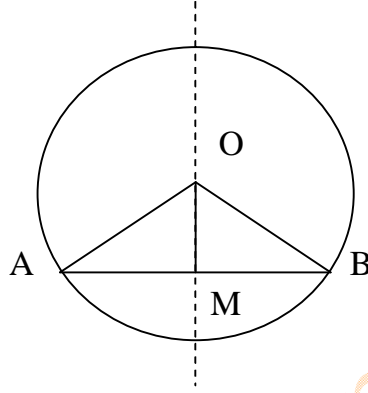


উপপাদ্য ১। বৃত্তের কেন্দ্র ও ব্যাস ভিন্ন কোনো জ্যা- এর মধ্যবিন্দুর সংযোজক রেখাংশ ঐ জ্যা- এর উপর লম্ব।

মনে করি, O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তে AB ব্যাস নয় এমন একটি জ্যা এবং M এই জ্যা- এর মধ্যবিন্দু। O, M যোগ করি। প্রমাণ করতে হবে যে, OM রেখাংশ AB জ্যা- এর উপর লম্ব।



অঙ্কন : O, A এবং O, B যোগ করি।

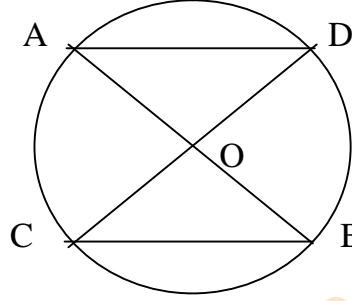
প্রমাণ :

ধাপ	যথার্থতা
(১) $\triangle OAM$ এবং $\triangle OBM$ এ $AM = BM$ $OA = OB$ এবং $OM = OM$ $\triangle OAM \cong \triangle OBM$ $\therefore \angle OMA = \angle OMB$ (২) যেহেতু কোণদ্বয় রৈখিক যুগল কোণ এবং এদের পরিমাপ সমান, সুতারাং $\angle OMA = \angle OMB = 1$ সমকোণ। অতএব, $OM \perp AB$ (প্রমাণিত)	[ M, AB এর মধ্যবিন্দু ] [ উভয় একই বৃত্তের ব্যাসার্ধ ] [ সাধারণ বাহু ] [ বাহু - বাহু - বাহু উপপাদ্য ]

## অনুশীলনী ১০.১

১। প্রমাণ কর যে, কোনো বৃত্তের দুইটি জ্যা পরস্পরকে সমদ্বিখণ্ডিত করলে তাদের ছেদবিন্দু বৃত্তটির কেন্দ্র হবে।

সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : মনে করি O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তের AB ও CD দুইটি জ্যা পরস্পরকে O বিন্দুতে সমদ্বিখণ্ডিত করে। অর্থাৎ  $AO = BO$  এবং  $CO = DO$ । প্রমাণ করতে হবে যে, O বিন্দুই বৃত্তের কেন্দ্র।

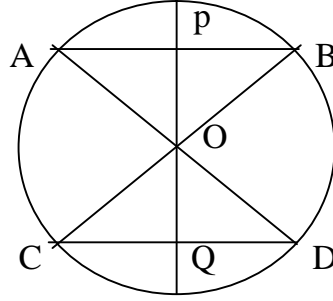
অঙ্কন : A, D এবং B, C যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপ	যথার্থতা
<p>(১) <math>\triangle BOC</math>-এ, <math>CO = BO</math>  এবং <math>\triangle AOD</math>-এ, <math>DO = AO</math>  <math>\therefore AO = BO = CO = DO</math>  অর্থাৎ O বিন্দু থেকে বৃত্তের পরিধিস্থ A, B, C, D বিন্দুর দূরত্ব সমান। তাই বলা যায় O বিন্দু থেকে বৃত্তের পরিধিস্থ যেকোনো বিন্দুর দূরত্ব সমান  <math>\therefore</math> O বিন্দুই বৃত্তের কেন্দ্র। (প্রমাণিত)</p>	<p>[ AB ও CD রেখা O বিন্দুতে সমদ্বিখণ্ডিত হয়েছে। ]</p>

২। প্রমাণ কর যে, দুইটি সমান্তরাল জ্যা- এর মধ্যবিন্দুর সংযোজক সরলরেখা কেন্দ্রগামী এবং জ্যাদ্বয়ের উপর লম্ব।

সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তের AB ও CD দুইটি সমান্তরাল জ্যা। AB ও CD এর মধ্যবিন্দু যথাক্রমে P ও Q। প্রমাণ করতে হবে যে, P, Q এর সংযোজক সরলরেখা O বিন্দুগামী। অর্থাৎ P, O, Q একই সরলরেখায় অবস্থিত প্রমাণ করাই যথেষ্ট হবে।

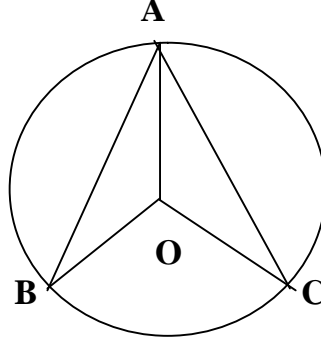
অঙ্কন : P, Q যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপ	যথার্থতা
(১) $\triangle AOP$ ও $\triangle BOP$ এর মধ্যে $AO = BO$ $BP = AP$ এবং OP সাধারণ বাহু $\therefore \triangle AOP \cong \triangle BOP$	[ একই বৃত্তের ব্যাসার্ধ ] [ P, AB এর মধ্যবিন্দু ] [ বাহু- বাহু- বাহু উপপাদ্য ]
(২) $\angle APO = \angle BPO = 1$ সমকোণ $\therefore OP \perp AB$ অনুরূপে $\angle CQO = \angle DQO = 1$ সমকোণ $\therefore OQ \perp CD$	[ রৈখিক যুগল কোণ বলে ] [ রৈখিক যুগল কোণ বলে ]
(৩) আবার, $OP = OQ$ $\therefore AO = BO = CO = DO$ অর্থাৎ P, Q, O বিন্দুগামী (প্রমাণিত)	

৩। কোনো বৃত্তের AB ও AC জ্যা দুইটি A বিন্দুগামী ব্যাসার্ধের সাথে সমান কোণ উৎপন্ন করে।  
প্রমাণ কর যে,  $AB = AC$ .

সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তে AB ও AC জ্যা দুইটি A বিন্দুগামী ব্যাসার্ধের সাথে সমান কোণ উৎপন্ন করে। প্রমাণ করতে হবে যে,  $AB = AC$

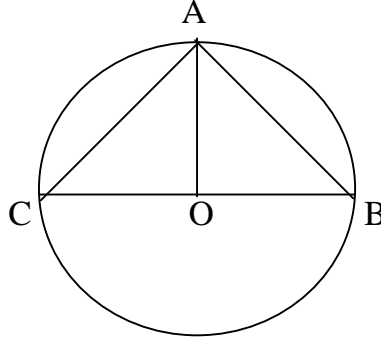
প্রমাণ :

ধাপ	যথার্থতা
(১) $\triangle AOB$ ও $\triangle AOC$ এর মধ্যে $BO = CO$ $\angle BAO = \angle CAO$ এবং $OA = OA$ $\therefore \triangle AOB \cong \triangle AOC$ $\therefore AB = AC$ (প্রমাণিত)	[ একই বৃত্তের ব্যাসার্ধ ] [ কল্পনা ] [ সাধারণ বাহু ] [ বাহু - বাহু - বাহু উপপাদ্য ]

৪। চিত্রে, O বৃত্তের কেন্দ্র এবং জ্যা AB = জ্যা AC.

প্রমাণ কর যে,  $\angle BAO = \angle CAO$

সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : O বৃত্তের কেন্দ্র এবং জ্যা AB = জ্যা AC প্রমাণ করতে হবে যে,  $\angle BAO = \angle CAO$

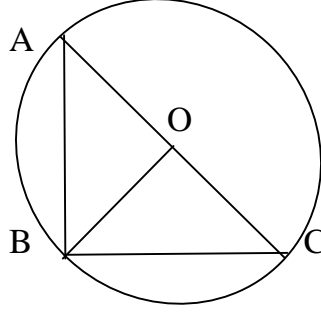
অঙ্কন : O,B এবং O,C যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপ	যথার্থতা
(১) $\triangle AOB$ ও $\triangle AOC$ এর মধ্যে $AB = AC$ $OB = OC$ এবং $OA = OA$ $\therefore \triangle AOB \cong \triangle AOC$ $\therefore \angle BAO = \angle CAO$ (প্রমাণিত)	[ কল্পনা ] [ একই বৃত্তের ব্যাসার্ধ বলে ] [ সাধারণ বাহু ] [ বাহু- বাহু- বাহু উপপাদ্য ]

৫। কোনো বৃত্ত একটি সমকোণী ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দু দিয়ে যায়। দেখাও যে, বৃত্তটির কেন্দ্র অতিভুজের মধ্যবিন্দু।

সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, বৃত্তটি ABC সমকোণী ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দু A দিয়ে যায়। AB এর মধ্যবিন্দু O বৃত্তটির কেন্দ্র অর্থাৎ  $BO = \frac{1}{2} AC$

অঙ্কন : O, B যোগ করি।

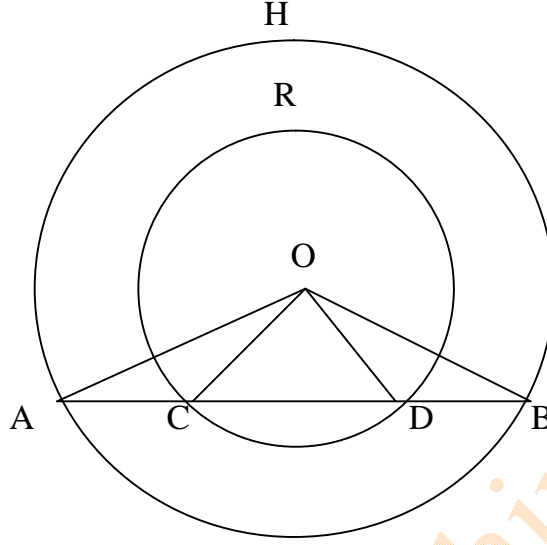
প্রমাণ :

ধাপ	যথার্থতা
(১) যেহেতু AC বৃত্তের ব্যাস এবং $\angle ABC =$ এক সমকোণ। সুতরাং A, B, C শীর্ষবিন্দু তিনটি বৃত্তস্থ হবে। অর্থাৎ A, B, C বৃত্তের পরিধির উপর তিনটি বিন্দু। O বৃত্তের কেন্দ্র হওয়ায় $BO = CO = AO$	[ অর্ধবৃত্তস্থ কোণ এক- সমকোণ ]  [ একই বৃত্তের ব্যাসার্ধ বলে ]
(২) এখন, $AO + CO = AC$ বা, $BO + BO = AC$ বা, $2BO = AC$ $\therefore BO = \frac{1}{2} AC$ (প্রমাণিত)	[ (১) থেকে ]

৬। দুইটি সমকেন্দ্রিক বৃত্তের একটির AB জ্যা অপর বৃত্তকে C ও D বিন্দুতে ছেদ করে।

প্রমাণ কর যে,  $AC = BD$ .

সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, O কেন্দ্রবিশিষ্ট দুইটি বৃত্ত ABH ও CDR। ABH বৃত্তের একটি জ্যা AB, CDR বৃত্তকে C ও D বিন্দুতে ছেদ করে। প্রমাণ করতে হবে যে,  $AC = BD$

অঙ্কন : A, O; C, O; D, O ও B, O যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপ	যথার্থতা
(১) $\triangle AOC$ ও $\triangle BOD$ -এ $AO = BO$ , $CO = DO$ এবং $\angle OAC = \angle OBD$ $\therefore \triangle AOC \cong \triangle BOD$ $\therefore AC = BD$ (প্রমাণিত)	[একই বৃত্তের ব্যাসার্ধ বলে] [একই বৃত্তের ব্যাসার্ধ বলে] [বাহু-কোণ-বাহু উপপাদ্য]