```
39
图论
                                            40
                                               41
1. 边双联通 tarjan 2. 点双联通 tarjan
                                               42
                                               43
3. 有向图强联通 tarjan 4. 倍增lca 5. 构造圆方树
                                               44
                                                45
6. 最小树形图: 朴素算法 7. blossom algorithm
                                               46
8. euler_tour
                                               47
                                               48
计算几何
                                               49
                                                     int 1 = 0;
                                               50
9. 最小圆覆盖
                                                51
                                               52
数论
                                               53
                                            54
10. 线性筛 & 杜教筛 11. 类 Euclid 算法
                                               55
                                                56
                                                    return 0;
网络流
                                               57 }
12. dinic 13. 费用流
                                                2. 点双联通 tarjan
字符串
                                                3
14. manacher 15. KMP 16. 回文自动机
                                                     if (!pre[v])
17. 后缀排序: DC3 18. AC 自动机
                                                6
19. 后缀排序: 倍增算法 20. 后缀排序: SA-IS 21. pam
                                                8
数据结构
                                                9
                                                10
22. 权值splay 23. 序列splay 24. ntt 25. fft 26. lct
                                                11
                                                         for(;;)
                                                12
27. 左偏树
                                               13
                                                14
杂项
                                               15
                                               16
28. 三分 上凸函数 29. 线性空间求交 30. 单纯型
```

1. 边双联通 tarjan

其它文档

```
1 const int N = 5010; // 3352只用1010即可
   struct node{
     int v,w,id;
     node(int v = 0, int w = 0, int id = 0):v(v), w(w)
 4
    id(id){};
   };
 5
 6 vector<node>G[N];
 7 int pre[N];
 8 int low[N];
   int dfs_num;int ans ;int n,m;
10 void in it()
11
     mem(pre,0); mem(low,0);
12
     for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();</pre>
13
     dfs num = 0; ans = INF;
14
15 int dfs(int u,int fa){
     low[u] = pre[u] = ++dfs_num;
for(int i=0;i<G[u].size();i++){</pre>
17
18
       int v = G[u][i].v;
int id = G[u][i].id;
19
        if(id == fa) continue;
20
21
       if(!pre[v])
22
23
          dfs(v,id);//注意这里 第二个参数是 id
          low[u] = min(low[u], low[v]); //用后代的low更新
   当前的
24
25
26
          low[u] = min(low[u], pre[v]); //利用后代v的反向
   边更新low
27
28 int main(){
     int t;
30
     while(scanf("%d%d",&n,&m)!=EOF&& (n | | m)){
31
       int a,b,c;
32
        init()
33
       for(int i=1;i<=m;i++){</pre>
          scanf("%d%d",&a,&b);
34
35
          G[a].push_back(node(b,0,i));
36
          G[b] push back (node (a, 0, i));
37
38
       for(int i=1;i<=n;i++){
```

```
if(!pre[i])
     dfs(i,0);
   //cout<<i<<endl:
int degree[N];mem(degree,0);
for(int i=1;i<=n;i++)
  for(int j=0;j<G[i].size();j++){
  int v = G[i][j].v;
  if(low[i]!=low[v]){</pre>
        degree[low[v]]++; degree[low[i]]++;
for(int i=1;i<=dfs_num;i++)
  i\dot{f}(degree[i] == \overline{2})
printf("%d\n",(l+1)/2);
```

```
1 void tarjan(int u, int fa)
      pre[u] = low[u] = ++dfs_clock;
      for (int i = 0; i < (int)G[u].size(); i++) {
  int v = G[u][i];</pre>
           S.push(Edge(u, v));
           tarjan(v, u);
low[u] = min(pre[v], low[u]);
           if (low[v] >= pre[u]) {
              bcc_cnt++;
              bcc[bcc_cnt].clear();
                Edge x = S.top(); S.pop();
if (bccno[x.u] != bcc_cnt) {
  bcc[bcc_cnt].push_back(x.u);
                   bccno[x.u] = bcc\_cnt;
17
                 if (bccno[x.v] != bcc\_cnt) {
18
19
                   bcc[bcc\_cnt].push\_back(x.v);
20
                   bccno[x.v] = bcc\_cnt;
21
22
23
                 if (x.u == u \&\& x.v == v) break;
        else if (pre[v] < pre[u] && v != fa) {
   S.push(Edge(u, v));</pre>
24
25
26
           low[u] = min(low[u], pre[v]);
27 }}}
```

3. 有向图强联通 tarjan

```
int n,m;
 int head[N],pos;
struct edge{int to,next;}e[N<<1];
void add(int a,int b)</pre>
 5 {pos++;e[pos].to=b,e[pos].next=head[a],head[a]=p
 os;}
6 int dfn[N],low[N],SCC;
 7 bool in[N];
 8 int st[N],top,T;
 9 vector<int>G[N];
10 void tarjan(int u) {
11  st[++top]=u;in[u]=1;
      dfn[u] = low[u] = ++T
12
13
      for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
14
         int v=e[i].to;
         if(!dfn[v])
15
16
           tarjan(v)
17
           low[u]=min(low[u], low[v]);
18
19
         else if(in[\nu])low[u]=min(low[u],dfn[\nu]);
20
21
22
      if(low[u] == dfn[u]) {
         int \bar{\nu};
23
24
25
         ++SCC;
         do {
           v = st[top--];
26
27
           in[v]=false;
           G[SCC].push_back(v);
28
29
         }while(ν!=u);
30 int main() {
31  scanf("%d%d",&n,&m);
32
33
      for(int i=1;i<=m;i++) {</pre>
         int x,y;
```

```
34
       scanf("%d%d",&x,&y);
35
       add(x,y);
36
37
     for(int i=1;i<=n;i++)if(!dfn[i])tarjan(i);</pre>
38 }
```

4. 倍增lca

```
1 int lca(int x,int y) {
     if(deep[x] < deep[y]) swap(x,y);
     int t=deep[x]-deep[y];
for(int i=0;bin[i]<=t;i++)</pre>
        if(t&bin[i])x=fa[x][i];
      for(int i=16;i>=0;i--)
if(fa[x][i]!=fa[y][i])
8
           x=fa[x][i], y=fa[y][i];
     if(x==y) return x;
10
      return fa[x][0];
11 }
```

5. 构造圆方树

G 用于存图, T 是构造的圆方树。只有一个点的点双没有添 加方点。

```
static vector<int> G[NMAX + 10], T[NMAX + 10];
 2 void bcc(int u, int \bar{f} = 0) {
     static stack<Pair> stk;
     static bool marked[NMAX + 10];
     static int in[NMAX + 10], low[NMAX + 10], cur;
     in[u] = low[u] = ++cur;
     for (int v : G[u]) {
  if (v == f) f = 0;
                              // 应对重边
 9
       else if (in[v]) low[u] = min(low[u], in[v]);
10
       else {
         stk.push(Pair(u, v)); // stk 内存储 DFS 树
   上的边
         bcc(v, u);
low[u] = min(low[u], low[v]);
12
13
         if (low[v] > in[u]) { // 割边 u - T[u].push_back(v);
14
15
16
            T[v].push_back(u);
17
            stk.pop()
18
          } else if (low[ν] >= in[u]) { // 可能有点双
19
20
            int linked = 0, p = n + cnt; // linked
  点数,p 圆方树上的新方点
21
            auto add = [p, &linked](int x) {
              if (!marked[x])
22
                marked[x] = true;
T[p].push_back(x);
T[x].push_back(p);
23
24
25
26
                linked++;
            while (!stk.empty()) {
28
              Pair x = stk.top();
29
              stk.pop();
30
31
              add(x.u);
32
              add(x.v);
33
              if (x.u == u \&\& x.v == v) break;
34
35
            for (int \ v : T[p]) marked[v] = false;
            if (linked == 0) cnt--; // 假点双
36
37 }}}
```

6. 最小树形图: 朴素算法

给定一张 n 个点 m 条边的带权有向图, 求以 r 为根的最小树 形图上的边权总和,如果不存在输出-1。时间复杂度为O(nm)。调用 mdst(r) 获得答案,调用前需清空 id 数组。如要求不定 根的最小树形图, 可以额外添加一个节点, 向原图中的每个点连 接一条边权为 ∞ 的边。

```
1 static int n, m, G[NMAX + 10], nxt[MMAX + 10];
2 static struct Edge { int u, v, w; } E[MMAX + 10]
       *in[NMAX + 10];
3 static int id[NMAX + 10], mark[NMAX + 10];
4 int find(int x) { return id[x] ? id[x] = find(id
 5 int dfs(int x)
       mark[x] = 1; int ret = 1;
for (int i = G[x]; i; i = nxt[i])
          if (!mark[E[i].v]) ret += dfs(E[i].v);
       return ret;
10 }
```

```
|11 inline int detect(int x) {
      mark[x] = x;
for (int y = in[x]->u; in[y]; y = in[y]->u)
   if (mark[y]) return mark[y] == x ? y : 0;
12
13
14
15
          else mark[y] = x;
       return 0;
16
17
18 int mdst(int r) {
19
       if (dfs(r) < n) return -1;
       int ret = 0;
      while (true)
21
22
         memset(in, 0, sizeof(in));
         memset(mark, 0, sizeof(mark));

for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++)

if (e->u != e->v && e->v != r && (!in[e->v
23
24
25
    | | e->w < in[e->v]->w)
26
               in[e->v] = e;
27
          int p = 0, \bar{t} = 0;
28
         for (int x = 1; x <= n; x++, t |= p) if (!ma
    rk[x] \&\& in[x]
29
            if (!(p'=detect(x))) continue;
30
            ret += in[p]->w
31
            for (int x = in[p] -> u; x != p; x = in[x] ->
   u)
            id[find(x)] = p, ret += in[x]->w;
for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++) {
  int u = find(e->u), v = find(e->v);
32
33
34
35
               if (u != p \&\& v == p) e->w -= in[e->v]->
   w;
36
               e - > u = u; e - > v = v;
37
38
         if (!t) break;
39
40
      for (int x = 1; x <= n; x++) if (in[x]) ret +=
    in[x] \rightarrow w;
41
      return ret;
42 }
```

7. blossom algorithm

```
1 const int maxn = 510;
    2 struct node {
                int v;
node *next;
          } pool[maxn*maxn*2]
                                                                             , *q[maxn];
    6 int top,n , m,match[maxn];
    7 int kind[maxn] , pre[maxn] , vis[maxn] , c[maxn]
    8 queue < int > q;
    9 int f[maxn],ans;
 10 \textit{void} add ( \textit{int } u , \textit{int } v ) {node *tmp = &pool[++ top];tmp -> v = v; tmp -> next = g[u]; g[u] = tm
 11 int find ( int x ) {int i , t; for ( i = x ; c[i]
> 0 ; i = c[i] ) ; while ( c[x] > 0 ) {t = c[x]; c [x] = i; x = t;} return i;}

12 void getpath ( int x , int tar , int root ) {
               int t;
 13
              while ( x != root ) {t = match[x];match[tar] =
         x; match[\hat{x}] = tar; tar = \hat{t}; \hat{x} = pre[\hat{t}]; \hat{t}
                match[tar] = x; match[x] = tar;
 15
 16
17 int lca ( int u , int v , int root ) {
18    int i; for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) f[i] = 0;
19    while ( find ( u ) != root ) {u = find ( u ); f
          [u] = 1; if (!match[u]) break; u = pre[match[u]]
 20
                f[root] = 1;
while (find (v)!= root) {v = find (v);i
          f(f[v] == 1) return v; if (!match[v]) break;
          v = pre[match[v]];
 22
                return root:
 23
 24 void blossom ( int x , int y , int l ) {
25 while ( find ( x ) != l ) {pre[x] = y;y = matc h[x]; if ( kind[match[x]] == 2 ) {kind[match[x]] = 1;q.push ( match[x] );} if ( find ( x ) == x ) c[find(x)] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = 1; if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] c[find(matc
               ) c[find(match[x])] = 1;x = pre[y];
26
27 void bfs ( int x ) {
28
29
                int k , i , z;
for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {</pre>
30
                       kind[i] = pre[i] = vis[i] = 0; c[i] = -1;
 31
 32
                 while (q.size())q.pop();q.push(x);kind
```

```
[x] = 1; vis[x] = 1;
33
         while ( q.size () ) {
            k = q.front (); q.pop ();
for ( node *j = g[k]; j; j = j -> next ) {
   if ( !vis[j->v] ) {
      if ( !match[j->v] ) {
        getpath ( k , j -> v , x );
        return ;
}
34
35
36
37
38
                        return ;
39
40
41
                    else {
                       kind[j->ν] = 2;
kind[match[j->ν]] = 1;
42
43
                       pre[j->v] = k;
vis[j->v] = 1; vis[match[j->v]] = 1;
q.push ( match[j->v] );
44
45
46
47
                else
48
                   if (find (k) == find (j \rightarrow v)) con
49
    tinue:
                   if ( kind[find(j->v)] == 1 ) \{ z = lca (k, j->v, x); 
50
                       z = lca (k, j -> v, x)
blossom (k, j -> v, z)
blossom (j -> v, k, z)
51
52
53
55 void work () {
56
57
        int i
        int i , u , v;
scanf ( "%d%d" , &n , &m );
        for ( i = 1 ; i <= m ; i++ ) { scanf ( "%d%d" , &u , &v ); add ( u , v ); add ( v , u );
60
61
        for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
  if ( !match[i] ) bfs ( i );</pre>
62
63
64
         for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) if ( match[i] ) a</pre>
    printf ( "%d\n" , ans / 2 );
for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) printf ( "%d%c" ,
match[i] , i==n?'\n':' );</pre>
66
67
68
```

8. euler_tour

```
1 stack < int > s;
2 void dfs ( int i )
      for ( node *j = g[i] ; j ; j = j \rightarrow next ) if
3
      !j -> taboo ) {
    s.push ( j -> f );
4
         j -> taboo = 1;
dfs ( j -> v );
ans[++index] = s.top ();
6
         s.pop ();
10 }
```

9. 最小圆覆盖

```
1 const int maxn = 120000;
 2 struct point {
     double_x, y;
   } a[maxn] , c , tmp1 , tmp2;
 5 int n;
 6 double r
 7 double tmp;
 8 double dis ( point x1 , point x2 ) {return sqrt
   ((x_1.x-x_2.x)*(x_1.x-x_2.x) + (x_1.y-x_2.y)*(x_1.y-x_2.x)
 9 double det ( point x1 , point x2 , point x3 ) {r
eturn (x2.x-x1.x) * (x3.y-x1.y) - (x3.x-x1.x) *
(x2.y-x1.y);}
10 double abs ( double x ) {if ( x < 0 ) return -x;
   return x;
11 point getcen ( point x1 , point x2 , point x3 )
     double A , B , C , D , E , F; point ret; if ( x1.x = x2.x ) A = 0.0, B = 1.0, C = (x1.
12
13
   y+x2.\dot{y})/2.0;
14
     else {
15
        A = 1.0/((x1.y-x2.y) / (x1.x-x2.x)); B = 1.0;
        C = -(x1.y+x2.y)/2.0 - A * (x1.x+x2.x)/2.0;
16
17
     if (x1.x == x3.x) D = 0.0, E = 1.0, F = (x1.
18
   y+x3.y)/2.0;
19
     else {
20
        D = 1.0/((x1.y-x3.y) / (x1.x-x3.x));E = 1.0;
        F = -(x1.y+x3.y)/2.0 - D * (x1.x+x3.x)/2.0;
21
```

```
22
23
        ret.x = (B * F - C * E) / (A * E - B * D);
ret.y = (A * F - C * D) / (B * D - A * E);
24
25
        return ret;
26 }
27 void work () {
        int 1 , J , k,
srand(67890);
scanf ( "%d" , &n );
for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lf%lf"</pre>
29
30
31
       a[i].x, a[i].y);
random_shuffle ( a+1 , a+1+n );
32
33
        if ( n == 2 )
           printf ( "%.3lf\n" , dis ( a[1] , a[2] ) /
34
     2.0);
35
           return ;
36
37
        c.x = a[1].x; c.y = a[1].y; r = 0.0;
        for ( i = 2 ; i <= n ; i++ ) {
    if ( dis ( c , a[i] ) - r > 1e-9 ) {
        c.x = a[i].x;c.y = a[i].y;r = 0.0;
38
39
40
              c.x = a[i].x;c.y = a[i].y;r = 0.0;
for ( j = 1 ; j < i ; j++ ) {
   if ( dis ( c , a[j] ) - r > 1e-9 ) {
     c.x = (a[i].x + a[j].x) / 2.0;
     c.y = (a[i].y + a[j].y) / 2.0;
     r = dis ( a[i] , a[j] ) / 2.0;
     tmp = n; tmp1 - c;
41
42
43
45
46
                      tmp = r; tmp1 = c;
                      for ( k = 1 ; k <= j - 1 ; k++ ) {
  if ( dis ( tmp1 , a[k] ) - tmp > 1e-
47
48
    9 ) {
49
                            if ( abs(det ( a[i] , a[j] , a[k]
     )) < 1e-9 ) continue;
50
                            tmp2 = getcen (a[i], a[j], a[k]
51
                             tmp = dis (tmp2, a[i]);
52
53
                            tmp1 = tmp2;
                      }}
54
                      c = tmp1; r = tmp;
55
        }}}
56
57 }
        printf ( "%.31f\n" , r );
```

10. 线性筛 & 杜教筛

计算积性函数 f(n) 的前缀和 $F(n) = \sum_{k=1}^{n} f(k)$: 先选定辅 助函数 g(n) 进行 Dirichlet 卷积, 得到递推公式:

$$F(n) = rac{1}{g(1)} \left(\sum_{k=1}^n (f imes g)(k) - \sum_{k=2}^n g(k) F\left(\left\lfloor rac{n}{k}
ight
floor
ight)
ight)$$
于 Euler 函数 $arphi(n)$,选定 $g(n) = 1$,得:

对于 Euler 函数
$$\varphi(n)$$
,选定 $g(n)=1$,得:
$$\Phi(n)=\frac{n(n+1)}{2}-\sum_{k=2}^n\Phi\left(\left\lfloor\frac{n}{k}\right\rfloor\right)$$

对于 Mobius 函数
$$\mu(n)$$
,选定 $g(n)=1$,得: $M(n)=1-\sum_{k=2}^n M\left(\left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor\right)$

如果没有预处理,时间复杂度为 $\Theta(n^{3/4})$,空间复杂度为 $\Theta(\sqrt{n})$ 。如果预处理前 $\Theta(n^{2/3})$ 项前缀和,则时空复杂度均变为 $\Theta(n^{2/3})$ 。下面的代码以 Euler 函数为例,能够在 1s 内计算 10^{10} 内的数据。可以多次调用。

```
1 #define S 17000000 // for F(10^10)
 2 static int pc, pr[S + 10];
3 static i64 phi[S + 10];
 4 static unordered map<i64, i64> dat;
 5 inline void sub(\overline{1}64 \& a, 164 b) { a \rightarrow b; if (a < 164 b) }
    0) a += MOD:
   inline i64 c2(i64 n) { n %= MOD; return n * (n +
    1) % MOD * INV2 % MOD;
   i64 F(i64 n) { // 杜教筛
      if (n <= S) return phi[n];
if (dat.count(n)) return dat[n];</pre>
      i64 &r = dat[n] = c2(n);
for (i64 i = 2, 1; i <= n; i = 1 + 1) {
    i64 p = n / i;</pre>
10
11
12

\begin{array}{lll}
1 &= n & / p; \\
1 &= n & / p; \\
sub(r, (1 - i + 1) &* F(p) & MOD); & // (1 - i + 1) & MOD?
\end{array}

13
14
15
16
      return r;
17 }
18 phi[1] = 1; // 线性筛
```

```
|19 for (int i = 2; i <= S; i++) {
    if (!phi[i])
       pr[pc++] = i;
phi[i] = i - 1;
21
23
     for (int j = 0; pr[j] * i <= S; j++) {
       int p = pr[j]
       if (i % p) phi[i * p] = phi[i] * (p - 1);
26
27
         phi[i * p] = phi[i] * p;
29
         break;
30 }}}
31 for (int i = 2; i <= S; i++) add(phi[i], phi[i -
   1]);
```

11. 类 Euclid 算法

类 Euclid 算法在模意义下计算:

$$\sum_{k=0}^n k^p \left\lfloor rac{ak+b}{c}
ight
floor$$

其中所有参数非负,在计算过程中始终保证 K=p+q 不增, $a,c\geqslant 1$ 且 $b\geqslant 0$ 。需要 Bernoulli 数($B_1=+1/2$)来计算自然数幂前缀和 $S_p(x)=\sum_{k=1}^x k^p=\sum_{k=1}^{p+1} a_k^{(p)}x^k$,其中 $a_k^{(p)}=\frac{1}{p+1}\binom{p+1}{k}B_{p+1-k}$ 。代码中 has 为访问标记数组,每次使用前需清空,val 为记忆化使用的数组,qpow 是快速幂,S 是自然数幂前缀 和, A 记录了 $a_k^{(p)}$,C 是组合数。时空复杂度为 $O(K^3\log\max\{a,c\})$ 。

算法主要分为三个情况,其中 $a \ge c$ 和 $b \ge c$ 的情况比较简单。当 a, b < c 时,用 $j = \lfloor (ak+b)/c \rfloor$ 进行代换,注意最终要转化为 $\lfloor (c(j-1)+c-b-1)/a \rfloor < k \le \lfloor (cj+c-b-1)/a \rfloor$,再进行一次分部求和即可。注意处理 $k \le n$ 这个条件。

```
1 i64 F(i64 n, i64 a, i64 b, i64 c, int p, int q,
   int d = 0
     if (n < 0) return 0;</pre>
     if (has[d][p][q]) return val[d][p][q];
     has[d][p][q] = true;
     i64 &ret = val[d++][p][q] = 0; // 后面的 d 均加
   1
 6
     if (!q) ret = S(n, p) + (!p); // 注意 p = 0
   的边界
     else if (!a) ret = qpow(b / c, q) * (S(n, p) +
   (!p)) % MOD;
     else if (a >= c)
        i64 m = a / c, \tilde{r} = a % c, mp = 1;
        for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m % M
10
   OD)
     add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, r, b, c
p + j, q - j, d) % MOD);
} else if (b >= c) {
11
12
13
        i64 m = \dot{b} / c, \dot{r} = b \% c, mp = 1;
        for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m % M
14
  OD)
   add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, a, r, c
, p, q - j, d) % MOD);
} else {
16
        i64 m = (a * n + b) / c;
17
        for (int k = 0; k < q; k++) {
  i64 s = 0;

for (int i = 1; i <= p + 1; i++)

add(s, A[p][i] * F(m - 1, c, c - b - 1,

a, k, i, d) % MOD);
19
20
          add(ret, C[q][k] * s % MOD);
23
        ret = (qpow(m, q) * S(n, p) - ret) % MOD;
     } return ret;
26 }
```

12. dinic

```
1 void add ( int u , int v , int f ) {
2   node *tmp1 = &pool[++top] , *tmp2 = &pool[++to
   p];
3   tmp1 -> v = v; tmp1 -> f = f; tmp1 -> next = g
   [u]; g[u] = tmp1; tmp1 -> rev = tmp2;
4   tmp2 -> v = u; tmp2 -> f = 0; tmp2 -> next = g
   [v]; g[v] = tmp2; tmp2 -> rev = tmp1;
5  }
6 bool makelevel () {
7   int i , k;
8   queue < int > q;
```

```
9
      for ( i = 1 ; i <= 1 + n + n + 1 ; i++ ) level
10
      level[1] = 1; q.push (1);
      while ( q.size () != 0 ) {
  k = q.front (); q.pop ();
  for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
    if ( j -> f && level[j->v] == -1 ) {
11
12
13
14
               level[j->v] = level[k] + 1;
15
               q.push ( j -> v );
if ( j -> v == 1 + n + n + 1 ) return tr
16
17
   ue;
18
      return false;
19
20
21 int find ( int k , int key ) {
       if (k == 1 + n + n + 1) return key;
       int i , s = 0;
      for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )

if ( j -> f && level[j->\nu] == level[k] + 1 &
    & s < key ) { i = find ( j -> \nu , min ( key - s , j -> f
26
            j \rightarrow f = i;
27
            j \rightarrow rev \rightarrow f += i;
            \dot{s} += i;
30
      if ( s == 0 ) level[k] = -1;
 31
32
      return s;
33 }
34 void dinic () {
35
      int ans = 0;
      while ( makelevel () == true ) ans += find ( 1
    , 99999 );
       //printf ( "%d\n"
      //printf ( "%d\n" , ans );
if ( ans == sum ) printf ( "^_^\n" );
38
39
      else printf ( "T_T\n" );
40 }
```

13. 费用流

```
1 void add ( int u , int v , int f , int c ) { 2   node *tmp1 = &pool[++top] , *tmp2 = &pool[++to
    mp2;
       tmp2 -> v = u; tmp2 -> f = 0; tmp2 -> c = -c;
    tmp2 \rightarrow next = g[v]; g[v] = tmp2; tmp2 \rightarrow rev =
    tmp1:
 6 bool spfa () {
       int i , k;
    queue < int > q;
for ( i = 1 ; i <= 1 + n*m*3 + 1 ; i++ ) dis[i]
= 9999999, f[i] = 0;
dis[1] = 0; f[1] = 1; q.push ( 1 );
       while ( q.size () != 0 ) {
  k = q.front (); q.pop (); f[k] = 0;
  for ( node *j = g[k]; j; j = j -> next )
    if ( j -> f && dis[j->v] > dis[k] + j -> c
11
12
13
14
15
                 dis[j\rightarrow v] = dis[k] + j \rightarrow c;
                from [j->v] = j;

if (f[j->v] == 0) q.push (j->v);

f[j->v] == 1;
16
17
18
19
20
21
       if ( dis[1+n*m*3+1] != 9999999 ) return true;
22
        return false;
23
24 int find () {
25   int i , f = 999999 , s = 0;
26   for ( i = 1+n*m*3+1 ; i != 1 ; i = from[i] ->
    rev -> v ) f = min ( f , from[i] -> f );
      flow += f;

for ( i = 1+n*m*3+1 ; i != 1 ; i = from[i] ->

rev -> v ) from[i] -> f -= f, from[i] -> rev ->
27
    rev ->
29
      return f * dis[1+n*m*3+1];
30 }
31 void dinic () {
       int ans = 0;
       while ( spfa () == true ) ans += find ();
//printf ( "%d\n" , flow );
33
                                     , flow );
34
35
        if ( flow == sum && sum == sum1 ) printf ( "%d
    \n" , ans );
```

```
36 else printf ( "-1\n" );
37 }
```

14. manacher

```
1 void manacher() {
2    //max(p[i])-1即为最大回文子串长
3    int mx=0,id=0;n=strlen(ch);
4    for(int i=n;i;i--)ch[i]=ch[i-1];
5    for(int i=1;i<=n;i++)c[i<<1]=ch[i],c[i<<1|1]=
    '#';
6    m=n<<1|1;c[0]='-',c[1]='#',c[m+1]='+';
7    for(int i=1;i<=m;i++) {
8        if(mx>i)p[i]=min(p[2*id-i],mx-i);
9        while(c[p[i]+i]==c[i-p[i]])p[i]++;
10        if(i+p[i]>mx)mx=i+p[i],id=i;
11 }}
```

15. KMP

```
int p[101];
 2 int main()
        string a,b;
        cin>>a>>b;
        int n=a.length(),m=b.length();
a=" "+a;b=" "+b;
 6
        int j=0;
for(int i=2;i<=m;i++)</pre>
 8
           while(j>0&&b[j+1]!=b[i])j=p[j];
if(b[j+1]==b[i])j++;
10
11
           p[i]=j;
12
        j=0:
13
       for(int i=1;i<=n;i++) {
  while(j>0&&b[j+1]!=a[i])j=p[j];
  if(b[j+1]==a[i])j++;
  if(j==m){printf("%d",i-m+1);break;}
14
15
17
18
19
        return 0;
20 }
```

16. 回文自动机

```
1 int val[N];
  int head[N
],pos;
 3 struct edge{int to,next;}e[N<<1];</pre>
 4 void add(int a,int b)
 5 {pos++;e[pos].to=b,e[pos].next=head[a],head[a]=p
   os;}
6 struct Tree {
7    char ch[N];
      int now,cnt,odd,even;
     int fail[N],len[N],go[N][26];
void init() {
10
11
        now=cnt=0:
12
        odd=++cnt, even=++cnt;
13
        len[odd]=-1, len[even]=0;
14
        fail[odd]=fail[even]=odd;
15
        now=even;add(odd,even);
16
17
      void insert(int pos, char c) {
        while(ch[pos-1-len[now]]!=c)now=fail[now];
if(!go[now][c-'a']) {
    go[now][c-'a']=++cnt;
    len[cnt]=len[now]+2;
18
19
20
21
           if(now==odd)fail[cnt]=even;
22
23
           else {
24
             int t=fail[now];
25
             while(ch[pos-1-len[t]]!=c)t=fail[t];
fail[cnt]=go[t][c-'a']:
26
             fail[cnt]=go[t][c-'a]
27
28
          add(fail[cnt],cnt);
29
30
        now=go[now][c-'a'];
31
        val[now]++;
32
33
      void dfs(int u)
        for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
34
35
           int v=e[i].to;
36
           dfs(v);
37
           val[u]+=val[v];
38
39
      long long cal()
        long long ret=0;
40
41
        for(int i=3;i<=cnt;i++)</pre>
           ret=max(ret,1ll*len[i]*val[i]);
42
43
        return ret;
```

```
44 }
45 }tree;
```

17. 后缀排序: DC3

DC3 后缀排序算法,时空复杂度 $\Theta(n)$ 。字符串本体 s 数组、sa 数组和 rk 数组都要求 3 倍空间。下标从 0 开始,字符串长度为 n,字符集 Σ 为 [0,m]。partial_sum 需要标准头文件 numeric。

```
1 #define CH(i, n) i < n ? s[i] : 0
 2 static int ch[NMAX + 10][3], seq[NMAX + 10];
3 static int arr[NMAX + 10], tmp[NMAX + 10], cnt[N
    MAX + 10]
   inline bool cmp(int i, int j) {
  return ch[i][0] == ch[j][0] && ch[i][1] == ch[
j][1] && ch[i][2] == ch[j][2];
    inline bool sufcmp(int *s, int *rk, int n, int i
       int j)
      if (s[i] != s[j]) return s[i] < s[j];
if ((i + 1) % 3 && (j + 1) % 3) return rk[i +
] < rk[j + 1];
if (s[i + 1] != s[j + 1]) return s[i + 1] < s[</pre>
    1]
10
    j + 1]
       return rk[i + 2] < rk[j + 2];
12
13 void radix_sort(int n, int m, int K, bool init =
    true)
14
       if (init) for (int i = 0; i < n; i++) arr[i] =
   i;
15
       int *a = arr, *b = tmp;
for (int k = 0; k < K; k++) {</pre>
16
         memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
for (int i = 0; i < n; i++) cnt[ch[a[i]][k]]</pre>
17
18
   partial_sum(cnt, cnt + m + 1, cnt);
  for (int i = n - 1; i >= 0; i--) b[--cnt[ch[
a[i]][k]]] = a[i];
19
20
21
          swap(a, b);
22
23
       if (a != arr) memcpy(arr, tmp, sizeof(int) * n
24
25 void suffix_sort(int *s, int n, int m, int *sa,
    int *rk)
26
       s[n] = 0; n++;
       int p = 0, q = 0;
for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) for (int j
27
28
   for (int i = 2; j < 3; j++)
    ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);
    for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) for (int j</pre>
29
30
   = 0; j < 3; j++)

ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);
31
       radix sort(p, m, 3);

for (int i = 0; i < p; i++) {

   if (!q || (q && !cmp(arr[i - 1], arr[i]))) q
32
33
34
35
          s[n + arr[i]] = q;
36
       if (q < p) suffix_sort(s + n, p, q, sa + n, rk)
37
    + n);
38
       else {
39
          for (int i = 0; i < p; i++) sa[n + s[n + i]
       1]
         for (int i = 0; i < p; i++) rk[n + sa[n + i]
40
    ] = i + 1;
41
42
       m = max(m, p);
43
44
       for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) rk[i] = rk
45
       for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) rk[i] = rk
       for (int i = 0; i < n; i++) if (i % 3) seq[rk[</pre>
46
        - 1] = i;
       for (int i = 0; i < n; i += 3, q++) {
  ch[i][0] = i + 1 < n ? rk[i + 1] : 0;
  ch[i][1] = s[i];</pre>
47
48
49
50
          arr[q] = i;
51
      radix_sort(q, m, 2, false);
for (int i = seq[0] == n - 1, j = arr[0] == n
1, k = 0; i 
52
53
54
```

18. AC 自动机

时间复杂度 $O(n+m+z+n|\Sigma|)$, n 是模板串总长度, m 是目标串长度, z 是总匹配次数, Σ 是字符集。如果想移掉 $n|\Sigma|$ 这一项, 需要使用哈希表。传入的字符串下标从 0 开始。

```
1 struct Node {
      Node() : mark(false), suf(NULL), nxt(NULL) {
        memset(ch, 0, sizeof(ch));
      bool mark;
      Node *suf, *nxt, *ch[SIGMA];
8 void insert(Node *x, char *s) {
9    for (int i = 0; s[i]; i++) {
      int c = s[i] - 'a';
}
         if (!x->c\bar{h}[\bar{c}]) x->ch[c] = new Node;
11
12
        x = x \rightarrow ch[c];
13
      x->mark = true;
15
16 void build_automaton(Node *r) {
      queue<Node *> q;
      for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
        if (!r->ch[c]) continue;
r->ch[c]->suf = r;
19
20
         q.push(r->ch[c]);
22
23
      while (!q.empty())
24
        Node *x = q.front();
        q.pop();
for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {</pre>
26
           Node v = x - ch[c]; if (v) continue;
27
28
            Node *y = x->su\bar{f};
           while (y != r \&\& [y->ch[c]) y = y->suf;
30
           if (y \rightarrow ch[c]) y = y \rightarrow ch[c];
31
            v->suf = y
           if (y-\text{smark}) v-\text{snxt} = y;
32
33
           else v->nxt = y->nxt;
34
           q.push(v);
35 }}}
36 void search(Node *x, char *s) {
37     for (int i = 0; s[i]; i++) {
38     int c = s[i] - 'a';
         while (x-suf \&\& !x-sch[c]) x = x-suf;
39
         if (x-\operatorname{ch}[c]) x = x-\operatorname{ch}[c];
         if (x->mark) print(i + 1, x->data);
41
         for (Node *y = x->nxt; y; y = y->nxt) print(
   i + 1, y->data);
43 }}
```

19. 后缀排序: 倍增算法

倍增法后缀排序,时间复杂度为 $\Theta(n\log n)$ 。 suffix_sort 是本体,结果输出到 sa 数组和 rk 数组(排名数组)。参数 s 是字符串,下标从 0 开始,n 是字符串长度,m 是字符集大小(一般为 255,字符集为 $\Sigma = \{0,1,2,...,m\}$,0 是保留的 \$ 字符)。算法运行完毕后 sa 数组里面存的是从 0 开始的下标,rk 数组里面存的是从 1 开始的排名值。

另外附带一个线性求 1cp 数组的代码。1cp 数组下标从 1 开始,实际上只有在 2 到 n 范围内的才是有效值。参数意义与 suffix sort 相同。

```
1 static int sa[NMAX + 10], rk[NMAX + 10], lcp[NMA
    X + 10];
2 void suffix_sort(const char *s, int n, int m) {
3    static int x[NMAX + 10], y[NMAX + 10], cnt[NMA
    X + 10], i;
4    for (i = 0; i < n; i++) cnt[s[i]]++;
5    for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
6    for (i = 0; i < n; i++) sa[--cnt[s[i]]] = i;
7    for (i = 1, m = 1, rk[sa[0]] = 1; i < n; i++)
{
8     if (s[sa[i - 1]] != s[sa[i]]) m++;</pre>
```

```
rk[sa[i]] = m;
10
     for (int 1 = 1; 1 < n; 1 <<= 1) {
   memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));</pre>
11
12
13
        for (i = 0; i < n; i++) cnt[y[i] = i + 1 < n
             1] : 0]++;
   ? rk[i +
        for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1
14
   ];
15
        for (i = n - 1; i >= 0; i--) x[--cnt[y[i]]]
   = i;
       memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
for (i = 0; i < n; i++) cnt[rk[i]]++;</pre>
16
17
        for (i = 1; i \leftarrow m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1]
18
   ];
19
        for (i = n - 1; i >= 0; i--) sa[-cnt[rk[x[i]]]
   ]]]] = x[i];
20
        for (i = 1, m = 1, x[sa[0]] = 1; i < n; i++)
21
          if (rk[sa[i - 1]] != rk[sa[i]] || y[sa[i -
   1]] != y[sa[\bar{1}]]) m++;
22
         x[sa[i]] = m;
23
24
        memcpy(rk, x, sizeof(int) * n);
25 }}
int j = 0, p;
for (int i = 0; i < n; i++, j = max(0, j - 1))
28
29
        if (rk[i] == 1) {
30
          j = 0;
31
          continue;
32
33
        p = sa[rk[i] - 2];
  while (p + j < n & i + j < n & s[p + j] == s[i + j]) j++;
34
35
        lcp[rk[i]] = j;
36 }}
```

20. 后缀排序: SA-IS

SA-IS 后缀数组排序。字符串存在 str 中,下标从 1 开始,长度为 n,并且 str[n+1] 为哨兵字符,编号为 1。后缀数组放在 sa 中,下标从 1 开始。时空复杂度为 $\Theta(n)$ 。其中使用了vector
bool>来优化缓存命中率。

```
1 #define rep(i, 1, r) for (register int i = (1);
   i <= (r); ++i
 2 #define rrep(i, r, 1) for (register int i = (r);
   i >= (1);
               --i)
 3 #define PUTS(x) sa [cur[str[x]] --] = x
 4 #define PUTL(x) sa[cur[str[x]]++]
 5 #define LMS(\dot{x}) (!type[\bar{x} - \bar{1}] && type[x])
 6 #define RESET memset(sa + 1, 0, sizeof(int) * (n
     1));
     memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
 8 #define INDUCE rep(i, 1, m) cur[i] = cnt[i - 1]
   + 1:
     rep(i, 1, n + 1) if (sa[i] > 1 && !type[sa[i]
   - 1]) PUTL(sa[i] - 1);
memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
     rrep(i, n + 1, 1) if (sa[i] > 1 && type[sa[i]
1]) PUTS(sa[i] - 1);
                       int m, int *str, int *sa) {
12 void sais(int n,
     static int id[NMAX + 10];
13
14
     vector<bool> type(n + 2);
     type[n + 1] = true;
15
   rrep(i, n, 1) type[i] = str[i] == str[i + 1] ?
type[i + 1] : str[i] < str[i + 1];</pre>
16
     int cnt[m + 1], cur[m + 1], idx = 1, y = 0, rt lrt, *ns = str + n + 2, *nsa = sa + n + 2;
17
18
     memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
     rep(i, 1, n + 1) cnt[str[i]]++;
rep(i, 1, m) cnt[i] += cnt[i - 1]
19
20
     RESET rep(i, 2, \bar{n} + 1) if (LMS(i)) PUTS(i); IN
21
   DUCE
22
     memset(id + 1, 0, sizeof(int) * n);
rep(i, 2, n + 1) if (LMS(sa[i])) {
23
24
        register int x = sa[i]
25
        for (rt = x + 1; !LMS(rt); rt++)
        id[x] = y \&\& rt + y == 1rt + x \&\& !memcmp(st
26
   r + x, str + y, sizeof(int) * (rt - x + 1)) ? id
   x : ++idx;
27
        y = x, lrt = rt;
28
      int len = 0, pos[(n >> 1) + 1];
```

```
30    rep(i, 1, n) if (id[i]) {
31         ns[++len] = id[i];
32         pos[len] = i;
33     }
34    ns[len + 1] = 1, pos[len + 1] = n + 1;
35     if (len == idx - 1) rep(i, 1, len + 1) nsa[ns[i] = i;
36     else sais(len, idx, ns, nsa);
37     RESET rrep(i, len + 1, 1) PUTS(pos[nsa[i]]); I
NDUCE
38 }
39    static int str[NMAX * 3 + 10], sa[NMAX * 3 + 10]
;
```

21. pam ■

```
1 const int NN = 310000;
 2 struct node {
     int len , cnt,ch[30] , fail;
     p[NN];
 5 int top,n,last;
 6 char z[NN];
 7 Long Long ans;
8 void work ()
     int i , tmp;
scanf ( "%s"
10
                     , z + 1);
     n = strlen (z + 1);
11
12
     top = 2
13
     p[1].fail = 2; p[2].fail = 1;
     p[1].len = 0; p[2].len = -1; z[0] = '$';
15
     last = 1;
116
     for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
   while ( z[i] != z[i-p[last].len-1] ) last =</pre>
17
   p[last].fail;
       19
20
21
22
          while (z[i]] = z[i-p[tmp].len-1] ) tmp =
23
   p[tmp].fail;
24
          if (p[top].len > 1 && p[tmp].ch[z[i]-'a'+
      ) p[top].fail = p[tmp].ch[z[i]-'a'+1];
else p[top].fail = 1;
25
26
27
        last = p[last].ch[z[i]-'a'+1];
28
       p[last].cnt++;
29
  for ( i = top ; i >= 1 ; i-- ) p[p[i].fail].cn t += p[i].cnt;
30
     for ( i = 1 ; i <= top ; i++ ) {
   //printf ( "%d %d\n" , p[i].le</pre>
31
32
                                , p[i].len , p[i].cnt
33
       ans = max ( ans , (long long)p[i].len * p[i]
   .cnt );
34
35
     printf ( "%lld\n" , ans );
36 }
```

22. 权值splay

```
1 11 n,kind,rt,sz,fa[N],num[N];
2 11 tr[N][2],size[N],v[N],ans;
 3 void pushup(ll k){size[k]=size[tr[k][0]]+size[tr
   [k][1]]+num[k];}
  void rotate(11 x,11 &k) {
     ll y=fa[x],z=fa[y],1,r;
l=tr[y][1]==x;r=1^1;
     if(y=\bar{k})k=x;
     else tr[z][tr[z][1]==y]=x;
fa[x]=z,fa[tr[x][r]]=y,fa[y]=x;
10
     tr[y][1]=tr[x][r], tr[x][r]=y;
     pushup(y); pushup(x);
11
12
|13 void splay(11 x,11 \&k) {
     while (x!=k) {
15
       11 y=fa[x], z=fa[y];
       if(y!=k)
16
          if(tr[y][0]==x^tr[z][0]==y)
17
            rotate(x,k);
19
          else rotate(y,k);
20
       }rotate(x,k);
21 }}
st;splay(k,rt);return ;}
```

```
24
     if(x==v[k])num[k]++;
25
       else \mathbf{if}(x) \vee [k] insert(tr[k][1],x,k);
     else insert(tr[\bar{k}][0],x,k);
26
27
30
     if(!k)return 0;
31
     if(x==v[k])return k;
32
     else if(x > v[k])return find(x,tr[k][1]);
33
     else return find(x, tr[k][0]);
34
35 void ask_before(ll x,ll k) {
36
     if(!k)return
37
     if(v[k] < x) \{t1=k; ask before(x, tr[k][1]); \}
38
     else ask_before(x,tr[k][0]);
39 }
42
     if(v[k]>x){t2=k;ask_after(x,tr[k][0]);}
43 //
       else if(v[k]==x)return
     else ask_after(x,tr[k][1]);
45
46 void del(ll x,ll k) {
     if(num[k]>1) {
  num[k]--,size[k]--;
47
48
49
        splay(k,rt);return;
50
51
     t1=t2=-1;
52
     ask_before(x,rt);
53
54
     ask_after(x,rt);
if(t1==-1&&t2==-1)
55
       if(num[rt]==1)rt=0;
56
57
       else size[rt]--,num[rt]--;
58
     else if(t1==-1) {
59
       splay(t2,rt);
tr[rt][0]=0;
60
61
       pushup(rt);
62
     else if(t2==-1) {
63
64
       splay(t1,rt);
tr[rt][1]=0;
65
66
       pushup(rt);
67
68
     else {
69
       splay(t1,rt);
       splay(t2,tr[t1][1]);
tr[t2][0]=0;
70
71
72
       pushup(t2);pushup(t1);
73 }}
```

23. 序列splay

```
1 int n,m,sz,rt;
    char ch[10]
    int tr[N][2],fa[N],v[N],sum[N];
    int mx[N],lx[N],rx[N];
int st[N],size[N],top,tag[N];
 6 bool rev[N];
    void pushup(int u) {
       size[u]=1, sum[u]=v[u]; int l=tr[u][0], r=tr[u][1]
    ];
       \begin{array}{l} \textbf{if}(1) \texttt{size}[u] + \texttt{size}[1], \texttt{sum}[u] + \texttt{sum}[1]; \\ \textbf{if}(r) \texttt{size}[u] + \texttt{size}[r], \texttt{sum}[u] + \texttt{sum}[r]; \end{array}
10
       mx[u]=v[u]; if(1)mx[u]=max(mx[u],mx[1]); if(r)mx
11
     [u]=\max(\max[u],\max[r])
       if(1&&r)mx[u]=max(mx[u],rx[1]+v[u]+lx[r]);
else if(1)mx[u]=max(mx[u],rx[1]+v[u]);
else if(r)mx[u]=max(mx[u],v[u]+lx[r]);
13
14
15
        lx[u]=0; if(1)lx[u]=lx[1]; rx[u]=0; if(r)rx[u]=rx
16
       if(!1)1x[u]=max(1x[u],v[u]);if(!r)rx[u]=max(rx
    [u],v[u]);
17
        \mathbf{if}([1\&\&r)] \times [u] = \max(1\times[u], v[u] + 1\times[r]); \mathbf{if}([r\&\&1])
    rx[u]=max(rx[u],v[u]+rx[1])
18
        \mathbf{if}(1)\mathbf{1}\mathbf{x}[u] = \max(\mathbf{1}\mathbf{x}[u], \mathbf{sum}[1] + v[u]); \mathbf{if}(r)\mathbf{rx}[u] = \mathbf{m}
    ax(rx[u],sum[r]+v[u]
19
       \mathbf{if}(\bar{1}\&\bar{\&}r)1x\bar{[u]}=\max(\bar{1}x\bar{[u]}, sum[1]+v\bar{[u]}+1x\bar{[r]}), rx\bar{[u]}
    u]=max(rx[u],sum[r]+v[u]+rx[1]);
20
21 void work(int k,int c)
22
23
       tag[k]=c, v[k]=c, sum[k]=size[k]*c;
       mx[k] = (c > 0?c*size[k] : c), lx[k] = rx[k] = (c > 0?c*size[k] : c)
    e[k]:0);
24
25 void rve(int k) {
```

```
26
     rev[k]^=1;
     swap(lx[k],rx[k]);
swap(tr[k][0],tr[k][1]);
27
28
29 }
30 void pushdown(int u)
     int l=tr[u][0],r=tr[u][1];
     if(tag[u]!=12345)
32
33
        if(1)work(1,tag[u]);if(r)work(r,tag[u]);
34
        tag[u]=12345;
35
     if(rev[u])
        \mathbf{if}(1)rve(1); \mathbf{if}(r)rve(r);
37
38
        rev[u]^=1;
39 }
40 void rotate(int x,int &k) {
41
     int y=fa[x],z=fa[y];
     int l=(tr[y][1]==x), r=1^1;
43
     if(v==k)k=x
     else tr[z][tr[z][1]==y]=x;
44
     fa[x]=z,fa[y]=x,fa[tr[x][r]]=y;
tr[y][1]=tr[x][r],tr[x][r]=y;
45
47
     pushup(y); pushup(x);
48
49 void splay(int x,int &k) {
50
     while (x!=k)
51
        int y=fa[x], z=fa[y];
52
        if(y!=k)
53
          if(tr[y][0]==x^tr[z][0]==y)
            rotate(x,k);
55
          else rotate(y,k);
56
57
        rotate(x,k);
58 }}
59 int find(int k,int rk) {
     pushdown(k);
     int l=tr[k][0],r=tr[k][1];
if(size[1]>=rk)return find(1,rk);
61
62
63
     else if(size[1]+1==rk)return k;
     else return find(r,rk-size[1]-1);
65
66 int split(int l,int r)
     int x=find(rt,1),y=find(rt,r+2);
67
     splay(x,rt), splay(y,tr[x][1]);
69
     return tr[y][0];
70
72 void newnode(int k,int c)
   [v[k]=sum[k]=c,mx[k]=c,tag[k]=12345,1x[k]=rx[k]=
   (c>0?c:0),size[k]=1,rev[k]=0;}
74 int build(int l,int r)
     if(1>r) return 0; int mid=(1+r)>>1, now;
76
     now=++sz; newnode(now, a[mid-1]);
     tr[now][0]=build(1,mid-1); if(tr[now][0])fa[tr[
   now | [0] = now;
78
     tr[now][1] = build(mid+1,r); if(tr[now][1])fa[tr[
   now][1]]=now;
79
     pushup(now);return now;
80
81 int Build(int 1,int r)
     if(1>r) return 0; int mid=(1+r)>>1, now;
82
83
     if(top)now=st[top--];else now=++sz;newnode(now
   ,a[mid])
84
     tr[now][0]=Build(1,mid-1); if(tr[now][0])fa[tr[
   now][0]]=now;
     tr[now][1]=Build(mid+1,r); if(tr[now][1])fa[tr[
   now][1]]=now;
     pushup(now);return now;
87 }
88 void insert(int x,int tot) {
     for(int i=0;i<=tot+2;i++)a[i]=0;</pre>
89
90
     for(int i=1;i<=tot;i++)a[i]=read();</pre>
     int l=find(rt,x+1),r=find(rt,x+2);
splay(1,rt),splay(r,tr[1][1]);
91
     tr[r][0]=Build(1,tot),fa[tr[r][0]]=r;
93
94
     pushup(r),splay(r,rt);
95 }
96 void clr(int k){tag[k]=12345,tr[k][0]=tr[k][1]=f
a[k]=rev[k]=v[k]=sum[k]=mx[k]=lx[k]=rx[k]=size[k
   ]=0;}
97 void rec(int k) {
98 if(!k)return;
     rec(tr[k][0]); rec(tr[k][1]);
99
100
     st[++top]=k,clr(k);
101}
102void del(int x, int tot) {
```

```
103     int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);
104     int fk=fa[k];tr[fk][0]=fa[k]=0;rec(k);
105     splay(fk,rt);
106}
107void make_same(int x,int tot,int c)
108{int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);work(k,c);if(fa[k])splay(fa[k],rt);}
109void rever(int x,int tot)
110{int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);rve(k);if(fa[k]) splay(fa[k],rt);}
111int get_sum(int x,int tot) {
112     int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);
113     return sum[k];
114}
```

24. ntt

```
1 const Long Long maxn = 120000
 2 const long long mod = 998244353;
 3 const long long omega = 3;
 4 Long Long a[maxn*4], b[maxn*4], c[maxn*4], d[
    maxn*4];
 5 Long Long n , m , N , in;
6 Long Long pow ( Long Long f , Long Long x ) {Long Long s = 1; while ( x ) {if ( x \% 2 ) s = (s*f) \% mod; f = (f*f) \% mod; x >>= 1; } return s;}
 7 Long Long inv ( Long Long x ) {return pow ( x ,
    mod -
            2);}
8 Long Long rev ( Long Long x ) {Long Long i , y;i = 1; y = 0;while ( i < N ) {y = y * 2 + (x%2);i <<= 1; x >>= 1;}return y;}
9 void br ( Long Long *x ) {Long Long i;for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) d[rev(i)] = x[i];for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) x[i] = d[i];}
10 void FFT ( long long st x , long long f ) {
       long long i , j , s , k;
       Long Long w , wm , u , t;
      br (x);

for (s = 2; s <= N; s *= 2) {
13
14
          k = s / 2;
15
          \mathbf{m} = \mathbf{pow} \text{ (omega , (mod-1) / s );}
\mathbf{if} \text{ (} f == -1 \text{ ) wm = inv (wm );}
17
18
          for (i = 0; i < N; i += s)
19
             w = 1;
             for (j = 1; j \le k; j++) \{ u = x[i+j-1]; t = (x[i+j-1+k]*w) \% mod; \}
20
21
22
                x[i+j-1] = (u + t) \% \text{ mod};
                x[i+j-1+k] = (u - t + mod) \% mod;
23
24
25
                w = (w*wm) \% mod;
      if(f == -1) for(i = 0; i < N; i++) x[i = (x[i] * in) % mod;
26
27
28 void work () {
      long long i;
scanf ( "%11d%11d" , &n , &m );
29
30
      N = 1;
31
      while (N < n + m + 2) N = N * 2;
32
33
      for ( i = 0 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lld" ,</pre>
    &a[i]
34
             (i = 0; i <= m; i++) scanf ("%11d",
       for
    &b[i] );
      in = inv ( N );
FFT ( a , 1 ); FFT ( b , 1 );
35
36
      for (i = 0; i < N; i++) c[i] = (a[i]*b[i])
37
   % mod;
      FFT ( c , -1 );
for ( i = 0 ; i <= n + m ; i++ ) printf ( "%ll
%c" , c[i] , i==n+m?'\n':' );</pre>
39
    d%c'
40 }
```

25. fft

```
1 const int maxn = 120000;
2 const double pi = acos(-1);
3 struct complex {
4    double r , i;
5 } a[maxn*4] , b[maxn*4] , c[maxn*4] , d[maxn*4];
6 complex operator + ( complex x1 , complex x2 ) {
    complex y;y.r = x1.r + x2.r;y.i = x1.i + x2.i;re
    turn y;}
7 complex operator - ( complex x1 , complex x2 ) {
    complex y;y.r = x1.r - x2.r;y.i = x1.i - x2.i;re
    turn y;}
8 complex operator * ( complex x1 , complex x2 ) {
    complex y;y.r = x1.r * x2.r - x1.i * x2.i;y.i =
```

```
x1.r * x2.i + x1.i * x2.r;return y;}
9 int n , m , N;

10 int rev ( int x ) {int i , y;i = 1; y = 0;while

    ( i < N ) {y = y * 2 + (x%2);x >>= 1; i <<= 1;}r
    eturn y;}
11 void br ( complex *x ) {int i;for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) d[rev(i)] = x[i];for ( i = 0 ; i < N ;
    i++ ) x[i] = d[i];
12 void FFT ( complex *x , int f ) {
13     int i , j , s , k;
      complex w , wm , u , t;
14
15
      br ( x );
      for (s = 2; s \le N; s *= 2)
         k = s / 2;
17
         wm.r = cos(2*pi/s); wm.i = sin(2*pi/s) * f;
18
         for ( i = 0 ; i < N ; i += s ) {
    w.r = 1.0;    w.i = 0.0;
    for ( j = 1 ; j <= k ; j++ ) {
19
20
21
               u = x[i+j-1]; t = x[i+j-1+k] * w;
22
23
               x[i+j-1] = u + t;
               x[i+j-1+k] = u - t;
25
               w = w * wm;
26
    if(f == -1) for (i = 0; i < N; i++) x[i].r = x[i].r / N;
28 }
29 void work () {
      int i;
      scanf´( "%d%d" , &n , &m );
31
      N = 1;
      while (N < n + m + 2) N = N * 2;
      for ( i = 0 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lf" , &
   a[i].r
35
      for (
              i = 0 ; i <= m ; i++ ) scanf ( "%lf" , &
   b[i].r');

FFT ( a , 1 ); FFT ( b , 1 );

for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) c[i] = a[i] * b[i]
36
37
      FFT ( c , -1 );
for ( i = 0 ; i <= n + m ; i++ ) printf (
" , int (c[i].r + 0.5) , i==n+m?'\n':' ' );</pre>
40 }
```

```
26. lct ■
```

```
1 struct node
       Long Long x
       long long lm , lp , rev;
      long Long s , siz;
Long Long ch[4] , fa;
 6 } p[maxn];
7 void cut ( long long x , long long kind ) {
8 p[p[x].ch[kind]].fa *= -1;
      p[x].ch[kind] = 0;
10
      update (x);
12 void down ( long long x ) {
13 if ( p[x].fa > 0 ) down ( p[x].fa );
      pushdown ( x );
15 }
16 void rotate ( long Long x , long Long kind ) {
17
      long long y = p[x].fa;
    if (p[y].fa > 0) p[p[y].fa].ch[y==p[p[y].fa]
.ch[1]] = x;
      p[x].fa = p[y].fa;
if ( p[x].ch[kind^1] ) p[p[x].ch[kind^1]].fa =
19
20
21
      p[y].ch[kind] = p[x].ch[kind^1];
p[y].fa = x;
      p[x].ch[kind^1] = y;
      update ( y ); update ( x );
25 }
26 void splay ( long long x ) {
      down (x); for (p)
                ; p[x].fa > 0 ; rotate ( x , x==p[p[x].f
28
   a].ch[1]) ;

if ( p[p[x].fa].fa > 0 && (x==p[p[x].fa].ch[
1]) == (p[x].fa==p[p[p[x].fa].fa].ch[1]) )

rotate ( p[x].fa , x==p[p[x].fa].ch[1] );
30
31 }
32 void access ( long long x ) {
      splay ( x );
cut ( x , 1 );
for (; p[x].fa != 0; ) {
   splay ( -p[x].fa );
   cut ( -p[x].fa , 1 );
35
37
```

```
38     p[-p[x].fa].ch[1] = x;
39     update ( -p[x].fa );
40     p[x].fa *= -1;
41     splay ( x );
42     }}
43     woid makeroot ( long long x ) {
44     access ( x );
45     p[x].rev ^= 1;
46     swap ( p[x].ch[0] , p[x].ch[1] );
47     }
48     woid link ( long long x , long long y ) {
49         makeroot ( y );
50     p[y].fa = -x;
51 }
```

27. 左偏树

核心操作split和merge, merge时候让小的当堆顶,继续合并右子树和另外一棵树,之后维护左偏性质。

```
struct node {
       int x , i , dist;
node *ll , *rr;
pool[maxn] , *t[maxn];
 5 int n , m;
 6 int a[maxn];
 7 int c[maxn] , f[maxn]; 8 int getdist ( node *id )
       if ( id == NULL ) return -1;
return id -> dist;
10
11 }
12 node *merge ( node *id1 , node *id2 ) {
      ode *merge ( node *Tu1 ) node Tu2 )
if ( id1 == NULL ) return id2;
if ( id2 == NULL ) return id1;
if ( id1 -> x > id2 -> x ) swap ( id1 , id2 );
id1 -> rr = merge ( id1 -> rr , id2 );
''' --+dic+ / id1 -> ll ) < getdist ( id1 ->
13
14
15
16
   if ( getdist ( id1 -> ll ) < getdist ( id1 -> rr ) ) swap ( id1 -> ll , id1 -> rr );

id1 -> dist = getdist ( id1 -> rr ) + 1;
17
19
        return id1;
20
21 int find ( int x ) {
22
23
       int i , t;
for ( i = x ; c[i] > 0 ; i = c[i] ) ;
24
25
        while (x != i) {
           t = c[x];
26
           c[x] = i;
27
          x = t;
28
29
        return i;
30 }
31 void Union ( int x
                                      , int y )
       t[x] = merge (t[x], t[y]);
32
               += c[y];
33
       cĪxĪ
        c[y] = x;
34
35 }
```

28. 三分_上凸函数

```
1 double solve() {
2  while(l+eps<r) {
3     double mid=(l+r)/2.0;
4     double mmid=(mid+r)/2.0;
5     if(cal(mid)>cal(mmid))r=mmid;
6     else l=mid;
7  }
8     if(cal(l)<cal(r))return r;
9     else return l;
10 }
```

29. 线性空间求交

设两个线性空间 U、V 的基分别为 $u_1, u_2, ..., u_n$ 和 $v_1, v_2, ..., v_m$ 。考虑同时求出 U+V 和 $U\cap V$ 的基:逐次将 u_i 加入。设当前扩展到 $v_1, ..., v_m, u_1', ..., u_j'$,若 u_i 不能被它们线性表出,则令 $u_{j+1}' = u_i$ 。否则 $u_i = \sum a_j u_j' + \sum b_j v_j$,即 $u_i - \sum a_j u_j' = \sum b_j v_j$,那么等式左边可以直接加入交空间。时间复杂度 $\Theta(nm)$ 。代码是异或线性空间的求交。

```
1 #define SMAX 32
2 typedef unsigned int u32;
3 struct Basis {
4  u32 v[SMAX];
5  auto operator[](const size_t i) -> u32& {
6  return v[i];
```

```
7 }};
 8 auto intersect(Basis &u, Basis v) -> Basis {
     Basis z, r;
for (int i = 0; i < SMAX; i++) if (u[i]) {
10
        u32 x = u[i], y = u[i];
for (int j = 0; j < SMAX; j++) if ((x >> j)
11
12
   & 1) {
13
          if (v[j]) x ^= v[j], y ^= r[j];
14
            v[j] = x, r[j] = y;
15
            break;
16
17
        if (!x) z.add(y);
18
19
20
     return z;
21 }
```

30. 单纯型

```
1 #define EPS 1e-10
 2 #define INF 1e100
 4 class Simplex {
 5
    public:
      void initialize()
  scanf("%d%d%d",
                              &n, &m, &t);
         memset(A, 0, sizeof(A));
for (int i = 1; i <= n; i++) {
 8
 9
            idx[i] = i;
scanf("%Lf", A[0] + i);
10
11
12
13
         for (int i = 1; i <= m; i++) {
14
            idy[i] = n + i;
            for (int j = 1; j <= n; j++) {
  scanf("%Lf", A[i] + j);
  A[i][j] *= -1;</pre>
15
16
17
18
19
            scanf("%Lf", A[i]);
20
21
      void solve()
         srand(time(0));
22
         while (true) {
23
24
            int x = 0, y = 0;
for (int i = 1; i <= m; i++)
  if (A[i][0] < -EPS && (!y || (rand() & 1)</pre>
25
26
27
            if (!y) break;
28
            for (int i = 1; i <= n; i++)
29
               if (A[y][i] > EPS && (!x || (rand() & 1)
   )) x = i;
            if (!x) {
  puts("Infeasible");
30
31
32
              return;
33
34
            pivot(x, y);
35
         while (true) {
    double k = INF;
36
37
         int x, y;
for (x = 1; x <= n; x++)
if (A[0][x] > EPS) break;
38
39
40
            if (x > n) break;
41
            for (int i = 1; i <= m; i++) {
  double d = A[i][x] > -EPS ? INF : -A[i][
42
43
   44
                 k = d;
45
46
                 y = i;
47
48
            if (k >= INF) {
              puts("Unbounded");
49
50
              return;
51
52
            pivot(x, y);
53
         printf("%.10Lf\n", A[0][0]);
54
55
         if (t)
56
            static double ans[NMAX + 10];
57
            for (int i = 1; i <= m; i++)
if (idy[i] <= n) ans[idy[i]] = A[i][0];</pre>
58
            for (int i = 1; i <= n; i++)
  printf("%.10Lf ", ans[i]);</pre>
59
60
            printf("\n");
61
62
     private:
      void pivot(int x, int y) {
```

```
65
        swap(idx[x], idy[y]);
        double r = -A[y][x];
66
        A[y][x] = -1;

for (int i = 0; i <= n; i++) A[y][i] /= r;
67
68
69
        for (int i = 0; i <= m; i++) {
70
          if (i == y) continue;
          r = A[i][x]
71
          A[i][x] = 0;
for (int j = 0; j <= n; j++)
A[i][j] += r * A[y][j];
72
73
74
75
76
      int n, m, t;
77
      double A[NMAX + 10][NMAX + 10];
78
      int idx[NMAX + 10], idy[NMAX + 10];
79 };
```

。s11/扩展网络流.md

无源汇有上下界可行流:

建图:

M[i]=流入i点的下界流量-流出i点的下界流量

S->i,c=M[i] (M[i]>=0)

 $i \rightarrow T, c = M[i]$

流程:

S->T跑最大流,当S连出去的边满流是存在可行流

有源汇上下界最大流:

建图:

T->S,流量限制为(0,无穷大), 转化成无源汇

增设ST和SD,像无源汇那样连边

流程:

- 1. ST->SD跑最大流,判断是否满流,不满流则无解
- 2. 去掉ST,SD,从S->T跑最大流,两遍流量和为有源汇最大流量 有源汇上下界最小流:

建图: 同最大流

流程: 1. 同最大流

1. 去掉ST,SD,T->S跑最大流,两次流量之差为有源汇最小流 最大权闭合子图:

问题描述: 求最大权值和的点集,使得这个点集里的任一点的后继 也在该点集中

建图: 原图中的(u->v),建边(u->v,inf)

对于c[u]>0 建边(s->u,c[u])

对于c[u]<0 建边(u->t,-c[u])

流程: 建图后跑s->t的最小割,∑cu-最小割即为答案

o xzl/manhattan.md

Manhattan 距离最小生成树:每45°一个象限,对每个点找到每个象限中离它最近的点连边,然后做最小生成树。

优化: 只用写找直线 y=x 与直线 x=0之间的最近点的代码,然后依次交换 x 和 y、取反 y、交换 x 和 y 一共做 4 次扫描线即可。

• xzl/fwt.md

FWT 算法: 分治 $A \rightarrow A_1, A_2$,线性变换 T,合并时 $A = T[A_1, A_2]^T$ 。逆变换时取 T 的逆矩阵即可。

卷积类型	变换
异或卷积	$\begin{bmatrix}1&1\\1&-1\end{bmatrix},\begin{bmatrix}1/2&1/2\\1/2&-1/2\end{bmatrix}$
或卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \ \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$
和卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \ \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

或卷积就是子集和变换。通过按子集大小分类可在 $O(n \log^2 n)$ 时间内计算子集卷积:

```
for i = 0 → n - 1: // 按大小分类
F[c][i] = f[i]
G[c][i] = g[i]
```

for i = 0 → k - 1: // 提前计算 FWT F[i] = fwt(F[i]) G[i] = fwt(G[i])

for i + j = k: // 卷积 H[k] += F[i] · G[j]

for i in xrange(k): // FWT 逆变换

H[i] = rfwt(H[i])

for all subset S: // 得到卷积结果 R[i] = H[popcount(S)][i]

• lmj/treehash.md

• lmj/matrix_tree_theorem.md

K=度数矩阵-邻接矩阵, K的任意代数余子式(一般删最后一行一列, 取正号)即为生成树数量。

• lmj/virtual_tree.md

把需要的点按照dfs序排序,把相邻的lca求出来,塞进去重新排序,之后按照顺序维护当前的链,如果不是链就pop当前的点,在虚树上面加边。

- lmj/dominator tree.md
- ∘ lmj/sam.md
- lmj/cdq.md
- lmj/tree_divide_and_conquer(edge_and_node).md
- lmj/number_theory.md

反演/筛

• lmj/bounded_flow.md

无源汇可行流

建模方法:

首先建立一个源ss和一个汇tt,一般称为附加源和附加汇。 对于图中的每条弧,假设它容量上界为c,下界b,那么把这 条边拆为三条只有上界的弧。

- 一条为,容量为b;
- 一条为、容量为b;
- 一条为,容量为c-b。

其中前两条弧一般称为附加弧。

然后对这张图跑最大流,以ss为源,以tt为汇,如果所有的 附加弧都满流,则原图有可行流。

这时,每条非附加弧的流量加上它的容量下界,就是原图中 这条弧应该有的流量。

理解方法:

对于原图中的每条弧, 我们把c-b

称为它的自由流量, 意思就是只要它流满了下界, 这些流多 少都没问题。

既然如此,对于每条弧,我们强制给v提供b单位的流量,并且强制从u那里拿走b单位的流量,这一步对应着两条附加弧。

如果这一系列强制操作能完成的话,也就是有一组可行流了。

注意:这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流,而不 是原图的最大或最小流。

有源汇可行流

建模方法:

建立弧,容量下界为0,上界为∞。

然后对这个新图(实际上只是比原图多了一条边)按照无源 汇可行流的方法建模,如果所有附加弧满流,则存在可行流。

求原图中每条边对应的实际流量的方法,同无源汇可行流, 只是忽略掉弧 就好。

而且这时候弧的流量就是原图的总流量。

理解方法:

有源汇相比无源汇的不同就在于,源和汇是不满足流量平衡的,那么连接

之后,源和汇也满足了流量平衡,就可以直接按照无源汇的方式建模。

注意: 这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流,而不 是原图的最大或最小流。

有源汇最大流

建模方法:

首先按照有源汇可行流的方法建模,如果不存在可行流,更 别提什么最大流了。

如果存在可行流,那么在运行过有源汇可行流的图上(就是已经存在流量的那张图,流量不要清零),跑一遍从s到t的最大流(这里的s和t是原图的源和汇,不是附加源和附加汇),就是原图的最大流。

理解方法:

为什么要在那个已经有了流量的图上跑最大流?因为那张图保证了每条弧的容量下界,在这张图上跑最大流,实际上就是在容量下界全部满足的前提下尽量多得获得"自由流量"。

注意,在这张已经存在流量的图上,弧也是存在流量的,千万不要忽略这条弧。因为它的相反弧的流量为的流量的相反数,且的容量为0,所以这部分的流量也是会被算上的。

有源汇最小流

有源汇最小流的常见建模方法比较多, 我就只说我常用的一种。

建模方法:

首先按照有源汇可行流的方法建模,但是**不要建立这条弧**。 然后在这个图上,跑从附加源ss到附加汇tt的最大流。 这时候再添加弧,下界为0,上界为∞。

在现在的这张图上,从ss到tt的最大流,就是原图的最小流。

理解方法:

我们前面提到过,有源汇可行流的流量只是对应一组可行流,并不是最大或者最小流。

并且在跑完有源汇可行流之后, 弧的流量就是原图的流量。

从这个角度入手,我们想让弧的流量尽量小,就要尽量多的 消耗掉那些"本来不需要经过"的流量。

于是我们在添加之前,跑一遍从ss到tt的最大流,就能尽量 多的消耗那些流量啦OwO。

https://www.cnblogs.com/mlystdcall/p/6734852.html • lmj/Mo's algorithm.md

带修莫队:把时间当成一维,排序时左右端点的块和时间一起排序,模拟时间。

树上莫队:按照欧拉序,如果询问x,y,若lca(x,y)=x,则查询st[x]到st[y],否则ed[x],st[y],再加上lca,出现两次的点不算。

∘ lmj/idea.md

启发式合并

离线

hash

数据结构上跑图论算法