```
图论
                                        1. 边双联通 tarjan 2. 点双联通 tarjan
3. 有向图强联通 tarjan 4. 倍增lca 5. 构造圆方树
6. 最小树形图: 朴素算法 7. blossom algorithm
8. euler_tour
计算几何
9. 最小圆覆盖
数论
                                        10. 线性筛 & 杜教筛 11. 类 Euclid 算法
网络流
12. dinic 13. 费用流
字符串
14. manacher 15. KMP 16. 回文自动机
17. 后缀排序: DC3 18. AC 自动机
19. 后缀排序: 倍增算法 20. 后缀排序: SA-IS 21. pam
数据结构
22. 权值splay 23. 序列splay 24. ntt 25. fft 26. lct
27. 左偏树
最优化
28. 三分_上凸函数 29. 单纯型
其它文档
```

1. 边双联通 tarjan

```
1 const int N = 5010; // 3352只用1010即可
   struct node{
     int v,w,id;
     node(int v = 0, int w = 0, int id = 0):v(v), w(w)
 4
   ,id(id){};
 6 vector<node>G[N];
 7 int pre[N]
 8 int low[N];
  int dfs num;int ans ;int n,m;
10 void in \overline{i}t()
11
     mem(pre,0); mem(low,0);
12
     for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
     dfs_num = 0;ans = INF;
13
14
15 int dfs(int u,int fa){
     low[u] = pre[u] = ++dfs_num;
for(int i=0;i<G[u].size();i++){
16
17
       int v = G[u][i].v;
int id = G[u][i].id;
18
19
20
        if(id == fa) continue;
21
        if(!pre[v]){
22
          dfs(v,id);//注意这里 第二个参数是 id
23
          low[u] = min(low[u], low[v]); //用后代的low更新
   当前的
24
25
26
          low[u] = min(low[u], pre[v]); //利用后代v的反向
   边更新low
27
28 int main(){
     int t;
     while(scanf("%d%d",&n,&m)!=EOF&& (n || m)){
30
31
        int a,b,c;
32
        init()
33
       for(int i=1;i<=m;i++){
          scanf("%d%d",&a,&b);
G[a].push_back(node(b,0,i));
34
35
36
          G[b].push back(node(a,0,i));
37
38
       for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
```

```
if(!pre[i])
39
40
               dfs(i,0);
41
             //cout<<i<<endl;
42
43
          int degree[N];mem(degree,0);
         for(int i=1;i<=n;i++){
  for(int j=0;j<G[i].size();j++){
    int v = G[i][j].v;
    if(low[i] != low[v]){</pre>
44
45
46
47
48
                  degree[low[v]]++; degree[low[i]]++;
49
          int 1 = 0;
for(int i=1;i<=dfs_num;i++)</pre>
50
51
52
             if(degree[i] == 2)
53
54
          printf("%d\n",(l+1)/2);
55
56
       return 0;
57
```

2. 点双联通 tarjan

```
1 void tarjan(int u, int fa)
     pre[u] = low[u] = ++dfs_clock;
     for (int i = 0; i < (int)G[u].size(); i++) {
  int v = G[u][i];</pre>
        if (!pre[v])
          S.push(Edge(u, v));
 6
          tarjan(v, u);
low[u] = min(pre[v], low[u]);
 8
 9
          if (low[v] >= pre[u]) {
10
            bcc_cnt++;
11
             bcc[bcc_cnt].clear();
12
             for(;;)
               Dr(;;) {
Edge x = S.top(); S.pop();
if (bccno[x.u] != bcc_cnt)
13
14
15
                 bcc[bcc_cnt].push_back(x.u);
                 bccno[x.u] = bcc\_cnt;
16
17
               if (bccno[x.v] != bcc\_cnt) +
18
19
                 bcc[bcc cnt].push back(x.v);
20
                 bccno[x.v] = bcc\_cnt;
21
22
               if (x.u == u \&\& x.v == v) break;
23
24
        else if (pre[v] < pre[u] && v != fa) {
25
          S.push(Edge(u, v))
26
          low[u] = min(low[u], pre[v]);
27 }}}
```

3. 有向图强联通 tarjan

```
int n,m;
 2 int héad[N],pos;
 3 struct edge{int to,next;}e[N<<1];
4 void add(int a,int b)</pre>
 5 \{pos++; e[pos].to=b, e[pos].next=head[a], head[a]=p
   os;}
 6 int dfn[N],low[N],SCC;
 7 bool in[N];
 8 int st[N],top,T;
 9 vector<int>G[N];
10 void tarjan(int u)
     st[++top]=u;in[u]=1;
11
12
     dfn[u]=low[u]=++T;
     for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
  int v=e[i].to;
13
14
15
        if(!dfn[v])
16
          tarjan(v)
17
          low[u]=min(low[u],low[v]);
18
19
        else if(in[v])low[u]=min(low[u],dfn[v]);
20
21
22
     if(low[u] == dfn[u]) {
        int v:
23
24
        ++SCC;
        do {
25
          ν=st[top--];
26
          in[v]=false;
27
          G[SCC].push_back(v);
28
        \}while(\vec{v}!=u);
29
30 int main() {
31    scanf("%d%d",&n,&m);
32
     for(int i=1;i<=m;i++) {</pre>
33
        int x,y;
```

```
34
       scanf("%d%d",&x,&y);
35
       add(x,y);
36
37
     for(int i=1;i<=n;i++)if(!dfn[i])tarjan(i);</pre>
38 }
```

4. 倍增lca

```
1 int lca(int x,int y) {
      if(deep[x] < deep[y]) swap(x,y);
      int t=deep[x]-deep[y];
for(int i=0;bin[i]<=t;i++)</pre>
        if(t&bin[i])x=fa[x][i];
      for(int i=16;i>=0;i-
        if(fa[x][i]!=fa[y][i])
x=fa[x][i],y=fa[y][i];
8
      if(x==y)return x;
10
      return fa[x][0];
11 }
```

5. 构造圆方树

G 用于存图, T 是构造的圆方树。只有一个点的点双没有添 加方点。

```
1 static vector<int> G[NMAX + 10], T[NMAX + 10];
 2 void bcc(int u, int f = 0) {
     static stack<Pair> stk;
     static bool marked[NMAX + 10];
     static int in[NMAX + 10], low[NMAX + 10], cur;
     in[u] = low[u] = ++cur;
     for (int v : G[u]) {
    if (v == f) f = 0; // 应对重边
    else if (in[v]) low[u] = min(low[u], in[v]);
 9
10
          stk.push(Pair(u, v)); // stk 内存储 DFS 树
   上的边
          bcc(v, u);

low[u] = min(low[u], low[v]);
12
13
          if (low[v] > in[u]) (low[v] > in[u]) (low[v] > in[u]) 割边 (low[v] > in[u])
15
16
            T[v].push_back(u);
17
             stk.pop()
18
          } else if (low[ν] >= in[u]) { // 可能有点双
19
20
            int linked = 0, p = n + cnt; // linked
   点数, p 圆方树上的新方点
21
            auto add = [p, &linked](int x) {
               if (!marked[x]) {
  marked[x] = true;
22
23
                 T[p].push_back(x);
T[x].push_back(p);
24
25
26
                 linked++;
            while (!stk.empty()) {
28
               Pair x = stk.top();
29
               stk.pop();
30
31
               add(x.u);
32
               add(x.v);
33
               if (x.u == u \&\& x.v == v) break;
             for (int \ v : T[p]) marked[v] = false;
            if (linked == 0) cnt--; // 假点双
36
37 }}}
```

6. 最小树形图: 朴素算法

给定一张 n 个点 m 条边的带权有向图,求以 r 为根的最小树 形图上的边权总和,如果不存在输出 -1。时间复杂度为 O(nm)。调用 mdst(r) 获得答案,调用前需清空 id 数组。如要求不定 根的最小树形图, 可以额外添加一个节点, 向原图中的每个点连 接一条边权为 ∞ 的边。

```
1 static int n, m, G[NMAX + 10], nxt[MMAX + 10];
 2 static struct Edge { int u, v, w; } E[MMAX + 10]
      *in[NMAX + 10];
3 static int id[NMAX + 10], mark[NMAX + 10];
4 int find(int x) { return id[x] ? id[x] = find(id
   [x]) : x;
  int dfs(int x) {
  mark[x] = 1; int ret = 1;
      for (int i = G[x]; i; i = nxt[i])
        if (!mark[E[i].v]) ret += dfs(E[i].v);
     return ret:
10 }
```

```
11 inline int detect(int x) {
      mark[x] = x;
      for (int \ y = in[x] -> u; in[y]; \ y = in[y] -> u)
if (mark[y]) return mark[y] == x ? y : 0;
13
14
15
         else mark[y] = x;
16
       return 0;
17
18 int mdst(int r) {
      if (dfs(r) < n) return -1;
19
       int ret = 0;
      while (true)
21
         memset(in, 0, sizeof(in));
memset(mark, 0, sizeof(mark));
for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++)</pre>
22
23
24
25
            if (e->u != e->v && e->v != r && (!in[e->v
    | | | e^{->w} < in[e^{->v}]^{->w} |
26
              in[e\rightarrow v] = e;
27
         int p = 0, t = 0;
         for (int x = 1; x <= n; x++, t |= p) if (!ma
28
    rk[x] && in[x])
            if (!(p = detect(x))) continue;
ret += in[p]->w;
29
30
31
            for (int x = in[p] -> u; x != p; x = in[x] ->
   u)
32
            id[find(x)] = p, ret += in[x] -> w;
for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++) {
33
               int u = \text{find}(e -> u), v = \text{find}(e -> v);
34
35
               if (u != p \&\& v == p) e->w -= in[e->v]->
   W;
36
               e - > u = u; e - > v = v;
37
38
         if (!t) break;
39
40
       for (int x = 1; x <= n; x++) if (in[x]) ret +=
    in[x] \rightarrow w;
41
      return ret;
42 }
```

```
7. blossom algorithm
 1 const int maxn = 510;
    struct node {
        int v;
        node *next;
    } pool[maxn*maxn*2] , *q[maxn];
 6 int top,n , m,match[maxn];
 7 int kind[maxn] , pre[maxn] , vis[maxn] , c[maxn]
 8 queue \langle int \rangle q;
 9 int f[maxn],ans;
10 \textit{void} add ( \textit{int } u , \textit{int } v ) {node *tmp = &pool[++ top];tmp -> v = v; tmp -> next = g[u]; g[u] = tm
11 int find ( int x ) {int i , t;for ( i = x ; c[i]
     > 0 ; i = c[i] ) ; while ( c[x] > 0 ) {t = c[x]; c[x] = i; x = t;} return i;}
12 void getpath ( int x , int tar , int root ) {
       int t;
       while ( x != root ) {t = match[x];match[tar] =
    x; match[\hat{x}] = tar; tar = \hat{t}; \hat{x} = pre[\hat{t}]; \hat{x}
        match[tar] = x; match[x] = tar;
15
16
17 int lca ( int u , int v , int root ) {
18    int i; for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) f[i] = 0;
19    while ( find ( u ) != root ) {u = find ( u ); f
    [u] = 1; if ( !match[u] ) break; u = pre[match[u]]
20
       f[root] = 1;
while ( find ( v ) != root ) {v = find ( v );i
     f(f[v] = 1) return v; if ('!match[v]) break;
    v = pre[match[v]];}
22
        return root:
23 }
24 void blossom ( int x , int y , int l ) {
25  while ( find ( x ) != l ) {pre[x] = y;y = matc h[x];if ( kind[match[x]] == 2 ) {kind[match[x]] = 1;q.push ( match[x] );}if ( find ( x ) == x ) c[find(x)] = l;if ( find ( match[x] ) == match[x] );
       ) c[\dot{f}ind(match[x])] = 1; x = pre[y];
26
27 void bfs ( int x ) {
28
29
       int k , i , z;
for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {</pre>
30
           kind[i] = pre[i] = vis[i] = 0; c[i] = -1;
31
32

\overset{\circ}{\mathsf{while}} (q.\mathsf{size}()) q.\mathsf{pop}();q.\mathsf{push}(x);\mathsf{kind}
```

```
[x] = 1; vis[x] = 1;
33
       while(q.size())
         34
35
36
37
38
39
                  return ;
40
41
               else {
                  kind[j->v] = 2;
42
43
                  kind[match[j->v]] = 1;
                  pre[j-v] = k;

vis[j-v] = 1; vis[match[j-v]] = 1;
45
46
                  q.push ( match[j->v] );
47
48
            else
               if ( find ( k ) == find ( j \rightarrow \nu ) ) con
49
   tinue;
50
               if ( kind[find(j->v)] == 1 ) {
                  z = lca (k, j \rightarrow v, x);
blossom (k, j \rightarrow v, z);
blossom (j \rightarrow v, k, z);
51
52
53
54 }}}}
55 void work () {
      int i , u , v;
scanf ( "%d%d" , &n , &m );
for ( i = 1 ; i <= m ; i++ ) {
    scanf ( "%d%d" , &u , &v );
    add ( u , v ); add ( v , u );</pre>
60
62
       for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
         if ( !match[i] ) bfs ( i );
64
       for (i = 1; i \leftarrow n; i++) if (match[i]) a
65
   printf ( "%d\n" , ans / 2 );
  for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) printf ( "%d%c" ,
match[i] , i==n?'\n':' ' );</pre>
67
68
```

8. euler_tour

```
1 stack < int > s;
2 void dfs ( int i )
      for ( node *j = g[i] ; j ; j = j -> next ) if
!j -> taboo ) {
    s.push ( j -> f );
3
        j -> taboo = 1;
dfs ( j -> v );
         ans[++index] = s.top();
         s.pop ();
10 }
```

9. 最小圆覆盖

```
1 const int maxn = 120000;
 2 struct point {
     double x , y;
   } a[maxn] , c , tmp1 , tmp2;
 5 int n;
 6 double r
 7 double tmp;
 8 double dis ( point x1 , point x2 ) {return sqrt ( (x1.x-x2.x)*(x1.x-x2.x) + (x1.y-x2.y)*(x1.y-x2
 9 \textit{double} det (point x1, point x2, point x3) {r
   eturn (x2.x-x1.x) * (x3.y-x1.y) - (x3.x-x1.x)
   (x2.y-x1.y);
10 double abs ( double x ) {if ( x < 0 ) return -x;
   return x;}
11 point getcen ( point x1 , point x2 , point x3 )
     double A , B , C , D , E , F; point ret; if ( x1.x == x2.x ) A = 0.0, B = 1.0, C = (x1.
12
13
   y+x2.y)/2.0:
14
     else {
        A = 1.0/((x1.y-x2.y) / (x1.x-x2.x)); B = 1.0; C = -(x1.y+x2.y)/2.0 - A * (x1.x+x2.x)/2.0;
15
16
17
     if (x1.x == x3.x) D = 0.0, E = 1.0, F = (x1.x)
18
   y+x3.y)/2.0;
19
     else {
        D = 1.0/((x1.y-x3.y) / (x1.x-x3.x));E = 1.0;
20
21
        F = -(x1.y+x3.y)/2.0 - D * (x1.x+x3.x)/2.0;
```

```
22
23
         ret.x = (B * F - C * E) / (A * E - B * D);
ret.y = (A * F - C * D) / (B * D - A * E);
24
25
         return ret;
26 }
27 void work () {
         rnt 1 , j , k,
srand(67890);
scanf ( "%d" , &n );
for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lf%lf"</pre>
29
30
31
        \&a[i].x , \&a[i].y );
random_shuffle ( a+1 , a+1+n );
32
33
         if ( n == 2 )
             printf ( "%.3lf\n", dis ( a[1] , a[2] ) /
34
     2.0
35
             return ;
36
37
         c.x = a[1].x; c.y = a[1].y; r = 0.0;
        c.x = a[i].x;c.y = a[i].y;r = 0.0;
for ( i = 2 ; i <= n ; i++ ) {
   if ( dis ( c , a[i] ) - r > 1e-9 ) {
     c.x = a[i].x;c.y = a[i].y;r = 0.0;
   for ( j = 1 ; j < i ; j++ ) {
     if ( dis ( c , a[j] ) - r > 1e-9
        c.x = (a[i].x + a[j].x) / 2.0;
        c.y = (a[i].y + a[j].y) / 2.0;
        r = dis ( a[i] , a[j] ) / 2.0;
        tmn = r: tmn1 = c:
38
39
40
41
42
                                                            -r > 1e-9 ) {
43
44
45
                        tmp = r; tmp1 = c;
for ( k = 1 ; k <= j - 1 ; k++ ) {
  if ( dis ( tmp1 , a[k] ) - tmp > 1e-
46
47
48
     9 ) {
49
                               if ( abs(det ( a[i] , a[j] , a[k]
     )) < 1e-9 ) continue;
50
                               tmp2 = getcen (a[i], a[j], a[k]
51
                                tmp = dis (tmp2, a[i]);
52
53
                               tmp1 = tmp2;
                        }}
54
                        c = tmp1; r = tmp;
55
56
57 }
         printf ( "%.31f\n" , r );
```

10. 线性筛 & 杜教筛

计算积性函数 f(n) 的前缀和 $F(n) = \sum_{k=1}^{n} f(k)$: 先选定辅 助函数 g(n) 进行 Dirichlet 卷积, 得到递推公式:

$$F(n) = rac{1}{g(1)} \left(\sum_{k=1}^n (f imes g)(k) - \sum_{k=2}^n g(k) F\left(\left\lfloor rac{n}{k}
ight
floor
ight)
ight)$$

对于 Euler 函数
$$\varphi(n)$$
,选定 $g(n)=1$,得:
$$\Phi(n)=\frac{n(n+1)}{2}-\sum_{k=2}^n\Phi\left(\left\lfloor\frac{n}{k}\right\rfloor\right)$$

对于 Mobius 函数
$$\mu(n)$$
,选定 $g(n)=1$,得: $M(n)=1-\sum_{k=2}^n M\left(\left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor\right)$

如果没有预处理,时间复杂度为 $\Theta(n^{3/4})$,空间复杂度为 $\Theta(\sqrt{n})$ 。如果预处理前 $\Theta(n^{2/3})$ 项前缀和,则时空复杂度均变为 $\Theta(n^{2/3})$ 。下面的代码以 Euler 函数为例,能够在 1s 内计算 10^{10} 内的数据。可以多次调用。

```
1 #define S 17000000 // for F(10^10)
2 static int pc, pr[S + 10];
3 static i64 phi[S + 10];
   static unordered_map<i64, i64> dat;
 0) a += MOD;
   inline i64 c2(i64 n) { n %= MOD; return n * (n +
1) % MOD * INV2 % MOD; }
   i64 F(i64 n) { // 杜教筛 if (n <= S) return phi[n];
 9
      if (dat.count(n)) return dat[n];
      i64 \&r = dat[n] = c2(n);
for (i64 i = 2, 1; i <= n; i = 1 + 1) {
10
11
        i6\hat{4} p = n / \hat{i};
12
        1 = n / p;

sub(r, (1 - i + 1) * F(p) % MOD); // (1 - i)
13
14
   + 1) % MOD?
15
16
      return r;
18 phi[1] = 1; // 线性筛
```

```
19 for (int i = 2; i <= S; i++) {
    if (!phi[i])
21
       pr[pc++] = i;
       phi[i] = i - 1;
23
24
     for (int j = 0; pr[j] * i <= S; j++) {
25
       int p = pr[j]
       if (i \% p)^{-}phi[i * p] = phi[i] * (p - 1);
26
27
         phi[i * p] = phi[i] * p;
28
29
         break;
30 }}}
31 for (int i = 2; i <= S; i++) add(phi[i], phi[i -
   1]);
```

11. 类 Euclid 算法

类 Euclid 算法在模意义下计算:

$$\sum_{k=0}^n k^p \left\lfloor rac{ak+b}{c}
ight
floor^q$$

其中所有参数非负,在计算过程中始终保证 K=p+q 不增, $a,c\geqslant 1$ 且 $b\geqslant 0$ 。需要 Bernoulli 数($B_1=+1/2$)来计算自然数幂前缀和 $S_p(x)=\sum_{k=1}^x k^p=\sum_{k=1}^{p+1} a_k^{(p)}x^k$,其中 $a_k^{(p)}=\frac{1}{p+1}\binom{p+1}{k}B_{p+1-k}$ 。代码中 has 为访问标记数组,每次使用前需清空,val 为记忆化使用的数组,qpow 是快速幂,S 是自然数幂前缀 和, A 记录了 $a_k^{(p)}$,C 是组合数。时空复杂度为 $O(K^3\log\max\{a,c\})$ 。

算法主要分为三个情况,其中 $a \ge c$ 和 $b \ge c$ 的情况比较简单。当 a, b < c 时,用 $j = \lfloor (ak+b)/c \rfloor$ 进行代换,注意最终要转化为 $\lfloor (c(j-1)+c-b-1)/a \rfloor < k \le \lfloor (cj+c-b-1)/a \rfloor$,再进行一次分部求和即可。注意处理 $k \le n$ 这个条件。

```
1 i64 F(i64 n, i64 a, i64 b, i64 c, int p, int q,
   int d = 0
     if (n < 0) return 0;
      if (has[d][p][q]) return val[d][p][q];
     has[d][p][q] = true;
      i64 &ret = val[d++][p][q] = 0; // 后面的 d 均加
 5
 6
      if (!q) ret = S(n, p) + (!p); // 注意 p = 0
   的边界情况
      else if (!a) ret = qpow(b / c, q) * (S(n, p) +
   (!p)) % MOD;
     else if (a >= c) {
    i64 m = a / c, r = a % c, mp = 1;
    mn =
 8
 9
        for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m % M
10
   OD)
          add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, r, b, c)
11
     p + j, q - j, d) % MOD);
} else if (b >= c) {
   i64 m = b / c, r = b % c, mp = 1;
12
13
        for (int j = 0; j \leftarrow q; j++, mp = mp * m % M
14
  OD)
     add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, a, r, c
p, q - j, d) % MOD);
} else {
15
16
        i64 m = (a * n + b) / c;
17
        for (int k = 0; k < q; k++) {
19
          i64 s = 0;
  for (int i = 1; i <= p + 1; i++)
    add(s, A[p][i] * F(m - 1, c, c - b - 1,
a, k, i, d) % MOD);</pre>
20
21
22
          add(ret, C[q][k] * s % MOD);
23
24
        ret = (qpow(m, q) * S(n, p) - ret) % MOD;
     } return ret;
25
26 }
```

12. dinic

```
1 void add ( int u , int v , int f ) {
2   node *tmp1 = &pool[++top] , *tmp2 = &pool[++to
p];
3   tmp1 -> v = v; tmp1 -> f = f; tmp1 -> next = g
[u]; g[u] = tmp1; tmp1 -> rev = tmp2;
4   tmp2 -> v = u; tmp2 -> f = 0; tmp2 -> next = g
[v]; g[v] = tmp2; tmp2 -> rev = tmp1;
5 }
6 bool makelevel () {
7   int i , k;
```

```
queue < int > q; for (i = 1; i <= 1 + n + n + 1; i++) level
    [i] = -1:
10
       level[1] = 1; q.push (1);
       while ( q.size () != 0 ) {
    k = q.front (); q.pop ();
    for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
        if ( j -> f && level[j->v] == -1 ) {
11
12
13
14
                 level[j->v] = level[k] + 1;
q.push ( j -> v );
15
16
17
                  if (j \rightarrow v == 1 + n + n + 1) return tr
    ue:
18
19
       return false:
20
21  int find ( int k , int key ) {
       if (k = 1 + n + n + 1) return key;

int i, s = 0;
22
23
    for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
    if ( j -> f && level[j->v] == level[k] + 1 &
    s < key ) {
        i = find ( j -> v , min ( key - s , j -> f)
24
26
              j \rightarrow f = i;
27
28
              j \rightarrow rev \rightarrow f += i;
29
              s += i;
30
31
       if(s == 0) level[k] = -1;
32
       return s;
33 }
34 void dinic () {
35     int ans = 0;
36
       while ( makelevel () == true ) ans += find ( 1
    , 99999 );
       //printf ( "%d\n" , ans );
if ( ans == sum ) printf ( "^_^\n" );
else printf ( "T_T\n" );
38
39
40 }
```

13. 费用流

```
1 void add ( int \ u , int \ v , int \ f , int \ c ) { 2 node *tmp1 = &pool[++top] , *tmp2 = &pool[++to
    p];

tmp1 -> v = v; tmp1 -> f = f; tmp1 -> c = c; t

---- +mp1 + tmp1 -> rev = t
    mp1 \rightarrow next = g[u]; g[u] = tmp1; tmp1 \rightarrow rev = t
       tmp2 -> v = u; tmp2 -> f = 0; tmp2 -> c = -c;
     tmp2 \rightarrow next = g[v]; g[v] = tmp2; tmp2 \rightarrow rev =
     tmp1;
  6 bool spfa () {
        int i , k;
    queue < int > q;
for ( i = 1 ; i <= 1 + n*m*3 + 1 ; i++ ) dis[i
] = 9999999, f[i] = 0;
dis[1] = 0; f[1] = 1; q push ( 1 );</pre>
10
        dis[1] = 0;
                           \tilde{f}[\tilde{1}] = 1; q.push (1);
        while ( q.size () != 0 ) {
    k = q.front (); q.pop (); f[k] = 0;
    for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
        if ( j -> f && dis[j->v] > dis[k] + j -> c
11
12
13
14
     ) {
15
                  dis[j\rightarrow v] = dis[k] + j \rightarrow c;
                  from [j->v] = j;
if (f[j->v] == 0) q.push (j->v);
16
17
                 f[j\rightarrow v] = 1;
18
19
20
21
        if ( dis[1+n*m*3+1] != 9999999 ) return true;
22
        return false;
23
24  int find () {
25     int i , f = 999999 , s = 0;
26     for ( i = 1+n*m*3+1 ; i != 1 ; i = from[i] ->
27     rev -> v ) f = min ( f , from[i] -> f );
28     rev -> f :
        flow += f;
    for ( i = 1+n*m*3+1 ; i != 1 ; i = from[i] -> rev -> v ) from[i] -> f -= f, from[i] -> rev ->
    f += f
29
       return f * dis[1+n*m*3+1];
30 }
31 void dinic () {
32
        int ans = 0;
        while ( spfa () == true ) ans += find ();
33
34
         //printf ( "%d\n"
                                        flow );
        if ( flow == sum && sum == sum1 ) printf ( "%d
35
```

14. manacher

15. KMP

```
1 int p[101];
 2 int main()
      string a,b;
      cin>>a>>b;
      int n=a.length(),m=b.length();
a=" "+a;b=" "+b;
       int j=0;
      for(int i=2;i<=m;i++) {
  while(j>0&&b[j+1]!=b[i])j=p[j];
  if(b[j+1]==b[i])j++;
 8
10
11
         p[i]=j;
12
       j=0:
13
14
       for(int i=1;i<=n;i++)
         while(j > 0 & b[j+1]! = a[i]) j = p[j];
         if(b[j+1]==a[i])j++;
if(j==m){printf("%d",i-m+1);break;}
16
17
18
19
      return 0;
20 }
```

16. 回文自动机

```
1 int val[N];
 2 int head[N],pos;
 3 struct edge{int to,next;}e[N<<1];</pre>
 4 void add(int a,int b)
 5 {pos++; e[pos].to=b, e[pos].next=head[a], head[a]=p
   os;
 6 struct Tree
     char ch[N];
     int now,cnt,odd,even;
int fail[N],len[N],go[N][26];
10
     void init() {
11
        now=cnt=0;
12
        odd=++cnt, even=++cnt;
13
        len[odd]=-1,len[even]=0;
14
        fail[odd]=fail[even]=odd;
15
        now=even; add(odd, even);
16
17
     void insert(int pos,char c) {
18
        while(ch[pos-1-len[now]]!=c)now=fail[now];
        if(!go[now][c-'a']) {
   go[now][c-'a']=++cnt;
19
20
          len[cnt]=len[now]+2;
21
22
          if(now==odd)fail[cnt]=even;
23
          else {
            int t=fail[now];
while(ch[pos-1-len[t]]!=c)t=fail[t];
fail[cnt]=go[t][c-'a'];
24
25
26
27
28
          add(fail[cnt],cnt);
29
        now=go[now][c-'a'];
30
31
        val[now]++;
32
33
     void dfs(int u)
34
        for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
35
          int v=e[i].to;
36
          dfs(v);
37
          val[u]+=val[v];
38
39
     long long cal()
40
        Long Long ret=0;
41
        for(int i=3;i<=cnt;i++)</pre>
          ret=max(ret,1ll*len[i]*val[i]);
42
```

```
43 return ret;
44 }
45 }tree;
```

17. 后缀排序: DC3

DC3 后缀排序算法,时空复杂度 $\Theta(n)$ 。字符串本体 s 数 组、sa 数组和 rk 数组都要求 3 倍空间。下标从 0 开始,字符串 长度为 n,字符集 Σ 为 [0, m]。partial_sum 需要标准头文件 numeric。

```
1 #define CH(i, n) i < n ? s[i] : 0
2 static int ch[NMAX + 10][3], seq[NMAX + 10];
3 static int arr[NMAX + 10], tmp[NMAX + 10], cnt[N</pre>
   MAX + 10]
   inline bool cmp(int i, int j) {
   return ch[i][0] == ch[j][0] && ch[i][1] == ch[
   j][1] && ch[i][2] == ch[j][2];
 7 inline bool sufcmp(int *s, int *rk, int n, int i
     1]
      if (s[i + 1]] = s[j + 1]) return s[i + 1] < s[
   j + 1]
11
      return rk[i + 2] < rk[j + 2];
12
13 void radix sort(int n, int m, int K, bool init =
   true)
14
      if (init) for (int i = 0; i < n; i++) arr[i] =
      int *a = arr, *b = tmp;
for (int k = 0; k < K; k++) {</pre>
15
16
                                           * (m + 1))
        memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
for (int i = 0; i < n; i++) cnt[ch[a[i]][k]]</pre>
17
18
19
        partial_sum(cnt, cnt + m + 1, cnt);
   for (int i = n - 1; i >= 0; i--) b[--cnt[ch[a[i]][k]]] = a[i];
20
21
        swap(a, b);
22
23
      if (a != arr) memcpy(arr, tmp, sizeof(int) * n
24
25 void suffix_sort(int *s, int n, int m, int *sa,
   int *rk)
      s[n] = \tilde{0}; n++;
26
27
      int^{2}p = 0, q = 0;
for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) for (int j
28
   = 0; j < 3; j++)

ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);

for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) for (int j
29
30
   = 0; j < 3; j++)
ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);
31
      radix_sort(p, m, 3);
for (int i = 0; i < p; i++) {
32
33
34
        if (!q || (q && !cmp(arr[i - 1], arr[i]))) q
35
        s[n + arr[i]] = q;
36
37
      if (q < p) suffix_sort(s + n, p, q, sa + n, rk)
   + n):
38
      else {
39
        for (int i = 0; i < p; i++) sa[n + s[n + i]
40
        for (int i = 0; i < p; i++) rk[n + sa[n + i]
   ]
     = i + 1;
41
      m = max(m, p);
42
43
      for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) rk[i] = rk
44
   [ n
      for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) rk[i] = rk
45
       + p]
      for (int i = 0; i < n; i++) if (i % 3) seq[rk[</pre>
       - 1] = i;
      for (int i = 0; i < n; i += 3, q++) {
ch[i][0] = i + 1 < n ? rk[i + 1] : 0;
47
48
49
        ch[i][1] = s[i];
50
        arr[q] = i;
51
     radix_sort(q, m, 2, false);
for (int i = seq[0] == n - 1, j =
1, k = 0; i 
52
53
                                        1, j = arr[0] == n
```

```
if (i == p) sa[k] = arr[j++];
selse if (j == q) sa[k] = seq[i++];
selse if (sufcmp(s, rk, n, seq[i], arr[j])) s
    a[k] = seq[i++];
selse sa[k] = arr[j++];
selse sa[k]
```

18. AC 自动机

时间复杂度 $O(n+m+z+n|\Sigma|)$, n 是模板串总长度, m 是目标串长度, z 是总匹配次数, Σ 是字符集。如果想移掉 $n|\Sigma|$ 这一项, 需要使用哈希表。传入的字符串下标从 0 开始。

```
1 struct Node {
        Node() : mark(false), suf(NULL), nxt(NULL) {
          memset(ch, 0, sizeof(ch));
       bool mark;
Node *suf, *nxt, *ch[SIGMA];
 8 void insert(Node *x, char *s) {
9    for (int i = 0; s[i]; i++) {
      int c = s[i] - 'a';
}
          int c = s[i] -
10
11
           if (!x \rightarrow ch[c]) x \rightarrow ch[c] = new Node;
          x = x \rightarrow ch[c];
13
14
       x->mark = true;
15 }
16 void build_automaton(Node *r) {
       queue<Node *> q;
for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
   if (!r->ch[c]) continue;
   r->ch[c]->suf = r;
20
          q.push(r->ch[c]);
21
22
23
       while (!q.empty()) {
          Node *x = q.front();
24
25
           q.pop();
          for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
  Node *v = x->ch[c]; if (!v) continue;
              Node *y = x - suf;

while (y != r && !y - suf) y = y - suf;
28
29
              if (y \rightarrow ch[c]) y = y \rightarrow ch[c];

v \rightarrow suf = y;
30
31
              if (y->mark) v->nxt = y;
32
33
              else v->nxt = y->nxt;
              q.push(v);
35 }}}
36 void search(Node *x, char *s) {
37     for (int i = 0; s[i]; i++) {
38     int c = s[i] - 'a';
          while (x-) suf && [x-)ch[c]) x = x-)suf;
39
          if (x->ch[c]) x = x->ch[c];
if (x->mark) print(i + 1, x->data);
for (Node *y = x->nxt; y; y = y->nxt) print(
40
41
42
    i + 1, y->data);
43 }}
```

19. 后缀排序: 倍增算法

倍增法后缀排序,时间复杂度为 $\Theta(n\log n)$ 。 suffix_sort 是本体,结果输出到 sa 数组和 rk 数组(排名数组)。参数 s 是字符串,下标从 0 开始,n 是字符串长度,m 是字符集大小(一般为 255,字符集为 $\Sigma=\{0,1,2,...,m\}$,0 是保留的 \$ 字符)。算法运行完毕后 sa 数组里面存的是从 0 开始的下标,rk 数组里面存的是从 1 开始的排名值。

另外附带一个线性求 1cp 数组的代码。1cp 数组下标从 1 开始,实际上只有在 2 到 n 范围内的才是有效值。参数意义与 suffix_sort 相同。

```
1 static int sa[NMAX + 10], rk[NMAX + 10], lcp[NMA
    X + 10];
2 void suffix_sort(const char *s, int n, int m) {
3    static int x[NMAX + 10], y[NMAX + 10], cnt[NMA
    X + 10], i;
4    for (i = 0; i < n; i++) cnt[s[i]]++;
5    for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
6    for (i = 0; i < n; i++) sa[--cnt[s[i]]] = i;
7    for (i = 1, m = 1, rk[sa[0]] = 1; i < n; i++)
{</pre>
```

```
if (s[sa[i - 1]] != s[sa[i]]) m++;
        rk[\hat{s}a[i]] = m;
10
      for (int 1 = 1; 1 < n; 1 < = 1) {
11
   memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
for (i = 0; i < n; i++) cnt[y[i] = i + 1 < n
? rk[i + 1] : 0]++;</pre>
12
13
14
         for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1
   ];
15
        for (i = n - 1; i >= 0; i--) x[--cnt[y[i]]]
        memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
16
        for (i = 0; i < n; i++) cnt[rk[i]]++;
for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1</pre>
17
18
   ];
19
         for (i = n - 1; i >= 0; i--) sa[--cnt[rk[x[i = n - 1; i >= 0; i--)]]
   ]]]] = x[i];
20
        for (i = 1, m = 1, x[sa[0]] = 1; i < n; i++)
   {
21
           if (rk[sa[i - 1]] != rk[sa[i]] || y[sa[i -
   1]] != y[sa[i]]) m++;
x[sa[i]] = m;
22
23
24
        memcpy(rk, x, sizeof(int) * n);
25 }}
26 void compute_lcp(const char *s, int n) {
      int j = 0, p;
for (int i = 0; i < n; i++, j = max(0, j - 1))
27
28
29
        if (rk[i] == 1) {
30
31
           continue;
32
33
        p = sa[rk[i] - 2];
   while (p + j < n \& i + j < n \& s[p + j] == s[i + j]) j++;
34
35
        lcp[rk[i]] = j;
36 }}
```

20. 后缀排序: SA-IS

SA-IS 后缀数组排序。字符串存在 str 中,下标从 1 开始,长度为 n,并且 str[n+1] 为哨兵字符,编号为 1。后缀数组放在 sa 中,下标从 1 开始。时空复杂度为 $\Theta(n)$ 。其中使用了vector
bool>来优化缓存命中率。

```
1 #define rep(i, 1, r) for (register int i = (1);
    i <= (r); ++i
 2 #define rrep(i, r, 1) for (register int i = (r);
    i >= (1); --i)
 3 #define PUTS(x) sa[cur[str[x]]--] = x
4 #define PUTL(x) sa[cur[str[x]]++] = x
 5 #define LMS(x) (!type[x - 1] && type[x]
 6 #define RESET memset(sa + 1, 0, sizeof(int) * (n
    + 1));
       memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
 8 #define INDUCE rep(i, 1, m) cur[i] = cnt[i - 1]
    + 1;
   rep(i, 1, n + 1) if (sa[i] > 1 && !type[sa[i]
- 1]) PUTL(sa[i] - 1);
      memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
rrep(i, n + 1, 1) if (sa[i] > 1 && type[sa[i]
1]) PUTS(sa[i] - 1);
10
12 void sais(int n, int m, int *str, int *sa) {
       static int id[NMAX + 10];
13
       vector<bool> type(n + 2);
14
   type[n + 1] = true;
  rrep(i, n, 1) type[i] = str[i] == str[i + 1] ?
type[i + 1] : str[i] < str[i + 1];</pre>
15
16
       int cnt[m + 1], cur[m + 1], idx = 1, y = 0, rt
lrt, *ns = str + n + 2, *nsa = sa + n + 2;
memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
17
18
       rep(i, 1, n + 1) cnt[str[i]]++;
rep(i, 1, m) cnt[i] += cnt[i - 1];
       RESET rep(i, 2, n + 1) if (LMS(i)) PUTS(i); IN
21
   DUCE
       memset(id + 1, 0, sizeof(int) * n);
rep(i, 2, n + 1) if (LMS(sa[i])) {
23
24
          register int x = sa[i]
   for (rt = x + 1; !LMS(rt); rt++);

id[x] = y && rt + y == lrt + x && !memcmp(st r + x, str + y, sizeof(int) * (rt - x + 1)) ? id
25
26
    x : ++idx;
         y = x, lrt = rt;
28
```

```
int len = 0, pos[(n >> 1) + 1];
rep(i, 1, n) if (id[i]) {
29
30
31
         ns[++len] = id[i];
32
          pos[len] = i;
33
      ns[len + 1] = 1, pos[len + 1] = n + 1;
if (len == idx - 1) rep(i, 1, len + 1) nsa[ns[
34
35
      else sais(len, idx, ns, nsa);
RESET rrep(i, len + 1, 1) PUTS(pos[nsa[i]]); I
37
    NDUCE
38
39 static int str[NMAX * 3 + 10], sa[NMAX * 3 + 10]
```

21. pam

```
1 const int NN = 310000;
   struct node {
     int len , cnt,ch[30] , fail;
   } p[NN];
   int top,n,last;
 6 char z[NN];
 7 Long Long ans;
   void work ()
     int i , tmp;
scanf ( "%s"
10
                      , z + 1);
     n = strlen(z + 1);
11
12
      top = 2;
     p[1].fail = 2; p[2].fail = 1;
     p[1].len = 0; p[2].len = -1;
      z[0] = '\$';
15
16
      last = 1;
      for ( i = 1 ; i <= n ; i++ )
17
        while (z[i] != z[i-p[last].len-1]) last =
18
   p[last].fail;
19
        if ( !p[last].ch[z[i]-'a'+1] ) {
   p[last].ch[z[i]-'a'+1] = ++top;
20
          p[tast].tn[z[i]- a +i] = ++top;
p[top].len = p[last].len + 2;
tmp = p[last].fail;
while ( z[i] != z[i-p[tmp].len-1] ) tmp =
21
22
23
   p[tmp].fail;
24
           if ( p[top].len > 1 && p[tmp].ch[z[i]-'a'+
   1] ) p[top].fail = p[tmp].ch[z[i]-'a'+1];
25
          else p[top].fail = 1;
26
27
        last = p[last].ch[z[i]-'a'+1];
        p[last].cnt++;
28
29
30
     for ( i = top ; i >= 1 ; i-- ) p[p[i].fail].cn
     += p[i].cnt;
      for ( i = 1 ; i <= top ; i++ ) {
   //printf ( "%d %d\n" , p[i].le</pre>
31
32
                                  , p[i].len , p[i].cnt
33
        ans = max ( ans , (long long)p[i].len * p[i]
   .cnt );
34
35
     printf ( "%lld\n" , ans );
36 }
```

22. 权值splay

```
1 ll n,kind,rt,sz,fa[N],num[N];
 2 11 tr[N][2],size[N],v[N],ans;
 3 void pushup(ll k){size[k]=size[tr[k][0]]+size[tr
   \lceil k \rceil \lceil 1 \rceil \rceil + num \lceil k \rceil; \}
   void rotate(ll x,ll &k) {
      11 y=fa[x],z=fa[y],1,r;
     l=tr[y][1]==x;r=1^1;
if(y==k)k=x;
      else tr[z][tr[z][1]==y]=x;
      fa[x]=z, fa[tr[x][r]]=y, fa[y]=x;
10
      tr[y][1]=tr[x][r],tr[x][r]=y;
     pushup(y); pushup(x);
11
12 `
13 void splay(ll x,ll &k) {
14
     while (x!=k) {
        11 y=fa[x], z=fa[y];
15
16
        if(y!=k)
           \mathbf{if}(\mathsf{tr}[y][0] == x^\mathsf{r}[z][0] == y)
17
18
             rotate(x,k);
19
          else rotate(y,k);
20
        }rotate(x,k);
21 }}
22 void insert(l1 &k,l1 x,l1 last) {
      if(!k)\{k=++sz;v[k]=x;size[k]=num[k]=1;fa[k]=1a
```

```
st;splay(k,rt);return ;}
     if(x=v[k])num[k]++;
24
25
       else if(x)v[k])insert(tr[k][1],x,k);
26
     else insert(tr[k][0],x,k);
27
28 11 t1,t2
29 ll find(ĺl x,ll k) {
30
     if(!k)return 0;
     if(x==v[k]) return k;
32
     else if (x)v[k] return find (x, tr[k][1]);
33
     else return find(x,tr[k][0]);
34 }
36
     if(!k)return
37
     if(v[k] < x) \{t1=k; ask before(x, tr[k][1]); \}
38
     else ask_before(x,tr[k][0]);
39
40 void ask_after(11 x,11 k) {
41
     if(!k)return
     if(v[k]>x)\{t2=k;ask after(x,tr[k][0]);\}
43 //
      else if(v[k]==x)return
44
     else ask_after(x,tr[k][1]);
45
46 void del(ll x,ll k) {
47
     if(num[k]>1)
48
       num[k]--,size[k]--;
49
       splay(k,rt);return;
50
51
     t1=t2=-1:
52
     ask_before(x,rt);
53
54
     ask after(x,rt);
     if(\overline{t}1=-1\&\&\dot{t}2=-1)
55
       if(num[rt]==1)rt=0;
56
       else size[rt]--,num[rt]--;
57
58
     else if(t1==-1) {
59
       splay(t2,rt);
60
       tr[rt][0]=0;
61
       pushup(rt);
62
63
     else if(t2==-1) {
       splay(t1,rt);
tr[rt][1]=0;
64
65
66
       pushup(rt);
67
68
     else {
       splay(t1,rt);
69
70
       splay(t2,tr[t1][1]);
71
       tr[t2][0]=0;
72
       pushup(t2);pushup(t1);
73 }}
```

23. 序列splay

```
1 int n,m,sz,rt;
 2 char ch[10]
 3 int tr[N][2],fa[N],v[N],sum[N];
4 int mx[N],lx[N],rx[N];
5 int st[N],size[N],top,tag[N];
 6 bool rev[N]
   void pushup(int u) {
 8
      size[u]=1, sum[u]=v[u]; int l=tr[u][0], r=tr[u][1]
      if(1)size[u]+=size[1],sum[u]+=sum[1];
10
      if(r)size[u]+=size[r],sum[u]+=sum[r]
      mx[u]=v[u]; if(1)mx[u]=max(mx[u],mx[1]); if(r)mx
   [u]=\max(\max[u],\max[r])
12
      if(1\&\&r)mx[u]=max(mx[u],rx[1]+v[u]+lx[r]);
13
      else if(1)mx[u]=max(mx[u],rx[1]+v[u]);
14
      else if(r)mx[u]=max(mx[u],v[u]+lx[r])
15
      lx[u]=0; if(1)lx[u]=lx[1]; rx[u]=0; if(r)rx[u]=rx
      \mathbf{if}(!1)\mathbf{1}x[u]=\max(\mathbf{1}x[u],v[u]);\mathbf{if}(!r)\mathrm{rx}[u]=\max(\mathrm{rx})
16
   [u],v[u])
17
      \mathbf{if}([1\&\&r)] \times [u] = \max(1\times[u], v[u] + 1\times[r]); \mathbf{if}([r\&\&1])
   rx[u]=max(rx[u],v[u]+rx[1])
      if(1)1x[u]=max(1x[u],sum[1]+v[u]);if(r)rx[u]=m
   ax(rx[u],sum[r]+v[u])
19
      if(1\&\&r)1x[u]=max(1x[u],sum[1]+v[u]+1x[r]),rx[
   u]=max(rx[u],sum[r]+v[u]+rx[1]);
20
21 void work(int k,int c)
      tag[k]=c,v[k]=c,sum[k]=size[k]*c;
mx[k]=(c>0?c*size[k]:c),lx[k]=rx[k]=(c>0?c*siz
22
23
   e[k]:0);
24
```

```
rev[k]^=1;
swap(lx[k],rx[k]);
swap(tr[k][0],tr[k][1]);
27
28
29 }
30 void pushdown(int u)
           int l=tr[u][0],r=tr[u][1];
31
           if(tag[u]!=12345)
               if(1)work(1,tag[u]);if(r)work(r,tag[u]);
34
               tag[u]=12345;
35
36
           if(rev[u])
               \mathbf{if}(1)rve(\mathbf{i}); \mathbf{if}(r)rve(r);
37
38
               rev[u]^=1;
39 }}
40 void rotate(int x,int &k) {
           int y=fa[x],z=fa[y];
int l=(tr[y][1]==x),r=1^1;
41
42
43
           if(y==k)k=x
44
           else tr[z][tr[z][1]==y]=x;
          fa[x]=z,fa[y]=x,fa[tr[x][r]]=y;
tr[y][1]=tr[x][r],tr[x][r]=y;
45
46
47
          pushup(y);pushup(x);
48
49 void splay(int x, int &k) {
50
          while (x!=k)
51
               int y=fa[x],z=fa[y];
52
53
               if(y' = k)
                   if(tr[y][0]==x^tr[z][0]==y)
54
                        rotate(x,k);
55
                    else rotate(y,k);
56
57
               rotate(x,k);
58 }}
59 int find(int k,int rk) {
          pushdown(k);
int l=tr[k][0],r=tr[k][1];
60
61
          if(size[1]>=rk)return find(1,rk);
62
63
           else if(size[l]+1==rk)return k;
           else return find(r,rk-size[1]-1);
64
65
66 int split(int 1,int r) {
67  int x=find(rt,1),y=find(rt,r+2);
          splay(x,rt), splay(y,tr[x][1]);
69
          return tr[y][0];
71 int a[N];
72 void newnode(int k,int c)
73 \{v[k] = sum[k] = c, mx[k] = c, tag[k] = 12345, lx[k] = rx[k] = 
(c>0?c:0),size[k]=1,rev[k]=0;}
74 int build(int 1,int r) {
75
          if(1>r) return 0; int mid=(1+r)>>1, now;
          now=++sz; newnode(now, a[mid-1]);
           tr[now][0]=build(1,mid-1);if(tr[now][0])fa[tr[
      now][0]]=now;
78
           tr[now][1]=build(mid+1,r); if(tr[now][1])fa[tr[
      now][1]]=now;
          pushup(now);return now;
80
if(top)now=st[top--];else now=++sz;newnode(now
83
      ,a[mid])
84
           tr[now][0]=Build(1,mid-1); if(tr[now][0])fa[tr[
      now][0]]=now;
           tr[now][1]=Build(mid+1,r); if(tr[now][1])fa[tr[
85
      now][1]]=now;
          pushup(now); return now;
87
88 void insert(int x,int tot) {
           for(int i=0;i<=tot+2;i++)a[i]=0;</pre>
89
           for(int i=1;i<=tot;i++)a[i]=read();</pre>
91
           int l=find(rt,x+1),r=find(rt,x+2);
          splay(1,rt),splay(r,tr[1][1]);
tr[r][0]=Build(1,tot),fa[tr[r][0]]=r;
92
93
94
          pushup(r), splay(r, rt);
95 }
96 void clr(int k){tag[k]=12345,tr[k][0]=tr[k][1]=f
      a[k]=rev[k]=v[k]=sum[k]=mx[k]=lx[k]=rx[k]=size[k]
       1 = 0;
97 void rec(int k) {
          if(!k)return;
98
          rec(tr[k][0]);rec(tr[k][1]);
99
100 st[++top]=k,clr(k);
101}
```

```
102void del(int x, int tot)
103 int 1=x, r=x+tot-1, k=split(1,r);
     int fk=fa[k];tr[fk][0]=fa[k]=0;rec(k);
104
105
     splay(fk,rt);
106}
107\acute{v}oid make_same(int x,int tot,int c)
108\{int \ l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);work(k,c);if(fa[
   k])splay(fa[k],rt);
109void rever(int x, int tot)
110{ int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);rve(k);if(fa[k])
   splay(fa[k],rt);}
111int get_sum(int x,int tot)
112 int l=x,r=x+tot-1,k=split(1,r);
113 return sum[k];
114}
```

24. ntt 1 const long long maxn = 120000 2 const long long mod = 998244353; 3 const long long omega = 3; 4 **Long Long** $a[\max^*4]$, $b[\max^*4]$, $c[\max^*4]$, d[maxn*4]; 5 Long Long n , m , N , in;
6 Long Long pow (Long Long f , Long Long x) {Lon
 g Long s = 1; while (x) {if (x % 2) s = (s*f)
 % mod; f = (f*f) % mod; x >>= 1;} return s;}
7 Long Long inv (Long Long x) {return pow (x , mod -2);} 8 long long rev (long long x) {long long i , y; i = 1; y = 0; while (i < N) {y = y * 2 + (x%2); i <<= 1; x >>= 1;}return y;}
9 void br (long long *x) {long long i;for (i = 0; i < N; i++) d[rev(i)] = x[i]; for (i = 0; i < N; i++) x[i] = d[i];} 10 void FFT (Long Long *x , Long Long f) { 11 Long Long i , j , s , k; **Long Long** w , wm , u , t; br (x); 13 for $(s = 2; s \leftarrow N; s *= 2)$ { 14 15 k = s / 2;wm = pow (omega , (mod-1) / s); if (f == -1) wm = inv (wm); for (i = 0 ; i < N ; i += s) { 16 17 18 w = 1; 19 20 for $(j = 1; j \le k; j++) \{ u = x[i+j-1]; t = (x[i+j-1+k]*w) \% mod; \}$ 21 x[i+j-1] = (u + t) % mod; x[i+j-1+k] = (u - t + mod) % mod;22 23 w = (w*wm) % mod;24 }}} if (f == -1) for (i = 0 ; i < N ; i++) x[i = (x[i] * in) % mod;25 26 27 28 **void** work () { 29 Long Long i; 30 scanf ("%lĺd%lld" , &n , &m); 31 32 **while** (N < n + m + 2) N = N * 2;for (i = 0 ; i <= n ; i++) scanf ("%11d" ,</pre> &a[i] 7[i]); **for** (i = 0 ; i <= m ; i++) scanf ("%lld" , 34 &b[i]); in = inv (N); 35 FFT (a , 1); FFT (b , 1); for (i = 0 ; i < N ; i++) c[i] = (a[i]*b[i]) 36 37 % mod; FFT (c , -1); for (i = 0 ; i <= n + m ; i++) printf ("%ll d%c" , c[i] , i==n+m?'\n':' '); 38

25. fft

39

40 }

```
1 const int maxn = 120000;
  const double pi = acos(-1);
3 struct complex {
  double r , i; } a[\max^*4] , b[\max^*4] , c[\max^*4] , d[\max^*4];
6 complex operator + ( complex x1 , complex x2 ) {
complex y;y.r = x1.r + x2.r;y.i = x1.i + x2.i;re
  turn y;}
7 complex operator - ( complex x1 , complex x2 )
  complex y; y \cdot r = x1 \cdot r - x2 \cdot r; y \cdot i = x1 \cdot i - x2 \cdot i; re
  turn y;}
8 complex operator * ( complex x1 , complex x2 ) {
```

```
complex y; y.r = x1.r * x2.r - x1.i * x2.i; y.i =
    x1.r * x2.i + x1.i * x2.r;return y;}
9 int n , m , N;

10 int rev ( int x ) {int i , y;i = 1; y = 0;while

  ( i < N ) {y = y * 2 + (x%2);x >>= 1; i <<= 1;}r
    eturn y;}
11 void br ( complex *x ) {int i;for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) d[rev(i)] = x[i];for ( i = 0 ; i < N ;
i++ ) x[i] = d[i];}
12 void FFT ( complex *x , int f ) {
13     int i , j , s , k;
14     complex w , wm , u , t;
       br (x);
for (s = 2; s <= N; s *= 2) {
16
          k = s / 2;
17
18
           wm.r = cos(2*pi/s); wm.i = sin(2*pi/s) * f;
          for ( i = 0 ; i < N ; i += s ) {
    w.r = 1.0;    w.i = 0.0;
19
20
              for ( j = 1 ; j <= k ; j++ ) {
    u = x[i+j-1]; t = x[i+j-1+k] * w;
    x[i+j-1] = u + t;
    x[i+j-1+k] = u - t;
21
22
23
24
25
    if'(f == -1) for (i = 0; i < N; i++) x[i].r = x[i].r / N;
27
28
29 void work () {
       int i:
        scanf ( "%d%d" , &n , &m );
31
33
       while (N < n + m + 2) N = N * 2;
        for ( i = 0 ; i \le n ; i++ ) scanf ( "%lf" , &
34
    a[i].r
        for ( i = 0 ; i <= m ; i++ ) scanf ( "%lf" , &</pre>
35
       [i].r');
FFT ( a , 1 ); FFT ( b , 1 );
for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) c[i] = a[i] * b[i]
    b[i].r
36
37
       FFT ( c , -1 );
for ( i = 0 ; i <= n + m ; i++ ) printf ( "%d%
" , int (c[i].r + 0.5) , i==n+m?'\n':' ' );</pre>
38
39
40 }
```

26. lct

```
1 struct node {
      long Long x;
long long lm , lp , rev;
long Long s , siz;
long Long ch[4] , fa;
 6 } p[maxn];
7 void cut ( long long x , long long kind ) {
8 p[p[x].ch[kind]].fa *= -1;
      p[x].ch[kind] = 0;
      update (x);
11 }
12 void down ( long\ long\ x ) {
     if (p[x].fa > 0) down (p[x].fa); pushdown (x);
15 }
16 void rotate ( long long x , long long kind ) {
      Long Long y = p[x].fa;
if (p[y]).fa > 0 ) p[p[y].fa].ch[y=p[p[y]].fa]
18
    .ch[1]] = x;
19
      p[x].fa = p[y].fa;
      i\bar{f} ( p[x].c\bar{h}[\bar{k}ind^{\hat{1}}] ) p[p[x].ch[kind^{\hat{1}}]].fa =
20
21
      p[y].ch[kind] = p[x].ch[kind^1];
22
      p[y].fa = x;
      p[x].ch[kind^1] = v;
23
24
      update ( y ); update ( x );
25 }
26 void splay ( Long Long x ) { down ( x ); 28 for ( ; p[x].fa > 0 ; rota
   for ( ; p[x].fa > 0 ; rotate ( x , x==p[p[x].fa].ch[1] )
        29
30
32 void access ( long long x ) {
      splay ( x );
cut ( x , 1 );
for (; p[x].fa != 0; ) {
  splay ( -p[x].fa );
33
34
36
```

```
cut (-p[x].fa
       p[-p[x].fa].ch[1] = x;
38
39
       update ( -p[x].fa );
p[x].fa *= -1;
40
       splay(x);
41
42 }}
43 void makeroot ( long long x ) {
   access ( x );
p[x].rev ^= 1;
44
45
46
     swap (p[x].ch[0], p[x].ch[1]);
47 }
48 void link ( long long x , long long y ) {
   makeroot ( y );
50
    p[y].fa = -x;
51 }
```

27. 左偏树

核心操作split和merge, merge时候让小的当堆顶,继续合并右子树和另外一棵树,之后维护左偏性质。

```
\overline{1} struct node {
       int x , i , dist;
       node *11
                       *rr
    pool[maxn] , *t[maxn];
 5 int n_, m;
 6 int a[maxn];
 7 int c[maxn], f[maxn];
8 int getdist ( node *id ) {
9   if ( id == NULL ) return -1;
       return id -> dist;
10
11 }
12 node *merge ( node *id1 , node *id2 ) {
      if ( id1 == NULL ) return id2;
13
       if ( id2 == NULL ) return id1;
if ( id1 -> x > id2 -> x ) swap ( id1 , id2 );
14
15
   id1 -> rr = merge ( id1 -> rr , id2 );
if ( getdist ( id1 -> ll ) < getdist ( id1 ->
rr ) ) swap ( id1 -> ll , id1 -> rr );
id1 -> d1 -> getdist ( id1 -> rr );
16
17
18
19
       return id1;
20 }
21 int find ( int x ) { 22 int i , t;
       int i , t;
for ( i = x ; c[i] > 0 ; i = c[i] ) ;
23
24
       while (x \mid = i) {
25
         t = c[x];
26
          c[x] = i;
27
28
29
       return i;
30 }
31 void Union ( int x , int y )
      t[x] = merge (t[x], t[y]);

c[x] += c[y];
32
33
34
       c[y] = x;
35 }
```

28. 三分_上凸函数

```
1 double solve() {
2    while(1+eps<r) {
3         double mid=(1+r)/2.0;
4         double mmid=(mid+r)/2.0;
5         if(cal(mid)>cal(mmid))r=mmid;
6         else l=mid;
7    }
8    if(cal(1)<cal(r))return r;
9    else return 1;
10 }
```

29. 单纯型

```
1 #define EPS 1e-10
2 #define INF 1e100
3
4 class Simplex {
5   public:
6     void initialize() {
7     scanf("%d%d%d", &n, &m, &t);
8     memset(A, 0, sizeof(A));
9     for (int i = 1; i <= n; i++) {
10         idx[i] = i;
11         scanf("%Lf", A[0] + i);
12     }
13     for (int i = 1; i <= m; i++) {
14         idy[i] = n + i;</pre>
```

```
for (int j = 1; j <= n; j++) {
  scanf("%Lf", A[i] + j);
  A[i][j] *= -1;</pre>
15
16
17
18
19
                             scanf("%Lf", A[i]);
20
21
                void solve()
22
                       srand(time(0));
                      while (true) {
  int x = 0, y = 0;
  for (int i = 1; i <= m; i++)
    if (A[i][0] < -EPS && (!y || (rand() & 1))</pre>
23
24
 25
26
                            = i;
if (!y) break;
for (int i = 1; i <= n; i++)
         ))) y =
 27
28
                                    if^(A[y][i] > EPS && (!x || (rand() & 1))
29
                             if (!x)
 30
                                    puts("Infeasible");
 31
 32
                                    return;
 33
 34
                             pivot(x, y);
 35
 36
                       while (true) {
 37
                              double k = INF;
38
                              int x, y;
                       for (x = 1; x \le n; x++)
if (A[0][x] > EPS) break;
 39
 40
                             if (x > n) break;
41
                              for (int i = 1; i <= m; i++) {
42
                                    double d = A[i][x] \rightarrow -EPS? INF : -A[i][
43
         0] / A[i][x];
44
                                    if (d < k) {
45
                                          k = d;
                                          y = i;
46
47
                              if (k >= INF)
48
                                    puts("Unbounded");
49
 50
                                     return;
 51
52
                             pivot(x, y);
 53
                       printf("%.10Lf\n", A[0][0]);
55
                       if (t)
56
                              static double ans[NMAX + 10];
                              for (int i = 1; i <= m; i++)
                             if (idy[i] <= n) ans[idy[i]] = A[i][0];
for (int i = 1; i <= n; i++)
  printf("%.10Lf ", ans[i]);</pre>
58
59
60
61
                             printf("\n");
62
               }}
            private:
63
               void pivot(int x, int y) {
64
                      swap(idx[x], idy[y]);
double r = -A[y][x];
65
                       A[y][x] = -1;
67
                       for (int i = 0; i <= n; i++) A[y][i] /= r;
                      for (int i = 0; i <= m; i++) {
   if (i == y) continue;</pre>
69
 70
                             r = A[i][x];
 71
                             A[i][x] = 0;

for (int j = 0; j <= n; j++)

A[i][j] += r * A[y][j];
 73
 74
               }}
int n, m, t;
double A[NMAX + 10][NMAX + 10];

final to the second of the secon
 75
 76
78
                int idx[NMAX + 10], idy[NMAX + 10];
79 };
```

。sll/扩展网络流.md

无源汇有上下界可行流:

建图:

M[i]=流入i点的下界流量-流出i点的下界流量

S->i,c=M[i] (M[i]>=0)

 $i \rightarrow T, c = -M[i]$

流程:

S->T跑最大流,当S连出去的边满流是存在可行流 有源汇上下界最大流:

建图:

T->S,流量限制为(0,无穷大),转化成无源汇

增设ST和SD,像无源汇那样连边流程:

- 1. ST->SD跑最大流,判断是否满流,不满流则无解
- 2. 去掉ST,SD,从S->T跑最大流,两遍流量和为有源汇最大流量 有源汇上下界最小流:

建图: 同最大流流程: 1. 同最大流

1. 去掉ST,SD,T->S跑最大流,两次流量之差为有源汇最小流 最大权闭合子图:

问题描述: 求最大权值和的点集,使得这个点集里的任一点的后继也在该点集中

建图: 原图中的(u->v),建边(u->v,inf)

对于c[u]>0 建边(s->u,c[u])

对于c[u]<0 建边(u->t,-c[u])

流程: 建图后跑s->t的最小割, $\sum c\underline{\mathbf{u}}$ -最小割即为答案

o xzl/manhattan.md

Manhattan 距离最小生成树:每45°一个象限,对每个点找到每个象限中离它最近的点连边,然后做最小生成树。

优化: 只用写找直线 y=x 与直线 x=0之间的最近点的代码,然后依次交换 x 和 y、取反 y、交换 x 和 y 一共做 4 次扫描线即可。

• xzl/fwt.md

FWT 算法: 分治 $A \to A_1, A_2$,线性变换 T,合并时 $A = T[A_1, A_2]^T$ 。逆变换时取 T 的逆矩阵即可。

卷积类型	变换
异或卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1/2 & 1/2 \\ 1/2 & -1/2 \end{bmatrix}$
或卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$
和卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

或卷积就是子集和变换。通过按子集大小分类可在 $O(n\log^2 n)$ 时间内计算子集卷积:

```
for i = 0 → n - 1: // 按大小分类
    F[c][i] = f[i]
    G[c][i] = g[i]

for i = 0 → k - 1: // 提前计算 FWT
    F[i] = fwt(F[i])
    G[i] = fwt(G[i])

for i + j = k: // 卷积
    H[k] += F[i] · G[j]

for i in xrange(k): // FWT 逆变换
    H[i] = rfwt(H[i])

for all subset S: // 得到卷积结果
    R[i] = H[popcount(S)][i]
```

∘ lmj/treehash.md

 \circ lmj/matrix_tree_theorem.md

K=度数矩阵-邻接矩阵, K的任意代数余子式(一般删最后一行一列, 取正号)即为生成树数量。

• lmj/virtual tree.md

把需要的点按照dfs序排序,把相邻的lca求出来,塞进去重新排序,之后按照顺序维护当前的链,如果不是链就pop当前的点,在虚树上面加边。

- lmj/dominator_tree.md
- ∘ lmj/sam.md
- lmj/cdq.md
- lmj/tree_divide_and_conquer(edge_and_node).md
- ∘ lmj/number_theory.md
 - 反演/筛

• lmj/bounded_flow.md

无源汇可行流

建模方法:

首先建立一个源ss和一个汇tt,一般称为附加源和附加汇。 对于图中的每条弧,假设它容量上界为c,下界b,那么把这 条边拆为三条只有上界的弧。

- 一条为,容量为b;
- 一条为, 容量为b;
- 一条为,容量为c-b。

其中前两条弧一般称为附加弧。

然后对这张图跑最大流,以ss为源,以tt为汇,如果所有的 附加弧都满流,则原图有可行流。

这时,每条非附加弧的流量加上它的容量下界,就是原图中 这条弧应该有的流量。

理解方法:

对于原图中的每条弧, 我们把c-b

称为它的自由流量, 意思就是只要它流满了下界, 这些流多 少都没问题。

既然如此,对于每条弧,我们强制给v提供b单位的流量,并且强制从u那里拿走b单位的流量,这一步对应着两条附加弧。

如果这一系列强制操作能完成的话,也就是有一组可行流了。

注意: 这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流,而不 是原图的最大或最小流。

有源汇可行流

建模方法:

建立弧,容量下界为0,上界为∞。

然后对这个新图(实际上只是比原图多了一条边)按照无源 汇可行流的方法建模,如果所有附加弧满流,则存在可行流。

求原图中每条边对应的实际流量的方法,同无源汇可行流,只是忽略掉弧

就好。

而且这时候弧的流量就是原图的总流量。

理解方法:

有源汇相比无源汇的不同就在于,源和汇是不满足流量平衡的,那么连接

之后,源和汇也满足了流量平衡,就可以直接按照无源汇的方式建模。

注意:这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流,而不 是原图的最大或最小流。

有源汇最大流

建模方法:

首先按照有源汇可行流的方法建模,如果不存在可行流,更 别提什么最大流了。

如果存在可行流,那么在运行过有源汇可行流的图上(就是已经存在流量的那张图,流量不要清零),跑一遍从s到t的最大流(这里的s和t是原图的源和汇,不是附加源和附加汇),就是原图的最大流。

理解方法:

为什么要在那个已经有了流量的图上跑最大流?因为那张图保证了每条弧的容量下界,在这张图上跑最大流,实际上就是在容量下界全部满足的前提下尽量多得获得"自由流量"。

注意,在这张已经存在流量的图上,弧也是存在流量的,千万不要忽略这条弧。因为它的相反弧的流量为的流量的相反数,且的容量为0,所以这部分的流量也是会被算上的。

有源汇最小流

有源汇最小流的常见建模方法比较多, 我就只说我常用的一种。

建模方法:

首先按照有源汇可行流的方法建模,但是不要建立这条弧。 然后在这个图上,跑从附加源ss到附加汇tt的最大流。 这时候再添加弧,下界为0,上界为∞。

在现在的这张图上,从ss到tt的最大流,就是原图的最小流。

理解方法:

我们前面提到过,有源汇可行流的流量只是对应一组可行流,并不是最大或者最小流。

并且在跑完有源汇可行流之后,弧的流量就是原图的流量。

从这个角度入手,我们想让弧的流量尽量小,就要尽量多的 消耗掉那些"本来不需要经过"的流量。

于是我们在添加之前,跑一遍从ss到tt的最大流,就能尽量 多的消耗那些流量啦QwQ。

https://www.cnblogs.com/mlystdcall/p/6734852.html • lmj/Mo's_algorithm.md

带修莫队:把时间当成一维,排序时左右端点的块和时间一起排序,模拟时间。

树上莫队:按照欧拉序,如果询问x,y,若lca(x,y)=x,则查询st[x]到st[y],否则ed[x],st[y],再加上lca,出现两次的点不算。

∘ lmj/idea.md

启发式合并

离线

hash

数据结构上跑图论算法