BAB III HUKUM – HUKUM RANGKAIAN

Hukum Ohm

Jika sebuah penghantar atau resistansi atau hantaran dilewati oleh sebuah arus maka pada kedua ujung penghantar tersebut akan muncul beda potensial, atau Hukum Ohm menyatakan bahwa tegangan melintasi berbagai jenis bahan pengantar adalah berbanding lurus dengan arus yang mengalir melalui bahan tersebut. Secara matematis:

$$V = I.R$$

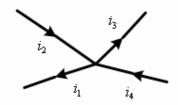
Hukum Kirchoff I / Kirchoff's Current Law (KCL)

Jumlah arus yang memasuki suatu percabangan atau node atau simpul samadengan arus yang meninggalkan percabangan atau node atau simpul, dengan kata lain jumlah aljabar semua arus yang memasuki sebuah percabangan atau node atau simpul samadengan nol. Secara matematis:

- Σ Arus pada satu titik percabangan = 0
- Σ Arus yang masuk percabangan = Σ Arus yang keluar percabangan

Dapat diilustrasikan bahwa arus yang mengalir samadengan aliran sungai, dimana pada saat menemui percabangan maka aliran sungai tersebut akan terbagi sesuai proporsinya pada percabangan tersebut. Artinya bahwa aliran sungai akan terbagi sesuai dengan jumlah percabangan yang ada, dimana tentunya jumlah debit air yang masuk akan samadengan jumlah debit air yang keluar dari percabangan tersebut.

Contoh:



$$\sum i = 0$$

$$i_2 + i_4 - i_1 - i_3 = 0$$

$$\sum arus \cdot masuk = \sum arus \cdot keluar$$

$$i_2 + i_4 = i_1 + i_3$$

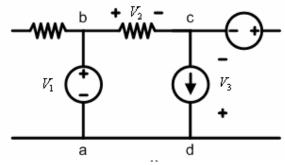
Hukum Kirchoff II / Kirchoff's Voltage Law (KVL)

Jumlah tegangan pada suatu lintasan tertutup samadengan nol, atau penjumlahan tegangan pada masing-masing komponen penyusunnya yang membentuk satu lintasan tertutup akan bernilai samadengan nol.

Secara matematis:

$$\sum V=0$$

Contoh:



Lintasan a-b-c-d-a:

$$V_{ab} + V_{bc} + V_{cd} + V_{da} = 0$$

$$-V_1 + V_2 - V_3 + 0 = 0$$

$$V_2 - V_1 - V_3 = 0$$

Lintasan a-d-c-b-a:

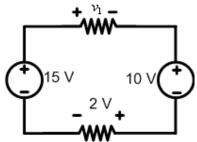
$$V_{ad} + V_{dc} + V_{cb} + V_{ba} = 0$$

$$V_3 - V_2 + V_1 + 0 = 0$$

$$V_3 - V_2 + V_1 = 0$$

Contoh Latihan:

1. Tentukan v₁ pada rangkaian tersebut!



Jawaban:

Hukum KVL:

$$\Sigma v = 0$$

searah jarum jam

$$+ v_1 + 10 + 2 - 15 = 0$$

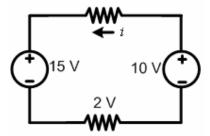
$$v_1 = 3V$$

berlawanan arah jarum jam

$$-v_1 - 10 - 2 + 15 = 0$$

$$v_1 = 3V$$

2. Tentukan v_1 pada rangkaian tersebut!



Jawaban:

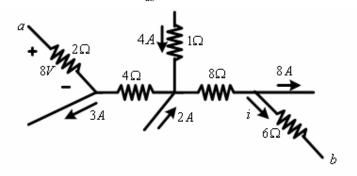
Hukum KVL:

$$\Sigma v = 0$$

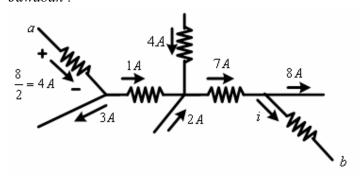
$$+v_1-10+2+15=0$$

$$v_1 = -7V$$

3. Tentukan nilai i dan v_{ab} !



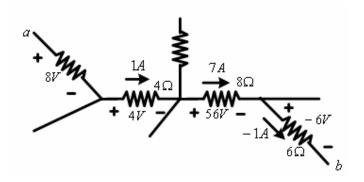
Jawaban:



Hukum KCL:

$$\Sigma i = 0$$

$$i = -8 + 7 = -1A$$



Hukum KVL:

$$\Sigma v = 0$$

$$v_{ab} = +8 + 4 + 56 - 6 = 62V$$

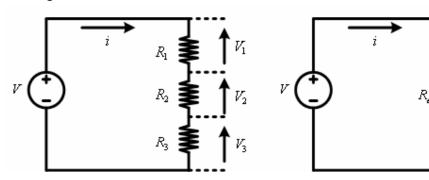
Hubungan Seri dan Paralel

Secara umum digolongkan menjadi 2:

- 1. Hubungan seri
 Jika salah satu terminal dari dua elemen tersambung, akibatnya arus yang lewat akan sama besar.
- 2. Hubungan paralel Jika semua terminal terhubung dengan elemen lain dan akibatnya tegangan diantaranya akan sama.

Resistor (R)

Hubungan seri:



$$KVL: \sum V = 0$$

$$V_1 + V_2 + V_3 - V = 0$$

$$V = V_1 + V_2 + V_3 = iR_1 + iR_2 + iR_3$$

$$V = i(R_1 + R_2 + R_3)$$

$$\frac{V}{i} = R_1 + R_2 + R_3$$

$$R_{ek} = R_1 + R_2 + R_3$$

Pembagi tegangan:

$$V_1 = iR_1$$

$$V_2 = iR_2$$

$$V_3 = iR_3$$

dim ana:

$$i = \frac{V}{R_1 + R_2 + R_3}$$

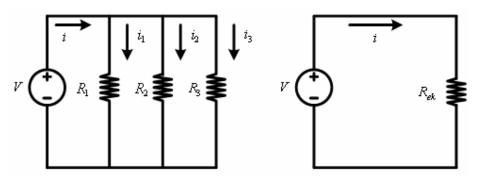
sehingga:

$$V_1 = \frac{R_1}{R_1 + R_2 + R_3} V$$

$$V_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2 + R_3} V$$

$$V_3 = \frac{R_3}{R_1 + R_2 + R_3} V$$

Hubungan paralel:



KCL:

$$\sum i = 0$$

$$i - i_1 - i_2 - i_3 = 0$$

$$i = i_1 + i_2 + i_3$$

$$\frac{V}{R_{ek}} = \frac{V}{R_1} + \frac{V}{R_2} + \frac{V}{R_3}$$

$$\frac{1}{R_{ek}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

Pembagi arus:

$$i_1 = \frac{V}{R_1}$$

$$i_2 = \frac{V}{R_2}$$

$$i_3 = \frac{V}{R_3}$$

dim ana:

$$V = iR_{ek}$$

sehingga:

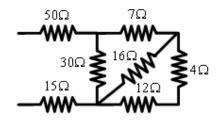
$$i_1 = \frac{R_{ek}}{R_1}i$$

$$i_2 = \frac{R_{ek}}{R_2}i$$

$$i_3 = \frac{R_{ek}}{R_3}i$$

Contoh latihan:

1. Tentukan nilai R_{ek} pada rangkain tersebut!



Jawaban:

$$R_{s1}=12+4=16\Omega$$

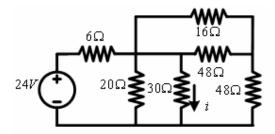
$$R_{s1} //16\Omega \rightarrow R_{p1} = \frac{16x16}{16+16} = 8\Omega$$

$$R_{s2} = R_{p1} + 7\Omega = 8 + 7 = 15\Omega$$

$$R_{s2} //30\Omega \rightarrow R_{p2} = \frac{15x30}{15+30} = 10\Omega$$

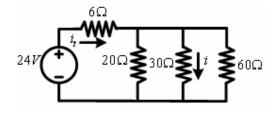
$$R_{ek} = R_{p2} + 50\Omega + 15\Omega = 10 + 50 + 15 = 75\Omega$$

2. Tentukan nilai arus i!

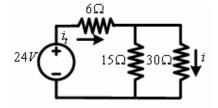


Jawaban:

$$\begin{split} R_{p1} &= \frac{16x48}{16+48} = 12\Omega \\ R_{s1} &= R_{p1} + 48\Omega = 12 + 48 = 60\Omega \\ R_{s1} // 30\Omega // 20\Omega &\to R_{p2} = \frac{R_{s1}.30.20}{R_{s1}.30 + R_{s1}.20 + 30.20} \\ R_{p2} &= 10\Omega \\ R_{ek} &= R_{p2} + 6\Omega = 10 + 6 = 16\Omega \\ \dot{t}_{t} &= \frac{24}{16} = \frac{3}{2}A \end{split}$$

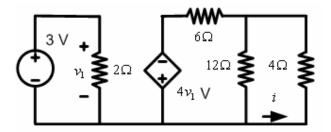


$$20\Omega // 60\Omega \rightarrow R_p = \frac{20.60}{20 + 60} = 15\Omega$$



$$i = \frac{15}{15 + 30}i_t = \frac{15}{45}\frac{3}{2} = \frac{1}{2}A$$

3. Tentukan nilai arus i!



Jawaban:

$$v_1 = 3V$$

$$12\Omega//4\Omega \to R_p = \frac{12x4}{12+4} = 3\Omega$$

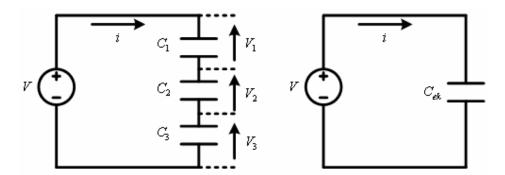
$$v_{R_p} = \frac{R_p}{R_p + 6\Omega} x 4v_1 = \frac{3}{9} x 12 = 4V$$

sehingga:

$$i = \frac{v_{R_p}}{4\Omega} = \frac{4}{4} = 1A$$

Kapasitor (C)

Hubungan seri



$$KVL: \sum V = 0$$

$$V_1 + V_2 + V_3 - V = 0$$

$$V = V_1 + V_2 + V_3$$

$$V = \frac{1}{C_1} \int idt + \frac{1}{C_2} \int idt + \frac{1}{C_3} \int idt$$

$$\frac{1}{C_{ek}} \int idt = \frac{1}{C_1} \int idt + \frac{1}{C_2} \int idt + \frac{1}{C_3} \int idt$$

$$\frac{1}{C_{ek}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}$$

Pembagi tegangan:

$$V_1 = \frac{1}{C_1} \int idt$$

$$V_2 = \frac{1}{C_2} \int idt$$

$$V_3 = \frac{1}{C_3} \int idt$$

$$\dim ana \to V = \frac{1}{C_{ek}} \int i dt$$

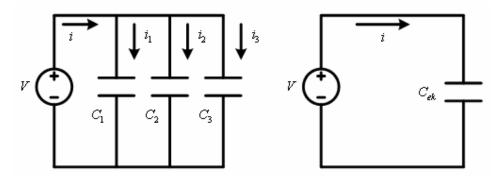
sehingga:

$$V_1 = \frac{\overline{C}_{ek}}{C_1} V$$

$$V_2 = \frac{C_{ek}}{C_2} V$$

$$V_3 = \frac{C_{ek}}{C_2}V$$

Hubungan paralel:



KCL:

$$\sum i = 0$$

$$\frac{-1}{i - i_1 - i_2 - i_3} = 0$$

$$i = i_1 + i_2 + i_3$$

$$C_{ek} \frac{dV}{dt} = C_1 \frac{dV}{dt} + C_2 \frac{dV}{dt} + C_3 \frac{dV}{dt}$$

$$C_{ek} = C_1 + C_2 + C_3$$

$$i_1 = C_1 \frac{dV}{dt}$$

$$i_2 = C_2 \frac{dV}{dt}$$

$$i_3 = C_3 \frac{dV}{dt}$$

$$\dim ana \to i = C_{ek} \frac{dV}{dt} \to \frac{dV}{dt} = \frac{i}{C_{ek}}$$

sehingga:

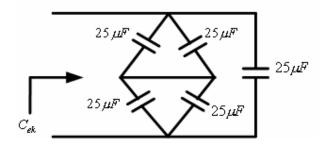
$$i_1 = \frac{C_1}{C_{ek}}i$$

$$i_2 = \frac{C_2}{C_{ek}}i$$

$$i_3 = \frac{C_3}{C_{ek}}i$$

Contoh latihan:

1. Tentukan C_{ek} pada rangkaian tersebut!



Jawaban:

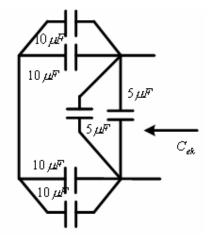
$$C_{p1} = 25 \mu F + 25 \mu F = 50 \mu F$$

$$C_{p2} = 25\mu F + 25\mu F = 50\mu F$$

$$C_s = \frac{50x50}{50 + 50} = 25\mu F$$

$$C_{ek} = C_s + 25\mu F = 25 + 25 = 50\mu F$$

2. Tentukan Cek!

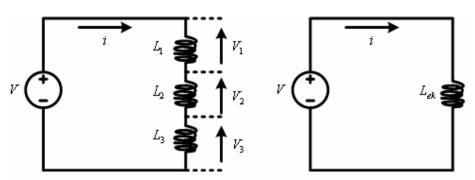


Jawaban:

$$\begin{split} C_{p1} &= 10 \mu F + 10 \mu F = 20 \mu F \\ C_{p1} &= 10 \mu F + 10 \mu F = 20 \mu F \\ C_{s} &= \frac{20 \times 20}{20 + 20} = 10 \mu F \\ C_{s} // 5 \mu F // 5 \mu F \rightarrow C_{ek} = C_{s} + 5 \mu F + 5 \mu F = 20 \mu F \end{split}$$

Induktor (L)

Hubungan seri:



$$\begin{split} KVL : & \sum V = 0 \\ & V_1 + V_2 + V_3 - V = 0 \\ & V = V_1 + V_2 + V_3 \\ & V = L_1 \frac{di}{dt} + L_2 \frac{di}{dt} + L_3 \frac{di}{dt} \\ & L_{ek} \frac{di}{dt} = L_1 \frac{di}{dt} + L_2 \frac{di}{dt} + L_3 \frac{di}{dt} \\ & L_{ek} = L_1 + L_2 + L_3 \end{split}$$

Pembagi tegangan:

$$V_1 = L_1 \frac{di}{dt}$$

$$V_2 = L_2 \frac{di}{dt}$$

$$V_3 = L_3 \frac{di}{dt}$$

$$\dim ana \to V = L_{ek} \frac{di}{dt} \to \frac{di}{dt} = \frac{V}{L_{ek}}$$

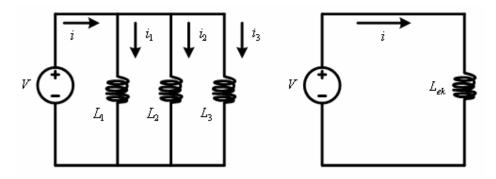
sehingga:

$$V_1 = \frac{L_1}{L_{ek}} V$$

$$V_2 = \frac{L_2}{L_{ek}}V$$

$$V_3 = \frac{L_3}{L_{ek}}V$$

Hubungan paralel:



KCL:

$$\sum i = 0$$

$$i - i_1 - i_2 - i_3 = 0$$

$$i = i_1 + i_2 + i_3$$

$$\frac{1}{L_{ek}} \int V dt = \frac{1}{L_1} \int V dt + \frac{1}{L_2} \int V dt + \frac{1}{L_3} \int V dt$$

$$\frac{1}{L_{ek}} = \frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \frac{1}{L_3}$$

Pembagi arus;

$$i_1 = \frac{1}{L_1} \int V dt$$

$$i_2 = \frac{1}{L_2} \int V dt$$

$$i_3 = \frac{1}{L_3} \int V dt$$

$$\dim ana \to i = \frac{1}{L_{ek}} \int V dt \to \int V dt = L_{ek} i$$

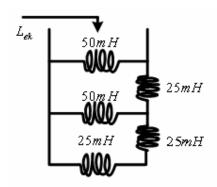
$$i_1 = \frac{L_{ek}}{L_1}i$$

$$i_2 = \frac{L_{ek}}{L_2}i$$

$$i_3 = \frac{L_{ek}}{L_3}i$$

Contoh latihan:

1. Tentukan nilai Lek!



Jawaban:

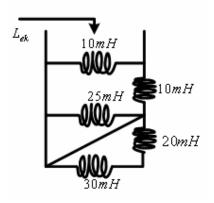
$$L_{s1} = 25mH + 25mH = 50mH$$

$$L_{s1} // 50mH \rightarrow L_{p1} = \frac{50x50}{50 + 50} = 25mH$$

$$L_{s2} = L_{p1} + 25mH = 25 + 25 = 50mH$$

$$L_{s2} //50mH \rightarrow L_{ek} = \frac{50x50}{50+50} = 25mH$$

2. Tentukan nilai Lek!

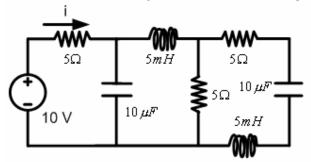


Jawaban:

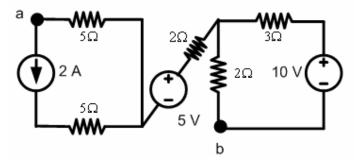
$$\begin{split} L_{s1} &= 30mH + 20mH = 50mH \\ L_{s1} // 0 // 25mH &\to L_{p1} = 0mH \\ L_{s2} &= L_{p1} + 10mH = 0 + 10 = 10mH \\ L_{s2} // 10mH &\to L_{ek} = \frac{L_{s2} x 10}{L_{s2} + 10} \\ L_{ek} &= \frac{10 x 10}{10 + 10} = 5mH \end{split}$$

Soal - soal:

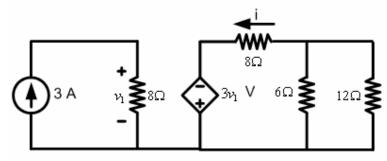
1. Tentukan nilai arus i jika diberikan sumber tegangan DC 10 V!



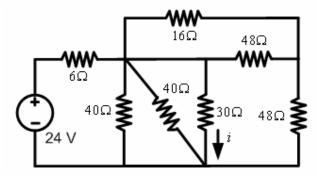
2. Tentukan nilai tegangan $V_{ab}!$



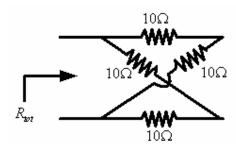
3. Tentukan nilai i!



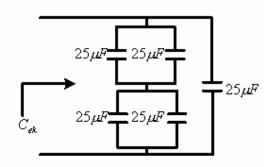
4. Tentukan nilai arus i!



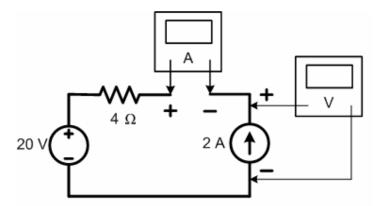
- 5. Jika pada suatu rangkaian diberikan tegangan 10 V maka timbul arus sebesar 2 A, maka berapa arus yang muncul jika tegangan yang diberikan pada rangkaian tersebut sebesar 15 V
- 6. Pada suatu rangkaian yang tidak diketahui nilai resistansinya, daya pada rangkaian tersebut yang terukur dengan wattmeter sebesar 250 W dengan tegangan terpasang 50 V, tentukan nilai resistansinya.
- 7. Nilai suatu rangkaian seri $R_1 = 6\Omega$ dan $R_2 = 12\Omega$ jika diberikan sumber tegangan 8 V akan menghasilkan arus sebesar 2 A, tentukan nilai arus rangkaian paralel dengan daya yang sama saat rangkaian dihubung seri.
- 8. Jika suatu nilai kapasitor yang terdiri dari 10pF, 12x10⁻⁶ μF, dan 0,008nF, jika dihubungkan paralel maka berapa nilai kapasitor totalnya.
- 9. Jika diberikan sumber tegangan sebesar 10 V dan nilai resistor masing-masing 5Ω seri dengan 10Ω kemudian paralel dengan 15Ω lalu diserikan lagi dengan paralel antara 5Ω dan 5Ω , maka tentukan arus yang dihasilkan.
- 10. Tentukan tahanan totalnya



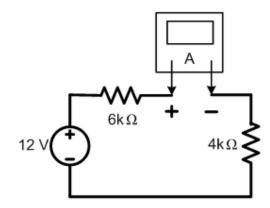
11. Tentukan Cek!



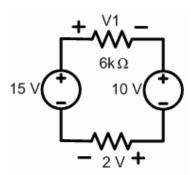
12. Tentukan nilai pada alat ukur masing-masing:



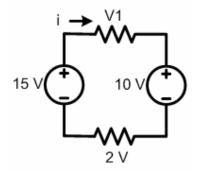
13. Tentukan arus pada Amperemeter:



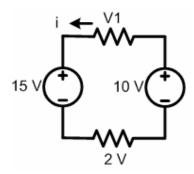
26. Tentukan V_1 pada rangkaian berikut :



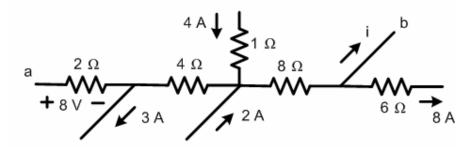
27. Tentukan V_1 pada rangkaian berikut :



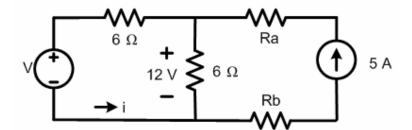
28. Tentukan V_1 pada rangkaian berikut :



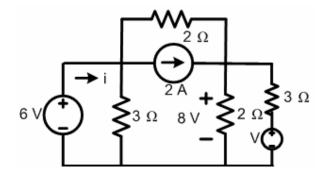
29. Tentukan arus i dan Vab pada rangkaian berikut :



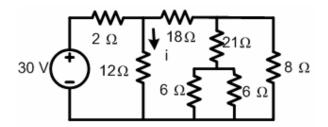
30. Tentukan arus i dan V pada rangkaian berikut :



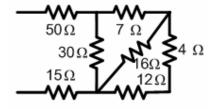
31. Tentukan arus i dan V pada rangkaian berikut :



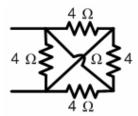
32. Tentukan Rek dan i pada rangkaian berikut :



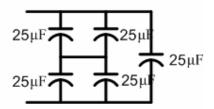
33. Tentukna Rtot pada rangkaian berikut :



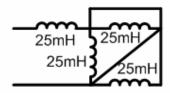
34. Tentukan Rek pada rangkaian berikut :



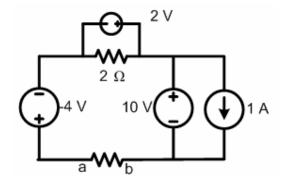
35. Tentukan Cek pada rangkaian berikut :



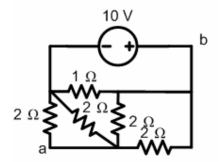
36. Tentukan Lek pada rangkaian berikut :



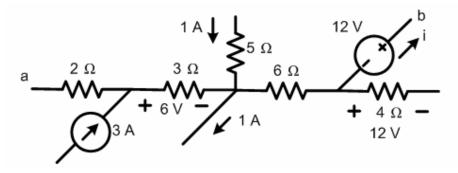
37. Tentukan tegangan dititik a-b pada rangkaian berikut :



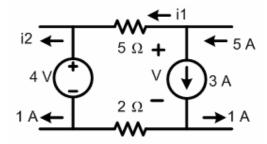
38. Tentukan tegangan dititik a-b pada rangkaian berikut :



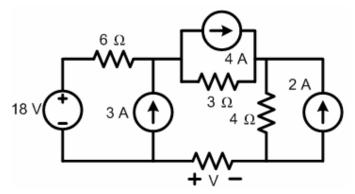
39. Tentukan tegangan $V_{ab}\ pada\ rangkaian\ berikut$:



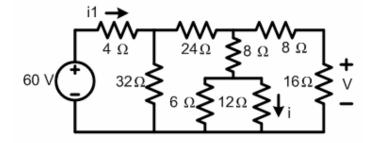
40. Tentukan i₁, i₂, dan V pada rangkaian berikut :



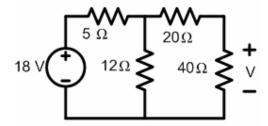
41. Tentukan tegangan V pada rangkaian berikut :



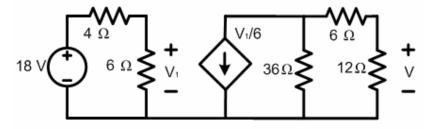
42. Tentukan arus $i,\,i_1$ dan V :



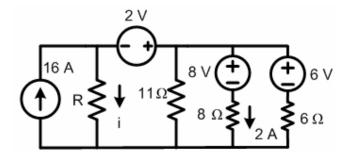
43. Tentukan tegangan V pada rangkaian berikut :



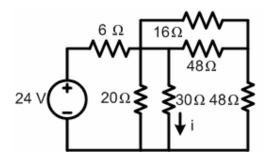
44. Tentukan nilai tegangan V pada rangkaian berikut :



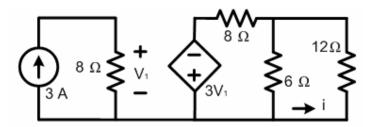
45. Tentukan nilai arus i dan hambatan R rangkaian berikut :



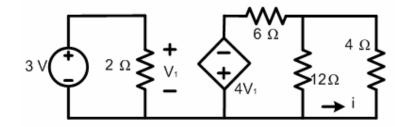
46. Tentukan arus i pada rangkaian berikut :



47. Tentukan nilai arus i pada rangkaian berikut :



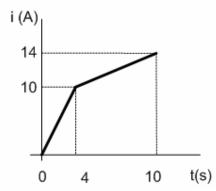
48. Tentukan nilai i pada rangkaiann berikut :



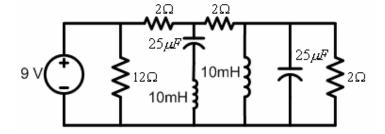
49. Jika tegangan pada elemen adalah 8 V dan rus yang meleweati trminal positifnya seperti diperlihatkan pada gambar. Tentukan daya yang diserap elemen pada saat :

a.
$$t = 4 s$$

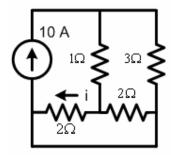
b.
$$t = 7 \text{ s}$$



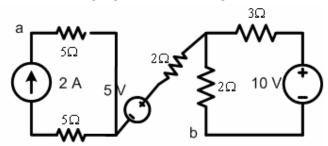
- 50. Tentukan muatan total pada soal no. 49:
- 51. Tentukan Zek rangkaian berikut:



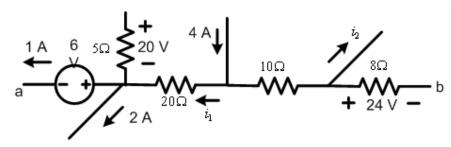
52. Tentukan nilai arus i pada rangkaian berikut :



53. Tentukan tegangan dititik a-b rangkaian berikut :

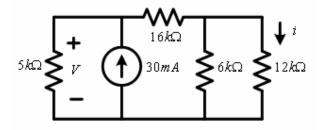


54. Tentuklan i_1 , i_2 dan V_{ab} :

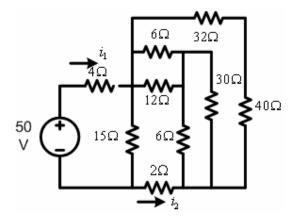


- 55. Sebuah resistor $1k\Omega$ dihubungkan baterai dan 6 mA mengalir. Berapa arus jika baterai dihubungkan resistor 30Ω ? Berapa tegangan baterai?
- 56. Sebuah toaster resistor akan menjadi panas ketika arus melewatinya. Jika toaster mendisipasikan daya 960 W pada teganngan 120 V. Tentukan arus dan resistansinya.
- 57. Sebuah sumber 10 V diserikan dengan beberapa resistor dengan arus 50 mA. Berapa nilai tahanan yang harus diserikan dengan sumber dan resistor dengan arus terbatas 20 mA?
- 58. Resistor 20Ω , 30Ω dan R dihubung paralel membentuk resistansi ekivalen 4Ω . Tentukan R dan arus melewatinya. Jika sumber arus 6A dipasang pada kombinasi tersebut.

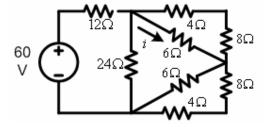
59. Tentukan tegangan V dan arus i :



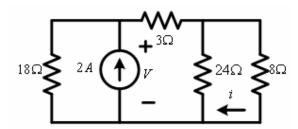
60. Tentukan i_1 dan i_2 :



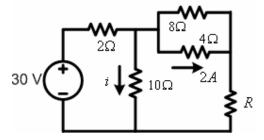
61. Tentukan arus i:



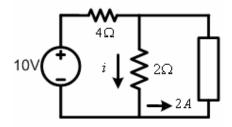
62. Tentukan arus i dan tegangan V :



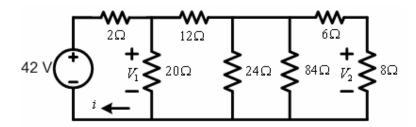
63. Tentukan i dan nilai R :



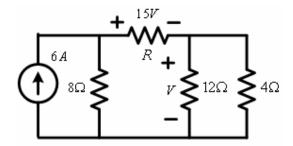
64. Tentukan i:



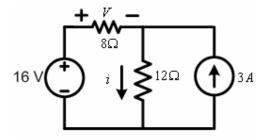
65. Tentukan i, V_1 , V_2 :



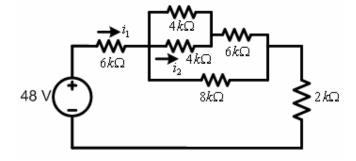
66. Tentukan tegangan V dan R :



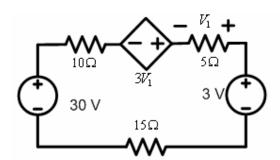
67. Tentukan arus i dan tegangan V :



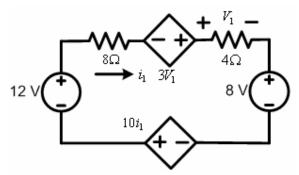
68. Tentukan i_1 , dan i_2 :



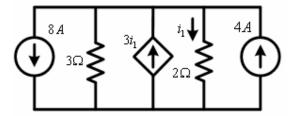
69. Tentiakn tegangan V_1 dan daya di $R = 10\Omega$:



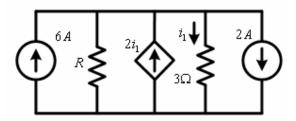
70. Tentukan V_1 dan i_1 :



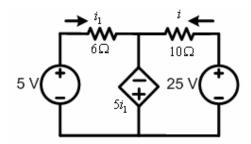
71. Tentukan i_1 :



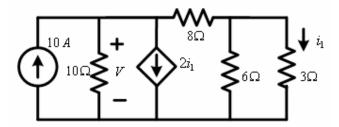
72. Jika $R = 9\Omega$ tentukan nilai i_1 :



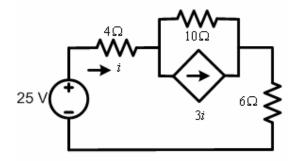
73. Tentukan nilai i :



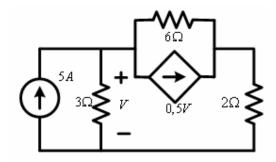
74. Tentukan nilai i_1 dan tegangan V:



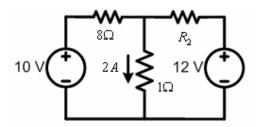
75. Tentukan i :



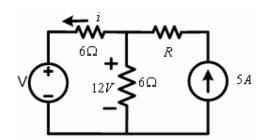
76. Tentukan nilai tegangan V :



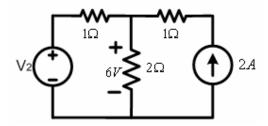
77. Tentukan nilai R_2 :



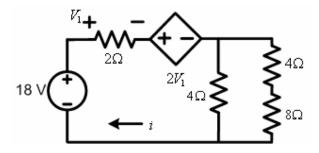
78. Tentukan i dan V:



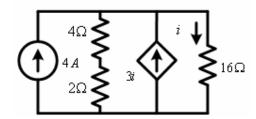
79. Tentukan V_2 :



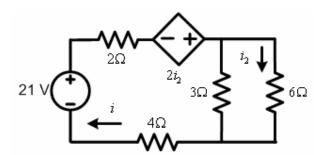
80. Tentukan i:



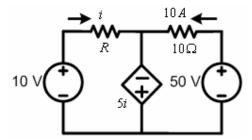
81. Tentukan i:



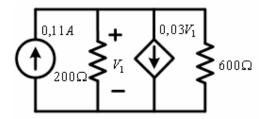
82. Tentukan i :



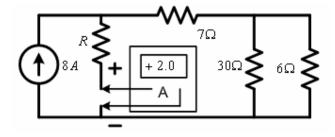
83. Tentukan nilai R:



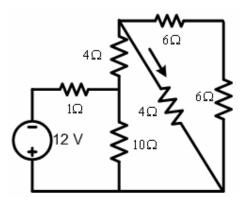
84. Tentukan daya pada $R = 600\Omega$:



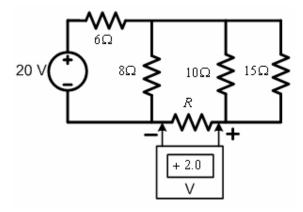
85. Tentukan R:



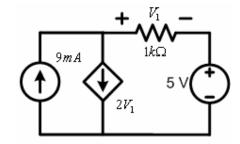
86. Tentukan i :



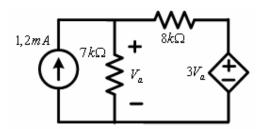
87. Tentukan R:



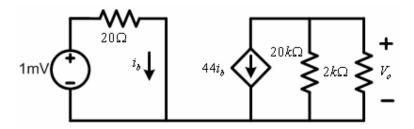
88. Tentukan V_1 :



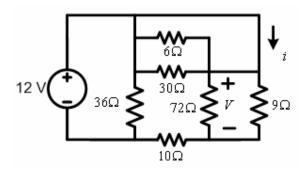
89. Tentukan Va:



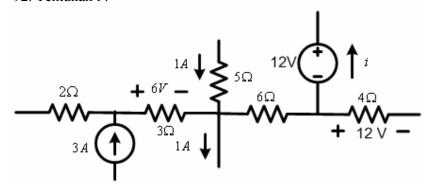
90. Tentukan Vo:



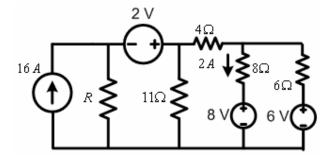
91. Tentukan i dan V:



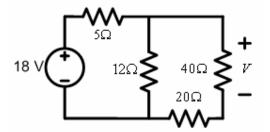
92. Tentukan i:



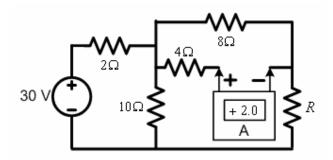
93. Tentukan R:



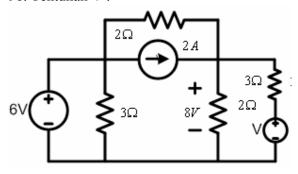
94. Tentukan V:



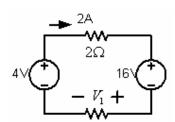
95. Tentukan R:



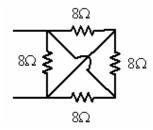
96. Tentukan V:



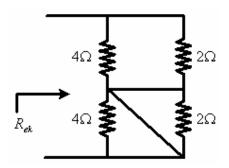
97. Tentukan nilai tegangan V_1 :



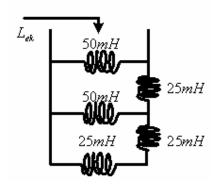
98. Berapa nilai R jika diukur pada kedua ujung terbuka :



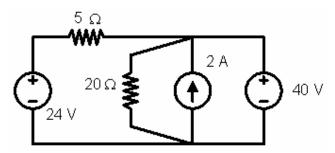
99. Tentukan R_{ek} :



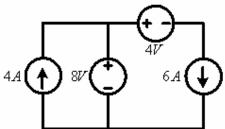
$100.\, Tentukan\, L_{ek}$ pada rangkaian berikut :



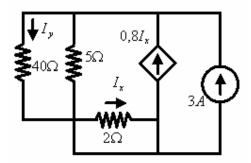
101. Tentukan nilai arus pada tahanan 20 Ω :



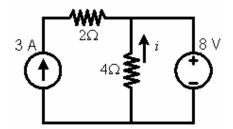
102. Tentukan daya pada sumber tegangan 8 V!



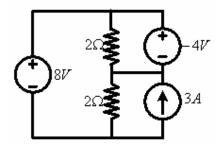
103. Tentukan arus $I_y \,\,!$



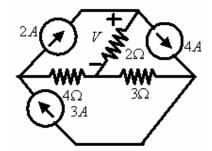
104. Tentukan nilai nilai arus pada resistor 4Ω :



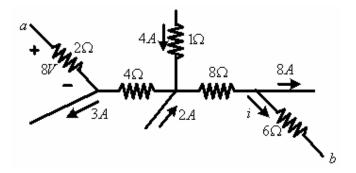
105. Tentukan arus pada sumber tegangan -4 V :



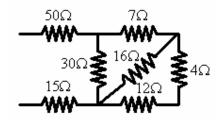
106. Tentukan nilai V!



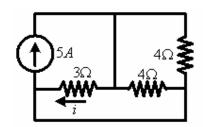
107. Tentukan nilai i!



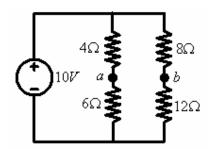
108. Berapa nilai resistansi ekivalennya!



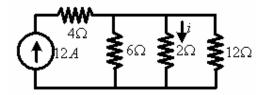
109. Tentukan nilai arus i :



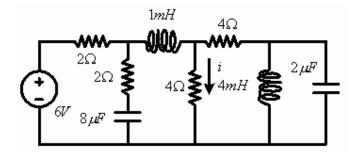
110. Tentukan tegangan V_{ab} !



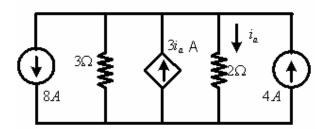
111. Tentukan nilai arus i :



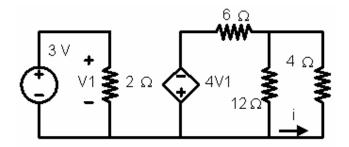
112. Tentukan arus i!



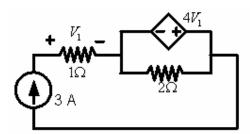
113. Cari nilai i_a :



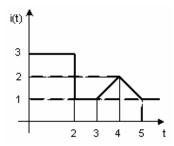
114. Berapa nilai i :



115. Tentukan nilai V_1 !



116. Jika kurva arus terhadap waktu diperlihatkan seperti pada gambar dibawah ini, tentukan nilai muatan totalnya dari $0-3\ s$



117. Berapa nilai tegangan V_{ab} :

