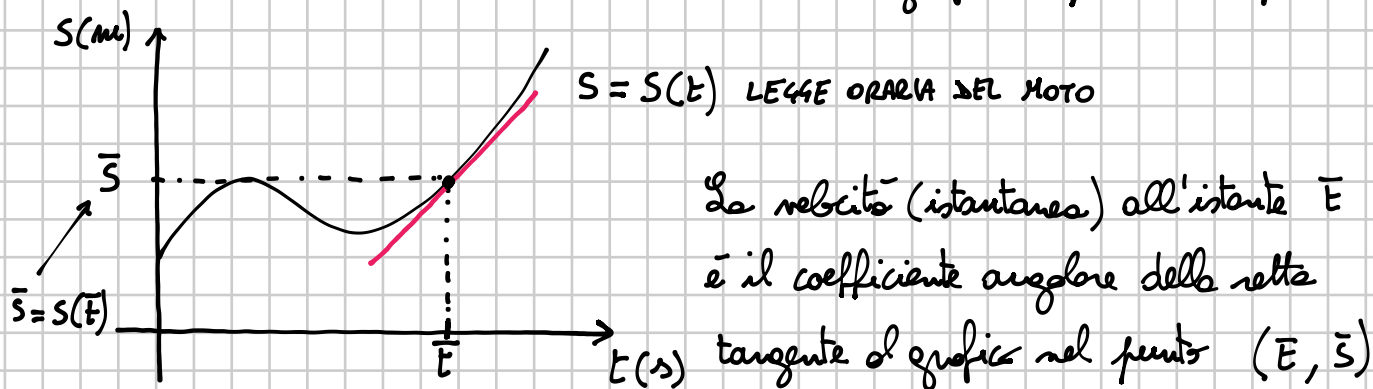
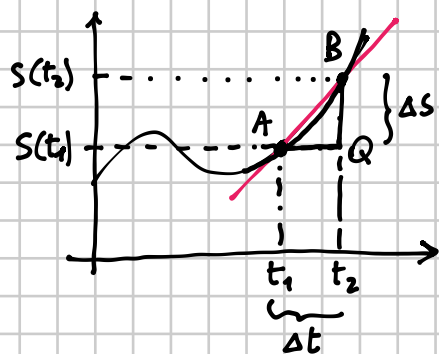


LE DERIVATE IN FISICA

Considero un punto materiale che si muove di moto vario su una traiettoria rettilinea. Posso considerare il suo grafico spazio-tempo



Perché la velocità istantanea è il coeff. angolare della tangente?



VEL. MEDIA

$$V_m = \frac{\Delta S}{\Delta t}$$

coeff. angolare della secante

Per trovare la velocità istantanea dobbiamo

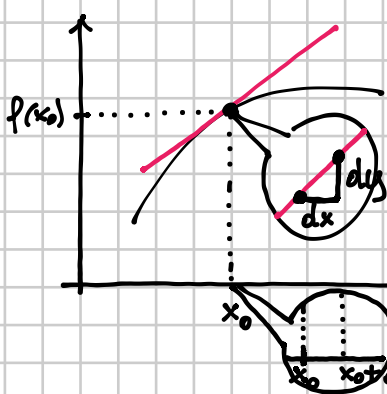
considerare Δt INFINITESIMO

↓ in termini più moderni significa fare il limite di $\frac{\Delta S}{\Delta t}$ per $\Delta t \rightarrow 0$

$$V(\bar{t}) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta S}{\Delta t}$$

PROBLEMA : Data una funzione $y = f(x)$ e un punto del suo grafico $P(x_0, f(x_0))$, trovare il coefficiente angolare della tangente

RAZIONAMENTO INFINITESIMALE

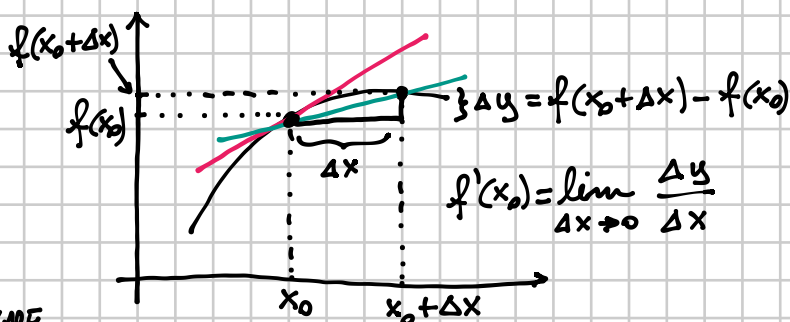


La tangente è INDISTINGUIBILE dalla curva

$$f'(x_0) \approx \frac{dy}{dx}$$

DERIVATA DI f IN x_0
È IL COEFF. ANGOLARE DELLA TANGENTE

RAZIONAMENTO "ALLA WEIERSTRASS"



$$f'(x_0) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$$

ESEMPIO

Considera la funzione $y = x^2$ e un suo generico punto x .
Voglio calcolare la derivata in x , cioè $f'(x)$

ALLA WEIERSTRASS

$$f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x+\Delta x) - f(x)}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{(x+\Delta x)^2 - x^2}{\Delta x} =$$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\cancel{x^2} + 2x\Delta x + \Delta x^2 - \cancel{x^2}}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta x(2x + \Delta x)}{\Delta x} =$$

$$= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} (2x + \Delta x) = 2x$$