

图论

1. 边双联通 tarjan
2. 点双联通 tarjan
3. 有向图强联通 tarjan
4. 倍增lca
5. 构造圆方树
6. 最小树形图：朴素算法
7. blossom algorithm
8. euler_tour

计算几何

9. 最小圆覆盖

数论

10. 线性筛 & 杜教筛
11. 类 Euclid 算法

网络流

12. dinic
13. 费用流

字符串

14. manacher
15. KMP
16. 回文自动机
17. 后缀排序：DC3
18. AC 自动机
19. 后缀排序：倍增算法
20. 后缀排序：SA-IS
21. pam

数据结构

22. 权值splay
23. 序列splay
24. ntt
25. fft
26. lct
27. 左偏树

最优化

28. 三分_上凸函数
29. 单纯型

其它文档

1. 边双联通 tarjan

```
1 const int N = 5010; // 3352只用1010即可
2 struct node{
3     int v,w,id;
4     node(int v = 0,int w = 0,int id = 0):v(v),w(w),id(id){};
5 };
6 vector<node>G[N];
7 int pre[N];
8 int low[N];
9 int dfs_num;int ans ;int n,m;
10 void init(){
11     mem(pre,0); mem(low,0);
12     for(int i=0;i<n;i++) G[i].clear();
13     dfs_num = 0;ans = INF;
14 }
15 int dfs(int u,int fa){
16     low[u] = pre[u] = ++dfs_num;
17     for(int i=0;i<G[u].size();i++){
18         int v = G[u][i].v;
19         int id = G[u][i].id;
20         if(id == fa) continue;
21         if(!pre[v]){
22             dfs(v,id);//注意这里 第二个参数是 id
23             low[u] = min(low[u],low[v]);//用后代的low
                更新当前的
24         }
25         else
26             low[u] = min(low[u],pre[v]);//利用后代v的反
                向边更新low
27     }
28 }
29 int main(){
30     int t;
31     while(scanf("%d%d",&n,&m)!=EOF&& (n || m)){
32         int a,b,c;
33         init();
34         for(int i=1;i<=m;i++){
35             scanf("%d%d",&a,&b);
36             G[a].push_back(node(b,0,i));
37             G[b].push_back(node(a,0,i));
38         }
39         for(int i=1;i<=n;i++){
40             if(!pre[i])
41                 dfs(i,0);
42             //cout<<i<<endl;
43         }
44         int degree[N];mem(degree,0);
45         for(int i=1;i<=n;i++){
46             for(int j=0;j<G[i].size();j++){
47                 int v = G[i][j].v;
48                 if(low[i] != low[v]){
49                     degree[low[v]]++; degree[low[i]]++;
50                 }
51             }
52             int l = 0;
53             for(int i=1;i<=dfs_num;i++){
54                 if(degree[i] == 2)
55                     l++;
56             }
57             printf("%d\n", (l+1)/2);
58         }
59         return 0;
60     }
```

```
40     dfs(i,0);
41     //cout<<i<<endl;
42 }
43 int degree[N];mem(degree,0);
44 for(int i=1;i<=n;i++){
45     for(int j=0;j<G[i].size();j++){
46         int v = G[i][j].v;
47         if(low[i] != low[v]){
48             degree[low[v]]++; degree[low[i]]++;
49         }
50     }
51     int l = 0;
52     for(int i=1;i<=dfs_num;i++){
53         if(degree[i] == 2)
54             l++;
55     }
56     printf("%d\n", (l+1)/2);
57 }
```

2. 点双联通 tarjan

```
1 void tarjan(int u, int fa) {
2     pre[u] = low[u] = ++dfs_clock;
3     for (int i = 0; i < (int)G[u].size(); i++) {
4         int v = G[u][i];
5         if (!pre[v]) {
6             S.push(Edge(u, v));
7             tarjan(v, u);
8             low[u] = min(pre[v], low[u]);
9             if (low[v] >= pre[u]) {
10                 bcc_cnt++;
11                 bcc[bcc_cnt].clear();
12                 for(;;) {
13                     Edge x = S.top(); S.pop();
14                     if (bccno[x.u] != bcc_cnt) {
15                         bcc[bcc_cnt].push_back(x.u);
16                         bccno[x.u] = bcc_cnt;
17                     }
18                     if (bccno[x.v] != bcc_cnt) {
19                         bcc[bcc_cnt].push_back(x.v);
20                         bccno[x.v] = bcc_cnt;
21                     }
22                     if (x.u == u && x.v == v) break;
23                 }
24             }
25             else if (pre[v] < pre[u] && v != fa) {
26                 S.push(Edge(u, v));
27                 low[u] = min(low[u], pre[v]);
28             }
29         }
30     }
```

3. 有向图强联通 tarjan

```
1 int n,m;
2 int head[N],pos;
3 struct edge{int to,next;}e[N<<1];
4 void add(int a,int b)
5 {pos++;e[pos].to=b,e[pos].next=head[a],head[a]=pos;}
6 int dfn[N],low[N],SCC;
7 bool in[N];
8 int st[N],top,T;
9 vector<int>G[N];
10 void tarjan(int u) {
11     st[++top]=u;in[u]=1;
12     dfn[u]=low[u]=++T;
13     for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
14         int v=e[i].to;
15         if(!dfn[v]) {
16             tarjan(v);
17             low[u]=min(low[u],low[v]);
18         }
19         else if(in[v])low[u]=min(low[u],dfn[v]);
20     }
21     if(low[u]==dfn[u]) {
22         int v;
23         ++SCC;
24         do {
25             v=st[top--];
26             in[v]=false;
27             G[SCC].push_back(v);
28         }while(v!=u);
29     }
30 }
31 int main() {
32     scanf("%d%d",&n,&m);
33     for(int i=1;i<=m;i++) {
34         int x,y;
35         scanf("%d%d",&x,&y);
36         add(x,y);
37     }
```

```

35     add(x,y);
36 }
37 for(int i=1;i<=n;i++)if(!dfn[i])tarjan(i);
38 }

```

4. 倍增lca

```

1 int lca(int x,int y) {
2     if(deep[x]<deep[y])swap(x,y);
3     int t=deep[x]-deep[y];
4     for(int i=0;bin[i]<=t;i++)
5         if(t&bin[i])x=fa[x][i];
6     for(int i=16;i>=0;i--)
7         if(fa[x][i]!=fa[y][i])
8             x=fa[x][i],y=fa[y][i];
9     if(x==y)return x;
10    return fa[x][0];
11 }

```

5. 构造圆方树

G用于存图，T是构造的圆方树。只有一个点的点双没有添加方点。

```

1 static vector<int> G[NMAX + 10], T[NMAX + 10];
2 void bcc(int u, int f = 0) {
3     static stack<Pair> stk;
4     static bool marked[NMAX + 10];
5     static int in[NMAX + 10], low[NMAX + 10], cu
6     r;
7     in[u] = low[u] = ++cur;
8     for (int v : G[u]) {
9         if (v == f) f = 0; // 应对重边
10        else if (in[v]) low[u] = min(low[u], in[v]
11    );
12    else {
13        stk.push(Pair(u, v)); // stk 内存储 DFS
14    树上的边
15        bcc(v, u);
16        low[u] = min(low[u], low[v]);
17        if (low[v] > in[u]) { // 割边 u - v
18            T[u].push_back(v);
19            T[v].push_back(u);
20            stk.pop();
21        } else if (low[v] >= in[u]) { // 可能有点
22    双了
23            cnt++;
24            int linked = 0, p = n + cnt; // linke
25    d 点数, p 圆方树上的新方点
26            auto add = [p, &linked](int x) {
27                if (!marked[x]) {
28                    marked[x] = true;
29                    T[p].push_back(x);
30                    T[x].push_back(p);
31                    linked++;
32                }
33            };
34            while (!stk.empty()) {
35                Pair x = stk.top();
36                stk.pop();
37                add(x.u);
38                add(x.v);
39                if (x.u == u && x.v == v) break;
40            }
41            for (int v : T[p]) marked[v] = false;
42            if (linked == 0) cnt--; // 假点双
43        }
44    }
45 }

```

6. 最小树形图：朴素算法

给定一张 n 个点 m 条边的带权有向图，求以 r 为根的最小树形图上的边权总和，如果不存在输出 -1。时间复杂度为 $O(nm)$ 。调用 $mdst(r)$ 获得答案，调用前需清空 id 数组。如要求不定根的最小树形图，可以额外添加一个节点，向原图中的每个点连接一条边权为 ∞ 的边。

```

1 static int n, m, G[NMAX + 10], nxt[MMAX + 10];
2 static struct Edge { int u, v, w; } E[MMAX + 1
3 0], *in[NMAX + 10];
4 static int id[NMAX + 10], mark[NMAX + 10];
5 int find(int x) { return id[x] ? id[x] = find(
6 id[x]) : x; }
7 int dfs(int x) {
8     mark[x] = 1; int ret = 1;
9     for (int i = G[x]; i; i = nxt[i])
10        if (!mark[E[i].v]) ret += dfs(E[i].v);
11    return ret;

```

```

10 }
11 inline int detect(int x) {
12     mark[x] = x;
13     for (int y = in[x]->u; in[y]; y = in[y]->u)
14         if (mark[y]) return mark[y] == x ? y : 0;
15     else mark[y] = x;
16     return 0;
17 }
18 int mdst(int r) {
19     if (dfs(r) < n) return -1;
20     int ret = 0;
21     while (true) {
22         memset(in, 0, sizeof(in));
23         memset(mark, 0, sizeof(mark));
24         for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++)
25             if (e->u != e->v && e->v != r && (!in[e-
26 >v] || e->w < in[e->v]->w))
27                 in[e->v] = e;
28         int p = 0, t = 0;
29         for (int x = 1; x <= n; x++, t |= p) if (!
30 mark[x] && in[x]) {
31             if (!(p = detect(x))) continue;
32             ret += in[p]->w;
33             for (int x = in[p]->u; x != p; x = in[x]
34 ->u)
35                 id[find(x)] = p, ret += in[x]->w;
36             for (auto *e = E + 1; e <= E + m; e++) {
37                 int u = find(e->u), v = find(e->v);
38                 if (u != p && v == p) e->w -= in[e->v]
39 ->w;
40                 e->u = u; e->v = v;
41             }
42             if (!t) break;
43         }
44         for (int x = 1; x <= n; x++) if (in[x]) ret
45 += in[x]->w;
46         return ret;
47     }

```

7. blossom algorithm

```

1 const int maxn = 510;
2 struct node {
3     int v;
4     node *next;
5 } pool[maxn*maxn*2], *g[maxn];
6 int top, n, m, match[maxn];
7 int kind[maxn], pre[maxn], vis[maxn], c[maxn];
8 queue < int > q;
9 int f[maxn], ans;
10 void add ( int u , int v ) {node *tmp = &pool[
11 ++top];tmp->v = v; tmp->next = g[u]; g[u]
12 = tmp;}
13 int find ( int x ) {int i, t;for ( i = x ; c[
14 i] > 0 ; i = c[i] ) ;while ( c[x] > 0 ) {t = c
15 [x];c[x] = i;x = t;}return i;}
16 void getpath ( int x , int tar , int root ) {
17     int t;
18     while ( x != root ) {t = match[x];match[tar]
19 = x;match[x] = tar;tar = t;x = pre[t];}
20     match[tar] = x;match[x] = tar;
21 }
22 int lca ( int u , int v , int root ) {
23     int i;for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) f[i] = 0;
24     while ( find ( u ) != root ) {u = find ( u )
25 ;f[u] = 1;if ( !match[u] ) break;u = pre[match
26 [u]];}
27     f[root] = 1;
28     while ( find ( v ) != root ) {v = find ( v )
29 ;if ( f[v] == 1 ) return v;if ( !match[v] ) br
30 eak;v = pre[match[v]];}
31     return root;
32 }
33 void blossom ( int x , int y , int l ) {
34     while ( find ( x ) != 1 ) {pre[x] = y;y = ma
35 tch[x];if ( kind[match[x]] == 2 ) {kind[match[
36 x]] = 1;q.push ( match[x] );}if ( find ( x ) =
37 = x ) c[find(x)] = 1;if ( find ( match[x] ) ==
38 match[x] ) c[find(match[x])] = 1;x = pre[y];}
39 }
40 void bfs ( int x ) {
41     int k, i, z;
42     for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
43         kind[i] = pre[i] = vis[i] = 0;c[i] = -1;
44     }

```

```

32 while ( q.size () ) q.pop ();q.push ( x );ki
nd[x] = 1; vis[x] = 1;
33 while ( q.size () ) {
34 k = q.front (); q.pop ();
35 for ( node *j = g[k] ; j ; j = j -> next )
{
36 if ( !vis[j->v] ) {
37 if ( !match[j->v] ) {
38 getpath ( k , j -> v , x );
39 return ;
40 }
41 else {
42 kind[j->v] = 2;
43 kind[match[j->v]] = 1;
44 pre[j->v] = k;
45 vis[j->v] = 1; vis[match[j->v]] = 1;
46 q.push ( match[j->v] );
47 }
48 else {
49 if ( find ( k ) == find ( j -> v ) ) c
ontinue;
50 if ( kind[find(j->v)] == 1 ) {
51 z = lca ( k , j -> v , x );
52 blossom ( k , j -> v , z );
53 blossom ( j -> v , k , z );
54 }
55 }
56 void work () {
57 int i , u , v;
58 scanf ( "%d%d" , &n , &m );
59 for ( i = 1 ; i <= m ; i++ ) {
60 scanf ( "%d%d" , &u , &v );
61 add ( u , v ); add ( v , u );
62 }
63 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) {
64 if ( !match[i] ) bfs ( i );
65 }
66 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) if ( match[i] )
ans++;
67 printf ( "%d\n" , ans / 2 );
68 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) printf ( "%d%c"
, match[i] , i==n?'\\n':' ' );
69 }

```

8. euler_tour

```

1 stack < int > s;
2 void dfs ( int i ) {
3 for ( node *j = g[i] ; j ; j = j -> next ) i
f ( !j -> taboo ) {
4 s.push ( j -> f );
5 j -> taboo = 1;
6 dfs ( j -> v );
7 ans[++index] = s.top ();
8 s.pop ();
9 }
10 }

```

9. 最小圆覆盖

```

1 const int maxn = 120000;
2 struct point {
3 double x , y;
4 } a[maxn] , c , tmp1 , tmp2;
5 int n;
6 double r;
7 double tmp;
8 double dis ( point x1 , point x2 ) {return sqr
t ( (x1.x-x2.x)*(x1.x-x2.x) + (x1.y-x2.y)*(x1.
y-x2.y) );}
9 double det ( point x1 , point x2 , point x3 )
{return (x2.x-x1.x) * (x3.y-x1.y) - (x3.x-x1.x
) * (x2.y-x1.y);}
10 double abs ( double x ) {if ( x < 0 ) return -
x;return x;}
11 point getcen ( point x1 , point x2 , point x3
) {
12 double A , B , C , D , E , F;point ret;
13 if ( x1.x == x2.x ) A = 0.0, B = 1.0, C = (x
1.y+x2.y)/2.0;
14 else {
15 A = 1.0/((x1.y-x2.y) / (x1.x-x2.x));B = 1.
0;
16 C = -(x1.y+x2.y)/2.0 - A * (x1.x+x2.x)/2.0
;
17 }
18 if ( x1.x == x3.x ) D = 0.0, E = 1.0, F = (x

```

```

1.y+x3.y)/2.0;
19 else {
20 D = 1.0/((x1.y-x3.y) / (x1.x-x3.x));E = 1.
0;
21 F = -(x1.y+x3.y)/2.0 - D * (x1.x+x3.x)/2.0
;
22 }
23 ret.x = (B * F - C * E) / (A * E - B * D);
24 ret.y = (A * F - C * D) / (B * D - A * E);
25 return ret;
26 }
27 void work () {
28 int i , j , k;
29 srand(67890);
30 scanf ( "%d" , &n );
31 for ( i = 1 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lf%lf
", &a[i].x , &a[i].y );
32 random_shuffle ( a + 1 , a + 1 + n );
33 if ( n == 2 ) {
34 printf ( "%.3lf\\n" , dis ( a[1] , a[2] ) /
2.0 );
35 return ;
36 }
37 c.x = a[1].x;c.y = a[1].y;r = 0.0;
38 for ( i = 2 ; i <= n ; i++ ) {
39 if ( dis ( c , a[i] ) - r > 1e-9 ) {
40 c.x = a[i].x;c.y = a[i].y;r = 0.0;
41 for ( j = 1 ; j < i ; j++ ) {
42 if ( dis ( c , a[j] ) - r > 1e-9 ) {
43 c.x = (a[i].x + a[j].x) / 2.0;
44 c.y = (a[i].y + a[j].y) / 2.0;
45 r = dis ( a[i] , a[j] ) / 2.0;
46 tmp = r; tmp1 = c;
47 for ( k = 1 ; k <= j - 1 ; k++ ) {
48 if ( dis ( tmp1 , a[k] ) - tmp > 1
e-9 ) {
49 if ( abs(det ( a[i] , a[j] , a[k
] )) < 1e-9 ) continue;
50 tmp2 = getcen ( a[i] , a[j] , a[
k] );
51 tmp = dis ( tmp2 , a[i] );
52 tmp1 = tmp2;
53 }
54 c = tmp1; r = tmp;
55 }
56 }
57 }
58 printf ( "%.3lf\\n" , r );
59 }

```

10. 线性筛 & 杜教筛

计算积性函数 $f(n)$ 的前缀和 $F(n) = \sum_{k=1}^n f(k)$: 先选定辅助函数 $g(n)$ 进行 Dirichlet 卷积, 得到递推公式:

$$F(n) = \frac{1}{g(1)} \left(\sum_{k=1}^n (f \times g)(k) - \sum_{k=2}^n g(k) F\left(\left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor\right) \right)$$

对于 Euler 函数 $\varphi(n)$, 选定 $g(n) = 1$, 得:

$$\Phi(n) = \frac{n(n+1)}{2} - \sum_{k=2}^n \Phi\left(\left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor\right)$$

对于 Mobius 函数 $\mu(n)$, 选定 $g(n) = 1$, 得:

$$M(n) = 1 - \sum_{k=2}^n M\left(\left\lfloor \frac{n}{k} \right\rfloor\right)$$

如果没有预处理, 时间复杂度为 $\Theta(n^{3/4})$, 空间复杂度为 $\Theta(\sqrt{n})$ 。如果预处理前 $\Theta(n^{2/3})$ 项前缀和, 则时空复杂度均变为 $\Theta(n^{2/3})$ 。下面的代码以 Euler 函数为例, 能够在 1s 内计算 10^{10} 内的数据。可以多次调用。

```

1 #define S 17000000 // for F(10^10)
2 static int pc, pr[S + 10];
3 static i64 phi[S + 10];
4 static unordered_map<i64, i64> dat;
5 inline void sub(i64 &a, i64 b) { a -= b; if (a
< 0) a += MOD; }
6 inline i64 c2(i64 n) { n %= MOD; return n * (n
+ 1) % MOD * INV2 % MOD; }
7 i64 F(i64 n) { // 杜教筛
8 if (n <= S) return phi[n];
9 if (dat.count(n)) return dat[n];
10 i64 &r = dat[n] = c2(n);
11 for (i64 i = 2, l; i <= n; i = l + 1) {
12 i64 p = n / i;

```

```

13     l = n / p;
14     sub(r, (l - i + 1) * F(p) % MOD); // (l -
15     i + 1) % MOD?
16 }
17 return r;
18 }
19 phi[1] = 1; // 线性筛
20 for (int i = 2; i <= S; i++) {
21     if (!phi[i]) {
22         pr[pc++] = i;
23         phi[i] = i - 1;
24     }
25     for (int j = 0; pr[j] * i <= S; j++) {
26         int p = pr[j];
27         if (i % p) phi[i * p] = phi[i] * (p - 1);
28         else {
29             phi[i * p] = phi[i] * p;
30             break;
31         }
32     }
33 }
34 for (int i = 2; i <= S; i++) add(phi[i], phi[i
35 - 1]);

```

11. 类 Euclid 算法

类 Euclid 算法在模意义下计算:

$$\sum_{k=0}^n k^p \left[\frac{ak+b}{c} \right]^q$$

其中所有参数非负, 在计算过程中始终保证 $K = p + q$ 不增, $a, c \geq 1$ 且 $b \geq 0$ 。需要 Bernoulli 数 ($B_1 = +1/2$) 来计算自然数幂前缀和 $S_p(x) = \sum_{k=1}^x k^p = \sum_{k=1}^{p+1} a_k^{(p)} x^k$, 其中 $a_k^{(p)} = \frac{1}{p+1} \binom{p+1}{k} B_{p+1-k}$ 。代码中 has 为访问标记数组, 每次使用前需清空, val 为记忆化使用的数组, qpow 是快速幂, S 是自然数幂前缀和, A 记录了 $a_k^{(p)}$, C 是组合数。时空复杂度为 $O(K^3 \log \max\{a, c\})$ 。

算法主要分为三个情况, 其中 $a \geq c$ 和 $b \geq c$ 的情况比较简单。当 $a, b < c$ 时, 用 $j = \lfloor (ak+b)/c \rfloor$ 进行代换, 注意最终要转化为 $\lfloor (c(j-1) + c - b - 1)/a \rfloor < k \leq \lfloor (cj + c - b - 1)/a \rfloor$, 再进行一次分部求和即可。注意处理 $k \leq n$ 这个条件。

```

1 i64 F(i64 n, i64 a, i64 b, i64 c, int p, int q
2 , int d = 0) {
3     if (n < 0) return 0;
4     if (has[d][p][q]) return val[d][p][q];
5     has[d][p][q] = true;
6     i64 &ret = val[d][p][q] = 0; // 后面的 d 均
7     加 1
8     if (!q) ret = S(n, p) + (!p); // 注意 p = 0
9     的边界情况
10    else if (!a) ret = qpow(b / c, q) * (S(n, p)
11    + (!p)) % MOD;
12    else if (a >= c) {
13        i64 m = a / c, r = a % c, mp = 1;
14        for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m %
15        MOD)
16            add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, r, b,
17            c, p + j, q - j, d) % MOD);
18    } else if (b >= c) {
19        i64 m = b / c, r = b % c, mp = 1;
20        for (int j = 0; j <= q; j++, mp = mp * m %
21        MOD)
22            add(ret, C[q][j] * mp % MOD * F(n, a, r,
23            c, p, q - j, d) % MOD);
24    } else {
25        i64 m = (a * n + b) / c;
26        for (int k = 0; k < q; k++) {
27            i64 s = 0;
28            for (int i = 1; i <= p + 1; i++)
29                add(s, A[p][i] * F(m - 1, c, c - b - 1
30                , a, k, i, d) % MOD);
31            add(ret, C[q][k] * s % MOD);
32        }
33        ret = (qpow(m, q) * S(n, p) - ret) % MOD;
34    }
35    return ret;
36 }

```

12. dinic

```

1 void add (int u, int v, int f) {
2     node *tmp1 = &pool[++top], *tmp2 = &pool[++
3     top];

```

```

3     tmp1->v = v; tmp1->f = f; tmp1->next =
4     g[u]; g[u] = tmp1; tmp1->rev = tmp2;
5     tmp2->v = u; tmp2->f = 0; tmp2->next =
6     g[v]; g[v] = tmp2; tmp2->rev = tmp1;
7 }
8 bool makelevel () {
9     int i, k;
10    queue <int> q;
11    for (i = 1; i <= 1 + n + n + 1; i++) lev
12    el[i] = -1;
13    level[1] = 1; q.push (1);
14    while (q.size () != 0) {
15        k = q.front (); q.pop ();
16        for (node *j = g[k]; j; j = j->next)
17            if (j->f && level[j->v] == -1) {
18                level[j->v] = level[k] + 1;
19                q.push (j->v);
20            }
21    }
22    return true;
23 }
24 bool find (int k, int key) {
25     if (k == 1 + n + n + 1) return key;
26     int i, s = 0;
27     for (node *j = g[k]; j; j = j->next)
28         if (j->f && level[j->v] == level[k] + 1
29         && s < key) {
30             i = find (j->v, min (key - s, j->
31             f));
32             j->f -= i;
33             j->rev->f += i;
34             s += i;
35         }
36     if (s == 0) level[k] = -1;
37     return s;
38 }
39 void dinic () {
40     int ans = 0;
41     while (makelevel () == true) ans += find (
42     1, 999999);
43     //printf ("%d\n", ans);
44     if (ans == sum) printf ("^_\n");
45     else printf ("T_T\n");
46 }

```

13. 费用流

```

1 void add (int u, int v, int f, int c) {
2     node *tmp1 = &pool[++top], *tmp2 = &pool[++
3     top];
4     tmp1->v = v; tmp1->f = f; tmp1->c = c;
5     tmp1->next = g[u]; g[u] = tmp1; tmp1->rev
6     = tmp2;
7     tmp2->v = u; tmp2->f = 0; tmp2->c = -c
8     ; tmp2->next = g[v]; g[v] = tmp2; tmp2->re
9     v = tmp1;
10 }
11 bool spfa () {
12     int i, k;
13     queue <int> q;
14     for (i = 1; i <= 1 + n*m*3 + 1; i++) dis
15     [i] = 9999999, f[i] = 0;
16     dis[1] = 0; f[1] = 1; q.push (1);
17     while (q.size () != 0) {
18         k = q.front (); q.pop (); f[k] = 0;
19         for (node *j = g[k]; j; j = j->next)
20             if (j->f && dis[j->v] > dis[k] + j->
21             c) {
22                 dis[j->v] = dis[k] + j->c;
23                 from[j->v] = k;
24                 if (f[j->v] == 0) q.push (j->v);
25                 f[j->v] = 1;
26             }
27     }
28     if (dis[1+n*m*3+1] != 9999999) return true
29     ;
30     return false;
31 }
32 int find () {
33     int i, f = 999999, s = 0;
34     for (i = 1+n*m*3+1; i != 1; i = from[i] -
35     > rev->v) f = min (f, from[i]->f);
36     flow += f;
37     for (i = 1+n*m*3+1; i != 1; i = from[i] -
38     > rev->v) from[i]->f -= f, from[i]->rev

```

```

-> f += f;
29 return f * dis[1+n*m*3+1];
30 }
31 void dinic () {
32     int ans = 0;
33     while ( spfa () == true ) ans += find ();
34     //printf ( "%d\n", flow );
35     if ( flow == sum && sum == sum1 ) printf (
36         "%d\n", ans );
37     else printf ( "-1\n" );
38 }

```

14. manacher

```

1 void manacher() {
2     //max(p[i])-1即为最大回文串长
3     int mx=0,id=0;n=strlen(ch);
4     for(int i=n;i-->0)ch[i]=ch[i-1];
5     for(int i=1;i<=n;i++)c[i<1]=ch[i],c[i<1|1]
6     ='#';
7     m=n<<1|1;c[0]='-',c[1]='#',c[m+1]='+';
8     for(int i=1;i<=m;i++) {
9         if(mx>i)p[i]=min(p[2*id-i],mx-i);
10        while(c[p[i]+i]==c[i-p[i]])p[i]++;
11        if(i+p[i]>mx)mx=i+p[i],id=i;
12    }
13 }

```

15. KMP

```

1 int p[101];
2 int main() {
3     string a,b;
4     cin>>a>>b;
5     int n=a.length(),m=b.length();
6     a=" "+a;b=" "+b;
7     int j=0;
8     for(int i=2;i<=m;i++) {
9         while(j>0&&b[j+1]!=b[i])j=p[j];
10        if(b[j+1]==b[i])j++;
11        p[i]=j;
12    }
13    j=0;
14    for(int i=1;i<=n;i++) {
15        while(j>0&&b[j+1]!=a[i])j=p[j];
16        if(b[j+1]==a[i])j++;
17        if(j==m){printf("%d",i-m+1);break;}
18    }
19    return 0;
20 }

```

16. 回文自动机

```

1 int val[N];
2 int head[N],pos;
3 struct edge{int to,next;}e[N<<1];
4 void add(int a,int b)
5 {pos++;e[pos].to=b,e[pos].next=head[a],head[a]
6 =pos;}
7 struct Tree {
8     char ch[N];
9     int now,cnt,odd,even;
10    int fail[N],len[N],go[N][26];
11    void init() {
12        now=cnt=0;
13        odd=++cnt,even=++cnt;
14        len[odd]=-1,len[even]=0;
15        fail[odd]=fail[even]=odd;
16        now=even;add(odd,even);
17    }
18    void insert(int pos,char c) {
19        while(ch[pos-1-len[now]]!=c)now=fail[now];
20        if(!go[now][c-'a']) {
21            go[now][c-'a']=++cnt;
22            len[cnt]=len[now]+2;
23            if(now==odd)fail[cnt]=even;
24            else {
25                int t=fail[now];
26                while(ch[pos-1-len[t]]!=c)t=fail[t];
27                fail[cnt]=go[t][c-'a'];
28            }
29            add(fail[cnt],cnt);
30        }
31        now=go[now][c-'a'];
32        val[now]++;
33    }
34    void dfs(int u) {
35        for(int i=head[u];i;i=e[i].next) {
36

```

```

35         int v=e[i].to;
36         dfs(v);
37         val[u]+=val[v];
38     }
39     Long Long cal() {
40         Long Long ret=0;
41         for(int i=3;i<=cnt;i++)
42             ret=max(ret,1ll*len[i]*val[i]);
43         return ret;
44     }
45 }tree;

```

17. 后缀排序：DC3

DC3 后缀排序算法，时空复杂度 $\Theta(n)$ 。字符串本体 s 数组、 sa 数组和 rk 数组都要求 3 倍空间。下标从 0 开始，字符串长度为 n ，字符集 Σ 为 $[0, m]$ 。partial_sum 需要标准头文件 `numeric`。

```

1 #define CH(i, n) i < n ? s[i] : 0
2 static int ch[NMAX + 10][3], seq[NMAX + 10];
3 static int arr[NMAX + 10], tmp[NMAX + 10], cnt
4 [NMAX + 10];
5 inline bool cmp(int i, int j) {
6     return ch[i][0] == ch[j][0] && ch[i][1] == c
7     h[j][1] && ch[i][2] == ch[j][2];
8 }
9 inline bool sufcmp(int *s, int *rk, int n, int
10 i, int j) {
11     if (s[i] != s[j]) return s[i] < s[j];
12     if ((i + 1) % 3 && (j + 1) % 3) return rk[i
13 + 1] < rk[j + 1];
14     if (s[i + 1] != s[j + 1]) return s[i + 1] <
15     s[j + 1];
16     return rk[i + 2] < rk[j + 2];
17 }
18 void radix_sort(int n, int m, int K, bool init
19 = true) {
20     if (init) for (int i = 0; i < n; i++) arr[i]
21     = i;
22     int *a = arr, *b = tmp;
23     for (int k = 0; k < K; k++) {
24         memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
25         for (int i = 0; i < n; i++) cnt[ch[a[i]][k
26 ]++];
27         partial_sum(cnt, cnt + m + 1, cnt);
28         for (int i = n - 1; i >= 0; i--) b[--cnt[c
29 h[a[i]][k]]] = a[i];
30         swap(a, b);
31     }
32     if (a != arr) memcpy(arr, tmp, sizeof(int) *
33     n);
34 }
35 void suffix_sort(int *s, int n, int m, int *sa
36 , int *rk) {
37     s[n] = 0; n++;
38     int p = 0, q = 0;
39     for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) for (int
40 j = 0; j < 3; j++)
41         ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);
42     for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) for (int
43 j = 0; j < 3; j++)
44         ch[p][2 - j] = CH(i + j, n);
45     radix_sort(p, m, 3);
46     for (int i = 0; i < p; i++) {
47         if (!q || (q && !cmp(arr[i - 1], arr[i])))
48             q++;
49         s[n + arr[i]] = q;
50     }
51     if (q < p) suffix_sort(s + n, p, q, sa + n,
52     rk + n);
53     else {
54         for (int i = 0; i < p; i++) sa[n + s[n + i
55 ] - 1] = i;
56         for (int i = 0; i < p; i++) rk[n + sa[n +
57 i]] = i + 1;
58     }
59     m = max(m, p);
60     p = q = 0;
61     for (int i = 1; i < n; i += 3, p++) rk[i] =
62     rk[n + p];
63     for (int i = 2; i < n; i += 3, p++) rk[i] =
64     rk[n + p];
65     for (int i = 0; i < n; i++) if (i % 3) seq[r
66 k[i] - 1] = i;

```

```

47 for (int i = 0; i < n; i += 3, q++) {
48   ch[i][0] = i + 1 < n ? rk[i + 1] : 0;
49   ch[i][1] = s[i];
50   arr[q] = i;
51 }
52 radix_sort(q, m, 2, false);
53 for (int i = seq[0] == n - 1, j = arr[0] ==
n - 1, k = 0; i < p || j < q; k++) {
54   if (i == p) sa[k] = arr[j++];
55   else if (j == q) sa[k] = seq[i++];
56   else if (sufcmp(s, rk, n, seq[i], arr[j]))
sa[k] = seq[i++];
57   else sa[k] = arr[j++];
58 }
59 for (int i = 0; i < n - 1; i++) rk[sa[i]] =
i + 1;
60 }

```

18. AC 自动机

时间复杂度 $O(n + m + z + n|\Sigma|)$, n 是模板串总长度, m 是目标串长度, z 是总匹配次数, Σ 是字符集。如果想移除 $n|\Sigma|$ 这一项, 需要使用哈希表。传入的字符串下标从 0 开始。

```

1 struct Node {
2   Node() : mark(false), suf(NULL), nxt(NULL) {
3     memset(ch, 0, sizeof(ch));
4   }
5   bool mark;
6   Node *suf, *nxt, *ch[SIGMA];
7 };
8 void insert(Node *x, char *s) {
9   for (int i = 0; s[i]; i++) {
10    int c = s[i] - 'a';
11    if (!x->ch[c]) x->ch[c] = new Node;
12    x = x->ch[c];
13  }
14  x->mark = true;
15 }
16 void build_automaton(Node *r) {
17   queue<Node *> q;
18   for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
19     if (!r->ch[c]) continue;
20     r->ch[c]->suf = r;
21     q.push(r->ch[c]);
22  }
23   while (!q.empty()) {
24     Node *x = q.front();
25     q.pop();
26     for (int c = 0; c < SIGMA; c++) {
27       Node *v = x->ch[c]; if (!v) continue;
28       Node *y = x->suf;
29       while (y != r && !y->ch[c]) y = y->suf;
30       if (y->ch[c]) y = y->ch[c];
31       v->suf = y;
32       if (y->mark) v->nxt = y;
33       else v->nxt = y->nxt;
34       q.push(v);
35     }
36  }
37 void search(Node *x, char *s) {
38   for (int i = 0; s[i]; i++) {
39     int c = s[i] - 'a';
40     while (x->suf && !x->ch[c]) x = x->suf;
41     if (x->ch[c]) x = x->ch[c];
42     if (x->mark) print(i + 1, x->data);
43     for (Node *y = x->nxt; y; y = y->nxt) prin
t(i + 1, y->data);
44  }
45 }

```

19. 后缀排序: 倍增算法

倍增法后缀排序, 时间复杂度为 $\Theta(n \log n)$ 。
suffix_sort 是本体, 结果输出到 sa 数组和 rk 数组 (排名数组)。参数 s 是字符串, 下标从 0 开始, n 是字符串长度, m 是字符集大小 (一般为 255, 字符集为 $\Sigma = \{0, 1, 2, \dots, m\}$, 0 是保留的 \$ 字符)。算法运行完毕后 sa 数组里面存的是从 0 开始的下标, rk 数组里面存的是从 1 开始的排名值。

另外附带一个线性求 lcp 数组的代码。lcp 数组下标从 1 开始, 实际上只有在 2 到 n 范围内的才是有效值。参数意义与 suffix_sort 相同。

```

1 static int sa[NMAX + 10], rk[NMAX + 10], lcp[N

```

```

MAX + 10];
2 void suffix_sort(const char *s, int n, int m)
{
3   static int x[NMAX + 10], y[NMAX + 10], cnt[N
MAX + 10], i;
4   for (i = 0; i < n; i++) cnt[s[i]]++;
5   for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i - 1];
6   for (i = 0; i < n; i++) sa[--cnt[s[i]]] = i;
7   for (i = 1, m = 1, rk[sa[0]] = 1; i < n; i++)
{
8     if (s[sa[i - 1]] != s[sa[i]]) m++;
9     rk[sa[i]] = m;
10  }
11  for (int l = 1; l < n; l <= 1) {
12    memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
13    for (i = 0; i < n; i++) cnt[y[i] = i + l <
n ? rk[i + l] : 0]++;
14    for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i -
1];
15    for (i = n - 1; i >= 0; i--) x[--cnt[y[i]]
] = i;
16    memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
17    for (i = 0; i < n; i++) cnt[rk[i]]++;
18    for (i = 1; i <= m; i++) cnt[i] += cnt[i -
1];
19    for (i = n - 1; i >= 0; i--) sa[--cnt[rk[x
[i]]]] = x[i];
20    for (i = 1, m = 1, x[sa[0]] = 1; i < n; i +
+) {
21      if (rk[sa[i - 1]] != rk[sa[i]] || y[sa[i
- 1]] != y[sa[i]]) m++;
22      x[sa[i]] = m;
23    }
24    memcpy(rk, x, sizeof(int) * n);
25  }
26 void compute_lcp(const char *s, int n) {
27   int j = 0, p;
28   for (int i = 0; i < n; i++, j = max(0, j - 1
)) {
29     if (rk[i] == 1) {
30       j = 0;
31       continue;
32     }
33     p = sa[rk[i] - 2];
34     while (p + j < n && i + j < n && s[p + j
] == s[i + j]) j++;
35     lcp[rk[i]] = j;
36  }

```

20. 后缀排序: SA-IS

SA-IS 后缀数组排序。字符串存在 str 中, 下标从 1 开始, 长度为 n , 并且 $\text{str}[n + 1]$ 为哨兵字符, 编号为 1。后缀数组放在 sa 中, 下标从 1 开始。时空复杂度为 $\Theta(n)$ 。其中使用了 vector<bool> 来优化缓存命中率。

```

1 #define rep(i, l, r) for (register int i = (l)
; i <= (r); ++i)
2 #define rrep(i, r, l) for (register int i = (r
); i >= (l); --i)
3 #define PUTS(x) sa[cur[stx[x]]--] = x
4 #define PUTL(x) sa[cur[stx[x]]++] = x
5 #define LMS(x) (!type[x - 1] && type[x])
6 #define RESET memset(sa + 1, 0, sizeof(int) *
(n + 1));
7   memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
8 #define INDUCE rep(i, 1, m) cur[i] = cnt[i - 1
] + 1;
9   rep(i, 1, n + 1) if (sa[i] > 1 && !type[sa[i
] - 1]) PUTL(sa[i] - 1);
10  memcpy(cur + 1, cnt + 1, sizeof(int) * m);
11  rrep(i, n + 1, 1) if (sa[i] > 1 && type[sa[i
] - 1]) PUTS(sa[i] - 1);
12 void sais(int n, int m, int *str, int *sa) {
13   static int id[NMAX + 10];
14   vector<bool> type(n + 2);
15   type[n + 1] = true;
16   rrep(i, n, 1) type[i] = str[i] == str[i + 1]
? type[i + 1] : str[i] < str[i + 1];
17   int cnt[m + 1], cur[m + 1], idx = 1, y = 0,
rt, lrt, *ns = str + n + 2, *nsa = sa + n + 2;
18   memset(cnt, 0, sizeof(int) * (m + 1));
19   rep(i, 1, n + 1) cnt[str[i]]++;
20   rep(i, 1, m) cnt[i] += cnt[i - 1];

```

```

21 RESET rep(i, 2, n + 1) if (LMS(i)) PUTS(i);
    INDUCE
22 memset(id + 1, 0, sizeof(int) * n);
23 rep(i, 2, n + 1) if (LMS(sa[i])) {
24     register int x = sa[i];
25     for (rt = x + 1; !LMS(rt); rt++) ;
26     id[x] = y && rt + y == lrt + x && !memcmp(
    str + x, str + y, sizeof(int) * (rt - x + 1))
    ? idx : ++idx;
27     y = x, lrt = rt;
28 }
29 int len = 0, pos[(n >> 1) + 1];
30 rep(i, 1, n) if (id[i]) {
31     ns[++len] = id[i];
32     pos[len] = i;
33 }
34 ns[len + 1] = 1, pos[len + 1] = n + 1;
35 if (len == idx - 1) rep(i, 1, len + 1) nsa[n
    s[i]] = i;
36 else sais(len, idx, ns, nsa);
37 RESET rrep(i, len + 1, 1) PUTS(pos[nsa[i]]);
    INDUCE
38 }
39 static int str[NMAX * 3 + 10], sa[NMAX * 3 + 1
    0];

```

21. pam

```

1 const int NN = 310000;
2 struct node {
3     int len, cnt, ch[30], fail;
4 } p[NN];
5 int top, n, last;
6 char z[NN];
7 long long ans;
8 void work () {
9     int i, tmp;
10    scanf ("%s", z + 1);
11    n = strlen (z + 1);
12    top = 2;
13    p[1].fail = 2; p[2].fail = 1;
14    p[1].len = 0; p[2].len = -1;
15    z[0] = '$';
16    last = 1;
17    for (i = 1; i <= n; i++) {
18        while (z[i] != z[i - p[last].len - 1]) last
    = p[last].fail;
19        if (!p[last].ch[z[i] - 'a' + 1]) {
20            p[last].ch[z[i] - 'a' + 1] = ++top;
21            p[top].len = p[last].len + 2;
22            tmp = p[last].fail;
23            while (z[i] != z[i - p[tmp].len - 1]) tmp
    = p[tmp].fail;
24            if (p[top].len > 1 && p[tmp].ch[z[i] -
    'a' + 1]) p[top].fail = p[tmp].ch[z[i] - 'a' + 1];
25            else p[top].fail = 1;
26        }
27        last = p[last].ch[z[i] - 'a' + 1];
28        p[last].cnt++;
29    }
30    for (i = top; i >= 1; i--) p[p[i].fail].
    cnt += p[i].cnt;
31    for (i = 1; i <= top; i++) {
32        //printf ("%d %d\n", p[i].len, p[i].cnt
    );
33    ans = max (ans, (long long)p[i].len * p[
    i].cnt);
34    }
35    printf ("%lld\n", ans);
36 }

```

22. 权值splay

```

1 ll n, kind, rt, sz, fa[N], num[N];
2 ll tr[N][2], size[N], v[N], ans;
3 void pushup(ll k) {size[k] = size[tr[k][0]] + size[
    tr[k][1]] + num[k];}
4 void rotate(ll x, ll &k) {
5     ll y = fa[x], z = fa[y], l, r;
6     l = tr[y][1] == x; r = l ^ 1;
7     if (y == k) k = x;
8     else tr[z][tr[z][1] == y] = x;
9     fa[x] = z, fa[tr[x][r]] = y, fa[y] = x;
10    tr[y][l] = tr[x][r], tr[x][r] = y;
11    pushup(y); pushup(x);
12 }

```

```

13 void splay(ll x, ll &k) {
14     while (x != k) {
15         ll y = fa[x], z = fa[y];
16         if (y != k) {
17             if (tr[y][0] == x ^ tr[z][0] == y)
18                 rotate(x, k);
19             else rotate(y, k);
20             rotate(x, k);
21         }
22     }
23     void insert(ll &k, ll x, ll last) {
24         if (!k) {k = ++sz; v[k] = x; size[k] = num[k] = 1; fa[k] =
    last; splay(k, rt); return;}
25         if (x == v[k]) num[k]++;
26         else if (x > v[k]) insert(tr[k][1], x, k);
27         else insert(tr[k][0], x, k);
28     }
29     ll t1, t2;
30     ll find(ll x, ll k) {
31         if (!k) return 0;
32         if (x == v[k]) return k;
33         else if (x > v[k]) return find(x, tr[k][1]);
34         else return find(x, tr[k][0]);
35     }
36     void ask_before(ll x, ll k) {
37         if (!k) return;
38         if (v[k] < x) {t1 = k; ask_before(x, tr[k][1]);}
39         else ask_before(x, tr[k][0]);
40     }
41     void ask_after(ll x, ll k) {
42         if (!k) return;
43         if (v[k] > x) {t2 = k; ask_after(x, tr[k][0]);}
44         // else if (v[k] == x) return;
45         else ask_after(x, tr[k][1]);
46     }
47     void del(ll x, ll k) {
48         if (num[k] > 1) {
49             num[k]--; size[k]--;
50             splay(k, rt); return;
51         }
52         t1 = t2 = -1;
53         ask_before(x, rt);
54         ask_after(x, rt);
55         if (t1 == -1 && t2 == -1) {
56             if (num[rt] == 1) rt = 0;
57             else size[rt]--, num[rt]--;
58         }
59         else if (t1 == -1) {
60             splay(t2, rt);
61             tr[rt][0] = 0;
62             pushup(rt);
63         }
64         else if (t2 == -1) {
65             splay(t1, rt);
66             tr[rt][1] = 0;
67             pushup(rt);
68         }
69         else {
70             splay(t1, rt);
71             splay(t2, tr[t1][1]);
72             tr[t2][0] = 0;
73             pushup(t2); pushup(t1);
74         }
75     }
76 }

```

23. 序列splay

```

1 int n, m, sz, rt;
2 char ch[10];
3 int tr[N][2], fa[N], v[N], sum[N];
4 int mx[N], lx[N], rx[N];
5 int st[N], size[N], top, tag[N];
6 bool rev[N];
7 void pushup(int u) {
8     size[u] = 1, sum[u] = v[u]; int l = tr[u][0], r = tr[u]
    [1];
9     if (l) size[u] += size[l], sum[u] += sum[l];
10    if (r) size[u] += size[r], sum[u] += sum[r];
11    mx[u] = v[u]; if (l) mx[u] = max(mx[u], mx[l]); if (r)
    mx[u] = max(mx[u], mx[r]);
12    if (l && r) mx[u] = max(mx[u], rx[l] + v[u] + lx[r]);
13    else if (l) mx[u] = max(mx[u], rx[l] + v[u]);
14    else if (r) mx[u] = max(mx[u], v[u] + lx[r]);
15    lx[u] = 0; if (l) lx[u] = lx[l]; rx[u] = 0; if (r) rx[u] =
    rx[r];
16    if (!l) lx[u] = max(lx[u], v[u]); if (!r) rx[u] = max(
    rx[u], v[u]);
17    if (l && r) lx[u] = max(lx[u], v[u] + lx[r]); if (!r &&

```

```

1)rx[u]=max(rx[u],v[u]+rx[l]);
18 if(l)lx[u]=max(lx[u],sum[l]+v[u]);if(r)rx[u]
=max(rx[u],sum[r]+v[u]);
19 if(l&&r)lx[u]=max(lx[u],sum[l]+v[u]+lx[r]),r
x[u]=max(rx[u],sum[r]+v[u]+rx[l]);
20 }
21 void work(int k,int c) {
22 tag[k]=c,v[k]=c,sum[k]=size[k]*c;
23 mx[k]=(c>0?c*size[k]:c),lx[k]=rx[k]=(c>0?c*s
ize[k]:0);
24 }
25 void rve(int k) {
26 rev[k]^=1;
27 swap(lx[k],rx[k]);
28 swap(tr[k][0],tr[k][1]);
29 }
30 void pushdown(int u) {
31 int l=tr[u][0],r=tr[u][1];
32 if(tag[u]!=12345) {
33 if(l)work(l,tag[u]);if(r)work(r,tag[u]);
34 tag[u]=12345;
35 }
36 if(rev[u]) {
37 if(l)rve(l);if(r)rve(r);
38 rev[u]^=1;
39 }
40 void rotate(int x,int &k) {
41 int y=fa[x],z=fa[y];
42 int l=(tr[y][1]==x),r=l^1;
43 if(y==k)k=x;
44 else tr[z][tr[z][1]==y]=x;
45 fa[x]=z,fa[y]=x,fa[tr[x][r]]=y;
46 tr[y][l]=tr[x][r],tr[x][r]=y;
47 pushup(y);pushup(x);
48 }
49 void splay(int x,int &k) {
50 while(x!=k) {
51 int y=fa[x],z=fa[y];
52 if(y!=k) {
53 if(tr[y][0]==x^tr[z][0]==y)
54 rotate(x,k);
55 else rotate(y,k);
56 }
57 rotate(x,k);
58 }
59 int find(int k,int rk) {
60 pushdown(k);
61 int l=tr[k][0],r=tr[k][1];
62 if(size[l]>=rk)return find(l,rk);
63 else if(size[l]+1==rk)return k;
64 else return find(r,rk-size[l]-1);
65 }
66 int split(int l,int r) {
67 int x=find(rt,l),y=find(rt,r+2);
68 splay(x,rt),splay(y,tr[x][1]);
69 return tr[y][0];
70 }
71 int a[N];
72 void newnode(int k,int c)
73 {v[k]=sum[k]=c,mx[k]=c,tag[k]=12345,lx[k]=rx[k]
=(c>0?c:0),size[k]=1,rev[k]=0;}
74 int build(int l,int r) {
75 if(l>r)return 0;int mid=(l+r)>>1,now;
76 now=++sz;newnode(now,a[mid-1]);
77 tr[now][0]=build(l,mid-1);if(tr[now][0])fa[t
r[now][0]]=now;
78 tr[now][1]=build(mid+1,r);if(tr[now][1])fa[t
r[now][1]]=now;
79 pushup(now);return now;
80 }
81 int Build(int l,int r) {
82 if(l>r)return 0;int mid=(l+r)>>1,now;
83 if(top)now=st[top--];else now=++sz;newnode(n
ow,a[mid]);
84 tr[now][0]=Build(l,mid-1);if(tr[now][0])fa[t
r[now][0]]=now;
85 tr[now][1]=Build(mid+1,r);if(tr[now][1])fa[t
r[now][1]]=now;
86 pushup(now);return now;
87 }
88 void insert(int x,int tot) {
89 for(int i=0;i<=tot+2;i++)a[i]=0;
90 for(int i=1;i<=tot;i++)a[i]=read();
91 int l=find(rt,x+1),r=find(rt,x+2);
92 splay(l,rt),splay(r,tr[l][1]);

```

```

93 tr[r][0]=Build(1,tot),fa[tr[r][0]]=r;
94 pushup(r),splay(r,rt);
95 }
96 void clr(int k){tag[k]=12345,tr[k][0]=tr[k][1]
=fa[k]=rev[k]=v[k]=sum[k]=mx[k]=lx[k]=rx[k]=si
ze[k]=0;}
97 void rec(int k) {
98 if(!k)return;
99 rec(tr[k][0]);rec(tr[k][1]);
100 st[++top]=k,clr(k);
101 }
102 void del(int x,int tot) {
103 int l=x,r=x+tot-1,k=split(1,r);
104 int fk=fa[k];tr[fk][0]=fa[k]=0;rec(k);
105 splay(fk,rt);
106 }
107 void make_same(int x,int tot,int c)
108 {int l=x,r=x+tot-1,k=split(1,r);work(k,c);if(f
a[k])splay(fa[k],rt);}
109 void rever(int x,int tot)
110 {int l=x,r=x+tot-1,k=split(1,r);rve(k);if(fa[k
])splay(fa[k],rt);}
111 int get_sum(int x,int tot) {
112 int l=x,r=x+tot-1,k=split(1,r);
113 return sum[k];
114 }

```

24. ntt

```

1 const Long Long maxn = 120000;
2 const Long Long mod = 998244353;
3 const Long Long omega = 3;
4 Long Long a[maxn*4], b[maxn*4], c[maxn*4],
d[maxn*4];
5 Long Long n, m, N, in;
6 Long Long pow ( Long Long f, Long Long x ) {L
ong Long s = 1;while ( x ) {if ( x % 2 ) s = (
s*f) % mod;f = (f*f) % mod; x >>= 1;}return s;
}
7 Long Long inv ( Long Long x ) {return pow ( x
, mod - 2 );}
8 Long Long rev ( Long Long x ) {Long Long i, y
; i = 1; y = 0;while ( i < N ) {y = y * 2 + (x%
2); i <= 1; x >>= 1;}return y;}
9 void br ( Long Long *x ) {Long Long i;for ( i
= 0 ; i < N ; i++ ) d[rev(i)] = x[i];for ( i =
0 ; i < N ; i++ ) x[i] = d[i];}
10 void FFT ( Long Long *x, Long Long f ) {
11 Long Long i, j, s, k;
12 Long Long w, wm, u, t;
13 br ( x );
14 for ( s = 2 ; s <= N ; s *= 2 ) {
15 k = s / 2;
16 wm = pow ( omega, (mod-1) / s );
17 if ( f == -1 ) wm = inv ( wm );
18 for ( i = 0 ; i < N ; i += s ) {
19 w = 1;
20 for ( j = 1 ; j <= k ; j++ ) {
21 u = x[i+j-1]; t = (x[i+j-1+k]*w) % mod
;
22 x[i+j-1] = (u + t) % mod;
23 x[i+j-1+k] = (u - t + mod) % mod;
24 w = (w*wm) % mod;
25 }
26 if ( f == -1 ) for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) x
[i] = (x[i] * in) % mod;
27 }
28 void work () {
29 Long Long i;
30 scanf ( "%lld%lld", &n, &m );
31 N = 1;
32 while ( N < n + m + 2 ) N = N * 2;
33 for ( i = 0 ; i <= n ; i++ ) scanf ( "%lld"
, &a[i] );
34 for ( i = 0 ; i <= m ; i++ ) scanf ( "%lld"
, &b[i] );
35 in = inv ( N );
36 FFT ( a, 1 ); FFT ( b, 1 );
37 for ( i = 0 ; i < N ; i++ ) c[i] = (a[i]*b[i
]) % mod;
38 FFT ( c, -1 );
39 for ( i = 0 ; i <= n + m ; i++ ) printf ( "%
lld%c", c[i], i==n+m?'\\n':' ' );
40 }

```


25. fft

```

1 const int maxn = 120000;
2 const double pi = acos(-1);
3 struct complex {
4     double r, i;
5 } a[maxn*4], b[maxn*4], c[maxn*4], d[maxn*4];
6 complex operator + ( complex x1, complex x2 )
7 {complex y; y.r = x1.r + x2.r; y.i = x1.i + x2.i; return y;}
8 complex operator - ( complex x1, complex x2 )
9 {complex y; y.r = x1.r - x2.r; y.i = x1.i - x2.i; return y;}
10 complex operator * ( complex x1, complex x2 )
11 {complex y; y.r = x1.r * x2.r - x1.i * x2.i; y.i = x1.r * x2.i + x1.i * x2.r; return y;}
12 int n, m, N;
13 int rev ( int x ) {int i, y; i = 1; y = 0; while ( i < N ) {y = y * 2 + (x%2); x >>= 1; i <= 1; return y;}
14 void br ( complex *x ) {int i; for ( i = 0; i < N; i++ ) d[rev(i)] = x[i]; for ( i = 0; i < N; i++ ) x[i] = d[i];}
15 void FFT ( complex *x, int f ) {
16     int i, j, s, k;
17     complex w, wm, u, t;
18     br ( x );
19     for ( s = 2; s <= N; s *= 2 ) {
20         k = s / 2;
21         wm.r = cos(2*pi/s); wm.i = sin(2*pi/s) * f;
22         for ( i = 0; i < N; i += s ) {
23             w.r = 1.0; w.i = 0.0;
24             for ( j = 1; j <= k; j++ ) {
25                 u = x[i+j-1]; t = x[i+j-1+k] * w;
26                 x[i+j-1] = u + t;
27                 x[i+j-1+k] = u - t;
28                 w = w * wm;
29             }
30         }
31         if ( f == -1 ) for ( i = 0; i < N; i++ ) x[i].r = x[i].r / N;
32     }
33 void work () {
34     int i;
35     scanf ( "%d%d", &n, &m );
36     N = 1;
37     while ( N < n + m + 2 ) N = N * 2;
38     for ( i = 0; i <= n; i++ ) scanf ( "%lf", &a[i].r );
39     for ( i = 0; i <= m; i++ ) scanf ( "%lf", &b[i].r );
40     FFT ( a, 1 ); FFT ( b, 1 );
41     for ( i = 0; i < N; i++ ) c[i] = a[i] * b[i];
42     FFT ( c, -1 );
43     for ( i = 0; i <= n + m; i++ ) printf ( "%d%c", int (c[i].r + 0.5), i==n+m?'\\n':' ');
44 }

```

26. lct

```

1 struct node {
2     Long Long x;
3     Long Long lm, lp, rev;
4     Long Long s, siz;
5     Long Long ch[4], fa;
6 } p[maxn];
7 void cut ( Long Long x, Long Long kind ) {
8     p[p[x].ch[kind]].fa *= -1;
9     p[x].ch[kind] = 0;
10    update ( x );
11 }
12 void down ( Long Long x ) {
13     if ( p[x].fa > 0 ) down ( p[x].fa );
14     pushdown ( x );
15 }
16 void rotate ( Long Long x, Long Long kind ) {
17     Long Long y = p[x].fa;
18     if ( p[y].fa > 0 ) p[p[y].fa].ch[y==p[p[y].fa].ch[1]] = x;
19     p[x].fa = p[y].fa;
20     if ( p[x].ch[kind^1] ) p[p[x].ch[kind^1]].fa = y;
21     p[y].ch[kind] = p[x].ch[kind^1];

```

```

22     p[y].fa = x;
23     p[x].ch[kind^1] = y;
24     update ( y ); update ( x );
25 }
26 void splay ( Long Long x ) {
27     down ( x );
28     for ( ; p[x].fa > 0; rotate ( x, x==p[p[x].fa].ch[1] ) )
29         if ( p[p[x].fa].fa > 0 && (x==p[p[x].fa].ch[1]) == (p[p[x].fa].fa==p[p[p[x].fa].fa].ch[1]) )
30             rotate ( p[x].fa, x==p[p[x].fa].ch[1] );
31 }
32 void access ( Long Long x ) {
33     splay ( x );
34     cut ( x, 1 );
35     for ( ; p[x].fa != 0; ) {
36         splay ( -p[x].fa );
37         cut ( -p[x].fa, 1 );
38         p[-p[x].fa].ch[1] = x;
39         update ( -p[x].fa );
40         p[x].fa *= -1;
41         splay ( x );
42     }
43 void makeroot ( Long Long x ) {
44     access ( x );
45     p[x].rev ^= 1;
46     swap ( p[x].ch[0], p[x].ch[1] );
47 }
48 void link ( Long Long x, Long Long y ) {
49     makeroot ( y );
50     p[y].fa = -x;
51 }

```

27. 左偏树

核心操作split和merge，merge时候让小的当堆顶，继续合并右子树和另外一棵树，之后维护左偏性质。

```

1 struct node {
2     int x, i, dist;
3     node *ll, *rr;
4 } pool[maxn], *t[maxn];
5 int n, m;
6 int a[maxn];
7 int c[maxn], f[maxn];
8 int getdist ( node *id ) {
9     if ( id == NULL ) return -1;
10    return id->dist;
11 }
12 node *merge ( node *id1, node *id2 ) {
13     if ( id1 == NULL ) return id2;
14     if ( id2 == NULL ) return id1;
15     if ( id1->x > id2->x ) swap ( id1, id2 );
16     id1->rr = merge ( id1->rr, id2 );
17     if ( getdist ( id1->ll ) < getdist ( id1->rr ) ) swap ( id1->ll, id1->rr );
18     id1->dist = getdist ( id1->rr ) + 1;
19     return id1;
20 }
21 int find ( int x ) {
22     int i, t;
23     for ( i = x; c[i] > 0; i = c[i] );
24     while ( x != i ) {
25         t = c[x];
26         c[x] = i;
27         x = t;
28     }
29     return i;
30 }
31 void Union ( int x, int y ) {
32     t[x] = merge ( t[x], t[y] );
33     c[x] += c[y];
34     c[y] = x;
35 }

```

28. 三分_上凸函数

```

1 double solve() {
2     while(1+eps<r) {
3         double mid=(l+r)/2.0;
4         double mmid=(mid+r)/2.0;
5         if(cal(mid)>cal(mmid))r=mmid;
6         else l=mid;
7     }

```

```

8   if(cal(l)<cal(r))return r;
9   else return l;
10 }

```

```

77  double A[NMAX + 10][NMAX + 10];
78  int idx[NMAX + 10], idy[NMAX + 10];
79 };

```

29. 单纯型

```

1  #define EPS 1e-10
2  #define INF 1e100
3
4  class Simplex {
5  public:
6      void initialize() {
7          scanf("%d%d%d", &n, &m, &t);
8          memset(A, 0, sizeof(A));
9          for (int i = 1; i <= n; i++) {
10             idx[i] = i;
11             scanf("%Lf", A[0] + i);
12         }
13         for (int i = 1; i <= m; i++) {
14             idy[i] = n + i;
15             for (int j = 1; j <= n; j++) {
16                 scanf("%Lf", A[i] + j);
17                 A[i][j] *= -1;
18             }
19             scanf("%Lf", A[i]);
20         }
21         void solve() {
22             srand(time(0));
23             while (true) {
24                 int x = 0, y = 0;
25                 for (int i = 1; i <= m; i++)
26                     if (A[i][0] < -EPS && (!y || (rand() &
27 1))) y = i;
28                 if (!y) break;
29                 for (int i = 1; i <= n; i++)
30                     if (A[y][i] > EPS && (!x || (rand() &
31 1))) x = i;
32                 if (!x) {
33                     puts("Infeasible");
34                     return;
35                 }
36                 pivot(x, y);
37                 while (true) {
38                     double k = INF;
39                     int x, y;
40                     for (x = 1; x <= n; x++)
41                         if (A[0][x] > EPS) break;
42                     if (x > n) break;
43                     for (int i = 1; i <= m; i++) {
44                         double d = A[i][x] > -EPS ? INF : -A[i]
45 ][0] / A[i][x];
46                         if (d < k) {
47                             k = d;
48                             y = i;
49                         }
50                     }
51                     if (k >= INF) {
52                         puts("Unbounded");
53                         return;
54                     }
55                     pivot(x, y);
56                     printf("%.10Lf\n", A[0][0]);
57                     if (t) {
58                         static double ans[NMAX + 10];
59                         for (int i = 1; i <= m; i++)
60                             if (idy[i] <= n) ans[idy[i]] = A[i][0];
61                     }
62                     for (int i = 1; i <= n; i++)
63                         printf("%.10Lf ", ans[i]);
64                     printf("\n");
65                 }
66             }
67         private:
68             void pivot(int x, int y) {
69                 swap(idx[x], idy[y]);
70                 double r = -A[y][x];
71                 A[y][x] = -1;
72                 for (int i = 0; i <= n; i++) A[y][i] /= r;
73                 for (int i = 0; i <= m; i++) {
74                     if (i == y) continue;
75                     r = A[i][x];
76                     A[i][x] = 0;
77                     for (int j = 0; j <= n; j++)
78                         A[i][j] += r * A[y][j];
79                 }
80             }
81         }
82     };
83     int n, m, t;

```

◦ s11/扩展网络流.md

无源汇有上下界可行流:

建图:

$M[i]$ =流入 i 点的下界流量-流出 i 点的下界流量

$S \rightarrow i, c = M[i]$ ($M[i] \geq 0$)

$i \rightarrow T, c = -M[i]$

流程:

$S \rightarrow T$ 跑最大流,当 S 连出去的边满流是存在可行流

有源汇上下界最大流:

建图:

$T \rightarrow S$,流量限制为(0,无穷大), 转化成无源汇

增设 ST 和 SD ,像无源汇那样连边

流程:

1. $ST \rightarrow SD$ 跑最大流,判断是否满流,不满流则无解

2. 去掉 ST, SD ,从 $S \rightarrow T$ 跑最大流,两遍流量和为有源汇最大流量

有源汇上下界最小流:

建图: 同最大流

流程: 1. 同最大流

1. 去掉 $ST, SD, T \rightarrow S$ 跑最大流,两次流量之差为有源汇最小流

最大权闭合子图:

问题描述: 求最大权值和的点集,使得这个点集里的任一点的后继也在该点集中

建图: 原图中的($u \rightarrow v$),建边($u \rightarrow v, \text{inf}$)

对于 $c[u] > 0$ 建边($s \rightarrow u, c[u]$)

对于 $c[u] < 0$ 建边($u \rightarrow t, -c[u]$)

流程: 建图后跑 $s \rightarrow t$ 的最小割, $\sum c_u$ -最小割即为答案

◦ xz1/manhattan.md

Manhattan 距离最小生成树: 每 45° 一个象限, 对每个点找到每个象限中离它最近的点连边, 然后做最小生成树。

优化: 只用写找直线 $y = x$ 与直线 $x = 0$ 之间的最近点的代码, 然后依次交换 x 和 y 、取反 y 、交换 x 和 y 一共做 4 次扫描线即可。

◦ xz1/fwt.md

FWT 算法: 分治 $A \rightarrow A_1, A_2$, 线性变换 T , 合并时 $A = T[A_1, A_2]^T$ 。逆变换时取 T 的逆矩阵即可。

卷积类型	变换
异或卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1/2 & 1/2 \\ 1/2 & -1/2 \end{bmatrix}$
或卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$
和卷积	$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

或卷积就是子集和变换。通过按子集大小分类可在 $O(n \log^2 n)$ 时间内计算子集卷积:

```

for i = 0 → n - 1: // 按大小分类
    F[c][i] = f[i]
    G[c][i] = g[i]
for i = 0 → k - 1: // 提前计算 FWT
    F[i] = fwt(F[i])
    G[i] = fwt(G[i])
for i + j = k: // 卷积
    H[k] += F[i] · G[j]
for i in xrange(k): // FWT 逆变换
    H[i] = rfwt(H[i])
for all subset S: // 得到卷积结果
    R[i] = H[popcount(S)][i]

```

- [lmj/treehash.md](#)
- [lmj/matrix_tree_theorem.md](#)

K=度数矩阵-邻接矩阵，K的任意代数余子式（一般删最后一行一列，取正号）即为生成树数量。

- [lmj/virtual_tree.md](#)

把需要的点按照dfs序排序，把相邻的lca求出来，塞进去重新排序，之后按照顺序维护当前的链，如果不是链就pop当前的点，在虚树上面加边。

- [lmj/dominator_tree.md](#)
- [lmj/sam.md](#)
- [lmj/cdq.md](#)
- [lmj/tree_divide_and_conquer\(edge_and_node\).md](#)
- [lmj/number_theory.md](#)

反演/筛

- [lmj/bounded_flow.md](#)

无源汇可行流

建模方法：

首先建立一个源ss和一个汇tt，一般称为附加源和附加汇。

对于图中的每条弧，假设它容量上界为c，下界b，那么把这条边拆为三条只有上界的弧。

一条为，容量为b；

一条为，容量为b；

一条为，容量为c-b。

其中前两条弧一般称为附加弧。

然后对这张图跑最大流，以ss为源，以tt为汇，如果所有的附加弧都满流，则原图有可行流。

这时，每条非附加弧的流量加上它的容量下界，就是原图中这条弧应该有的流量。

理解方法：

对于原图中的每条弧，我们把c-b

称为它的自由流量，意思就是只要它流满了下界，这些流多少都没问题。

既然如此，对于每条弧，我们强制给v提供b单位的流量，并且强制从u那里拿走b单位的流量，这一步对应着两条附加弧。

如果这一系列强制操作能完成的话，也就是有一组可行流了。

注意：这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流，而不是原图的最大或最小流。

有源汇可行流

建模方法：

建立弧，容量下界为0，上界为 ∞ 。

然后对这个新图（实际上只是比原图多了一条边）按照无源汇可行流的方法建模，如果所有附加弧满流，则存在可行流。

求原图中每条边对应的实际流量的方法，同无源汇可行流，只是忽略掉弧

就好。

而且这时候弧的流量就是原图的总流量。

理解方法：

有源汇相比无源汇的不同就在于，源和汇是不满足流量平衡的，那么连接

之后，源和汇也满足了流量平衡，就可以直接按照无源汇的方式建模。

注意：这张图的最大流只是对应着原图的一组可行流，而不是原图的最大或最小流。

有源汇最大流

建模方法：

首先按照有源汇可行流的方法建模，如果不存在可行流，更别提什么最大流了。

如果存在可行流，那么在运行过有源汇可行流的图上（就是已经存在流量的那张图，流量不要清零），跑一遍从s到t的最大流（这里的s和t是原图的源和汇，不是附加源和附加汇），就是原图的最大流。

理解方法：

为什么要在那个已经有了流量的图上跑最大流？因为那张图保证了每条弧的容量下界，在这张图上跑最大流，实际上就是在容量下界全部满足的前提下尽量多得获得“自由流量”。

注意，在这张已经存在流量的图上，弧也是存在流量的，千万不要忽略这条弧。因为它的相反弧的流量为的流量的相反数，且的容量为0，所以这部分的流量也是会被算上的。

有源汇最小流

有源汇最小流的常见建模方法比较多，我就只说我常用的一种。

建模方法：

首先按照有源汇可行流的方法建模，但是不要建立这条弧。

然后在这个图上，跑从附加源ss到附加汇tt的最大流。

这时候再添加弧，下界为0，上界为 ∞ 。

在现在的这张图上，从ss到tt的最大流，就是原图的最小流。

理解方法：

我们前面提到过，有源汇可行流的流量只是对应一组可行流，并不是最大或者最小流。

并且在跑完有源汇可行流之后，弧的流量就是原图的流量。

从这个角度入手，我们想让弧的流量尽量小，就要尽量多的消耗掉那些“本来不需要经过”的流量。

于是我们在添加之前，跑一遍从ss到tt的最大流，就能尽量多的消耗那些流量啦QwQ。

<https://www.cnblogs.com/mlystdcall/p/6734852.html>

- [lmj/Mo's_algorithm.md](#)

带修莫队：把时间当成一维，排序时左右端点的块和时间一起排序，模拟时间。

树上莫队：按照欧拉序，如果询问x,y,若lca(x,y)=x，则查询st[x]到st[y]，否则ed[x],st[y]，再加上lca，出现两次的点不算。

- [lmj/idea.md](#)

启发式合并

离线

hash

数据结构上跑图论算法