



INTERMEDIATE EXAMINATION-2023

इन्टरमीडिएट परीक्षा - 2023

(ANNUAL / वार्षिक)

विषय कोड :

Subject Code :

121/327

MATHEMATICS (ELECTIVE)

गणित (ऐच्छिक)

I. Sc. & I. A.

कुल प्रश्न : $100 + 30 + 8 = 138$

Total Questions : $100 + 30 + 8 = 138$

(समय : 3 घंटे 15 मिनट)

[Time : 3 Hours 15 Minutes]

कुल मुद्रित पृष्ठ : 32

Total Printed Pages : 32

(पूर्णांक : 100)

[Full Marks : 100]

परीक्षार्थियों के लिये निर्देश :

Instructions for the candidates :

1. परीक्षार्थी OMR उत्तर-पत्रक पर अपना प्रश्न पुस्तिका क्रमांक (10 अंकों का) अवश्य लिखें।
1. Candidate must enter his / her Question Booklet Serial No. (10 Digits) in the OMR Answer Sheet.
2. परीक्षार्थी यथासंभव अपने शब्दों में ही उत्तर दें।
2. Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable.
3. दाहिनी ओर हाशिये पर दिये हुए अंक पूर्णांक निर्दिष्ट करते हैं।
3. Figures in the right hand margin indicate full marks.
4. प्रश्नों को ध्यानपूर्वक पढ़ने के लिए परीक्षार्थियों को 15 मिनट का अतिरिक्त समय दिया गया है।
4. 15 minutes of extra time have been allotted for the candidates to read the questions carefully.

5. यह प्रश्न पुस्तिका दो खण्डों में है—
खण्ड-अ एवं खण्ड-ब।
5. This question booklet is divided into two sections — **Section-A** and **Section-B**.
6. खण्ड-अ में 100 वस्तुनिष्ठ प्रश्न हैं, जिनमें से किन्हीं 50 प्रश्नों का उत्तर देना अनिवार्य है (प्रत्येक के लिए 1 अंक निर्धारित है)। पचास से अधिक प्रश्नों के उत्तर देने पर प्रथम 50 उत्तरों का ही मूल्यांकन कम्प्यूटर द्वारा किया जाएगा। सही उत्तर को उपलब्ध कराये गये OMR उत्तर-पत्रक में दिये गये सही गोले को नीले / काले बॉल पेन से प्रगाढ़ करें। किसी भी प्रकार के ह्वाइटनर / तरल पदार्थ / ब्लेड / नाखून आदि का उत्तर-पुस्तिका में प्रयोग करना मना है, अन्यथा परीक्षा परिणाम अमान्य होगा।
6. In **Section-A**, there are 100 objective type questions, out of which **any 50 questions are to be answered** (each carrying **1 mark**). First 50 answers will be evaluated by the computer in case more than 50 questions are answered. For answering these darken the circle with **blue / black ball pen** against the correct option on **OMR Answer Sheet** provided to you. **Do not use whitener / liquid / blade / nail etc. on OMR-sheet, otherwise the result will be treated invalid.**
7. खण्ड-ब में 30 लघु उत्तरीय प्रश्न हैं, जिनमें से किन्हीं 15 प्रश्नों का उत्तर देना अनिवार्य है (प्रत्येक के लिए 2 अंक निर्धारित है)। इनके अतिरिक्त, इस खण्ड में 8 दीर्घ उत्तरीय प्रश्न दिये गये हैं, जिनमें से किन्हीं 4 प्रश्नों का उत्तर देना है (प्रत्येक के लिए 5 अंक निर्धारित है)।
7. In **Section-B**, there are 30 **short answer type questions**, out of which **any 15 questions are to be answered** (each carrying **2 marks**). Apart from these, there are 8 **long answer type questions**, out of which **any 4 questions are to be answered** (each carrying **5 marks**).
8. किसी प्रकार के इलेक्ट्रॉनिक उपकरण का प्रयोग पूर्णतया वर्जित है।
8. Use of any electronic appliances is strictly prohibited.

खण्ड - अ / SECTION - A

वस्तुनिष्ठ प्रश्न / Objective Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 100 तक के प्रश्न के साथ चार विकल्प दिए गए हैं जिनमें से एक सही है। किन्हीं 50 प्रश्नों के उत्तर दें। अपने द्वारा चुने गए सही विकल्प को OMR शीट पर चिह्नित करें।

$$50 \times 1 = 50$$

Question Nos. 1 to 100 have four options, out of which only one is correct. Answer any 50 questions. You have to mark your selected option on the OMR-Sheet.

$$50 \times 1 = 50$$

1. $\frac{d}{dx} \left(2 \cos \frac{3x}{4} \right) =$

(A) $-2 \sin \frac{3x}{4}$

(B) $-\frac{3}{8} \sin \frac{3x}{4}$

(C) $-\frac{3}{4} \sin \frac{3x}{4}$

(D) $-\frac{3}{2} \sin \frac{3x}{4}$

2. $\frac{d}{dx} (e^{-3x}) =$

(A) $\frac{e^{-3x}}{3}$

(B) $\frac{e^{-3x}}{-3}$

(C) $3e^{-3x}$

(D) $-3e^{-3x}$

3. $\frac{d}{dx} (11^x) =$

(A) $x 11^{x-1}$

(B) $11^x \cdot \log x$

(C) $11^x \cdot \log 11$

(D) $\frac{11^x}{\log 11}$

4. $\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{3x-2} \right) =$

(A) $\frac{-1}{(3x-2)^2}$

(B) $\frac{-3}{(3x-2)^2}$

(C) $\frac{3}{(3x-2)^2}$

(D) $\frac{3}{3x-2}$

5. यदि $x = a \cos^2 \theta$, $y = b \sin^2 \theta$, तो $\frac{dy}{dx}$ का मान है

- (A) $\frac{b}{a}$ $\frac{\cos^2 \theta}{\sin^2 \theta}$ (B) $-\frac{b}{a}$
(C) $\frac{b}{a} \sin 2\theta$ ~~(D)~~ $-\frac{b}{a} \tan^2 \theta$

If $x = a \cos^2 \theta$, $y = b \sin^2 \theta$ then the value of $\frac{dy}{dx}$ is

- (A) $\frac{b}{a}$ (B) $-\frac{b}{a}$
(C) $\frac{b}{a} \sin 2\theta$ (D) $-\frac{b}{a} \tan^2 \theta$

6. अवकल समीकरण $x^2 dx + y^2 dy = 0$ का हल है

- (A) $x^3 + y^3 = k$ (B) $x^2 + y^2 = k$
(C) $x^2 - y^2 = k$ (D) $x^3 - y^3 = k$

The solution of the differential equation $x^2 dx + y^2 dy = 0$ is

- (A) $x^3 + y^3 = k$ (B) $x^2 + y^2 = k$
(C) $x^2 - y^2 = k$ (D) $x^3 - y^3 = k$

7. $(\vec{j} - 2\vec{i}) \cdot (k + 3\vec{i} - \vec{j}) = \vec{j} \cdot 2\vec{j}$

- (A) 0 (B) -6
(C) -7 (D) 8

8. अवकल समीकरण $e^{3x} dx + e^{4y} dy = 0$ का हल है

- (A) $e^{3x+4y} = k$ (B) $e^{3x} + e^{4y} = k$
(C) $\frac{1}{3}e^{3x} + \frac{1}{4}e^{4y} = k$ (D) $e^{3x} + e^{4y} + e^{3x+4y} = k$

The solution of the differential equation $e^{3x} dx + e^{4y} dy = 0$ is

- (A) $e^{3x+4y} = k$ (B) $e^{3x} + e^{4y} = k$
 (C) $\frac{1}{3}e^{3x} + \frac{1}{4}e^{4y} = k$ (D) $e^{3x} + e^{4y} + e^{3x+4y} = k$

9. अवकल समीकरण $\frac{dx}{x} + \frac{dy}{y} = 0$ का हल है

- (A) $x = ky$ (B) $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = k$
 (C) $x + y = k$ (D) $xy = k$

The solution of the differential equation $\frac{dx}{x} + \frac{dy}{y} = 0$ is

- (A) $x = ky$ (B) $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = k$
 (C) $x + y = k$ (D) $xy = k$

10. अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} - y \sin x = \cot x$ का समाकलन गुणक है

- (A) $\sin x$ (B) $e^{-\sin x}$
 (C) $e^{\sin x}$ (D) $e^{\cos x}$

The integrating factor of the differential equation $\frac{dy}{dx} - y \sin x = \cot x$ is

- (A) $\sin x$ (B) $e^{-\sin x}$
 (C) $e^{\sin x}$ (D) $e^{\cos x}$

11. यदि A और B स्वतंत्र घटनाएँ हों, $P(A) = 0.3$ तथा $P(B) = 0.4$ हो तो

$$P(A \cap B) =$$

- (A) 0.12 (B) 0.21
 (C) 0.75 (D) 0.7

E

If A and B are independent events, $P(A)=0.3$ and $P(B)=0.4$ then

$$P(A \cap B) =$$

- (A) 0.12 (B) 0.21
(C) 0.75 (D) 0.7

12. आव्यूह $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ का सहखंडज आव्यूह है

- (A) $\begin{bmatrix} 4 & -2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$
(C) $\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$

The adjoint matrix of matrix $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ is

- (A) $\begin{bmatrix} 4 & -2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$ (B) $\begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$
(C) $\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ (D) $\begin{bmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$

13. यदि एक रेखा की दिक् कोज्याएँ $\frac{4}{\sqrt{77}}$, $\frac{5}{\sqrt{77}}$ तथा $\frac{x}{\sqrt{77}}$ हों तो x का एक मान है

- (A) 6 (B) 7
(C) 8 (D) 9

If the direction cosines of a line be $\frac{4}{\sqrt{77}}$, $\frac{5}{\sqrt{77}}$ and $\frac{x}{\sqrt{77}}$ then a value of x is

- (A) 6 (B) 7
(C) 8 (D) 9

14. यदि $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ तो A^{25} का मान है

- (A) $25A$ (B) $24A$
(C) $2A$ (D) A

If $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ then the value of A^{25} is

- (A) $25A$ (B) $24A$
(C) $2A$ (D) A

15. यदि संक्रिया 'o', $a \circ b = 3a + b$ से परिभाषित हो तो $(2 \circ 3) \circ 5 =$

- (A) 28 (B) 32
(C) 36 (D) 22

If the operation 'o' is defined as $a \circ b = 3a + b$ then $(2 \circ 3) \circ 5 =$

- (A) 28 (B) 32
(C) 36 (D) 22

16. यदि $A = \{1, 2\}$, $B = \{a, b, c\}$ तो A से B में फलनों की कुल संख्या है

- (A) 9 (B) 12
(C) 64 (D) इनमें से कोई नहीं

If $A = \{1, 2\}$, $B = \{a, b, c\}$ then total number of functions from A to B is

- (A) 9 (B) 12
(C) 64 (D) none of these

17. यदि $A = \{a, b\}$, $B = \{1, 2, 3\}$ तो A से B में एकैक फलनों की कुल संख्या है

- (A) 6 (B) 8
(C) 9 (D) इनमें से कोई नहीं

If $A = \{a, b\}$, $B = \{1, 2, 3\}$ then total number of one-one functions from A to B is

- (A) 6 (B) 8
(C) 9 (D) none of these

18. अवकल समीकरण $dx + dy = 0$ का हल है

- (A) $x = ky$ (B) $x^2 + y^2 = k$
(C) $x + y = k$ (D) $xy = k$

The solution of the differential equation $dx + dy = 0$ is

- (A) $x = ky$ (B) $x^2 + y^2 = k$
(C) $x + y = k$ (D) $xy = k$

19. $\vec{i} \cdot \vec{i} =$

- (A) 0 (B) 1
(C) -1 (D) \vec{j}

20. $\vec{j} \times \vec{i} =$

- (A) \vec{k} (B) $-\vec{k}$
(C) $\vec{0}$ (D) 1

21. $\sin\left(\sin^{-1}\frac{1}{2}\right) =$

- (A) 1 (B) $\frac{1}{2}$
(C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (D) 0

22. $\sin^{-1} x + \sin^{-1} y =$

(A) $\sin^{-1} \left\{ x\sqrt{1-y^2} - y\sqrt{1-x^2} \right\}$

(B) $\sin^{-1} \left\{ x\sqrt{1-y^2} + y\sqrt{1-x^2} \right\}$

(C) $\sin^{-1} \left\{ x\sqrt{1+y^2} + y\sqrt{1+x^2} \right\}$

(D) $\sin^{-1} \left\{ x\sqrt{1+y^2} - y\sqrt{1+x^2} \right\}$

23. $x \in [-1, 1], \sin[2(\sin^{-1} x + \cos^{-1} x)] =$

(A) 0

(B) 1

(C) -1

(D) $\frac{1}{2}$

24. $x \in R, \operatorname{cosec}(\tan^{-1} x + \cot^{-1} x) =$

(A) 0

(B) 1

(C) $\frac{2}{\sqrt{3}}$

(D) 2

25. $|x| \geq 1, \tan\left[\frac{2}{3}(\tan^{-1} x + \cot^{-1} x)\right] =$

(A) $\frac{1}{\sqrt{3}}$

(B) $\sqrt{3}$

(C) 0

(D) 1

26. $\frac{d}{dx}(e^x + \cos 5x) =$

(A) $e^x + \cos 5x$

(B) $e^x + 5 \sin 5x$

(C) $e^x - 5 \sin 5x$

(D) $e^x - 5 \cos 5x$

E

27. $\frac{d}{dx}(\sin 2x + e^x - \cos x) =$

(A) $\cos 2x + e^x - \sin x$

(B) $2 \cos 2x + e^x + \sin x$

(C) $2 \cos 2x + e^x - \sin x$

(D) $-2 \cos 2x + e^x + \sin x$

28. $\frac{d}{dx}\left(\frac{1}{4} \sec 4x\right) =$

(A) $\sec 4x \cdot \tan 4x$

(B) $\sec^2 4x$

(C) $\tan^2 4x$

(D) $\frac{1}{16} \sec 4x \cdot \tan 4x$

29. $\frac{d}{dx}(\log_e 10x) =$

(A) $\frac{1}{10x}$

(B) $\frac{10}{x}$

(C) $10x$

(D) $\frac{1}{x}$

30. तल $3x - 4y + 6z = 11$ की मूल बिन्दु से दूरी है

(A) $\frac{3}{\sqrt{61}}$

(B) $\frac{11}{\sqrt{61}}$

(C) $\frac{6}{\sqrt{61}}$

(D) $\frac{4}{\sqrt{61}}$

Distance of the plane $3x - 4y + 6z = 11$ from origin is

(A) $\frac{3}{\sqrt{61}}$

(B) $\frac{11}{\sqrt{61}}$

(C) $\frac{6}{\sqrt{61}}$

(D) $\frac{4}{\sqrt{61}}$

31. $\int \sin \frac{3x}{4} dx =$

(A) $k - \frac{3}{4} \cos \frac{3x}{4}$

(B) $k + \frac{3}{4} \cos \frac{3x}{4}$

(C) $k - \frac{4}{3} \cos \frac{3x}{4}$

(D) $k + \frac{4}{3} \cos \frac{3x}{4}$

32. $\int \cos \frac{7x}{9} dx =$

(A) $k + \sin \frac{7x}{9}$

(B) $\frac{7}{9} \sin \frac{7x}{9} + k$

(C) $\frac{9}{7} \sin \frac{7x}{9} + k$

(D) $k + \cos \frac{7x}{9}$

33. $\int \sec^2 \frac{17x}{23} dx =$

(A) $k + \frac{17}{23} \tan \frac{17x}{23}$

(B) $k - \frac{17}{23} \tan \frac{17x}{23}$

(C) $k + \frac{23}{17} \tan \frac{17x}{23}$

(D) $k - \frac{23}{17} \tan \frac{17x}{23}$

34. $\int 4^x dx =$

(A) $4^x + k$

(B) $\frac{4^{x+1}}{x+1} + k$

(C) $\frac{4^x}{\log 4} + k$

(D) $-\frac{4^x}{\log 4} + k$

35. $\int x(4x^2 - 6) dx =$

(A) $4x^3 - 6x + k$

(B) $\frac{4x^4}{3} - 6x^2 + k$

(C) $x^4 - 3x^2 + k$

(D) $\frac{4x^3}{3} - 3x^2 + k$

36. $\int e^x (\cos x - \sin x) dx =$

(A) $e^x \sin x + k$

(B) $e^x \cos x + k$

(C) $-e^x \sin x + k$

(D) $k - e^x \cos x$

37. $\int e^x (x^3 + 3x^2) dx =$

(A) $3x^2 e^x + k$

(B) $x^2 e^x + k$

(C) $x^3 e^x + k$

(D) $3e^x \cdot x^3 + k$

38. $\int e^x \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right) dx =$

(A) $\frac{1}{x} e^x + k$

(B) $-x e^x + k$

(C) $k - \frac{1}{x} e^x$

(D) $k - \frac{1}{x^2} e^x$

39. $3\vec{k} \cdot (13\vec{i} - 7\vec{k}) =$

(A) 39

(B) 0

(C) -21

(D) 18

40. $\frac{d}{dx} \left(\sin \frac{4x}{5} \right) =$

(A) $\frac{4}{5} \cos \frac{4x}{5}$

(B) $-\frac{4}{5} \cos \frac{4x}{5}$

(C) $\frac{5}{4} \cos \frac{4x}{5}$

(D) $-\frac{5}{4} \cos \frac{4x}{5}$

41. $\begin{bmatrix} -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 \end{bmatrix} =$

(A) $\begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}$

(B) $\begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix}$

(D) $\begin{bmatrix} 2 & -2 \end{bmatrix}$

42. $3 \begin{bmatrix} 7 & -2 \\ 8 & 0 \end{bmatrix} =$

(A) $\begin{bmatrix} 21 & -6 \\ 8 & 0 \end{bmatrix}$

(B) $\begin{bmatrix} 7 & -2 \\ 24 & 0 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 21 & -6 \\ 24 & 0 \end{bmatrix}$

(D) $\begin{bmatrix} 21 & -2 \\ 8 & 0 \end{bmatrix}$

43. व्यरोधों $x+y \leq 25$, $\begin{matrix} x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{matrix}$ के अंतर्गत $Z=6x+3y$ का अधिकतम मान है

(A) 150

(B) 225

(C) 425

(D) इनमें से कोई नहीं

The maximum value of $Z=6x+3y$ subject to constraints

$x+y \leq 25$, $\begin{matrix} x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{matrix}$ is

(A) 150

(B) 225

(C) 425

(D) none of these

44. व्यरोधों $x+y \leq 13$, $x \geq 0$, $y \geq 0$ के अंतर्गत $Z=x-3y$ का अधिकतम मान है

(A) 39

☒ (B) 26

(C) 13

(D) -26

The maximum value of $Z=x-3y$ subject to constraints $x+y \leq 13$, $x \geq 0$, $y \geq 0$ is

(A) 39

☒ (B) 26

(C) 13

(D) -26

45. व्यरोधों $3x+4y \leq 24$, $x \geq 0$, $y \geq 0$ के अंतर्गत $Z=7x+8y$ का न्यूनतम मान है

☒ (A) 56

(B) 48

(C) 0

(D) -12

The minimum value of $Z=7x+8y$ subject to constraints $3x+4y \leq 24$, $x \geq 0$, $y \geq 0$ is

- (A) 56 (B) 48
(C) 0 (D) -12

46. $(2\vec{i} - 3\vec{j}) \cdot (\vec{i} + \vec{k}) =$

- (A) 2 (B) -1
(C) 3 (D) 0

47. $|x| \leq 1$, $2 \tan^{-1} x =$

- (A) $\tan^{-1} 2x$ (B) $\sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$
(C) $\cos^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$ (D) $\tan^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$

48. $x \in R$, $\cot^{-1} x =$

- (A) $\frac{\pi}{2} - \sin^{-1} x$ (B) $\frac{\pi}{2} - \cos^{-1} x$
(C) $\frac{\pi}{2} - \tan^{-1} x$ (D) $\frac{\pi}{2} - \sec^{-1} x$

49. $\tan^{-1} \left(\frac{x+y}{1-xy} \right) =$

- (A) $\sin^{-1}(x+y)$ (B) $\cos^{-1}(x+y)$
(C) $\tan^{-1}(x+y)$ (D) $\tan^{-1} x + \tan^{-1} y$

50. $\sin^{-1} \left(\sin \frac{2\pi}{3} \right) =$

- (A) $\frac{\pi}{3}$ (B) $\frac{2\pi}{3}$
(C) $\frac{5\pi}{6}$ (D) $\frac{\pi}{6}$

51. $3 \int_0^3 x^3 dx =$

(A) $\frac{81}{4}$

~~(B)~~ $\frac{243}{4}$

(C) 0

(D) $\frac{9}{4}$

52. $\int_{-1}^1 \sin^{17} x \cos^3 x dx =$

(A) $\frac{12}{5}$

(B) 0

(C) 1

(D) $\frac{3}{5}$

53. $\int_{-1}^1 x^{17} \cos^4 x dx =$

~~(A)~~ 0

(B) 1

(C) $\frac{3}{17}$

(D) $\frac{14}{3}$

54. $3 \int \sqrt{x} dx =$

(A) $\frac{9}{2} x^{3/2} + k$

(B) $2x^{3/2} + k$

~~(C)~~ $3x^{3/2} + k$

(D) $\frac{2}{3} x^{3/2} + k$

55. $\int \frac{x+2}{x^2-4} dx =$

(A) $\log |x+2| + k$

(B) $\log |x^2-4| + k$

(C) $\log |x-2| + k$

(D) $\log \left| \frac{x+2}{x-2} \right| + k$

56. $\int \frac{3dx}{\sqrt{1-9x^2}} =$

(A) $\tan^{-1} 3x + k$

(B) $\sec^{-1} 3x + k$

(C) $\sin^{-1} 3x + k$

(D) $\cos^{-1} 3x + k$

57. $25 \int \sec 5x \tan 5x \cdot dx =$

(A) $25 \sec 5x + k$

(B) $5 \sec 5x + k$

(C) $25 \tan 5x + k$

(D) $\sec 5x + k$

58. $\int \sec^2 4x \, dx =$

(A) $\tan 4x + k$

(B) $\frac{1}{4} \tan 4x + k$

(C) $4 \tan 4x + k$

(D) $8 \tan 4x + k$

59. $\vec{k} \cdot (\vec{i} + \vec{j}) =$

(A) 0

(B) 1

(C) 2

(D) -1

60. $\int \frac{dx}{1+36x^2} =$

(A) $6 \tan^{-1} 6x + k$

(B) $3 \tan^{-1} 6x + k$

(C) $\frac{1}{6} \tan^{-1} 6x + k$

(D) $\tan^{-1} 6x + k$

61. $\begin{bmatrix} 13 & 15 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} =$

(A) $\begin{bmatrix} 13 & 15 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$

(B) $\begin{bmatrix} 15 & 0 \\ 0 & 8 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 26 & 30 \\ -2 & 8 \end{bmatrix}$

(D) $\begin{bmatrix} 13 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix}$

62. $\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix} =$

(A) $\begin{bmatrix} 4 & 6 \\ 25 & 35 \end{bmatrix}$

(B) $\begin{bmatrix} 4 & 15 \\ 10 & 35 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 19 & 45 \end{bmatrix}$

(D) $\begin{bmatrix} 19 \\ 45 \end{bmatrix}$

63. $\int_{-\pi/6}^{\pi/6} \tan \theta d\theta =$

☒ (A) 0

(B) 1

(C) 2

(D) 3

64. $\int \sin^3 \theta \operatorname{cosec}^2 \theta d\theta =$

(A) $c + \theta$

(B) $c + \cos \theta$

(C) $c - \cos \theta$

(D) $c + \sin \theta$

65. $\int (\cos \theta \operatorname{cosec}^2 \theta - \cos \theta \cot^2 \theta) d\theta =$

(A) $\log \operatorname{cosec} \theta + \cot \theta + k$

(B) $\operatorname{cosec} \theta \cot \theta + k$

(C) $k + \sin \theta$

(D) $\theta + k$

66. $\int (4 \cos x - 5 \sin x) dx =$

(A) $k + 4 \sin x + 5 \cos x$

☒ (B) $k - 4 \sin x - 5 \cos x$

(C) $k + 4 \sin x - 5 \cos x$

(D) $k - 4 \sin x + 5 \cos x$

67. $\int \frac{3 \cos x - 2 \sin x}{2 \cos x + 3 \sin x} dx =$

(A) $2 \cos x + 3 \sin x + k$

(B) $\log |2 \cos x + 3 \sin x| + k$

(C) $\tan^{-1} (3 \sin \frac{x}{2}) + k$

(D) $2 \tan \frac{x}{2} + k$

68. $\int \frac{3x^2+2}{x^3+2x} dx =$

(A) $\sin^{-1}(x^3+2x) + k$

(B) $\tan^{-1}(3x^2+2) + k$

(C) $\log |3x^2+2| + k$

(D) $\log |x^3+2x| + k$

69. $\int \frac{dx}{x^2+5} =$

(A) $\tan^{-1} \frac{x}{5} + k$

(B) $\tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{5}} + k$

(C) $\frac{1}{\sqrt{5}} \tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{5}} + k$

(D) $\sqrt{5} \tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{5}} + k$

70. $\int_{-1}^1 \log \left(\frac{3+x}{3-x} \right) dx =$

(A) 0

(B) 1

(C) $2 \log 3$

(D) $3 \log 2$

71. अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = 5x^2$ का समाकलन गुणक है

(A) $\frac{2}{x}$

(B) $2e^x$

(C) $2 \log x$

(D) x^2

The integrating factor of the differential equation $\frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = 5x^2$ is

(A) $\frac{2}{x}$

(B) $2e^x$

(C) $2 \log x$

(D) x^2

72. $(3\vec{k} - 7\vec{i}) \times 2\vec{k} =$

(A) $-14\vec{j}$

(B) $14\vec{j}$

(C) $11\vec{i} - 2\vec{k}$

(D) $2\vec{k} - 11\vec{i}$

73. $|\vec{i} - 2\vec{j} + 2\vec{k}| =$

(A) 3

(B) 6

(C) 7

(D) 5

74. तल $x + 2y - 3z + 15 = 0$ के अभिलम्ब के दिक् अनुपात हैं

(A) 1, 2, 3

(B) 1, -2, 3

(C) 1, 2, -3

(D) 1, 2, 15

Direction ratios of the normal to the plane $x + 2y - 3z + 15 = 0$ are

(A) 1, 2, 3

(B) 1, -2, 3

(C) 1, 2, -3

(D) 1, 2, 15

75. सरल रेखा $\frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-5}{6}$ के दिक् अनुपात हैं

(A) 1, -2, 5

(B) 3, 2, 5

(C) 3, 3, 6

(D) 1, 3, 5

The direction ratios of the straight line $\frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-5}{6}$ are

(A) 1, -2, 5

(B) 3, 2, 5

(C) 3, 3, 6

(D) 1, 3, 5

76. सरल रेखा $\frac{x-100}{101} = \frac{y-99}{102} = \frac{z-98}{103}$ निम्नलिखित में से किस बिन्दु से

गुजरती है ?

(A) (101, 102, 103)

(B) (98, 99, 100)

(C) (100, 99, 98)

(D) (99, 100, 101)

Through which of the following points does the straight line

$$\frac{x-100}{101} = \frac{y-99}{102} = \frac{z-98}{103} \text{ pass ?}$$

- (A) (101, 102, 103) (B) (98, 99, 100)
(C) (100, 99, 98) (D) (99, 100, 101)

77. $(10\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}) \times (-4\vec{i} + 7\vec{j} - 11\vec{k}) =$

- (A) $-18\vec{i} + 106\vec{j} + 74\vec{k}$ (B) $18\vec{i} - 106\vec{j} - 74\vec{k}$
(C) $18\vec{i} + 106\vec{j} + 74\vec{k}$ (D) $5\vec{i} - 6\vec{j} - 7\vec{k}$

78. $\frac{d}{dx}(x^3 + e^x) =$

- (A) $3x^2$ (B) $3x^2 + 3e^x$
(C) $3x^2 + e^x$ (D) $3x^2 e^x$

79. $\frac{d}{dx}(\tan x + \sin^2 x) =$

- (A) $\sec x + 2 \sin x \cos x$ (B) $\sec^2 x + \cos^2 x$
(C) $\sec^2 x + 2 \sin x \cos x$ (D) $\sec^2 x - 2 \sin x \cos x$

80. $\frac{d^2}{dx^2}(e^{5x}) =$

- (A) e^{5x} (B) $10e^{5x}$
(C) $5e^{5x}$ (D) $25e^{5x}$

81. तल $x - 8y - 9z = 12$ के समांतर एक तल का समीकरण है

- (A) $x + 8y + 9z = 12$ (B) $x - 8y - 9z = 2023$
(C) $8x - y - 9z = 12$ (D) $x - 9y - 8z = 12$

Equation of a plane parallel to the plane $x - 8y - 9z = 12$ is

(A) $x + 8y + 9z = 12$

(B) $x - 8y - 9z = 2023$

(C) $8x - y - 9z = 12$

(D) $x - 9y - 8z = 12$

82. $(3\vec{i} - 4\vec{k})^2 =$

(A) 1

(B) 25

(C) 7

(D) 49

83. सदिश $3\vec{i} - 9\vec{j}$ की दिशा में इकाई सदिश है

(A) $\frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{-6}$

(B) $\frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{6}$

(C) $\frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{\sqrt{90}}$

(D) $\frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{\sqrt{70}}$

The unit vector in the direction of vector $3\vec{i} - 9\vec{j}$ is

(A) $\frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{-6}$

(B) $\frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{6}$

(C) $\frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{\sqrt{90}}$

(D) $\frac{3\vec{i} - 9\vec{j}}{\sqrt{70}}$

84. $(\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) \cdot (7\vec{i} - 8\vec{j} + 9\vec{k}) =$

(A) 22

(B) 23

(C) 24

(D) 25

85. समतल $3x+4y+5z=13$ द्वारा x -अक्ष पर काटा गया अंतःखण्ड है

(A) $\frac{3}{13}$

(B) $\frac{13}{3}$

(C) $\frac{13}{4}$

(D) $\frac{13}{5}$

The intercept cut off on x -axis by the plane $3x+4y+5z=13$ is

(A) $\frac{3}{13}$

(B) $\frac{13}{3}$

(C) $\frac{13}{4}$

(D) $\frac{13}{5}$

86. यदि तल $ax+by+cz+d=0$ के समांतर रेखा $\frac{x}{-1}=\frac{y}{2}=\frac{z}{3}$ हो तो

(A) $a+2b+3c=0$

(B) $-a+2b+3c=0$

(C) $3a+b+2c=0$

(D) इनमें से कोई नहीं

If the line $\frac{x}{-1}=\frac{y}{2}=\frac{z}{3}$ is parallel to the plane $ax+by+cz+d=0$ then

(A) $a+2b+3c=0$

(B) $-a+2b+3c=0$

(C) $3a+b+2c=0$

(D) none of these

87. यदि दो तल $a_1x+b_1y+c_1z+d_1=0$ तथा $a_2x+b_2y+c_2z+d_2=0$ परस्पर लम्ब हों तो

(A) $\frac{a_1}{a_2}=\frac{b_1}{b_2}=\frac{c_1}{c_2}$

(B) $\frac{a_1}{a_2}+\frac{b_1}{b_2}+\frac{c_1}{c_2}=0$

(C) $a_1a_2+b_1b_2+c_1c_2=0$

(D) इनमें से कोई नहीं

If two planes $a_1x + b_1y + c_1z + d_1 = 0$ and $a_2x + b_2y + c_2z + d_2 = 0$ are mutually perpendicular then

(A) $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$

(B) $\frac{a_1}{a_2} + \frac{b_1}{b_2} + \frac{c_1}{c_2} = 0$

(C) $a_1a_2 + b_1b_2 + c_1c_2 = 0$

(D) none of these

88. $(11\vec{i} - 7\vec{j} - \vec{k}) \cdot (8\vec{i} - \vec{j} - 5\vec{k}) =$

(A) 95

(B) 100

(C) 400

(D) 88

89. $P(A) = \frac{7}{11}, P(B) = \frac{9}{11}, P(A \cap B) = \frac{4}{11} \Rightarrow P(A/B) =$

(A) $\frac{7}{9}$

(B) $\frac{4}{9}$

(C) 1

(D) $\frac{13}{22}$

90. $P(E) = \frac{3}{7}, P(F) = \frac{5}{7}, P(E \cup F) = \frac{6}{7} \Rightarrow P(E \cap F) =$

(A) $\frac{4}{7}$

(B) $\frac{2}{7}$

(C) $\frac{1}{7}$

(D) $\frac{3}{7}$

91. यदि दो समांतर रेखाओं के दिक् अनुपात $x, 5, 3$ तथा $20, 10, 6$ हैं तो x का मान है

(A) 10

(B) 5

(C) 3

(D) 40

If the direction ratios of two parallel lines are $x, 5, 3$ and $20, 10, 6$ then the value of x is

- (A) 10 (B) 5
(C) 3 (D) 40

92. यदि दो समांतर रेखाओं के दिक् अनुपात a_1, b_1, c_1 तथा a_2, b_2, c_2 हैं तो $\frac{a_1 c_2}{a_2} =$

- (A) b_1 (B) b_2
(C) b_3 (D) c_1

If the direction ratios of two parallel lines are a_1, b_1, c_1 and a_2, b_2, c_2 then $\frac{a_1 c_2}{a_2} =$

- (A) b_1 (B) b_2
(C) b_3 (D) c_1

93. यदि दो परस्पर लम्ब रेखाओं के दिक् अनुपात $2, 3, 5$ तथा $x, y, 4$ हों तो $2x + 3y =$

- (A) 20 (B) -20
(C) 30 (D) -30

If the direction ratios of two mutually perpendicular lines are $2, 3, 5$ and $x, y, 4$ then $2x + 3y =$

- (A) 20 (B) -20
(C) 30 (D) -30

94. $|3\vec{i} - 4\vec{j} - 5\vec{k}| =$

- (A) $5\sqrt{2}$ (B) 12
(C) 2 (D) 9

95. $[2a - 7 \ 1] = [a \ b - 1] \Rightarrow (a, b) =$

(A) (1, 7)

(B) (2, 7)

(C) (7, 2)

(D) (2, 3)

96. $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 5 \\ 4 & 9 & 17 \\ 5 & 10 & 22 \end{vmatrix} =$

(A) 264

(B) 1221

(C) 0

(D) 1

97. $\begin{vmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 5 & 4 & 1 \\ 7 & 6 & 1 \end{vmatrix} =$

(A) 0

(B) 1

(C) -1

(D) 12

98. $\begin{vmatrix} -\sin\theta & \cos\theta \\ \sec\theta & \operatorname{cosec}\theta \end{vmatrix} =$

(A) 0

(B) -1

(C) -2

(D) $-\sin 2\theta$

99. $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} =$

(A) $\begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$

(B) $\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$

(C) $\begin{bmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 5 \end{bmatrix}$

(D) $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

100. $[6 \ 5] \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} =$

(A) $[6 \ -5]$

(B) $[-5 \ 6]$

(C) $[1]$

(D) $[11]$

खण्ड - ब / SECTION - B

लघु उत्तरीय प्रश्न / Short Answer Type Questions

प्रश्न संख्या 1 से 30 तक लघु उत्तरीय हैं। इनमें से किन्हीं 15 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक प्रश्न के लिए 2 अंक निर्धारित हैं। 15 × 2 = 30

Question Nos. 1 to 30 are Short Answer Type. Answer any 15 questions. Each question carries 2 marks. 15 × 2 = 30

1. वक्र $y = x^3 - x + 1$ की स्पर्श रेखा की प्रवणता उस बिन्दु पर ज्ञात करें जिसका x -निर्देशांक 2 है। 2

Find the slope of the tangent to the curve $y = x^3 - x + 1$ at the point whose x -coordinate is 2.

2. सिद्ध करें कि "....." : $R \times R \rightarrow R$ क्रमविनिमेय द्विआधारी संक्रिया नहीं है। 2
Prove that "....." : $R \times R \rightarrow R$ is not a commutative binary operation.

3. $\operatorname{cosec}^{-1} 2$ का मुख्य मान ज्ञात करें। 2

Find the principal value of $\operatorname{cosec}^{-1} 2$.

4. रेखाओं $\frac{x}{2} = \frac{y}{2} = \frac{z}{1}$ तथा $\frac{x}{5} = \frac{y}{4} = \frac{z}{-3}$ के बीच का न्यून कोण ज्ञात करें। 2

Find the acute angle between the lines $\frac{x}{2} = \frac{y}{2} = \frac{z}{1}$ and $\frac{x}{5} = \frac{y}{4} = \frac{z}{-3}$.

5. एक थैले में 4 लाल तथा 5 उजली गेंदें हैं तथा दूसरे थैले में 5 काली तथा 6 हरी गेंदें हैं। प्रत्येक थैले से एक गेंद निकाली जाती है। एक लाल और एक काली गेंद निकलने की प्रायिकता ज्ञात करें। 2

A bag contains 4 red and 5 white balls and another bag contains 5 black and 6 green balls. A ball is taken out from each bag. Find the probability that one ball is red and the other is black.

6. 5 सिक्कों को उछाला जाता है। ठीक तीन शीर्ष आने की प्रायिकता ज्ञात करें। 2

5 coins are tossed. Find the probability of getting exactly 3 heads.

7. सिद्ध करें कि $\operatorname{cosec}^{-1}x + \sec^{-1}x = \frac{\pi}{2}, |x| \geq 1$. 2

Prove that $\operatorname{cosec}^{-1}x + \sec^{-1}x = \frac{\pi}{2}, |x| \geq 1$.

8. तलों $x+2y+3z=6$ तथा $3x-3y+z=1$ के बीच का कोण ज्ञात करें। 2

Find the angle between the planes $x+2y+3z=6$ and $3x-3y+z=1$.

9. बिन्दु $(4, -5, 6)$ की तल $\vec{r} \cdot (4\vec{i} - 4\vec{j} + 7\vec{k}) = -6$ से दूरी ज्ञात करें। 2

Find the distance of the point $(4, -5, 6)$ from the plane

$$\vec{r} \cdot (4\vec{i} - 4\vec{j} + 7\vec{k}) = -6.$$

10. यदि $\vec{a} = 2\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ तथा $\vec{b} = 3\vec{i} + 5\vec{j} - 2\vec{k}$ तो $|\vec{a} \times \vec{b}|$ ज्ञात करें। 2

If $\vec{a} = 2\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}$ and $\vec{b} = 3\vec{i} + 5\vec{j} - 2\vec{k}$ then find $|\vec{a} \times \vec{b}|$.

11. यदि $\vec{a} = 7\vec{i} - 11\vec{j} - 16\vec{k}$, $\vec{b} = 8\vec{i} + 3\vec{j} - 5\vec{k}$ तथा

$\vec{c} = -4\vec{i} - 3\vec{j} + 5\vec{k}$ तो $|2\vec{a} - 3\vec{b} + 4\vec{c}|$ ज्ञात करें। 2

If $\vec{a} = 7\vec{i} - 11\vec{j} - 16\vec{k}$, $\vec{b} = 8\vec{i} + 3\vec{j} - 5\vec{k}$ and $\vec{c} = -4\vec{i} - 3\vec{j} + 5\vec{k}$

then find $|2\vec{a} - 3\vec{b} + 4\vec{c}|$.

12. सिद्ध करें कि $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ फलन $f(x) = \sin x$ में निरंतर वर्धमान है। 2

Prove that the function $f(x) = \sin x$ is continuously increasing in $\left(0, \frac{\pi}{2}\right)$.

13. हल करें : $x \frac{dy}{dx} - y = 2x^2y$. 2

Solve : $x \frac{dy}{dx} - y = 2x^2y$.

14. यदि $x + y = xy^3$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें। 2

If $x + y = xy^3$ then find $\frac{dy}{dx}$.

15. हल करें : $\frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = \frac{1}{x^2}$. 2

Solve : $\frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x} = \frac{1}{x^2}$.

16. सारणिक $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 1 & 3 & 6 \\ 1 & 4 & 9 \end{vmatrix}$ का मान ज्ञात करें। 2

Find the value of the determinant $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 1 & 3 & 6 \\ 1 & 4 & 9 \end{vmatrix}$.

17. यदि $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ तो AB ज्ञात करें, यदि संभव हो। 2

If $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ then find AB , if possible.

18. सिद्ध करें कि $\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$, $-\vec{i} - \vec{j} + 8\vec{k}$ और $-4\vec{i} + 4\vec{j} + 6\vec{k}$ एक समबाहु त्रिभुज के तीन शीर्ष हैं। 2

Prove that $\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$, $-\vec{i} - \vec{j} + 8\vec{k}$ and $-4\vec{i} + 4\vec{j} + 6\vec{k}$ are vertices of an equilateral triangle.

19. यदि $y = \cos(\tan\sqrt{x+1})$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

2

If $y = \cos(\tan\sqrt{x+1})$ then find $\frac{dy}{dx}$.

20. हल करें : $\int \frac{dx}{x(1+\log_e x)^2}$

2

Solve : $\int \frac{dx}{x(1+\log_e x)^2}$

21. समाकलन करें : $\int \frac{e^{k\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$

2

Integrate : $\int \frac{e^{k\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$

22. $\int_{-1}^1 \sin^{21} x \cdot \cos^{10} x dx$ का मान ज्ञात करें।

2

Find the value of $\int_{-1}^1 \sin^{21} x \cdot \cos^{10} x dx$.

23. $\int_2^4 \frac{6x^2-1}{\sqrt{2x^3-x}} dx$ का मान ज्ञात करें।

2

Find the value of $\int_2^4 \frac{6x^2-1}{\sqrt{2x^3-x}} dx$.

24. $\int_0^{\pi/2} \frac{\cot \theta}{\tan \theta + \cot \theta} d\theta$ का मान ज्ञात करें।

2

Find the value of $\int_0^{\pi/2} \frac{\cot \theta}{\tan \theta + \cot \theta} d\theta$.

E

25. यदि $y = (\sin x)^{\cos x}$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

2

If $y = (\sin x)^{\cos x}$ then find $\frac{dy}{dx}$.

26. यदि $x = a(1 - \cos \theta)$, $y = a(\theta + \sin \theta)$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें।

2

If $x = a(1 - \cos \theta)$, $y = a(\theta + \sin \theta)$ then find $\frac{dy}{dx}$.

27. व्यवरोधों $x + 2y \leq 16$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

के अंतर्गत $Z = 3x + 7y$ का अधिकतम मान ज्ञात करें।

2

Maximize $Z = 3x + 7y$

subject to the constraints $x + 2y \leq 16$

$$x \geq 0, y \geq 0.$$

28. समाकलन करें : $\int \sin 4x \cdot \cos 3x \, dx$.

2

Integrate : $\int \sin 4x \cdot \cos 3x \, dx$.

29. $\int \frac{d\theta}{3 - 4 \cos \theta}$ का समाकलन करें।

2

Integrate : $\int \frac{d\theta}{3 - 4 \cos \theta}$.

30. $\int \frac{\operatorname{cosec} x}{\operatorname{cosec} x + \cot x} \, dx$ का समाकलन करें।

2

Integrate : $\int \frac{\operatorname{cosec} x}{\operatorname{cosec} x + \cot x} \, dx$.

दीर्घ उत्तरीय प्रश्न / Long Answer Type Questions

प्रश्न संख्या 31 से 38 दीर्घ उत्तरीय प्रश्न हैं। इनमें से किन्हीं 4 प्रश्नों के उत्तर दें। प्रत्येक के लिए 5 अंक निर्धारित हैं। 4 × 5 = 20

Question Nos. 31 to 38 are Long Answer Type questions. Answer any 4 questions. Each question carries 5 marks. 4 × 5 = 20

31. हल करें : $(x^2 + y^2) \frac{dy}{dx} = 2xy$. 5

Solve : $(x^2 + y^2) \frac{dy}{dx} = 2xy$.

32. सिद्ध करें कि $\tan^{-1} \frac{1}{x+y} + \tan^{-1} \frac{y}{x^2 + xy + 1} = \cot^{-1} x$. 5

Prove that $\tan^{-1} \frac{1}{x+y} + \tan^{-1} \frac{y}{x^2 + xy + 1} = \cot^{-1} x$.

33. सारणिक का गुणनखण्ड निकालें : $\begin{vmatrix} a-b-c & 2a & 2a \\ 2b & b-c-a & 2b \\ 2c & 2c & c-a-b \end{vmatrix}$. 5

Factorize the determinant : $\begin{vmatrix} a-b-c & 2a & 2a \\ 2b & b-c-a & 2b \\ 2c & 2c & c-a-b \end{vmatrix}$.

34. यदि $y = (\sin x)^{\cos x} + (\cos x)^{\sin x}$ तो $\frac{dy}{dx}$ ज्ञात करें। 5

If $y = (\sin x)^{\cos x} + (\cos x)^{\sin x}$ then find $\frac{dy}{dx}$.

35. एक सिक्के की दो उछालों में शीर्षों की संख्या का माध्य ज्ञात करें। 5

Find the mean of the number of heads in two tosses of a coin.

36. $Z = 5x + 7y$ का अधिकतमीकरण करें जबकि

$$x + y \leq 4$$

$$3x + 8y \leq 24$$

$$10x + 7y \leq 35$$

$$x, y \geq 0$$

Maximize $Z = 5x + 7y$

subject to $x + y \leq 4$

$$3x + 8y \leq 24$$

$$10x + 7y \leq 35$$

$$x, y \geq 0$$

5

37. $\int_1^2 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{2x^2} \right) e^{2x} dx$ का मान ज्ञात करें।

5

Find the value of $\int_1^2 \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{2x^2} \right) e^{2x} dx$.

38. $\left[(\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}) \times (2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}) \right] \cdot (\vec{j} + \vec{k})$ का मान ज्ञात करें।

5

Find the value of $\left[(\vec{i} - 2\vec{j} + 3\vec{k}) \times (2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}) \right] \cdot (\vec{j} + \vec{k})$.