Lycée pilote Sousse Date : le 24 / 02 / 2025 Devoir de contrôle N°4 Durée : 1 heure Prof: Slah Saoudi Classes: 2 sc 1 + 2 sc 2

## Exercice 1: (7 points)

Soit f la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = x^2 - 1 - \frac{3}{x^2 + 1}$ . ( $C_f$ ) la courbe représentative de f dans un repère orthonormé  $(0, \vec{i}, \vec{j})$ .

1)Etudier la parité de f.

2)a-Déterminer les coordonnées du point A intersection de  $(C_f)$  et l'axe des ordonnées.

b-Déterminer les coordonnés des points B et C intersection de  $\left(C_{f}\right)$  et l'axe des abscisses.

3) Etudier le sens de variation de f sur chacun des intervalles  $[0, +\infty[$  et  $]-\infty, 0]$ .

4)En déduire que f admet un minimum sur  $\mathbb{R}$  que l'on précisera...

## Exercice 2: (7 points)

Soit f une fonction définie sur ] 0,  $+\infty$  [ dont la courbe est représentée sur la feuille annexe .

1)a-Déterminer graphiquement f(1) et f(2).

b-Résoudre graphiquement l'équation : f(x) = 0.

2) Soit g la fonction définie par : g(x) = (x - 2) f(x). Déterminer le domaine de définition de g.

3)a-Décrire les variations de f.

b-Comparer alors f(1) et  $f(2-\frac{1}{n})$  où n un entier naturel non nul.

4)On suppose que pour tout réel x > 0,  $f(x) = ax^2 + \frac{b}{x} - 5$  où a et b sont des nombres réels.

Montrer que a = 1 et b = 2.

5) Soit m un paramètre réel. Déterminer graphiquement et suivant les valeurs de m le nombre de solutions de l'équation  $(E_m)$ :  $x^3 - (m+5)x + 2 = 0$ .

## Exercice 3: (6 points)

Soit ABC un triangle isocèle -rectangle en A et de sens direct. I est le milieu du segment [BC]

On désigne par R la rotation directe de centre B et d'angle  $\frac{\pi}{4}$ . On pose : D = R(A), E = R(C).

1)a- Montrer que les droites (BD) et (AI)sont parallèles.

b-Donner la mesure en radians de l'angle géométrique  $A\widehat{D}B$ .

2) Soit F = R(I). Montrer que le points A, E et F son alignés.

3) Soit S l'aire du quadrilatère BDEC. Montrer que  $S = AB^2 \left(\frac{1+\sqrt{2}}{2}\right)$ 

4) Soit M un point variable de[AC] distinct de A et C. N le point de [DE] tel que DN = AM.

Montrer que lorsque M varie, la médiatrice de [MN] passe par un point fixe que l'on précisera











