Factorizaciones LU con Octave

Ramon Ceballos

27/2/2021

Factorizaciones LU con Octave

1. Obtener las matrices LU en Octave

A la hora de realizar factorizaciones LU con Octave, utilizamos la función lu() introduciéndole por parámetro una matriz cuadrada.

Ejemplo 1

Encontremos la factorización LU de la siguiente matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 0 & -1 \\ 2 & 1 & -1 & 5 \\ 0 & -2 & 3 & -1 \\ 1 & 1 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

```
A = [1,3,0,-1; 2,1,-1,5; 0,-2,3,-1; 1,1,3,1];

[L,U,P] = lu(A);
```

```
A = [1,3,0,-1; 2,1,-1,5; 0,-2,3,-1; 1,1,3,1]; [L,U,P] = lu(A);
P
```

```
## P =
##
## Permutation Matrix
##
## 0 1 0 0
## 1 0 0 0
## 0 0 1 0
## 0 0 1 0
## 0 0 1 1
```

De nuevo, aunque no era necesario, la función ha llevado a cabo una permutación de filas.

Pasamos a ver las matrices L y U.

```
A = [1,3,0,-1; 2,1,-1,5; 0,-2,3,-1; 1,1,3,1]; [L,U,P] = lu(A);
L
U
```

```
## L =
##
      1.0000
                                    0
##
##
      0.5000
               1.0000
                             0
                                      0
           0 -0.8000
##
                       1.0000
##
      0.5000
               0.2000
                        1.0000
                                 1.0000
##
## U =
##
      2.0000
               1.0000 -1.0000
##
                                 5.0000
##
          0
               2.5000
                       0.5000 -3.5000
##
           0
                   0
                       3.4000 -3.8000
##
           0
                   0
                            0
                                 3.0000
```

Ejemplo 2

##

##

Permutation Matrix

Encontremos ahora la factorización LU de la matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 3 \\ 1 & 3 & -2 \\ -3 & -2 & -1 \end{pmatrix}$$

```
A = [0,1,3; 1,3,-2; -3,-2,-1];

[L,U,P] = lu(A)
```

```
## L =
##
##
     1.0000
                            0
##
     -0.3333
              1.0000
                            0
##
        0
              0.4286
                       1.0000
##
## U =
##
    -3.0000 -2.0000 -1.0000
##
         0
             2.3333 -2.3333
##
          0
                     4.0000
##
                 0
##
## P =
## Permutation Matrix
##
##
     0
         0
             1
       1 0
##
     0
##
     1 0 0
A = [0,1,3; 1,3,-2; -3,-2,-1]; [L,U,P] = lu(A);
## P =
```

```
## 0 0 1
## 0 1 0
## 1 0 0
```

En este caso sí que era necesaria una permutación de filas.

Pasamos a ver las matrices L y U.

```
A = [0,1,3; 1,3,-2; -3,-2,-1]; [L,U,P] = lu(A);
L
U
```

```
## L =
##
##
      1.0000
                             0
##
     -0.3333
               1.0000
                             0
               0.4286
##
           0
                        1.0000
##
## U =
##
##
     -3.0000 -2.0000 -1.0000
               2.3333
##
           0
                       -2.3333
           0
##
                    0
                        4.0000
```