

## Instituto Politécnico do Porto Instituto Superior de Engenharia Departamento de Engenharia Eletrotécnica Curso de Mestrado em Eng. Eletrotécnica e de Computadores



Disciplina: Dinâmica Avançada

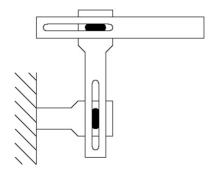
**Data:** 19 / novembro / 2016

É obrigatória a apresentação de documento de identificação com fotografia sempre que o docente encarregado da vigilância da prova o solicitar

## A prova é sem consulta

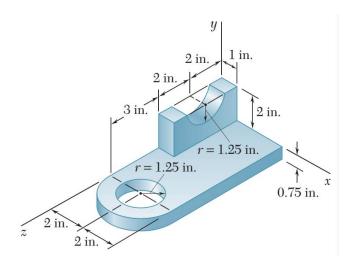
A duração da prova é de <u>1 hora e 45 minutos</u> (não haverá tolerância) É expressamente proibida a utilização de telemóvel durante a realização da prova. Cotação das questões: 1a). – 3 valores; 1b). – 3 valores; 2. – 6 valores; 3. – 5 valores; 4. – 3 valores.

1. Considere o seguinte manipulador robótico com estrutura PP (dois graus de liberdade prismáticos).

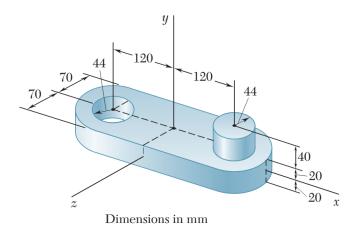


Sejam  $d_1$  e  $d_2$  os deslocamentos lineares das juntas 1 e 2, respetivamente.

- a) Defina e posicione os sistemas de coordenadas necessários para calcular a cinemática direta deste manipulador usando a notação de Denavit-Hartenberg.
- b) Defina os parâmetros de Denavit-Hartenberg necessários para construir as matrizes de transformação homogéneas  $A_i$  utilizadas para calcular a cinemática direta deste manipulador.
- 2. Determine as coordenadas x, y e z (no sistema de coordenadas indicado) do centro de gravidade da peça de uma máquina que se apresenta na figura seguinte. Esta peça é feita um material uniforme e homogéneo.



3. Na figura seguinte encontra-se representada uma peça de um sistema de transmissão, fabricada em aço. Determine o momento de inércia do conjunto relativamente ao eixo y. A densidade do aço é de 7850 kg/m³.



**4.** Suponha que se pretende deslocar uma junta rotacional de um manipulador, de acordo com uma interpolação de quinta ordem no espaço das juntas, entre uma posição inicial igual a 30° e uma posição final igual a 120°. Este deslocamento deverá ser efetuado num intervalo de tempo de 2,5 segundos e a junta está inicialmente em repouso e termina o seu movimento ficando em repouso.

Escreva o sistema de equações que permitirá calcular os coeficientes do polinómio para realizar a interpolação deste movimento.