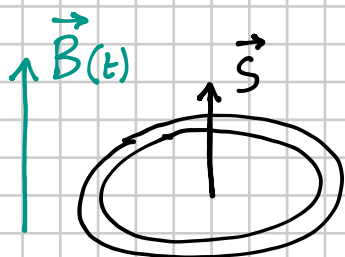


Una spira circolare di rame di raggio 5,0 cm e resistenza per unità di lunghezza $\rho = 12 \Omega/\text{m}$, si trova nel centro di una seconda spira di raggio molto grande che genera un campo magnetico uniforme e variabile nel tempo secondo la legge $B(t) = B_0 + B_1 \cos(\omega t + \varphi_0)$, dove $B_0 = 0,50 \text{ T}$, $B_1 = 0,22 \text{ T}$ e $\omega = 230 \text{ rad/s}$.

- Determina la massima intensità di corrente che scorre nella spira.
- Vuoi raddoppiare la corrente massima: quale deve essere il raggio della spira di rame?

[0,11 A; 10 cm]



$$r = 5,0 \text{ cm}$$

$$B(t) = B_0 + B_1 \cos(\omega t + \varphi_0)$$

$$i(t) = -\frac{1}{R} \cdot \frac{d\Phi(\vec{B})}{dt} = -\frac{1}{R} \frac{d(\pi r^2 B(t))}{dt} =$$

$$= -\frac{1}{R} (\pi r^2 B(t))' =$$

$$= -\frac{1}{R} \pi r^2 B'(t) = -\frac{1}{R} \pi r^2 (B_1 \cdot (-\sin(\omega t + \varphi_0) \cdot \omega))$$

$$= \frac{\pi r^2 B_1 \omega}{R} \sin(\omega t + \varphi_0)$$

$$i_{\text{max}} = \frac{\pi r^2 B_1 \omega}{R} = \frac{\pi r^2 B_1 \omega}{\rho 2\pi r} = \frac{r B_1 \omega}{2\rho}$$

IN MODULO

Si ha per $\sin(\omega t + \varphi_0) = \pm 1$

$$= \frac{(5,0 \times 10^{-2} \text{ m})(0,22 \text{ T})(230 \text{ s}^{-1})}{2(12 \frac{\Omega}{\text{m}})} =$$

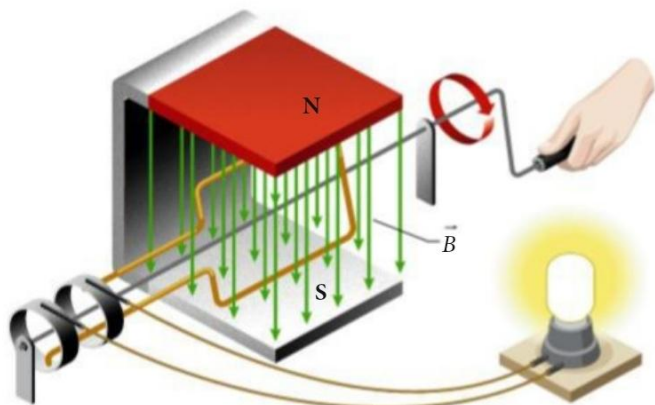
$$i_{\text{max}} = \frac{B_1 \omega}{2\rho} r$$

la corrente max
è proporzionale a r ,
quindi se voglio raddoppiare

i_{max} devo raddoppiare il raggio $\Rightarrow r_2 = 2 \cdot 5,0 \text{ cm} = 10 \text{ cm}$

$$= 10,541... \times 10^{-2} \text{ A} \approx \boxed{0,11 \text{ A}}$$

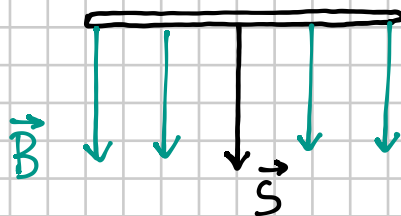
Una spira quadrata di lato 12 cm e resistenza di $5,0 \Omega$ è immersa in un campo magnetico uniforme di $0,23 \text{ T}$. Al tempo $t = 0 \text{ s}$, il piano individuato dalla spira è perpendicolare al campo magnetico.



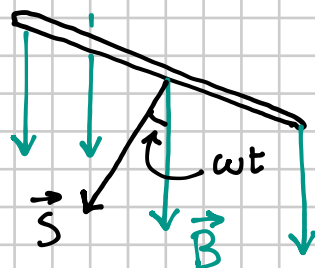
► Calcola la carica totale che fluisce nella spira in mezzo giro, cioè tra $t = 0 \text{ s}$ e $t = \pi/\omega$.

[1,3 mC]

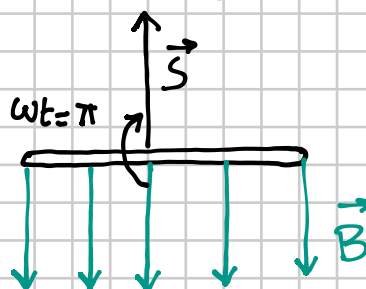
$t = 0 \rightarrow$



t



$t = \frac{\pi}{\omega}$



$$\Phi_S(\vec{B}) = \vec{B} \cdot \vec{S} \quad S \cdot \cos \omega t$$

$$i = i(t) = -\frac{1}{R} \frac{d\Phi}{dt} = -\frac{1}{R} B S \cdot (-\sin \omega t) \cdot \omega = \frac{B S \omega}{R} \sin \omega t$$

per definizione $i = \frac{dq}{dt} \Rightarrow dq = i dt$

$$dq = \frac{B S \omega}{R} \sin \omega t dt$$

↓
CARICA INFINITESIMA CHE PASSA ATTRAVERSO
UNA SEZIONE DELLA SPIRA NEL TEMPO dt

Per avere la carica totale devo sommare tutti i contributi dq

$$\begin{aligned} q &= \int dq = \int_0^{\frac{\pi}{\omega}} \frac{B S \omega}{R} \sin \omega t dt = \frac{B S \omega}{R} \int_0^{\frac{\pi}{\omega}} \sin \omega t dt = \\ &= \frac{B S \omega}{R} \left[-\frac{1}{\omega} \cos \omega t \right]_0^{\frac{\pi}{\omega}} = \frac{B S \omega}{R} \left[-\frac{1}{\omega} \cos \pi - \left(-\frac{1}{\omega} \cos 0 \right) \right] = \\ &= \frac{B S \omega}{R} \left[-\frac{1}{\omega} \cos \pi - \left(-\frac{1}{\omega} \cos 0 \right) \right] = \end{aligned}$$

RICORDARE CHE

$$\int_a^b f'(x) dx = f(b) - f(a)$$

$$[f(x)]_a^b = f(b) - f(a)$$

NOTAZIONE

$$= \frac{BS\omega}{R} \left[-\frac{1}{\omega} \cos \pi - \left(-\frac{1}{\omega} \cos 0 \right) \right] = \frac{BS\omega}{R} \left[-\frac{1}{\omega} (-1) - \left(-\frac{1}{\omega} \cdot 1 \right) \right] =$$

$$= \frac{BS\omega}{R} \left[\frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega} \right] = \frac{BS\cancel{\omega}}{R} \cdot \frac{2}{\cancel{\omega}} = \frac{2BS}{R} = \frac{2(0,23\text{T})(12 \times 10^{-2}\text{m})^2}{5,0\ \Omega} =$$

$$= 13,248 \times 10^{-4}\ \text{C} \simeq \boxed{1,3 \times 10^{-3}\ \text{C}}$$