Tarea

Determinantes

Curso Álgebra Lineal

Pregunta 1

Calcula los siguientes determinantes

$$|A| = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 4 & 3 & 2 & 1 \\ 3 & 3 & 0 & 5 \end{vmatrix}$$

$$|B| = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 3 & 1 \\ -1 & 0 & 2 & 1 \\ 0 & 3 & 0 & 5 \end{vmatrix}$$

$$|C| = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 5 & 0 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{vmatrix}$$

$$|D| = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 0 & 2 \\ 0 & 5 & 0 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & -2 \\ 4 & 0 & -3 & 0 \end{vmatrix}$$

Pregunta 2

Estudiad la compatibilidad de los siguientes sistemas de ecuaciones lineales y resolvedlos por Crammer en los casos en que sea posible

$$\begin{cases} x & + & y & + & z & = & 0 \\ 2x & + & y & + & 2z & = & 0 \\ & & 2y & + & 5z & = & 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x & + & y & + & 5z & = & 2 \\ 2x & + & y & + & 2z & = & 0 \\ x & - & 2y & + & 3z & = & 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x & & - & 7z & = & 2 \\ 2x & + & y & + & 2z & = & 9 \\ -2x & + & 2y & + & 3z & = & -11 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x & - & 3y & - & 7z & + & t & = & -2 \\ 2x & & + & 2z & + & 2t & = & 0 \\ -2x & + & 2y & + & 3z & - & t & = & -1 \\ 2x & + & 2y & + & 3z & + & t & = & -3 \end{cases}$$

Pregunta 3

Calcula el rango de las matrices siguientes según los valores de los parámetros

$$\begin{pmatrix} \alpha & \alpha & \beta & \beta \\ \beta & \beta & \alpha & \alpha \\ \alpha & \beta & \beta & \alpha \\ \beta & \alpha & \beta & \alpha \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
\alpha & 0 & 0 & \beta \\
\beta & \alpha & 0 & 0 \\
0 & 0 & \beta & \alpha
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & \alpha & -1 & 2 \\ 2 & -1 & \beta & 5 \\ 1 & 10 & -6 & 1 \end{pmatrix}$$

Pregunta 4

Encuentra el valor del siguiente determinante de orden n

$$\begin{vmatrix} 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 2 & \cdots & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & n-1 \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 & 0 \end{vmatrix}$$

Pregunta 5

Calcular el rango de las siguientes matrices y, si es posible, su inversa haciendo uso de determinantes

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 4 \\ 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$$

$$C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 4 & 3 & -2 & -1 \\ 1 & -2 & -3 & 4 \\ 0 & 0 & 4 & 0 \end{pmatrix}$$

$$D = \begin{pmatrix} 9 & 7 & 1 & 4 & 2 \\ 6 & 5 & 7 & 4 & 3 \\ 1 & 9 & 2 & 6 & 5 \\ 2 & 1 & 0 & -1 & -2 \\ 9 & 7 & 5 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$E = \begin{pmatrix} 0 & a \\ a & 0 \end{pmatrix}$$

$$F = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 3 & a & 4 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$