

Exercice 1 : (7 points)

14

- I) 1) Résoudre dans IR l'inéquation $t^2 - 9t - 36 \geq 0$
 2) Résoudre alors l'inéquation $(x^2 + 4x)^2 - 9(x^2 + 4x) - 36 \geq 0$
- II) Résoudre dans IR l'inéquation : $|x^2 - 1| + \frac{1}{x} \leq |2x^2 + x - 3| + \frac{1}{x}$
- III) 1) Résoudre dans IR^2 le système (S) à inconnues $(x; y)$ avec (S) : $\begin{cases} x^2 + y^2 = 100 \\ xy = 48 \end{cases}$
 2) Soit $ABCD$ un losange de côté 5cm et d'aire 24 cm²

Déterminer en cm les distances AC et BD sachant que $AC < BD$ Exercice 2 : (5 points)Soit b un réel et T le trinôme du second degré tel que $T(x) = x^2 + bx - 1$, pour tout $x \in IR$

- 1) Montrer que $T(x)$ admet deux racines distinctes et de signe différent qu'on note x' et x''
On ne demande pas de déterminer ses racines et on suppose que $x' < x''$
- 2) Déterminer b pour que x' et x'' soient opposés
 3) Exprimer en fonction de b le réel $A = (x')^2 + (x'')^2$
 4) a) Montrer que les réels $(1 - bx')$ et $(1 - bx'')$ sont des inverses
 b) Déduire que lorsque x' et x'' ne sont pas opposés, le réel $\frac{1}{b}$
 n'appartient pas à l'intervalle $[x', x'']$

Exercice 3 : (8 points)Soit $ABCD$ un rectangle du planOn désigne par I le barycentre de $(A; 1), (B; 3)$ et par J le barycentre de $(B; 2), (C; 1)$

- 1) Faire une figure
 2) Soit (E) l'ensemble des points M du plan tel que $(\overrightarrow{MA} + 3\overrightarrow{MB})$ et $(2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC})$ soient orthogonaux
 a) Vérifier que le point B appartient à (E)
 b) Déterminer l'ensemble (E)
 3) Les droites (IJ) et (CD) se coupent en un point K
 a) Montrer que K est le barycentre de $(J; 2), (I; -3)$
 b) Montrer que K est le barycentre de $(C; 3), (D; -1)$
 4) Soit O le milieu du segment $[BC]$ et G le barycentre de $(A; 1), (B; 3), (K; 2)$
 a) Montrer que $\overrightarrow{GA} + 3\overrightarrow{GB} + 3\overrightarrow{GC} - \overrightarrow{GD} = \overrightarrow{0}$
 b) Déduire que les droites (AD) et (OG) sont parallèles

Alyne Rihab - 11985x
2019-2020

Chapitre de la fonction (2)

M11/Hach/kaizen
25c7

Exercice 1 : (1 p.)

$$\text{I) Soit } f \text{ la fonction } f(t) = t^2 - 9t - 36$$

$$A = \{t \in \mathbb{R} \mid t > 0\}, \quad b = -3 \text{ et } k_2 = 12$$

$$a = 1 \rightarrow \text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{t \mid t^2 - 9t - 36 \leq 0\}$$

$$\text{II) } f(x) = x^2 - 4x - 12 \geq 0$$

$$\Delta = 16 \Rightarrow t_1 = 3, \quad t_2 = 12$$

$$\text{soit } x^2 - 4x - 12 \geq 0$$

$$\text{et } f'(x) = x^2 - 4x - 12$$

$$a+b+c=0 \quad \Delta = 64 > 0$$

$$t_1 = 3 \quad t_2 = 12 \quad x = -2 \quad \text{et } x = 6$$

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline x & (-\infty, -2) & [-2, 3] & (3, 6) & [6, +\infty) \\ \hline f'(x) & + & 0 & - & + \\ \hline \end{array}$$

$$S_1 = [-1, 3]$$

$$\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{-1, 3\} \cup [6, +\infty)$$

III) Continuité : $x = t^2$

$$\text{et } f(x) = |x^2 - 1| = |t^2 - 1| = |(t-1)(t+1)|$$

$$\text{soit } f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & \text{si } x \in \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\} \\ -(x^2 - 1) & \text{si } x \in \{-1, 1\} \end{cases}$$

$$\text{et } f'(x) = (2x^2 + x - 3)^2 \geq 0$$

$$(x^2 + x - 2), (3x^2 - x - 4) \geq 0$$

$$\text{et } f'(x) = 3x^2 + x - 4$$

$$a+b+c=0 \quad x = 1 \quad x = -4/3$$

$$x_1 = 1 \quad x_2 = -4/3$$

$$x = 1 \quad x = -4/3$$

$$\begin{array}{ccccccc}
 & x & 0 & -1 & -\frac{4}{3} & 1 & +\infty \\
 T(x) & + & 0 & - & 0 & + & \\
 T(y) & + & & + & 0 = 0 & + & \\
 T(x)T(y) & + & 0 & 0 & 1 & 0 & + \\
 \end{array}$$

$\text{dom } S_{R2} = (-\infty, -\frac{4}{3}] \cup [-\frac{4}{3}, +\infty)$ CLIR

$= (-\infty, -2] \cup [-\frac{4}{3}; 0] \cup [0, +\infty)$

$x^2 + y^2 = 100$ $(x+2)^2 + y^2 = 100$

$xy = 48$

$xy = 48$

$x = 10 \text{ et } y = 6$

$(x+y)^2 = 10^2 + 6^2 = 116$

$xy = 48$

$x+y = 10$

$xy = 48$

$x+y = 10$

$-xy = 48$

Solve l'équation $y^2 + 10y = 116$

$y = 4 > 0$

$x = 6$

$y = -8$

$x = 6$

$y = -8$

CP: $S_{R2} = \{(6, 8), (6, -8), (-8, 6), (-8, -6)\}$

2) $\text{Périm} AC = 2x + BD = 2(x+y) = 2(10) = 20$

ABED Aire Parallélogramme: $(AE) \cdot (BD) = \text{aire } ABCD = \text{aire } ACED$

D'après Pythagore: $(AC)^2 + (BD)^2 = (CD)^2$

$\text{Aire } x^2 + y^2 = 100$

$\text{Aire } ABCD = 1 \cdot AC \times BD = 2 \cdot 4 = 24$

$\text{Aire } x^2 + y^2 = 100$

$\text{Aire } x^2 + y^2 = 100$

$\text{Aire } x^2 + y^2 = 100$

Contra o Brasil por exeq.

$$\text{Wirkung durch Kette } AC = x \cdot (G_m \text{ er B}D) \cdot y = G_m$$

Exercice 2 : (5 pts)

$$\text{1) } T(x) = x^2 - bx - 1$$

as so $\exists x \in T(x)$ and $\exists x$ drawn as distinct
 $x \in T(x)$

$$\text{Thus for } n-n' = c \in \mathbb{Z} \text{ we have } x^c = x^{n-n'} = x^n x^{-n'} = x^n x^{n-n'} = x^n.$$

Figure 10 shows

2) - α set will point opposite

$\frac{1}{2} \times$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

$$\text{sign}: \quad b = 0 \quad \text{if } x < 0$$

$\frac{dy}{dx} = 0$ សម្រាប់ការដូចជា $y = mx + b$

$$3) A = x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy$$

$$\text{at low } A = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{1}{2}$$

$$4) \text{ a)} (1 - b_n^{-1}) \cdot (1 - b_n^{-1}) = 1 - b_n^{-1} + b_n^{-2} \quad | \cdot x \quad | \cdot x$$

$$= 1 - 10 \cdot (-5) + 5^2 \quad | \cdot (-1)$$

$y_{\text{true}}(x - h^n)$ is the $(x - h^n)$ part in averaging

b) *and it's the southern wind who*

$$(1 - b^{n'}) \cdot (1 - m^{n'}) = 1 - (b + m)^{n'} = 1 - (b + m)^{n''}$$

~~Don't~~ remember anyone

$$1 - b\pi^n > 0 \iff e^{-1 - b\pi^n} > 0$$

—
—
—
—
—

21 11

1976-1977

~~then~~ now $\frac{A}{B}$ \neq $\ln n$

b 4n \rightarrow AgNO_3 $\xrightarrow{\text{dilute HNO}_3}$

Time 1 min 20 sec

Exercise 3.2 (8 pts)

$$\Rightarrow \vec{A} \cdot \vec{I}_1 = \frac{3}{4} \vec{AB} \times \vec{B} \vec{I}_1 = \frac{1}{3} \vec{B} \vec{I}_1$$

$$\therefore \text{a) } BA + 3BB = BA$$

Permutation: $A B C \rightarrow D$ given objects
Permutation: $B \in (E)$

b) MIE(E) \rightarrow

cepá: M+ | -M

1. *Spurzahn*

30 (EE) 301 9

$$3) \quad \text{a) } \overline{J} \text{ liegt } (3; 2)$$

IP → P₁ G₁

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n f(x_k)$

(IIA) $\forall x (x \in A)$; (CA)

$$= \overline{178} = \overline{1} \overline{5} \overline{4}$$

Aimin , 31 -

OK =

$$b_1) \vdash b_{pp} : (A, i)$$

B

$$1025 \quad \frac{1}{4} \overline{BA} = \frac{1}{2}$$

$$P_D = C_D$$

-511 - 30

$$\text{Principle } BA = CD$$

Exercice 3

3) b)

$$\vec{CK} \quad \vec{CD}$$

-1 -3

Donc $\vec{R} = \text{bpp}(\vec{C}, 3), (\vec{D}, -1)$

1) G est un point tel que $\vec{bpp}(\vec{C}, 3), (\vec{D}, 1)$

$$\text{Donc } 3\vec{GC} + \vec{GD} = 2\vec{GK}$$

a) $\vec{G} = \text{bpp}(\vec{A}, 1); (\vec{B}, 3); (\vec{K}, 2)$

$$\text{Donc } \vec{GA} + 3\vec{GB} + 2\vec{GK} = \vec{0}$$

$$\text{Par contre } \vec{GA} + 3\vec{GR} + 3\vec{GC} - \vec{GD} = \vec{0}$$

$$b) \vec{GA} + 3\vec{GB} + 3\vec{GC} - \vec{GD} = \vec{0}$$

$$(\vec{GA} - \vec{GD}) + 3(\vec{GB} + \vec{GC}) = \vec{0}$$

$$\vec{DA} = -\vec{GD} = \vec{0} \quad (\text{on obtient deux équations})$$

$$\vec{AD} = \vec{GD}$$

Donc $\vec{AD} = \vec{GD}$ sont donc colinéaires

Par contre $\vec{AD} \neq \vec{0}$ et $\vec{GD} \neq \vec{0}$

Donc $\vec{AD} \parallel \vec{GD}$.

