#### Diário de Disciplina

Professor: Romildo José da Silva

Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral I: Bacharelado em Física

Código: CB0534 Turma: 04 Semestre: 2024.1 Horário: Seg, Qua e Sex, 08h00 – 10h00

**Apresentação 1** (26/02/2024). *Apresentação: Livro texto, ementa da disciplina, e outros avisos.* 

Aula para Repor 1 (28/02/2024). Manutenção das salas do Bloco 919.

Aula para Repor 2 (01/03/2024). Manutenção das salas do Bloco 919.

Aula para Repor 3 (04/03/2024). *Manutenção das salas do Bloco 919*.

Aula para Repor 4 (06/03/2024). *Manutenção das salas do Bloco 919*.

**Aula 1** (08/03/2024). Conjuntos Numéricos:  $\mathbb{N}$ ,  $\mathbb{Z}$  e  $\mathbb{Q}$ , e suas propriedades. Reta numérica. Múltiplos, divisores, máximo divisor comum, números primos, números pares e números ímpares: definições e proposições. Teorema Fundamental da Aritmética: enunciado.

**Aula 2** (11/03/2024). Teorema Fundamental da Aritmética: aplicação. Introdução à Teoria dos Conjuntos com definições e propriedades: relação de pertinência, relação de inclusão, definição de igualdade, união de conjuntos, intersecção de conjuntos, diferença entre conjuntos, conjunto universo, diagrama de Venn, complementar de conjuntos, Leis de De Morgan e exercícios.

Aula 3 (13/03/2024). Família indexada de conjuntos: definição, união e intersecção. Proposições matemáticas: definições e exemplos. Negação, conjunção e disjunção de proposições: definições e exemplos. Proposições compostas: definição, exemplos e tabela de valor. Proposições compostas logicamente equivalentes: definição e exemplos. Negação da negação, da união e da conjunção.

**Aula 4** (15/03/2024). *Implicação: definição, negação e exemplos. Recíproca e Contrapositiva: definições e exemplos. Equivalência: definição, negação e exemplos. Relação entre equivalência e equivalência lógica. Tautologia e absurdo: definições e exemplos.* 

**Recesso 1** (18/03/2024). *Recesso Escolar.* 

**Aula 5** (20/03/2024). Família Indexada de proposições: definição e exemplos. Conjunto definido por uma família de proposições: definição, exemplos e propriedades. Quantificador universal e quantificador existencial. Proposições definidas por famílias de proposições e quantificadores: definição, exemplos e propriedades. Par ordenado e produto cartesiano: definição e exemplos.

**Aula 6** (22/03/2024). Proposições com múltiplos quantificadores: definições e exemplos. Argumentos de demonstração. Teorema de Pitágoras: enunciado, demonstração e aplicações. Conjunto dos números reais: definição. Número irracional: definição e exemplos.

Feriado 1 (25/03/2024). Feriado Estadual – Data Magna do Ceará.

Aula para Repor 5 (27/03/2024). Falta de energia elétrica e iluminação natural na sala de aula.

Feriado 2 (29/03/2024). Feriado Nacional – Paixão de Cristo.

**Aula 7** (01/04/2024). Construção geométrica das operações aritméticas em  $\mathbb{R}$ . Potência com expoente natural: definição e propriedades. Raiz n-ésima: definição e propriedades. Potência com expoente inteiro: definição e propriedades. Potência com expoente racional: definição e propriedades. Módulo de um número real: definição e propriedades. Intervalos de  $\mathbb{R}$ . Propriedade Arquimediana de  $\mathbb{R}$ : enunciado e demonstração.

**Aula 8** (03/04/2024). Densidade dos racionais e dos irracionais em  $\mathbb{R}$ . Vizinhança de um número real: definição. Contra-exemplo de implicação: definição e exemplo. Relação entre conjuntos. Função: definição, exemplos, lei de formação, conjunto domínio, conjunto contradomínio. Restrição de função: definição e exemplos. Imagem de um elemento, conjunto imagem, função de variável real e função de valor real. Igualdade de funções: definição.

**Aula 9** (05/04/2024). Igualdade de funções: Definição e exemplos. Exemplos e enunciados de funções de variável real e valor real: determinação de domínio. Função afim, função constante, função linear, função nula, função quadrática, função polinomial e função racional: definições e exemplos. Operações com funções (definições e exemplos): Soma de funções (f+g), produto de escalar por função  $(\lambda \cdot f)$ , simétrico de função (-f), produto de funções  $(f \cdot g)$ , inverso multiplicativo de função  $(\frac{1}{f})$ , quociente de funções  $(\frac{f}{g})$ , diferença de funções (f-g), composição de funções  $(f \circ g)$ .

**Aula 10** (06/04/2024). Raiz de uma função: Definição e exemplos. Estudo de sinal de uma função: definição e exemplos. Estudo do sinal da função afim. Fatoração: ac + ab, ac + ab + ec + eb,  $a^2 - b^2$ ,  $a^3 - b^3$ ,  $a^n - b^n$ ,  $a^2 + 2ab + b^2$  e  $a^2 - 2ab + b^2$ : exemplos. Fatoração e estudo de sinal de  $ax^2 + bx + c$  com  $a, b, c \in \mathbb{R}$  e  $a \neq 0$ : exemplos. Teorema de D'Lembert: enunciado e aplicação.

**Aula 11** (08/04/2024). Função injetiva: definição, exemplos e implicações que caracterizam a injetividade de uma função. Função Sobrejetiva: definição, exemplos e proposições que caracterizam a sobrejetividade de uma função. Injetividade e sobrejetividade da função afim f(x) = ax + b com  $a \neq 0$ . Domínio, injetividade e não sobrejetividade da função  $f(x) = \frac{ax + b}{cx + d}$  com  $ad - bc \neq 0$  e  $c \neq 0$ . Imagem da função  $f(x) = \frac{ax + b}{cx + d}$  com  $ad - bc \neq 0$  e  $c \neq 0$ . Função bijetiva: definição e exemplos. Função invertível: definição e exemplos. Função inversa. Equivalência entre invertibilidade e bijetividade. Inversa da função afim f(x) = ax + b. Inversa da função racional  $f(x) = \frac{ax + b}{cx + d}$  com  $ad - bc \neq 0$ ,  $c \neq 0$  e contradomínio explícito.

**Aula 12** (10/04/2024). Desigualdade triangular. Raio e centro de um intervalo aberto e limitado. Função definida em um ponto e em um conjunto. Ponto de acumulação de um subconjunto de  $\mathbb{R}$ : definição e exemplos. Gráfico de uma função  $f:A \longrightarrow B$  onde A e B são conjuntos não vazios. Plano euclidiano (plano cartesiano). Gráfico de uma função de variável real e de valor real. Gráfico da função afim.

Aula 13 (12/04/2024). Limite finito de uma função em um ponto: definição e exemplos. Unicidade do limite finito: enunciado e demonstração. Limite da constante: enunciado e demonstração. Limite da soma de funções: enunciado, demonstração e exemplos. Limite do produto de um escalar por uma função: enunciado e exemplos. Limite do produto de funções: enunciado e exemplos. Limite do inverso multiplicativo de uma função. Limite do quociente de funções: enunciado e exemplos. Limite das funções racionais. Teorema do Limite Positivo.

**Aula 14** (15/07/2024). Interpretação geométrica do limite finito. Limite de duas funções que coincidem numa vizinhança estrita de um ponto: enunciado e aplicações. Crescimento da nésima potência e da raiz n-ésima. Limite da raiz n-ésima. Resolução de exercícios com cálculo de limite envolvendo a indeterminação  $\frac{0}{0}$ .

Aula 15 (17/07/2024). Exemplos da não existência de limite finito. Continuidade de uma função em um ponto: definição, propriedades e exemplos. Exemplos de continuidade e de descontinuidade pontuais. Definição de função contínua em um conjunto e definição de função contínua (continuidade global). Continuidade global das funções polinomiais, das funções racionais e da função raiz n-ésima. Proposições para continuidade de soma de funções, produto de um escalar por uma função, produto de funções, inverso multiplicativo de funções, quociente de funções: enunciados e demonstrações.

Aula 16 (19/07/2024). Interpretação geométrica da continuidade. Proposições para continuidade da composição de funções: enunciados, demonstrações e exemplos. Mudança de variável no limite. Ponto de acumulação pela direita e pela esquerda: definições e exemplos. Limite lateral: definições, propriedades e exemplos. Limite e continuidade de funções definidas por partes: exemplos. Continuidade pela esquerda e pela direita: definições e exemplo.

Aula 17 (22/07/2024). Funções limitadas em conjuntos e funções limitadas: definições e exemplos. Limite infinito: definição, propriedades e exemplos. Limite infinito lateral: definições, propriedades e exemplos. Limite finito no infinito: definição, propriedades e exemplos. Limite infinito no infinito: definição, propriedades e exemplos. Limite no infinito de funções polinomiais. Limite no infinito de funções racionais.

**Aula 18** (24/07/2024). Diferenciabilidade de função em um ponto: definição e exemplos. Diferenciabilidade de função em conjunto: definição e exemplos. Função diferenciável: definição e exemplos. Diferenciabilidade como condição suficiente para continuidade. Função derivada: definição e exemplos. Reta tangente ao gráfico de uma função: definição e exemplos.

**Aula 19** (26/07/2024). Derivada da função afim: demonstração e exemplos. Diferenciabilidade e derivada da função  $f(x) = x^n$ : demonstração e exemplos. Diferenciabilidade e derivada da função  $f(x) = \sqrt[n]{x}$ : demonstração e exemplos. Derivada da soma de funções: propriedades e exemplos. Derivada do produto de um escalar por uma função: propriedades e exemplos. Derivada do produto de funções: propriedades e exemplos. Derivada do inverso multiplicativo de uma função: propriedades e exemplos. Diferenciabilidade e derivada da função  $f(x) = \frac{1}{x^n}$ : demonstração e exemplos. Derivada do quociente de funções: propriedades e exemplos.

**Aula 20** (27/07/2024). *Reposição!* 

Avaliação 1 (29/07/2024). Primeira Avaliação Progressiva.

Aula 21 (31/07/2024).

Aula 22 (02/08/2024).

Aula 23 (05/08/2024).

Aula 24 (07/08/2024).

Aula 25 (09/08/2024).

**Aula 26** (10/08/2024). *Reposição!* 

Aula 27 (12/08/2024).

Aula 28 (14/08/2024).

Aula 29 (16/08/2024).

Aula 30 (19/08/2024).

```
Aula 31 (21/08/2024).
```

Aula 32 (23/08/2024).

Aula 33 (24/08/2024). Reposição!

**Avaliação 2** (26/08/2024). *Segunda Avaliação Progressiva*.

Aula 34 (28/08/2024).

Aula 35 (30/08/2024).

Aula 36 (02/09/2024).

Aula 37 (04/09/2024).

Aula 38 (06/09/2024).

Aula 39 (09/09/2024).

Aula 40 (11/09/2024).

Aula 41 (13/09/2024).

**Aula 42** (14/09/2024). *Reposição!* 

Aula 43 (16/09/2024).

Aula 44 (18/09/2024).

Aula 45 (20/09/2024).

Aula 46 (23/09/2024).

Avaliação 3 (25/09/2024). Terceira Avaliação Progressiva.

#### 26 de setembro de 2024:

Término do Semestre Letivo 2024.1 para Cursos de Graduação Presenciais.

Término do Semestre Letivo 2024.1 para Pós-graduação Stricto e Lato Sensu.

## 27 de setembro de 2024 a 4 de outubro de 2024 :

Período de Avaliações Finais do Semestre 2024.1.

# 30 de setembro de 2024, segunda-feira, às 08h00 :

Data e horário da Avaliação Final.

## Calendário Universitário 2024 - Ajuste Pós-Greve:

https://www.ufc.br/calendario-universitario/2024-ajuste-pos-greve

### Ementa da Disciplina:

Limite de função. Derivada de função. Aplicações da função derivada. Integral indefinida de função. Integral definida de função. Aplicações da integral definida.

### **Livro Texto:**

Cálculo Volume 1

James Stewart

Tradução da Sexta Edição Norte-Americana

### E-mail do Grupo:

calculoprimeirofisi20241@googlegroups.com

# Minha Página:

https://rjsdusk.org