ching.com.bd

্রবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্টম শ্ৰেণি

উদাহরণ ১। $9a^3b^2c^2$, $12a^2bc$, $15ab^3c^2$ এর গ.সা.গু. নির্ণয় কর।

সমাধান:

9, 12, 15 - এর গ.সা.গু. = 3

$$a^3, a^2, a$$
 - এর গ.সা.গু. = a

$$b^2, b, b^3$$
 - এর গ্রা.গু. = b

$$c^2, c, c^2$$
 - এর গ.সা.গু. = c

নির্ণেয় গ.সা.গু. = 3abc

উদাহরণ ২। x^3-2x^2 , x^2-4 , xx-2y এর গ.সা.গু. নির্ণয় কর।

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি
$$x^3 - 2x^2 = x^2(x-2)$$

দ্বিতীয় রাশি
$$x^2 - 4 = (x+2)(x-2)$$

তৃতীয় রাশি
$$xy - 2y = y(x - 2)$$

রাশিগুলোতে সাধারণ উৎপাদক (x-2) এবং এর সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাতযুক্ত উৎপাদক (x-2) সূতারাং, গ.সা.গু. =(x-2)

উদাহরণ ৩। $x^2y(x^3-y^3)$, $x^2y^2(x^4+x^2y^2+y^4)$ এবং $x^3y^2+x^2y^3+xy^4$ এর গ.সা.গু.

সমাধান:

প্রথম রাশি
$$x^2y(x^3-y^3)$$

$$x^{2}y(x-y)(x^{2}+xy+y^{2})$$

দিতীয় রাশি
$$x^2y^2(x^4+x^2y^2+y^4)$$

$$= x^{2}y^{2}\{(x^{2})^{2} + 2x^{2}y^{2} + (y^{2})^{2} - x^{2}y^{2}\}\$$

$$= x^{2}y^{2}\{(x^{2} + y^{2})^{2} - (xy)^{2}\}\$$

$$= x^{2}y^{2}(x^{2} + y^{2} + xy)(x^{2} + y^{2} - xy)$$

$$= x^{2}y^{2}(x^{2} + xy + y^{2})(x^{2} - xy + y^{2})$$

তৃতীয় রাশি $x^3y^2 + x^2y^3 + xy^4$

$$= xy^{2}(x^{2} + xy + y^{2})$$

এখানে, প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় রাশির সাধারণ উৎপাদক $xy(x^2 + xy + y^2)$

সুতারাং, গ.সা.গু. = $xy(x^2 + xy + y^2)$

.com.bd

বি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্টম শ্রেণি

কাজ: গ.সা.গু. নির্ণয় কর:

১ |
$$15a^3b^2c^4$$
, $25a^2b^4c^3$, $20a^4b^3c^2$ এবং $20a^4b^3c^2$

২।
$$(x+2)^2$$
, (x^2+2x) এবং (x^2+5x+6)

৩।
$$6a^2 + 3ab$$
, $2a^2 + 5a - 12$ এবং $a^4 - 8a$

১ $15a^3b^2c^4$, $25a^2b^4c^3$, $20a^4b^3c^2$ এবং $20a^4b^3c^2$ এর গ্রেসা,গু. নির্ণয় কর

সমাধান :

$$a^3, a^2, a^4$$
 - এর গ.সা.গু. = a^2

$$b^2, b^4, b^3$$
 - এর গ্লো গু. = b^2

$$c^4, c^3, c^2$$
 - এর গ্রা.খ. = c^2

নির্ণেয় গ.সা.গু. =
$$5a^2b^2c^2$$

২। $(x+2)^2$, (x^2+2x) এবং (x^2+5x+6) এর গ.সা.গু. নির্ণয় কর।

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি
$$= (x+2)^2$$

$$=(x+2)(x+2)$$

দ্বিতীয় রাশি =
$$(x^2 + 2x)$$

= $x(x+2)$

তৃতীয় রাশি
$$= (x^2 + 5x + 6)$$

$$= x^2 + 3x + 2x + 6$$

$$= x^{2} + 3x + 2x + 6$$
$$= x(x+3) + 2(x+3)$$

$$= (x+2)(x+3)$$

এখানে, প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় রাশির সাধারণ উৎপাদক (x+2)

সুতারাং, গ.সা.গু.
$$=(x+2)$$

oaching.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্টম শ্ৰেণি

৩। $6a^2 + 3ab$, $2a^2 + 5a - 12$ এবং $a^4 - 8a$ এর গ.সা.গু. নির্ণয় কর।

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি
$$= 6a^2 + 3ab$$

 $= 3a(2a+b)$

দিতীয় রাশি =
$$2a^2 + 5a - 12$$

= $2a^2 + 8a - 3a - 12$
= $2a(a+4) - 3(a-4)$
= $(a+4)(2a-3)$

তৃতীয় রাশি =
$$a^4 - 8a$$

= $a(a^3 - 8)$
= $a(a^3 - 2^3)$
= $a(a - 2)(a^2 + a \cdot 2 + 2^2)$
= $a(a - 2)(a^2 + 2a + 4)$

এখানে, প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় রাশির সাধারণ উৎপাদক a সুতারাং, গ.সা.শু. = a

উদাহরণ ৪। $4a^2bc$, $8ab^2c$, $6a^2b^2c$ এর ল.সা.গু. নির্ণয় কর।

সমাধান:

এখানে, 4, 8 ও 6 এর ল.সা.গু. = 24

প্রদত্ত রাশিগুলোর সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাতের উৎপাদক যথাক্রমে a^2,b^2c

সুতারাং, ল.সা.গু. = $24a^2b^2c$

উদাহরণ ে। $x^3 + x^2y$, $x^2y + xy^2$, $x^3 + y^3$ এবং $(x+y)^3$ এর ল.সা.গু. নির্ণয় কর। সমাধান : এখানে,

প্রথম রাশি
$$= x^3 + x^2 y$$

 $= x^2 (x + y)$

দ্বিতীয় রাশি =
$$xy(x + y)$$

= $xy(x + y)$

তৃতীয় রাশি =
$$x^3 + y^3$$

= $(x + y)(x^2 - xy + y^2)$

ing.com.bd

[বি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ]

অষ্টম শ্ৰেণি

চতুর্থ রাশি =
$$(x + y)^3$$

= $(x + y)(x + y)(x + y)$
: ল.সা.গু. = $x^2y(x + y)(x + y)(x + y)(x^2 + xy + y^2)$
= $x^2y(x + y)^2(x^3 + y^3)$
সুতারাং, নির্ণেয় ল.সা.গু. = $x^2y(x + y)^2(x^3 + y^3)$

উদাহরণ ৬। $4(x^2 + ax)^2$, $6(x^3 - a^2x)$ এবং $14x^3(x^3 - a^3)$ এর ল.সা.গু. নির্ণয় কর। সমাধান : এখানে,

প্রথম রাশি
$$= 4(x^2 + ax)^2$$
,
 $= 2 \times 2 \times x^2(x+a)^2$

ছিতীয় রাশি $= 6(x^3 - a^2x)$
 $= 2 \times 3 \times x(x^2 - a^2)$
 $= 2 \times 3 \times x \times (x+a)(x-a)$
তৃতীয় রাশি $= 14x^3(x^3 - a^3)$
 $= 2 \times 7 \times x^3(x-a)(x^2 + ax + a^2)$
 \therefore ল.সা.গু. $= 2 \times 2 \times 3 \times 7 \times x^3(x+a)^2(x-a)^3(x^2 + xa + a^2)$
 $= 84x^3(x+a)^2(x^3 - a^3)$
সূতারাং, নির্দেয় ল.সা.গু. $= 84x^3(x+a)^2(x^3 - a^3)$

কাজ: ল.সা.গু. নির্ণয় কর:

paching.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্ট্রম শ্রেণি

১। $5x^3y$, $10x^2y$, $20x^4y^2$ এর ল.সা.গু. নির্ণয় কর।

সমাধান:

$$x^3, x^2, x^4$$
 - এর ল.সা.গু. = x^4

$$y, y, y^2$$
 - এর ল.সা.গু. = y^2

নির্ণেয় ল.সা.গু. =
$$20x^4y^2$$

২।
$$x^2 - y^2$$
, $2(x+y)$, $2x^2y + 2xy^2$ এর ল.সা.গু. নির্ণয় কর।

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি
$$= x^2 - y^2$$

 $= (x+y)(x-y)$

দ্বিতীয় রাশি =
$$2(x + y)$$

তৃতীয় রাশি =
$$2x^2y + 2xy^2$$

= $2xy(x + y)$

সুতারাং, নির্ণেয় ল.সা.গু. = $2xy(x^2 - y^2)$

৩।
$$a^3-1$$
, a^3+1 , a^4+a^2+1 এর ল.সা.গু. নির্ণয় কর।

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি =
$$a^3 - 1$$

= $(a-1)(a^2 + a.1 + 1^2)$
= $(a-1)(a^2 + a + 1)$

দিতীয় রাশি =
$$a^3 + 1$$

$$=(a+1)(a^2-a.1+1^2)$$

$$=(a+1)(a^2-a+1^2)$$

তৃতীয় রাশি =
$$a^4 + a^2 + 1$$

$$= (a^2)^2 + 2 \cdot a^2 \cdot 1 + 1^2 - a^2$$

$$= (a^2 + 1)^2 - a^2$$

$$=(a^2+1+a)(a^2+1-a)$$

$$=(a^2+a+1)(a^2-a+1)$$

$$\therefore$$
 ল.সা.গু = $(a-1)(a^2+a+1)(a+1)(a^2-a+1)$
= $(a^3-1)(a^3+1)$
= $(a^3)^2-(1)^2$
= a^6-1

সতারাং, নির্ণেয় ল.সা.গু. = $a^6 - 1$

অনুশীলনী 8.8

- ১। $a + \frac{1}{a} = 2$ হলে $a^2 + \frac{1}{a^2}$ এর মান নিচের কোনটি?
 - (ক) 2
- (খ) 4
- (গ) 6
- (ঘ) 8

- ২। 52 এর বর্গ নিচের কোনটি?
 - (**) 2704
- **(**খ) 2504
- (গ) 2496
- (ঘ) 2284
- ৩। $a^2 + 2a 15$ এর উৎপাদকে বিশ্লেষণ নিচের কোনটি?

(a)
$$(a+5)(a-3)$$
 (v) $(a+3)(a+5)$ (f) $(a-3)(a-5)$ (v) $(a+3)(a+5)$

 $8 + x^2 - 64$ - এর উৎপাদকে বিশ্লেষণ নিচের কোনটি?

(a)
$$(x-8)(x-8)$$
 (b) $(x+8)(x+8)$ (c) $(x+8)(x-8)$ (d) $(x+4)(x-4)$

- ে $3a^2b^4c^3$, $12a^3b^2c$, $6a^4bc^2$ এর গ.সা.গু নিচের কোনটি?
 - (*) $3a^2bc$ (*) $3a^2b^2c$
- (গ) 12abc
- (ঘ) 3abc
- ঙ। a-b, a^2-ab , a^2-b^2 এর ল.সা.গু নিচের কোনটি?

 - (4) a(a-b) (1) a(a-b) (1) $a(a^2-b^2)$ (1) $a(a^2-b^2)$
- ৭। (x+8)(x-7) এর গুণফল নিচের কোনটি?
- (a) $x^2 + x 56$ (b) $x^2 15x + 56$ (c) $x^2 + 15x 36$ (d) $x^2 x + 56$

অষ্ট্রম শ্রেণি

$$(i)$$
 $x^3 - y^3 = (x - y)(x^2 + xy + y^2)$

(ii)...
$$ab = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$$

(iii)
$$x^3 + y^3 = x^3 + y^3 + 3xy(x + y)$$

উপরের তথ্য অনুযায়ী নিচের কোনটি সঠিক?

$$ab = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$$

(ii)
$$ab = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 + \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$$

(iii)
$$ab = \frac{(a+b)^2}{4} - \frac{(a-b)^2}{4}$$

উপরের তথ্য অনুযায়ী নিচের কোনটি সঠিক?

x + y = 5 x - y = 3 x - y = 3

$$x + y = 5$$
 ও $x - y = 3$ হলে,
(১) $x^2 + y^2$ এর মান কত?
(ক) 15

(২) xy এর মান কত?

(a) $x^2 - y^2$ এর মান কত?

 $\sum_{x} x + \frac{1}{x} = 2$

(১)
$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2$$
 এর মান কত?

hing.com.bd

বি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধা

অষ্ট্রম শ্রেণি

$$(2) x^3 + \frac{1}{x^3}$$
 এর মান কত?

(ক) 1

(খ) 2

(গ) 3

(ঘ) 4

(৩)
$$x^4 + \frac{1}{x^4}$$
 এর মান কত?

(季) 8

(খ) 6

(গ) 4

(ঘ) 2

গ.সা.গু. নির্ণয় কর (১২-১৯) :

১২। $36a^2b^2c^4d^5$, $54a^5c^2d^4$ এবং $90a^4b^3c^2$

সমাধান:

36, 54, 90 - এর গ.সা.গু. = 18

এবং $a^2b^2c^4d^5$, $a^5c^2d^4$ ও $a^4b^3c^2$ - এর উৎপাদকগুলোর সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত যথাক্রমে a^2 ও c^2

নির্বেয় গ্রা.গু. = $18a^2c^2$

১৩।
$$20x^3y^2a^3b^4$$
, $15x^4y^3a^4b^3$ এবং $35x^2y^4a^3b^2$

সমাধান:

20, 15, 35 - এর গ.সা.গু. = 5

এবং $x^3y^2a^3b^4$, $x^4y^3a^4b^3$ ও $x^2y^4a^3b^2$ - এর উৎপাদকগুলোর

সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত যথাক্রমে $x^2y^2a^3b^2$

নির্ণেয় গ.সা.গু. = $5x^2y^2a^3b^2$

১৪
$$+ 15x^2y^3z^4a^3$$
 , $12x^3y^2z^3a^4$ এবং $27x^3y^4z^5a^7$

সমাধান:

15, 12, 27 - এর গ.সা.গু. = 3

এবং $x^2y^3z^4a^3$, $x^3y^2z^3a^4$ ও $x^3y^4z^5a^7$ - এর উৎপাদকগুলোর

সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত যথাক্রমে $x^2y^2z^3a^3$

নির্ণেয় গ.সা.গু. = $3x^2y^2z^3a^3$

paching.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্টম শ্ৰেণি

১৫। $18a^3b^4c^5$, $42a^4c^3d^4$, $60b^3c^4d^5$ এবং $78a^2b^4c^4d^3$

সমাধান:

18, 42, 60, ও 78 - এর গ.সা.গু. = 6

এবং $a^3b^4c^5$, $a^4c^3d^4$, $b^3c^4d^5$ ও $a^2b^4c^4d^3$ - এর উৎপাদকগুলোর সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত নেই।

নির্ণেয় গ.সা.গু. = 6

১৬।
$$x^2 - 3x$$
, $x^2 - 9$ এবং $x^2 - 4x + 3$

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি
$$= x^2 - 3x$$

 $= x(x-3)$

দ্বিতীয় রাশি =
$$x^2 - 9$$

= $(x)^2 - (3)^2$
= $(x+3)(x-3)$

তৃতীয় রাশি =
$$x^2 - 4x + 3$$

= $x^2 - 3x - x + 3$
= $x(x-3) - 2(x-3)$
= $(x-2)(x-3)$

এখানে, রাশিগুলোর সাধারণ উৎপাদক (x-3) এবং সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত (x-3)। সুতারাং, নির্ণেয় গ.সা.গু. = x-3

১৭।
$$18(x+y)^3$$
, $24(x+y)^2$ এবং $32(x^2-y^2)$

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি =
$$18(x+y)^3$$

= $2.3.3.(x+y)(x+y)(x+y)$

দ্বিতীয় রাশি =
$$24(x + y)^2$$

= $2.2.2.3.(x + y)(x + y)$
= $(x + 3)(x - 3)$

তৃতীয় রাশি =
$$32(x^2 - y^2)$$

= $2.2.2.2.(x + y)(x - y)$

এখানে, রাশিগুলোর সাধারণ উৎপাদক 2(x+y) এবং সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত 2(x+y)। সূতারাং, নির্ণেয় গ.সা.গু. =2(x+y)

OnLine Coaching.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্ট্রম শ্রেণি

১৮।
$$a^2b(a^3-b^3)$$
, $a^2b^2(a^4+a^2b^2+b^4)$ এবং $a^3b^2+a^2b^3+ab^4$)
সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি =
$$a^2b(a^3 - b^3)$$

= $a^2b(a-b)(a^2 + ab + b^2)$

ছিতীয় রাশি =
$$a^2b^2(a^4 + a^2b^2 + b^4)$$

= $a^2b^2\{(a^2)^2 + 2a^2b^2 + (b^2)^2 - (ab)^2\}$
= $a^2b^2\{(a^2 + b^2)^2 - (ab)^2\}$
= $a^2b^2(a^2 + ab + b^2)(a^2 - ab + b^2)$

তৃতীয় রাশি =
$$a^3b^2 + a^2b^3 + ab^4$$
)
$$= ab^2(a^2 + ab + b^2)$$

এখানে, রাশিগুলোর সাধারণ উৎপাদক $ab(a^2+ab+b^2)$

এবং সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত $ab(a^2+ab+b^2)$ ।

সুতারাং, নির্ণেয় গ.সা.গু. $= ab(a^2 + ab + b^2)$

১৯।
$$a^3 - 3a^2 - 10a$$
, $a^3 + 6a^2 + 8a$ এবং $a^4 - 5a^3 - 14a^2$ সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি =
$$a^3 - 3a^2 - 10a$$

= $a(a^2 - 3a - 10)$
= $a(a^2 - 5a + 2a - 10)$
= $a\{a(a-5) + 2(a-5)\}$
= $a(a-5)(a+2)$

দিতীয় রাশি =
$$a^3 + 6a^2 + 8a$$

= $a(a^2 + 6a + 8)$
= $a(a^2 + 4a + 2a + 8)$
= $a\{a(a+4) + 2(a+4)\}$
= $a(a+4)(a+2)$

OnLineCoaching.com.bd [বি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ]

অষ্ট্রম শ্রেণি

তৃতীয় রাশি =
$$a^4 - 5a^3 - 14a^2$$

= $a^2(a^2 - 5a - 14)$
= $a^2\{(a^2 - 7a + 2a - 14)\}$
= $a^2\{a(a-7) + 2(a-7)\}$
= $a^2(a-7)(a+2)$

এখানে, রাশিগুলোর সাধারণ উৎপাদক a(a+2) এবং সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত a(a+2) সুতারাং, নির্ণেয় গ.সা.গু. = a(a+2)

ল.সা.গু. নির্ণয় কর(২০- ২৭):

২০। a^5bc , ab^3c^2 এবং $a^7b^4c^3$

সমাধান:

প্রদত্ত রাশিগুলোর সাধারণ ঘাতের উৎপাদক যথাক্রমে $a^7b^4c^3$

২১। $5a^2b^3c^2$, $10ab^2c^3$ এবং $15ab^3c$

সমাধান:

5, 10 ও 15 - এর ল.সা.গু. = 30 এবং $a^2b^3c^2$, ab^2c^3 ও ab^3c - এর উৎপাদকগুলোর সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত যথাক্রমে a^2 , b^3 ও c^3 সুতারাং, উৎপাদকগুলোর ল.সা.গু = $30a^2b^3c^3$

 $3x^3y^2$, $4xy^2z$, $5x^4y^2z^2$ and $12xy^4z^2$

সমাধান:

3, 4 ও 5 - এর ল.সা.গু. = 60 এবং x^3y^2 , xy^2z ও $x^4y^2z^2$ - এর উৎপাদকগুলোর সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত যথাক্রমে x^4 , y^2 ও z^2 । সূতারাং, উৎপাদকগুলোর ল.সা.গু = $60x^4y^2z^2$

২৩। $3a^2d^3$, $9d^2b^2$, $12c^3d^2$, $24a^3b^2$ এবং $36c^3d^2$

সমাধান:

3,9,12,24 ও 36 - এর ল.সা.গু. = 72 এবং a^2d^3 , d^2b^2 , c^3d^2 , a^3b^2 ও c^3d^2 - এর উৎপাদকগুলোর সর্বোচ্চ সাধারণ ঘাত যথাক্রমে a^3 , b^2 , c^3 ও d^3 । সুতারাং, উৎপাদকগুলোর ল.সা.গু = $72a^3b^2c^3d^3$

OnLineCoaching.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্টম শ্রেণি

$$\sqrt{8}$$
 $x^2 + 3x + 2$ $x^2 - 1$ এবং $x^2 + x - 2$

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি
$$= x^2 + 3x + 2$$

 $= x^2 + 2x + x + 2$
 $= x(x+2) + 1(x+2)$
 $= (x+2)(x+1)$

দ্বিতীয় রাশি =
$$x^2 - 1$$

= $x^2 - 1^2$
= $(x+1)(x-1)$

তৃতীয় রাশি =
$$x^2 + x - 2$$

= $x^2 + 2x - 1x - 2$
= $x(x+2) - 1(x+2)$
= $(x+2)(x-1)$

সুতারাং, নির্ণেয় ল.সা.গু.
$$= (x+2)(x+1)(x-1)$$

 $= (x^2-1)(x+2)$

২৫।
$$x^2 - 4$$
, $x^2 + 4x + 4$ এবং $x^3 - 8$

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি
$$= x^2 - 4$$

 $= x^2 - 2^2$
 $= (x-2)(x+2)$

দ্বিতীয় রাশি =
$$x^2 + 4x + 4$$

= $x^2 + 2x + 2x + 4$
= $x(x+2) + 2(x+2)$
 $= (x+2)(x+2)$

তৃতীয় রাশি =
$$x^3 - 8$$

= $x^3 - 2^3$
= $(x-2)(x^2 + x \cdot 2 + 2^2)$
= $(x-2)(x^2 + 2x + 4)$

সুতারাং, নির্ণেয় ল.সা.গু. =
$$(x+2)(x+2)(x-2)(x^2+2x+4)$$

= $(x+2)^2(x^3-2^3) = (x+2)^2(x^3-8)$

OnLine Coaching.com.bd

্রাবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্ট্রম শ্রেণি

২৬।
$$6x^2 - x - 1$$
, $3x^2 + 7x + 2$ এবং $2x^2 + 3x - 2$

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি =
$$6x^2 - x - 1$$

= $6x^2 - 3x + 2x - 1$
= $3x(2x-1) + 1(2x-1)$
= $(2x+1)(3x-1)$

দ্বিতীয় রাশি =
$$3x^2 + 7x + 2$$

= $3x^2 + 6x + x + 2$
= $3x(x+2) + 1(x+2)$
= $(x+2)(3x+1)$

তৃতীয় রাশি =
$$2x^2 + 3x - 2$$

= $2x^2 + 4x - x - 2$
= $2x(x+2) - 1(x+2)$
= $(x+2)(2x-1)$

সূতারাং, নির্ণেয় ল.সা.গু. = (2x-1)(3x+1)(x+2) = $(x^2-1)(x+2)$

২৭।
$$a^3 + b^3$$
, $(a+b)^3$, $(a^2 - b^2)^2$ এবং $(a^2 - ab + b^2)^2$

সমাধান: এখানে,

প্রথম রাশি
$$= a^3 + b^3$$

= $(a+b)(a^2 - ab + b^2)$

দ্বিতীয় রাশি =
$$(a+b)^3$$

= $(a+b)(a+b)(a+b)$

তৃতীয় রাশি =
$$(a^2 - b^2)^2$$

= $(a^2 - b^2)^2$
= $(a^2 - b^2)(a^2 - b^2)$
= $(a+b)(a-b)(a+b)(a-b)$

চতুর্থ রাশি =
$$(a^2 - ab + b^2)^2$$

= $(a^2 - ab + b^2)(a^2 - ab + b^2)$

সুতারাং, নির্ণেয় ল.সা.গু.
$$=(a+b)(a+b)(a+b)(a-b)(a-b)(a^2-ab+b^2)(a^2-ab+b^2)$$

 $=(a+b)^3(a-b)^2(a^2-ab+b^2)^2$

aching.com.bd

অষ্টম শ্রেণি

$$2b + x^2 + \frac{1}{x^2} = 3$$

(ক)
$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2$$
 এর মান নির্ণয় কর।

দেওয়া আছে,
$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 3$$

সমাধান :
দেওয়া আছে,
$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 3$$

$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + 2.x. \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}$$

$$= x^2 + \frac{1}{x^2} + 2$$

$$= 3 + 2$$

$$= 5$$
(খ) $\frac{x^6 + 1}{x^3}$ এর মান কত?
সমাধান :
ক' থোকে পাই, $\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 5$

$$\therefore \left(x + \frac{1}{x}\right) = \sqrt{5}$$
[বর্গমূল করে]

$$\left[\because x^2 + \frac{1}{x^2} = 3\right]$$

(খ)
$$\frac{x^6 + 1}{x^3}$$
 এর মান কত?

'ক' থেকে পাই,
$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 5$$

$$\therefore \left(x + \frac{1}{x}\right) = \sqrt{5}$$

এখন,
$$\frac{x^6 + 1}{x^3}$$

$$= \frac{x^6}{x^3} + \frac{1}{x^3}$$

$$= x^3 + \frac{1}{x^3}$$

$$= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3.x. \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক <mark>উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্</mark>ধ

অষ্টম শ্ৰেণি

$$=(\sqrt{5})^3 - 3.\sqrt{5}$$
 [মান বসিয়ে]
= $5\sqrt{5} - 3.\sqrt{5}$
= $2\sqrt{5}$

সুতারাং, নির্ণেয় মান $2\sqrt{5}$

(গ)
$$x^2 + \frac{1}{x^2}$$
 এর ঘন নির্ণয় করে মান বের কর।

সমাধান: দেওয়া আছে,

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 3$$

এখন,
$$\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)^3 = \left(x^2\right)^3 + \left(\frac{1}{x^2}\right)^3 + 3.x^2.\frac{1}{x^2}\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)$$

$$= \left\{\left(x^2\right)^3 + \left(\frac{1}{x^2}\right)^3\right\} + 3.3$$

$$= \left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)^3 - 3.x^2.\frac{1}{x^2}\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) + 9$$

$$= (3)^3 - 3.3 + 9$$

$$= 27 - 9 + 9$$

$$= 27$$

২৯। a-b+c একটি বীজগণিতীয় রাশি হলে,

(ক) প্রদত্ত রাশির ঘন নির্ণয় কর।

সমাধান:

$$\therefore$$
 প্রদন্ত রাশির ঘন $=(a-b+c)^3$

$$=\{(a-b)+(c)\}^3$$

$$=(a-b)^3+3.(a-b)^2.c+3.(a-b).c^2+c^3$$

$$=a^3-3a^2b+3ab^2-b^3+3c(a^2-2ab+b^2)+3c^2(a-b)+c^3$$

$$=a^3-3a^2b+3ab^2-b^3+3a^2c-6abc+3b^2c+3ac^2-3bc+c^3$$

ching.com.bd

[বি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্টম শ্ৰেণি

(খ) প্রমাণ কর যে, $(a-b+c)^3 \neq (a-b)^3 + c^3$

সমাধান:

বামপক্ষ =
$$(a-b+c)^3$$

= $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3 + 3a^2c - 6abc + 3b^2c + 3ac^2 - 3bc + c^3$
ডানপক্ষ = $(a-b)^3 + c^3$
= $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 + b^3 + c^3$
 $\therefore (a-b+c)^3 \neq (a-b)^3 + c^3$ (প্রমাণিত)

(গ) প্রমাণ কর যে, প্রদত্ত রাশির বর্গ ও $\left(a+c
ight)^2-b^2$ সমান নয়।

সমাধান:

এখন, প্রদন্ত রাশির বর্গ
$$=(a-b+c)^2$$

$$=\{(a-b)+(c)\}^2$$

$$=(a-b)^2+2.(a-b)(c)+c^2$$

$$=a^2-2ab+b^2+2ac-2bc+c^2$$

$$=a^2+b^2+c^2-2ab-2bc+2ac$$
এবং $(a+c)^2-b^2=a^2+2ac+c^2-b^2$

$$=a^2-b^2+c^2+2ac$$

দেখা যাচ্ছে যে, প্রদত্ত রাশি অর্থাৎ (a-b+c) এর বর্গ এবং $(a+c)^2-b^2$ এর প্রাপ্ত মান একই নয়।

 \therefore প্রদত্ত রাশির বর্গ ও $(a+c)^2-b^2$ সমান নয় (প্রমাণিত)