াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধা

ঘনফলের সূত্রাবলি ও অনুসিদ্ধান্ত

সুত্র:
$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

অনুসিদ্ধান্ত:
$$a^3 + b^3 = (a+b)^3 - 3ab(a+b)$$

সূত্র:
$$(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

অনুসিদ্ধান্ত: $a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab(a - b)$

উদাহরণ ১৬। 3x + 2y এর ঘন নির্ণয় কর।

সমাধান:

$$(3x + 2y)^{3} = (3x)^{3} + 3 \times (3x)^{2} \times 2y + 3 \times (3x) \times (2y)^{2} + (2y)^{3}$$

$$= 27x^{3} + 3 \times 9x^{2} \times 2y + 3 \times 3x \times 4y^{2} + 8y^{3}$$

$$= 27x^{3} + 54x^{2}y + 36xy^{2} + 8y^{3}$$

উদাহরণ ১৭। 2a + 5b এর ঘন নির্ণয় কর।

সমাধান:

$$(2a+5b)^{3} = (2a)^{3} + 3 \times (2a)^{2} \times 5b + 3 \times (2a) \times (5b)^{2} + (5b)^{3}$$
$$= 8a^{3} + 3 \times 4a^{2} \times 5b + 3 \times 2a \times 25b^{2} + 125b^{3}$$
$$= 8a^{3} + 60a^{2}b + 150ab^{2} + 125b^{3}$$

উদাহরণ ১৮। m-2n এর ঘন নির্ণয় কর।

সমাধান:

$$(m-2n)^{3} = (m)^{3} - 3 \times (m)^{2} \times 2n + 3 \times m \times (2n)^{2} - (2n)^{3}$$

$$= m^{3} - 3m^{2} \times 2n + 3m \times 4n^{2} - 8n^{3}$$

$$= m^{3} - 6m^{2}n + 12mn^{2} - 8n^{3}$$

উদাহরণ ১৯ $\sqrt{4x-5y}$ এর ঘন নির্ণয় কর।

$$(4x-5y)^3 = (4x)^3 - 3 \times (4x)^2 \times 5y + 3 \times m \times (5y)^2 - (5y)^3$$

= $64x^3 - 3 \times 16x^2 \times 5y + 3 \times 4x \times 25y^2 - 125y^3$
= $64x^3 - 240x^2y + 300xy^2 - 125y^3$

অষ্টম শ্ৰেণি

উদাহরণ ২০। x+y-z এর ঘন নির্ণয় কর।

সমাধান:

$$(x + y - z) = \{(x + y) - z\}^{3}$$

$$= (x + y)^{3} - 3 \times (x + y)^{2} \times z + 3 \times (x + y) \times (z)^{2} - (z)^{3}$$

$$= x^{3} + 3x^{2}y + 3xy^{2} + y^{3} - 3z(x^{2} + 2xy + y^{2}) + 3xz^{2} + 3yz^{2} - z^{3}$$

$$= x^{3} + 3x^{2}y + 3xy^{2} + y^{3} - 3x^{2}z - 6xyz - 3y^{2}z + 3xz^{2} + 3yz^{2} - z^{3}$$

$$= x^{3} + y^{3} - z^{3} + 3x^{2}y + 3xy^{2} - 3x^{2}z - 3y^{2}z + 3xz^{2} + 3yz^{2} - 6xyz$$

কাজ: সূত্রের সাহায্যে ঘন নির্ণয় কর:

$$b = ab + bc$$

$$2x-5y$$

$$0 \mid 2x - 3y - z$$

ab + bc

সমাধান:

$$(ab+bc)^3$$

$$=(ab)^3 + 3(ab)^2 + 3ab(bc)^2 + (bc)^3$$

$$= a^3b^3 + 3a^2b^2bc + 3abb^2c^2 + b^3c^3$$

$$=a^3b^3+b^3c^3+3a^2b^3c+3ab^3c^2$$

2x-5y

$$(2x-5y)^3$$

$$= (2x)^3 - 3 \times (2x)^2 \times 5y + 3 \times 2x \times (5y)^2 - (5y)^3$$

$$= 8x^3 - 15y \times 4x^2 \times +6x \times 25y^2 - 125y^3$$

$$=8x^3 - 60x^2y + 150xy^2 - 125y^3$$

OnLineCoaching.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধা

অষ্টম শ্ৰেণি

$$\circ$$
 $\mid 2x - 3y - z \mid$

সমাধান:

$$(2x-3y-z)^3$$

$$=\{(2x-3y)-z)\}^3$$

$$= (2x-3y)^3 - 3(2x-3y)^2 \cdot z + 3 \cdot (2x-3y) \cdot z^2 - (z)^3$$

$$= (2x)^3 - 3(2x)^2 \cdot 3y + 3 \cdot 2x \cdot (3y)^2 - (3y)^3 - 3z\{(2x)^2 - 2(2x)(3y) + (3y)^2\} + 3z^2(2x - 3y) - z^3$$

$$=8x^{3}-36yx^{2}+54xy^{2}-27y^{3}-12x^{2}z+36xyz-27y^{2}z+6xz^{2}-9yz^{2}-z^{3}$$

$$=8x^{3}-27y^{3}-z^{3}-36x^{2}y-12x^{2}z+54xy^{2}-27y^{2}z+6xz^{2}-9yz^{2}+36xyz^{4}$$

উদাহরণ ২১। সরল কর:

$$(4m+2n)^3 + 3(4m+2n)^2(m-2n) + 3(4m+2n)(m-2n)^2 + (m-2n)^3$$

সমাধান:

ধরি,
$$4m+2n=a$$
 এবং $m-2n=b$

∴ প্রদত্ত রাশি =
$$a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

= $(a+b)^3$
= $(4m+2n+m-2n)^3$
= $(5m)^3$
= $125m^3$

উদাহরণ ২২। সরল কর:

$$(4a-8b)^3 - (3a-9b)^3 - 3(a+b)(4a-8b)(3a-9b)$$

ধরি,
$$4a - 8b = x$$
 এবং $3a - 9b = y$

$$x - y = (4a - 8b) - (3a - 9b)$$

$$=4a-8b-3a+9b$$

$$= a + b$$

এখন প্রদত্ত রাশি =
$$x^3 - y^3 - 3(x - y)xy$$

$$= x^3 - y^3 - 3xy(x - y)$$

$$=(x-y)^3$$

$$=(a+b)^3$$

$$= a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

অষ্ট্রম শ্রেণি

উদাহরণ ২৩। a+b=3 এবং ab=2 হলে, a^3+b^3 এর মান নির্ণয় কর :

সমাধান:

$$a^{3} + b^{3} = (a+b)^{3} - 3ab(a+b)$$
$$= (3)^{3} - 3 \times 2 \times 3$$
$$= 27 - 18$$
$$= 9$$

উদাহরণ ২৪ x-y=10 এবং xy=30 হলে, x^3-y^3 এর মান নির্ণয় কর :

সমাধান:

$$x^{3} - y^{3} = (x - y)^{3} + 3xy(x - y)$$
$$= (10)^{3} + 3 \times 30 \times 10$$
$$= 1000 + 900$$
$$= 1900$$

উদাহরণ ২৫। x + y = 4 হলে, $x^3 + y^3 + 12xy$ এর মান নির্ণয় কর :

সমাধান:

$$x^{3} + y^{3} + 12xy = x^{3} + y^{3} + 3 \times 4 \times xy$$

$$= x^{3} + y^{3} + 3 \times (x + y) \times xy$$

$$= x^{3} + y^{3} + 3xy(x + y)$$

$$= x^{3} + y^{3} + 3xy(x + y)$$

$$= (x + y)^{3}$$

$$= (4)^{3}$$

$$= 64$$

উদাহরণ ২৬। $a + \frac{1}{a} = 7$ হলে, $a^3 + \frac{1}{a^3}$ এর মান নির্ণয় কর :

$$a^{3} + \frac{1}{a^{3}} = a^{3} + \left(\frac{1}{a}\right)^{3}$$

$$= (a + \frac{1}{a})^{3} - 3 \times a \times \frac{1}{a}(a + \frac{1}{a})$$

$$= (7)^{3} - 3 \times (7)$$

$$= 343 - 21 = 322$$

অষ্টম শ্ৰেণি

উদাহরণ ২৭। m=2 হলে, $27\,m^3+54\,m^2+36\,m+3$ এর মান নির্ণয় কর । সমাধান :

প্রদন্ত রাশি =
$$(3m)^3 + 3 \times (3m) \times 2 + 3 \times (3m) \times (2)^2 + (2)^3 - 5$$

= $(3m+2)^3 - 5$
= $(3 \times 2 + 2)^3 - 5$ [m এর মান বসিয়ে]
= $(8)^3 - 5$
= $512 - 5$
= 507

কাজ: ১। সরল কর:
$$(7x-6)^3 - (5x-6)^3 - 6x(7x-6)(5x-6)$$

২।
$$a+b=10$$
 এবং $ab=21$ হলে, a^3+b^3 এর মান নির্ণয় কর।

ত।
$$a + \frac{1}{a} = 3$$
 হলে, দেখাও যে, $a^3 + \frac{1}{a^3} = 18$

$$(7x-6)^3 - (5x-6)^3 - 6x(7x-6)(5x-6)$$

ধরি.
$$7x - 6 = a$$

এবং
$$5x - 6 = b$$

$$\therefore a - b = 7x - 6 - 5x + 6$$
$$= 2x$$

্রাশ =
$$a^3 - b^3 - 3(a - b)ab$$

= $a^3 - b^3 - 3ab(a - b)$
= $(a - b)^3$
= $(2x)^3$
= $8x^3$

গণিত 6 অষ্টম শ্ৰেণি

২।
$$a+b=10$$
 এবং $ab=21$ হলে, a^3+b^3 এর মান নির্ণয় কর। সমাধান :

দেওয়া আছে,
$$a+b=10$$

এবং $ab=21$

এখন,
$$a^3 + b^3 = (a+b)^3 - 3ab(a+b)$$

= $(10)^3 - 3 \times 21 \times (10)$
= $1000 - 630$
= 370

নির্ণেয় মান 370.

ত।
$$a + \frac{1}{a} = 3$$
 হলে, দেখাও যে, $a^3 + \frac{1}{a^3} = 18$

সমাধান: দেওয়া আছে,

$$a + \frac{1}{a} = 3$$

বা,
$$\left(a + \frac{1}{a}\right)^3 = (3)^3$$
 ্যন করে

$$a^{3} + \left(\frac{1}{a}\right)^{3} + 3.a.\frac{1}{a}\left(a + \frac{1}{a}\right) = 27$$

$$a^3 + \frac{1}{a^3} + 3(3) = 27$$
 [$a + \frac{1}{a} = 3$]

$$a^3 + \frac{1}{a^3} = 27 - 9$$

$$a^3 + \frac{1}{a^3} = 18$$

্ৰ
$$a^3 + \frac{1}{a^3} = 18$$

$$\therefore a^3 + \frac{1}{a^3} = 18$$
(দেখানো হলো)

OnLineCoaching.com.bd ্বি.দ্ৰ. ব্য

[বি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ]

অষ্টম শ্ৰেণি

ঘনফলের আরো দুইটি সূত্রাবলি

সূত্র:
$$a^3 + b^3 = (a+b)(a^2 - ab + b^2)$$

সূত্র:
$$a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$$

উদাহরণ ২৮। $27x^4 + 8xy^3$ কে উৎপাদকে বিশ্লেষণ কর।

সমাধান:

$$27x^4 + 8xy^3$$

$$= x(27x^3 + 8y^3)$$

$$= x\{(3x)^3 + (2y)^3\}$$

$$= x(3x+2y)\{(3x)^2 - (3x) \times (2y) + (2y)^2\}$$

$$= x(3x+2y)(9x^2-6xy+4y^2)$$

উদাহরণ ২৯। $24x^3 - 81y^3$ কে উৎপাদকে বিশ্লেষণ কর।

সমাধান:

$$24x^3 - 81y^3$$

$$=3(8x^3-27v^3)$$

$$= 3\{(2x)^3 - (3y)^3\}$$

$$= 3(2x-3y)\{(2x)^2 + (2x)\times(3y) + (3y)^2\}$$

$$=3(2x-3y)(4x^2+6xy+9y^2)$$

উদাহরণ ৩০। সুত্রের সাহায্যে (x+2) ও x^4-2x^2+4 এর গুণফল নির্ণয় কর।

$$(x^2+2)(x^4-2x^2+4)$$

$$=(x^2+2)\{(x^2)^2-x^2\times 2+(2)^2\}$$

$$=(x^2)^3+(2)^3$$

$$= x^6 + 8$$

অষ্ট্রম শ্রেণি

উদাহরণ ৩১। সুত্রের সাহায্যে (4a-5b) ও $16a^2+20ab+25b^2$ এর গুণফল নির্ণয় কর।

সমাধান:

$$(4a-5b)(16a^{2} + 20ab + 25b^{2})$$

$$= (4a-5b)\{(4a)^{2} + 4a \times 5b + (5b)^{2}\}$$

$$= (4a)^{3} - (5b)^{3}$$

$$= 64a^{3} - 125b^{3}$$

কাজ : ১। সূত্রের সাহায্যে 2a+3b ও $4a^2-6ab+9b^2$ এর গুণফল নির্ণয় কর।

২। $27a^3 - 8$ কে উৎপাদকে বিশ্লেষণ কর।

১। সূত্রের সাহায্যে 2a+3b ও $4a^2-6ab+9b^2$ এর গুণফল নির্ণয় কর।

সমাধান:

$$(2a+3b)(4a^2-6ab+9b^2)$$

$$=(2a+3b)\{(2a)^2-(2a)(3b)+(3b)^2\}$$

$$=(2a)^3+(3b)^3$$

$$=8a^3+27b^3$$
নির্বেয় গুণফল $8a^3+27b^3$

২। $27a^3 - 8$ কে উৎপাদকে বিশ্লেষণ কর।

প্রদত্ত রাশি =
$$27a^3 - 8$$

= $(3a)^3 - (2)^3$
= $(3a - 2)\{(3a)^2 + 3a \cdot 2 + (2)^2\}$
= $(3a - 2)(9a^2 + 6a + 4)$

অষ্টম শ্ৰেণি

অনুশীলনী ৪.২

১। সুত্রের সাহায্যে নিচের রাশিগুলোর ঘন নির্ণয় কর:

$$(\mathbf{\overline{\Rightarrow}}) \ 3x + y$$

(4)
$$3x + y$$
 (4) $x^2 + y$

(গ)
$$5p + 2q$$

(1)
$$5p + 2q$$
 (1) $a^2b + c^2d$ (2) $6p - 7$

(5)
$$ax - by$$

(5)
$$2p^2 - 3r^2$$

(5)
$$x^3 + 2$$

(b)
$$ax - by$$
 (c) $2p^2 - 3r^2$ (d) $2m + 3n - 5p$

(43)
$$x^2 - y^2 + z^2$$
 (5) $a^2b^2 - c^2d^2$ (5) $a^2b - b^3c$ (5) $x^3 - 2y^3$

$$a^2h^2 - c^2d^2$$

(**b**)
$$x^3 - 2y$$

(b)
$$11a - 12b$$
 (c) $x^3 + y^3$

$$(9) x^3 + y^3$$

$$(\mathbf{\overline{a}}) 3x + y$$

সমাধান:

$$(3x + y)^{3} = (3x)^{3} + 3 \times (3x)^{2} \times y + 3 \times (3x) \times (y)^{2} + (y)^{3}$$
$$= 27x^{3} + 3 \times 9x^{2} \times y + 3 \times 3x \times y^{2} + y^{3}$$
$$= 27x^{3} + 27x^{2}y + 9xy^{2} + y^{3}$$

$$(x) x^2 + y$$

সমাধান:

$$(x^{2} + y)^{3} = (x^{2})^{3} + 3 \times (x^{2})^{2} \times y + 3 \times (x^{2}) \times (y)^{2} + (y)^{3}$$
$$= x^{6} + 3 \times x^{4} \times y + 3 \times x^{2} \times y^{2} + y^{3}$$
$$= x^{6} + 3x^{4}y + 3x^{2}y^{2} + y^{3}$$

(1)
$$5p + 2q$$

সমাধান:

$$(5p+2q)^{3} = (5p)^{3} + 3 \times (5p)^{2} \times 2q + 3 \times (5p) \times (2q)^{2} + (2q)^{3}$$

$$= 125 p^{3} + 3 \times 25 p^{2} \times 2q + 3 \times 5p \times 4q^{2} + 8q^{3}$$

$$= 125 p^{3} + 150 p^{2}q + 60 pq^{2} + 8q^{3}$$

$(a) a^2b + c^2d$

সমাধান :

$$(a^{2}b + c^{2}d)^{3} = (a^{2}b)^{3} + 3 \times (a^{2}b)^{2} \times c^{2}d + 3 \times (a^{2}b) \times (c^{2}d)^{2} + (c^{2}d)^{3}$$

$$= a^{6}b^{3} + 3 \times a^{4}b^{2} \times c^{2}d + 3 \times a^{2}b \times c^{4}d^{2} + c^{6}d^{3}$$

$$= a^{6}b^{3} + 3a^{4}b^{2}c^{2}d + 3a^{2}bc^{4}d^{2} + c^{6}d^{3}$$

www.bcsourgoal.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধা

অষ্টম শ্ৰেণি

(8)
$$6p-7$$

সমাধান:

$$(6p-7)^{3} = (6p)^{3} - 3 \times (6p)^{2} \times 7 + 3 \times (6p) \times (7)^{2} - (7)^{3}$$

$$= 216p^{3} - 3 \times 36p^{2} \times 7 + 3 \times 6p \times 49 - 343$$

$$= 216p^{3} - 756p^{2}q + 882pq^{2} - 343$$

(5) ax - by

সমাধান:

$$(ax - by)^{3} = (ax)^{3} - 3 \times (ax)^{2} \times by + 3 \times (ax) \times (by)^{2} - (by)^{3}$$

$$= a^{3}x^{3} - 3 \times a^{2}x^{2} \times by + 3 \times ax \times b^{2}y^{2} - b^{3}y^{3}$$

$$= a^{3}x^{3} - 3a^{2}bx^{2}y + 3ab^{2}xy^{2} - b^{3}y^{3}$$

(5)
$$2p^2 - 3r^2$$

সমাধান:

$$(2p^{2} - 3r^{2})^{3} = (2p^{2})^{3} - 3 \times (2p^{2})^{2} \times 3r^{2} + 3 \times (2p^{2}) \times (3r^{2})^{2} - (3r^{2})^{3}$$

$$= 8p^{6} - 3 \times 4p^{4} \times 3r^{2} + 3 \times 2p^{2} \times 9r^{4} - 27r^{6}$$

$$= 8p^{6} - 36p^{4}r^{2} + 54p^{2}r^{4} - 27r^{6}$$

(5)
$$x^3 + 2$$

সমাধান -

$$(x^{3} + 2)^{3} = (x^{3})^{3} + 3 \times (x^{3})^{2} \times 2 + 3 \times (x^{3}) \times (2)^{2} + (2)^{3}$$
$$= x^{9} + 3 \times x^{6} \times 2 + 3 \times x^{3} \times 4 + 8$$
$$= x^{9} + 6x^{6} + 12x^{3} + 8$$

$$(3)$$
 $2m + 3n - 5p$

$$(2m+3n-5p)^{3}$$

$$= \{(2m+3n)-(5p)\}^{3}$$

$$= (2m+3n)^{3} - 3 \times (2m+3n)^{2} \times (5p) + 3 \times (2m+3n) \times (5p)^{2} - (5p)^{3}$$

$$= \{(2m)^{3} + 3 \times (2m)^{2} \times 3n + 3 \times (2m) \times (3n)^{2} + (3n)^{3}\}$$

$$-15p \times \{(2m)^{2} + 2 \times 2m \times 3n + (3n)^{2}\} + 3 \times (2m+3n) \times 25p^{2} - 125p^{3}$$

অষ্টম শ্ৰেণি

$$=8m^{3} + 9n \times 4m^{2} + 6m \times 9n^{2} + 27n^{3} - 15p \times \{4m^{2} - 12mn + 9n^{2}\}$$

$$+75p^{2} \times (2m + 3n) - 125p^{3}$$

$$=8m^{3} + 36nm^{2} + 54mn^{2} + 27n^{3} - 60pm^{2} + 180mnp - 135n^{2}p$$

$$+150mp^{2} + 225np^{2} - 125p^{2}$$

$$= 8m^{3} + 27n^{3} - 125p^{3} + 36nm^{2} - 60pm^{2} + 54mn^{2} + 150mp^{2} - 135n^{2}p + 225p^{2} - 180mnp^{2}$$

(48)
$$x^2 - y^2 + z^2$$

সমাধান:

$$(x^{2} - y^{2} + z^{2})^{3}$$

$$= \{(x^{2} - y^{2}) + (z^{2})\}^{3}$$

$$= (x^{2} - y^{2})^{3} + 3(x^{2} - y^{2})^{2}z^{2} + 3(x^{2} - y^{2})(z^{2})^{2} + (z^{2})^{3}$$

$$= \{(x^{2})^{3} - 3(x^{2})^{2}y^{2} + 3x^{2}(y^{2})^{2} - (y^{2})^{3}\} + 3(x^{2} - y^{2})^{2}z^{2} + 3(x^{2} - y^{2})(z^{2})^{2} + (z^{2})^{3}$$

$$= x^{6} - 3x^{4}y^{2} + 3x^{2}y^{4} - y^{6} + 3z^{2}\{(x^{2})^{2} - 2x^{2}y^{2} + (y^{2})^{2}\} + 3z^{4}(x^{2} - y^{2}) + z^{6}$$

$$= x^{6} - 3x^{4}y^{2} + 3x^{2}y^{4} - y^{6} + 3x^{4}z^{2} - 6x^{2}y^{2}z^{2} + 3y^{6}z^{2} + 3z^{4}x^{2} - 3z^{4}y^{2} + z^{6}$$

$$= x^{6} - y^{6} + z^{6} - 3x^{4}y^{2} + 3x^{2}y^{4} + 3x^{4}z^{2} - 6x^{2}y^{2}z^{2} + 3y^{6}z^{2} + 3x^{2}z^{4} - 3y^{2}z^{4}$$

$$a^2b^2 - c^2d^2$$

সমাধান:

$$(a^{2}b^{2} - c^{2}d^{2})^{3} = (a^{2}b^{2})^{3} - 3 \times (a^{2}b^{2})^{2} \times c^{2}d^{2} + 3 \times (a^{2}b^{2}) \times (c^{2}d^{2})^{2} - (c^{2}d^{2})^{3}$$
$$= a^{6}b^{6} - 3a^{4}b^{4}c^{2}d^{2} + 3a^{2}b^{2}c^{4}d^{4} - c^{6}d^{6}$$

(2)
$$a^2b - b^3c$$

$$(a^{2}b - b^{3}c)^{3} = (a^{2}b)^{3} - 3 \times (a^{2}b)^{2} \times b^{3}c + 3 \times (a^{2}b) \times (b^{3}c)^{2} - (b^{3}c)^{3}$$

$$= a^{6}b^{3} - 3a^{4}b^{2}b^{3}c + 3a^{2}bb^{6}c^{2} - b^{9}c^{3}$$

$$= a^{6}b^{3} - 3a^{4}b^{5}c + 3a^{2}b^{7}c^{2} - b^{9}c^{3}$$

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধা

অষ্ট্রম শ্রেণি

(ড)
$$x^3 - 2y^3$$

সমাধান:

$$(x^3 - 2y^3)^3 = (x^3)^3 - 3 \times (x^3)^2 \times 2y^3 + 3 \times (x^3) \times (2y^3)^2 - (2y^3)^3$$
$$= x^9 - 6x^6y^3 + 12x^3y^6 - 8y^9$$

(\overline{b}) 11a - 12b

সমাধান:

$$(11a-12b)^{3} = (11a)^{3} - 3 \times (11a)^{2} \times 12b + 3 \times (11a) \times (12b)^{2} - (12b)^{3}$$
$$= 1331a^{3} - 4356a^{2} + 4752ab^{2} - 1728b^{3}$$

(a)
$$x^3 + y^3$$

সমাধান:

$$(x^{3} + y^{3})^{3} = (x^{3})^{3} + 3 \times (x^{3})^{2} \times y^{3} + 3 \times (x^{3}) \times (y^{3})^{2} + (y^{3})^{3}$$
$$= x^{9} + 3x^{6}y^{3} + 3x^{3}y^{6} + y^{9}$$

২। সরল কর:

$$(3x + y)^3 + 3(3x + y)^2(3x - y) + 3(3x + y)(3x - y)^2 + (3x - y)^3$$

(*)
$$(2p+5q)^3 + 3(2p+5q)^2(5q-2p) + 3(2p+5q)(5q-2p)^2 + (5q-2p)^3$$

(a)
$$(x+2y)^3 - 3(x+2y)^2(x-2y) + 3(x+2y)(x-2y)^2 - (x-2y)^3$$

(a)
$$(6m+2)^3 - 3(6m+2)^2(6m-4) + 3(6m+2)(6m-4)^2 + (6m-4)^3$$

(a)
$$(x-y)^3 + (x+y)^3 + 6x(x^2-y^2)$$

(a)
$$(3x+y)^3 + 3(3x+y)^2(3x-y) + 3(3x+y)(3x-y)^2 + (3x-y)^3$$

ধরি,
$$3x + y = a$$

এবং
$$3x - y = b$$

্ৰেপত্ত রাশি =
$$a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

= $(a+b)^3$
= $(3x + y + 3x - y)^3$
= $(6x)^3$
= $216x^3$

OnLineCoaching.com.bd

[বি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ]

অষ্টম শ্ৰেণি

(খ)
$$(2p+5q)^3 + 3(2p+5q)^2(5q-2p) + 3(2p+5q)(5q-2p)^2 + (5q-2p)^3$$
 সমাধান:

ধরি,
$$2p + 5q = a$$

এবং
$$5q - 2p = b$$

$$a + b = 2p + 5q + 5q - 2p$$

= 10 q

$$\therefore$$
 প্রদন্ত রাশি $= a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
 $= (a+b)^3$
 $= (10q)^3$
 $= 1000q^3$

(a)
$$(x+2y)^3 - 3(x+2y)^2(x-2y) + 3(x+2y)(x-2y)^2 - (x-2y)^3$$

ধরি,
$$x + 2y = a$$

এবং
$$x-2y=b$$

$$a - b = (x + 2y) - (x - 2y)$$

$$= x + 2y - x + 2y$$

$$= 4y$$

∴ প্রদত্ত রাশি =
$$a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

= $(a-b)^3$
= $(4y)^3$
= $64y^3$

(ঘ)
$$(6m+2)^3 - 3(6m+2)^2(6m-4) + 3(6m+2)(6m-4)^2 + (6m-4)^3$$

ধরি,
$$6m+2=a$$

এবং
$$6m - 4 = b$$

$$a - b = (6m + 2) - (6m - 4)$$

$$= 6m + 2 - 6m + 4$$

$$= 6$$

অষ্টম শ্রেণি

∴ প্রদত্ত রাশি =
$$a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

= $(a-b)^3$
= $(6)^3$
= 216

(8)
$$(x-y)^3 + (x+y)^3 + 6x(x^2-y^2)$$

সমাধান :

$$(x-y)^{3} + (x+y)^{3} + 6x(x^{2}-y^{2})$$

$$= (x-y)^{3} + (x+y)^{3} + 3 \times 2x \times (x-y)(x+y)$$
ধরি, $x-y=a$
এবং $x+y=b$

$$a + b = x - y + x - y$$

$$= 2x$$

$$= 6$$

$$\therefore$$
 প্রদন্ত রাশি = $(x-y)^3 + (x+y)^3 + 3 \times 2x \times (x-y)(x+y)$

$$= a^3 + b^3 + 3(a+b)ab$$

$$= a^3 + b^3 + 3ab(a+b)$$

$$= (a+b)^3$$

$$= (2x)^3$$

$$= 8x^3$$

৩।
$$a+b=8$$
 এবং $ab=15$ হলে, a^3+b^3 এর মান কত?

দেওয়া আছে,
$$a+b=8$$

এবং $ab=15$

: প্রদন্ত রাশি =
$$a^3 + b^3$$

= $(a+b)^3 - 3ab(a+b)$
= $(8)^3 - 3 \times 15 \times 8$
= $512 - 360$
= 152

অষ্টম শ্ৰেণি

$$8 + x + y = 2$$
 হলে, দেখাও যে, $x^3 + y^3 + 6xy = 8$

সমাধান:

দেওয়া আছে,
$$x + y = 2$$
দেখাতে হবে যে, $x^3 + y^3 + 6xy = 8$
বামপক্ষ $x^3 + y^3 + 6xy$

$$= x^3 + y^3 + 3xy.2$$

$$= x^3 + y^3 + 3xy(x + y) [\because 2 = x + y]$$

$$= (x + y)^3$$

$$= (2)^3$$

$$= 8$$

$$= ডানপক্ষ$$

$$\therefore x^3 + y^3 + 6xy = 8$$
 (দেখানো হলো)

দেওয়া আছে, 2x + 3y = 13

ত।
$$2x + 3y = 13$$
 এবং $xy = 6$ হলে, $8x^3 + 27y^3$ এর মান নির্ণয় কর।

সমাধান:

এবং
$$xy = 6$$

 \therefore প্রদন্ত রাশি $= 8x^3 + 27y^3$
 $= (2x)^3 + (3y)^3$
 $= (2x + 3y)^3 - 3 \times 2x \times 3y \times (2x + 3y)$
 $= (13)^3 - 18xy(13)$
 $= (13)^3 - 18 \times 6 \times 13$
 $= 2197 - 1404$
 $= 793$

নিৰ্পেয় মান 793.

অষ্টম শ্ৰেণি

$$p-q=3$$
 , $pq=3$

৬।
$$p-q=5$$
 , $pq=3$ হলে, p^3-q^3 এর মান নির্ণয় কর।

সমাধান:

দেওয়া আছে,
$$p-q=5$$

এবং $pq=3$
 \therefore প্রদত্ত রাশি $=p^3-q^3$

$$= (p-q)^3 + 3pq(p-q)$$

= $(5)^3 + 3 \times 3 \times (5)$
= $125 + 45$

$$-123 + 6$$

= 170

নির্ণেয় মান 170.

৭।
$$x-2y=3$$
 হলে, x^3-8y^3-18xy এর মান নির্ণয় কর?

সমাধান:

দেওয়া আছে,
$$x-2y=3$$

$$\therefore$$
 প্রদন্ত রাশি = $x^3 - 8y^3 - 18xy$
= $(x)^3 - (2y)^3 - 3 \times (x) \times (2y) \times 3$
= $(x)^3 - (2y)^3 - 3 \times x \times (2y)(x - 2y)$ [$\because 3 = x - 2y$]
= $(x - 2y)^3$
= $(3)^3$
= 27

নির্ণেয় মান 27.

৮।
$$4x-3=5$$
 হলে, প্রমাণ কর যে, $64x^3-27-180x=125$

সমাধান 🐧 🌘

দেওয়া আছে,
$$4x - 3 = 5$$

প্রমাণ করতে হবে যে,
$$64x^3 - 27 - 180x = 125$$

 $= (5)^3 + 36x.(5) - 180x$

বামপক্ষ
$$64x^3 - 27 - 180x$$

= $(4x)^3 - (3)^3 - 180x$
= $(4x - 3)^3 + 3.4x.3(4x - 3) - 180x$

অষ্টম শ্ৰেণি

$$=125+180x-180x$$

$$=125$$

= ডানপক্ষ

∴বামপক্ষ = ডানপক্ষ (প্রামাণিত)

৯। a=-3 এবং b=2হলে, $8a^3+36a^2b+54ab^2+27b^3$ এর মান নির্ণয় কর সমাধান :

দেওয়া আছে,
$$a=-3$$

এবং
$$b=2$$

$$\therefore$$
 প্রদন্ত রাশি $= 8a^3 + 36a^2b + 54ab^2 + 27b^3$
 $= (2a)^3 + 3.(2a)^2.3b + 3.2a.(3b)^2 + (3b)^3$
 $= (2a + 3b)^3$
 $= \{2(-3) + 3(2)\}^3$
 $= (-6 + 6)^3$
 $= (0)^3$
 $= 0$

নির্ণেয় মান 0.

১০।
$$a = 7$$
 হলে, $a^3 + 6a^2 + 12a + 1$ এর মান নির্ণয় কর

সমাধান:

দেওয়া আছে,
$$a=7$$

$$\therefore$$
 প্রদন্ত রাশি = $a^3 + 6a^2 + 12a + 1$

$$= (a)^3 + 3.(a)^2.2 + 3.a.(2)^2 + (2)^3 - 7$$

$$= (a+2)^3 - 7$$

$$= \{7+2\}^3 - 7$$

$$= (9)^3 - 7$$

$$= 729 - 7$$

$$= 722$$

নিৰ্ণেয় মান 722.

অষ্ট্রম শ্রেণি

১১। x = 5 হলে, $x^3 - 12x + 48x - 64$ এর মান নির্ণয় কর

সমাধান:

দেওয়া আছে, a=5

∴ প্রদন্ত রাশি =
$$x^3 - 12x + 48x - 64$$

= $(x)^3 - 3.(x)^2.4 + 3.x.(4)^2 - (4)^3$
= $(x - 4)^3$
= $\{5 - 4\}^3$
= $(1)^3$
= 1

নির্ণেয় মান 1.

১২।
$$a^2 + b^2 = c^2$$
 হলে, প্রমাণ কর যে, $a^6 + b^6 + 3a^2b^2c^2 = c^6$ সমাধান :

দেওয়া আছে, $a^2 + b^2 = c^2$

প্রমাণ করতে হবে যে, $a^6 + b^6 + 3a^2b^2c^2 = c^6$

বামপক্ষ =
$$a^6 + b^6 + 3a^2b^2c^2$$

= $(a^2)^3 + (b^2)^3 + 3a^2b^2c^2$
= $(a^2 + b^2)^3 - 3a^2.b^2(a^2 + b^2) + 3a^2b^2c^2$
= $(c^2)^3 - 3a^2.b^2(c^2) + 3a^2b^2c^2$
= c^6
= ডানপক্ষ

∴বামপক্ষ = ডানপক্ষ প্রামাণিত)

১৩।
$$x + \frac{1}{x} = 4$$
 হলে, প্রমাণ কর যে, $x^3 + \frac{1}{x^3} = 52$

দেওয়া আছে,
$$x + \frac{1}{x} = 4$$

প্রমাণ করতে হবে যে,
$$x^3 + \frac{1}{x^3} = 52$$

OnLineCoaching.com.bd

াবি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ

অষ্টম শ্ৰেণি

বামপক্ষ =
$$x^3 + \frac{1}{x^3}$$

= $(x)^3 + \left(\frac{1}{x}\right)^3$
= $\left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3x \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right)$
= $(4)^3 - 3(4)$
= $64 - 12$
= 52
= ডানপক্ষ

∴বামপক্ষ = ডানপক্ষ (প্রামাণিত)

১৪।
$$a - \frac{1}{a} = 5$$
 হলে, $a^3 - \frac{1}{a^3}$ এর মান কত?

$$= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3x \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= (4)^3 - 3(4)$$

$$= 64 - 12$$

$$= 52$$

$$= ভানপক্ষ$$
∴ বামপক্ষ = ভানপক্ষ (প্রামাণিত)
$$a - \frac{1}{a} = 5$$
হলে, $a^3 - \frac{1}{a^3}$ এর মান কত?
সমাধান:

দেওরা আছে, $a - \frac{1}{a} = 4$
প্রদন্ত রাশি = $a^3 - \frac{1}{a^3}$

$$= (a)^3 - \left(\frac{1}{a}\right)^3$$

$$= \left(a - \frac{1}{a}\right)^3 + 3a \frac{1}{a} \left(a - \frac{1}{a}\right)$$

$$= (5)^3 + 3(5)$$

$$= 125 + 15$$

$$= 140$$

অষ্ট্রম শ্রেণি

১৫। সূত্রের সাহায্যে গুণফল নির্ণয় কর:

$$(a^2 + b^2)(a^4 - a^2b^2 + b^4)$$

(1)
$$(ax - by)(a^2x^2 + abxy + b^2y^2)$$

(a)
$$(2ab^2-1)(4a^2b^4+2ab^2+1)$$
 (b) $(x^2+a)(x^4-ax^2+a^2)$

(
$$\mathbf{v}$$
) $(x^2 + a)(x^4 - ax^2 + a^2)$

(8)
$$(7a+4b)(49a^2-28ab+16b^2)$$
 (5) $(2a-1)(4a^2+2a+1)(8a^3+1)$

(b)
$$(2a-1)(4a^2+2a+1)(8a^3+1)$$

(a)
$$(x+a)(x^2-ax+a^2)(x-a)(x^2+ax+a^2)$$

(s)
$$(5a+3b)(25a^2-15ab+9b^2)(125a^3-27b^3)$$

$$(a^2 + b^2)(a^4 - a^2b^2 + b^4)$$

সমাধান:

$$(a^{2} + b^{2})(a^{4} - a^{2}b^{2} + b^{4})$$

$$= (a^{2} + b^{2})\{(a^{2})^{2} - a^{2}b^{2} + (b^{2})^{2}\}$$

$$= (a^{2})^{3} + (b^{2})^{3}$$

$$= a^{6} + b^{6}$$

(খ)
$$(ax - by)(a^2x^2 + abxy + b^2y^2)$$

সমাধান:

$$(ax - by)(a^{2}x^{2} + abxy + b^{2}y^{2})$$

$$= (ax - by)\{(ax)^{2} + abxy + (by)^{2}\}$$

$$= (ax)^{2} + (by)^{2}$$

$$= a^{2}x^{2} + b^{2}y^{2}$$

(2ab² - 1)(
$$4a^2b^4 + 2ab^2 + 1$$
)

$$(2ab^{2} - 1)(4a^{2}b^{4} + 2ab^{2} + 1)$$

$$= (2ab^{2} - 1)\{(2ab^{2})^{2} + 2ab^{2} \cdot 1 + (1)^{2}\}$$

$$= (2ab^{2})^{3} - (1)^{3}$$

$$= 8a^{3}b^{6} - 1$$

অষ্ট্রম শ্রেণি

$$(x^2 + a)(x^4 - ax^2 + a^2)$$

সমাধান:

$$(x^{2} + a)(x^{4} - ax^{2} + a^{2})$$

$$= (x^{2} + a)\{(x^{2})^{2} - x^{2} \cdot a + (a)^{2}\}$$

$$= (x^{2})^{3} + (a)^{3}$$

$$= x^{6} + a^{3}$$

(8) $(7a+4b)(49a^2-28ab+16b^2)$

সমাধান:

$$(7a+4b)(49a^{2}-28ab+16b^{2})$$

$$= (7a+4b)\{(7a)^{2}-7a\times4b+(4b)^{2}\}$$

$$= (7a)^{3}+(4b)^{3}$$

$$= 343a^{3}+64b^{3}$$

(b)
$$(2a-1)(4a^2+2a+1)(8a^3+1)$$

সমাধান:

$$(2a-1)(4a^{2} + 2a + 1)(8a^{3} + 1)$$

$$= (2a-1)\{(2a)^{2} + 2a \times 1 + (1)^{2}\}(8a^{3} + 1)$$

$$= \{(2a)^{3} - (1)^{3}\}(8a^{3} + 1)$$

$$= (8a^{3} - 1)(8a^{3} + 1)$$

$$= (8a^{3})^{2} - (1)^{2}$$

$$= 64a^{6} - 1$$

(a)
$$(x+a)(x^2-ax+a^2)(x-a)(x^2+ax+a^2)$$

সমাধান 🎨

$$(x+a)(x^2 - ax + a^2)(x-a)(x^2 + ax + a^2)$$

$$= (x^3 + a^3)(x^3 - a^3)$$

$$= (x^3)^2 - (a^3)^2$$

$$= x^6 - a^6$$

অষ্টম শ্ৰেণি

(a)
$$(5a+3b)(25a^2-15ab+9b^2)(125a^3-27b^3)$$

সমাধান:

$$(5a+3b)\{(5a)^{2}-5a\times3b+(3b)^{2}\}\{125a^{3}-27b^{3}\}$$

$$=\{(5a)^{3}-(3b)^{3}\}(125a^{3}-27b^{3})$$

$$=(125a^{3}+27b^{3})(125a^{3}-27b^{3})$$

$$=(125a^{3})^{2}-(27b^{3})^{2}$$

$$=15625a^{6}-729b^{6}$$

১৬। উৎপাদকে বিশ্লেষণ কর:

$$(4)$$
 $a^3 + 8$

$$(3)$$
 $8x^3 + 343$

(1)
$$8a^4 + 27ab^3$$

(
$$\forall$$
) $8x^3 + 1$

(8)
$$64a^3 + 125b^3$$

(5)
$$729a^3 - 64b^3c^6$$

(a)
$$27a^3b^3 + 64b^3c^3$$

(s)
$$56x^3 - 189y^3$$

$$(4)$$
 $a^3 + 8$

সমাধান:

$$a^{3} + 8$$

$$=(a)^3+(2)^3$$

$$= (a+2)\{(a)^2 - a \times 2 + (2)^2\}$$

$$=(a+2)(a^2-2a+4)$$

(1)
$$8a^4 + 27ab^2$$

সমাধান:

$$8a^4 + 27ab^3$$

$$=a(8a^3+27b^3)$$

$$= a\{(2a)^3 + (3b)^3\}$$

$$= a(2a+3)\{(2a)^2 - 2a \times 3 + (3)^2\}$$

$$= a(2a+3)(4a^2 - 6a + 9)$$

$$(3)$$
 $8x^3 + 343$

সমাধান:

$$8x^3 + 343$$

$$=(2x)^3+(7)^3$$

$$= (x+7)\{(2x)^2 - 2x \times 7 + (7)^2\}$$

$$=(x+7)(4x^2-14x+49)$$

(
$$\sqrt{8}x^3 + 1$$

$$8x^{3} + 1$$

$$=(2x)^3+(1)^3$$

$$=(2x+1)\{(2x)^2-2x\times 1+(1)^2\}$$

$$=(2a+1)(4x^2-2a+1)$$

OnLineCoaching.com.bd

[বি.দ্র. ব্যবসায়িক উদ্দেশ্যে কপিরাইট করা নিষিদ্ধ]

অষ্টম শ্ৰেণি

(8)
$$64a^3 + 125b^3$$

সমাধান:

$$64a^{3} + 125b^{3}$$

$$= (4a)^{3} + (5b)^{3}$$

$$= (4a + 5b)\{(4a)^{2} - 4a \times 5b + (5b)^{2}\}$$

$$= (4a + 5b)(16a^{2} - 20ab + 25b^{2})$$

(a)
$$27a^3b^3 + 64b^3c^3$$

সমাধান:

$$27a^{3}b^{3} + 64b^{3}c^{3}$$

$$= b^{3}\{(3a)^{3} + (4c)^{3}\}$$

$$= b^{3}(3a + 4c)\{(3a)^{2} - 3a \times 4c + (4c)^{2}\}$$

$$= b^{3}(3a + 4c)(9a^{2} - 12ac + 16c^{2})$$

(b)
$$729a^3 - 64b^3c^6$$

সমাধান:

$$729a^{3} - 64b^{3}c^{6}$$

$$= (9a)^{3} - (4bc^{2})^{3}$$

$$= (9a - 4bc^{2})\{(9a)^{2} + 9a \times 4bc^{2} + (4bc^{2})^{2}\}$$

$$= (9a - 4bc^{2})(81a^{2} + 36abc^{2} + 16b^{2}c^{4})$$

(জ)
$$56x^3 - 189y^3$$

$$56x^{3} - 189y^{3}$$

$$= 7(8x^{3} - 27y^{3})$$

$$= 7\{(2x)^{3} - (3y)^{3}\}$$

$$= 7(2x - 3y)\{(2x)^{2} + 2x \times 3y + (3y)^{2}\}$$

$$= 7(2x - 3y)(4x^{2} + 6xy + 9y^{2})$$