



## পাটিগণিতের কতিপয় গুরুত্বপূর্ন অধ্যায়ের অংক করার সহজ পদ্ধতি

### অনুপাত

১. মিশ্রিত দ্রবনের ক্ষেত্রে, যখন তুটি অনুপাতের সংখ্যা তুটির পার্থক্য একই হ্যু,তখন মিশ্রিত দ্রব্যের পরিমান =(মোট মিশ্রণেরপরিমাণ/অনুপাতের ছোট সংখ্যা)\*অনুপাতের পার্থক্য

যেমন-৩০লিটার পরিমাণ মিশ্রণে এসিড ওপানির অনুপাত৭:৩।
মিশ্রনে কি পরিমাণ পানি মিশ্রিত করলে এসিড ও পানির অনুপাত ৩:৭ হবে?

শর্টটেকনিক:

মিশ্রিত দ্রব্যের পরিমান =(মোট মিশ্রণের পরিমাণ/অনুপাতের ছোট সংখ্যা)\*অনুপাতের পার্থক্য

- = ৩০/৩\* (৭-৩)
- = ৪০লিটার
- ২. মিশ্রিত দ্রবনের ক্ষেত্রে, যখন দুটি অনুপাতের সংখ্যা দুটির পার্থক্য ভিন্নহ্য, তখন-

মিশ্রিত দ্রব্যের পরিমান =(বস্তুর মোট ওজন/১ম অনুপাতের সংখ্যা তুটির যোগফল)

যেমন- একটি সোনার গহনার ওজন ১৬গ্রাম।তাতে সোনার পরিমাণ: তামার পরিমাণ = ৩:১। তাতে আর কি পরিমাণ সোনা মেশালে অনুপাত 8:১ হবে?

শর্টটেকনিক:

মিশ্রিত দ্রব্যের পরিমান =(বস্তুর মোট ওজন/১ম অনুপাতের সংখ্যা তুটির যোগফল)

- = >6/(0+)
- = ৪গ্রাম

\*\*\*\*

## শতকরা হিসাব

পণ্য দ্রব্যের ক্ষেত্রে:

৩.মূল্যবৃদ্ধি পাওয়ার ব্যবহার কমানোর ক্ষেত্রে

ব্যবহার হ্রাসের হার=(১০০\*মূল্য বৃদ্ধির হার)/(১০০+মূল্যবৃদ্ধির হার)

যেমন- চিনির মূল্য ২০% বৃদ্ধি পাওয়াতে কোন এক পরিবার চিনি খাওয়ায় কেমন কমালে চিনি বাবদ ব্যবহার বৃদ্ধি পাবেনা?

শর্টটেকনিক:

ব্যবহার হ্রাসের হার=(১০০\*মূল্য বৃদ্ধির হার)/(১০০+মূল্যবৃদ্ধির হার)

- =>00\*20/>00+20
- =২০টাকা
- ৪.মূল্য হ্রাস পাওয়ার ব্যবহার বাড়ানোর ক্ষেত্রে-

ব্যবহার বাড়ানোর হার=(১০০\*মূল্য হ্রাসের হার)/(১০০-মূল্য হ্রাসের হার)

vww.bcsourgoal.bd





যেমন- কাপড়ের মূল্য ২০% কমে যাওয়াতে কোন এক পরিবার খরচ বৃদ্ধি না করেও কাপড়ের ব্যবহার শতকরা কত বৃদ্ধি করতে পারে?

শর্টটেকনিক:

ব্যবহার বাড়ানোর হার=(১০০\*মূল্য হ্রাসের হার)/(১০০-মূল্য হ্রাসের হার) =১০০\*২০/১০০-২০ =২৫%

৫. দ্রব্যমূল্যের শতকরা হার বৃদ্ধি পাওয়ায়-

দ্রব্যের বর্তমান মূল্য=বৃদ্ধি প্রাপ্ত মূল্যহার\* মোট মূল্য/(১০০\*যে পরিমাণ পণ্য পাওয়া গিয়েছে)

চিনির মূল্য ৬% বেড়ে যাওয়ায় ১০৬০ টাকায় পূর্বে যত কেজি চিনি কেনা যেত, এখন তার চেয়ে ৩ কেজি চিনি কম কেনা যায়। চিনির বর্তমান দর কেজি প্রতি কত?

শর্টটেকনিক:

দ্রব্যের বর্তমান মূল্য=বৃদ্ধি প্রাপ্ত মূল্যহার\* মোট মূল্য/(১০০\*যে পরিমাণ পণ্য পাওয়া গিয়েছে) =৬\*১০৬০/১০০\*৩ =২১.২ টাকা

৬.দ্রব্যমূল্যের শতকরা হার হ্রাস পাওয়ায়-

দ্রব্যের বর্তমান মূল্য = হ্রাসকৃত মূল্যহার\*মোট মূল্য/(১০০\*যে পরিমাণ পণ্য বেশি পাওয়া গিয়েছে)

যেমন- গমের মূল্য ১৫% কমে যাওয়ায় ৬০০০ টাকায় পূর্বাপেক্ষা ১ কুইন্টাল গম বেশি পাওয়া যায়। ১ কেজি গমের বর্তমান মূল্য কত?

শর্টটেকনিক:

দ্রব্যের বর্তমান মূল্য = হ্রাসকৃত মূল্যহার\*মোট মূল্য/(১০০\*যে পরিমাণ পণ্য বেশি পাওয়া গিয়েছে) দ্রব্যের বর্তমান মূল্য= ২৫\*৬০০/(১০০\*১০০) =৯ টাকা।

৭.মূল্য বা ব্যবহার হ্রাস- বৃদ্ধির ক্ষেত্রে-

হ্রাসের হার=(বৃদ্ধির হার\*হ্রাসের হার)/১০০

যেমন- এক ব্যবসায়ী একটি পণ্যের মূল্য ২৫% বাড়ালো, অত:পর বর্ধিত মূল্য থেকে ২৫% কমালো। সর্বশেষ মূল্য সর্বপ্রথম মূল্যের তুলনায়-

শর্টটেকনিক:

হ্রাসের হার=(বৃদ্ধির হার\*হ্রাসের হার)/১০০ =২৫\*১২৫/১০০ =৬ /১/৪%

\*\*\*\*\*





## পরীক্ষা ও পরীক্ষার্থী বিষয়ক

৮. উভ্যু বিষয়ে ফেলের হার উল্লেখ থাকলে উভ্যু বিষয়ে পাশের হার নির্ণয়ের ক্ষেত্রে-

পাসের হার=১০০-(১ম বিষয়ে ফেলের হার+২্য বিষয়ের ফেলের হার-উভ্য বিষয়ে ফেলের হার)

যেমন- কোন পরীক্ষায় ২০% পরীক্ষার্থী গনিতে এবং ৩০% পরীক্ষার্থী ইংরেজিতে ফেল করল। উভয় বিষয়ে ১৩% পরীক্ষার্থী ফেল করলে শতকরা কত জন পরীক্ষার্থী পাস করলো?

=>00-(20+00->0)=50%

৯. উভয় বিষয়ে পাশের হার উল্লেখ থাকলে উভয় বিষয়ে ফেলের হার নির্ণয়ের ক্ষেত্রে-

পাসের হার=১০০-(১ম বিষয়ে পাশের হার+২্য বিষয়ের পাশের হার-উভ্য় বিষয়ে পাশের হার)

যেমন- কোন পরীক্ষায় ৮০% পরীক্ষার্থী গনিতে এবং ৭০% পরীক্ষার্থী ইংরেজিতে পাশ করল। উভয় বিষয়ে ৬০% পরীক্ষার্থী পাশ করলে শতকরা কত জন পরীক্ষার্থী উভয় বিষয়ে ফেল করলো?

=>00-(60+90-6)=>0%

১০. উভয় বিষয়ে পাশ ও ফেল উল্লেখ থেকে মোট শিক্ষার্থী নির্ণয়ের ক্ষেত্রে-

={উভয় বিষয়ে পাসকৃত ছাত্ৰ/(১ম বিষয়ে ফেল+ ২য় বিষয়ে ফেল+উভয় বিষয়ে ফেল)}\*১০০

যেমন- কোন স্কুলে ৭০% শিক্ষার্থী ইংরেজিতে এবং ৮০% শিক্ষার্থী বাংলায় পাস করেছে। কিন্তু ১০% উভয় বিষয়ে ফেল করেছে। যদি উভয় বিষয়ে ৩০০ জন শিক্ষার্থী পাস করে থাকে। তবে ঐ স্কুলে কতজন শিক্ষার্থী পরীক্ষা দিয়েছে?

{৩০০/(৩০+২০+১০)}\*১০০=৫০০জন Hello Tech

\*\*\*\*\*

## লাভক্ষতি(শতকরা হিসাব):

লাভ-ক্ষতি ক্রয়্ল্যের ক্ষেত্রে-

১১. ক্ষতিতে বিক্রিত পণ্যের ক্রয়মূল্যের ক্ষেত্রে-

ক্রয়মূল্য=(১০০\* যত টাকা বেশি বিক্রয়)÷ ( ক্ষতির শতকরা হার + লাভের শতকরা হার)

যেমন- একটি ভেড়া ১০% ক্ষতিতে বিক্রয় করা হল। বিক্রয়মূল্য ৪৫ টাকা বেশি হলে ৫% লাভ হত। ভেড়াটির ক্রয়মূল্য কত?

ণটটেকনিক

ক্রথমূল্য=(১০০\* যত টাকা বেশি বিক্রথ)ঃ ( ক্ষতির শতকরা হার + লাভের শতকরা হার) =8৫\*১০০ঃ (১০+৫) =৩০০ টাকা

১২. লাভে বিক্রিত পন্যের ক্রয়মূল্যের ক্ষেত্রে-

ক্রয়মূল্য=(১০০\* বিক্রয়মূল্য)÷ (১০০+ লাভের শতকরা হার)
যেমন - একটিপুতুল ২৫% লাভে ৩৭৫ টাকা বিক্রয় করা হল। পুতুলটির ক্রয়মূল্য কত ছিল?





শর্টটেকনিক:

ক্রমূল্য=(১০০\* বিক্রমূল্য)÷ (১০০+ লাভের শতকরা হার)

=(১০০\*৩৭৫)÷ (১০০+২৫) =৩০০ টাকা

১৩. লাভে বিক্রিত পণ্যের বিক্রয়মূল্যের ক্ষেত্রে-

বিক্রয়মূল্য=মোটলাভ\*(১০০+ লাভের হার)÷লাভের হার

যেমন - একটি জিনিস বিক্রি করে বিক্রেতা ক্রয়মূল্যের ৩৫% লাভ করেন। মোট ২৮০ টাকা লাভ হলে জিনিসটির বিক্রয়মূল্য কত?

শর্টটেকনিক:

বিক্রমূল্য=মোটলাভ\*(১০০+ লাভের হার)÷লাভের হার

- ={\\v0(\\00+\00\)}\\\\00\
- =১০৮০ টাকা

\*\*\*\*\*

#### শতকরা লাভ/ ক্ষতির ক্ষেত্রে

১৪.সংখ্যাযুক্ত পন্যের ক্রয় বিক্রয়ের ক্ষেত্রে-

শতকরা লাভ= ( নির্দিষ্ট মূল্যের ক্রয়কৃত সংখ্যা- নির্দিষ্ট মূল্যের বিক্রিত সংখ্যা÷ নির্দিষ্ট মূল্যে বিক্রিত সংখ্যা)\*১০০ যেমন- টাকায় ৩টি করে লেবু কিনে টাকায় ২টি করে বিক্রি করলে শতকরা কত লাভ-

শর্টটেকনিক:

শতকরা লাভ= ( নির্দিষ্ট মূল্যের ক্রয়কৃত সংখ্যা- নির্দিষ্ট মূল্যের বিক্রিত সংখ্যা÷ নির্দিষ্ট মূল্যে বিক্রিত সংখ্যা)\*১০০ (৩-২÷২)\*১০০ =৫০%

\*\*\*\*\*

#### কাজ ও সময় সংক্রান্ত

১৫. কাজ,সময়ও লোক উল্লেখ থাকলে-

১ম লোক( M1 ) \*১ম সময় ( T1 ) =২্য় লোক ( M2 ) \*২্য় সময় (T2 ) ২্য় সময় = ১ম লোক \* ১ম সময়  $\div$  ২্য় লোক যেমন-১০জন লোক একটি কাজ ২০ দিনে করতে পারে। ৮জন লোকের ঐ কাজটি করতে কতদিন লাগবে? শর্টটেকনিক:

২্যু সম্যু = ১ম লোক \* ১ম সম্যু ÷ ২্যু লোক ২্যু সম্যু (D 2 ) = ১০\*২০÷৮=২৫ দিন।

১৬. কাজের ক্ষেত্রে পুরুষ= স্ত্রী/ বালক বা স্ত্রী=পুরুষ/বালক এবং ১ম সময় উল্লেখ থাকলে ২য় সময়-

 $T 2 = T 1 \div (৩য় লোকসংখ্যা/১ম লোকসংখ্যা+৪র্থ লোকসংখ্যা/২য় লোকসংখ্যা এখানে <math>T 1 = 5$ ম সময় T 2 = ২য় সয়য় (য়য়৸- ২জন পুরুষ বা তিনজন বালক য়ে কাজ ১৫ দিনে সম্পন্ন করতে পারে, চার জন পুরুষ এবং ৯ জন বালক তার দ্বিগুন কাজ কত দিনে করতে পারে?

শর্টটেকনিক:

T 2 =১৫÷(8/২+৯/৩)=৩দিনে

১৭. কোন কাজ তুজনে নির্দিষ্ট সময় পৃথকভাবে শেষ করলে একত্রে কাজ করার ক্ষেত্রে-

Page | 4

www.bcsourgoal





প্রয়োজনীয় সময়=(১ম সময়(m)\*২য় সময়(n))÷(১ম সময়(m)+২য় সময়(n) যেমন- একটি কাজ ক একা ৬ দিনে এবং খ একা ১২ দিনে শেষ করলে ক ও খ একত্রে কাজটি কত দিনে শেষ করতে পারবে?

#### শর্টটেকনিক:

=১২\*৬÷(১২+৬)=৪দিনে

১৮. কোন কাজ তুই জনে নির্দিষ্ট সময় একত্রে করতে পারলে একজনের একা কাজটি শেষ করতে-

প্রয়োজনীয় সময়=(১ম সময় (m)\*২য় সময় (n)) $\div$ (১ম সময়(m)-২য় সময়(n) যেমন- একটি কাজ ক এবং খ ১২ দিনে এবং ক একা ২০ দিনে শেষ করতে পারবে?

#### শর্টটেকনিক:

=(২০\*১২)÷(২০-১২)= ৩০ দিনে

১৯. দুই ব্যক্তি কাজ শুরু করার পর একজন চলে গেলে কাজ শেষ হওয়ার সময়,যদি একজনের কাজের সময় অপর জনের দিখন হয় তবে-

কাজ শেষ হওয়ার সময়=২/৩\*(D1 +D3) এখানে, D1 =১ম সময় D1 =৩য় সময় যেমন- ক একটি কাজ ১২দিনে এবং খ ২৪ দিনে করতে পারে।তারা একত্রে কাজ আরম্ভ করে এবং কয়েক দিন পর ক কাজটি অসমাপ্ত রেখে চলে যায়। বাকি কাজটুকু খ ৩ দিনে শেষ করে। কাজটি কত দিনে শেষ হ্যেছিল।

#### শর্টটেকনিক:

=২/৩\*(১২+৩) =১০দিনে

\*\*\*\*\*

### পিপা/ ট্যাংক/ চৌবাচ্চা সংক্রান্ত

২০. যখন কোন পিপা/ ট্যাংক তুইটি নলের ১টি পানি দ্বারা পূর্নকরণ এবং অপর অপসারণরত থাকে তখন -

পিপা/ ট্যাংক পূর্ণ বা খালি হতে প্রয়োজনীয় সময়=mn ÷(m-n ) এখানে, m=২য় নল দারা ব্যয়িত সময় n = ১ম নল দারা ব্যয়িত সময়

যেমন- একটি চৌবাচ্চা একটি নল দ্বারা ১০ ঘন্টায় পূর্ন হয়। তাতে একটি ছিদ্র থাকায় পূর্ণ হতে ১৫ ঘন্টা লাগে। ছিদ্র দ্বারা চৌবাচ্চাটি খালি হতে কত সময় লাগবে?

#### শর্টটেকনিক:

(১৫\*১০) ÷ (১৫-১০)= ৩০ঘন্টা

২১. যখন তুইটি নল দ্বারা চৌবাচ্চা পূর্ণ হয় তখন-

প্রয়োজনীয় সময়= mn ÷(m+n)

যেমন- একটি চৌবাচচা তুটি নল দ্বারা যথাক্রমে ২০ এবং ৩০ মিনিটে পূর্ণ হয়।তুটি নল এক সংগে খুলে দিলে চৌবাচ্চাটি কত সময়ে পূর্ণ হবে?

#### শর্টটেকনিক:

প্রয়োজনীয় সময়= mn ÷(m+n ) =৩০\*২০÷(৩০+২০)=১২ মিনিট

\*\*\*\*\*





### নৌকা ও স্রোত সংক্রান্ত

২২. নৌকার বেগ-

V =(স্রোতের অনুকূলে নৌকার বেগ(x )+স্রোতের প্রতিকূলে নৌকার বেগ( y ))÷২

যেমন- একটি নৌকা স্রোতের অনুকূলে ঘন্টায় ৮কি . মি. এবং স্রোতের প্রতিকূলে ৪ কিলোমিটার যায়। নৌকার বেগ কত?

শর্টটেকনিক:

V = (শ্রোতের অনুকূলে নৌকার বেগ(x) +শ্রোতের প্রতিকূলে নৌকার বেগ(y) += (b+8) + 2 = b . মি.

২৩. যখন নৌকাটি নির্দিষ্ট স্থানে গিয়ে আবার পূর্বের স্থানে ফিরে আসে তখন-

পূর্বের স্থানে ফিরে আসার সময় ক= d  $\{1 / (p+q)+1 / (p-q)\}$  এখানে, d =মোট অতিক্রান্ত দূরত্ p =নৌকার বেগ q =স্রোতের বেগ

যেমন- নৌকা ও স্রোতের বেগ ঘন্টায় যথাক্রমে ১০ ও ৫কি . মি.। নদী পথে ৪৫ কি.মি. দীর্ঘ পথ একবার অতিক্রম করে ফিরে আসতে কত ঘন্টা সময় লাগবে?

শর্টটেকনিক:

পূর্বের স্থানে ফিরে আসার সময় ক= d {1 /(p +q )+1 /(p -q )} =8৫{১÷(১০+৫)+১÷(১০-৫)}=১২ঘন্টা

\*\*\*\*\*

## বানরের বাঁশে ওঠা সংক্রান্ত

২৪. যখন বানর তৈলাক্ত বাশের মাথায় নির্দিষ্ট সময় উঠে এবং নির্দিষ্ট সময়ে নামে তখন-

প্রয়োজনীয় সময়={(মোট দৈর্ঘ্য-নির্দিষ্ট সময় যতটুকু উঠে)÷(নির্দিষ্ট সময় যতটুকু উঠে -)}\*২+১

যেমন- একটি বানর ৯২ ফুট উচু একটা তৈলাক্ত বাশ বেয়ে উপরে উঠতে লাগল। বানরটি প্রথম মিনিটে ১২ ফুট ওঠে, কিন্তু দিতীয় মিনিটে ৮ ফুট নেমে যায়। বাশের মাথায় উঠতে বানরটির কত মিনিট সময় লাগে?

শর্টটেকনিক:

প্রয়োজনীয় সময়={(মোট দৈর্ঘ্য-নির্দিষ্ট সময় যতটুকু উঠে)÷(নির্দিষ্ট সময় যতটুকু উঠে -)}\*২+১={(৯২-১২)÷(১২-৮)}\*২+১=(৮০/৪)\*২+১=৪১মিনিট

\*\*\*\*\*

### গতিবেগ, দূরত্ব ও সম্য সংক্রান্ত

২৫. নির্দিষ্ট স্থান থেকে একইদিকে চলমান দুটি বস্তুর ক্ষেত্রে-

দূরত্ব=  $\{(২য় দূরত্ব(m)*১ম তুরত্ব (n )) ÷ (২য় দূরত্ব(m)-১ম দূরত্ব (n ))\} * সময়$ 

যেমন - ৪ কি.মি. / ঘন্টা বেগে চললে কোন স্থানে পৌছাতে যে সময় লাগে, ৫ কি.মি./ঘন্টা বেগে চললে তার চেয়ে ১/২ ঘন্টা কম লাগে? স্থানটির দূরত্ব কত?

শর্টটেকনিক:

দূরত্ব= $\{(২য় দূরত্ব(m)*১ম তুরত্ব (n ))៖(২য় দূরত্ব(m)-১ম দূরত্ব(n ))\}*সময়$ 







=(৫\*৪)÷(৫-৪) =২০/২ =১০কি.মি.

### সুদকষা

২৬. যখন মূলধন,সময় এবং সুদের হার দেওয়া থাকে তখন-

সুদ=(মূলধন\*সম্য\*সুদের হার)÷১০০

যেমন- সুদের হার শতকরা সাত টাকা হলে ৬৫০টাকার ছয় বছরের সুদ হবে-

শর্টটেকনিক:

সুদ=(মূলধন\*সময়\*সুদের হার)÷১০০ (৬৫০\*৬\*৭)÷১০০=২৭৩টাকা

২৭. যখন সুদ,মূলধন এবং সুদের হার দেওয়া থাকবে,তখন-

সম্থ=(সুদ\*১০০) ঃ(মূলধন\*সুদের হার)

যেমন- ১০% হারে কত সময়ে ৫০০ টাকার সুদ ১০০টাকা হবে?

শর্টটেকনিক:

সময়=(সুদ\*১০০)÷(মূলধন\*সুদের হার) =(১০০\*১০০)÷(৫০০\*১০)=২বছর

২৮. যখন সুদে আসলে গুণ এবং সুদের হার উল্লেখ থাকে তখন-

সম্থ={(পুদে আসলে যতগুণ-১)÷সুদের হার}১০০

যেমন- বার্ষিক শতকরা ১০টাকা হার সুদে কোন মূলধন কত বছর পরে সুদে আসলে দ্বিগুণ হবে?

শর্টটেকনিক:

সময়={(সুদে আসলে যতগুণ-১)÷সুদের হার}১০০ {(২-১)/১০}১০০ =১০বছর

২৯. যখন সুদে মূলে গুণ এবং সম্য উল্লেখ থাকে তখন-

সুদের হার={(সুদে মূলে যতগুণ-১)/সম্য়}\*১০০

যেমন- শতকরা বার্ষিক কত হার সুদে যে কোন আসল ৫ বছরে সুদে-আসলে দিগুণ হ্য়?

শর্টটেকনিক:

www.bcsourgoal.b





সুদের হার={(সুদে মূলে যতগুণ-১)/সময়}\*১০০ ={(২-১)/৫}১০০ =২০%

৩০. যখন সুদ,সময় এবং সুদের হার উল্লেখ থাকে তখন-

মূলধন=(সুদ\*১০০)÷(সম্য\*সুদের হার)

যেমন-শতকরা বার্ষিক ৪টাকা হার সুদে কত টাকার ৬ বছরের সুদ ৮৪ টাকা হবে? শটটেকনিক:

মূলধন=(সুদ\*১০০)÷(সময়\*সুদের হার) =(৮৪\*১০০)÷(৬\*৪)=৩৫০টাকা

৩১. যখন দুটি সুদের হার থাকে এবং সুদের হার ও আয় কমে যায়, তখন-

আসল={হাসকৃত আয়়÷(১ম সুদের হার-২্যু সুদের হার)সম্যু}১০০

যেমন-বার্ষিক সুদের হার ৫% থেকে হ্রাস পেয়ে ৪/৩/৪% হওয়ায় এক ব্যক্তির ৮০ টাকা আয় কমে গেল। তার মূলধন কত ছিল?

শর্টটেকনিক:

আসল={হ্রাসকৃত আয়÷(১ম সুদের হার-২্য় সুদের হার)সময়}১০০

={(৮০\*১০০)÷(৫-8/৩/8)১ =৩২০০০টাকা

www.bcsourgoal.k