图论

- 1 构造圆方树
- 2 最小树形图: 朴素算法
- 3 blossom algorithm
- 4 euler_tour

计算几何

5 最小圆覆盖

数论

- 6 线性筛 & 杜教筛
- 7 类 Euclid 算法

网络流

- 8 dinic
- 9 费用流

字符串

- 10 后缀排序: DC3
- 11 AC 自动机
- 12 后缀排序: 倍增算法
- **13** 后缀排序: SA-IS
- 14 pam

数据结构

- 15 ntt
- **16** fft
- 17 lct
- 18 左偏树

最优化

19 单纯型

ADDITIONAL DOCUMENTS

1. 构造圆方树

G用于存图, T是构造的圆方树。只有一个点的点双没有添加方点。

```
1 static vector<int> G[NMAX + 10], T[NMAX + 10];
2 void bcc(int u, int f = 0) {
3    static stack<Pair> stk;
             static bool marked[NMAX + 10];
static int in[NMAX + 10], low[NMAX + 10], cur;
             in[u] = low[u] = ++cur;
for (int v : G[u]) {
    if (v == f) f = 0; // 应对重边
    else if (in[v]) low[u] = min(low[u], in[v]);
  6
  8
  9
10
                             stk.push(Pair(u, v)); // stk 内存储 DFS 树上的边
11
                            bcc(v, u);
low[u] = min(low[u], low[v]);
if (low[v] > in[u]) { // 割边 u - v
T[u].push_back(v);
T[v].push_back(u);
12
13
14
15
16
17
                                     stk.pop();
                             } else if (low[v] >= in[u]) { // 可能有点双了
19
                                    int linked = 0, p = n + cnt; // linked 点数, p 圆方树上的新方点
auto add = [p, &linked](int x) {
    if (!marked[x]) {
        marked[x] = true;
        T[p].push_back(x);
        T[p].push_back(x);
        T[p].push_back(x);
20
21
22
23
24
25
                                                    T[x].push_back(p);
26
                                                    linked++;
27
                                    }};
while (!stk.empty()) {
28
```

2. 最小树形图: 朴素算法

给定一张 n 个点 m 条边的带权有向图,求以 r 为根的最小树形图上的边权总和,如果不存在输出 -1。时间复杂度为 O(nm)。 调用 mdst(r) 获得答案,调用前需清空 id 数组。如要求不定根的最小树形图,可以额外添加一个节点,向原图中的每个点连接一条 边权为 ∞ 的边。

```
1 static int n, m, G[NMAX + 10], nxt[MMAX + 10];
2 static struct Edge { int u, v, w; } E[MMAX + 10], *in[NMAX + 10];
3 static int id[NMAX + 10], mark[NMAX + 10];
4 int find(int x) { return id[x] ? id[x] = find(id[x]) : x; }
 5 int dfs(int x) {
          mark[x] = 1; int ret = 1;
for (int i = G[x]; i; i = nxt[i])
    if (!mark[E[i].v]) ret += dfs(E[i].v);
 9
          return ret;
10 }
11 inline int detect(int x) {
          mark[x] = x;
for (int y = in[x]->u; in[y]; y = in[y]->u)
    if (mark[y]) return mark[y] == x ? y : 0;
    else mark[y] = x;
13
14
15
16
17
18 int mdst(int r) {
          if (dfs(r) < n) return -1;</pre>
19
          int ret = 0:
20
21
          while (true) {
22
                 memset(in, 0, sizeof(in));
                memset(mark, 0, sizeof(mark));
for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++)
23
24
                       if (e->u != e->v && e->v != r && (!in[e->v] || e->w < in[e->v]->w))
25
                             in[e->v] = e;
26
27
                 int p = 0, t = \bar{0};
                       (int x = 1; x <= n; x++, t |= p) if (!mark[x] && in[x]) {
if (!(p = detect(x))) continue;
28
                 for
29
                       ret += in[p]->w;
for (int x = in[p]->u; x != p; x = in[x]->u)
30
31
                             id[find(x)] = p, ret += in[x]->w;
(auto *e = E + 1; e <= E + m; e++)
32
33
                             int u = find(e->u), v = find(e->v);
34
                             if (u != p && v == p) e->w -= in[e->v]->w;
35
36
                             e->u = u; e->v = v;
37
38
                 if (!t) break;
39
40
          for (int x = 1; x <= n; x++) if (in[x]) ret += in[x]->w;
41
          return ret;
42 }
```

3. blossom algorithm

```
#include <stdio.h>
 2 #include <algorithm>
 3 #include <queue>
 4 using namespace std;
5 const int maxn = 510;
 6 struct node {
        int v;
node *next;
9 } pool[maxn*maxn*2] , *g[maxn];
10 int top,n , m,match[maxn];
11 int kind[maxn] , pre[maxn] , vis[maxn] , c[maxn];
12 queue < int > q;
13 int f[maxn],ans;
14 void add ( int u , int v ) {node *tmp = &pool[++top];tmp -> v = v; tmp -> next = g[u]; g[u] = tmp;
   int find ( int x ) {int i , t; for ( i = x ; c[i] > 0 ; i = c[i] ) ; while ( c[x] > 0 ) {t = c[x]; c[
x] = i;x = t;}return i;}
16 void getpath ( int x , int tar , int root ) {
        int t;
17
        18
19
        match[tar] = x;match[x] = tar;
20
   int lca ( int u , int v , int root ) {
    int i; for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) f[i] = 0;
    while ( find ( u ) != root ) {u = find ( u ); f[u] = 1; if ( !match[u] ) break; u = pre[match[u]]</pre>
21
22
```

```
24
             f[root] = 1;
            while (find (v)!= root) {v = find(v); if (f[v] == 1) return v; if (!match[v]) break;
25
     v = pre[match[v]];}
26
             return root;
27 }
28 void blossom ( int x , int y , int l ) {
29     while ( find ( x ) != l ) {pre[x] = y;y = match[x];if ( kind[match[x]] == 2 ) {kind[match[x]]  
= 1;q.push ( match[x] );}if ( find ( x ) == x ) c[find(x)] = l;if ( find ( match[x] ) == match[x] ) c[find(match[x])] = l;x = pre[y];}
30
    void bfs ( int x ) {
31
            int k , i , z;
for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
    kind[i] = pre[i] = vis[i] = 0;c[i] = -1;</pre>
32
33
34
35
            while ( q.size () ) q.pop ();q.push ( x );kind[x] = 1; vis[x] = 1;
while ( q.size () ) {
36
37
                   k = q.front (); q.pop ();
for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next ) {
    if ( !vis[j->v] ) {
38
39
40
                                  if ( !match[j->v] ) {
    getpath ( k , j -> v , x );
41
42
43
                                          return ;
44
                                  else {
    kind[j->v] = 2;
45
46
47
                                          kind[match[j->v]] = 1;
                                          pre[j->v] = k;
vis[j->v] = 1; vis[match[j->v]] = 1;
48
19
                                          q.push ( match[j->v] );
50
51
                                  }
52
                           else {
if
53
                                        ( find ( k ) == find ( j -> v ) ) continue;
( kind[find(j->v)] == 1 ) {
  z = lca ( k , j -> v , x );
  blossom ( k , j -> v , z );
  blossom ( j -> v , k , z );
55
56
57
58
59
                                  }
60
                           }
                   }
61
             }
62
63 }
     void work () {
64
            ind ()
int i , u , v;
scanf ( "%d%d" , &n , &m );
for ( i = 1 ; i <= m ; i++ ) {
    scanf ( "%d%d" , &u , &v );
    add ( u , v ); add ( v , u );</pre>
65
66
67
68
69
70
             for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
    if ( !match[i] ) bfs ( i );</pre>
71
72
73
            for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) if ( match[i] ) ans++;
printf ( "%d\n" , ans / 2 );
for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) printf ( "%d%c" , match[i] , i==n?'\n':' ' );</pre>
74
75
76
77
78 int main () {
79 work ();
80
             return 0;
81 }
```

4. euler_tour

```
1 stack < int > s;
2 void dfs ( int i ) {
3     for ( node *j = g[i] ; j ; j = j -> next ) if ( !j -> taboo ) {
4         s.push ( j -> f );
5         j -> taboo = 1;
6         dfs ( j -> v );
7         ans[++index] = s.top ();
8         s.pop ();
9     }
10 }
```

5. 最小圆覆盖

```
1
2 #include <stdio.h>
3 #include <algorithm>
4 #include <math.h>
5
6 using namespace std;
7
8 const int maxn = 120000;
```

```
9 struct point {
          double x , y;
11 }
      a[maxn] , c , tmp1 , tmp2;
12 int n;
13 double r;
14 double tmp;
15 double dis ( point x1 , point x2 ) {return sqrt ( (x1.x-x2.x)*(x1.x-x2.x) + (x1.y-x2.y)*(x1.y-x2.y)
16 double det ( point x1 , point x2 , point x3 ) {return (x2.x-x1.x) * (x3.y-x1.y) - (x3.x-x1.x) * (x3.y-x1.y)
     2.y-x1.y);}
    double abs ( double x ) {if ( x < 0 ) return -x;return x;}
point getcen ( point x1 , point x2 , point x3 ) {
    double A , B , C , D , E , F;point ret;
    if ( x1.x == x2.x ) A = 0.0, B = 1.0, C = (x1.y+x2.y)/2.0;</pre>
17
20
21
           else {
                 A = 1.0/((x1.y-x2.y) / (x1.x-x2.x)); B = 1.0; C = -(x1.y+x2.y)/2.0 - A * (x1.x+x2.x)/2.0;
22
23
24
           if ( x1.x == x3.x ) D = 0.0, E = 1.0, F = (x1.y+x3.y)/2.0;
25
26
           else {
                D = 1.0/((x1.y-x3.y) / (x1.x-x3.x));E = 1.0;
27
                F = -(x1.y+x3.y)/2.0 - D * (x1.x+x3.x)/2.0;
28
29
          ret.x = (B * F - C * E) / (A * E - B * D);
ret.y = (A * F - C * D) / (B * D - A * E);
31
32
           return ret:
33 }
   void work () {
    int i , j

35
          fit 1, j, k,
srand(67890);
srand(67890);
scanf ( "%d" , &n );
for ( i = 1; i <= n; i++ ) scanf ( "%lf%lf" , &a[i].x , &a[i].y );</pre>
36
37
38
           random_shuffle ( a + 1 , a + 1 + n );
39
           if ( n == 2 ) {
   printf ( "%.3lf\n" , dis ( a[1] , a[2] ) / 2.0 );
40
41
                 return ;
42
43
          44
45
46
47
48
50
51
                                   c.y - (a[i],y + a[j],y) / 2.0;
r = dis ( a[i] , a[j] ) / 2.0;
tmp = r; tmp1 = c;
for ( k = 1 ; k <= j - 1 ; k++ ) {
    if ( dis ( tmp1 , a[k] ) - tmp > 1e-9 ) {
        if ( abs(det ( a[i] , a[j] , a[k] )) < 1e-9 ) continue;
        tmp2 = getcen ( a[i] , a[j] , a[k] );
        tmp2 = getcen ( a[i] , a[j] , a[k] );</pre>
53
54
55
56
57
58
                                                tmp = dis ( tmp2 , a[i] );
59
                                                tmp1 = tmp2;
60
                                          }
61
                                   c = tmp1; r = tmp;
62
                             }
63
64
                       }
                 }
65
66
           printf ( "%.31f\n" , r );
67
68 }
69 int main () {
70 work ();
71
           return 0;
72
```

6. 线性筛 & 杜教筛

计算积性函数 f(n) 的前缀和 $F(n) = \sum_{k=1}^n f(k)$: 先选定辅助函数 g(n) 进行 Dirichlet 卷积,得到递推公式:

$$F(n) = rac{1}{g(1)} \left(\sum_{k=1}^n (f imes g)(k) - \sum_{k=2}^n g(k) F\left(\left\lfloor rac{n}{k}
ight
floor
ight)
ight)$$

对于 Euler 函数 $\varphi(n)$, 选定 g(n) = 1, 得:

$$\Phi(n) = rac{n(n+1)}{2} - \sum_{k=2}^n \Phi\left(\left\lfloorrac{n}{k}
ight
floor
ight)$$

对于 Mobius 函数 $\mu(n)$, 选定 g(n) = 1, 得:

$$\mathrm{M}(n) = 1 - \sum_{k=2}^n \mathrm{M}\left(\left\lfloor rac{n}{k}
ight
floor
ight)$$

如果没有预处理,时间复杂度为 $\Theta(n^{3/4})$,空间复杂度为 $\Theta(\sqrt{n})$ 。如果预处理前 $\Theta(n^{2/3})$ 项前缀和,则时空复杂度均变为 $\Theta(n^{2/3})$ 。下面的代码以 Euler 函数为例,能够在 1s 内计算 10^{10} 内的数据。可以多次调用。

```
// for F(10^10)
 1 #define S 17000000
 2 static int pc, pr[S + 10];
3 static i64 phi[S + 10];
 4 static unordered_map<i64, i64> dat;
 5 inline void sub(\(\overline{1}64\) &a, i64 b) { a -= b; if (a < 0) a += MOD; }
6 inline i64 c2(i64 n) { n %= MOD; return n * (n + 1) % MOD * INV2 % MOD; }
 7 i64 F(i64 n) { // 杜教筛
8 if (n <= S) return phi[n];
9 if (dat.count(n)) return dat[n];
          i64 &r = dat[n] = c2(n);
10
          for (i64 i = 2, 1; i <= n; i = 1 + 1) {
    i64 p = n / i;</pre>
11
12
                1 = n / p;
13
                sub(r, (i - i + 1) * F(p) % MOD); // (1 - i + 1) % MOD?
14
15
16
          return r;
17 }
18 phi[1] = 1; // 线性筛
19 for (int i = 2; i <= S; i++) {
          if (!phi[i]) {
    pr[pc++] = i;
20
21
                phi[i] = i - 1;
22
23
          for (int j = 0; pr[j] * i <= S; j++) {
   int p = pr[j];
   if (i % p) phi[i * p] = phi[i] * (p - 1);</pre>
24
25
26
27
                else {
                      phi[i * p] = phi[i] * p;
                      break:
30 }}}
31 for (int i = 2; i <= S; i++) add(phi[i], phi[i - 1]);
```

7. 类 Euclid 算法

类 Euclid 算法在模意义下计算:

$$\sum_{k=0}^{n} k^{p} \left\lfloor \frac{ak+b}{c} \right\rfloor^{q}$$

其中所有参数非负,在计算过程中始终保证 K=p+q 不增, $a,c\geqslant 1$ 且 $b\geqslant 0$ 。需要 Bernoulli 数($B_1=+1/2$)来计算自然数幂前缀和 $S_p(x)=\sum_{k=1}^x k^p=\sum_{k=1}^{p+1} a_k^{(p)} x^k$,其中 $a_k^{(p)}=\frac{1}{p+1}\binom{p+1}{k}B_{p+1-k}$ 。代码中 has 为访问标记数组,每次使用前需清空,val 为记忆使用的数组,qpow 是快速幂,S 是自然数幂前缀和,A 记录了 $a_k^{(p)}$,C 是组合数。时空复杂度为 $O(K^3\log\max\{a,c\})$ 。

算法主要分为三个情况,其中 $a\geqslant c$ 和 $b\geqslant c$ 的情况比较简单。当 $a,\,b< c$ 时,用 $j=\lfloor (ak+b)/c\rfloor$ 进行代换,注意最终要转化为 $\lfloor (c(j-1)+c-b-1)/a\rfloor < k\leqslant \lfloor (cj+c-b-1)/a\rfloor$,再进行一次分部求和即可。注意处理 $k\leqslant n$ 这个条件。

```
1 i64 F(i64 n, i64 a, i64 b, i64 c, int p, int q, int d = 0) {
          if (n < 0) return 0;
          if (has[d][p][q]) return val[d][p][q];
has[d][p][q] = true;
          i64 &ret = val[d++][p][q] = 0; // 后面的 d 均加 1 if (!q) ret = S(n, p) + (!p); // 注意 p = 0 的达
                                                         // 注意 p = 0 的边界情况
 6
          else if (!a) ret = qpow(b / c, q) * (S(n, p) + (!p)) % MOD;
          else if (a >= c) {
 8
               i64 m = a / c, r = a % c, mp = 1;

for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m % MOD)

add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, r, b, c, p + j, q - j, d) % MOD);
10
11
12
          } else if (b >= c) {
                i64 \text{ m} = b / c, r = b \% c, mp = 1;
13
                for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m % MOD)
    add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, a, r, c, p, q - j, d) % MOD);</pre>
14
15
16
                i64 m = (a * n + b) / c;
for (int k = 0; k < q; k++) {
17
18
19
                      i64 s = 0;
                      for (int i = 1; i <= p + 1; i++)
   add(s, A[p][i] * F(m - 1, c, c - b - 1, a, k, i, d) % MOD);
add(ret, C[q][k] * s % MOD);</pre>
20
21
22
23
24
                ret = (qpow(m, q) * S(n, p) - ret) % MOD;
25
          } return ret;
26 }
```

8. dinic

```
1 void add ( int u , int v , int f ) {
2     node *tmp1 = &pool[++top] , *tmp2 = &pool[++top];
3     tmp1 -> v = v; tmp1 -> f = f; tmp1 -> next = g[u]; g[u] = tmp1; tmp1 -> rev = tmp2;
4     tmp2 -> v = u; tmp2 -> f = 0; tmp2 -> next = g[v]; g[v] = tmp2; tmp2 -> rev = tmp1;
5 }
6 bool makelevel () {
7     int i , k;
8     queue < int > q;
9     for ( i = 1; i <= 1 + n + n + 1; i++ ) level[i] = -1;
10     level[1] = 1; q.push ( 1 );
11     while ( q.size () != 0 ) {</pre>
```

```
k = q.front (); q.pop ();
for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
    if ( j -> f && level[j->v] == -1 ) {
12
13
14
                             level[j->v] = level[k] + 1;
q.push ( j -> v );
if ( j -> v == 1 + n + n + 1 ) return true;
15
16
17
18
19
20
           return false;
21 }
22 int find ( int k , int key ) {
23     if ( k == 1 + n + n + 1 ) return key;
24
           int i , s = 0;
           for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
    if ( j -> f && level[j->v] == level[k] + 1 && s < key ) {</pre>
25
26
                          = find ( j -> v , min ( key - s , j -> f ) );
27
                       j -> f -= `i;
28
                         -> rev -> f += i;
29
30
                       s += i:
31
           if ('s == 0 ) level[k] = -1;
32
          return s;
33
34 }
35 void dinic () {
          int ans = 0;
while ( makelevel () == true ) ans += find ( 1 , 99999 );
36
37
          //printf ( "%d\n" , ans );
if ( ans == sum ) printf (
else printf ( "T_T\n" );
38
                                                    "^ ^\n" );
40
41 }
```

9. 费用流

```
1 void add ( int u , int v , int f , int c ) {
2    node *tmp1 = &pool[++top] , *tmp2 = &pool[++top];
3    tmp1 -> v = v; tmp1 -> f = f; tmp1 -> c = c; tmp1 -> next = g[u]; g[u] = tmp1; tmp1 -> rev = t
        tmp2 -> v = u; tmp2 -> f = 0; tmp2 -> c = -c; tmp2 -> next = g[v]; g[v] = tmp2; tmp2 -> rev =
   tmp1;
 6 bool spfa () {
         int i , k;
        10
11
12
13
14
                       dis[j->v] = dis[k] + j -> c;
from[j->v] = j;
if (f[j->v] == 0 ) q.push ( j -> v );
15
16
17
                        f[j->v] = 1;
18
19
20
         if ( dis[1+n*m*3+1] != 9999999 ) return true;
21
        return false;
22
23
24 int find () {
25    int i, f = 999999 , s = 0;
26    for ( i = 1+n*m*3+1 ; i != 1 ; i = from[i] -> rev -> v ) f = min ( f , from[i] -> f );
        flow`+= f;
for ( i = 1+n*m*3+1 ; i != 1 ; i = from[i] -> rev -> v ) from[i] -> f -= f, from[i] -> rev ->
27
28
        return f * dis[1+n*m*3+1];
29
30
31
   void dinic () {
32
         int ans = 0;
        while ( spfa () == true ) ans += find ();
//printf ( "%d\n" , flow );
                               , flow );
         if ( flow == sum && sum == sum1 ) printf ( "%d\n" , ans );
else printf ( "-1\n" );
35
36
37 }
```

10. 后缀排序: DC3

DC3 后缀排序算法,时空复杂度 $\Theta(n)$ 。字符串本体 s 数组、sa 数组和 rk 数组都要求 3 倍空间。下标从 0 开始,字符串长度为 n,字符集 Σ 为 [0, m]。partial_sum 需要标准头文件 numeric。

```
1 #define CH(i, n) i < n ? s[i] : 0
2 static int ch[NMAX + 10][3], seq[NMAX + 10];
3 static int arr[NMAX + 10], tmp[NMAX + 10], cnt[NMAX + 10];
4 inline bool cmp(int i, int j) {
5    return ch[i][0] == ch[j][0] && ch[i][1] == ch[j][1] && ch[i][2] == ch[j][2];
6 }
7 inline bool sufcmp(int *s, int *rk, int n, int i, int j) {</pre>
```

```
if (s[i] != s[j]) return s[i] < s[j];
if ((i + 1) % 3 && (j + 1) % 3) return rk[i + 1] < rk[j + 1];
if (s[i + 1] != s[j + 1]) return s[i + 1] < s[j + 1];</pre>
 8
 9
10
         return rk[i + 2] < rk[j + 2];</pre>
11
12 }
13 void radix_sort(int n, int m, int K, bool init = true) {
14     if (init) for (int i = 0; i < n; i++) arr[i] = i;
15    int *a = arr, *b = tmp;</pre>
          for (int k = 0; k < K; k++)
16
               memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
17
18
               for (int i = 0; i < n; i++) cnt[ch[a[i]][k]]++;</pre>
19
               partial_sum(cnt, cnt + m + 1, cnt);
               for (int i = n - 1; i >= 0; i--) b[--cnt[ch[a[i]][k]]] = a[i];
20
21
               swap(a, b);
22
23
          if (a != arr) memcpy(arr, tmp, sizeof(int) * n);
24 }
25 void suffix_sort(int *s, int n, int m, int *sa, int *rk) {
26
          s[n] = 0; n++;
         int p = 0, q = 0;
for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) for (int j = 0; j < 3; j++)
27
28
               ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);
29
          30
                                i < n; i += 3, p++) for (int j = 0; j < 3; j++)
31
         radix_sort(p, m, 3);
for (int i = 0; i < p; i++) {
    if (!q || (q && !cmp(arr[i - 1], arr[i]))) q++;</pre>
32
33
34
35
               s[n + arr[i]] = q;
36
         if (q < p) suffix_sort(s + n, p, q, sa + n, rk + n);
else {</pre>
37
38
               for (int i = 0; i < p; i++) sa[n + s[n + i] - 1] = i;
for (int i = 0; i < p; i++) rk[n + sa[n + i]] = i + 1;</pre>
39
40
41
42
          m = max(m, p);
         43
44
         for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) rk[i] = rk[n + p];
for (int i = 0; i < n; i++) if (i % 3) seq[rk[i] - 1] = i;
for (int i = 0; i < n; i += 3, q++) {
    ch[i][0] = i + 1 < n ? rk[i + 1] : 0;
    ch[i][1] = s[i];
    rection</pre>
45
46
47
48
49
50
               arr[q] = i;
51
         radix_sort(q, m, 2, false);
for (int i = seq[0] == n - 1, j = arr[0] == n - 1, k = 0; i < p || j < q; k++) {
52
53
54
               if (i == p) sa[k] = arr[j++];
               else if (j == q) sa[k] = seq[i++];
else if (sufcmp(s, rk, n, seq[i], arr[j])) sa[k] = seq[i++];
55
56
57
               else sa[k] = arr[j++];
58
59
          for (int i = 0; i < n - 1; i++) rk[sa[i]] = i + 1;</pre>
60 }
```

11. AC 自动机

时间复杂度 $O(n+m+z+n|\Sigma|)$,n 是模板串总长度,m 是目标串长度,z 是总匹配次数, Σ 是字符集。如果想移掉 $n|\Sigma|$ 这一项,需要使用哈希表。传入的字符串下标从 0 开始。

```
1 struct Node {
2    Node() : mark(false), suf(NULL), nxt(NULL) {
              memset(ch, 0, sizeof(ch));
         bool mark;
         Node *suf, *nxt, *ch[SIGMA];
 6
 8 void insert(Node *x, char *s) {
         for (int i = 0; s[i]; i++) {
    int c = s[i] - 'a';
 9
10
              if (!x->ch[c]) x->ch[c] = new Node;
11
12
              x = x \rightarrow ch[c];
13
14
         x->mark = true;
15 }
16 void build_automaton(Node *r) {
17
         queue<Node *> q;
         for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
    if (!r->ch[c]) continue;
19
              r->ch[c]->suf = r;
20
              q.push(r->ch[c]);
21
22
         while (!q.empty()) {
   Node *x = q.front();
23
24
              q.pop();
25
              for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
   Node *v = x->ch[c]; if (!v) continue;
26
27
```

```
Node *y = x - suf;
              while (y != r && !y->ch[c]) y = y->suf;
29
30
              if (y-)ch[c] y = y-)ch[c];
              v \rightarrow \hat{suf} = \bar{y}
31
32
              if (y->mark) v->nxt = y;
              else v->nxt = y->nxt;
33
34
              q.push(v);
35 }}}
if (x->ch[c]) x = x->ch[c];
40
          if (x->mark) print(i + 1, x->data);
41
          for (Node *y = x->nxt; y; y = y->nxt) print(i + 1, y->data);
42
43 }}
```

12. 后缀排序: 倍增算法

倍增法后缀排序,时间复杂度为 $\Theta(n \log n)$ 。 suffix_sort 是本体,结果输出到 sa 数组和 rk 数组(排名数组)。参数 s 是字符串,下标从 0 开始,n 是字符串长度,m 是字符集大小(一般为 255,字符集为 $\Sigma = \{0, 1, 2, ..., m\}$,0 是保留的 \$ 字符)。算法运行完毕后 sa 数组里面存的是从 0 开始的下标,rk 数组里面存的是从 1 开始的排名值。

另外附带一个线性求 1cp 数组的代码。1cp 数组下标从 1 开始,实际上只有在 2 到 n 范围内的才是有效值。参数意义与 $suffix_sort$ 相同。

```
1 static int sa[NMAX + 10], rk[NMAX + 10], lcp[NMAX + 10];
2 void suffix_sort(const char *s, int n, int m) {
3     static int x[NMAX + 10], y[NMAX + 10], cnt[NMAX + 10], i;
4     for (i = 0; i < n; i++) cnt[s[i]]++;
5     for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
6     for (i = 0; i < n; i++) sa[--cnt[s[i]]] = i;</pre>
                   (i = 0; i < n; i++) sa[--cnt[s[i]]] = i;

(i = 1, m = 1, rk[sa[0]] = 1; i < n; i++) {

if (s[sa[i - 1]] != s[sa[i]]) m++;
  6
  8
                    rk[\dot{sa}[i]] = m;
10
            11
12
13
                   for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
for (i = n - 1; i >= 0; i--) x[--cnt[y[i]]] = i;
memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
14
15
16
                    for (i = 0; i < n; i++) cnt[rk[i]]++;</pre>
17
                           (i = 1; i \leftarrow m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
18
                    for
                          (i = n - 1; i >= 0; i--) sa[--cnt[rk[x[i]]]] = x[i];
(i = 1, m = 1, x[sa[0]] = 1; i < n; i++) {
if (rk[sa[i - 1]] != rk[sa[i]] || y[sa[i - 1]] != y[sa[i]]) m++;
19
20
                    for
21
22
                           x[sa[i]] = m;
23
24
                   memcpy(rk, x, sizeof(int) * n);
25 }}
26
     void compute_lcp(const char *s, int n) {
            int j = 0, p;
for (int i = 0; i < n; i++, j = max(0, j - 1)) {</pre>
27
28
                    if (rk[i] == 1) {
29
30
31
                           continue;
32
33
                   while (p + j < n & i + j < n & s[p + j] == s[i + j]) j++; lcp[rk[i]] = j;
34
35
36 }}
```

13. 后缀排序: SA-IS

SA-IS 后缀数组排序。字符串存在 str 中,下标从 1 开始,长度为 n,并且 str[n+1] 为哨兵字符,编号为 1。后缀数组放在 sa 中,下标从 1 开始。时空复杂度为 $\Theta(n)$ 。其中使用了 vector<bool> 来优化缓存命中率。

```
1 #define rep(i, l, r) for (register int i = (1); i \leftarrow (r); ++i)
 2 #define rrep(i, r, i) for (register int i = (r); i >= (i); --i)
3 #define PUTS(x) sa[cur[str[x]]--] = x
 4 #define PUTL(x) sa[cur[str[x]]++] = x
 5 #define LMS(x) (!type[x - 1] && type[x])
6 #define RESET memset(sa + 1, 0, sizeof(int) * (n + 1));
           memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
 8 #define INDUCE rep(i, 1, m) cur[i] = cnt[i - 1] + 1;
9    rep(i, 1, n + 1) if (sa[i] > 1 && !type[sa[i] - 1]) PUTL(sa[i] - 1);
memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
rrep(i, n + 1, 1) if (sa[i] > 1 && type[sa[i] - 1]) PUTS(sa[i] - 1);
void sais(int n, int m, int *str, int *sa) {
           static int id[NMAX + 10];
13
14
           vector<bool> type(n + 2);
           type[n + 1] = true;
15
           rrep(i, n, 1) type[i] = str[i] == str[i + 1] ? type[i + 1] : str[i] < str[i + 1];
int cnt[m + 1], cur[m + 1], idx = 1, y = 0, rt, lrt, *ns = str + n + 2, *nsa = sa + n + 2;
memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));</pre>
16
17
```

```
rep(i, 1, n + 1) cnt[str[i]]++;
rep(i, 1, m) cnt[i] += cnt[i - 1];
19
20
           RESET rep(i, 2, n + 1) if (LMS(i)) PUTS(i); INDUCE memset(id + 1, 0, sizeof(int) * n);
21
22
23
            rep(i, 2, n + 1) if (LMS(sa[i])) {
                   register int x = sa[i];
for (rt = x + 1; !LMS(rt); rt++)
24
25
                  for (rt = x + 1; !LMS(rt); rt++) ; id[x] = y && rt + y == lrt + x && !memcmp(str + x, str + y, sizeof(int) * (rt - x + 1)) ?
     idx : ++idx;
27
                  y = x, 1rt = rt;
28
           int len = 0, pos[(n >> 1) + 1];
rep(i, 1, n) if (id[i]) {
    ns[++len] = id[i];
    pos[len] = i;
29
30
31
32
33
           ns[len + 1] = 1, pos[len + 1] = n + 1;
if (len == idx - 1) rep(i, 1, len + 1) nsa[ns[i]] = i;
else sais(len, idx, ns, nsa);
RESET rrep(i, len + 1, 1) PUTS(pos[nsa[i]]); INDUCE
35
36
37
39 static int str[NMAX * 3 + 10], sa[NMAX * 3 + 10];
```

14. pam

```
2 #include <stdio.h>
  3 #include <algorithm>
 4 #include <string.h>
 5 using namespace std;
6 const int NN = 310000;
  7 struct node {
            int len , cnt,ch[30] , fail;
 9 } p[NN];
10 int top,n,last;
11 char z[NN];
12 Long Long ans;
13 void work () {
           int i , tmp;
scanf ( "%s"
14
           scanf ( "%s" , z + 1 );
n = strlen ( z + 1 );
15
16
17
           top = 2;
           p[1].fail = 2; p[2].fail = 1;
p[1].len = 0; p[2].len = -1;
z[0] = '$';
18
19
20
21
           last = 1;
           for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
    while ( z[i] != z[i-p[last].len-1] ) last = p[last].fail;
    if ( !p[last].ch[z[i]-'a'+1] ) {
        p[last].ch[z[i]-'a'+1] = ++top;
        r[last].ch</pre>
22
23
24
25
26
                         p[top].len = p[last].len + 2;
                         tmp = p[last].fail;
while ( z[i] != z[i-p[tmp].len-1] ) tmp = p[tmp].fail;
if ( p[top].len > 1 && p[tmp].ch[z[i]-'a'+1] ) p[top].fail = p[tmp].ch[z[i]-'a'+1];
else p[top].fail = 1;
27
28
29
30
31
                  last = p[last].ch[z[i]-'a'+1];
p[last].cnt++;
32
33
34
           for ( i = top ; i >= 1 ; i-- ) p[p[i].fail].cnt += p[i].cnt;
for ( i = 1 ; i <= top ; i++ ) {
    //printf ( "%d %d\n" , p[i].len , p[i].cnt );</pre>
35
36
37
                  ans = max ( ans , (long long)p[i].len * p[i].cnt );
38
39
40
           printf ( "%lld\n" , ans );
41
    int main () {
    work ();
42
43
44
           return 0;
45 }
```

$15. \, \mathsf{ntt}$

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <algorithm>
3 using namespace std;
4 const long long maxn = 120000;
5 const long long mod = 998244353;
6 const long long omega = 3;
7 long long a[maxn*4] , b[maxn*4] , c[maxn*4] , d[maxn*4];
8 long long n , m , N , in;
9 long long pow ( long long f , long long x ) {long long s = 1; while ( x ) {if ( x % 2 ) s = (s*f) % mod; f = (f*f) % mod; x >>= 1;} return s;}
10 long long inv ( long long x ) {return pow ( x , mod - 2 );}
11 long long rev ( long long x ) {long long i , y;i = 1; y = 0; while ( i < N ) {y = y * 2 + (x%2);i < = 1; x >>= 1;} return y;}
```

```
12 void br ( long long *x ) {long long i; for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) d[rev(i)] = x[i]; for ( i = 0 ; i

< N; i++ ) x[i] = d[i];}
void FFT ( long long *x , long long f ) {
    long long i , j , s , k;
</pre>
13
14
15
          Long long w , wm , u , t;
          br (x);
16
               (s = 2; s \leftarrow N; s *= 2) {
17
          for
               k = s / 2;
18
               wm = pow ( omega , (mod-1) / s );
if ( f == -1 ) wm = inv ( wm );
19
20
               for ( i = 0; i < N; i += s)
21
22
                     w = 1;
                     for ( j = 1 ; j <= k ; j++ ) {
    u = x[i+j-1]; t = (x[i+j-1+k]*w) % mod;
    x[i+j-1] = (u + t) % mod;
    x[i+j-1] = (u + t) % mod;</pre>
23
24
25
26
                           x[i+j-1+k] = (u - t + mod) \% mod;
27
                           w = (w*wm) \% mod;
28
                     }
               }
29
30
          if (f == -1) for (i = 0; i < N; i++) x[i] = (x[i] * in) % mod;
31
32 }
33
    void work () {
         Long Long i;
scanf ( "%11d%11d" , &n , &m );
35
36
          N = 1:
37
          while (N < n + m + 2) N = N * 2;
                  i = 0 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lld" , i = 0 ; i <= m ; i++ ) scanf ( "%lld" ,
38
          for
                                                                        , &a[i] );
, &b[i] );
39
          in = inv (N)
40
         FFT ( a , 1 ); FFT ( b , 1 );
for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) c[i] = (a[i]*b[i]) % mod;</pre>
41
42
                       -1);
43
         FFT ( c , -1 );
for ( i = 0 ; i <= n + m ; i++ ) printf ( "%lld%c" , c[i] , i==n+m?'\n':' ' );</pre>
44
45 }
46 int main () {
47 work ();
48
          return 0;
49
```

16. fft

```
1 #include <stdio.h>
 2 #include <algorithm>
 3 #include <math.h>
 4 using namespace std;
 5 const int maxn = 120000;
 6 const double pi = acos(-1);
 7 struct complex {
 10 complex operator + ( complex x1 , complex x2 ) {complex y;y.r = x1.r + x2.r;y.i = x1.i + x2.i;retu
11 complex operator - ( complex x1 , complex x2 ) {complex y;y.r = x1.r - x2.r;y.i = x1.i - x2.i;retu
   rn y;}
12 complex operator * ( complex x1 , complex x2 ) {complex y;y.r = x1.r * x2.r - x1.i * x2.i;y.i = x1
    r * x2.i + x1.i * x2.r; return y;}
13 int n , m , N;
14 int rev ( int x ) {int i , y;i = 1; y = 0;while ( i < N ) {y = y * 2 + (x%2);x >>= 1; i <<= 1;}ret
urn y;}
15 void br ( complex *x ) {int i;for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) d[rev(i)] = x[i];for ( i = 0 ; i < N ; i</pre>
   ++ ) x[i] = d[i];}
16 void FFT ( complex *x , int f ) {
       int i
             , j , s , k;
17
18
       complex w , wm , u , t;
       br ( x );
19
           ( s = 2 ; s <= N ; s *= 2 ) {
k = s / 2;
20
       for
21
            wm.r = cos(2*pi/s); wm.i = sin(2*pi/s) * f;
for ( i = 0 ; i < N ; i += s ) {
22
23
24
                w.r = 1.0; w.i = 0.0;
                for ( j = 1 ; j <= k ; j++ ) {
    u = x[i+j-1]; t = x[i+j-1+k] * w;</pre>
25
26
27
                    x[i+j-1] = u + t;
                    x[i+j-1+k] = u - t;
28
29
                    W = W * Wm;
30
                }
31
32
       if ( f == -1 ) for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) x[i].r = x[i].r / N;</pre>
33
34 }
35 void work () {
36
       scanf´( "%d%d" , &n , &m );
37
       N = 1;
38
       while (N < n + m + 2) N = N * 2;
39
```

```
for ( i = 0 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lf" , &a[i].r ); for ( i = 0 ; i <= m ; i++ ) scanf ( "%lf" , &b[i].r );
40
41
              (a,1); FFT (b,1);
(i=0;i<N;i++)c[i] = a[i] * b[i];
42
         FFT
43
         for
              (c, -1);
(i = 0; i <= n + m; i++) printf ("%d%c", int (c[i].r + 0.5), i==n+m?'\n':' ');
44
         FFT
45
         for
46
47 int main () {
48 work ();
49
         return 0;
50 }
```

17. lct

```
1 struct node {
         long long x;
         Long Long lm , lp , rev;
Long Long s , siz;
         Long Long ch[4] , fa;
 6 } p[maxn];
 7 void cut ( long long x , long long kind ) {
8    p[p[x].ch[kind]].fa *= -1;
 9
         p[x].ch[kind] = 0;
10
         update (x);
11 }
12 void down ( long long x ) {
        if ( p[x].fa > 0 ) dówn ( p[x].fa );
pushdown ( x );
13
14
15 }
16 void rotate ( long Long x , long Long kind ) {
         long long y = p[x].fa;
if ( p[y].fa > 0 ) p[p[y].fa].ch[y==p[p[y].fa].ch[1]] = x;
17
        p[x].fa = p[y].fa;
if ( p[x].ch[kind^1] ) p[p[x].ch[kind^1]].fa = y;
p[y].ch[kind] = p[x].ch[kind^1];
19
20
21
22
         p[y].fa = x
         p[x].ch[kind^1] = y;
23
24
         update ( y ); update ( x );
25 }
26 void splay ( Long Long x ) {
27    down ( x );
              (); p[x].fa > 0; rotate ( x , x==p[p[x].fa].ch[1]) ) if ( p[p[x].fa].fa > 0 && (x==p[p[x].fa].ch[1]) == (p[x].fa==p[p[p[x].fa].ch[1]) )
28
29
30
                   rotate ( p[x].fa , x==p[p[x].fa].ch[1] );
31 }
32 void access ( long long x ) {
        splay ( x );
33
34
         cut (x,
35
                ; p[x].fa != 0; ) {
         for (
              splay ( -p[x].fa );
cut ( -p[x].fa , 1 );
36
37
              p[-p[x].fa].ch[1] = x;
38
              update ( -p[x].fa );
p[x].fa *= -1;
39
40
41
              splay (x);
42
43 }
44 void makeroot ( long long x ) {
        access ( x );
p[x].rev ^= 1;
45
46
47
         swap ( p[x].ch[0] , p[x].ch[1] );
49 void link ( long long x , long long y ) {
50
         makeroot ( y );
51
         p[y].fa = -x;
52 }
```

18. 左偏树

核心操作split和merge, merge时候让小的当堆顶,继续合并右子树和另外一棵树,之后维护左偏性质。

```
1 struct node {
2    int x , i , dist;
3    node *ll , *rr;
4 } pool[maxn] , *t[maxn];
5 int n , m;
6 int a[maxn];
7 int c[maxn] , f[maxn];
8 int getdist ( node *id ) {
9    if ( id == NULL ) return -1;
10     return id -> dist;
11 }
12 node *merge ( node *id1 , node *id2 ) {
13    if ( id1 == NULL ) return id2;
14    if ( id2 == NULL ) return id1;
15    if ( id1 -> x > id2 -> x ) swap ( id1 , id2 );
16    id1 -> rr = merge ( id1 -> rr , id2 );
```

```
17
        if ( getdist ( id1 -> ll ) < getdist ( id1 -> rr ) ) swap ( id1 -> ll , id1 -> rr );
18
        id1 -> dist = getdist ( id1 -> rr ) + 1;
19
        return id1;
20 }
21 int find ( int x ) {
        int i , t;
for ( i = x ; c[i] > 0 ; i = c[i] );
while ( x != i ) {
22
23
24
25
             t = c[x];
             c[x] = i;
26
27
            x = t;
28
29
        return i;
30 }
31 void Union ( int x , int y ) {
        t[x] = merge ( t[x] , t[y] );
c[x] += c[y];
c[y] = x;
32
33
34
35 }
```

19. 单纯型

```
1 #define EPS 1e-10
 2 #define INF 1e100
 4 class Simplex {
     public:
          void initialize() {
    scanf("%d%d%d", &n, &m, &t);
 8
                memset(A, 0, sizeof(A));
for (int i = 1; i <= n; i++) {
   idx[i] = i;
   scanf("%Lf", A[0] + i);</pre>
 9
10
11
12
13
                 }
14
                 for (int i = 1; i <= m; i++) {
15
                       idy[i] = n + i;
for (int j = 1; j <= n; j++) {
    scanf("%Lf", A[i] + j);
    A[i][j] *= -1;</pre>
16
17
18
19
20
21
22
                       scanf("%Lf", A[i]);
23
                 }
24
          }
25
26
          void solve() {
27
                 srand(time(0));
28
                while (true) {
29
                      int x = 0, y = 0;

for (int i = 1; i <= m; i++) {

    if (A[i][0] < -EPS && (!y || (rand() & 1)))
30
31
32
33
34
35
36
                       if (!y)
37
                             break;
38
                       for (int i = 1; i <= n; i++) {
   if (A[y][i] > EPS && (!x || (rand() & 1)))
        x = i;
39
40
41
42
                       }
43
                       if (!x) {
    puts("Infeasible");
44
45
46
                             return;
47
                       }
48
49
                       pivot(x, y);
50
51
                while (true) {
52
53
                       double k = INF;
                       int x, y;
for (x = 1;
54
55
                                        x <= n; x++) {
                             \mathbf{if} (A[0][x] > \text{ÉPS})
56
57
                                   break;
58
                       }
59
                       if (x > n)
60
                             break;
61
62
                       for (int i = 1; i <= m; i++) {
    double d = A[i][x] > -EPS ? INF : -A[i][0] / A[i][x];
63
64
```

```
65
                            if (d < k) {
 66
                                 k = d;
                                 y = i;
 67
 68
 69
                      }
 70
                      if (k >= INF) {
   puts("Unbounded");
 71
 72
 73
                            return;
 74
                      }
 75
 76
                      pivot(x, y);
 77
                }
 78
 79
                printf("%.10Lf\n", A[0][0]);
 80
 81
                if (t) {
                      static double ans[NMAX + 10];
 82
                      for (int i = 1; i <= m; i++) {
    if (idy[i] <= n)</pre>
 83
 84
 85
                                 ans[idy[i]] = A[i][0];
                      }
 86
 87
                      for (int i = 1; i <= n; i++) {
    printf("%.10Lf ", ans[i]);</pre>
 89
 90
                      printf("\n");
 91
 92
                }
 93
           }
 94
 95
      private:
          void pivot(int x, int y) {
    swap(idx[x], idy[y]);
    double r = -A[y][x];
 96
 97
 98
                A[y][x] = -1;
 99
                for (int i = 0; i <= n; i++) {
100
101
                      A[y][i] /= r;
102
103
                for (int i = 0; i <= m; i++) {
   if (i == y)</pre>
104
105
106
                            continue;
107
                      r = A[i][x];
108
                      A[i][x] = 0;
109
                      for (int j = 0; j <= n; j++) {
    A[i][j] += r * A[y][j];</pre>
110
111
112
113
                }
114
           }
115
           int n, m, t;
double A[NMAX + 10][NMAX + 10];
116
117
           int idx[NMAX + 10], idy[NMAX + 10];
118
119 };
```

- lmj/treehash.md:
- $\verb| o lmj/matrix_tree_theorem.md| :$

K=度数矩阵-邻接矩阵, K的任意代数余子式(一般删最后一行一列, 取正号) 即为生成树数量。

• lmj/virtual_tree.md:

把需要的点按照dfs序排序,把相邻的lca求出来,塞进去重新排序,之后按照顺序维护当前的链,如果不是链就pop当前的点,在虚树上面加边。

- o lmj/dominator_tree.md:
- lmj/sam.md:
- lmj/cdq.md:
- o lmj/tree_divide_and_conquer(edge_and_node).md:
- lmj/number_theory.md:

反演/筛

• lmj/bounded flow.md:

无源汇可行流

建模方法:

首先建立一个源ss和一个汇tt,一般称为附加源和附加汇。

对于图中的每条弧,假设它容量上界为c,下界b,那么把这条边拆为三条只有上界的弧。

- 一条为,容量为b;
- 一条为,容量为b;

一条为,容量为c-b。

其中前两条弧一般称为附加弧。

然后对这张图跑最大流,以ss为源,以tt为汇,如果所有的附加弧都满流,则原图有可行流。

这时,每条非附加弧的流量加上它的容量下界,就是原图中这条弧应该有的流量。

理解方法:

对于原图中的每条弧, 我们把c-b

称为它的自由流量, 意思就是只要它流满了下界, 这些流多少都没问题。

既然如此,对于每条弧,我们强制给v提供b单位的流量,并且强制从u那里拿走b单位的流量,这一步对应着两条附加弧。

如果这一系列强制操作能完成的话,也就是有一组可行流了。

注意: 这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流,而不是原图的最大或最小流。

有源汇可行流

建模方法:

建立弧,容量下界为0,上界为∞。

然后对这个新图(实际上只是比原图多了一条边)按照无源汇可行流的方法建模,如果所有附加弧满流,则存在可行流。 求原图中每条边对应的实际流量的方法,同无源汇可行流,只是忽略掉弧

就好。

而且这时候弧的流量就是原图的总流量。

理解方法:

有源汇相比无源汇的不同就在于,源和汇是不满足流量平衡的,那么连接

之后,源和汇也满足了流量平衡,就可以直接按照无源汇的方式建模。

注意: 这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流, 而不是原图的最大或最小流。

有源汇最大流

建模方法:

首先按照有源汇可行流的方法建模,如果不存在可行流,更别提什么最大流了。

如果存在可行流,那么**在运行过有源汇可行流的图上(就是已经存在流量的那张图,流量不要清零)**,跑一遍从s到t的最大流(这里的s和t是原图的源和汇,不是附加源和附加汇),就是原图的最大流。

理解方法:

为什么要在那个已经有了流量的图上跑最大流?因为那张图保证了每条弧的容量下界,在这张图上跑最大流,实际上就是在容量下界全部满足的前提下尽量多得获得"自由流量"。

注意,在这张已经存在流量的图上,弧也是存在流量的,千万不要忽略这条弧。因为它的相反弧的流量为的流量的相反数,且的容量为0,所以这部分的流量也是会被算上的。

.....

有源汇最小流

有源汇最小流的常见建模方法比较多,我就只说我常用的一种。

建模方法:

首先按照有源汇可行流的方法建模,但是不要建立这条弧。

然后在这个图上,跑从附加源ss到附加汇tt的最大流。

这时候再添加弧,下界为0,上界为∞。

在现在的这张图上,从ss到tt的最大流,就是原图的最小流。

理解方法:

我们前面提到过,有源汇可行流的流量只是对应一组可行流,并不是最大或者最小流。

并且在跑完有源汇可行流之后, 弧的流量就是原图的流量。

从这个角度入手,我们想让弧的流量尽量小,就要尽量多的消耗掉那些"本来不需要经过"的流量。

于是我们在添加之前,跑一遍从ss到tt的最大流,就能尽量多的消耗那些流量啦QwQ。

https://www.cnblogs.com/mlystdcall/p/6734852.html

• lmj/Mo's_algorithm.md:

带修莫队: 把时间当成一维, 排序时左右端点的块和时间一起排序, 模拟时间。

树上莫队:按照欧拉序,如果询问x,y,若lca(x,y)=x,则查询st[x]到st[y],否则ed[x],st[y],再加上lca,出现两次的点不算。

• lmj/idea.md:

启发式合并

离线

hach

数据结构上跑图论算法