Grammatical Evolution (GE)

Dr. Suyanto, S.T., M.Sc.

HP/WA: 0812 845 12345

Intelligence Computing Multimedia (ICM)
Informatics faculty – Telkom University

Intro

- GE merupakan pengembangan dari *Genetic Programming* (GP).
- Perbedaan sangat signifikan di antara keduanya terletak pada representasi individunya.
- GE menggunakan representasi individu yang bisa digunakan untuk meng-"evolusi" program yang bebas bahasa. Sedangkan GP menggunakan representasi individu yang khusus untuk bahasa pemrograman LISP (List Programming).

Backus Naur Form (BNF)

- Adalah notasi untuk mengekspresikan grammar suatu bahasa dalam bentuk production rules.
- Tata bahasa (*grammar*) pada BNF terdiri dari:
 - terminal-terminal yang merupakan item-item yang dapat muncul dalam bahasa tersebut, yaitu: +, -, dan sebagainya;
 - non-terminal yang dapat dikembangkan (diperluas) ke dalam satu atau lebih terminal dan non-terminal.

Backus Naur Form (BNF)

- Grammar \rightarrow tuple $\{N, T, P, S\}$
- N adalah himpunan non-terminal;
- *T* adalah himpunan terminal;
- P adalah himpunan production rules yang memetakan elemen-elemen dalam N menjadi T;
- *S* adalah simbol mulai (*start symbol*) yang berupa satu simbol non-terminal (anggota *N*).

```
N = \{ expr, op, pre op \}
T = \{ \text{Sin, Cos, Tan, Log, +, -, /, *, X, ()} \}
\mathbf{S} = \langle \text{expr} \rangle
P dapat direpresentasikan sebagai:
(1) <expr> ::= <expr> <op> <expr>
                                        (A)
            | (<expr> <op> <expr>)
                                        (B)
            | op> (<expr>) (C)
            | <var>
                                         (D)
(2) < op > ::= - (A)
          | + (B)
          | / (C)
          | * (D)
(3)  op> ::= Sin
                       (A)
              | Cos (B)
               | Tan (C)
               | Loq (D)
```

(4) <var> ::= X

Contoh Grammar BNF

Contoh Grammar BNF

 Untuk melengkapi definisi BNF untuk fungsi dalam bahasa C, kita perlu memasukkan aturan-aturan berikut ini ke dalam definisi BNF sebelumnya:

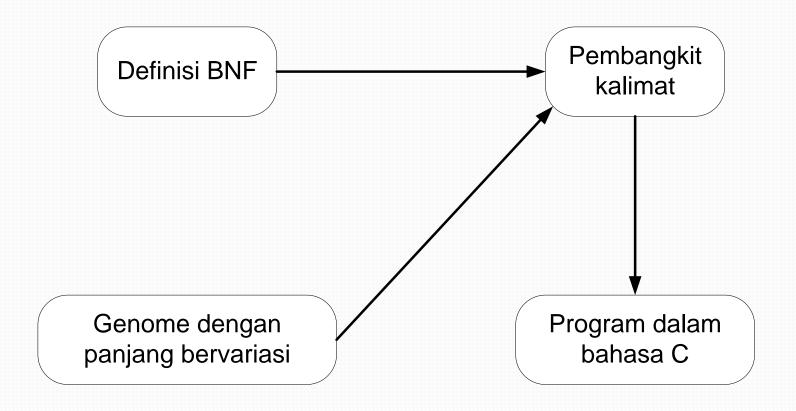
```
<func> ::= <header>
  <header> ::= float symb(float X) { <body>}
  <body> ::= <declarations> <code> <return>
  <declarations ::= float a;
  <code> ::= a = <expr>;
  <return> ::= return(a);
```

Contoh Grammar BNF

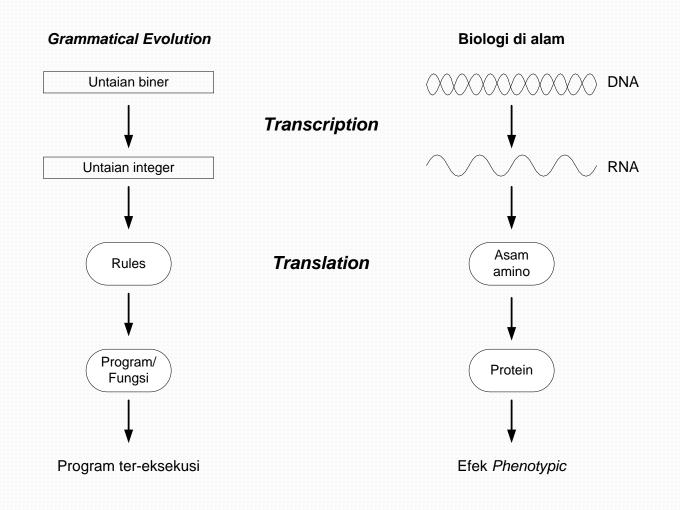
Tetapi, fungsi di atas hanya terbatas untuk *code* yang hanya bisa membangkitkan satu baris tunggal. Kita bisa membangkitkan fungsi dengan panjang bervariasi dengan memodifikasi aturan *code* sehingga menjadi:

```
<code> ::= <line>; | <line>; <code>
<line> ::= <var> = <expr>
```

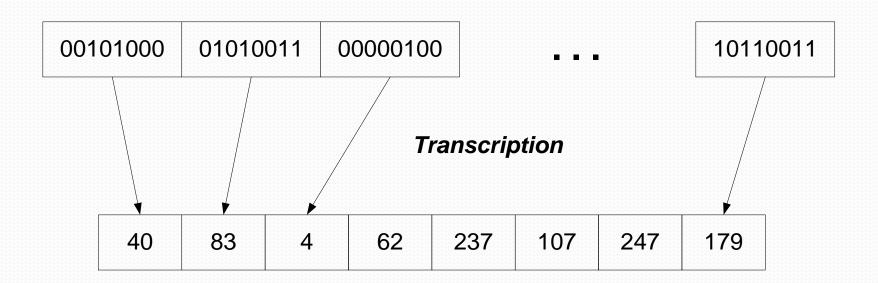
Sistem GE untuk bahasa C



Representasi individu



Contoh individu GE (8 gen integer)



individu -> program

Untuk menerjemahkan individu menjadi suatu program, setiap individu harus memiliki bentuk sebagai berikut:

```
float symb(float x)
{
a = <expr>;
return(a);
}
```

$\{40, 83, 4, 62, 237, 107, 247, 179\} \rightarrow X - \cos(X)$

| Gen | Mod | Aturan terpilih | Ekspresi |
|-----|-----|-----------------|--|
| | | - | <expr></expr> |
| 40 | 0 | 1A | <expr> <op> <expr></expr></op></expr> |
| 83 | 3 | 1D | <var> <op> <expr></expr></op></var> |
| - | - | - | X <op> <expr></expr></op> |
| 4 | 0 | 2A | X - <expr></expr> |
| 62 | 2 | 1C | <pre>X - <pre_op> (<expr>)</expr></pre_op></pre> |
| 237 | 1 | 3B | X - Cos (<expr>)</expr> |
| 107 | 3 | 1D | X - Cos (<var>)</var> |
| _ | - | - | X - Cos(X) |

```
N = \{ expr, op, pre op \}
T = \{ \text{Sin, Cos, Tan, Log, +, -, /, *, X, ()} \}
\mathbf{S} = \langle \text{expr} \rangle
P dapat direpresentasikan sebagai:
(1) <expr> ::= <expr> <op> <expr>
                                        (A)
            | (<expr> <op> <expr>)
                                        (B)
            | op> (<expr>) (C)
            | <var>
                                         (D)
(2) < op > ::= - (A)
          | + (B)
          | / (C)
          | * (D)
(3)  op> ::= Sin
                       (A)
              | Cos (B)
               | Tan (C)
               | Loq (D)
```

(4) <var> ::= X

Contoh Grammar BNF

Operator evolusi

- Karena menggunakan representasi biner, maka GE menggunakan semua operator evolusi yang sama seperti yang ada pada GA: seleksi orangtua, rekombinasi, mutasi, dan seleksi survivor.
- Tetapi GE menggunakan dua operator tambahan, yaitu Duplicate dan Prune

Duplicate

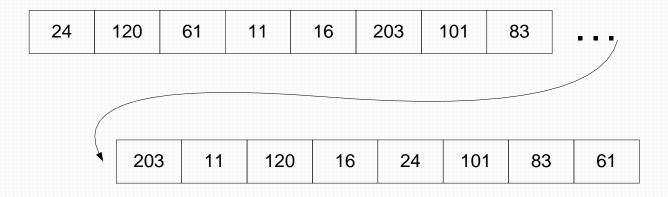
 Pada suatu kasus tertentu, mungkin saja dihasilkan suatu kromosom yang tidak valid yang jika ditranslasi akan menghasilkan suatu program yang tidak lengkap.

| 24 | 120 | 61 | 11 | 16 | 203 | 101 | 83 |
|----|-----|----|----|----|-----|-----|----|
|----|-----|----|----|----|-----|-----|----|

 Kromosom di atas jika ditranslasi akan menjadi program yang tidak lengkap, yaitu:

$$(X + X)$$
 - $\langle var \rangle \langle expr \rangle$

Duplicate



Kromosom 16 gen (hasil *duplicate*) di atas jika ditranslasi akan menghasilkan program yang lengkap, yaitu:

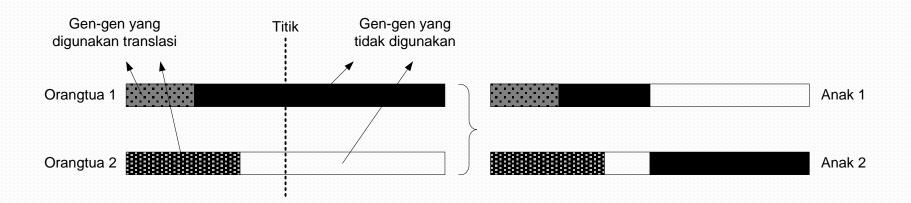
$$(X+X)-X*X$$

Duplicate

- Berapa banyak duplikasi gen yang sebaiknya dilakukan?
- Jawaban yang paling sederhana adalah sesuaikan saja dengan kebutuhan. JANGAN BERLEBIHAN !!!
- Kalau kebutuhan sudah terpenuhi, maka gen-gen yang tidak terpakai bisa dihapus (kromosomnya dipangkas sehingga lebih pendek).
- Pada kasus di atas, duplikasi dilakukan dua kali sehingga panjang kromosom mejadi 16 gen.
- Tetapi pada saat ditranslasi, ternyata hanya 10 gen yang digunakan dalam proses translasi. Gen yang tidak terpakai, 6 gen, bisa dihapus (*prune*).
- Mengapa harus dihapus? Supaya tidak mengganggu proses rekombinasi.

Prune

- Jika titik pindah silang yang dibangkitkan berada pada posisi gen-gen yang tidak digunakan, maka operator rekombinasi menjadi sia-sia.
- Mengapa? Karena kedua anak yang dihasilkan jika ditranslasi akan menghasilkan program yang sama dengan kedua orangtuanya.



Prune

- Bagaimana mengatasi masalah ini?
- Satu-satunya cara yang bisa digunakan adalah memangkas (menghapus) gen-gen yang tidak digunakan tersebut.
- Operator ini disebut *prune* (pemangkasan).
- Bagaimana caranya? Operator Prune dilakukan dengan probabilitas tertentu terhadap kromosom-kromosom yang tidak menggunakan semua gen-nya dalam proses translasi.
- Setiap gen yang tidak digunakan dalam proses translasi akan dihapus. Operator prune membuat rekombinasi menjadi lebih cepat dan lebih baik.

Performansi GE

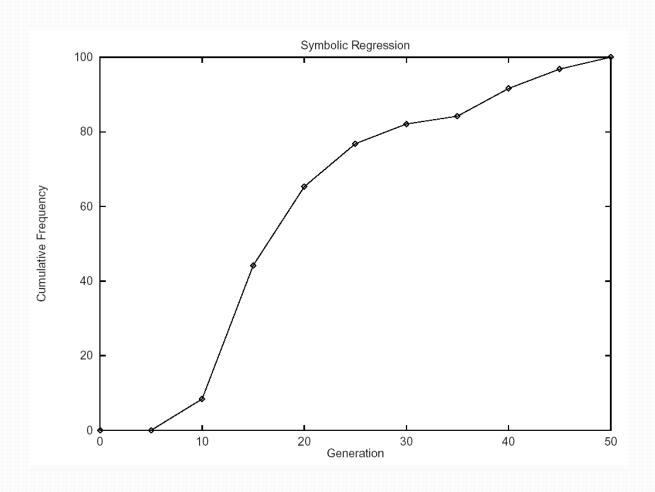
GE telah berhasil digunakan untuk menyelesaikan tiga masalah penting, yaitu:

- Symbolic Regression;
- Trigonometric Identities;
- Symbolic Integration.

GE untuk Symbolic Regression

- Pada [RYA98a], dinyatakan bahwa untuk masalah *Symbolic Regression*, GE dengan seleksi *steady state* bisa menemukan fungsi target $X + X^2 + X^3 + X^4$ secara cepat.
- Dari seratus kali running, prosentase GE dalam menemukan solusi pada generasi ≤ 50 bisa mencapai 95%. Bahkan GE pernah menemukan solusi pada generasi ke-10.

GE untuk Symbolic Regression



GE untuk Trigonometric Identities

- Untuk masalah *Trigonometric Identities*, GE diuji untuk menemukan fungsi yang merupakan *trigonometric identity* dari Cos 2x. Fungsi yang dicari tersebut adalah 1 2Sin²x.
- Agar pencarian tidak selalu menemukan fungsi Cos 2x, maka Cos dikeluarkan dari production rules P.
- Dari ekperimen yang dilakukan oleh Conor Ryan and Michael O'Neill, GE dengan seleksi steady state bisa menemukan fungsi yang dicari, 1 – 2Sin²x, secara cepat.
- Dari seratus kali running, prosentase GE dalam menemukan solusi pada generasi ≤ 50 bisa mencapai 87%.
- Bahkan GE pernah menemukan solusi pada generasi ke-5.
 Berikut hasil eksperimen selengkapnya yang dilakukan oleh Conor Ryan and Michael O'Neill [RYA98a].

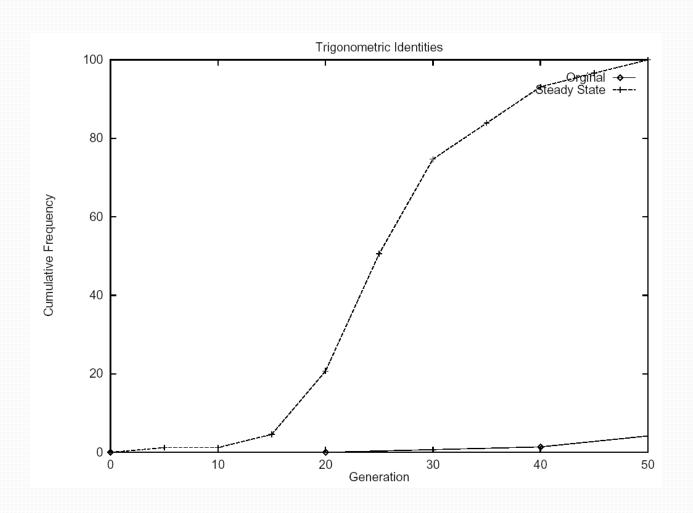
Data untuk Hitung Fitness

| No. | X | Cos 2x | Fungsi baru | Error |
|-------|-----|---------|-------------|---------|
| 1 | O | 1,00000 | 0,99998 | 0,00002 |
| 2 | 0,5 | 0,99996 | 0,99995 | 0,00001 |
| • • • | | | | |
| 100 | 1 | 0,93969 | 0,93971 | 0,00002 |

Fitness = 1 / (MAE + a)

MAE = Mean Absolute Error = Mean(|Error|) a = bilangan kecil, misal 0,000001

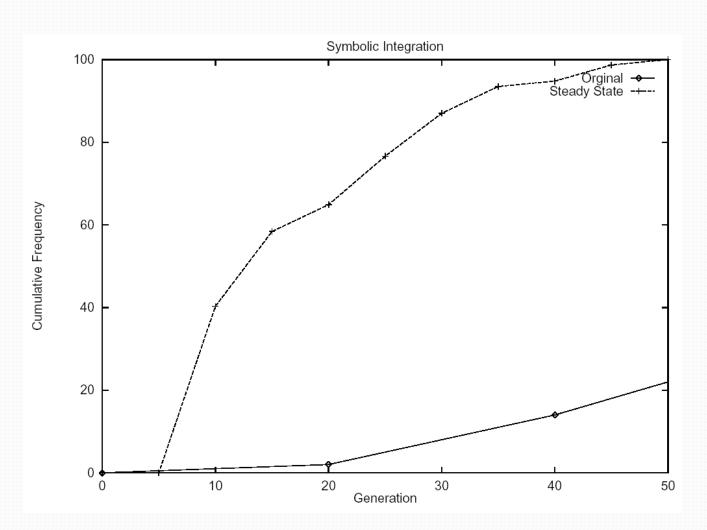
GE untuk Trigonometric Identities



GE untuk Symbolic Integration

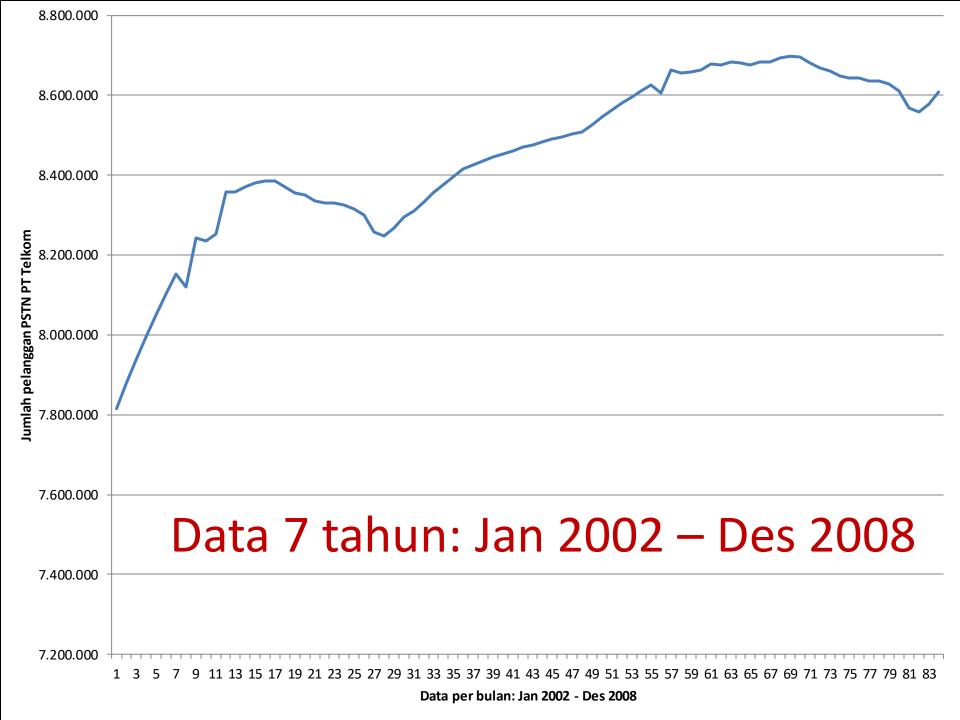
- Untuk masalah *Symbolic Integration*, GE diuji untuk menemukan suatu fungsi yang merupakan integral dari kurva yang diberikan.
- Sistem diberi sekumpulan pasangan *input* dan *output* dan harus menemukan suatu fungsi yang bisa memetakan input ke output secara benar.
- Fungsi yang diuji adalah Cos(X) + 2X + 1.
- Dari ekperimen yang dilakukan oleh Conor Ryan and Michael O'Neill, GE dengan seleksi steady state bisa menemukan fungsi yang dicari, Sin(X) + X + X², secara cepat.
- Dari seratus kali running, prosentase GE dalam menemukan solusi pada generasi ≤ 50 bisa mencapai 87%. GE pernah menemukan solusi secara cepat pada generasi ke-10. Berikut hasil eksperimen selengkapnya yang dilakukan oleh Conor Ryan and Michael O'Neill [RYA98a].

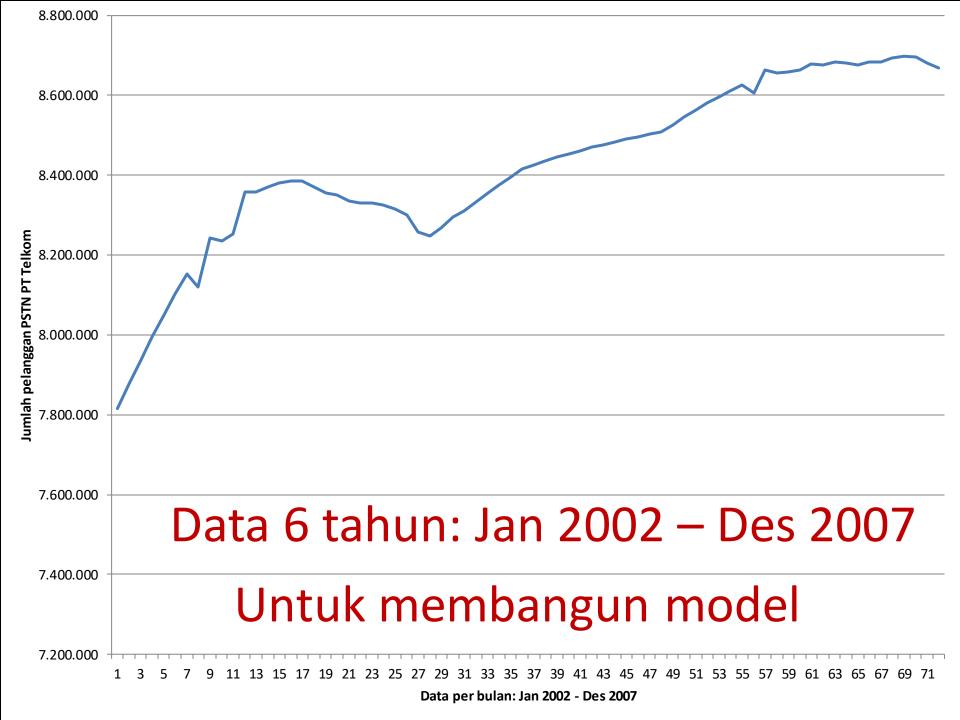
GE untuk Symbolic Integration

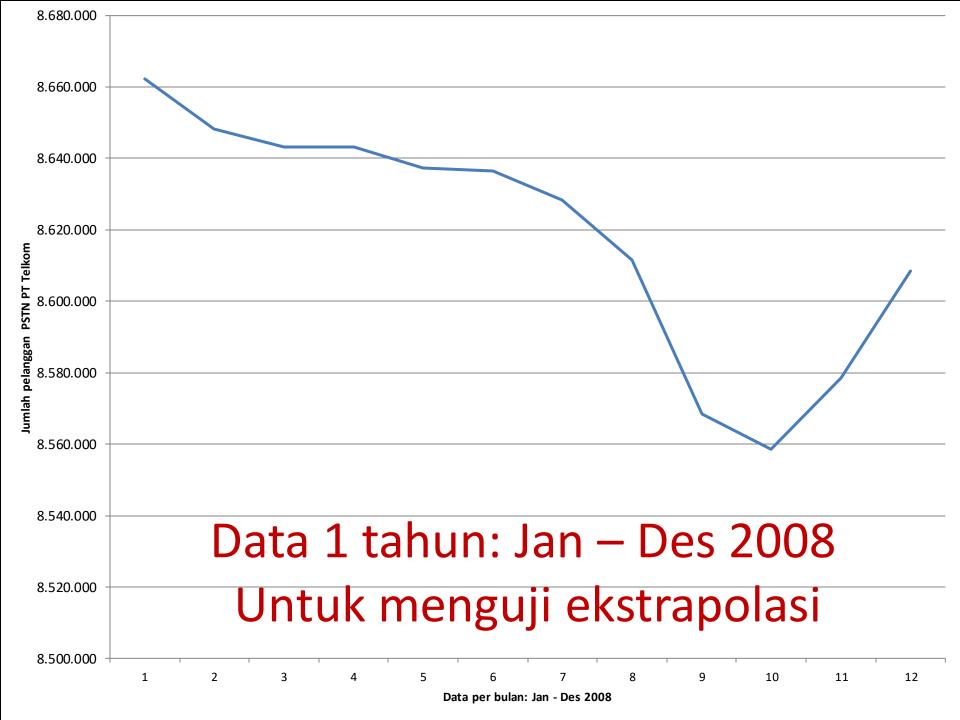


Studi Kasus

- Prediksi Data Time series Jumlah Pelanggan PSTN di PT Telkom
- Tugas Akhir mhs IF-2005: Dwi Tuti Supantari
- PSTN vs. Wireless (GSM & CDMA)
- Investasi PSTN sangat besar → belum BEP
- Kalah bersaing dengan GSM & CDMA
- Prediksi data PSTN → kebijakan yang tepat







Pembangunan Model

• Skenario 1

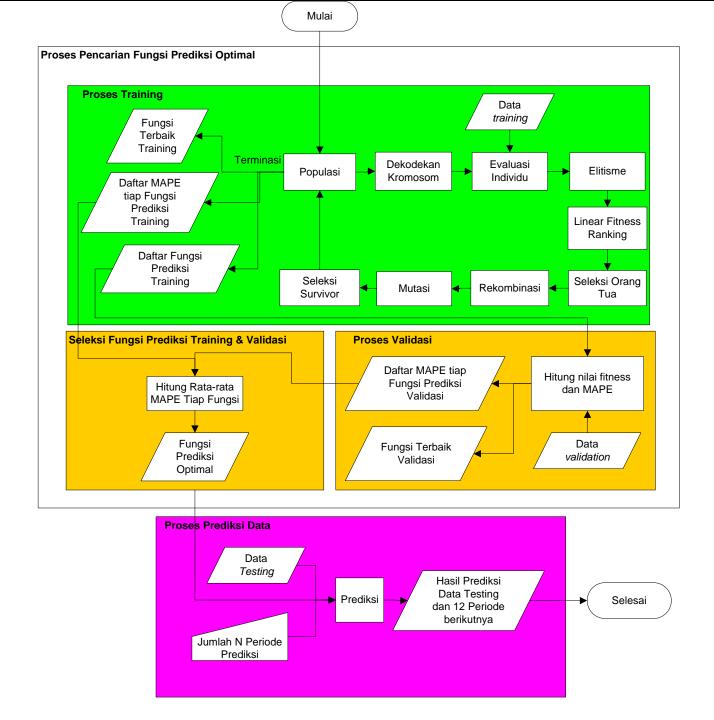
- Data training : 24 bulan (2002 2003)
- Data validation : 24 bulan (2004 2005)
- Data *testing* : 24 bulan (2006 2007)

• Skenario 2

- Data training : 12 bulan (2002)
- Data validation : 12 bulan (2003)
- Data *testing* : 48 bulan (2004 2007)

Skenario 3

- Data *training* : 48 bulan (2002 2005)
- Data *validation* : 12 bulan (2006)
- Data *testing* : 12 bulan (2007)



Normalisasi

$$Xn_i = \left(\frac{(X_i - \min(X))}{(\max(X) - \min(X))} \times 0.8\right) + 0.1$$

- Xn_i = data aktual normalisasi ke-i
- X_i = data aktual dengan range data asli ke-i
- X = data aktual dengan range data asli

Denormalisasi

$$F_i = \left[\frac{((F'_i) - 0.1)}{0.8} \right] \times (\max(X) - \min(X)) + \min(X)$$

- F_i = nilai prediksi dengan range nilai asli
- F'_i = nilai prediksi dari hasil data yang dinormalisasi
- X = data aktual

BNF 1

 $| N = \{expr, op\}$

 $T = \{+, -, 0.1, ..., 0.9, x1, x2, x3, x4, x5, e1, e2, e3, e4, e5, (,)\}$

 $S = \langle expr \rangle$

P dapat direpresentasikan sebagai:

1) $\langle \exp r \rangle$:= $\langle \exp r \rangle \langle \exp r \rangle$ (A)

(<const>* < var>) (B)

2) < op > := + (A)

- (B)

3) <const> := 0.1 (A)

0.6 (F)

0.2 (B)

0.7 (G)

0.3 (C)

0.8 (H)

e1 = selisih antara data sebenarnya dengan data prediksi pada periode sebelumnya.

4) <var>

: x1

(A)

e1 (F)

x2 (B)

e2 (G)

x3 (C)

e3 (H)

x4 (D)

e4 (I)

x5 (E)

e5 (J)

BNF₂

```
N = \{expr, op, pre\_op\}
T = \{ \sin, \cos, \exp, +, -, *, /, ^, 0.1, ..., 0.9, 2, 3, x1, x2, x3, x4, x5, e1, e2, e3, e4, e5, (, ) \} 
S = \langle expr \rangle
P dapat direpresentasikan sebagai:
1)
                                                               2) <op>
    <expr>
                                                   (A)
                                                                                         (A)
                            <expr><op><expr>
                                                                                         (B)
                            (<expr><op><expr>)
                                                   (B)
                            op>(<expr>)
                                                   (C)
                                                                                        (C)
                                                   (D)
                            <var>
                                                   (E)
                            <const>
3)
                                          (A)
    <pre_op>
                            sin
                                          (B)
                            COS
                                          (C)
                            exp
4)
    <const>
                                          (A)
                                                       0.7
                                                              (G)
                            0.1
                            0.2
                                          (B)
                                                       8.0
                                                              (H)
                            ∩ 2
                                          (0)
                                                              / I \
    e1 = selisih antara data sebenarnya dengan
    data prediksi pada periode sebelumnya.
5)
                                          (A)
                                                              (F)
    <var>
                                                       e1
                            x1
                            x2
                                          (B)
                                                       e2
                                                              (G)
                            x3
                                          (C)
                                                       e3
                                                              (H)
                            x4
                                          (D)
                                                       e4
                                                              (I)
                            x5
                                          (E)
                                                       e5
                                                              (J)
```

Kombinasi Parameter

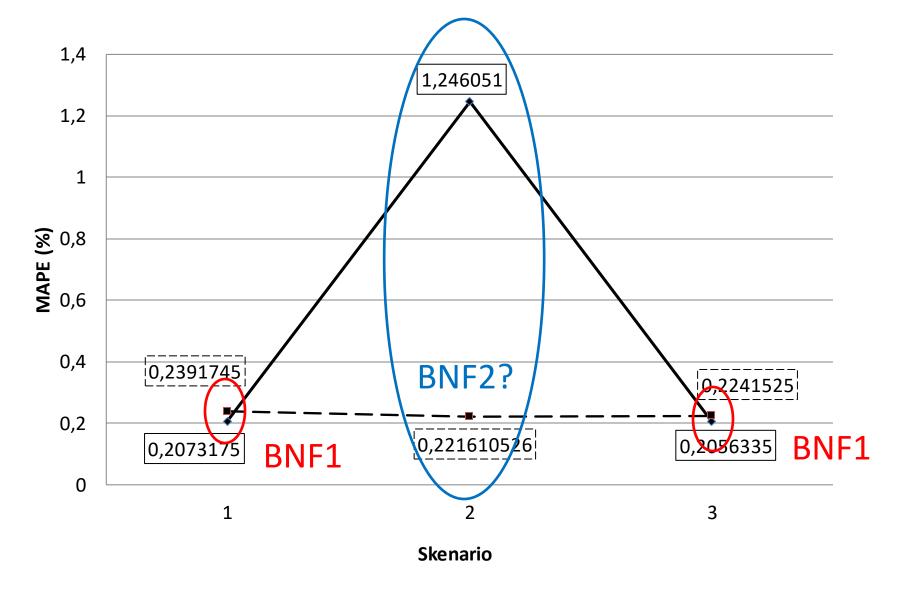
| No Kombinasi Parameter | Ukuran Populasi | Generasi | Probabilitas crossover |
|---------------------------|--------------------|----------|---------------------------|
| 1 | 100 | 1000 | 0.9 |
| 2 | 100 | 1000 | 0.7 |
| 3 | 50 | 2000 | 0.9 |
| 4 | 50 | 2000 | 0.7 |

Pengujian BNF 1

| BNF | Skenario | No Kombinasi Parameter | Ukuran Populasi | Generasi | Probabilitas crossover |
|-----|----------|---------------------------|--------------------|----------|---------------------------|
| | | 1 | 100 | 1000 | 0.9 |
| | 1 | 2 | 100 | 1000 | 0.7 |
| | ı | 3 | 50 | 2000 | 0.9 |
| | | 4 | 50 | 2000 | 0.7 |
| 1 | 2 | 1 | 100 | 1000 | 0.9 |
| | | 2 | 100 | 1000 | 0.7 |
| | _ | 3 | 3 50 2000 | 2000 | 0.9 |
| | | 4 | 50 | 2000 | 0.7 |
| | | 1 | 100 | 1000 | 0.9 |
| | 3 | 2 | 100 | 1000 | 0.7 |
| | <u> </u> | 3 | 50 | 2000 | 0.9 |
| | | 4 | 50 | 2000 | 0.7 |

Pengujian BNF 2

| BNF | Skenario | No Kombinasi Parameter | Ukuran Populasi | Generasi | Probabilitas crossover |
|-----|----------|---------------------------|--------------------|---|---------------------------|
| | | 1 | 100 | 1000 | 0.9 |
| | 1 | 2 | 100 | 1000 | 0.7 |
| | ı | 3 | 50 | 2000 | 0.9 |
| | | 4 | 50 | 1000 0.9 1000 0.7 2000 0.9 2000 0.7 1000 0.9 1000 0.7 2000 0.7 1000 0.9 2000 0.7 1000 0.9 | 0.7 |
| | | 1 | 100 | 1000 | 0.9 |
| 2 | 2 | 2 | 2 100 1000 | 0.7 | |
| 2 | | 3 | 50 | 2000 | 0.9 |
| | | 4 | 50 | 2000 | 0.7 |
| | | 1 | 100 | 1000 | 0.9 |
| | 3 | 2 | 100 | 1000 | 0.7 |
| | 3 | 3 | 50 | 2000 | 0.9 |
| | | 4 | 50 | 2000 | 0.7 |



Rata-rata MAPE BestSoFar BNF I

—■ – Rata-rata MAPE BestSoFar BNF II

Pembangunan Model

• Skenario 1

- Data training : 24 bulan (2002 2003)
- Data *validation* : 24 bulan (2004 2005)
- Data *testing* : 24 bulan (2006 2007)

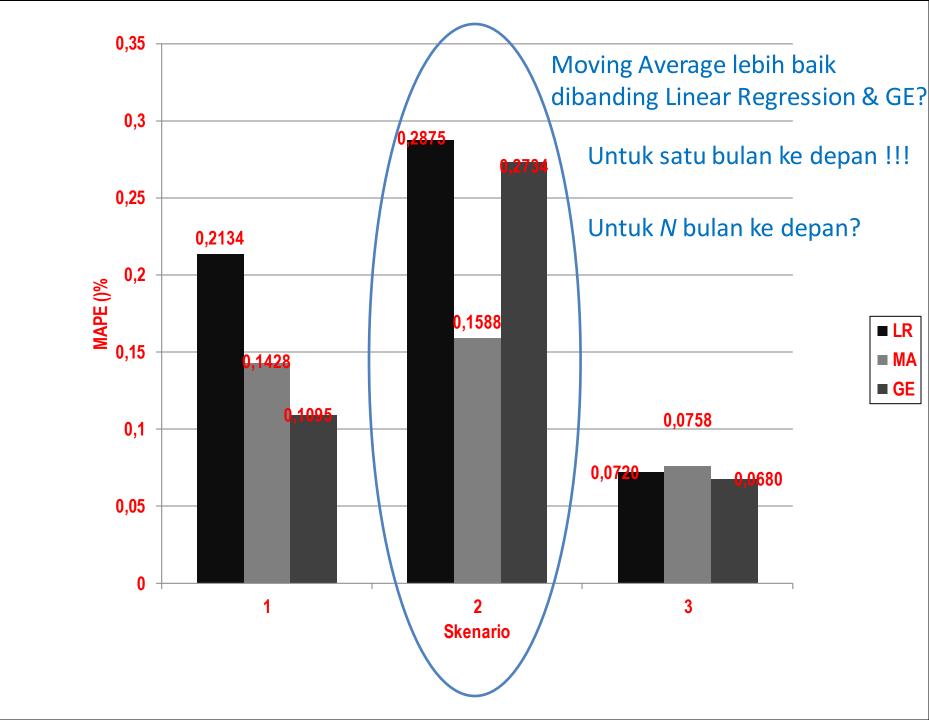
• Skenario 2

- Data training /: 12 bulan (2002)
- Data validation : 12 bulan (2003)
- Data *testing* : 48 bulan (2004 2007)

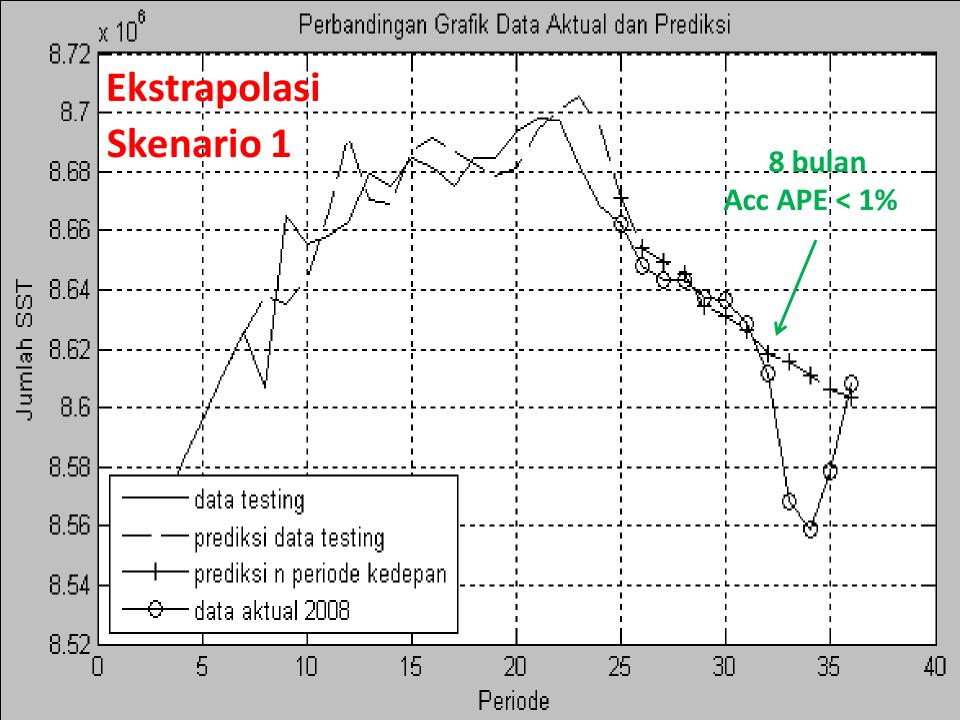
Skenario 3

- Data *training* : 48 bulan (2002 2005)
- Data *validation* : 12 bulan (2006)
- Data *testing* : 12 bulan (2007)

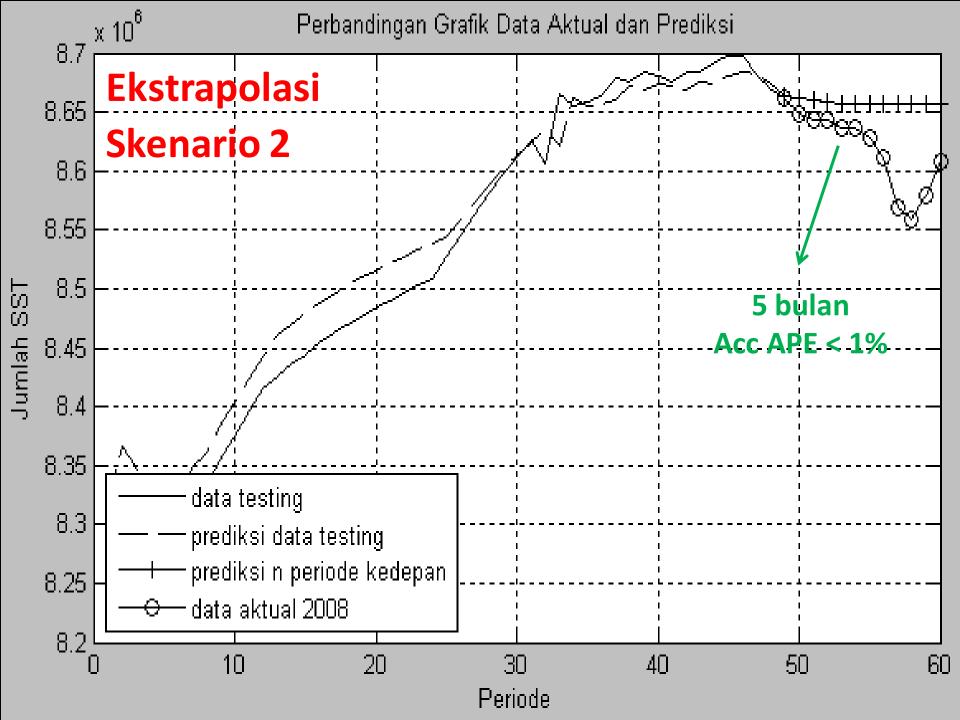
| BNF | Skenario | Ukuran Populasi | Generasi | Pc | Rata-rata MAPE BestSoFar | Standar Deviasi MAPE BestSoFar | Minimum MAPE BestSoFar | Maksimum MAPE BestSoFar |
|-----|----------|--------------------|----------|-----|--------------------------------|--------------------------------------|------------------------------|-------------------------------|
| | | 100 | 1000 | 0.9 | 0.2073175 | 0.026198929 | 0.16425 | 0.25167 |
| | 1 | 100 | 1000 | 0.7 | 0.469501 | 1.102284372 | 0.16011 | 5.1473 |
| | 1 | 50 | 2000 | 0.9 | 0.5020295 | 1.090989518 | 0.18624 | 5.1327 |
| | | 50 | 2000 | 0.7 | 0.7214725 | 2.202654143 | 0.16278 | 10.0767 |
| | | 100 | 1000 | 0.9 | 1.246051 | 2.035416117 | 0.20048 | 5.2621 |
| I | 2 | 100 | 1000 | 0.7 | 3.5001885 | 3.630704359 | 0.21622 | 9.7619 |
| 1 | 2 | 50 | 2000 | 0.9 | 3.2708075 | 3.68011751 | 0.22339 | 9.5804 |
| | | 50 | 2000 | 0.7 | 4.7941555 | 4.616802348 | 0.2421 | 10.2182 |
| | | 100 | 1000 | 0.9 | 0.209561 | 0.030683767 | 0.17222 | 0.28042 |
| | 3 | 100 | 1000 | 0.7 | 0.2056335 | 0.02752859 | 0.16704 | 0.26339 |
| | | 50 | 2000 | 0.9 | 0.425015 | 0.58528908 | 0.17837 | 2.1343 |
| | | 50 | 2000 | 0.7 | 0.419986 | 0.603236566 | 0.18534 | 2.2072 |
| | | 100 | 1000 | 0.9 | 0.250019 | 0.0280224 | 0.20973 | 0.30066 |
| | 1 | 100 | 1000 | 0.7 | 0.233899 | 0.026397873 | 0.20378 | 0.27668 |
| | | 50 | 2000 | 0.9 | 0.2449035 | 0.027101195 | 0.20475 | 0.3041 |
| | | 50 | 2000 | 0.7 | 0.2391745 | 0.026761996 | 0.2083 | 0.2867 |
| | | 100 | 1000 | 0.9 | 0.221610526 | 0.024266181 | 0.1777 | 0.26499 |
| II | 2 | 100 | 1000 | 0.7 | 0.237832 | 0.050575979 | 0.19711 | 0.39802 |
| 11 | | 50 | 2000 | 0.9 | 0.242081 | 0.046831149 | 0.18799 | 0.34969 |
| | | 50 | 2000 | 0.7 | 0.2664384 | 0.056889061 | 0.17859 | 0.39802 |
| | | 100 | 1000 | 0.9 | 0.2241525 | 0.016556672 | 0.20947 | 0.28582 |
| | 3 | 100 | 1000 | 0.7 | 0.218733 | 0.014143083 | 0.19211 | 0.25895 |
| | | 50 | 2000 | 0.9 | 0.224914 | 0.015015264 | 0.19877 | 0.27292 |
| | | 50 | 2000 | 0.7 | 0.226015294 | 0.019985903 | 0.19316 | 0.25895 |



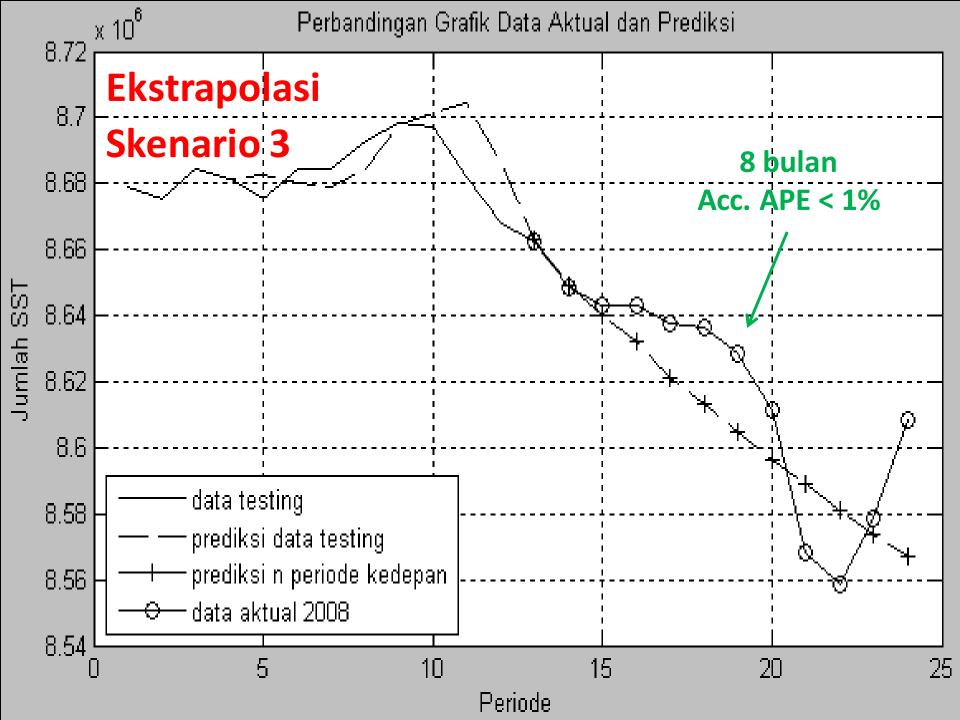
| Skenario | Kombinasi Parameter GE | Fungsi Prediksi yang Menghasilkan Nilai Minimum MAPE <i>BestSoFar</i> (Fungsi Prediksi Optimal) |
|----------|---|---|
| 1 | UkPop = 100 Generasi = 1000 Pc = 0.9 BNF I | (0.6*x3)-(0.4*x5)-(0.4*x4)+(0.3*x1)+(0.9*x2)+(0.2*e1) |
| 2 | UkPop = 100 Generasi = 1000 Pc = 0.9 BNF II | cos(0.6)-sin(cos(0.6))+sin(x1) |
| 3 | UkPop = 100 Generasi = 1000 Pc = 0.7 BNF I | (0.2*x3)+(0.9*x1)+(0.5*x2)-(0.6*x4) |



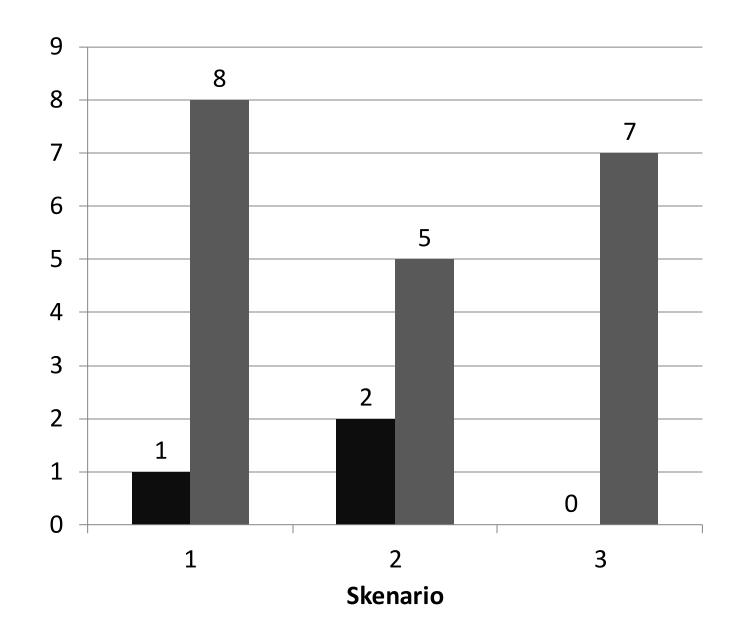
| No | Data Aktual | Data Prediksi | Kesalahan | APE | Akumulasi APE |
|----|-------------|---------------|-----------|-------------|---------------|
| 1 | 8662290 | 8670817 | -8527 | 0.098438173 | 0.098438173 |
| 2 | 8648325 | 8653876 | -5551 | 0.064185839 | 0.162624012 |
| 3 | 8643338 | 8649083 | -5745 | 0.066467376 | 0.229091389 |
| 4 | 8643335 | 8645496 | -2161 | 0.025001923 | 0.254093312 |
| 5 | 8637353 | 8634513 | 2840 | 0.032880444 | 0.286973756 |
| 6 | 8636355 | 8630875 | 5480 | 0.063452695 | 0.350426451 |
| 7 | 8628375 | 8626440 | 1935 | 0.022426007 | 0.372852458 |
| 8 | 8611418 | 8618597 | -7179 | 0.083366061 | 0.456218519 |
| 9 | 8568525 | 8615896 | -47371 | 0.552848944 | 1.009067464 |
| 10 | 8558550 | 8611211 | -52661 | 0.615302826 | 1.624370289 |
| 11 | 8578500 | 8605900 | -27400 | 0.319403159 | 1.943773448 |
| 12 | 8608425 | 8603382 | 5043 | 0.058582145 | 2.002355593 |



| No | Data Aktual | Data Prediksi | Kesalahan | APE | Akumulasi APE |
|----|-------------|---------------|-----------|----------|---------------|
| 1 | 8662290 | 8664253 | -1963 | 0.022661 | 0.022661444 |
| 2 | 8648325 | 8661578 | -13258 | 0.153244 | 0.175904991 |
| 3 | 8643338 | 8659784 | -16446 | 0.190274 | 0.366178703 |
| 4 | 8643335 | 8658582 | -15247 | 0.176402 | 0.54258052 |
| 5 | 8637353 | 8657770 | -20417 | 0.23638 | 0.778960809 |
| 6 | 8636355 | 8657222 | -20867 | 0.241618 | 1.020578945 |
| 7 | 8628375 | 8656850 | -28475 | 0.330016 | 1.350594736 |
| 8 | 8611418 | 8656596 | -45178 | 0.524629 | 1.875223781 |
| 9 | 8568525 | 8656427 | -87902 | 1.025871 | 2.901094628 |
| 10 | 8558550 | 8656314 | -97764 | 1.142296 | 4.043390928 |
| 11 | 8578500 | 8656235 | -77735 | 0.906161 | 4.949551679 |
| 12 | 8608425 | 8656184 | -47759 | 0.554794 | 5.504345384 |



| No | Data Aktual | Data Prediksi | Kesalahan | APE | Akumulasi APE |
|----|-------------|---------------|-----------|-------------|---------------|
| 1 | 8662290 | 8663088 | -798 | 0.009212345 | 0.009212345 |
| 2 | 8648325 | 8649043 | -718 | 0.008302186 | 0.01751453 |
| 3 | 8643338 | 8639994 | 3344 | 0.038688757 | 0.056203287 |
| 4 | 8643335 | 8632169 | 11166 | 0.129186246 | 0.185389533 |
| 5 | 8637353 | 8620904 | 16449 | 0.190440289 | 0.375829821 |
| 6 | 8636355 | 8613469 | 22886 | 0.264996054 | 0.640825876 |
| 7 | 8628375 | 8605013 | 23362 | 0.270757819 | 0.911583695 |
| 8 | 8611418 | 8596125 | 15293 | 0.1775898 | 1.089173495 |
| 9 | 8568525 | 8589172 | -20647 | 0.240963293 | 1.330136788 |
| 10 | 8558550 | 8581240 | -22690 | 0.265115002 | 1.59525179 |
| 11 | 8578500 | 8573917 | 4583 | 0.053424258 | 1.648676049 |
| 12 | 8608425 | 8567303 | 41122 | 0.477694816 | 2.126370865 |





Kesimpulan

- GE menggunakan representasi individu yang bisa digunakan untuk meng-"evolusi" program yang bebas bahasa.
- Representasi individunya menggunakan BNF.
- Dua operator penting GE: Duplicate dan Prune.
- GE memiliki performansi yang sangat baik untuk masalah Symbolic Regression, Trigonometric Identities, dan Symbolic Integration.

Daftar Pustaka

- [SUY08] Suyanto, 2008, Evolutionary Computation: Komputasi Berbasis "Evolusi" dan "Genetika", penerbit Informatika Bandung.
- [RYA98a] Ryan Conor and O'Neill Michael, 1998, "Grammatical Evolution: A Steady State approach". In Proceedings of the Second International Workshop on Frontiers in Evolutionary Algorithms 1998, pages 419-423.