Münchausen-számok keresése (alap)

Kovács Csaba, UBMCGU Szkriptnyelvek (INBPM9942L) 2021. tavasz Laborvezető: Dr. Szathmáry László

Áttekintés

- Münchausen-szám keresés
- Naiv módon
- Direkt a gagyi str(num) felbontás, semmi % base mágia
- Először ciklussal
- Utána list comprehension-nel átírjuk
- Repo: https://github.com/rkeeves/munchausen

- Egy természetes számot akkor nevezünk Münchausen-számnak, ha minden egyes számjegyét az adott számjegy által meghatározott hatványra emelve, majd ezen hatványok összegét véve az eredeti számot kapjuk vissza.
- Most legyen 0° = 0
- Sok a szöveg... nézzünk példát!

- Egy természetes számot akkor nevezünk Münchausen-számnak, ha minden egyes számjegyét az adott számjegy által meghatározott hatványra emelve, majd ezen hatványok összegét véve az eredeti számot kapjuk vissza.
- Most legyen $0^{\circ} = 0$
- · Példa 2 0 2 1

- Egy természetes számot akkor nevezünk Münchausen-számnak, ha minden egyes számjegyét az adott számjegy által meghatározott hatványra emelve, majd ezen hatványok összegét véve az eredeti számot kapjuk vissza.
- Most legyen $0^{\circ} = 0$
- Példa

2 0 2 1 2² 0⁰ 2² 1¹

- Egy természetes számot akkor nevezünk Münchausen-számnak, ha minden egyes számjegyét az adott számjegy által meghatározott hatványra emelve, majd ezen hatványok összegét véve az eredeti számot kapjuk vissza.
- Most legyen 0° = 0
- Példa

2 0 2 1 2² 0⁰ 2² 1¹ 4 0 4 1

- Egy természetes számot akkor nevezünk Münchausen-számnak, ha minden egyes számjegyét az adott számjegy által meghatározott hatványra emelve, majd ezen hatványok összegét véve az eredeti számot kapjuk vissza.
- Most legyen 0° = 0
- Példa

- Egy természetes számot akkor nevezünk Münchausen-számnak, ha minden egyes számjegyét az adott számjegy által meghatározott hatványra emelve, majd ezen hatványok összegét véve az eredeti számot kapjuk vissza.
- Most legyen 0° = 0
- Példa

2 0 2 1

$$2^{2}$$
 0 2^{2} 1 1^{1}
 $4+0+4+1=9$?= 2021

- Egy természetes számot akkor nevezünk Münchausen-számnak, ha minden egyes számjegyét az adott számjegy által meghatározott hatványra emelve, majd ezen hatványok összegét véve az eredeti számot kapjuk vissza.
- Most legyen 0° = 0
- Példa

2 0 2 1

$$2^{2}$$
 0 2^{2} 1 1^{1}
4+ 0+ 4+ 1 = 9 != 2021

- Egy természetes számot akkor nevezünk Münchausen-számnak, ha minden egyes számjegyét az adott számjegy által meghatározott hatványra emelve, majd ezen hatványok összegét véve az eredeti számot kapjuk vissza.
- Most legyen $0^{\circ} = 0$
- Példa

2 0 2 1

$$2^{2}$$
 0 2^{2} 1 1^{2}
 $4+0+4+1=9$!= 2021
Nem Münchausen-szám mert !=

• Nézzük meg most 3435-öt!

3 4 3 5

• Nézzük meg most 3435-öt!

```
3 4 3 5
3<sup>3</sup> 4<sup>4</sup> 3<sup>3</sup> 5<sup>5</sup>
27 256 27 3125
```

$$3 4 3 5$$
 $3^3 4^4 3^3 5^5$
 $27+ 256+ 27+ 3125 = 3435$

```
3 	 4 	 3 	 5

3^3 	 4^4 	 3^3 	 5^5

27+ 	 256+ 	 27+ 	 3125 = 3435 ?= 3435
```

$$3 4 3 5$$

 $3^3 4^4 3^3 5^5$
 $27+ 256+ 27+ 3125 = 3435 == 3435$

```
3 4 3 5

3<sup>3</sup> 4<sup>4</sup> 3<sup>3</sup> 5<sup>5</sup>

27+ 256+ 27+ 3125 = 3435 == 3435

Münchausen-szám mert ==
```

• Algoritmizálható-e amit eddig kézzel csináltunk?

- Algoritmizálható-e amit eddig kézzel csináltunk?
- Nézzük meg naivan ciklussal Python3-ban!

Vegyünk egy számot "num"

```
def is_munchausen(num):
```

• Átkonvertáljuk sztringgé, és végigmegyünk a számjegy karaktereken

```
def is_munchausen(num):
    for digit_char in str(num):
```

- A számjegy karaktereket vissza kell konvertálni számmá
- Mert aritmetikai műveletet ugye nem tudnánk sztringen végezni :(

```
def is_munchausen(num):
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
```

Simán önmaga hatványára emeljük

```
def is_munchausen(num):
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
             digit ** digit
```

• Simán önmaga hatványára emeljük

$$3^3 + 4^4 + 3^3 + 5^5 = 3435 == 3435$$

• Na jó... de ezt valahogyan szummázni is kellene

Szummázzuk egy változóba!

```
def is_munchausen(num):
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
```

• Inicializáljuk is azért

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
```

Nézzük meg, hogy egyenlő-e a számmal

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

- Nézzük meg, hogy egyenlő-e a számmal
- Példa pls

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

Nézzük meg, hogy egyenlő-e a számmal

3435 == 3435

Példa pls

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

- Nézzük meg, hogy egyenlő-e a számmal
- Példa pls

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

```
3435 == 3435
```

```
9 != 2021
```

Kész! Azért próbáljuk ki hátha buggy!

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

• Teszteljük!

(link: https://github.com/rkeeves/munchausen/blob/main/src/e00_munchausen_property.py)

Teszteljük!

```
0 -> False
1 -> True
2021 -> False
3435 -> True
```

- Teszteljük!
- Hopp, 0-nál eltérés van :(

```
0 -> False
1 -> True
2021 -> False
3435 -> True
```

- Teszteljük!
- Hopp, 0-nál eltérés van :(
- Miért is? -> 0 ** 0 = 1

```
0 -> False
1 -> True
2021 -> False
3435 -> True
```

- Teszteljük!
- Hopp, 0-nál eltérés van :(
- Miért is? -> 0 ** 0 = 1
- "Javítsuk gyorsan és felületesen"

- Teszteljük!
- Hopp, 0-nál eltérés van :(
- Miért is? -> 0 ** 0 = 1
- "Javítsuk gyorsan és felületesen"

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += 0 if digit == 0 else digit ** digit
    return accu == num
```

- Teszteljük!
- Hopp, 0-nál eltérés van :(
- Miért is? -> 0 ** 0 = 1
- Teszteljük!
 (link: https://github.com/rkeeves/munchausen/blob/main/src/e01_munchausen_property.py)

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += 0 if digit == 0 else digit ** digit
    return accu == num
```

- Teszteljük!
- Hopp, 0-nál eltérés van :(
- Miért is? -> 0 ** 0 = 1
- Teszteljük!

```
0 -> True
1 -> True
2021 -> False
3435 -> True
```

```
Így már OK
```

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += 0 if digit == 0 else digit ** digit
    return accu == num
```

• Már el tudjuk dönteni hogy mi eleme a Münchausen-számok halmazának!

- Már el tudjuk dönteni hogy mi eleme a Münchausen-számok halmazának!
- De hogyan listázzuk ki?

- Már el tudjuk dönteni hogy mi eleme a Münchausen-számok halmazának!
- De hogyan listázzuk ki?
- Terv: Soroljuk fel a számokat, és válogassuk ki a Münchausen-számokat

- Már el tudjuk dönteni hogy mi eleme a Münchausen-számok halmazának!
- De hogyan listázzuk ki?
- Terv: Soroljuk fel a számokat, és válogassuk ki a Münchausen-számokat
- Nézzük meg algoritmizálva Python3-ban, naivan, ciklussal

Vegyünk egy limitet "up_to" néven (pl. 10000)

```
def list_munchausen(up_to):
```

• Menjünk végig az összes számon ezen az intervallumon [0,up_to[

```
def list_munchausen(up_to):
    for num in range(0, up_to):
```

- Ha valami Münchausen-szám, csak akkor csinálunk valamit
- De mit is csináljunk?????
- User-nek egy listát kell visszaadni a Münchausen-számokkal

```
def list_munchausen(up_to):
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
```

• Nos, akkor dobjuk bele egy listába...

```
def list_munchausen(up_to):
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
```

• Inicializáljuk is, mielőtt könnyre fakad

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
```

• Adjuk vissza a listát!

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

Kész! Azért próbáljuk ki hátha buggy!

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

• Teszteljük! (link: https://github.com/rkeeves/munchausen/blob/main/src/e02_munchausen_property.py)

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

• Teszteljük!

```
1 -> [0]

10 -> [0, 1]

100 -> [0, 1]

1000 -> [0, 1]

10000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]
```

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

- Teszteljük!
- Úgy látszik működik...

```
1 -> [0]

10 -> [0, 1]

100 -> [0, 1]

1000 -> [0, 1]

10000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]
```

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

• De azért nézzünk már rá a kódra...

- De azért nézzünk már rá a kódra...
- Túl sok a boilerplate

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += 0 if digit == 0 else digit ** digit
    return accu == num

def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

- De azért nézzünk már rá a kódra...
- Túl sok a boiler plate.
- Próbáljuk meg tömörebben kifejezni magunkat!

• List comprehension-t használjuk

- List comprehension-t használjuk
- Balra kirakom a régit "emlékeztetőül"

• Először a list_munchausen-t!

• Először a list_munchausen-t!

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

• Vegyünk egy limitet "up_to" néven (pl. 10000)

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

```
def list_munchausen(up_to):
```

• Menjünk végig az összes számon ezen az intervallumon [0,up_to[

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

• Ha valami Münchausen-szám, csak akkor érintjük az elemet (iterálásban)

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

• Adjuk vissza listaként!

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

```
def list_munchausen(up_to):
    return [num for num in range(0, up_to) if is_munchausen(num)]
```

• Kész! Azért nézzük meg!

```
def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

```
def list_munchausen(up_to):
    return [num for num in range(0, up_to) if is_munchausen(num)]
```

Teszteljük!

(link: https://github.com/rkeeves/munchausen/blob/main/src/e03_munchausen_property.py)

```
def list_munchausen(up_to):
    return [num for num in range(0, up_to) if is_munchausen(num)]
```

Teszteljük!

```
1 -> [0]

10 -> [0, 1]

100 -> [0, 1]

1000 -> [0, 1]

10000 -> [0, 1, 3435]

100000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]
```

```
def list_munchausen(up_to):
    return [num for num in range(0, up_to) if is_munchausen(num)]
```

- Teszteljük!
- Jónak tűnik

```
1 -> [0]

10 -> [0, 1]

100 -> [0, 1]

1000 -> [0, 1]

10000 -> [0, 1, 3435]

100000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]
```

```
def list_munchausen(up_to):
    return [num for num in range(0, up_to) if is_munchausen(num)]
```

- Teszteljük!
- Jónak tűnik
- Nézzük most az is_munchausen-t!

```
1 -> [0]

10 -> [0, 1]

100 -> [0, 1]

1000 -> [0, 1]

10000 -> [0, 1, 3435]

100000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]
```

```
def list_munchausen(up_to):
    return [num for num in range(0, up_to) if is_munchausen(num)]
```

- Vagy iterátort, vagy list comprehension-t használjunk
- Balra kirakom a régit "emlékeztetőül"

Vegyünk egy számot "num"

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

```
def is_munchausen(num):
```

Vissza kell adnunk hogy egyenlő-e a szumma a számmal

```
27+ 256+ 27+ 3125 = 3435 =<del>=</del> 3435
```

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

```
def is_munchausen(num):
    return
== num
```

- Vissza kell adnunk hogy egyenlő-e a szumma a számmal
- De hogy írjam le a szummát python-ban?

```
27+\ 256+\ 27+\ 3125 = 3435 == 3435
```

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

```
def is_munchausen(num):
    return == num
```

• Sum:)

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

- Sum:)
- De milyen iterátoron fusson a szumma?

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

Végig megyünk a számjegyeken

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

• És ugye vesszük a hatványokat

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

• És ugye vesszük a hatványokat

```
3^{3}+4^{4}+3^{3}+5^{5}
```

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

- És ugye vesszük a hatványokat
- De mi ez a lyuk?!?!?!!?!?!

$$3^3+4^4+3^3+5^5$$

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

• Ez a csúnya hack megoldásunk mert 0**0=1, míg a feladatban 0**0=0!

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

```
def is_munchausen(num):
    return sum(0 if ch == "0" else int(ch) ** int(ch) for ch in str(num)) == num
```

Késznek látszik!

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += digit ** digit
    return accu == num
```

```
def is_munchausen(num):
    return sum(0 if ch == "0" else int(ch) ** int(ch) for ch in str(num)) == num
```

Teszteljük!

(link: https://github.com/rkeeves/munchausen/blob/main/src/e04_munchausen_property.py)

```
def is_munchausen(num):
    return sum(0 if ch == "0" else int(ch) ** int(ch) for ch in str(num)) == num
```

Teszteljük!

```
1 -> [0]

10 -> [0, 1]

100 -> [0, 1]

1000 -> [0, 1]

10000 -> [0, 1, 3435]

100000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]
```

```
def is_munchausen(num):
    return sum(0 if ch == "0" else int(ch) ** int(ch) for ch in str(num)) == num
```

- Teszteljük!
- Jónak néz ki

```
1 -> [0]

10 -> [0, 1]

100 -> [0, 1]

1000 -> [0, 1]

10000 -> [0, 1, 3435]

1000000 -> [0, 1, 3435]
```

```
def is_munchausen(num):
    return sum(0 if ch == "0" else int(ch) ** int(ch) for ch in str(num)) == num
```

• Egyébként ízlések és pofonok...

```
def is_munchausen(num):
    accu = 0
    for digit_char in str(num):
        digit = int(digit_char)
        accu += 0 if digit == 0 else digit ** digit
    return accu == num

def list_munchausen(up_to):
    accu = []
    for num in range(0, up_to):
        if is_munchausen(num):
            accu.append(num)
    return accu
```

```
def is_munchausen(num):
    return sum(0 if ch == "0" else int(ch) ** int(ch) for ch in str(num)) == num

def list_munchausen(up_to):
    return [num for num in range(0, up_to) if is_munchausen(num)]
```

Nagyon sok felesleges számítást végzünk

- Nagyon sok felesleges számítást végzünk
- Kit érdekel?

- Nagyon sok felesleges számítást végzünk
- Kit érdekel?
- Baloldalon a runtime sec-ban

```
[0.000000s] 1 -> [0]

[0.000000s] 10 -> [0, 1]

[0.000968s] 100 -> [0, 1]

[0.001024s] 1000 -> [0, 1]

[0.018958s] 10000 -> [0, 1, 3435]

[0.225389s] 1000000 -> [0, 1, 3435]

[2.445194s] 10000000 -> [0, 1, 3435]
```

- Nagyon sok felesleges számítást végzünk
- Kit érdekel?
- Baloldalon a runtime sec-ban

```
[0.000000s] 1 -> [0]

[0.000000s] 10 -> [0, 1]

[0.000968s] 100 -> [0, 1]

[0.001024s] 1000 -> [0, 1]

[0.018958s] 100000 -> [0, 1, 3435]

[0.225389s] 1000000 -> [0, 1, 3435]

[2.445194s] 10000000 -> [0, 1, 3435]
```

- Minden nagyságrendi lépéssel a futás idő is egy nagyságrendet lép minimum
- Mi lesz ha 109-ig kell keresni?:(
- Be lehet-e gyorsítani?