

BINARNA STABLA



Primer rekurzivnog obilaska stabla

- Odrediti zbir vrednosti svih listova zadatog binarnog stabla
- Izračunavanje obaviti korišćenjem rekurzivnog obilaska stabla

Primer rekurzivnog obilaska stabla

```
template <class T>
T BSTree<T>::sumLeafs(BSTNode<T> *pNode)
{
    if (pNode != NULL) {
        if (pNode->left == NULL
            && pNode->right == NULL) {
            return pNode->key;
        } else {
            return sumLeafs(pNode->left)
                + sumLeafs(pNode->right);
        }
    } else {
        return 0;
    }
}
```

Primer rekurzivnog formiranja stabla

- Dat je niz od $2^n - 1$ elemenata za koje treba formirati potpuno binarno stablo
- Stablo popuniti elementima u postorder obilasku
- Za formiranje stabla koristiti rekurzivni obilazak

Primer rekurzivnog formiranja stabla

```
template <class T>
void BSTree<T>::createPostorder(BSTNode<T> *pNode, T **pElem,
    int level)
{
    if (level != 0) {
        pNode->left = new BSTNode<T>();
        pNode->right = new BSTNode<T>();
        createPostorder(pNode->left, pElem, --level);
        createPostorder(pNode->right, pElem, level);
        pNode->key = **pElem;
        (*pElem)++;
    } else {
        pNode->key = **pElem;
        (*pElem)++;
        pNode->left = NULL;
        pNode->right = NULL;
    }
}
```

Primer rekurzivnog formiranja stabla

```
template <class T>
void BSTree<T>::createTree(T niz[], int n)
{
    int level = 0;
    int tmp = n;
    while (tmp != 0) {
        tmp >>= 1;
        level++;
    }
    T **pElem = new T*();
    *pElem = niz;
    root = new BSTNode<T>();
    createPostorder(root, pElem, --level);
}
```

Određivanje sledbenika u uređenom binarnom stablu

- Odrediti sledbenika (po vrednosti) čvora u proizvoljnom uređenom binarnom stablu

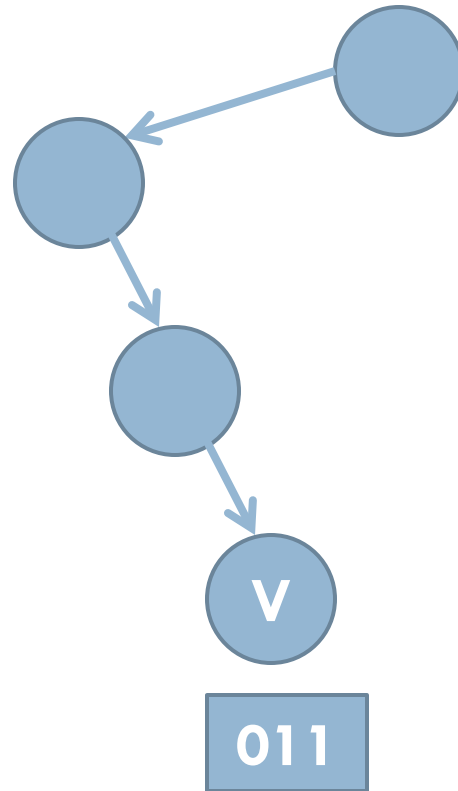
Određivanje sledbenika u uređenom binarnom stablu

```
template <class T>
T BSTree<T>::successorNode(T elem) {
    setParents(root, NULL);
    BSTNode<T> *pNode = search(elem);
    if (pNode->right != NULL) {
        pNode = pNode->right;
        while (pNode->left != NULL)
            pNode = pNode->left;
    } else {
        BSTNode<T> *pPar = pNode->par;
        while (pPar != NULL && pPar->right == pNode) {
            pNode = pPar;
            pPar = pPar->par;
        }
        pNode = pPar;
    }
    if (pNode != NULL)
        return pNode->key;
    else
        return T();
}
```

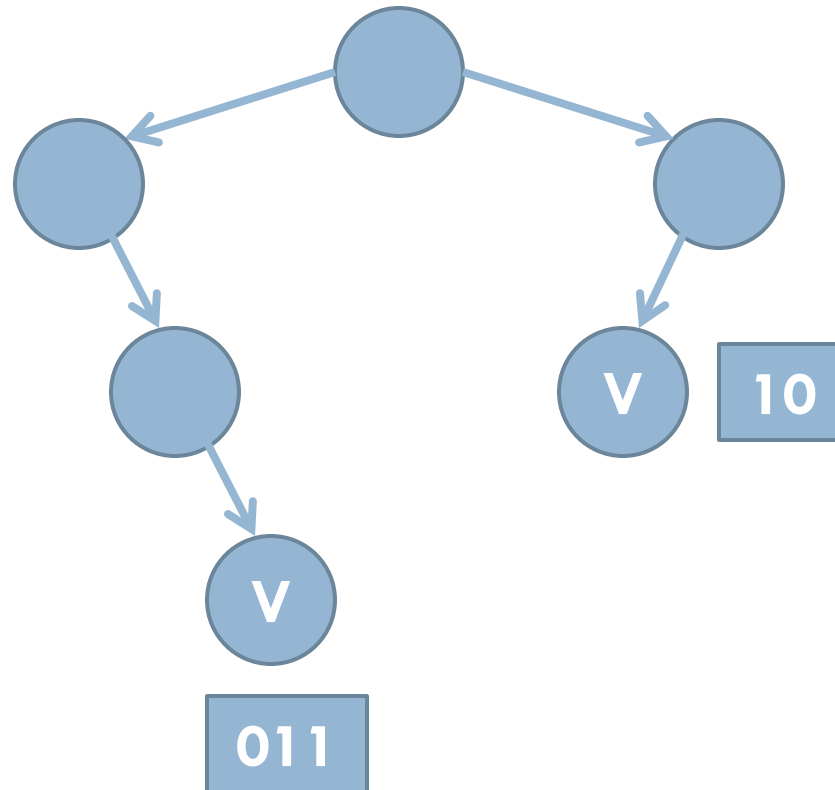

Radix stablo

- Stringa $a = a_0a_1\dots a_p$ je leksikografski manji od stringa $b = b_0b_1\dots b_q$ ako važi:
 - Postoji ceo broj j za koji važi da je $0 \leq j \leq \min(p, q)$, pri čemu je $a_i = b_i$ za svako $i = 0, 1, \dots, j-1$ i, ili
 - $p < q$ i $a_i = b_i$, za svako $i = 0, 1, \dots, p$.
- Na primer: $10100 < 10110$ $10100 < 101000$
- Radix stablo se formira tako što za svaki string koji se dodaje u stablo odgovarajući čvor stabla ima vrednost validan, u suprotnom ne.
- Grane stabla predstavljaju elemente stringa, pri čemu leva grana ima vrednost 0, a desna 1.

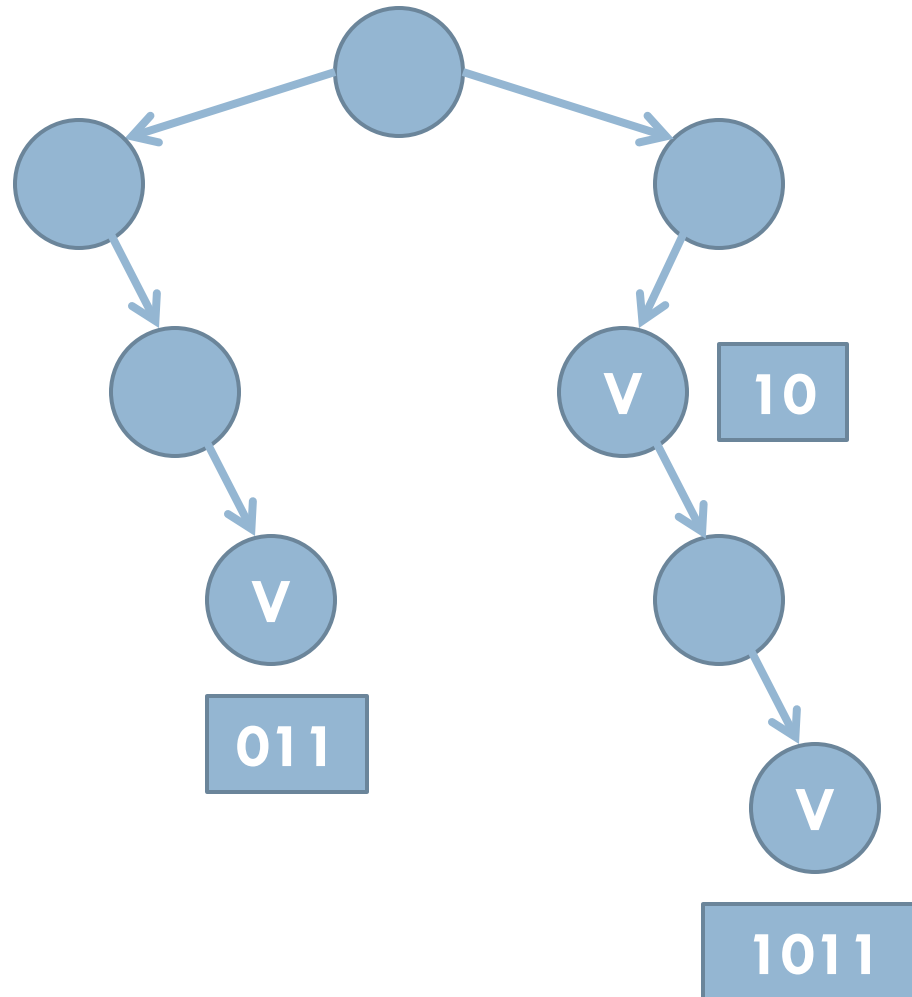
Radix stablo



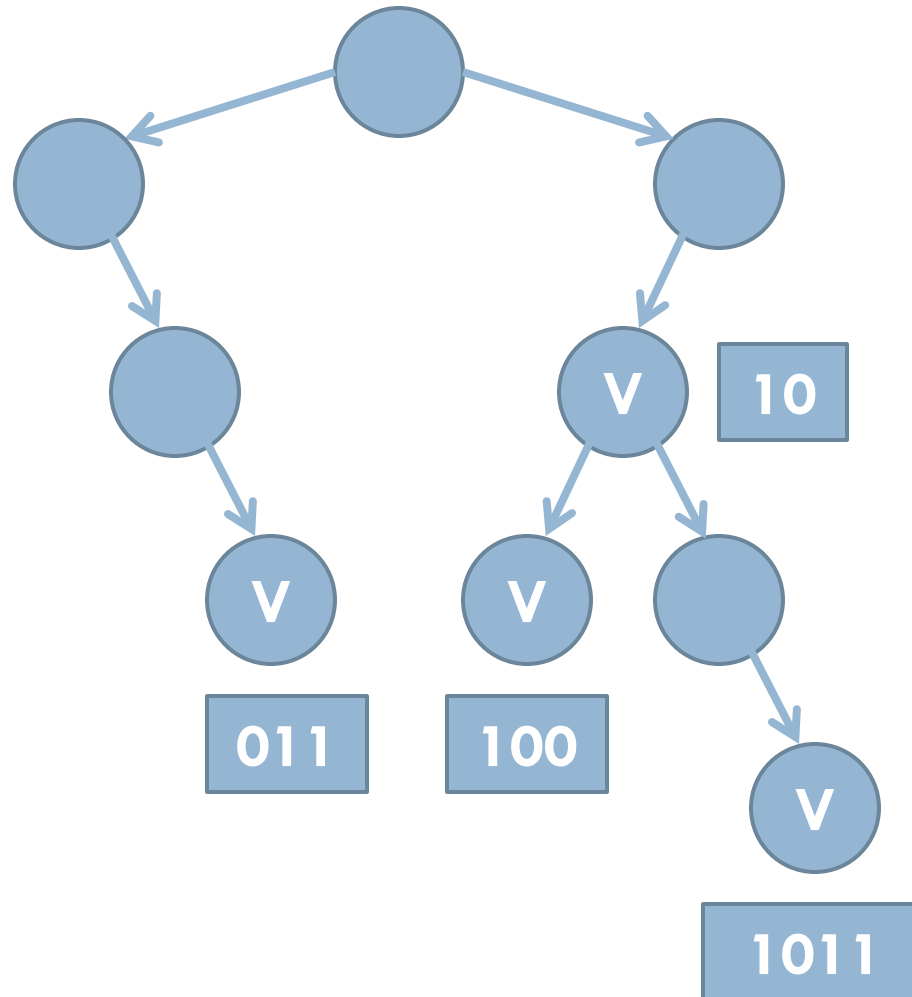
Radix stablo



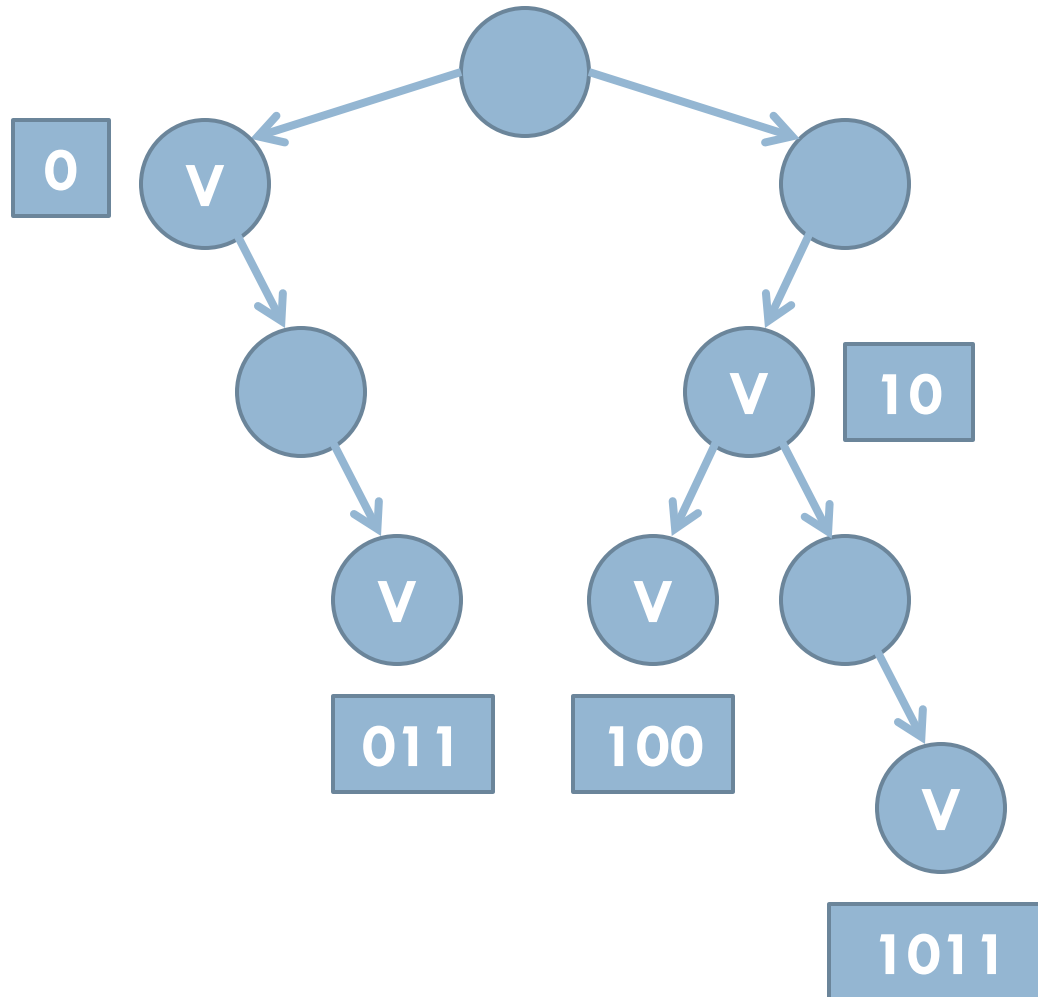
Radix stablo



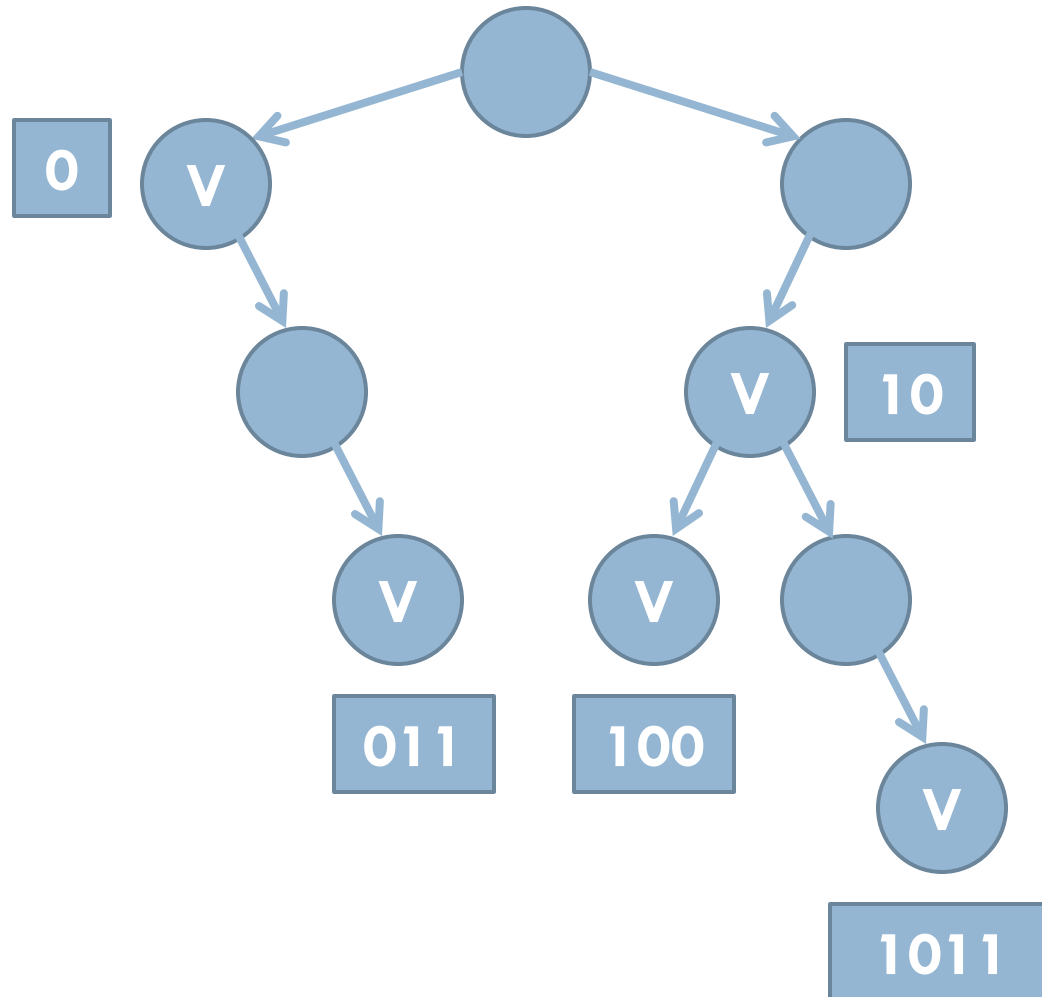
Radix stablo



Radix stablo



Radix stablo



- 0
- 011
- 10
- 100
- 1011

Radix stable

```
template <class T>
void BSTree<T>::createRadix(BSTNode<T> *pNode, char data[], int ind)
{
    if (ind < strlen(data)) {
        BSTNode<T> *pChild;
        if (data[ind] == '0') {
            pChild = pNode->left;
            if (pChild == NULL) {
                pChild = new BSTNode<T>();
                pChild->key = 0;
                pNode->left = pChild;
            }
        } else {
            pChild = pNode->right;
            if (pChild == NULL) {
                pChild = new BSTNode<T>();
                pChild->key = 0;
                pNode->right = pChild;
            }
        }
        createRadix(pChild, data, ++ind);
    } else {
        pNode->key = 1;
    }
}
```


Radix stablo

```
template <class T>
void BSTree<T>::createRadixTree(char* niz[], int n)
{
    root = new BSTNode<T>();
    root->key = 0;
    int i;
    for (i=0; i<n; i++) {
        createRadix(root, niz[i], 0);
    }
}
```

```
template <class T>
void BSTree<T>::printRadix()
{
    char data[10];
    printRadix(root, data, 0);
}
```

Radix stable

```
template <class T>
void BSTree<T>::printRadix(BSTNode<T> *pNode,
                           char data[], int ind)
{
    if (pNode != NULL) {
        if (pNode->key == 1) {
            data[ind] = '\\0';
            cout << data << " ";
        }
        data[ind] = '0';
        printRadix(pNode->left, data, ind+1);
        data[ind] = '1';
        printRadix(pNode->right, data, ind+1);
    }
}
```

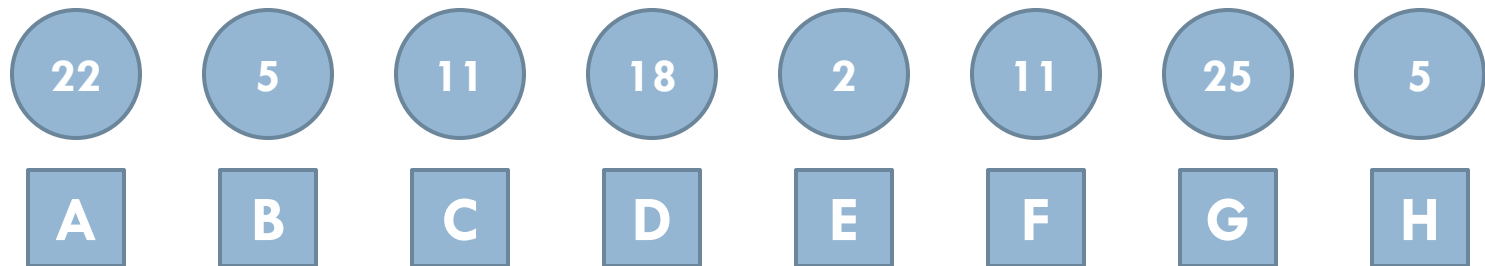
Huffman-ovi kodovi

- Koriste se za kodiranje karaktera kako bi se smanjila količina podataka koja se dobija kodiranjem
- Obezbeđuju uštedu od 20%-90%
- Huffman-ov kod se formira na osnovu učestalosti pojavljivanja karaktera koje treba kodirati
- Ideja: Karaktere koji se više puta pojavljuju kodirati kraćim rečima (nizom bitova)
- Huffman-ov kod se formira na osnovu binarnog stabla u čijim listovima se nalaze karakteri

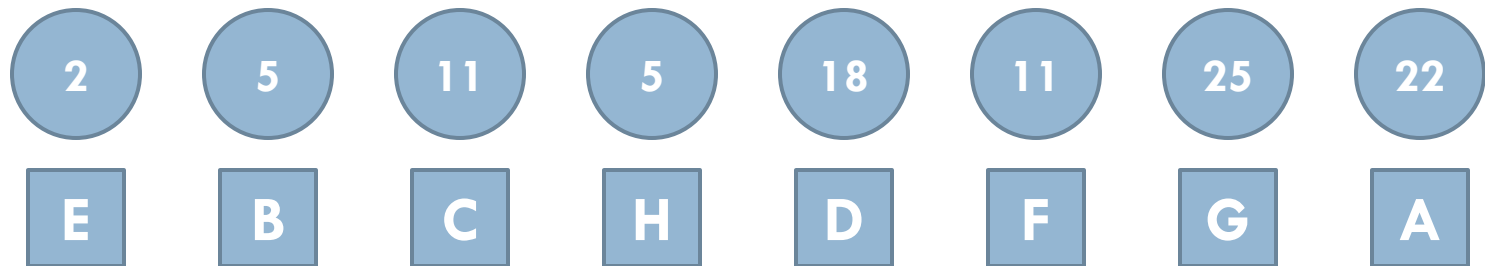
Huffman-ovi kodovi

- Stablo se formira rekurzivno od listova ka korenu
- Na početku svi karakteri su stabla za sebe
- U svakoj iteraciji se biraju dva stabla čiji koreni imaju najmanju učestanost pojavljivanja i ova dva stabla se spajaju u novo, tako da koren sadrži zbir učestanosti korena ova dva stabla koja postaju njegovi potomci
- Postupak spajanja se završava kada ostane samo jedno stablo koje predstavlja rezultat
- Kod karaktera se određuje na osnovu puta u stablu od korena do lista gde je smešten karakter, pri čemu levi link predstavlja 0, a desni 1.

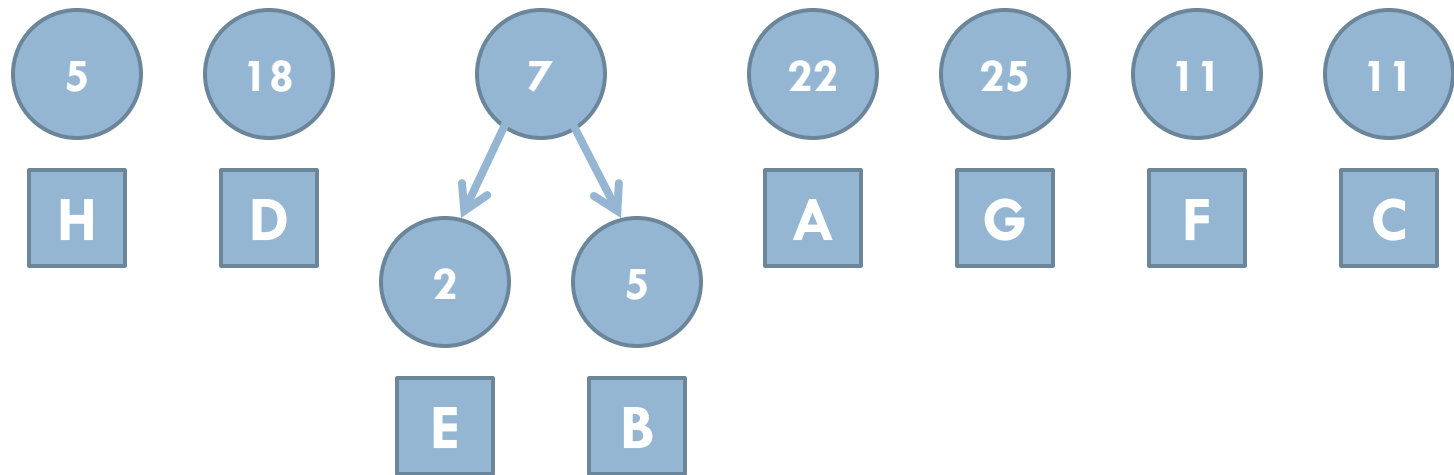
Huffman-ovi kodovi



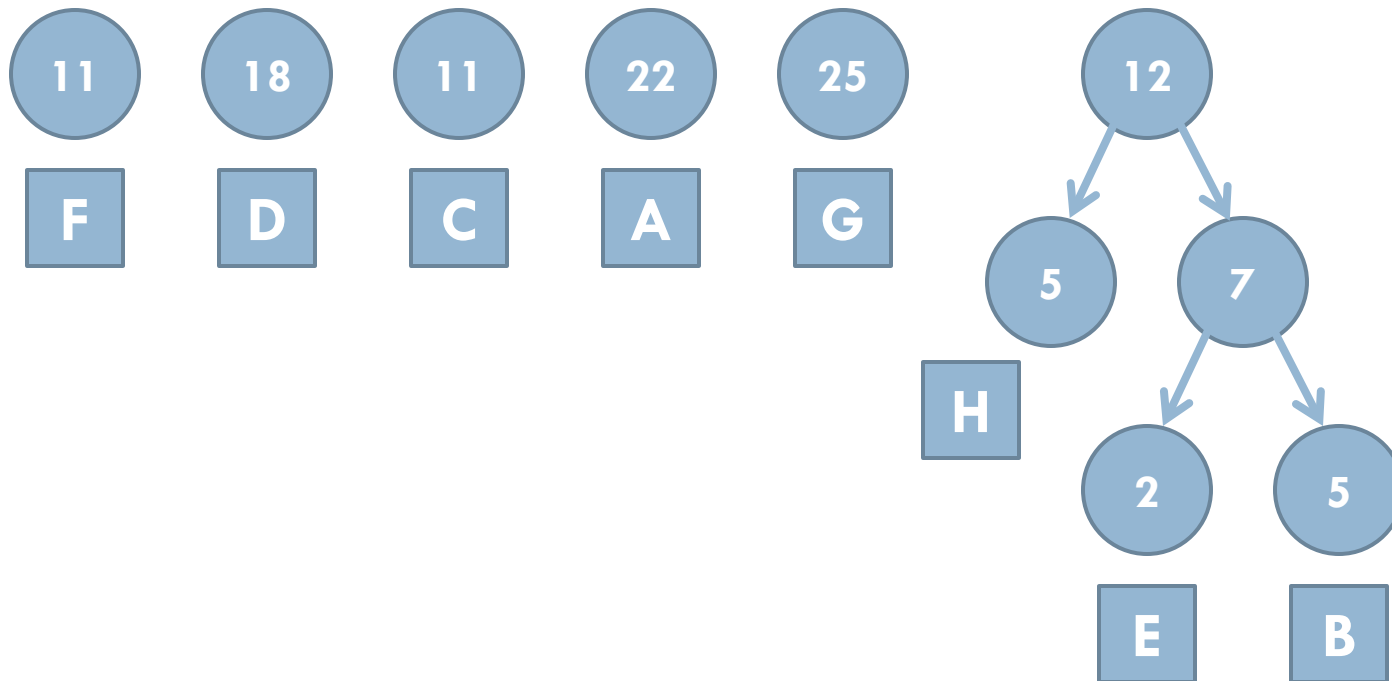
Huffman-ovi kodovi



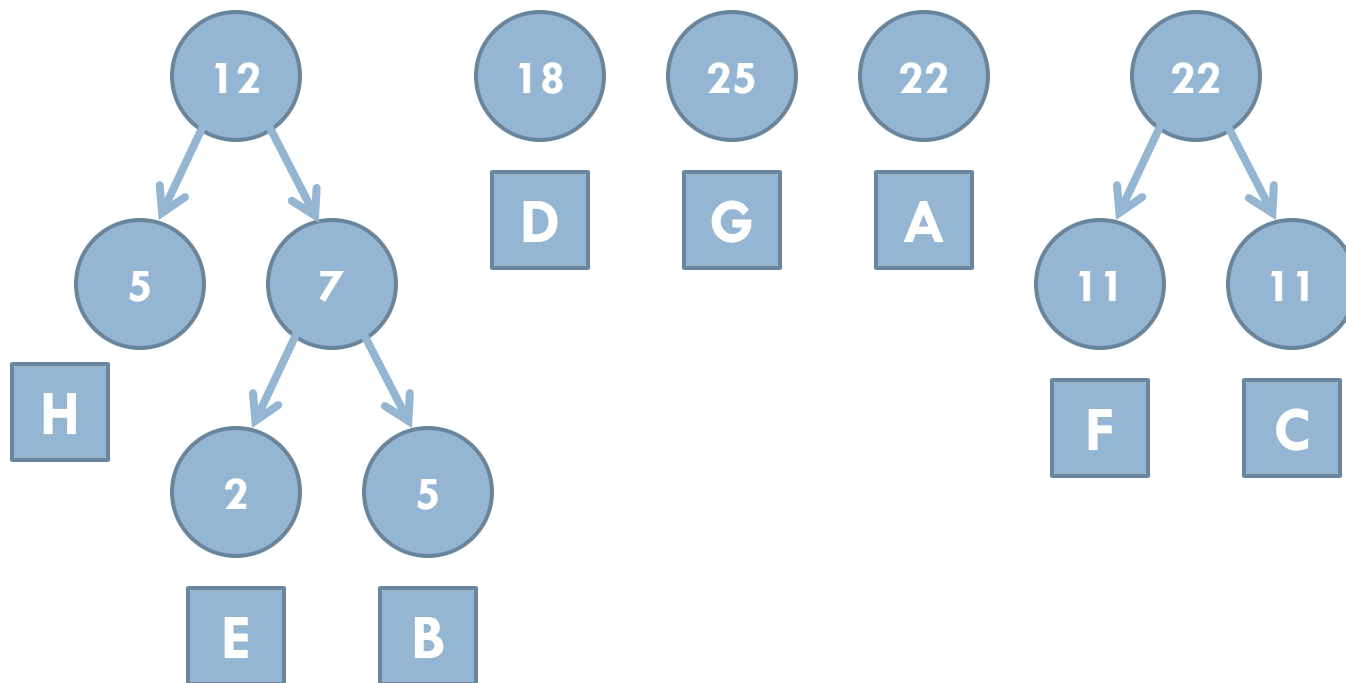
Huffman-ovi kodovi



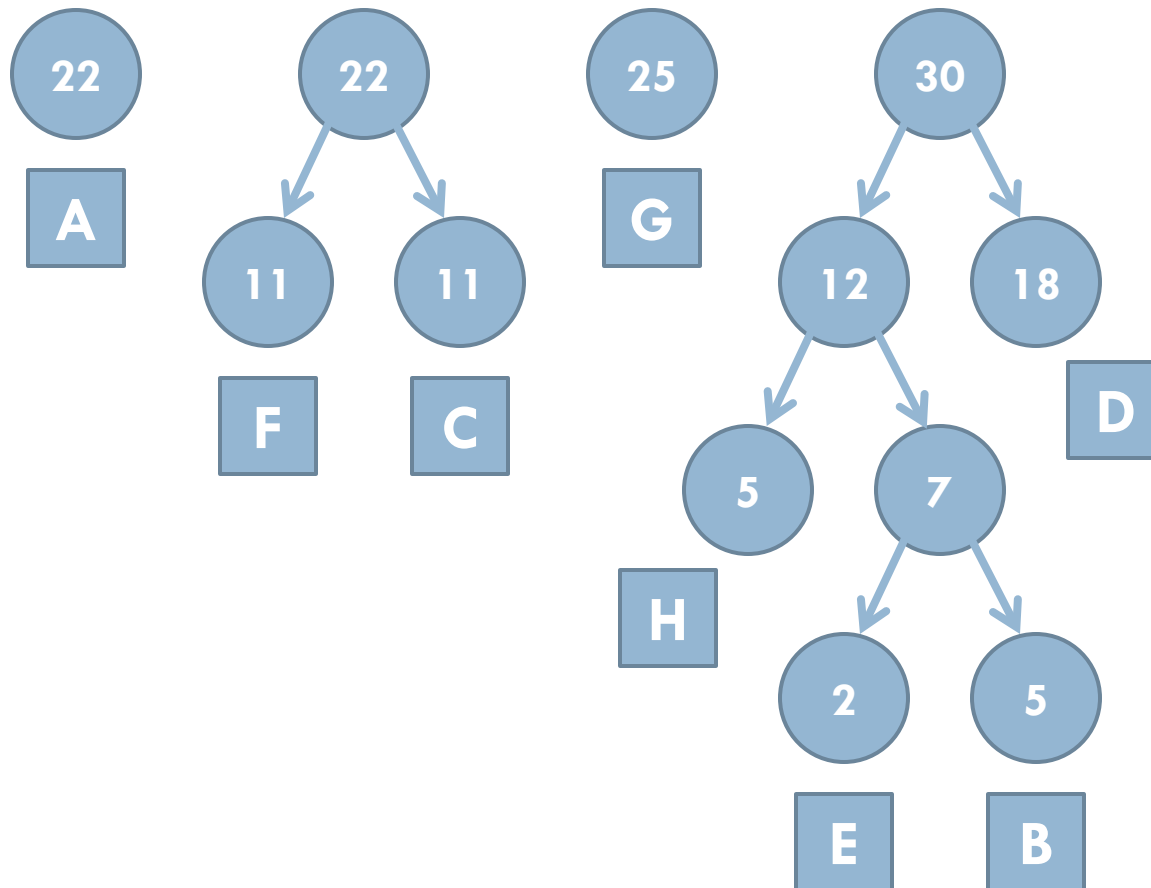
Huffman-ovi kodovi



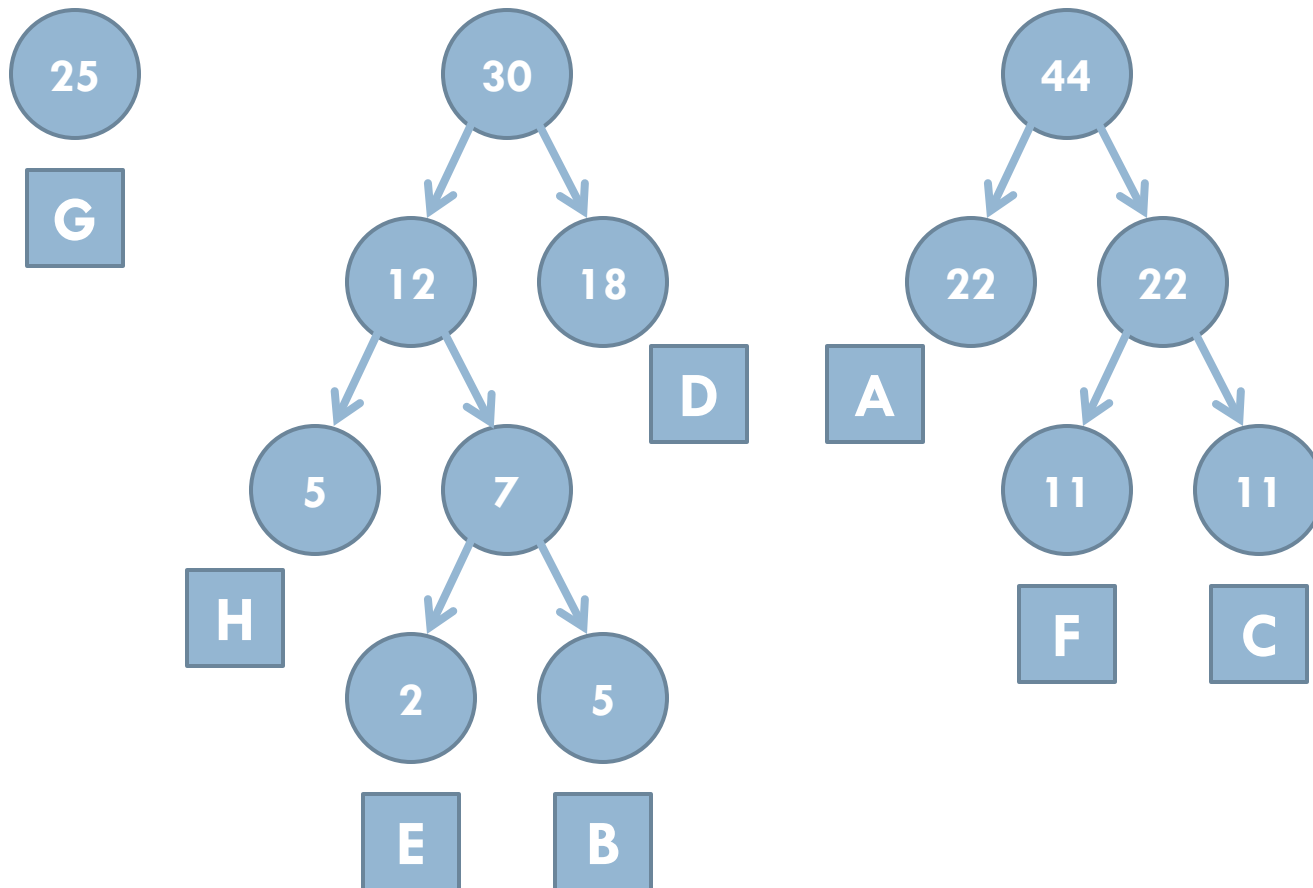
Huffman-ovi kodovi



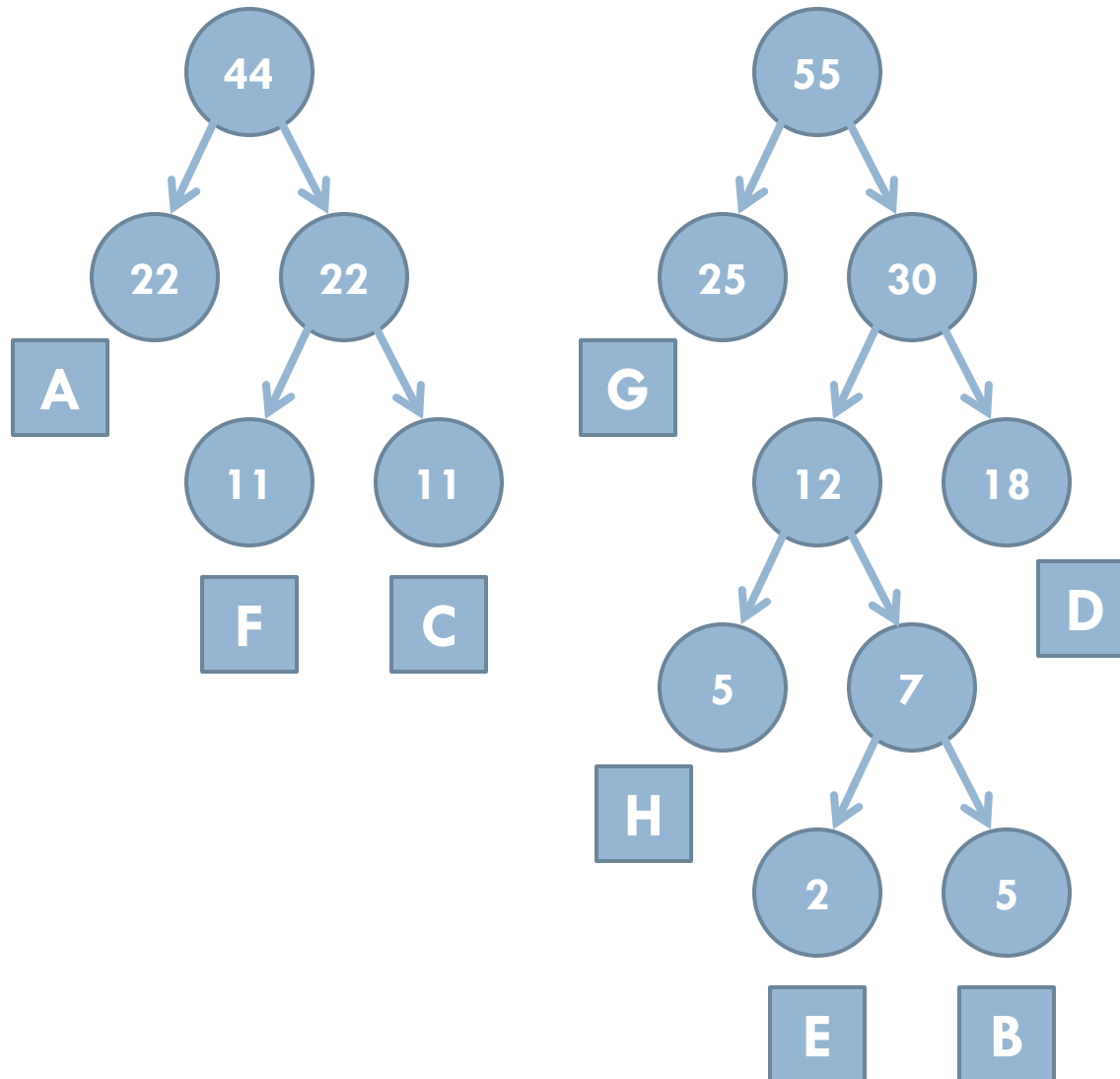
Huffman-ovi kodovi



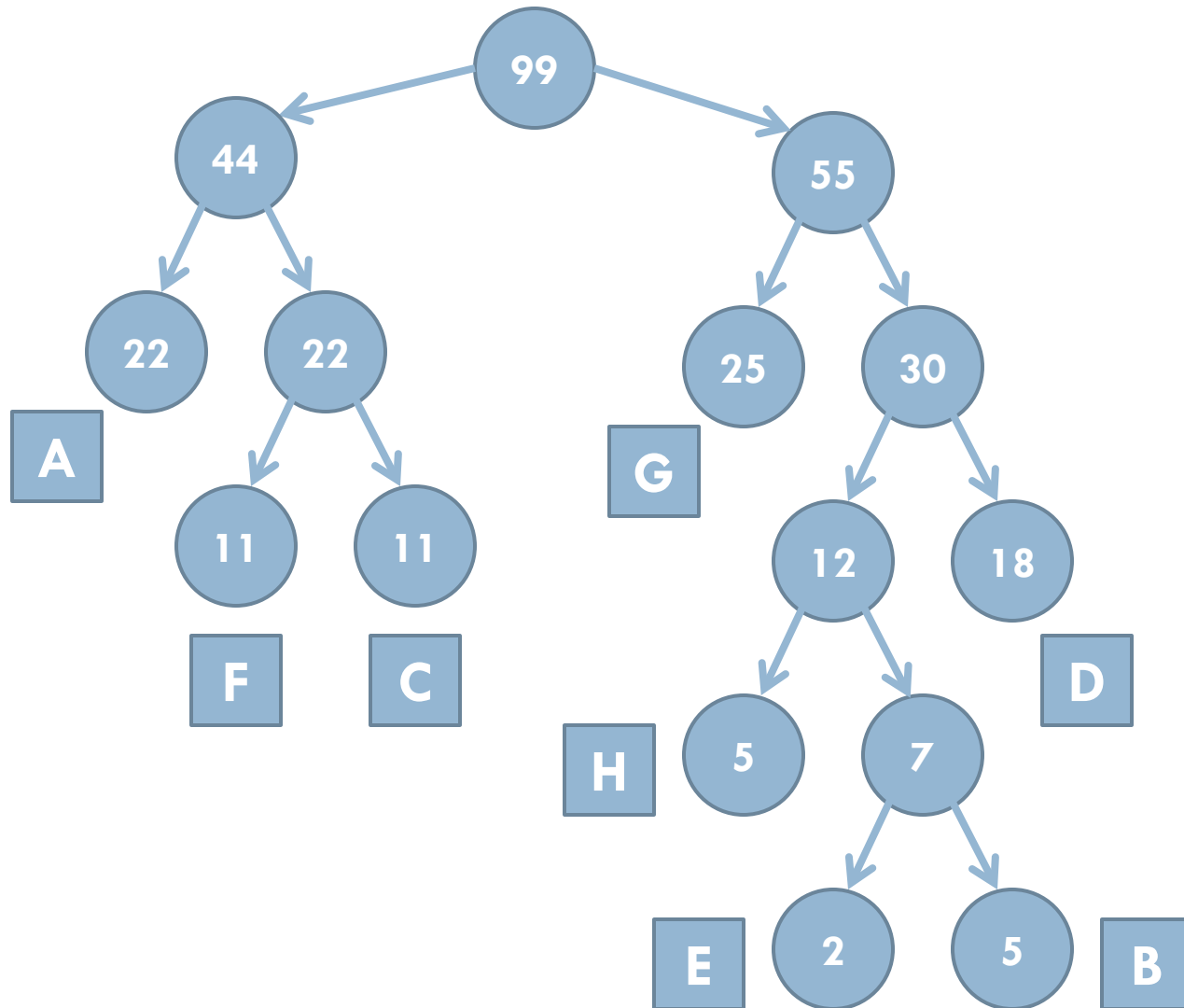
Huffman-ovi kodovi



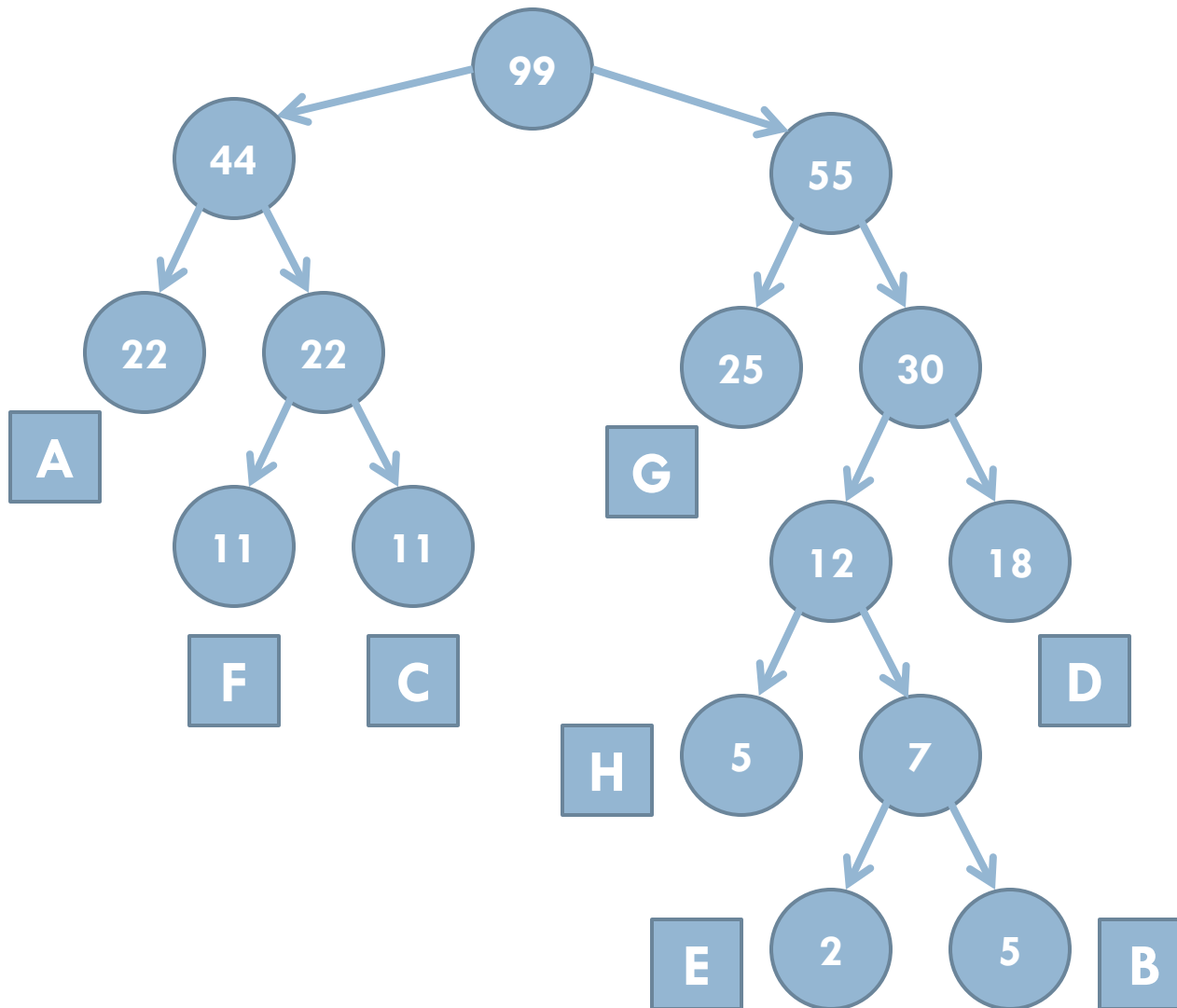
Huffman-ovi kodovi



Huffman-ovi kodovi



Huffman-ovi kodovi



A – 00

B – 11011

C – 011

D – 111

E – 11010

F – 010

G – 10

H – 1100

Huffman-ovi kodovi

```
class HuffElem {
public:
    char sign;
    int freq;
    HuffElem() { sign = '\0'; freq = 0; };
    HuffElem(char s, int f) { sign = s; freq = f; };
    HuffElem operator + (const HuffElem& sec) {
        HuffElem huff; huff.sign='\0'; huff.freq=freq+sec.freq;
        return huff; };
    bool operator < (const HuffElem& huff) {
        return freq < huff.freq; };
    bool operator <= (const HuffElem& huff) {
        return freq <= huff.freq; };
    bool operator > (const HuffElem& huff) {
        return freq > huff.freq; };
};
```

Huffman-ovi kodovi

```
template <class T>
class HuffFreq {
    BSTNode<T> *pNode;
public:
    HuffFreq() { pNode = NULL; };
    HuffFreq(BSTNode<T> *pN) { pNode = pN; };
    HuffFreq(HuffFreq<T>& huff) { pNode = huff.pNode; };
    HuffFreq<T>& operator = (const HuffFreq<T>& huff) {
        pNode = huff.pNode; return *this; };
    bool operator < (const HuffFreq<T>& huff) {
        return pNode->key < huff.pNode->key; };
    bool operator <= (const HuffFreq<T>& huff) {
        return pNode->key <= huff.pNode->key; };
    bool operator > (const HuffFreq<T>& huff) {
        return pNode->key > huff.pNode->key; };
    BSTNode<T>* getValue() { return pNode; };
};
```


Huffman-ovi kodovi

```
template <class T>
void BSTree<T>::createHuffman(HuffElem aHuff[], int n)
{
    BinaryMinHeap< HuffFreq<T> > heapHuff(n+1);
    int i;
    for (i=0; i<n; i++) {
        BSTNode<T> *pNode = new BSTNode<T>();
        pNode->key = aHuff[i];
        HuffFreq<T> hufFreq(pNode);
        heapHuff.insert(hufFreq);
    }
    for (i=0; i<n-1; i++) {
        BSTNode<T> *pNode = new BSTNode<T>();
        pNode->left = heapHuff.deleteRoot().getValue();
        pNode->right = heapHuff.deleteRoot().getValue();
        pNode->key = pNode->left->key + pNode->right->key;
        HuffFreq<T> hufFreq(pNode);
        heapHuff.insert(hufFreq);
    }
    root = heapHuff.deleteRoot().getValue();
}
```