# Magasabb szintű programozási nyelvek I.

Labor jegyzőkönyv

Ed. BHAX, DEBRECEN, 2020. február 22, v. 0.0.5

#### Copyright © 2019 Dr. Bátfai Norbert

Copyright (C) 2019, Norbert Bátfai Ph.D., batfai.norbert@inf.unideb.hu, nbatfai@gmail.com,

Permission is granted to copy, distribute and/or modify this document under the terms of the GNU Free Documentation License, Version 1.3 or any later version published by the Free Software Foundation; with no Invariant Sections, no Front-Cover Texts, and no Back-Cover Texts. A copy of the license is included in the section entitled "GNU Free Documentation License".

#### https://www.gnu.org/licenses/fdl.html

Engedélyt adunk Önnek a jelen dokumentum sokszorosítására, terjesztésére és/vagy módosítására a Free Software Foundation által kiadott GNU FDL 1.3-as, vagy bármely azt követő verziójának feltételei alapján. Nincs Nem Változtatható szakasz, nincs Címlapszöveg, nincs Hátlapszöveg.

http://gnu.hu/fdl.html



# COLLABORATORS

	TITLE :  Magasabb szintű vek I.	programozási nyel-	
ACTION	NAME	DATE	SIGNATURE
WRITTEN BY	Bátfai, Norbert, Bátfai, Mátyás, Bátfai, Nándor, Bátfai, Margaréta, és Human, Person	2020. március 21.	

# REVISION HISTORY

NUMBER	DATE	DESCRIPTION	NAME
0.0.1	0.0.1 2019-02-12 Az iniciális dokumentum szerkezetének kialakítása.		nbatfai
0.0.2	2019-02-14	Inciális feladatlisták összeállítása.	nbatfai
0.0.3 2019-02-16		Feladatlisták folytatása. Feltöltés a BHAX csatorna https://gitlab.com/nbatfai/bhax repójába.	nbatfai
0.0.4 2019-02-19		A Brun tételes feladat kidolgozása.	nbatfai
0.0.5	2020-02-15	Forked and inited bhax derived bhax-derived	rkeeves

# Ajánlás

"To me, you understand something only if you can program it. (You, not someone else!) Otherwise you don't really understand it, you only think you understand it."

—Gregory Chaitin, META MATH! The Quest for Omega, [METAMATH]



# **Tartalomjegyzék**

I.	Bevezetés	1
1.	Vízió	2
	1.1. Mi a programozás?	. 2
	1.2. Milyen doksikat olvassak el?	. 2
	1.3. Milyen filmeket nézzek meg?	. 2
II.	Tematikus feladatok	4
2.	Helló, Turing!	6
	2.1. Végtelen ciklus	. 6
	2.2. Lefagyott, nem fagyott, akkor most mi van?	. 10
	2.3. Változók értékének felcserélése	. 13
	2.4. Labdapattogás	. 16
	2.5. Szóhossz és a Linus Torvalds féle BogoMIPS	. 20
	2.6. Helló, Google!	. 24
	2.7. A Monty Hall probléma	. 33
	2.8. 100 éves a Brun tétel	. 34
3.	Helló, Chomsky!	40
	3.1. Decimálisból unárisba átváltó Turing gép	. 40
	3.2. Az a <sup>n</sup> b <sup>n</sup> c <sup>n</sup> nyelv nem környezetfüggetlen	. 40
	3.3. Hivatkozási nyelv	. 40
	3.3.1. BNF	. 40
	3.3.2. inline functions	. 41
	3.3.3. új típusok	. 41

		3.3.4. struct initialization	42
		3.3.5. mixing decl and code	42
		3.3.6. implicit fn	43
	3.4.	Saját lexikális elemző	43
	3.5.	Leetspeak	44
	3.6.	A források olvasása	47
	3.7.	Deklaráció	49
4.		ó, Caesar!	54
	4.1.	double ** háromszögmátrix	54
	4.2.	C EXOR titkosító	61
	4.3.	Java EXOR titkosító	65
	4.4.	C EXOR törő	65
	4.5.	Neurális OR, AND és EXOR kapu	70
	4.6.	Hiba-visszaterjesztéses perceptron	70
5.	Hell	ó, Mandelbrot!	<b>79</b>
	5.1.	A Mandelbrot halmaz	79
	5.2.	A Mandelbrot halmaz a std::complex osztállyal	88
	5.3.	Biomorfok	91
	5.4.	A Mandelbrot halmaz CUDA megvalósítása	95
	5.5.	Mandelbrot nagyító és utazó C++ nyelven	95
	5.6.	Mandelbrot nagyító és utazó Java nyelven	95
6.	Hell	ó, Welch!	96
		Első osztályom	96
		LZW	99
	6.3.	Fabejárás	107
	6.4.	Tag a gyökér	108
	6.5.	Mutató a gyökér	116
	6.6.	Mozgató és másoló szemantika	123
7.	Hell	ó, Conway!	140
		•	140
			140
			140
		BrainB Benchmark	141

<b>8.</b>	Hell	ó, Schwarzenegger!	142
	8.1.	Szoftmax Py MNIST	142
	8.2.	Mély MNIST	142
	8.3.	Minecraft-MALMÖ	142
9.	Hell	ó, Chaitin!	143
	9.1.	Iteratív és rekurzív faktoriális Lisp-ben	143
	9.2.	Gimp Scheme Script-fu: króm effekt	143
	9.3.	Gimp Scheme Script-fu: név mandala	143
10	. Hell	ó, Gutenberg!	144
	10.1	. Programozási Alapfogalmak	144
		10.1.1. Gépi kód, assembler, magasabb szintű nyelvek	144
		10.1.2. Adattípusok	153
		10.1.3. A nevesített konstans	154
		10.1.4. A változó	154
		10.1.5. Alapelemek az egyes nyelvekben	154
		10.1.6. Kifejezések	156
	10.2	. Programozás bevezetés	158
		10.2.1. Functions	158
		10.2.2. Pass by value	159
		10.2.3. Extern	159
		10.2.4. Escaping	160
		10.2.5. Char vs char array	160
		10.2.6. Decl	160
		10.2.7. Cast	160
		10.2.8. Ternary	160
	10.3	. Programozás	160
II	I. N	Második felvonás	161
11	Heli	á Arrowayl	163
11		ó, Arroway!	163
		. A BPP algoritmus Java megvalósítása	
	11.4	. Java uszlatyuk a 1 i-uult	103

IV	Z. Irodalomjegyzék	164
	11.3. Általános	165
	11.4. C	165
	11.5. C++	165
	11.6. Lisp	165
	11.7. My Little Ponys	165



# Ábrák jegyzéke

2.1. For syntax	7
2.2. Alma no flag fail	9
2.3. Alma With flag	9
2.4. builtins	10
2.5. shiftl_uchar	21
2.6. shiftr_uchar	21
2.7. 2s complement	23
2.8. ullshift	23
2.9. bogomips kimeneten	24
2.10. pagerank kapcsolati irányított multigráf	25
2.11. pagerank link mátrix sanity check	26
2.12. pagerank vektor	27
2.13. pagerank trf	28
2.14. pagerank cpp konvergál	30
2.15. pagerank openoffice konvergál	30
2.16. A B <sub>2</sub> konstans közelítése	37
2.17. Az c++ B <sub>2</sub> konstans közelítés eredményei	39
	. ~
3.1. leetspeak	45
4.1. mem mx	55
4.2. mem free	57
4.3. A double ** háromszögmátrix a memóriában	59
4.4. exorcmd	62
4.5. nn input	71
4.6. nn layers	71
4.7. nnmxmult	72.

4.8.	sigmoid	72
5.1.	c = {0,0}	80
5.2.	$c = \{0.3, 0\} \dots $	81
5.3.	$c = \{0.3, 0.1\}$	82
5.4.	$c = \{0.3, 0.2\}$	83
5.5.	c = {0.3,0.7}	84
5.6.	A Mandelbrot halmaz win, csak iter számok	87
5.7.	A Mandelbrot halmaz win, színes	88
5.8.	A Mandelbrot halmaz win, színes, határ állítás	88
6.1.	Lzw C output	103
6.2.	Traversals	108
	ZLW out	
10.1.	. Foo és Foo Main	148
10.2	Foo ARI és Foo ARI Main	150



# Előszó

Amikor programozónak terveztem állni, ellenezték a környezetemben, mondván, hogy kell szövegszerkesztő meg táblázatkezelő, de az már van... nem lesz programozói munka.

Tévedtek. Hogy egy generáció múlva kell-e még tömegesen hús-vér programozó vagy olcsóbb lesz allo-kálni igény szerint pár robot programozót a felhőből? A programozók dolgozók lesznek vagy papok? Ki tudhatná ma.

Mindenesetre a programozás a teoretikus kultúra csúcsa. A GNU mozgalomban látom annak garanciáját, hogy ebben a szellemi kalandban a gyerekeim is részt vehessenek majd. Ezért programozunk.

## Hogyan forgasd

A könyv célja egy stabil programozási szemlélet kialakítása az olvasóban. Módszere, hogy hetekre bontva ad egy tematikus feladatcsokrot. Minden feladathoz megadja a megoldás forráskódját és forrásokat feldolgozó videókat. Az olvasó feladata, hogy ezek tanulmányozása után maga adja meg a feladat megoldásának lényegi magyarázatát, avagy írja meg a könyvet.

Miért univerzális? Mert az olvasótól (kvázi az írótól) függ, hogy kinek szól a könyv. Alapértelmezésben gyerekeknek, mert velük készítem az iniciális változatot. Ám tervezem felhasználását az egyetemi programozás oktatásban is. Ahogy szélesedni tudna a felhasználók köre, akkor lehetne kiadása különböző korosztályú gyerekeknek, családoknak, szakköröknek, programozás kurzusoknak, felnőtt és továbbképzési műhelyeknek és sorolhatnánk...

## Milyen nyelven nyomjuk?

C (mutatók), C++ (másoló és mozgató szemantika) és Java (lebutított C++) nyelvekből kell egy jó alap, ezt kell kiegészíteni pár R (vektoros szemlélet), Python (gépi tanulás bevezető), Lisp és Prolog (hogy lássuk mást is) példával.

## Hogyan nyomjuk?

Rántsd le a https://gitlab.com/nbatfai/bhax git repót, vagy méginkább forkolj belőle magadnak egy sajátot a GitLabon, ha már saját könyvön dolgozol!

Ha megvannak a könyv DocBook XML forrásai, akkor az alább látható **make** parancs ellenőrzi, hogy "jól formázottak" és "érvényesek-e" ezek az XML források, majd elkészíti a dblatex programmal a könyved pdf változatát, íme:

```
batfai@entropy:~$ cd glrepos/bhax/thematic_tutorials/bhax_textbook/
batfai@entropy:~/glrepos/bhax/thematic_tutorials/bhax_textbook$ make
rm -f bhax-textbook-fdl.pdf
xmllint --xinclude bhax-textbook-fdl.xml --output output.xml
xmllint --relaxng http://docbook.org/xml/5.0/rng/docbookxi.rng output.xml ↔
   --noout
output.xml validates
rm -f output.xml
dblatex bhax-textbook-fdl.xml -p bhax-textbook.xls
Build the book set list...
Build the listings...
XSLT stylesheets DocBook - LaTeX 2e (0.3.10)
_____
Stripping NS from DocBook 5/NG document.
Processing stripped document.
Image 'dblatex' not found
Build bhax-textbook-fdl.pdf
'bhax-textbook-fdl.pdf' successfully built
```

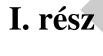
Ha minden igaz, akkor most éppen ezt a legenerált bhax-textbook-fdl.pdf fájlt olvasod.



#### A DocBook XML 5.1 új neked?

Ez esetben forgasd a <a href="https://tdg.docbook.org/tdg/5.1/">https://tdg.docbook.org/tdg/5.1/</a> könyvet, a végén találod az informatikai szövegek jelölésére használható gazdag "API" elemenkénti bemutatását.





# Bevezetés

# 1. fejezet

# Vízió

# 1.1. Mi a programozás?

Ne cifrázzuk: programok írása. Mik akkor a programok? Mit jelent az írásuk?

## 1.2. Milyen doksikat olvassak el?

- Kezd ezzel: http://esr.fsf.hu/hacker-howto.html!
- Olvasgasd aztán a kézikönyv lapjait, kezd a man man parancs kiadásával. A C programozásban a 3-as szintű lapokat fogod nézegetni, például az első feladat kapcsán ezt a man 3 sleep lapot
- C kapcsán a [KERNIGHANRITCHIE] könyv adott részei.
- C++ kapcsán a [BMECPP] könyv adott részei.
- Az igazi kockák persze csemegéznek a C nyelvi szabvány ISO/IEC 9899:2017 kódcsipeteiből is.
- Amiből viszont a legeslegjobban lehet tanulni, az a The GNU C Reference Manual, mert gcc specifikus és programozókra van hangolva: szinte csak 1-2 lényegi mondat és apró, lényegi kódcsipetek! Aki pdf-ben jobban szereti olvasni: https://www.gnu.org/software/gnu-c-manual/gnu-c-manual.pdf
- Az R kódok olvasása kis általános tapasztalat után automatikusan, erőfeszítés nélkül menni fog. A Python nincs ennyire a spektrum magától értetődő végén, ezért ahhoz olvasd el a [BMECPP] könyv - 20 oldalas gyorstalpaló részét.

# 1.3. Milyen filmeket nézzek meg?

- 21 Las Vegas ostroma, https://www.imdb.com/title/tt0478087/, benne a Monty Hall probléma bemutatása.
- Kódjátszma, https://www.imdb.com/title/tt2084970, benne a kódtörő feladat élménye.

- , , benne a bemutatása.



# II. rész Tematikus feladatok



#### Bátf41 Haxor Stream

A feladatokkal kapcsolatos élő adásokat sugároz a https://www.twitch.tv/nbatfai csatorna, melynek permanens archívuma a https://www.youtube.com/c/nbatfai csatornán található.



# 2. fejezet

# Helló, Turing!

## 2.1. Végtelen ciklus

Írj olyan végtelen ciklusokat, amelyek 0 illetve 100 százalékban dolgoztatnak egy magot és egy olyat, amely 100 százalékban minden magot!

Megoldás videó: No link

Megoldás forrása:

- Basic infinite for loop
- For with linux sleep
- While infinite
- Macros for OS call handling

Végtelen ciklusokra gyakorlatban sok példa akad: szerverek, game loop-ok, interaktív interpreter terminálhoz. A végtelen ciklus azonban olykor nem várt. Például lehet bug, de akár lehet a természetes működés része. Erre jó példa a Tanár Úr által említett PageRank algoritmus. Én azonban, a hozzáadott munka miatt másik példát hoznék: mérnöki CAE végeselemes számítások (pl. Ansys) esetén egyes esetekben a megoldás nem konvergál n lépés után sem, és ez előre nem látható be. Erre a célra a felhasználó megadhat vészhelyzeti kilépési konvergencia kritériumokat. Ez nem matematikai kényszert jelent, hanem szimplán, ha n iteráció, vagy t idő elteltével a megoldáshoz nem jutunk közelebb, akkor a program ki break-el ciklusból.

Alább egy minimális végtelen ciklus látható for-ral. Amit vegyünk észre, az az hogy az egész "üres". Ezt a for loop szintaktikai definíciója teszi lehetővé, hisz nyíltan kifejezi az optional, hogy nem kötelező megadni. Ez persze egyéb hatásokkal is jár, például, hogy a for (;;) -ban használhatjuk az ehhez képest külső scope-ban deklarált változókat.

# for loop

Executes init-statement once, then executes statement and iteration\_expression repeatedly, until the value of condition becomes false. The test takes place before each iteration.

#### Syntax

```
formal syntax:

attr(optional) for ( init-statement condition(optional) ; iteration_expression(optional) ) statement

informal syntax:

attr(optional) for ( declaration-or-expression(optional) ; declaration-or-expression(optional) ; expression(optional) )
statement
```

#### 2.1. ábra. For syntax

```
main ()

for (;;);

return 0;
}
```

Alább a fenti példa látható egy while loop-pal. Értelemszerűen a conditional-ban mivel egy true bool literal-t írtuk, így ez mindig igazra fog kiértékelődni.

```
#include <stdbool.h>
int
main ()
{
    while(true);
    return 0;
}
```

Alább egy while-t használtunk, de mostmár alszunk is. A sleep viszont sajnos OS dependens call (mi sem mondja el jobban mint az unistd include-olása). Mivel az OS feladata az ütemezés, plusz a megszakítások kezelése (hisz ugye az egész lelke az időzítés ezáltal a timer). sleep esetén jelezzük az OS-felé, hogy nem kérünk CPU időt (azaz váltsa a process status-t), viszont emellett viszont a megfelelő idő elmúltával (megszakításos alapon) újból kerüljünk számításra várakozóba. A probléma természetesen annyi, hogy scheduling-tól függően, lehet soha nem kerülünk vissza még az idő letelte után sem CPU-ra.

```
#include <unistd.h>
int
main ()
{
for (;;)
```

```
sleep(1);
return 0;
}
```

Mindenesetre az alvás egy OS specifikus dolog, pl.: nanosleep. Ha több fajta OS-n kell futni, ahhoz sajnos trükközni kell. Egy barbár megoldás a preprocesszor használata. Alábbi példában az látható, hogy preprocesszor által értelmezett szöveget is elhelyeztem a fájlban. Technikailag ez annyit tesz, hogy compile előtt a preprocesszor elődolgozza a forrásfájlt, és ez példánkban azzal jár

```
#ifdef ___linux_
     #include <unistd.h>
   #elif _WIN32
     #include <windows.h>
     #error Unsupported
6
   #endif
  void SleepProxy(int sleepMs)
9
10
  #ifdef __linux__
11
       usleep(sleepMs \star 1000);
12
   #elif _WIN32
13
       Sleep(sleepMs);
14
  #endif
15
  }
16
17
  int
18
  main ()
19
20
     for (;;)
21
       SleepProxy(1000);
22
23
     return 0;
24
```

Egyébként a gcc mellé betudunk passzolni flageket. Például -DALMA-val gyakorlatilag azt mondjuk a preprocesszornak, hogy vegye úgy mintha #define ALMA. Ez pontosan annyira szép mint amennyire elegáns, de ez van. Nézzük csak meg ezt az almát!

```
#include <iostream>

#ifdef ALMA

void hello()

{
    std::cout << "Hello world!" << std::endl;

};

#endif

int main ()

{</pre>
```

```
hello();
return 0;
14 }
```

Láthatóan ez nem fog lefordulni ha nincs definiálva az ALMA, de azért tegyünk próbát!

2.2. ábra. Alma no flag fail

Miért azt írja hogy hello was not declared in scope? Nos a preprocesszor végigment a forrásfájlon, és, mivel nem volt ALMA definiálva, ezért a compilation stage-ben az a kód részlet ami # ifdef-be volt zárva nem létezett. Próbáljuk ki azt hogy g++ alma.cpp -o alma -DALMA! Az alábbi screenshot-ról látszik, hogy mivel lusta vagyok, ezért a git bash-ből csináltam.

```
UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/Turing (master)
$ g++ ./alma.cpp -o ./alma.exe -DALMA

UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/Turing (master)
$ ./alma.exe
Hello world!
```

2.3. ábra. Alma With flag

Ha belenézel az STL-be, akkor az is tele lesz ilyenekkel, hisz különböző OS-ekkel kell tudni használni, és a rendszerhívások átlalában eltérőek. Egyébként ha valami IDE-vel dolgozol, ott gyakran még szépen be is szürkíti azokat a részeket a kódban amelyeket ki fog hagyni. Itt semmi mágia nem történik, hanem simán nem a forráskódod megy a compiler-nek, hanem előtte van egy preprocesszor, ami feldolgozza ezeket az utasításokat. Makrók ugyanilyenek. Tehát nem runtime kiértékelhető az #ifdef hanem egy utasítás a preprocesszornak. Leggyakrabban #ifdef-el header guard-ként fogsz találkozni (vele kb. ekvivalens a nem mindenhol támogatott #pragma once).

Na jó, de ez nem válaszolja meg a kérdést, hogy miért nem bírja a gépem OBS-el együtt a notepad++-t.

Mármint, akarom mondani, milyen ügyes kis dolog ez a preprocesszor! De csak ennyit tud? A válasz nem. Alábbi példában filename, linenumber-t íratunk ki.

```
#include <iostream>
int main ()
{
```

```
$ ./builtins.exe
Hello from ./builtins.cpp, I'm from line 5
```

2.4. ábra. builtins

Most pedig következzen egy összevagdosott code snippet egy régi projektemből. A lényeg annyi, hogy unit test-eléshez, egy makró alapú library-ről volt szó. (Csak poénból, tudom hogy van gtest).

A fenti snippetben látszik, hogy a #define-al meghatározott dolgok többek mint "változók". Ezeket preprocesszor makróknak hívjuk, és az előfeldolgozáskor expandáljuk őket. Azaz először az EXPECT \_EQ expandálódik EXPECT (case, arg0, arg1, pred\_eq, "Expect failed =="). Az Expectben meg egy pici scope-ot létrehozunk. A lényeg ebből annyi, hogy nem kell megijedni tőle, jóra is lehet használni. Annyi hogy az expanzióval óvatosan, mert elég nehéz debuggolni. (ugyanolyan szívás mint az STL-es template alapú hibákat, azaz nem egy one liner lesz.)

## 2.2. Lefagyott, nem fagyott, akkor most mi van?

Lehet-e írni olyan programot amely minden programról megmondja, hogy lefut-e?

Megoldás videó: No link

Megoldás forrása:

- Turing 100 (pseudocode)
- Turing 1000 (pseudocode)

A probléma elég fontos. Miért is? Nos, a probléma az, hogyha ez nem lehetséges, akkor soha nem fogjuk tudni bizonyítani az összes program helyességét. Tegyük fel, hogy akkora haxorok vagyunk, hogy meg

tudjuk írni a Lefagy függvényt, amely tetszőleges programról el tudja dönteni, hogy van-e benne végtelen ciklus:

A borbély az aki azok haját vágja, akik nem teszik meg ezt saját maguknak. De a borbély vágja-e a saját haját? Nos, tegyük fel levágja: Ebben az esetben ő levágta a haját egy olyan embernek aki egyébként ezt megteszi saját magának. Ok, tegyük fel nem vágja: Viszont ebben az esetben nem vágja a saját haját, aka lehetne a saját ügyfele, viszont ha most levágja akkor kezdődik az egész elölről Russel's paradox.

Ezzel a problémával sok helyen találkozhatunk. Például [DENOTATIONALSEMANTICS] 4.1.1. fejezet, vagy akár [SICP] Excercise 4.15.

```
Program T100
2
   {
     boolean Lefagy (Program P)
4
        if(P has infinite loop)
6
         return true;
        else
8
         return false;
     }
10
11
     main(Input Q)
12
13
       Lefagy(Q)
14
15
  }
16
```

A program futtatása, például akár az előző v.c ilyen pszeudókódjára:

```
T100(t.c.pseudo)
true
```

#### akár önmagára

```
T100(T100)
false
```

ezt a kimenetet adja.

A T100-as programot felhasználva készítsük most el az alábbi T1000-set, amelyben a Lefagy-ra épőlő Lefagy2 már nem tartalmaz feltételezett, csak csak konkrét kódot:

```
Program T1000

{

boolean Lefagy(Program P)

{
   if(P has infinite loop)
   return true;
   else
   return false;
}
```

```
11
     boolean Lefagy2 (Program P)
12
13
         if (Lefagy(P))
14
          return true;
15
         else
16
           for(;;);
17
      }
18
     main(Input Q)
20
21
        Lefagy2(Q)
22
23
24
25
```

Mit for kiírni erre a T1000 (T1000) futtatásra?

- Ha T1000 lefagyó, akkor nem fog lefagyni, kiírja, hogy true
- Ha T1000 nem fagyó, akkor pedig le fog fagyni...

akkor most hogy fog működni? Sehogy, mert ilyen Lefagy függvényt, azaz a T100 program nem is létezik.

Persze ha már lefagyott, nem fagyott témánál vagyunk, akkor érdemes kicsit beszélni a kiértékelésről. Alább látható egy egyszerű kifejezés. Mi lesz vajon a vége?

$$(\lambda x.y)((\lambda z.zz)(\lambda z.zz)) \tag{2.1}$$

Redukáljuk!

$$(\lambda x.y)((\lambda z.zz)(\lambda z.zz)) \tag{2.2}$$

Hrumph, ugyanoda jutottunk, kezdjük elölről!

$$(\lambda x.y)((\lambda z.zz)(\lambda z.zz)) \tag{2.3}$$

Redukáljuk az x-t kötő baloldali lambdát a jobb oldallal a jobb oldal redukciója nélkül.

$$y ag{2.4}$$

Azaz addig késleltettük a kiértékelést, amíg lehetett, és a végén kiderült, hogy abszolút nem is volt szükséges! Ez a módszer zseniális! Innentől mindent késleltetni fogunk!

Nézzünk egy példát a [SICP]-ből! Alábbi definíciók alapján ki fogjuk értékelni a (f 5)-t!

```
(define (square x) (* x x))
(define (sum-of-squares x y)
  (+ (square x) (square y)))
(define (f a)
  (sum-of-squares (+ a 1) (* a 2)))
```

Annyira jó ez a késleltetés, hogy alkalmazzuk a (f 5) kiértékelésénél!

```
(± 5)
(sum-of-squares (+ 5 1) (* 5 2))
(+ (square (+ 5 1)) (square (* 5 2)))
(+ (* (+ 5 1) (+ 5 1)) (square (* 5 2)))
(+ (* (+ 5 1) (+ 5 1)) (* (* 5 2) (* 5 2)))
(+ (* 6 (+ 5 1)) (* (* 5 2) (* 5 2)))
(+ (* 6 6) (* (* 5 2) (* 5 2)))
(+ (* 6 6) (* 10 (* 5 2)))
(+ (* 6 6) (* 10 10))
(+ 36 (* 10 10))
(+ 36 100)
136
```

Mint ahogy azt látjuk (+ 5 1) és (\* 5 2) kétszer kerül redukcióra. Hát így már nem is olyan jó...

Hogy fut le vajon egy másik út?

```
(f 5)
(sum-of-squares (+ 5 1) (* 5 2))
(sum-of-squares 6 (* 5 2))
(sum-of-squares 6 10)
(+ (square 6) (square 10))
(+ (* 6 6) (* 10 10))
(+ 36 (* 10 10))
(+ 36 100)
136
```

Kevesebb számítást végzünk mint a késleltetős előző esetben. Azaz látjuk, hogy a redukciós stratégiának a teljesítményre is van hatása.

## 2.3. Változók értékének felcserélése

Írjunk egy olyan programot, amely felcseréli két változó értékét, bármiféle logikai utasítás vagy kifejezés használata nélkül, és ez ne bug hanem feature legyen!

Megoldás videó: No Link

Megoldás forrása:

- Swap XOR
- Swap Subtract
- Swap Multiplication
- Swap Ptr

Több megoldási lehetőség is van, ezeket fogjuk a következő bekezdésekben bemutatni.

Nézzünk valami szorzásos osztásosat!

```
#include <stdio.h>
2
  int main(){
3
      int a = 6;
      int b = 7;
5
      printf("Let a = %d, b = %d n", a, b);
6
       a = a * b;
7
      printf("(1) a = a * b = dn,a);
8
      b = a / b;
9
      printf("(2) b = a / b = %d\n",b);
10
      a = a / b;
11
      printf("(3) a = a / b = %d\n",a);
12
       printf("Result after swap by multiplication and division is a = %d, b = \leftarrow
13
           %d\n",a,b);
      return 0;
14
15
```

Kövessük nyomon mi történik!

```
(a, 6) (b, 7)

a = a * b => (a, 42) (b, 7)

b = a \setminus b => (a, 42) (b, 7)

a = a \setminus b => (a, 6) (b, 7)
```

Hát ez működik, de 0-val nem osztunk, plusz a szorzás osztás nehéz. Nézzünk mást!

Nézzünk valami összeadás kivonásosat!

```
#include <stdio.h>
3
  int main(){
      int a = 6;
       int b = 7;
       printf("Let a = %d, b = %d\n", a, b);
6
       a = a + b;
       printf("(1) a = a + b = %d\n", a);
8
       b = a - b;
9
       printf("(2) b = a - b = %d\n",b);
10
       a = a - b;
11
       printf("(3) a = a - b = %d\n", a);
12
       printf("Result after swap by addition and subtract is a = %d, b = %d\n" \leftrightarrow
13
          ,a,b);
       return 0;
14
  }
```

Kövessük nyomon mi történik!

```
(a, 6) (b, 7)
```

```
a = a + b \Rightarrow (a,13) (b,7)

b = a - b \Rightarrow (a,13) (b,6)

a = a - b \Rightarrow (a,7) (b,6)
```

Ez is jó, és ráadásul csak összeadással és kivonással terheljük a CPU-t!

De esetleg van valami más is? Nos nézzük a xor műveletet!

```
#include <stdio.h>
2
  int main(){
3
      int a = 6;
       int b = 7;
5
       printf("Let a = %d, b = %d\n", a, b);
       a = a ^ b;
       printf("(1) a = a ^ b = %d\n",a);
8
      b = a ^ b;
9
       printf("(2) b = a ^b = dn', b;
10
       a = a ^ b;
11
       printf("(3) a = a ^ b = %d\n",a);
12
       printf("Result after swap by xor is a = %d, b = %d\n", a,b);
13
       return 0;
14
15
```

#### Kövessük végig!

```
(a,110) (b,111)

a = a \text{ XOR } b \Rightarrow (a,001) (b,111)

b = a \text{ XOR } b \Rightarrow (a,001) (b,110)

a = a \text{ XOR } b \Rightarrow (a,111) (b,110)
```

Egy nagyon furcsa dolgot láthatunk. Az összes előző esetnél több operátort kellett használni (\*) és (/) illetve (+) és (-). Most azonban egy olyan esetet látunk, amikor egyetlen operátorral megtudtuk oldani (kommutatív, asszociatív, identitás elem létezik, f(a,a)=Identitás elem).

Alábbi utolsó példa csak egy picit behozza a pointer-eket a képbe. Ezekkel ha még nem értjük mi van, ne aggódjunk. Minden pointert érdemes egy címként felfogni. Azaz ha létezik egy int változónk foo néven akkor foo-nak van ugye egy értéke, illetve egy címe. A cím az amit a ptr megtestesít (na jó nem, de most így elég...). Természetesen funckiókra is mutathatunk. Sőt, ha már valaha láttunk C kódot, akkor valószínűleg belefutottunk már callback-ekbe stb. Aka akár funkciókat és bepasszolhatunk funkciókba, stb.

```
#include <stdio.h>

void swap1(int *pa,int* pb ) {
    int t = *pa;
    *pa = *pb;
    *pb = t;
}

void swap2(int *pa,int* pb ) {
    *pa = *pa + *pb;
}
```

```
*pb = *pa - *pb;
11
       *pa = *pa-*pb;
12
   }
13
  int main()
15
   {
16
       int a = 6;
17
       int b = 7;
18
       printf("Let a = %d, b = %d\n", a, b);
19
       swap1(&a, &b);
20
       printf("Swap1 %d,%d\n",a,b);
21
       swap2(&a, &b);
22
       printf("Swap2 %d,%d\n",a,b);
23
       return 0;
24
25
```

## 2.4. Labdapattogás

Először if-ekkel, majd bármiféle logikai utasítás vagy kifejezés használata nélkül írj egy olyan programot, ami egy labdát pattogtat a karakteres konzolon! Nem írhatsz hozzá DLC-t, és ne legyen benne lootbox, mert nem ez EA vagyunk.

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

- Helper header
- Ball
- Ball no if

Ennek a feladatnak az volt a lényege, hogy elágazás nélkül kicsikarjunk a gépből valami féle döntés alapú útválasztást. Először nézzük az alapot.

```
#include "pubghypetrain.h"
  void collide(int posX, int posY, int &velX, int &velY, int xmax, int ymax) {
    bool outX = (posX \le 0 \mid \mid posX \ge xmax-1);
    velX += -2 * velX * outX;
    bool outY = (posY \le 0 \mid \mid posY \ge ymax-1);
    vely += -2 * vely * outy;
  };
8
  void moveBall(int &posX, int &posY, int velX, int velY) {
10
    posX += velX;
11
    posY += velY;
12
13
  } ;
```

```
void draw(int posX, int posY, int xmax, int ymax) {
15
     ClearScreen();
16
     for (int y = 0; y < ymax; y++) {
17
       for (int x = 0; x < xmax; x++) {
18
         if( (posX == x) && (posY == y) ){ std::cout << '0';}else{ std::cout</pre>
19
             << '.';};
       };
20
       std::cout << std::endl;</pre>
21
     };
22
  };
23
24
  int main(){
25
     int T_SLEEP_MILLIS = 50;
26
     int GLOBAL_H = 10;
27
     int GLOBAL_W = 10;
28
     int posX = 5;
29
     int posY = 2;
30
     int velX = 2;
31
     int velY = -1;
32
     for(int i = 0; i < 50; i++){
33
       moveBall(posX,posY,velX,velY);
34
       collide(posX, posY, velX, velY, GLOBAL_H, GLOBAL_W);
35
       draw(posX, posY, GLOBAL_H, GLOBAL_W);
36
       sleep(T_SLEEP_MILLIS);
37
     };
38
     return 0;
39
40
  };
```

Nyilvánvalóan valahogyan trükközni kell, hisz az if-et ha kihagynánk, akkor nem tudnánk például dönteni, hogy mely karaktert küldjük std out-ra. Nézzük egy lehetséges megoldást.

```
#include "pubghypetrain.h"
  #include <iostream>
2
  void collide (int posX, int posY, int &velX, int &velY, int xmax, int ymax);
  void moveBall(int &posX, int &posY, int velX, int velY);
  void draw(int posX, int posY, int xmax, int ymax, const char* syms);
8
  int main()
10
  {
11
    const char SYMBOLS[2] = {'.','0'};
12
    int T_SLEEP_MILLIS = 50;
13
    int GLOBAL_H = 10;
14
    int GLOBAL_W = 10;
15
    int posX = 5;
16
    int posY = 2;
17
    int velX = 2;
18
    int velY = -1;
19
    for (int i = 0; i < 50; i++) {
20
```

```
moveBall(posX,posY,velX,velY);
21
       collide(posX, posY, velX, velY, GLOBAL_H, GLOBAL_W);
22
       draw(posX, posY, GLOBAL_H, GLOBAL_W, SYMBOLS);
23
       sleep(T_SLEEP_MILLIS);
24
     };
25
     return 0;
26
  };
27
28
  void moveBall(int &posX, int &posY, int velX, int velY) {
30
    posX += velX;
31
    posY += velY;
32
33
  };
34
  void collide(int posX, int posY, int &velX, int &velY, int xmax, int ymax){
35
     velX += -2 * velX * (posX <= 0 || posX >= xmax-1);
36
    vely += -2 * vely * (posy <= 0 || posy >= ymax-1);
37
  };
38
39
  void draw(int posX, int posY, int xmax, int ymax, const char* syms) {
40
     ClearScreen();
41
     for (int y = 0; y < ymax; y++) {
42
       for (int x = 0; x < xmax; x++) {
43
         std::cout << syms[(posX == x) && (posY == y)];</pre>
44
       };
45
       std::cout << std::endl;</pre>
     };
47
  };
48
```

Simán csak implicit konverzió történik, mind collide, mind draw esetén.

Ha már itt tartunk, akkor nézzünk más jellegű if encode-olást is! (használhatjuk például a [CHISOMORPH]-t)

```
true = \lambda x. \lambda y. x
false = \lambda x. \lambda y. y
if (B,P,Q) = B P Q
```

#### Az if true then P else Q redukciója

```
if true then P else Q

= true P Q

= \lambda x.\lambda y.x P Q

= \lambda y.P Q

= P
```

#### Az if false then P else Q redukciója

```
if false then P else Q = false P Q = \lambda x \cdot \lambda y \cdot y P Q
```

```
= \lambda_{y.y} Q= 0
```

#### Vezessünk be számokat!

```
if false then P else Q 0 = \lambda f.\lambda x.x 1 = \lambda f.\lambda x.f x 2 = \lambda f.\lambda x.f (f x)
```

#### Illetve egy isZero predikátumot!

```
IsZero = \lambdan.n (\lambdax.false) true
```

#### Nézzük meg pár esetre a predikátumunk működését!

```
IsZero 0
= (\lambda n.n (\lambda x.false) true) (\lambda f.\lambda x.x)
= ((\lambda f.\lambda x.x) (\lambda x.false) true)
= (\lambda x.x true)
= true

IsZero 1
= (\lambda n.n (\lambda x.false) true) (\lambda f.\lambda x.f x)
= ((\lambda f.\lambda x.f x) (\lambda x.false) true)
= ((\lambda x.(\lambda x.false) x) true)
= ((\lambda x.false) true)
= (\lambda x.false) true
= false
```

Mostmár mondhatunk olyat, hogy osztásnál ne legyen nulla a nevezőben, azaz if IsZero b then 0 else (div a b). A lényeg az, hogy dobjon vissza egy (div valami valami)-t ha el lehet végezni, különben pedig egy 0-t. Például 4-el és 0-val hívjuk.

```
( (\lambda x. \lambda y. (IsZero y) 0 (div x y)) 4 0

= ((\lambda y. (IsZero y) 0 (div 4 y)) 0

= ((IsZero 0) 0 (div 4 0))

= (true 0 (div 4 0))

= ((\lambda x. \lambda y. x) 0 (div 4 0))

= ((\lambda y. 0) (div 4 0))

= 0
```

#### Most nézzük meg 4 és 2-vel.

```
( (\lambda x. \lambda y. (IsZero y)) 0 (div x y)) 4 2
( (\lambda y. IsZero y) 0 (div 4 y)) 2
((IsZero 2) 0 (div 4 2))
(false 2 (div 4 2))
((\lambda x. \lambda y. y) 0 (div 4 2))
((\lambda y. y) (div 4 2))
(div 4 2)
```

## 2.5. Szóhossz és a Linus Torvalds féle BogoMIPS

Írj egy programot, ami megnézi, hogy hány bites a szó a gépeden, azaz mekkora az int mérete. Használd ugyanazt a while ciklus fejet, amit Linus Torvalds a BogoMIPS rutinjában!

Megoldás videó: https://youtu.be/9KnMqrkj\_kU, https://youtu.be/KRZlt1ZJ3qk, .

Megoldás forrása:

- Wordsize
- Bogomips

Először is nézzük a biteket! A számokat kettes számrendszerben tároljuk. A shift az értékek "tologatása". De pontosan mi az a shift?

Amikor left shiftelünk, akkor mi is történik? Nézzük unsigned char-ra! "For unsigned lhs, the value of LHS << RHS is the value of LHS \* 2^RHS, reduced modulo maximum value of the return type plus 1 (that is, bitwise left shift is performed and the bits that get shifted out of the destination type are discarded). "Alább látható hogy miről van szó.

```
1
     << 1 =>
                   (1 \times 2^1) % (255 + 1) = 2
                                               (00000010)
2
     << 1 =>
                   (2*2^1) % (255+1) = 4
                                               (00000100)
                   (4 \times 2^1) % (255 + 1) = 8
4
     << 1 =>
                                               (00001000)
8
    << 1 =>
                   (8 \times 2^1) \% (255 + 1) = 16
                                               (00010000)
16 << 1 =>
                  (16 \times 2^1) % (255 + 1) = 32
                                               (00100000)
32
    << 1 =>
                  (32 \times 2^1) % (255 + 1) = 64
                                               (01000000)
                  (64 \times 2^1) \% (255 + 1) = 128 (10000000)
64
    << 1 =>
128 << 1 =>
                (128*2^1) % (255+1) = 0
                                               (00000000)
```

#### Alábbi kóddal nézzük meg:

```
#include <iostream>

int main()

{
    unsigned char a = 1;
    for(int i = 0; i<8; i++)

    {
        a=a<<1;
        std::cout<< ((int)a) << std::endl;
    }

    return 0;
}</pre>
```

```
$ ./shiftl_uchar.exe
2
4
8
16
32
64
128
0
```

2.5. ábra. shiftl\_uchar

Mi történik a right shift esetben? "For unsigned lhs and for signed lhs with nonnegative values, the value of LHS >> RHS is the integer part of LHS / 2^RHS."

```
255 \gg 1 \Rightarrow intp(255 div 2^1) = 127 (011111111)
127 >> 1 => intp(127 div 2^1) = 63
                                      (00111111)
    >> 1 => intp(63 div 2^1)
                               = 31
                                      (00011111)
    >> 1 => intp(31 div 2^1)
                               = 15
                                      (00001111)
31
   >> 1 => intp(15 div 2^1)
                               = 7
                                      (00000111)
7
    >> 1 => intp(7 div 2^1)
                               = 3
                                      (00000011)
3
    >> 1 => intp(3 div 2^1)
                                = 1
                                      (00000001)
    >> 1 => intp(1 div 2^1)
                                = 0
                                      (00000000)
```

#### Alábbi kóddal nézzük meg:

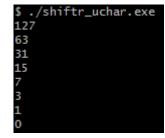
```
#include <iostream>

int main()

{
    unsigned char a = 255;
    for(int i = 0; i<8; i++)

    {
        a=a>>1;
        std::cout<< ((int)a) << std::endl;
    }

    return 0;
}</pre>
```



2.6. ábra. shiftr\_uchar

Alábbi kód az előzőeket hajtja végre csak int-et használunk.

```
#include <iostream>
   void shift 1()
3
5
     unsigned int a = 1;
     unsigned int i = 0;
     while (a!=0) {
          a = a << 1;
8
          i++;
9
10
     std::cout<<"Shift_L count was " << i << std::endl;</pre>
11
     std::cout << "Size " << ((i) /8) << std::endl;
12
     std::cout<<"Sanity Check " << sizeof(int) << std::endl;</pre>
13
   }
14
15
  void shift_r()
16
17
     unsigned int a = 0;
18
     a = ~a;
19
     int i = 0;
20
     while (a!=0) {
21
          a = a >> 1;
22
          i++;
23
     }
24
     std::cout<<"Shift_R count was " << i << std::endl;</pre>
25
     std::cout << "Size " << ((i)/8) << std::endl;
26
     std::cout<<"Sanity Check " << sizeof(int) << std::endl;</pre>
27
   }
28
  int main()
30
   {
31
       shift_l();
32
       shift_r();
33
       return 0;
34
35
  }
```

Előjeles esetben figyelembe kell venni, hogy például a felső bit előjelet is jelenthet akár. Alábbi ábra szép illusztrációt ad arra, mire is kell gondolni (2s complement).

Positive numbers		Nega numb	
0	0000		
1	0001	1111	-1
2	0010	1110	-2
3	0011	1101	-3
4	0100	1100	-4
5	0101	1011	-5
6	0110	1010	-6
7	0111	1001	-7
	(0.00000)	1000	-8

2.7. ábra. 2s complement

Most áttérünk a bogomips-re. Itt egy új dologgal talákozunk <<= de ez igazából csak annyit tesz, hogy a shift rhs-t egyből az lhs oldalon lévő változóba vissza is tároljuk. A delay egy for loop ami elszámol loops-ig, azaz addig növeli (++) unáris operátorral i értékét amíg a i < loops conditional igaz. A while ciklus fejben pedig már a jól ismert left shift zajlik (loops\_per\_sec 1-ről indul). De hogy biztosak legyünk nézzük az alábbi programot (bár nagyon ismerős lesz...)

```
#include <iostream>

int main()

{
    unsigned long long a = 1;
    int i = 0;
    while(a!=0)

{
        a<<=1;
        std::cout<< a << std::endl;
        i++;
        }
        std::cout<< i << std::endl;
        return 0;
}</pre>
```

1152921504606846976 2305843009213693952 4611686018427387904 9223372036854775808 0 64

2.8. ábra. ullshift

A bogomips while body egyébként annyiról szól, hogy lekérjük hány tick telt el idáig, majd nyomunk

n mennyiség lépést a for ciklusban, visszajövünk és megint lekérdezzük az eltelt tick-ek számát. Ha a tickek száma nem kevesebb mint amennyit a CLOCKS\_PER\_SEC konstanssal állít magáról a gép, akkor elkezdjük a kiszállást. A loops\_per\_sec pedig a következő módon jön ki:

```
loop_per_masodperc = ( loopok_szama / tick_szam ) * CLOCKS_PER_SEC;
[1/s] = ( [1] / [1] ) * [1/s]
```

Ezután következik zsonglőrködés a számokkal. Ez a rész a bogus a bogomips-ben. Ha sok időnk van akkor meg is mérhetjük a saját gépünkét. Alább egy random példa.

```
$ ./bogomips.exe
Calibrating delay loop..ok - 225.38 BogoMIPS
```

2.9. ábra. bogomips kimeneten

## 2.6. Helló, Google!

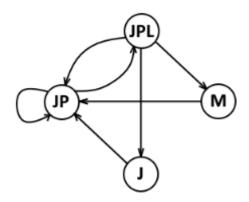
Írj olyan C programot, amely egy több milliárd(haha ne ne...elég lesz kevesebb srsly) honlapból álló hálózatra kiszámolja az N lap Page-Rank értékét, és nem lesz belőle baj egy szenátusi kihallgatáson!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

- Pagerank Példa
- Pagerank C
- STL Iterator
- Purely STL Vector

Pagerank a Google által használt adóelk…keresési algoritmus magja. A feladat arról szólt, hogy egy négy honlapból álló kapcsolati hálón kellene vele elemezni. A pageranktől azt várjuk, hogy az összes honlapnak mondjuk adjon egy 0-1-ig terjedő értéket (normalizált, azaz az összes lap rankjének összege 1 for sanity check). Van több implementáció is, de mi egy konkrétan kitenyésztett példa progival fogunk dolgozni. Ez a pagerank vektor értékeit fő iterációs lépésenként kiírja egy fájlba. A pagerankkel a példában egy irányított multigráfon fogunk számolni. (irányított mert számít hogy honnan-hova megy az él, multigráf pedig a több él egy pontból plusz hurkok is lehetnek)



2.10. ábra. pagerank kapcsolati irányított multigráf

Ez ugyan emberként érthető, de próbáljuk valahogy szervezettebb formába hozni. Csináljunk egy kvadratikus mátrixot, és töltsük ki a következő szabály szerint: Először mindenhova írjunk be nullát majd Ha A-ból B-be megy él, akkor A oszlop B sorába írjunk 1-et Először nézzük csak meg J-re(J-ből egy él megy ki JP felé...)

	J	JP	JPL	M
J	0	0	0	0
JP	1	0	0	0
JPL	0	0	0	0
M	0	0	0	0

Most pedig csináljuk meg JP-re(magába és JPLbe)

	J	JP	JPL	М
J	0	0	0	0
JP	1	1	0	0
JPL	0	1	0	0
M	0	0	0	0

Jöhet JPL (mindenkibe csak magába nem)

4	J	JP	JPL	М
J	0	0	1	0
JP	1	1	0	0
JPL	0	1	1	0
M	0	0	1	0

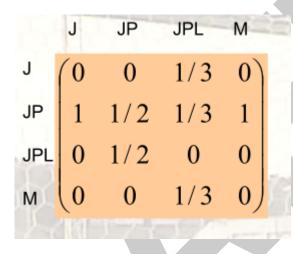
### Jöhet M (csak JP-be)

	J	TD	JPL	М	
	U	UF	UPL	1,1	
J	0	0	1	0	
JP	1	1	0	1	
JPL	0	1	1	0	
M	0	0	1	0	

Most normalizáljuk, azaz adjuk össze az egy oszlopban lévő számokat, nevezzük ezt szummának. Ha meg van, akkor utána ugyanezen az oszlopon menjünk végig és mindenkit osszunk el szum-mal, ha szum nem nulla.

```
JP JPL
    J
                  М
J
    0
         0 1/3
                  0
    1 1/2 1/3
                  1
JΡ
JPL 0 1/2
                  0
           0
    0
         0 1/3
                  0
```

Vessük össze az előadás diával.



2.11. ábra. pagerank link mátrix sanity check

Most hogy végre van link mátrixunk elkezdhetünk számolni. De mi is a lényeg, mit fogunk számolni? Gondoljunk vissza a sajátérték sajátvektorra, és próbálgassuk is ha tetszik! Magyarul amikor Tanár Úr azt mondja Tehát ha h jelöli a PR vektort, akkor h=Lh.Linalg kedvelőknek:a PageRank vektor az L linkmátrix 1 sajátértékhez tartozó sajátvektora. akkor gondoljunk a következőre

```
PR[1]
                      PR[2]
                      PR[3]
                      PR[4]
    0 1/3
                                      PR[1]
       1/3
                        ?
1 1/2
                                      PR[2]
  1/2
                        ?
0
         0
                                    | PR[3]
                        ?
0
    0 1/3
                                    | PR[4]
```

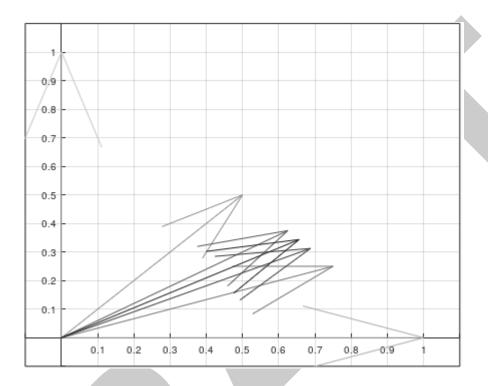
De milyen vektorról is beszélünk? Mi a végcél ezzel az egész saját vektor dologgal? Vizualizájuk!

Jelen példában 4 node van szóval PR 4 elemű, ezt nehéz lenne ábrázolnom. Viszont gondoljunk egy két node-ból álló esetre! Ezen esetben PR vektor 2 elemű lesz, szóval már plottolhatjuk 2dbe. Alábbi ábrán simán fogtuk magunkat és a PR vektor 1. számát x-nek 2. számát y-nak vettük csináltunk bele egy nyilat

az origóból. Színkódoltuk is: A legelső iter utáni PR vektor halvány szürke, az utolsó pedig fekete, közte pedig graduálisan változtattuk a feketeséget (hsv mert lusta voltam, de ne menjünk bele).

```
x = [0 \quad 1 \quad 0.5 \quad 0.75 \quad 0.625 \quad 0.6875 \quad 0.65625]

y = [1 \quad 0 \quad 0.5 \quad 0.25 \quad 0.375 \quad 0.3125 \quad 0.34375]
```

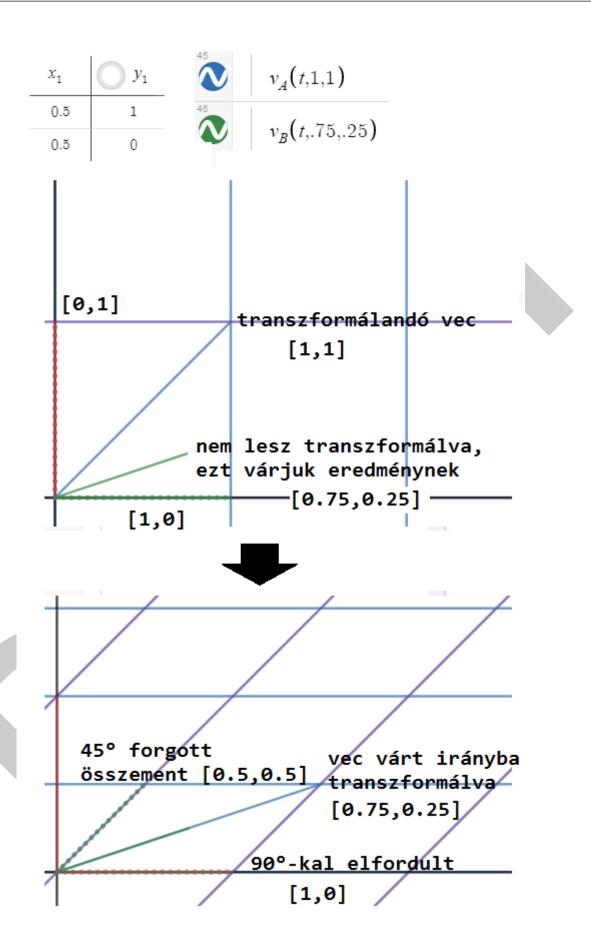


2.12. ábra. pagerank vektor

Fenti ábrán látható, hogy ahogy beindul az iteráció vadul [0,1]-ből [1,0]-ba vált, majd [0.5,0.5] és szépen lassan kezd beállni [0.66 0.33]-ba!

Magyarul a nem pontos PR vektor közelítésünk egyre kisebb cikázással kezd beállni abba az irányba ami egyébként az "igazi" sajátvektor irány. Ez alapján világos, hogy az egész számításnak az a célja hogy megtaláljuk azt a vektort, amire ha alkalmazzuk a Link mátrixot transzformációként, akkor iránya már nem fog változni. (Ha valakit érdekel akkor a 2d-s eset az oppenoffice fájl-ban a twod munkalapon van, de semmi különös.)

Ha valaki mégsem értené, nézzünk egy konkrét példát: Hogyan lett pl [0.5,0.5] irányú vektorból [0.75,0.25]? Alábbi ábrán felveszünk egy [0.75,0.25] vektort(zöld folytonos vonal), és ezt változatlanul fogjuk hagyni. Ezután veszünk egy [1,1] vektort(kék folytonos vonal). Azért [1,1] mert csak az irány a fontos, és azt akartam hogy nyúljon túl a zöldön trafó után. Ezekután transzformáljuk a linkmátrix-szal a kéket. Azt várjuk hogy a transzformáció után a zöld folytonos és kék folytonos egyirányú legyen.



2.13. ábra. pagerank trf

Vissza matekra! Mátrixok vektorok stb. szorzást már tanultunk szóval, oldjuk is meg!

```
| PR[1] |
                   | PR[2] |
                   | PR[3] |
                   | PR[4] |
0
    0 1/3
                   | PR[3]/3
                                                           PR[1]
1 1/2 1/3
                   | PR[1]+PR[2]/2+PR[3]/3+PR[4]
              1 |
0 1/2
             0 |
                   | PR[2]/2
                                                           PR[3]
    0 1/3
             0 1
                   | PR[3]/3
0
                                                           PR[4]
```

Szét is robbanthatjuk akár egyenletekre...

```
PR[3]/3 = PR[1]

PR[1]+PR[2]/2+PR[4] = PR[2]

PR[2]/2+PR[3]/3 = PR[3]

PR[3]/3 = PR[4]
```

Most pedig jön a kérdés, hogy hogyan oldjuk meg? PR[2] önmagából számolja önmagát!

A válasz nem túlzottan bonyolult...tároljuk el az előző lépés értékeit minden ciklusban és használjuk azokat. (Ez lesz a megoldásban PRv)

```
PRv[3]/3 = PR[1]

PRv[1]+PR[2]/2+PR[4] = PR[2]

PRv[2]/2+PR[3]/3 = PR[3]

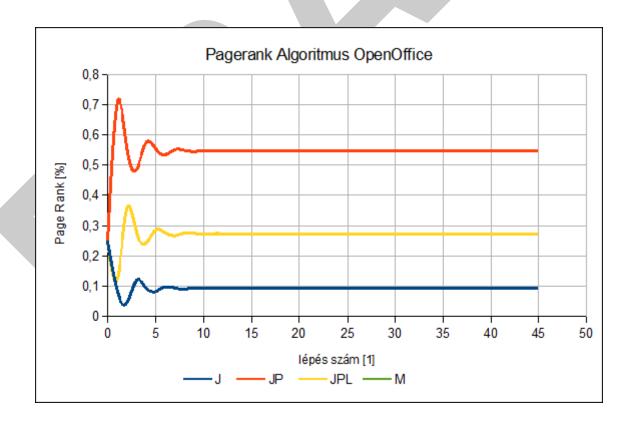
PRv[3]/3 = PR[4]
```

Egy kérdés még maradt: Mennyi legyen PRv iniciális értéke? A válasz annyi, hogy mindegyik érték 1 aztán benormáljuk, hogy összegük 1 legyen (Mat viz).

Ha midezt megértettük, akkor már könnyű lesz megérteni az alábbi kódomat! A refekkel, constokkal, initializer listekkel meg a többi szeméttel ne törődjünk még nem kell őket érteni, csak a pagerank-re fókuszáljunk. Ha esetleg nem lenne érthető a kód, akkor beraktam a repóba egy openoffice calc (olyan mint az excel csak kevesebb benne a fluff) doksit, ami ugyanezt a pagerank számítást csinálja... A fejezet végén beillesztettem a C++ kódot, viszont most következzen két diagram. Az első a C++ algoritmus PR vektorának értékeit mutatja iterációnként, a másik pedig az open office-ost, ha valaki valami miatt szereti az irodai munkát.



2.14. ábra. pagerank cpp konvergál



2.15. ábra. pagerank openoffice konvergál

Kicsit azért vigyázzunk...ugyanis van két kis probléma. Tanár Úr azért mondta hogy rázzuk a vizet az internetben, mert arra gondolt, hogy ez az iteratív megoldás olyan mintha vödrök között öntögetnénk vizet, vagy mondjuk egy fémlemez hőmérsékletét akarnánk úgy kiszámolni, hogy az egyik szélén tudjuk a hőmérsékletet a többit pedig úgy számoljuk, hogy a négy (felső-alsó-bal-jobb egy kockás lapon mondjuk) szomszédját átlagoljuk. Nos első esetben az a probléma, hogy az egyik vödörbe folyik víz be, vissza is folyik magába, de kifele nem. A példa fájlban egy get\_dangling funkció csinál olyan mátrix-ot amiben van egy nyelő jellegű node.

```
{ 1,0,1,0,1,0},
{ 1,1,0,1,0,0},
{ 0,1,1,0,1,0},
{ 1,0,1,1,0,0},
{ 0,1,0,1,1,0},
{ 1,0,1,0,1,0}
```

Most pedig következzen az igazi vizes locspocs. Vegyük a következő kapcsolati gráfot:

```
A A A A B A B 1 1 1
```

A locspocs-t indítsuk a következő PRv-vel:

```
PRv 0
PRv 1
```

Érezhető hogy ennek mi lesz a vége, ha valaki elképesztően kíváncsi az open office fájlban-ban látható egy Infinite nevű munkalap.

```
#include <iostream>
  #include <vector>
  #include <cmath>
  #include <fstream>
  #include <iomanip>
6
  void kiir(std::ofstream& os, const std::vector<double> &v) {
    int sz = v.size();
9
    if(sz<1) return;</pre>
10
    os << v[0];
11
    for(int i=1; i<sz; i++)</pre>
12
        os << ";" << v[i];
    os << std::endl;
14
15
16
  double tavolsag(const std::vector<double> &PR, const std::vector<double> & ←
17
     PRv) {
    int i;
18
    double osszeg = 0;
19
    for(i=0;i<PR.size();++i) osszeg += (PRv[i]-PR[i])*(PRv[i]-PR[i]);
20
    return sqrt(osszeg);
```

```
22
23
  std::vector<std::vector<double>> get_batfai_graph()
25
    return std::move(std::vector<std::vector<double>>{
26
       /*J*/ { 0, 0, 1, 0},
27
       /*JP*/ { 1, 1, 1, 1},
28
       /*JPL*/ { 0, 1, 0, 0},
29
       /*M*/ { 0, 0, 1, 0}
     });
31
  }
32
33
  std::vector<std::vector<double>> get_dangling()
34
35
     return std::move(std::vector<std::vector<double>>{
36
       \{1,0,1,0,1,0\},
37
       { 1,1,0,1,0,0},
38
       \{0,1,1,0,1,0\},
39
       { 1,0,1,1,0,0},
40
       \{0,1,0,1,1,0\},
41
       { 1,0,1,0,1,1}
42
     });
43
  }
44
45
  std::vector<std::vector<double>> get_symm()
46
   {
     return std::move(std::vector<std::vector<double>>{
48
       { 0,1 },
49
       { 1,0 }
50
     });
51
52
53
  void normalize(std::vector<std::vector<double>>& quadmx)
   {
55
    int size = quadmx.size();
56
     for(int j=0; j<size; j++) {</pre>
57
       double sum = 0;
58
       for(int i=0; i<size; i++) {</pre>
         sum+=quadmx[i][j];
60
       }
61
       if(sum!=0){
62
         for(int i=0; i<size; i++){</pre>
63
         quadmx[i][j]/=sum;
64
         }
65
       }
66
67
68
69
  int main(void) {
  // ha probalgatod es ne adj isten valami miatt ne konvergalna
```

```
// akkor ennyi iter utan auto kilep a fo loopbol
72
     int SAFE_LIMIT = 100;
73
     std::ofstream outf;
74
     outf.open ("pagerank.csv");
75
     // at this point L is not normalized
76
     std::vector<std::vector<double>>L{std::move(get_dangling())};
77
     normalize(L);
78
     int size = L.size();
79
     std::vector<double> PR;
     for (int i = 0; i < size; i++) PR.push_back(0.0);
81
     std::vector<double> PRv;
82
     for(int i = 0; i < size; i++) PRv.push_back(1.0/size);</pre>
83
     for (int c; c<SAFE_LIMIT; c++) {</pre>
84
       for(int i = 0; i < size; ++i) {</pre>
85
         PR[i] = 0.0;
         for(int j = 0; j < size; ++j) PR[i] += L[i][j] * PRv[j];</pre>
87
88
       kiir(outf,PR);
89
       if (tavolsag(PR, PRv) < 0.0000000001) break;
90
       PRv = PR;
91
92
     outf.close();
93
     return 0;
94
95
```

## 2.7. A Monty Hall probléma

Írj szimulációt a Monty Hall problémára!

Megoldás videó: No link Megoldás forrása: No link

Gondolkodjunk úgy hogy két stratégia van: "nem választunk újra" és "újra választunk". Alábbi kódban "nem választunk újra" esetben N lehetőség közül 1/N valószínűségünk van nyerni. Viszont ha tudjuk hogy "nem választunk újra" veszített, és a fazon már kinyitott egy ajtót, akkor N-2-ből kell csak választanunk. Utolsó sorban kiírja az nbatfai és ezen kód is sanity check jelleggel a két startégia nyertes kimeneteleinek összegét, ami N=3 esetben egyenlő N-nel. Magasabb N-nél ez nem így van, hisz ha "nem választunk újra" veszített és a fazon kinyitottegy ajtót és N>3 akkor nekünk kisebb mint 100% esélyünk van "újra választunk"-kal nyerni.

```
#include <iostream>
#include <stdlib.h>

int main()

{
   const int trial_count = 100000;
   const int door_count = 3;
   int count_keptbet_won = 0;
```

```
int count_newbet_won = 0;
     for (int i = 0; i < trial_count; i++)</pre>
10
11
       if(rand() % door_count == 0) {
12
         count_keptbet_won++;
13
       }else{
14
           if(rand() % (door_count-2) == 0)count_newbet_won++;
15
       }
16
     }
17
    std::cout<< "Monty Hall"<< std::endl;</pre>
18
    std::cout<< "Trial count " << trial count << std::endl;</pre>
19
    std::cout << "Wins(first bet) " << count_keptbet_won << std::endl;</pre>
20
    std::cout << "Wins(next bet) " << count_newbet_won << std::endl;</pre>
21
    std::cout << "Win Ratio " << ((count_newbet_won==0) ? 0.0 : (static_cast< ←
22
        double>(count_keptbet_won)/static_cast<double>(count_newbet_won)))<< ←</pre>
        std::endl;
    std::cout << "Sum (sanity check)" << count_keptbet_won+count_newbet_won ←
23
        << std::endl;
    return 0;
24
  }
```

### 2.8. 100 éves a Brun tétel

Írj R szimulációt a Brun tétel demonstrálására!

Megoldás videó: https://youtu.be/xbYhp9G6VqQ

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/blob/master/attention\_raising/Primek\_R

A természetes számok építőelemei a prímszámok. Abban az értelemben, hogy minden természetes szám előállítható prímszámok szorzataként. Például 12=2\*2\*3, vagy például 33=3\*11.

Prímszám az a természetes szám, amely csak önmagával és eggyel osztható. Eukleidész görög matematikus már Krisztus előtt tudta, hogy végtelen sok prímszám van, de ma sem tudja senki, hogy végtelen sok ikerprím van-e. Két prím ikerprím, ha különbségük 2.

Két egymást követő páratlan prím között a legkisebb távolság a 2, a legnagyobb távolság viszont bármilyen nagy lehet! Ez utóbbit könnyű bebizonyítani. Legyen n egy tetszőlegesen nagy szám. Akkor szorozzuk össze n+1-ig a számokat, azaz számoljuk ki az 1\*2\*3\*... \*(n-1)\*n\*(n+1) szorzatot, aminek a neve (n+1) faktoriális, jele (n+1)!.

Majd vizsgáljuk meg az a sorozatot:

(n+1)!+2, (n+1)!+3,..., (n+1)!+n, (n+1)!+(n+1) ez n db egymást követő azám, ezekre (a jól ismert bizonyítás szerint) rendre igaz, hogy

- (n+1)!+2=1\*2\*3\*... \*(n-1)\*n\*(n+1)+2, azaz 2\*valamennyi+2, 2 többszöröse, így ami osztható kettővel
- (n+1)!+3=1\*2\*3\*... \*(n-1)\*n\*(n+1)+3, azaz 3\*valamennyi+3, ami osztható hárommal

• ...

- (n+1)!+(n-1)=1\*2\*3\*...\*(n-1)\*n\*(n+1)+(n-1), azaz (n-1)\*valamennyi+(n-1), ami osztható (n-1)-el
- (n+1)!+n=1\*2\*3\*... \*(n-1)\*n\*(n+1)+n, azaz n\*valamennyi+n-, ami osztható n-el
- (n+1)!+(n+1)=1\*2\*3\*...\*(n-1)\*n\*(n+1)+(n-1), azaz (n+1)\*valamennyi+(n+1), ami osztható (n+1)-el

tehát ebben a sorozatban egy prim nincs, akkor a (n+1)!+2-nél kisebb első prim és a (n+1)!+ (n+1)-nél nagyobb első prim között a távolság legalább n.

Az ikerprímszám sejtés azzal foglalkozik, amikor a prímek közötti távolság 2. Azt mondja, hogy az egymástól 2 távolságra lévő prímek végtelen sokan vannak.

A Brun tétel azt mondja, hogy az ikerprímszámok reciprokaiból képzett sor összege, azaz a (1/3+1/5)+ (1/5+1/7)+ (1/11+1/13)+... véges vagy végtelen sor konvergens, ami azt jelenti, hogy ezek a törtek összeadva egy határt adnak ki pontosan vagy azt át nem lépve növekednek, ami határ számot B<sub>2</sub> Brun konstansnak neveznek. Tehát ez nem dönti el a több ezer éve nyitott kérdést, hogy az ikerprímszámok halmaza végtelene? Hiszen ha véges sok van és ezek reciprokait összeadjuk, akkor ugyanúgy nem lépjük át a B<sub>2</sub> Brun konstans értékét, mintha végtelen sok lenne, de ezek már csak olyan csökkenő mértékben járulnának hozzá a végtelen sor összegéhez, hogy így sem lépnék át a Brun konstans értékét.

Ebben a példában egy olyan programot készítettünk, amely közelíteni próbálja a Brun konstans értékét. A repó bhax/attention\_raising/Primek\_R/stp.r mevű állománya kiszámolja az ikerprímeket, összegzi a reciprokaikat és vizualizálja a kapott részeredményt.

```
Copyright (C) 2019 Dr. Norbert Bátfai, nbatfai@gmail.com
#
#
    This program is free software: you can redistribute it and/or modify
    it under the terms of the GNU General Public License as published by
#
    the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or
#
    (at your option) any later version.
#
#
#
    This program is distributed in the hope that it will be useful,
    but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of
#
#
    MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the
#
    GNU General Public License for more details.
#
    You should have received a copy of the GNU General Public License
    along with this program. If not, see <a href="http://www.gnu.org/licenses/">http://www.gnu.org/licenses/</a>
library(matlab)
stp <- function(x){</pre>
    primes = primes(x)
    diff = primes[2:length(primes)]-primes[1:length(primes)-1]
    idx = which(diff==2)
    t1primes = primes[idx]
    t2primes = primes[idx]+2
    rt1plust2 = 1/t1primes+1/t2primes
    return(sum(rt1plust2))
```

```
x=seq(13, 1000000, by=10000)
y=sapply(x, FUN = stp)
plot(x,y,type="b")
```

Soronként értelemezzük ezt a programot:

```
primes = primes(13)
```

Kiszámolja a megadott számig a prímeket.

[1] 1 2 2 4 2

```
> primes=primes(13)
> primes
[1] 2 3 5 7 11 13

diff = primes[2:length(primes)]-primes[1:length(primes)-1]
> diff = primes[2:length(primes)]-primes[1:length(primes)-1]
> diff
```

Az egymást követő prímek különbségét képzi, tehát 3-2, 5-3, 7-5, 11-7, 13-11.

```
idx = which(diff==2)
> idx = which(diff==2)
> idx
[1] 2 3 5
```

Megnézi a diff-ben, hogy melyiknél lett kettő az eredmény, mert azok az ikerprím párok, ahol ez igaz. Ez a diff-ben lévő 3-2, 5-3, 7-5, 11-7, 13-11 külünbségek közül ez a 2., 3. és 5. indexűre teljesül.

```
t1primes = primes[idx]
```

Kivette a primes-ból a párok első tagját.

```
t2primes = primes[idx]+2
```

A párok második tagját az első tagok kettő hozzáadásával képezzük.

```
rt1plust2 = 1/t1primes+1/t2primes
```

Az 1/t1primes a t1primes 3,5,11 értékéből az alábbi reciprokokat képzi:

```
> 1/t1primes
[1] 0.33333333 0.20000000 0.09090909
```

Az 1/t2primes a t2primes 5,7,13 értékéből az alábbi reciprokokat képzi:

```
> 1/t2primes
[1] 0.20000000 0.14285714 0.07692308
```

Az 1/t1primes + 1/t2primes pedig ezeket a törteket rendre összeadja.

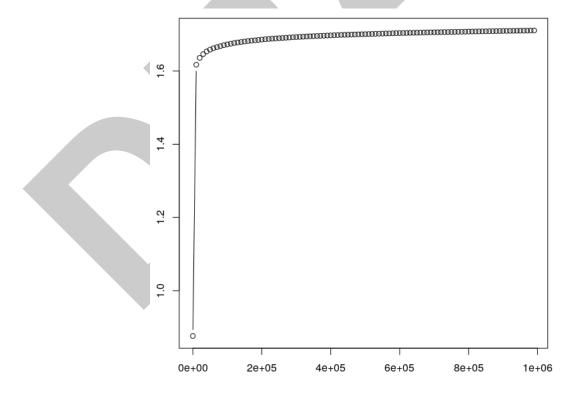
```
> 1/t1primes+1/t2primes
[1] 0.5333333 0.3428571 0.1678322
```

Nincs más dolgunk, mint ezeket a törteket összeadni a sum függvénnyel.

```
sum(rt1plust2)
> sum(rt1plust2)
[1] 1.044023
```

A következő ábra azt mutatja, hogy a szumma értéke, hogyan nő, egy határértékhez tart, a B<sub>2</sub> Brun konstanshoz. Ezt ezzel a csipettel rajzoltuk ki, ahol először a fenti számítást 13-ig végezzük, majd 10013, majd 20013-ig, egészen 990013-ig, azaz közel 1 millióig. Vegyük észre, hogy az ábra első köre, a 13 értékhez tartozó 1.044023.

```
x=seq(13, 1000000, by=10000)
y=sapply(x, FUN = stp)
plot(x,y,type="b")
```



2.16. ábra. A B<sub>2</sub> konstans közelítése

Az nbatfai program C++-ban bitset-tel. (Bitset miatt compile time tudnunk kell N-et.)

```
#include <iostream>
  #include <bitset>
  #include <math.h>
                       // sqrt
  const int N = 100; // The catch is we have to know N compile time
5
6
  int main()
7
  {
8
     auto bs = std::move(std::bitset<N+1>{}.set());
    bs.set(0,false);
10
    bs.set(1, false);
11
     int m = sqrt(N);
12
       for (int p=2; p<=m; p++)</pre>
13
           if (bs.test(p))
14
                for (int i=p*2; i<=N; i += p)</pre>
15
                  bs.set(i,false);
16
     double b2approx = 0.0;
17
     for(int i = 2; i <bs.size();i++)</pre>
18
       if (bs.test(i) && bs.test(i-2))
19
         b2approx+=1.0/(i-2)+1.0/i;
     std::cout << "B2 approximation for "<< N<<" is "<< b2approx << std::endl;
21
     return 0;
22
23
  /* N
                B2approx
24
   * 10
                0.87619
25
   * 100
               1.33099
26
   * 1000
               1.51803
27
   * 10000
               1.61689
28
   * 100000
               1.6728
29
   * 1000000 1.71078
30
    * 10000000 1.73836
31
   */
32
  /*
33
   * Didn't use accu, functional or lambdas
34
   * But you could do it based on nbatfais R code...
35
    * std::accumulate(t1.begin(), t1.end(), 0.0, [](const double &a, const \leftrightarrow
36
       double &b) {return a+(1.0/b)+(1/(b+2.0));});
```



2.17. ábra. Az c++  $B_2$  konstans közelítés eredményei



### Werkfilm

- https://youtu.be/VkMFrgBhN1g
- https://youtu.be/aF4YK6mBwf4

# 3. fejezet

# Helló, Chomsky!

## 3.1. Decimálisból unárisba átváltó Turing gép

Állapotátmenet gráfjával megadva írd meg ezt a gépet!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

## 3.2. Az a<sup>n</sup>b<sup>n</sup>c<sup>n</sup> nyelv nem környezetfüggetlen

Mutass be legalább két környezetfüggő generatív grammatikát, amely ezt a nyelvet generálja!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

## 3.3. Hivatkozási nyelv

A [KERNIGHANRITCHIE] könyv C referencia-kézikönyv/Utasítások melléklete alapján definiáld BNF-ben a C utasítás fogalmát! Majd mutass be olyan kódcsipeteket, amelyek adott szabvánnyal nem fordulnak (például C89), mással (például C99) igen.

#### 3.3.1. BNF

statement-ek BNF formában

```
1
2
3 <statement> ::= <labeled-statement>
```

```
<expression-statement>
                   <compound-statement>
                  | <selection-statement>
                  | <iteration-statement>
                  | <jump-statement>
8
  <labeled-statement> ::= <identifier> : <statement>
10
                          | case <constant-expression> : <statement>
11
                          | default : <statement>
12
13
  <expression-statement> ::= {<expression>}? ;
14
15
  <compound-statement> ::= { <declaration>}* {<statement>}* }
16
17
  <selection-statement> ::= if ( <expression> ) <statement>
18
                            | if ( <expression> ) <statement> else <statement>
19
                            | switch ( <expression> ) <statement>
20
21
  <iteration-statement> ::= while ( <expression> ) <statement>
22
                            | do <statement> while ( <expression> ) ;
23
                            | for ( {<expression>}? ; {<expression>}? ; {< \hookleftarrow
24
                               expression>}? ) <statement>
25
  <jump-statement> ::= goto <identifier> ;
26
                       | continue ;
27
                       | break ;
28
                       | return {<expression>}?;
29
```

#### 3.3.2. inline functions

Inline régebben nem volt.

```
#include <stdio.h>

extern inline int getval(void);

int main()

{
   int a = getval();
   printf("%i",a);
   return 0;
}

inline int getval(void) {return 1;}
```

### 3.3.3. új típusok

Például long long int. Érdemes -Wall -Wpedantic-al compile-olni, hogy dobja a hibát.

```
#include <stdio.h>

int main()

{

long long int a = 1;

printf("%I64d",a);

return 0;

}
```

### Complex például nem volt része a szabványnak

```
#include <complex.h>
#include <tgmath.h>
#include <stdio.h>
int main(void)

{
    double complex z1 = I * I;
    printf("I * I = %.1f%+.1fi\n", creal(z1), cimag(z1));
    return 0;
}
```

#### 3.3.4. struct initialization

Például designated initialization

```
#include <stdio.h>

struct my_t{
    int x;
    int y;

int main()

struct my_t foo = {.x=1, .y=2};
    printf("%i", foo.x);
    return 0;
}
```

### 3.3.5. mixing decl and code

Deklaráció lehet akár kód után is

```
#include <stdio.h>

int main() {
  int b;
```

```
b = 2;
int a = 1;
printf("%i %i",a, b);
return 0;
}
```

### 3.3.6. implicit fn

Régebben, ha például include math lemaradt, attól még compile működött, mert implicit egy int sin() deklaráció generált. Mivel ez többnyire nem egyezik a valódásgossal, ezért ez általában hibához vezet.

```
#include <stdio.h>
int main(int argc, char **argv)

double d = sin(1.0);
printf("%f", d);
return 0;

}
```

## 3.4. Saját lexikális elemző

Írj olyan programot, ami számolja a bemenetén megjelenő valós számokat! Nem elfogadható olyan megoldás, amely maga olvassa betűnként a bemenetet, a feladat lényege, hogy lexert használjunk, azaz óriások vállán álljunk és ne kispályázzunk!

Első és legfontosabb, hogy math. h atoi atof miatt explicit beraktam. (Persze jogos kérdés, hogy miért kell egyszerre öv és hózentróger a nadrághoz...)

Első és legfontosabb, hogy math. h atoi atof miatt explicit beraktam. (Persze jogos kérdés, hogy miért kell egyszerre öv és hózentróger a nadrághoz...) A Tanár Úr verziója csak valós számokat parse-ol. Az enyémben int és float parse megy külön counterrel. Ahhoz hogy ezt elérjük definiáltuk a DIGIT-et, és ha 1 vagy több digit van egymás mellett és a végén terminál a karaterlánc, vagy whitespace van, akkor int, ha pedig pont van (és utána 0 vagy több DIGIT) akkor pedig float.

A másik dolog, hogy Tanár Úr verziója nem lép ki. Nos, a mi esetünkben a brexit karakterlánc hatására a program leáll.

Lehetne hosszabban taglalni a feladatot (pl. 1.1e3 parse?), de direkt rövidre vettük.

```
% option noyywrap
% {
shinclude <stdio.h>
#include <math.h>
int intnumbers = 0;
int floatnumbers = 0;
% }
DIGIT [0-9]
% %
```

```
{++intnumbers; printf("[int=%s %i]", yytext, atoi(yytext));}
   {DIGIT}+"."{DIGIT}* {++floatnumbers; printf("[float=%s %f]", yytext, atof( \leftarrow
      yytext));}
   "brexit"
                  { printf("Boris Johnson was called! Exiting EU!\n"); exit(0); \leftrightarrow
       }
  응응
13
  int
14
  main ()
15
16
   yylex ();
17
   printf("The number of ints is %d\n", intnumbers);
18
   printf("The number of floats is %d\n", floatnumbers);
19
   return 0;
20
21
```

A lényeg annyi a flex az alap lex fájl alapján generál egy C forrásfájlt amit aztán le kell fordítani gcc-vel. Annyi hogy gcc compile esetén mellé kell linkelni valamely library-t dependencia miatt. (A bepasszolt -ll vagy -lml stb. flag). Ahhoz hogy ez menjen olykor a -lml stb. flag ELŐTT -L"Mypath"-al meg kell adni a lib-et tartalmazó dir abszolút elérését.

A kigenerált forrásba nézzünk bele mert érdekes. Láthatóan label-eket használ és goto-t. De mit is ugrál ez a kis szörnyeteg? Nos, a Tanár Úr által említett Turing-os dologról van szó! Emlékezzünk a bevprog-os Bjarne Stroustrup-os példára. Ott például emlékezhetünk, hogy nem lehetett simán azt mondani, hogy 1 vagy több digit az int lesz, hiszen ha a következő char . akkor float-ot parse-olunk. Nos ez startégia van lekódolva label-ekkel. Ha state machine-ként képzeljük el, akkor gyakorlatilag ezek a label-ek a állapotok.

# 3.5. Leetspeak

Lexelj össze egy 133t ciphert!

Annyi történik, hogy a lexernél nem bonyolítottuk túl a szabályokat. Egy szabály van ami bármely char esetén érvényes.

Alábbi sor annyit jelent, hogy l337d1c7 egy array melynek elemei user defined cipher struct típusúak. Az hogy hány elemű l337d1c7 azt úgy tudjuk meg, hogy l337d1c7 méretét (memóriabeli foglalási méretét) elosztjuk cipher foglalási méretével. Eredményü azt kapjuk hány cipher van az arrayben. Magyarul ez csak egy handy dolog, hogy ne manuálisan kelljen megadni.(it would be prone to errors)

```
#define L337SIZE (sizeof 1337d1c7 / sizeof (struct cipher))
```

A lényege az egésznek, hogy stdin-re gyűlik az input. Mihelyst EOF van "aktivizálódunk", és minden karaktert egyenként beolvasunk (magyarul nincs sok értelme a lexernek, hisz nincs igazi szabály)

1337d1c7-t legegyszerűbb egy szótárként felfogni: Minden charhoz megadja a leet beli karakterlánc megfelelőit

Minden char-nál csinálunk egy lineáris keresést (nem a char-ral, hanem a lowercase verziójával), azaz addig megyünk 1337d1c7 amíg meg nem találjuk azt a ciphert amelynek az adott charról szól. Mivel nem biztos

hogy lesz ilyen a végén found-dal van egy guard ami annyit jelent, ha nem találtunk a szótárban, akkor írjuk vissza stdout-ra az eredeti chart.

Ha viszont benne volt a szótárban, akkor generálunk egy random számot(main-ben már megseedetuk sys time-al és linuxon a saját pid-nkkal)

Ha a random szám

kisebb mint 91 akkor a szótárból az első karakterláncot írjuk ki stdout-ra kisebb mint 95 akkor a szótárból a második karakterláncot írjuk ki stdout-ra kisebb mint 98 akkor a szótárból a harmadik karakterláncot írjuk ki stdout-ra egyébként a szótárból a negyedik karakterláncot írjuk ki stdout-ra

```
abba was a paganic band carrying the bloodline of vicious viking warriors
4bb4 w4s 4 p4g4n1c b4nd c4rry1n[ th3 bl00dl1n3 0f v1c1()us v¦k1ng \/\/4rr10rs
```

#### 3.1. ábra. leetspeak

#### Alább a source kód

```
Copyright (C) 2019
  Norbert BA;tfai, batfai.norbert@inf.unideb.hu
3
    This program is free software: you can redistribute it and/or modify
5
    it under the terms of the GNU General Public License as published by
    the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or
     (at your option) any later version.
    This program is distributed in the hope that it will be useful,
10
    but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of
11
    MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the
12
    GNU General Public License for more details.
13
14
    You should have received a copy of the GNU General Public License
15
    along with this program. If not, see <a href="https://www.gnu.org/licenses/">https://www.gnu.org/licenses/</a>.
16
17
  %option noyywrap
18
19
    #include <stdio.h>
20
    #include <stdlib.h>
21
    #include <time.h>
22
     #include <ctype.h>
23
    #define L337SIZE (sizeof 1337d1c7 / sizeof (struct cipher))
25
26
    struct cipher {
27
      char c;
28
       char *leet[4];
```

```
} 1337d1c7 [] = {
30
31
    {'a', {"4", "4", "@", "/-\\"}},
32
     {'b', {"b", "8", "|3", "|}"}},
33
    {'c', {"c", "(", "<", "{"}}},
34
    {'d', {"d", "|)", "|]", "|}"}},
35
    {'e', {"3", "3", "3", "3"}},
36
     {'f', {"f", "|=", "ph", "|#"}},
37
     {'g', {"g", "6", "[", "[+"}},
38
     {'h', {"h", "4", "|-|", "[-]"}},
39
     {'i', {"1", "1", "|", "!"}},
40
    {'j', {"j", "7", "_|", "_/"}},
41
     {'k', {"k", "|<", "1<", "|{"}},
42
    {'1', {"1", "1", "|", "|_"}},
43
     {'m', {"m", "44", "(V)", "|\\/|"}},
44
    {'n', {"n", "|\\|", "/\\/", "/V"}},
45
     {'o', {"0", "0", "()", "[]"}},
46
    {'p', {"p", "/o", "|D", "|o"}},
47
    {'q', {"q", "9", "0_", "(,)"}},
48
    {'r', {"r", "12", "12", "|2"}},
49
    {'s', {"s", "5", "$", "$"}},
50
    {'t', {"t", "7", "7", "'|'"}},
51
    {'u', {"u", "|_|", "(_)", "[_]"}},
52
     {'v', {"v", "\\/", "\\/", "\\/"}},
53
    {'w', {"w", "VV", "\\/\/", "(/\\)"}},
54
    {'x', {"x", "%", ")(", ")("}},
    {'y', {"y", "", "", ""}},
56
    {'z', {"z", "2", "7_", ">_"}},
57
58
    {'0', {"D", "0", "D", "0"}},
59
    {'1', {"I", "I", "L", "L"}},
60
     {'2', {"Z",
                 "Z", "Z",
                            "e"}},
61
     {'3', {"E", "E", "E", "E"}},
62
     {'4', {"h", "h", "A", "A"}},
63
     {'5', {"S", "S", "S", "S"}},
64
    {'6', {"b", "b", "G", "G"}},
65
    {'7', {"T", "T", "j", "j"}},
66
    {'8', {"X", "X", "X", "X"}},
    {'9', {"g", "g", "j", "j"}}
68
69
  // https://simple.wikipedia.org/wiki/Leet
70
    };
71
72
  응 }
73
  응응
74
  . {
75
76
       int found = 0;
77
       for(int i=0; i<L337SIZE; ++i)</pre>
78
```

```
80
          if(l337d1c7[i].c == tolower(*yytext))
81
           {
83
             int r = 1 + (int) (100.0 * rand() / (RAND_MAX+1.0));
84
85
             if(r<91)
86
               printf("%s", 1337d1c7[i].leet[0]);
87
             else if (r < 95)
               printf("%s", 1337d1c7[i].leet[1]);
89
             else if (r < 98)
90
               printf("%s", 1337d1c7[i].leet[2]);
91
92
             else
               printf("%s", 1337d1c7[i].leet[3]);
93
             found = 1;
95
             break;
96
97
98
        }
100
        if(!found)
101
           printf("%c", *yytext);
102
103
104
   응응
105
106
   int
   main()
107
108
     srand(time(NULL));
109
     yylex();
110
     return 0;
111
112
```

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

### 3.6. A források olvasása

Hogyan olvasod, hogyan értelmezed természetes nyelven az alábbi kódcsipeteket? Például

```
if(signal(SIGINT, jelkezelo) == SIG_IGN)
    signal(SIGINT, SIG_IGN);
```

Nem kell túlbonyolítani... signal function-nek két argja van: signum, és handler.

Minden signal csak egy szám, hogy "hanyas csatornán jön az üzenet". Ha jön egy jel mondjuk a 15-ös csatornán, akkor az fogja kezelni, aki a 15-ösre be lett állítva.

Mikor signal-hoz új handlert rendelünk akkor return-ben visszakapjuk az eddigi handler fn ptr-ét.

Annyit még tisztázzunk hogy SIG\_IGN egy makró ami egy default handler címévé expandál. Annyi a trükk hogy ennek a címe SOHA nem egyezik meg egy normális funkció címével se. Azaz ez az address unique.

Hogy tiszta legyen a kép, alább egy példa program a signal működéséről.

```
#include <stdio.h>
  #include <stdlib.h>
  #include <signal.h>
  typedef void (*t_handler_fn)(int);
5
6
  void do_nothing(int signum) {
       printf("Ez lesz az elso sor! %i\n", signum);
8
10
  void do_exit(int signum)
11
  {
12
    printf("Ez lesz a harmadik sor! %i\n", signum);
13
    exit(0);
14
15
16
  int main(void)
17
  {
18
       t handler fn last;
19
       last = signal(SIGTERM, do_nothing);
20
       raise(SIGTERM);
21
       printf("Ez lesz a masodik sor!\n");
22
       last = signal(SIGTERM, do_exit);
23
       raise (SIGTERM);
24
       printf("De ide nem jut el\n");
25
       return 0;
26
27
```



### **Bugok**

Vigyázz, sok csipet kerülendő, mert bugokat visz a kódba! Melyek ezek és miért? Ha nem megy ránézésre, elkapja valamelyiket esetleg a splint vagy a frama?

```
i.
  if(signal(SIGINT, SIG_IGN)!=SIG_IGN)
    signal(SIGINT, jelkezelo);
```

Átállítom ignoredra. Ha eddig is ignored volt minden ok, de ha eddig nem ignored volt, akkor átrakom jelkezelőre.

```
ii. for(i=0; i<5; ++i)
```

Valid, prefix de mivel az expression return value semmire se kell, ezért lehetne postfix is

```
iii. for(i=0; i<5; i++)
```

Valid, postfix

```
iv.
for(i=0; i<5; tomb[i] = i++)</pre>
```

belép loop-ba, felveszi a nullát i, szóval tomb[0]=0

következő menetben a postfix miatt, először lemásolja a jelenlegi értéket, inkrementálja i-t, majd a másolt érték lesz a kiértékelés vége.

Magyarul tomb[1]=0

```
V. for(i=0; i<n && (*d++ = *s++); ++i)
```

Maybe unintended assignment versus equality comparison. (nagyon rossz debuggolni az ilyet, volt vele szerencsém)

```
Vi. printf("%d %d", f(a, ++a), f(++a, a));
```

#### EZ IGAZI BUG!

A kiértékelési sorrend nem függ sztenderdtől, szóval bármit kaphatunk (implementáció dönt).

```
vii. printf("%d %d", f(a), a);
```

Ha a egy ptr akkor okozhat meglepetéseket, de egyébként mivel az értékek alapvetően másolódva adódnak át, ezért ok lehet.

```
viii. printf("%d %d", f(&a), a);
```

Ez sem eldönthető ennyi alapján, annyi hozzáfűzve, hogy f láthatóan okozhat mellékhatást, hisz címet kap, de akár ok is lehet.

### 3.7. Deklaráció

Vezesd be egy programba (forduljon le) a következőket:

- egész
- egészre mutató mutató
- egész referenciája
- egészek tömbje
- egészek tömbjének referenciája (nem az első elemé)
- egészre mutató mutatók tömbje
- egészre mutató mutatót visszaadó függvény
- egészre mutató mutatót visszaadó függvényre mutató mutató

- egészet visszaadó és két egészet kapó függvényre mutató mutatót visszaadó, egészet kapó függvény
- függvénymutató egy egészet visszaadó és két egészet kapó függvényre mutató mutatót visszaadó, egészet kapó függvényre

Alább mellékeltem egy példát, próbáltam értelmessé tenni, szóval nem csak compile-ol, hanem eredményeket is ad...

```
#include <stdio.h>
  int val = 8;
  int val2 = 16;
  // egeszre mutato mutatot visszaado fuggveny
  int* get_val_ptr();
5
  int* get_int_ptr(int,int);
7
  int* (*get_fn_ptr(int))(int, int);
9
10
  int add(int a, int b);
11
12
  int (*get_addfn_ptr(int a))(int, int);
13
  int main()
15
  {
16
    // egesz
17
    int a = 1;
18
    printf("%i\n",a);
19
    // egeszre mutato mutato
20
    int *ptr_a = &a;
21
    printf("%i\n",*ptr_a);
22
    // egesz referenciaja
23
    int& ref_a = a;
24
    printf("%i\n", ref_a);
25
    // egeszek tombje
26
    int arr1[2] = \{2, 4\};
27
    printf("%i %i\n", arr1[0], arr1[1]);
28
    // egeszek tombjenek referenciaja
29
    int (&ref_arr1)[2] = arr1;
30
    printf("%i\n", ref_arr1[0]);
31
    // egeszre mutato mutatok tombje
32
    int* arr2[2];
33
    arr2[0] = &a;
34
    arr2[1] = &arr1[1];
35
    printf("%i %i\n",*arr2[0],*arr2[1]);
36
    // egeszre mutato mutatot visszaado fuggvenyt mutato mutato
37
    int* (*fun0) (void) = get_val_ptr;
38
    printf("%i\n",*fun0());
39
    // egeszet visszaado es ket egeszet kapo fuggvenyre mutato mutatot
40
        visszaado, egeszet kapo fuggveny
    printf("%i\n", * (get_fn_ptr(1)(2,4)));
```

```
// fuggvenymutato egy egeszet visszaado es ket egeszet kapo fuggvenyre ←
42
        mutato mutatot visszaado, egeszet kapo fuggvenyre
    printf("%i\n",get_addfn_ptr(1)(16,16));
    return 0;
45
46
  int* get_val_ptr() {return &val;}
47
48
  int* get_val2_ptr(int a, int b) {return &val2;}
50
  int* (*get_fn_ptr(int a))(int, int){ return get_val2_ptr;};
51
52
  int (*get_addfn_ptr(int a))(int, int){ return add;};
53
  int add(int a, int b){return a+b;}
```

Mit vezetnek be a programba a következő nevek?

int a;

int típusú a nevű változó adott scope-ban.

```
int *b = &a;
```

ptr típusú b nevű változó, mely int típusra mutat. értéke legyen az a változó címe.

```
int &r = a;
```

referencia r néven int típusra. referencia mutasson a változóra.

```
int c[5];
```

tömb típusú c nevű 5 elemű int típust taralmazó, inicializálatlan (azaz ram szeméttől függnek értékei)

```
int (\&tr)[5] = c;
```

referencia tr néven tömbre int elemekkel 5-ös mérettel

```
int *d[5];
```

d néven tömb(bár igazából minden tömb ptr) 5 elemű elemei int ptr-ek.

```
int *h ();
```

h néven int ptr return type-ú void arg-ú függvény.

```
int *(*1) ();
```

l néven fn ptr. A mutatott függvény int ptr return type-ú és void arg-ú

```
int (*v (int c)) (int a, int b)
```

v néven function. v egy intet fogad és egy fn ptr-et ad vissza. A visszaadott fn ptr int-et ad vissza és két argja van int, int.

```
int (*(*z) (int)) (int, int);
```

z néven egy fn ptr. Fn ptr egy int-et kaphat, és fn ptr-t ad vissza. A visszaadott fn ptr két intet fogad és int-et ad vissza.

A typedef használata következik most. DIREKT TÉRTEM EL Tanár ÚR példájától. Okom erre az volt, hogy az alábbi pattern-t nagyon gyakran használják C API-k esetén.

A lényeg az, hogy van valami adatstruktúra, vagy adat, vagy akármi amit zárni akarnak api használó elől, viszont indirekt hozzáférés kell hozzá.

Alábbi példában annyi történik, hogy (ismerős lehet Java, Cpp lambdákból) egy funkciót, és egy user defined void ptr-t adunk be, és a library ezt fogja hívogatni.

Annyival megspékeltük a dolgot, hogyha a visit function nem 0-t ad vissza akkor a lib megáll és nem iterál tovább.

Long story short, ez a program az 5 indexű elemig eliterál, de azt már nem írja ki és befejezi a visit-et.

```
#include <stdio.h>
  typedef int ErrCode;
  typedef void* FooUserData;
5
  typedef ErrCode (*FooVisitFunction) (int, FooUserData);
7
  struct CustomData{int a;};
10
  int arr[] = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\};
11
12
  int visit(int data, FooUserData ud)
13
14
     CustomData* custom = (CustomData*) ud;
15
     if (data>custom->a) {return 1;}
16
     printf("Visiting %i\n", data);
17
     return 0;
18
19
20
  int do_visit(FooVisitFunction fn, FooUserData ud)
21
22
  {
     int status = 0;
23
     for (int i = 0; i < 6; i++) {
24
       status = fn(arr[i], ud);
25
       if(status !=0) { break; }
```

```
return status;
}

return status;

int main() {
    CustomData cd = {.a=4};
    do_visit(visit,(void*)&cd);
    return 0;
}
```



# 4. fejezet

# Helló, Caesar!

# 4.1. double \*\* háromszögmátrix

Írj egy olyan malloc és free párost használó C programot, amely helyet foglal egy alsó háromszög mátrixnak a szabad tárban!

Mi az az alsó háromszög mx? Nos, vegyünk egy nxn-es mátrixot. A főátló és az alatti elemek az alsó háromszög mx.

```
X O O O O O X X X O O O X X X X X X O O X X X X X X
```

Gyakorlati haszna az, hogy ha pl. szimmetrikus a mátrixunk, akkor elég az alsó háromszög mx-ot tárolni.

Nézzük a kódot, de előtte tisztázzuk malloc-ot és free-t!

malloc egy értéket vár, hogy hány bájt memória területet(konzisztens, tehát egybefüggően szabad) adjon. Amit vissza ad, az egy ptr a mem a blokk kezdőcímére.

free egy ptr-t vár. Adott ptr-t kezdeti címnek veszi és ezen címtől kezdve annyit szabadít fel, amennyit a ptr által mutatott típus foglal.

Alább egy malloc call:

```
if ((tm = (double **) malloc (nr * sizeof (double *))) == NULL) {
  return -1;
}
```

Azaz kérünk memória nr darab double ptr-nek. Ha malloc nem tud adni, akkor null ptr jön vissza, ezáltal igaz lesz a kondíció és kilépünk -1-el.

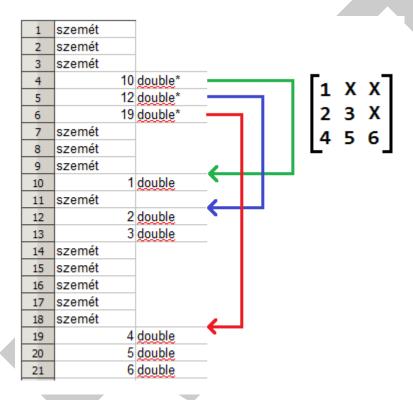
Persze, ez csak a madártávlati nézet, hiszen technikailag, tm-be assignoljuk a malloc által adott értéket és utána checkeljük, hogy tm==NULL -e.

A lényeg hogyha ezen túl vagyunk, akkor van egy tömbünk a memóriában pointerekkel (melyek double-re mutatnak). Ezek a pointerek jelenleg mem szemetet tárolnak, úgyhogy kezdjük el őket valódi címekkel feltölteni.

Mivel nr darab-szor kell elvégezni ugyanazt a műveletet majd, ezért logikusan jön egy for, de nekünk a for teste a lényeg.

```
if ((tm[i] = (double *) malloc ((i + 1) * sizeof (double))) == NULL)
{
    return -1;
}
```

Mivel előbb a malloc-ot tisztáztuk, most inkább a méretbe és az elméletbe akarok belemenni. Mármint miért ez a (i+1) szorzó?



4.1. ábra. mem mx

Fenti ábrán látható, hogy minden pointer "eggyel hosszab" blokkra mutat mint a másik, az egész pedig egyről indul (hisz az első a főatlóbeli elemet tartalmazza csak)

Most ne menjünk bele az alignment-be, meghogy valójában hogyan is tárolódik, inkább örüljünk az ábrának!

Azaz kérünk blokkokat, megkapjuk a címeket, és ezeket tm[i]-be assignoljuk...

Sajnos a double-ök még mindig memória szemetet tartalmaznak, ezért felülírjuk őket 0, 1, 2...stb. vel

```
for (int i = 0; i < nr; ++i)
    for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
        tm[i][j] = i * (i + 1) / 2 + j;

Szamoljuk t[i][j] értékét i=2 j=2 esetben
tm[i][j] = i * (i + 1) / 2 + j;</pre>
```

```
tm[2][2] = 2 * (2 + 1) / 2 + 2;
tm[2][2] = 2 * 3 / 2 + 2;
tm[2][2] = 3 + 2;
tm[2][2] = 5;
  j 0  1  2
i
0   0
1  1  2
2  3  4  5
```

### Ezekután stdoutra kiprinteljük a mx elemeit soronként

### Ezekután jön egy kis trükközés

```
tm[3][0] = 42.0;
egyértelmű
(*(tm + 3))[1] = 43.0;
(tm + 3) = tm + 3*sizeof(double*)
(tm+3) at derefeljük *-gal
azaz megmondjuk, hogy amit ott talál azt egy double ptr-ként
   értelmezze (hisz ugye alapból double** volt tm...)
utána pedig this[1]=*(this+1*sizeof(double))
Azaz a mátrixba assignolunk tm[3][1]=43
*(tm[3] + 2) = 44.0;
tm[3] = *(tm+3*sizeof(double*))
*(tm[3] + 2) pedig simán annyit hogy tm[3] + 2= tm[3] + 2*sizeof( \leftrightarrow
  double)
deref miatt doubleként dolgozzuk fel a cym által mutatott helytől \,\leftarrow\,
  kezdve a memóriát (és ugye annyit amennyi a sizeof(double))
Azaz a mátrixba assignolunk tm[3][2]=44
*(*(tm + 3) + 3) = 45.0;
(tm + 3) = tm + 3*sizeof(double*)
derefeljük úgyhogy double* kapunk.
hozzáadunk 3-at azaz *(tm + 3) + 3 = *(tm + 3) + 3*sizeof(double)
Azaz a mátrixba assignolunk tm[3][3]=45
```

#### Tanár Úr még kérdésként feltette mi van ha

```
\star (tm + 3) [1] = 43.0;
```

Szóval baj . Indirection ugye RL asszociatív és 2-es precedence, míg [] LR asszociatív és 1-es precedence. Hogy jól eltudjam magyarázni csináltam egy labortenyésztett frankenstein példát:

```
*(tm + 3)[1] = 43.0;

*((tm + 3)[1])

*(*((tm + 3)+(1)))
```

```
*(*((tm + 4)))
**(tm + 4)

tm[4][0] Azaz a tm[4][0] értéket fogjuk átírni

0.000000,
1.000000, 2.000000,
3.000000, 4.000000, 5.000000,
42.000000, 7.000000, 44.000000, 45.000000,
43.000000, 11.000000, 12.000000, 13.000000, 14.000000,
```

### Újra kinyomtatjuk a mátrixot.

Most jön a lényeges rész: mi legyen a memóriával ha már nem kell?

1	szemét		1	szemét			1	szemét		1	szemét
2	szemét		2	szemét			2	szemét		2	szemét
3	szemét		3	szemét			3	szemét		3	szemét
4	10	double*	4		10	double*	4	10	double*	4	
5	12	double*	5		12	double*	5	12	double*	5	
6	19	double*	6		19	double*	6	19	double*	6	
7	szemét		7	szemét			7	szemét		7	szemét
8	szemét		8	szemét			8	szemét		8	szemét
9	szemét		9	szemét			9	szemét		9	szemét
10		double	10				10			10	
11	szemét		11	szemét			11	szemét		11	szemét
12	2	double	12				12			12	
13	3	double	13				13			13	
14	szemét		14	szemét			14	szemét		14	szemét
15	szemét		15	szemét			15	szemét		15	szemét
16	szemét		16	szemét			16	szemét		16	szemét
17	szemét		17	szemét			17	szemét		17	szemét
18	szemét		18	szemét			18	szemét		18	szemét
19	4	double	19		4	double	19		,	19	
20	5	double	20		5	double	20			20	
21	6	double	21		6	double	21			21	
				-				_			

4.2. ábra. mem free

Megoldás forrása: bhax/thematic\_tutorials/bhax\_textbook\_IgyNeveldaProgramozod/Caesar/tm.c

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <stdlib.h>
```

```
int
  main ()
5
       int nr = 5;
       double **tm;
8
       printf("%p\n", &tm);
10
11
       if ((tm = (double **) malloc (nr * sizeof (double *))) == NULL)
12
13
            return -1;
14
15
16
       printf("%p\n", tm);
17
18
       for (int i = 0; i < nr; ++i)</pre>
19
20
            if ((tm[i] = (double *) malloc ((i + 1) * sizeof (double))) == NULL \leftrightarrow
21
            {
22
                return -1;
24
25
       }
26
27
       printf("%p\n", tm[0]);
29
       for (int i = 0; i < nr; ++i)</pre>
30
            for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
31
                tm[i][j] = i * (i + 1) / 2 + j;
32
33
       for (int i = 0; i < nr; ++i)
35
            for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
36
                printf ("%f, ", tm[i][j]);
37
            printf ("\n");
38
       }
39
       tm[3][0] = 42.0;
41
       (*(tm + 3))[1] = 43.0;
42
       *(tm[3] + 2) = 44.0;
43
       *(*(tm + 3) + 3) = 45.0;
44
45
       for (int i = 0; i < nr; ++i)
46
47
            for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
48
                printf ("%f, ", tm[i][j]);
49
            printf ("\n");
50
       }
51
52
```

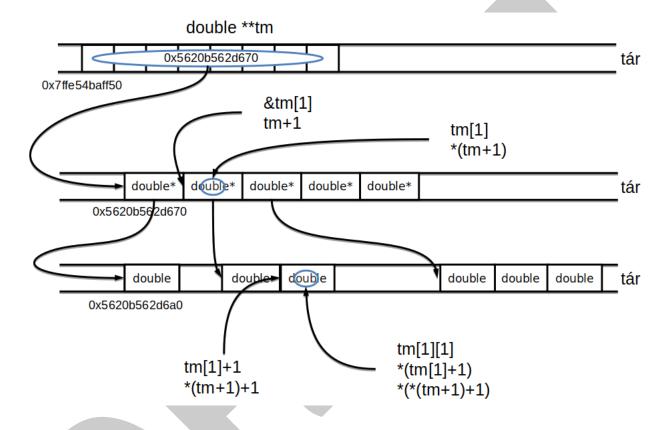
```
for (int i = 0; i < nr; ++i)
free (tm[i]);

free (tm);

return 0;

}</pre>
```

Bennt hagytam Tanár Úr képét mert jobb mint az enyém.



4.3. ábra. A double \*\* háromszögmátrix a memóriában

A lényeg az egészből az, ha más nem is, hogy azért szertjük a cpp-t, mert nem kézzel kell takarítani, hanem vannak smart pointerek. Sajnos azonban shared\_ptr esetén overhead-je van a dolognak. Illetve azt is érdemes fejben tartani, hogy "kivétel kezelés" esetén a memória kezelést nem szabad elfelejteni.

Ha valaki kíváncsi a címekre

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

int
main ()
{
   int nr = 5;
   double **tm;
}
```

```
printf("%p\n", &tm);
10
11
       if ((tm = (double **) malloc (nr * sizeof (double *))) == NULL)
12
13
           return -1;
14
       }
15
16
       printf("%p\n", tm);
17
       for (int i = 0; i < nr; ++i)
19
20
           if ((tm[i] = (double *) malloc ((i + 1) * sizeof (double))) == NULL \leftrightarrow
21
               )
22
            {
                return -1;
23
           }
25
       }
26
27
       printf("%p\n", tm[0]);
28
       for (int i = 0; i < nr; ++i)</pre>
30
           for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
31
                tm[i][j] = i * (i + 1) / 2 + j;
32
33
       for (int i = 0; i < nr; ++i)</pre>
35
           for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
36
                printf ("%f, ", tm[i][j]);
37
           printf ("\n");
38
39
40
       tm[3][0] = 42.0;
41
       //(*(tm + 3))[1] = 43.0;
42
       printf("tm addr %p\n", &tm);
43
       printf("tm[0] addr p\n", &tm[0]);
44
       printf("tm[1] addr p\n", &tm[1]);
45
       long long unsigned int pa = (long long unsigned int) &tm[1];
       long long unsigned int pb = (long long unsigned int) &tm[0];
47
       printf("dist tm[1] tm[0] %lu\n", ( pa - pb ));
48
       printf("tm[4] addr p\n", &tm[4]);
49
       printf("(tm + 3)[1] addr p\n", &((tm + 3)[1]));
50
       double* p = (tm + 3)[1];
51
       printf("p, tm[4][0] %p, %p\n", p, &tm[4][0]);
52
       printf("*(tm + 3)[1], tm[4][0] %lf , %lf <math>n", *(tm + 3)[1], tm[4][0]);
53
       *(tm + 3)[1] = 43.0;
54
       \star (tm[3] + 2) = 44.0;
55
       *(*(tm + 3) + 3) = 45.0;
56
57
       for (int i = 0; i < nr; ++i)</pre>
```

```
59
            for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
60
                printf ("%f, ", tm[i][j]);
61
            printf ("\n");
62
63
64
       for (int i = 0; i < nr; ++i)
65
            free (tm[i]);
66
       free (tm);
68
69
       return 0;
70
71
```

### 4.2. C EXOR titkosító

Írj egy EXOR titkosítót C-ben!

XOR-ral már találkoztunk a swap feladatnál. Ott már tárgyaltuk, hogy a XOR nagyon különleges művelet tulajdonságai miatt: kommutatív, asszociatív, létezik identitás elem, azaz létezik I, hogy bármely A esetén A XOR I = A. Minden bitminta önmagával XOR-ozva Identitást ad, és azt már tisztáztuk hogy A XOR I = A.

Ezek alapján az exor program a következő módon működik: Vesszük a titkosítandó szöveget és egy kulcsot. Képzeljük úgy, hogy a kulcsot többször a titkosítandó alá terítjük, és az egymás alatt álló karakterek össze XOR-ozásával kapjuk a titkosított szöveget.

```
ez egy uzenet
kulcskulcskul
Az első lépés "e" XOR "k"
(e) 01100101
(k) 01101011
00001110
```

Természetesen, ha titkosított szöveget ugyanazzal a kulccsal mégegyszer le xor-ozzuk, akkor az eredeti szöveget kapjuk vissza:

```
00001110
(k) 01101011
(e) 01100101
```

Természetesen, ha titkosított szöveget ugyanazzal a kulccsal mégegyszer le xor-ozzuk, akkor az eredeti szöveget kapjuk vissza:

Most viszont nézzük meg az implementáció specifikus részleteket.

A kódban használunk preprocesszornak szánt utasításokat:

```
#define MAX_KULCS 100
#define BUFFER_MERET 256
```

Ez egyszerűen annyit tesz, hogy a preprocesszor, ha belefut bármikor MAX\_KULCS vagy BUFFER\_ME RET karakterláncokba, akkor ezeket a megadott int literalokra cseréli. Ezek egyébként technikailag azért kellenek, mert tömbökkel fogunk dolgozni és ezek méretét compile time közölni kell a rendszerrel. Azért, hogy ne csak számokat arjunk be, ezért olyan nevekkel láttuk el ezeket a preprocesszoros módszerrel, mely a gépi kódot nem változtatja meg, de nekünk segít a kód olvasásban.

Nézzük, most a bementről olvasást! Mivel karakteres módban meglepetések érhetnek minket, ehelyett binárisan akarjuk olvasni a dolgokat. Tanár Úr megoldásától eltérően én DIREKT NEM stdin és stdout-tal dolgoztam. Ugyanis Mingw esetén csak és kizárólag binary mode-ban lehet a titkosított szöveget normálisan beolvasni. Szóval annyit csináltam, hogy fopennel az első explicit futtatási argumentum alapján próbálok READ és BINARY módban nyitni egy fájlt (ugyanezt kimenthez is). A lényeg, hogy ha sikeres akkor egy a fájlra mutató ptr-et kapok vissza.

```
FILE *fdi = 0;
fdi = fopen(argv[2], "rb");
```

Ezekután kezdődhet a beolvasás. fread-nek először átadunk egy ptr-t(buffer) ami az általa használható memória területre mutat (ide fogja írni a fájlból olvasott értékeket). Ezután az 1 konstans annyit mond, hogy minden egység 1 byte (ez sajnos elég veszélyes, lásd encoding). Ezután írjuk a max egyhuzamban olvasandó elem számot, ez a mi esetünkben a buffer mérete. Végül pedig a ptr az olvasandó fájlra. Vissza adott érték az olvasott bájtok száma. Ha 0 az olvasott bájtok száma, a while ciklus fejbeli conditional hamissá válik, azaz abbahagyjuk a ciklus futtatását.

```
while ((olvasott_bajtok = fread (buffer, 1, BUFFER_MERET, fdi)))
```

Ha sikeres az olvasás, akkor amíg az olvasott bájtok számát el nem érjük karakterenként össze xor-ozzuk a kiindulási szöveg és a kulcs egy karakterének bitjeit.

Mivel a kulcsot wraparoundolni kell, ezért egész osztást alkamazunk. (Azaz, ha pl kulcsméret 8, és kulcsindex+1=8 lenne akkor az új kulcsindex 8%8=1 ezáltal elkerülve az index out of bounds esetet)

```
for (int i = 0; i < olvasott_bajtok; ++i)
{
  buffer[i] = buffer[i] ^ kulcs[kulcs_index];
  kulcs_index = (kulcs_index + 1) % kulcs_meret;
}</pre>
```

Ha ezzel meg vagyunk, akkor a mostmár "titkosított" buffer-t kiírjuk a kimenetre

```
fwrite (buffer, 1, olvasott_bajtok, fdo);
```

```
C:\Users\UBMCGU\ws_school\bhax-derived\thematic_tutorials\bhax_textbook_IgyNevel
daProgramozod\labor>exor.exe "20171014" "secret.txt" "tort.txt"
```

4.4. ábra. exorcmd

A példának a facebook csoportba 2017-ben feladott secret.txt-t használtam.

Bár az RSA jól adja át a nyilvános kulcsú titkosítás tulajdonságait, ← egy dolgot még nem tárgyaltunk, mely a titkosítás egyik ← alapkövetelménye, miszerint hogyan tehetjük biztossá, hogy ← tényleg a feladótól kaptuk az üzenetet, és nem valaki más küldött ← az ő nevében? Az alábbiakban ezt tárgyaljuk.

Tegyük fel, hogy Alíz (A) Bob (B) nyilvános kulcsát használja, hogy ← egy titkosított üzenetet küldjön neki. Az üzenetében ← bizonygathatja, hogy ő valóban A, de B-nek mégsem lesz semmi ← konkrét bizonyítéka, hogy ténylegesen A írt neki, hiszen a ← nyilvános kulcsát mindenki használhatja arra hogy titkos üzenetet ← írjon neki. Ilyen bizonytalanságok elkerülése végett is ← használható az RSA, hogy RSA szintű biztonsággal tanúsíthassuk ← szerzői kilétünket. Ezzel a lépéssel pedig az RSA valódi ← nyilvános kulcsú titkosító eljárássá növi ki magát.

Tehát A szeretne küldeni egy üzenetet B-nek. Kivág az üzenetéből egy 
kis töredéket - ebből lesz a megjelölt üzenet - veszi ennek 
mondjuk az ASCII értékét, ezt az értéket felemeli a d-edik 
hatványára, majd veszi a kapott számot modulo N (pont így 
csinálná, amikor dekódolna egy üzenetet), s a kapott végeredményt 
aláírásként hozzácsatolja az egyszerű módon titkosított 
üzenethez. (Mint látjuk ez is ugyanolyan hatásos mint ha az egész 
üzenetével az előbb vázolt műveleteket hajtotta volna végre 
csupán így sokkal gyorsabbá vált, hogy csak egy kis töredék 
értékre mutatta meg, hogy tényleg A az üzenet szerzője).

Hogyan dekódolja az aláírást B?

Mikor megkapja a megjelölt üzenetet, az aláírást felemeli A ↔ nyilvános e kitevőjére, s veszi modulo N az értéket (pont, mint ↔ amikor A-nak kódolna egy üzenetet), mivel a két művelet egymás ↔ inverzei, ezért összehasonlítja az eredményként kapott kivágott ↔ üzenetet az üzenetben szereplő egyszerű módon kódolt ↔ szövegrészlettel, s ha a kettő megegyezik, B biztosan tudhatja, ↔ hogy az üzenet szerzője A titkos kulcsának birtokában volt.

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include <fcntl.h>
#include <io.h>
#include <unistd.h>
#include <string.h>

#define MAX_KULCS 100
#define BUFFER_MERET 256
```

```
10
  void usage() {
11
     printf("exor [KEY] [INF] [OUTF]");
13
14
  int
15
  main (int argc, char **argv)
16
17
     int status = 0;
18
     char kulcs[MAX_KULCS];
19
     char buffer[BUFFER_MERET];
20
     int kulcs_index = 0;
21
    int olvasott_bajtok = 0;
22
     FILE *fdi = 0;
23
    FILE *fdo = 0;
24
     int kulcs_meret = 0;
25
26
    if (argc != 4) {
27
       printf("Bad args \n");
28
       usage();
29
       return 1;
30
     }
31
32
     kulcs_meret = strlen (argv[1]);
33
     if (kulcs_meret < 1) {</pre>
34
       printf("Key was empty \n");
35
      usage();
36
      return 1;
37
38
     strncpy (kulcs, argv[1], MAX_KULCS);
39
     fdi = fopen(argv[2], "rb");
41
     if (fdi == 0) {
42
       printf("Failed to open in file \n");
43
       usage();
44
       return 1;
45
     }
46
47
     fdo = fopen(argv[3], "wb");
48
     if (fdo == 0) {
49
       printf("Failed to open out file \n");
50
      usage();
51
       return 1;
52
     }
53
54
     while ((olvasott_bajtok = fread (buffer, 1, BUFFER_MERET, fdi)))
55
56
       for (int i = 0; i < olvasott_bajtok; ++i)</pre>
57
58
         buffer[i] = buffer[i] ^ kulcs[kulcs_index];
```

```
kulcs_index = (kulcs_index + 1) % kulcs_meret;
kulcs_index = (kulcs_index + 1) % kulcs_index = (kulcs_inde
```

### 4.3. Java EXOR titkosító

Írj egy EXOR titkosítót Java-ban!

Megoldás videó:

Megoldás forrása: https://www.tankonyvtar.hu/hu/tartalom/tkt/javat-tanitok-javat/ch01.html#exor\_titkosito
Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

### 4.4. C EXOR törő

Írj egy olyan C programot, amely megtöri az első feladatban előállított titkos szövegeket!

A sima exor-hoz képest annyi a csavarás a feladaton, hogy nem tudjuk a kulcsot, illetve nem tudjuk hogy minek kell lennie a végeredménynek.

Az első problémát viszonylag egyszerű módon oldottuk meg, egyszerűen csak keresztül tekerünk egymásba ágyazott for loopokkal az összes lehetséges kulcson. Feltételezve, hogy a kulcs csak olyan 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9 karakterekből állhat, és a kulcsméret BIZTOSAN 8.

A második probléma nehezebb! Hogyan tudjuk, hogy amit törtünk az, nos hogy jó-e? A program ezt heurisztikus módon oldja meg...vagy nem oldja meg. A lényeg annyi, hogy az algoritmus addig fog futni, amíg az összes kulcsot ki nem próbálta, viszont ha felmerül a gyanúja, hogy jó lehet a kulcs amit próbál, akkor stdoutra kiírja a siker gyanús kulcsot és a vele előállított szöveget.

A sikeresség eldöntéséhez két dolgot használunk: átlagos szóhossz és gyakori szavak

Az átlagos szóhossz...nos elég ember nyelv specifikus, mert , nos inkább nézzük: Mivel a space-eket összeszámolja és leosztja a szöveghosszat vele, ezért "aaa aaa aaa " = 4 "aaaaaaaaaaaaa "=4

A gyakori szavakat csak simán megpróbálja megtalálni a szövegben (ignore case módban). Sajnos az élet nem olyan egyszerű, ezért mingw esetén strcasestr-t meg kell írni. Nem, itt tényleg nem segít a # define \_GNU\_SOURCE string header előtt...

Na de lássuk a while fejből a read-et!(kicsit megtördeltem)

Első arg 0, tehát stdin, eddig OK. következő egy p ptr, ami a buffer a read szempontjából. Most nézzük a ternary-t önmagában!

Már a fájl elején észre vehetjük MAX\_TITKOS és OLVASAS\_BUFFER-ből, hogy gyakorlatilag annyiról van szó, hogy max 4096 bájtot fogunk összvissz beolvasni, de ezt 256-os falatokban. Na de nézzük inkább a kódot, a ternary-t átírtam magyarázat miatt inkább egy if-re alább! (NE FELDJÜK: A read 3. argját számítjuk, ami azt adja meg hány bájtot kell olvasni a read-nek. Azaz az egésznek egy számot kell visszaadnia ami megmondja mennyit olvasson a read...)

```
int num;
if(p - titkos + OLVASAS_BUFFER < MAX_TITKOS)</pre>
  num = OLVASAS_BUFFER;
}else{
  num = titkos + MAX_TITKOS - p
Magyarázattal együtt:
bool a = (p - titkos + OLVASAS_BUFFER < MAX_TITKOS);</pre>
Próbáljuk ki pár értéken:
(p - titkos + 256 < 4096) = ?
Let p=1024, titkos=1024
(1024 - 1024 + 256 < 4096) = (256 < 4096) = true
Ekkor ugye azt mondjuk read-nek hogy OLVASAS_BUFFER-nyit tudunk
   olvasson, szóval p-t növeljük 256-tal!
Let p=4864, titkos=1024
(4864 - 1024 + 256 < 4096) = ((3840 + 256) < 4096) = ((4096) < 4096) = false
Ekkor ugye azt mondjuk read-nek hogy (titkos + MAX_TITKOS - p)-nyit
   olvasson.
Ez jelen esetben (1024 + 4096 - 4864) = 256
Most pedig nézzük mi lesz ezután:
ugye p-t 256-tal növeltük, szóval most p=4864+256=5120
(5120 - 1024 + 256 < 4096) = ((4096 + 256) < 4096) = ((4352) < 4096) = false
Ekkor ugye azt mondjuk read-nek hogy (titkos + MAX_TITKOS - p)-nyit
   olvasson.
Ez jelen esetben (1024 + 4096 - 5120) = 0
Ez 0 bájt beolvasásával fog járni, ezáltal kiesünk a while-ból.
```

Ezekután annyi történik, hogyha a buffer nem telt meg teljesen akkor kinullázzuk, nehogy a mem szemét véletlenül infonak hasson...illetve string terminálás miatt (általában érdemes null terminálni a c stringeket)

Ezekután pedig csak simán a fentebb leírt xor-ozást és tiszta szöveg heurisztikus keresgetés zajlik.

Egyetlen fontos dolog van még: Ha titkost lexorozom, akkor a következő körben friss kulccsal baj lesz, hisz nem az eredetit hanem egy törtet kezdenék újratörni.

A probléma megoldása simán annyi (a xor műveleti tulajdonságai miatt), hogy nem plusz memóriát használok egy tiszta verzió tartására, hanem vissza xorozom ugyanazon array-t. ÉS ugye emlékszünk hogy (A XOR B) XOR B = A

```
#define MAX_TITKOS 4096
  #define OLVASAS BUFFER 256
  #define KULCS_MERET 8
  #define _GNU_SOURCE
  #include <ctype.h>
6
  #ifdef _WIN32
     char *strcasestr(const char *str, const char *pattern) {
8
       int i;
10
11
       if (!*pattern) {
           return (char*)str;
12
13
       for (; *str; str++) {
14
           if (toupper((unsigned char)*str) == toupper((unsigned char)*pattern ←
15
               )) {
                for (i = 1;; i++) {
16
                    if (!pattern[i]) {
17
                      return (char*)str;
18
19
20
                    if (toupper((unsigned char)str[i]) != toupper((unsigned ←)
21
                        char) pattern[i])) {
                      break;
22
23
                }
24
25
       }
26
       return 0;
27
     }
28
  #endif
29
30
  #include <stdlib.h>
31
  #include <stdio.h>
  #include <unistd.h>
33
  #include <fcntl.h>
  #include <io.h>
35
  #include <string.h>
36
38
  double
39
  atlagos_szohossz (const char *titkos, int titkos_meret)
40
41
     int sz = 0;
     for (int i = 0; i < titkos_meret; ++i)</pre>
43
```

```
if (titkos[i] == ' '){
45
          ++sz;
46
        }
47
     }
48
    if(sz == 0) {return 0;}
49
     else{ return ((double) (titkos_meret)) / sz; }
50
51
  }
52
  int
54
  tiszta_lehet (const char *titkos, int titkos_meret)
55
56
57
    double szohossz = atlagos_szohossz (titkos, titkos_meret);
    return szohossz > 6.0 && szohossz < 9.0</pre>
58
       && strcasestr (titkos, "hogy") && strcasestr (titkos, "nem")
59
       && strcasestr (titkos, "az") && strcasestr (titkos, "ha");
61
62
63
  exor (const char kulcs[], int kulcs_meret, char titkos[], int titkos_meret)
   {
66
    int kulcs_index = 0;
67
68
     for (int i = 0; i < titkos_meret; ++i)</pre>
69
       {
71
         titkos[i] = titkos[i] ^ kulcs[kulcs_index];
72
         kulcs_index = (kulcs_index + 1) % kulcs_meret;
73
74
       }
75
76
77
78
79
  exor_tores (const char kulcs[], int kulcs_meret, char titkos[],
80
        int titkos_meret)
81
   {
82
83
     exor (kulcs, kulcs_meret, titkos, titkos_meret);
84
85
    return tiszta_lehet (titkos, titkos_meret);
86
87
  }
88
  int
90
  main (void)
91
92
93
  char kulcs[KULCS_MERET];
```

```
char titkos[MAX_TITKOS];
95
     char *p = titkos;
96
     int olvasott_bajtok;
97
     int status = 0;
     /* stdin binary mingw...:)
99
     status = _setmode( _fileno( stdin ), _O_BINARY );
100
     if ( status == -1 ) {
101
       printf( "Cannot set binary mode of stdin" );
102
103
        return 1;
     }
104
     */
105
     while ((olvasott_bajtok =
106
       read (0, (void *) p,
107
               (p - titkos + OLVASAS_BUFFER <</pre>
108
                MAX_TITKOS) ? OLVASAS_BUFFER : titkos + MAX_TITKOS - p)))
109
110
                  p += olvasott_bajtok;
111
112
     for (int i = 0; i < MAX_TITKOS - (p - titkos); ++i)</pre>
113
114
        titkos[p - titkos + i] = ' \setminus 0';
115
116
117
118
     int loop = 0;
119
120
     for (int ii = '0'; ii <= '9'; ++ii)
121
        for (int ji = '0'; ji <= '9'; ++ji)
122
          for (int ki = '0'; ki <= '9'; ++ki)</pre>
123
            for (int li = '0'; li <= '9'; ++li)
124
               for (int mi = '0'; mi <= '9'; ++mi)</pre>
125
                 for (int ni = '0'; ni <= '9'; ++ni)</pre>
126
                    for (int oi = '0'; oi <= '9'; ++oi)
127
                      for (int pi = '0'; pi <= '9'; ++pi)</pre>
128
                      {
129
                        kulcs[0] = ii;
130
                        kulcs[1] = ji;
131
                        kulcs[2] = ki;
132
                        kulcs[3] = li;
133
                        kulcs[4] = mi;
134
                        kulcs[5] = ni;
135
                        kulcs[6] = oi;
136
                        kulcs[7] = pi;
137
138
                        if (exor_tores (kulcs, KULCS_MERET, titkos, p - titkos))
139
                        {
140
                          printf
141
                           ("Kulcs: [%c%c%c%c%c%c%c]\nTiszta szoveq: [%s]\n",
142
                                      ii, ji, ki, li, mi, ni, oi, pi, titkos);
143
144
```

```
// ujra EXOR-ozunk, igy nem kell egy masodik buffer
exor (kulcs, KULCS_MERET, titkos, p - titkos);

return 0;

return 0;
```

## 4.5. Neurális OR, AND és EXOR kapu

R

Megoldás videó: https://youtu.be/Koyw6IH5ScQ

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/tree/master/attention\_raising/NN\_R

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

## 4.6. Hiba-visszaterjesztéses perceptron

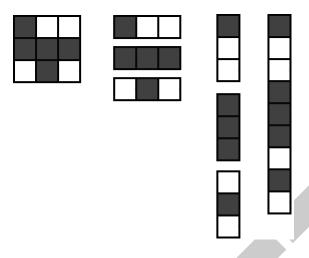
Ebben a feladatban a double\*\*\* handling a lényeg, de mindez cpp-ben, azaz malloc és free helyett new és delete. Tanár Úr kódját fogom használni, de a nem szükséges részeket kivettem (hisz egyébként 900 sor és például backpropagation nem kell...).

Mielőtt nekiugrunk a feladatnak nézzük végig matematikailag mit akart elérni Tanár Úr, és csak ezután nézzük a kódot. Ez így talán megfogja könnyíteni a megértést, hisz például a var arg handling nem a feedforward része, úgyhogy csak azután fogunk kitérni rá, hogy az alap matek megvan. Backproppal most nem fogunk foglalkozni, csak feedforward-al. Tegyük fel egy 3x3as "képből" indulunk ki (nem rgb, csak fekete és fehér). A 3x3-asból előállítunk egy vektort. Ez lesz az input adata a hálónak.

Feladat legyen a következő: Kapunk egy 3x3-as fekete képet. Ezt beküldjük egy neurális háló kezdeménybe, és a végén például egy 1 elemű vektort kapunk. A vektor 0. eleme akkor és csak akkor 1 értékű, ha a képen mondjuk 4-es van. Cseresznye a torta tetején: Nincs bias.

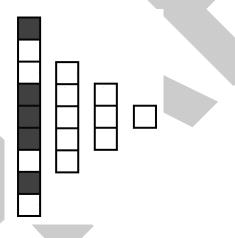
Első hallásra bonyolult, de valójában egyszerű:

A kép egy 3x3-as mátrix, lapítsuk egy vektorba. Ez lesz az input.



4.5. ábra. nn input

A háló hasraütésszerűen (totál mindegy, csak kellettek a konkrét számok, hogy le tudjam rajzolni) 9-5-3-1



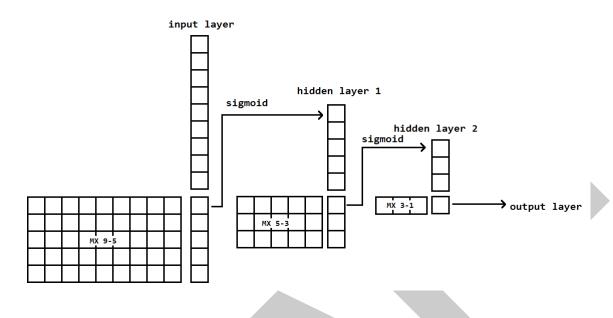
4.6. ábra. nn layers

A háló a következő módon működik: nincs benne feedback, azaz i-edik layeren lévő node csak és kizárólag i-1-edik node-ot használhat inputnak.

Ahelyett, hogy hardcodeoljuk ki kihez kapcsolódik a pagerank-nél látott módon mátrixos formában írjuk fel. Vegyük például a 9 elemű input layer és az 5 elemű layer (ő az eső hidden layer) kapcsolatát leíró mátrixot. A layerek gyakorlatilag vektorok. A lényeg, hogy kell egy M kapcsolati mátrix. A célja annyi, hogyha megszorzom egy 9 elemű-vel, akkor egy 5 eleműt kapjak. A kapcsolati mátrix tehát pl. 5x9-es, hisz M\*A=B:

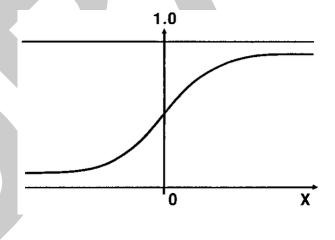
```
| ? |
| ? !
| ? ? ? | = | ? |
| ? ? ? ! | ; |
```

Azaz, ha kapok egy inputot, akkor össze szorzom a 9-5 közti trafó mátrixxal, és megkapom az 5 elemű layer értékeit. Utána ezt megszorzom az 5-3 trafóval, majd ezt megszorzom a 3-1 trafóval és kijön a végeredmény:



4.7. ábra. nnmxmult

Azaz, az egész egy mátrix vektor szorzás lánc (sőt, mivel nincs bias ezért még elméletben sem kell trükközni). Egyetlen egy komoly trükk van. Mikor kijön egy mátrix-vektor szorzás segítségével egy új vektor, akkor minden elemén alkalmazzuk a sigmoid funkciót. Ez egy folytonos jellegű vágó függvény.



4.8. ábra. sigmoid

Ez alapján próbáljuk meg meghatározni milyen adatokra lesz szüksége az n layer számú Perceptron-nak. El kell tárolni n darab vektort. El kell tárolni n-1 darab transzformációs mátrixot. Mivel kicsit C-sen fogjuk írni a kódot, ezért nem csak az értékeket, ha nem a tömb méreteket is. Szóval el kell tárolni hogy hány layer van. El kell tárolni, hogy MINDEN vektor hosszát. A trafó mátrixok hosszait nem kell eltárolni, mert ahogy az ábrák is mutatják a vektor hosszakból számolhatóak.

Mielőtt belemegyünk a kódba, egy dolgot még tisztáznunk kell: Milyen értékei legyenek a weight mátrixoknak? Nos, teljesen random [-1,1] tartománybeli double.

Most nézzük a kódot. Létrehozzuk a Perceptron osztályt. Ctor-ban inicializáljuk

A Perceptron (int nof, ...) kicsit furcsának tűnhet mert var arg-os, de nem kell megijedni. Simán annit jelent, hogy int nof után véges sok argumentum jöhet.

```
va_list vap;
va_start ( vap, nof );
```

va\_list-ből pedig va\_arg-gal pedig megpróbálunk egy általunk megadott explicit típusú értéket "kiszedni" a listából. (Ezek makrók nem function call-ok, azaz ezeket a preprocesszor expandálni fogja.)

```
n_units[i] = va_arg ( vap, int );
```

Egyből jön a kérdés, hogy itt akkor elméletileg bug-ok keletkezhetnek default arg promotion miatt. Igen ez így van de mi ezzel most nem foglalkozunk. Másik kérdés, hogy mi történik akkor, ha nof nem egyezik a megadott argumentumok száma -1-el.

Mikor megvagyunk a va\_list traversalt illető makró használattal va\_end-et használunk.

```
va_end ( vap );
```

Nézzük a ctor-t pici részekben:

```
n_layers = nof;
    units = new double*[n_layers];
    n_units = new int[n_layers];
    va_list vap;
    va_start ( vap, nof );
    for ( int i {0}; i < n_layers; ++i ){
        n_units[i] = va_arg ( vap, int );
        if ( i ){units[i] = new double [n_units[i]];}
    }
    va_end ( vap );
```

A Perceptron osztályt ctor-ban egy int-et kap, azaz a layer számot, illetve var arg-ként int-eket, amik az egyes layer-ekben lévő neuron számokat adják meg (azaz hogy melyik layer hány elemű vektor). Ezt simán átmásoljuk n\_units-ba, ami egy int-ekből álló tömb. A units tárolja a vektorainkat, szóval érthető hogy ez miért is double\*\* (n darab vektor matematikailag). Természetesen egyrészt magát units-ot initelni kell, és az általa mutatott double array-ket is. Ugyan értékeket még nem tudunk, de a szükséges hosszakat igen, hisz ezt a user megadta var arg-ban.

Annyit vegyünk észre, hogy ha i == 0, akkor nem kérünk helyet egy double array-nek. Ez amiatt van így, mert ez az inputunk, inputot meg nem fogjuk átmásolni, hanem majd units[0]-t megadjuk az input címének (hisz ugye units[0] egy double ptr!)

A másik nagyon fontos dolog, amit észre kell vennünk az az hogy nem malloc-ot használunk hanem new-t. Méghozzá úgy hogy new-nak nem adunk címet ahova hívja a ctor-t, azaz new MEMÓRIÁT IS FOGLAL és még ráadásul MEG IS HÍVJA a ctor-t. Persze kérhettün volna malloc-cal címet és a ptr-et megadva new-nak nem kért volna memóriát csak a megadott címen meghívta volna a ctor-t.

Na de most nézzük a weight mátrixot! Gyors kérdés kód előtt: Mit várunk?

Ugye weights egy csomó mátrix, tehát weights = mátrix\*? Viszont mátrix egy csomó sor, vagy szám n-es, stb., azaz mátrix=sor\*. Sor viszont egy csomó double, vektor=double\*. Azaz weights double\*\*\* lesz.

```
weights = new double**[n_layers-1];
    std::default_random_engine gen;
    std::uniform_real_distribution<double> dist ( -1.0, 1.0 );
    for ( int i {1}; i < n_layers; ++i ) {
        weights[i-1] = new double *[n_units[i]];
        for ( int j {0}; j < n_units[i]; ++j ) {
            weights[i-1][j] = new double [n_units[i-1]];
            for ( int k {0}; k < n_units[i-1]; ++k )
            {
                  weights[i-1][j][k] = dist ( gen );
            }
        }
    }
}</pre>
```

Ahogy fent láthatjuk, kérünk helyet weights-nek (aki egy double\*\*\*), aztán weights egyes mátrixainak (double\*\*), mátrixok sorainak (double\*) majd a sorok értékeinél egy [-1,1] tartománybeli random számot adunk.

A sigmoid-ot valamiért a class-ba raktuk(inkább rakjuk majd egy header file-ba inline-olva saját implementációban, hátha kelleni fog máshol is), de nem igényel túl sok magyarázatot.

```
double sigmoid ( double x ) { return 1.0/ ( 1.0 + exp ( -x ) ) }
```

Most pedig jöhet az operator () overload. Ő fogja csinálni azt a mátrix vektor szorzási láncot amit fentebb rajzolgattunk.

Kicsit álljunk meg, tippeljük meg előre mit fog csinálni!

Valószínűleg lesz egy argumentuma, ami egy double\* lesz. Ez lesz az input layer bemeneti adata. Ezt KELL hogy assignolja units[0]-ra, hisz units[0]-nak nem kértünk egy új double\*-t(és jelenleg ráadásul szuper veszélyes, mert nem állítottuk nullptr-re, hanem mem szemét van rajta, szóval ha most meghívnánk akkor jó esetben segfaultolnánk.)

Ezekután pedig végig fogunk iterálni az összes trafón és elvégezzük őket. DE EMLÉKEZZÜNK n darab vektorunk van, amihez n-1 trafó társul, azaz biztosan n-1-ig fogunk iterálni.

Egy adott i-edik iterációban pedig i-edik mátrixot i-edik vektorral szorozva i+1-edik vektort fogjuk kapni.

Technikailag mielőtt elvégezzük i+1 elem kiszámítását, vaószínűleg 0-ra fogjuk állítani, mert adja magát, hogy += használjunk.

Miután kijönnek az értékek vagy egyben a végén, vagy még benn a loopban, az mátrix-vektor szorzatként kapott i+1 vektor értékét átírjuk a sigmoid által hozzárendelt értékre

Nézzük a kódot

```
double operator() ( double image [] )
{
  units[0] = image;
  for ( int i {1}; i < n_layers; ++i ) {
    for ( int j = 0; j < n_units[i]; ++j ) {
      units[i][j] = 0.0;
      for ( int k = 0; k < n_units[i-1]; ++k ) {
         units[i][j] += weights[i-1][j][k] * units[i-1][k];
      }
      units[i][j] = sigmoid ( units[i][j] );
    }
}
return sigmoid ( units[n_layers - 1][0] );
}</pre>
```

Az egyetlen váratlan dolog, hogy az ouptput vektor 0. elemének értékéhez a sigmoid által hozzárendelt értéket visszaadjuk. Biztos a nagyobb progi így működött, azaz hogy valami miatt az output vektor 0. eleme fontos volt neki. Persze ez ne tévesszen meg senkit. Egy klasszifikciós probléma lehet olyan lesz, hogy mondjuk 10 output node lesz, és akkor kell felvillania mondjuk az 5-ös indexűnek mikor 5-öst lát, vagy mondjuk valami játékról van szó, és akkor kell felvillania egy 4 elemű vektor 2 elemének, ha keyboard S lenyomást akarunk szimbolizálni (FPS-eknél ez a hátra)

Alább az egész kód félig Cpp félig C-ben:

```
#include <iostream> // std out
  #include <cstdarg> // var arg handling
                       // init weight matrices
  #include <random>
  class Perceptron
  {
6
  public:
    Perceptron ( int nof, ... )
9
       n_{\text{layers}} = nof;
10
      units = new double*[n_layers];
11
       n_units = new int[n_layers];
12
      va_list vap;
13
       va_start ( vap, nof );
14
       for ( int i {0}; i < n_layers; ++i ) {</pre>
15
         n_units[i] = va_arg ( vap, int );
16
         if ( i ) {units[i] = new double [n_units[i]];}
18
       va_end ( vap );
19
       weights = new double**[n_layers-1];
20
       std::default_random_engine gen;
21
       std::uniform_real_distribution<double> dist ( -1.0, 1.0 );
22
       for ( int i {1}; i < n_layers; ++i ) {</pre>
23
         weights[i-1] = new double *[n_units[i]];
24
         for ( int j {0}; j < n_units[i]; ++j ){</pre>
```

```
weights[i-1][j] = new double [n_units[i-1]];
26
            for ( int k {0}; k < n_units[i-1]; ++k )</pre>
27
              weights[i-1][j][k] = dist (gen);
29
30
         }
31
32
     }
33
34
     double sigmoid ( double x )
35
36
       return 1.0/(1.0 + \exp(-x));
37
38
39
40
     double operator() ( double image [] )
41
42
       units[0] = image;
43
       for ( int i {1}; i < n_layers; ++i ) {</pre>
         for ( int j = 0; j < n_units[i]; ++j ){</pre>
45
            units[i][j] = 0.0;
            for ( int k = 0; k < n_units[i-1]; ++k ) {</pre>
47
              units[i][j] += weights[i-1][j][k] * units[i-1][k];
48
49
           units[i][j] = sigmoid ( units[i][j] );
50
         }
52
       return sigmoid ( units[n_layers - 1][0] );
53
     }
54
55
     ~Perceptron(){
56
57
       for ( int i {1}; i < n_layers; ++i )</pre>
58
         for ( int j {0}; j < n_units[i]; ++j ){</pre>
59
           delete [] weights[i-1][j];
60
61
         delete [] weights[i-1];
62
       delete [] weights;
64
       for ( int i {0}; i < n_layers; ++i )</pre>
65
       {
66
         if ( i ) {delete [] units[i];}
67
68
       delete [] units;
69
       delete [] n_units;
70
     }
71
72
  private:
73
     Perceptron ( const Perceptron & );
74
    Perceptron & operator= ( const Perceptron & );
```

```
76
     int n_layers;
77
     int* n_units;
     double **units;
     double ***weights;
80
81
  } ;
82
83
  int main(){
     Perceptron p(3,3,2,1);
85
     double img[] = \{0.0, 0.9, 0.7\};
86
     double res = p(img);
87
     std::cout << res << std::endl;</pre>
88
```

Alább az egész kód Java-ban kilapított mátrixokkal. Itt az API-ban annyi változás van, hogy a full output vektort visszaadjuk.

```
package org.rkeeves.backprop;
  import java.util.Arrays;
3
  import java.util.Random;
  public class NNet {
6
     public class Matrix {
8
       public Matrix(int rows, int cols)
10
11
         this.cols = cols;
12
         this.values = new Random().doubles(rows*cols, -1.0, 1.0).toArray();
13
14
15
       public void transform(double[] from, double[] to) {
16
         Arrays.fill(to, 0.0);
17
         int row;
18
         int col;
         for (int i = 0; i < values.length; i++) {</pre>
20
           row = i / cols;
21
           col = i % cols;
22
           to[row] += values[row * cols + col] * from[col];
23
         for (int i = 0; i < to.length; i++) {</pre>
25
           to[i] = sigmoid(to[i]);
26
         }
27
       }
28
29
       private final int cols;
30
       private final double values[];
31
32
33
```

```
public static final double sigmoid(double z) {
34
       return 1.0/(1.0+Math.exp(-z));
35
     }
37
    public NNet(int[] vectors_sizes) {
38
       vectors = new double[vectors_sizes.length][];
39
       for (int i = 0; i < vectors_sizes.length; i++) {</pre>
40
         vectors[i] = new double[vectors_sizes[i]];
41
       transforms = new Matrix[vectors_sizes.length-1];
43
       for (int i = 1; i < vectors_sizes.length; i++) {</pre>
44
         transforms[i-1] = new Matrix(vectors_sizes[i], vectors_sizes[i-1]);
45
       }
46
     }
47
48
    public double[] compute(double[] input) {
49
       vectors[0] = input;
50
      for (int i = 0; i < transforms.length; i++) {</pre>
51
         transforms[i].transform(vectors[i], vectors[i+1]);
52
       }
53
       return vectors[vectors.length-1];
     }
55
56
    private final double[][] vectors;
57
    private final Matrix[] transforms;
58
    public static void main(String[] args) {
60
       System.out.println(
61
           Arrays.toString(
62
               new NNet(new int[] {3,2,1})
63
                  .compute(new double[] {0.1,-0.5,0.1})));
64
    }
```

Többszálazással stb. nem foglalkoztam, mert a feladat az array hendlingről szólt. (Backproppal sem, mert explicit ki lett mondva hogy elég a feedforward)

# 5. fejezet

# Helló, Mandelbrot!

### 5.1. A Mandelbrot halmaz

Írj olyan C programot, amely kiszámolja a Mandelbrot halmazt!

A Mandelbrot halmaz számításához egy kis matekra lesz szükség. Nagyon vizualizációba most nem fogunk kód oldalról belemenni, mert egy másik alfejezet pont erről fog szólni...

```
z[0] = 0

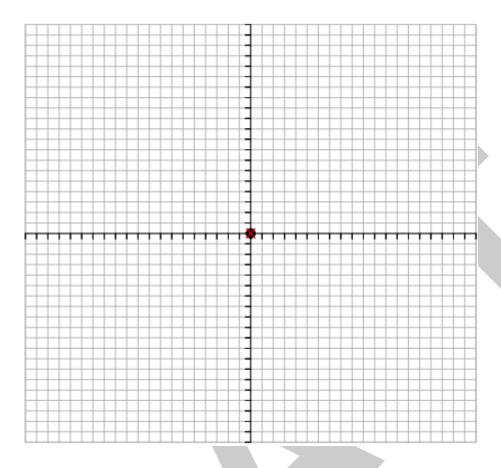
z[1] = z[0]^2+c

z[2] = z[1]^2+c

...

z[n] = z[n-1]^2+c
```

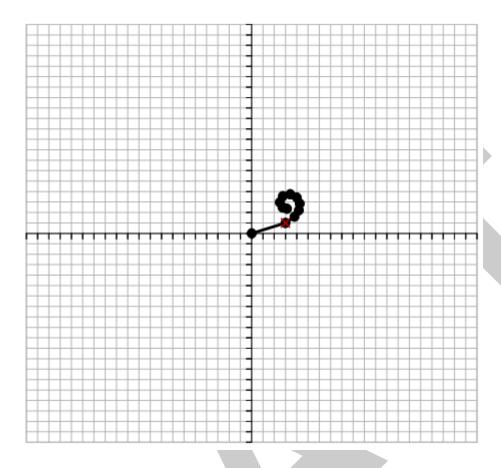
Azaz mindig 0, 0 pontból indulunk, majd négyzetét vesszük és egy konstans számot hozzáadunk. Nézzünk pár esetet! Az ábrákon valós tengely vízszintes, míg képzetes függőleges. Az ábrán piros X-el jelöltem a konstanst és az step-eket fekete pontokkal (össze is kötöttem őket).



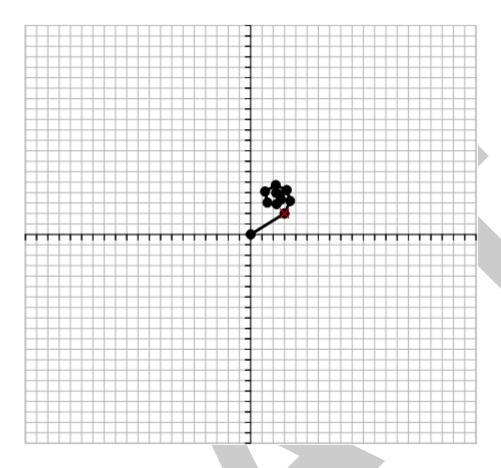
5.1. ábra.  $c = \{0,0\}$ 



5.2. ábra.  $c = \{0.3, 0\}$ 

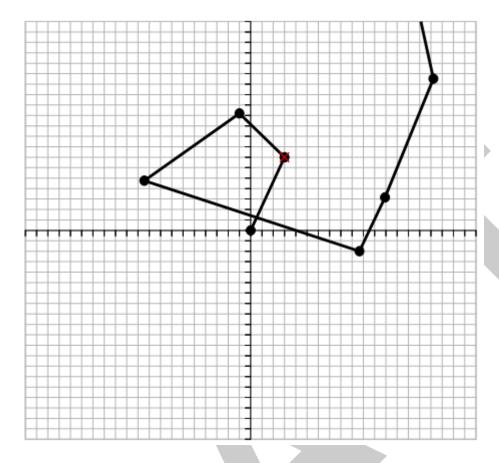


5.3. ábra.  $c = \{0.3, 0.1\}$ 



5.4. ábra.  $c = \{0.3, 0.2\}$ 

Ha a konstant például 0.3, 0.7 akkor nagyon gyorsan "elszáll" az érték.



5.5. ábra.  $c = \{0.3, 0.7\}$ 

Mit is csináltunk tulajdonképpen? Nos, rögzítettük 0,3 re értéket, és elkezdtük "pásztázni" im értékeket 0,1-es lépés közzel. A kódban is ezt fogjuk csinálni, csak minden pásztázott ponthoz (re im pár) rögzíteni fogjuk mennyi iteráció után kerültek ki az origó 2 sugarú köréből. Azért hogy ne fusson a végetelenségig, ezért az iterációknak lesz egy teteje. Azaz ha a max iter számot elérjük akkor meg fogunk állni.

A user megad egy re alsó és felső határt (mettől meddig pásztázunk Re tengelyen), illetve ugyanezt Im tengelyen. A lépésszám állítható is lenne, de mivel a legvégén terminálra akarunk írni, ezért ettől most eltekintünk.

Tanár Úrtól eltérően én feldaraboltam a kódot, de csak azért hogy egyszerűbb legyen bemutatni.

Az első kód részlet egy olyan funkció, aminek adunk egy komplex konstanst és egy max iter számot, és ez a fent bemutatott algoritmust végigcsinálja. A visszaadott érték az iter szám. Ha ez alacsony akkor nagyon gyorsan elszállt a számítás, ha magas akkor sokáig stabil volt.

```
int mandel(
    float c_re,
    float c_im,
    int max_iter)
{
    int i = 0;
    float temp=0.0, z_re=0.0, z_im=0.0;
    while ( ( ((z_re*z_re)+(z_im*z_im)) < 4.0 ) && ( i < max_iter ) )</pre>
```

```
{
    temp =(z_re*z_re)-(z_im*z_im)+c_re;
    z_im = 2.0*(z_re*z_im)+c_im;
    z_re=temp;
    i++;
}
return i;
}
```

A második kód részlet már csak boilerplate kód. Erősen átírtam Tanár Úréhoz képest, direkt hogy int\*\*-t használjunk. A másik dolog, hogy Tanár Úré valami miatt a második for bodyban számolja c reál és imaginárius részét is érthetőség miatt, én ezt egy picit optimáltam.(elég a külsőben számolni az egyiket) Annyi történik, hogy végig járjuk a kapott rácsot és kitöltögetjük, hogy melyik komplex konstans-hoz mennyi iter tartozik.

```
void apply_mandel(
    int ** quad_mx,
    int re_size,
    int im size,
    float re_lo,
    float re_hi,
    float im_lo,
    float im_hi,
    int max_iter)
{
  int re_step,im_step,itercount;
  float d_re,d_im,c_re,c_im;
  if(quad_mx == NULL || re_size < 1 || im_size < 1) return;</pre>
  d_re = (re_hi-re_lo)/re_size;
  d_im = (im_hi-im_lo)/im_size;
  for(re_step = 0; re_step < re_size;++re_step) {</pre>
    c_re = re_lo + d_re * re_step;
    for(im_step = 0; im_step < im_size; ++im_step) {</pre>
      c_im = im_hi - d_im * im_step;
      itercount = mandel( c_re, c_im, max_iter);
      quad_mx[re_step][im_step]=mandel( c_re,c_im,max_iter);
  }
}
```

A harmadik rész maga a main. Csak beolvassuk a usertől mely határok között számoljunk, illetve deklaráljuk initeljük az int ptr ptr-t, plusz a végén feltakarítunk.

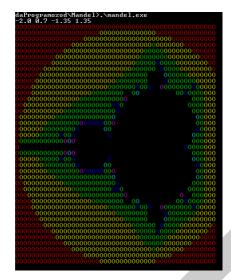
```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <string.h>
#include <string.h>
```

```
int mandel(
       float c_re,
6
       float c_im,
       int max_iter)
8
  {
9
     int i = 0;
10
     float temp=0.0, z_re=0.0, z_im=0.0;
11
     while (((z_re*z_re)+(z_im*z_im)) < 4.0) \&\& (i < max_iter))
12
       temp = (z_re*z_re) - (z_im*z_im) + c_re;
14
       z_{im} = 2.0*(z_{re*z_{im}})+c_{im};
15
       z_re=temp;
16
17
       i++;
18
     return i;
19
20
21
  void apply_mandel(
22
23
       int** quad_mx,
       int re_size,
24
       int im_size,
25
       float re_lo,
26
       float re hi,
27
       float im_lo,
28
       float im_hi,
29
       int max_iter)
31
  {
32
     int re_step,im_step,itercount;
33
     float d_re,d_im,c_re,c_im;
34
     if(quad_mx == NULL || re_size < 1 || im_size < 1) return;</pre>
35
     d_re = (re_hi-re_lo)/re_size;
     d_im = (im_hi-im_lo)/im_size;
37
     for(re_step = 0; re_step<re_size;++re_step) {</pre>
38
       c_re = re_lo + d_re * re_step;
39
       for(im_step = 0; im_step<im_size;++im_step) {</pre>
40
         c_{im} = im_{hi} - d_{im} * im_{step};
41
         itercount = mandel( c_re,c_im,max_iter);
         quad_mx[re_step][im_step]=mandel( c_re,c_im,max_iter);
43
44
45
46
  #define MANDEL_RE_SIZE 20
48
  #define MANDEL_IM_SIZE 16
49
  #define MANDEL_ITER_MAX 255
50
51
  #define MANDEL RE LO -2.0
52
  #define MANDEL_RE_HI 0.7
#define MANDEL_IM_LO -1.35
```

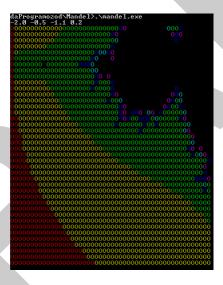
```
#define MANDEL_IM_HI 1.35
55
  int main()
58
    float re_lo, re_hi,im_lo,im_hi;
59
    scanf("%f %f %f %f", &re_lo, &re_hi, &im_lo, &im_hi);
60
    if(re_lo >= re_hi || im_lo >= im_hi) {
61
    printf("bad limits");
62
       return 1;
64
    int n_re,n_im,x,y;
65
    int** mx;
66
    n_re = MANDEL_RE_SIZE;
67
    n_im = MANDEL_IM_SIZE;
68
    if ((mx = (int **) malloc (n_re * sizeof (int *))) == NULL) { return -1;}
    for (x = 0; x < n_re; ++x) {
70
      if ((mx[x] = (int *) malloc (n_im * sizeof (int))) == NULL) {return -1;}
71
72
    apply_mandel(mx,n_re,n_im,re_lo,re_hi,im_lo,im_hi,MANDEL_ITER_MAX);
73
    for (y = 0; y < n_{im}; ++y) {
74
         for (x = 0; x < n_re; ++x) {
             printf("%3d ",mx[x][y]);
76
77
         printf("\n");
78
79
    for (x = 0; x < n_re; ++x) {
       free (mx[x]);
81
82
    free (mx);
83
    return 0;
84
85
```



5.6. ábra. A Mandelbrot halmaz win, csak iter számok



5.7. ábra. A Mandelbrot halmaz win, színes



5.8. ábra. A Mandelbrot halmaz win, színes, határ állítás

# 5.2. A Mandelbrot halmaz a std::complex osztállyal

Írj olyan C++ programot, amely kiszámolja a Mandelbrot halmazt!

Megoldás videó: https://youtu.be/gvaqijHlRUs

Megoldás forrása:

A Mandelbrot halmaz pontban vázolt ismert algoritmust valósítja meg a repó bhax/attention\_raising/Mandelbrot/3.1.2.cpp nevű állománya.

```
// Verzio: 3.1.2.cpp
// Forditas:
```

```
// g++ 3.1.2.cpp -lpng -03 -0 3.1.2
// Futtatas:
// ./3.1.2 mandel.png 1920 1080 2040 \leftrightarrow
   -0.01947381057309366392260585598705802112818 \leftrightarrow
   -0.0194738105725413418456426484226540196687 \leftrightarrow
   0.7985057569338268601555341774655971676111 \leftrightarrow
   0.798505756934379196110285192844457924366
// ./3.1.2 mandel.png 1920 1080 1020 \leftrightarrow
   0.4127655418209589255340574709407519549131
   0.4127655418245818053080142817634623497725
   0.2135387051768746491386963270997512154281
   0.2135387051804975289126531379224616102874
// Nyomtatas:
// a2ps 3.1.2.cpp -o 3.1.2.cpp.pdf -1 --line-numbers=1 --left-footer=" \leftrightarrow
   BATF41 HAXOR STR34M" --right-footer="https://bhaxor.blog.hu/" --pro= ←
   color
// ps2pdf 3.1.2.cpp.pdf 3.1.2.cpp.pdf.pdf
//
//
// Copyright (C) 2019
// Norbert Bátfai, batfai.norbert@inf.unideb.hu
//
//
   This program is free software: you can redistribute it and/or modify
//
   it under the terms of the GNU General Public License as published by
//
   the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or
//
    (at your option) any later version.
//
// This program is distributed in the hope that it will be useful,
//
   but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of
//
   MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the
// GNU General Public License for more details.
//
// You should have received a copy of the GNU General Public License
// along with this program. If not, see <a href="https://www.gnu.org/licenses/">https://www.gnu.org/licenses/</a>.
#include <iostream>
#include "png++/png.hpp"
#include <complex>
main ( int argc, char *argv[] )
  int szelesseg = 1920;
  int magassag = 1080;
  int iteraciosHatar = 255;
  double a = -1.9;
  double b = 0.7;
  double c = -1.3;
```

```
double d = 1.3;
if ( argc == 9 )
 {
   szelesseg = atoi ( argv[2] );
   magassag = atoi (argv[3]);
   iteraciosHatar = atoi ( argv[4] );
   a = atof (argv[5]);
   b = atof (argv[6]);
   c = atof (argv[7]);
   d = atof (argv[8]);
else
  {
   std::cout << "Hasznalat: ./3.1.2 fajlnev szelesseg magassag n a b c d \leftarrow
      " << std::endl;
   return -1;
  }
png::image < png::rgb_pixel > kep ( szelesseg, magassag );
double dx = (b - a) / szelesseg;
double dy = (d - c) / magassag;
double reC, imC, reZ, imZ;
int iteracio = 0;
std::cout << "Szamitas\n";</pre>
// j megy a sorokon
for ( int j = 0; j < magassag; ++j )
  {
   // k megy az oszlopokon
   for ( int k = 0; k < szelesseg; ++k )
        // c = (reC, imC) a halo racspontjainak
        // megfelelo komplex szam
        reC = a + k * dx;
        imC = d - j * dy;
        std::complex<double> c ( reC, imC );
        std::complex<double> z_n ( 0, 0 );
        iteracio = 0;
        while ( std::abs ( z_n ) < 4 && iteracio < iteraciosHatar )
            z_n = z_n * z_n + c;
```

### 5.3. Biomorfok

Megoldás videó: https://youtu.be/IJMbgRzY76E

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/tree/master/attention\_raising/Biomorf

A biomorfokra (a Julia halmazokat rajzoló bug-os programjával) rátaláló Clifford Pickover azt hitte természeti törvényre bukkant: https://www.emis.de/journals/TJNSA/includes/files/articles/Vol9\_Iss5\_2305-2315\_Biomorphs\_via\_modified\_iterations.pdf (lásd a 2307. oldal aljától).

A különbség a Mandelbrot halmaz és a Julia halmazok között az, hogy a komplex iterációban az előbbiben a c változó, utóbbiban pedig állandó. A következő Mandelbrot csipet azt mutatja, hogy a c befutja a vizsgált összes rácspontot.

```
{
   z_n = z_n * z_n + c;
   ++iteracio;
}
```

Ezzel szemben a Julia halmazos csipetben a cc nem változik, hanem minden vizsgált z rácspontra ugyanaz.

```
// j megy a sorokon
for ( int j = 0; j < magassag; ++j )
    // k megy az oszlopokon
    for ( int k = 0; k < szelesseg; ++k )
    {
        double reZ = a + k * dx;
        double imZ = d - j * dy;
        std::complex<double> z_n ( reZ, imZ );
        int iteracio = 0;
        for (int i=0; i < iteraciosHatar; ++i)</pre>
            z_n = std::pow(z_n, 3) + cc;
            if(std::real (z_n) > R \mid\mid std::imag (z_n) > R)
             {
                 iteracio = i;
                break;
             }
        }
```

A bimorfos algoritmus pontos megismeréséhez ezt a cikket javasoljuk: https://www.emis.de/journals/-TJNSA/includes/files/articles/Vol9\_Iss5\_2305--2315\_Biomorphs\_via\_modified\_iterations.pdf. Az is jó gyakorlat, ha magából ebből a cikkből from scratch kódoljuk be a sajátunkat, de mi a királyi úton járva a korábbi Mandelbrot halmazt kiszámoló forrásunkat módosítjuk. Viszont a program változóinak elnevezését összhangba hozzuk a közlemény jelöléseivel:

```
// Verzio: 3.1.3.cpp
// Forditas:
// g++ 3.1.3.cpp -lpng -03 -0 3.1.3
// Futtatas:
// ./3.1.3 bmorf.png 800 800 10 -2 2 -2 2 .285 0 10
// Nyomtatas:
// a2ps 3.1.3.cpp -0 3.1.3.cpp.pdf -1 --line-numbers=1 --left-footer=" \Leftarrow
BATF41 HAXOR STR34M" --right-footer="https://bhaxor.blog.hu/" --pro= \Leftarrow
color
//
// BHAX Biomorphs
// Copyright (C) 2019
// Norbert Batfai, batfai.norbert@inf.unideb.hu
//
```

```
// This program is free software: you can redistribute it and/or modify
    it under the terms of the GNU General Public License as published by
//
   the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or
//
   (at your option) any later version.
//
   This program is distributed in the hope that it will be useful,
//
//
   but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of
// MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the
// GNU General Public License for more details.
//
// You should have received a copy of the GNU General Public License
//
   along with this program. If not, see <a href="https://www.gnu.org/licenses/">https://www.gnu.org/licenses/>.</a>
//
// Version history
//
// https://youtu.be/IJMbgRzY76E
// See also https://www.emis.de/journals/TJNSA/includes/files/articles/ \leftarrow
   Vol9_Iss5_2305--2315_Biomorphs_via_modified_iterations.pdf
#include <iostream>
#include "png++/png.hpp"
#include <complex>
int
main ( int argc, char *argv[] )
{
    int szelesseg = 1920;
    int magassag = 1080;
    int iteraciosHatar = 255;
    double xmin = -1.9;
    double xmax = 0.7;
    double ymin = -1.3;
    double ymax = 1.3;
    double reC = .285, imC = 0;
    double R = 10.0;
    if (argc == 12)
        szelesseg = atoi ( argv[2] );
        magassag = atoi (argv[3]);
        iteraciosHatar = atoi ( argv[4] );
        xmin = atof (argv[5]);
        xmax = atof (argv[6]);
        ymin = atof (argv[7]);
        ymax = atof (argv[8]);
        reC = atof (argv[9]);
        imC = atof (argv[10]);
        R = atof (argv[11]);
```

```
}
else
{
    std::cout << "Hasznalat: ./3.1.2 fajlnev szelesseg magassag n a b c \leftarrow
        d reC imC R" << std::endl;</pre>
    return -1;
}
png::image < png::rgb_pixel > kep ( szelesseg, magassag );
double dx = (xmax - xmin) / szelesseg;
double dy = ( ymax - ymin ) / magassag;
std::complex<double> cc ( reC, imC );
std::cout << "Szamitas\n";</pre>
// j megy a sorokon
for ( int y = 0; y < magassag; ++y )
    // k megy az oszlopokon
    for ( int x = 0; x < szelesseg; ++x )
        double reZ = xmin + x * dx;
        double imZ = ymax - y * dy;
        std::complex<double> z_n ( reZ, imZ );
        int iteracio = 0;
        for (int i=0; i < iteraciosHatar; ++i)</pre>
            z_n = std::pow(z_n, 3) + cc;
            //z_n = std::pow(z_n, 2) + std::sin(z_n) + cc;
            if(std::real (z_n) > R \mid\mid std::imag (z_n) > R)
                 iteracio = i;
                 break;
            }
        }
        kep.set_pixel ( x, y,
                         png::rgb_pixel ( (iteracio\star20)%255, (iteracio \leftrightarrow
                            *40)%255, (iteracio*60)%255 ));
    }
    int szazalek = ( double ) y / ( double ) magassag * 100.0;
    std::cout << "\r" << szazalek << "%" << std::flush;
```

```
kep.write ( argv[1] );
std::cout << "\r" << argv[1] << " mentve." << std::endl;
}</pre>
```

## 5.4. A Mandelbrot halmaz CUDA megvalósítása

Megoldás videó: https://youtu.be/gvaqijHlRUs

Megoldás forrása: bhax/attention\_raising/CUDA/mandelpngc\_60x60\_100.cu nevű állománya.

## 5.5. Mandelbrot nagyító és utazó C++ nyelven

Építs GUI-t a Mandelbrot algoritmusra, lehessen egérrel nagyítani egy területet, illetve egy pontot egérrel kiválasztva vizualizálja onnan a komplex iteréció bejárta z<sub>n</sub> komplex számokat!

Megoldás videó: Illetve https://bhaxor.blog.hu/2018/09/02/ismerkedes\_a\_mandelbrot\_halmazzal.

Megoldás forrása:

## 5.6. Mandelbrot nagyító és utazó Java nyelven

Megoldás videó: https://youtu.be/Ui3B6IJnssY, 4:27-től. Illetve https://bhaxor.blog.hu/2018/09/02/ismerkedes\_a\_Megoldás forrása: https://www.tankonyvtar.hu/hu/tartalom/tkt/javat-tanitok-javat/apbs02.html#id570518

# 6. fejezet

# Helló, Welch!

## 6.1. Első osztályom

A lényeg, hogy adott egy számítási algoritmus melyet meghívva nem csak a következő értéket, hanem a rákövetkezőt is megkapjuk. Azaz az 1. hívásnál kell számítani, de a 2. hívásnál nem kell, hiszen az 1. számítás a 2. értékét is kiszámította előre. Azért hogy ezt kezeljük egy egyszerű osztályt fogunk írni. Ahhoz hogy ezt a "bufferelést" megoldjuk két változót vezetünk be: magát a tárolt értéket, illetve egy boolean-t, hogy jelenleg úgy szólván szabad-e aktívnak tekinteni a tárolt értéket.

```
boolean store_empty;
double stored;
```

Maga az algoritmus csak simán annyiról szól, hogy ha store\_empty true, akkor kell számítást végezni. A számítás első eredményét visszaadjuk, a másikat betároljuk, és a store\_empty-t false-re állítjuk. Ha store\_empty false, akkor store\_empty-t true-ra állítjuk, hisz úgymond ürítjük a buffert, és visszaadjuk a tárolt értéket.

A feladat könnyebb megértéséhez egy hackelt verzió az eredeti java class-ból.

```
package test;
  public class PolarGen2 {
    class Pair<T1,T2>{Pair(T1 a, T2 b) {this.a=a;this.b=b;} public T1 a;
5
        public T2 b;}
6
    public PolarGen2() { store_empty = true; }
      public double next() {
9
           if(store_empty) {
10
             Pair<Double, Double> p = calculate();
11
             stored = p.b;
12
             return p.a;
           }else {
14
             store_empty = true;
15
             return stored;
```

```
17
18
       private Pair<Double, Double> calculate() {
20
         double u1, u2, v1, v2, w;
21
            do {
22
                u1 = Math.random();
23
                u2 = Math.random();
                v1 = 2 * u1 - 1;
                v2 = 2 * u2 - 1;
26
                w = v1 * v1 + v2 * v2;
27
            } while (w > 1);
28
            double r = Math.sqrt((-2*Math.log(w))/w);
29
            return new Pair<Double, Double>(r*v1,r*v2);
31
       }
32
       boolean store_empty;
33
       double stored;
34
35
       public static void main(String[] args) {
         PolarGen2 g = new PolarGen2();
            for(int i=0; i<10; ++i)</pre>
38
                System.out.println(g.next());
39
40
       }
41
42
43
```

#### Alább az eredeti feladat:

```
package test;
  public class PolarGen {
3
       public PolarGen() { store_empty = true; }
5
       public double next() {
           if(store_empty) {
               double u1, u2, v1, v2, w;
                 do {
10
                     u1 = Math.random();
11
                     u2 = Math.random();
                     v1 = 2 * u1 - 1;
13
                     v2 = 2 * u2 - 1;
14
                     w = v1*v1 + v2*v2;
15
                 } while (w > 1);
16
                 double r = Math.sqrt((-2*Math.log(w))/w);
17
                 stored = r*v2;
18
                 store_empty = false;
19
                 return r*v1;
20
21
```

```
}else {
22
              store_empty = true;
23
              return stored;
25
       }
26
27
       boolean store_empty;
28
       double stored;
29
       public static void main(String[] args) {
31
         PolarGen g = new PolarGen();
32
            for(int i=0; i<10; ++i)</pre>
33
                 System.out.println(g.next());
34
35
       }
37
38
```

C++ esetben három különbség lesz: random, sqrt és log.

[0,1) tartományon random double generálását végezhetjük az alábbi módon. Ehhez szükség lesz stdio-ra rnd() illetve RAND\_MAX miatt.

```
double rnd01() { return rand() / (RAND_MAX + 1.); }
```

sqrt és log a már ismert math lib-ben van, azaz ne felejtsük include-olni.

```
#include <iostream>
  #include <stdlib.h> // random
  #include <math.h> // sqrt, log and rick n morty
  class PolarGen
5
  {
  public:
8
     PolarGen() : store_empty(true){ }
9
10
     double next()
11
12
       if(store_empty) {
13
         double u1, u2, v1, v2, w;
14
         do {
15
             u1 = rnd01();
16
             u2 = rnd01();
17
             v1 = 2 * u1 - 1;
18
             v2 = 2 * u2 - 1;
19
             w = v1*v1 + v2*v2;
20
         } while (w > 1);
21
         double r = sqrt((-2*log(w))/w);
22
         stored = r*v2;
23
         store_empty = false;
```

```
return r*v1;
25
       }else {
26
         store_empty = true;
27
         return stored;
28
29
     }
30
  private:
31
32
     double rnd01() { return rand() / (RAND_MAX + 1.); }
33
34
     double rnd(double min_inclusive, double max_exclusive)
35
36
       return min_inclusive + (rand() / ( RAND_MAX / (max_exclusive- ←
37
          min_inclusive) ) ;
     }
38
  private:
39
     bool store_empty;
40
     double stored;
41
   };
42
43
  int main()
44
45
  {
     PolarGen pg;
46
     for(int i=0; i<10; ++i) { std::cout<< pg.next() << std::endl;}</pre>
47
     return 0;
48
```

### 6.2. LZW

Mielőtt neki ugrunk egy kis áttekintés a progpater alapján.

A programunk kapni fog egy {0,1} karakterekből (bár lehetnének bitek is) álló mintát. Ez alapján memóriában

```
01111001001001000111
```

A kapott minta alapján memóriában létre kell hoznunk egy fát. A fa csomópontokból áll. Minden csomóponthoz tartozik egy érték illetve lehet két gyermeke, továbbiakban jobb és bal. A fa továbbá tartalmaz egy segéd ptr-t arra a csomópontra, ahol éppen állunk. A következő szabályok szerint építjük a fát:

- Alapból a gyökér létezik értéke /, és ezen gyökér csomóponton állunk(erre mutat a segéd ptr).
- Ha 0-t kapunk, és létezik bal gyermek, akkor a segéd ptr-rel innentől erre fogunk mutatni.
- Ha 0-t kapunk, és nem létezik bal gyermek, akkor segéd ptr által mutatott node bal gyermekeként létrehozzuk. Segéd ptr-rel pedig gyökérre mutatunk innentől.
- Ha 1-t kapunk, akkor teljesen szimmetrikusan a fenti két szabályt jobb gyerekre alkalmazzuk.

Pici példácskán, mondjuk 0110-re, nézzük meg hogy működik! Minden lépésnél ábrázolni fogom a fát is! Csillaggal árbázoljuk hol áll éppen a segéd ptr!

```
Feldolgozva=[]
---/*
Feldolgozva=[0]
---/*
----0
Feldolgozva=[01]
----1
---/*
----0
Feldolgozva=[011]
----1*
---/
----0
Feldolgozva=[0110]
----1
----0
---/*
----0
```

Most nézzük meg mi ez az egész max, átlag, szórás!

Két fogalmat azonban be kell hozzá vezetni. Az egyik a levél, a másik a mélység.

Egy csomópontot levélnek nevezünk, ha nincsenek gyermekei.

Egy csomópont mélységén azt értjük (ezen esetben) hogy a hány csomópont érintésével tudunk eljutni gyökér nodeból az adott node-ba.

Vegyük propateres példát és írjuk fel rá kézzel az értékeket!

Max mélység alatt a legnagyobb mélységet értjük, azaz 4-et.

Átlagmélység a leaf mélységek összege osztva a leaf számmal, azaz:

```
hosszak={3,4,2,2}
leafs=4
atlag=4/3+4/4+2/4+2/4
atlag=0.75+1+0.5+0.5
atlag=2.75
```

A teljes fa szórása alatt a szórásösszeg és a levél szám hányadosának négyzetgyökét értjük. Meg kell jegyezni, hogy valójában leaf számnál eggyel kisebb számot használunk 1-nél nagyobb leaf számú esetekben. Szórásösszeg, az összes levél szórásának összege.

Egy node szórása alatt az adott node mélységének átlagmélységtől vett különbségének négyzetét értjük.

```
hosszak={3,4,2,2}
leafs=4
atlag=2.75

szorasosszeg=(3-2.75)^2+(4-2.75)^2+(2-2.75)^2+(2-2.75)^2
szorasosszeg=0.0625+1.5625+0.5625+0.5625
szorasosszeg=2.75
szoras=(2.75/4-1)^0.5
szoras=(0.9166667)^0.5
szoras=0.957427
```

Most hogy kézzel kiszámoltuk, írjuk át C-re.

A C kódban akét komoly eltérés a Tanár Úr féle kódtól:

- allokáció/felaszabadításnál a ptr-t kiírjuk standard output-ra
- Általános traversalokat használunk funtcion ptr-ekkel

A ptr-ek kilogolása csak amiatt fontos hogy grafikus visszajelzést is kapjunk, hiszen most ugye dinamikusan allokált adatokkal dolgozunk, amelyeket kézileg kell életciklus menedzselni.

```
void free_node(int depth, Node* node, UserData*ud)
{
  if(node == NULL) return;
  #ifdef CUSTOM_DEBUG_OUT
    printf("Free node %p\n", node);
  #endif
  free(node);
}
```

Az általános traversal amiatt kellett, hogy egy kicsit az stl-es algorithm-re hajazva, legyen lehetősége a user-nek megadnia, hogy mi történjen, a fa pedig csak a helyes traversalért legyen felelős.

Nézzünk egy példát!

```
void foreach_inorder(int depth, Node* root, traversal_fn fptr,
    UserData* ud )
{
    if(root == NULL) return;
    foreach_inorder(depth+1, root->right, fptr, ud );
    fptr(depth, root, ud);
    foreach_inorder(depth+1, root->left, fptr, ud );
}
```

Láthatóan a fenti funckió simán rekurzívan hívja magát a két child-ra. A fn ptr csak akkor jön be a képbe mikor magát az adott subtree root-ját dolgozzuk fel. UserData csak egy typedef-elt void ptr, hogy a user állapotot is betudjon adni, ne csak viselkedést. Egy példa fn amit fn ptr-ként beküldhetünk legyen a print

```
void print_node(int depth, Node* node, UserData*ud)
{
  int i;
  if(node == NULL) return;
  for(i=0;i<depth; ++i) {printf("---"); }
  printf("%c (%d) %p\n", node->value, depth, node);
}
```

A számolásokhoz simán végigszaladunk a leafeken és mivel nem tudjuk előre a leaf számot, ezért egy dinamikusan allokált helyre gyűjtjük be a leaf-ek mélységeit. De csinálhattuk volna úgyis hogy többször megyünk végig a leaf-eken és akkor kevesebb memóriát használtun volna, azaz CPU vs. MEM tradeoff.

Igen... LeafCountData-t totál kikerülhettük volna: bedobhattuk volna simán a nyers ptr-t aztán inkrementáltuk volna...

Alább a progpater-es példa inputként kimeneten.



6.1. ábra. Lzw C output

### Alább a C forrás

```
#include <stdio.h>
                        // print
  #include <stdlib.h> // mem
   #include <math.h>
                      // sgrt
  #define CUSTOM_DEBUG_OUT
  typedef struct node_t{
    struct node t* left;
    struct node_t* right;
9
    char value;
10
  } Node;
11
12
13
  typedef struct bintree_t{
14
    Node* root;
15
    Node* cur;
16
    int leaf_count;
  } BinTree;
```

```
19
  typedef void* UserData;
20
21
  typedef void (*traversal_fn) (int depth, Node* node, UserData*ud);
22
23
  void foreach_preorder(int depth, Node* root, traversal_fn fptr, UserData* ud ←
24
  {
25
    if(root == NULL) return;
26
    fptr(depth, root, ud);
27
    foreach_preorder(depth+1, root->right, fptr, ud );
28
    foreach_preorder(depth+1, root->left, fptr, ud );
29
  }
30
31
  void foreach_inorder(int depth, Node* root, traversal_fn fptr, UserData* ud
     )
33
  {
    if(root == NULL) return;
34
    foreach_inorder(depth+1, root->right, fptr, ud );
35
    fptr(depth, root, ud);
36
    foreach_inorder(depth+1,root->left, fptr, ud );
38
39
  void foreach_postorder(int depth, Node* root, traversal_fn fptr, UserData*
40
    if(root == NULL) return;
42
    foreach_postorder(depth+1,root->right, fptr, ud );
43
    foreach_postorder(depth+1,root->left, fptr, ud );
44
    fptr(depth, root, ud);
45
46
47
  void foreach_leaf(int depth, Node* root, traversal_fn fptr, UserData* ud )
49
    if(root == NULL) return;
50
    foreach_leaf(depth+1,root->right, fptr, ud );
51
    if (root->right==NULL&&root->left==NULL) fptr(depth, root, ud);
52
    foreach_leaf(depth+1,root->left, fptr, ud );
  }
54
55
  Node* make_node(char value)
56
57
    Node* node;
58
    node = (Node*) malloc(sizeof(Node));
59
    if (node == NULL) {return NULL; }
60
    node->value=value;
61
    node->left= NULL;
62
    node->right=NULL;
63
    #ifdef CUSTOM_DEBUG_OUT
64
      printf("Alloc node %p\n", node);
```

```
#endif
66
     return node;
67
   }
   BinTree* make_bintree()
70
   {
71
     BinTree* tree;
72
     Node* root;
73
     root = make_node('/');
     if(root == NULL) {return NULL;}
75
     tree = (BinTree*) malloc(sizeof(BinTree));
76
     if(tree == NULL) {free(root); return NULL; }
77
78
     tree->root = tree->cur = root;
     tree->leaf_count=1;
79
     #ifdef CUSTOM_DEBUG_OUT
80
          printf("Alloc tree %p\n", tree);
81
     #endif
82
     return tree;
83
84
85
   void push_value(BinTree* tree, char value)
87
     if (tree==NULL) return;
88
     if (tree->root==NULL || tree->cur==NULL) return;
89
     if (value=='0') {
90
       if(tree->cur->left == NULL) {
          if (tree->cur->right!=NULL) tree->leaf_count=tree->leaf_count+1;
92
          tree->cur->left = make_node(value);
93
          tree->cur = tree->root;
94
       }else{
95
          tree->cur = tree->cur->left;
96
97
     }else{
98
       if(tree->cur->right == NULL) {
99
          if(tree->cur->left!=NULL) tree->leaf count=tree->leaf count+1;
100
          tree->cur->right = make node(value);
101
          tree->cur = tree->root;
102
       }else{
103
          tree->cur = tree->cur->right;
104
105
106
107
108
   void print_node(int depth, Node* node, UserData*ud)
110
     int i;
111
     if(node == NULL) return;
112
     for(i=0;i<depth; ++i) {printf("---"); }</pre>
113
     printf("%c (%d) %p\n", node->value, depth, node);
114
115
```

```
116
   void free_node(int depth, Node* node, UserData*ud)
117
   {
118
     if(node == NULL) return;
119
     #ifdef CUSTOM_DEBUG_OUT
120
       printf("Free node %p\n", node);
121
     #endif
122
     free (node);
123
124
125
   void free_tree(BinTree* tree)
126
127
     if(tree==NULL) return;
128
     foreach_postorder(0, tree->root, free_node, NULL);
129
     #ifdef CUSTOM_DEBUG_OUT
130
       printf("Free tree %p\n", tree);
131
     #endif
132
     free (tree);
133
134
135
   typedef struct leafcountdata_t{
     int cur;
137
     int* heights;
138
   } LeafCountData;
139
140
   void collect_leaf_heights(int depth, Node* node, UserData*ud)
142
   {
     if(node == NULL) return;
143
     LeafCountData* lcd = (LeafCountData*)ud;
144
     lcd->heights[lcd->cur] = depth;
145
     lcd->cur=lcd->cur+1;
146
147
148
   int main(int argc, char** argv)
149
150
     int i;
151
     int leaf_count;
152
     BinTree* bt;
     int *leaf_heights;
154
     int max_melyseg;
155
     double deviation, avg;
156
     LeafCountData lc;
157
     158
        0','0','0','1','1','1'};
     bt = make_bintree();
159
     if(bt == NULL) { return 1; }
160
     for(i = 0; i < 20; ++i) {push_value(bt,arr[i]);}</pre>
161
     printf("\nINORDER\n");
162
     foreach_inorder(0,bt->root,print_node,NULL);
163
     printf("\n");
164
```

```
leaf_count = bt->leaf_count;
165
     leaf_heights = (int*) malloc(sizeof(int)*leaf_count);
166
     if(leaf_heights==NULL) {free_tree(bt); return 1;}
     lc.cur=0;
     lc.heights=leaf_heights;
169
     foreach_leaf(0,bt->root,collect_leaf_heights,(UserData)&lc);
170
     printf("Leaf depths: ");
171
     max_melyseg = 0;
172
     deviation = 0.0;
     for(i = 0; i < leaf_count; ++i) {</pre>
174
       if (max_melyseg<leaf_heights[i]) {max_melyseg=leaf_heights[i];}</pre>
175
       avg = avg+leaf_heights[i];
176
       printf(" %d", leaf_heights[i]);
177
178
     printf("\n");
179
     avg = avg / leaf_count;
180
     deviation = 0.0;
181
     for(i = 0; i < leaf_count; ++i) {</pre>
182
      deviation = deviation + ((leaf_heights[i]-avg)*(leaf_heights[i]-avg));
183
184
     if (leaf\_count - 1 > 0)
       deviation = sqrt( deviation / (leaf_count - 1));
186
     else
187
       deviation = sqrt ( deviation );
188
     printf("melyseg=%d\n", max_melyseg);
189
     printf("atlag=%f\n", avg);
     printf("szoras=%f\n", deviation);
191
     printf("\nPREORDER\n");
192
     foreach_preorder(0,bt->root,print_node,NULL);
193
     printf("\nPOSTORDER\n");
194
     foreach_postorder(0,bt->root,print_node,NULL);
195
     printf("\n");
     free_tree(bt);
     free(leaf_heights);
198
     return 0;
199
200
```

# 6.3. Fabejárás

Az előző feladatban még a free-t is a function ptr-es traversallal csináltuk, azaz az előző feladatban ez részletezésre került. Alábbi kód részleten látszik, hogy az előző részben bevezetett módon elég egyszerű a dolog.

```
printf("\nPREORDER\n");
foreach_preorder(0,bt->root,print_node,NULL);
printf("\nPOSTORDER\n");
foreach_postorder(0,bt->root,print_node,NULL);
```

A hangsúly a fn ptr alkalmazásán van. Ha azt értjük, akkor az alábbi kép nem lesz meglepő.

6.2. ábra. Traversals

## 6.4. Tag a gyökér

A Twitch-es nbatfai megoldást fogom átszerkeszteni. A builderezést és lambdázást a mozgató szemantika részben fogom csinálni, ahol tényleg nullából újra írom.

Mivel az nbatfai root ptr-esre alapszik, és azt a következő fejezetben dolgoztam ki, itt effektíve csak egy diff-et írok doksiba.

Mielőtt belemegyünk, annyit érdemes tisztázni, hogy ValueType-tól nem várhatjuk el, hogy lesz default ctor-a, így sajnos a tree ctor-ához hozzá kell nyúlni.

Magyarul, ha biztosra tudnánk venni, hogy ValueType halmaznak van egy speciális eleme ami a halmaz alját, vagy null-t vagy stb.-t jelentené, akkor nem kéne mindenképpen értéket kérni a tree ctorban. Azonban ez elég erős megkötés lenne.

Kilenc helyen értem hozzá a kódhoz, ezek tételes felsorolása és magyarázata alább következik.

Az első módosítás a tree ctor. Én úgy gondolom érdemes mindenképpen explicit értéket kérni, mert különben arra kéne hagyatkoznunk, hogy ValueType-nak van default ctor-a. Természetesen treep-t root címére kell állítanunk.

```
BinTree(ValueType rootval) : root(rootval), treep(&root), depth(0)
```

Az második módosítás a dtor-t illeti. Mivel root kompozíciós tag, ezért csak a child node-okra kell hívnunk a rekurzív delete-t.

```
deltree(root.left_child() );
deltree(root.right_child() );
```

A harmadik módosítás a bintree leftshiftet érinti. Root ptr-es esetben vizsgálni kell, hogy root létezik-e, viszont ezen esetben ha tree létezik akkor root-is (Java-ban swing-ben van erre sok példa, hogy van egy default úgymond implicit root mindig.).

A negyedik módosítás hasonlóan a bintree leftshiftet érinti. Treep-nek magát root-ot nem assignolhatjuk, hanem root címe fog kelleni.

```
treep = &root;
```

Az ötödik módosítás ZLWTree template mentesítése. Enélkül az eredeti kód implicit konverziókat fog végezni és a leftshift is rosszul fog működni char-tól eltérő datatype esetén.

A hatodik módosítás valójában csak annyi, hogy delegáltuk a node példányosítást BinTree ctor-nak.

```
ZLWTree() : BinTree<char>('/')
```

A hetedik, nyolcadik és kilencedik módosítás valójában csak annyi, hogy root címe kell treep-nek hisz az pointer.

```
#include <iostream>
2 template<typename ValueType>
3 class BinTree
  protected:
    class Node
6
    public:
8
      Node (ValueType value) : value(value), left(nullptr), right(nullptr),
          count (0) { }
    private:
10
      Node (const Node&);
11
      Node& operator=(const Node&);
12
      Node (const Node&&);
13
      Node& operator=(const Node&&);
14
    public:
15
      ValueType get_value() { return value; }
16
      Node* left_child() { return left;}
17
      Node* right_child() { return right; }
18
       void left_child(Node* node) { this->left=node; }
19
       void right_child(Node* node) { this->right=node; }
```

```
int get_count() { return count; };
21
       void incr_count() { this->count++;}
22
     private:
23
       ValueType value;
24
       Node* left;
25
       Node* right;
26
       int count;
27
     }; /* class Node */
28
  public:
     // CHANGE 1
30
     BinTree(ValueType rootval) : root(rootval), treep(&root), depth(0)
31
32
33
     }
     ~BinTree()
35
36
       // CHANGE 2
37
       deltree(root.left_child() );
38
       deltree(root.right_child() );
39
40
  private:
    BinTree(const BinTree&);
42
     BinTree& operator=(const BinTree&);
43
     BinTree(const BinTree&&);
44
     BinTree& operator=(const BinTree&&);
45
47
  public:
48
    BinTree& operator<<(ValueType);</pre>
49
    void print() { print(&root, std::cout);}
50
     void print(Node* node, std::ostream& os);
51
    void deltree(Node* node);
  protected:
53
    Node root;
54
    Node∗ treep;
55
    int depth;
56
  }; /* class Tree */
57
  template<typename ValueType>
59
  BinTree<ValueType>& BinTree<ValueType>::operator<<(ValueType value)</pre>
60
  {
61
     // CHANGE 3
62
     if(treep->get_value() == value){
63
      treep->incr_count();
     }else if(treep->get_value() > value){
65
       if(!treep->left_child()){
66
         treep->left_child(new Node(value));
67
       }else{
68
         treep = treep->left_child();
69
         *this<<value;
```

```
}
71
     }else{
72
        if(!treep->right_child()){
73
          treep->right_child(new Node(value));
74
        }else{
75
          treep = treep->right_child();
76
          *this<<value;
77
        }
78
     }
     // CHANGE 4
80
     treep = &root;
81
     return *this;
82
83
   template<typename ValueType>
85
   void BinTree<ValueType>::print(Node* node, std::ostream& os)
86
87
   {
     if (node) {
88
       ++depth;
89
       print(node->right_child(),os);
        for(int i = 1; i < depth; ++i) {os << "---";}</pre>
       os << node->get_value() << " " << depth << " " << node->get_count() <<
92
           std::endl;
       print (node->left_child(), os );
93
        --depth;
94
96
97
98
   template<typename ValueType>
99
   void BinTree<ValueType>::deltree(typename BinTree<ValueType>::Node* node)
100
   {
101
     if (node) {
102
       deltree(node->left_child() );
103
       deltree(node->right_child() );
104
        delete node;
105
     }
106
107
   // CHANGE 5
108
   class ZLWTree : public BinTree<char>
109
   {
110
   public:
111
     // CHANGE 6
112
     ZLWTree() : BinTree<char>('/')
113
114
        // CHANGE 7
115
       this->treep = &(this->root);
116
117
     }
   private:
118
   public:
```

```
ZLWTree& operator<<(char);</pre>
120
         private:
121
122
          } ;
123
124
         ZLWTree& ZLWTree::operator<<(char value)</pre>
125
126
                if (value=='0') {
127
                       if(!this->treep->left_child()){
128
                              typename BinTree<char>::Node * node = new typename BinTree<char>::Node ←
129
                                         (value);
                              this->treep->left_child(node);
130
                              // CHANGE 8
131
                             this->treep = &(this->root);
132
                       }else{
133
                              this->treep = this->treep->left_child();
134
135
                }else{
136
                       if(!this->treep->right_child()){
137
                              typename BinTree<char>::Node * node = new typename BinTree<char>::Node ←
138
                                         (value);
                              this->treep->right_child(node);
139
                              // CHANGE 9
140
                              this->treep = &(this->root);
141
                       }else{
142
                              this->treep = this->treep->right_child();
144
145
                return *this;
146
147
148
         int main(int argc, char** argv, char** env)
150
151
                BinTree<int> bt(8);
152
                bt <<9<<5<<2<<7;
153
               bt.print();
154
                std::cout << std::endl;</pre>
                ZLWTree zt;
156
                zt << '0' << '1' << '1' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '0' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '1' << '
157
                           <<'0'<<'0'<<'1'<<'1';
                zt.print();
158
                return 0;
159
        }
160
```

Persze hogy ne legyen baj, akár a ctorba is bepasszolhatjuk argként root és leftshift comparatorban használt value-t

```
#include <iostream>
template<typename ValueType>
```

```
class BinTree
  {
  protected:
     class Node
8
     public:
9
       Node (ValueType value): value (value), left (nullptr), right (nullptr),
10
          count (0) { }
     private:
11
      Node (const Node &);
12
       Node& operator=(const Node&);
13
       Node (const Node&&);
14
       Node& operator=(const Node&&);
15
     public:
16
       ValueType get_value() { return value; }
17
       Node* left_child() { return left;}
18
       Node* right_child() { return right; }
19
       void left_child(Node* node) { this->left=node; }
20
       void right_child(Node* node) { this->right=node; }
21
       int get_count() { return count; };
22
       void incr_count() { this->count++;}
23
     private:
24
      ValueType value;
25
       Node* left;
26
       Node* right;
27
       int count;
     }; /* class Node */
29
  public:
30
     // CHANGE 1
31
     BinTree(ValueType rootval) : root(rootval), treep(&root), depth(0)
32
33
34
     }
35
     ~BinTree()
36
37
       // CHANGE 2
38
       deltree(root.left_child() );
39
       deltree(root.right_child() );
     }
41
  private:
42
    BinTree(const BinTree&);
43
    BinTree& operator=(const BinTree&);
44
    BinTree(const BinTree&&);
45
    BinTree& operator=(const BinTree&&);
46
47
48
  public:
49
     BinTree& operator<<(ValueType);</pre>
50
     void print() { print(&root, std::cout);}
51
    void print(Node* node, std::ostream& os);
```

```
void deltree(Node* node);
53
  protected:
     Node root;
     Node* treep;
     int depth;
57
  }; /* class Tree */
58
   template<typename ValueType>
   BinTree<ValueType>& BinTree<ValueType>::operator<<(ValueType value)
62
     // CHANGE 3
63
     if(treep->get_value() == value){
64
       treep->incr_count();
65
     }else if(treep->get_value() > value){
66
       if(!treep->left_child()){
67
         treep->left_child(new Node(value));
       }else{
69
         treep = treep->left_child();
70
         *this<<value;
71
       }
72
     }else{
73
       if(!treep->right_child()){
74
         treep->right_child(new Node(value));
75
       }else{
76
         treep = treep->right_child();
77
         *this<<value;
       }
79
     }
80
     // CHANGE 4
81
     treep = &root;
82
     return *this;
83
84
85
   template<typename ValueType>
86
   void BinTree<ValueType>::print(Node* node, std::ostream& os)
87
   {
88
     if (node) {
       ++depth;
       print(node->right_child(), os );
91
       for(int i = 1; i < depth; ++i) {os << "---";}</pre>
92
       os << node->get_value() << " " << depth << " " << node->get_count() <<
93
          std::endl;
       print(node->left_child(),os);
94
       --depth;
95
     }
96
97
98
   template<typename ValueType>
100
   void BinTree<ValueType>::deltree(typename BinTree<ValueType>::Node* node)
```

```
102
     if (node) {
103
       deltree(node->left_child() );
       deltree(node->right_child() );
105
       delete node;
106
107
108
   // CHANGE 5
109
   template<typename ValueType>
   class ZLWTree : public BinTree<ValueType>
111
   {
112
   public:
113
114
     // CHANGE 6
115
     ZLWTree(const ValueType&& rootval, const ValueType&& leftval) : BinTree< ←
        ValueType>(std::move(rootval)), leftval(std::move(leftval))
     {
116
       // CHANGE 7
117
       this->treep = &(this->root);
118
119
   private:
120
   public:
121
     ZLWTree& operator<<(ValueType);</pre>
122
   private:
123
     ValueType leftval;
124
125
   };
   template<typename ValueType>
127
   ZLWTree<ValueType>& ZLWTree<ValueType>::operator<<(ValueType value)</pre>
128
129
     if (value==this->leftval) {
130
       if(!this->treep->left_child()) {
131
          typename BinTree<ValueType>::Node* node = new typename BinTree< ←
132
             ValueType>::Node(value);
         this->treep->left_child(node);
133
          // CHANGE 8
134
          this->treep = &(this->root);
135
136
          this->treep = this->treep->left_child();
137
138
     }else{
139
       if(!this->treep->right_child()){
140
          typename BinTree<ValueType>::Node* node = new typename BinTree< ←
141
             ValueType>::Node(value);
         this->treep->right_child(node);
142
          // CHANGE 9
143
          this->treep = &(this->root);
144
       }else{
145
          this->treep = this->treep->right_child();
146
147
148
```

```
return *this;
149
150
151
152
  int main(int argc, char** argv, char** env)
153
154
    BinTree<int> bt(8);
155
    bt <<9<<5<<2;
156
    std::cout << "BinTree" << std::endl;</pre>
    bt.print();
158
    ZLWTree<char> zt('/','0');
159
     zt<<'0'<<'1'<<'1'<<'1'<<'1'<<'1' ←
160
        <<'0'<<'0'<<'1'<<'1';
    std::cout << "ZLW char" << std::endl;</pre>
161
    zt.print();
162
    ZLWTree<std::string> zst("/","0");
163
     \verb|zst|<<"0"<<"1"<<"1"<<"0"<<"1"<<"0"<<"1"<<"0"<<"1"<<"0"<<"1"<<"0"<<"1" \iff
164
        <<"0"<<"0"<<"1"<<"1";
    std::cout << "ZLW string" << std::endl;</pre>
165
    zst.print();
166
    return 0;
167
168
```

## 6.5. Mutató a gyökér

A kísérleti nbatfai twitch adásban látható megoldás lehet egy példa erre.

Áttekintve annyiról van szó, hogy a egyszerre egy bináris fát és egy lzw fát fogunk csinálni. Kód duplikáció elkerülése végett pedig inheritance-t használunk. Apró kellemetlenség hogy egyenesen cpp-be megy, de mozgató szemantikás feladatban a saját megoldásomban úgyis nulláról újraírom az egészet, és ott már header is lesz.

Úgy döntöttem ZLWTree-t template mentesítem és explicit BinTree<char>-ról származtatom, mert ctor és left shift esetében alul definiált lenne.

Úgy döntöttünk hogy nesteljük bele a node osztályt. Talán ennek a bemutatásával érdemes kezdeni a dolgot:

```
class Node
{
    ...
    ValueType value;
    Node* left;
    Node* right;
    int count;
};
```

ValueType BinTree template paramétere, ezt (mivel inner class), használhatjuk Node esetén is.

Left right a gyermekekre mutató, ctor-ban nullptr-re initelt pointerek.

Count a bináris kereső fa miatt fontos állapotváltozó. Egyszerűen annyiról van szó, hogyha például egy Bintree<int> be kétszer left shiftelek mondjuk 9-et, akkor ne két külön node jöjjön létre 9-es value-val. Ehelyett ilyen esetben a már létező 9-es értékű node count állapotváltozóját fogjuk a második 9-es miatt inkrementálni.

A funkciók csak egyszerű setter-ek getter-ek. Incr count pedig csak egy shortcut, mert a count setter-t get\_count()+1 kéne hívni.

Most nézzük tree állapotváltozóit!

Root a gyökérre mutató ptr. Treep a fenti manuális példákban a segéd ptr, míg depth egy internal változó, amit a traversalnál fogunk használni annak adminisztrálására, hogy milyen mélyen vagyunk.

Persze, treep és depth nem kell törvényserűleg BinTree-be rakni. A mozgató szemantikás delegáljuk is majd ezt a felelősséget egy iterátornak ami csak és kizárólag a faépítéséért felelős.

```
template<typename ValueType>
class BinTree
{
    ...
    Node* root;
    Node* treep;
    int depth;
};
```

Viselkedések közül a left shift a legfontosabb, hiszen ez a node példányosítást végzi.

```
template<typename ValueType>
BinTree<ValueType>& BinTree<ValueType>::operator<<(ValueType value)</pre>
  if(!treep){
    root = treep = new Node(value);
  }else if(treep->get_value() == value){
    treep->incr_count();
  }else if(treep->get_value() > value){
    if(!treep->left_child()) {
      treep->left_child(new Node(value));
    }else{
      treep = treep->left_child();
      *this<<value;
  }else{
    if(!treep->right_child()){
      treep->right_child(new Node(value));
    }else{
      treep = treep->right_child();
      *this<<value;
    }
  treep = root;
  return *this;
```

}

Class-on kívül definiáltuk, de természetesen továbbra is template-es.

A funkció minden esetben azzal zár hogy visszaugrunk root-ra.

Ha a value egyenlő azzal a value-va amit a jelenlegi segéd ptr mutat, akkor csak inkrementálni fogjuk.

Ha a value kisebb akkor bal irányba fogunk "mozdulni".

Ha balra nincs még node, akkor létrehozunk egy bal gyermek node-ot a jelenleg treep által mutatott node-on.

Ha balra van már node, akkor treep-t áthelyezzük és rekurzívan újra meghívjuk a funkciót (de ugye nem ugyanaz fog történni, hisz treep már máshol áll!).

Ha az érték nagyobb akkor teljesen szimmetrikusan jobb irányba végezzük el ugyanezt

print egy egyszerű inorder bejárást végez. Ezt a C-s példában fn ptr-el, a mozgatósban később pedig functorral fogjuk kiváltani.

Itt annyit érdemes megjegyezni, hogy depth az BinTreeosztály tulajdonsága.

```
template<typename ValueType>
void BinTree<ValueType>::print(Node* node, std::ostream& os)
{
   if(node) {
        ++depth;
        print(node->right_child(),os );
        for(int i = 1; i < depth; ++i) {os << "---";}
        os << node->get_value() << " " << depth << " " << node-> \cdot \cdot get_count() << std::endl;
        print(node->left_child(),os );
        --depth;
   }
}
```

deltree csak postorder-ben végig járja a node gyökerű subtree-t és felszabadítja a foglalt memóriát. A C-s kódban ez az a rész amit direkt címre pontosan ki is irattam.

ZLWTree esetén kicsit más a left shift. Ezt manuálisan levezettük feljebb. Az egyetlen külön említést érdemlő dolog az az hogy, mivel class-on kívül írjuk a definíciót ezért globál namespace-ben nincs csak úgy benne Node varázsütésre. Ez látható a node példányosításos sorokban.

```
ZLWTree& ZLWTree::operator<<(char value)</pre>
  if(value=='0'){
    if(!this->treep->left_child()){
      typename BinTree<char>::Node* node = new typename BinTree<char ←
         >::Node(value);
      this->treep->left_child(node);
      this->treep = this->root;
    }else{
      this->treep = this->treep->left_child();
    }
  }else{
    if(!this->treep->right_child()){
      typename BinTree<char>::Node* node = new typename BinTree<char ←
         >::Node(value);
      this->treep->right_child(node);
      this->treep = this->root;
    }else{
      this->treep = this->treep->right_child();
  }
  return *this;
```

### Alább látható a zlw progi kimenete



6.3. ábra. ZLW out

```
#include <iostream>
template<typename ValueType>
class BinTree
{
protected:
class Node
```

```
{
     public:
8
       Node (ValueType value) : value (value), left (nullptr), right (nullptr),
          count (0) { }
     private:
10
       // TODO impl rule of five
11
       Node (const Node&);
12
       Node& operator=(const Node&);
13
       Node (const Node&&);
       Node& operator=(const Node&&);
15
     public:
16
       ValueType get_value() { return value; }
17
       Node* left_child() { return left;}
18
       Node* right_child() { return right; }
19
       void left_child(Node* node) { this->left=node;}
20
       void right_child(Node* node) { this->right=node; }
21
       int get_count() { return count; };
22
       void incr_count() { this->count++;}
23
     private:
24
      ValueType value;
25
       Node* left;
       Node* right;
27
       int count;
28
     }; /* class Node */
29
  public:
30
     BinTree (Node* root=nullptr, Node* treep=nullptr) : root(root), treep( \leftarrow
        treep), depth(0)
     {
32
33
34
     ~BinTree()
35
       deltree (root);
37
38
  private:
39
    // TODO impl rule of five
40
    BinTree(const BinTree&);
41
    BinTree& operator=(const BinTree&);
    BinTree(const BinTree&&);
43
     BinTree& operator=(const BinTree&&);
44
45
46
  public:
47
     BinTree& operator<<(ValueType);</pre>
48
    void print() { print(root, std::cout);}
49
    void print(Node* node, std::ostream& os);
50
    void deltree(Node* node);
51
  protected:
52
    Node* root;
53
    Node∗ treep;
```

```
int depth;
55
   }; /* class Tree */
56
  template<typename ValueType>
  BinTree<ValueType>& BinTree<ValueType>::operator<<(ValueType value)</pre>
59
60
     if(!treep) {
61
       root = treep = new Node(value);
62
     }else if(treep->get_value() == value){
       treep->incr_count();
64
     }else if(treep->get_value() > value){
65
       if(!treep->left_child()){
66
         treep->left_child(new Node(value));
67
       }else{
68
         treep = treep->left_child();
          *this<<value;
70
71
     }else{
72
       if(!treep->right_child()){
73
         treep->right_child(new Node(value));
74
       }else{
         treep = treep->right_child();
76
          *this<<value;
77
       }
78
79
     treep = root;
     return *this;
81
82
83
   template<typename ValueType>
84
   void BinTree<ValueType>::print(Node* node, std::ostream& os)
85
   {
     if (node) {
87
       ++depth;
88
       print (node->right_child(), os );
89
       for(int i = 1; i < depth; ++i) {os << "---";}</pre>
90
       os << node->get_value() << " " << depth << " " << node->get_count() <<
91
           std::endl;
       print(node->left_child(),os);
92
       --depth;
93
94
95
96
97
   template<typename ValueType>
   void BinTree<ValueType>::deltree(typename BinTree<ValueType>::Node* node)
99
   {
100
     if (node) {
101
       deltree(node->left_child() );
102
       deltree(node->right_child() );
103
```

```
delete node;
104
105
   }
107
   class ZLWTree : public BinTree<char>
108
   {
109
   public:
110
     ZLWTree() : BinTree<char>(new typename BinTree<char>::Node('/'))
111
112
        this->treep = this->root;
113
      }
114
   private:
115
   public:
116
117
     ZLWTree& operator<<(char);</pre>
   private:
118
120
   } ;
121
122
   ZLWTree& ZLWTree::operator<<(char value)</pre>
123
     if (value=='0') {
124
        if(!this->treep->left_child()){
125
          typename BinTree<char>::Node * node = new typename BinTree<char>::Node ←
126
              (value);
          this->treep->left_child(node);
127
          this->treep = this->root;
        }else{
129
          this->treep = this->treep->left_child();
130
        }
131
     }else{
132
        if(!this->treep->right_child()){
133
          typename BinTree<char>::Node* node = new typename BinTree<char>::Node ←
134
              (value);
          this->treep->right_child(node);
135
          this->treep = this->root;
136
        }else{
137
          this->treep = this->treep->right_child();
138
140
     return *this;
141
142
143
144
   int main(int argc, char** argv, char** env)
145
146
     BinTree<int> bt;
147
     bt <<8<<9<<5<<2<<7;
148
     bt.print();
149
     std::cout << std::endl;</pre>
150
     ZLWTree zt;
151
```

### 6.6. Mozgató és másoló szemantika

Az előbbiekben megírt osztáy(oka)t fogjuk felkészíteni mozgatásra és másolásra. Ez a következő viselkedések implementációját vonja maga után:

- Copy ctor
- Copy assignment
- Move ctor
- Move assigment

Először a copy-val és utána a move-al fogunk foglalkozni.

Nézzük a copy ctor-t! Sajnos nem egyszerű a dolgunk. Gondoljunk bele, hogyha másolni akarjuk a fát, akkor a root node-ot át kell másolnunk az újba. Viszont ha itt megállunk, akkor az új root node-unk a régi root node gyerekeire fog muattni, és amikor az egyik fa törlődik, akkor szépen ki fogja törölni a másik fa alól is a gyerekeket. Emiatt nem elég root-ot másolni, hanem deltree-hez hasonlóan rekurzívan másolni kell minden node-ot, effektíve klónozva a fát. Ezt nevezzük deep copy-nak (shallow copy lenne, ha csak pl. root-ot másolnánk.) Ilyet automata módon a compiler nem csinál, ezért nekünk kell megírni.

Sajnos még mindig van egy baj. Ha a fentiek alapján megírnánk a kódot, akkor lenne két tökéletesen jó fánk A és B. Ahogy A-ba shifteljük az értékeket, azok szépen jelennének meg A-ban. Mi lenne B esetben?

Nos, azzal a buggal szembesülnénk, hogy ahogy shifteljük B-be az értékeket, azok A-n jelennek meg egy darabig olykor, hiszen B treep-je a régi A egy node-jára mutatna, amíg treep vissza nem ugrana root-ra. Hogy ezt elkerüljük a deep copy során treep-t is menedzselni kell, azaz amikor épp azon node-ot másoljuk amin a régi treep van, akkor a másik B fa treep-jét az új node-ra állítjuk.

```
BinTree(const BinTree& old)
{
    #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
        std::cout<<"btree copy ctor "<< static_cast<void*>(this) << std \( \to \)
        ::endl;
    #endif
    root = deep_copy(old.root,old.treep);
}</pre>
```

Deep copy esetén első arg-ként a régi A tree egy node-ját, másodikként a régi treep-t kapjuk. Ha a régi node nullptr akkor csak visszaadunk egy nullptr-t. Ha azonban létezik, akkor csinálunk egy újat átmásoljuk az értéket (pontosabban a ctor-ba arg-ként küldjük), és átmásoljuk a count int típusú data membert. A rekurzív

rész most jön, ugyanis a gyerek node-okat nem a régi fa nodejaira akarjuk állítani, hanem újonnan készített node-okra. Azaz ezekre újból rekurzívan hívjuk deep\_copy-t. Ezt persze mind bal mind jobb gyereknél meg kell csinálni. A végén ellenőriznünk kell, hogy az a régi node amit jelenleg dolgoztunk fel éppen véletlenül az-e amire a régi treep mutatott. Ha ez így van akkor az új fa treep-jét átállítjuk az új node-ra.

```
Node* deep_copy(Node* old_n, Node* old_treep)
{
  Node* newn = nullptr;
  if(old_n) {
    newn = new Node(old_n->get_value());
    newn->left_child(deep_copy(old_n->left_child(),old_treep));
    newn->right_child( deep_copy(old_n->right_child(),old_treep));
    if(old_n==old_treep) {this->treep=newn;}
  }
  return newn;
}
```

A következő a move assignment. Itt annyi történik, hogy a régi BinTree instance és az új BinTree instance root illetve treep pointereit megcseréljük. Nem kell ki nullptr-ezni a saját root és treep-nket swap előtt, hiszen ha már move assignment hívódik, akkor ezek vagy eleve nullptr-ek, vagy valid ptr-ek.

A következő a move ctor. Itt kihasználjuk move assignmentet. Vegyük észre, hogy előtte a saját root és treep-t nullptr-e vesszük fel. Ha nem így tennénk akkor ezek uninitialized-ok lennének, magyarul memória szemét lenne rajtuk, és invalid helyekre mutatnának.

Copy assignment a copy ctor, move ctor és move assignment ismeretében egy trükkel könnyen megvalósítható. Egyszerűen létrehozunk egy temp nevű ctor body scope-an létező lokális BinTree instance-t. Ezen

BinTree instance copy ctor-ral lemásolja a régit. Ezután std::swap-el tmp és a jelenleg this által mutatott BinTree példányok közt cserét hajt végre. Mikor elhagyjuk a ctor scope-ot a this által mutatott instance életben marad (ő az old másolat), a régi pedig "elpusztul", azaz dtor hívódik az általta mutatott címre majd fel lesz szabadítva az általa foglalt memória terület.

#### Alább a teljes kód.

```
#include <iostream>
  #include <algorithm>
  // #define LOG_NODE_LIFECYCLE
  #define LOG_TREE_LIFECYCLE
6
  template<typename ValueType>
  class BinTree
9
  {
10
  protected:
11
     class Node
12
     {
13
     public:
14
       Node (ValueType value) : value (value), left (nullptr), right (nullptr),
15
          count (0)
        {
16
           #ifdef LOG_NODE_LIFECYCLE
17
              std::cout<<"node ctor"<< static_cast<void*>(this) << std::endl;</pre>
18
           #endif
19
         }
20
     private:
21
       // TODO impl rule of five
22
       Node (const Node &);
23
       Node& operator=(const Node&);
24
       Node (const Node&&);
25
       Node& operator=(const Node&&);
26
     public:
27
       ValueType get_value() { return value; }
28
       Node* left_child() { return left; }
29
       Node* right_child() { return right; }
30
       void left_child(Node* node) { this->left=node;}
31
```

```
void right_child(Node* node) { this->right=node; }
32
       int get_count() { return count; };
33
       void set_count(int c) { count=c; };
       void incr_count() { this->count++;}
35
     private:
36
       ValueType value;
37
       Node* left;
38
       Node* right;
39
       int count;
     }; /* class Node */
41
  public:
42
     BinTree(Node* root=nullptr, Node* treep=nullptr) : root(root), treep( \leftrightarrow
43
        treep), depth(0)
       #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
45
         std::cout<<"btree ctor "<< static_cast<void*>(this) << std::endl;</pre>
       #endif
47
     }
48
49
     ~BinTree()
50
       #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
52
         std::cout<<"btree dtor "<< static_cast<void*>(this) << std::endl;</pre>
53
       #endif
54
       deltree (root);
55
     }
57
     BinTree (const BinTree & old)
58
59
       #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
60
         std::cout<<"btree copy ctor "<< static_cast<void*>(this) << std::endl ↔
61
       #endif
62
       root = deep_copy(old.root,old.treep);
63
64
65
     BinTree& operator=(const BinTree& old)
66
       #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
68
         std::cout<<"btree copy assign "<< static_cast<void*>(this) << std:: ←
69
             endl;
       #endif
70
       BinTree tmp(old);
71
       std::swap(*this,tmp);
72
       return *this;
73
     }
74
75
     BinTree (BinTree & old)
76
77
       #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
```

```
std::cout << "btree move ctor "<< static_cast < void *> (this) << std::endl <math>\leftrightarrow
79
        #endif
        root = nullptr;
        treep = nullptr;
82
        *this=std::move(old);
83
84
     BinTree& operator=(BinTree&& old)
87
        #ifdef LOG TREE LIFECYCLE
88
          std::cout<<"btree move assign "<< static_cast<void*>(this) << std:: ←
89
             endl;
        #endif
90
        std::swap(old.root, root);
91
        std::swap(old.treep, treep);
92
        return *this;
93
94
95
   public:
     BinTree& operator<<(ValueType);</pre>
98
     void print() { print(root, std::cout);}
     void print(Node* node, std::ostream& os);
100
     void deltree(Node* node);
101
   private:
103
     Node* deep_copy(Node* old_n, Node* old_treep)
104
105
       Node* newn = nullptr;
106
        if (old_n) {
107
          newn = new Node(old_n->get_value());
          newn->set_count(old_n->get_count());
109
          newn->left_child(deep_copy(old_n->left_child(),old_treep));
110
          newn->right_child( deep_copy(old_n->right_child(),old_treep));
111
          if (old_n==old_treep) {this->treep=newn; }
112
113
        return newn;
114
115
116
   protected:
117
118
     Node* root;
119
     Node* treep;
120
     int depth;
121
   }; /* class Tree */
122
123
   template<typename ValueType>
124
   BinTree<ValueType>& BinTree<ValueType>::operator<<(ValueType value)
125
126
```

```
if(!treep) {
127
        root = treep = new Node(value);
128
     }else if(treep->get_value() == value){
129
       treep->incr_count();
130
     }else if(treep->get_value() > value){
131
       if(!treep->left_child()){
132
          treep->left_child(new Node(value));
133
       }else{
134
          treep = treep->left_child();
          *this<<value;
136
137
     }else{
138
       if(!treep->right_child()){
139
          treep->right_child(new Node(value));
140
       }else{
141
          treep = treep->right_child();
142
          *this<<value;
143
144
145
     treep = root;
     return *this;
148
149
   template<typename ValueType>
150
   void BinTree<ValueType>::print(Node* node, std::ostream& os)
151
     if (node) {
153
       ++depth;
154
       print(node->right_child(), os );
155
       for(int i = 1; i < depth; ++i) {os << "---";}</pre>
156
       os << node->get_value() << " " << depth << " " << node->get_count() <<
157
           std::endl;
       print(node->left_child(),os);
158
        --depth;
159
     }
160
161
162
   template<typename ValueType>
164
   void BinTree<ValueType>::deltree(typename BinTree<ValueType>::Node* node)
165
   {
166
     if (node) {
167
       deltree(node->left_child() );
168
       deltree(node->right_child() );
169
        #ifdef LOG_NODE_LIFECYCLE
170
          std::cout<<"node delete "<< static_cast<void*>(node) << std::endl;</pre>
171
        #endif
172
       delete node;
173
175
```

```
template<typename ValueType, ValueType vr, ValueType v0>
176
   class ZLWTree : public BinTree<char>
   {
178
   public:
179
     ZLWTree() : BinTree<char>(new typename BinTree<char>::Node(vr))
180
181
        this->treep = this->root;
182
183
   private:
184
   public:
185
     ZLWTree& operator<<(char);</pre>
186
   private:
187
188
   };
189
   template<typename ValueType, ValueType vr, ValueType v0>
   ZLWTree<ValueType, vr, v0>& ZLWTree<ValueType, vr, v0>::operator<<(char \leftrightarrow
191
      value)
   {
192
193
     if (value==v0) {
        if(!this->treep->left_child()){
          typename BinTree<char>::Node* node = new typename BinTree<char>::Node ←
195
              (value);
          this->treep->left_child(node);
196
          this->treep = this->root;
197
        }else{
198
          this->treep = this->treep->left_child();
200
     }else{
201
        if(!this->treep->right_child()){
202
          typename BinTree<char>::Node * node = new typename BinTree<char>::Node ←
203
              (value);
          this->treep->right_child(node);
          this->treep = this->root;
205
        }else{
206
          this->treep = this->treep->right child();
207
208
209
     return *this;
   }
211
212
   void test_cp_mv();
213
214
   void test_bintree();
215
216
   void test_zlw();
217
218
   int main(int argc, char** argv, char** env)
219
220
     test_cp_mv();
221
222
```

```
223
  void test_cp_mv()
     BinTree<int> bt;
227
     bt <<8<<9<<5<<2<<7;
228
     bt.print();
229
     std::cout << std::endl;</pre>
230
     ZLWTree<char,'/','0'> zt;
     zt <<'0'<<'0'<<'0'<<'0';
232
     zt.print();
233
     ZLWTree<char,'/','0'> zt2(zt);
234
     ZLWTree<char,'/','0'> zt3;
235
     zt3 <<'1'<<'1'<<'1';
236
     std::cout<<"***"<<std::endl;</pre>
237
     zt = zt3;
238
     std::cout<<"***"<<std::endl;</pre>
239
     ZLWTree<char,'/','0'> zt4 = std::move(zt2);
240
241
242
   void test_bintree()
244
    BinTree<int> bt;
245
    bt <<8<<9<<5<<2<<7;
246
    bt.print();
247
     std::cout << std::endl;</pre>
249
250
  void test_zlw()
251
252
     ZLWTree<char,'/','0'> zt;
253
     254
        <<'0'<<'0'<<'1'<<'1';
     zt.print();
255
     std::cout << std::endl;</pre>
256
257
```

Ha a traversalt esetleg egy user supplied lambdára akarjuk cserélni akkor alábbi kódban találhatunk rá megoldást: Az előző kódhoz képest itt a számítást is megcsináltuk. Mármint node depth max, átlag, szórás.

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <utility>
#include <functional>
#include <algorithm>

// #define LOG_NODE_LIFECYCLE

#define LOG_TREE_LIFECYCLE
```

```
template<typename V>
  class BTree;
13
  template<typename V>
15
  class SearchTree;
16
17
  template<typename V>
18
  class LZWTree;
19
  template<typename V>
21
  class BNode
22
23
  // [LIFECYCLE]
25
  public:
    BNode (V v) : v(v), l(nullptr), r(nullptr), dup(0)
26
27
       #ifdef LOG_NODE_LIFECYCLE
28
         std::cout<<"node ctor"<< static_cast<void*>(this) << std::endl;</pre>
29
       #endif
30
    }
31
32
  private:
33
    BNode (const BNode&);
34
    BNode& operator=(const BNode&);
35
    BNode (BNode & &);
36
    BNode& operator=(BNode&&);
37
  // [API]
38
  public:
39
    unsigned int get_duplication_count() const { return dup; }
40
    bool has_left() const{ return (1!=nullptr);}
41
    bool has_right() const{ return (r!=nullptr);}
42
    bool is_leaf() const{ return ((r==nullptr)&&(l==nullptr));}
43
    V get_value() const { return v;}
  // [STATE]
45
  private:
46
    V v;
47
    BNode* 1;
48
    BNode* r;
    unsigned int dup;
50
51
  friend class BTree<V>;
52
  friend class SearchTree<V>;
  friend class LZWTree<V>;
55
  };
  template<typename V>
57
  class BTree
58
59
  protected:
```

```
// [LIFECYCLE]
   public:
     BTree() : root(nullptr), cur(root)
       #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
66
          std::cout<<"btree ctor "<< static_cast<void*>(this) << std::endl;</pre>
67
        #endif
68
     }
69
     virtual ~BTree()
71
72
       del_subtree(root);
73
74
       #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
          std::cout<<"btree dtor "<< static_cast<void*>(this) << std::endl;</pre>
75
        #endif
76
     }
77
78
     BTree (const BTree & old)
79
80
       #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
81
          std::cout << "btree copy ctor "<< static_cast < void *> (this) << std::endl <math>\leftarrow
       #endif
83
       root = deep_copy(old.root ,old.cur);
84
85
     BTree& operator=(const BTree& old)
87
88
        #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
89
          std::cout<<"btree copy assign "<< static_cast<void*>(this) << std:: ←
90
             endl;
       #endif
91
       BTree tmp(old);
       std::swap(*this,tmp);
93
       return *this;
94
     }
95
     BTree (BTree & old)
98
        #ifdef LOG TREE LIFECYCLE
99
          std::cout<<"btree move ctor "<< static_cast<void*>(this) << std::endl ↔
100
       #endif
101
       root = nullptr;
102
        *this = std::move(old);
103
104
105
     BTree& operator=(BTree&& old)
106
107
        #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
```

```
std::cout << "btree move assign "<< static_cast < void *> (this) << std:: <math>\leftrightarrow
109
              endl;
        #endif
110
        std::swap(old.root, root);
111
        std::swap(old.cur, cur);
112
        return *this;
113
114
   // [API]
115
   public:
116
117
     virtual BTree& operator<<(V val) { return *this;}</pre>
118
119
     template<typename F>
120
     void foreach_inorder(F f) { foreach_inorder(0, root, f);
121
122
     template<typename F>
123
     void foreach_postorder(F f) { foreach_postorder(0, root, f); }
124
125
     template<typename F>
126
     void foreach_preorder(F f) {    foreach_preorder(0, root, f); }
127
   private:
129
     template<typename F>
130
     void foreach_inorder(int depth, BNode<V>* n, F f)
131
132
        if(n){
          foreach_inorder(depth+1, n->r, f);
134
          f(depth, n->v, n->dup, n->is_leaf());
135
          foreach_inorder(depth+1, n->1, f);
136
        }
137
      }
138
139
     template<typename F>
140
     void foreach_postorder(int depth, BNode<V>* n, F f)
141
142
        if(n){
143
          foreach_postorder(depth+1, n->r, f);
144
          foreach_postorder(depth+1, n->1, f);
          f(depth, n->v, n->dup, n->is_leaf());
146
        }
147
      }
148
149
     template<typename F>
150
     void foreach_preorder(int depth, BNode<V>* n, F f)
151
152
        if(n){
153
          f(depth, n->v, n->dup, n->is_leaf());
154
          foreach preorder (depth+1, n->r, f);
155
          foreach_preorder(depth+1, n->1, f);
156
```

```
158
159
     void del_subtree(BNode<V>* n)
161
        if(n){
162
          del_subtree(n->1);
163
          del subtree(n->r);
164
          #ifdef LOG_NODE_LIFECYCLE
165
            std::cout<<"node delete "<< static_cast<void*>(n) << std::endl;</pre>
166
          #endif
167
          delete n;
168
169
170
      }
171
     BNode<V>* deep_copy(BNode<V>* old_n, BNode<V>* old_cur)
172
173
        BNode<V>* newn = nullptr;
174
       if (old_n) {
175
          newn = new BNode < V > (old_n -> v);
176
          newn->l = deep_copy(old_n->l,old_cur);
177
          newn->r = deep_copy(old_n->r,old_cur);
          if(old_n==old_cur) {this->cur=newn;}
179
        }
180
        return newn;
181
     }
182
   // [STATE]
184
   protected:
185
     BNode<V>* root;
186
     BNode<V>* cur;
187
   };
188
   template<typename V>
190
   class SearchTree : public BTree<V>
191
   {
192
   // [LIFECYCLE]
193
   public:
194
     SearchTree() : BTree<V>(){};
196
   // [API]
197
     virtual SearchTree& operator<<(V val) override</pre>
198
199
        // invalid states
200
        if( this->root == nullptr && this->cur != nullptr
201
            || this->root != nullptr && this->cur == nullptr)
202
        {return *this;}
203
        // valid, but tree uninited, so we inject root
204
        if(this->root == nullptr) { this->cur = this->root = new BNode<V>(val);
205
           return *this; }
        // valid, tree inited
```

```
if (val == this->cur->v) {
207
          this->cur->dup++;
208
        }else{
          if (val<this->cur->v) {
210
            // left
211
            if(this->cur->l == nullptr) {
212
               this->cur->l = new BNode<V>(val);
213
            }else{
214
               this->cur = this->cur->l;
               *this<<val;
216
            }
217
          }else{
218
            // right
219
            if(this->cur->r == nullptr) {
220
              this->cur->r = new BNode<V>(val);
221
            }else{
222
               this->cur = this->cur->r;
223
               *this<<val;
224
225
          }
226
227
        this->cur = this->root;
228
       return *this;
229
230
   private:
231
   // [STATE]
233
   private:
234
235
   };
236
   template<typename V>
   class LZWTree : public BTree<V>
239
240
   // [LIFECYCLE]
241
   public:
242
     LZWTree(V vr, std::function<bool(V)> predicate_is_left)
243
      : BTree<V>(), vr(vr), predicate_is_left(predicate_is_left)
245
        #ifdef LOG TREE LIFECYCLE
246
          std::cout<<"lzwree ctor "<< static_cast<void*>(this) << std::endl;</pre>
247
        #endif
248
     };
249
250
     virtual ~LZWTree()
251
252
        #ifdef LOG_TREE_LIFECYCLE
253
          std::cout<<"lzwree dtor "<< static_cast<void*>(this) << std::endl;</pre>
254
        #endif
255
256
```

```
257
258
   // [API]
259
     virtual LZWTree& operator<<(V val) override</pre>
260
261
        // invalid states
262
        if( this->root == nullptr && this->cur != nullptr
263
            || this->root != nullptr && this->cur == nullptr)
264
        {return *this;}
        // valid, but tree uninited
266
        // we just inject first the root value
267
        if(this->root == nullptr) { this->cur = this->root = new BNode<V>(vr); }
268
        // valid, tree inited
269
        if (predicate_is_left(val)) {
270
          // left
271
          if(this->cur->l == nullptr) {
272
            this->cur->l = new BNode<V>(val);
273
            this->cur = this->root;
274
          }else{
275
            this->cur = this->cur->l;
          }
        }else{
278
         // right
279
          if(this->cur->r == nullptr) {
280
            this->cur->r = new BNode<V>(val);
281
            this->cur = this->root;
          }else{
283
284
            this->cur = this->cur->r;
          }
285
286
        return *this;
287
   // [STATE]
289
   private:
290
     V vr;
291
     std::function<bool(V)> predicate_is_left;
292
   };
293
   template<typename V>
295
   void printer(int depth, V node_value, int duplicate_count, bool leaf)
296
   {
297
     for(int i = 0; i < depth+1; ++i)std::cout<<"---";</pre>
298
     std::cout<<node_value<<" ("<<depth<<")"<<std::endl;</pre>
299
   };
300
301
   typedef struct depthdata_t{
302
     int leaf_count;
303
     int max;
304
     double avg;
305
     double dev;
```

```
}DepthData;
307
308
   template<typename V>
   std::vector<int> collect_depths(BTree<V>& tree) {
310
     std::vector<int> depths;
311
     auto leaf_depth_counter = [&depths] (int depth, V node_value, int ←
312
         duplicate_count, bool leaf)
313
       if (leaf) depths.push_back (depth);
314
     };
315
     tree.foreach_inorder(leaf_depth_counter);
316
     return std::move(depths);
317
   }
318
319
   DepthData compute_depth_data(const std::vector<int>& depths)
320
   {
321
     const int leaf_count = depths.size();
322
     if(leaf_count < 1) {return {.leaf_count=0,.max=0,.avg=0,.dev=0};}</pre>
323
     int max = 0;
324
     double avq = 0.0;
325
     auto calc = [&max, &avg](const int& n) {if(max<n) {max=n;} avg+=n;};</pre>
     std::for_each(depths.begin(), depths.end(),calc );
327
     avg=avg/leaf_count;
328
     auto calc_dev_sq=[&leaf_count] (double sum, double depth) { return sum+ ←
329
         depth/leaf_count; };
     double dev = std::accumulate(depths.begin(), depths.end(), 0.0, \leftarrow
330
         calc_dev_sq);
     if (leaf_count > 1) {dev = sqrt( dev/(leaf_count-1));}
331
     else{dev = sqrt( dev );}
332
     return {.leaf_count=leaf_count,.max=max,.avg=avg,.dev=dev};
333
334
335
   void print_depth_data(const DepthData& dd)
336
337
     std::cout
338
     << "Leaf " << dd.leaf count << std::endl
339
     << "Max " << dd.max << std::endl
340
     << "Avg " << dd.avg << std::endl
     << "Dev " << dd.dev << std::endl;
342
343
344
   void test_binary();
345
346
   void test_binary_mv_cp();
347
   void test_lzw_char();
349
350
   void test_lzw_str();
351
352
   void test_lzw_cp_mv();
```

```
354
   int main(int argc, char** argv, char** env)
355
   {
     test_lzw_cp_mv();
358
359
360
   void test_binary()
361
362
     SearchTree<int> bt;
363
     bt << 8 << 9 << 5 << 2 << 7 << 9;
364
     std::cout << "BIN INORDER" << std::endl;</pre>
365
     bt.foreach_inorder(printer<int>);
366
     print_depth_data(compute_depth_data(collect_depths<int>(bt)));
367
     std::cout << "BIN POSTORDER" << std::endl;</pre>
368
     bt.foreach_postorder(printer<int>);
     std::cout << "BIN PREORDER" << std::endl;</pre>
370
     bt.foreach_preorder(printer<int>);
371
372
373
   void test_binary_mv_cp()
375
     SearchTree<int> zt;
376
     zt <<8<<7<<10<<9<<11;
377
     zt.foreach_inorder(printer<int>);
378
     SearchTree<int> zt2(zt);
     SearchTree<int> zt3;
380
     zt3 <<11<<8<<7<<9<<10;
381
     std::cout<<"zt = zt3"<<std::endl;</pre>
382
     zt = zt3;
383
     std::cout<<"std::move(zt2)"<<std::endl;</pre>
384
     SearchTree<int> zt4 = std::move(zt2);
386
387
   void test lzw char()
388
   {
389
     auto pred_left = [](std::string s){ return (s.compare("0")==0);};
390
     LZWTree<std::string> bt("/",pred_left);
     bt <<"0"<<"1"<<"1"<<"1"<<"0"<<"1"<<"0"<<"1"<<"0"<<"1" \leftrightarrow
392
         <<"0"<<"0"<<"1"<<"1";
     std::cout << "LZW STR INORDER" << std::endl;</pre>
393
     bt.foreach_inorder(printer<std::string>);
394
     print_depth_data(compute_depth_data(collect_depths<std::string>(bt)));
395
     std::cout << "LZW STR POSTORDER" << std::endl;</pre>
     bt.foreach_postorder(printer<std::string>);
397
     std::cout << "LZW STR PREORDER" << std::endl;</pre>
398
     bt.foreach_preorder(printer<std::string>);
399
400
401
   void test_lzw_str()
```

```
403
     auto pred_left = [](char c) { return (c=='0');};
404
     LZWTree<char> bt('/',pred_left);
405
     406
        <<'0'<<'0'<<'1'<<'1';
     std::cout << "LZW CHAR INORDER" << std::endl;</pre>
407
     bt.foreach inorder(printer<char>);
408
     print_depth_data(compute_depth_data(collect_depths<char>(bt)));
409
     std::cout << "LZW CHAR POSTORDER" << std::endl;</pre>
     bt.foreach_postorder(printer<char>);
411
     std::cout << "LZW CHAR PREORDER" << std::endl;</pre>
412
     bt.foreach_preorder(printer<char>);
413
414
415
   void test_lzw_cp_mv()
417
     auto pred_left = [](char c) { return (c=='0');};
418
     LZWTree<char> zt('/',pred_left);
419
     zt <<'0'<<'0'<<'0'<<'0';
420
     std::cout << "zt print"<<std::endl;</pre>
421
     zt.foreach_inorder(printer<char>);
     LZWTree<char> zt2(zt);
423
     std::cout << "zt2 print"<<std::endl;</pre>
424
     zt2.foreach inorder(printer<char>);
425
     LZWTree<char> zt3('/',pred_left);
426
     zt3 <<'1'<<'1'<<'1';
     std::cout << "zt3 print"<<std::endl;</pre>
428
     zt3.foreach_inorder(printer<char>);
429
     std::cout<<"zt = zt3"<<std::endl;</pre>
430
     zt = zt3;
431
     std::cout << "zt print"<<std::endl;</pre>
432
     zt.foreach_inorder(printer<char>);
433
     std::cout<<"std::move(zt2)"<<std::endl;</pre>
434
     LZWTree<char> zt4 = std::move(zt2);
435
     std::cout << "zt4 print"<<std::endl;</pre>
436
     zt4.foreach inorder(printer<char>);
437
438
   }
```

# Helló, Conway!

# 7.1. Hangyaszimulációk

Írj Qt C++-ban egy hangyaszimulációs programot, a forrásaidról utólag reverse engineering jelleggel készíts UML osztálydiagramot is!

Megoldás videó: https://bhaxor.blog.hu/2018/10/10/myrmecologist

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

# 7.2. Java életjáték

Írd meg Java-ban a John Horton Conway-féle életjátékot, valósítsa meg a sikló-kilövőt!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

# 7.3. Qt C++ életjáték

Most Qt C++-ban!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

# 7.4. BrainB Benchmark

Megoldás videó:

Megoldás forrása:



# Helló, Schwarzenegger!

# 8.1. Szoftmax Py MNIST

Python

Megoldás videó: https://youtu.be/j7f9SkJR3oc

Megoldás forrása: https://github.com/tensorflow/tensorflow/releases/tag/v0.9.0 (/tensorflow-0.9.0/tensorflow/examhttps://progpater.blog.hu/2016/11/13/hello\_samu\_a\_tensorflow-bol

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

# 8.2. Mély MNIST

Python

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

# 8.3. Minecraft-MALMÖ

Megoldás videó: https://youtu.be/bAPSu3Rndi8

Megoldás forrása:

# Helló, Chaitin!

# 9.1. Iteratív és rekurzív faktoriális Lisp-ben

Megoldás videó: https://youtu.be/z6NJE2a1zIA

Megoldás forrása:

### 9.2. Gimp Scheme Script-fu: króm effekt

Írj olyan script-fu kiterjesztést a GIMP programhoz, amely megvalósítja a króm effektet egy bemenő szövegre!

Megoldás videó: https://youtu.be/OKdAkl\_c7Sc

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/tree/master/attention\_raising/GIMP\_Lisp/Chrome

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

# 9.3. Gimp Scheme Script-fu: név mandala

Írj olyan script-fu kiterjesztést a GIMP programhoz, amely név-mandalát készít a bemenő szövegből! Megoldás videó: https://bhaxor.blog.hu/2019/01/10/a\_gimp\_lisp\_hackelese\_a\_scheme\_programozasi\_nyelv Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/tree/master/attention\_raising/GIMP\_Lisp/Mandala Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

# Helló, Gutenberg!

### 10.1. Programozási Alapfogalmak

### 10.1.1. Gépi kód, assembler, magasabb szintű nyelvek

Mielőtt beszélünk a típusokról nézzünk egy nem típusos nyelvet! A [NANDTOTETRIS]-hez írtunk egy c++ interpreter jellegű programot, mely úgy viselkedik mintha egy vlós CPU lenne(csak jóval egyszerűbbek az opcode-ok). A lényeg, hogy 2 regiszter van. A és D. A "Adress" ugyanis a jump-ok mindig az A-ban lévő értékű címre ugranak. D "Data" register pedig egy "sima" regiszter. "A" regiszterrel a trükközés azért kell, mert így borzasztóan egyszerűve válnak az opcode-ok. 0-kat és 1-eseket nem akarunk írni, ezért írtunk rá egy assemblert. Alább látható egy szuper egyszerű assembly kód erre a teljesen minimalista kis gépre.

```
@2
D=A
@3
D=D+A
@0
M=D
```

Direkt a fenti egyszerűbbet mert látható a példán egy gcc -S -el készült sima main-ből ez lesz a körítés miatt.

```
.file "one.c"
    .def __main; .scl 2; .type 32; .endef
    .text
    .globl main
    .def main; .scl 2; .type 32; .endef
    .seh_proc main
6
  main:
    pushq %rbp
    .seh_pushreg %rbp
    movq %rsp, %rbp
10
    .seh_setframe %rbp, 0
11
    subq $32, %rsp
12
   .seh_stackalloc 32
```

```
.seh_endprologue
14
    call __main
15
    movl $1, %eax
    addq $32, %rsp
17
    popq %rbp
18
    ret
19
     .seh_endproc
20
     .ident "GCC: (Rev1, Built by MSYS2 project) 7.2.0"
21
  CHIP ALU {
1
       IN
2
           x[16], y[16], // 16-bit inputs
3
           zx, // zero the x input?
           nx, // negate the x input?
           zy, // zero the y input?
6
           ny, // negate the y input?
7
           f, // compute out = x + y (if 1) or (x and y) (if 0)
8
           no; // negate the out output?
9
10
       OUT
11
           out[16], // 16-bit output
12
           zr, // 1 if (out == 0), 0 otherwise
13
           ng; // 1 if (out less than 0), 0 otherwise
14
15
       PARTS:
16
17
       // X INP
18
         Mux16(a=x,b[0..15]=false,sel=zx,out=xt);
19
         Not16(in=xt,out=xtn);
20
         Mux16(a=xt,b=xtn,sel=nx,out=xarg);
21
       // Y INP
22
         Mux16(a=y,b[0..15]=false,sel=zy,out=yt);
23
         Not16(in=yt,out=ytn);
24
         Mux16(a=yt, b=ytn, sel=ny, out=yarg);
25
26
         And16 (a=xarg, b=yarg, out=oand);
27
         Add16(a=xarg,b=yarg,out=oadd);
         Mux16(a=oand, b=oadd, sel=f, out=o);
29
       // OUT POST
30
         Not16(in=o,out=onot);
31
         Mux16(a=o, b=onot, sel=no, out=oo);
32
       // ZR
33
         Or16Way(in=oo,out=tzr);
34
         Not (in=tzr, out=zr);
35
36
         And16(a[0..15]=true, b=oo, out[15]=ng, out[1..14]=drop);
37
       // OUT
38
         Or16 (a=oo, b[0..15]=false, out=out);
39
40
```

A lényeg, hogy az assembler (label és egyéb dolgok mellett) elsősorban azt a célt szolgálja, hogy a fenti szöveg átforduljon bytecode-ra. Alább látható a fordított gépikód.

Sajnos, el kellett engednem a teljes leírást, mert egyszerűen nincs rá idő, de komolyan ajánlom mindenkinek a [NANDTOTETRIS]-t. Alább például látszik egy szuper bugyuta kis ALU. Akármennyire bugyuta és tele van csalással a lényeg, hogy közelebb visz a szoftver és hardware találkozásához, ahol az igazi varázslat történik. (Hisz papíron ugyan Gödel megcsinálta, de sok idő kellett mire mindekinek lett macskáskép nézegetője.) Másrészről nincs jobb érzés, mint amikor megcsinálja az ember a kapukat, majd ráküldi a kódot és megtudja vele csinálni a "for"-t! Tényleg fáj a szívem hogy nincs módom berakni a doksiba. De őszintén ajánlom a könyvet, mert valójában az NEM EGY KÖNYV. Minden fejezet egy minimális elméleti alapozó és utána szuper egyértelmű task-ok vannak, TESZTEKKEL és platformmal együtt. Annyi, hogy én nem szeretem a Java-t mert az Oracle gonosz, ezért csak az assembler-es részt rossz minőségű c++-ban reprodukáltam a ide.

Ha valakit abszolút nem érdekel a dolog, akkor is egyszer javaslom, csak amiatt, hogy átérezzük, hogy mennyire komoly segítséget adnak a mérnökinfósok és villamos mérnökök nekem illetve nekünk.

Ha pedig valakit a mérnökinfósok sem érdekelnek és nem szeret olvasni, legalább vessen egy pillantást erre.

Nincsenek típusok, minden "szó" N menyiségű bitből álló rendezett 16-os. Műveleteket nem definiálhatunk magunk, hisz azt a CPU csinálja.

Innentől kezdve bármit tanulunk emlékezzünk arra, hogy hasonló lesz a vége. (Persze a valóságban jóval összetettebb, de 1-esek és 0-k lesznek a legadvancedebb cpp kódból a nap végén.)

A típus megadja a gépnek hogy mikor írtunk egy programot és ráengedjük a lexert, parsert, compilert vagy interpretert akkor mit fogadjon el egyáltalán. Azaz hogy milyen elemei lehetnek. Azaz a típus egy halmazként is felfogható, melynek elemei a lehetséges értékek. Halmazoknál ugye felsorolhatjuk, de akár ha pro-k vagyunk szabályokkal is megadhatjuk (emlékezzünk a természetes számok halmazán successor-ra, vagy akár a modulo kongruencia osztályokra egészeknél)

A típus megadja a gépnek hogy milyen műveleteket és hogyan kell végezni. Például egy bool-t ha negálunk más történik, mintha egy int-et. Sőt, sokszor nem is lehet bizonyos dolgokat értelmezni, például Várterész Tanárnő nem nagyon szorozgatott igaz-t hamis-sal (majd később belemegyünk a szorzásba, most simán csak gondoljunk gyerekkorunkban tanultakra).

A típus megadja a gépnek hogy hogyan kell interpretálni az adatot. Például gondoljunk egy egyszerű C struct-ra, van két char fieldje "foo" és "bar". Elrakjuk valahova a memóriába (és tároljuk a címét), majd kis idő múlva kellene az "b" field. Honnan fogjuk tudni, hogy a sok bit közül hol kezdődnek a "b" field bitjei illetve, hogy hány bitből is áll? Például erre (is) ad válazt a primitív char típus.

Amit még nagyon fontos lefektetni, az az hogy inheritance, primitív típus, template mind csak fluff és eyecandy a CPU szempontjából. Előbb utóbb mindenből 0101 0011 1111 0000 lesz. Igen igen 32 64, plusz valójában nem egy szó kerül be stb. de a lényeg hogy mindent számokra képezünk le. Az összes többi dolog csak és kizárólag azért kell, mert az ember biológiailag nem 0 és 1 olvasásra és nagy sebességű aritmetikai műveletek elvégzésére fajlődött hanem az ágakon tekergő kígyók elől való elugrálásra.

A tankönyv említi hogy forrásszöveget írunk, amelyből aztán két mágiával lehet gépi kód. Compiler-es és interpreter-es. Ez a valóságban sajnos nem ilyen egyértelmű. Nézzünk például egy Java-s példát. Igen compiled, de...mégis a VM stack machine-en fut. A stack machine csak egy absztrakció, nem a tiszta vas. Ez is a középpontja az Java azon ígéretének mi szerint "write once, run before Oracle sues you for using VM without paying your subscription for server side usage".

Másik Java példa: Project Lombok. Fel annotáljuk meta nyelven a forrás szöveget, és a class file-ba belegeneráljuk a boilerplate code-ot, anélkül, hogy telenyomnánk vele a source-t.

Másik Java példa: Spring, xml vagy reflection (annotation) based meta adatok. Igen a forrás fájl része, de egy framework használja az adatokat...

És a akkor a kedvencem: Írok egy progit C-ben. Mondjuk egy macskáskép játék. A business logic-ot direkt C helyett Lua-ban írom, magyarul a C programom tartja számon a Lua state-t. A programom compiled, viszont ha a lua szkriptet változtatom alatta akkor gond nélkül hot swappelhetem mondjuk szerver oldalon. Most akkor része a business logic a programomnak? Vagy a programom egy hyper program ami önmaga nem a macskás játék? De hát a grafikus funkciók C-ben vannak írva? A lényeg, hogy nem ilyen egyértelmű a dolog.

Arról pedig már ne is beszéljünk, amit egy JIT compiler egy átlagos hétfő délután csinál.

A tankönyv ezután belemegy a fordító programok világába. Ez ahogy láttuk nem egy merev dolog, de ennél még rosszabb is történhet. Egyes "compiler"-ek azért vannak hogy C-kódot generáljanak valami deklaratív jellegű nyelvből. De ennél még rosszabb, hogy van aminek az a célja hogy C kódot fordítson Javascriptre. A fordítás általános feladatai a tankönyv szerint a következőek:

- lexikális elemzés
- szintaktikai elemzés
- szemantikai elemzés
- kódgenerálás

A könyv kiemeli, hogy lehet szó előfordítókról. Most egy tanulságos történet: Java spring-based web server. Hibernate előtti időszak, szóval perzisztenciát from scratch. Amerikaiak úgy döntöttek, hogy egy perzisztens class-t annotációkkal fognak "dekorálni" (ez akkor még nagy szó volt, mert ez még az xml config-os spring era), és technikai okokból, ha ez megtörtént, az annotációkban megjelölt információk alapján a SUPER class auto generálni fogjuk. Igen Derived extends Base és Base még nem volt kész, hanem Derived alapján jött létre "automatán" a Derived annotált source kód alapján. Például olyan célt szolgált, hogy a null check-ek validálások, propertyeventchanged küldések stb. ne kézzel íródjanak. Ő az. Az már egy másik cseresznye a tortán, hogy nem a hétköznapi módon csináltak Product táblát, Employee táblát stb., hanem például TypeIdentifier, AttributeTypeIdentifier és hasonló táblák voltak, azaz runtime lehetett új "típusokat" létrehozni, úgy hogy ezek nem csak a field-eket örökölték, hanem viselkedést is (igen a munka nagyrésze az application layerben ment).

A könyv kitér rá, és tényleg nagyon fontos a linker. Egyébként így elsőre prog 1-ből az lesz az előnye, hogy nem kell mindig az egészet újra fordítani. Persze ha nem kell mindig újra fordítani. Persze a compileolgatásnak és linkelgetésnek is meg van a maga ára. Például ha ritkán változó dologról van szó, akkor lehet precompiled header-ekkel dolgozni.

Na jó...de mi ez az egész linkelés? Pl. C++ esetén a compilation unit Foo, illetve van egy FooMain-ünk ahol használjuk. Külön külön fordítjuk, és ha minden rendben akkor végül együtt kell működniük majd,

tehát linkelésnél valamilyen módon a FooMain beli használathoz társítani kell a Foo beli implementációt. A szerződés az együttműködésre Foo.hpp.

```
#ifndef FOO_H
  #define FOO_H
3 class Foo{
4 public:
    Foo(int v);
    int getA() const;
6
  private:
  int a;
  };
  #endif
  #include "Foo.hpp"
1
2
  Foo::Foo(int v) {
    this->a = v;
4
  }
5
6
  int Foo::getA() const
7
8
9
    return this->a;
  }
10
  #include "Foo.hpp"
  #include <iostream>
  int main(){
    Foo foo(1);
    std::cout << foo.getA() << std::endl;</pre>
5
    return 0;
6
  }
7
```

```
UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/cbook (master)

$ g++ -c Foo.cpp

UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/cbook (master)

$ g++ -c FooMain.cpp

UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/cbook (master)

$ g++ -o FooMain.exe Foo.o FooMain.o

UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/cbook (master)

$ ./FooMain.exe
```

10.1. ábra. Foo és Foo Main

Na jó... de mi történik, ha megváltozik az a field? Mi van ha kifele int-et mutatok, de valójában másképp akarom tárolni?

Amíg a hpp változatlan addig azt csinálok implementációban amit akarok!

De...szóval mi van ha esetleg az a implementációjához akarok hozzányúlni. Bad luck! Hpp-t módosítani kell és akkor már nem tudnak ellened linke...VÁRJUNK CSAK!

Egy kis trükközéssel encapsulating kivitelezhető ezen kívánságra is, csak kompozíciót kell alkalmazni és egy struct-ba wrappelni amit rejteni kívánunk.

```
#ifndef FOOABI H
  #define FOOABI H
2
  #include <memory>
  class FooABI{
6
  public:
7
     ~FooABI();
8
9
     FooABI(const FooABI&) = delete;
10
11
    FooABI& operator=(const FooABI&) = delete;
12
13
     FooABI(FooABI&&) = delete;
14
15
     FooABI& operator=(FooABI&&) = delete;
16
  public:
17
    FooABI(int v);
18
19
     int getA() const;
20
  private:
21
    struct Impl;
22
     std::unique_ptr<struct Impl> impl_;
23
  };
24
  #endif
25
```

```
#include "FooABI.hpp"
2
  struct FooABI::Impl
3
4
     Impl(int v) : a(v){};
    int a;
6
  };
7
  FooABI::FooABI(int v) : impl_(new Impl(v)) {
9
10
11
12
  FooABI::~FooABI() = default;
13
14
  int FooABI::getA() const
```

```
return impl_->a;

return impl_->a;

#include "FooABI.hpp"

#include <iostream>
int main() {

FooABI fooabi(1);

std::cout << fooabi.getA() << std::endl;

return 0;
}</pre>
```

```
UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/cbook (master)

$ g++ -c FooABI.cpp

UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/cbook (master)

$ g++ -c FooABIMain.cpp

UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/cbook (master)

$ g++ -o FooABIMain.exe FooABI.o FooABIMain.o

UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/cbook (master)

$ ./FooABIMain.exe
```

10.2. ábra. FooABI és FooABI Main

A nevekben felfedezhető ABI az Application Binary Interface szóra utal. Erről most nem írok részletesen, de mint ahogy az Application Programming Interface azaz API jó ha konzisztens tud maradni például egy library különböző verziói között, addig a gép számára hasonlóan jó dolog ha az ABI nem változik.

A tankönyvet régen írták, de igen, továbbra is nagyon fontos hogy ki hogyan és mihez kapcsolódik, viszont mivel telt múlt azóta az idő, vannak új trükkök!

A betöltés egy nagyon fontos dolog. Miért is? A gépekben az adat, az eljárás és a macskás képek nem különülnek el. Minden adat. Vicces túlzással élve a számítógép valójában egy ipari lyukasztó gép amit, nos lényegében lyukasztott kártyákkal programozunk, innentől kezdve ő kilyukasztja az utasítás kártyát ha kell, és ha kell lefuttatja a kilyukasztott végterméket egyaránt ha beadjuk neki. Számára lyuk-lyuk egyre megy.

#### Betöltés

C++, C, Java oldalról nehéz megérteni a betöltést. Nézzük assemblyvel egy egyszerű példán:

```
@0
D=M
@INFINITE_LOOP
D; JLE
@counter
```

```
M=D
   @SCREEN
  D=A
   @address
  M=D
(LOOP)
   @address
  A=M
  M = -1
  @address
  D=M
   @32
  D=D+A
   @address
  M=D
   @counter
  MD=M-1
   @LOOP
  D; JGT
(INFINITE_LOOP)
   @INFINITE_LOOP
   0; JMP
```

A lényeg, hogy van egy LOOP label-em. Ez egy hely a kódban ahova ugorhatok. Hogy ugrom oda? Long story short @LOOP-al betárolom LOOP helyét majd JGT-vel ugrom.

Ok. Pszeudokódban megy, de...Mennyi is a LOOP label címe? Mármint konkrétan nekem kellene, hogy az most akkor 0111 0111 0111 1111? Honnan tudom?

Naív válasz: Oké, 0 memória címre lesz betöltve a programom, szóval simán kiszámolom hogy az @address(hisz oda fogok ugrani, mert a LOOP az csak egy sajtos papír "tag", tag alatt az angol tag-et értem)

Ez egy tökéletes megoldás lehet Nintendo-n, vagy nem tudom... valami ROM-on!

De akkor mi van, ha én nem oda kerülök, hanem mondjuk már előttem vannak dolgok, mondjuk egy macskáskép sokszorosító?

Egyszerű megoldás: Akkor derüljön ki LOOP értéke, mikor én elhelyezésre kerülök! Zseniális!

Viszont...nos, innentől kezdve én elmozdíthatatlan vagyok! Pontosabban elmozdíthatnak, de mivel a LOOP egy konkrét érték, ezért ha arébb raknak, akkor rossz területre fog hivatkozni.

És akkor például itt jöhetnek trükkös megoldások a cím újra számításra, vagy esetleg arra, hogy én ne direktbe hivatkozzak egyenesen a fizikai címre, hanem magamhoz képest relatív.

Java esetben ez másképp van hiszen egy stack machine-be pakolunk dolgokat, ami az Oracle szerint write once run...

Persze a VM egyébként egy nagyon jó dolog. Vagy például az eve online Stackless Python-t használ ami egyébként ugyanúgy a unmutabilityt választotta, hasonlóan az Erlang-hoz

Interpreternél ugye nincs szükség ekkora hercehurcára, kivéve ha van szükség. Mármint például egyes interpretált nyelveknél direkt egy előfordított formába rkhatjuk a szkriptet és akkor kicsit gyorsítani tudunk a dolgokon.

Interpreteres esetekben persze mindig ott a lehetőség, hogy a CPU intenzív dolgokat natívba rakjuk. Pl. a dont starve esetén Lua intézi az üzleti logikát, ami az állatok párzási időszakban erősödő agressziójáért felelős, de a grafika, fizika, collision C/C++ oldalon van tartva. Azért nem mondok tiszta Cpp-t, mert Lua raw c ptr-eket fogad, illetve C-s callbackek szolgálnak hook-ként a lifecycle eventekre (magyarul ha a Lua gc elakar takarítani valamit, és az egy küldő kódból származó raw ptr, akkor egy user defined c callback-et hív ezen ptr-el. Mi például itt tudjuk az átküldött címre hívni a destruktort explicit, utána visszakerül luanak az irányítás. Azért nincs free vagy delete, mert az is customizeable, azaz lehet például, hogy mi írunk alá memory managementet, mert folyamatosan az OS-től kérni apró chunkokat elég lassú.).

Ezzel az egész résszel az volt a célom, hogy kifejezzem, hogy a könyv nagyon jó, de már régóta eltűntek azok az éles határok, illetve mivel nem láttam pontos definíciót ezért nehéz egyáltalán megtámadni is.

Természetesen a lexikális elemzés során megtörténik a forrás szöveg lexikális egységekre történő bontása. Ez ma is így van.

Egyébként viszont az is egy érdekes kérdés, hogy a Cpp type system az imperatív nyelvbe hogy kerül bele. Mármint arra a vicces dologra akarom felhívni a figyelmet, hogy mondjuk én egy extends-el egy abszolút nem imperatív dolgot csinálok, a type inference pedig...nos ennél kevésbé imperatív dolog nincs. Persze, igen, C-style cast.

Most bele lehetne menni szárazon a BNF-be, de ennél aranyosabb a Q={"1","3","t",a++b | a,b eleme Q} Szóval 133t, de Várterész Tanárnő egyébként szó szerint ilyen "elemzést végzett", amikor felírta az ábécét és a szabályokat.

A szintaktikai szabályok kicsit hajlékonyak, például ha Tanárnő hiányzik, akkor emlékezzünk arra, hogy a –Wpedantic(pl: field initialization sorrend csak a deklarációs sorrendben megengedett)

Imperatív nyelveknél a programozó mondja meg hogy hogyan, ezért tele van bugokkal. Mellette szól viszont, hogy gyorsabb kódot lehet így írni az elméletileg lehetségesnél

Deklaratív nyelveknék a programozó nem mondja meg hogyan. Emiatt nincs hiba. Technikailag. De természetesen abszolút nem az fog történi amire az ember gondol és sok szerencsét a Prolog debuggolással.

Imperatív nyelvekhez még talán annyit, hogy...nos az OOP nagyon jó dolog. Bizonyos feladatokra. Folyamatos vessző paripám az ECS. Nem ez nem egy nyelv, hanem egy megközelítési forma. Az egész arról szól hogy passzív adatstruktúráim vannak és a viselkedést megvalósító részeket megpróbálom (bár általában nehéz) állapot mentesíteni. Szerintem az OOP az emberi intuíciót és a problémákról történő gondolkodást elősegíti, de semmilyen bizonyíték nincs arra, hogy karbantartható codebase-hez vezet. (Például a Tony Hawk) Vannak olyan nyelvek melyek az interface-t (vagy teljesen absztrakt class-t) preferálják, és kigyomlálták a hétköznapi java-ban burjánzó inheritance fákat, erdőket.

A forrás fájlunkban emberileg értelmezhető szöveget írunk karakterek felhasználásával. A nyelv amin írjuk egy megfelelő abécéből (Logika emlékszünk?) és ezek alkalmazási szabályaiból áll

Lexikális egységek a következőek

#### • többkarakteres szimbólum

Pl.: ++, --, azaz ahelyett hogy valami furcsa új szimbólumot használnánk technikailag több szimbólum együttese alkot együtt egy szimbólumot. Például gondoljunk arra, hogy egyszerű abécé betűkkel mondjuk csinálunk egy olyan nyelvet amibe kéne egzisztenciális kvantor, és azt találnánk ki, hogy az ee jelentse azt.

#### · szimbolikus név

Azonosító, adott nyelv szintaktikai szabályai szerint olykor például kötelezően betűvel kezdődő karakter sorozat. A lényeg hogy ezt használjuk a dolgot elnevezésére. Azaz például egy változóra hog hivatkozzunk az azonosítóját írosgatjuk be a forrásszövege.

Kulcs szó, a nyelv által védett, különös jelentősséggel bíró név. Például a for mely érezhetően ahhoz kell, hogy jelezzük, hogy ami utána jön abból valami loop jellegű dolog legyen. Turing fejezetben konkrétan a nyelvi spec-cel is foglalkoztunk optional-östől mindenesetül, ezért erre most nem térek ki.

Standard azonosító, melynek a nyelv tulajdonít jelentést. Pl.: Null

#### • címke

Ugráláshoz kell, hogy hova ugorjunk! Hogy mondjuk meg hova kéne ugorni, mindezt menedzselhetően? Adjunk egy címkét annak a sornak ahova ugorni akarunk! Fentebbi assembly kódban a loop-olás miatt láttunk labelt.

- megjegyzés
- literál

Nyelv által megengedett szabályok szerinti karakterlánc mellyel konkrét értéket tudunk bevinni. Egzotikus példa a cpp14 szabványos bit megadásos 0b01101010.

Sorok fontossága szerint

• Kötött formátumú nyelvek

Egy sor, egy utasítás. Legjobb példa az előbb már említett assembly (kis trükkel, hisz a label maga ugyan egy sor ott, de úgy írtam meg a parsert, hogy azt kikapja véglegesből hisz az csak meta adat:)

Szabad formátumú nyelvek

Ok, ha az új sor nem a vége a dolognak, akkor viszont meg kell valahol állni, ugye?! Nos ezt vagy explicit jelezzük pl. C, vagy khm... js!.

### 10.1.2. Adattípusok

(28) tartomány, műveletek, reprezentáció, egyszerű, összetett, mutató

Típusok, röviden felfoghatóak: lehetséges értékek halmaza + halmaz elemeken értelmezhető műveletek + reprezentáció együttese ként.

- numerikus pl.: (C)int, (C)float
- karakteres pl.: (C)char
- karakterlánc pl.: ezt általában nem igazi primitív, hanem a nyelv mellé adott alap library része, például Erlang-ban egyébként egy lista
- logikai pl.: (C) bool
- felsorolásos pl.: (C) enum
- sorszámozott pl.: (Pascal) byte, word, int, ...

A nyelv által definiált egyszerű típusokból van lehetőség új strukturált típusok összerakására ezek az összetett típusok.

A típusnak pedig végül kell hogy legyen valami azonosítója, hogy tudjunk rá a későbbiekben hivatkozni.

A mutató típusról kicsit külön érdemes beszélni. A mutató egy tárbeli címre mutat vagy NULL-ra. Érdemes tudni, hogy a mutatott cím egyáltal milyen típus. Azaz a char\* foo ptr típusú, viszont amire mutat azt char-ként fogja "interpretálni". Persze egy int-et tároló mem területre rámehetünk egy char ptr-rel gond nélkül.

#### 10.1.3. A nevesített konstans

(34) név, típus, érték

Szerintem a könyvbeli preprocesszor-os példa technikailag nem igaz. Az hogy a preproceszor mit csinál már a Turing-os fejezetben bemutattam, plusz mutattam olyat is amikor makró alkalmaz makrót ami kódot injektál. Na egy ilyen esetben látszik hogy a preprocesszor csak egy "szövegszerkesztő" eszköz, nem a nyelv része, plusz úgy ütöm felül a a define-okat ahogy akarom.

Ellenben a const int =6; egy konstans. típus, const qualifier, és értékadás, just like God intended. Ha már itt tartunk akkor itt a világ legmegbízhatóbb Java kódja, ami viszont olykor mégis hibát okozhat (assuming that it wont get optimized away): private static void foo() {};. He. He.

#### 10.1.4. A változó

(35) név, attribútumok, cím, érték

A változóknak négy komponense van:

- név pl.: user defined, scope-on belül egyedi
- attribútumok pl.: típus, vagy qualifiers
- cím stack, heap vagy manual
- érték értékadás, itt annyit érdemes megjegyezni, hogy attól hogy létrehozom és kap címet, azt nem lehet várni hogy a tár tiszta legyen, úgyhogy érdemes lehet initelni.
- felsorolásos pl.: (C) enum
- sorszámozott pl.: (Pascal) byte, word, int, ...

#### 10.1.5. Alapelemek az egyes nyelvekben

(39) innen csak a C nyelves rész persze

Aritmetikai típusok

• integrális - egész (int, short[int], long[int]) : signed unsigned-ról már turingban írtam példával együtt

- integrális karakter (char)
- integrális felsorolásos (enum)
- valós (float, double, long double)

#### Származtatott típusok

#### • tömb

Memóriában garantáltan egymás mellé kerülő hasonló típusú értékek. Azért ilyen furcsán írtam le mert ez a lényeg. Miért ez a lényeg? Nos, ha array-be tárolok valami akkor a cache miatt array-t nagyon gyorsan tudok "végig iterálni". Ez BORZASZTÓAN jól tud jönni. Persze sajnos hátulütője, hogy előre tudni kell a hosszt amennyit foglalni akarunk...

- függvény
- mutató

Architektúrától függő. Hossza pl. 64 bit, 32 bit. Ez egy sima egyszerű szám. Csak azáltal lesz különleges hogy általában a számot RAM hozzáférésre használjuk, de tényleg csak egy szám (főként void ptr esetén, hisz ott már nem cipel maga mellé meta adatként a mutatott adat típusát illető komoly információt). Egyébként cpp-ben szoktuk nyers ptr-nek is nevezni, mert ma már csak akkor használjuk ha nagyon fontos.

#### struktúra

A user a meglévő típusokból (akár újonnan létrehozott structokból) rakhat össze újakat. Az ABI esetén említett struct-os kód példa bemutatja hogyan lehet abuzálni.

#### union

Ahelyett hogy beszélgetünk róla itt van valami production code-ból(random CAD program). Embrace the C!

```
typedef struct le_line
2
       int type;
       Le3dPnt end1;
4
       Le3dPnt end2;
  } LeLinedata;
  typedef struct le_b_spline
       int
                     type;
10
       int
                     degree;
11
       double
                    *params;
12
       double
                    *weights;
13
       Le3dPnt *c_pnts;
14
                    num_knots;
       int
15
       int
                     num_c_points;
16
  } LeBsplinedata;
17
18
```

```
typedef struct le_circle
19
20
       int
                   type;
21
       Le3dPnt center;
22
       Le3dPnt norm_axis_unit_vect;
23
       double radius;
24
   } LeCircledata;
25
26
  typedef union le_curve
27
28
       LeLinedata
                             leline;
29
       LeBsplinedata
                             le_b_spline;
30
       LeCircledata
                             le_circle;
31
   } LeCurvedata;
```

• void

#### 10.1.6. Kifejezések

Kifejezésekkel a program egy adott pontján ismert értékekből újakat határozunk meg. Értékük és típu sok van.

Formálisan operátorból, operandusokból és csoportosító jelekből állnak (pl. zárójel).

Attól függgően hány operanduson történik, beszélhetünk unáry, binary, ternary stb. kifejezésekről. (Hehe funkcionális nyelveknél currying...)

A kifejezések több fajta alakban leírhatóak. Suliban az egyiket szoktuk meg, a gépek meg egy másikat. :)

- prefix(\* 3 5 )
- infix (3 \* 5)
- postfix(35\*)

Amikor a kifejezés értéke meghatározódik, azt kiértékelésnek is lehet nevezni, de Turing-ban adtam példát lambda kalkulusban normál formára hozásra. (Hisz a kiértékelés az, hogy normálformára hozzuk, ami lambdában nem mindig jelenti azt hogy pl. egy "számot" kapunk, lehet egy lambda absztrakció lesz a vége.)

A műveletek végrehajtási sorrendje a következő lehet

- felírási sorrend balról jobbra
- anti felírási sorrend jobbról balra

• precedencia alapján

Igen van olyan nyelv ahol magát a precedenciát is meg lehet adni...sőt ha két argunk van akkor infixben is lehet használni... De ez persze nem a C :)

Ha infixnél nem vagyunk biztosak abban hogy mi is lesz a sorrend, zárójelezzünk...

Ahhoz hogy ki lehessen értékelni egy operátor alkalmazását operandusokon érdemes tudni az operandusokat. A C erről nem köt meg semmit szabványban.

Ahol logikai kifejezések szerepelnek, ott rövidzárral nem feltétlenül fut le az egész, hisz az eredmény tudható anélkül is. Például egy vicces nyelv független példa:

```
TömbNemÜres ÉS TömbNulladikElemeÖt
HAMIS ÉS ? = HAMIS
```

Fontos hogy a két operanduson lehet-e alkalmazni az operátort. Ahhoz hogy ezt eldöntsük kell a típus.

Két programozási eszköz típusa azonos ha (...valóságban megint nem ennyire egyszerű de hadd menjen)

- deklaráció egyenértékőség
   egyszerre ugyanazzal a típussal deklarálódtak
- név egyenértékőség ugyanaz a típus név
- struktúra egyenértékőség
   összetett típusúak és szerkezetük megegyezik

típuskényszerítéses nyelvnél ha különböző típusúak az operandusok, akkor type conversion lesz. Ilyen esetben a nyelv leszögezi hogy milyen konverziók történnek és hogyan.

típus egyenértékűségnél megtörténhet de... most ugorjunk el a könyvtől. A lényeg a következő: Ezeket a nyelveket régen találták ki, de a következőről van szó: Van mondjuk A típus és B típus, ezek mind egy meta C típusba tartoznak és a művelet definiálva van a C-n, szóval B-n és A-n is menni fog (nem sima inheritance-re gondolok C superrel, inkább olyan jellegű mint pl. a Bácsó Tanár Úr által említett Abel csoport). Amiatt van ez a kernel panic a fogalom tárban mert amikor ezek a nyelvek születtek akkor nagyon gyorsan jöttek ki az új architektúrák int, aztán long int is kellett stb. Szóval inkább arra koncentráltak hogy polcra kerüljön a termék.

Felfele cast-olni gond nélkül lehet(int->float), de lefele castolni(float->int) nem egyértelmű. Mármint nem csak annyi a kérdés, hogy befogok-e férni, hanem például ha A teljesen C "típusú" lenne akkor A "rész-halmaza" lenne C-nek C pedig "A"-nak ez pedig nagyon nincs így. A tény hogy ez nincs normálisan formalizálva, nem customizeable csak builtin az arra enged következtetni, hogy még mindig van hova fejlődni.

Konstans kifejezés (cpp-ben constexpr) compile time dől el. Ebből következik, hogy konstansokat vagy beégetett literálokat lehet benne használni csak.

A könyv most ad egy rövid leírást a lehetséges operátorokról és precedencia táblázatról. Én ebbe most nem megyek bele inkább itt egy példa egy másik nyelvből hogy lehet megadni a fent említett dolgokat:

```
infixr precedence nm1 nm2 ...
```

Annyit jelent hogy infix esetben right associative, utána egy szám amivel megadjuk a precedencia számát után pedig. Long story short, alább egy left associative infix dolog amire a "+" szimbólummal lehet hivatkozni. Huzzah!

```
infixl 5 _+_
```

# 10.2. Programozás bevezetés

[KERNIGHANRITCHIE] (2nd edition)

Előző alfejezetben a [JUHASZ] könyv kapcsán már lementünk assemblyig és vissza, szóval itt nem fogunk újra arról beszélni hogy mi az a bool, csak az új dolgok.

#### 10.2.1. Functions

#### C funkciók

```
return_type fn_name (void | formal_param_list)
{
  decls
   statements
}
```

C-ben láthatóan statement után nem lehet decl. Ez például cpp-bennem így van, hisz pl a for scope-ban lokálisan deklarálhatunk i-t.

Másik dolog a forward decl. Ha valahol használunk egy funkciót, akkor előtte a deklarációját már említeni kell.

```
int main ()
{
  int bar;
  bar = foo();
  return 0;
}
int foo(void) {return 0;}
```

Ez nem jó, hisz bar=foo() esetén összeköti a szemöldökét a compiler, hiszen nincs deklarálva foo (jó esetben :).

```
int foo(void);
int main ()
{
  int bar;
  bar = foo();
  return 0;
```

```
int foo(void) {return 0;}
```

Azaz előre deklaráltuk forward decl...

#### 10.2.2. Pass by value

C-ben function call-ok esetén tisztán értékeket adunk át. Felmerül a probléma, ok, de az lzw binfámat C free functionökkel akkor hogyan tudom változtatni. Emlékszünk még a raw ptr-ekre? Nos mivel az csak egy egyszerű memória cím, ezért szépen átpasszoljuk a mem címet. Totál mindegy hogy a cím másolódik, hisz csak egy 64 bites minta. Ezekután ha megkaptuk akkor a funkcióban már csinálhatjuk a mellékhatást kedvünk szerint!

#### 10.2.3. Extern

Fenti példában bar csak main scope-jában, vagy ez alatti scope-ban látható (pl. valami loop-ban hivatkozhatunk bar-ra)

Másik lényeges dolog, hogy bar addig él amíg main él.

Ez... nos ezen probléma feloldására van az extern.

Extern, tehát externális az összes funkcióhoz képest, minden funkción kívüli stb. Ne ijedjünk meg semmi bonyolult

```
int counter;
void foo(void);
int main ()
{
  extern int counter;
  int bar;
  counter = 0;
  foo();
  foo();
  bar = counter;
  return 0;
}

void foo(void)
{
  extern int counter;
  counter = counter + 1;
  return;
}
```

#### 10.2.4. Escaping

A [JUHASZ]-ban már beszéltünk változókról, viszont string literal-oknál az escape kimaradt. Annyiról van szó, hogy egyes speciális karaktereket nem lehet csakúgy beírni, hisz különleges jelentéssel bírnak azon kontextusban. Egyszerű példa > xml-ben :). String literalba ugye hogyan írunk idézőjelet? Előtte esscape-elni kell.

#### 10.2.5. Char vs char array

A C-ben külön char és charray literal van. Egyik 'a másik "-t használ. Nagyon nem ugyanaz ezáltal 'a', és "a".

#### 10.2.6. Decl

Deklarációknál ha hasonló típusú változókról van szó egy sorban is deklarálhatjuk őket. Inicializálni = jellel tudunk.

```
int a,b,c; a = b = c = 5;
```

#### 10.2.7. Cast

Explicit tudunk castolni. Például osztást akarunk végezni két nem nulla term. számon. és lebegőpontosat akarunk visszakapni. Ekkor érdemes (lehet) az operandusokat explicit castolni float-ba. Érdekesebb példa c library-kben gyakran a callbackek void ptr-t fogadnak be hogy a felhasználó testreszabhassa:

```
int MyCallback(void* userData)
{
  int* le_a = (int*) userData;
}
int main()
{
  int a = 0;
  do_library(MyCallback,&a);
}
```

### 10.2.8. Ternary

Ha Kondícionális expression igaz akkor :-tól balra, különben jobbra. a= (b>c) ? b : c;

# 10.3. Programozás

[BMECPP]

# III. rész

# Második felvonás



### Bátf41 Haxor Stream

A feladatokkal kapcsolatos élő adásokat sugároz a https://www.twitch.tv/nbatfai csatorna, melynek permanens archívuma a https://www.youtube.com/c/nbatfai csatornán található.



# Helló, Arroway!

# 11.1. A BPP algoritmus Java megvalósítása

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

# 11.2. Java osztályok a Pi-ben

Az előző feladat kódját fejleszd tovább: vizsgáld, hogy Vannak-e Java osztályok a Pi hexadecimális kifejtésében!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

# IV. rész Irodalomjegyzék

### 11.3. Általános

[JUHASZ] Juhász, István, Magas sznitű programozási nyelvek, mobiDiák, 2008.

[MARX] Marx, György, Gyorsuló idő, Typotex, 2005.

#### 11.4. C

[KERNIGHANRITCHIE] Kernighan, Brian W. és Ritchie, Dennis M., A C programozási nyelv, Bp., Műszaki, 1993.

#### 11.5. C++

[BMECPP] Benedek, Zoltán és Levendovszky, Tihamér, *Szoftverfejlesztés C++ nyelven*, Bp., Szak Kiadó, 2013.

### 11.6. Lisp

[METAMATH] Chaitin, Gregory, *META MATH! The Quest for Omega*, http://arxiv.org/PS\_cache/math/pdf/0404/0404335v7.pdf, 2004.

[SICP] Abelson, Harold, Structure and Interpretation of Computer Programs, MIT, 1996.

# 11.7. My Little Ponys

[CHISOMORPH] Sorensen, Morten Heine B, Lectures on the Curry-Howard Isomorphism, Pdf, 1998.

[DENOTATIONALSEMANTICS] Allison, Lloyd, A practical introduction to denotational semantics, Cambridge University Press, 1986.

[NANDTOTETRIS] Nisan, Noam, The Elements of Computing Systems, Homepage of the book, 2005.

[PROGLANGS] Harper, Robert, *Practical Foundations for Programming Language*, Carnegie Mellon University, 2016.

Köszönet illeti a NEMESPOR, https://groups.google.com/forum/#!forum/nemespor, az UDPROG tanulószoba, https://www.facebook.com/groups/udprog, a DEAC-Hackers előszoba, https://www.facebook.com/groups/DEACHackers (illetve egyéb alkalmi szerveződésű szakmai csoportok) tagjait inspiráló érdeklődésükért és hasznos észrevételeikért.

Ezen túl kiemelt köszönet illeti az említett UDPROG közösséget, mely a Debreceni Egyetem reguláris programozás oktatása tartalmi szervezését támogatja. Sok példa eleve ebben a közösségben született, vagy itt került említésre és adott esetekben szerepet kapott, mint oktatási példa.