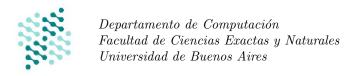
Algoritmos y Estructuras de Datos

Guía Práctica 5 Diseño con arreglos



1. Estructuras con arreglos

Ejercicio 1. Quizás la forma más simple de implementar un conjunto acotado sea mediante un array de tamaño fijo, utilizando la siguiente estructura:

```
Modulo ConjAcotadoArr<T> implementa ConjAcotado<T> {
   var datos: Array<T>
   var largo: int
}
```

En la variable datos guardaremos los elementos. Como el tamaño del arreglo es fijo, necesitamos otra variable, a la que llamamos largo, que indique cuántas posiciones del arreglo datos están siendo usadas.

Con esta misma estructura, tenemos dos opciones: permitir que en el arreglo haya elementos repetidos o no permitirlo.

- ¿Cuál es más eficiente? Cuándo usaría cada una de las dos versiones?
- Escriba el invariante de representación y la función de abstracción para el caso de sin repetidos.
- Escriba los algoritmos para las operaciones de agregar un elemento y sacar un elemento (para la versión de sin repetidos)
- Respecto de la operación sacar, piense un algoritmo que no requiera generar un nuevo arreglo para reemplazar a datos, sino que se resuelva modificando alguna de sus posiciones
- Intente escribir el invariante de representación y la operación de agregar para el caso de con repetidos. Qué dificultades encuentra? Indique alguna manera de abordarlas.

Ejercicio 2. Cómo implementaría una pila *no acotada* (sin capacidad máxima) utilizando arreglos? Escriba la estructura propuesta, el invariante de representación, la función de abstracción y las operaciones apilar y desapilar.

Ejercicio 3. Se quiere agregar al TAD Pila una operación eliminar que permita eliminar un elemento de cualquier posición de la pila.

```
\begin{array}{l} \text{proc eliminar(inout $p$: Pila<T>, i: $\mathbb{Z}$)} \\ \text{requiere } \{p=P_0\} \\ \text{requiere } \{0 \leq i < |p.s|\} \\ \text{asegura } \{p.s = concat(subseq(P_0.s,0,i),subseq(P_0.s,i+1,|P_0.s|))\} \end{array}
```

(NOTA: Tómese unos minutos para pensar una forma eficiente de implementar esta nueva pila antes de continuar...)

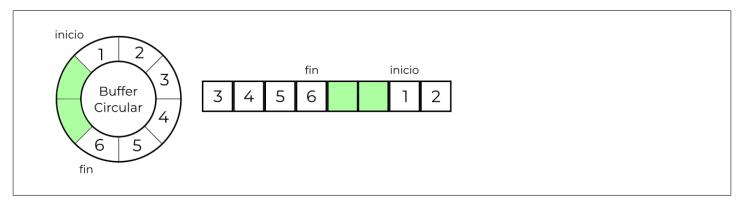
Para implementarlo, se propone una estructura con dos arreglos: un arreglo de tipo T que guarda los elementos de la pila y un arreglo de tipo bool que indica si esa posición está siendo usada. Así, para eliminar un elemento de la pila, basta con poner en false dicha posición en el arreglo de bools.

```
Modulo PilaConElimArr<T> implementa PilaConElim<T> {
   var datos: Array<T>
   var enUso: Array<bool>
   var largo: int
}
```

Se pide:

- Escribir el invariante de representación y la función de abstracción
- Escribir los algoritmos de apilar, desapilar y eliminar

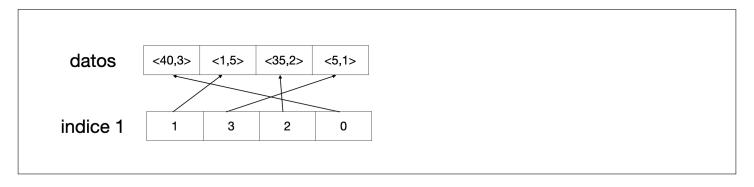
Ejercicio 4. Una forma eficiente de implementar el TAD Cola en su versión acotada (con una cantidad máxima de elementos predefinida), es mediante un buffer circular. Esta estructura está formada por un array del tamaño máximo de la cola (n) y dos índices $(inicio\ y\ fin)$, que indican en qué posición empieza y en qué posición termina la cola, respectivamente. Al encolar un elemento, se lo guarda en la posición indicada por el índice fin y se incrementa dicho índice. Al desencolar un elemento, se devuelve el elemento indicado por el índice inicio y se incrementa el mismo. En ambos casos, si el índice a incrementar supera el tamaño del array, se lo reinicia a 0.



- Elija una estructura de representación
- Escriba el invariante de representación y la función de abstracción
- Escriba los algoritmos de las operaciones encolar y desencolar
- ¿Por qué tiene sentido utilizar un buffer circular para una cola y no para una pila?

Ejercicio 5. Un *índice* es una estructura secundaria que permite acceder más rápidamente a los datos a partir de un determinado criterio. Básicamente un índice guarda *punteros* o, en el caso de arreglos, *posiciones* a los elementos en un orden en particular, diferente al orden original.

Imagine un conjunto de tuplas con dos componentes. Algunas veces vamos a querer buscar (rápido) por la primera componente y a veces por la segunda. Podríamos guardar los datos en sí en un arreglo y tener otros dos arreglos: uno con las posiciones de los elementos en el arreglo original pero ordenados por la primera componente, y otro con la posición de los elementos ordenados por la segunda componente. A estos arreglos se los denomina índices.



- Escriba la estructura propuesta
- Escriba el invariante de representación y la función de abstracción, en castellano y en lógica (para el TAD Conjunto<Tupla<ℤ, ℤ> >)
- Escriba los algoritmos de BuscarPorPrimera y BuscarPorSegunda que busca por la primera o la segunda componente respectivamente
- Escriba los algoritmos de agregar y sacar

2. Invariante de representación y función de abstracción en modelado de problemas

Tenemos un TAD que modela las ventas minoristas de un comercio. Cada venta es individual (una unidad de un producto) y se quieren registrar todas las ventas. El TAD tiene un único observador:

```
TAD Comercio {
   obs ventasPorProducto: dict<Producto, seq<tupla<Fecha, Monto>>>
}
Producto es string
Monto es int
Fecha es int (segundos desde 1/1/1970)
```

ventasPorProducto contiene, para cada producto, una secuencia con todas las ventas que se hicieron de ese producto. Para cada venta, se registra la fecha y el precio. Se puede considerar que todas las fechas son diferentes. Este TAD lo vamos a implementar con la siguiente estructura:

```
Modulo ComercioImpl implementa Comercio {
   var ventas: SecuenciaImpl<tupla<Producto, Fecha, Monto>>
   var totalPorProducto: DiccionarioImpl<Producto, Monto>
   var ultimoPrecio: DiccionarioImpl<Producto, Monto>
}
```

- ventas es una implementación de secuencia con todas las ventas realizadas, indicando producto, fecha y monto.
- totalPorProducto asocia cada producto con el dinero total obtenido por todas sus ventas.
- ultimoPrecio asocia cada producto con el monto de su última venta registrada.

Se pide:

- Escribir en forma coloquial y detallada el invariante de representación y la función de abstracción.
- Escribir ambos en el lenguaje de especificación.

Ejercicio 6. Considere la siguiente especificación de una relación uno/muchos entre alarmas y sensores de una planta industrial: un sensor puede estar asociado a muchas alarmas, y una alarma puede tener muchos sensores asociados.

```
TAD Planta {
      obs alarmas: conj<Alarma>
      obs sensores: conj<tupla<Sensor, Alarma>>>
      proc nuevaPlanta(): Planta
            asegura {res.alarmas = {}}
            asegura {res.sensores = {}}
      proc agregarAlarma(inout p: Planta, in a: Alarma)
            requiere \{p = P_0\}
            requiere \{a \notin p.alarmas\}
            asegura \{p.alarmas = P_0.alarmas \cup \{a\}\}
            asegura \{p.sensores = P_0.sensores\}
      proc agregarSensor(inout p: Planta, in a: Alarma, in s: Sensor)
            requiere \{p = P_0\}
            requiere {ainp.alarmas}
            requiere \{\langle s, a \rangle \notin p.sensores\}
            asegura \{p.alarmas = P_0.alarmas\}
            asegura \{p.sensores = P_0.sensores + \{\langle s, a \rangle\}\}
}
```

Se decidió utilizar la siguiente estructura como representación, que permite consultar fácilmente tanto en una dirección (sensores de una alarma) como en la contraria (alarmas de un sensor).

```
modulo PlantaImpl implementa Planta {
    var alarmas: Diccionario<Alarma, Conjunto<Sensor>>
    var Sensores: Diccionario<Sensor, Conjunto<Alarma>>
}
```

Se pide:

- Escribir formalmente y en castellano el invariante de representación.
- Escribir la función de abstracción.

2.1. Anexo: TADs acotados

Todos los TADs básicos van a contar con una versión acotada, es decir, que acepta un número limitado de elementos. A modo de ejemplo, esta sería la versión acotada del TAD Conjunto:

```
TAD ConjuntoAcotado<T> {
      obs elems: conj<T>
      obs cap: int
      proc conjVacío(c: int): ConjuntoAcotado<T>
             asegura \{res.cap = c \land res.elems = \langle \rangle \}
      proc pertenece(in c: ConjuntoAcotado<T>, in e: T): bool
             \texttt{asegura} \ \{res = true \leftrightarrow e \in c.elems\}
      proc agregar(inout e: ConjuntoAcotado<T>, in e: T)
             requiere \{c = C_0\}
             requiere \{|c.elems| < c.cap\}
             asegura \{c.elems = C_0.elems \cup \langle e \rangle\}
      proc sacar(inout c: ConjuntoAcotado<T>, in e: T)
             requiere \{c = C_0\}
             asegura \{c.elems = C_0.elems - \langle e \rangle\}
      proc unir(inout c: ConjuntoAcotado<T>, in c': ConjuntoAcotado<T>)
             requiere \{c = C_0\}
             requiere \{|c.elems| + |c'.elems| \le c.cap\}
             asegura \{c.elems = C_0.elems \cup c'.elems\}
      proc restar(inout c: ConjuntoAcotado<T>, in c': ConjuntoAcotado<T>)
             requiere \{c = C_0\}
             asegura \{c.elems = C_0.elems - c'.elems\}
      proc intersecar(inout c: ConjuntoAcotado<T>, in c': ConjuntoAcotado<T>)
             requiere \{c = C_0\}
             asegura \{c.elems = C_0.elems \cap c'.elems\}
      proc agregarRápido(inout c: ConjuntoAcotado<T>, in e: T)
             requiere \{c = C_0 \land e \notin c.elems\}
             requiere \{|c.elems| < c.cap\}
             asegura \{c.elems = C_0.elems \cup \langle e \rangle\}
      proc tamaño(in c: ConjuntoAcotado<T>): \mathbb{Z}
             asegura \{res = |c.elems|\}
}
```