

## PRIMEIRA IMPLEMENTAÇÃO PRÁTICA

### ORDENAÇÃO ACONCHEGANTE

## 1 Introdução

Paulo é estudante de Oceanografia e é fascinado por um dos mais perfeitos objetos da natureza: as conchas. Durante sua graduação e em suas aulas práticas que o permitiam entrar em contato com elas, Paulo construiu uma coleção de inúmeras conchas, em uma seção de prateleiras em uma das paredes de seu quarto.

O estudante, ávido na organização, costuma ter uma padronização específica na sua prateleira de conchas: Paulo sempre organiza suas conchas de acordo com diâmetro vertical, da menor para a maior (ordem crescente). Para ter controle sobre isso, o estudante anota essa informação em seu caderno a cada concha nova que pega para sua coleção, juntamente com outras informações: ele também anota a cor e a textura de cada uma.

Por acidente e por desgaste, a prateleira de Paulo soltou-se de um lado e ficou inclinada, de maneira que suas conchas fossem todas para o chão. O garoto, ao ver isso, tomou um choque, uma vez que suas conchas agora estão todas embaralhadas e, como seu amigo, você decide ajudá-lo a remontar a prateleira de sua coleção com base nas informações anotadas no caderno.

### O processo de reordenação

Paulo percebeu que o processo seria muito demorado caso todas as conchas tivessem de ser comparadas entre si, e assim elaborou um método de ordenação que julgou mais eficiente, cuja principal heurística se baseava em dividir a lista total de conchas em listas menores. Ao lhe explicar, foi explicado que:

1. Dada uma lista  $A$  com  $n$  conchas, divida-a em  $\lfloor n/2 \rfloor$  sub-listas virtuais, de maneira que um elemento na posição  $k$  pertença à sub-lista de número “ $k \bmod \lfloor n/2 \rfloor$ ”. O operador “mod” indica o resto da divisão de  $k$  por  $\lfloor n/2 \rfloor$ . Essa é uma maneira matemática de dizer que estamos agrupando em sub-listas os elementos que possuem distância  $D = \lfloor n/2 \rfloor$  entre si, sendo  $n$  o tamanho da lista inicial.

- Por exemplo, para uma lista de valores  $[1, 7, 8, 5, 3, 4, 6]$ , as sub-listas formadas seriam três:  $[1, 5, 6]$ ,  $[7, 3]$ ,  $[8, 4]$ . Note que as sub-listas são apenas virtuais: não estamos criando novas listas de fato, apenas interpretando logicamente a lista original dessa forma.
2. Para cada uma das sub-listas, realize um **Insertion Sort** para que elas sejam ordenadas. A ideia é que a ordenação, ao contrário da usual, seja feita apenas entre esses elementos que possuem distância  $\lfloor n/2 \rfloor$  entre si.
  3. Volte ao passo 1 e repita o processo, dessa vez considerando que  $n := \lfloor n/2 \rfloor$ , até que a distância  $D$  seja igual a 1 (incluso). Quando isso ocorrer, é como se estivéssemos realizando um Insertion Sort na lista completa, sem divisões.
    - Com esse processo, a distância  $D$  que estamos considerando tende a diminuir a cada iteração: começa com  $n/2$ , depois  $n/4$ , depois  $n/8$  e assim sucessivamente (sempre arredondando para baixo) até o momento em que ela, eventualmente, será igual a 1.
  4. Chega-se ao caso trivial: a lista original está ordenada.

Para automatizar esse processo, você resolveu construir um código em linguagem C para solucionar os problemas das conchas de Paulo, **utilizando o método de ordenação descrito por ele como base**.

## 2 Informações adicionais

- A ordenação deve possuir complexidade de tempo de, no máximo,  $n^2$  — isto é, o algoritmo não pode performar pior do que algoritmos como Insertion Sort ou Bubble Sort. Casos de teste foram elaborados para facilitar sua análise de eficiência do algoritmo. No caso de *timeout*, é um sinal de que seu algoritmo não está de acordo.
- A ordenação deve possuir complexidade de espaço constante — isto é, o algoritmo não deve utilizar memória auxiliar para realizar a ordenação. Algoritmos como o Merge Sort, por exemplo, utilizam vetores auxiliares para realizá-la (e nesse caso isso não é permitido).

## 3 Entrada

De entrada, será dado um inteiro  $n$  que representa o número de conchas a serem ordenadas. Logo após, serão dadas triplas de dados, na mesma linha e separados por espaços, contendo respectivamente: o diâmetro vertical da concha, sua cor e sua textura.

- O valor de  $n$  é um **inteiro positivo**. Isso é assegurado pelas entradas que serão proporcionadas.
- O diâmetro vertical é dado por um número **real (double)** positivo, com precisão de 3 casas decimais.

- A cor e a textura são **cadeias de caracteres** de apenas uma palavra, com caracteres da tabela ASCII.
- Não há **repetição** nos valores dos diâmetros verticais.

## 4 Saída

A saída deverá listar todas as  $n$  conchas de entrada, ordenadas de acordo com seu diâmetro vertical, em ordem crescente. Juntamente ao diâmetro vertical, devem ser mostradas a cor e a textura da concha, respectivamente, na mesma linha e todos separados por um espaço.

## 5 Exemplos de entrada e saída

### Entrada

```
1 10
2 44.528 Magenta Rough
3 9.214 Crimson Smooth
4 12.503 Lime Rough
5 47.930 Red Wavy
6 14.125 Purple Rough
7 9.730 Purple Rough
8 3.565 Crimson Rough
9 27.312 Magenta Wavy
10 20.751 Orange Smooth
11 2.612 Purple Rough
```

### Saída esperada

```
1 2.612 Purple Rough
2 3.565 Crimson Rough
3 9.214 Crimson Smooth
4 9.730 Purple Rough
5 12.503 Lime Rough
6 14.125 Purple Rough
7 20.751 Orange Smooth
8 27.312 Magenta Wavy
9 44.528 Magenta Rough
10 47.930 Red Wavy
```

**Cuidado:** alguns dos casos de entrada podem ser grandes!

**Bom trabalho!**