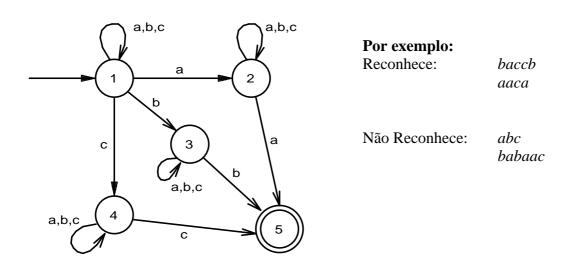
Profa. Edith Ranzini

GABARITO 4^a LISTA DE EXERCÍCIOS - AUTOMATOS FINITOS: DFA E NFA (Sem utilizar ε)

Esta lista contém exercícios cujos enunciados constituem **"variações sobre um mesmo tema"**. Tem por objetivo mostrar (e espero que vocês percebam), como é importante prestar atenção ao enunciado.

- 1) Seja $\Sigma = \{a, b, c\}$. Propor NFAs que reconhecem as linguagens abaixo:
 - a) $\{w \mid w \text{ termina por símbolo que já apareceu antes; } |w| \ge 2\}.$

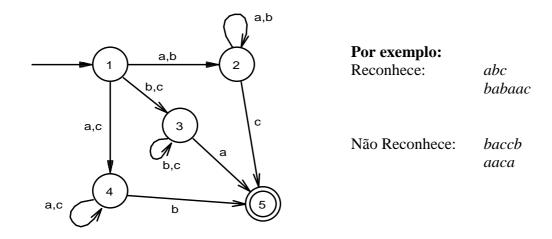
Solução:



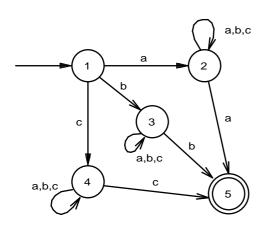
b) $\{w \mid w \text{ n}\tilde{a}\text{o} \text{ termina por símbolo que já apareceu antes; } |w| \ge 2\}.$

Solução: A solução abaixo mostra que é possível reconhecer cadeias com tamanho maior ou igual a 2.

Portanto, o enunciado postado no Moodle estava correto.



c) {w | w começa e termina pelo mesmo símbolo; |w| ≥ 2}.
 Solução:



Por exemplo:

Reconhece: axa

bxb

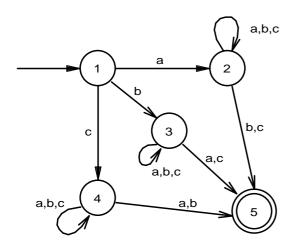
схс

Não reconhece

axb axc

bxa

d) {w | w termina por símbolo diferente do símbolo inicial;}Solução:



Por exemplo:

Reconhece: axb

axc

bxa

bxc

cxa cxb

Não reconhece axa

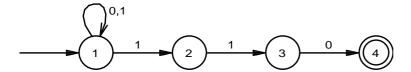
bxb

схс

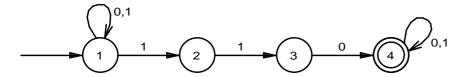
e) Transforme os NFAs dos itens a) e b) em DFAs. O que você observa de interessante?

Solução: NÃO SERÁ FEITA AQUI.FAÇAM NO JFLAP!

- 2) Seja $\Sigma = \{0,1\}$. Propor NFAs que reconhecem as linguagens abaixo:
 - a) {w | w termina pela subcadeia 110}

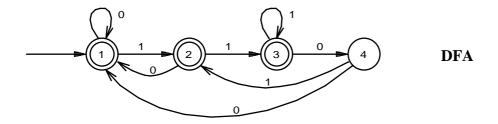


b) {w | w possui a subcadeia 110}



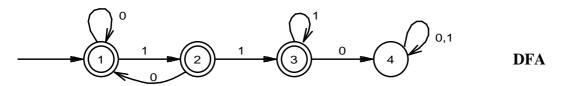
c) {w | w **não** termina por 110}

Solução: Nesse caso, o NFA é muito mais trabalhoso, pois ele deve reconhecer todas as cadeias que terminam por: 000,001,etc, etc, exceto a 110; por isso vou fazer o DFA.



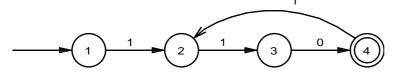
d) {w | w não possui a subcadeia 110}

Solução: Observação semelhante à do item c). Por isso vou fazer o DFA

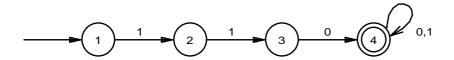


- e) Como, a partir do item a) você poderia obter o item c)? Idem para b) e d).

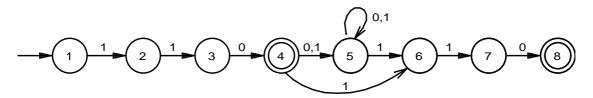
 Solução: Não ensinei ainda como resolver. Por isso, a solução não é mostrada aqui.
- f) {w | w consiste na subcadeia 110, repetida uma ou mais vezes}



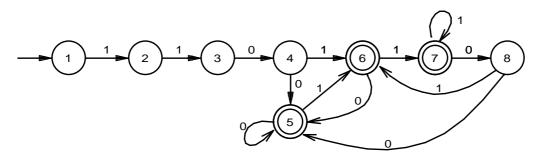
g) {w | w é iniciada pela subcadeia 110}



h) $\{w \mid w \text{ \'e iniciada e terminada pela subcadeia } 110 \text{ e } |w| \ge 3\}$

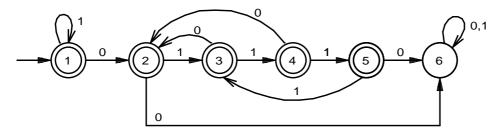


i) $\{w \mid w \in \text{iniciada por } 110 \text{ mas terminada por subcadeia } \neq 110 \text{ e } |w| > 3\}$

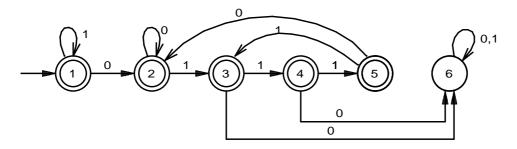


- 3) Seja $\Sigma = \{0,1\}$. Propor DFA's que reconhecem as seguintes linguagens:
 - a) $\{w \mid \text{se houver zeros em } w, \text{ nunca } \text{ existem } 3k \text{ uns } (k = 0,1,2,...) \text{ entre um zero e o próximo zero} \}$

Solução: (Não aceita 00, 101110, etc, mas aceita 010, 011110, etc).



b) {w | se houver zeros em w, **sempre** existem 3k uns (k = 0,1,2,...) entre um zero e o próximo zero} **Solução:** (Aceita 00, 101110, etc , mas não aceita 1010, 10110, etc).



c) Como os itens a) e b) seriam modificados, se o número de posições fosse 3k, com k = 1, 2, 3, 4...?
 Solução: VOCÊS FAZEM.