in diezelfde zeepbel heeft dan worden er geen wijzigingen aangepast aan de interne structuur: deze twee kinderen vormen de wortels voor twee nieuwe zeepbellen en de top wordt toegevoegd aan de bovenliggende zeepbel. Als de wortel van de zeepbel maar één kind in dezelfde zeepbel bevat worden de eerste drie toppen geroteerd zodat de wortel wel twee kinderen in dezelfde zeepbel heeft en er kan gesplitst worden zoals normaal.

2.2 BalancingBubbleTree

Dit is een superklasse voor alle zeepbelbomen die een zeepbel moeten kunnen balanceren. Deze balancering gebeurt door de methode `balanceBubble()`. Dit gebeurt door eerst alle toppen in inorde te overlopen en in een lijst te plaatsen. Vervolgens wordt van deze lijst een nieuwe binaire boom opgebouwd door de recursieve methode `listToTree()`. Dit balanceren gebeurt

in $\Theta(n)$ tijd als we het aantal te balanceren toppen als n kiezen. Maar er wordt enkel in één zeepbel gebalanceerd en een zeepbel heeft een maximaal aantal toppen, dus werkt deze methode in constante tijd.

2.3 Zeepbelboom2

Voor de zeepbel gesplitst wordt wordt deze eerst gebalanceerd met de methode uit `BalancingBubbleTree`. Daarna wordt op dezelfde manier gesplitst als `Zeepbelboom1`.

2.4 Zeepbelboom3

Deze zeepbel werkt op dezelfde manier als `Zeepbelboom2` echter worden er hier zoveel mogelijk toppen aan de bovenliggende zeepbel toegevoegd. Deze zeepbelboom kan geconfigureerd worden: er kan gekozen worden om een maximum te zetten op het aantal omhoog te duwen toppen en er kan ingesteld worden dat er geprobeerd wordt om net genoeg toppen toe te voegen aan de bovenliggende zeepbel dat die verplicht wordt om te splitsen.

3 Functies

3.1 Iterator

Een top heeft een methode `traverseInorder()` waarmee er in inorde kan geïtereerd worden over zijn kinderen. Aan deze methode worden twee functionele interfaces meegegeven: een `consumer` waaraan het volgende element in de iteratie wordt aan doorgegeven en een `predicate` die extra restricties kan opleggen over welke toppen er geïtereerd mag worden (bijvoorbeeld enkel over de toppen van een bepaalde zeepbel. Alle iterators maken van deze methode gebruik.

3.2 `Zeepbelboom.find()`

De drie basisoperaties: `add()`, `contains()` en `remove()` maken gebruik van de methode `find()` om een top op te zoeken. Deze methode werkt door binair te zoeken naar een `Top` tot de juiste top gevonden is of tot er `null` werd gevonden, waarna de top aan de juiste consumer wordt doorgegeven.

3.3 Zeepbelboom.add()

Er wordt eerst met `find()` gezocht naar de juiste top, als de top werd gevonden dan gebeurt er niets en wordt `false` teruggegeven. Als de top niet werd gevonden wordt top toegevoegd op de plaats waar `null` werd tegengekomen en wordt de betreffende zeepbel verwittigd van deze toevoeging, waarna er eventueel kan gesplitst worden als deze zeepbel overvol is.

3.4 Zeepbelboom.contains()

Hier wordt enkel met `find()` gezocht en teruggegeven of de top gevonden werd of niet.

3.5 Zeepbelboom.remove()

De te verwijderen top wordt opnieuw gezocht met `find()`. Wanneer de top gevonden werd wordt er een grafsteen geplaatst door de `removed` waarde op `true` te zetten. Als er een kritiek aantal grafstenen wordt bereikt (standaard 50%) wordt de boom opnieuw opgebouwd zonder de grafstenen.

Ik was begonnen met een implentatie die de toppen echt uit de zeepbelboom verwijdert, maar helaas zitten er nog wat bugs in de code en had ik geen tijd meer om deze te debuggen. Dus heb ik een werkende implementatie met grafstenen gemaakt.

Deel III

Experimenten

Nu volgen de resultaten van enkele testen die ik heb uitgevoerd op de zeepbelbomen.

Opzet

Mijn testresultaten heb ik verkregen door gebruik te maken van de volgende klassen:

TestResult : klasse die de tijden en parameters van de verschillende testen voor een zeepbelboom bijhoud. In deze klasse zijn ook een aantal comparators gedefiniëerd zodat kan gesorteerd worden op naam, tijd om iets toe te voegen ...

PerformanceTest : hier gebeuren de echte testen. Deze klasse heeft twee methodes die verschillende benchmarks uitvoeren:

- **testPerK** gaat alle zeepbelboomimplementaties testen met een verschillende k -waarde en een inputgrootte die gelijk blijft.
- **testPerN** test de zeepbelbomen met een vaste k -waarde, maar met een stijgende inputgrootte.

Algemeen lopen deze testen als volgt: Eerst wordt de input aangemaakt door een array van integers te maken en door elkaar te shuffelen. Vervolgens wordt iedere bewerking—toevoegen, opzoeken en verwijderen indien geïmplementeerd— tien keer na elkaar uitgevoerd op deze lijst van getallen. Om de resultaten zo stabiel mogelijk te houden wordt iedere reeks voorafgegaan door eenzelfde bewerking die niet wordt gemeten. Ook wordt iedere keer er een nieuwe boom wordt gebruikt de garbagecollection manueel opgeropen.

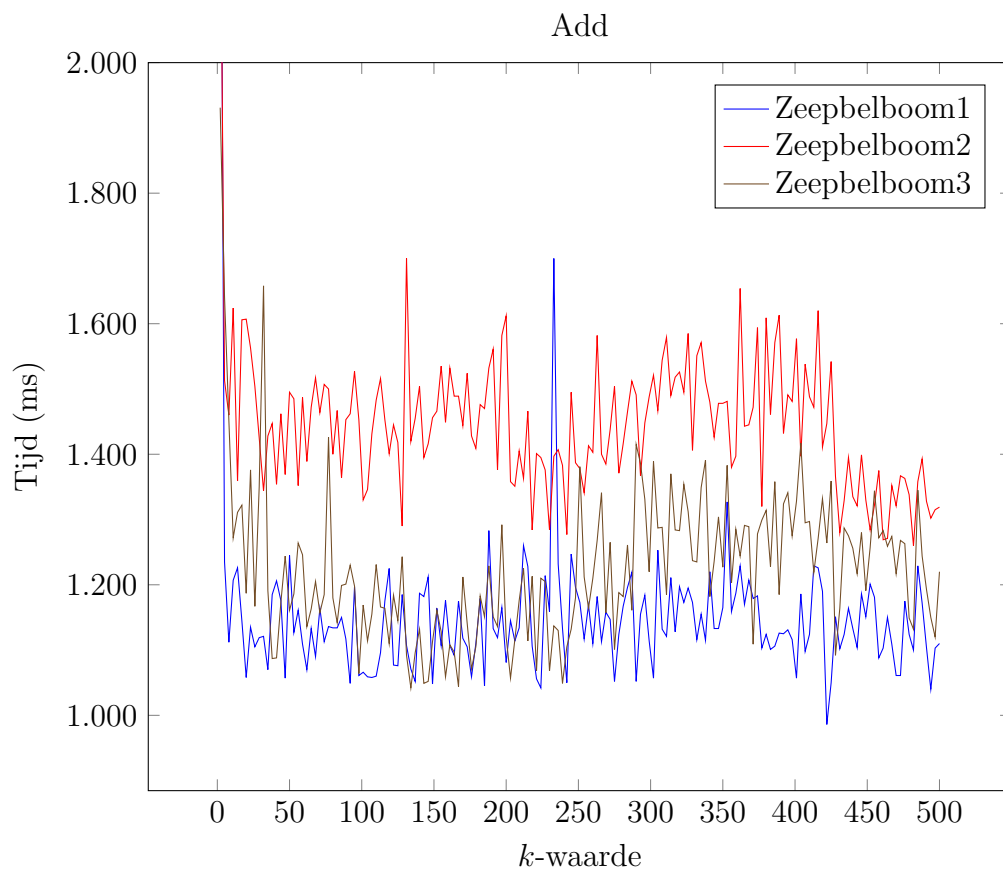
PerformanceWriter : deze klasse bevat de **main()** methode voor de experimenten. Zowel **testPerK** als **testPerN** worden uitgevoerd en de resultaten hiervan worden uitgeschreven naar bestanden.

Om de meetresultaten zo stabiel mogelijk te houden heb ik het gehele project gecompileerd in een `jar`-bestand. Dit gecompileerde bestand heb ik vervolgens een paar uur laten draaien op een linux-machine. Doormiddel van de kernel-parameter `isolcpus` heb ik één processorkern gereserveerd zodat ik met `taskset` de experimenten heb kunnen uitvoeren op enkel deze processorkern zonder dat andere processen konden interferen.

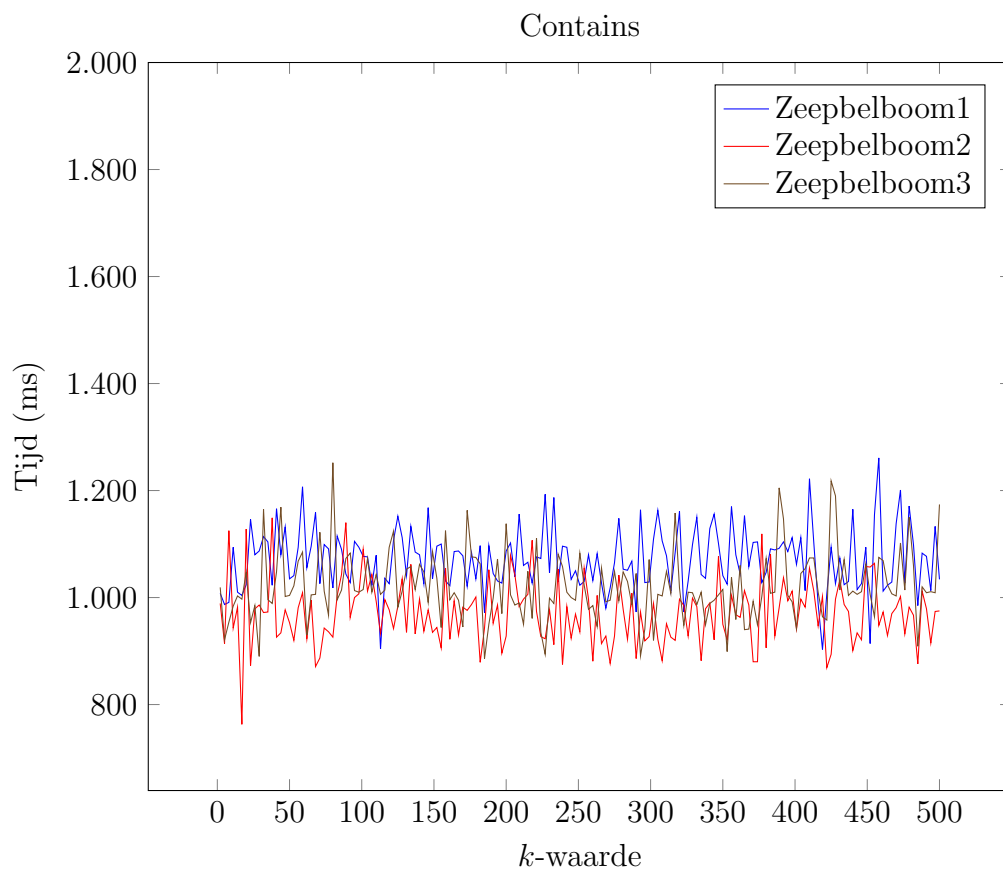
Resultaten

De resultaten van de meetresultaten door de voorgaande tests kun je in de volgende grafiekjes zien:

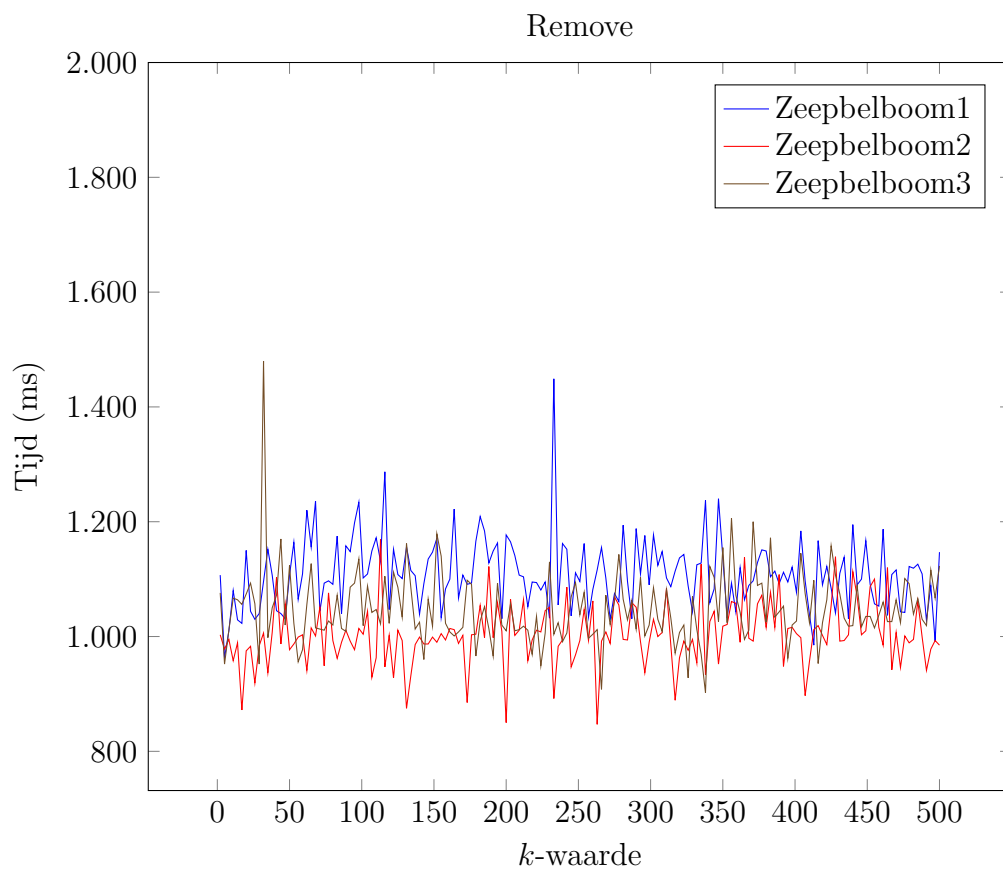
Gebalanceerde zeepbelbomen



Figuur 1: Add op gebalanceerde zeepbelbomen.

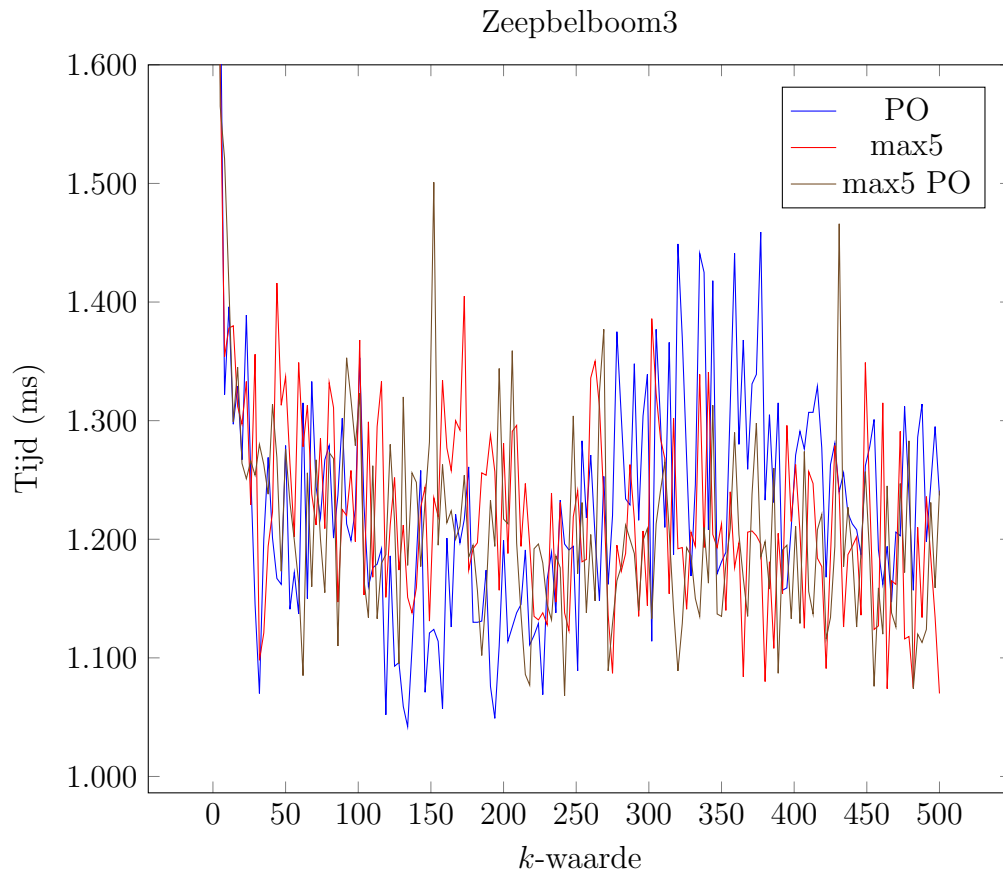


Figuur 2: Contains op gebalanceerde zeepbelbomen.



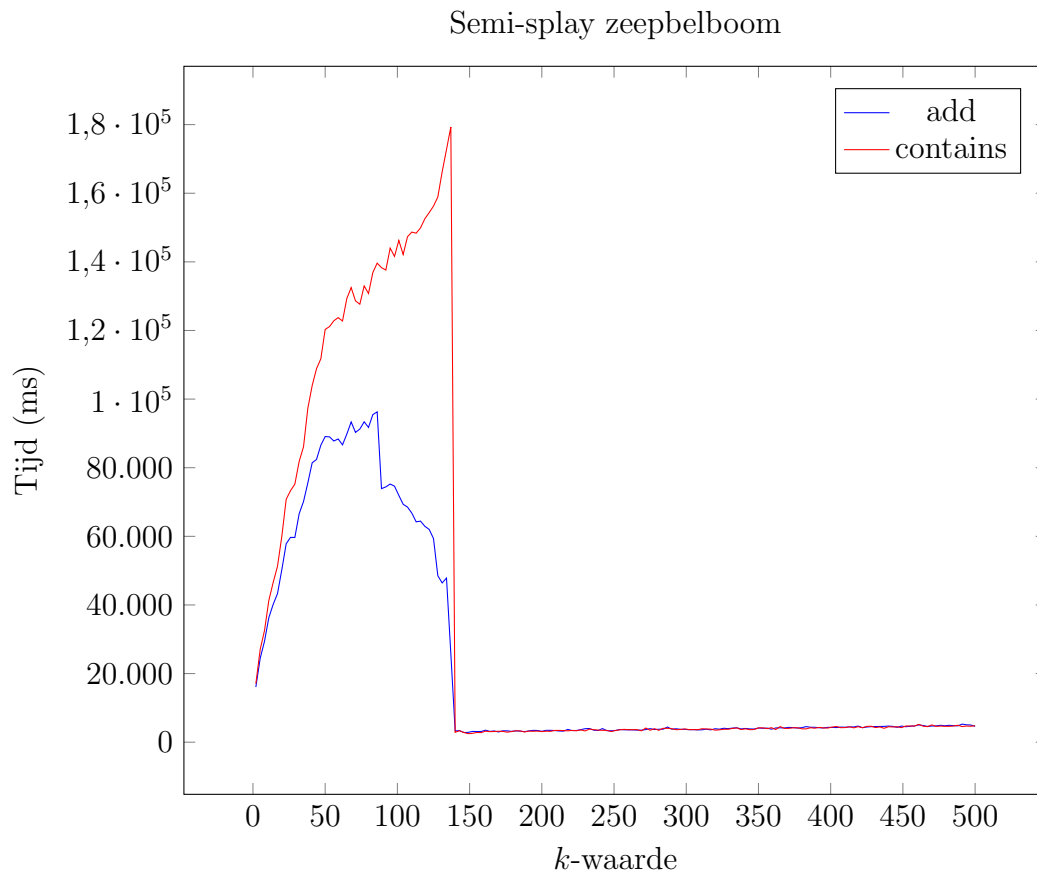
Figuur 3: Remove op gebalanceerde zeepbelbomen.

Zeebelboom3



Figuur 4: De verschillende configuraties van Zeebelboom3.

Semi-splay zeepbelbomen



Figuur 5: Semi-splay zeepbelboom

Besluit