

**UTC**

**IA01**

**TP2 : *JEU DES ALLUMETTES***

**OUEDRAOGO Taoufiq**

**BRENA-LABEL Yannis**

**Compte-rendu**

## SOMMAIRE

Q1 : Etats possibles -----	P1
Q2 : Opérateurs possibles et classification -----	P2,3
Q3 : Etats initiaux et finaux si J1 commence -----	P4
Q4 : Arbre de recherche pour 5 allumettes -----	P5
Q5 : Fonctions définies -----	P6
Q5 : Parcours profondeur -----	P7
Q5 : Parcours largeur -----	P8

### ***Q1. Liste des états possibles pour 11 allumettes***

La liste (x J) signifie qu'il reste x allumette et c'est au joueur J de jouer.

Chaque joueur possède 3 possibilités d'actions (cad retirer soit 1, 2 ou 3 allumettes) et pour un nombre d'allumettes donné il existe toujours 2 joueurs qui peuvent agir selon les cas. D'où les 24 états:

(    (11 J2) (11 J1)  
     (10 J2) (10 J1)  
     (9 J2) (9 J1)  
     (8 J2) (8 J1)  
     (7 J2) (7 J1)  
     (6 J2) (6 J1)  
     (5 J2) (5 J1)  
     (4 J2) (4 J1)  
     (3 J2) (3 J1)  
     (2 J2) (2 J1)  
     (1 J2) (1 J1)  
     (0 J2) (0 J1) )    )

Ici, il n'est pas nécessaire de représenter les 2 états pour lesquels le nombre d'allumettes = 0. Car dans notre cas on pourra considérer que le jeu s'arrête dès que le nombre d'allumettes = 1, 2 ou 3 et donc les états (0 J1) et (0 J2) ne seront jamais atteints.

## ***Q2. Liste des opérateurs possibles***

Un état **(J x)** -> **joueur J retire x allumette**

Pour un état courant, chaque joueur peut enlever jusqu'à 3 allumettes. Les opérateurs possibles sont :

- **(J1 3)** -> **J1 retire 3 allumettes**
- **(J1 2)** -> **J1 retire 2 allumettes**
- **(J1 1)** -> **J1 retire 1 allumettes**
- **(J2 3)** -> **J2 retire 3 allumettes**
- **(J2 2)** -> **J2 retire 2 allumettes**
- **(J2 1)** -> **J2 retire 1 allumettes**

Par exemple, pour l'état **(2 J1)**, l'opérateur **(J1 3)** est impossible car il ne reste que 2 allumettes.

***-Pour classer ces opérateurs on se servira juste des règles du jeu donc :***

**Selon la pioche** : le joueur ne pourra pas retirer un nombre d'allumettes  $>$  nombre d'allumettes sur le plateau. Sachant qu'il est également contraint d'en retirer soit 1, 2 ou 3.

**Selon le joueur qui a la main** : un joueur ne peut jouer que s'il a la main. Donc, le joueur doit être le même pour les différents opérateurs possibles pour un état donné ainsi que pour l'état en question.

Par exemple, pour l'état **(2 J1)**, les opérateurs **(J2 3)**, **(J2 2)** et **(J2 1)** sont impossibles car c'est **J1** qui a la main.

### ***Q3. Sachant que J1 commence :***

**Etat Initial** = **(11 J1)** car J1 a la main et il y'a initialement 11 allumettes.

**Etats Finaux** = **(1 J1), (1 J2), (2 J1), (2 J1), (3 J1)** ou **(3 J1)** en fonction des pioches des 2 joueurs durant la partie. Et sachant que le joueur qui gagne est celui qui retirera la/les dernière/s allumette/s, puisqu'on peut en retirer jusqu'à 3. Et donc celui qui aura la main avec un nombre d'allumettes = 1, 2 ou 3 gagne la partie.

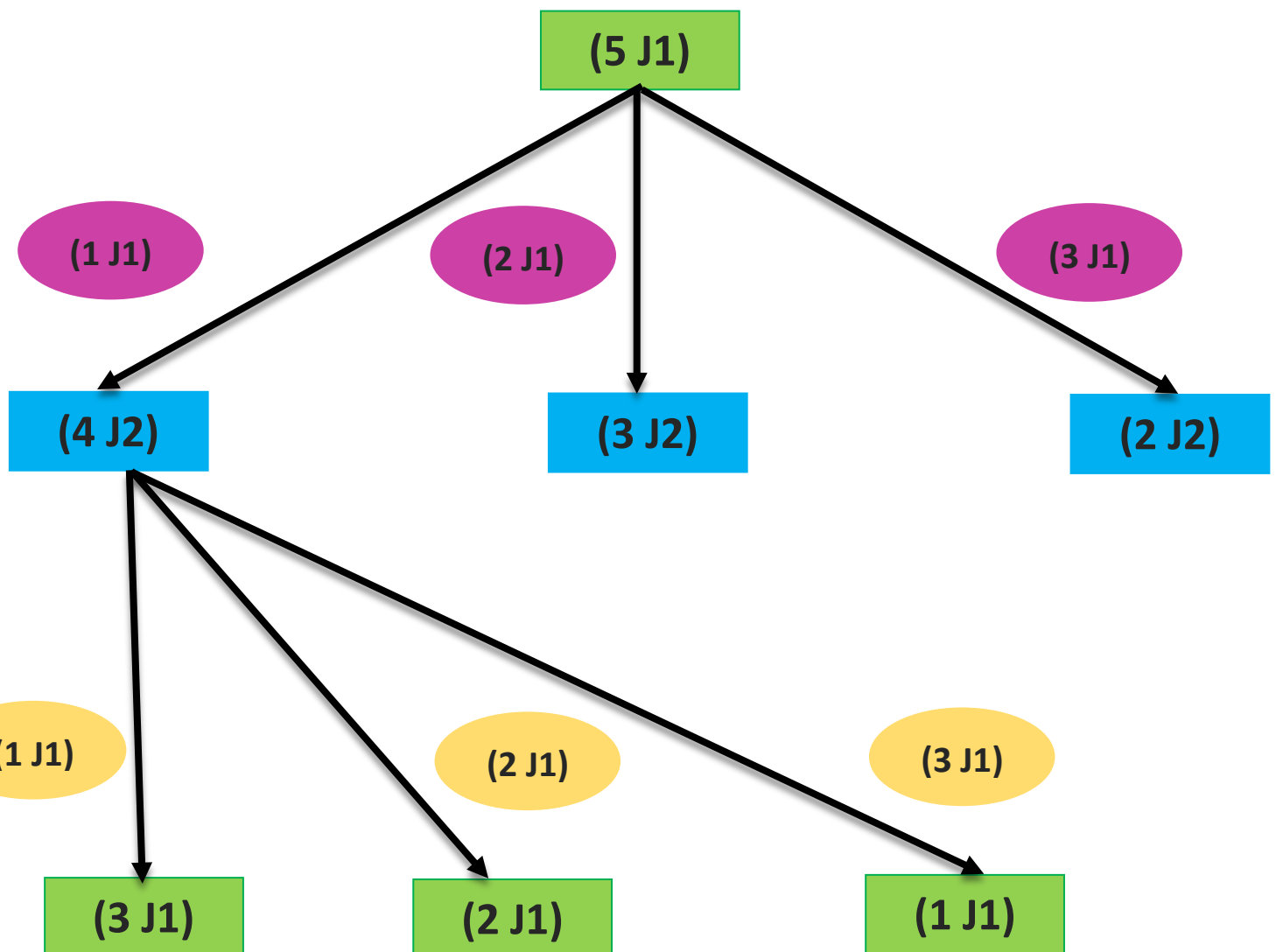
#### Q4. Arbre de recherche pour que J1 gagne

Arbre de recherche pour dimension initiale=5. On constate ici qu'il y a 3 chemins possibles :

( (1 J1) (4 J2) (5 J1) )

( (2 J1) (4 J2) (5 J1) )

( (3 J1) (4 J2) (5 J1) )



## Q5. Fonctions définies

On définit les fonctions :

- **creer\_etat(dim J)** retourne la liste de l'état composé de dim et J si  $\text{dim} > 0$ . Car dans notre modélisation la dimension 0 n'est jamais atteinte.
- **creer\_operateur(dim J)** retourne la liste de l'opérateur composé de dim et J.
- **jouer(etat) et dimension(etat)** renvoyant successivement le joueur et la dimension concernée dans etat. (on aurait pu s'en passer ...)
- **fin?(etat j)** qui renvoie t j gagne cad  $\text{etat} = (3 \text{ J1}), (2 \text{ J1}), (1 \text{ J1})$ . Les états où j aura la main avec 1, 2 ou 3 allumettes.
- **successeurs(etat)** renvoie la liste des successeurs de etat cad les états possibles après chaque opérateur si la dimension de etat  $> 3$  car dans notre modélisation on considère qu'il y a victoire dès qu'il ne reste plus que 3, 2 ou 1 allumette .
- **successeurs\_valides(etat etats\_visites)** retourne la liste des successeurs valides de etat en considérant les états déjà visités. Sachant que les états valides ont leur dimension  $<$  dimension des états parcourus.
- **coup\_effectue(etat1 etat2)** qui affiche l'opérateur utilisé pour passer de etat1 -> etat2. Et renvoie un message d'erreur si le nombre d'allumettes retirés est invalide cad  $> 3$  ou  $< 1$  ou si les joueurs sont identiques dans etat1 et etat2.



### ***Q5. Parcours en profondeur***

Pour le parcours en profondeur, on développe les états et on ne revient en arrière que s'il y a une impasse.

- **explore\_profondeur(etat j chemin )**

renvoie tous les chemins parcourus menant directement à la victoire de j

On affiche l'état courant

On ajoute l'état courant dans chemin puis on l'affiche

Si à la fin on a trouvé la solution cad un état avec 3, 2 ou 1 allumettes au tour de j, on renvoie le chemin

Sinon

suivants = successeurs valides

Pour chaque successeur valide

On affiche l'opérateur qui amène au successeur

On rappelle la fonction explore\_profondeur

## Q5. Parcours en largeur

Pour le parcours en largeur, on développe les états d'un même niveau jusqu'à trouver la solution.

- **explore\_largeur** renvoie tous les chemins parcourus menant directement à la sortie

explore\_largeur (etats j chemin)

pour chaque x dans etats

ajouter x à chemin

afficher successeurs de x

pour chaque successeur y de x

si y est un etat final pour lequel j gagne

on ajoute y dans chemin

La recherche en largeur étant assez complexe à établir, notre retour n'est pas tout à fait parfait.

Exemple : pour (**explore\_largeur '((4 j2)) 'j1 '()**) on aura comme solution :

; ///// J1 gagne | Chemin possible = **((3 J1) (4 J2))** /////

; ///// J1 gagne | Chemin possible = **((2 J1) (3 J1) (4 J2))** /////

; ///// J1 gagne | Chemin possible = **((1 J1) (2 J1) (3 J1) (4 J2))** /////

Dans l'exemple, la deuxième solution n'aurait pas dû intégrer **(3 J1)**

Dans l'exemple, la troisième solution n'aurait pas dû intégrer **(3 J1)** et **(2 J1)**