

## 图论

1. 边双联通 tarjan 2. 点双联通 tarjan
3. 有向图强联通 tarjan 4. 倍增lca 5. 仙人掌 DP
6. 构造圆方树 7. 最小树形图: 朴素算法
8. blossom algorithm 9. euler\_tour
10. block\_forest\_data\_structure

## 计算几何

11. 最小圆覆盖

## 数论

12. 线性筛 & 杜教筛 13. 类 Euclid 算法
14. 幂级数前缀和 15. Pohlig-Hellman 离散对数
16. continued\_fraction 17. min\_25\_sieve
18. Pohlig\_Hellman

## 网络流

19. dinic 20. 费用流

## 字符串

21. manacher 22. SA\_sll 23. KMP 24. PAM\_sll
25. 回文自动机 26. 后缀排序: DC3 27. AC 自动机
28. 后缀树 29. 后缀排序: 倍增算法
30. 后缀排序: SA-IS 31. pam

## 数据结构

32. 权值splay 33. 序列splay 34. ntt 35. fft 36. lct
37. 左偏树

## 杂项

38. 三分\_上凸函数 39. 线性空间求交 40. 单纯型

## 其它文档

## 1. 边双联通 tarjan

```

1 const int N = 5010; // 3352只用1010即可
2 struct node{
3     int v,w,id;
4     node(int v = 0,int w = 0,int id = 0):v(v),w(w),id(id){};
5 };
6 vector<node>G[N];
7 int pre[N];
8 int low[N];
9 int dfs_num;int ans ;int n,m;
10 void init(){
11     mem(pre,0); mem(low,0);
12     for(int i=0;i<=n;i++) G[i].clear();
13     dfs_num = 0;ans = INF;
14 }
15 int dfs(int u,int fa){
16     low[u] = pre[u] = ++dfs_num;
17     for(int i=0;i<G[u].size();i++){
18         int v = G[u][i].v;
19         int id = G[u][i].id;
20         if(id == fa) continue;
21         if(!pre[v]){
22             dfs(v,id);//注意这里 第二个参数是 id
23             low[u] = min(low[u],low[v]);//用后代的low更新
24         }
25         else
26             low[u] = min(low[u],pre[v]);//利用后代v的反向
27             边更新low
28     }
29     int main(){
30         int t;

```

```

30 while(scanf("%d%d",&n,&m)!=EOF&& (n || m)){
31     int a,b,c;
32     init();
33     for(int i=1;i<=m;i++){
34         scanf("%d%d",&a,&b);
35         G[a].push_back(node(b,0,i));
36         G[b].push_back(node(a,0,i));
37     }
38     for(int i=1;i<=n;i++){
39         if(!pre[i])
40             dfs(i,0);
41         //cout<<i<<endl;
42     }
43     int degree[N];mem(degree,0);
44     for(int i=1;i<=n;i++){
45         for(int j=0;j<G[i].size();j++){
46             int v = G[i][j].v;
47             if(low[i] != low[v]){
48                 degree[low[v]]++; degree[low[i]]++;
49             }
50         }
51         int l = 0;
52         for(int i=1;i<=dfs_num;i++){
53             if(degree[i] == 2)
54                 l++;
55         }
56         printf("%d\n",(l+1)/2);
57     }
58     return 0;
59 }

```

## 2. 点双联通 tarjan

```

1 void tarjan(int u, int fa) {
2     pre[u] = low[u] = ++dfs_clock;
3     for (int i = 0; i < (int)G[u].size(); i++) {
4         int v = G[u][i];
5         if (!pre[v]) {
6             S.push(Edge(u, v));
7             tarjan(v, u);
8             low[u] = min(pre[v], low[u]);
9             if (low[v] >= pre[u]) {
10                 bcc_cnt++;
11                 bcc[bcc_cnt].clear();
12                 for(;;){
13                     Edge x = S.top(); S.pop();
14                     if (bccno[x.u] != bcc_cnt) {
15                         bcc[bcc_cnt].push_back(x.u);
16                         bccno[x.u] = bcc_cnt;
17                     }
18                     if (bccno[x.v] != bcc_cnt) {
19                         bcc[bcc_cnt].push_back(x.v);
20                         bccno[x.v] = bcc_cnt;
21                     }
22                 }
23                 if (x.u == u && x.v == v) break;
24             }
25             else if (pre[v] < pre[u] && v != fa) {
26                 S.push(Edge(u, v));
27                 low[u] = min(low[u], pre[v]);
28             }
29         }
30     }
31 }

```

## 3. 有向图强联通 tarjan

```

1 int n,m;
2 int head[N],pos;
3 struct edge{int to,next;}e[N<<1];
4 void add(int a,int b)
5 {pos++;e[pos].to=b,e[pos].next=head[a],head[a]=pos;}
6 int dfn[N],low[N],SCC;
7 bool in[N];
8 int st[N],top,T;
9 vector<int>G[N];
10 void tarjan(int u) {
11     st[++top]=u;in[u]=1;
12     dfn[u]=low[u]=++T;
13     for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
14         int v=e[i].to;
15         if(!dfn[v]) {
16             tarjan(v);
17             low[u]=min(low[u],low[v]);
18         }
19         else if(in[v])low[u]=min(low[u],dfn[v]);
20     }
21     if(low[u]==dfn[u]) {
22         int v;
23         ++SCC;
24         do {

```

```

25     v=st[top--];
26     in[v]=false;
27     G[SCC].push_back(v);
28     }while(v!=u);
29 }
30 int main() {
31     scanf("%d%d",&n,&m);
32     for(int i=1;i<=m;i++) {
33         int x,y;
34         scanf("%d%d",&x,&y);
35         add(x,y);
36     }
37     for(int i=1;i<=n;i++)if(!dfn[i])tarjan(i);
38 }

```

#### 4. 倍增lca

```

1 int lca(int x,int y) {
2     if(deep[x]<deep[y])swap(x,y);
3     int t=deep[x]-deep[y];
4     for(int i=0;bin[i]<=t;i++)
5         if(t&bin[i])x=fa[x][i];
6     for(int i=16;i>=0;i--)
7         if(fa[x][i]!=fa[y][i])
8             x=fa[x][i],y=fa[y][i];
9     if(x==y)return x;
10    return fa[x][0];
11 }

```

#### 5. 仙人掌 DP

重复使用时，只需清空 dfn、fa 和 now。每次扫出的环按一定顺序存放在 a 数组中，a[1] 是环的根。

```

1 int dfn[NMAX + 10], low[NMAX + 10], now, cnt;
2 int ed[NMAX + 10], fa[NMAX + 10], a[NMAX + 10];
3 void dfs(int x) {
4     dfn[x] = low[x] = ++now;
5     for (int v : G[x]) if (v != fa[x]) {
6         if (dfn[v]) {
7             ed[v] = x, low[x] = min(low[x], dfn[v]);
8             continue;
9         } fa[v] = x;
10        dfs(v);
11        if (low[v] > dfn[x]) ; // 割边
12        else if (low[v] == dfn[x]) {
13            a[1] = x;
14            for (cnt = 1, v = ed[x]; v != x; v = fa[v])
15                a[++cnt] = v;
16            // 环 a[1]...a[cnt]
17        } else low[x] = min(low[x], low[v]);
18    }

```

#### 6. 构造圆方树

G 用于存图，T 是构造的圆方树。只有一个点的点双没有添加方点。

```

1 static vector<int> G[NMAX + 10], T[NMAX + 10];
2 void bcc(int u, int f = 0) {
3     static stack<Pair> stk;
4     static bool marked[NMAX + 10];
5     static int in[NMAX + 10], low[NMAX + 10], cur;
6     in[u] = low[u] = ++cur;
7     for (int v : G[u]) {
8         if (v == f) f = 0; // 应对重边
9         else if (in[v]) low[u] = min(low[u], in[v]);
10        else {
11            stk.push(Pair(u, v)); // stk 内存储 DFS 树上的边
12            bcc(v, u);
13            low[u] = min(low[u], low[v]);
14            if (low[v] > in[u]) { // 割边 u - v
15                T[u].push_back(v);
16                T[v].push_back(u);
17                stk.pop();
18            } else if (low[v] >= in[u]) { // 可能有点双了
19                cnt++;
20                int linked = 0, p = n + cnt; // linked 点数, p 圆方树上的新方点
21                auto add = [p, &linked](int x) {
22                    if (!marked[x]) {
23                        marked[x] = true;
24                        T[p].push_back(x);
25                        T[x].push_back(p);

```

```

26         linked++;
27     };
28     while (!stk.empty()) {
29         Pair x = stk.top();
30         stk.pop();
31         add(x.u);
32         add(x.v);
33         if (x.u == u && x.v == v) break;
34     }
35     for (int v : T[p]) marked[v] = false;
36     if (linked == 0) cnt--; // 假点双
37 }

```

#### 7. 最小树形图：朴素算法

给定一张  $n$  个点  $m$  条边的带权有向图，求以  $r$  为根的最小树形图上的边权总和，如果不存在输出 -1。时间复杂度为  $O(nm)$ 。调用 `mdst(r)` 获得答案，调用前需清空 `id` 数组。如要求不定根的最小树形图，可以额外添加一个节点，向原图中的每个点连接一条边权为  $\infty$  的边。

```

1 static int n, m, G[NMAX + 10], nxt[MMAX + 10];
2 static struct Edge { int u, v, w; } E[MMAX + 10];
3 static int id[NMAX + 10], mark[NMAX + 10];
4 int find(int x) { return id[x] ? id[x] = find(id[x]) : x; }
5 int dfs(int x) {
6     mark[x] = 1; int ret = 1;
7     for (int i = G[x]; i; i = nxt[i])
8         if (!mark[E[i].v]) ret += dfs(E[i].v);
9     return ret;
10 }
11 inline int detect(int x) {
12     mark[x] = x;
13     for (int y = in[x]->u; in[y]; y = in[y]->u)
14         if (mark[y]) return mark[y] == x ? y : 0;
15     else mark[y] = x;
16     return 0;
17 }
18 int mdst(int r) {
19     if (dfs(r) < n) return -1;
20     int ret = 0;
21     while (true) {
22         memset(in, 0, sizeof(in));
23         memset(mark, 0, sizeof(mark));
24         for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++)
25             if (e->u != e->v && e->v != r && (!in[e->v] || e->w < in[e->v]->w))
26                 in[e->v] = e;
27         int p = 0, t = 0;
28         for (int x = 1; x <= n; x++, t |= p) if (!mark[x] && in[x]) {
29             if (!p || detect(x)) continue;
30             ret += in[p]->w;
31             for (int x = in[p]->u; x != p; x = in[x]->u)
32                 id[find(x)] = p, ret += in[x]->w;
33             for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++) {
34                 int u = find(e->u), v = find(e->v);
35                 if (u != p && v == p) e->w -= in[e->v]->w;
36                 e->u = u; e->v = v;
37             }
38             if (!t) break;
39         }
40         for (int x = 1; x <= n; x++) if (in[x]) ret += in[x]->w;
41         return ret;
42     }

```

#### 8. blossom algorithm

```

1 const int maxn = 510;
2 struct node {
3     int v;
4     node *next;
5 } pool[maxn*maxn*2], *g[maxn];
6 int top, n, m, match[maxn];
7 int kind[maxn], pre[maxn], vis[maxn], c[maxn];
8 queue<int> q;
9 int f[maxn], ans;
10 void add(int u, int v) { node *tmp = &pool[++top]; tmp->v = v; tmp->next = g[u]; g[u] = tm

```

```

p;}
11 int find ( int x ) {int i , t;for ( i = x ; c[i]
> 0 ; i = c[i] ) ;while ( c[x] > 0 ) {t = c[x];c
[x] = i;x = t;}return i;}
12 void getpath ( int x , int tar , int root ) {
13 int t;
14 while ( x != root ) {t = match[x];match[tar] =
x;match[x] = tar;tar = t;x = pre[t];}
15 match[tar] = x;match[x] = tar;
16 }
17 int lca ( int u , int v , int root ) {
18 int i;for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) f[i] = 0;
19 while ( find ( u ) != root ) {u = find ( u );f
[u] = 1;if ( !match[u] ) break;u = pre[match[u]]
;}
20 f[root] = 1;
21 while ( find ( v ) != root ) {v = find ( v );i
f ( f[v] == 1 ) return v;if ( !match[v] ) break;
v = pre[match[v]];}
22 return root;
23 }
24 void blossom ( int x , int y , int l ) {
25 while ( find ( x ) != l ) {pre[x] = y;y = matc
h[x];if ( kind[match[x]] == 2 ) {kind[match[x]]
= 1;q.push ( match[x] );}if ( find ( x ) == x )
c[find(x)] = l;if ( find ( match[x] ) == match[x]
) c[find(match[x])] = l;x = pre[y];}
26 }
27 void bfs ( int x ) {
28 int k , i , z;
29 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
30 kind[i] = pre[i] = vis[i] = 0;c[i] = -1;
31 }
32 while ( q.size () ) q.pop ();q.push ( x );kind
[x] = 1; vis[x] = 1;
33 while ( q.size () ) {
34 k = q.front (); q.pop ();
35 for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next ) {
36 if ( !vis[j->v] ) {
37 if ( !match[j->v] ) {
38 getpath ( k , j -> v , x );
39 return ;
40 }
41 else {
42 kind[j->v] = 2;
43 kind[match[j->v]] = 1;
44 pre[j->v] = k;
45 vis[j->v] = 1; vis[match[j->v]] = 1;
46 q.push ( match[j->v] );
47 }
48 }
49 if ( find ( k ) == find ( j -> v ) ) con
tinue;
50 if ( kind[find(j->v)] == 1 ) {
51 z = lca ( k , j -> v , x );
52 blossom ( k , j -> v , z );
53 blossom ( j -> v , k , z );
54 }}}}
55 void work () {
56 int i , u , v;
57 scanf ( "%d%d" , &n , &m );
58 for ( i = 1 ; i <= m ; i++ ) {
59 scanf ( "%d%d" , &u , &v );
60 add ( u , v ); add ( v , u );
61 }
62 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
63 if ( !match[i] ) bfs ( i );
64 }
65 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) if ( match[i] ) a
ns++;
66 printf ( "%d\n" , ans / 2 );
67 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) printf ( "%d%c" ,
match[i] , i==n?'\\n':' ' );
68 }

```

## 9. euler\_tour

```

1 stack < int > s;
2 void dfs ( int i ) {
3 for ( node *j = g[i] ; j ; j = j -> next ) if
( !j -> taboo ) {
4 s.push ( j -> f );
5 j -> taboo = 1;
6 dfs ( j -> v );
7 ans[++index] = s.top ();
8 s.pop ();

```

```

9 }
10 }

```

## 10. block\_forest\_data\_structure

又叫圆方树

这个代码用来构造仙人掌的圆方树，两个点一条边的双联通分量不会被处理为圆点 + 方点，而是两个圆点直接相连，kind = 0 为圆点。tot 是圆点 + 方点的数量。注意数组大小要开两倍来维护方点。

gt 是造好的圆方树，如果还是从 1 号点开始遍历树的话，那么方点的边表中，就是按照 dfn 顺序的那些点，也就是按照环的顺序排序的，开头是与 1 号点最近的点，可以方便地处理环。

```

1 struct node {
2 int v , u; node *next;
3 } pooln[maxn*4] , *gn[maxn];
4 struct tree {
5 int v; tree *next;
6 } poolt[maxn*4] , *gt[maxn*2];
7 int topt , topn;
8 int n , m , tot;
9 int kind[maxn*2] , dfn[maxn] , low[maxn] , index
;
10 stack <node*> st;
11 void add ( int u , int v ) {
12 node *tmp = &pooln[++topn];
13 tmp -> v = v; tmp -> u = u; tmp -> next = gn[u]
; gn[u] = tmp;
14 }
15 void addt ( int u , int v ) {
16 tree *tmp = &poolt[++topt];
17 tmp -> v = v; tmp -> next = gt[u]; gt[u] = tmp
;
18 }
19 void tarjan ( int i , int from ) {
20 dfn[i] = low[i] = ++index;
21 for ( node *j = gn[i] ; j ; j = j -> next ) if
( j -> v != from ) {
22 if ( !dfn[j->v] || dfn[i] > dfn[j->v] ) st.p
ush(j);
23 if ( !dfn[j->v] ) {
24 tarjan ( j -> v , i );
25 low[i] = min ( low[i] , low[j->v] );
26 if ( low[j->v] >= dfn[i] ) {
27 if ( st.top() == j ) {
28 addt ( i , j -> v , j -> prob );
29 addt ( j -> v , i , j -> prob );
30 st.pop();
31 } else {
32 tot++;
33 kind[tot] = 1;
34 while ( st.top() != j ) {
35 node *k = st.top ();
36 st.pop();
37 addt ( tot , k -> u , k -> prob );
38 addt ( k -> u , tot , k -> prob );
39 }
40 addt ( tot , i , j -> prob );
41 addt ( i , tot , j -> prob );
42 st.pop();
43 }
44 else low[i] = min ( low[i] , dfn[j->v] );
45 }
46 void work () {
47 int i , u , v , a , b;
48 scanf ( "%d%d" , &n , &m );
49 for ( i = 1 ; i <= m ; i++ ) {
50 scanf ( "%d%d%d%d" , &u , &v , &a , &b );
51 add ( u , v );
52 add ( v , u );
53 }
54 tot = n;
55 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) kind[i] = 0;
56 tarjan ( 1 , -1 );
57 }

```

## 11. 最小圆覆盖

```

1 const int maxn = 120000;
2 struct point {
3 double x , y;
4 } a[maxn] , c , tmp1 , tmp2;
5 int n;

```

```

6 double r;
7 double tmp;
8 double dis ( point x1 , point x2 ) {return sqrt
( (x1.x-x2.x)*(x1.x-x2.x) + (x1.y-x2.y)*(x1.y-x2
.y) );};
9 double det ( point x1 , point x2 , point x3 ) {r
return (x2.x-x1.x) * (x3.y-x1.y) - (x3.x-x1.x) *
(x2.y-x1.y);};
10 double abs ( double x ) {if ( x < 0 ) return -x;
return x;};
11 point getcen ( point x1 , point x2 , point x3 )
{
12 double A , B , C , D , E , F;point ret;
13 if ( x1.x == x2.x ) A = 0.0, B = 1.0, C = (x1.
y+x2.y)/2.0;
14 else {
15 A = 1.0/((x1.y-x2.y) / (x1.x-x2.x));B = 1.0;
16 C = -(x1.y+x2.y)/2.0 - A * (x1.x+x2.x)/2.0;
17 }
18 if ( x1.x == x3.x ) D = 0.0, E = 1.0, F = (x1.
y+x3.y)/2.0;
19 else {
20 D = 1.0/((x1.y-x3.y) / (x1.x-x3.x));E = 1.0;
21 F = -(x1.y+x3.y)/2.0 - D * (x1.x+x3.x)/2.0;
22 }
23 ret.x = (B * F - C * E) / (A * E - B * D);
24 ret.y = (A * F - C * D) / (B * D - A * E);
25 return ret;
26 }
27 void work () {
28 int i , j , k;
29 srand(67890);
30 scanf ( "%d" , &n );
31 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lf%lf"
, &a[i].x , &a[i].y );
32 random_shuffle ( a + 1 , a + 1 + n );
33 if ( n == 2 ) {
34 printf ( "%.3lf\n" , dis ( a[1] , a[2] ) /
2.0 );
35 return ;
36 }
37 c.x = a[1].x;c.y = a[1].y;r = 0.0;
38 for ( i = 2 ; i <= n ; i++ ) {
39 if ( dis ( c , a[i] ) - r > 1e-9 ) {
40 c.x = a[i].x;c.y = a[i].y;r = 0.0;
41 for ( j = 1 ; j < i ; j++ ) {
42 if ( dis ( c , a[j] ) - r > 1e-9 ) {
43 c.x = (a[i].x + a[j].x) / 2.0;
44 c.y = (a[i].y + a[j].y) / 2.0;
45 r = dis ( a[i] , a[j] ) / 2.0;
46 tmp = r; tmp1 = c;
47 for ( k = 1 ; k <= j - 1 ; k++ ) {
48 if ( dis ( tmp1 , a[k] ) - tmp > 1e-
9 ) {
49 if ( abs(det ( a[i] , a[j] , a[k]
)) < 1e-9 ) continue;
50 tmp2 = getcen ( a[i] , a[j] , a[k]
);
51 tmp = dis ( tmp2 , a[i] );
52 tmp1 = tmp2;
53 }
54 c = tmp1; r = tmp;
55 }
56 printf ( "%.3lf\n" , r );
57 }

```

## 12. 线性筛 & 杜教筛

计算积性函数  $f(n)$  的前缀和  $F(n) = \sum_{k=1}^n f(k)$ : 先选定辅助函数  $g(n)$  进行 Dirichlet 卷积, 得到递推公式:

$$F(n) = \frac{1}{g(1)} \left( \sum_{k=1}^n (f \times g)(k) - \sum_{k=2}^n g(k) F\left(\left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor\right) \right)$$

对于 Euler 函数  $\varphi(n)$ , 选定  $g(n) = 1$ , 得:

$$\Phi(n) = \frac{n(n+1)}{2} - \sum_{k=2}^n \Phi\left(\left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor\right)$$

对于 Mobius 函数  $\mu(n)$ , 选定  $g(n) = 1$ , 得:

$$M(n) = 1 - \sum_{k=2}^n M\left(\left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor\right)$$

如果没有预处理, 时间复杂度为  $\Theta(n^{3/4})$ , 空间复杂度为  $\Theta(\sqrt{n})$ 。如果预处理前  $\Theta(n^{2/3})$  项前缀和, 则时空复杂度均变为

$\Theta(n^{2/3})$ 。下面的代码以 Euler 函数为例, 能够在 1s 内计算  $10^{10}$  内的数据。可以多次调用。

```

1 #define S 17000000 // for F(10^10)
2 static int pc, pr[S + 10];
3 static i64 phi[S + 10];
4 static unordered_map<i64, i64> dat;
5 inline void sub(i64 &a, i64 b) { a -= b; if (a <
0) a += MOD; }
6 inline i64 c2(i64 n) { n %= MOD; return n * (n +
1) % MOD * INV2 % MOD; }
7 i64 F(i64 n) { // 杜教筛
8 if (n <= S) return phi[n];
9 if (dat.count(n)) return dat[n];
10 i64 &r = dat[n] = c2(n);
11 for (i64 i = 2; i <= n; i = i + 1) {
12 i64 p = n / i;
13 l = n / p;
14 sub(r, (l - i + 1) * F(p) % MOD); // (1 - i
+ 1) % MOD?
15 }
16 return r;
17 }
18 phi[1] = 1; // 线性筛
19 for (int i = 2; i <= S; i++) {
20 if (!phi[i]) {
21 pr[pc++] = i;
22 phi[i] = i - 1;
23 }
24 for (int j = 0; pr[j] * i <= S; j++) {
25 int p = pr[j];
26 if (i % p) phi[i * p] = phi[i] * (p - 1);
27 else {
28 phi[i * p] = phi[i] * p;
29 break;
30 }
31 }
32 for (int i = 2; i <= S; i++) add(phi[i], phi[i -
1]);

```

## 13. 类 Euclid 算法

类 Euclid 算法在模意义下计算:

$$\sum_{k=0}^n k^p \left\lfloor \frac{ak+b}{c} \right\rfloor^q$$

其中所有参数非负, 在计算过程中始终保证  $K = p + q$  不增,  $a, c \geq 1$  且  $b \geq 0$ 。需要 Bernoulli 数 ( $B_1 = +1/2$ ) 来计算自然数幂前缀和  $S_p(x) = \sum_{k=1}^x k^p = \sum_{k=1}^{p+1} a_k^{(p)} x^k$ , 其中  $a_k^{(p)} = \frac{1}{p+1} \binom{p+1}{k} B_{p+1-k}$ 。代码中 has 为访问标记数组, 每次使用前需清空, val 为记忆化使用的数组, qpow 是快速幂, S 是自然数幂前缀和, A 记录了  $a_k^{(p)}$ , C 是组合数。时空复杂度为  $O(K^3 \log \max\{a, c\})$ 。注意参数的范围防止整数溢出。如果只是计算直线下整点数量, 则主算法部分只用被注释掉的四句话。

算法主要分为三个情况, 其中  $a \geq c$  和  $b \geq c$  的情况比较简单。当  $a, b < c$  时, 用  $j = \lfloor (ak+b)/c \rfloor$  进行代换, 注意最终要转化为  $\lfloor (c(j-1) + c - b - 1)/a \rfloor < k \leq \lfloor (cj + c - b - 1)/a \rfloor$ , 再进行一次分部求和即可。注意处理  $k \leq n$  这个条件。

$n$	0	1	2	4	6	8
$B_n$	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{6}$	$-\frac{1}{30}$	$\frac{1}{42}$	$-\frac{1}{30}$
$n$	10	12	14	16	18	20
$B_n$	$\frac{5}{66}$	$-\frac{691}{2730}$	$\frac{7}{6}$	$-\frac{3617}{510}$	$\frac{43867}{798}$	$-\frac{174611}{330}$

```

1 i64 F(i64 n, i64 a, i64 b, i64 c, int p, int q,
int d = 0) {
2 if (n < 0) return 0;
3 if (has[d][p][q]) return val[d][p][q];
4 has[d][p][q] = true;
5 i64 &ret = val[d][p][q] = 0; // 后面的 d 均加
1
6 if (!q) ret = S(n, p) + (!p); // 注意 p = 0 的边
界情况
7 else if (!a) {
8 ret = qpow(b / c, q) * (S(n, p) + (!p)) % MO
D;
9 //return b / c * (n + 1) % MOD;
10 } else if (a >= c) {

```

```

11 i64 m = a / c, r = a % c, mp = 1;
12 for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m % M
OD)
13 add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, r, b, c
, p + j, q - j, d) % MOD);
14 //return (F(n, a % c, b, c) + a / c * n % MO
D * (n + 1) % MOD * INV2) % MOD;
15 } else if (b >= c) {
16 i64 m = b / c, r = b % c, mp = 1;
17 for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m % M
OD)
18 add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, a, r, c
, p, q - j, d) % MOD);
19 //return (F(n, a, b % c, c) + b / c * (n +
1)) % MOD;
20 } else {
21 i64 m = (a * n + b) / c;
22 for (int k = 0; k < q; k++) {
23 i64 s = 0;
24 for (int i = 1; i <= p + 1; i++)
25 add(s, A[p][i] * F(m - 1, c, c - b - 1,
a, k, i, d) % MOD);
26 add(ret, C[q][k] * s % MOD);
27 }
28 ret = (qpow(m, q) * S(n, p) - ret) % MOD;
29 //return (m * n - F(m - 1, c, c - b - 1, a))
% MOD;
30 } return ret;
31 }

```

#### 14. 幂级数前缀和

KMAX 表示插值多项式次数最大值, MOD 为模数, 要求为质数。qpow 是快速幂, add 是取模加法。f[0] 到 f[K + 1] 存放的是前缀和函数的取值, 下面的预处理是暴力快速幂求出的, 如果要线性复杂度请换成线性筛。插值方法为 Lagrange 插值法, 单次计算复杂度为  $\Theta(K)$ 。注意计算结果可能为负数。使用时可以开一个 PowerSeries 的数组。

```

1 static bool _initialized;
2 static int cnt;
3 static i64 _fi[KMAX + 10], _tmp[KMAX + 10];
4 struct PowerSeries {
5     static void init() {
6         _fi[0] = 1;
7         for (int i = 2; i <= KMAX + 1; i++) _fi[0] =
        _fi[0] * i % MOD;
8         _fi[KMAX + 1] = qpow(_fi[0], MOD - 2);
9         for (int i = KMAX; i >= 0; i--) _fi[i] = _fi
[i + 1] * (i + 1) % MOD;
10        _initialized = true;
11    }
12    int K; i64 *f;
13    PowerSeries() : PowerSeries(cnt++) {}
14    PowerSeries(int K) : K(K) {
15        if (!_initialized) init();
16        f = new i64[K + 2]; f[0] = 0;
17        for (int i = 1; i <= K + 1; i++) f[i] = (f[i
- 1] + qpow(i, K)) % MOD;
18    }
19    ~PowerSeries() { delete[] f; }
20    i64 operator()(i64 n) const {
21        n %= MOD; _tmp[K + 2] = 1;
22        for (int i = K + 1; i >= 1; i--) _tmp[i] = _
tmp[i + 1] * (n - i) % MOD;
23        i64 ret = 0, pre = 1;
24        for (int i = 0, b = K & 1 ? 1 : -1; i <= K +
1; i++, b = -b) {
25            add(ret, b * f[i] * pre % MOD * _tmp[i + 1
] % MOD * _fi[i] % MOD * _fi[K + 1 - i] % MOD);
26            pre = pre * (n - i) % MOD;
27        } return ret;
28    }
29    i64 eval(i64 n) const { return (*this)(n); }
30 };

```

#### 15. Pohlig-Hellman 离散对数

Pohlig-Hellman 离散对数算法, 求解同余方程  $a^x \equiv b \pmod{m}$  的最小解  $x$  或者报告无解, 要求  $m$  为质数。ord 用于求出  $a$  关于  $m$  的阶数。算法需要实现快速幂 qpow(a, k, m)、快速乘 qmul(a, b, m)、素数判定 isprime(n) 和使用扩展 Euclid 算法

求出的逆元 inv(x, m)。p0、k0、c0 存放的是  $m - 1$  的质因数分解, p1、k1、c1 存放的是  $a$  关于  $m$  的阶数的质因数分解。factor 是 Pollard- $\rho$  质因数分解算法。设阶数的质因数分解为  $p_1^{k_1} p_2^{k_2} \dots p_n^{k_n}$ , 则时间复杂度为  $O(\sum_{i=1}^n k_i (\log m + \sqrt{p_i}))$ 。

```

1 #define KMAX 64
2 static i64 p0[KMAX], p1[KMAX];
3 static int k0[KMAX], k1[KMAX], c0, c1;
4 inline i64 _f(i64 x, i64 m) {
5     i64 r = qmul(x, x, m) + 1;
6     if (r >= m) r -= m;
7     return r;
8 }
9 inline void factor(i64 n) {
10    if (n == 2 || isprime(n)) p0[c0++] = n;
11    else if (!(n & 1)) factor(2), factor(n >> 1);
12    else {
13        for (int i = 1; ; i++) {
14            i64 x = i, y = _f(x, n), p = __gcd(y - x,
n);
15            while (p == 1) {
16                x = _f(x, n);
17                y = _f(_f(y, n), n);
18                p = __gcd((y - x + n) % n, n) % n;
19            }
20            if (p != 0 && p != n) {
21                factor(p), factor(n / p);
22                return;
23            }
24        }
25    }
26    inline void psort(i64 *p, int *k, int &c) {
27        sort(p, p + c);
28        int t = 0;
29        for (int i = 0, j; i < c; i = j) {
30            for (j = i; j < c && p[i] == p[j]; j++) ;
31            p[t] = p[i];
32            k[t++] = j - i;
33            } c = t;
34        }
35        void ord(i64 a, i64 m, int p = 0, i64 cur = 1) {
36            static i64 tmp[KMAX + 10], mi;
37            static int t;
38            if (p == 0) mi = LLONG_MAX;
39            if (p == c0 && qpow(a, cur, m) == 1 && cur < m
i) {
40                mi = cur;
41                memcpy(p1, tmp, sizeof(i64) * t);
42                c1 = t;
43            } else if (p != c0) {
44                int t0 = t;
45                for (int k = 0; k <= k0[p] && cur < mi; k++,
cur *= p0[p]) {
46                    if (k) tmp[t++] = p0[p];
47                    ord(a, m, p + 1, cur);
48                } t = t0;
49            }
50            inline i64 log(i64 a, i64 b, i64 m, i64 p, int k
) {
51                typedef unordered_map<i64, i64> Map;
52                static Map tb;
53                i64 pw = 1, bc, bt = 1, s = 1;
54                for (int i = 1; i < k; i++) pw *= p;
55                i64 g = qpow(a, pw, m), ai = inv(a, m), x = 0;
56                for (bc = g; s * s <= p; s++) bc = qmul(bc, g,
m);
57                tb.clear();
58                for (i64 i = 1, t = bc; i <= s; i++, t = qmul(
t, bc, m))
59                    tb.insert(make_pair(t, i));
60                for (int i = 0; i < k; i++, pw /= p, bt *= p)
{
61                    i64 b0 = qpow(qmul(b, qpow(ai, x, m), m), pw
, m), d = -1;
62                    for (i64 j = 0, t = b0; j < s; j++, t = qmul
(t, g, m)) {
63                        Map::iterator it = tb.find(t);
64                        if (it != tb.end()) {
65                            d = it->second * s - j;
66                            if (d >= p) d -= p;
67                            break;
68                        }
69                    }
70                    if (d == -1) return -1;
71                    x += bt * d;
72                } return x;
73            }

```

```

71 inline i64 log(i64 a, i64 b, i64 m) {
72     if (a == 1) return b == 1 ? 0 : -1;
73     i64 m0 = 1, x = 0;
74     for (int i = 0; i < c1; i++)
75         for (int j = 0; j < k1[i]; j++) m0 *= p1[i];
76     for (int i = 0; i < c1; i++) {
77         i64 pw = p1[i];
78         for (int j = 1; j < k1[i]; j++) pw *= p1[i];
79         i64 mi = m0 / pw, r = log(qpow(a, mi, m), qp
ow(b, mi, m), m, p1[i], k1[i]);
80         if (r == -1) return -1;
81         x = (x + qmul(qmul(r, mi, m0), inv(mi, pw),
m0)) % m0;
82     } return x < 0 ? x + m0 : x;
83 }
84 //factor(m - 1);
85 //psort(p0, k0, c0);
86 //ord(a, m);
87 //psort(p1, k1, c1);
88 //i64 ans = log(a, b, m);

```

## 16. continued\_fraction

连分数相关/最佳分数逼近

这个代码用来处理  $\frac{a}{b} < \frac{x}{y} < \frac{c}{d}$ , 给出一组  $x, y$  最小的解, 注意,  $x$  最小就对应了  $y$  最小, 二者是等价的。(请自行保证  $\frac{a}{b} < \frac{c}{d}$ )

结果为 num/dom, 过程中, dec 保存了两个分数的连分数展开, len 是两个数组的长度。例如 [4; 1, 2] 表示的分数是  $4 + \frac{1}{1+\frac{1}{2}}$ 。

连分数的一些性质 [4; 1, 4, 3] = [4; 1, 4, 2, 1] = [4; 1, 4, 3, ∞], 可以在最后加一个 1 上去 (只能有一个, 因为 1 不能再减 1 了), 完成了之后, 后面可以认为有无穷个 ∞。

求一个分数的连分数展开: 把整数部分减掉, 放到答案数组里, 然后把剩下的真分数去倒数, 重复做到  $\frac{0}{x}$  就是结果。无理数类似, 但是要想办法存数值。

代码中求的是两个公共前缀, 在第一个不同处取  $\min\{a_i, b_i\} + 1$  就是分子分母最小的解。复杂度和辗转相除法类似,  $O(\log n)$ 。

如果要求的是和一个分数最接近的数, 即限制了分子, 分母有一个界, 那么同样求出这个分数的连分数表示, 然后考虑每一个前缀截断一下, 并且把最后一个数字 -1, +0, +1 分别求一下看看哪个最接近。复杂度  $O(\log^2 n)$ , 卡时间的话可以尝试二分一下, 变成  $O(\log n \log \log n)$ 。(此段的代码没实现过, 不保证正确性)(理论大概是连分数展开是最优的分数逼近, 所以可以这样搞(不会证, 不记得对不对))

```

1 Long Long dec1[1200], dec2[1200], len1, len2;
2 Long Long num, dom;
3 void getfrac ( Long Long *d, Long Long &L, Long
g Long a, Long Long b ) {
4     L = 1;
5     d[1] = a / b;
6     a %= b;
7     while ( a != 0 ) {
8         swap ( a, b );
9         d[++L] = a / b;
10        a %= b;
11    }
12    void work () {
13        Long Long i;
14        getfrac ( dec1, len1, a, b );
15        getfrac ( dec2, len2, c, d );
16        dec1[len1+1] = 2147483647777777777ll;
17        dec2[len2+1] = 2147483647777777777ll;
18        for ( i = 1; i <= len1 && i <= len2; i++ ) {
19            if ( dec1[i] != dec2[i] ) break;
20        }
21        dec1[i] = min ( dec1[i], dec2[i] ) + 1;
22        num = dec1[i]; dom = 1;
23        for ( i--; i >= 1; i-- ) {
24            swap ( num, dom );
25            num = num + dom * dec1[i];
26        }
27        printf ( "%lld %lld\n", num, dom );
28    }

```

## 17. min\_25\_sieve

记号同 whzzt18 年集训队论文。 $f(x)$  表示被求和的积性函数, 并且在质数点值是一个低阶多项式。

$$h(n) = \sum_{\substack{2 \leq p \leq n \\ p \text{ prime}}} f(p)$$

$$h_{n,m} = \sum_{\substack{2 \leq x \leq n \\ x \text{ 不含 } \leq m \text{ 的质因子}}} x^k$$

$$g_{n,m} = \sum_{\substack{2 \leq x \leq n \\ x \text{ 不含 } \leq m \text{ 的质因子} \\ \text{或 } x \text{ 是质数}}} f(x)$$

注意从 2 开始。考虑线性筛的过程, 每次筛掉一个最小的质数。对于  $h(n, m)$  和  $g(n, m)$  进行筛法时, 考虑枚举  $i$  的最小质因子, 并且合数的最小质因子不超过  $\sqrt{n}$ 。其中  $h(n) = h(n, 0)$ ,  $h(n, m)$  是筛  $h(n)$  的过程,  $g(n, 0)$  就是答案。从而写出递推式(假设质数点值  $f(p) = p^k$ )

$$h(n, j) = h(n, j-1) - p_j^k \left[ h\left(\left\lfloor \frac{n}{p_j} \right\rfloor, j-1\right) - h(p_{j-1}) \right]$$

其中  $p_{j-1} \leq \sqrt{n}$  可以把  $h(p_{j-1})$  打表, 扣掉是要把最小质因子小的去掉, 并且只有  $p_j^2 \leq n$  时转移不为 0。从小到大按层转移。

$$g(n, i) = g(n, i+1) +$$

$$\sum_{\substack{e \geq 1 \\ p^{e+1} \leq n}} \left[ f(p_i^e) \left[ g\left(\left\lfloor \frac{n}{p_i^e} \right\rfloor, i+1\right) - h(p_i) \right] + f(p_i^{e+1}) \right]$$

同样的, 只有  $p_i^2 \leq n$  时存在转移, 分层计算即可。初值  $h(n, 0) = \sum_{i=1}^n i^k$  全都算上, 然后把不是质数的点值筛出去,  $g(n, m) = h(n)$ , 先只计算质数上的点值, 然后把合数的点值逐个加入到  $g$  中。最后的答案是  $g(n, 0) + f(1)$ 。

```

1 typedef Long Long LL;
2 const LL NN = 420000;
3 const LL block = 100000;
4 const LL mod = 1000000007;
5 const LL inv2 = 500000004;
6 LL n, p[120000], prime[NN], tot;
7 LL value[NN], cnt, limit, pos[NN];
8 LL sumh[NN], h0[NN], h1[NN];
9 LL h[NN]; // sum of h[1..value[x]]
10 LL g[NN];
11 LL getpos ( LL x ) { return x<=limit?x:pos[n/x]; }
12 void predo () {
13     LL i, j;
14     for ( i = 2; i <= block; i++ ) {
15         if ( !p[i] )
16             prime[++tot] = i;
17         for ( j = 1; j <= tot && i * prime[j] <= block; j++ ) {
18             p[i*prime[j]] = 1;
19             if ( i % prime[j] == 0 ) break;
20         }
21         cnt = 0;
22         for ( i = 1; i * i <= n; i++ ) value[++cnt] = i;
23         i--; limit = i;
24         for ( ; i >= 1; i-- ) if ( n / i != value[cnt] ) {
25             value[++cnt] = n / i;
26             pos[i] = cnt;
27         }
28         for ( i = 1; i <= tot; i++ )
29             sumh[i] = (sumh[i-1] + prime[i]) % mod;
30         for ( i = 1; i <= cnt; i++ ) { // cal h from 2 to i
31             h0[i] = ((value[i]-1)%mod*((value[i]+2)%mod)%mod*inv2) % mod; // modulo before multiply
32             h1[i] = (value[i] - 1) % mod;
33         }
34         for ( i = 1; i <= tot; i++ ) {
35             for ( j = cnt; prime[i] * prime[i] <= value[j]; j-- ) {
36                 h0[j] = (h0[j] - prime[i] * (h0[getpos(value[j]/prime[i])]-sumh[i-1])) % mod;

```

```

37     if ( h0[j] < 0 ) h0[j] += mod;
38     h1[j] = ( (h1[j] - 1 * (h1[getpos(value[j]
/prime[i])-(i-1)) ) % mod );
39     if ( h1[j] < 0 ) h1[j] += mod;
40 }
41 for ( i = 1 ; i <= cnt ; i++ )//f(p)=p-1
42     h[i] = ( h0[i] - h1[i] + mod ) % mod;
43 }
44 LL getf ( LL p , LL e ) { return p ^ e; }
45 void min25 () {
46     LL i , j , e , now , tmp;
47     for ( j = cnt ; j >= 1 ; j-- ) g[j] = h[j];
48     for ( i = tot ; i >= 1 ; i-- )
49         for ( j = cnt ; prime[i] * prime[i] <= value
[j] ; j-- )
50             for ( e = 1 , now = prime[i] ; now * prime
[i] <= value[j] ; e++ , now = now * prime[i] )
51                 g[j] = ( g[j] + getf(prime[i],e) * (g[ge
tpos(value[j]/now)]-h[prime[i]]+mod) + getf(prime[i],e+1) ) % mod;
52     printf ( "%lld\n" , (g[cnt] + 1) % mod );
53 }
54 void work () {
55     scanf ( "%lld" , &n );
56     predo ();
57     min25 ();
58 }

```

## 18. Pohlig-Hellman

用来对 smooth 的模数  $p$  求离散对数。如果  $p-1$  的质因数分解中最大的素因子比较小可以使用。getlog 用来取对数，getroot 算原根，枚举时，只需要判断这个数的  $(p-1)/\text{prime factor}$  次幂是不是全部都不是 1 就可以。考虑  $n = p^e$  阶循环群，原根  $g$  是生成元，现在要找  $g^x = h$ 。

1. 令  $x_0 = 0$
2. 计算  $r = g^{p^{e-1}}$ ，这个元素阶数为  $p$
3. 对  $k = 0 \dots e-1$  计算
  1.  $h_k = (g^{-x_k} h)^{p^{e-1-k}}$ ，这个元素同样是  $p$  阶的，在  $\langle r \rangle$  中
  2. 用 BSGS（或者暴力）求出  $d_k \in \{0, \dots, p-1\}$  满足  $r^{d_k} = h_k$
  3. 令  $x_{k+1} = x_k + p^k d_k$
4. 返回  $x_e$

即设  $x = c_0 + c_1 p + c_2 p^2 + \dots + c_{e-1} p^{e-1}$ ，每一次进行的  $p^{e-1-k}$  次方可以令之后的数都是  $p^e$  的倍数，从而都是 1，只留下  $g^{c_k p^{e-1}}$  这一项（之前的项被 3.1. 中的逆元消去了），然后计算这一项。如果  $n = p_1^{e_1} p_2^{e_2}$  这样，考虑对每个质因数，调用一次  $g_i = g^{n/p_i^{e_i}}$ ， $h_i = h^{n/p_i^{e_i}}$ ，得到  $x \equiv x_i \pmod{p_i^{e_i}}$ ，CRT 求解就可以了。这一步同样也是把其他无关的素因子的阶通过高次幂消去。ExGCD 似乎过程是不会爆 long long 的（？）。复杂度  $O(\sum e_i (\log n + \sqrt{p_i}))$ 。

```

1 typedef long long LL;
2 LL pfactor[1200] , totf;
3 LL gene[1200];
4 void exgcd(LL a,LL b,LL &x,LL &y) {
5     if(b==0){ x=1; y=0; return;}
6     exgcd(b,a%b,x,y);
7     LL tp=x;
8     x=y; y=tp-a/b*y;
9 }
10 LL inv ( LL a , LL mod ) {
11     LL x , y;
12     exgcd ( a , mod , x , y );
13     return (x%mod+mod)%mod;
14 }
15 LL qmul ( LL a , LL b , LL m ) {
16     a %= m; b %= m;
17     LL r = a*b,s=(long double)(a)*b/m;
18     return ((r-m*s)%m+m)%m;
19 }
20 LL fast_mul ( LL a , LL b , LL c , LL mod ) {
21     return qmul(qmul(a,b,mod),c,mod);
22 }
23 pair<LL,LL> crt ( pair<LL,LL> a , pair<LL,LL> b

```

```

) {
24     if ( a.first == -1 ) return b;
25     a.first = fast_mul(a.first,b.second,inv(b.seco
nd,a.second),a.second*b.second) + fast_mul(b.fir
st,a.second,inv(a.second,b.second),a.second*b.se
cond);
26     a.second *= b.second;
27     a.first %= a.second;
28     return a;
29 }
30 LL mpow ( LL f , LL x , LL mod ) {
31     LL s = 1;
32     while ( x ) {
33         if ( x % 2 ) s = qmul(s,f,mod);
34         f = qmul(f,f,mod); x >>= 1;
35     } return s;
36 }
37 pair<LL,LL> solve ( LL g , LL h , LL mod , LL pr
ime , LL e , LL p ) { //mod=prime^e
38     LL j , k , r = mpow ( g , mod / prime , p ) ,
x = 0 , hh;
39     LL ret = 0 , nowp = mod / prime , pp = 1;
40     gene[0] = 1;
41     for ( k = 1 ; k <= prime - 1 ; k++ ) {
42         gene[k] = qmul (gene[k-1],r,p);
43     }
44     for ( k = 0 ; k <= e - 1 ; k++ ) {
45         h = qmul(h,inv(mpow(g,x,p),p),p);
46         hh = mpow ( h , nowp , p );
47         for ( j = 0 ; j <= prime - 1 ; j++ ) {
48             if ( gene[j] == hh ) break;
49         }
50         nowp = nowp / prime;
51         x = j * pp;
52         ret += x;
53         pp = pp * prime;
54     } return make_pair(ret,mod);
55 }
56 LL getlog ( LL a , LL root , LL p ) {
57     LL i , j , tp , tmp;
58     pair<LL,LL> ret , rem;
59     tp = p - 1;
60     rem.first = -1;
61     for ( i = 2 ; tp != 1 ; i++ ) {
62         if ( tp % i == 0 ) {
63             tmp = 1; j = 0;
64             while ( tp % i == 0 ) {
65                 tmp = tmp * i;
66                 j++; tp /= i;
67             }
68             ret = solve ( mpow ( root , p / tmp , p )
, mpow ( a , p / tmp , p ) , tmp , i , j , p );
69             rem = crt ( rem , ret );
70         } return rem.first;
71     }
72 LL getroot ( LL p ) {
73     LL i , j , tp = p - 1;
74     totf = 0;
75     for ( i = 2 ; tp != 1 ; i++ ) {
76         if ( tp % i == 0 ) {
77             pfactor[++totf] = i;
78             while ( tp % i == 0 ) tp /= i;
79         }
80     } for ( i = 2 ; i < p ; i++ ) {
81         for ( j = 1 ; j <= totf ; j++ ) {
82             if ( mpow ( i , (p-1)/pfactor[j] , p ) ==
1 ) break;
83         }
84         if ( j == totf + 1 ) return i;
85     } return -1;
86 }
87 LL work ( LL p , LL a , LL b ) { // return x, s
uch that a^x = b (mod p)
88     LL i , j , rt , la , lb , x , y , g;
89     rt = getroot ( p );
90     la = getlog ( a , rt , p ); // rt^la = a (mod
p)
91     lb = getlog ( b , rt , p );
92     // x*la = lb (mod p-1)
93     g = __gcd ( la , p - 1 );
94     exgcd ( la , p - 1 , x , y );
95     if ( lb % g != 0 ) return -1;
96     x = (x%(p-1)+(p-1))%(p-1);
97     return qmul ( x , (lb/g) , (p - 1)/__gcd(la,p-
1) );

```

98 }

**19. dinic**

```

1 void add ( int u , int v , int f ) {
2     node *tmp1 = &pool[++top] , *tmp2 = &pool[++top];
3     tmp1 -> v = v; tmp1 -> f = f; tmp1 -> next = g
[u]; g[u] = tmp1; tmp1 -> rev = tmp2;
4     tmp2 -> v = u; tmp2 -> f = 0; tmp2 -> next = g
[v]; g[v] = tmp2; tmp2 -> rev = tmp1;
5 }
6 bool makelevel () {
7     int i , k;
8     queue < int > q;
9     for ( i = 1 ; i <= 1 + n + n + 1 ; i++ ) level
[i] = -1;
10    level[1] = 1; q.push ( 1 );
11    while ( q.size () != 0 ) {
12        k = q.front (); q.pop ();
13        for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
14            if ( j -> f && level[j->v] == -1 ) {
15                level[j->v] = level[k] + 1;
16                q.push ( j -> v );
17                if ( j -> v == 1 + n + n + 1 ) return tr
ue;
18            }
19    }
20    return false;
21 }
22 int find ( int k , int key ) {
23     if ( k == 1 + n + n + 1 ) return key;
24     int i , s = 0;
25     for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
26         if ( j -> f && level[j->v] == level[k] + 1 &
& s < key ) {
27             i = find ( j -> v , min ( key - s , j -> f
) );
28             j -> f -= i;
29             j -> rev -> f += i;
30             s += i;
31         }
32     if ( s == 0 ) level[k] = -1;
33     return s;
34 }
35 void dinic () {
36     int ans = 0;
37     while ( makelevel () == true ) ans += find ( 1
, 999999 );
38     //printf ( "%d\n" , ans );
39     if ( ans == sum ) printf ( "^_\n" );
40     else printf ( "T_T\n" );
41 }

```

**20. 费用流**

```

1 void add ( int u , int v , int f , int c ) {
2     node *tmp1 = &pool[++top] , *tmp2 = &pool[++top];
3     tmp1 -> v = v; tmp1 -> f = f; tmp1 -> c = c; t
mp1 -> next = g[u]; g[u] = tmp1; tmp1 -> rev = t
mp2;
4     tmp2 -> v = u; tmp2 -> f = 0; tmp2 -> c = -c;
tmp2 -> next = g[v]; g[v] = tmp2; tmp2 -> rev =
tmp1;
5 }
6 bool spfa () {
7     int i , k;
8     queue < int > q;
9     for ( i = 1 ; i <= 1 + n*m*3 + 1 ; i++ ) dis[i]
= 9999999 , f[i] = 0;
10    dis[1] = 0; f[1] = 1; q.push ( 1 );
11    while ( q.size () != 0 ) {
12        k = q.front (); q.pop (); f[k] = 0;
13        for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
14            if ( j -> f && dis[j->v] > dis[k] + j -> c
) {
15                dis[j->v] = dis[k] + j -> c;
16                from[j->v] = j;
17                if ( f[j->v] == 0 ) q.push ( j -> v );
18                f[j->v] = 1;
19            }
20    }
21    if ( dis[1+n*m*3+1] != 9999999 ) return true;
22    return false;
23 }
24 int find () {

```

```

25     int i , f = 999999 , s = 0;
26     for ( i = 1+n*m*3+1 ; i != 1 ; i = from[i] ->
rev -> v ) f = min ( f , from[i] -> f );
27     flow += f;
28     for ( i = 1+n*m*3+1 ; i != 1 ; i = from[i] ->
rev -> v ) from[i] -> f -= f , from[i] -> rev ->
f += f;
29     return f * dis[1+n*m*3+1];
30 }
31 void dinic () {
32     int ans = 0;
33     while ( spfa () == true ) ans += find ();
34     //printf ( "%d\n" , flow );
35     if ( flow == sum && sum == sum1 ) printf ( "%d
\n" , ans );
36     else printf ( "-1\n" );
37 }

```

**21. manacher**

```

1 void manacher () {
2     //max(p[i])-1即为最大回文子串长
3     int mx=0,id=0;n=strlen(ch);
4     for(int i=n;i;i--)ch[i]=ch[i-1];
5     for(int i=1;i<=n;i++)c[i<<1]=ch[i],c[i<<1|1]=
'#';
6     m=n<<1|1;c[0]='-',c[1]='#',c[m+1]='+';
7     for(int i=1;i<=m;i++) {
8         if(mx>i)p[i]=min(p[2*id-i],mx-i);
9         while(c[p[i]+i]==c[i-p[i]])p[i]++;
10        if(i+p[i]>mx)mx=i+p[i],id=i;
11    }

```

**22. SA\_sl**

```

1 #define N 200020
2 int wa[N],wb[N],ws[N],wv[N],sa[N],rank[N];
3 void cal_sa(int *r,int n,int m) {
4     int *x=wa,*y=wb,*t;
5     for(int i=0;i<m;i++)ws[i]=0;
6     for(int i=0;i<n;i++)ws[x[i]=r[i]]++;
7     for(int i=1;i<m;i++)ws[i]+=ws[i-1];
8     for(int i=n-1;i>=0;i--)sa[--ws[x[i]]]=i;
9     for(int j=1,p=1;p<n;j<<=1,m=p) {
10        p=0;
11        for(int i=n-j;i<n;i++)y[p++]=i;
12        for(int i=0;i<n;i++)if(sa[i]>=j)y[p++]=sa[i]
-j;
13        for(int i=0;i<n;i++)wv[i]=x[y[i]];
14        for(int i=0;i<m;i++)ws[i]=0;
15        for(int i=0;i<n;i++)ws[wv[i]]++;
16        for(int i=1;i<m;i++)ws[i]+=ws[i-1];
17        for(int i=n-1;i>=0;i--)sa[--ws[wv[i]]]=y[i];
18        t=x,x=y,y=t,p=1;x[sa[0]]=0;
19        for(int i=1;i<n;i++)
20            x[sa[i]]=(y[sa[i-1]]==y[sa[i]]&&y[sa[i-1]+
j]==y[sa[i]+j])?p-1:p++;
21    }
22    int height[N];
23    void cal_h(int *r,int *sa,int n) {
24        int k=0;
25        for(int i=1;i<=n;i++)rank[sa[i]]=i;
26        for(int i=0;i<n;i++) {
27            int j=sa[rank[i]-1];if(k>=j);
28            while(r[j+k]==r[i+k])k++;
29            height[rank[i]]=k;
30        }
31    }
32    char ch[N]; int r[N];
33    int main() {
34        std::cin>>ch;
35        int n=strlen(ch);
36        for(int i=0;i<n;i++)r[i]=ch[i];r[n]=0;
37        cal_sa(r,n+1,128);
38        cal_h(r,sa,n);
39        for(int i=1;i<=n;i++)printf("%d ",sa[i]+1);put
s("");
40        for(int i=2;i<=n;i++)printf("%d ",height[i]);
41    }

```

**23. KMP**

```

1 int p[101];
2 int main() {
3     string a,b;
4     cin>>a>>b;
5     int n=a.length(),m=b.length();
6     a=" "+a;b=" "+b;

```



```

7  int j=0;
8  for(int i=2;i<=m;i++) {
9      while(j>0&&b[j+1]!=b[i])j=p[j];
10     if(b[j+1]==b[i])j++;
11     p[i]=j;
12 }
13 j=0;
14 for(int i=1;i<=n;i++) {
15     while(j>0&&b[j+1]!=a[i])j=p[j];
16     if(b[j+1]==a[i])j++;
17     if(j==m){printf("%d",i-m+1);break;}
18 }
19 return 0;
20 }

```

## 24. PAM\_sl

```

1 #define N 500020
2 int val[N], head[N], pos;
3 struct edge{int to,next;}e[N<<1];
4 void add(int a,int b) {pos++;e[pos].to=b,e[pos].
  next=head[a],head[a]=pos;}
5 struct Tree {
6     char ch[N];
7     int now,cnt,odd,even;
8     int fail[N],len[N],go[N][26];
9     void init() {
10         now=cnt=0;
11         odd=++cnt,even=++cnt;
12         len[odd]=-1,len[even]=0;
13         fail[odd]=fail[even]=odd;
14         now=even;add(odd,even);
15     }
16     void insert(int pos,char c) {
17         while(ch[pos-1-len[now]]!=c)now=fail[now];
18         if(!go[now][c-'a']){
19             go[now][c-'a']=++cnt;
20             len[cnt]=len[now]+2;
21             if(now==odd)fail[cnt]=even;
22             else {
23                 int t=fail[now];
24                 while(ch[pos-1-len[t]]!=c)t=fail[t];
25                 fail[cnt]=go[t][c-'a'];
26             }
27             add(fail[cnt],cnt);
28         }
29         now=go[now][c-'a'];
30         val[now]++;
31     }
32     void dfs(int u) {
33         for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
34             int v=e[i].to;
35             dfs(v);
36             val[u]+=val[v];
37         }
38         Long Long cal() {
39             Long Long ret=0;
40             for(int i=3;i<=cnt;i++)
41                 ret=max(ret,1ll*len[i]*val[i]);
42             return ret;
43         }
44     } tree;
45     int main() {
46         tree.init();
47         scanf("%s",tree.ch+1);
48         int len=strlen(tree.ch+1);
49         for(int i=1;i<=len;i++)
50             tree.insert(i,tree.ch[i]);
51         printf("%lld\n",tree.cal());
52     }

```

## 25. 回文自动机

```

1 int val[N];
2 int head[N],pos;
3 struct edge{int to,next;}e[N<<1];
4 void add(int a,int b)
5 {pos++;e[pos].to=b,e[pos].next=head[a],head[a]=p
  os;}
6 struct Tree {
7     char ch[N];
8     int now,cnt,odd,even;
9     int fail[N],len[N],go[N][26];
10    void init() {
11        now=cnt=0;
12        odd=++cnt,even=++cnt;

```

```

13    len[odd]=-1,len[even]=0;
14    fail[odd]=fail[even]=odd;
15    now=even;add(odd,even);
16 }
17 void insert(int pos,char c) {
18     while(ch[pos-1-len[now]]!=c)now=fail[now];
19     if(!go[now][c-'a']) {
20         go[now][c-'a']=++cnt;
21         len[cnt]=len[now]+2;
22         if(now==odd)fail[cnt]=even;
23         else {
24             int t=fail[now];
25             while(ch[pos-1-len[t]]!=c)t=fail[t];
26             fail[cnt]=go[t][c-'a'];
27         }
28         add(fail[cnt],cnt);
29     }
30     now=go[now][c-'a'];
31     val[now]++;
32 }
33 void dfs(int u) {
34     for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
35         int v=e[i].to;
36         dfs(v);
37         val[u]+=val[v];
38     }
39     Long Long cal() {
40         Long Long ret=0;
41         for(int i=3;i<=cnt;i++)
42             ret=max(ret,1ll*len[i]*val[i]);
43         return ret;
44     }
45 }tree;

```

## 26. 后缀排序：DC3

DC3 后缀排序算法，时空复杂度  $\Theta(n)$ 。字符串本体  $s$  数组、 $sa$  数组和  $rk$  数组都要求 3 倍空间。下标从 0 开始，字符串长度为  $n$ ，字符集  $\Sigma$  为  $[0, m]$ 。partial\_sum 需要标准头文件 `numeric`。

```

1 #define CH(i, n) i < n ? s[i] : 0
2 static int ch[NMAX + 10][3], seq[NMAX + 10];
3 static int arr[NMAX + 10], tmp[NMAX + 10], cnt[N
  MAX + 10];
4 inline bool cmp(int i, int j) {
5     return ch[i][0] == ch[j][0] && ch[i][1] == ch[
  j][1] && ch[i][2] == ch[j][2];
6 }
7 inline bool sufcmp(int *s, int *rk, int n, int i
  , int j) {
8     if (s[i] != s[j]) return s[i] < s[j];
9     if ((i + 1) % 3 && (j + 1) % 3) return rk[i +
  1] < rk[j + 1];
10    if (s[i + 1] != s[j + 1]) return s[i + 1] < s[
  j + 1];
11    return rk[i + 2] < rk[j + 2];
12 }
13 void radix_sort(int n, int m, int K, bool init =
  true) {
14     if (init) for (int i = 0; i < n; i++) arr[i] =
  i;
15     int *a = arr, *b = tmp;
16     for (int k = 0; k < K; k++) {
17         memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
18         for (int i = 0; i < n; i++) cnt[ch[a[i]][k]]
  ++;
19         partial_sum(cnt, cnt + m + 1, cnt);
20         for (int i = n - 1; i >= 0; i--) b[--cnt[ch[
  a[i]][k]]] = a[i];
21         swap(a, b);
22     }
23     if (a != arr) memcpy(arr, tmp, sizeof(int) * n
  );
24 }
25 void suffix_sort(int *s, int n, int m, int *sa,
  int *rk) {
26     s[n] = 0; n++;
27     int p = 0, q = 0;
28     for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) for (int j
  = 0; j < 3; j++)
29         ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);
30     for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) for (int j
  = 0; j < 3; j++)
31         ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);

```

```

32 radix_sort(p, m, 3);
33 for (int i = 0; i < p; i++) {
34     if (!q || (q && !cmp(arr[i - 1], arr[i]))) q
    ++;
35     s[n + arr[i]] = q;
36 }
37 if (q < p) suffix_sort(s + n, p, q, sa + n, rk
+ n);
38 else {
39     for (int i = 0; i < p; i++) sa[n + s[n + i]
- 1] = i;
40     for (int i = 0; i < p; i++) rk[n + sa[n + i]
] = i + 1;
41 }
42 m = max(m, p);
43 p = q = 0;
44 for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) rk[i] = rk
[n + p];
45 for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) rk[i] = rk
[n + p];
46 for (int i = 0; i < n; i++) if (i % 3) seq[rk[
i] - 1] = i;
47 for (int i = 0; i < n; i += 3, q++) {
48     ch[i][0] = i + 1 < n ? rk[i + 1] : 0;
49     ch[i][1] = s[i];
50     arr[q] = i;
51 }
52 radix_sort(q, m, 2, false);
53 for (int i = seq[0] == n - 1, j = arr[0] == n
- 1, k = 0; i < p || j < q; k++) {
54     if (i == p) sa[k] = arr[j++];
55     else if (j == q) sa[k] = seq[i++];
56     else if (sufcmp(s, rk, n, seq[i], arr[j])) s
a[k] = seq[i++];
57     else sa[k] = arr[j++];
58 }
59 for (int i = 0; i < n - 1; i++) rk[sa[i]] = i
+ 1;
60 }

```

## 27. AC 自动机

时间复杂度  $O(n + m + z + n|\Sigma|)$ ,  $n$  是模板串总长度,  $m$  是目标串长度,  $z$  是总匹配次数,  $\Sigma$  是字符集。如果想移掉  $n|\Sigma|$  这一项, 需要使用哈希表。传入的字符串下标从 0 开始。

```

1 struct Node {
2     Node() : mark(false), suf(NULL), nxt(NULL) {
3         memset(ch, 0, sizeof(ch));
4     }
5     bool mark;
6     Node *suf, *nxt, *ch[SIGMA];
7 };
8 void insert(Node *x, char *s) {
9     for (int i = 0; s[i]; i++) {
10         int c = s[i] - 'a';
11         if (!x->ch[c]) x->ch[c] = new Node;
12         x = x->ch[c];
13     }
14     x->mark = true;
15 }
16 void build_automaton(Node *r) {
17     queue<Node> *q;
18     for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
19         if (!r->ch[c]) continue;
20         r->ch[c]->suf = r;
21         q->push(r->ch[c]);
22     }
23     while (!q->empty()) {
24         Node *x = q->front();
25         q->pop();
26         for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
27             Node *v = x->ch[c]; if (!v) continue;
28             Node *y = x->suf;
29             while (y != r && !y->ch[c]) y = y->suf;
30             if (y->ch[c]) y = y->ch[c];
31             v->suf = y;
32             if (y->mark) v->nxt = y;
33             else v->nxt = y->nxt;
34             q->push(v);
35         }
36     }
37 void search(Node *x, char *s) {
38     for (int i = 0; s[i]; i++) {
39         int c = s[i] - 'a';
40         while (x->suf && !x->ch[c]) x = x->suf;

```

```

40     if (x->ch[c]) x = x->ch[c];
41     if (x->mark) print(i + 1, x->data);
42     for (Node *y = x->nxt; y; y = y->nxt) print(
    i + 1, y->data);
43 }

```

## 28. 后缀树

Ukkonen 在线添加尾部字符的后缀树构建算法。后缀树即后缀 Trie 的虚树, 树上节点数不超过两倍的字符串总长。State 是后缀树上的节点。Trans 是后缀树的边, 记录了一个区间  $[l, r]$  表示边所对应的子串。根节点没有 fail 指针。原字符串 str 的下标从 1 开始, 字符串的最后一个字符是 EOF, 该字符不一定要字典序最大。注意  $n$  比原长多 1。字符集的第一个字母为 0, 字符集  $\Sigma$  大小由 SIGMA 确定。添加字符串前需调用 `_append::reset`。时间复杂度为  $\Theta(n)$ , 空间复杂度为  $\Theta(n|\Sigma|)$ 。大字符集请使用 `unordered_map`。

```

1 #define SIGMA 27
2 #define EOF (SIGMA - 1)
3 struct State {
4     struct Trans {
5         Trans(int _l, int _r, State *_nxt)
6             : l(_l), r(_r), nxt(_nxt) {}
7         int l, r; State *nxt;
8         int len() const { return r - l + 1; }
9     };
10    State() : fail(NULL) { memset(ch, 0, sizeof(ch)); }
11    State *fail; Trans *ch[SIGMA];
12 };
13 typedef State::Trans Trans;
14 static State *rt;
15 static char str[NMAX + 10];
16 static int n;
17 namespace _append {
18 static char dir;
19 static int len, cnt, cur;
20 static State *ap;
21 void reset() {
22     dir = -1; ap = rt;
23     len = cnt = cur = 0;
24 }
25 inline void append(char c) {
26     using namespace _append;
27     cnt++; cur++;
28     State *x, *y = NULL;
29     while (cnt) {
30         if (cnt <= len + 1) {
31             len = cnt - 1;
32             dir = len ? str[cur - len] : -1;
33         }
34         while (dir >= 0 && len >= ap->ch[dir]->len())
35             len -= ap->ch[dir]->len();
36         ap = ap->ch[dir]->nxt;
37         dir = len ? str[cur - len] : -1;
38     }
39     if ((dir >= 0 && str[ap->ch[dir]->l + len] =
= c) ||
40         (dir < 0 && ap->ch[c])) {
41         if (dir < 0) dir = c;
42         if (y) y->fail = ap;
43         len++; return;
44     }
45     if (dir < 0) {
46         ap->ch[c] = new Trans(cur, n, new State);
47         x = ap;
48     } else {
49         Trans *t = ap->ch[dir];
50         x = new State;
51         x->ch[c] = new Trans(cur, n, new State);
52         x->ch[str[t->l + len]] = new Trans(t->l +
len, t->r, t->nxt);
53         t->r = t->l + len - 1;
54         t->nxt = x;
55     }
56     if (y) y->fail = x;
57     if (ap != rt) ap = ap->fail;
58     y = x; cnt--;
59 }
60 inline void initialize() {

```

```

61 rt = new State;
62 _append::reset();
63 n = strlen(str) + 1;
64 for (int i = 1; i < n; i++) {
65     str[i] -= 'a';
66     append(str[i]);
67 }
68 str[n] = EOF;
69 append(EOF);
70 }

```

## 29. 后缀排序：倍增算法

倍增法后缀排序，时间复杂度为  $\Theta(n \log n)$ 。suffix\_sort 是本体，结果输出到 sa 数组和 rk 数组（排名数组）。参数 s 是字符串，下标从 0 开始，n 是字符串长度（包括末尾添加的保留字符 \$），m 是字符集大小（一般为 255，字符集为  $\Sigma = \{0, 1, 2, \dots, m\}$ ，0 是保留的 \$ 字符）。算法运行完毕后 sa 数组里面存的是从 0 开始的下标，rk 数组里面存的是从 1 开始的排名值，两个数组均从 0 开始索引。如果要多次使用请注意清空 cnt 数组。

另外附带一个线性求 lcp 数组的代码。lcp 数组下标从 1 开始，实际上只有在 2 到 n 范围内的才是有效值。参数意义与 suffix\_sort 相同。

```

1 static int sa[NMAX + 10], rk[NMAX + 10], lcp[NMAX + 10];
2 void suffix_sort(const char *s, int n, int m) {
3     static int x[NMAX + 10], y[NMAX + 10], cnt[NMAX + 10], i;
4     //memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
5     for (i = 0; i < n; i++) cnt[s[i]]++;
6     for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
7     for (i = 0; i < n; i++) sa[--cnt[s[i]]] = i;
8     for (i = 1, m = 1, rk[sa[0]] = 1; i < n; i++)
9     {
10         if (s[sa[i - 1]] != s[sa[i]]) m++;
11         rk[sa[i]] = m;
12     }
13     for (int l = 1; l < n; l <= 1) {
14         memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
15         for (i = 0; i < n; i++) cnt[y[i] = i + l < n ? rk[i + l] : 0]++;
16         for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
17         for (i = n - 1; i >= 0; i--) x[--cnt[y[i]]] = i;
18         memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
19         for (i = 0; i < n; i++) cnt[rk[i]]++;
20         for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
21         for (i = n - 1; i >= 0; i--) sa[--cnt[rk[x[i]]]] = x[i];
22         for (i = 1, m = 1, x[sa[0]] = 1; i < n; i++)
23         {
24             if (rk[sa[i - 1]] != rk[sa[i]] || y[sa[i - 1]] != y[sa[i]]) m++;
25             x[sa[i]] = m;
26         }
27         memcpy(rk, x, sizeof(int) * n);
28     }
29 void compute_lcp(const char *s, int n) {
30     int j = 0, p;
31     for (int i = 0; i < n; i++, j = max(0, j - 1))
32     {
33         if (rk[i] == 1) {
34             j = 0;
35             continue;
36         }
37         p = sa[rk[i] - 2];
38         while (p + j < n && i + j < n && s[p + j] == s[i + j]) j++;
39         lcp[rk[i]] = j;
40     }
41 }

```

## 30. 后缀排序：SA-IS

SA-IS 后缀数组排序。字符串存在 str 中，下标从 1 开始，长度为 n，并且 str[n + 1] 为哨兵字符，编号为 1。后缀数组放在 sa

中，下标从 1 开始。时空复杂度为  $\Theta(n)$ 。其中使用了 vector<bool> 来优化缓存命中率。

```

1 #define rep(i, l, r) for (register int i = (l); i <= (r); ++i)
2 #define rrep(i, r, l) for (register int i = (r); i >= (l); --i)
3 #define PUTS(x) sa[cur[sa[x]]--] = x
4 #define PUTL(x) sa[cur[sa[x]]++] = x
5 #define LMS(x) (!type[x - 1] && type[x])
6 #define RESET memset(sa + 1, 0, sizeof(int) * (n + 1));
7 memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
8 #define INDUCE rep(i, 1, m) cur[i] = cnt[i - 1] + 1;
9 rep(i, 1, n + 1) if (sa[i] > 1 && !type[sa[i] - 1]) PUTL(sa[i] - 1);
10 memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
11 rrep(i, n + 1, 1) if (sa[i] > 1 && type[sa[i] - 1]) PUTS(sa[i] - 1);
12 void sais(int n, int m, int *str, int *sa) {
13     static int id[NMAX + 10];
14     vector<bool> type(n + 2);
15     type[n + 1] = true;
16     rrep(i, n, 1) type[i] = str[i] == str[i + 1] ? type[i + 1] : str[i] < str[i + 1];
17     int cnt[m + 1], cur[m + 1], idx = 1, y = 0, rt, lrt, *ns = str + n + 2, *nsa = sa + n + 2;
18     memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
19     rep(i, 1, n + 1) cnt[str[i]]++;
20     rep(i, 1, m) cnt[i] += cnt[i - 1];
21     RESET rep(i, 2, n + 1) if (LMS(i)) PUTS(i); INDUCE
22     memset(id + 1, 0, sizeof(int) * n);
23     rep(i, 2, n + 1) if (LMS(sa[i])) {
24         register int x = sa[i];
25         for (rt = x + 1; !LMS(rt); rt++);
26         id[x] = y && rt + y == lrt + x && !memcmp(str + x, str + y, sizeof(int) * (rt - x + 1)) ? id[x] : ++idx;
27         y = x, lrt = rt;
28     }
29     int len = 0, pos[(n >> 1) + 1];
30     rep(i, 1, n) if (!id[i]) {
31         ns[++len] = id[i];
32         pos[len] = i;
33     }
34     ns[len + 1] = 1, pos[len + 1] = n + 1;
35     if (len == idx - 1) rep(i, 1, len + 1) nsa[ns[i]] = i;
36     else sais(len, idx, ns, nsa);
37     RESET rrep(i, len + 1, 1) PUTS(pos[nsa[i]]); INDUCE
38 }
39 static int str[NMAX * 3 + 10], sa[NMAX * 3 + 10];

```

## 31. pam

```

1 const int NN = 310000;
2 struct node {
3     int len, cnt, ch[30], fail;
4 } p[NN];
5 int top, n, last;
6 char z[NN];
7 long long ans;
8 void work () {
9     int i, tmp;
10    scanf ("%s", z + 1);
11    n = strlen (z + 1);
12    top = 2;
13    p[1].fail = 2; p[2].fail = 1;
14    p[1].len = 0; p[2].len = -1;
15    z[0] = '$';
16    last = 1;
17    for (i = 1; i <= n; i++) {
18        while (z[i] != z[i - p[last].len - 1]) last = p[last].fail;
19        if (!p[last].ch[z[i] - 'a' + 1]) {
20            p[last].ch[z[i] - 'a' + 1] = ++top;
21            p[top].len = p[last].len + 2;
22            tmp = p[last].fail;
23            while (z[i] != z[i - p[tmp].len - 1]) tmp = p[tmp].fail;
24            if (p[tmp].len > 1 && p[tmp].ch[z[i] - 'a' +

```

```

1] ) p[top].fail = p[tmp].ch[z[i] - 'a' + 1];
25     else p[top].fail = 1;
26 }
27 last = p[last].ch[z[i] - 'a' + 1];
28 p[last].cnt++;
29 }
30 for ( i = top ; i >= 1 ; i-- ) p[p[i].fail].cn
t += p[i].cnt;
31 for ( i = 1 ; i <= top ; i++ ) {
32     //printf ( "%d %d\n" , p[i].len , p[i].cnt
);
33     ans = max ( ans , (Long Long)p[i].len * p[i]
.cnt );
34 }
35 printf ( "%lld\n" , ans );
36 }

```

### 32. 权值splay

```

1 ll n, kind, rt, sz, fa[N], num[N];
2 ll tr[N][2], size[N], v[N], ans;
3 void pushup(ll k) { size[k] = size[tr[k][0]] + size[tr
[k][1]] + num[k]; }
4 void rotate(ll x, ll &k) {
5     ll y = fa[x], z = fa[y], l, r;
6     l = tr[y][1] == x ? r = l ^ 1;
7     if (y == k) k = x;
8     else tr[z][tr[z][1] == y] = x;
9     fa[x] = z, fa[tr[x][r]] = y, fa[y] = x;
10    tr[y][l] = tr[x][r], tr[x][r] = y;
11    pushup(y); pushup(x);
12 }
13 void splay(ll x, ll &k) {
14     while (x != k) {
15         ll y = fa[x], z = fa[y];
16         if (y != k) {
17             if (tr[y][0] == x ^ tr[z][0] == y)
18                 rotate(x, k);
19             else rotate(y, k);
20             rotate(x, k);
21         }
22     }
23     void insert(ll &k, ll x, ll last) {
24         if (!k) { k = ++sz; v[k] = x; size[k] = num[k] = 1; fa[k] = la
st; splay(k, rt); return; }
25         if (x == v[k]) num[k]++;
26         else if (x > v[k]) insert(tr[k][1], x, k);
27         else insert(tr[k][0], x, k);
28     }
29     ll t1, t2;
30     ll find(ll x, ll k) {
31         if (!k) return 0;
32         if (x == v[k]) return k;
33         else if (x > v[k]) return find(x, tr[k][1]);
34         else return find(x, tr[k][0]);
35     }
36     void ask_before(ll x, ll k) {
37         if (!k) return;
38         if (v[k] < x) { t1 = k; ask_before(x, tr[k][1]); }
39         else ask_before(x, tr[k][0]);
40     }
41     void ask_after(ll x, ll k) {
42         if (!k) return;
43         if (v[k] > x) { t2 = k; ask_after(x, tr[k][0]); }
44         // else if (v[k] == x) return;
45         else ask_after(x, tr[k][1]);
46     }
47     void del(ll x, ll k) {
48         if (num[k] > 1) {
49             num[k]--; size[k]--;
50             splay(k, rt); return;
51         }
52         t1 = t2 = -1;
53         ask_before(x, rt);
54         ask_after(x, rt);
55         if (t1 == -1 & t2 == -1) {
56             if (num[rt] == 1) rt = 0;
57             else size[rt]--, num[rt]--;
58         }
59         else if (t1 == -1) {
60             splay(t2, rt);
61             tr[rt][0] = 0;
62             pushup(rt);
63         }
64         else if (t2 == -1) {
65             splay(t1, rt);
66             tr[rt][1] = 0;

```

```

66     pushup(rt);
67 }
68 else {
69     splay(t1, rt);
70     splay(t2, tr[t1][1]);
71     tr[t2][0] = 0;
72     pushup(t2); pushup(t1);
73 }

```

### 33. 序列splay

```

1 int n, m, sz, rt;
2 char ch[10];
3 int tr[N][2], fa[N], v[N], sum[N];
4 int mx[N], lx[N], rx[N];
5 int st[N], size[N], top, tag[N];
6 bool rev[N];
7 void pushup(int u) {
8     size[u] = 1, sum[u] = v[u]; int l = tr[u][0], r = tr[u][1
];
9     if (l) size[u] += size[l], sum[u] += sum[l];
10    if (r) size[u] += size[r], sum[u] += sum[r];
11    mx[u] = v[u]; if (l) mx[u] = max(mx[u], mx[l]); if (r) mx
[u] = max(mx[u], mx[r]);
12    if (l & r) mx[u] = max(mx[u], rx[l] + v[u] + lx[r]);
13    else if (l) mx[u] = max(mx[u], rx[l] + v[u]);
14    else if (r) mx[u] = max(mx[u], v[u] + lx[r]);
15    lx[u] = 0; if (l) lx[u] = lx[l]; rx[u] = 0; if (r) rx[u] = rx
[r];
16    if (!l) lx[u] = max(lx[u], v[u]); if (!r) rx[u] = max(rx
[u], v[u]);
17    if (!l & r) lx[u] = max(lx[u], v[u] + lx[r]); if (!r & l)
rx[u] = max(rx[u], v[u] + rx[l]);
18    if (l) lx[u] = max(lx[u], sum[l] + v[u]); if (r) rx[u] = m
ax(rx[u], sum[r] + v[u]);
19    if (l & r) lx[u] = max(lx[u], sum[l] + v[u] + lx[r]), rx[
u] = max(rx[u], sum[r] + v[u] + rx[l]);
20 }
21 void work(int k, int c) {
22     tag[k] = c, v[k] = c, sum[k] = size[k] * c;
23     mx[k] = (c > 0 ? c * size[k] : c), lx[k] = rx[k] = (c > 0 ? c * siz
e[k] : 0);
24 }
25 void rve(int k) {
26     rev[k] ^= 1;
27     swap(lx[k], rx[k]);
28     swap(tr[k][0], tr[k][1]);
29 }
30 void pushdown(int u) {
31     int l = tr[u][0], r = tr[u][1];
32     if (tag[u] != 12345) {
33         if (l) work(l, tag[u]); if (r) work(r, tag[u]);
34         tag[u] = 12345;
35     }
36     if (rev[u]) {
37         if (l) rve(l); if (r) rve(r);
38         rev[u] ^= 1;
39     }
40     void rotate(int x, int &k) {
41         int y = fa[x], z = fa[y];
42         int l = (tr[y][1] == x) ? r = l ^ 1;
43         if (y == k) k = x;
44         else tr[z][tr[z][1] == y] = x;
45         fa[x] = z, fa[y] = x, fa[tr[x][r]] = y;
46         tr[y][l] = tr[x][r], tr[x][r] = y;
47         pushup(y); pushup(x);
48     }
49     void splay(int x, int &k) {
50         while (x != k) {
51             int y = fa[x], z = fa[y];
52             if (y != k) {
53                 if (tr[y][0] == x ^ tr[z][0] == y)
54                     rotate(x, k);
55                 else rotate(y, k);
56             }
57             rotate(x, k);
58         }
59     }
60     int find(int k, int rk) {
61         pushdown(k);
62         int l = tr[k][0], r = tr[k][1];
63         if (size[l] > rk) return find(l, rk);
64         else if (size[l] + 1 == rk) return k;
65         else return find(r, rk - size[l] - 1);
66     }
67     int split(int l, int r) {
68         int x = find(rt, l), y = find(rt, r + 2);

```

```

68 splay(x,rt),splay(y,tr[x][1]);
69 return tr[y][0];
70 }
71 int a[N];
72 void newnode(int k,int c)
73 {v[k]=sum[k]=c,mx[k]=c,tag[k]=12345,lx[k]=rx[k]=
  (c>0?c:0),size[k]=1,rev[k]=0;}
74 int build(int l,int r) {
75   if(l>r)return 0;int mid=(l+r)>>1,now;
76   now++sz;newnode(now,a[mid-1]);
77   tr[now][0]=build(l,mid-1);if(tr[now][0])fa[tr[
  now][0]]=now;
78   tr[now][1]=build(mid+1,r);if(tr[now][1])fa[tr[
  now][1]]=now;
79   pushup(now);return now;
80 }
81 int Build(int l,int r) {
82   if(l>r)return 0;int mid=(l+r)>>1,now;
83   if(top)now=st[top--];else now++sz;newnode(now
  ,a[mid]);
84   tr[now][0]=Build(l,mid-1);if(tr[now][0])fa[tr[
  now][0]]=now;
85   tr[now][1]=Build(mid+1,r);if(tr[now][1])fa[tr[
  now][1]]=now;
86   pushup(now);return now;
87 }
88 void insert(int x,int tot) {
89   for(int i=0;i<=tot+2;i++)a[i]=0;
90   for(int i=1;i<=tot;i++)a[i]=read();
91   int l=find(rt,x+1),r=find(rt,x+2);
92   splay(l,rt),splay(r,tr[l][1]);
93   tr[r][0]=Build(1,tot),fa[tr[r][0]]=r;
94   pushup(r),splay(r,rt);
95 }
96 void clr(int k){tag[k]=12345,tr[k][0]=tr[k][1]=f
  a[k]=rev[k]=v[k]=sum[k]=mx[k]=lx[k]=rx[k]=size[k
  ]=0;}
97 void rec(int k) {
98   if(!k)return;
99   rec(tr[k][0]);rec(tr[k][1]);
100  st[++top]=k,clr(k);
101 }
102 void del(int x,int tot) {
103   int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);
104   int fk=fa[k],tr[fk][0]=fa[k]=0;rec(k);
105   splay(fk,rt);
106 }
107 void make_same(int x,int tot,int c)
108 {int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);work(k,c);if(fa[
  k])splay(fa[k],rt);}
109 void rever(int x,int tot)
110 {int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);rve(k);if(fa[k])
  splay(fa[k],rt);}
111 int get_sum(int x,int tot) {
112   int l=x,r=x+tot-1,k=split(l,r);
113   return sum[k];
114 }

```

### 34. ntt

```

1 const Long Long maxn = 120000;
2 const Long Long mod = 998244353;
3 const Long Long omega = 3;
4 Long Long a[maxn*4], b[maxn*4], c[maxn*4], d[
  maxn*4];
5 Long Long n, m, N, in;
6 Long Long pow ( Long Long f, Long Long x ) {Lon
  g Long s = 1;while ( x ) {if ( x % 2 ) s = (s*f)
  % mod;f = (f*f) % mod; x >>= 1;}return s;}
7 Long Long inv ( Long Long x ) {return pow ( x ,
  mod - 2 );}
8 Long Long rev ( Long Long x ) {Long Long i, y; i
  = 1; y = 0;while ( i < N ) {y = y * 2 + (x%2);i
  <<= 1; x >>= 1;}return y;}
9 void br ( Long Long *x ) {Long Long i;for ( i =
  0 ; i < N ; i++ ) d[rev(i)] = x[i];for ( i = 0 ;
  i < N ; i++ ) x[i] = d[i];}
10 void FFT ( Long Long *x, Long Long f ) {
11   Long Long i, j, s, k;
12   Long Long w, wm, u, t;
13   br ( x );
14   for ( s = 2 ; s <= N ; s *= 2 ) {
15     k = s / 2;
16     wm = pow ( omega, (mod-1) / s );
17     if ( f == -1 ) wm = inv ( wm );
18     for ( i = 0 ; i < N ; i += s ) {

```

```

19     w = 1;
20     for ( j = 1 ; j <= k ; j++ ) {
21       u = x[i+j-1]; t = (x[i+j-1+k]*w) % mod;
22       x[i+j-1] = (u + t) % mod;
23       x[i+j-1+k] = (u - t + mod) % mod;
24       w = (w*wm) % mod;
25     }
26     if ( f == -1 ) for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) x[i
  ] = (x[i] * in) % mod;
27   }
28   void work () {
29     Long Long i;
30     scanf ( "%lld%lld" , &n , &m );
31     N = 1;
32     while ( N < n + m + 2 ) N = N * 2;
33     for ( i = 0 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lld" ,
  &a[i] );
34     for ( i = 0 ; i <= m ; i++ ) scanf ( "%lld" ,
  &b[i] );
35     in = inv ( N );
36     FFT ( a , 1 ); FFT ( b , 1 );
37     for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) c[i] = (a[i]*b[i])
  % mod;
38     FFT ( c , -1 );
39     for ( i = 0 ; i <= n + m ; i++ ) printf ( "%ll
  d%c" , c[i] , i==n+m?'\\n':' ' );
40   }

```

### 35. fft

```

1 const int maxn = 120000;
2 const double pi = acos(-1);
3 struct complex {
4   double r, i;
5 } a[maxn*4], b[maxn*4], c[maxn*4], d[maxn*4];
6 complex operator + ( complex x1, complex x2 ) {
  complex y;y.r = x1.r + x2.r;y.i = x1.i + x2.i;re
  turn y;}
7 complex operator - ( complex x1, complex x2 ) {
  complex y;y.r = x1.r - x2.r;y.i = x1.i - x2.i;re
  turn y;}
8 complex operator * ( complex x1, complex x2 ) {
  complex y;y.r = x1.r * x2.r - x1.i * x2.i;y.i =
  x1.r * x2.i + x1.i * x2.r;return y;}
9 int n, m, N;
10 int rev ( int x ) {int i, y;i = 1; y = 0;while
  ( i < N ) {y = y * 2 + (x%2);x >>= 1; i <<= 1;}r
  eturn y;}
11 void br ( complex *x ) {int i;for ( i = 0 ; i <
  N ; i++ ) d[rev(i)] = x[i];for ( i = 0 ; i < N ;
  i++ ) x[i] = d[i];}
12 void FFT ( complex *x, int f ) {
13   int i, j, s, k;
14   complex w, wm, u, t;
15   br ( x );
16   for ( s = 2 ; s <= N ; s *= 2 ) {
17     k = s / 2;
18     wm.r = cos(2*pi/s); wm.i = sin(2*pi/s) * f;
19     for ( i = 0 ; i < N ; i += s ) {
20       w.r = 1.0; w.i = 0.0;
21       for ( j = 1 ; j <= k ; j++ ) {
22         u = x[i+j-1]; t = x[i+j-1+k] * w;
23         x[i+j-1] = u + t;
24         x[i+j-1+k] = u - t;
25         w = w * wm;
26       }
27       if ( f == -1 ) for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) x[i
  ].r = x[i].r / N;
28     }
29   void work () {
30     int i;
31     scanf ( "%d%d" , &n , &m );
32     N = 1;
33     while ( N < n + m + 2 ) N = N * 2;
34     for ( i = 0 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lf" , &
  a[i].r );
35     for ( i = 0 ; i <= m ; i++ ) scanf ( "%lf" , &
  b[i].r );
36     FFT ( a , 1 ); FFT ( b , 1 );
37     for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) c[i] = a[i] * b[i]
  ;
38     FFT ( c , -1 );
39     for ( i = 0 ; i <= n + m ; i++ ) printf ( "%d%
  c" , int (c[i].r + 0.5) , i==n+m?'\\n':' ' );
40   }

```

## 36. lct

```

1 struct node {
2     Long Long x;
3     Long Long lm, lp, rev;
4     Long Long s, siz;
5     Long Long ch[4], fa;
6 } p[maxn];
7 void cut ( Long Long x, Long Long kind ) {
8     p[p[x].ch[kind]].fa *= -1;
9     p[x].ch[kind] = 0;
10    update ( x );
11 }
12 void down ( Long Long x ) {
13     if ( p[x].fa > 0 ) down ( p[x].fa );
14     pushdown ( x );
15 }
16 void rotate ( Long Long x, Long Long kind ) {
17     Long Long y = p[x].fa;
18     if ( p[y].fa > 0 ) p[p[y].fa].ch[y==p[p[y].fa].ch[1]] = x;
19     p[x].fa = p[y].fa;
20     if ( p[x].ch[kind^1] ) p[p[x].ch[kind^1]].fa = y;
21     p[y].ch[kind] = p[x].ch[kind^1];
22     p[y].fa = x;
23     p[x].ch[kind^1] = y;
24     update ( y ); update ( x );
25 }
26 void splay ( Long Long x ) {
27     down ( x );
28     for ( ; p[x].fa > 0 ; rotate ( x, x==p[p[x].fa].ch[1] ) )
29         if ( p[p[x].fa].fa > 0 && (x==p[p[x].fa].ch[1]) == (p[p[x].fa].fa==p[p[p[x].fa].fa].ch[1]) )
30             rotate ( p[x].fa, x==p[p[x].fa].ch[1] );
31 }
32 void access ( Long Long x ) {
33     splay ( x );
34     cut ( x, 1 );
35     for ( ; p[x].fa != 0 ; ) {
36         splay ( -p[x].fa );
37         cut ( -p[x].fa, 1 );
38         p[-p[x].fa].ch[1] = x;
39         update ( -p[x].fa );
40         p[x].fa *= -1;
41         splay ( x );
42     }
43 }
44 void makeroot ( Long Long x ) {
45     access ( x );
46     p[x].rev ^= 1;
47     swap ( p[x].ch[0], p[x].ch[1] );
48 }
49 void link ( Long Long x, Long Long y ) {
50     makeroot ( y );
51     p[y].fa = -x;
52 }

```

## 37. 左偏树

核心操作split和merge，merge时候让小的当堆顶，继续合并右子树和另外一棵树，之后维护左偏性质。

```

1 struct node {
2     int x, i, dist;
3     node *ll, *rr;
4 } pool[maxn], *t[maxn];
5 int n, m;
6 int a[maxn];
7 int c[maxn], f[maxn];
8 int getdist ( node *id ) {
9     if ( id == NULL ) return -1;
10    return id -> dist;
11 }
12 node *merge ( node *id1, node *id2 ) {
13     if ( id1 == NULL ) return id2;
14     if ( id2 == NULL ) return id1;
15     if ( id1 -> x > id2 -> x ) swap ( id1, id2 );
16     id1 -> rr = merge ( id1 -> rr, id2 );
17     if ( getdist ( id1 -> ll ) < getdist ( id1 -> rr ) ) swap ( id1 -> ll, id1 -> rr );
18     id1 -> dist = getdist ( id1 -> rr ) + 1;
19     return id1;
20 }
21 int find ( int x ) {
22     int i, t;

```

```

23     for ( i = x ; c[i] > 0 ; i = c[i] ) ;
24     while ( x != i ) {
25         t = c[x];
26         c[x] = i;
27         x = t;
28     }
29     return i;
30 }
31 void Union ( int x, int y ) {
32     t[x] = merge ( t[x], t[y] );
33     c[x] += c[y];
34     c[y] = x;
35 }

```

## 38. 三分\_上凸函数

```

1 double solve() {
2     while (l+eps<r) {
3         double mid=(l+r)/2.0;
4         double mmid=(mid+r)/2.0;
5         if (cal(mid)>cal(mmid)) r=mmid;
6         else l=mid;
7     }
8     if (cal(l)<cal(r)) return r;
9     else return l;
10 }

```

## 39. 线性空间求交

设两个线性空间  $U$ 、 $V$  的基分别为  $u_1, u_2, \dots, u_n$  和  $v_1, v_2, \dots, v_m$ 。考虑同时求出  $U+V$  和  $U \cap V$  的基：逐次将  $u_i$  加入。设当前扩展到  $v_1, \dots, v_m, u'_1, \dots, u'_j$ ，若  $u_i$  不能被它们线性表出，则令  $u'_{j+1} = u_i$ 。否则  $u_i = \sum a_j u'_j + \sum b_j v_j$ ，即  $u_i - \sum a_j u'_j = \sum b_j v_j$ ，那么等式左边可以直接加入交空间。时间复杂度  $\Theta(nm)$ 。代码是异或线性空间的求交。

```

1 #define SMAX 32
2 typedef unsigned int u32;
3 struct Basis {
4     u32 v[SMAX];
5     auto operator[] (const size_t i) -> u32& {
6         return v[i];
7     };
8     auto intersect (Basis &u, Basis v) -> Basis {
9         Basis z, r;
10        for (int i = 0; i < SMAX; i++) if (u[i]) {
11            u32 x = u[i], y = u[i];
12            for (int j = 0; j < SMAX; j++) if ((x >> j) & 1) {
13                if (v[j] x ^= v[j], y ^= r[j];
14                else {
15                    v[j] = x, r[j] = y;
16                    break;
17                }
18            } if (!x) z.add(y);
19        }
20        return z;
21 }

```

## 40. 单纯型

```

1 #define EPS 1e-10
2 #define INF 1e100
3
4 class Simplex {
5 public:
6     void initialize() {
7         scanf ("%d%d%d", &n, &m, &t);
8         memset (A, 0, sizeof (A));
9         for (int i = 1; i <= n; i++) {
10             idx[i] = i;
11             scanf ("%Lf", A[0] + i);
12         }
13         for (int i = 1; i <= m; i++) {
14             idy[i] = n + i;
15             for (int j = 1; j <= n; j++) {
16                 scanf ("%Lf", A[i] + j);
17                 A[i][j] *= -1;
18             }
19             scanf ("%Lf", A[i]);
20         }
21     }
22     void solve() {
23         srand (time (0));
24         while (true) {
25             int x = 0, y = 0;

```

```

25     for (int i = 1; i <= m; i++)
26         if (A[i][0] < -EPS && (!y || (rand() & 1
))) y = i;
27     if (!y) break;
28     for (int i = 1; i <= n; i++)
29         if (A[y][i] > EPS && (!x || (rand() & 1
))) x = i;
30     if (!x) {
31         puts("Infeasible");
32         return;
33     }
34     pivot(x, y);
35 }
36 while (true) {
37     double k = INF;
38     int x, y;
39     for (x = 1; x <= n; x++)
40     if (A[0][x] > EPS) break;
41     if (x > n) break;
42     for (int i = 1; i <= m; i++) {
43         double d = A[i][x] > -EPS ? INF : -A[i][
0] / A[i][x];
44         if (d < k) {
45             k = d;
46             y = i;
47         }
48     }
49     if (k >= INF) {
50         puts("Unbounded");
51         return;
52     }
53     pivot(x, y);
54     printf("%.10Lf\n", A[0][0]);
55     if (t) {
56         static double ans[NMAX + 10];
57         for (int i = 1; i <= m; i++)
58             if (idy[i] <= n) ans[idy[i]] = A[i][0];
59         for (int i = 1; i <= n; i++)
60             printf("%.10Lf ", ans[i]);
61         printf("\n");
62     }
63 }
64 private:
65 void pivot(int x, int y) {
66     swap(idy[x], idy[y]);
67     double r = -A[y][x];
68     A[y][x] = -1;
69     for (int i = 0; i <= n; i++) A[y][i] /= r;
70     for (int i = 0; i <= m; i++) {
71         if (i == y) continue;
72         r = A[i][x];
73         A[i][x] = 0;
74         for (int j = 0; j <= n; j++)
75             A[i][j] += r * A[y][j];
76     }
77     int n, m, t;
78     double A[NMAX + 10][NMAX + 10];
79     int idx[NMAX + 10], idy[NMAX + 10];
79 };

```

◦ sll/扩展网络流.md

无源汇有上下界可行流:

建图:

$M[i]$ =流入 $i$ 点的下界流量-流出 $i$ 点的下界流量

$S \rightarrow i, c = M[i]$  ( $M[i] > 0$ )

$i \rightarrow T, c = -M[i]$

流程:

$S \rightarrow T$ 跑最大流,当 $S$ 连出去的边满流是存在可行流

有源汇上下界最大流:

建图:

$T \rightarrow S$ ,流量限制为(0,无穷大), 转化成无源汇

增设 $ST$ 和 $SD$ ,像无源汇那样连边

流程:

1.  $ST \rightarrow SD$ 跑最大流,判断是否满流,不满流则无解

2. 去掉 $ST, SD$ ,从 $S \rightarrow T$ 跑最大流,两遍流量和为有源汇最大流量

有源汇上下界最小流:

建图: 同最大流

流程: 1. 同最大流

1. 去掉 $ST, SD, T \rightarrow S$ 跑最大流,两次流量之差为有源汇最小流

最大权闭合子图:

问题描述: 求最大权值和的点集,使得这个点集里的任一点的后继也在该点集中

建图: 原图中的 $(u \rightarrow v)$ ,建边 $(u \rightarrow v, \text{inf})$

对于 $c[u] > 0$  建边 $(s \rightarrow u, c[u])$

对于 $c[u] < 0$  建边 $(u \rightarrow t, -c[u])$

流程: 建图后跑 $s \rightarrow t$ 的最小割,  $\sum c[u] (c[u] > 0)$ -最小割即为答案

◦ xzl/manhattan.md

Manhattan 距离最小生成树: 每  $45^\circ$  一个象限, 对每个点找到每个象限中离它最近的点连边, 然后做最小生成树。

优化: 只用写找直线  $y = x$  与直线  $x = 0$  之间的最近点的代码, 然后依次交换  $x$  和  $y$ 、取反  $y$ 、交换  $x$  和  $y$  一共做 4 次扫描线即可。

◦ xzl/maxdn.md

表格内的数据表示最坏情况。

$\log_{10} n$	1	2	3	4	5	6
$\omega(n)$	2	3	4	5	6	7
$d(n)$	4	12	32	64	128	240
$\log_{10} n$	7	8	9	10	11	12
$\omega(n)$	8	9	9	10	10	11
$d(n)$	448	768	1344	2304	4032	6720
$\log_{10} n$	13	14	15	16	17	18
$\omega(n)$	12	12	13	13	14	15
$d(n)$	10752	17280	26880	41472	64512	103680

◦ xzl/fwt.md

FWT 算法: 分治  $A \rightarrow A_1, A_2$ , 线性变换  $T$ , 合并时  $A = T[A_1, A_2]^T$ 。逆变换时取  $T$  的逆矩阵即可。

卷积类型	变换
异或卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1/2 & 1/2 \\ 1/2 & -1/2 \end{bmatrix}$
或卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$
和卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

或卷积就是子集和变换。通过按子集大小分类可在  $O(n \log^2 n)$  时间内计算子集卷积:

```

for i = 0 → n - 1: // 按大小分类
    F[c][i] = f[i]
    G[c][i] = g[i]
for i = 0 → k - 1: // 提前计算 FWT
    F[i] = fwt(F[i])
    G[i] = fwt(G[i])
for i + j = k: // 卷积
    H[k] += F[i] * G[j]
for i in xrange(k): // FWT 逆变换
    H[i] = rfwt(H[i])
for all subset S: // 得到卷积结果
    R[i] = H[popcount(S)][i]

```

◦ lmj/treeshash.md

$$\text{hash}[x] = A \cdot \prod_{v \text{ 是 } x \text{ 的儿子}} (\text{hash}[v] \oplus B) \pmod C$$

◦ lmj/matrix\_tree\_theorem.md

$K$ =度数矩阵-邻接矩阵,  $K$ 的任意代数余子式(一般删最后一行一列, 取正号)即为生成树数量。

- [lmj/virtual\\_tree.md](#)
  - 把需要的点按照dfs序排序，把相邻的lca求出来，塞进去重新排序，之后按照顺序维护当前的链，如果不是链就pop当前的点，在虚树上面加边。
- [lmj/dominator\\_tree.md](#)
- [lmj/sam.md](#)
- [lmj/cdq.md](#)
- [lmj/tree\\_divide\\_and\\_conquer\(edge\\_and\\_node\).md](#)
- [lmj/number\\_theory.md](#)
  - 反演/筛
- [lmj/bounded\\_flow.md](#)
  - 无源汇可行流
  - 建模方法：  
首先建立一个源ss和一个汇tt，一般称为附加源和附加汇。  
对于图中的每条弧，假设它容量上界为c，下界b，那么把这条边拆为三条只有上界的弧。  
一条为，容量为b；  
一条为，容量为b；  
一条为，容量为c-b。  
其中前两条弧一般称为附加弧。  
然后对这张图跑最大流，以ss为源，以tt为汇，如果所有的附加弧都满流，则原图有可行流。  
这时，每条非附加弧的流量加上它的容量下界，就是原图中这条弧应该有的流量。
  - 理解方法：  
对于原图中的每条弧，我们把c-b称为它的自由流量，意思就是只要它流满了下界，这些流多少都没问题。  
既然如此，对于每条弧，我们强制给v提供b单位的流量，并且强制从u那里拿走b单位的流量，这一步对应着两条附加弧。  
如果这一系列强制操作能完成的话，也就是有一组可行流了。  
注意：这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流，而不是原图的最大或最小流。

- 
- 有源汇可行流
  - 建模方法：  
建立弧，容量下界为0，上界为 $\infty$ 。  
然后对这个新图（实际上只是比原图多了一条边）按照无源汇可行流的方法建模，如果所有附加弧满流，则存在可行流。  
求原图中每条边对应的实际流量的方法，同无源汇可行流，只是忽略掉弧就好。  
而且这时候弧的流量就是原图的总流量。
  - 理解方法：  
有源汇相比无源汇的不同就在于，源和汇是不满足流量平衡的，那么连接之后，源和汇也满足了流量平衡，就可以直接按照无源汇的方式建模。  
注意：这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流，而不是原图的最大或最小流。

- 
- 有源汇最大流
  - 建模方法：  
首先按照有源汇可行流的方法建模，如果不存在可行流，更别提什么最大流了。  
如果存在可行流，那么在运行过有源汇可行流的图上（就是已经存在流量的那张图，流量不要清零），跑一遍从s到t的最大流（这里的s和t是原图的源和汇，不是附加源和附加汇），就是原图的最大流。
  - 理解方法：  
为什么要在那个已经有了流量的图上跑最大流？因为那张图保证了每条弧的容量下界，在这张图上跑最大流，实际上就是在容量下界全部满足的前提下尽量多得获得“自由流量”。  
注意，在这张已经存在流量的图上，弧也是存在流量的，千万不要忽略这条弧。因为它的相反弧的流量为的流量的相反数，且的容量为0，所以这部分的流量也是会被算上的。
- 
- 有源汇最小流
  - 有源汇最小流的常见建模方法比较多，我就只说我常用的一种。
  - 建模方法：  
首先按照有源汇可行流的方法建模，但是不要建立这条弧。  
然后在这个图上，跑从附加源ss到附加汇tt的最大流。  
这时候再添加弧，下界为0，上界为 $\infty$ 。  
在现在的这张图上，从ss到tt的最大流，就是原图的最小流。
  - 理解方法：  
我们前面提到过，有源汇可行流的流量只是对应一组可行流，并不是最大或者最小流。  
并且在跑完有源汇可行流之后，弧的流量就是原图的流量。  
从这个角度入手，我们想让弧的流量尽量小，就要尽量多的消耗掉那些“本来不需要经过”的流量。  
于是我们在添加之前，跑一遍从ss到tt的最大流，就能尽量多的消耗那些流量啦QwQ。  
<https://www.cnblogs.com/mlystdcall/p/6734852.html>
  - [lmj/Mo's\\_algorithm.md](#)
    - 带修莫队：把时间当成一维，排序时左右端点的块和时间一起排序，模拟时间。
    - 树上莫队：按照欧拉序，如果询问x,y,若lca(x,y)=x，则查询st[x]到st[y]，否则ed[x],st[y]，再加上lca，出现两次的点不算。
  - [lmj/game.md](#)
    - 各种游戏题
    - n 数码问题，考虑把 0 去掉之后的逆序对数量，如果是  $n \times n$ ，n 为偶数的话，还要加上每个数到正确的行需要的步数和。是偶数就可以恢复。
  - [lmj/idea.md](#)
    - 启发式合并
    - 离线
    - hash
    - 数据结构上跑图论算法