#### Diário de Disciplina

Professor: Romildo José da Silva

Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral I: Ciência da Computação

**Código:** CB0534 **Turma:** 09 **Semestre:** 2023.1 **Horário:** Seg, Qua e Sex, 10h00 – 12h00

**Apresentação** (13/03/2023). *Apresentação: Livro texto, ementa da disciplina, e outros avisos.* 

**Aula para Repor 1** (15/03/2023). *Recepção do Curso de Ciência da Computação: aula reposta em 15 de abril de 2023, sábado.* 

**Aula para Repor 2** (17/03/2023). Recepção do Curso de Ciência da Computação: aula reposta em 29 de abril de 2023, sábado, com a aplicação da primeira avaliação progressiva

**Aula 1** (20/03/2023). Conjuntos Numéricos:  $\mathbb{N}$ ,  $\mathbb{Z}$  e  $\mathbb{Q}$ , e suas propriedades. Reta numérica. Múltiplos, divisores, máximo divisor comum, números primos, números pares e números ímpares: definições e proposições. Teorema Fundamental da Aritmética: enunciado.

**Aula 2** (22/03/2023). Teorema Fundamental da Aritmética: aplicação. Introdução à Teoria dos Conjuntos com definições e propriedades: relação de pertinência, relação de inclusão, definição de igualdade, união de conjuntos, intersecção de conjuntos, diferença entre conjuntos, conjunto universo, diagrama de Venn, complementar de conjuntos, Leis de De Morgan e exercícios.

Aula 3 (24/03/2023). Família indexada de conjuntos: definição, união e intersecção. Proposições matemáticas: definições e exemplos. Negação, conjunção e disjunção de proposições: definições e exemplos. Proposições compostas: definição, exemplos e tabela de valor. Proposições compostas logicamente equivalentes: definição e exemplos. Negação da negação, da união e da conjunção.

**Aula 4** (27/03/2023). Implicação: definição, negação e exemplos. Recíproca e Contrapositiva: definições e exemplos. Equivalência: definição, negação e exemplos. Relação entre equivalência e equivalência lógica. Tautologia e absurdo: definições e exemplos.

**Aula 5** (29/03/2023). Família de proposições: definição e exemplos. Conjunto definido por uma família de proposições: definição, exemplos e propriedades. Quantificador universal e quantificador existencial. Proposições definidas por famílias de proposições e quantificadores: definição, exemplos e propriedades. Par ordenado e produto cartesiano: definição e exemplos.

**Aula 6** (31/03/2023). Proposições com múltiplos quantificadores: definições e exemplos. Argumentos de demonstração. Teorema de Pitágoras: enunciado, demonstração e aplicações. Conjunto dos números reais: definição. Número irracional: definição e exemplos.

**Aula 7** (03/04/2023). Construção geométrica das operações aritméticas em  $\mathbb{R}$ . Potência com expoente natural: definição e propriedades. Raiz n-ésima: definição e propriedades. Potência com expoente inteiro: definição e propriedades. Potência com expoente racional: definição e propriedades. Módulo de um número real: definição e propriedades. Intervalos de  $\mathbb{R}$ . Propriedade Arquimediana de  $\mathbb{R}$ : enunciado e demonstração.

**Aula 8** (05/04/2023). Densidade dos racionais e dos irracionais em  $\mathbb{R}$ . Vizinhança de uma número real: definição. Contra-exemplo de implicação: definição e exemplo. Relação entre conjuntos. Função: definição, exemplos, lei de formação, conjunto domínio, conjunto contradomínio, Restrição de função: definição e exemplos. Imagem de um elemento, conjunto imagem, função de variável real e função de valor real. Igualdade de funções: Definição.

Feriado 1 (07/04/2023). Feriado Nacional – Paixão de Cristo.

Aula para Repor 3 (10/04/2023). Falta de energia elétrica no Campus do Pici. Aula reposta em 20 de maio de 2023, sábado.

**Aula 9** (12/04/2023). Igualdade de funções: Definição e exemplos. Exemplos e enunciados de funções de variável real e valor real: determinação de domínio. Função afim, função constante, função linear, função nula, função quadrática, função polinomial e função racional: definições e exemplos. Operações com funções (definições e exemplos): Soma de funções (f+g), produto de escalar por função  $(\lambda \cdot f)$ , simétrico de função (-f), produto de funções  $(f \cdot g)$ , inverso multiplicativo de função  $(\frac{1}{f})$ , quociente de funções  $(\frac{f}{g})$ , diferença de funções (f-g), composição de funções  $(f \circ g)$ .

**Aula 10** (14/04/2023). Raiz de uma função: Definição e exemplos. Estudo de sinal de uma função: definição e exemplos. Estudo do sinal da função afim. Fatoração: ac + ab, ac + ab + ec + eb,  $a^2 - b^2$ ,  $a^3 - b^3$ ,  $a^n - b^n$ ,  $a^2 + 2ab + b^2$  e  $a^2 - 2ab + b^2$ : exemplos. Fatoração e estudo de sinal de  $ax^2 + bx + c$  com  $a, b, c \in \mathbb{R}$  e  $a \neq 0$ : exemplos. Teorema de D'Lembert: enunciado e aplicação.

**Aula 11** (15/04/2023). Aula de Reposição. Função injetiva: Definição, exemplos e implicações que caracterizam a injetividade de uma função. Função Sobrejetiva: Definição, exemplos e proposições que caracterizam a sobrejetividade de uma função. Injetividade e sobrejetividade da função afim f(x) = ax + b com  $a \neq 0$ . Domínio, injetividade e não sobrejetividade da função  $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$  com  $ad-bc \neq 0$  e  $c \neq 0$ . Imagem da função invertível: Definição e exemplos. Função invertível: Definição e exemplos. Função inversa. Equivalência entre invertibilidade e bijetividade. Inversa da função afim f(x) = ax + b. Inversa da função racional  $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$  com  $ad-bc \neq 0$ ,  $c \neq 0$  e contradomínio explícito.

**Aula 12** (17/04/2023). Desigualdade triangular. Raio e centro de um intervalo aberto e limitado. Função definida em um ponto e em um conjunto. Ponto de acumulação de um subconjunto de  $\mathbb{R}$ : definição e exemplos. Gráfico de uma função  $f:A \longrightarrow B$  onde A e B são conjuntos não vazios. Plano euclidiano (plano cartesiano). Gráfico de uma função de variável real e de valor real. Gráfico da função afim.

Aula 13 (19/04/2023). Limite finito de uma função em um ponto: definição e exemplos. Unicidade do limite finito: enunciado e demonstração. Limite da constante: enunciado e demonstração. Limite da identidade: enunciado e demonstração. Limite da soma de funções: enunciado, demonstração e exemplos. Limite do produto de um escalar por uma função: enunciado e exemplos. Limite do produto de funções: enunciado e exemplos. Limite do inverso multiplicativo de uma função. Limite do quociente de funções: enunciado e exemplos. Limite das funções racionais. Teorema do Limite Positivo.

**Feriado 2** (21/04/2023). *Feriado Nacional – Dia de Tiradentes*.

Continuação 1 (24/04/2023). Continuação da Aula 13 e início da Aula 14.

**Aula 14** (26/04/2023). Interpretação geométrica do limite finito. Limite de duas funções que coincidem numa vizinhança estrita de um ponto: Enunciado e aplicações. Crescimento da nésima potência e da raiz n-ésima. Limite da raiz n-ésima. Resolução de exercícios com cálculo de limite envolvendo a indeterminação  $\frac{0}{0}$ .

**Aula 15** (28/04/2023). Exemplos da não existência de limite finito. Continuidade de uma função em um ponto: definição, propriedades e exemplos. Exemplos de continuidade e de descontinuidade pontuais. Definição de função contínua em um conjunto e definição de função contínua

(continuidade global). Continuidade global das funções polinomiais, das funções racionais e da função raiz n-ésima. Proposições para continuidade de soma de funções, produto de um escalar por uma função, produto de funções, inverso multiplicativo de funções, quociente de funções: Enunciados e demonstrações.

Avaliação 1 (29/04/2023). Primeira Avaliação Progressiva.

**Feriado 3** (01/05/2023). *Feriado Nacional – Dia Mundial do Trabalho*.

**Aula 16** (03/05/2023). Interpretação geométrica da continuidade. Proposições para continuidade da composição de funções: Enunciados, demonstrações e exemplos. Mudança de variável no limite. Ponto de acumulação pela direita e pela esquerda: Definições e exemplos. Limite lateral: Definições, propriedades e exemplos. Limite e continuidade de funções definidas por partes: Exemplos. Continuidade pela esquerda e pela direita: definições e exemplo.

Aula 17 (05/05/2023). Funções limitadas em conjuntos e funções limitadas: definições e exemplos. Limite infinito: definição, propriedades e exemplos. Limite infinito lateral: definições, propriedades e exemplos. Limite finito no infinito: definição, propriedades e exemplos. Limite infinito no infinito: definição, propriedades e exemplos. Limite no infinito de funções polinomiais. Limite no infinito de funções racionais.

**Aula 18** (08/05/2023). Diferenciabilidade de função em um ponto: definição e exemplos. Diferenciabilidade de função em conjunto: definição e exemplos. Função diferenciável: Definição e exemplos. Diferenciabilidade como condição suficiente para continuidade. Função derivada: Definição e exemplos. Reta tangente ao gráfico de uma função: definição e exemplos.

**Aula 19** (10/05/2023). Derivada da função afim: demonstração e exemplos. Diferenciabilidade e derivada da função  $f(x) = x^n$ : demonstração e exemplos. Diferenciabilidade e derivada da função  $f(x) = \sqrt[n]{x}$ : demonstração e exemplos. Derivada da soma de funções: propriedades e exemplos. Derivada do produto de um escalar por uma função: propriedades e exemplos. Derivada do produto de funções: propriedades e exemplos. Derivada do inverso multiplicativo de uma função: propriedades e exemplos. Diferenciabilidade e derivada da função  $f(x) = \frac{1}{x^n}$ : demonstração e exemplos. Derivada do quociente de funções: propriedades e exemplos.

Continuação 2 (12/05/2023). Continuação da Aula 19.

Aula para Repor 4 (15/05/2023). Compromisso de Reunião do Professor da Disciplina.

**Aula 20** (17/05/2023). Derivada da potência com expoente inteiro. Regra da Cadeia para derivada de composição de funções: enunciado e demonstração. Diferenciabilidade para composição de funções diferenciáveis em conjuntos. Diferenciabilidade para composição de funções diferenciáveis. Exercícios de derivação usando a Regra da Cadeia. Derivada da potência com expoente racional.

**Aula 21** (19/05/2023). Aplicações da Regra da Cadeia. Derivação da potência com expoente racional. Notação adicional para função derivada. Função para e função ímpar: definições e exemplos.

Exercício 1 (20/05/2023). Aula de Reposição com Resolução de Exercícios.

**Aula 22** (22/05/2023). Teorema do Valor Intermediário: Enunciado e aplicações. Ângulo, grau, grado e radiano. Trigonometria no triângulo retângulo: seno e co-seno de um ângulo. Trigonometria no sistema de coordenadas cartesianas e no círculo trigonométrico: seno e co-seno de um número real. Função seno e função co-seno. Identidades trigonométricas: Identidade Fundamental da Trigonometria, sen(-x), cos(-x),  $sen(\pi-x)$  e  $cos(\pi-x)$ .

```
Aula 23 (24/05/2023).
Aula 24 (26/05/2023).
Aula 25 (29/05/2023).
Aula 26 (31/05/2023).
Avaliação 2 (02/06/2023). Segunda Avaliação Progressiva.
Aula 27 (05/06/2023).
Aula 28 (07/06/2023).
Aula 29 (09/06/2023).
Aula 30 (12/06/2023).
Aula 31 (14/06/2023).
Aula 32 (16/06/2023).
Aula 33 (19/06/2023).
Aula 34 (21/06/2023).
Aula 35 (23/06/2023).
Aula 36 (26/06/2023).
Aula 37 (28/06/2023).
Aula 38 (30/06/2023).
Aula 39 (03/07/2023).
Aula 40 (05/07/2023).
Aula 41 (07/07/2023).
```

Avaliação 3 (12/07/2023). Terceira Avaliação Progressiva.

### 13 de julho de 2023:

Aula 42 (10/07/2023).

Término do Semestre Letivo 2023.1 para Cursos de Graduação Presenciais.

Término do Semestre Letivo 2023.1 para Pós-graduação Stricto e Lato Sensu.

### 14 de julho de 2023 a 21 de julho de 2023 :

Período de Avaliações Finais do Semestre 2023.1.

## 17 de julho de 2023, segunta-feira, às 08h00 :

Data e horário da Avaliação Final.

# Calendário Universitário 2023:

https://www.ufc.br/calendario-universitario/2023

## Ementa da Disciplina:

Limite de função. Derivada de função. Aplicações da função derivada. Integral indefinida de função. Integral definida de função. Aplicações da integral definida.

# Livro Texto:

Cálculo Volume 1

James Stewart

Tradução da Sexta Edição Norte-Americana

### E-mail do Grupo:

calculoprimeirocomp20231@googlegroups.com

## Minha Página:

https://rjsdusk.org