Estadística descriptiva con datos cuantitativos

Ramon Ceballos

29/1/2021

1. Frecuencias para Datos Cuantitativos

El tratamiento de las frecuencias de datos cuantitativos es similar al de los datos ordinales. La cosa cambia ligeramente debido a que no se tienen en cuenta todos los niveles posibles, sino únicamente los observados.

Ejemplo 1

Se han pedido las edades a 20 clientes de un museo. Las respuestas obtenidas han sido las siguientes:

```
#vector de edades
edad = c(15,18,25,40,30,29,56,40,13,27,42,23,11,26,25,32,30,40,33,29)
```

Recordemos que solamente nos interesan las frecuencias de las edades observadas. Se calcula la tabla de frecuencias absolutas con la función **table()**.

```
#Tabla de contingencia para el vector edad (FREC. ABS.)
table(edad)

## edad
## 11 13 15 18 23 25 26 27 29 30 32 33 40 42 56
## 1 1 1 1 1 2 1 1 2 2 1 1 3 1 1
```

Calculemos el resto de frecuencias como ya sabemos.

```
#Tabla de frecuencias relativas globales
round(prop.table(table(edad)),3)
## edad
##
                  23
                          26
                              27
                                         32
                                            33
                                                    42
   11
       13
           15
              18
                      25
                                 29
                                     30
                                                40
#Tabla de frecuencias absolutas acumuladas
cumsum(table(edad))
```

```
## 11 13 15 18 23 25 26 27 29 30 32 33 40 42 56
## 1 2 3 4 5 7 8 9 11 13 14 15 18 19 20
```

```
#Tabla de frecuencias relativas acumuladas
round(cumsum(prop.table(table(edad))),3)
```

```
##
     11
          13
                15
                     18
                           23
                                25
                                      26
                                           27
                                                29
                                                      30
                                                           32
                                                                 33
                                                                      40
                                                                            42
                                                                                 56
## 0.05 0.10 0.15 0.20 0.25 0.35 0.40 0.45 0.55 0.65 0.70 0.75 0.90 0.95 1.00
```

2. Definición matemática respecto a las frecuencias de datos cuantitativos

En general, supongamos que tenemos n observaciones de una propiedad que se mide con un número real y obtenemos la variable cuantitativa formada por los datos:

$$x_1, \ldots, x_n$$

Sean ahora X_1, \ldots, X_k los valores distintos que aparecen en esta lista de datos y considerémoslos ordenados:

$$X_1 < X_2 < \cdots < X_k$$

 X_1 sería el mínimo de la observación y X_k sería el máximo de la observación, siendo $k \leq n$.

Entonces, en una variable cuantitativa podemos definir lo siguiente:

- La frecuencia absoluta de X_i es el número n_i de elementos que son iguales a X_i .
- La frecuencia relativa de X_i es $f_i = \frac{n_i}{n}$.
- La frecuencia absoluta acumulada de X_i es $N_i = \sum_{j=1}^i n_j$.
- La frecuencia relativa acumulada de X_i es $F_i = \frac{N_i}{n}$.

Ejemplo 2

DADOS

Lanzamos 25 veces un dado de 6 caras y anotamos las puntuaciones obtenidas en cada tirada.

En este caso, n=25 y, los distintos valores observados son:

$$X_1 = 1$$
, $X_2 = 2$, $X_3 = 3$, $X_4 = 4$, $X_5 = 5$, $X_6 = 6$

Nos interesa ahora calcular las frecuencias de este experimento. Además, las organizaremos en un data frame para observarlas de forma más clara y sencilla en una tabla.

```
#Fijo una semilla
set.seed(162017)

#Vector determinado para el ejemplo
dados = sample(1:6,25,replace = TRUE)
dados
```

[1] 1 1 5 5 5 5 1 6 5 4 1 3 1 3 2 2 1 1 1 4 2 1 6 3 1

```
#Anulo la semilla fijada
set.seed(NULL)
#defino la tabla de contingencia
table(dados)
## dados
## 1 2
         3 4 5
## 10 3
         3 2 5
#defino la tabla de frecuencias relativas
round(prop.table(table(dados)),2)
## dados
## 0.40 0.12 0.12 0.08 0.20 0.08
#defino la tabla de frecuencias absolutas acumuladas
cumsum(table(dados))
## 1 2 3 4 5 6
## 10 13 16 18 23 25
#defino la tabla de frecuencias relativas acumuladas
round(cumsum(prop.table(table(dados))),2)
## 0.40 0.52 0.64 0.72 0.92 1.00
#Para facilitar la visualización de las frecuencias,
#se crea un DF con la visulaización de todas las frecuencias descritas a la vez
#Importante poner as.vector() para que las tablas se traten como vectores al crear el DF
#Así no se añaden las etiquetas
dados.df = data.frame(Puntuacion = 1:6,
                      Fr.abs = as.vector(table(dados)),
                      Fr.rel = as.vector(round(prop.table(table(dados)),2)),
                      Fr.acu = as.vector(cumsum(table(dados))),
                      Fr.racu = as.vector(round(cumsum(prop.table(table(dados))),2)))
dados.df
##
     Puntuacion Fr.abs Fr.rel Fr.acu Fr.racu
## 1
              1
                    10
                         0.40
                                  10
                                        0.40
## 2
              2
                                        0.52
                     3
                         0.12
                                  13
## 3
              3
                     3
                         0.12
                                  16
                                        0.64
              4
## 4
                     2
                         0.08
                                  18
                                        0.72
```

¡OJO! Para entrar una tabla unidimensional como una variable en un data frame, es conveniente transformarla en vector con as.vector. Si no, cada table y cada prop.table añadirían una columna extra con los nombres de los niveles.

0.92

1.00

5

6

5

0.20

0.08

2

23

25