



# Berechnung von Molekül-Grundzustandsenergien mit Ab-Initio-Methoden

Fachbereich Informatik  
Bachelorarbeit  
Deniz Güven

Betreuer:  
8. Juli 2021

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>2</b>
1.1	Chemischer Hintergrund . . . . .	2
1.1.1	Atommodelle . . . . .	2
1.2	Ziel dieser Bachelorarbeit . . . . .	2
1.3	Relevanz für die Chemie . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Theorie und Methoden</b>	<b>4</b>
2.1	Allgemeine Theorie . . . . .	4
2.1.1	Postulate der Quantenmechanik . . . . .	4
2.1.2	Approximationen . . . . .	5
2.1.3	Variationsformulierung . . . . .	5
2.2	Hartree-Fock . . . . .	5
2.3	DFT . . . . .	5
<b>3</b>	<b>Ergebnisse/ Numerische Experimente</b>	<b>6</b>
3.1	Erklärung der Experimente . . . . .	6
3.2	Experimente(HF, DFT, FULL-CI(exakt) über NWCHEM oder Literatur) . . . . .	6
3.3	Vergleich der Methoden/Deutung der Ergebnisse (HF vs. DFT)	6
<b>4</b>	<b>Diskussion/ Ausblick</b>	<b>7</b>
4.1	Einordnung von HF und DFT in der Chemie . . . . .	7
4.2	Wie könnte man von diesem Punkt aus weitermachen? . . . .	7

# Kapitel 1

## Einleitung

### 1.1 Chemischer Hintergrund

TODO Definition von Chemie

#### 1.1.1 Atommodelle

In der Chemie wurden immer präzisere und umfangreichere Beschreibungen des Atoms entwickelt, zu diesen gehören unter anderen: TODO

1. Demokrit
2. Dalton
3. Rutherford
4. Bohr
5. Quantenmechanische Modell

### 1.2 Ziel dieser Bachelorarbeit

Eine wichtige Eigenschaft von Atomen und Molekülen ist die Grundzustandsenergie, mit dieser können viele Prozesse in der Chemie, wie Reaktionsabläufe und Molekülstrukturen, erklärt werden. Diese Bachelorarbeit befasst sich mit der Berechnung dieser Energie von einfachen Atomen und Molekülen innerhalb einer quantenmechanischen Beschreibung. Dafür wird ein theoretisches Verständnis entwickelt und diese Theorie dann in einem Programm implementiert.

## 1.3 Relevanz für die Chemie

TODO Genaue Verwendung von GZs erklären.

# Kapitel 2

## Theorie und Methoden

### 2.1 Allgemeine Theorie

#### 2.1.1 Postulate der Quantenmechanik

TODO cite book chapter

1. Postulat

2. Postulat

3. Postulat

4. Postulat

#### 5. Die Schrödingergleichung

Die zeitliche Änderung dieser Wellenfunktion  $\Psi(r_1, r_2, \dots, t)$  wird durch die Schrödingergleichung beschrieben:

$$i\hbar \frac{\partial \Psi}{\partial t} = \hat{H}\Psi \quad (2.1)$$

Sollte die Zeitabhängigkeit der Wellenfunktion trivial sein (TODO erklären?), kann die diese in 2 Funktionen zerlegt werden:

$$\Psi(r_1, r_2, \dots, t) = \psi(r_1, r_2, \dots) \exp\left(\frac{-iEt}{\hbar}\right)$$

Dabei ist  $\psi$  die Lösung für die zeitunabhängige Schrödingergleichung:

$$\hat{H}\psi = E\psi \quad (2.2)$$

### **2.1.2 Approximationen**

- Verwendete Approximationen/Annahmen (Born-Oppenheimer-Näherung, ...)

### **2.1.3 Variationsformulierung**

## **2.2 Hartree-Fock**

- Herleitung (Variations-Prinzip: Minimierung der Energie, Schrödingergleichung u Operatoren)
  - Lösungsweg über das SCF-Verfahren (Matrix-Darstellung, ...)
  - Verwendung von Basisfunktionen (Konstruktion der Wellenfunktion)
  - Implementierung (größten Probleme: Integral-Evaluierung und Matrix-Diagonalisierung)

## **2.3 DFT**

- Herleitung (Nur die Idee/Ergebnisse, da wahrscheinlich über meinem Niveau)
  - Konkrete Umsetzung durch die Kohn-Sham-Gleichung (Terme in der Schrödinger-Glg. + XC-Funktionale)
  - Lösung durch FEM + PINVIT (+ LDA)
  - Implementierung über UG4 LUA

# Kapitel 3

## Ergebnisse/ Numerische Experimente

### 3.1 Erklärung der Experimente

- Eigen-Energien als Benchmark + Moleküle zum Testen (Simple wie H<sub>2</sub>O, CH<sub>4</sub>, ... und Komplexe wie z.b. Benzol, das eine Elektronen-Delokalisation aufweist)

### 3.2 Experimente(HF, DFT, FULL-CI(exakt) über NWCHEM oder Literatur)

- Präsentation der Ergebnisse(Graphen, Tabellen, usw.) - Werden Effekte bei komplexen Molekülen korrekt erfasst?

### 3.3 Vergleich der Methoden/Deutung der Ergebnisse (HF vs. DFT)

- Genauigkeit, Kosten, Skalierbarkeit, ...

# Kapitel 4

## Diskussion/Ausblick

### 4.1 Einordnung von HF und DFT in der Chemie

-> Andere Klassen von Methoden (zb. semiempirische Methoden) -> Verbesserung dieser Methoden (Post-Hartree-Fock-Methoden) -> Eingliederung dieser Methoden in der Praxis (Was kann man mit diesen Eigenenergien/Funktionen eigentlich machen?).

### 4.2 Wie könnte man von diesem Punkt aus weitermachen?

-> Code-Optimierung, Anspruchsvoller Methoden implementieren (aufbauend auf HF), Geometrie-Optimierung, ...



# Literaturverzeichnis

- [1] T. Helgaker, P. Jørgensen, and J. Olsen. *Molecular Electronic-Structure Theory*. Wiley, 2013.