計算論 A 第4回ミニレポート解答例

團孝直人, 難波瑛次郎

問. テキストの問 3.2.6 (a), (b), (c) (p.117)

 $A = (Q, \Sigma, \sigma, q_0, \{q_f\})$ を、 q_0 に入る辺と q_f から出る辺のない ε –NFA とする. この A の言語と、A に次の修正を加えた ε –NFA の言語の間の関係を述べよ.

- a) A に、受理状態 q_f から開始状態 q_0 に向かう、 ε -遷移を付け加える.
- b) A の開始状態 q_0 から(ラベルが Σ に属する記号か、または ϵ である辺をいくつか通って) 到達可能なすべての状態に対して, q_0 からその状態に向かう ϵ -遷移を付け加える.
- c) A において、受理状態 q_f に到達可能なすべての状態から q_f に向かう ϵ 遷移を付け加える.

Aが受理する言語をLとする.

(a)

修正を加えた言語 L_a はLの一回以上の繰り返し. LL^* または L^*

(b)

修正を加えた言語 L_b はLに含まれる文字列の接尾語(サフィックス)の集合 つまり、

$$L_b = \{ w \in \Sigma^* \mid \exists x \in \Sigma^* [xw \in L] \}$$

(c)

修正を加えた言語 L_c はLに含まれる文字列の接頭語(プレフィックス)の集合 つまり,

$$L_c = \{ w \in \Sigma^* \mid \exists x \in \Sigma^* [wx \in L] \}$$