

Diário de Disciplina

Professor: Romildo José da Silva

Disciplina: Cálculo Diferencial e Integral II

Código: CB0535 **Turma:** 03 **Semestre:** 2023.2 **Horário:** Seg, Qua e Sex, 08h00 - 10h00

Apresentação (09/08/2023).

Aula 1 (11/08/2023). *Revisão: Primeiro Teorema Fundamental do Cálculo, Segundo Teorema Fundamental do Cálculo, Mudança de variável na integral indefinida e Mudança de variável na integral definida. Integração por Partes: Desenvolvimento do método e aplicação na resolução de integrais indefinidas.*

Aula 2 (14/08/2023). *Desenvolvimento do método do disco e do método da coroa (anel) para cálculo de volume de sólido de revolução. Resolução de exercícios envolvendo cálculo de volume.*

Aula 3 (16/08/2023). *Desenvolvimento do método do invólucro de cilindro para cálculo de volume de sólido de revolução. Resolução de exercícios envolvendo cálculo de volume.*

Aula 4 (18/08/2023). *Desenvolvimento do método para cálculo do volume de um sólido com secções transversais planas e paralelas, perpendiculares a um eixo fixo, conhecidas. Resolução de exercícios envolvendo o referido método.*

Aula 5 (21/08/2023). *Técnicas de integração para $\int \sin^n(x) \cos^m(x) dx$ com m e n naturais: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Técnica de integração para $\int \tan^n(x) dx$ com n natural ímpar: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Técnica de integração para $\int \tan^n(x) dx$ com n natural par: desenvolvimento do método e resolução de integrais.*

Aula 6 (23/08/2023). *Técnica de integração para $\int \sec^n(x) dx$ com n natural par: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Técnica de integração para $\int \sec^n(x) dx$ com n natural ímpar: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Técnica de integração para $\int \tan^n(x) \sec^m(x) dx$ com n natural ímpar ou m natural par: desenvolvimento do método e resolução de integrais. Valor médio de uma função contínua em um intervalo fechado: definição e exercícios.*

Reposição 1 (25/08/2023). *Aula repostada em 14 de outubro de 2023, sábado!*

Aula 7 (28/08/2023). *Função arco seno: definição, propriedades e derivada. Cálculo de derivadas e de integrais pela função arco seno. Função arco co-seno: definição, propriedades e derivada. Função arco tangente: definição, propriedades e derivada. Cálculo de derivadas e de integrais pela função arco tangente. Função arco cotangente: definição, propriedades e derivada.*

Aula 8 (30/08/2023). *Função arco secante: definição, propriedades e derivada. Cálculo de derivadas e de integrais pela função arco secante. Função arco co-secante: definição, propriedades e derivada. Técnica de integração de funções, envolvendo a expressão $\sqrt{a^2 - x^2}$, pela substituição trigonométrica $x = a \sin(\theta)$: desenvolvimento do método e resolução de exercícios de integração.*

Aula 9 (01/09/2023). *Técnica de integração de funções, envolvendo a expressão $\sqrt{a^2 + x^2}$, pela substituição trigonométrica $x = a \tan(\theta)$: desenvolvimento do método e resolução de exercícios de integração. Técnica de integração de funções, envolvendo a expressão $\sqrt{x^2 - a^2}$, pela substituição trigonométrica $x = a \sec(\theta)$: desenvolvimento do método e resolução de exercícios de integração.*

Aula 10 (04/09/2023). *Técnica de integração de funções racionais por decomposição em frações parciais para o caso em que o denominador é um produto de fatores lineares, sem ou com multiplicidade: desenvolvimento do método e cálculo de integrais. Técnica de integração de funções racionais por decomposição em frações parciais para o caso em que o denominador é um produto de fatores lineares e fatores quadráticos irredutíveis sobre \mathbb{R} , sem multiplicidade: desenvolvimento do método e cálculo de integrais.*

Aula 11 (06/09/2023). *Técnica de integração de funções racionais por decomposição em frações parciais para o caso em que o denominador é um produto de fatores lineares e fatores quadráticos irredutíveis sobre \mathbb{R} , com multiplicidade: desenvolvimento do método e cálculo de integrais.*

Aula 12 (08/09/2023). *Integrais de funções racionais de seno e co-seno pela mudança de variável $z = \operatorname{tg}(x/2)$: desenvolvimento do método e resolução de integrais.*

Aula 13 (11/09/2023). *Funções seno hiperbólico e co-seno hiperbólico: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Resolução de exercícios de derivação e integração envolvendo as funções seno hiperbólico e co-seno hiperbólico. Funções tangente hiperbólica e secante hiperbólica: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Resolução de exercícios de derivação e integração envolvendo as funções tangente hiperbólica e secante hiperbólica.*

Aula 14 (13/09/2023). *Funções cotangente hiperbólica e cossecante hiperbólica: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Funções arco seno hiperbólico e arco cosseno hiperbólico: definições, derivadas, propriedades e gráficos.*

Aula 15 (15/09/2023). *Funções arco tangente hiperbólica e arco cotangente hiperbólica: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Funções arco secante hiperbólica e arco cossecante hiperbólica: definições, derivadas, propriedades e gráficos. Área do setor hiperbólico.*

Avaliação 1 (18/09/2023). *Primeira Avaliação Progressiva.*

Aula 16 (20/09/2023). *Desenvolvimento do método para o cálculo do comprimento do segmento de gráfico de uma função de classe C^1 em um intervalo fechado. Resolução de exercícios envolvendo cálculo de segmento de gráfico. Definição da função comprimento de arco. Estudo do caso do cabo homogêneo suspenso sujeito somente à ação da gravidade.*

Aula 17 (22/09/2023). *Desenvolvimento do método para o cálculo da área de superfície de revolução obtida pela rotação do segmento de gráfico de uma função de classe C^1 em um intervalo fechado. Resolução de exercícios envolvendo cálculo de área de superfície de revolução. Interpretação geométrica da integral para o cálculo da área de superfície de revolução.*

Aula 18 (25/09/2023). *Integral imprópria em intervalos $[a, +\infty)$ e $(-\infty, a]$: definição, convergência e cálculo de integrais impróprias. Integral imprópria em intervalos $[a, b)$ e $(a, b]$: definição, convergência e cálculo de integrais impróprias.*

Reposição 2 (27/09/2023). *Aula reposta em 28 de outubro de 2023, sábado, com aplicação da segunda avaliação progressiva!*

Aula 19 (29/09/2023). *Integral imprópria no intervalo $(-\infty, +\infty)$: definição, convergência e cálculo de integrais impróprias. Integral imprópria em intervalos (a, b) , $(a, +\infty)$ e $(-\infty, b)$: definição, convergência e cálculo de integrais impróprias. Resolução de exercícios envolvendo integrais impróprias. Teste da comparação para convergência de integrais impróprias: enunciado e aplicações.*

Aula para Repor 1 (02/10/2023). *Aula para repor!*

Aula para Repor 2 (04/10/2023). *Aula para repor!*

Aula 20 (06/10/2023). *Função gama e fatorial como uma integral imprópria. O sistema de coordenadas polares: par de coordenadas polares de um ponto, multiplicidade do par de coordenadas polares, mudança de coordenadas polares para coordenadas cartesianas e mudança de coordenadas cartesianas para coordenadas polares. Exemplos de curvas com equações em coordenadas polares: esboço das curvas $r = c$ onde $c \in \mathbb{R}$, $r = \theta$ e $r = e^\theta$ em coordenadas polares.*

Aula 21 (09/10/2023). *Equação de uma reta em coordenadas polares. Esboço das curvas $\theta = \alpha$ onde $\alpha \in \mathbb{R}$, $r = \pm a \cos(\theta)$ e $r = \pm a \sin(\theta)$ com $a > 0$, e $r = \pm a \pm b \cos(\theta)$ onde $0 < a < b$.*

Aula 22 (11/10/2023). *Esboço das curvas $r = \pm a \pm b \cos(\theta)$ e $r = \pm a \pm b \sin(\theta)$ em coordenadas polares com $2b > a > b > 0$ e $a \geq 2b > 0$. Esboço das curvas $r = a \cos(n\theta)$ e $r = a \sin(n\theta)$ em coordenadas polares com $a > 0$ e $n \in \mathbb{Z}$.*

Aula 23 (13/10/2023). *Intersecção de curvas em coordenadas polares: teoria e resolução de exercício. Reta tangente à curva em coordenadas polares: fórmula para tangente da inclinação e aplicação. Reta tangente à curva em coordenadas polares: fórmula para tangente do ângulo entre o raio polar e a reta tangente.*

Aula 24 (14/10/2023). *Aula de reposição. Área de uma região limitada por curvas polares: Desenvolvimento da fórmula e aplicações. Comprimento de curvas polares: desenvolvimento da fórmula e aplicações.*

Aula 25 (16/10/2023). *Equação Diferencial Ordinária: definição, ordem e exemplos. Solução de uma equação diferencial e conjunto solução de uma equação diferencial: definição e exemplos de resolução. Função de várias variáveis reais e de valor real. Forma Geral de uma Equação Diferencial Ordinária: definição, ordem, notação adicional e exemplos.*

Aula 26 (18/10/2023). *Teorema de Existência e Unicidade para equações diferenciais ordinárias de ordem 1 e Teorema da Solução Maximal para equações diferenciais ordinárias de ordem 1: enunciados e aplicação na resolução de equações diferenciais de ordem 1.*

Aula 27 (20/10/2023). *Equações diferenciais ordinárias separáveis $\frac{dy}{dx} = f(x).g(y)$: desenvolvimento do método de resolução e resolução de exemplos. Equação diferencial linear de ordem 1. Equação diferencial linear de ordem 1 homogênea. Teorema de Existência e Unicidade para equação diferencial linear $\frac{dy}{dx} + p(x)y = q(x)$, onde p e q são funções contínuas: enunciado e demonstração. Resolução de equações diferenciais lineares.*

Aula 28 (23/10/2023). *Soluções, implicitamente definidas, de equações diferenciais: definição e exemplos. Problema de Valor Inicial para equação diferencial de ordem 1: definição e exemplos. Equação diferencial de ordem 2: exemplos. Teorema de Existência e Unicidade e Teorema de Solução Maximal para equação diferencial de ordem 2: enunciados e esclarecimentos. Problema de valor inicial para equação diferencial de ordem 2: definição e exemplos. Equação diferencial linear de ordem 2 e equação diferencial linear homogênea de ordem 2: definições e exemplos. Teorema de Existência e Unicidade para Equação diferencial linear de ordem 2: enunciado e aplicações.*

Aula 29 (25/10/2023). *Funções linearmente independentes e funções linearmente dependentes: definições e exemplos. Wronskiano de duas funções: definição e condição suficiente sobre o wronskiano para independência linear de duas funções. Soluções linearmente independentes (soluções fundamentais) de uma equação diferencial linear homogênea de segunda ordem: existência e solução geral de uma EDLH de segunda ordem.*

Aula 30 (27/10/2023). *Solução geral de uma equação diferencial linear homogênea de segunda ordem com coeficientes constantes*

$$\frac{d^2y}{dx^2} + p\frac{dy}{dx} + qy = 0$$

nos casos em que $\Delta = p^2 - 4q > 0$, $\Delta = p^2 - 4q = 0$ e onde $\Delta = p^2 - 4q < 0$: Desenvolvimento do método de resolução e exemplos.

Avaliação 2 (28/10/2023). *Segunda Avaliação Progressiva.*

Aula 31 (30/10/2023). *Solução geral de uma equação diferencial linear de segunda ordem, conhecida uma solução particular e a solução geral da EDL homogênea associada. Solução geral de uma equação diferencial linear de segunda ordem com coeficientes constantes*

$$\frac{d^2y}{dx^2} + p\frac{dy}{dx} + qy = r(x)$$

onde $r(x) = e^{\alpha x}$, $r(x) = e^{\alpha x}(\sin(\beta x) + \cos(\beta x))$ ou $r(x) = a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0$. *Resolução de exercícios.*

Aula 32 (01/11/2023). *Solução geral de uma equação diferencial linear de segunda ordem com coeficientes constantes $\frac{d^2y}{dx^2} + p\frac{dy}{dx} + qy = r(x)$ onde $r(x) = (P_n x^n + \dots + P_1 x + P_0)e^{\alpha x}$, $r(x) = (P_n x^n + \dots + P_1 x + P_0)e^{\alpha x} \sin(\beta x)$, ou $r(x) = (P_n x^n + \dots + P_1 x + P_0)e^{\alpha x} \cos(\beta x)$, Solução geral de uma equação diferencial linear de segunda ordem com coeficientes constantes $\frac{d^2y}{dx^2} + p\frac{dy}{dx} + qy = r_1(x) + r_2(x) + \dots + r_n(x)$. Resolução de exercícios.*

Aula 33 (03/11/2023). *Sequência de números reais: definição e exemplos. Sequência definida recursivamente: exemplos. Sequências definidas por funções: definição e exemplos. Limite de uma sequência e sequência convergente: definição e exemplos. Convergência de sequências definidas por funções: proposição e exemplos. Sequência limitada superior e inferiormente: definição e exemplos. Sequência crescente, sequência decrescente, sequência estritamente crescente e sequência estritamente decrescente: definição e Exemplos. Relação entre convergência e limitação de sequências.*

Aula 34 (06/11/2023). *Relação entre convergência de sequência e função contínua. Propriedades operatórias do limite de sequências: enunciados e aplicações. Princípio de Indução: enunciado e aplicações. Teorema da Sequência Monótona e Limitada: enunciado e aplicações.*

Interrupção 1 (08/11/2023). *Encontros Universitários 2023.*

Interrupção 2 (10/11/2023). *Encontros Universitários 2023.*

Aula 35 (13/11/2023).

Feriado 1 (15/11/2023). *Feriado Nacional - Proclamação da República.*

Aula 36 (17/11/2023).

Aula 37 (20/11/2023).

Aula 38 (22/11/2023).

Aula 39 (24/11/2023).

Aula 40 (27/11/2023).

Aula 41 (29/11/2023).

Aula 42 (01/12/2023).

Aula 43 (04/12/2023).

Aula 44 (06/12/2023).

Avaliação 3 (08/12/2023). *Terceira Avaliação Progressiva*

Avaliação (13/12/2023). *Avaliação Final.*

09 de dezembro de 2023 :

Término do Semestre Letivo 2023.2 para Cursos de Graduação Presenciais.

Término do Semestre Letivo 2023.2 para Pós-graduação Stricto e Lato Sensu.

11 a 18 de dezembro de 2023 :

Período de Avaliações Finais do Semestre 2023.2.

13 de dezembro de 2023, quarta-feira, às 08h00 :

Data e horário da Avaliação Final.

Calendário universitário 2023 :

<https://www.ufc.br/calendario-universitario/2023>

Ementa :

Técnicas de integração. Aplicações da integral definida. Integral imprópria. Funções transcendentais. Coordenadas polares. Equações diferenciais ordinárias de primeira e segunda ordens. Sequências e séries.

Livro Texto :

Cálculo Volume 1

James Stewart

Tradução da Sexta Edição Norte-Americana

Cálculo Volume 2

James Stewart

Tradução da Sexta Edição Norte-Americana

E-mail do Grupo :

calculosegundocomp20232@googlegroups.com