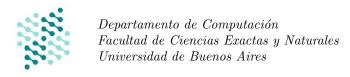
Algoritmos y Estructuras de Datos

Guía Práctica 7 Diseño: Elección de estructuras (parte 1)



Diseño con Listas Enlazadas

Ejercicio 1. Implementamos el TAD Secuencia sobre una lista simplemente enlazada usando

```
NodoLista<T> es struct<
val: T,
siguiente: NodoLista<T>,
>

Modulo ListaEnlazada<T> implementa Secuencia<T>{
var primero: NodoLista<T> // "puntero" al primer elemento
var último: NodoLista<T> // "puntero" al primer elemento
var longitud: Z // cantidad total de elementos
...
}
```

Escriba los algoritmos para los siguientes procs y calcule su complejidad

- a) nuevaListaVacia(): ListaEnlazada<T>
- b) agregarAdelante(inout 1: ListaEnlazada<T>, in t: T)
- c) agregarAtras(inout 1: ListaEnlazada<T>, in t: T)
- d) eliminar(inout 1: ListaEnlazada<T>, in i: int)
- e) pertenece(in 1: ListaEnlazada<T>, in t: T) : bool
- f) obtener(in 1: ListaEnlazada<T>, in i: int) : T
- g) concatenar(inout l1: ListaEnlazada<T>, in l2: ListaEnlazada<T>)
- h) sublista(in 1: ListaEnlazada<T>, in inicio : int, in fin: int): ListaEnlazada<T>

Ejercicio 2. Para el módulo ListaEnlazada definido en el ejercicio anterior

- a) Escriba el invariante de representación para este módulo en castellano
- b) Dedo el siguioente invariante de representación, indique si es correcto. En caso de no serlo, corrijalo:

```
\label{eq:problem} \begin{array}{ll} \text{pred InvRep(1: ListaEnlazada<T>)} \\ & \{accesible(l.primero,l.ultimo) \land largoOK(l.primero,l.longitud)\} \\ \text{pred accesible($n_0$: NodoLista<T>, $n_1$: NodoLista<T>)} \\ & \{n_1 = n_0 \lor (n_0.siguiente \neq null \land_L \ accesible(n_0.siguiente, n_1))\} \\ \text{pred largoOK(n: NodoLista<T>, largo: $\mathbb{Z}$)} \\ & \{(n = null \land largo = 0) \lor (largoOK(n.siguiente, largo - 1))\} \\ \end{array}
```

Ejercicio 3. Defina el módulo de las siguientes alternativas a una lista simplemente enlazada. Para eso será necesario:

- Elegir las variables de la estructura
- Escribir el invariante de representación en castellano
- En caso de ser necesario, reescribir los algoritmos de las operaciones implementadas en el ejercicio anterior
- Calcular las complejidades de las operaciones

a) Lista doblemente enlazada que usa la siguiente definición del módulo NodoLista

```
NodoLista<T> es struct<
    val: T,
    siguiente: NodoLista<T>,
    anterior: NodoLista<T>,
    >
```

- b) Lista circular (simple o doblemente enlazada) donde el "último" nodo está conectado con el primero
- c) Lista de arreglos: una lista doblemente enlazada cuyos valores son arreglos de tamaño fijo, es decir que el nodo es

```
NodoLista<T> es struct<
    data: Array<T>,
    siguiente: NodoLista<T>,
    anterior: NodoLista<T>,
    >
```

Ejercicio 4. Implementar los siguientes TADs (cuyas especificaciones están en el apunte) sobre alguna forma de ListaEnlazada (simple, doble, etc.), explicando por qué eligió esa variante. Calcule las complejidades de los procs

- a) Secuencia<T>
- b) Cola<T>
- c) Pila<T>
- d) Conjunto<T>
- e) Diccionario<K,V>
- f) Multiconjunto<T>

Ejercicio 5. Implementar la pila no acotada (ejercicio 2 de la práctica 5) usando una lista de arreglos (ejercicio 2 inciso 3 de esta práctica)

Ejercicio 6. Implementar el TAD PlayaDeManiobras usando listas enlazadas.

```
Vagón es string
Tren es seq<Vagón>
TAD PlayaDeManiobras {
      obs trenes: seq<Tren>
      proc abrirPlaya(in capacidad: \mathbb{Z}) : PlayaDeManiobras
              requiere { capacidad > 1 }
              asegura \{ |ret.trenes| = capacidad \land (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < capacidad) \longrightarrow_L (ret.trenes[i] = []) \} 
      proc recibirTren(inout pdm: PlayaDeManiobras, in t: Tren) : \mathbb Z
              requiere \{ (\exists v)(0 \le v < |pdm.trenes|) \land_L (pdm.trenes[v] = []) \land pdm = pdm_0 \}
              asegura \{ (\exists v)(0 \leq v < |pdm_0.trenes|) \land_L \}
                           (pdm_0.trenes[v] = [] \land dm.trenes = setAt(pdm_0.trenes, v, t)) \land ret = v 
      proc despacharTren(inout pdm: PlayaDeManiobras, in v: \mathbb{Z})
              requiere { (0 \le v < |pdm.trenes|) \land_L (pdm[v] \ne []) \land pdm = pdm_0}
              asegura { pdm.trenes = setAt(pdm_0.trenes, v, []) }
      proc unirTrenes(inout pdm: PlayaDeManiobras, in via1: \mathbb{Z}, in via2: \mathbb{Z})
              requiere { (0 \le via1 < |pdm.trenes|) \land (0 \le via2 < |pdm.trenes|) }
              requiere { pdm.trenes[via1] \neq [] \land pdm.trenes[via1] \neq [] }
```

Diseño con Árboles binarios

Ejercicio 7. Implementamos un Árbol Binario (AB) con

```
NodoAB<T>es struct<
val: T,
izquierda: NodoAB<T>,
derecha: NodoAB<T>,
>

Modulo ArbolBinario<T> implementa ArbolBinario<T>{
var raíz: NodoAB<T> // "puntero" a la raíz del árbol

...
}
```

(El TAD está definido en el anexo al final de la práctica)

- a) Escriba en castellano el invariante de representación para este módulo
- b) Escriba los algoritmos para los siguientes procs y, de ser posible, calcule su complejidad
 - (1) altura(in ab: ArbolBinario<T>): int // devuelve la distancia entre la raíz y la hoja más lejana
 - (2) cantidadHojas(in ab: ArbolBinario<T>): bool
 - (3) está(in ab: ArbolBinario<T>, int t: T): bool // devuelve true si el elemento está en el árbol
 - (4) cantidadApariciones(in ab: ArbolBinario<T>, int t: T): int
 - (5) últimoNivelCompleto(in ab: ArbolBinario<T>): int // devuelve el número del último nivel que está completo (es decir, que tiene todos los nodos posibles). Considere la raíz como nivel 1

Ejercicio 8. Un Árbol Binario de Búsqueda (ABB) es un árbol binario que cumple que para cualquier nodo N, todos los elementos del árbol a la izquierda son menores o iguales al valor del nodo y todos los elementos del árbol a la derecha son mayores al valor del nodo, es decir

```
(\forall i : \mathbb{Z})((est\acute{a}Pred(N.izq, i) \longrightarrow i \leq N.val) \land (est\acute{a}Pred(N.der, i) \longrightarrow i > N.val))
```

Implemente los algoritmos para los siguientes procs y calcule su complejidad en mejor y peor caso

- a) está(in ab: ABB<T>, int t: T): bool // devuelve true si el elemento está en el árbol
- b) cantidadApariciones(in ab: ABB<T>, int t: T): int
- c) insertar(inout ab: ABB<T>, int t: T)

- d) eliminar(inout ab: ABB<T>, int t: T)
- e) inOrder(in ab: ABB<T>) : Array<T> // devuelve todos los elementos del árbol en una secuencia ordenada

Ejercicio 9. Asumiendo que el árbol está balanceado, recalcule, si es necesario, las complejidades en peor caso de los algoritmos del ejercicio 8.

Ejercicio 10. ¿Qué pasa en un ABB cuando se insertan valores repetidos? Proponga una modificación del módulo que resuelva este problema

Ejercicio 11. Implementar los siguientes TADs (cuyas especificaciones están en el apunte) sobre ABB. Calcule las complejidades de los procs en mejor y peor caso

- a) Conjunto<T>
- b) Diccionario<K,V>
- c) ColaDePrioridad<T>
- d) Multiconjunto<T>

Ejercicio 12. Recalcule, si es necesario, las complejidades en peor caso de los algoritmos de los TADs Conjunto<T> y Diccionario<T> implementados en el ejercicio 11, considerando que se implementan sobre AVL en vez de ABB.

Anexo: TAD ArbolBinario

```
TAD ArbolBinario<T> {
      obs vacio: bool
      obs dato: T
      obs izq: ArbolBinario<T>
      obs der: ArbolBinario<T>
     proc nuevoArbolVacío(): ArbolBinario<T>
            asegura \{ret.vacio = true\}
     proc nuevoArbol(in l: ArbolBinario<T>, in e: T, in r: ArbolBinario<T>): ArbolBinario<T>
            asegura \{ret.vacio = false\}
            asegura \{ret.dato = e\}
            asegura \{ret.izq = l\}
            asegura \{ret.der = d\}
     proc obtenerIzq(in ab: ArbolBinario<T>): ArbolBinario<T>
            requiere \{ab.vacio = false\}
            asegura \{ret = ab.izq\}
     proc obtenerDer(in ab: ArbolBinario<T>): ArbolBinario<T>
            requiere \{ab.vacio = false\}
            asegura \{ret = a.der\}
     proc estaVacio(in ab: ArbolBinario<T>): bool
            asegura \{ret = ab.vacio\}
     proc obtenerDato(in ab: ArbolBinario<T>): T
            requiere \{ab.vacio = false\}
            asegura \{ret = a.dato\}
     pred estaPred(ab: ArbolBinario<T>, e: T)
         \{ab.vacio = false \land_L (ab.dato = e \lor estaPred(ab.izq, e) \lor estaPred(ab.der, e))\}
     pred esHoja(in ab: ArbolBinario<T>)
         \{ab.raiz.izquierda = null \land ab.raiz.derecha = null\}
}
```