#### Diário de Disciplina

Professor: Romildo José da Silva

Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral II

Código: CB0535 Turma: 02 Semestre: 2024.2 Horário: Seg, Qua e Sex, 10h00 - 12h00

**Apresentação 1** (21/10/2024). *Apresentação: Livro texto, ementa da disciplina, e outros avisos.* 

**Aula 1** (23/10/2024). Revisão: Primeiro Teorema Fundamental do Cálculo, Segundo Teorema Fundamental do Cálculo, Mudança de variável na integral indefinida e Mudança de variável na integral definida. Integração por Partes: desenvolvimento do método e aplicação na resolução de integrais indefinidas.

**Aula 2** (25/10/2024). Desenvolvimento do método do disco e do método da coroa (anel) para cálculo de volume de sólido de revolução. Resolução de exercícios envolvendo cálculo de volume.

Recesso 1 (28/10/2024). Recesso Escolar e Administrativo – Dia do Servidor Público.

**Aula 3** (30/10/2024). Desenvolvimento do método do invólucro de cilindro para cálculo de volume de sólido de revolução. Resolução de exercícios envolvendo cálculo de volume.

**Aula 4** (01/11/2024). Desenvolvimento do método para cálculo do volume de um sólido com secções transversais planas e paralelas, perpendiculares a um eixo fixo, conhecidas. Resolução de exercícios envolvendo o referido método.

**Aula 5** (04/11/2024). Técnicas de integração para  $\int \operatorname{sen}^n(x) \cos^m(x) dx$  com m e n naturais: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Técnica de integração para  $\int \operatorname{tg}^n(x) dx$  com n natural ímpar: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Técnica de integração para  $\int \operatorname{tg}^n(x) dx$  com n natural par: desenvolvimento do método e resolução de integrais.

Interrupção 1 (06/11/2024). Encontros Universitários 2024.

Interrupção 2 (08/11/2024). Encontros Universitários 2024.

**Aula 6** (11/11/2024). Técnica de integração para  $\int \sec^n(x) dx$  com n natural par: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Técnica de integração para  $\int \sec^n(x) dx$  com n natural impar: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Técnica de integração para  $\int \operatorname{tg}^n(x) \sec^m(x) dx$  com n natural impar ou m natural par: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Valor médio de uma função contínua em um intervalo fechado: definição e exercícios.

**Aula 7** (13/11/2024). Função arco seno: definição, propriedades e derivada. Cálculo de derivadas e de integrais pela função arco seno. Função arco co-seno: definição, propriedades e derivada. Função arco tangente: definição, propriedades e derivada. Cálculo de derivadas e de integrais pela função arco tangente. Função arco cotangente: definição, propriedades e derivada.

Feriado 1 (15/11/2024). Feriado Nacional – Proclamação da República.

**Aula 8** (18/11/2024). Função arco secante: definição, propriedades e derivada. Cálculo de derivadas e de integrais pela função arco secante. Função arco co-secante: definição, propriedades e derivada. Técnica de integração de funções, envolvendo a expressão  $\sqrt{a^2-x^2}$ , pela substituição trigonométrica  $x=a\sin(\theta)$ : desenvolvimento do método e resolução de exercícios de integração.

Feriado 2 (20/11/2024). Feriado Nacional – Dia da Consciência Negra.

**Aula 9** (22/11/2024). Técnica de integração de funções, envolvendo a expressão  $\sqrt{a^2+x^2}$ , pela substituição trigonométrica  $x=a \operatorname{tg}(\theta)$ : desenvolvimento do método e resolução de exercícios de integração. Técnica de integração de funções, envolvendo a expressão  $\sqrt{x^2-a^2}$ , pela substituição trigonométrica  $x=a \operatorname{sec}(\theta)$ : desenvolvimento do método e resolução de exercícios de integração.

**Aula 10** (25/11/2024). Técnica de integração de funções racionais por decomposição em frações parciais para o caso em que o denominador é um produto de fatores lineares, sem ou com multiplicidade: desenvolvimento do método e cálculo de integrais. Técnica de integração de funções racionais por decomposição em frações parciais para o caso em que o denominador é um produto de fatores lineares e fatores quadráticos irredutíveis sobre  $\mathbb{R}$ , sem multiplicidade: desenvolvimento do método e cálculo de integrais.

**Aula 11** (27/11/2024). Técnica de integração de funções racionais por decomposição em frações parciais para o caso em que o denominador é um produto de fatores lineares e fatores quadráticos irredutíveis sobre  $\mathbb{R}$ , com multiplicidade: desenvolvimento do método e cálculo de integrais.

**Aula 12** (29/11/2024). Integrais de funções racionais de seno e co-seno pela mudança de variável z = tg(x/2): desenvolvimento do método e resolução de integrais.

**Aula 13** (02/12/2024). Funções seno hiperbólico e co-seno hiperbólico: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Resolução de exercícios de derivação e integração envolvendo as funções seno hiperbólico e co-seno hiperbólico. Funções tangente hiperbólica e secante hiperbólica: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Resolução de exercícios de derivação e integração envolvendo as funções tangente hiperbólica e secante hiperbólica.

Aula para Repor 1 (04/12/2024). Aula para repor: inundação do bloco 919 e suas salas de aulas, por chuva torrencial. Aula reposta em 14/12/2024, sábado, com a aplicação da Primeira Avaliação Progressiva.

**Aula 14** (06/12/2024). Funções cotangente hiperbólica e cossecante hiperbólica: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Funções arco seno hiperbólico e arco cosseno hiperbólico: definições, derivadas, propriedades e gráficos.

**Aula 15** (09/12/2024). Funções arco tangente hiperbólica e arco cotangente hiperbólica: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Funções arco secante hiperbólica e arco cossecante hiperbólica: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Área do setor hiperbólico.

**Aula 16** (11/12/2024). Desenvolvimento do método para o cálculo do comprimento do segmento de gráfico de uma função de classe  $C^1$  em um intervalo fechado. Resolução de exercícios envolvendo cálculo de segmento de gráfico. Definição da função comprimento de arco. Estudo do caso do cabo homogêneo suspenso sujeito somente à ação da gravidade.

**Aula 17** (13/12/2024). Desenvolvimento do método para o cálculo da área de superfície de revolução obtida pela rotação do segmento de gráfico de uma função de classe  $C^1$  em um intervalo fechado. Resolução de exercícios envolvendo cálculo de área de superfície de revolução. Interpretação geométrica da integral para o cálculo da área de superfície de revolução.

Avaliação 1 (14/12/2024). Primeira Avaliação Progressiva.

**Aula 18** (16/12/2024). Integral imprópria em intervalos  $[a, +\infty)$  e  $(-\infty, a]$ : definição, convergência e cálculo de integrais impróprias. Integral imprópria em intervalos [a, b) e (a, b]: definição, convergência e cálculo de integrais impróprias.

**Aula 19** (18/12/2024). Integral imprópria no intervalo  $(-\infty, +\infty)$ : definição, convergência e cálculo de integrais impróprias. Integral imprópria em intervalos (a,b),  $(a,+\infty)$  e  $(-\infty,b)$ : definição, convergência e cálculo de integrais impróprias. Resolução de exercícios envolvendo integrais impróprias. Teste da comparação para convergência de integrais impróprias: enunciado e aplicações.

**Aula 20** (20/12/2024). Função gama e fatorial como uma integral imprópria. O sistema de coordenadas polares: par de coordenadas polares de um ponto, multiplicidade do par de coordenadas polares, mudança de coordenadas polares para coordenadas cartesianas e mudança de coordenadas cartesianas para coordenadas polares. Exemplos de curvas com equações em coordenadas polares: esboço das curvas r = c onde  $c \in \mathbb{R}$ ,  $r = \theta$  e  $r = e^{\theta}$  em coordenadas polares.

Recesso 2 (23/12/2024). Recesso Escolar.

Feriado 3 (25/12/2024). Feriado Nacional – Natal.

Recesso 3 (27/12/2024). Recesso Escolar.

**Recesso 4** (30/12/2024). *Recesso Escolar.* 

**Feriado 4** (01/01/2025). Feriado Nacional – Confraternização Universal.

**Recesso 5** (03/01/2025). *Recesso Escolar.* 

**Aula 21** (06/01/2025). Equação de uma reta em coordenadas polares. Esboço das curvas  $\theta = \alpha$  onde  $\alpha \in \mathbb{R}$ ,  $r = \pm a \cos(\theta)$  e  $r = \pm a \sin(\theta)$  com a > 0, e  $r = \pm a \pm b \cos(\theta)$  onde 0 < a < b.

**Aula 22** (08/01/2025). Esboço das curvas  $r=\pm a\pm b\cos(\theta)$  e  $r=\pm a\pm b\cos(\theta)$  em coordenadas polares com 2b>a>b>0 e  $a\geq 2b>0$ . Esboço das curvas  $r=a\cos(n\theta)$  e  $a\sin(n\theta)$  em coordenadas polares com a>0 e  $n\in\mathbb{Z}$ .

**Aula 23** (10/01/2025). Intersecção de curvas em coordenadas polares: teoria e resolução de exercício. Reta tangente à curva em coordenadas polares: fórmula para tangente da inclinação e aplicação. Reta tangente à curva em coordenadas polares: fórmula para tangente do ângulo entre o raio polar e a reta tangente.

Aula para Repor 2 (13/01/2025). Aula para repor: falta docente!

**Aula 24** (15/01/2025). Área de uma região limitada por curvas polares: desenvolvimento da fórmula e aplicações. Comprimento de curvas polares: desenvolvimento da fórmula e aplicações.

**Aula 25** (17/01/2025). Equação Diferencial Ordinária: definição, ordem e exemplos. Solução de uma equação diferencial e conjunto solução de uma equação diferencial: definição e exemplos de resolução. Função de várias variáveis reais e de valor real. Forma Geral de uma Equação Diferencial Ordinária: definição, ordem, notação adicional e exemplos.

**Aula 26** (20/01/2025). Teorema de Existência e Unicidade para equações diferenciais ordinárias de ordem 1 e Teorema da Solução Maximal para equações diferenciais ordinárias de ordem 1: enunciados e aplicação na resolução de equações diferenciais de ordem 1.

**Aula 27** (22/01/2025). Equações diferenciais ordinárias separáveis  $\frac{dy}{dx} = f(x).g(y)$ : desenvolvimento do método de resolução e resolução de exemplos. Equação diferencial linear de ordem 1. Equação diferencial linear de ordem 1 homogênea. Teorema de Existência e Unicidade para equação diferencial linear  $\frac{dy}{dx} + p(x)y = q(x)$ , onde p e q são funções contínuas: enunciado e demonstração. Resolução de equações diferenciais lineares.

Continuação 1 (24/01/2025). Continuação da Aula 27.

Aula 28 (27/01/2025). Soluções, implicitamente definidas, de equações diferenciais: definição e exemplos. Problema de Valor Inicial para equação diferencial de ordem 1: definição e exemplos. Equação diferencial de ordem 2: exemplos. Teorema de Existência e Unicidade e Teorema de Solução Maximal para equação diferencial de ordem 2: enunciados e esclarecimentos. Problema de valor inicial para equação diferencial de ordem 2: definição e exemplos. Equação diferencial linear de ordem 2 e equação diferencial linear homogênea de ordem 2: definições e exemplos. Teorema de Existência e Unicidade para Equação diferencial linear de ordem 2: enunciado e aplicações.

**Aula 29** (29/01/2025). Funções linearmente independentes e funções linearmente dependentes: definições e exemplos. Wronskiano de duas funções: definição e condição suficiente sobre o wronskiano para independência linear de duas funções. Soluções linearmente independentes (soluções fundamentais) de uma equação diferencial linear homogênea de segunda ordem: existência e solução geral de uma EDLH de segunda ordem.

**Aula 30** (31/01/2025). Solução geral de uma equação diferencial linear homogênea de segunda ordem com coeficientes constantes

$$\frac{d^2y}{dx^2} + p\frac{dy}{dx} + qy = 0$$

nos casos em que  $\Delta=p^2-4q>0$ ,  $\Delta=p^2-4q=0$  e onde  $\Delta=p^2-4q<0$ : Desenvolvimento do método de resolução e exemplos.

Avaliação 2 (03/02/2025). Segunda Avaliação Progressiva.

Aula 31 (05/02/2025).

Aula 32 (07/02/2025).

Aula 33 (10/02/2025).

Aula 34 (12/02/2025).

**Aula 35** (14/02/2025).

Aula 36 (17/02/2025).

Aula 37 (19/02/2025).

Aula 38 (21/02/2025).

Aula 39 (24/02/2025).

Aula 40 (26/02/2025).

Aula 41 (28/02/2025).

Aula 42 (03/03/2025).

Aula 43 (05/03/2025).

Avaliação 3 (07/03/2025). Terceira Avaliação Progressiva.

Avaliação (12/03/2025). Avaliação Final.

#### 7 de março de 2025 :

Término do Semestre Letivo 2024.2 para Cursos de Graduação Presenciais.

Término do Semestre Letivo 2024.2 para Pós-graduação Stricto e Lato Sensu.

## 8 a 14 de março de 2025 :

Período de Avaliações Finais do Semestre 2024.2.

# 12 de março de 2025, quarta-feira, às 10h00 :

Data e horário da Avaliação Final.

# Calendário Universitário 2024 - Ajuste Pós-Greve:

https://www.ufc.br/calendario-universitario/2024-ajuste-pos-greve

#### Ementa:

Técnicas de integração. Aplicações da integral definida. Integral imprópria. Funções transcendentes. Coordenadas polares. Equações diferenciais ordinárias de primeira e segunda ordens. Sequências e séries.

## Livro Texto:

Cálculo Volume 1

James Stewart

Tradução da Sexta Edição Norte-Americana

Cálculo Volume 2

James Stewart

Tradução da Sexta Edição Norte-Americana

## Endreço do Grupo no Google:

https://groups.google.com/g/calculosegundomate20242

### E-mail do Grupo no Google:

calculosegundomate20242@googlegroups.com

## Minha Página na Internet:

https://rjsdusk.org

#### Meu Canal no YouTube:

https://www.youtube.com/@rjsdusk