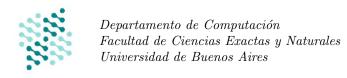
## Algoritmos y Estructuras de Datos

## Apunte **TADs básicos**Primer Cuatrimestre 2025



Este apunte contiene la especificación de los los TADs que se pueden usar en la materia dándolos por especificados:

```
TAD Conjunto\langle T \rangle {
    obs elems: conj\langle T \rangle
    proc conjVacío(): Conjunto\langle T\rangle {
         asegura \{res.elems = \langle \rangle \}
    proc pertenece (in c: Conjunto\langle T \rangle, in e:T): Bool {
         asegura \{res = true \leftrightarrow e \in c.elems\}
    proc agregar (inout c: Conjunto\langle T \rangle, in e:T) {
         requiere \{c = C_0\}
         asegura \{c.elems = C_0.elems \cup \langle e \rangle\}
    proc sacar (inout c : Conjunto\langle T \rangle, in e : T) {
         requiere \{c = C_0\}
         asegura \{c.elems = C_0.elems - \langle e \rangle\}
     }
    proc unir (inout c: Conjunto\langle T \rangle, in c': Conjunto\langle T \rangle) {
         requiere \{c = C_0\}
         asegura \{c.elems = C_0.elems \cup c'.elems\}
    proc restar (inout c: Conjunto\langle T \rangle, in c': Conjunto\langle T \rangle) {
         requiere \{c = C_0\}
         asegura \{c.elems = C_0.elems - c'.elems\}
    proc intersecar (inout c: Conjunto\langle T \rangle, in c': Conjunto\langle T \rangle) {
         requiere \{c = C_0\}
         asegura \{c.elems = C_0.elems \cap c'.elems\}
     }
    proc agregarRápido (inout c: Conjunto\langle T \rangle, in e:T) {
         requiere \{c = C_0 \land e \notin c.elems\}
         asegura \{c.elems = C_0.elems \cup \langle e \rangle\}
    \operatorname{proc} \operatorname{tamaño} (\operatorname{in} c : \operatorname{Conjunto} \langle T \rangle) : \mathbb{Z} \ \{
         asegura \{res = |c.elems|\}
}
```

```
TAD Diccionario\langle K, V \rangle {
    obs data: \operatorname{dict}\langle K, V \rangle
    \operatorname{proc}\operatorname{diccionarioVacío}():\operatorname{Diccionario}\langle K,V\rangle {
         asegura \{res.data = \{\}\}
    proc está (in d: Diccionario\langle K:,V\rangle, in k:K\rangle: Bool {
         asegura \{res = true \leftrightarrow k \in d.data\}
    proc definir (inout d: Diccionario\langle K, V \rangle, in k : K, in v : V) {
         requiere \{d = D_0\}
         \texttt{asegura}\ \{d.data = setKey(D_0.data, k, v)\}
    proc obtener (in d: Diccionario\langle K, V \rangle, in k : K) : V {
         requiere \{k \in d.data\}
         asegura \{res = d.data[k]\}
    proc borrar (inout d: Diccionario\langle K, V \rangle, in k : K) {
         requiere \{d = D_0 \land k \in d.data\}
         asegura \{d.data = delKey(D_0.data, k)\}
     }
    proc definirRápido (inout d: Diccionario\langle K, V \rangle, in k : K, in v : V) {
         requiere \{d = D_0 \land k \notin d.data\}
         asegura \{d.data = setKey(D_0.data, k, v)\}
    \operatorname{proc} \operatorname{tama\~no} (\operatorname{in} d:\operatorname{Diccionario}\langle K,V\rangle):\mathbb{Z}\ \{
         asegura \{res = |d.data|\}
     }
}
```

```
TAD \mathsf{Cola}\langle T \rangle {
      obs s: seq\langle T\rangle
      \operatorname{proc\ cola}\operatorname{Vac\'ia}\left(\right):\operatorname{Cola}\langle T\rangle\ \left\{
            asegura \{res.s = \langle \rangle \}
     proc vacía (in c : Cola\langle T \rangle) : Bool {
            asegura \{res = true \leftrightarrow c.s = \langle \rangle \}
     proc encolar (inout c : \mathsf{Cola}(T), in e : T) {
            requiere \{c = C_0\}
            asegura \{c.s = concat(C_0.s, \langle e \rangle)\}
     proc desencolar (inout c : Cola\langle T \rangle) : T  {
            requiere \{c = C_0 \land c.s \neq \langle \rangle \}
            asegura \{c.s = subseq(C_0.s, 1, |C_0.s|)\}
            asegura \{res = C_0[0]\}
     \operatorname{proc} \operatorname{proximo} \left( \operatorname{in} c : \operatorname{Cola}\langle T \rangle \right) : \operatorname{T} \ \{
            requiere \{c = C_0 \land c.s \neq \langle \rangle \}
            asegura \{res = C_0.s[0]\}
      }
}
```

```
TAD \operatorname{Pila}\langle T\rangle {
     obs s: seq\langle T\rangle
     proc pilaVacía () : Pila\langle T \rangle {
          asegura \{res.s = \langle \rangle \}
     proc vacía (in p: Pila\langle T \rangle): Bool {
          asegura \{res = true \leftrightarrow p.s = \langle \rangle \}
     proc apilar (inout p : Pila\langle T \rangle, in e : T) {
          requiere \{p = P_0\}
          asegura \{p.s = concat(P_0.s, \langle e \rangle)\}
     proc desapilar (inout p: \mathsf{Pila}\langle T \rangle): T {
          requiere \{p = P_0 \land p.s \neq \langle \rangle \}
          asegura \{p.s = subseq(P_0.s, 0, |P_0.s| - 1)\}
          asegura \{res = P_0.s[|P_0.s| - 1]\}
     }
     proc tope (in p: \mathsf{Pila}\langle T \rangle): T {
          requiere \{p = P_0 \land p.s \neq \langle \rangle \}
          asegura \{res = P_0.s[|P_0.s|-1]\}
     }
}
```

```
TAD ColaPrioridad\langle T \rangle {
     obs d: \operatorname{dict}\langle T, \mathbb{R} \rangle
     {	t proc ColaPrioridadVacía} \ () : {	t ColaPrioridad} \ \langle T 
angle \ \ \{
           asegura \{res.d = \{\}\}
     \operatorname{proc} \operatorname{vac}ía (in c:\operatorname{ColaPrioridad}\langle T \rangle):\operatorname{Bool} {
           asegura \{res = true \leftrightarrow c.d = \{\}\}
     proc encolar (inout c: ColaPrioridad\langle T \rangle, e : T, \text{ in } pri : \mathbb{R}) {
           requiere \{c = C_0\}
           requiere \{e \notin c.d\}
           asegura \{c.d = setKey(C_0.d, e, pri)\}
     \operatorname{proc} \operatorname{desencolarMax} (\operatorname{inout} c : \operatorname{ColaPrioridad} \langle T \rangle) : T  {
           requiere \{c = C_0\}
           requiere \{c.d \neq \{\}\}
           asegura \{c.d = delKey(C_0.d, res)\}
           asegura \{tienePriMax(C_0.d, res)\}
     pred tienePriMax (d: dict\langle T, \mathbb{R} \rangle, e: T) {
       e \in d \wedge_L (\forall e' : T)(e' \in d \rightarrow_L d[e] \ge d[e'])
}
```

```
TAD Secuencia\langle T \rangle {
    obs s: seq\langle T\rangle
    proc secuencia Vacía () : Secuencia \langle T \rangle {
         asegura \{res.s = \langle \rangle \}
    proc agregarAdelante (inout s : Secuencia (T), in e : T)  {
         requiere \{s = S_0\}
         asegura \{s.s = concat(\langle e \rangle, S_0.s)\}
     }
    proc agregarAtrás (inout s: Secuencia\langle T \rangle, in e:T) {
         requiere \{s = S_0\}
         asegura \{s.s = concat(S_0.s, \langle e \rangle)\}
    proc vacía (in s: Secuencia\langle T \rangle) : Bool {
         asegura \{res = true \leftrightarrow s.s = \langle \rangle \}
    \operatorname{proc \ fin \ (inout \ }s:\operatorname{Secuencia}\langle T\rangle)\ \ \{
         requiere \{s = S_0\}
         requiere \{|s.s| > 0\}
         asegura \{s = tail(S_0)\}
     }
```

```
proc comienzo (inout s : Secuencia\langle T \rangle) {
         requiere \{s = S_0\}
         requiere \{|s.s| > 0\}
         asegura \{s = head(S_0)\}
     }
    \operatorname{proc} \operatorname{primero} \left( \operatorname{in} s : \operatorname{Secuencia} \langle T \rangle \right) : T \ \{
         requiere \{|s.s| > 0\}
         asegura \{res = s[0]\}
    proc último (in s : Secuencia\langle T \rangle) : T {
         requiere \{|s.s| > 0\}
         asegura \{res = s[|s|-1]\}
    proc longitud (in s: Secuencia\langle T \rangle) : \mathbb{Z} {
         asegura \{res = |s.s|\}
    proc obtener (in s: Secuencia\langle T \rangle, in i : \mathbb{Z}) : T \in \mathbb{Z}
         requiere \{0 \le i < |s.s|\}
         asegura \{res = s[i]\}
    proc eliminar (inout s: Secuencia\langle T \rangle, in i : \mathbb{Z}) {
         requiere \{s = S_0\}
         requiere \{0 \le i < |s.s|\}
         asegura \{s.s = concat(subseq(S_0.s, 0, i-1), subseq(S_0.s, i+1, |S_0.s|))\}
    proc copiar (in s : Secuencia\langle T \rangle) : Secuencia\langle T \rangle {
         asegura \{res.s = s.s\}
    proc modificarPosición (inout s: Secuencia\langle T \rangle, in i : \mathbb{Z}, in e : T) {
         requiere \{s = S_0\}
         requiere \{0 \le i < |s.s|\}
         asegura \{s.s = concat(subseq(S_0.s, 0, i-1), \langle e \rangle, subseq(S_0.s, i+1, |S_0.s|))\}
     }
    proc concatenar (inout s: Secuencia\langle T \rangle, in s': Secuencia\langle T \rangle) {
         requiere \{s = S_0\}
         asegura \{s.s = concat(S_0.s, s'.s)\}
     }
}
```