# Magasabb szintű programozási nyelvek I.

Labor jegyzőkönyv

Ed. BHAX, DEBRECEN, 2020. február 22, v. 0.0.5

#### Copyright © 2019 Dr. Bátfai Norbert

Copyright (C) 2019, Norbert Bátfai Ph.D., batfai.norbert@inf.unideb.hu, nbatfai@gmail.com,

Permission is granted to copy, distribute and/or modify this document under the terms of the GNU Free Documentation License, Version 1.3 or any later version published by the Free Software Foundation; with no Invariant Sections, no Front-Cover Texts, and no Back-Cover Texts. A copy of the license is included in the section entitled "GNU Free Documentation License".

#### https://www.gnu.org/licenses/fdl.html

Engedélyt adunk Önnek a jelen dokumentum sokszorosítására, terjesztésére és/vagy módosítására a Free Software Foundation által kiadott GNU FDL 1.3-as, vagy bármely azt követő verziójának feltételei alapján. Nincs Nem Változtatható szakasz, nincs Címlapszöveg, nincs Hátlapszöveg.

http://gnu.hu/fdl.html



# COLLABORATORS

	TITLE:  Magasabb szintű vek I.	programozási nyel-	
ACTION	NAME	DATE	SIGNATURE
WRITTEN BY	Bátfai, Norbert, Bátfai, Mátyás, Bátfai, Nándor, Bátfai, Margaréta, és Human, Person	2020. február 28.	

# REVISION HISTORY

NUMBER	DATE	DESCRIPTION	NAME
0.0.1	2019-02-12	Az iniciális dokumentum szerkezetének kialakítása.	nbatfai
0.0.2	2019-02-14	Inciális feladatlisták összeállítása.	nbatfai
0.0.3	2019-02-16	Feladatlisták folytatása. Feltöltés a BHAX csatorna https://gitlab.com/nbatfai/bhax repójába.	nbatfai
0.0.4	2019-02-19	A Brun tételes feladat kidolgozása.	nbatfai
0.0.5	2020-02-15	Forked and inited bhax derived bhax-derived	rkeeves

# **Ajánlás**

"To me, you understand something only if you can program it. (You, not someone else!) Otherwise you don't really understand it, you only think you understand it."

—Gregory Chaitin, META MATH! The Quest for Omega, [METAMATH]



# **Tartalomjegyzék**

I.	Bevezetés	1
1.	Vízió	2
	1.1. Mi a programozás?	2
	1.2. Milyen doksikat olvassak el?	2
	1.3. Milyen filmeket nézzek meg?	2
II	. Tematikus feladatok	4
2.	Helló, Turing!	6
	2.1. Végtelen ciklus	6
	2.2. Lefagyott, nem fagyott, akkor most mi van?	10
	2.3. Változók értékének felcserélése	13
	2.4. Labdapattogás	16
	2.5. Szóhossz és a Linus Torvalds féle BogoMIPS	20
	2.6. Helló, Google!	24
	2.7. A Monty Hall probléma	31
	2.8. 100 éves a Brun tétel	32
3.	Helló, Chomsky!	38
	3.1. Decimálisból unárisba átváltó Turing gép	38
	3.2. Az a <sup>n</sup> b <sup>n</sup> c <sup>n</sup> nyelv nem környezetfüggetlen	38
	3.3. Hivatkozási nyelv	38
	3.4. Saját lexikális elemző	39
	3.5. Leetspeak	39
	3.6. A források olvasása	41
	3.7. Logikus	42
	3.8. Deklaráció	43

4.	Hell	ó, Caesar!	46
	4.1.	double ** háromszögmátrix	46
	4.2.	C EXOR titkosító	48
	4.3.	Java EXOR titkosító	48
	4.4.	C EXOR törő	49
	4.5.	Neurális OR, AND és EXOR kapu	49
	4.6.	Hiba-visszaterjesztéses perceptron	49
5.		ó, Mandelbrot!	50
	5.1.	A Mandelbrot halmaz	50
	5.2.	A Mandelbrot halmaz a std::complex osztállyal	51
	5.3.	Biomorfok	53
	5.4.	A Mandelbrot halmaz CUDA megvalósítása	57
	5.5.	Mandelbrot nagyító és utazó C++ nyelven	57
	5.6.	Mandelbrot nagyító és utazó Java nyelven	58
6.	Hell	ó, Welch!	59
	6.1.	Első osztályom	59
	6.2.	LZW	59
	6.3.	Fabejárás	59
	6.4.	Tag a gyökér	59
	6.5.	Mutató a gyökér	60
	6.6.	Mozgató szemantika	60
7.	Hell	ó, Conway!	61
	7.1.	Hangyaszimulációk	61
	7.2.	Java életjáték	61
	7.3.	Qt C++ életjáték	61
	7.4.	BrainB Benchmark	62
8.	Hell	ó, Schwarzenegger!	63
	8.1.	Szoftmax Py MNIST	63
	8.2.	Mély MNIST	63
	8.3.	Minecraft-MALMÖ	63

9.	Helló, Chaitin!	64
	9.1. Iteratív és rekurzív faktoriális Lisp-ben	64
	9.2. Gimp Scheme Script-fu: króm effekt	64
	9.3. Gimp Scheme Script-fu: név mandala	64
10.	. Helló, Gutenberg!	65
	10.1. Programozási alapfogalmak	65
	10.2. Programozás bevezetés	65
	10.3. Programozás	65
II	I. Második felvonás	66
11.	. Helló, Arroway!	68
	11.1. A BPP algoritmus Java megvalósítása	68
	11.2. Java osztályok a Pi-ben	68
IV	7. Irodalomjegyzék	69
	11.3. Általános	70
	11.4. C	70
	11.5. C++	70
	11.6. Lisp	70
	11.7 My Little Donys	70

# Ábrák jegyzéke

2.1.	For syntax	7
2.2.	Alma no flag fail	9
2.3.	Alma With flag	9
2.4.	builtins	10
2.5.	shiftl_uchar	21
2.6.	shiftr_uchar	21
2.7.	2s complement	23
2.8.	ullshift	23
2.9.	bogomips kimeneten	24
2.10.	pagerank kapcsolati irányított multigráf	25
2.11.	pagerank link mátrix sanity check	26
2.12.	pagerank cpp konvergál	28
2.13.	pagerank openoffice konvergál	28
2.14.	A B <sub>2</sub> konstans közelítése	35
2.15.	Az c++ B <sub>2</sub> konstans közelítés eredményei	37
4.1.	A double ** háromszögmátrix a memóriában	48
5.1.	A Mandelbrot halmaz a komplex síkon	50

# Előszó

Amikor programozónak terveztem állni, ellenezték a környezetemben, mondván, hogy kell szövegszerkesztő meg táblázatkezelő, de az már van... nem lesz programozói munka.

Tévedtek. Hogy egy generáció múlva kell-e még tömegesen hús-vér programozó vagy olcsóbb lesz allo-kálni igény szerint pár robot programozót a felhőből? A programozók dolgozók lesznek vagy papok? Ki tudhatná ma.

Mindenesetre a programozás a teoretikus kultúra csúcsa. A GNU mozgalomban látom annak garanciáját, hogy ebben a szellemi kalandban a gyerekeim is részt vehessenek majd. Ezért programozunk.

# Hogyan forgasd

A könyv célja egy stabil programozási szemlélet kialakítása az olvasóban. Módszere, hogy hetekre bontva ad egy tematikus feladatcsokrot. Minden feladathoz megadja a megoldás forráskódját és forrásokat feldolgozó videókat. Az olvasó feladata, hogy ezek tanulmányozása után maga adja meg a feladat megoldásának lényegi magyarázatát, avagy írja meg a könyvet.

Miért univerzális? Mert az olvasótól (kvázi az írótól) függ, hogy kinek szól a könyv. Alapértelmezésben gyerekeknek, mert velük készítem az iniciális változatot. Ám tervezem felhasználását az egyetemi programozás oktatásban is. Ahogy szélesedni tudna a felhasználók köre, akkor lehetne kiadása különböző korosztályú gyerekeknek, családoknak, szakköröknek, programozás kurzusoknak, felnőtt és továbbképzési műhelyeknek és sorolhatnánk...

## Milyen nyelven nyomjuk?

C (mutatók), C++ (másoló és mozgató szemantika) és Java (lebutított C++) nyelvekből kell egy jó alap, ezt kell kiegészíteni pár R (vektoros szemlélet), Python (gépi tanulás bevezető), Lisp és Prolog (hogy lássuk mást is) példával.

# Hogyan nyomjuk?

Rántsd le a https://gitlab.com/nbatfai/bhax git repót, vagy méginkább forkolj belőle magadnak egy sajátot a GitLabon, ha már saját könyvön dolgozol!

Ha megvannak a könyv DocBook XML forrásai, akkor az alább látható **make** parancs ellenőrzi, hogy "jól formázottak" és "érvényesek-e" ezek az XML források, majd elkészíti a dblatex programmal a könyved pdf változatát, íme:

```
batfai@entropy:~$ cd glrepos/bhax/thematic_tutorials/bhax_textbook/
batfai@entropy:~/glrepos/bhax/thematic_tutorials/bhax_textbook$ make
rm -f bhax-textbook-fdl.pdf
xmllint --xinclude bhax-textbook-fdl.xml --output output.xml
xmllint --relaxng http://docbook.org/xml/5.0/rng/docbookxi.rng output.xml ↔
   --noout
output.xml validates
rm -f output.xml
dblatex bhax-textbook-fdl.xml -p bhax-textbook.xls
Build the book set list...
Build the listings...
XSLT stylesheets DocBook - LaTeX 2e (0.3.10)
_____
Stripping NS from DocBook 5/NG document.
Processing stripped document.
Image 'dblatex' not found
Build bhax-textbook-fdl.pdf
'bhax-textbook-fdl.pdf' successfully built
```

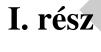
Ha minden igaz, akkor most éppen ezt a legenerált bhax-textbook-fdl.pdf fájlt olvasod.



#### A DocBook XML 5.1 új neked?

Ez esetben forgasd a <a href="https://tdg.docbook.org/tdg/5.1/">https://tdg.docbook.org/tdg/5.1/</a> könyvet, a végén találod az informatikai szövegek jelölésére használható gazdag "API" elemenkénti bemutatását.





# Bevezetés

# 1. fejezet

# Vízió

# 1.1. Mi a programozás?

Ne cifrázzuk: programok írása. Mik akkor a programok? Mit jelent az írásuk?

# 1.2. Milyen doksikat olvassak el?

- Kezd ezzel: http://esr.fsf.hu/hacker-howto.html!
- Olvasgasd aztán a kézikönyv lapjait, kezd a man man parancs kiadásával. A C programozásban a 3-as szintű lapokat fogod nézegetni, például az első feladat kapcsán ezt a man 3 sleep lapot
- C kapcsán a [KERNIGHANRITCHIE] könyv adott részei.
- C++ kapcsán a [BMECPP] könyv adott részei.
- Az igazi kockák persze csemegéznek a C nyelvi szabvány ISO/IEC 9899:2017 kódcsipeteiből is.
- Amiből viszont a legeslegjobban lehet tanulni, az a The GNU C Reference Manual, mert gcc specifikus és programozókra van hangolva: szinte csak 1-2 lényegi mondat és apró, lényegi kódcsipetek! Aki pdf-ben jobban szereti olvasni: https://www.gnu.org/software/gnu-c-manual/gnu-c-manual.pdf
- Az R kódok olvasása kis általános tapasztalat után automatikusan, erőfeszítés nélkül menni fog. A Python nincs ennyire a spektrum magától értetődő végén, ezért ahhoz olvasd el a [BMECPP] könyv - 20 oldalas gyorstalpaló részét.

# 1.3. Milyen filmeket nézzek meg?

- 21 Las Vegas ostroma, https://www.imdb.com/title/tt0478087/, benne a Monty Hall probléma bemutatása.
- Kódjátszma, https://www.imdb.com/title/tt2084970, benne a kódtörő feladat élménye.

- , , benne a bemutatása.



# II. rész Tematikus feladatok



#### Bátf41 Haxor Stream

A feladatokkal kapcsolatos élő adásokat sugároz a https://www.twitch.tv/nbatfai csatorna, melynek permanens archívuma a https://www.youtube.com/c/nbatfai csatornán található.



# 2. fejezet

# Helló, Turing!

# 2.1. Végtelen ciklus

Írj olyan végtelen ciklusokat, amelyek 0 illetve 100 százalékban dolgoztatnak egy magot és egy olyat, amely 100 százalékban minden magot!

Megoldás videó: No link

Megoldás forrása:

- Basic infinite for loop
- For with linux sleep
- While infinite
- Macros for OS call handling

Végtelen ciklusokra gyakorlatban sok példa akad: szerverek, game loop-ok, interaktív interpreter terminálhoz. A végtelen ciklus azonban olykor nem várt. Például lehet bug, de akár lehet a természetes működés része. Erre jó példa a Tanár Úr által említett PageRank algoritmus. Én azonban, a hozzáadott munka miatt másik példát hoznék: mérnöki CAE végeselemes számítások (pl. Ansys) esetén egyes esetekben a megoldás nem konvergál n lépés után sem, és ez előre nem látható be. Erre a célra a felhasználó megadhat vészhelyzeti kilépési konvergencia kritériumokat. Ez nem matematikai kényszert jelent, hanem szimplán, ha n iteráció, vagy t idő elteltével a megoldáshoz nem jutunk közelebb, akkor a program ki break-el ciklusból.

Alább egy minimális végtelen ciklus látható for-ral. Amit vegyünk észre, az az hogy az egész "üres". Ezt a for loop szintaktikai definíciója teszi lehetővé, hisz nyíltan kifejezi az optional, hogy nem kötelező megadni. Ez persze egyéb hatásokkal is jár, például, hogy a for (;;) -ban használhatjuk az ehhez képest külső scope-ban deklarált változókat.

# for loop

Executes init-statement once, then executes statement and iteration\_expression repeatedly, until the value of condition becomes false. The test takes place before each iteration.

#### Syntax

```
formal syntax:

attr(optional) for ( init-statement condition(optional) ; iteration_expression(optional) ) statement

informal syntax:

attr(optional) for ( declaration-or-expression(optional) ; declaration-or-expression(optional) ; expression(optional) ) statement
```

#### 2.1. ábra. For syntax

```
main ()
{
  for (;;);

return 0;
}
```

Alább a fenti példa látható egy while loop-pal. Értelemszerűen a conditional-ban mivel egy true bool literal-t írtuk, így ez mindig igazra fog kiértékelődni.

```
#include <stdbool.h>
int
main ()
{
    while(true);
    return 0;
}
```

Alább egy while-t használtunk, de mostmár alszunk is. A sleep viszont sajnos OS dependens call (mi sem mondja el jobban mint az unistd include-olása). Mivel az OS feladata az ütemezés, plusz a megszakítások kezelése (hisz ugye az egész lelke az időzítés ezáltal a timer). sleep esetén jelezzük az OS-felé, hogy nem kérünk CPU időt (azaz váltsa a process status-t), viszont emellett viszont a megfelelő idő elmúltával (megszakításos alapon) újból kerüljünk számításra várakozóba. A probléma természetesen annyi, hogy scheduling-tól függően, lehet soha nem kerülünk vissza még az idő letelte után sem CPU-ra.

```
#include <unistd.h>
int
main ()
{
for (;;)
```

```
sleep(1);
return 0;
}
```

Mindenesetre az alvás egy OS specifikus dolog, pl.: nanosleep. Ha több fajta OS-n kell futni, ahhoz sajnos trükközni kell. Egy barbár megoldás a preprocesszor használata. Alábbi példában az látható, hogy preprocesszor által értelmezett szöveget is elhelyeztem a fájlban. Technikailag ez annyit tesz, hogy compile előtt a preprocesszor elődolgozza a forrásfájlt, és ez példánkban azzal jár

```
#ifdef ___linux_
     #include <unistd.h>
   #elif _WIN32
     #include <windows.h>
     #error Unsupported
6
   #endif
  void SleepProxy(int sleepMs)
9
10
  #ifdef __linux__
11
       usleep(sleepMs \star 1000);
12
   #elif _WIN32
13
       Sleep(sleepMs);
14
  #endif
15
  }
16
17
  int
18
  main ()
19
20
     for (;;)
21
       SleepProxy(1000);
22
23
     return 0;
24
```

Egyébként a gcc mellé betudunk passzolni flageket. Például -DALMA-val gyakorlatilag azt mondjuk a preprocesszornak, hogy vegye úgy mintha #define ALMA. Ez pontosan annyira szép mint amennyire elegáns, de ez van. Nézzük csak meg ezt az almát!

```
#include <iostream>

#ifdef ALMA

void hello()

{
    std::cout << "Hello world!" << std::endl;

};

#endif

int main ()

{</pre>
```

```
hello();
return 0;
}
```

Láthatóan ez nem fog lefordulni ha nincs definiálva az ALMA, de azért tegyünk próbát!

2.2. ábra. Alma no flag fail

Miért azt írja hogy hello was not declared in scope? Nos a preprocesszor végigment a forrásfájlon, és, mivel nem volt ALMA definiálva, ezért a compilation stage-ben az a kód részlet ami # ifdef-be volt zárva nem létezett. Próbáljuk ki azt hogy g++ alma.cpp -o alma -DALMA! Az alábbi screenshot-ról látszik, hogy mivel lusta vagyok, ezért a git bash-ből csináltam.

```
UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/Turing (master)
$ g++ ./alma.cpp -o ./alma.exe -DALMA

UBMCGU@UBMCGUPC MINGW64 ~/ws_school/bhax-derived/thematic_tutorials/bhax_textbook_IgyNeveldaProgramozod/Turing (master)
$ ./alma.exe
Hello world!
```

2.3. ábra. Alma With flag

Ha belenézel az STL-be, akkor az is tele lesz ilyenekkel, hisz különböző OS-ekkel kell tudni használni, és a rendszerhívások átlalában eltérőek. Egyébként ha valami IDE-vel dolgozol, ott gyakran még szépen be is szürkíti azokat a részeket a kódban amelyeket ki fog hagyni. Itt semmi mágia nem történik, hanem simán nem a forráskódod megy a compiler-nek, hanem előtte van egy preprocesszor, ami feldolgozza ezeket az utasításokat. Makrók ugyanilyenek. Tehát nem runtime kiértékelhető az #ifdef hanem egy utasítás a preprocesszornak. Leggyakrabban #ifdef-el header guard-ként fogsz találkozni (vele kb. ekvivalens a nem mindenhol támogatott #pragma once).

Na jó, de ez nem válaszolja meg a kérdést, hogy miért nem bírja a gépem OBS-el együtt a notepad++-t.

Mármint, akarom mondani, milyen ügyes kis dolog ez a preprocesszor! De csak ennyit tud? A válasz nem. Alábbi példában filename, linenumber-t íratunk ki.

```
#include <iostream>
int main ()
{
```

```
$ ./builtins.exe
Hello from ./builtins.cpp, I'm from line 5
```

2.4. ábra. builtins

Most pedig következzen egy összevagdosott code snippet egy régi projektemből. A lényeg annyi, hogy unit test-eléshez, egy makró alapú library-ről volt szó. (Csak poénból, tudom hogy van gtest).

A fenti snippetben látszik, hogy a #define-al meghatározott dolgok többek mint "változók". Ezeket preprocesszor makróknak hívjuk, és az előfeldolgozáskor expandáljuk őket. Azaz először az EXPECT \_EQ expandálódik EXPECT (case, arg0, arg1, pred\_eq, "Expect failed =="). Az Expectben meg egy pici scope-ot létrehozunk. A lényeg ebből annyi, hogy nem kell megijedni tőle, jóra is lehet használni. Annyi hogy az expanzióval óvatosan, mert elég nehéz debuggolni. (ugyanolyan szívás mint az STL-es template alapú hibákat, azaz nem egy one liner lesz.)

## 2.2. Lefagyott, nem fagyott, akkor most mi van?

Lehet-e írni olyan programot amely minden programról megmondja, hogy lefut-e?

Megoldás videó: No link

Megoldás forrása:

- Turing 100 (pseudocode)
- Turing 1000 (pseudocode)

A probléma elég fontos. Miért is? Nos, a probléma az, hogyha ez nem lehetséges, akkor soha nem fogjuk tudni bizonyítani az összes program helyességét. Tegyük fel, hogy akkora haxorok vagyunk, hogy meg

tudjuk írni a Lefagy függvényt, amely tetszőleges programról el tudja dönteni, hogy van-e benne végtelen ciklus:

A borbély az aki azok haját vágja, akik nem teszik meg ezt saját maguknak. De a borbély vágja-e a saját haját? Nos, tegyük fel levágja: Ebben az esetben ő levágta a haját egy olyan embernek aki egyébként ezt megteszi saját magának. Ok, tegyük fel nem vágja: Viszont ebben az esetben nem vágja a saját haját, aka lehetne a saját ügyfele, viszont ha most levágja akkor kezdődik az egész elölről Russel's paradox.

Ezzel a problémával sok helyen találkozhatunk. Például [DENOTATIONALSEMANTICS] 4.1.1. fejezet, vagy akár [SICP] Excercise 4.15.

```
Program T100
2
   {
     boolean Lefagy (Program P)
4
         if(P has infinite loop)
6
         return true;
         else
8
         return false;
     }
10
11
     main(Input Q)
12
13
       Lefagy(Q)
14
15
  }
16
```

A program futtatása, például akár az előző v.c ilyen pszeudókódjára:

```
T100(t.c.pseudo)
true
```

#### akár önmagára

```
T100(T100)
false
```

ezt a kimenetet adja.

A T100-as programot felhasználva készítsük most el az alábbi T1000-set, amelyben a Lefagy-ra épőlő Lefagy2 már nem tartalmaz feltételezett, csak csak konkrét kódot:

```
Program T1000

{

boolean Lefagy(Program P)

{

if(P has infinite loop)

return true;

else

return false;
}
```

```
11
     boolean Lefagy2 (Program P)
12
13
         if (Lefagy(P))
14
          return true;
15
         else
16
           for(;;);
17
      }
18
     main(Input Q)
20
21
        Lefagy2(Q)
22
23
24
25
```

Mit for kiírni erre a T1000 (T1000) futtatásra?

- Ha T1000 lefagyó, akkor nem fog lefagyni, kiírja, hogy true
- Ha T1000 nem fagyó, akkor pedig le fog fagyni...

akkor most hogy fog működni? Sehogy, mert ilyen Lefagy függvényt, azaz a T100 program nem is létezik.

Persze ha már lefagyott, nem fagyott témánál vagyunk, akkor érdemes kicsit beszélni a kiértékelésről. Alább látható egy egyszerű kifejezés. Mi lesz vajon a vége?

$$(\lambda x.y)((\lambda z.zz)(\lambda z.zz)) \tag{2.1}$$

Redukáljuk!

$$(\lambda x.y)((\lambda z.zz)(\lambda z.zz)) \tag{2.2}$$

Hrumph, ugyanoda jutottunk, kezdjük elölről!

$$(\lambda x.y)((\lambda z.zz)(\lambda z.zz)) \tag{2.3}$$

Redukáljuk az x-t kötő baloldali lambdát a jobb oldallal a jobb oldal redukciója nélkül.

$$y ag{2.4}$$

Azaz addig késleltettük a kiértékelést, amíg lehetett, és a végén kiderült, hogy abszolút nem is volt szükséges! Ez a módszer zseniális! Innentől mindent késleltetni fogunk!

Nézzünk egy példát a [SICP]-ből! Alábbi definíciók alapján ki fogjuk értékelni a (f 5)-t!

```
(define (square x) (* x x))
(define (sum-of-squares x y)
  (+ (square x) (square y)))
(define (f a)
  (sum-of-squares (+ a 1) (* a 2)))
```

Annyira jó ez a késleltetés, hogy alkalmazzuk a (f 5) kiértékelésénél!

```
(± 5)
(sum-of-squares (+ 5 1) (* 5 2))
(+ (square (+ 5 1)) (square (* 5 2)))
(+ (* (+ 5 1) (+ 5 1)) (square (* 5 2)))
(+ (* (+ 5 1) (+ 5 1)) (* (* 5 2) (* 5 2)))
(+ (* 6 (+ 5 1)) (* (* 5 2) (* 5 2)))
(+ (* 6 6) (* (* 5 2) (* 5 2)))
(+ (* 6 6) (* 10 (* 5 2)))
(+ (* 6 6) (* 10 10))
(+ 36 (* 10 10))
(+ 36 100)
136
```

Mint ahogy azt látjuk (+ 5 1) és (\* 5 2) kétszer kerül redukcióra. Hát így már nem is olyan jó...

Hogy fut le vajon egy másik út?

```
(f 5)
(sum-of-squares (+ 5 1) (* 5 2))
(sum-of-squares 6 (* 5 2))
(sum-of-squares 6 10)
(+ (square 6) (square 10))
(+ (* 6 6) (* 10 10))
(+ 36 (* 10 10))
(+ 36 100)
136
```

Kevesebb számítást végzünk mint a késleltetős előző esetben. Azaz látjuk, hogy a redukciós stratégiának a teljesítményre is van hatása.

## 2.3. Változók értékének felcserélése

Írjunk egy olyan programot, amely felcseréli két változó értékét, bármiféle logikai utasítás vagy kifejezés használata nélkül, és ez ne bug hanem feature legyen!

Megoldás videó: No Link

Megoldás forrása:

- Swap XOR
- Swap Subtract
- Swap Multiplication
- Swap Ptr

Több megoldási lehetőség is van, ezeket fogjuk a következő bekezdésekben bemutatni.

Nézzünk valami szorzásos osztásosat!

```
#include <stdio.h>
2
  int main(){
3
      int a = 6;
      int b = 7;
5
      printf("Let a = %d, b = %d n", a, b);
6
       a = a * b;
7
      printf("(1) a = a * b = dn, a);
8
      b = a / b;
9
      printf("(2) b = a / b = %d\n",b);
10
       a = a / b;
11
      printf("(3) a = a / b = %d\n",a);
12
       printf("Result after swap by multiplication and division is a = %d, b = \leftarrow
13
           %d\n",a,b);
      return 0;
14
15
```

Kövessük nyomon mi történik!

```
(a, 6) (b, 7)

a = a * b => (a, 42) (b, 7)

b = a \setminus b => (a, 42) (b, 7)

a = a \setminus b => (a, 6) (b, 7)
```

Hát ez működik, de 0-val nem osztunk, plusz a szorzás osztás nehéz. Nézzünk mást!

Nézzünk valami összeadás kivonásosat!

```
#include <stdio.h>
3
  int main(){
       int a = 6;
       int b = 7;
       printf("Let a = %d, b = %d\n", a, b);
6
       a = a + b;
       printf("(1) a = a + b = %d\n", a);
8
       b = a - b;
9
       printf("(2) b = a - b = %d\n",b);
10
       a = a - b;
11
       printf("(3) a = a - b = %d\n", a);
12
       printf("Result after swap by addition and subtract is a = %d, b = %d\n" \leftrightarrow
13
          ,a,b);
       return 0;
14
  }
```

Kövessük nyomon mi történik!

```
(a, 6) (b, 7)
```

```
a = a + b \Rightarrow (a,13) (b,7)

b = a - b \Rightarrow (a,13) (b,6)

a = a - b \Rightarrow (a,7) (b,6)
```

Ez is jó, és ráadásul csak összeadással és kivonással terheljük a CPU-t!

De esetleg van valami más is? Nos nézzük a bitwise xor-t!

```
#include <stdio.h>
2
  int main(){
3
      int a = 6;
       int b = 7;
5
       printf("Let a = %d, b = %d\n", a, b);
       a = a ^ b;
       printf("(1) a = a ^ b = %d\n",a);
8
      b = a ^ b;
9
       printf("(2) b = a ^b = dn', b;
10
       a = a ^ b;
11
       printf("(3) a = a ^ b = %d\n", a);
12
       printf("Result after swap by xor is a = %d, b = %d\n", a,b);
13
       return 0;
14
15
```

#### Kövessük végig!

```
(a,110) (b,111)

a = a \text{ XOR } b \Rightarrow (a,001) (b,111)

b = a \text{ XOR } b \Rightarrow (a,001) (b,110)

a = a \text{ XOR } b \Rightarrow (a,111) (b,110)
```

Egy nagyon furcsa dolgot láthatunk. Az összes előző esetnél több operátort kellett használni (\*) és (/) illetve (+) és (-). Most azonban egy olyan esetet látunk, amikor egyetlen operátorral megtudtuk oldani (kommutatív, asszociatív, identitás elem létezik, f(a,a)=Identitás elem).

Alábbi utolsó példa csak egy picit behozza a pointer-eket a képbe. Ezekkel ha még nem értjük mi van, ne aggódjunk. Minden pointert érdemes egy címként felfogni. Azaz ha létezik egy int változónk foo néven akkor foo-nak van ugye egy értéke, illetve egy címe. A cím az amit a ptr megtestesít (na jó nem, de most így elég...). Természetesen funckiókra is mutathatunk. Sőt, ha már valaha láttunk C kódot, akkor valószínűleg belefutottunk már callback-ekbe stb. Aka akár funkciókat és bepasszolhatunk funkciókba, stb.

```
#include <stdio.h>

void swap1(int *pa,int* pb ) {
    int t = *pa;
    *pa = *pb;
    *pb = t;
}

void swap2(int *pa,int* pb ) {
    *pa = *pa + *pb;
}
```

```
*pb = *pa - *pb;
11
       *pa = *pa-*pb;
12
   }
13
  int main()
15
   {
16
       int a = 6;
17
       int b = 7;
18
       printf("Let a = %d, b = %d\n", a, b);
19
       swap1(&a, &b);
20
       printf("Swap1 %d,%d\n",a,b);
21
       swap2(&a, &b);
22
       printf("Swap2 %d,%d\n",a,b);
23
       return 0;
24
25
```

# 2.4. Labdapattogás

Először if-ekkel, majd bármiféle logikai utasítás vagy kifejezés használata nélkül írj egy olyan programot, ami egy labdát pattogtat a karakteres konzolon! Nem írhatsz hozzá DLC-t, és ne legyen benne lootbox, mert nem ez EA vagyunk.

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

- Helper header
- Ball
- Ball no if

Ennek a feladatnak az volt a lényege, hogy elágazás nélkül kicsikarjunk a gépből valami féle döntés alapú útválasztást. Először nézzük az alapot.

```
#include "pubghypetrain.h"
  void collide(int posX, int posY, int &velX, int &velY, int xmax, int ymax) {
    bool outX = (posX \le 0 \mid \mid posX \ge xmax-1);
    velX += -2 * velX * outX;
    bool outY = (posY \le 0 \mid \mid posY \ge ymax-1);
    vely += -2 * vely * outy;
  };
8
  void moveBall(int &posX, int &posY, int velX, int velY) {
10
    posX += velX;
11
    posY += velY;
12
13
  } ;
```

```
void draw(int posX, int posY, int xmax, int ymax) {
15
     ClearScreen();
16
     for (int y = 0; y < ymax; y++) {
17
       for (int x = 0; x < xmax; x++) {
18
         if( (posX == x) && (posY == y) ){ std::cout << '0';}else{ std::cout</pre>
19
             << '.';};
       };
20
       std::cout << std::endl;</pre>
21
     };
22
  };
23
24
  int main(){
25
     int T_SLEEP_MILLIS = 50;
26
     int GLOBAL_H = 10;
27
     int GLOBAL_W = 10;
28
     int posX = 5;
29
     int posY = 2;
30
     int velX = 2;
31
     int velY = -1;
32
     for(int i = 0; i < 50; i++){
33
       moveBall(posX,posY,velX,velY);
34
       collide(posX,posY,velX,velY,GLOBAL_H,GLOBAL_W);
35
       draw(posX, posY, GLOBAL_H, GLOBAL_W);
36
       sleep(T_SLEEP_MILLIS);
37
     };
38
     return 0;
39
40
  };
```

Nyilvánvalóan valahogyan trükközni kell, hisz az if-et ha kihagynánk, akkor nem tudnánk például dönteni, hogy mely karaktert küldjük std out-ra. Nézzük egy lehetséges megoldást.

```
#include "pubghypetrain.h"
  #include <iostream>
2
  void collide (int posX, int posY, int &velX, int &velY, int xmax, int ymax);
  void moveBall(int &posX, int &posY, int velX, int velY);
  void draw(int posX, int posY, int xmax, int ymax, const char* syms);
8
  int main()
10
  {
11
    const char SYMBOLS[2] = {'.','0'};
12
    int T_SLEEP_MILLIS = 50;
13
    int GLOBAL_H = 10;
14
    int GLOBAL_W = 10;
15
    int posX = 5;
16
    int posY = 2;
17
    int velX = 2;
18
    int velY = -1;
19
    for (int i = 0; i < 50; i++) {
20
```

```
moveBall(posX,posY,velX,velY);
21
       collide(posX, posY, velX, velY, GLOBAL_H, GLOBAL_W);
22
       draw(posX, posY, GLOBAL_H, GLOBAL_W, SYMBOLS);
23
       sleep(T_SLEEP_MILLIS);
24
     };
25
     return 0;
26
  };
27
28
  void moveBall(int &posX, int &posY, int velX, int velY) {
30
    posX += velX;
31
    posY += velY;
32
33
  };
34
  void collide(int posX, int posY, int &velX, int &velY, int xmax, int ymax) {
35
     velX += -2 * velX * (posX <= 0 || posX >= xmax-1);
36
    vely += -2 * vely * (posy <= 0 || posy >= ymax-1);
37
  };
38
39
  void draw(int posX, int posY, int xmax, int ymax, const char* syms) {
40
     ClearScreen();
41
     for (int y = 0; y < ymax; y++) {
42
       for (int x = 0; x < xmax; x++) {
43
         std::cout << syms[(posX == x) && (posY == y)];</pre>
44
       };
45
       std::cout << std::endl;</pre>
     };
47
  };
48
```

Simán csak implicit konverzió történik, mind collide, mind draw esetén.

Ha már itt tartunk, akkor nézzünk más jellegű if encode-olást is! (használhatjuk például a [CHISOMORPH]-t)

```
true = \lambda x. \lambda y. x
false = \lambda x. \lambda y. y
if (B,P,Q) = B P Q
```

#### Az if true then P else Q redukciója

```
if true then P else Q

= true P Q

= \lambda x.\lambda y.x P Q

= \lambda y.P Q

= P
```

#### Az if false then P else Q redukciója

```
if false then P else Q = false P Q = \lambda x \cdot \lambda y \cdot y P Q
```

```
= \lambda_{y.y} Q= 0
```

#### Vezessünk be számokat!

```
if false then P else Q

0 = \lambda f. \lambda x. x
1 = \lambda f. \lambda x. f x
2 = \lambda f. \lambda x. f (f x)
```

#### Illetve egy isZero predikátumot!

```
IsZero = \lambdan.n (\lambdax.false) true
```

#### Nézzük meg pár esetre a predikátumunk működését!

```
IsZero 0
= (\lambda n.n (\lambda x.false) true) (\lambda f.\lambda x.x)
= ((\lambda f.\lambda x.x) (\lambda x.false) true)
= (\lambda x.x true)
= true

IsZero 1
= (\lambda n.n (\lambda x.false) true) (\lambda f.\lambda x.f x)
= ((\lambda f.\lambda x.f x) (\lambda x.false) true)
= ((\lambda x.(\lambda x.false) x) true)
= ((\lambda x.false) true)
= (\lambda x.false) true
= false
```

Mostmár mondhatunk olyat, hogy osztásnál ne legyen nulla a nevezőben, azaz if IsZero b then 0 else (div a b). A lényeg az, hogy dobjon vissza egy (div valami valami)-t ha el lehet végezni, különben pedig egy 0-t. Például 4-el és 0-val hívjuk.

```
( (\lambda x. \lambda y. (IsZero y) 0 (div x y)) 4 0

= ((\lambda y. (IsZero y) 0 (div 4 y)) 0

= ((IsZero 0) 0 (div 4 0))

= (true 0 (div 4 0))

= ((\lambda x. \lambda y. x) 0 (div 4 0))

= ((\lambda y. 0) (div 4 0))

= 0
```

#### Most nézzük meg 4 és 2-vel.

```
( (\lambda x. \lambda y. (IsZero y)) 0 (div x y)) 4 2
( (\lambda y. IsZero y) 0 (div 4 y)) 2
((IsZero 2) 0 (div 4 2))
(false 2 (div 4 2))
((\lambda x. \lambda y. y) 0 (div 4 2))
((\lambda y. y) (div 4 2))
(div 4 2)
```

## 2.5. Szóhossz és a Linus Torvalds féle BogoMIPS

Írj egy programot, ami megnézi, hogy hány bites a szó a gépeden, azaz mekkora az int mérete. Használd ugyanazt a while ciklus fejet, amit Linus Torvalds a BogoMIPS rutinjában!

Megoldás videó: https://youtu.be/9KnMqrkj\_kU, https://youtu.be/KRZlt1ZJ3qk, .

Megoldás forrása:

- Wordsize
- Bogomips

Először is nézzük a biteket! A számokat kettes számrendszerben tároljuk. A shift az értékek "tologatása". De pontosan mi az a shift?

Amikor left shiftelünk, akkor mi is történik? Nézzük unsigned char-ra! "For unsigned lhs, the value of LHS << RHS is the value of LHS \* 2^RHS, reduced modulo maximum value of the return type plus 1 (that is, bitwise left shift is performed and the bits that get shifted out of the destination type are discarded). "Alább látható hogy miről van szó.

```
1
     << 1 =>
                                               (00000010)
                   (1 \times 2^1) % (255 + 1) = 2
2
     << 1 =>
                   (2*2^1) % (255+1) = 4
                                               (00000100)
4
     << 1 =>
                   (4 \times 2^1) % (255+1) = 8
                                               (00001000)
                                               (00010000)
8
    << 1 =>
                   (8 \times 2^1) \% (255 + 1) = 16
16 << 1 =>
                  (16 \times 2^1) % (255 + 1) = 32
                                               (00100000)
32
    << 1 =>
                  (32 \times 2^1) % (255 + 1) = 64
                                               (01000000)
                  (64 \times 2^1) \% (255 + 1) = 128 (10000000)
64
    << 1 =>
128 << 1 =>
                (128*2^1) % (255+1) = 0
                                               (00000000)
```

#### Alábbi kóddal nézzük meg:

```
#include <iostream>

int main()

{
    unsigned char a = 1;
    for(int i = 0; i<8; i++)

    {
        a=a<<1;
        std::cout<< ((int)a) << std::endl;
    }

    return 0;
}</pre>
```

```
$ ./shiftl_uchar.exe
2
4
8
16
32
64
128
0
```

2.5. ábra. shiftl\_uchar

Mi történik a right shift esetben? "For unsigned lhs and for signed lhs with nonnegative values, the value of LHS >> RHS is the integer part of LHS / 2^RHS."

```
255 \gg 1 \Rightarrow intp(255 div 2^1) = 127 (011111111)
127 >> 1 => intp(127 div 2^1) = 63
                                      (00111111)
    >> 1 => intp(63 div 2^1)
                               = 31
                                      (00011111)
    >> 1 => intp(31 div 2^1)
                               = 15
                                      (00001111)
31
   >> 1 => intp(15 div 2^1)
                               = 7
                                      (00000111)
7
    >> 1 => intp(7 div 2^1)
                               = 3
                                      (00000011)
3
    >> 1 => intp(3 div 2^1)
                                = 1
                                      (00000001)
    >> 1 => intp(1 div 2^1)
                                      (00000000)
                                = 0
```

#### Alábbi kóddal nézzük meg:

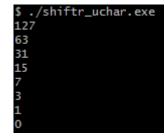
```
#include <iostream>

int main()

{
    unsigned char a = 255;
    for(int i = 0; i<8; i++)

    {
        a=a>>1;
        std::cout<< ((int)a) << std::endl;
    }

    return 0;
}</pre>
```



2.6. ábra. shiftr\_uchar

Alábbi kód az előzőeket hajtja végre csak int-et használunk.

```
#include <iostream>
   void shift 1()
3
5
     unsigned int a = 1;
     unsigned int i = 0;
     while(a!=0){
          a = a << 1;
8
          i++;
9
10
     std::cout<<"Shift_L count was " << i << std::endl;</pre>
11
     std::cout<<"Size " << ((i)/8) << std::endl;
12
     std::cout<<"Sanity Check " << sizeof(int) << std::endl;</pre>
13
   }
14
15
  void shift_r()
16
17
     unsigned int a = 0;
18
     a = \sim a;
19
     int i = 0;
20
     while (a!=0) {
21
          a = a >> 1;
22
          i++;
23
     }
24
     std::cout<<"Shift_R count was " << i << std::endl;</pre>
25
     std::cout << "Size " << ((i)/8) << std::endl;
26
     std::cout<<"Sanity Check " << sizeof(int) << std::endl;</pre>
27
   }
28
  int main()
30
   {
31
       shift_l();
32
       shift_r();
33
       return 0;
34
35
  }
```

Előjeles esetben figyelembe kell venni, hogy például a felső bit előjelet is jelenthet akár. Alábbi ábra szép illusztrációt ad arra, mire is kell gondolni (2s complement).

Positive numbers		Nega numb	
0	0000		
1	0001	1111	-1
2	0010	1110	-2
3	0011	1101	-3
4	0100	1100	-4
5	0101	1011	-5
6	0110	1010	-6
7	0111	1001	-7
		1000	-8

2.7. ábra. 2s complement

Most áttérünk a bogomips-re. Itt egy új dologgal talákozunk <<= de ez igazából csak annyit tesz, hogy a shift rhs-t egyből az lhs oldalon lévő változóba vissza is tároljuk. A delay egy for loop ami elszámol loops-ig, azaz addig növeli (++) unáris operátorral i értékét amíg a i < loops conditional igaz. A while ciklus fejben pedig már a jól ismert left shift zajlik (loops\_per\_sec 1-ről indul). De hogy biztosak legyünk nézzük az alábbi programot (bár nagyon ismerős lesz...)

```
#include <iostream>

int main()

{
    unsigned long long a = 1;
    int i = 0;
    while(a!=0)

{
        a<<=1;
        std::cout<< a << std::endl;
        i++;
        }
        std::cout<< i << std::endl;
        return 0;
}</pre>
```

1152921504606846976 2305843009213693952 4611686018427387904 9223372036854775808 0 64

2.8. ábra. ullshift

A bogomips while body egyébként annyiról szól, hogy lekérjük hány tick telt el idáig, majd nyomunk

n mennyiség lépést a for ciklusban, visszajövünk és megint lekérdezzük az eltelt tick-ek számát. Ha a tickek száma nem kevesebb mint amennyit a CLOCKS\_PER\_SEC konstanssal állít magáról a gép, akkor elkezdjük a kiszállást. A loops\_per\_sec pedig a következő módon jön ki:

```
loop_per_masodperc = ( loopok_szama / tick_szam ) * CLOCKS_PER_SEC;
[1/s] = ( [1] / [1] ) * [1/s]
```

Ezután következik zsonglőrködés a számokkal. Ez a rész a bogus a bogomips-ben. Ha sok időnk van akkor meg is mérhetjük a saját gépünkét. Alább egy random példa.

```
$ ./bogomips.exe
Calibrating delay loop..ok - 225.38 BogoMIPS
```

2.9. ábra. bogomips kimeneten

## 2.6. Helló, Google!

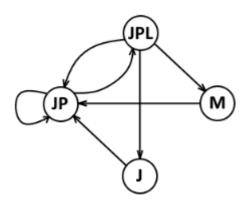
Írj olyan C programot, amely egy több milliárd(haha ne ne...elég lesz kevesebb srsly) honlapból álló hálózatra kiszámolja az N lap Page-Rank értékét, és nem lesz belőle baj egy szenátusi kihallgatáson!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

- Pagerank Példa
- Pagerank C
- STL Iterator
- Purely STL Vector

Pagerank a Google által használt adóelk…keresési algoritmus magja. A feladat arról szólt, hogy egy négy honlapból álló kapcsolati hálón kellene vele elemezni. A pageranktől azt várjuk, hogy az összes honlapnak mondjuk adjon egy 0-1-ig terjedő értéket (normalizált, azaz az összes lap rankjének összege 1 for sanity check). Van több implementáció is, de mi egy konkrétan kitenyésztett példa progival fogunk dolgozni. Ez a pagerank vektor értékeit fő iterációs lépésenként kiírja egy fájlba. A pagerankkel a példában egy irányított multigráfon fogunk számolni. (irányított mert számít hogy honnan-hova megy az él, multigráf pedig a több él egy pontból plusz hurkok is lehetnek)



2.10. ábra. pagerank kapcsolati irányított multigráf

Ez ugyan emberként érthető, de próbáljuk valahogy szervezettebb formába hozni. Csináljunk egy kvadratikus mátrixot, és töltsük ki a következő szabály szerint: Először mindenhova írjunk be nullát majd Ha A-ból B-be megy él, akkor A oszlop B sorába írjunk 1-et Először nézzük csak meg J-re(J-ből egy él megy ki JP felé...)

	J	JP	JPL	M
J	0	0	0	0
JP	1	0	0	0
JPL	0	0	0	0
M	0	0	0	0

Most pedig csináljuk meg JP-re(magába és JPLbe)

	J	JP	JPL	M
J	0	0	0	0
JP	1	1	0	0
JPL	0	1	0	0
M	0	0	0	0

Jöhet JPL (mindenkibe csak magába nem)

	J	JP	JPL	M
J	0	0	1	0
JP	1	1	0	0
JPL	0	1	1	0
M	0	0	1	0

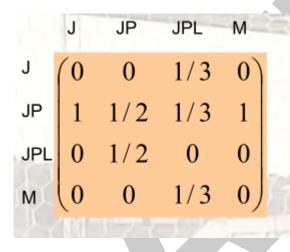
Jöhet M (csak JP-be)

	J	JP	JPL	M
J	0	0	1	0
JP	1	1	0	1
JPL	0	1	1	0
M	0	0	1	0

Most normalizáljuk, azaz adjuk össze az egy oszlopban lévő számokat, nevezzük ezt szummának. Ha meg van, akkor utána ugyanezen az oszlopon menjünk végig és mindenkit osszunk el szum-mal, ha szum nem nulla.

```
J
        JP JPL
                  М
         0 1/3
J
    0
                  0
    1 1/2 1/3
                  1
JΡ
JPL 0 1/2
           0
                  0
    0
         0 1/3
                  0
```

Vessük össze az előadás diával.



2.11. ábra. pagerank link mátrix sanity check

Most hogy végre van link mátrixunk elkezdhetünk számolni. De mi is a lényeg, mit fogunk számolni? Gondoljunk vissza a sajátérték sajátvektorra! Magyarul amikor Tanár Úr azt mondja Tehát ha h jelöli a PR vektort, akkor h=Lh.Linalg kedvelőknek: a PageRank vektor az L linkm átrix 1 sajátértékhez tartozó sajátvektora. akkor gondoljunk a következőre

```
| PR[1] |
| PR[2] |
| PR[3] |
| PR[4] |
| 0 0 1/3 0 | | ? | = | PR[1] |
| 1 1/2 1/3 1 | | ? | | PR[2] |
| 0 1/2 0 0 | | ? | | PR[3] |
| 0 0 1/3 0 | | ? | | PR[4] |
```

Mátrixok vektorok stb. szorzást pedig már tanultunk szóval

```
| PR[1] |
| PR[2] |
| PR[3] |
| PR[4] |
```

Szét is robbanthatjuk akár egyenletekre...

```
PR[3]/3 = PR[1]

PR[1]+PR[2]/2+PR[4] = PR[2]

PR[2]/2+PR[3]/3 = PR[3]

PR[3]/3 = PR[4]
```

Most pedig jön a kérdés, hogy hogyan oldjuk meg? PR[2] önmagából számolja önmagát!

A válasz nem túlzottan bonyolult...tároljuk el az előző lépés értékeit minden ciklusban és használjuk azokat. (Ez lesz a megoldásban PRv)

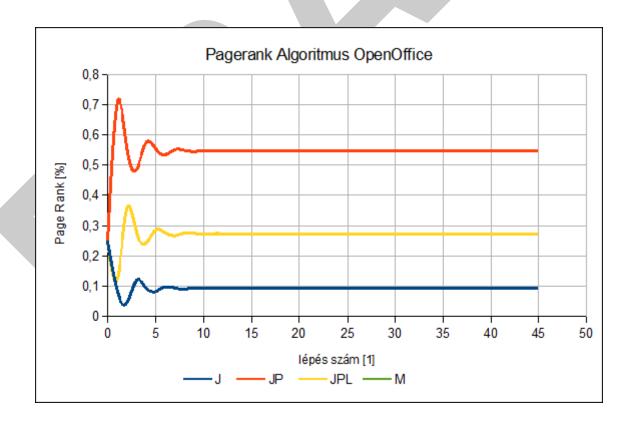
```
PRv[3]/3 = PR[1]
PRv[1]+PR[2]/2+PR[4] = PR[2]
PRv[2]/2+PR[3]/3 = PR[3]
PRv[3]/3 = PR[4]
```

Egy kérdés még maradt: Mennyi legyen PRv iniciális értéke? A válasz annyi, hogy mindegyik érték 1 aztán benormáljuk, hogy összegük 1 legyen (Mat viz).

Ha midezt megértettük, akkor már könnyű lesz megérteni az alábbi kódomat! A refekkel, constokkal, initializer listekkel meg a többi szeméttel ne törődjünk még nem kell őket érteni, csak a pagerank-re fókuszáljunk. Ha esetleg nem lenne érthető a kód, akkor beraktam a repóba egy openoffice calc (olyan mint az excel csak kevesebb benne a fluff) doksit, ami ugyanezt a pagerank számítást csinálja... A fejezet végén beillesztettem a C++ kódot, viszont most következzen két diagram. Az első a C++ algoritmus PR vektorának értékeit mutatja iterációnként, a másik pedig az open office-ost, ha valaki valami miatt szereti az irodai munkát.



2.12. ábra. pagerank cpp konvergál



2.13. ábra. pagerank openoffice konvergál

Kicsit azért vigyázzunk...ugyanis van két kis probléma. Tanár Úr azért mondta hogy rázzuk a vizet az internetben, mert arra gondolt, hogy ez az iteratív megoldás olyan mintha vödrök között öntögetnénk vizet, vagy mondjuk egy fémlemez hőmérsékletét akarnánk úgy kiszámolni, hogy az egyik szélén tudjuk a hőmérsékletet a többit pedig úgy számoljuk, hogy a négy (felső-alsó-bal-jobb egy kockás lapon mondjuk) szomszédját átlagoljuk. Nos első esetben az a probléma, hogy az egyik vödörbe folyik víz be, vissza is folyik magába, de kifele nem. A példa fájlban egy get\_dangling funkció csinál olyan mátrix-ot amiben van egy nyelő jellegű node.

```
{ 1,0,1,0,1,0},
{ 1,1,0,1,0,0},
{ 0,1,1,0,1,0},
{ 1,0,1,1,0,0},
{ 0,1,0,1,1,0},
{ 1,0,1,0,1,0}
```

Most pedig következzen az igazi vizes locspocs. Vegyük a következő kapcsolati gráfot:

```
A A A A B A B 1 1 1
```

A locspocs-t indítsuk a következő PRv-vel:

```
PRv 0
PRv 1
```

Érezhető hogy ennek mi lesz a vége, ha valaki elképesztően kíváncsi az open office fájlban-ban látható egy Infinite nevű munkalap.

```
#include <iostream>
  #include <vector>
  #include <cmath>
  #include <fstream>
  #include <iomanip>
6
  void kiir(std::ofstream& os, const std::vector<double> &v) {
    int sz = v.size();
9
    if(sz<1) return;</pre>
10
    os << v[0];
11
    for(int i=1; i<sz; i++)</pre>
12
        os << ";" << v[i];
    os << std::endl;
14
15
16
  double tavolsag(const std::vector<double> &PR, const std::vector<double> & ←
17
     PRv) {
    int i;
18
    double osszeg = 0;
19
    for(i=0;i<PR.size();++i) osszeg += (PRv[i]-PR[i])*(PRv[i]-PR[i]);
20
    return sqrt(osszeg);
```

```
22
23
  std::vector<std::vector<double>> get_batfai_graph()
25
    return std::move(std::vector<std::vector<double>>{
26
       /*J*/ { 0, 0, 1, 0},
27
       /*JP*/ { 1, 1, 1, 1},
28
       /*JPL*/ { 0, 1, 0, 0},
29
       /*M*/ { 0, 0, 1, 0}
     });
31
  }
32
33
  std::vector<std::vector<double>> get_dangling()
34
35
     return std::move(std::vector<std::vector<double>>{
36
       \{1,0,1,0,1,0\},
37
       { 1,1,0,1,0,0},
38
       \{0,1,1,0,1,0\},
39
       { 1,0,1,1,0,0},
40
       \{0,1,0,1,1,0\},
41
       { 1,0,1,0,1,1}
42
     });
43
  }
44
45
  std::vector<std::vector<double>> get_symm()
46
   {
     return std::move(std::vector<std::vector<double>>{
48
       { 0,1 },
49
       { 1,0 }
50
     });
51
52
53
  void normalize(std::vector<std::vector<double>>& quadmx)
   {
55
    int size = quadmx.size();
56
     for(int j=0; j<size; j++) {</pre>
57
       double sum = 0;
58
       for(int i=0; i<size; i++){</pre>
         sum+=quadmx[i][j];
60
       }
61
       if(sum!=0){
62
         for(int i=0; i<size; i++){</pre>
63
         quadmx[i][j]/=sum;
64
         }
65
       }
66
67
68
69
  int main(void) {
  // ha probalgatod es ne adj isten valami miatt ne konvergalna
```

```
// akkor ennyi iter utan auto kilep a fo loopbol
72
     int SAFE_LIMIT = 100;
73
     std::ofstream outf;
74
     outf.open ("pagerank.csv");
75
     // at this point L is not normalized
76
     std::vector<std::vector<double>>L{std::move(get_dangling())};
77
     normalize(L);
78
     int size = L.size();
79
     std::vector<double> PR;
     for (int i = 0; i < size; i++) PR.push_back(0.0);
81
     std::vector<double> PRv;
82
     for(int i = 0; i < size; i++) PRv.push_back(1.0/size);</pre>
83
     for (int c; c<SAFE_LIMIT; c++) {</pre>
84
       for(int i = 0; i < size; ++i) {</pre>
85
         PR[i] = 0.0;
         for(int j = 0; j < size; ++j) PR[i] += L[i][j] * PRv[j];</pre>
87
88
       kiir(outf,PR);
89
       if (tavolsag(PR, PRv) < 0.000000001) break;
90
       PRv = PR;
91
92
     outf.close();
93
     return 0;
94
95
```

#### 2.7. A Monty Hall probléma

Írj szimulációt a Monty Hall problémára!

Megoldás videó: No link Megoldás forrása: No link

Gondolkodjunk úgy hogy két stratégia van: "nem választunk újra" és "újra választunk". Alábbi kódban "nem választunk újra" esetben N lehetőség közül 1/N valószínűségünk van nyerni. Viszont ha tudjuk hogy "nem választunk újra" veszített, és a fazon már kinyitott egy ajtót, akkor N-2-ből kell csak választanunk. Utolsó sorban kiírja az nbatfai és ezen kód is sanity check jelleggel a két startégia nyertes kimeneteleinek összegét, ami N=3 esetben egyenlő N-nel. Magasabb N-nél ez nem így van, hisz ha "nem választunk újra" veszített és a fazon kinyitottegy ajtót és N>3 akkor nekünk kisebb mint 100% esélyünk van "újra választunk"-kal nyerni.

```
#include <iostream>
#include <stdlib.h>

int main()

{
   const int trial_count = 100000;
   const int door_count = 3;
   int count_keptbet_won = 0;
```

```
int count_newbet_won = 0;
     for (int i = 0; i < trial_count; i++)</pre>
10
11
       if(rand() % door_count == 0) {
12
         count_keptbet_won++;
13
       }else{
14
           if(rand() % (door_count-2) == 0)count_newbet_won++;
15
       }
16
     }
17
    std::cout<< "Monty Hall"<< std::endl;</pre>
18
    std::cout<< "Trial count " << trial count << std::endl;</pre>
19
    std::cout << "Wins(first bet) " << count_keptbet_won << std::endl;</pre>
20
    std::cout << "Wins(next bet) " << count_newbet_won << std::endl;</pre>
21
    std::cout << "Win Ratio " << ((count_newbet_won==0) ? 0.0 : (static_cast< ←
22
        double>(count_keptbet_won)/static_cast<double>(count_newbet_won)))<< ←</pre>
        std::endl;
    std::cout << "Sum (sanity check)" << count_keptbet_won+count_newbet_won ←
23
        << std::endl;
    return 0;
24
  }
25
```

#### 2.8. 100 éves a Brun tétel

Írj R szimulációt a Brun tétel demonstrálására!

Megoldás videó: https://youtu.be/xbYhp9G6VqQ

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/blob/master/attention\_raising/Primek\_R

A természetes számok építőelemei a prímszámok. Abban az értelemben, hogy minden természetes szám előállítható prímszámok szorzataként. Például 12=2\*2\*3, vagy például 33=3\*11.

Prímszám az a természetes szám, amely csak önmagával és eggyel osztható. Eukleidész görög matematikus már Krisztus előtt tudta, hogy végtelen sok prímszám van, de ma sem tudja senki, hogy végtelen sok ikerprím van-e. Két prím ikerprím, ha különbségük 2.

Két egymást követő páratlan prím között a legkisebb távolság a 2, a legnagyobb távolság viszont bármilyen nagy lehet! Ez utóbbit könnyű bebizonyítani. Legyen n egy tetszőlegesen nagy szám. Akkor szorozzuk össze n+1-ig a számokat, azaz számoljuk ki az 1\*2\*3\*... \*(n-1)\*n\*(n+1) szorzatot, aminek a neve (n+1) faktoriális, jele (n+1)!.

Majd vizsgáljuk meg az a sorozatot:

(n+1)!+2, (n+1)!+3,..., (n+1)!+n, (n+1)!+(n+1) ez n db egymást követő azám, ezekre (a jól ismert bizonyítás szerint) rendre igaz, hogy

- (n+1)!+2=1\*2\*3\*... \*(n-1)\*n\*(n+1)+2, azaz 2\*valamennyi+2, 2 többszöröse, így ami osztható kettővel
- (n+1)!+3=1\*2\*3\*... \*(n-1)\*n\*(n+1)+3, azaz 3\*valamennyi+3, ami osztható hárommal

• ...

- (n+1)!+(n-1)=1\*2\*3\*...\*(n-1)\*n\*(n+1)+(n-1), azaz (n-1)\*valamennyi+(n-1), ami osztható (n-1)-el
- (n+1)!+n=1\*2\*3\*... \*(n-1)\*n\*(n+1)+n, azaz n\*valamennyi+n-, ami osztható n-el
- (n+1)!+(n+1)=1\*2\*3\*...\*(n-1)\*n\*(n+1)+(n-1), azaz (n+1)\*valamennyi+(n+1), ami osztható (n+1)-el

tehát ebben a sorozatban egy prim nincs, akkor a (n+1)!+2-nél kisebb első prim és a (n+1)!+ (n+1)-nél nagyobb első prim között a távolság legalább n.

Az ikerprímszám sejtés azzal foglalkozik, amikor a prímek közötti távolság 2. Azt mondja, hogy az egymástól 2 távolságra lévő prímek végtelen sokan vannak.

A Brun tétel azt mondja, hogy az ikerprímszámok reciprokaiból képzett sor összege, azaz a (1/3+1/5)+ (1/5+1/7)+ (1/11+1/13)+... véges vagy végtelen sor konvergens, ami azt jelenti, hogy ezek a törtek összeadva egy határt adnak ki pontosan vagy azt át nem lépve növekednek, ami határ számot B<sub>2</sub> Brun konstansnak neveznek. Tehát ez nem dönti el a több ezer éve nyitott kérdést, hogy az ikerprímszámok halmaza végtelene? Hiszen ha véges sok van és ezek reciprokait összeadjuk, akkor ugyanúgy nem lépjük át a B<sub>2</sub> Brun konstans értékét, mintha végtelen sok lenne, de ezek már csak olyan csökkenő mértékben járulnának hozzá a végtelen sor összegéhez, hogy így sem lépnék át a Brun konstans értékét.

Ebben a példában egy olyan programot készítettünk, amely közelíteni próbálja a Brun konstans értékét. A repó bhax/attention\_raising/Primek\_R/stp.r mevű állománya kiszámolja az ikerprímeket, összegzi a reciprokaikat és vizualizálja a kapott részeredményt.

```
Copyright (C) 2019 Dr. Norbert Bátfai, nbatfai@gmail.com
#
#
    This program is free software: you can redistribute it and/or modify
    it under the terms of the GNU General Public License as published by
#
    the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or
#
    (at your option) any later version.
#
#
#
    This program is distributed in the hope that it will be useful,
    but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of
#
#
    MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the
#
    GNU General Public License for more details.
#
    You should have received a copy of the GNU General Public License
    along with this program. If not, see <a href="http://www.gnu.org/licenses/">http://www.gnu.org/licenses/</a>
library(matlab)
stp <- function(x){</pre>
    primes = primes(x)
    diff = primes[2:length(primes)]-primes[1:length(primes)-1]
    idx = which(diff==2)
    t1primes = primes[idx]
    t2primes = primes[idx]+2
    rt1plust2 = 1/t1primes+1/t2primes
    return(sum(rt1plust2))
```

```
x=seq(13, 1000000, by=10000)
y=sapply(x, FUN = stp)
plot(x,y,type="b")
```

Soronként értelemezzük ezt a programot:

```
primes = primes(13)
```

Kiszámolja a megadott számig a prímeket.

```
> primes=primes(13)
> primes
[1] 2 3 5 7 11 13

diff = primes[2:length(primes)]-primes[1:length(primes)-1]
> diff = primes[2:length(primes)]-primes[1:length(primes)-1]
> diff
[1] 1 2 2 4 2
```

Az egymást követő prímek különbségét képzi, tehát 3-2, 5-3, 7-5, 11-7, 13-11.

```
idx = which(diff==2)
> idx = which(diff==2)
> idx
[1] 2 3 5
```

Megnézi a diff-ben, hogy melyiknél lett kettő az eredmény, mert azok az ikerprím párok, ahol ez igaz. Ez a diff-ben lévő 3-2, 5-3, 7-5, 11-7, 13-11 külünbségek közül ez a 2., 3. és 5. indexűre teljesül.

```
t1primes = primes[idx]
```

Kivette a primes-ból a párok első tagját.

```
t2primes = primes[idx]+2
```

A párok második tagját az első tagok kettő hozzáadásával képezzük.

```
rt1plust2 = 1/t1primes+1/t2primes
```

Az 1/t1primes a t1primes 3,5,11 értékéből az alábbi reciprokokat képzi:

```
> 1/t1primes
[1] 0.3333333 0.20000000 0.09090909
```

Az 1/t2primes a t2primes 5,7,13 értékéből az alábbi reciprokokat képzi:

```
> 1/t2primes
[1] 0.20000000 0.14285714 0.07692308
```

Az 1/t1primes + 1/t2primes pedig ezeket a törteket rendre összeadja.

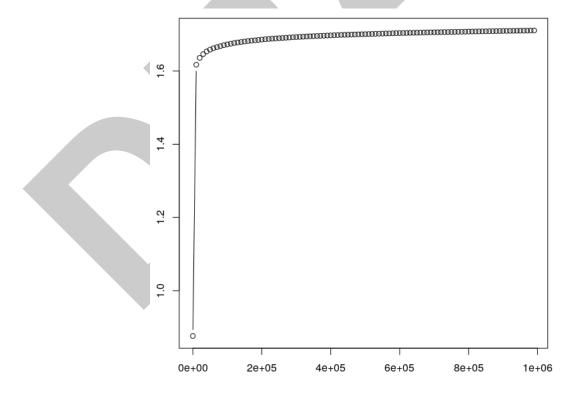
```
> 1/t1primes+1/t2primes
[1] 0.5333333 0.3428571 0.1678322
```

Nincs más dolgunk, mint ezeket a törteket összeadni a sum függvénnyel.

```
sum(rt1plust2)
> sum(rt1plust2)
[1] 1.044023
```

A következő ábra azt mutatja, hogy a szumma értéke, hogyan nő, egy határértékhez tart, a B<sub>2</sub> Brun konstanshoz. Ezt ezzel a csipettel rajzoltuk ki, ahol először a fenti számítást 13-ig végezzük, majd 10013, majd 20013-ig, egészen 990013-ig, azaz közel 1 millióig. Vegyük észre, hogy az ábra első köre, a 13 értékhez tartozó 1.044023.

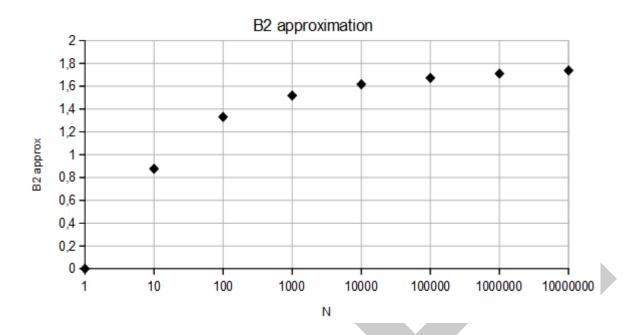
```
x=seq(13, 1000000, by=10000)
y=sapply(x, FUN = stp)
plot(x,y,type="b")
```



2.14. ábra. A B<sub>2</sub> konstans közelítése

Az nbatfai program C++-ban bitset-tel. (Bitset miatt compile time tudnunk kell N-et.)

```
#include <iostream>
  #include <bitset>
  #include <math.h>
                       // sqrt
  const int N = 100; // The catch is we have to know N compile time
5
6
  int main()
7
  {
8
     auto bs = std::move(std::bitset<N+1>{}.set());
    bs.set(0, false);
10
    bs.set(1, false);
11
     int m = sqrt(N);
12
       for (int p=2; p<=m; p++)</pre>
13
           if (bs.test(p))
14
                for (int i=p*2; i<=N; i += p)</pre>
15
                  bs.set(i,false);
16
     double b2approx = 0.0;
17
     for(int i = 2; i <bs.size();i++)</pre>
18
       if (bs.test(i) && bs.test(i-2))
19
         b2approx+=1.0/(i-2)+1.0/i;
     std::cout << "B2 approximation for "<< N<<" is "<< b2approx << std::endl;
21
     return 0;
22
23
  /* N
                B2approx
24
   * 10
                0.87619
25
   * 100
               1.33099
26
   * 1000
               1.51803
27
   * 10000
               1.61689
28
   * 100000
               1.6728
29
   * 1000000 1.71078
30
    * 10000000 1.73836
31
   */
32
  /*
33
   * Didn't use accu, functional or lambdas
34
   * But you could do it based on nbatfais R code...
35
    * std::accumulate(t1.begin(), t1.end(), 0.0, [](const double &a, const \leftrightarrow
36
       double &b) {return a+(1.0/b)+(1/(b+2.0));});
```



2.15. ábra. Az c++  $B_2$  konstans közelítés eredményei



#### Werkfilm

- https://youtu.be/VkMFrgBhN1g
- https://youtu.be/aF4YK6mBwf4

# Helló, Chomsky!

#### 3.1. Decimálisból unárisba átváltó Turing gép

Állapotátmenet gráfjával megadva írd meg ezt a gépet!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

## 3.2. Az a<sup>n</sup>b<sup>n</sup>c<sup>n</sup> nyelv nem környezetfüggetlen

Mutass be legalább két környezetfüggő generatív grammatikát, amely ezt a nyelvet generálja!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

## 3.3. Hivatkozási nyelv

A [KERNIGHANRITCHIE] könyv C referencia-kézikönyv/Utasítások melléklete alapján definiáld BNF-ben a C utasítás fogalmát! Majd mutass be olyan kódcsipeteket, amelyek adott szabvánnyal nem fordulnak (például C89), mással (például C99) igen.

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

#### 3.4. Saját lexikális elemző

Írj olyan programot, ami számolja a bemenetén megjelenő valós számokat! Nem elfogadható olyan megoldás, amely maga olvassa betűnként a bemenetet, a feladat lényege, hogy lexert használjunk, azaz óriások vállán álljunk és ne kispályázzunk!

Megoldás videó: https://youtu.be/9KnMqrkj\_kU (15:01-től).

Megoldás forrása: bhax/thematic\_tutorials/bhax\_textbook\_IgyNeveldaProgramozod/Chomsky/realnumber.l

```
%{
#include <stdio.h>
int realnumbers = 0;
%}
digit [0-9]
%%
{digit}*(\.{digit}+)? {++realnumbers;
    printf("[realnum=%s %f]", yytext, atof(yytext));}
%%
int
main ()
{
    yylex ();
    printf("The number of real numbers is %d\n", realnumbers);
    return 0;
}
```

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 3.5. Leetspeak

Lexelj össze egy 133t ciphert!

Megoldás videó: https://youtu.be/06C\_PqDpD\_k

Megoldás forrása: bhax/thematic\_tutorials/bhax\_textbook\_IgyNeveldaProgramozod/Chomsky/1337d1c7.1

```
%{
    #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
    #include <time.h>
    #include <ctype.h>

#define L337SIZE (sizeof 1337d1c7 / sizeof (struct cipher))

struct cipher {
    char c;
    char *leet[4];
```

```
} 1337d1c7 [] = {
 {'a', {"4", "4", "@", "/-\\"}},
  {'b', {"b", "8", "|3", "|}"}},
  {'c', {"c", "(", "<", "{"}}},
  {'d', {"d", "|)", "|]", "|}"}},
  {'e', {"3", "3", "3", "3"}},
  {'f', {"f", "|=", "ph", "|#"}},
  {'g', {"g", "6", "[", "[+"}},
  {'h', {"h", "4", "|-|", "[-]"}},
  {'i', {"1", "1", "|", "!"}},
  {'j', {"j", "7", "_|", "_/"}},
  {'k', {"k", "|<", "1<", "|{"}},
  {'1', {"1", "1", "|", "|_"}},
  {'m', {"m", "44", "(V)", "|\\/|"}},
  {'n', {"n", "|\\|", "/\\/", "/V"}},
  {'o', {"0", "0", "()", "[]"}},
  {'p', {"p", "/o", "|D", "|o"}},
  {'q', {"q", "9", "0_", "(,)"}},
  {'r', {"r", "12", "12", "|2"}},
  {'s', {"s", "5", "$", "$"}},
  {'t', {"t", "7", "7", "'|'"}},
  {'u', {"u", "|_|", "(_)", "[_]"}},
  {'v', {"v", "\\/", "\\/", "\\/"}},
  {'w', {"w", "VV", "\\/\/", "(/\\)"}},
  {'x', {"x", "%", ")(", ")("}},
  {'y', {"y", "", "", ""}},
  {'z', {"z", "2", "7_", ">_"}},
  {'0', {"D", "0", "D", "0"}},
  {'1', {"I", "I", "L", "L"}},
  {'2', {"Z", "Z", "Z", "e"}},
  {'3', {"E", "E", "E", "E"}},
  {'4', {"h", "h", "A", "A"}},
  {'5', {"S", "S", "S", "S"}},
  {'6', {"b", "b", "G", "G"}},
  {'7', {"T", "T", "j", "j"}},
  {'8', {"X", "X", "X", "X"}},
  {'9', {"q", "q", "j", "j"}}
// https://simple.wikipedia.org/wiki/Leet
 };
응 }
응응
. {
    int found = 0;
    for(int i=0; i<L337SIZE; ++i)</pre>
```

```
if(l337d1c7[i].c == tolower(*yytext))
      {
        int r = 1 + (int) (100.0 * rand() / (RAND_MAX+1.0));
           if (r<91)</pre>
           printf("%s", 1337d1c7[i].leet[0]);
           else if (r < 95)
           printf("%s", 1337d1c7[i].leet[1]);
        else if (r < 98)
           printf("%s", 1337d1c7[i].leet[2]);
        else
           printf("%s", 1337d1c7[i].leet[3]);
        found = 1;
        break;
      }
    }
    if(!found)
       printf("%c", *yytext);
  }
응응
int
main()
  srand(time(NULL)+getpid());
  yylex();
  return 0;
```

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 3.6. A források olvasása

Hogyan olvasod, hogyan értelmezed természetes nyelven az alábbi kódcsipeteket? Például

```
if(signal(SIGINT, jelkezelo) == SIG_IGN)
    signal(SIGINT, SIG_IGN);
```

Ha a SIGINT jel kezelése figyelmen kívül volt hagyva, akkor ezen túl is legyen figyelmen kívül hagyva, ha nem volt figyelmen kívül hagyva, akkor a jelkezelo függvény kezelje. (Miután a **man 7 signal** lapon megismertem a SIGINT jelet, a **man 2 signal** lapon pedig a használt rendszerhívást.)



#### **Bugok**

Vigyázz, sok csipet kerülendő, mert bugokat visz a kódba! Melyek ezek és miért? Ha nem megy ránézésre, elkapja valamelyiket esetleg a splint vagy a frama?

Megoldás forrása:

Megoldás videó:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 3.7. Logikus

Hogyan olvasod természetes nyelven az alábbi Ar nyelvű formulákat?

```
$(\forall x \exists y ((x<y)\wedge(y \text{ prim})))$
$(\forall x \exists y ((x<y)\wedge(y \text{ prim}))\wedge(SSy \text{ prim})) \\
)$
$(\exists y \forall x (x \text{ prim}) \supset (x<y)) $
$(\exists y \forall x (y<x) \supset \neg (x \text{ prim}))$</pre>
```

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/blob/master/attention\_raising/MatLog\_LaTeX

Megoldás videó: https://youtu.be/ZexiPy3ZxsA, https://youtu.be/AJSXOQFF\_wk

#### 3.8. Deklaráció

Vezesd be egy programba (forduljon le) a következőket:

- egész
- egészre mutató mutató
- egész referenciája
- egészek tömbje
- egészek tömbjének referenciája (nem az első elemé)
- egészre mutató mutatók tömbje
- egészre mutató mutatót visszaadó függvény
- egészre mutató mutatót visszaadó függvényre mutató mutató
- egészet visszaadó és két egészet kapó függvényre mutató mutatót visszaadó, egészet kapó függvény
- függvénymutató egy egészet visszaadó és két egészet kapó függvényre mutató mutatót visszaadó, egészet kapó függvényre

Mit vezetnek be a programba a következő nevek?

int (\*v (int c)) (int a, int b)

```
int a;
int *b = &a;
int c[5];
int (&tr)[5] = c;
int *d[5];
int *h ();
```

```
int (*(*z) (int)) (int, int);
```

#### Megoldás videó:

#### Megoldás forrása:

Az utolsó két deklarációs példa demonstrálására két olyan kódot írtunk, amelyek összahasonlítása azt mutatja meg, hogy miért érdemes a **typedef** használata: bhax/thematic\_tutorials/bhax\_textbook\_ IgyNeveldaProgramozod/Chomsky/fptr.c,bhax/thematic\_tutorials/bhax\_textbook\_ IgyNeveldaProgramozod/Chomsky/fptr2.c.

```
#include <stdio.h>
int
sum (int a, int b)
    return a + b;
int
mul (int a, int b)
{
    return a * b;
int (*sumormul (int c)) (int a, int b)
{
    if (c)
       return mul;
    else
       return sum;
}
int
main ()
{
    int (*f) (int, int);
    f = sum;
    printf ("%d\n", f (2, 3));
    int (*(*g) (int)) (int, int);
    g = sumormul;
    f = *g (42);
```

```
printf ("%d\n", f (2, 3));
  return 0;
#include <stdio.h>
```

```
typedef int (*F) (int, int);
typedef int (*(*G) (int)) (int, int);
int
sum (int a, int b)
  return a + b;
int
mul (int a, int b)
{
   return a * b;
F sumormul (int c)
{
   if (c)
      return mul;
   else
     return sum;
int
main ()
{
   F f = sum;
   printf ("%d\n", f (2, 3));
   G g = sumormul;
    f = *g (42);
    printf ("%d\n", f (2, 3));
   return 0;
```

## Helló, Caesar!

## 4.1. double \*\* háromszögmátrix

Írj egy olyan malloc és free párost használó C programot, amely helyet foglal egy alsó háromszög mátrixnak a szabad tárban!

Megoldás videó: https://youtu.be/1MRTuKwRsB0, https://youtu.be/RKbX5-EWpzA.

Megoldás forrása: bhax/thematic\_tutorials/bhax\_textbook\_IgyNeveldaProgramozod/Caesar/tm.c

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

int
main ()
{
    int nr = 5;
    double **tm;

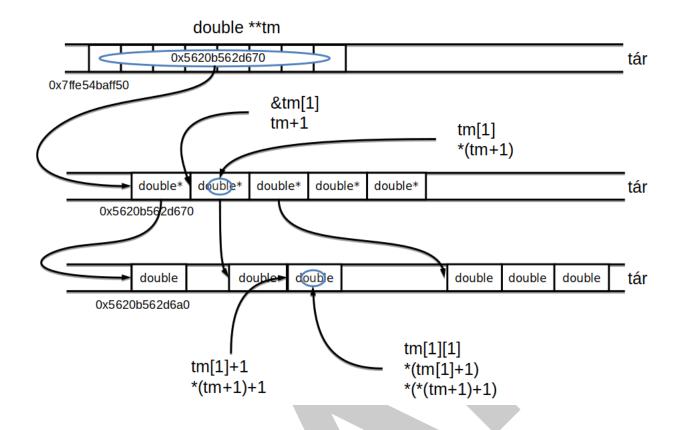
    if ((tm = (double **) malloc (nr * sizeof (double *))) == NULL)
    {
        return -1;
    }

    for (int i = 0; i < nr; ++i)
    {
        if ((tm[i] = (double *) malloc ((i + 1) * sizeof (double))) == NULL \cdots
        )
        {
            return -1;
        }
    }

    for (int i = 0; i < nr; ++i)
        for (int j = 0; j < i + 1; ++j)</pre>
```

```
tm[i][j] = i * (i + 1) / 2 + j;
for (int i = 0; i < nr; ++i)</pre>
    for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
       printf ("%f, ", tm[i][j]);
    printf ("\n");
tm[3][0] = 42.0;
(*(tm + 3))[1] = 43.0; // mi van, ha itt hiányzik a külső ()
*(tm[3] + 2) = 44.0;
*(*(tm + 3) + 3) = 45.0;
for (int i = 0; i < nr; ++i)</pre>
{
    for (int j = 0; j < i + 1; ++j)
       printf ("%f, ", tm[i][j]);
    printf ("\n");
for (int i = 0; i < nr; ++i)</pre>
   free (tm[i]);
free (tm);
return 0;
```





4.1. ábra. A double \*\* háromszögmátrix a memóriában

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 4.2. C EXOR titkosító

Írj egy EXOR titkosítót C-ben!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 4.3. Java EXOR titkosító

Írj egy EXOR titkosítót Java-ban!

Megoldás videó:

 $Megold\'{a}s~forr\'{a}sa:~https://www.tankonyvtar.hu/hu/tartalom/tkt/javat-tanitok-javat/ch01.html\#exor\_titkosito$ 

#### 4.4. C EXOR törő

Írj egy olyan C programot, amely megtöri az első feladatban előállított titkos szövegeket!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 4.5. Neurális OR, AND és EXOR kapu

R

Megoldás videó: https://youtu.be/Koyw6IH5ScQ

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/tree/master/attention\_raising/NN\_R

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 4.6. Hiba-visszaterjesztéses perceptron

C++

Megoldás videó: https://youtu.be/XpBnR31BRJY

Megoldás forrása: https://github.com/nbatfai/nahshon/blob/master/ql.hpp#L64

# Helló, Mandelbrot!

#### 5.1. A Mandelbrot halmaz

Írj olyan C programot, amely kiszámolja a Mandelbrot halmazt!

Megoldás videó: https://youtu.be/gvaqijHlRUs

Megoldás forrása: bhax/attention\_raising/CUDA/mandelpngt.c++ nevű állománya.

A Mandelbrot halmaz a komplex síkon

#### 5.1. ábra. A Mandelbrot halmaz a komplex síkon

A Mandelbrot halmazt 1980-ban találta meg Benoit Mandelbrot a komplex számsíkon. Komplex számok azok a számok, amelyek körében válaszolni lehet az olyan egyébként értelmezhetetlen kérdésekre, hogy melyik az a két szám, amelyet összeszorozva -9-et kapunk, mert ez a szám például a 3i komplex szám.

A Mandelbrot halmazt úgy láthatjuk meg, hogy a sík origója középpontú 4 oldalhosszúságú négyzetbe lefektetünk egy, mondjuk 800x800-as rácsot és kiszámoljuk, hogy a rács pontjai mely komplex számoknak felelnek meg. A rács minden pontját megvizsgáljuk a  $z_{n+1}=z_n^2+c$ , (0 <= n) képlet alapján úgy, hogy a c az éppen vizsgált rácspont. A z0 az origó. Alkalmazva a képletet a

- $z_0 = 0$
- $z_1 = 0^2 + c = c$
- $z_2 = c^2 + c$
- $z_3 = (c^2 + c)^2 + c$
- $z_4 = ((c^2+c)^2+c)^2+c$
- ... s így tovább.

Azaz kiindulunk az origóból ( $z_0$ ) és elugrunk a rács első pontjába a  $z_1$  = c-be, aztán a c-től függően a további z-kbe. Ha ez az utazás kivezet a 2 sugarú körből, akkor azt mondjuk, hogy az a vizsgált rácspont nem a Mandelbrot halmaz eleme. Nyilván nem tudunk végtelen sok z-t megvizsgálni, ezért csak véges sok z elemet nézünk meg minden rácsponthoz. Ha eközben nem lép ki a körből, akkor feketére színezzük, hogy az a c rácspont a halmaz része. (Színes meg úgy lesz a kép, hogy változatosan színezzük, például minél későbbi z-nél lép ki a körből, annál sötétebbre).

## 5.2. A Mandelbrot halmaz a std::complex osztállyal

Írj olyan C++ programot, amely kiszámolja a Mandelbrot halmazt!

Megoldás videó: https://youtu.be/gvaqijHlRUs

Megoldás forrása:

A Mandelbrot halmaz pontban vázolt ismert algoritmust valósítja meg a repó bhax/attention\_raising/Mandelbrot/3.1.2.cpp nevű állománya.

```
// Verzio: 3.1.2.cpp
// Forditas:
// g++ 3.1.2.cpp -lpng -03 -0 3.1.2
// Futtatas:
// ./3.1.2 mandel.png 1920 1080 2040 \leftrightarrow
   -0.01947381057309366392260585598705802112818 \leftrightarrow
   -0.0194738105725413418456426484226540196687
   0.7985057569338268601555341774655971676111
   0.798505756934379196110285192844457924366
// ./3.1.2 mandel.png 1920 1080 1020 \leftrightarrow
   0.4127655418209589255340574709407519549131
   0.4127655418245818053080142817634623497725
   0.2135387051768746491386963270997512154281
   0.2135387051804975289126531379224616102874
// Nyomtatas:
// a2ps 3.1.2.cpp -o 3.1.2.cpp.pdf -1 --line-numbers=1 --left-footer=" \leftarrow
   BATF41 HAXOR STR34M" --right-footer="https://bhaxor.blog.hu/" --pro= ↔
// ps2pdf 3.1.2.cpp.pdf 3.1.2.cpp.pdf.pdf
//
//
// Copyright (C) 2019
// Norbert Bátfai, batfai.norbert@inf.unideb.hu
11
//
   This program is free software: you can redistribute it and/or modify
//
   it under the terms of the GNU General Public License as published by
//
    the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or
//
    (at your option) any later version.
//
   This program is distributed in the hope that it will be useful,
   but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of
    MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the
```

```
// GNU General Public License for more details.
//
// You should have received a copy of the GNU General Public License
// along with this program. If not, see <a href="https://www.gnu.org/licenses/">https://www.gnu.org/licenses/</a>.
#include <iostream>
#include "png++/png.hpp"
#include <complex>
int.
main ( int argc, char *argv[] )
  int szelesseg = 1920;
  int magassag = 1080;
  int iteraciosHatar = 255;
  double a = -1.9;
  double b = 0.7;
  double c = -1.3;
  double d = 1.3;
  if (argc == 9)
    {
      szelesseg = atoi ( argv[2] );
      magassag = atoi (argv[3]);
      iteraciosHatar = atoi ( argv[4] );
      a = atof (argv[5]);
      b = atof (argv[6]);
      c = atof (argv[7]);
      d = atof (argv[8]);
    }
  else
    {
      std::cout << "Hasznalat: ./3.1.2 fajlnev szelesseg magassag n a b c d \leftarrow
         " << std::endl;
      return -1;
  png::image < png::rgb_pixel > kep ( szelesseg, magassag );
  double dx = (b - a) / szelesseg;
  double dy = (d - c) / magassag;
  double reC, imC, reZ, imZ;
  int iteracio = 0;
  std::cout << "Szamitas\n";</pre>
  // j megy a sorokon
  for ( int j = 0; j < magassag; ++j )
```

```
// k megy az oszlopokon
    for ( int k = 0; k < szelesseg; ++k )
        // c = (reC, imC) a halo racspontjainak
        // megfelelo komplex szam
        reC = a + k * dx;
        imC = d - j * dy;
        std::complex<double> c ( reC, imC );
        std::complex<double> z_n ( 0, 0 );
        iteracio = 0;
        while ( std::abs ( z_n ) < 4 && iteracio < iteraciosHatar )
            z_n = z_n * z_n + c;
            ++iteracio;
          }
        kep.set_pixel ( k, j,
                        png::rgb_pixel ( iteracio%255, (iteracio*iteracio \leftarrow
                           )%255, 0 ));
      }
    int szazalek = ( double ) j / ( double ) magassag * 100.0;
    std::cout << "\r" << szazalek << "%" << std::flush;
  }
kep.write ( argv[1] );
std::cout << "\r" << argv[1] << " mentve." << std::endl;
```

#### 5.3. Biomorfok

Megoldás videó: https://youtu.be/IJMbgRzY76E

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/tree/master/attention\_raising/Biomorf

A biomorfokra (a Julia halmazokat rajzoló bug-os programjával) rátaláló Clifford Pickover azt hitte természeti törvényre bukkant: https://www.emis.de/journals/TJNSA/includes/files/articles/Vol9\_Iss5\_2305-2315\_Biomorphs\_via\_modified\_iterations.pdf (lásd a 2307. oldal aljától).

A különbség a Mandelbrot halmaz és a Julia halmazok között az, hogy a komplex iterációban az előbbiben

a c változó, utóbbiban pedig állandó. A következő Mandelbrot csipet azt mutatja, hogy a c befutja a vizsgált összes rácspontot.

```
// j megy a sorokon
for ( int j = 0; j < magassag; ++j )
    for ( int k = 0; k < szelesseg; ++k )
      {
        // c = (reC, imC) a halo racspontjainak
        // megfelelo komplex szam
        reC = a + k * dx;
        imC = d - j * dy;
        std::complex<double> c ( reC, imC );
        std::complex<double> z_n ( 0, 0 );
        iteracio = 0;
        while ( std::abs ( z_n ) < 4 && iteracio < iteraciosHatar )
          {
            z_n = z_n * z_n + c;
            ++iteracio;
          }
```

Ezzel szemben a Julia halmazos csipetben a cc nem változik, hanem minden vizsgált z rácspontra ugyanaz.

```
// j megy a sorokon
for ( int j = 0; j < magassag; ++j )
    // k megy az oszlopokon
    for ( int k = 0; k < szelesseg; ++k )
    {
        double reZ = a + k * dx;
        double imZ = d - j * dy;
        std::complex<double> z_n ( reZ, imZ );
        int iteracio = 0;
        for (int i=0; i < iteraciosHatar; ++i)</pre>
            z_n = std::pow(z_n, 3) + cc;
            if(std::real (z_n) > R \mid\mid std::imag (z_n) > R)
                iteracio = i;
                break;
            }
        }
```

A bimorfos algoritmus pontos megismeréséhez ezt a cikket javasoljuk: https://www.emis.de/journals/-TJNSA/includes/files/articles/Vol9\_Iss5\_2305--2315\_Biomorphs\_via\_modified\_iterations.pdf. Az is jó gyakorlat, ha magából ebből a cikkből from scratch kódoljuk be a sajátunkat, de mi a királyi úton járva a korábbi Mandelbrot halmazt kiszámoló forrásunkat módosítjuk. Viszont a program változóinak elnevezését összhangba hozzuk a közlemény jelöléseivel:

```
// Verzio: 3.1.3.cpp
// Forditas:
// g++ 3.1.3.cpp -lpng -03 -0 3.1.3
// Futtatas:
// ./3.1.3 bmorf.png 800 800 10 -2 2 -2 2 .285 0 10
// Nyomtatas:
// a2ps 3.1.3.cpp -o 3.1.3.cpp.pdf -1 --line-numbers=1 --left-footer=" \leftarrow
   BATF41 HAXOR STR34M" --right-footer="https://bhaxor.blog.hu/" --pro= ←
   color
//
// BHAX Biomorphs
// Copyright (C) 2019
// Norbert Batfai, batfai.norbert@inf.unideb.hu
//
//
   This program is free software: you can redistribute it and/or modify
//
   it under the terms of the GNU General Public License as published by
//
   the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or
//
   (at your option) any later version.
//
//
   This program is distributed in the hope that it will be useful,
//
   but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of
//
   MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the
//
   GNU General Public License for more details.
//
//
   You should have received a copy of the GNU General Public License
//
   along with this program. If not, see <a href="https://www.gnu.org/licenses/">https://www.gnu.org/licenses/>.
//
// Version history
//
// https://youtu.be/IJMbgRzY76E
// See also https://www.emis.de/journals/TJNSA/includes/files/articles/ \leftrightarrow
   Vol9_Iss5_2305--2315_Biomorphs_via_modified_iterations.pdf
//
#include <iostream>
#include "png++/png.hpp"
#include <complex>
main ( int argc, char *argv[] )
{
    int szelesseg = 1920;
    int magassag = 1080;
```

```
int iteraciosHatar = 255;
double xmin = -1.9;
double xmax = 0.7;
double ymin = -1.3;
double ymax = 1.3;
double reC = .285, imC = 0;
double R = 10.0;
if (argc == 12)
    szelesseg = atoi ( argv[2] );
    magassag = atoi (argv[3]);
    iteraciosHatar = atoi ( argv[4] );
    xmin = atof (argv[5]);
    xmax = atof (argv[6]);
    ymin = atof (argv[7]);
    ymax = atof (argv[8]);
    reC = atof (argv[9]);
    imC = atof (argv[10]);
    R = atof (argv[11]);
}
else
{
    std::cout << "Hasznalat: ./3.1.2 fajlnev szelesseg magassag n a b c \leftrightarrow
        d reC imC R" << std::endl;
    return -1;
png::image < png::rgb_pixel > kep ( szelesseg, magassag );
double dx = ( xmax - xmin ) / szelesseg;
double dy = ( ymax - ymin ) / magassag;
std::complex<double> cc ( reC, imC );
std::cout << "Szamitas\n";</pre>
// j megy a sorokon
for ( int y = 0; y < magassag; ++y )
    // k megy az oszlopokon
    for ( int x = 0; x < szelesseg; ++x )
    {
        double reZ = xmin + x * dx;
        double imZ = ymax - y * dy;
        std::complex<double> z_n ( reZ, imZ );
```

```
int iteracio = 0;
        for (int i=0; i < iteraciosHatar; ++i)</pre>
            z_n = std::pow(z_n, 3) + cc;
            //z_n = std::pow(z_n, 2) + std::sin(z_n) + cc;
            if(std::real (z_n) > R \mid\mid std::imag (z_n) > R)
                iteracio = i;
                break;
            }
        }
        kep.set_pixel (x, y,
                         png::rgb_pixel ((iteracio*20)%255, (iteracio \leftarrow
                            *40) %255, (iteracio *60) %255 ));
    }
    int szazalek = ( double ) y / ( double ) magassag * 100.0;
    std::cout << "\r" << szazalek << "%" << std::flush;
}
kep.write ( argv[1] );
std::cout << "\r" << argv[1] << " mentve." << std::endl;
```

#### 5.4. A Mandelbrot halmaz CUDA megvalósítása

Megoldás videó: https://youtu.be/gvaqijHlRUs

Megoldás forrása: bhax/attention\_raising/CUDA/mandelpngc\_60x60\_100.cu nevű állománya.

## 5.5. Mandelbrot nagyító és utazó C++ nyelven

Építs GUI-t a Mandelbrot algoritmusra, lehessen egérrel nagyítani egy területet, illetve egy pontot egérrel kiválasztva vizualizálja onnan a komplex iteréció bejárta z<sub>n</sub> komplex számokat!

Megoldás videó: Illetve https://bhaxor.blog.hu/2018/09/02/ismerkedes\_a\_mandelbrot\_halmazzal.

Megoldás forrása:

## 5.6. Mandelbrot nagyító és utazó Java nyelven

Megoldás videó: https://youtu.be/Ui3B6IJnssY, 4:27-től. Illetve https://bhaxor.blog.hu/2018/09/02/ismerkedes\_a\_Megoldás forrása: https://www.tankonyvtar.hu/hu/tartalom/tkt/javat-tanitok-javat/apbs02.html#id570518



# Helló, Welch!

#### 6.1. Első osztályom

Valósítsd meg C++-ban és Java-ban az módosított polártranszformációs algoritmust! A matek háttér teljesen irreleváns, csak annyiban érdekes, hogy az algoritmus egy számítása során két normálist számol ki, az egyiket elspájzolod és egy további logikai taggal az osztályban jelzed, hogy van vagy nincs eltéve kiszámolt szám.

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat... térj ki arra is, hogy a JDK forrásaiban a Sun programozói pont úgy csinálták meg ahogyan te is, azaz az OO nemhogy nem nehéz, hanem éppen természetes neked!

#### 6.2. LZW

Valósítsd meg C-ben az LZW algoritmus fa-építését!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

#### 6.3. Fabejárás

Járd be az előző (inorder bejárású) fát pre- és posztorder is!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

#### 6.4. Tag a gyökér

Az LZW algoritmust ültesd át egy C++ osztályba, legyen egy Tree és egy beágyazott Node osztálya. A gyökér csomópont legyen kompozícióban a fával!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

## 6.5. Mutató a gyökér

Írd át az előző forrást, hogy a gyökér csomópont ne kompozícióban, csak aggregációban legyen a fával! Megoldás videó:

Megoldás forrása:

## 6.6. Mozgató szemantika

Írj az előző programhoz mozgató konstruktort és értékadást, a mozgató konstruktor legyen a mozgató értékadásra alapozva!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:



# Helló, Conway!

## 7.1. Hangyaszimulációk

Írj Qt C++-ban egy hangyaszimulációs programot, a forrásaidról utólag reverse engineering jelleggel készíts UML osztálydiagramot is!

Megoldás videó: https://bhaxor.blog.hu/2018/10/10/myrmecologist

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 7.2. Java életjáték

Írd meg Java-ban a John Horton Conway-féle életjátékot, valósítsa meg a sikló-kilövőt!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 7.3. Qt C++ életjáték

Most Qt C++-ban!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

## 7.4. BrainB Benchmark

Megoldás videó:

Megoldás forrása:



# Helló, Schwarzenegger!

#### 8.1. Szoftmax Py MNIST

Python

Megoldás videó: https://youtu.be/j7f9SkJR3oc

Megoldás forrása: https://github.com/tensorflow/tensorflow/releases/tag/v0.9.0 (/tensorflow-0.9.0/tensorflow/examhttps://progpater.blog.hu/2016/11/13/hello\_samu\_a\_tensorflow-bol

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

## 8.2. Mély MNIST

Python

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

#### 8.3. Minecraft-MALMÖ

Megoldás videó: https://youtu.be/bAPSu3Rndi8

Megoldás forrása:

# Helló, Chaitin!

#### 9.1. Iteratív és rekurzív faktoriális Lisp-ben

Megoldás videó: https://youtu.be/z6NJE2a1zIA

Megoldás forrása:

#### 9.2. Gimp Scheme Script-fu: króm effekt

Írj olyan script-fu kiterjesztést a GIMP programhoz, amely megvalósítja a króm effektet egy bemenő szövegre!

Megoldás videó: https://youtu.be/OKdAkI\_c7Sc

Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/tree/master/attention\_raising/GIMP\_Lisp/Chrome

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

## 9.3. Gimp Scheme Script-fu: név mandala

Írj olyan script-fu kiterjesztést a GIMP programhoz, amely név-mandalát készít a bemenő szövegből! Megoldás videó: https://bhaxor.blog.hu/2019/01/10/a\_gimp\_lisp\_hackelese\_a\_scheme\_programozasi\_nyelv Megoldás forrása: https://gitlab.com/nbatfai/bhax/tree/master/attention\_raising/GIMP\_Lisp/Mandala Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

# Helló, Gutenberg!

## 10.1. Programozási alapfogalmak

[?]

## 10.2. Programozás bevezetés

[KERNIGHANRITCHIE]

Megoldás videó: https://youtu.be/zmfT9miB-jY

## 10.3. Programozás

[BMECPP]

# III. rész

Második felvonás



#### Bátf41 Haxor Stream

A feladatokkal kapcsolatos élő adásokat sugároz a https://www.twitch.tv/nbatfai csatorna, melynek permanens archívuma a https://www.youtube.com/c/nbatfai csatornán található.



# Helló, Arroway!

## 11.1. A BPP algoritmus Java megvalósítása

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

Tanulságok, tapasztalatok, magyarázat...

## 11.2. Java osztályok a Pi-ben

Az előző feladat kódját fejleszd tovább: vizsgáld, hogy Vannak-e Java osztályok a Pi hexadecimális kifejtésében!

Megoldás videó:

Megoldás forrása:

# IV. rész



#### 11.3. Általános

[MARX] Marx, György, Gyorsuló idő, Typotex, 2005.

#### 11.4. C

[KERNIGHANRITCHIE] Kernighan, Brian W. és Ritchie, Dennis M., *A C programozási nyelv*, Bp., Műszaki, 1993.

#### 11.5. C++

[BMECPP] Benedek, Zoltán és Levendovszky, Tihamér, *Szoftverfejlesztés C++ nyelven*, Bp., Szak Kiadó, 2013.

#### 11.6. Lisp

[METAMATH] Chaitin, Gregory, *META MATH! The Quest for Omega*, http://arxiv.org/PS\_cache/math/pdf/0404/0404335v7.pdf , 2004.

[SICP] Abelson, Harold, Structure and Interpretation of Computer Programs, MIT, 1996.

#### 11.7. My Little Ponys

[CHISOMORPH] Sorensen, Morten Heine B, Lectures on the Curry-Howard Isomorphism, Pdf, 1998.

[DENOTATIONALSEMANTICS] Allison, Lloyd, A practical introduction to denotational semantics, Cambridge University Press, 1986.

[NANDTOTETRIS] Nisan, Noam, The Elements of Computing Systems, Homepage of the book, 2005.

[PROGLANGS] Harper, Robert, Practical Foundations for Programming Language, Carnegie Mellon University, 2016.

Köszönet illeti a NEMESPOR, https://groups.google.com/forum/#!forum/nemespor, az UDPROG tanulószoba, https://www.facebook.com/groups/udprog, a DEAC-Hackers előszoba, https://www.facebook.com/groups/DEACHackers (illetve egyéb alkalmi szerveződésű szakmai csoportok) tagjait inspiráló érdeklődésükért és hasznos észrevételeikért.

Ezen túl kiemelt köszönet illeti az említett UDPROG közösséget, mely a Debreceni Egyetem reguláris programozás oktatása tartalmi szervezését támogatja. Sok példa eleve ebben a közösségben született, vagy itt került említésre és adott esetekben szerepet kapott, mint oktatási példa.