МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ПЕДАГОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. А. И. ГЕРЦЕНА

Институт информационных технологий и технологического образования Кафедра компьютерные технологии и электронного обучения

Основная профессиональная образовательная программа

Направление подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная

техника Направленность (профиль) «Технологии разработки программного обеспечения»

форма обучения - очная

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №4

по дисциплине: «Анализ данных и основы Data science» НОРМАЛЬНОЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЕ

Руководитель: кандидат педагогических

наук, доцент, Светлана

Викторовна Гончарова

Авторы работы:

Воложанин В.О.

Максимова А. В.

2 курс, 2 группа 1 подгруппа

Цель: проверить данные на соответствие нормальному закону распределения.

Оборудование: ПК, Excel.

Задание 1

Постановка задачи:

Рассчитать теоретические частоты для нормального распределения.

Математические модели:

$$\varphi = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{t^2}{2}} \qquad \sigma = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2 f_i}{\sum f_i}} \qquad \bar{x} = \frac{\sum x_i f_i}{\sum f_i}$$

$$t_i = \frac{x_i - \bar{x}}{\sigma} \qquad f_m = \varphi(t) \frac{Nd}{\sigma}$$

Таблица:

| сумма затрат предприятий на производство, тыс. руб | количество предприятий, fi | средний интервал, хі | $x_i f_i$ | $(x_i-x)^2$ | $(x_i - x)^2 f_i$ | σ | ti | φ(t) | N | d |
|--|-------------------------------|-------------------------|-----------|-------------|-------------------|-------------|-------|--------|-----|----|
| A | 1 | 2 | | | | 29,63773037 | | | 108 | 10 |
| 30 - 40 | 2 | 35 | 70 | 3871,604938 | 7743,209877 | | -2,10 | 0,0440 | | |
| 40 - 50 | 4 | 45 | 180 | 2727,160494 | 10908,64198 | | -1,76 | 0,0845 | | |
| 50 - 60 | 6 | 55 | 330 | 1782,716049 | 10696,2963 | | -1,42 | 0,1446 | | |
| 60 - 70 | 8 | 65 | 520 | 1038,271605 | 8306,17284 | | -1,09 | 0,2209 | | |
| 70 - 80 | 11 | 75 | 825 | 493,8271605 | 5432,098765 | | -0,75 | 0,3012 | | |
| 80 - 90 | 14 | 85 | 1190 | 149,382716 | 2091,358025 | | -0,41 | 0,3664 | | |
| 90 - 100 | 15 | 95 | 1425 | 4,938271605 | 74,07407407 | | -0,07 | 0,3978 | | |
| 100 - 110 | 13 | 105 | 1365 | 60,49382716 | 786,4197531 | | 0,26 | 0,3854 | | |
| 110 - 120 | 11 | 115 | 1265 | 316,0493827 | 3476,54321 | | 0,60 | 0,3333 | | |
| 120 - 130 | 8 | 125 | 1000 | 771,6049383 | 6172,839506 | | 0,94 | 0,2571 | | |
| 130 - 140 | 6 | 135 | 810 | 1427,160494 | 8562,962963 | | 1,27 | 0,1771 | | |
| 140 - 150 | 5 | 145 | 725 | 2282,716049 | 11413,58025 | | 1,61 | 0,1088 | | |
| 150 - 160 | 3 | 155 | 465 | 3338,271605 | 10014,81481 | | 1,95 | 0,0597 | | |
| 160 - 170 | 2 | 165 | 330 | 4593,82716 | 9187,654321 | | 2,29 | 0,0292 | | |
| Итог | 108 | | \bar{x} | - | - | - | - | - | - | - |
| | | | 97,222 | | | | | | | |

Задание 2.

Постановка задачи:

Определить является распределение (из Задания 1) нормальным. Использовать критерий Колмогорова.

Математическая модель:

$$\lambda = \frac{Dmax}{\sqrt{N}}$$

Таблица:

| fm | Fi | Fm | Di | Dmax | λ |
|-----|-----|-----|----|------|--------------|
| | | | | 3 | 0,3052892906 |
| 2 | 2 | 2 | 0 | | |
| 3 | 6 | 5 | 1 | | |
| 5 | 12 | 10 | 2 | | |
| 8 | 20 | 18 | 2 | | |
| 11 | 31 | 29 | 2 | | |
| 13 | 45 | 42 | 3 | | |
| 14 | 60 | 57 | 3 | | |
| 14 | 73 | 71 | 2 | | |
| 12 | 84 | 83 | 1 | | |
| 9 | 92 | 92 | 0 | | |
| 6 | 98 | 99 | -1 | | |
| 4 | 103 | 103 | 0 | | |
| 2 | 106 | 105 | 1 | | |
| 1 | 108 | 106 | 2 | | |
| 106 | - | - | - | - | - |

Вывод: в ходе работы мы выяснили, что вычисленные теоретические частоты достаточно близки к эмпирическим. Так же распределение исследуемых данных достаточно близко к нормальному закону.