Cinemática direta

Cinemática Direta Robô RP

 Manipulador mecânico com dois graus de liberdade

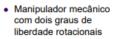
- um rotacional um prismático
- comprimento do elo 1 constante
- Equações da cinemática direta

0

Equações da cinemática inversa



Cinemática Direta Robô RR





(DEE

- Equações da cinemática direta
- Só existe uma solução (x,y) para cada par de valores ($\theta_1, 6$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L_1 \cdot \cos(\theta_1) + L_2 \cdot \cos(\theta_1 + \theta_2) \\ L_1 \cdot \sin(\theta_1) + L_2 \cdot \sin(\theta_1 + \theta_2) \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0_{1} \\ 0_{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \arctan_{2}\left(\frac{y}{x}\right) - \arctan_{2}\left(\frac{L_{2} \cdot sen(\theta_{2})}{L_{1} + L_{2} \cos(\theta_{2})}\right) \\ \arccos\left(\frac{x^{2} + y^{2} - L_{1}^{2} - L_{2}^{2}}{2 \cdot L_{1} \cdot L_{2}}\right) \end{bmatrix}$$

Interpolação cúbica:

$$\theta(t) = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + a_3 t^3$$

$$\dot{\theta}(t) = a_1 + 2a_2t + 3a_3t^2$$

$$\ddot{\theta}(t) = 2a_2 + 6a_3t$$

Coeficientes:

$$\begin{aligned} a_0 &= \theta_0 & a_1 &= \dot{\theta}_0 \\ a_2 &= \frac{3}{t_f^2} (\theta_f - \theta_0) - \frac{2}{t_f} \dot{\theta}_0 - \frac{1}{t_f} \dot{\theta}_f \end{aligned}$$

$$a_3 = -\frac{2}{t_f^3} \left(\theta_f \!-\! \theta_0\right) + \frac{1}{t_f^2} (\dot{\theta}_f + \dot{\theta}_0)$$

Interpolação 5 ordem

$$\theta(t) = a_0 + a_1 t + a_2 t^2 + a_3 t^3 + a_4 t^4 + a_5 t^5,$$

$$\theta_0 = a_0$$

$$\theta_f = a_0 + a_1 t_f + a_2 t_f^2 + a_3 t_f^3 + a_4 t_f^4 + a_5 t_f^5,$$

$$\dot{\theta}_0 = a_1,$$

$$\dot{\theta}_f = a_1 + 2a_2t_f + 3a_3t_f^2 + 4a_4t_f^3 + 5a_5t_f^4,$$

$$\ddot{\theta}_0 = 2a_2$$

$$\ddot{\theta}_f = 2a_2 + 6a_3t_f + 12a_4t_f^2 + 20a_5t_f^3.$$

$$a_0 = \theta_0,$$
 $a_3 = \frac{20\theta_f - 20\theta_0 - (8\dot{\theta}_f + 12\dot{\theta}_0)t_f - (3\ddot{\theta}_0 - \ddot{\theta}_f)t_f^2}{2t_f^3}$

$$a_2 = \frac{\ddot{\theta}_0}{2}$$
,

$$a_4 = \frac{30\theta_0 - 30\theta_f + (14\dot{\theta}_f + 16\dot{\theta}_0)t_f + (3\ddot{\theta}_0 - 2\ddot{\theta}_f)t_f^2}{2t_f^4}$$

$$a_5 = \frac{12\theta_f - 12\theta_0 - (6\dot{\theta}_f + 6\dot{\theta}_0)t_f - (\ddot{\theta}_0 - \ddot{\theta}_f)t_f^2}{2t_f^5}.$$

Denavit-Hartenberg:

Eixos:

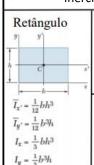
zi: normalmente colocado na junta ou na direção no movimento linear.

 o_i : origem é colocada onde a normal comuns aos eixos z_i e z_{i-1} interseta z_i .

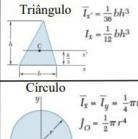
 x_i : ou fica na direção da normal comum aos eixos z_i e z_{i-1} ou na direção normal ao plano z_{i-1} - z_i (no caso de estes se intercetarem)

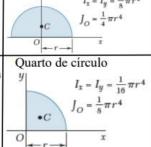
y_i: completa-se pela regra da mão direita

Inércia 2D

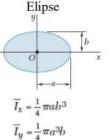


 $\int_{C} = \frac{1}{12}bh(b^{2} + h^{2})$





Semicírculo



$J_{O} = \frac{1}{4}\pi ab(a^{2} + b^{2})$

Contruir a tabela de

i	\mathbf{r}_i	d_i	α_i	θ_i
1				
2				
n				

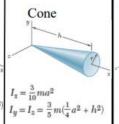
$$T_2^0 = A_1 \times A_2$$
$$T_n^0 = \prod_{1}^{n} A_n$$

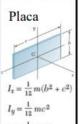
Inércia 3D







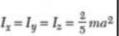


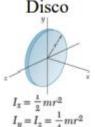


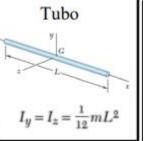




Esfera Disco







$\sin \theta_n \sin \alpha_n$ $r_n \cos \theta_n$ $A_n = \begin{bmatrix} \sin \theta_n & \cos \theta_n \cos \alpha_n & -\cos \theta_n \sin \alpha_n & r_n \sin \theta_n \\ 0 & \sin \alpha_n & \cos \alpha_n & d_n \end{bmatrix}$ 0

- r_i distância (ao longo de xi) desde a interseção do eixo xi com z_i-1 até ao centro o_i
- d_i distância (ao longo de z_{i-1}) desde o centro o_{i-1} até à interseção do eixo xi com zi-1
- α_i angulo de z_{i-1} para zi medido em torno de x_i
- θ_i angulo de x_{i-1} para x_i medido em torno de z_{i-1}

Se a junta i for prismática d_i é variável * Se a junta i for rotacional θ_i é variável *