

# Strukture podataka

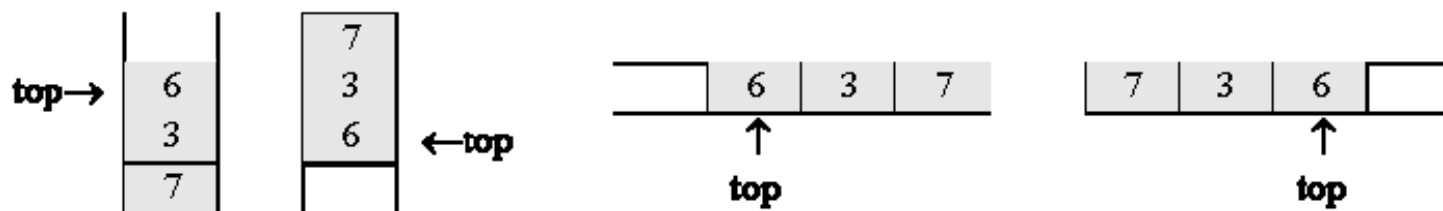
**Magacin, red i  
dvostrani red**

# Magacin

- *Magacin (engl. **stack**) je linearna struktura podataka kod koje se može pristupiti samo poslednje dodatom podatku. To je struktura koja radi po principu LIFO (**last-in, first-out**).*

# Organizacija magacina

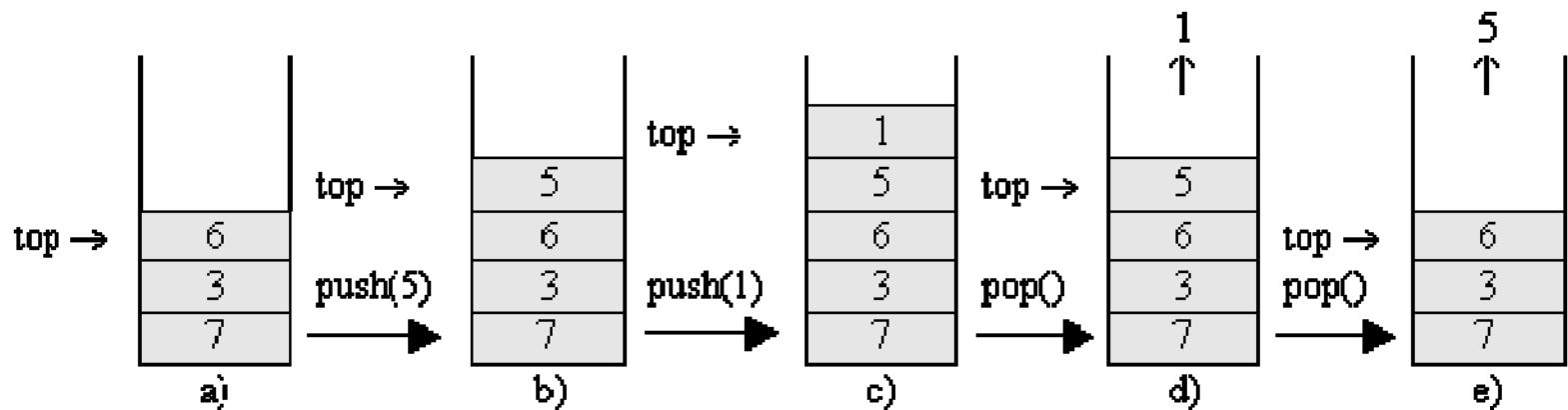
**Magacin** je specijalan slučaj linearne liste kod koje se operacije dodavanja i brisanja vrše samo na jednom kraju, koji se naziva **vrh** (engl. *top*) magacina.



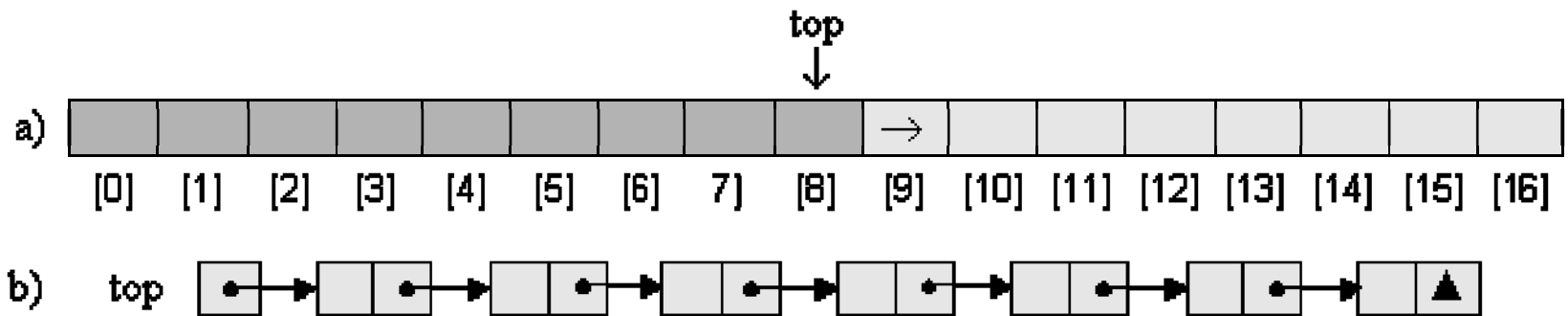
# Osnovne operacije

- **push** - dodaje element na vrh magacina (*OverflowException*),
- **pop** - čita i uklanjanja element sa vrha magacina (*UnderflowException*),
- **getTop** - čita element sa vrha magacina, ali ga ne uklanjanja (*UnderflowException*),
- **isEmpty** - proverava da li je magacin prazan i
- **numberOfElements** - vraća broj elemenata smeštenih u magacinu.

# Primer operacija

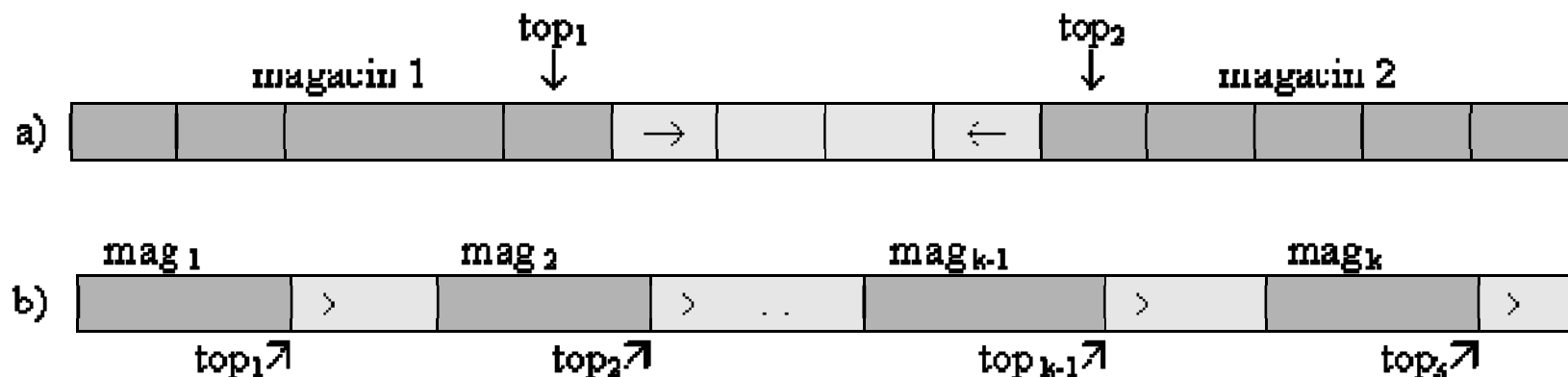


# Memorijska reprezentacija



Slika 4.3 Memorijska reprezentacija magacina: a) statička b) dinamička

# Statička implementacija više magacina koji dele zajednički memorijski prostor



# Primena - uparivanje zagrada

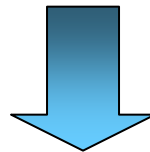
$$a + (b * c) - (d + e - (c + g) * (b * c))$$
[illegible]



# Primer - prevođenje aritmetičkih izraza iz infix u postfix notaciju

Redni broj	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
Ulazni znak	(	(	a	+	b	)	*	c	/	d	+	e	↑	f	)	/	g	;
	↓	↓		↓		↑	↓		↑↓		↓		↓		↑	↓		↑
Magacin	(	(	(	(	(	(	(	(	(	(	(	(	(	(		/	/	
Izlaz			a	b	+		c	*	d	/	e	f	↑	+		g	/	

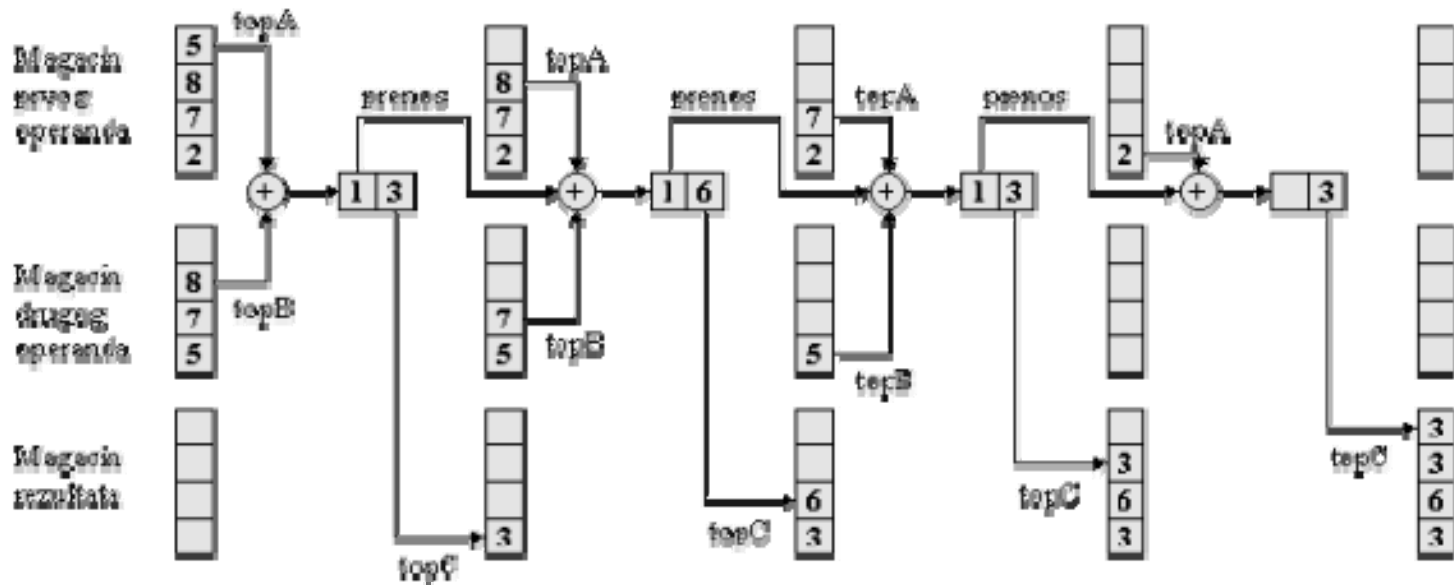
$((a + b) * c / d + e \uparrow f) / g$



$ab + c * d / e f \uparrow + g /$

# Primer - sabiranje velikih celih brojeva

npr. 234 524 876 023 227 + 1 243 808 276



Primer sabiranja brojeva 2785 i 578 korišćenjem magacina

# Virtuelna klasa magacina

```
template <class T>
class Stack
{
public:
virtual T getTop() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual void push(T object) {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual T pop() {throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual bool isEmpty() {return true;}
virtual long numberOfElements() {return 0;}
};
```

# Statička implementacija magacina

```
template <class T>
class StackAsArray : public Stack<T>
{
protected:
    T* array;           // polje elemenata
    long size;           // veličina polja
    long top;            // indeks vršnog elementa
public:
    StackAsArray(long nsize){
        size = nsize;
        array = new T[size];
        top = -1;
    };
    bool isEmpty () { return (top == -1); }
    long numberOfElements () { return (top + 1); }
    ~StackAsArray() { delete [] array; }
```

# Statička implementacija magacina

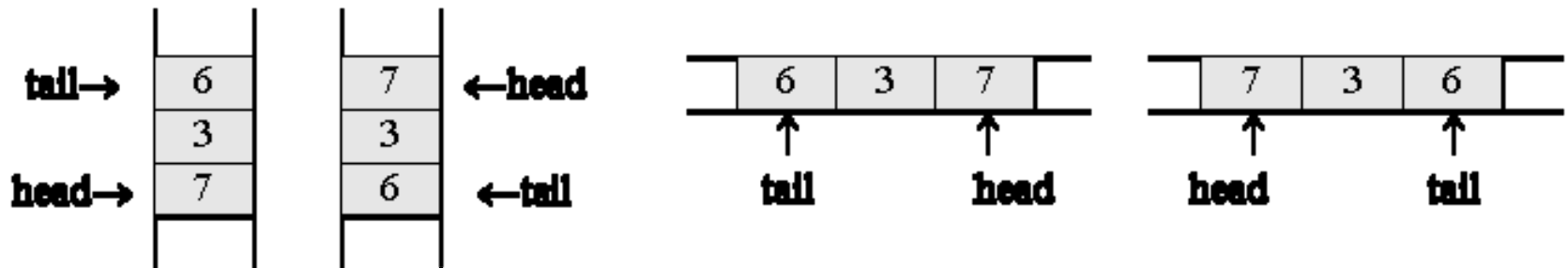
```
void push(T object){  
    if (top == (size - 1) )  
        throw new SBPEException("Stack overflow!");  
    array [++top] = object;  
}  
  
T pop() {  
    if (top == -1)  
        throw new SBPEException("Stack underflow!");  
    T result = array [top--];  
    return result;  
}  
  
T getTop() {  
    if (top == -1)  
        throw new SBPEException("Stack underflow!");  
    return array [top];  
}
```

# Red

- *Red* (engl. *queue*) je linearna struktura podataka koja omogućuje pristup samo najranije dodatom podatku, odnosno podatak prvi dodat u red se prvi i čita iz reda. Red radi po principu FIFO (*first-in, first-out*).

# Organizacija reda

Red je specijalni slučaj linearne liste kod koje se novi element dodaje na jednom kraju liste, koji se naziva **kraj** ili **rep** (engl. *tail*) liste, a briše sa drugog kraja liste, koji se naziva **početak** ili **glava** (engl. *head*) liste.

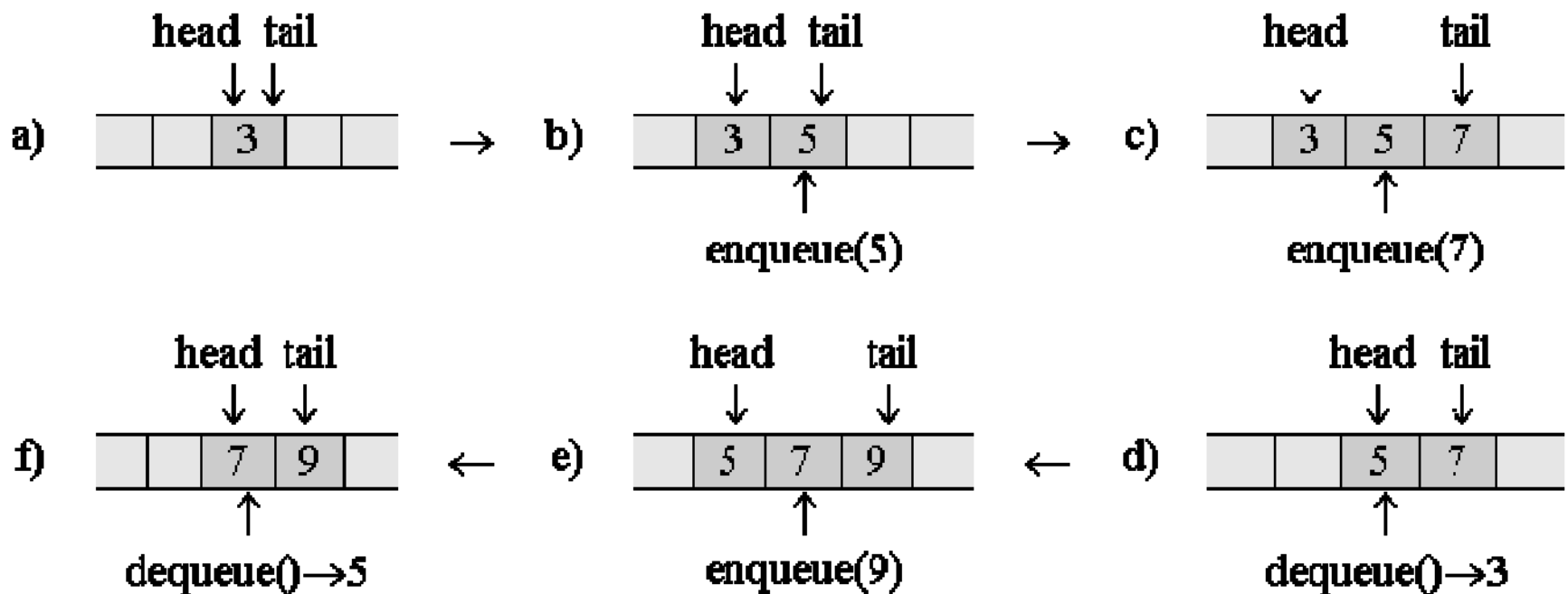


# Osnovne operacije

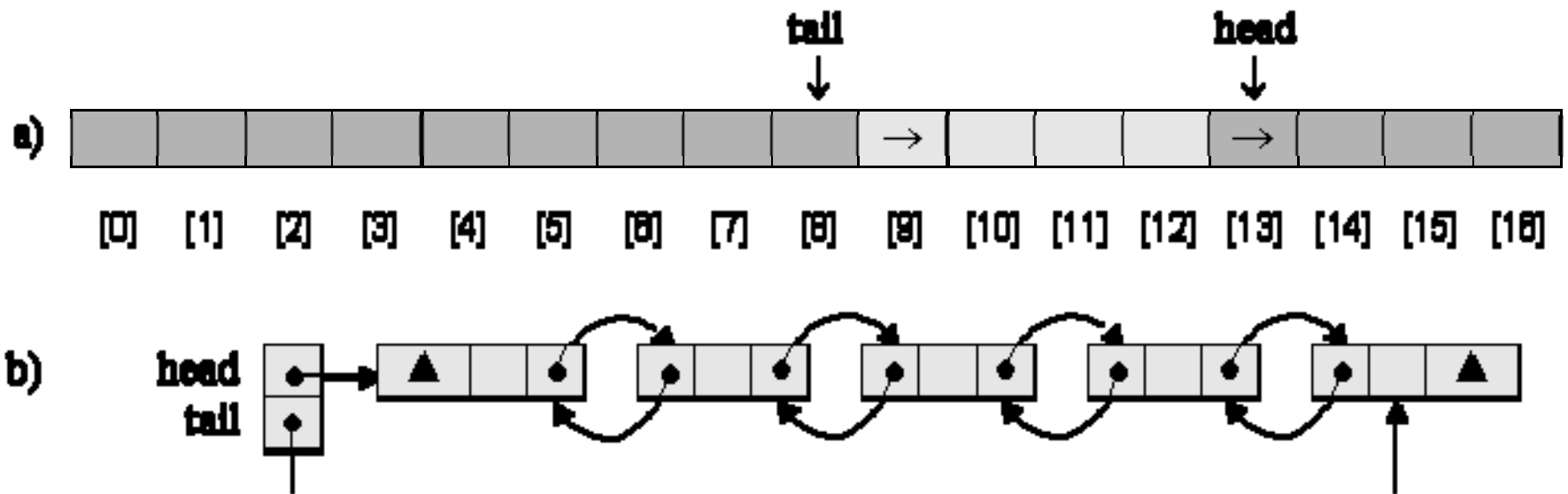
- **enqueue** - dodaje element na kraj reda (*OverflowException*),
- **dequeue** - čita i uklanjanja element sa početka reda (*UnderflowException*),
- **getHead** - čita element sa početka reda, ali ga ne uklanjanja (*UnderflowException*),
- **isEmpty** - proverava da li je red prazan i
- **numberOfElements** - vraća broj elemenata smeštenih u redu.



# Primer dodavanja i brisanja elemenata



# Memorijska reprezentacija



# Virtuelna klasa reda

```
template <class T>
class Queue
{
public:
virtual T getHead() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual void enqueue(T object){
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual T dequeue() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual bool isEmpty() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual long numberOfElements() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
};
```

# Statička implementacija reda

```
template <class T>
class QueueAsArray : public Queue<T>
{
protected:
    T* array;                // polje elemenata
    long size;                // veličina polja
    long head;                // indeks početnog elementa
    long tail;                // indeks krajnjeg elementa
    long numOfElements;       // broj elemenata u redu

public:
    QueueAsArray(long nsize){
        size = nsize;
        array = new T[size];
        head = tail = -1;
        numOfElements = 0;
    }
    bool isEmpty() { return (numOfElements == 0); }
    long numberOfElements() { return numOfElements; }
    ~QueueAsArray() { delete [] array; }
```

# Statička implementacija reda

```
T getHead() {
    if (numOfElements == 0)
        throw new SBPEException("Queue underflow!");
    return array [head];
}
void enqueue(T object) {
    if (numOfElements == size)
        throw new SBPEException("Queue overflow!");
    if (++tail == size) tail = 0;
    array [tail] = object;
    if (numOfElements == 0) head = tail;
    numOfElements++;
}
T dequeue() {
    if (numOfElements == 0)
        throw new SBPEException("Queue underflow!");
    T result = array [head];
    if (++head == size) head = 0;
    numOfElements--;
    if (numOfElements == 0) head = tail = -1;
    return result;
}
```

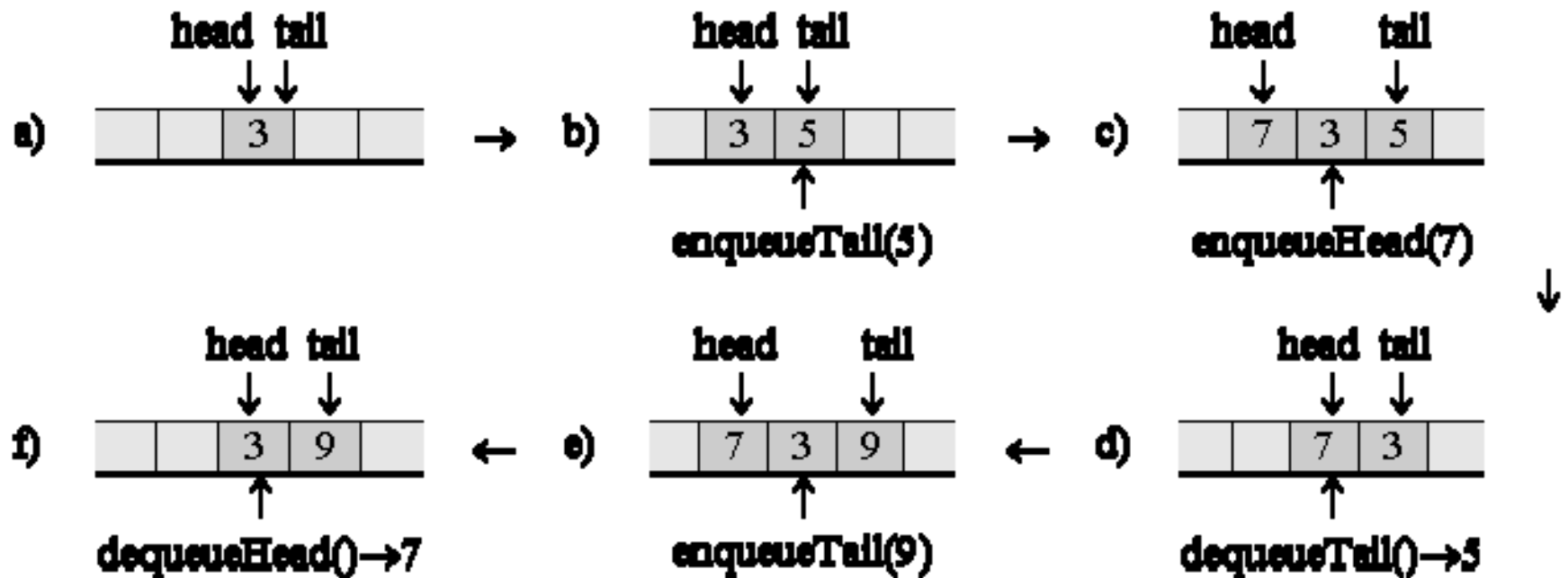
# Dvostrani red

- *Dvostrani red (engl. **deque**) je linearna struktura podataka koja omogućuje dodavanje i brisanje podataka sa oba kraja.*

# Osnovne operacije

- **enqueueHead** - dodaje element na početak dvostranog reda (*OverflowException* ),
- **enqueueTail** - dodaje element na kraj dvostranog reda (*OverflowException*),
- **dequeueHead** - čita i uklanja element sa početka dvostranog reda (*UnderflowException*),
- **dequeueTail** - čita i uklanja element sa kraja dvostranog reda (*UnderflowException*),
- **getHead** - čita element sa početka dvostranog reda, ali ga ne uklanja (*UnderflowException*),
- **getTail** - čita element sa kraja dvostranog reda, ali ga ne uklanja (*UnderflowException*),
- **isEmpty** - proverava da li je dvostrani red prazan i
- **numberOfElements** - vraća broj elemenata smeštenih u dvostranom redu.

# Primer dodavanja i brisanja elemenata





# Virtuelna klasa dvostranog reda

```
template <class T>
class Deque
{
public:
virtual T getHead() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual T getTail() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual void enqueueHead(T object){
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual void enqueueTail(T object){
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual T dequeueHead() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual T dequeueTail() {
    throw new SBPEException("Virtual function call!");}
virtual bool isEmpty() {return true;}
virtual long numberOfElements() {return 0;}
};
```

# Statička implementacija dvostranog reda

```
template <class T>
class DequeAsArray : public QueueAsArray<T>, Deque<T>
{
public:
    DequeAsArray(long nsize) : QueueAsArray<T>(nsize){ };

    void enqueueHead(T object)
    {
        if (numOfElements == size)
            throw new SBPEException("Deque overflow!");
        if (numOfElements == 0)
            head = tail = 0;
        else if (head-- == 0)
            head = size - 1;
        array [head] = object;
        ++numOfElements;
    };

    T dequeueHead() { return dequeue(); }
```

# Statička mplementacija dvostranog reda

```
T getTail() {
    if (numOfElements == 0)
        throw new SBPEException("Deque underflow!");
    return array[tail];
}

void enqueueTail(T object) { enqueue (object); }

T dequeueTail() {
    if (numOfElements == 0)
        throw new SBPEException("Deque underflow!");
    T result = array [tail];
    if (tail-- == 0)
        tail = size - 1;
    --numOfElements;
    return result;
}
```

# Zadaci za proveru prihvatanja gradiva

- Projektovati klasu SStack i implementirati funkciju za prevođenje aritmetičkih izraza iz infix u postfix notaciju. Izraz se zadaje u obliku stringa (niza karaktera) i može sadržati zagrade i blanko znake. Smatrati da postoje sledeći operatori: +, -, \* i /, a da se operandi zadaju jednim slovom alfabetu.
- Predložiti implementaciju (tj. pobrojati potrebne attribute klase i nacrtati algoritam realokacije)  $n$  magacina koji dele zajednički memorijski prostor veličine  $m$  memorijskih lokacija, tako da ukoliko dodje do prekoračenja u nekom od magacina treba preraspodeliti slobodni prostor  $M$ , tako da:
  - $\alpha M$  lokacija bude dodeljeno na osnovu trenutne veličine magacina,
  - $\beta M$  lokacija bude dodeljeno proporcionalno porastu magacina od prethodne realokacije i
  - $\gamma M$  lokacija dodeliti ravnopravno svim magacinima.

Parametri  $\alpha$ ,  $\beta$  i  $\gamma$  su konstante koje se definišu unutar klase koja implementira  $n$ -tostruki magacin.

