# **Week 6 Programming Practice**

### **Problem 1**

Write a Python function **KminGreaterThan(arr, k, num)**, that accepts an unsorted list <code>arr</code>, two numbers <code>k</code> and <code>num</code>, returns <code>True</code> if the <code>k</code> <sup>th</sup> smallest element in the list <code>arr</code> is greater than or equal to <code>num</code>, otherwise returns <code>False</code>. Try to write a solution that runs in  $O(n \log k)$  time.

```
1 def KminGreaterThan(arr, k, num):
2 #Complete this function
```

#### **Sample Input:**

```
1 | 66 55 43 34 12 7 2 20 5
2 5
3 | 18
```

#### **Sample Output**

```
1 | True
```

### **Sample Input:**

```
1 | 66 55 43 34 12 7 2 20 5
2 | 6
3 | 40
```

### **Sample Output**

```
1 | False
```

#### Solution:

```
class max_heap:
 2
      def __init__(self):
      self.size=0
 3
4
       self.arr = []
5
6
     def isempty(self):
 7
        return True if (self.size == 0) else False
8
9
     def max(self):
        return self.arr[0] if self.size>0 else None
10
11
      # Heapify element at index i
12
13
      def heapify_down(self, i):
        n = self.size
14
15
        a = self.arr
        while (i<n):
16
17
          gg = 1 = 2 * i + 1
```

```
18
           r = 2 * i + 2
19
           # gg is greater of left and right child
20
           if (1 < n \text{ and } r < n \text{ and } a[1] < a[r]):
21
             gg = r
22
           if (gg < n \text{ and } a[gg] > a[i]):
23
             a[i], a[gg] = a[gg], a[i]
24
             i = gg
25
           else:
26
             break
27
      def delete_max(self):
28
29
        max = self.arr[0]
30
        last = self.arr.pop()
        #size of heap after pop operation will reduce by 1
31
32
         self.size -= 1
        if (self.size > 0):
33
34
           self.arr[0] = last
35
           self.heapify_down(0)
36
         return max
37
      # Replace max element with x
38
39
      def replace_max(self, x):
40
        max = self.arr[0]
41
        self.arr[0] = x
42
         self.heapify_down(0)
43
         return max
44
45
      # Heapify last element in the heap
46
      def heapify_up(self):
47
         i = self.size - 1
48
        while (i>0):
49
           parent = (i-1)//2
50
           if (self.arr[i] > self.arr[parent]):
51
             self.arr[i], self.arr[parent] = self.arr[parent], self.arr[i]
52
             i = parent
53
           else:
54
             break
55
56
      # Insert to min heap
57
      def insert_max_heap(self, x):
58
        self.arr.append(x)
59
         self.size += 1
60
         self.heapify_up()
61
62
    # This function first finds the kth smallest element and than compares it
63
    def KminGreaterThan(arr, k, num):
      # Build max heap of size k
64
      h = max_heap()
65
66
      for i in range(k):
67
         h.insert_max_heap(L[i])
68
      # Insert the next element in the list if it is smaller than the max in
69
    heap.
70
      # This will ensure that the heap contains k minimum elements from the
    parsed elements.
71
      for i in range(k, len(arr)):
72
        if (h.max() > arr[i]):
```

```
h.replace_max(arr[i])
return True if (h.max() >= num) else False
```

### Suffix

```
1  L = [int(item) for item in input().split(" ")]
2  k = int(input())
3  num = int(input())
4  print(KminGreaterThan(L, k, num))
```

### **Public Test Case 1**

### input

```
1 | 1 10 11 12 15 23 31 34 61 64 65 72 84 92 96
2 | 4
3 | 30
```

### output

```
1 | False
```

# **Public Test case 2**

# input

```
1 | 77 97 109 147 155 160 188 191 205 206 217 242 252 286 289 294 308 312 335 375 393 402 405 455 456 
2 10 3 78
```

### output

```
1 | True
```

### **Private Test case 1**

# input

```
1 | 80 98 110 117 125 126 127 132 150 159 171 183 187 200 208 209 221 223 236 242 247 255 274 283 315 340 346 356 361 365 2 11 3 150
```

# output

```
1 | True
```

### **Private Test case 2**

# input

```
1 63 71 93 118 125 129 136 147 149 159 166 172 173 183 184 185 220 226 236 238 251 279 290 298 302 327 340 343 360 366 396 406 407 413 439 454 460 474 487 488 494 498 543 549 550 560 563 582 587 600
2 23
3 256
```

# output

1 True

# **Private Test case 3**

# input

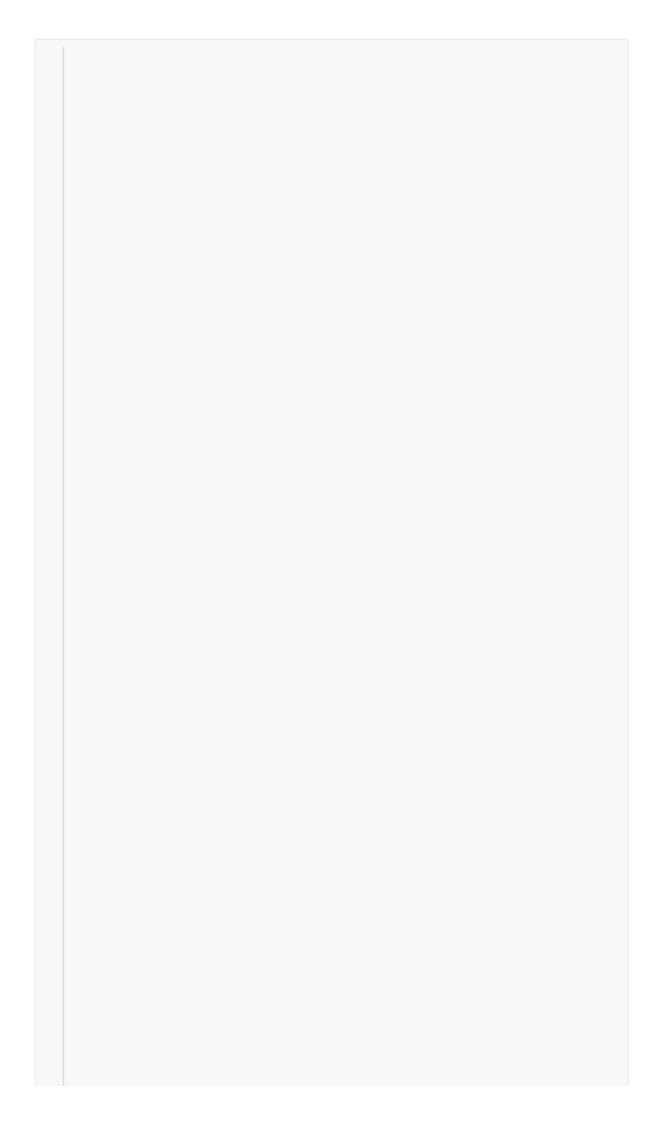
```
1 77 97 109 147 155 160 188 191 205 206 217 242 252 286 289 294 308 312 335 375 393 402 405 455 456 2 10 3 78
```

### output

1 True

### **Private Test case 4**

# input



```
60074 60077 60078 60084 60114 60121 60122 60124 60129 60152 60153 60156 60183
60197 60201 60203 60220 60227 60228 60234 60244 60265 60266 60272 60280 60292
60298 60301 60304 60308 60313 60317 60323 60329 60334 60335 60356 60359 60361
60372 60377 60379 60391 60403 60406 60407 60408 60409 60416 60420 60423 60459
60466 60469 60474 60478 60483 60486 60491 60518 60526 60539 60542 60549 60557
60577 60592 60598 60599 60605 60610 60623 60625 60628 60639 60645 60651 60698
60746 60748 60749 60759 60760 60766 60770 60772 60777 60788 60789 60808 60819
60829 60830 60844 60852 60863 60882 60884 60900 60906 60908 60910 60916 60924
60927 60931 60935 60945 60970 60975 60976 60980 61001 61002 61020 61042 61045
61071 61081 61129 61136 61138 61146 61157 61158 61164 61168 61179 61191 61220
61232 61242 61254 61271 61272 61282 61297 61356 61372 61376 61383 61388 61406
61411 61422 61440 61445 61465 61476 61509 61516 61540 61557 61580 61582 61616
61626 61628 61629 61644 61645 61648 61668 61670 61685 61686 61687 61711 61741
61743 61759 61780 61785 61795 61808 61822 61832 61844 61852 61867 61869 61878
61896 61914 61921 61932 61944 61951 61952 61975 61979 61986 62000 62006 62011
62017 62031 62036 62040 62041 62048 62052 62057 62069 62076 62078 62079 62103
62134 62187 62189 62203 62204 62207 62209 62213 62214 62225 62227 62266 62272
62278 62298 62301 62302 62304 62327 62333 62345 62347 62363 62405 62406 62426
62427 62444 62457 62470 62485 62490 62511 62513 62524 62530 62532 62542 62544
62546 62549 62553 62554 62557 62559 62561 62589 62596 62597 62598 62615 62619
62631 62643 62653 62654 62659 62662 62666 62693 62703 62727 62731 62733 62744
62746 62747 62752 62754 62759 62767 62770 62772 62774 62777 62806 62816 62819
62829 62841 62859 62875 62918 62926 62927 62940 62948 62954 62960 62994 63003
63005 63006 63008 63016 63024 63025 63034 63036 63052 63053 63062 63074 63078
63079 63086 63088 63095 63098 63105 63106 63111 63118 63120 63126 63139 63167
63169 63174 63191 63194 63195 63198 63203 63208 63260 63262 63263 63265 63275
63293 63317 63323 63334 63345 63346 63350 63351 63362 63364 63394 63400 63405
63408 63411 63413 63429 63435 63437 63447 63457 63459 63488 63505 63507 63515
63559 63569 63572 63575 63585 63586 63589 63604 63617 63622 63623 63629 63631
63641 63643 63680 63686 63691 63692 63699 63702 63704 63705 63710 63714 63722
63739 63742 63757 63780 63786 63788 63794 63799 63812 63814 63820 63823 63828
63834 63837 63849 63853 63866 63877 63879 63881 63891 63908 63910 63916 63921
63927 63931 63944 63954 63960 63969 63984 64016 64023 64027 64035 64038 64042
64056 64060 64065 64074 64107 64116 64123 64137 64141 64161 64192 64193 64197
64199 64235 64236 64243 64251 64252 64274 64286 64293 64300 64317 64329 64342
64355 64359 64380 64381 64418 64461 64462 64472 64479 64487 64498 64509 64519
64529 64532 64542 64544 64573 64580 64600 64604 64608 64619 64624 64635 64640
64708 64718 64725 64734 64773 64787 64802 64804 64809 64810 64818 64853 64871
64873 64874 64885 64894 64895 64896 64907 64914 64929 64973 64975 64982 64993
65005 65017 65026 65033 65050 65056 65062 65063 65065 65067 65098 65128 65130
65150 65151 65174 65175 65190 65192 65202 65222 65242 65259 65268 65271 65278
65284 65291 65293 65295 65296 65300 65312 65316 65318 65325 65326 65331 65360
65380 65395 65416 65422 65433 65453 65460 65465 65478 65510 65513 65514 65529
65531 65536 65537 65559 65576 65583 65603 65612 65615 65628 65636 65640 65643
65659 65677 65685 65702 65706 65710 65712 65717 65728 65734 65756 65768 65780
65788 65797 65798 65803 65812 65822 65835 65838 65854 65861 65864 65867 65870
65880 65912 65919 65927 65934 65940 65942 65946 65952 65953 65963 65965 65971
65981 65987 65990 65998 66015 66029 66067 66080 66084 66095 66100 66104 66117
66129 66155 66157 66177 66191 66207 66215 66222 66223 66234 66254 66281 66287
66331 66341 66350 66370 66375 66376 66384 66388 66391 66397 66409 66410 66413
66423 66430 66433 66439 66442 66448 66467 66468 66472 66482 66506 66507 66514
66516 66522 66523 66543 66553 66554 66557 66574 66588 66590 66595 66624 66633
66645 66648 66659 66662 66677 66688 66695 66697 66700 66708 66710 66713 66720
66732 66735 66737 66758 66777 66790 66803 66820 66830 66856 66870 66878 66898
66908 66915 66935 66953 66967 67004 67019 67023 67027 67031 67061 67065 67068
67087 67123 67138 67151 67156 67168 67187 67189 67207 67213 67214 67215 67244
67255 67265 67273 67277 67294 67304 67315 67324 67338 67353 67359 67370 67383
67388 67400 67409 67415 67421 67433 67438 67450 67462 67477 67480 67489 67505
```

```
67527 67534 67577 67587 67589 67596 67599 67607 67614 67616 67618 67620 67632
67634 67637 67661 67668 67684 67686 67689 67707 67710 67713 67718 67728 67769
67773 67780 67790 67794 67810 67843 67845 67877 67899 67904 67929 67935 67943
67949 67954 68000 68004 68005 68008 68014 68029 68031 68046 68058 68059 68075
68076 68103 68109 68122 68147 68160 68168 68180 68193 68209 68226 68235 68239
68252 68262 68269 68275 68283 68297 68320 68324 68344 68351 68356 68379 68381
68391 68399 68402 68403 68405 68449 68453 68454 68456 68466 68473 68475 68479
68484 68492 68504 68525 68527 68531 68534 68535 68540 68548 68588 68589 68601
68614 68635 68640 68642 68669 68694 68698 68700 68703 68704 68725 68730 68731
68734 68735 68767 68785 68792 68810 68821 68822 68835 68837 68841 68848 68859
68869 68880 68886 68888 68899 68907 68916 68920 68921 68923 68925 68940 68948
68952 68961 68991 68992 68997 69000 69004 69008 69012 69013 69015 69020 69039
69051 69062 69063 69085 69090 69091 69101 69113 69123 69133 69153 69154 69157
69170 69176 69185 69191 69196 69206 69209 69223 69280 69282 69292 69295 69309
69326 69329 69332 69345 69347 69380 69383 69385 69390 69405 69411 69432 69436
69437 69455 69466 69467 69472 69497 69499 69523 69533 69541 69546 69549 69561
69570 69574 69588 69592 69597 69617 69672 69673 69685 69691 69696 69705 69706
69708 69710 69717 69727 69738 69741 69742 69774 69780 69784 69786 69788 69798
69799 69810 69813 69819 69822 69829 69840 69846 69849 69863 69872 69873 69888
69898 69914 69928 69945 69961 69963 69985 69987 69993 69995 70005 70026 70029
70033 70050 70063 70072 70084 70091 70122 70124 70148 70151 70164 70167 70177
70179 70187 70203 70212 70231 70232 70239 70255 70259 70267 70299 70302 70305
70308 70312 70315 70324 70338 70344 70349 70356 70366 70380 70390 70400 70412
70414 70419 70424 70433 70446 70462 70468 70470 70479 70511 70523 70528 70539
70541 70546 70552 70567 70588 70590 70599 70614 70619 70621 70658 70664 70678
70681 70691 70696 70728 70730 70746 70769 70771 70777 70781 70784 70788 70793
70810 70820 70825 70858 70882 70896 70917 70923 70929 70931 70960 70964 70979
70989 71015 71022 71023 71044 71072 71083 71088 71093 71094 71098 71119 71128
71136 71139 71146 71160 71167 71169 71186 71189 71198 71200 71204 71216 71230
71241 71261 71277 71301 71302 71310 71314 71326 71328 71336 71352 71353 71354
71361 71362 71364 71368 71373 71383 71384 71397 71400 71405 71411 71455 71457
71471 71493 71509 71510 71513 71515 71527 71531 71532 71562 71585 71589 71602
71604 71608 71627 71629 71641 71643 71651 71653 71654 71658 71662 71666 71694
71713 71717 71726 71731 71754 71756 71769 71786 71804 71805 71825 71829 71836
71853 71854 71865 71884 71918 71920 71933 71936 71957 71976 71988 71989 72033
72036 72037 72040 72051 72093 72117 72124 72126 72142 72153 72163 72170 72180
72186 72223 72234 72235 72243 72246 72257 72279 72283 72287 72293 72295 72297
72333 72343 72352 72400 72406 72442 72446 72451 72453 72457 72474 72478 72486
72499 72506 72511 72528 72529 72538 72539 72559 72563 72565 72569 72596 72609
72617 72626 72635 72636 72649 72660 72667 72679 72692 72696 72705 72706 72710
72712 72714 72716 72720 72722 72740 72757 72764 72768 72786 72804 72805 72811
72813 72816 72846 72861 72905 72922 72923 72937 72938 72960 72970 72987 73002
73016 73042 73056 73067 73072 73113 73119 73120 73124 73135 73138 73147 73150
73154 73162 73164 73169 73202 73217 73251 73254 73257 73262 73288 73294 73301
73317 73336 73337 73345 73352 73376 73384 73412 73415 73421 73426 73453 73472
73482 73501 73504 73506 73509 73515 73517 73525 73547 73552 73562 73572 73594
73598 73600 73609 73616 73631 73635 73650 73652 73653 73687 73690 73694 73700
73704 73707 73711 73730 73737 73738 73771 73776 73785 73787 73791 73798 73833
73835 73838 73870 73883 73892 73900 73906 73908 73913 73914 73917 73925 73930
73932 73934 73950 73951 73958 73976 73995 74019 74020 74025 74039 74040 74052
74063 74066 74076 74082 74085 74091 74093 74128 74137 74146 74149 74182 74183
74189 74223 74240 74270 74279 74285 74304 74310 74311 74316 74318 74333 74355
74358 74362 74369 74371 74375 74381 74382 74389 74393 74396 74397 74400 74411
74421 74429 74433 74436 74437 74447 74465 74475 74477 74478 74480 74482 74484
74488 74496 74501 74504 74509 74513 74529 74551 74562 74568 74587 74615 74619
74621 74630 74645 74655 74676 74701 74702 74706 74717 74723 74728 74737 74744
74763 74799 74804 74815 74828 74830 74831 74832 74840 74841 74861 74878 74884
74903 74914 74922 74924 74949 74959 74960 74964 74966 74971 74975 75015 75019
```

```
75045 75069 75087 75098 75125 75132 75149 75178 75189 75199 75203 75229 75232
75245 75261 75264 75276 75278 75281 75284 75319 75329 75335 75343 75351 75366
75370 75371 75374 75380 75382 75402 75410 75421 75431 75435 75445 75450 75480
75493 75517 75525 75528 75530 75532 75542 75556 75570 75589 75591 75601 75622
75624 75643 75649 75660 75689 75700 75707 75722 75725 75737 75742 75756 75758
75764 75776 75782 75787 75791 75808 75809 75816 75831 75844 75859 75869 75870
75880 75887 75896 75897 75898 75910 75948 75977 75997 76008 76018 76028 76036
76045 76051 76055 76059 76074 76085 76090 76138 76142 76152 76174 76175 76179
76184 76194 76208 76223 76228 76244 76259 76280 76286 76303 76313 76325 76342
76346 76356 76360 76366 76370 76375 76385 76390 76396 76400 76404 76415 76418
76422 76441 76450 76452 76475 76491 76508 76515 76531 76543 76547 76583 76588
76621 76647 76659 76677 76698 76730 76746 76748 76753 76755 76758 76774 76783
76784 76785 76787 76802 76808 76814 76833 76835 76842 76856 76865 76916 76921
76946 76949 76955 76970 76980 76983 77004 77009 77015 77018 77025 77027 77046
77048 77049 77052 77055 77061 77063 77098 77108 77119 77138 77141 77184 77190
77202 77205 77210 77216 77225 77241 77262 77264 77272 77273 77278 77289 77294
77303 77325 77328 77350 77395 77396 77414 77418 77445 77448 77473 77479 77489
77492 77510 77518 77520 77540 77560 77572 77585 77610 77615 77637 77638 77642
77646 77676 77679 77683 77687 77695 77702 77709 77720 77726 77730 77736 77743
77747 77753 77755 77757 77769 77803 77840 77855 77858 77863 77875 77889 77891
77899 77900 77906 77907 77909 77916 77923 77928 77938 77941 77943 77948 77949
77986 78002 78007 78009 78015 78027 78041 78063 78064 78074 78075 78092 78093
78097 78131 78133 78135 78136 78138 78181 78189 78191 78195 78201 78213 78225
78233 78236 78248 78262 78272 78274 78277 78278 78280 78357 78362 78388 78393
78408 78414 78415 78417 78429 78439 78442 78455 78461 78467 78487 78490 78505
78521 78525 78530 78537 78540 78546 78549 78558 78570 78571 78574 78590 78597
78610 78617 78620 78624 78626 78641 78655 78664 78665 78673 78678 78684 78694
78697 78700 78702 78710 78714 78724 78737 78758 78796 78802 78813 78822 78844
78854 78864 78865 78901 78908 78916 78917 78926 78927 78928 78934 78936 78937
78949 78965 79001 79029 79050 79059 79064 79068 79072 79076 79082 79085 79091
79098 79115 79119 79121 79122 79125 79139 79145 79147 79149 79158 79161 79206
79221 79230 79233 79244 79245 79246 79255 79257 79266 79269 79297 79305 79335
79349 79354 79356 79364 79366 79375 79381 79384 79385 79387 79415 79416 79425
79452 79479 79486 79510 79519 79534 79538 79539 79545 79563 79569 79578 79582
79588 79591 79617 79634 79635 79646 79651 79652 79659 79664 79670 79671 79687
79691 79694 79715 79729 79735 79775 79779 79798 79800 79836 79839 79845 79849
79853 79854 79855 79866 79867 79871 79893 79897 79921 79923 79928 79933 79935
79941 79967 79978 79991 79993 80007 80009 80017 80022 80053 80072 80102 80103
80118 80127 80129 80139 80142 80152 80153 80154 80174 80177 80181 80184 80203
80217 80220 80223 80233 80250 80253 80256 80257 80289 80291 80293 80302 80312
80315 80344 80396 80418 80419 80421 80428 80452 80455 80464 80481 80487 80489
80506 80513 80516 80520 80521 80527 80551 80556 80558 80574 80584 80602 80604
80605 80612 80620 80634 80635 80648 80664 80669 80671 80672 80701 80710 80725
80744 80747 80749 80763 80766 80769 80778 80792 80809 80812 80816 80826 80835
80840 80841 80860 80868 80888 80896 80905 80922 80930 80947 80956 80963 80965
80976 80984 80993 80996 81000 81007 81009 81010 81012 81028 81054 81056 81065
81071 81075 81093 81096 81115 81121 81141 81146 81171 81180 81183 81194 81197
81209 81216 81219 81222 81225 81235 81243 81246 81257 81268 81270 81285 81295
81300 81305 81311 81319 81326 81375 81387 81388 81398 81436 81466 81471 81478
81487 81494 81496 81508 81563 81571 81577 81580 81587 81605 81613 81631 81637
81649 81656 81658 81681 81685 81698 81707 81717 81744 81745 81749 81753 81755
81757 81758 81767 81769 81770 81784 81786 81795 81797 81800 81809 81824 81834
81857 81859 81881 81931 81939 81952 81960 81969 81973 81981 81982 82008 82021
82031 82038 82040 82079 82080 82094 82126 82130 82145 82153 82159 82171 82179
82181 82183 82198 82225 82236 82242 82244 82246 82248 82258 82272 82311 82344
82357 82359 82372 82373 82380 82385 82387 82395 82400 82407 82412 82441 82449
82460 82476 82478 82482 82499 82508 82516 82524 82533 82539 82549 82557 82587
82603 82607 82630 82633 82637 82643 82658 82662 82725 82734 82752 82760 82761
```

```
82771 82778 82800 82814 82818 82846 82852 82857 82858 82861 82863 82869 82880
82892 82895 82902 82913 82917 82932 82941 82942 82948 82953 82961 82966 82970
82972 82976 82985 83008 83020 83032 83033 83039 83045 83051 83055 83066 83093
83098 83101 83106 83110 83111 83120 83122 83128 83132 83133 83144 83148 83166
83167 83170 83180 83194 83207 83236 83250 83266 83280 83289 83291 83293 83302
83325 83345 83353 83379 83386 83395 83411 83428 83444 83454 83466 83475 83484
83488 83496 83498 83520 83524 83554 83557 83582 83587 83594 83604 83608 83609
83612 83613 83621 83645 83651 83673 83692 83694 83695 83696 83708 83716 83740
83753 83754 83767 83786 83790 83800 83812 83814 83823 83835 83836 83837 83839
83840 83841 83843 83876 83879 83881 83914 83932 83938 83945 83977 83983 84017
84025 84036 84053 84065 84073 84075 84091 84094 84104 84112 84124 84127 84129
84131 84152 84164 84168 84180 84186 84198 84230 84241 84267 84276 84305 84309
84332 84354 84361 84363 84374 84395 84423 84427 84441 84443 84446 84454 84456
84465 84478 84488 84489 84494 84509 84517 84521 84525 84528 84530 84531 84541
84546 84576 84581 84584 84587 84588 84589 84597 84614 84629 84648 84656 84673
84690 84691 84702 84707 84710 84720 84721 84728 84739 84746 84752 84770 84773
84782 84787 84793 84807 84815 84827 84832 84839 84847 84875 84883 84896 84919
84924 84927 84931 84938 84941 84950 84952 84964 84979 84982 84985 84991 85004
85010 85015 85023 85046 85067 85080 85086 85100 85108 85125 85130 85139 85152
85177 85186 85191 85192 85200 85202 85206 85209 85210 85219 85235 85242 85245
85273 85275 85293 85331 85354 85359 85384 85386 85397 85414 85431 85457 85461
85499 85504 85507 85516 85538 85555 85556 85575 85580 85588 85589 85632 85638
85658 85673 85680 85687 85706 85717 85728 85751 85760 85766 85768 85770 85789
85793 85794 85807 85814 85831 85854 85868 85873 85874 85894 85904 85907 85909
85915 85916 85917 85919 85928 85930 85931 85950 85971 85973 85974 85981 85988
86034 86036 86038 86041 86044 86047 86051 86055 86060 86070 86072 86090 86093
86097 86101 86117 86137 86148 86158 86172 86210 86250 86254 86257 86260 86263
86279 86295 86297 86305 86335 86343 86362 86366 86379 86382 86384 86394 86401
86402 86420 86444 86463 86465 86467 86470 86483 86490 86506 86523 86526 86533
86534 86539 86554 86573 86575 86585 86614 86634 86635 86645 86661 86664 86679
86688 86709 86710 86712 86730 86742 86743 86759 86763 86765 86770 86801 86807
86827 86830 86847 86872 86880 86888 86892 86894 86905 86906 86908 86911 86913
86921 86929 86934 86943 86959 86960 86962 86964 86970 86971 86989 86994 87008
87032 87033 87042 87043 87046 87048 87053 87057 87070 87072 87077 87098 87121
87128 87134 87135 87142 87146 87157 87165 87169 87176 87183 87197 87203 87205
87220 87230 87235 87253 87284 87290 87300 87303 87310 87343 87347 87352 87354
87357 87359 87377 87383 87385 87387 87388 87391 87398 87400 87403 87404 87408
87423 87424 87428 87477 87502 87506 87510 87514 87515 87527 87537 87538 87539
87547 87552 87562 87568 87573 87575 87625 87664 87669 87694 87707 87718 87740
87752 87777 87782 87793 87794 87825 87826 87838 87840 87845 87848 87857 87860
87870 87871 87883 87895 87907 87911 87919 87923 87930 87953 87964 87977 87979
87987 87994 87999 88000 88014 88021 88035 88058 88061 88083 88094 88100 88105
88109 88110 88118 88119 88134 88135 88143 88144 88155 88162 88181 88199 88207
88224 88225 88235 88236 88243 88246 88251 88253 88275 88293 88300 88327 88337
88371 88373 88375 88417 88472 88474 88488 88496 88504 88505 88507 88508 88521
88528 88537 88542 88591 88605 88610 88619 88670 88680 88683 88701 88717 88723
88724 88735 88744 88745 88750 88766 88777 88779 88784 88788 88797 88801 88820
88822 88828 88838 88865 88883 88893 88897 88908 88925 88931 88942 88953 88955
88961 88966 88976 89011 89018 89027 89036 89052 89064 89076 89091 89121 89131
89135 89136 89141 89145 89146 89158 89179 89181 89189 89194 89207 89227 89228
89236 89237 89240 89261 89284 89285 89291 89294 89300 89323 89326 89329 89330
89338 89366 89370 89373 89376 89381 89383 89390 89393 89394 89398 89410 89412
89424 89426 89456 89461 89472 89490 89499 89502 89509 89513 89534 89535 89543
89544 89550 89568 89572 89577 89583 89585 89594 89597 89608 89613 89615 89619
89633 89645 89653 89654 89676 89681 89682 89713 89720 89727 89745 89752 89786
89790 89792 89793 89805 89821 89826 89846 89863 89872 89884 89900 89904 89908
89924 89929 89932 89939 89943 89953 89966 89968 89970 89977 89980 89982 89997
90006 90016 90025 90028 90034 90038 90046 90049 90087 90091 90100 90127 90154
```

```
90161 90170 90177 90178 90179 90192 90196 90201 90219 90235 90280 90284 90306
90307 90312 90314 90327 90330 90357 90363 90368 90394 90425 90429 90437 90458
90489 90490 90499 90503 90520 90534 90553 90558 90579 90581 90585 90592 90610
90613 90618 90628 90654 90700 90722 90724 90728 90731 90732 90740 90748 90750
90761 90788 90802 90809 90814 90833 90837 90838 90853 90878 90881 90884 90889
90895 90905 90911 90935 90941 90957 90961 90962 90985 90990 90993 90994 90995
90999 91030 91044 91046 91048 91054 91080 91097 91114 91128 91132 91142 91149
91159 91161 91170 91177 91178 91194 91200 91203 91233 91281 91284 91289 91295
91300 91302 91303 91309 91310 91316 91318 91322 91374 91377 91389 91408 91413
91425 91431 91439 91453 91491 91498 91527 91528 91531 91538 91539 91540 91548
91557 91576 91577 91579 91591 91599 91603 91610 91612 91624 91645 91648 91651
91660 91682 91690 91709 91728 91733 91748 91777 91782 91791 91815 91818 91830
91832 91854 91856 91857 91859 91867 91911 91933 91939 91947 91949 91950 91953
91961 91965 91979 92014 92025 92028 92040 92060 92062 92087 92107 92115 92129
92147 92148 92157 92178 92180 92182 92185 92193 92194 92198 92203 92257 92262
92281 92288 92326 92332 92333 92364 92384 92411 92424 92427 92431 92447 92460
92473 92480 92488 92517 92528 92532 92571 92584 92588 92592 92598 92613 92615
92616 92629 92635 92642 92648 92655 92681 92705 92708 92725 92744 92748 92762
92789 92824 92840 92848 92853 92858 92860 92863 92866 92879 92885 92905 92908
92915 92916 92944 92972 92975 92986 92996 93006 93012 93013 93039 93041 93046
93057 93068 93070 93078 93093 93102 93107 93110 93120 93158 93160 93175 93182
93196 93216 93219 93224 93242 93252 93285 93290 93313 93321 93342 93355 93359
93367 93378 93380 93385 93386 93393 93409 93431 93432 93440 93445 93457 93486
93488 93498 93505 93512 93513 93518 93519 93527 93535 93547 93568 93569 93576
93584 93585 93589 93594 93600 93615 93620 93621 93624 93631 93638 93648 93649
93655 93658 93660 93662 93672 93677 93681 93687 93692 93696 93699 93703 93706
93710 93731 93734 93742 93751 93769 93788 93790 93808 93809 93810 93848 93858
93866 93888 93893 93898 93900 93903 93909 93912 93920 93927 93928 93934 93972
93989 94012 94034 94035 94049 94051 94055 94057 94065 94069 94075 94079 94104
94111 94139 94159 94162 94166 94189 94194 94197 94206 94215 94228 94240 94248
94255 94258 94268 94269 94276 94283 94292 94298 94336 94343 94354 94380 94398
94418 94422 94447 94451 94454 94466 94467 94472 94504 94505 94506 94515 94517
94518 94527 94531 94537 94547 94556 94561 94570 94587 94604 94607 94613 94617
94625 94635 94639 94644 94649 94678 94682 94692 94711 94737 94740 94763 94859
94864 94868 94876 94886 94898 94899 94912 94914 94923 94924 94929 94930 94940
94942 94951 94965 94986 95001 95012 95034 95035 95036 95051 95062 95078 95086
95096 95105 95112 95126 95136 95154 95179 95191 95196 95219 95235 95236 95243
95249 95265 95274 95279 95282 95283 95287 95312 95324 95333 95351 95381 95385
95386 95390 95398 95400 95406 95408 95415 95423 95427 95434 95448 95454 95465
95467 95472 95476 95480 95498 95520 95521 95542 95557 95565 95580 95602 95622
95632 95640 95644 95652 95653 95662 95682 95685 95688 95691 95698 95702 95715
95718 95742 95746 95757 95761 95775 95784 95805 95808 95819 95826 95846 95861
95878 95925 95936 95944 95947 95958 95960 95968 95971 95987 95999 96001 96005
96038 96039 96055 96066 96079 96097 96104 96105 96108 96120 96178 96184 96226
96230 96238 96247 96248 96252 96267 96276 96289 96297 96325 96341 96347 96349
96352 96353 96354 96367 96368 96382 96407 96414 96415 96425 96426 96428 96432
96457 96463 96466 96470 96485 96499 96510 96527 96549 96555 96556 96588 96598
96619 96627 96644 96648 96663 96679 96680 96689 96700 96710 96740 96749 96751
96763 96771 96774 96780 96782 96802 96805 96826 96837 96838 96842 96843 96852
96854 96857 96859 96875 96879 96885 96887 96898 96904 96911 96919 96952 96953
96989 97015 97017 97027 97035 97041 97047 97074 97097 97131 97133 97137 97141
97144 97146 97151 97187 97221 97224 97228 97234 97238 97243 97257 97262 97271
97278 97280 97298 97304 97309 97311 97322 97325 97327 97332 97337 97339 97357
97371 97383 97392 97399 97407 97409 97425 97430 97454 97467 97479 97490 97511
97530 97533 97548 97554 97564 97567 97569 97669 97674 97676 97686 97693 97696
97698 97702 97711 97721 97731 97756 97758 97759 97767 97780 97825 97834 97844
97851 97862 97867 97878 97885 97886 97889 97890 97903 97921 97926 97927 97932
97939 97952 97970 97996 97998 98004 98012 98013 98031 98032 98049 98051 98058
```

```
98067 98068 98074 98095 98104 98106 98122 98126 98134 98140 98161 98165 98172
98181 98185 98191 98208 98219 98221 98222 98231 98253 98256 98258 98259 98263
98265 98269 98291 98300 98302 98308 98329 98342 98350 98380 98387 98396 98402
98408 98428 98444 98448 98458 98469 98470 98472 98494 98524 98543 98549 98574
98582 98583 98587 98593 98623 98631 98647 98650 98663 98678 98681 98686 98691
98712 98722 98725 98729 98731 98732 98734 98761 98783 98785 98804 98818 98822
98847 98869 98875 98890 98899 98906 98909 98927 98928 98935 98976 98994 99003
99026 99034 99036 99054 99065 99068 99069 99075 99080 99085 99093 99096 99113
99126 99146 99154 99157 99164 99176 99177 99180 99182 99193 99238 99240 99241
99246 99286 99288 99305 99317 99320 99331 99353 99356 99365 99410 99412 99419
99434 99440 99444 99447 99448 99453 99465 99471 99477 99506 99508 99534 99539
99563 99587 99597 99599 99608 99613 99633 99668 99706 99718 99722 99723 99736
99749 99751 99766 99771 99774 99776 99784 99801 99813 99819 99828 99830 99849
99852 99854 99888 99899 99914 99924 99929 99941 99977 99980 99987 21 34 36 50
61 71 79 99 104 108 109 113 120 128 130 132 138 144 149 164 171 181 184 188
205 211 214 217 221 222 236 241 263 279 280 282 284 293 305 314 329 333 343
345 346 354 356 371 409 411 413 418 422 433 449 456 458 499 504 509 531 545
562 568 578 587 598 634 656 677 683 703 704 716 723 727 729 730 751 758 773
791 802 812 815 829 835 839 840 869 878 890 894 915 928 930 932 939 940 945
957 961 971 972 981 985 1003 1006 1007 1036 1043 1049 1053 1061 1065 1080
1091 1096 1097 1101 1109 1119 1123 1133 1137 1148 1150 1159 1161 1177 1191
1192 1203 1210 1223 1230 1237 1241 1256 1259 1260 1264 1270 1283 1293 1299
1344 1350 1356 1375 1376 1389 1411 1434 1435 1437 1438 1449 1454 1459 1464
1475 1512 1513 1537 1541 1543 1563 1568 1600 1608 1610 1619 1621 1630 1648
1655 1668 1671 1691 1698 1738 1740 1742 1756 1761 1764 1766 1783 1790 1807
1813 1815 1821 1824 1826 1831 1838 1842 1845 1851 1853 1881 1892 1910 1921
1928 1938 1940 1967 1975 1982 1990 1995 2014 2016 2035 2054 2059 2075 2097
2106 2124 2125 2137 2140 2143 2146 2163 2182 2209 2211 2212 2227 2228 2232
2234 2235 2238 2243 2256 2261 2263 2265 2267 2270 2283 2294 2298 2306 2319
2323 2330 2332 2340 2351 2365 2370 2404 2409 2420 2440 2459 2464 2473 2476
2484 2494 2495 2514 2536 2539 2549 2562 2579 2583 2584 2591 2607 2616 2627
2663 2666 2678 2687 2690 2703 2715 2719 2731 2766 2777 2794 2797 2798 2805
2820 2830 2836 2843 2845 2849 2851 2862 2868 2869 2879 2880 2881 2887 2897
2916 2926 2928 2934 2942 2954 2961 2967 2989 2993 2996 3001 3020 3045 3051
3063 3064 3073 3074 3115 3136 3144 3145 3146 3152 3155 3167 3196 3208 3209
3231 3242 3261 3269 3284 3295 3322 3334 3354 3372 3376 3391 3396 3402 3419
3425 3434 3440 3441 3442 3451 3477 3489 3493 3505 3508 3512 3547 3550 3560
3567 3577 3584 3591 3595 3615 3616 3621 3625 3627 3670 3680 3694 3701 3744
3779 3784 3792 3812 3817 3821 3825 3827 3834 3845 3854 3856 3869 3884 3885
3888 3890 3891 3899 3906 3910 3915 3924 3925 3943 3945 3951 3976 4000 4009
4010 4013 4027 4029 4063 4065 4074 4080 4081 4084 4091 4097 4107 4118 4125
4141 4144 4158 4160 4163 4172 4184 4186 4209 4213 4214 4233 4234 4242 4245
4248 4259 4260 4262 4264 4273 4279 4293 4312 4318 4321 4326 4338 4346 4364
4369 4379 4393 4395 4401 4412 4446 4450 4474 4507 4515 4521 4558 4561 4566
4573 4574 4586 4589 4593 4596 4619 4634 4642 4650 4654 4657 4658 4661 4678
4688 4694 4697 4705 4714 4721 4723 4728 4735 4742 4773 4801 4803 4809 4826
4842 4843 4850 4851 4854 4866 4867 4872 4882 4885 4895 4899 4932 4955 4977
4983 4989 4999 5006 5011 5020 5031 5055 5057 5058 5061 5070 5080 5106 5109
5118 5136 5149 5168 5171 5188 5191 5194 5195 5198 5206 5226 5231 5233 5242
5272 5286 5296 5300 5325 5332 5338 5340 5360 5364 5367 5380 5387 5389 5390
5397 5408 5415 5450 5456 5459 5467 5484 5491 5515 5516 5523 5528 5538 5556
5580 5584 5585 5586 5595 5600 5607 5625 5629 5648 5656 5661 5667 5680 5686
5688 5703 5742 5757 5792 5831 5849 5866 5874 5879 5891 5909 5916 5930 5951
5954 5970 5976 5993 5997 6009 6011 6018 6045 6055 6063 6066 6073 6125 6132
6153 6182 6183 6202 6203 6209 6215 6227 6233 6248 6249 6266 6285 6289 6295
6307 6309 6318 6324 6333 6334 6338 6342 6345 6350 6358 6364 6378 6382 6396
6431 6435 6436 6459 6478 6524 6532 6589 6592 6609 6611 6623 6632 6647 6649
6669 6674 6684 6689 6706 6720 6736 6755 6774 6777 6783 6784 6786 6788 6799
```

```
6814 6823 6834 6839 6843 6849 6863 6870 6878 6882 6908 6914 6917 6918 6931
6953 6954 6955 6968 6980 6983 6994 6995 6997 6999 7009 7011 7032 7033 7036
7058 7059 7084 7101 7114 7119 7139 7146 7149 7164 7165 7183 7186 7196 7200
7217 7239 7253 7258 7283 7296 7298 7322 7328 7346 7350 7354 7356 7361 7391
7402 7403 7427 7443 7460 7466 7467 7513 7516 7519 7543 7544 7546 7547 7572
7582 7590 7619 7621 7644 7693 7695 7702 7707 7710 7713 7714 7738 7754 7758
7776 7786 7796 7797 7798 7811 7812 7813 7815 7825 7869 7878 7881 7895 7898
7908 7931 7937 7940 7979 7982 7988 7990 7999 8001 8004 8010 8014 8018 8030
8057 8075 8082 8085 8098 8100 8119 8130 8131 8137 8187 8193 8201 8209 8238
8256 8278 8290 8293 8296 8297 8302 8303 8308 8314 8315 8321 8322 8335 8350
8361 8368 8375 8376 8389 8391 8400 8402 8432 8433 8444 8448 8456 8465 8468
8470 8473 8495 8510 8512 8513 8524 8533 8547 8577 8588 8598 8599 8605 8612
8626 8641 8648 8655 8669 8696 8702 8704 8706 8724 8733 8757 8766 8781 8782
8792 8841 8845 8849 8856 8858 8862 8863 8876 8877 8884 8898 8900 8905 8953
8956 8958 8964 8975 8978 8983 8989 8992 8994 9000 9013 9031 9049 9055 9071
9076 9091 9111 9113 9132 9139 9147 9153 9175 9198 9202 9209 9215 9216 9219
9222 9225 9229 9231 9239 9245 9257 9264 9273 9291 9308 9318 9324 9345 9368
9370 9373 9386 9388 9394 9399 9407 9435 9449 9477 9479 9487 9526 9528 9529
9553 9567 9574 9576 9577 9583 9592 9623 9628 9638 9644 9645 9658 9665 9701
9708 9713 9715 9716 9718 9722 9738 9741 9771 9776 9784 9790 9793 9808 9810
9823 9829 9830 9842 9844 9848 9849 9857 9861 9882 9904 9910 9932 9946 9951
9965 9984 9988 9992 9995 10003 10013 10030 10038 10068 10104 10110 10124
10136 10139 10142 10144 10154 10171 10173 10182 10186 10197 10198 10202 10206
10217 10228 10230 10231 10238 10247 10251 10278 10303 10311 10318 10321 10324
10326 10353 10375 10376 10379 10380 10384 10401 10423 10424 10430 10442 10449
10453 10473 10475 10476 10481 10516 10571 10575 10579 10585 10602 10614 10618
10627 10636 10639 10686 10690 10693 10709 10722 10758 10770 10771 10777 10781
10783 10786 10806 10810 10823 10849 10853 10855 10860 10870 10871 10883 10887
10895 10899 10917 10919 10928 10932 10941 10951 10960 10967 10976 10986 10994
11014 11016 11026 11029 11052 11054 11068 11077 11089 11094 11115 11117 11139
11143 11148 11154 11159 11163 11171 11180 11201 11208 11231 11237 11269 11290
11294 11298 11308 11316 11323 11336 11338 11346 11347 11350 11364 11366 11378
11380 11419 11420 11426 11438 11439 11450 11469 11471 11482 11521 11559 11567
11571 11596 11601 11606 11608 11621 11624 11626 11632 11646 11651 11652 11654
11656 11658 11664 11666 11677 11679 11680 11684 11685 11735 11740 11743 11755
11783 11787 11796 11802 11808 11821 11822 11829 11838 11846 11851 11886 11887
11891 11903 11907 11931 11946 11962 11964 12002 12039 12043 12045 12046 12055
12056 12067 12079 12082 12095 12105 12121 12137 12143 12146 12147 12164 12171
12177 12189 12193 12202 12203 12212 12227 12231 12240 12254 12271 12272 12288
12289 12292 12304 12310 12315 12321 12329 12334 12336 12363 12366 12402 12411
12417 12418 12419 12431 12435 12442 12458 12464 12472 12481 12485 12501 12505
12508 12525 12553 12573 12576 12578 12583 12607 12621 12634 12636 12639 12640
12646 12649 12665 12667 12686 12691 12697 12704 12725 12730 12732 12733 12738
12755 12777 12803 12817 12832 12844 12845 12848 12856 12859 12868 12874 12876
12886 12888 12896 12911 12915 12918 12938 12956 12957 12973 12982 13027 13030
13032 13040 13050 13066 13110 13113 13116 13122 13126 13129 13141 13171 13176
13199 13220 13226 13228 13267 13278 13294 13295 13310 13316 13345 13348 13381
13401 13402 13407 13417 13427 13428 13460 13463 13466 13467 13482 13496 13522
13523 13525 13528 13536 13555 13558 13573 13619 13653 13655 13662 13663 13669
13672 13673 13725 13727 13733 13753 13755 13760 13764 13766 13777 13794 13801
13805 13808 13813 13814 13841 13843 13857 13858 13870 13879 13890 13910 13913
13920 13922 13960 13976 13982 13991 13998 14019 14020 14021 14023 14028 14044
14075 14088 14090 14094 14102 14105 14113 14121 14126 14133 14142 14143 14147
14150 14162 14180 14193 14207 14211 14227 14247 14248 14254 14256 14257 14276
14282 14288 14303 14318 14326 14337 14338 14346 14362 14368 14378 14381 14405
14418 14421 14426 14440 14441 14443 14458 14478 14480 14485 14487 14499 14510
14514 14518 14537 14555 14556 14559 14572 14592 14600 14621 14629 14640 14660
14661 14663 14672 14677 14679 14696 14699 14702 14703 14706 14714 14717 14727
```

```
14729 14750 14757 14776 14822 14827 14830 14856 14872 14879 14883 14885 14888
14904 14931 14942 14944 14957 14963 14993 15011 15018 15019 15033 15066 15077
15078 15110 15130 15151 15155 15176 15195 15204 15209 15219 15242 15269 15290
15305 15309 15315 15348 15352 15363 15370 15371 15377 15378 15387 15399 15406
15421 15424 15426 15433 15436 15439 15442 15451 15469 15480 15481 15485 15489
15490 15505 15508 15514 15521 15522 15533 15552 15554 15560 15565 15571 15572
15574 15576 15577 15619 15622 15664 15676 15697 15723 15731 15754 15762 15806
15813 15821 15837 15847 15849 15863 15868 15886 15918 15922 15925 15928 15958
15970 15976 15984 15988 15989 16021 16030 16034 16039 16051 16080 16086 16089
16091 16100 16131 16140 16144 16153 16168 16226 16228 16233 16234 16244 16256
16279 16285 16287 16302 16303 16318 16329 16332 16341 16347 16359 16374 16383
16384 16389 16393 16404 16408 16414 16430 16449 16469 16476 16478 16484 16491
16498 16527 16533 16564 16575 16580 16582 16593 16604 16611 16618 16620 16624
16634 16637 16643 16645 16653 16658 16662 16678 16691 16693 16701 16707 16709
16715 16746 16755 16845 16848 16888 16899 16918 16950 16957 16969 16978 16983
16993 17000 17009 17021 17036 17063 17073 17090 17100 17118 17126 17129 17133
17157 17159 17166 17173 17176 17177 17195 17198 17204 17210 17211 17222 17231
17236 17255 17280 17284 17288 17290 17304 17315 17324 17330 17336 17364 17369
17371 17377 17380 17387 17391 17400 17413 17418 17422 17423 17427 17431 17448
17449 17473 17484 17511 17538 17551 17553 17561 17568 17578 17583 17586 17614
17625 17633 17638 17639 17640 17647 17660 17670 17672 17673 17675 17682 17693
17707 17716 17717 17722 17737 17754 17758 17770 17832 17834 17854 17875 17879
17908 17909 17912 17928 17930 17944 17946 17950 17961 17970 17974 17976 17982
17985 17986 17992 17996 17998 17999 18004 18010 18012 18016 18023 18036 18040
18044 18045 18050 18060 18067 18079 18084 18117 18135 18155 18156 18166 18181
18196 18230 18231 18235 18242 18243 18254 18271 18273 18275 18280 18307 18310
18311 18321 18329 18334 18335 18350 18356 18363 18386 18395 18400 18407 18413
18421 18422 18430 18440 18453 18455 18461 18484 18487 18497 18509 18510 18522
18528 18537 18550 18553 18555 18575 18579 18588 18594 18604 18606 18621 18634
18640 18672 18714 18721 18726 18732 18734 18744 18745 18746 18747 18758 18763
18764 18777 18782 18823 18830 18873 18890 18938 18959 18969 18981 18984 18985
18995 18999 19000 19008 19011 19020 19037 19041 19051 19056 19107 19112 19120
19122 19124 19126 19143 19147 19148 19158 19164 19176 19178 19180 19183 19184
19186 19198 19202 19205 19208 19210 19225 19231 19232 19259 19265 19266 19285
19286 19306 19326 19338 19344 19356 19363 19366 19372 19383 19387 19390 19398
19410 19421 19443 19446 19449 19456 19467 19485 19486 19488 19498 19499 19502
19507 19532 19551 19555 19570 19572 19577 19633 19646 19653 19691 19703 19705
19724 19725 19744 19760 19773 19779 19786 19793 19794 19795 19803 19806 19809
19813 19839 19850 19857 19869 19874 19902 19908 19914 19926 19936 19945 19955
19976 19994 20004 20006 20020 20034 20041 20047 20050 20060 20073 20081 20087
20115 20130 20143 20152 20167 20176 20183 20187 20196 20210 20223 20231 20233
20245 20264 20265 20287 20304 20320 20337 20346 20350 20360 20361 20391 20399
20414 20419 20420 20421 20432 20433 20443 20455 20460 20467 20471 20473 20488
20490 20503 20505 20524 20526 20543 20544 20570 20579 20587 20598 20608 20612
20613 20622 20635 20640 20642 20648 20651 20673 20676 20679 20681 20684 20685
20727 20744 20760 20769 20782 20790 20796 20818 20826 20827 20828 20834 20837
20843 20846 20863 20867 20879 20884 20900 20912 20914 20919 20928 20929 20938
20952 20957 20970 20988 20992 20998 20999 21020 21033 21044 21051 21053 21059
21064 21072 21073 21092 21099 21102 21109 21112 21125 21126 21135 21140 21169
21171 21177 21206 21208 21224 21227 21232 21238 21242 21253 21262 21281 21297
21307 21316 21348 21353 21379 21380 21382 21394 21399 21405 21408 21409 21410
21426 21450 21454 21455 21462 21469 21477 21482 21500 21506 21517 21523 21533
21542 21544 21549 21565 21566 21568 21571 21573 21584 21586 21589 21604 21608
21611 21624 21645 21647 21665 21666 21683 21740 21743 21745 21753 21761 21764
21768 21772 21783 21795 21798 21799 21805 21845 21850 21865 21886 21899 21912
21928 21936 21939 21954 21962 21983 21986 21992 21999 22001 22040 22056 22063
22108 22144 22171 22187 22205 22207 22231 22271 22274 22292 22301 22310 22319
22340 22365 22366 22371 22378 22379 22388 22399 22401 22405 22421 22424 22427
```

```
22429 22442 22450 22452 22460 22469 22470 22472 22478 22484 22490 22495 22497
22502 22509 22512 22517 22547 22548 22549 22551 22556 22557 22567 22576 22579
22591 22592 22595 22599 22603 22606 22610 22628 22665 22669 22679 22691 22693
22698 22711 22736 22744 22745 22774 22780 22789 22811 22813 22821 22840 22844
22852 22859 22868 22873 22880 22891 22900 22902 22914 22932 22948 22949 22952
22999 23013 23034 23050 23052 23059 23067 23068 23093 23114 23121 23132 23136
23142 23160 23170 23176 23181 23182 23194 23208 23211 23224 23225 23243 23270
23301 23303 23317 23320 23325 23339 23341 23344 23354 23366 23379 23387 23403
23409 23415 23416 23417 23438 23441 23448 23468 23475 23482 23485 23493 23513
23535 23537 23539 23542 23560 23564 23579 23587 23592 23602 23606 23613 23619
23625 23643 23644 23646 23658 23664 23667 23673 23675 23683 23688 23699 23709
23717 23734 23741 23744 23750 23762 23784 23785 23788 23806 23817 23826 23831
23833 23834 23835 23836 23840 23852 23856 23858 23872 23877 23884 23900 23903
23911 23915 23934 23980 23994 23995 24002 24010 24034 24040 24054 24061 24065
24068 24069 24070 24076 24101 24118 24123 24128 24129 24142 24147 24160 24161
24162 24164 24167 24178 24181 24188 24191 24194 24219 24225 24226 24246 24261
24290 24315 24319 24321 24324 24350 24373 24394 24396 24407 24414 24447 24448
24452 24471 24480 24487 24500 24512 24516 24519 24535 24537 24541 24544 24551
24590 24596 24599 24655 24660 24661 24687 24694 24702 24707 24724 24741 24742
24757 24779 24782 24788 24810 24817 24818 24821 24828 24839 24840 24851 24854
24858 24861 24895 24898 24905 24906 24911 24922 24930 24940 24947 24956 24966
24988 24989 24991 24996 25017 25027 25034 25038 25043 25044 25050 25052 25054
25056 25077 25080 25084 25087 25100 25104 25109 25128 25141 25153 25164 25189
25201 25211 25218 25231 25235 25238 25251 25266 25271 25274 25275 25282 25286
25288 25290 25293 25313 25344 25360 25373 25376 25383 25385 25402 25410 25414
25415 25431 25437 25441 25464 25480 25482 25485 25500 25506 25507 25514 25523
25535 25538 25546 25567 25571 25578 25583 25599 25632 25643 25645 25663 25675
25678 25685 25687 25693 25716 25723 25737 25742 25761 25770 25775 25796 25797
25815 25823 25844 25853 25855 25879 25884 25891 25898 25909 25935 25942 25944
25955 25957 25961 25967 25988 25995 26007 26010 26029 26030 26031 26046 26053
26057 26062 26064 26066 26086 26089 26101 26122 26129 26130 26134 26154 26156
26175 26212 26221 26224 26230 26232 26246 26268 26269 26274 26307 26313 26323
26334 26355 26360 26381 26382 26412 26415 26431 26434 26435 26441 26445 26448
26453 26458 26479 26491 26510 26519 26541 26545 26563 26564 26594 26597 26600
26602 26626 26647 26652 26656 26660 26683 26691 26692 26695 26721 26729 26748
26754 26766 26771 26773 26798 26805 26806 26817 26839 26841 26847 26849 26850
26880 26892 26906 26915 26930 26933 26938 26942 26946 26948 26969 26971 26974
26981 26985 27007 27030 27045 27066 27074 27085 27139 27140 27143 27147 27186
27188 27202 27227 27237 27238 27250 27264 27266 27280 27283 27290 27304 27306
27314 27329 27335 27337 27356 27372 27411 27412 27419 27420 27428 27443 27450
27454 27464 27473 27480 27492 27497 27500 27508 27512 27514 27515 27519 27522
27524 27540 27551 27556 27557 27558 27574 27580 27595 27601 27605 27612 27615
27626 27633 27649 27675 27677 27678 27680 27687 27716 27733 27756 27781 27783
27809 27818 27822 27842 27846 27848 27861 27885 27886 27891 27898 27904 27924
27978 27984 27991 28003 28006 28008 28013 28037 28039 28046 28064 28071 28088
28091 28105 28116 28119 28120 28129 28138 28164 28175 28184 28199 28201 28207
28209 28225 28269 28281 28296 28298 28314 28333 28349 28373 28380 28381 28388
28404 28409 28417 28419 28427 28463 28464 28466 28467 28469 28472 28492 28499
28524 28525 28528 28546 28554 28580 28590 28595 28602 28607 28620 28641 28648
28649 28677 28683 28685 28691 28697 28710 28712 28728 28733 28741 28748 28767
28812 28839 28852 28855 28857 28860 28869 28875 28886 28891 28909 28918 28930
28958 28967 28973 28974 28977 28978 28980 28986 29006 29010 29016 29037 29043
29093 29096 29104 29112 29113 29115 29119 29147 29156 29184 29212 29230 29242
29256 29260 29261 29266 29277 29286 29289 29298 29303 29322 29325 29347 29350
29381 29401 29415 29418 29421 29434 29436 29446 29447 29451 29463 29465 29467
29475 29478 29488 29494 29502 29508 29537 29539 29560 29561 29573 29578 29589
29597 29608 29613 29616 29641 29643 29653 29699 29705 29715 29722 29724 29765
29768 29770 29786 29787 29803 29822 29824 29827 29847 29854 29856 29864 29869
```

```
29889 29896 29909 29930 29932 29933 29941 29943 29955 29961 29970 29980 29991
29994 30004 30013 30056 30072 30074 30086 30089 30091 30094 30115 30118 30132
30137 30139 30161 30165 30177 30189 30195 30227 30239 30265 30275 30294 30297
30306 30307 30318 30319 30329 30332 30346 30358 30364 30374 30377 30382 30390
30420 30421 30428 30436 30445 30449 30467 30469 30473 30478 30514 30544 30546
30550 30556 30571 30581 30585 30586 30588 30598 30599 30607 30613 30622 30624
30626 30638 30646 30690 30701 30708 30710 30716 30742 30771 30779 30790 30807
30814 30815 30817 30856 30871 30874 30889 30894 30902 30917 30919 30948 30956
30957 30958 30966 30971 30973 30974 30978 30984 30985 30988 30991 30993 31001
31013 31023 31024 31025 31034 31042 31067 31068 31074 31103 31108 31126 31132
31134 31181 31194 31197 31208 31209 31225 31243 31245 31247 31263 31272 31277
31280 31285 31322 31329 31338 31339 31348 31349 31353 31355 31370 31371 31375
31380 31410 31411 31424 31427 31429 31432 31450 31454 31464 31487 31488 31505
31508 31519 31520 31521 31531 31534 31537 31550 31561 31577 31586 31590 31594
31596 31599 31606 31615 31627 31630 31648 31649 31651 31661 31692 31699 31721
31730 31732 31736 31739 31742 31744 31761 31773 31795 31816 31817 31820 31849
31869 31872 31877 31885 31887 31893 31904 31912 31929 31930 31936 31937 31943
31951 31958 31964 31969 31978 31979 31990 31993 32007 32014 32017 32022 32042
32046 32072 32075 32081 32084 32088 32110 32119 32126 32139 32147 32150 32155
32172 32196 32208 32212 32213 32214 32217 32230 32252 32255 32258 32280 32289
32291 32296 32310 32343 32344 32352 32364 32368 32375 32398 32414 32444 32446
32453 32462 32481 32496 32506 32524 32533 32535 32543 32566 32581 32588 32590
32617 32623 32630 32639 32642 32647 32651 32660 32668 32673 32694 32708 32715
32716 32729 32736 32737 32751 32760 32763 32785 32814 32820 32824 32825 32830
32833 32837 32838 32858 32866 32867 32868 32872 32877 32885 32888 32895 32902
32905 32917 32920 32936 32940 32956 32957 32961 32985 32988 33006 33013 33014
33027 33037 33045 33050 33059 33062 33064 33079 33092 33102 33113 33116 33117
33118 33122 33136 33144 33145 33149 33150 33155 33165 33172 33192 33201 33225
33249 33253 33277 33278 33291 33293 33306 33309 33311 33317 33332 33340 33351
33377 33378 33379 33392 33393 33417 33448 33461 33462 33468 33471 33475 33500
33507 33509 33521 33530 33539 33543 33546 33569 33591 33600 33604 33636 33638
33651 33664 33698 33707 33726 33727 33738 33747 33749 33751 33767 33776 33803
33810 33814 33824 33852 33861 33881 33887 33891 33902 33905 33910 33913 33919
33928 33929 33939 33946 33955 33957 33958 33970 33975 33979 33986 33993 34008
34039 34053 34063 34074 34080 34086 34098 34102 34124 34131 34139 34142 34158
34162 34181 34182 34185 34187 34194 34202 34211 34212 34216 34230 34231 34235
34238 34273 34277 34291 34303 34327 34347 34368 34414 34426 34429 34433 34436
34437 34463 34474 34482 34485 34488 34490 34497 34519 34545 34548 34570 34576
34578 34585 34590 34627 34638 34639 34658 34664 34665 34670 34678 34693 34695
34727 34735 34747 34748 34750 34758 34781 34790 34802 34814 34823 34840 34848
34856 34859 34865 34868 34869 34870 34878 34896 34907 34913 34914 34924 34934
34938 34940 34943 34950 34951 34955 34959 34993 34996 35011 35017 35020 35021
35024 35044 35054 35062 35064 35078 35082 35087 35123 35126 35128 35136 35142
35163 35165 35166 35169 35170 35178 35194 35202 35204 35216 35229 35245 35253
35258 35260 35267 35269 35270 35273 35285 35296 35298 35303 35304 35305 35328
35334 35350 35385 35404 35410 35452 35453 35464 35466 35473 35478 35487 35491
35500 35512 35515 35526 35542 35561 35562 35570 35580 35589 35605 35625 35632
35640 35644 35647 35666 35667 35672 35697 35706 35714 35715 35726 35755 35762
35767 35769 35787 35803 35829 35836 35849 35852 35854 35856 35858 35877 35890
35897 35899 35902 35908 35909 35915 35916 35923 35930 35933 35940 35945 35946
35949 35951 35961 35971 35972 35976 35980 35991 36001 36003 36009 36020 36025
36036 36046 36070 36074 36078 36098 36102 36106 36108 36143 36148 36150 36164
36186 36188 36204 36227 36230 36249 36250 36256 36262 36289 36295 36303 36307
36308 36309 36322 36326 36363 36378 36393 36399 36400 36427 36431 36451 36456
36457 36472 36491 36492 36501 36511 36517 36532 36538 36545 36550 36552 36560
36573 36581 36583 36585 36606 36612 36626 36636 36640 36646 36647 36648 36656
36669 36670 36690 36705 36706 36714 36719 36724 36730 36737 36743 36752 36757
36773 36782 36807 36809 36811 36814 36819 36822 36825 36832 36839 36849 36851
```

```
36868 36872 36882 36889 36894 36896 36900 36908 36911 36914 36923 36927 36928
36942 36946 36973 36982 37005 37008 37009 37019 37032 37039 37042 37051 37057
37066 37077 37087 37088 37095 37103 37107 37117 37128 37144 37145 37157 37161
37163 37175 37176 37180 37181 37207 37217 37222 37235 37246 37270 37275 37281
37288 37305 37321 37350 37355 37359 37361 37365 37367 37369 37375 37403 37414
37418 37421 37448 37452 37484 37492 37496 37520 37523 37536 37539 37562 37567
37571 37574 37578 37595 37601 37610 37620 37631 37659 37670 37698 37708 37713
37724 37730 37733 37736 37748 37770 37779 37781 37817 37820 37839 37847 37876
37882 37885 37898 37901 37925 37931 37951 37973 37983 37988 37989 38001 38030
38042 38065 38093 38107 38122 38130 38135 38142 38143 38153 38161 38169 38174
38186 38199 38203 38221 38227 38231 38257 38258 38282 38284 38288 38296 38318
38324 38334 38348 38363 38375 38398 38415 38439 38461 38464 38468 38525 38527
38528 38536 38543 38548 38554 38601 38645 38657 38662 38664 38678 38685 38693
38700 38703 38711 38712 38726 38729 38732 38740 38746 38751 38767 38770 38785
38793 38807 38817 38822 38824 38831 38837 38842 38848 38860 38868 38896 38911
38920 38952 38956 38963 38964 38966 38969 38982 38984 38994 38997 39014 39037
39053 39057 39072 39074 39097 39102 39124 39190 39196 39203 39206 39217 39224
39233 39235 39237 39242 39244 39263 39278 39287 39293 39294 39314 39315 39324
39337 39340 39342 39344 39351 39354 39355 39358 39379 39396 39397 39431 39432
39438 39444 39446 39456 39464 39470 39477 39487 39488 39496 39503 39525 39528
39534 39535 39540 39544 39548 39564 39568 39570 39594 39595 39613 39615 39623
39644 39690 39694 39700 39708 39709 39713 39717 39736 39777 39791 39798 39800
39805 39815 39819 39855 39868 39870 39905 39931 39938 39956 39957 39958 39978
39988 40000 40004 40013 40028 40075 40081 40093 40111 40128 40130 40133 40135
40136 40149 40156 40157 40165 40177 40194 40211 40233 40248 40251 40260 40261
40266 40288 40294 40307 40308 40338 40343 40366 40372 40393 40403 40405 40410
40411 40415 40424 40429 40435 40443 40452 40459 40463 40469 40470 40476 40495
40497 40500 40507 40511 40513 40514 40527 40528 40537 40539 40582 40591 40611
40616 40647 40652 40655 40656 40666 40668 40675 40696 40699 40702 40729 40731
40755 40758 40763 40773 40793 40795 40814 40816 40824 40833 40881 40895 40900
40907 40908 40910 40913 40918 40923 40933 40934 40948 40962 40963 40970 40991
41016 41025 41038 41063 41082 41090 41116 41128 41133 41140 41145 41149 41151
41152 41159 41165 41168 41192 41204 41208 41212 41231 41233 41250 41251 41259
41262 41300 41318 41324 41344 41349 41357 41360 41380 41382 41388 41390 41407
41433 41457 41480 41488 41490 41496 41497 41502 41515 41529 41535 41542 41557
41564 41567 41570 41571 41587 41588 41589 41616 41623 41628 41634 41644 41652
41653 41682 41707 41732 41750 41788 41794 41848 41862 41895 41955 41960 41985
42010 42028 42031 42037 42047 42048 42052 42056 42078 42099 42107 42127 42172
42175 42179 42207 42228 42232 42242 42245 42268 42300 42304 42318 42335 42338
42348 42355 42358 42374 42387 42389 42405 42414 42439 42440 42442 42447 42452
42481 42494 42501 42523 42531 42537 42538 42539 42560 42573 42580 42581 42614
42624 42630 42636 42650 42665 42667 42671 42677 42685 42694 42714 42719 42724
42747 42754 42766 42767 42777 42779 42790 42795 42796 42829 42832 42838 42859
42861 42875 42882 42894 42911 42919 42921 42922 42926 42942 42943 42949 42950
42962 42963 42965 42966 42970 42974 42979 42984 42996 43010 43024 43036 43067
43076 43079 43092 43095 43098 43101 43105 43112 43113 43139 43173 43174 43186
43190 43191 43216 43221 43229 43233 43261 43265 43269 43296 43301 43312 43323
43347 43351 43374 43377 43379 43392 43397 43401 43409 43414 43415 43425 43426
43432 43441 43445 43448 43458 43471 43478 43479 43505 43525 43530 43541 43582
43591 43625 43628 43635 43639 43649 43668 43670 43689 43694 43726 43739 43747
43748 43751 43755 43776 43789 43791 43805 43807 43809 43814 43843 43852 43855
43862 43874 43911 43919 43920 43929 43939 43960 43963 43966 43975 43985 43986
43987 44017 44060 44075 44076 44082 44088 44099 44100 44115 44117 44122 44129
44133 44147 44150 44156 44178 44182 44190 44191 44207 44211 44221 44232 44244
44247 44249 44257 44265 44284 44292 44293 44300 44306 44311 44335 44362 44368
44397 44401 44403 44411 44418 44422 44429 44430 44452 44474 44489 44515 44526
44548 44558 44560 44565 44566 44591 44601 44613 44623 44635 44650 44655 44663
44666 44671 44687 44693 44710 44714 44732 44734 44745 44752 44755 44756 44764
```

```
44790 44800 44806 44810 44824 44855 44879 44932 44935 44937 44938 44945 44965
44978 44993 45002 45005 45006 45007 45020 45051 45056 45062 45072 45083 45090
45093 45108 45126 45159 45161 45163 45181 45206 45216 45218 45232 45254 45261
45275 45277 45280 45290 45296 45299 45323 45328 45329 45331 45335 45368 45381
45396 45402 45435 45440 45446 45453 45470 45487 45489 45491 45492 45510 45511
45524 45529 45530 45538 45547 45553 45560 45574 45584 45607 45615 45625 45627
45633 45647 45655 45659 45661 45670 45673 45680 45689 45696 45753 45760 45763
45771 45799 45803 45811 45814 45831 45835 45839 45849 45850 45852 45855 45884
45887 45889 45891 45902 45903 45904 45905 45915 45927 45931 45970 45984 45995
45997 45998 46007 46014 46022 46049 46057 46066 46067 46070 46072 46095 46097
46102 46111 46114 46127 46137 46139 46140 46146 46148 46170 46173 46178 46193
46194 46199 46204 46206 46212 46213 46220 46237 46242 46263 46264 46293 46296
46312 46344 46357 46371 46374 46383 46389 46390 46397 46400 46401 46402 46411
46418 46421 46431 46436 46447 46460 46471 46472 46475 46480 46482 46484 46492
46493 46505 46517 46527 46531 46544 46558 46560 46568 46573 46582 46584 46594
46633 46635 46639 46656 46659 46666 46674 46679 46682 46684 46692 46693 46696
46708 46714 46732 46744 46750 46758 46798 46810 46811 46850 46881 46919 46926
46930 46938 46985 46990 47012 47019 47020 47027 47046 47050 47053 47065 47081
47094 47099 47111 47121 47122 47130 47138 47152 47163 47172 47195 47198 47220
47223 47225 47241 47244 47245 47259 47268 47280 47292 47298 47304 47312 47329
47335 47360 47365 47370 47371 47385 47392 47404 47429 47437 47445 47446 47468
47498 47514 47529 47530 47561 47562 47565 47569 47576 47578 47583 47594 47607
47632 47633 47643 47651 47656 47658 47678 47694 47710 47719 47724 47753 47764
47776 47778 47800 47808 47811 47815 47839 47855 47862 47871 47896 47904 47905
47911 47913 47923 47924 47932 47933 47934 47945 47971 47985 47995 48004 48018
48026 48043 48047 48069 48074 48077 48079 48087 48105 48114 48126 48127 48141
48151 48160 48173 48177 48206 48210 48212 48217 48236 48255 48285 48307 48357
48367 48369 48374 48378 48389 48400 48417 48420 48429 48441 48449 48450 48452
48460 48463 48475 48490 48495 48496 48498 48501 48503 48507 48520 48523 48526
48563 48574 48576 48579 48582 48584 48609 48618 48620 48626 48636 48643 48649
48650 48660 48666 48678 48684 48694 48701 48703 48741 48765 48766 48770 48775
48780 48784 48787 48790 48802 48815 48820 48833 48845 48849 48853 48858 48871
48872 48879 48881 48896 48972 48978 48983 48984 48992 48997 49010 49017 49049
49055 49059 49066 49087 49102 49114 49117 49120 49121 49122 49145 49147 49154
49165 49168 49176 49202 49203 49204 49214 49220 49236 49239 49254 49257 49267
49277 49284 49285 49300 49316 49330 49342 49356 49380 49397 49404 49412 49415
49419 49443 49444 49447 49453 49459 49476 49479 49485 49488 49504 49513 49526
49531 49532 49572 49573 49575 49581 49594 49595 49609 49654 49675 49680 49694
49696 49699 49701 49706 49711 49713 49760 49782 49789 49791 49795 49798 49808
49818 49821 49837 49839 49853 49879 49883 49884 49885 49899 49905 49923 49932
49934 49940 49958 49961 49966 49970 50054 50060 50061 50097 50104 50105 50110
50111 50119 50134 50140 50152 50158 50162 50171 50178 50185 50191 50232 50234
50249 50259 50264 50280 50281 50288 50293 50297 50302 50347 50362 50365 50370
50414 50470 50481 50487 50491 50495 50502 50510 50511 50526 50543 50560 50561
50567 50571 50573 50585 50596 50600 50607 50612 50618 50630 50637 50652 50655
50661 50689 50692 50700 50702 50708 50722 50737 50745 50751 50763 50768 50787
50812 50820 50829 50841 50844 50856 50865 50870 50880 50886 50892 50893 50896
50905 50926 50933 50934 50950 50951 50959 50969 50975 50977 50986 50990 51006
51008 51013 51027 51031 51035 51049 51054 51096 51100 51102 51110 51113 51123
51124 51130 51131 51134 51138 51140 51147 51149 51150 51157 51160 51163 51172
51176 51179 51187 51196 51202 51210 51222 51223 51233 51240 51247 51250 51254
51291 51297 51298 51300 51308 51309 51312 51317 51318 51319 51346 51359 51364
51369 51385 51389 51391 51404 51406 51407 51431 51432 51440 51450 51461 51468
51471 51483 51487 51489 51500 51511 51522 51554 51571 51579 51581 51592 51603
51609 51610 51619 51623 51627 51637 51644 51655 51661 51673 51675 51679 51683
51695 51697 51719 51722 51729 51731 51739 51745 51751 51764 51768 51772 51779
51789 51808 51817 51830 51837 51844 51846 51855 51859 51866 51887 51904 51915
51922 51926 51944 51969 51973 51976 51992 51998 52007 52033 52080 52091 52095
```

```
52102 52103 52105 52111 52133 52145 52161 52166 52169 52182 52207 52216 52246
52256 52258 52263 52264 52272 52273 52281 52303 52326 52329 52349 52350 52367
52370 52375 52383 52387 52390 52404 52440 52445 52489 52491 52492 52496 52500
52502 52513 52527 52536 52540 52543 52551 52561 52571 52590 52596 52607 52616
52625 52628 52635 52637 52644 52661 52675 52677 52679 52685 52720 52743 52745
52751 52758 52761 52773 52795 52821 52843 52852 52872 52873 52879 52905 52913
52914 52922 52923 52929 52940 52945 52951 52952 52957 52966 52985 53003 53020
53026 53051 53056 53065 53076 53089 53094 53127 53129 53132 53135 53158 53184
53211 53212 53226 53230 53233 53242 53243 53267 53278 53285 53293 53304 53310
53313 53323 53335 53344 53345 53366 53375 53388 53393 53397 53407 53410 53417
53420 53459 53463 53472 53481 53483 53498 53514 53522 53524 53525 53546 53555
53576 53581 53593 53597 53601 53609 53613 53615 53623 53625 53648 53671 53672
53691 53703 53706 53713 53728 53755 53765 53800 53803 53807 53811 53819 53831
53855 53861 53863 53870 53886 53890 53911 53925 53932 53960 53966 53968 53969
53993 53996 54013 54021 54038 54043 54053 54069 54080 54085 54120 54122 54129
54133 54135 54143 54144 54153 54164 54168 54181 54188 54192 54199 54213 54224
54229 54232 54249 54251 54263 54264 54269 54272 54288 54301 54305 54306 54311
54318 54340 54355 54357 54365 54376 54379 54381 54384 54393 54416 54463 54485
54493 54499 54510 54523 54531 54534 54567 54570 54571 54572 54573 54575 54580
54590 54599 54604 54639 54672 54688 54700 54716 54723 54738 54753 54764 54767
54768 54775 54784 54802 54809 54816 54819 54825 54835 54847 54858 54868 54873
54884 54888 54898 54933 54934 54947 54949 54960 54970 54984 54994 55023 55028
55029 55034 55038 55044 55046 55062 55078 55098 55113 55125 55143 55145 55152
55166 55213 55222 55224 55232 55234 55260 55261 55266 55270 55272 55279 55302
55307 55329 55330 55347 55372 55373 55389 55392 55408 55410 55416 55419 55433
55437 55441 55446 55462 55500 55501 55512 55530 55567 55570 55575 55577 55579
55595 55596 55604 55616 55624 55634 55639 55652 55667 55671 55684 55690 55701
55705 55710 55717 55719 55760 55762 55763 55775 55801 55823 55825 55836 55867
55871 55884 55905 55910 55959 55960 55963 55987 55989 55997 56001 56004 56019
56029 56034 56049 56056 56058 56062 56124 56165 56187 56190 56192 56208 56219
56230 56235 56240 56267 56272 56284 56286 56301 56305 56333 56343 56344 56345
56346 56347 56370 56373 56379 56381 56384 56385 56388 56398 56400 56403 56405
56410 56416 56419 56430 56474 56475 56489 56491 56503 56508 56510 56515 56521
56537 56539 56544 56548 56573 56574 56588 56596 56597 56607 56620 56628 56633
56649 56661 56672 56689 56715 56716 56729 56735 56745 56749 56761 56768 56774
56793 56809 56844 56858 56870 56898 56906 56927 56930 56943 56950 56963 56990
57012 57025 57027 57028 57044 57050 57052 57056 57084 57089 57101 57102 57113
57116 57129 57137 57157 57158 57173 57203 57205 57207 57225 57243 57246 57254
57258 57262 57275 57297 57301 57307 57326 57329 57333 57343 57388 57391 57422
57424 57431 57442 57448 57465 57468 57471 57478 57506 57513 57544 57563 57569
57574 57580 57610 57624 57630 57632 57638 57664 57669 57673 57674 57682 57696
57698 57703 57708 57725 57733 57771 57778 57797 57805 57812 57823 57824 57829
57846 57852 57866 57877 57896 57897 57900 57908 57909 57937 57961 57982 57999
58000 58001 58004 58015 58020 58028 58031 58048 58065 58072 58073 58080 58085
58091 58100 58110 58112 58133 58143 58145 58146 58156 58164 58166 58180 58188
58191 58194 58198 58199 58200 58238 58251 58254 58261 58278 58340 58341 58369
58376 58377 58379 58383 58396 58397 58404 58407 58409 58425 58431 58436 58450
58468 58488 58491 58500 58501 58504 58508 58509 58510 58522 58523 58526 58527
58534 58536 58541 58549 58558 58588 58598 58599 58603 58615 58624 58647 58678
58690 58694 58700 58701 58702 58710 58731 58759 58766 58790 58793 58802 58807
58814 58822 58825 58837 58838 58840 58846 58852 58854 58856 58869 58872 58886
58889 58907 58911 58924 58937 58939 58940 58951 58955 58964 58968 58974 58984
58997 58998 59000 59014 59016 59017 59021 59024 59032 59062 59077 59082 59087
59088 59109 59114 59116 59117 59146 59156 59161 59170 59176 59188 59190 59198
59207 59211 59215 59217 59223 59228 59244 59260 59266 59286 59287 59293 59295
59303 59307 59316 59317 59318 59324 59325 59339 59342 59350 59365 59368 59386
59389 59397 59399 59400 59406 59413 59414 59416 59424 59425 59431 59459 59471
59477 59495 59498 59508 59510 59522 59539 59568 59591 59599 59610 59613 59618
```

# output

1 | True

# **Private Test case 5**

# input

```
25 27 75 77 157 210 221 234 240 241 316 396 435 467 557 643 643 716 720 798
824 893 929 979 1054 1067 1260 1322 1391 1393 1540 1580 1770 1794 1824 1835
1915 1983 1996 2034 2036 2086 2184 2311 2327 2354 2367 2372 2390 2401 2489
2490 2500 2523 2528 2582 2697 2732 2763 2779 2838 2976 2985 2990 3007 3098
3115 3163 3191 3269 3306 3439 3502 3505 3536 3573 3590 3645 3702 3705 3861
3913 4144 4238 4244 4363 4407 4667 4689 4767 4854 4894 4985 5000 5001 5068
5119 5309 5339 5398 5496 5533 5562 5575 5589 5661 5704 5786 5829 5924 5957
6015 6103 6133 6214 6226 6244 6258 6276 6306 6318 6327 6363 6388 6406 6436
6454 6572 6735 6881 6952 6966 6971 7041 7070 7093 7248 7275 7283 7307 7308
7330 7352 7365 7390 7436 7516 7531 7585 7600 7626 7660 7731 7742 7758 7791
7848 7871 7872 7898 7932 7972 8017 8033 8089 8127 8280 8324 8390 8425 8471
8485 8553 8636 8713 8781 8931 8990 8999 9024 9087 9107 9107 9188 9213 9218
9228 9285 9372 9456 9556 9568 9574 9574 9678 9816 9848 9954 9968 9985 45 53
71 79 98 112 119 131 164 173 184 210 245 286 359 391 398 418 446 449 460 462
467 472 499 509 511 525 527 547 570 575 579 634 641 655 661 679 692 715 719
757 771 806 808 854 873 919 922 961 1051 1052 1060 1121 1165 1187 1221 1245
1251 1252 1287 1343 1362 1363 1384 1460 1471 1533 1555 1587 1594 1608 1612
1638 1730 1730 1766 1766 1767 1774 1843 1865 1872 1874 1925 1982 2010 2113
2114 2121 2132 2148 2175 2191 2228 2274 2279 2280 2326 2337 2443 2455 2464
2467 2494 2502 2567 2570 2584 2586 2587 2595 2597 2617 2659 2689 2712 2722
2724 2725 2733 2751 2752 2757 2813 2878 2914 2940 2943 2946 2955 2965 2987
2998 3050 3068 3108 3129 3154 3171 3225 3274 3281 3298 3309 3318 3329 3335
3351 3354 3357 3405 3413 3440 3486 3490 3495 3505 3518 3521 3541 3543 3548
3560 3588 3605 3612 3614 3655 3683 3689 3709 3734 3745 3770 3778 3783 3787
3788 3811 3825 3828 3838 3850 3858 3863 3871 3884 3887 3896 3907 3920 3969
3995 4030 4037 4077 4089 4115 4139 4159 4169 4178 4204 4220 4253 4258 4267
4279 4280 4290 4343 4373 4385 4403 4414 4433 4446 4466 4480 4493 4521 4533
4538 4563 4588 4622 4641 4645 4656 4715 4726 4749 4783 4797 4799 4866 4877
4881 4911 4916 4961 4970 4990 5005 5019 5030 5039 5045 5054 5076 5077 5093
5102 5119 5131 5135 5154 5166 5178 5179 5204 5252 5259 5276 5316 5326 5345
5374 5375 5397 5406 5410 5416 5418 5433 5442 5492 5500 5531 5565 5568 5571
5714 5719 5757 5768 5813 5822 5832 5839 5865 5877 5905 5925 5926 5958 5967
5968 5988 6008 6027 6029 6033 6055 6077 6086 6087 6088 6111 6128 6133 6146
6159 6199 6218 6237 6260 6316 6354 6377 6420 6420 6457 6468 6473 6550 6553
6564 6570 6573 6590 6645 6645 6682 6694 6697 6698 6728 6747 6751 6760 6762
6765 6778 6779 6788 6794 6818 6821 6824 6844 6844 6892 6906 6938 6968 7029
7040 7041 7063 7095 7101 7102 7119 7142 7200 7222 7225 7231 7233 7243 7253
7254 7297 7303 7315 7317 7328 7365 7372 7389 7391 7410 7439 7445 7458 7464
7476 7540 7571 7585 7628 7628 7631 7642 7643 7711 7728 7734 7749 7750 7755
7759 7768 7826 7836 7881 7902 7950 7997 8000 8004 8026 8037 8042 8077 8096
8116 8127 8135 8148 8170 8189 8191 8223 8223 8236 8258 8278 8285 8296 8315
8319 8322 8331 8358 8373 8404 8423 8435 8466 8489 8490 8494 8531 8543 8548
8585 8613 8639 8698 8703 8706 8708 8735 8740 8743 8754 8756
200
```

#### 2002 3

### output

### **Problem 2**

Function **heapSort(arr)** sorts the array arr using max heap. Complete the function **heapify(arr, n, i)**, that takes three arguments, arr is the max heap array, **n** is the number of elements in heap arr and **i** is the index of element that needs to be heapified and heapifies the array from index 0 to **n-1** with respect to element at index **i**.

```
def heapify(arr, n, i):
2
      #Complete this function
 3
4
    def heapSort(arr):
5
        n = len(arr)
       for i in range(n//2, -1, -1):
6
7
            heapify(arr, n, i)
8
        for i in range(n-1, 0, -1):
9
            arr[i], arr[0] = arr[0], arr[i]
10
            heapify(arr, i, 0)
```

# sample input

```
1 | 45 23 6 12 9 1 22 58
```

### sample output

```
1 | 1 6 9 12 22 23 45 58
```

### Solution

```
1
    def heapify(arr, n, i):
2
        largest = i
 3
        1 = 2 * i + 1
        r = 2 * i + 2
4
5
        if 1 < n and arr[i] < arr[1]:</pre>
6
             largest = 1
7
        if r < n and arr[largest] < arr[r]:</pre>
             largest = r
8
        if largest != i:
9
10
             arr[i], arr[largest] = arr[largest], arr[i]
11
             heapify(arr, n, largest)
```

**Suffix** 

```
1
    def heapSort(arr):
2
       n = len(arr)
3
      for i in range(n//2, -1, -1):
           heapify(arr, n, i)
4
     for i in range(n-1, 0, -1):
5
6
           arr[i], arr[0] = arr[0], arr[i]
7
           heapify(arr, i, 0)
8
9 L = [int(item) for item in input().split(" ")]
10 heapSort(L)
11 print(*L)
```

#### Public test case 2

#### Input

```
1 | 45 23 6 12 9 1 22 58
```

#### **Output**

```
1 | 1 6 9 12 22 23 45 58
```

#### Public test case 2

#### Input

```
1 | 45 22 57 12 33 73 55 2 80 62
```

#### Output

```
1 | 2 12 22 33 45 55 57 62 73 80
```

#### Private test case 1

#### Input

```
1 | 45 23 6 12 9 1 22 58
```

#### Output

```
1 | 1 6 9 12 22 23 45 58
```

#### Private test case 2

#### Input

```
1 | 45 22 57 12 33 73 55 2 80 62
```

#### Output

```
1 | 2 12 22 33 45 55 57 62 73 80
```

#### Private test case 3

#### Input

1 284 276 201 126 463 475 234 319 343 356 441 68 335 101 268 71 202 363 82 90 380 349 198 31 479 471 28 95 224 400 259 39 66 254 70 80 183 107 343 15 434 204 387 370 280

#### Output

1 15 28 31 39 66 68 70 71 80 82 90 95 101 107 126 183 198 201 202 204 224 234 254 259 268 276 280 284 319 335 343 349 356 363 370 380 387 400 434 441 463 471 475 479

#### Private test case 4

#### Input

1 1246 1423 646 36 1179 1022 159 76 1026 847 1214 830 1018 846 737 1164 423 1421 369 360 1208 711 618 760 664 685 1250 623 127 139 30 948 966 660 1262 1137 1176 959 942 1494 1213 1057 1240 136 954 293 251 692 5 254 563 162 181 1103 898 153 1286 1148 628 8 214 460 40 152 487 627 1164 1098 609 643 1265 1454 907 1194 1127 593 1155 1120 160 202 39 252 762 1005 1338 858 435 1252 803 872 1068 86 1098 275 836

#### **Output**

1 5 8 30 36 39 40 76 86 127 136 139 152 153 159 160 162 181 202 214 251 252 254 275 293 360 369 423 435 460 487 563 593 609 618 623 627 628 643 646 660 664 685 692 711 737 760 762 803 830 836 846 847 858 872 898 907 942 948 954 959 966 1005 1018 1022 1026 1057 1068 1098 1098 1103 1120 1127 1137 1148 1155 1164 1164 1176 1179 1194 1208 1213 1214 1240 1246 1250 1252 1262 1265 1286 1338 1421 1423 1454 1494

#### Private test case 5

Input

13119 3066 7450 8605 3059 7586 14747 4488 14219 12774 9409 2658 14338 12196 13622 11005 10273 10069 14784 14275 11451 10232 2325 11572 4172 4830 12502 2961 6152 14738 7465 2131 10200 4896 10890 10525 161 5356 5792 10723 1563 6397 6588 10048 2744 548 14995 3136 14092 169 4338 6999 14244 11584 4838 9937 12128 14681 5201 1609 9085 2001 7509 6875 3010 5456 12611 11972 4096 12131 8424 7680 2060 2804 10561 11208 7376 11734 4514 13269 7038 10287 7884 14685 13821 6251 189 13507 13660 6941 7497 13957 974 14458 5153 5650 11644 6809 12643 7517 6979 14501 5413 1335 8476 7586 2048 10099 1693 14227 7977 8643 12315 13632 3357 9132 10987 10042 1143 13162 14497 11321 14058 8660 7817 104 8859 2909 869 14164 9418 10292 5500 1994 11055 13146 5434 1520 950 10091 14592 7637 12639 1802 2677 2265 11810 14782 1725 8482 12738 4977 10559 7869 7445 7767 12552 10172 4521 1958 4536 1299 8008 13855 7372 187 3390 7349 13123 4241 14125 7384 175 14390 14383 8940 7302 10516 4589 7054 11492 2261 6681 6633 12187 5611 2235 3255 6865 1787 13112 11703 1810 8649 13705 10045 14750 6975 12006 11945 14680 585 6935 7023 3638 773 12605 9139 12868 10719 3503 5645 7429 14093 4847 7462 7695 5674 14588 4977 7200 585 4884 4663 7095 13041 334 4705 7063 3787 12631 14273 11698 8831 12214 1470 13827 8217 9588 14463 12238 12398 9334 2461 8001 7345 11112 6017 7961 3701 9354 7072 3353 4046 670 9725 4668 10399 7718 14196 4568 7734 7538 11506 2610 6076 1522 6842 13882 10333 8071 12185 3718 11455 909 14908 14638

#### **Output**

1 | 104 161 169 175 187 189 334 548 585 585 670 773 869 909 950 974 1143 1299 1335 1470 1520 1522 1563 1609 1693 1725 1787 1802 1810 1958 1994 2001 2048 2060 2131 2235 2261 2265 2325 2461 2610 2658 2677 2744 2804 2909 2961 3010 3059 3066 3136 3255 3353 3357 3390 3503 3638 3701 3718 3787 4046 4096 4172 4241 4338 4488 4514 4521 4536 4568 4589 4663 4668 4705 4830 4838 4847 4884 4896 4977 4977 5153 5201 5356 5413 5434 5456 5500 5611 5645 5650 5674 5792 6017 6076 6152 6251 6397 6588 6633 6681 6809 6842 6865 6875 6935 6941 6975 6979 6999 7023 7038 7054 7063 7072 7095 7200 7302 7345 7349 7372 7376 7384 7429 7445 7450 7462 7465 7497 7509 7517 7538 7586 7586 7637 7680 7695 7718 7734 7767 7817 7869 7884 7961 7977 8001 8008 8071 8217 8424 8476 8482 8605 8643 8649 8660 8831 8859 8940 9085 9132 9139 9334 9354 9409 9418 9588 9725 9937 10042 10045 10048 10069 10091 10099 10172 10200 10232 10273 10287 10292 10333 10399 10516 10525 10559 10561 10719 10723 10890 10987 11005 11055 11112 11208 11321 11451 11455 11492 11506 11572 11584 11644 11698 11703 11734 11810 11945 11972 12006 12128 12131 12185 12187 12196 12214 12238 12315 12398 12502 12552 12605 12611 12631 12639 12643 12738 12774 12868 13041 13112 13119 13123 13146 13162 13269 13507 13622 13632 13660 13705 13821 13827 13855 13882 13957 14058 14092 14093 14125 14164 14196 14219 14227 14244 14273 14275 14338 14383 14390 14458 14463 14497 14501 14588 14592 14638 14680 14681 14685 14738 14747 14750 14782 14784 14908 14995

### **Problem 3**

A country's defense organization wants to setup a private fiber network to connect all its camps around the country which will be disconnected from the INTERNET(world wide web). It wants to excluding only one camp, which will be connected to the INTERNET. Camps that can be connected to each other via fiber and the associated cable cost to connect them is given as an adjacency list representation Alist for all n camp of the company in the format below.

In the above Alist, camp\_1 can be connected to camp\_a with a cable cost of cost\_1\_a units and to camp\_b with cable cost as cost\_1\_b units, and so on for all the n camps. The cable cost two connect any two cities will always be positive.

Write a Python function **connectCamps(Alist, exCamp)** that accepts the Alist as described above and a camp excamp, returns the minimum cost required to connect all the camps excluding the excamp. If the camps cannot be connected after excluding excamp return -1. The function will be called to check for the cost excluding each camp one by one so try to make it efficient that runs in  $O((m+n)\log n)$ , where m is the number of pairs of camps that can be connected.

```
1 def connectCamps(Alist, exCamp):
2 #Complete the function
```

#### **Sample Input**

#### **Sample Output**

```
1 | 190
```

#### **Sample Input**

#### **Sample Output**

```
1 | -1
```

#### Solution:

```
from collections import deque

Helper function

class myStack:
    def __init__(self):
    self.Q = deque()
```

```
7
      def pop(self):
8
        return self.Q.pop()
9
10
      def push(self, x):
11
        return self.Q.append(x)
12
13
      def isempty(self):
        return False if self.Q else True
14
15
16
    # Checks using BFS if the graph is connected excluding the node exCamp
17
    def isConnectedExcluding(Alist, exCamp):
18
      vertices = [v for v in Alist.keys() if v!=exCamp]
      visited ={k:False for k in vertices}
19
20
      st = myStack()
21
      st.push(vertices[0])
22
23
      while not st.isempty():
       curr = st.pop()
24
25
        visited[curr] = True
        for (v, d) in Alist[curr]:
26
27
          if (v != exCamp and not visited[v]):
28
            st.push(v)
29
30
      # Check if all are visited
31
      return all(value == True for value in visited.values())
32
    # Do not remove the site from graph, rather exclude it from each comparision
33
    and calculation.
34
    def connectSites(Alist, exCamp):
35
     # Check if the graph is connected
36
      if not isConnectedExcluding(Alist, exCamp):
        return -1
37
38
39
      edges, te = [], []
40
      components, members, size = {}, {}, {}
41
      minCost = 0
42
43
      # Create edge list and union find data structure excluding exCamp
    connected edges
      for u in Alist.keys():
44
        if (u != exCamp):
45
46
          edges.extend([(d,u,v) for (v,d) in Alist[u] if v!=exCamp])
47
          components[u], members[u], size[u] = u, [u], 1
48
49
      edges.sort()
50
51
      # For undirected graph remove duplicate edges
52
      distinctEdges = [edges[0]]
53
      for i in range(len(edges)-1):
54
        if not ((edges[i][0] == edges[i+1][0])
55
             and edges[i][1] == edges[i+1][2] and edges[i][2] == edges[i+1][1]:
56
          distinctEdges.append(edges[i+1])
57
      edges=distinctEdges
5.8
59
      # Calculate MST and minimum cost
60
      for (d,u,v) in edges:
61
        if (components[u] != components[v]):
```

```
62
          te.append((u,v))
63
          minCost += d
64
          c_old = components[u]
65
          c_new = components[v]
66
          for k in members[c_old]:
67
            components[k] = c_new
68
            members[c_new].append(k)
69
            size[c\_new] += 1
70
71
      return minCost
```

#### Suffix(hidden)

```
size = int(input())
 1
 2
    edges = eval(input())
 3
    exCamp = int(input())
 4 \mid WL = \{\}
 5
   for i in range(size):
 6
        WL[i] = []
7 for ed in edges:
 8
        WL[ed[0]].append((ed[1],ed[2]))
 9
        WL[ed[1]].append((ed[0],ed[2]))
10
    print(connectSites(WL, exCamp))
```

#### **Public Test case**

#### Input 1

```
1 | 7
2 | [(0,1,10),(0,2,50),(0,3,300),(5,6,45),(2,1,30),(6,4,37),(1,6,65),(2,5,76),
(1,3,40),(3,4,60),(2,4,20)]
3 | 4
```

#### **Output 1**

```
1 | 190
```

#### Input 2

```
1 | 4
2 [(0,1,1),(1,2,2),(2,3,3),(0,3,4)]
3 | 1
```

#### **Output 2**

```
1 | 7
```

### Input 3

```
1 | 8
2 | [(0,1,10),(0,2,50),(0,3,300),(5,6,45),(2,1,30),(6,4,37),(1,6,65),(2,5,76),
(1,3,40),(3,4,60),(2,4,20),(6,7,77)]
3 | 6
```

#### **Output 3**

```
1 | -1
```

#### **Private Test Case**

#### Input 1

```
1 | 6
2 | [(0,1,1),(0,2,6),(1,2,3),(1,3,4),(2,4,4),(2,3,2),(3,4,3),(1,5,2),(2,5,7),(3,5,1),(4,5,5)]
3 | 3
```

#### **Output 1**

```
1 | 10
```

#### Input 2

```
1 | 6
2 [(0,1,16),(0,3,2),(1,2,4),(3,4,10),(0,4,9),(3,5,15),(1,5,7),(2,5,6)]
3 | 4
```

### Output 2

```
1 | 27
```

### Input 3

```
1 | 6
2 | [(0,1,1),(0,2,4),(1,2,7),(0,5,14),(0,4,12),(2,5,17),(3,5,22)]
3 | 5
```

### Output 3

```
1 | -1
```

### Input 4

```
1 7
2 [(0,1,10),(0,2,50),(0,3,300),(5,6,45),(2,1,30),(6,4,37),(1,6,65),(2,5,76),
(1,3,40),(3,4,60),(2,4,20)]
3 2
```

#### **Output 4**

```
1 | 192
```

### Input 5

```
1 | 8
2 | [(0,1,10),(0,2,50),(0,3,300),(5,6,45),(2,1,30),(6,4,37),(1,6,65),(2,5,76),
(1,3,40),(3,4,60),(2,4,20),(6,7,77)]
3 | 6
```

### Output 5

```
1 | -1
```